

Aufgabennummer: B-C6_27		
Technologieeinsatz:	möglich □	erforderlich ⊠

Eine technische Innovation – die intelligente Brille – soll auf den Markt kommen. Es werden die Zusammenhänge zwischen Stückpreis, Nachfrage und Erlös untersucht.

Der Absatz wird in Mengeneinheiten (ME) angegeben: 1 ME = 10 000 Brillen.

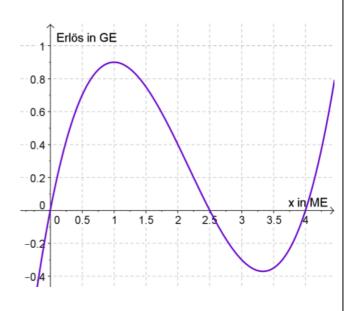
a) Das Unternehmen, das die intelligente Brille zuerst auf den Markt bringt, kann für eine gewisse Zeit als Monopolanbieter auftreten. Für den Zusammenhang zwischen dem Verkaufspreis und der Nachfrage gilt:

$$p(x) = 0.2 \cdot x^2 - 1.3 \cdot x + 2$$
 mit $0 \le x \le 2.5$

- x ... Menge in ME
- p(x) ... Nachfragepreis von x ME in GE/ME
- Berechnen Sie den Stückpreis einer Brille in Euro bei einem Absatz von 20000 Brillen.
- Dokumentieren Sie, wie man den Höchstpreis bestimmen kann.

Geldbeträge werden in Geldeinheiten (GE) angegeben: 1 GE = € 1.000.000.

- Berechnen Sie diejenige Menge, bei der der Markt gesättigt ist.
- In der nebenstehenden Abbildung ist ein Funktionsgraph angegeben, der für die Beschreibung des Erlöses in Frage kommt.
 - Argumentieren Sie, welcher Definitionsbereich im Sachzusammenhang sinnvoll ist.
 - Lesen Sie den Wert für den maximalen Erlös ab.
 - Ermitteln Sie mithilfe der Abbildung die mittlere Änderungsrate des Erlöses, wenn der Absatz von 5 000 auf 10 000 Brillen ansteigt.



- c) Von der intelligenten Brille werden in der ersten Woche 0,1 ME abgesetzt. Der Gesamtabsatz verdoppelt sich alle 4 Wochen.
 - Erstellen Sie ein den Angaben entsprechendes exponentielles Modell.
 - Berechnen Sie, in welcher Woche ein Gesamtabsatz von 20 000 Brillen überschritten wird.
 - Berechnen Sie, wie viele Brillen nach diesem Modell insgesamt nach 2 Jahren verkauft werden.
 - Erklären Sie, warum sich das Modell des exponentiellen Wachstums langfristig gesehen nicht für eine Prognose von Verkaufszahlen eignet.

Hinweis zur Aufgabe:

Lösungen müssen der Problemstellung entsprechen und klar erkennbar sein. Ergebnisse sind mit passenden Maßeinheiten anzugeben. Diagramme sind zu beschriften und zu skalieren.

Möglicher Lösungsweg

a) p(2) = 0.2 GE/ME = 20 pro Brille

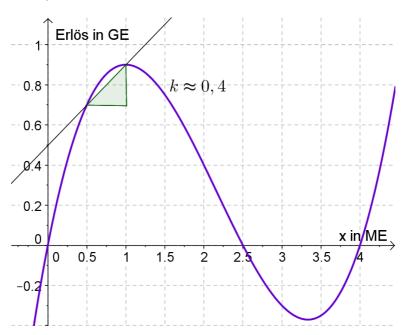
Der Höchstpreis ist der Funktionswert der Preis-Absatz-Funktion an der Stelle null. Man setzt daher x = 0 in die gegebene Gleichung p(x) ein.

 $0.2 \cdot x^2 - 1.3 \cdot x + 2 = 0$... Nullstelle der Preis-Absatz-Funktion = Sättigungsmenge $x_1 = 2.5$ ME

 $(x_2 = 4 \text{ ME nicht in der angegebenen Definitionsmenge})$

Die Sättigung des Marktes wird bei 25 000 Brillen erreicht.

b) Der sinnvolle Definitionsbereich liegt im Intervall [0; 2,5] in ME. Absatzmengen über 2,5 ME führen zu einem negativen Erlös. Der Erlös kann nicht negativ, sondern höchstens gleich null werden.



Der maximale Erlös beträgt ca. 0,9 GE, d. h. € 900.000. (Vertretbare Ableseungenauigkeiten von ca. 0,05 GE werden toleriert.)

In die gegebene Abbildung wird die Sekante zwischen x=0,5 und x=1 eingezeichnet. Die mittlere Änderungsrate des Erlöses entspricht dem Anstieg der Sekante: $k\approx0,4$ GE/ME. Wenn der Absatz von 5 000 auf 10 000 Brillen steigt, dann nimmt der Erlös pro Brille um durchschnittlich \in 40 zu.

c)
$$n(t) = n(0) \cdot e^{\lambda \cdot t}$$

t ... Zeit in Wochen

n(t) ... Gesamtabsatz t Wochen nach Verkaufsstart in Stück

$$2 = 1 \cdot e^{4 \cdot \lambda} \implies \lambda = 0,1732... \approx 0,173$$

$$n(t) = 0,1 \cdot e^{0,173 \cdot t}$$

$$2 = 0,1 \cdot e^{0,173 \cdot t}$$

$$t \approx 17,29$$

Ungefähr zu Beginn der 18. Woche würde man nach diesem Modell 20 000 Brillen verkaufen. Nach diesem Modell verkaufte Brillen nach 2 Jahren = 104 Wochen: 67,1 Milliarden Brillen. Das exponentielle Modell steigt langfristig zu stark progressiv an und ist unbeschränkt, daher beschreibt es die Verkaufszahlen für einen großen Zeitraum nicht gut.

Klassifikation

□ Teil A ⊠ Teil B

Wesentlicher Bereich der Inhaltsdimension:

- a) 4 Analysis
- b) 4 Analysis
- c) 3 Funktionale Zusammenhänge

Nebeninhaltsdimension:

- a) 3 Funktionale Zusammenhänge
- b) —
- c) —

Wesentlicher Bereich der Handlungsdimension:

- a) B Operieren und Technologieeinsatz
- b) C Interpretieren und Dokumentieren
- c) A Modellieren und Transferieren

Nebenhandlungsdimension:

- a) D Argumentieren und Kommunizieren
- b) D Argumentieren und Kommunizieren
- c) D Argumentieren und Kommunizieren, B Operieren und Technologieeinsatz

Schwierigkeitsgrad:

Punkteanzahl:

a) mittel

a) 3

b) mittel

b) 3

c) mittel

c) 4

Thema: Wirtschaft

Quellen: http://socialmedia24.eu und http://www.netzwelt.de (Stand: jeweils 11.6.2013)