1. TAD DATOSCATEGORÍA

```
TAD DATOSCATEGORÍA
                      datoscat
     géneros
     exporta
                      datoscat, generadores, observadores básicos, idDC, esRaíz?, padreDC, hijosDC
                      BOOL, NAT, CATEGORIA, CONJUNTO (CATEGORIA), ARBOLCATEGORIAS
      usa
     igualdad observacional
                      (\forall dc, dc' : \text{datoscat}) \ \left( dc =_{\text{obs}} dc' \Longleftrightarrow \begin{pmatrix} \text{nombreDC}(dc) =_{\text{obs}} \text{nombreDC}(dc') \land \\ \text{acatDC}(dc) =_{\text{obs}} \text{acatDC}(dc') \end{pmatrix} \right)
      generadores
                                                                                                                         \{c \in categorias(ac)\}\
        crearDatosCat
                                    : categoria c \times acat ac
                                                                             \longrightarrow datoscat
     observadores básicos
        nombreDC
                                    : datoscat
                                                                             → categoria
        acatDC
                                    : datoscat
                                                                                \rightarrow acat
     otras operaciones
        idDC
                                    : datoscat
                                                                               \rightarrow nat
        esRaíz?
                                    : datoscat
                                                                               \rightarrow bool
        padreDC
                                                                                                                              \{\neg \operatorname{esRaíz}?(dc)\}
                                    : datoscat dc
                                                                             \longrightarrow datoscat
                                    : datoscat
        hijosDC
                                                                             \longrightarrow conj(datoscat)
                                                                                                                       \{cs \subseteq categorias(ac)\}\
        categorías A Datos Cat : conj(categoria) cs \times acat \ ac \longrightarrow conj(datos cat)
                      \forall c: categoria, \forall cs: conj(categoria), \forall ac: acat
        nombreDC(crearDatosCat(c, ac)) \equiv c
        acatDC(crearDatosCat(c, ac))
                                                     \equiv ac
        idDC(crearDatosCat(c, ac))
                                                     \equiv id(ac, c)
        esRaíz?(crearDatosCat(c, ac))
                                                     \equiv c =_{\text{obs}} \text{raiz}(ac)
        padreDC(crearDatosCat(c, ac))
                                                     \equiv \text{crearDatosCat(padre}(ac, c), ac)
        hijosDC(crearDatosCat(c, ac))
                                                     \equiv categorias ADatos Cat(hijos(ac, c), ac)
                                                     \equiv if \emptyset?(cs) then
        categoríasADatosCat(cs, ac)
                                                             Ø
                                                        else
                                                             Ag(crearDatosCat(dameUno(cs), ac), sinUno(cs))
                                                        fi
```

Fin TAD

2. Módulo ÁrbolCategorías

Interfaz

```
se explica con: DatosCategoría, ÁrbolCategorías, Iterador Unidireccional(Categoría). géneros: acat, datoscat, itercat.
```

Operaciones básicas de árbol de categorías

```
CREARÁRBOL(in raiz: categoria) \rightarrow res: acat

Pre \equiv \{\neg \text{vac\'a}?(raiz)\}

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{ nuevo}(raiz)\}

Complejidad: \Theta(|raiz|)

Descripción: crea un árbol nuevo cuya categoría raíz es raiz.

NOMBRECATEGORÍARAÍZ(in ac: acat) \rightarrow res: categoria

Pre \equiv \{\text{true}\}

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{ra\'az}(ac)\}

Complejidad: \Theta(1)

Descripción: devuelve el nombre de la categoría raíz de ac.

AGREGARCATEGORÍA(in hija: categoria, in padre: categoria, in/out ac: acat)

Pre \equiv \{ac =_{\text{obs}} ac_0 \land \text{est\'a}?(padre, ac) \land \neg \text{vac\'a}?(hija) \land \neg \text{est\'a}?(hija, ac)\}

Post \equiv \{ac =_{\text{obs}} \text{ agregar}(ac_0, padre, hija)\}
```

Complejidad: $\Theta(|padre| + |hija|)$

Descripción: agrega la categoría *hija* como hija de la categoría *padre*.

 $\texttt{CrearIterCat}(\textbf{in}\ padre: \texttt{categoria}, \textbf{in}\ ac\colon \texttt{acat}) \to res\ : \texttt{itercat}$

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{está?}(padre, ac) \}$

 $\mathbf{Post} \equiv \{ \text{alias}(\text{esPermutacion?}(\text{SecuSuby}(res), \text{hijos}(ac, padre))) \land \text{vacia?}(\text{Anteriores}(res)) \}$

Complejidad: $\Theta(|padre|)$

Descripción: devuelve un iterador unidireccional de las categorías hijas directas de la categoría padre.

DUDA: ¿Puedo tratar a res acá directamente como un it $Conj(\alpha)$ en la expresión SecuSuby(res)?

DUDA: ¿Hay que extender el TAD ÁrbolCategorías como en el apunte de módulos básicos para poder especificar la operación esPermutacion??

```
IDCATEGORÍAPORNOMBRE(in c: categoria, in ac: acat) \rightarrow res: nat \mathbf{Pre} \equiv \{\text{est\'a}?(c, ac)\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} \operatorname{id}(ac, c)\}
```

Complejidad: $\Theta(|c|)$

Descripción: devuelve el id de la categoría c.

Operaciones de datos de categoría

```
OBTENERID(in dc: datoscat) \rightarrow res: nat \mathbf{Pre} \equiv \{\text{true}\}
```

 $\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{idDC}(dc) \}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: devuelve el id de la categoría asociada a dc.

ObtenerNombre(in dc: datoscat) $\rightarrow res$: nat

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}$

 $\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{nombreDC}(dc)\}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: devuelve el nombre de la categoría asociada a dc.

OBTENERPADRE(in dc: datoscat) $\rightarrow res$: puntero(datoscat)

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \neg \operatorname{esRaiz}?(dc) \}$

 $\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \mathsf{padreDC}(dc)\}\$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: devuelve un puntero a los datos de la categoría padre asociada a dc.

DUDA: ¿Está bien la postcondición? res es de tipo puntero (datoscat), mientras que padreDC devuelve datoscat.

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}$

 $\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \text{ hijosDC}(dc) \}$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: devuelve un conjunto de punteros a los datos de las categorías hijas directas asociadas a dc.

DUDA: ¿Está bien la postcondición? res es de tipo conj(puntero(datoscat)), mientras que hijosDC devuelve conj(datoscat).

Operaciones de iterador de categorías

```
\begin{split} & \text{HayMás?}(\textbf{in} \ it \colon \texttt{itercat}) \to res \ : \texttt{bool} \\ & \textbf{Pre} \equiv \{\text{true}\} \\ & \textbf{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{HayMás?}(it)\} \end{split}
```

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: devuelve true si y sólo si en el iterador todavía quedan elementos para avanzar.

```
\texttt{ACTUAL}(\mathbf{in}\ it : \mathtt{itercat}) \rightarrow res : \mathtt{puntero}(\mathtt{datoscat})
```

 $\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{HayMás}?(it) \}$

 $Post \equiv \{res =_{obs} Actual(it)\}\$

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: devuelve el elemento actual del iterador.

AVANZAR(in/out it: itercat)

```
\mathbf{Pre} \equiv \{it =_{obs} it_0 \land \mathrm{HayM\acute{a}s}?(it)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{Avanzar}(it_0)\}\
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: avanza el iterador a la posición siguiente.
```

Representación

Representación de árbol de categorías

```
acat se representa con estr_acat
        donde estr_acat es tupla(raíz: puntero(datoscat), categorías: dicctrie(datoscat))
     Invariante de representación:
    1. raíz no puede ser nulo.
    2. raíz tiene que estar en el diccionario de categorías.
    3. raíz tiene que tener id 1.
    4. para todas las categorías en el diccionario:
           a) la categoría no puede ser nula.
           b) el nombre de la categoría deber ser igual a su clave en el diccionario.
           c) el id de la categoría debe estar en rango.
           d) dos categorías no pueden tener el mismo id.
           e) los hijos de la categoría tienen que estar en el diccionario de categorías.
          f) el padre es nulo si y sólo si la categoría es la raíz.
           g) si el padre no es nulo, tiene que estar en el diccionario de categorías.
          h) si el padre no es nulo, la categoría está entre los hijos del padre.
           i) si el padre no es nulo, el id de la categoría debe ser superior al del padre.
     \operatorname{Rep}:\operatorname{estr}\operatorname{acat}\longrightarrow\operatorname{bool}
     Rep(e) \equiv true \iff
                      (1) \neg (e.\text{raíz} =_{obs} \text{NULL}) \land_{L}
                      (2) def?(e.\text{raíz} \rightarrow \text{nombre}, e.\text{categorías}) \land_{L} \text{obtener}(e.\text{raíz} \rightarrow \text{nombre}, e.\text{categorías}) =_{\text{obs}} e.\text{raíz} \land
                      (3) e.\text{raíz} \rightarrow \text{id} =_{obs} 1 \land
                      (4) (\forall c: \text{categoria})(\text{def}?(c, e.\text{categorias}) \Rightarrow_{\text{L}} (
                      (4a)
                                   \neg(obtener(c, e.categorías) =<sub>obs</sub> NULL) \wedge_{\text{L}}
                      (4b)
                                   obtener(c, e.categorías)\rightarrownombre =_{obs} c \wedge_{\text{L}}
                      (4c)
                                   1 \leq \text{obtener}(c, e.\text{categorías}) \rightarrow \text{id} \land \text{obtener}(c, e.\text{categorías}) \rightarrow \text{id} \leq \#(\text{claves}(e.\text{categorías})) \land
                                   (\forall c': \text{categoria})(\text{obtener}(c, e.\text{categorias}) \rightarrow \text{id} = \text{obs} \text{ obtener}(c', e.\text{categorias}) \rightarrow \text{id} \iff c = \text{obs} c') \land
                      (4d)
                                   (\forall h: \text{puntero}(\text{datoscat}))(h \in \text{obtener}(c, e.\text{categorias}) \rightarrow \text{hijos} \Rightarrow_L
                      (4e)
                                          def?(h \rightarrow nombre, e.categorías)) \wedge_{L}
                      (4f)
                                  obtener(c, e.\text{categorias}) \rightarrow \text{padre} =_{\text{obs}} \text{NULL} \iff c =_{\text{obs}} e.\text{raiz} \rightarrow \text{nombre} \land_{\text{L}}
                      (4g)
                                   \neg (\text{obtener}(c, e.\text{categorias}) \rightarrow \text{padre} =_{\text{obs}} \text{NULL}) \Rightarrow_{\text{L}}
                                          def?(obtener(c, e.categorías) \rightarrow padre \rightarrow nombre, e.categorías) \land_{L}
                      (4h)
                                   \neg (obtener(c, e.categorías) \rightarrow padre =_{obs} NULL) \Rightarrow_{L}
                                          obtener(c, e.categorías) \in obtener(c, e.categorías) \rightarrow padre \rightarrow hijos) \land
                      (4i)
                                  \neg (\text{obtener}(c, e.\text{categorias}) \rightarrow \text{padre} =_{\text{obs}} \text{NULL}) \Rightarrow_{\text{L}}
                                          obtener(c, e.categorías) \rightarrow padre \rightarrow id < obtener(c, e.categorías) \rightarrow id))
     DUDA: ¿Está bien acceder a los campos de datoscat como si fuera una tupla? Notar que se usa el género datoscat
en vez de su estructura de representación estr datoscat.
     DUDA: Para acortar el Rep, ¿puedo declarar variables dentro del mismo? Ejemplo:
                    x =_{\text{obs}} \text{obtener}(c, e.\text{categorias}) \land \neg(x \rightarrow \text{padre} =_{\text{obs}} \text{NULL}) \Rightarrow_{\text{L}}
                              (def?(x \rightarrow padre \rightarrow nombre, e.categorías) \land_L x \in x \rightarrow padre \rightarrow hijos)
```

```
Abs : estr_acat e \longrightarrow acat
                                                                                                                                                                \{\operatorname{Rep}(e)\}
Abs(e) =_{obs} ac: acat \mid categorias(ac) =_{obs} claves(e.categorias) \land_{L}
                                 raiz(ac) =_{obs} e.raiz \rightarrow nombre \land
                                 (\forall c: \text{categoria})(c \in \text{claves}(e.\text{categorias}) \Rightarrow_{\text{L}} (
                                       padre(ac, c) =_{obs} obtener(c, e.categorías) \rightarrow padre \rightarrow nombre \land
                                       id(ac, c) =_{obs} obtener(c, e.categorías) \rightarrow id)
```

Representación de datos de categoría

```
datoscat se representa con estr_datoscat  \begin{tabular}{ll} donde estr_datoscat es tupla (id: nat , nombre: categoria , padre: puntero(datoscat) , hijos: conj (puntero(datoscat)) ) \end{tabular}
```

DUDA: ¿Hace falta crear un TAD nuevo para poder expresar el Rep y Abs del género datoscat? De ser así, ¿tengo que agregar dicho TAD en la lista 'se explica con'?

Representación de iterador de categorías

```
itercat se representa con itConj(puntero(datoscat))
```

DUDA: ¿Está bien la estructura de representación elegida?

DUDA: ¿Qué usamos para expresar el Rep y el Abs en este caso? Dado que se trata de un it $Conj(\alpha)$, suena razonable pensar en usar el Rep y Abs de este iterador definidos en el módulo $Conjunto Lineal(\alpha)$.

Algoritmos

Pendiente.

3. Módulo LinkLinkIt

Interfaz

```
se explica con: LinkLinkIt, Iterador Unidireccional(Link). géneros: sistema, iterlinks.
```

Operaciones básicas del sistema

```
CREARSISTEMA(in ac: acat) \rightarrow res: sistema
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{iniciar}(ac) \}
Complejidad: \Theta(\#(\text{categorias}(ac)))
Descripción: crea un sistema cuyo árbol de categorías es ac.
AGREGARLINK(in l: link, in c: categoria, in/out s: sistema)
\mathbf{Pre} \equiv \{s =_{\mathrm{obs}} s_0 \land \neg (l \in \mathrm{links}(s)) \land \mathrm{est\'a?}(c, \mathrm{categor\'as}(s))\}
\mathbf{Post} \equiv \{s =_{\text{obs}} \text{nuevoLink}(s_0, l, c)\}\
Complejidad: \Theta(|l| + |c| + h), donde h representa altura(categorías(s)).
Descripción: agrega al sistema el link l con categoría c.
ACCEDERLINK(in l: link, in f: fecha, in/out s: sistema)
\mathbf{Pre} \equiv \{s =_{\mathrm{obs}} s_0 \land l \in \mathrm{links}(s) \land f \geq \mathrm{fechaActual}(s)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ s =_{obs} acceso(s_0, l, f) \}
Complejidad: \Theta(|l| + h), donde h representa altura(categorías(s)).
Descripción: registra un acceso al link l en la fecha f.
\# LINKS(\mathbf{in}\ c : \mathtt{categoria},\ \mathbf{in}\ s : \mathtt{sistema}) 	o res: \mathtt{nat}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{est\'a}?(c, \operatorname{categor\'as}(s)) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} \operatorname{cantLinks}(s, c) \}
Complejidad: \Theta(|c|)
Descripción: devuelve la cantidad de links bajo la categoría c y todas sus subcategorías.
CREARITERLINKS(in c: categoría, in s: sistema) \rightarrow res: iterlinks
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{est\'a}?(c, \operatorname{categor\'as}(s)) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{alias}(\text{SecuSuby}(res) =_{\text{obs}} \text{linksOrdenadosPorAccesos}(ac, padre)) \land \text{vacia?}(\text{Anteriores}(res)) \}
Complejidad: \Theta(|c| + n \cdot \log(n)), donde n representa long(linksOrdenadosPorAccesos(s, c)).
Descripción: devuelve un iterador unidireccional de los links de la categoría c y todas sus subcategorías ordenados
```

de mayor a menor cantidad de accesos recientes.

Operaciones de iterador de links

```
\begin{aligned} & \text{HayMás?(in } it \text{: iterlinks}) \rightarrow res \text{ : bool} \\ & \text{Pre} \equiv \{\text{true}\} \\ & \text{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{ HayMás?}(it)\} \\ & \text{Complejidad: } \Theta(1) \\ & \text{Descripción: devuelve true si y sólo si en el iterador todavía quedan elementos para avanzar.} \\ & \text{LINKACTUAL(in } it \text{: iterlinks}) \rightarrow res \text{ : link} \\ & \text{Pre} \equiv \{\text{HayMás?}(it)\} \\ & \text{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{ Actual}(it)\} \\ & \text{Complejidad: } \Theta(1) \\ & \text{Descripción: devuelve el link actual del iterador.} \\ & \text{CATEGORÍALINKACTUAL(in } it \text{: iterlinks}) \rightarrow res \text{ : categoria} \\ & \text{Pre} \equiv \{\text{HayMás?}(it)\} \\ & \text{Post} \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{ categoríaLink(???, Actual}(it))\} \\ & \text{Complejidad: } \Theta(1) \\ & \text{Descripción: devuelve la categoría del link actual del iterador.} \end{aligned}
```

DUDA: En la postcondición no dispongo de un sistema para la llamada a categoríaLink, pues la interfaz de la función no recibe un sistema como parámetro ya que toda la información que necesita el algoritmo está contenida en el iterador. ¿Cómo hago para especificar la postcondición si no tengo un sistema?

```
ACCESOSRECIENTESLINKACTUAL(in it: iterlinks) \rightarrow res: nat \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{HayM\acute{a}s?}(it) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathrm{obs}} \ \mathrm{accesosRecientes}(???, ???, \ \mathrm{Actual}(it)) \}
\mathbf{Complejidad:} \ \Theta(1)
```

Descripción: devuelve la cantidad de accesos del link actual del iterador durante los días de la intersección de los tres días "recientes" del link l y de los tres días "recientes" del link que tuvo último acceso entre los links de la categoría c con la que se creó este iterador, y los links de todas sus subcategorías.

DUDA: Misma duda que en la función anterior: ¿cómo hago para especificar la postcondición si no dispongo ni de la categoría ni del sistema para la llamada a accesos Recientes?

```
AVANZAR(in/out it: iterlinks)

Pre \equiv \{it =_{\text{obs}} it_0 \land \text{HayMás}?(it)\}

Post \equiv \{res =_{\text{obs}} \text{Avanzar}(it_0)\}

Complejidad: \Theta(1)

Descripción: avanza el iterador a la posición siguiente.
```

Representación

Representación del sistema

```
sistema se representa con estr_sistema donde estr_sistema es tupla(categorias: acat , links: dicctrie(estr_link) , linksPorCatId: arreglo_dimensionable de estr_linkscat , fechaActual: fecha ) donde estr_link es tupla(l: link , cid: nat , últimoAcceso: fecha , as: arreglo_estático[3] de fecha ) donde estr_linkscat es tupla(c: puntero(datoscat) , ls: lista(puntero(estr_link)) , últimoAcceso: fecha , ordenado?: bool )
```

Representación de iterador de links

```
iterlinks se representa con estr_iter
  donde estr_iter es tupla(s: estr_sistema , c: categoria , it: itLista(puntero(estr_link)) )
```

Algoritmos

Pendiente.

4. Módulo Diccionario Trie(α)

Interfaz

```
\begin{array}{ll} \mathbf{parametros} \ \ \mathbf{formales} \\ \mathbf{g\acute{e}neros} & \alpha \\ \mathbf{funci\acute{o}n} & \mathrm{Copiar}(\mathbf{in} \ a \colon \alpha) \to res \ \colon \alpha \\ \mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{true}\} \\ \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} a\} \\ \mathbf{Complejidad:} \ \Theta(copy(a)) \\ \mathbf{Descripci\acute{o}n:} \ \mathrm{funci\acute{o}n} \ \mathrm{de} \ \mathrm{copia} \ \mathrm{de} \ \alpha'\mathrm{s} \\ \\ \mathbf{se} \ \mathbf{explica} \ \mathbf{con:} \ \mathrm{Diccionario}(\mathrm{String}, \ \alpha), \ \mathrm{Iterador} \ \mathrm{Unidireccional}(\alpha). \\ \\ \mathbf{g\acute{e}neros:} \ \mathrm{dicctrie}(\alpha), \ \mathrm{iterdicctrie}(\alpha). \end{array}
```

Operaciones básicas de diccionario trie

```
CREAR() \rightarrow res : dicctrie(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs}  vacio() \}
Complejidad: \Theta(1)
Descripción: crea un nuevo diccionario vacío.
DEFINIDO?(in c: string, in d: dicctrie(\alpha)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{def}?(c, d)\}\
Complejidad: \Theta(|c|)
Descripción: devuelve \mathbf{true} si y sólo si c está definido en el diccionario.
DEFINIR(in c: string, in s: \alpha, in/out d: dicctrie(\alpha))
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} \operatorname{definir}(d_0, c, s)\}\
Complejidad: \Theta(|c| + copy(s))
Descripción: define la clave c con el significado s en el diccionario.
Observed (in c: string, in d: dicctrie(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{ \det?(c, d) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} obtener(c, d)\}\
Complejidad: \Theta(|c|)
Descripción: devuelve el significado de la clave c en d.
```

Operaciones del iterador

Pendiente.

Representación

Representación de diccionario trie

```
\label{eq:condition} \begin{split} \operatorname{dicctrie}(\alpha) \text{ se representa con estr\_dicctrie} & \operatorname{donde} \operatorname{estr\_dicctrie} & \operatorname{estupla}(hayClave: & \operatorname{bool} &, nodos: & \operatorname{arreglo\_estático[255]} \operatorname{de} \\ & \operatorname{puntero}(\operatorname{estr\_dicctrie}) &, significado: (\alpha) &) \end{split}
```

Representación del iterador

Pendiente.

Algoritmos

Pendiente.