# F 329 – Exp. 3. Distribuição de potencial e campo elétrico

#### **Conceitos**

Potencial e campo elétricos. Equipotenciais e linhas de força. Efeito de ponta e para-raios. Blindagem e "gaiola de Faraday".

## Fenômeno

Presenciamos diariamente fenômenos típicos da área da eletrostática. Porém experiências ilustrativas de fenômenos deste tipo, realizáveis em condições controladas, são raras, pois os efeitos interessantes e observáveis são de baixa intensidade. Nos experimentos propostos aqui, procura-se observar e medir as distribuições de potencial através do levantamento das curvas equipotenciais e da obtenção das linhas de campo elétrico. As linhas de campo elétrico são sempre perpendiculares às curvas equipotenciais e o vetor campo elétrico é sempre tangente à linha de campo. As situações experimentais propostas permitem explorar os seguintes efeitos:

- "efeito de ponta" é capaz de amplificar o campo uniforme em que está posicionada. Geometria tipicamente usada em 'para-raios' por induzir a descarga do raio em um local apropriado.
- "gaiola de Faraday" é capaz de atenuar o campo elétrico em que está posicionada. Geometria tipicamente utilizada nas proteções e blindagens contra os efeitos dos campos elétricos espúrios, por exemplo, nos cabos coaxiais.

# Medida do campo elétrico

O campo elétrico é definido como o negativo do gradiente do potencial elétrico V (ou tensão elétrica, como foi visto até aqui):

$$\vec{E} = -\nabla V$$

Portanto V é encontrado integrando o campo elétrico de um ponto inicial a um ponto final, ao longo de um caminho s. Se o campo elétrico for paralelo a esse caminho (para cada elemento de caminho), isto é, se  $\vec{E}/\!\!/ d\vec{s}$ , então:

$$V_{if} = -\int_{i}^{f} E \cdot ds$$

e portanto a componente de E na direção de s é dada por:

$$E_s = -\frac{dV}{ds} = -\left(\frac{V_f - V_i}{s_f - s_i}\right)$$
 [1]

## Características especiais da situação experimental

A eletrostática trata, entre outros, de potenciais e campos elétricos estáticos, em situações onde o meio não apresenta condutividade elétrica (vácuo ou isolante). É praticamente impossível medir potenciais elétricos no vácuo e assim usam-se simulações. Para este estudo, utilizaremos a propriedade de que a distribuição do potencial elétrico entre eletrodos condutores polarizados, colocados em um eletrólito fraco e uniforme, é a mesma que apareceria se estes eletrodos, eletricamente carregados, estivessem em igual disposição geométrica no vácuo [veja, por exemplo, a ref. 4].

Os fenômenos eletrostáticos acontecem no espaço tridimensional. Neste experimento, para facilitar a visualização, estudaremos situações nas quais as características relevantes aparecem em planos bidimensionais.

# Mapeamento de Potencial Elétrico e do Campo Elétrico

Dado que o campo elétrico é definido como o negativo do gradiente do potencial elétrico V, o vetor campo elétrico sempre é perpendicular a uma linha de potencial constante, chamada linha equipotencial. Assim, para podermos determinar o campo elétrico em uma região do espaço precisamos basicamente determinar onde estão as linhas equipotenciais. O campo será perpendicular a elas e sua intensidade pode ser determinada, em cada posição, considerando-se pares de pontos que ligam as equipotenciais (veja o anexo).

Assim, para se determinar o campo elétrico em uma região do espaço é preciso fazer um mapa do potencial, ou seja, determinar como ele (potencial) varia em uma região do espaço. Um exemplo é o mapeamento do potencial gravitacional, proporcional à altitude, em um local com grande variação de relevo, como uma montanha. Veja um exemplo de curvas de equipotencial na Figura 1. Na figura, vemos as variações de potencial e as direções mais íngremes.

# Para fazer os mapas de potencial, duas estratégias são possíveis:

1- medir o potencial em muitos pontos da região de interesse. Nessa abordagem, o potencial é medido em posições (x,y) de toda a área de interesse. É preciso definir quantos pontos serão medidos, ou seja, a distância entre os pontos. Como as variações de potencial são a priori desconhecidas, pode ser preciso medir muitos pontos para que o mapa permita a observação de linhas equipotenciais e consequentemente o campo elétrico. Interpolação de potencial entre pontos medidos pode resultar em resultados incorretos se os pontos são adquiridos com distâncias muito grandes frente às variações do potencial.

2- Localizar linhas de equipotencial. Nessa abordagem, ao invés de se medir o potencial, se 'procura' um valor de potencial dentro da faixa de interesse e se anota várias coordenadas X,Y para esse valor de potencial. Assim, será possível localizar a posição de uma linha de potencial com certa confiança. Obtendo-se algumas dessas linhas, é possível caracterizar a variação do potencial em uma região do espaço medindo-se bem menos pontos que da outra forma.

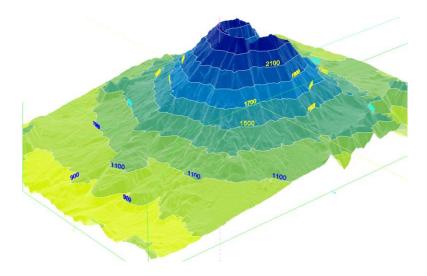


Figura 1: Ilustração em 3D de uma montanha. As curvas de potencial (gravitacional) estão indicadas colo linhas de altitude constante (linhas equipotenciais).

# **Objetivos**

- Explorar o Potencial elétrico e Campo elétrico em três geometrias, tal como na figura 2. Para cada caso, determine linhas equipotenciais para caracterizar o campo elétrico.
- Determinar **quantitativamente** o efeito de pontas e o efeito de gaiola de Faraday.



**Figura 2.** Configuração dos eletrodos para: (a) Campo elétrico uniforme; (b) Campo elétrico uniforme distorcido por uma ponta; (c) campo elétrico uniforme distorcido por um aro.

Nota: As curvas equipotenciais podem apresentar alguma simetria e por isso pode ser possível medir em uma região reduzida e, devido à simetria, repetir os mesmos dados em outras regiões.

#### Material

Cuba plástica, eletrodos de cobre, solução de sulfato de cobre, fonte de tensão, multímetro.

## Montagem experimental

Uma cuba de plástico, de fundo plano, contém uma camada uniforme de 4 ou 5 mm de uma solução aquosa de Cu₂SO₄. Eletrodos de cobre de forma geométrica predefinida são mergulhados na solução e são polarizados; uma corrente elétrica fraca circula entre os eletrodos, atravessando o eletrólito. O levantamento do potencial no eletrólito em função da posição é realizado com as pontas de prova do multímetro.

Atenção: Use no máximo 2V para alimentar os eletrodos fixos da cuba.

## **Planejamento Experimental**

- 1. Escolha uma estratégia para mapeamento do potencial (veja acima).
- 2. Defina um sistema de coordenadas.
- 3. Verifique se há simetrias que podem ser exploradas para que seja possível medir uma parte da cuba de plástico e extrapolar os resultados para o restante dela.
- 4. Reflita sobre as incertezas de cada grandeza da equação 1 levando em conta: a estabilidade da medida de tensão; o posicionamento e o tamanho da ponteira usada para medir tensão.

# Bibliografia

- [1] Halliday D; Resnick R; Merrill J. Fundamentos de Física vol.3, Eletromagnetismo, 3ª Edição, LTC, RJ, 1995. Cap. 24 e 26.
- [2] Freeman I. M. *Physics: Principles and Insights*. McGraw-Hill, New York, 1968, pp.430-433. Biblioteca IFGW # 530.F877p.
- [3] Feynman R.P.; Leighton R.B.; Sands M. *The Feynman Lectures on Physics*; vol.2, cap.7, cap.9, cap.12. Addison-Wesley, 1964.
- [4] Flügge S. *Handbuch der Physik*, vol XVI, pp.159-163. Springer Verlag, 1958. Biblioteca IFGW # R530.3.F646e, vol.16.