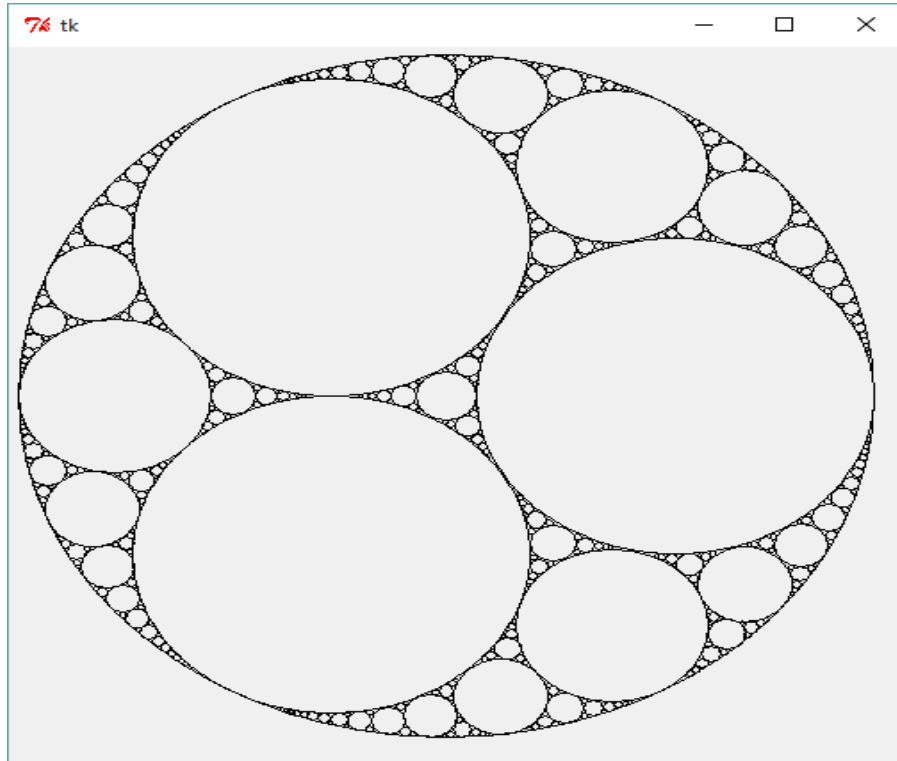


Les badernes d'Apollonius ...

Ou aussi appelé « joint de culasse fractal »



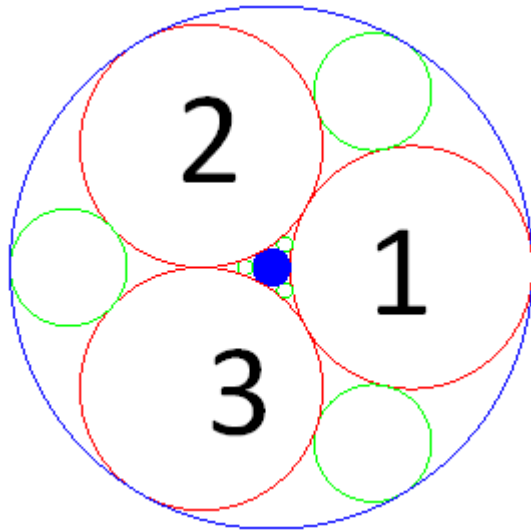
Qu'est ce que les badernes d'Apollonius ?

- Une baderne est un tapis tressé avec de vieux cordages (aussi appelé « joint de culasse »)
- Figure de géométrie fractale faite à partir de 3 cercles
- Deux cercles tangents à un troisième commun
- L'esthétique de la figure est adaptée en choisissant judicieusement les cercles de départ(trois, quatre ...)

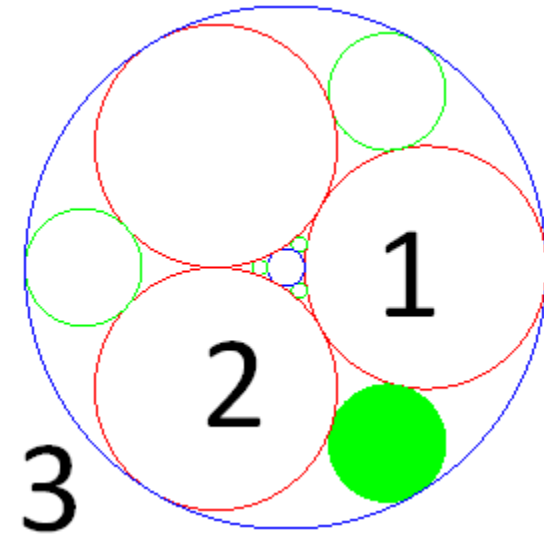
Les cercles tangents

Deux possibilités

soddy



soddy_g (Descartes)



.Théorème de Descartes :

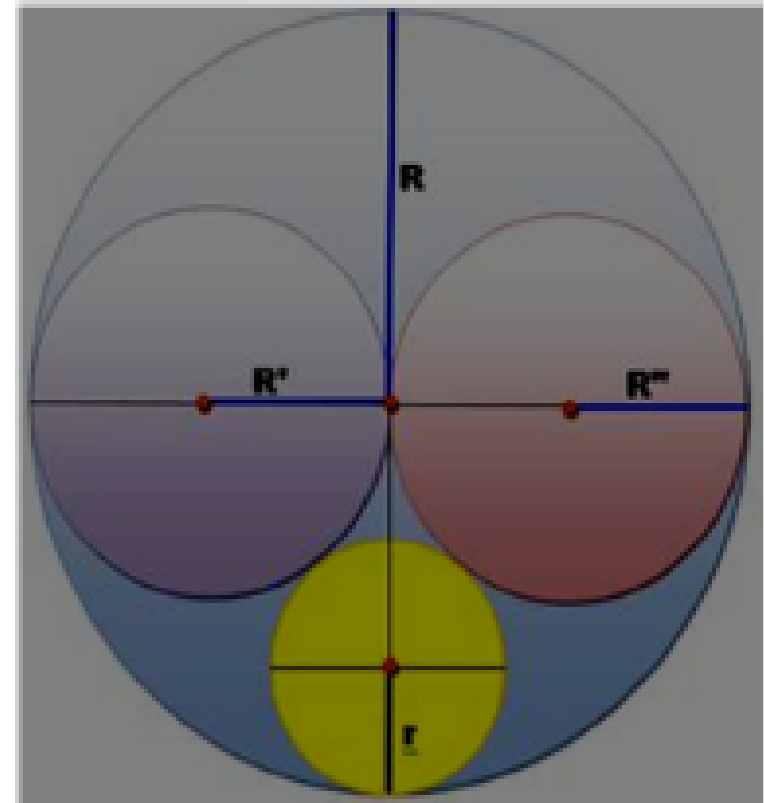
$$c = C + C + C'' \pm 2 \sqrt{C.C' + C'.C'' + C''.C}$$

.La courbure est positive pour ce qui a trait

.à l'extérieur du cercle et négative pour l'intérieur...

.Avec les rayons la formule devient:

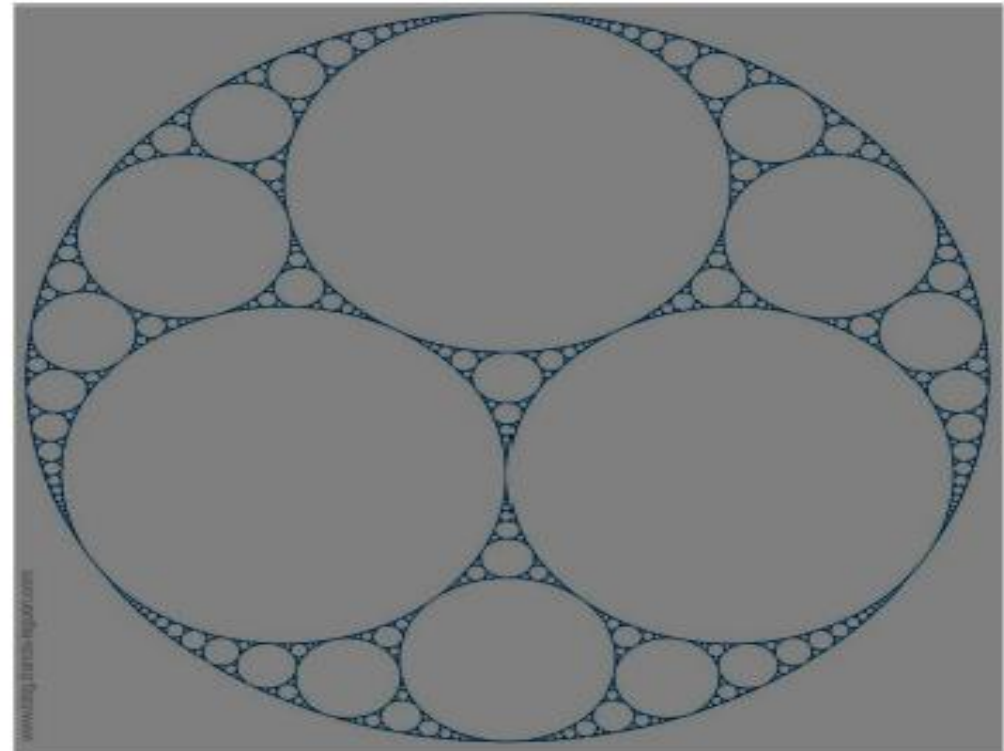
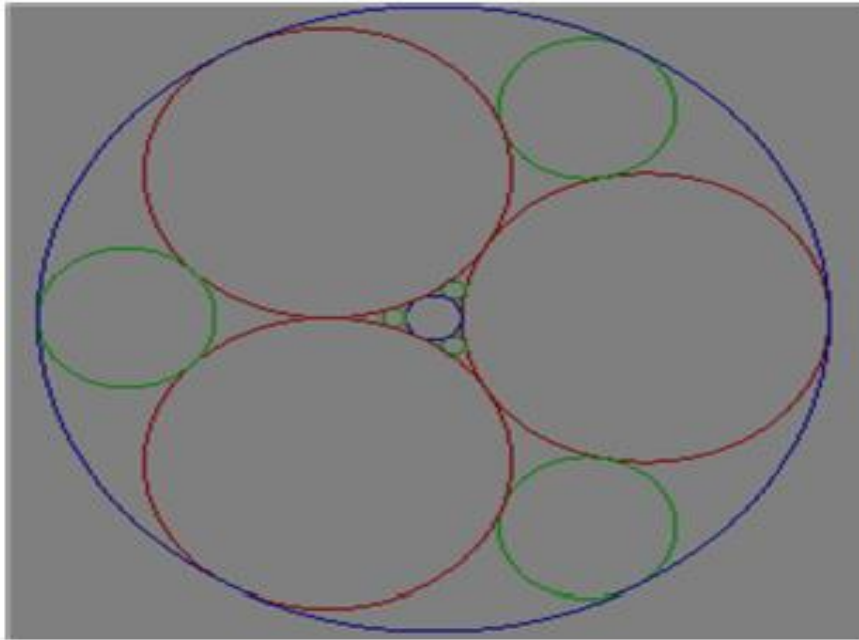
$$r = (R \cdot R' \cdot R'') / (R \cdot R' + R'' \cdot R + R \cdot R'' \pm 2 \sqrt{R \cdot R' \cdot R'' \cdot (R + R' + R'')})$$



.Des cercles tangents

.Les cercles d'Apollonius :

.On débute avec **trois cercles** C1, C2 et C3, **chacun d'eux étant tangent aux deux autres** (dans la construction générale, ces trois cercles peuvent avoir n'importe quelle taille, tant qu'ils sont tangents). Apollonius découvrit qu'il **existe deux autres cercles** qui n'ont pas d'intersection, C4 et C5, qui ont la propriété d'être **tangents avec les trois cercles originaux** - ceux-ci ont été appelés cercles d'Apollonius. **En ajoutant les deux cercles d'Apollonius aux trois cercles originaux, nous avons maintenant cinq cercles...**

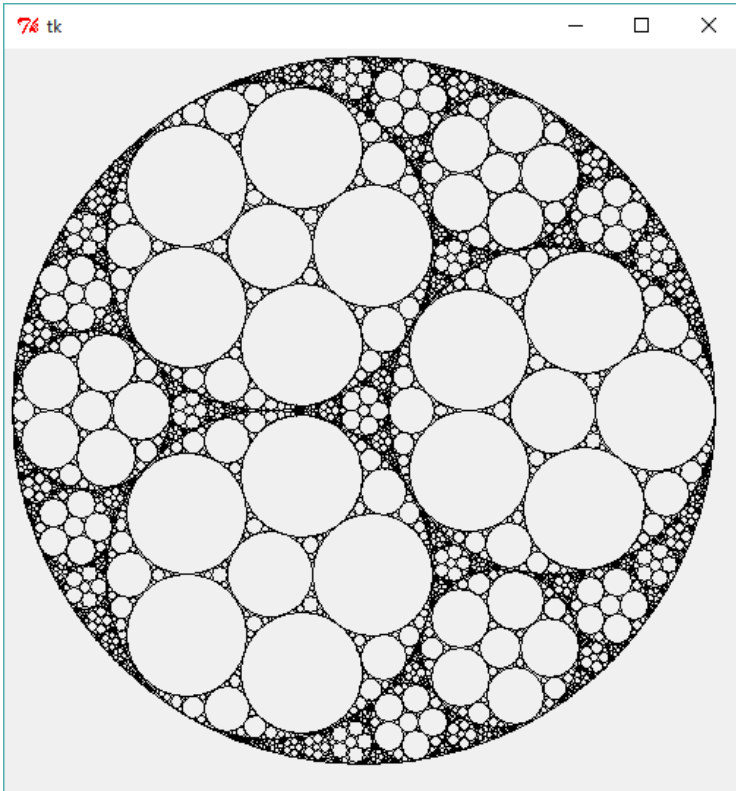


Les difficultés rencontrées:

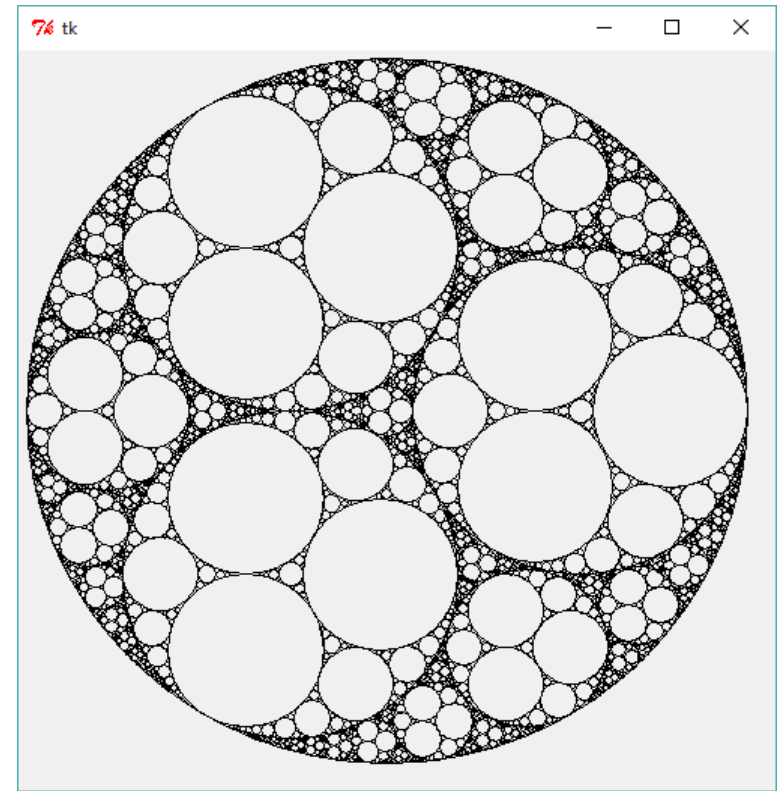
- Comprendre les formules données
- Problème pour choisir les couples de cercles tangents pour la récursivité (2 fonctions Soddy différentes)
- Tracer le cercle de Soddy extérieur
- Problème de coordonnées des cercles lors du traçage de la baderne
- Problème avec la première et deuxième récursivité
- Enregistrement des recettes (pillow)

Les recettes avec cercles1.py

```
>>> recette1((245,245,240),3,5,1,1)
```

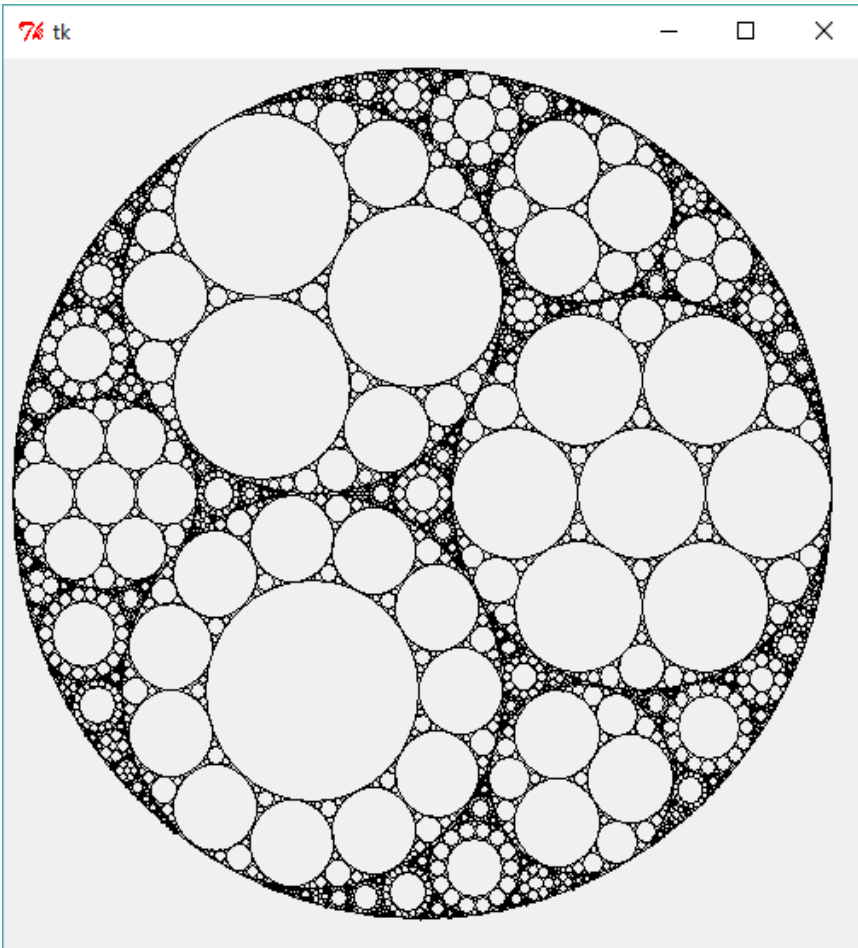


```
>>> recette1((245,245,240),3,3,1,1)
```

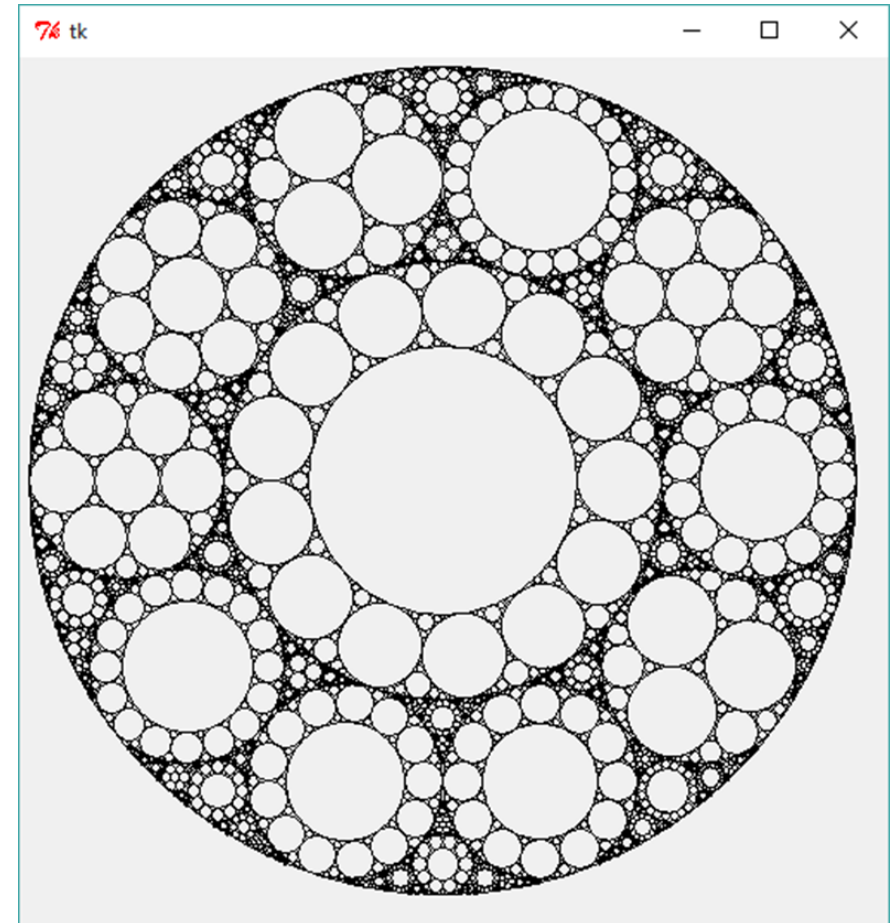


Les recettes avec cercles1.py

```
>>> recette2((245,245,240),3,1,1)
```

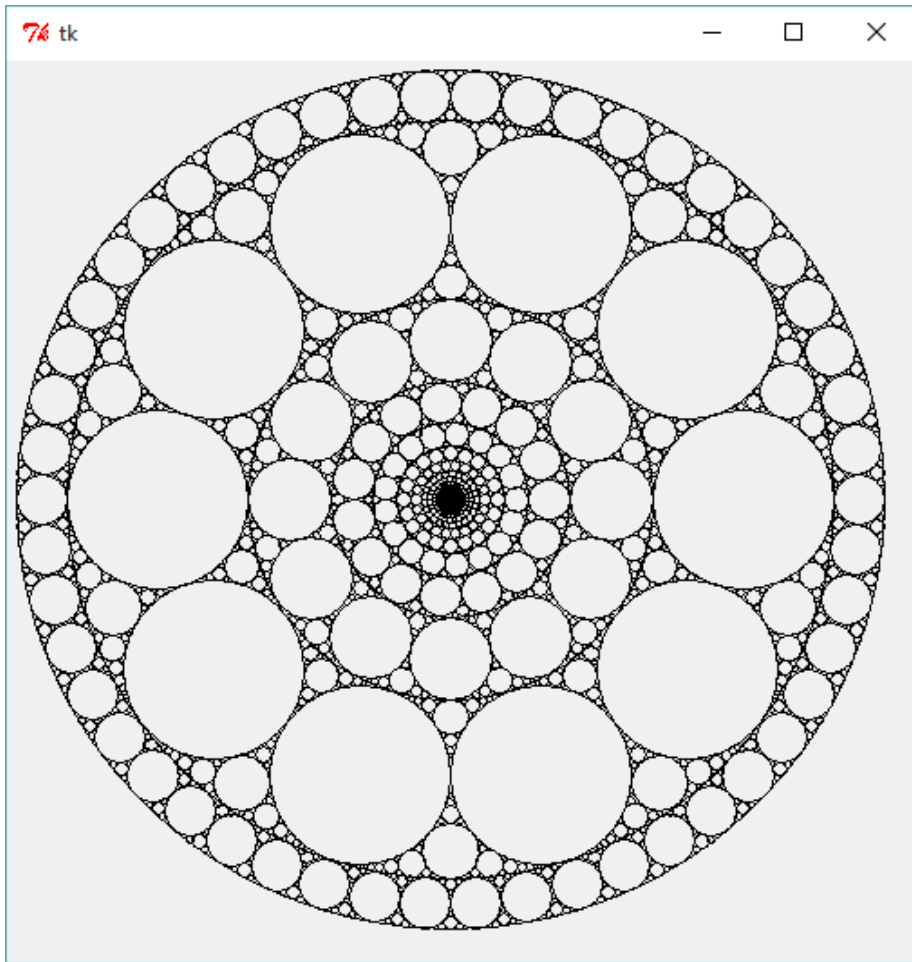


```
>>> recette2((245,245,240),10,1,1)
```

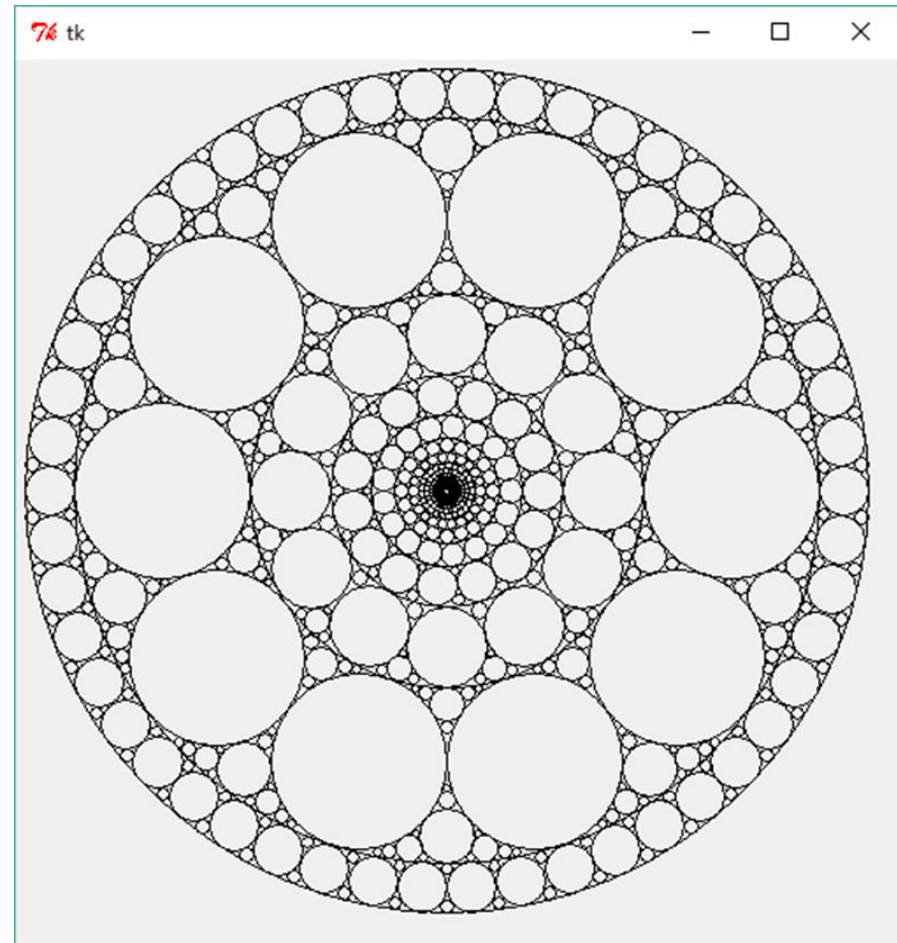


Les recettes avec cercles1.py

```
>>> recette3((245,245,240),1)
```

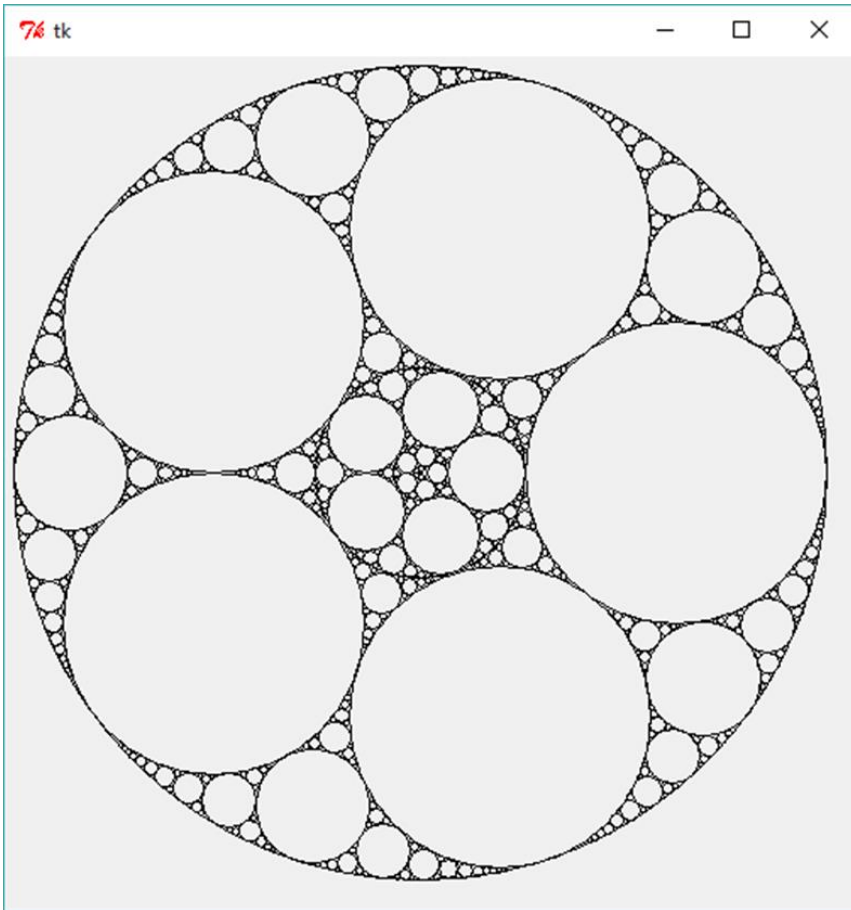


```
>>> recette3((245,245,240),2)
```

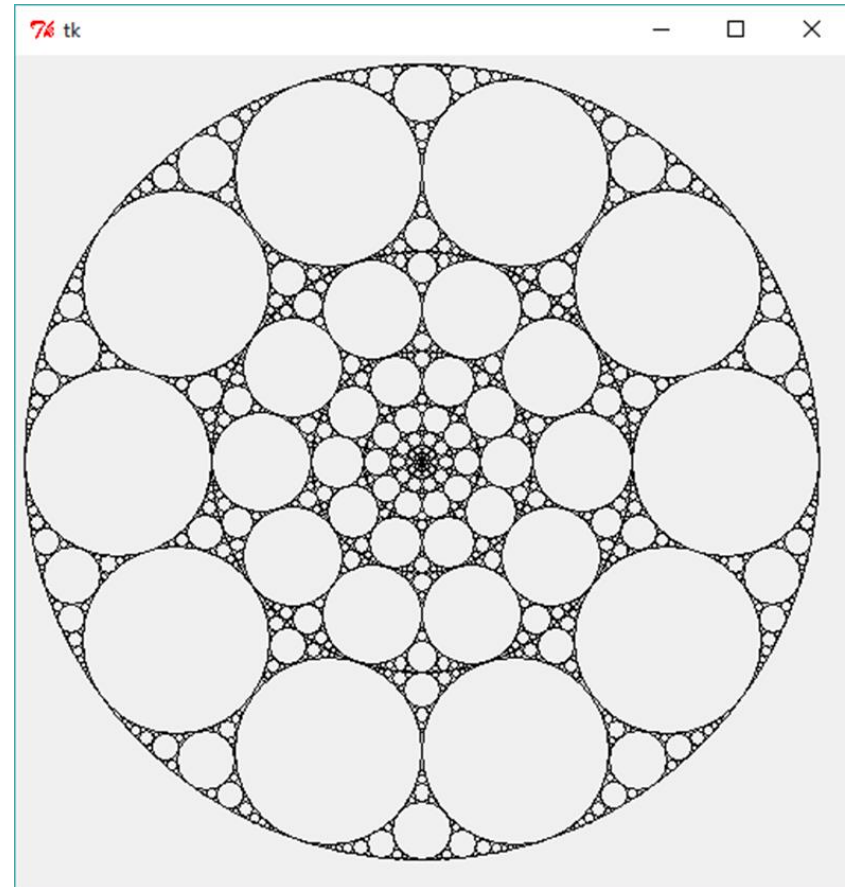


Les recettes avec cercles1.py

```
>>> recette4((245,245,240),5,1)
```

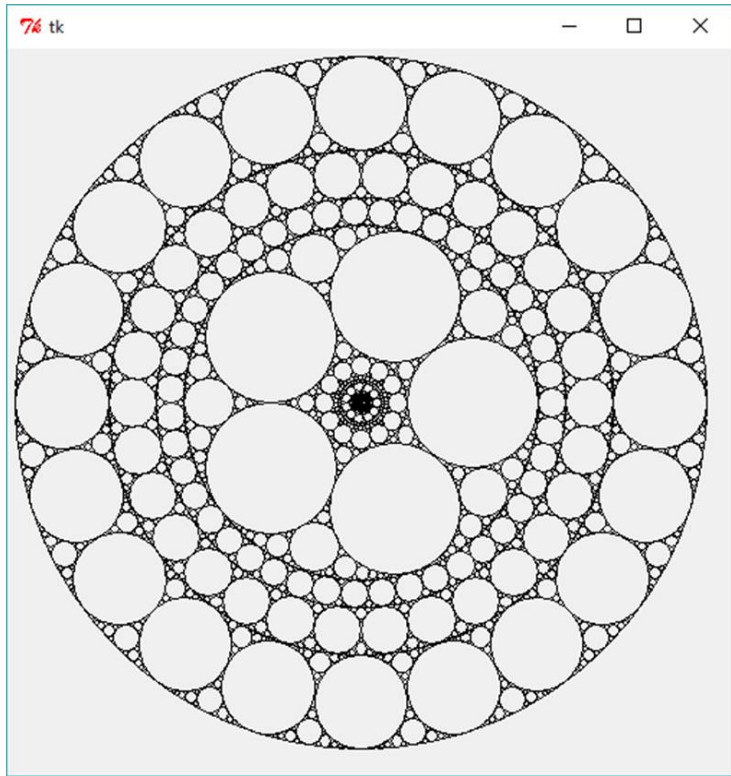


```
>>> recette4((245,245,240),10,1)
```

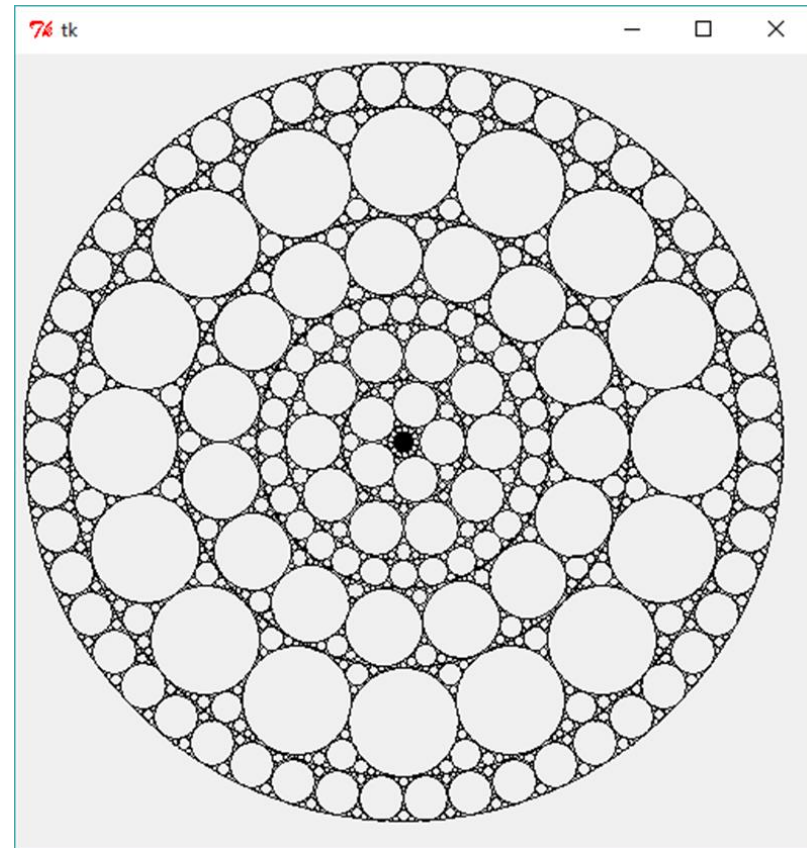


Les recettes avec cercles1.py

```
>>> recette5((245,245,240),20,1)
```



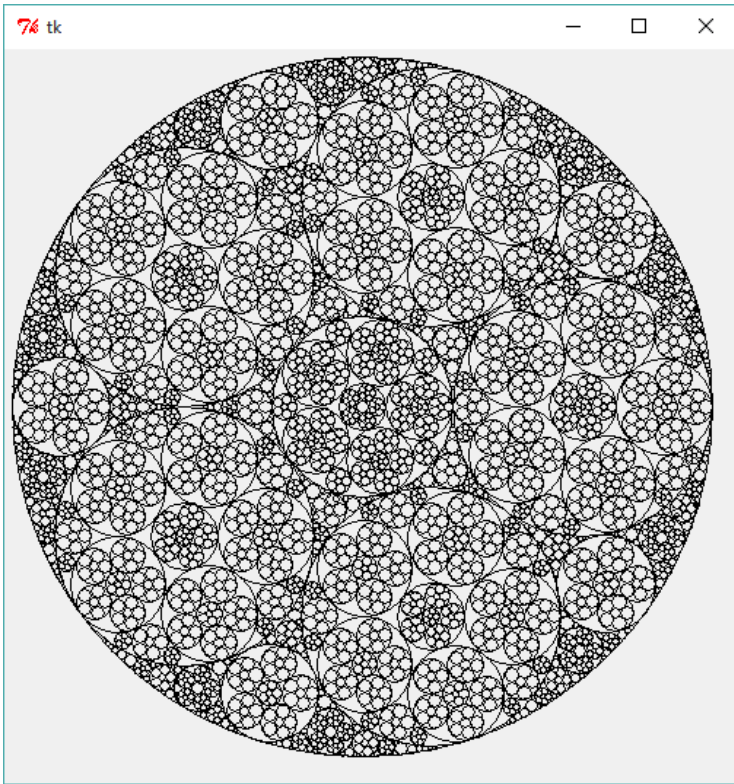
```
>>> recette5((245,245,240),50,1)
```



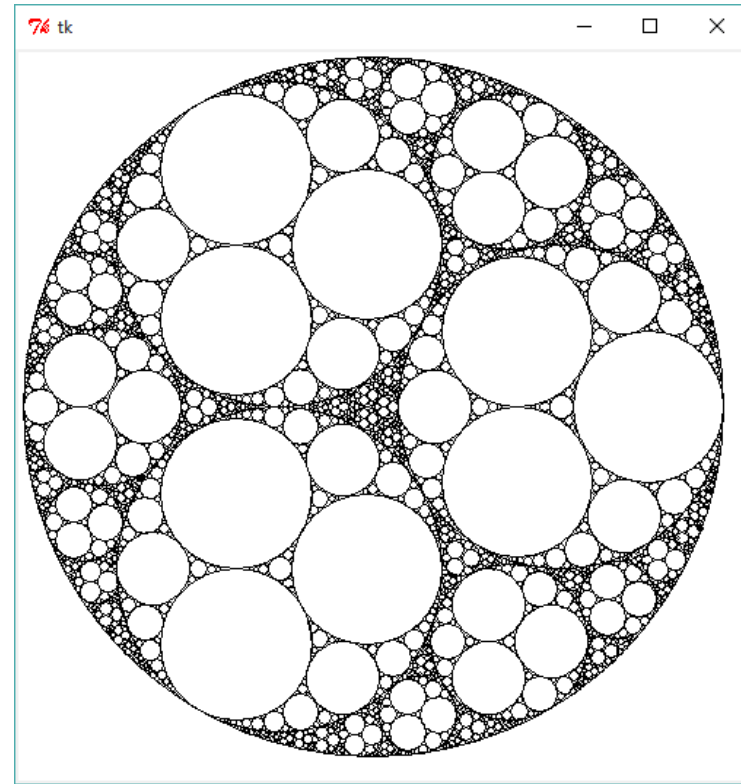
Les recettes avec cercles2.py

```
>>> baderne_aux((245,245,240),5,1)
```

```
>>> remplir_cercles_vide(5,5,5)
```



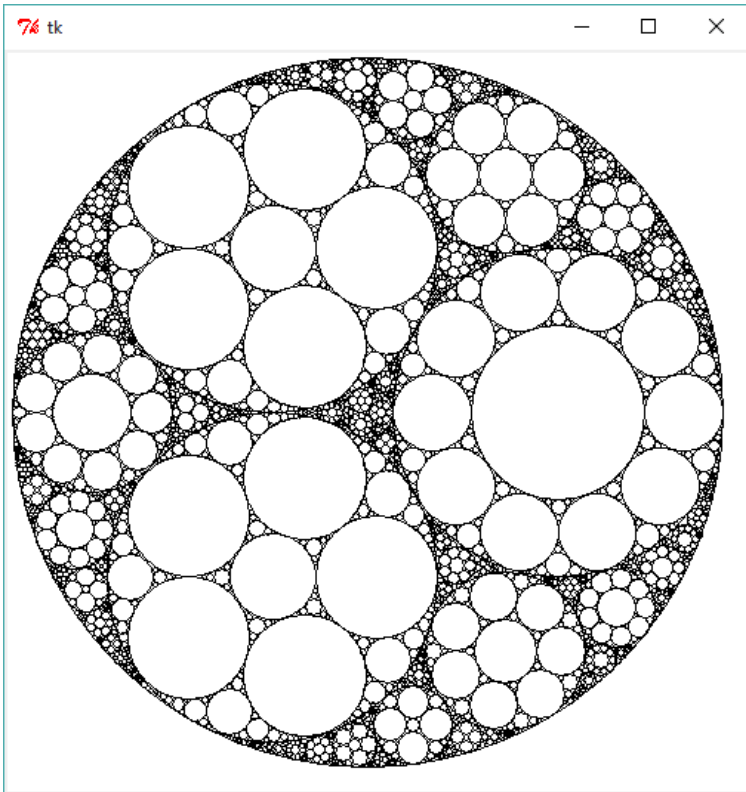
```
>>> remplir_cercles_vide2(liste_cercles,1,2)
```



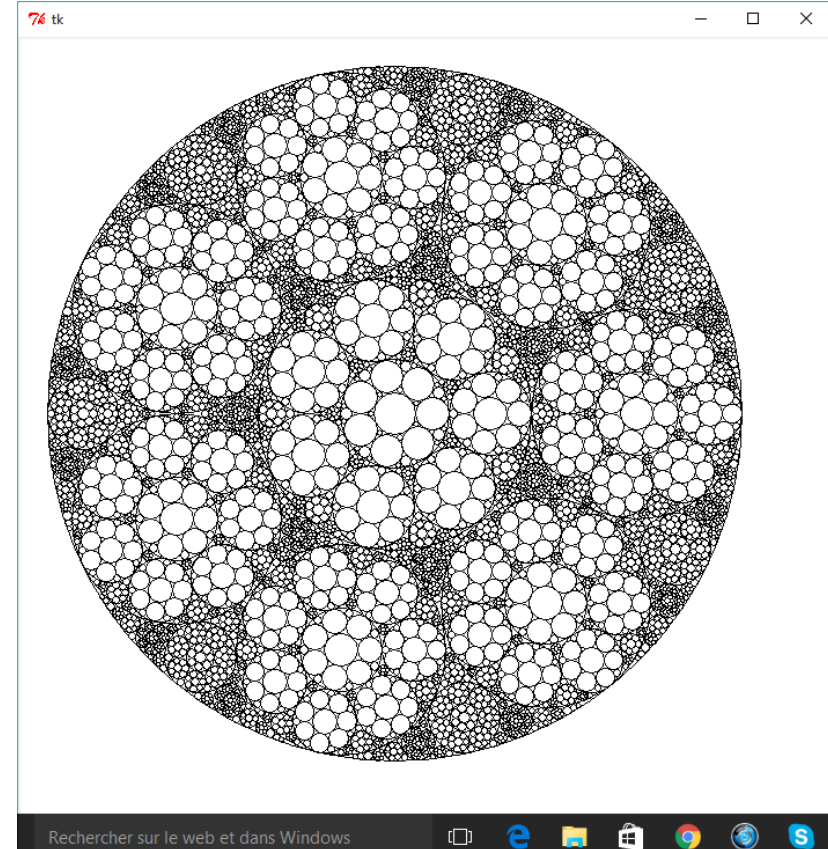
Les recettes avec cercles2.py

```
>>> baderne_aux((245,245,240),3,1)
```

```
>>> remplir_cercles_vide_alea(liste_cercles,1,2)
```

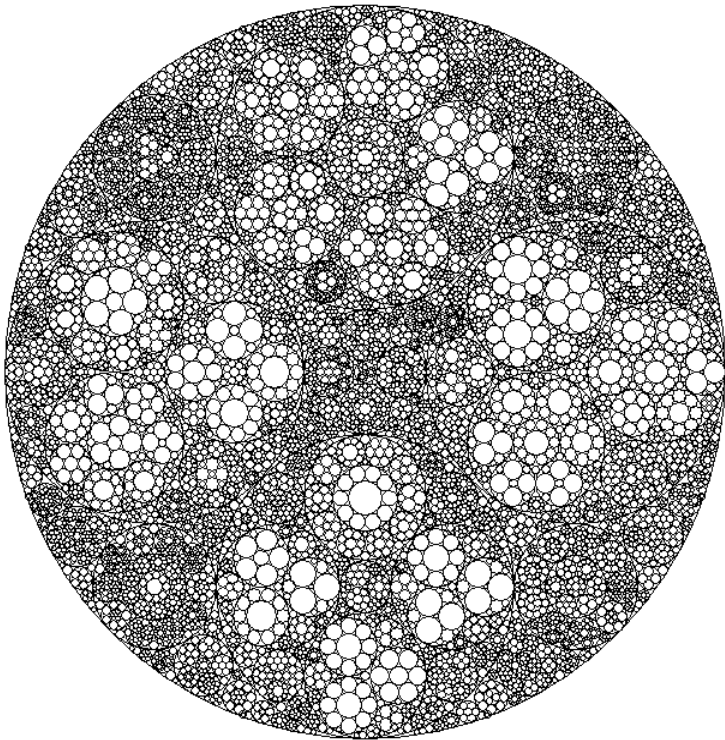


```
>>> figure_7plus1Tangents()
```

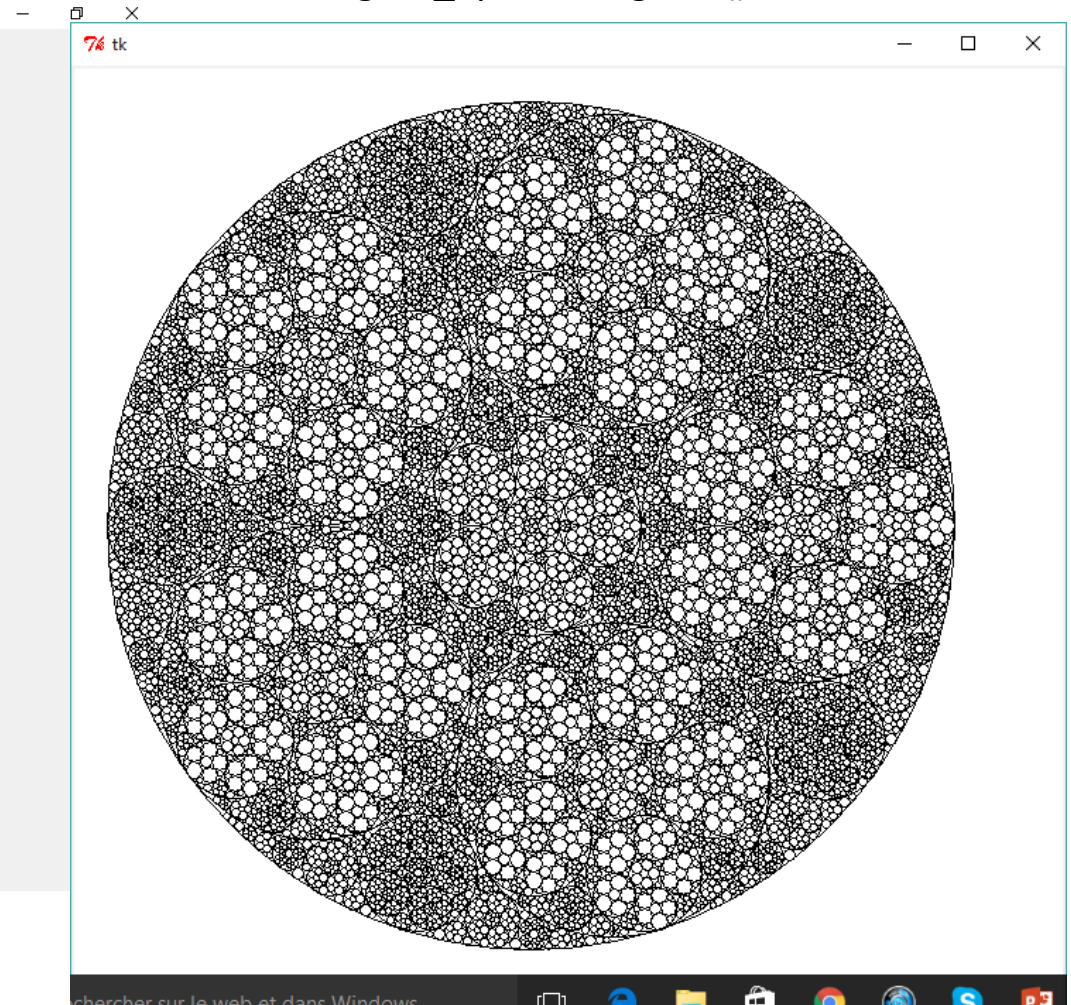


Les recettes avec cercles2.py

```
>>> nbr_cercles_alea()
```

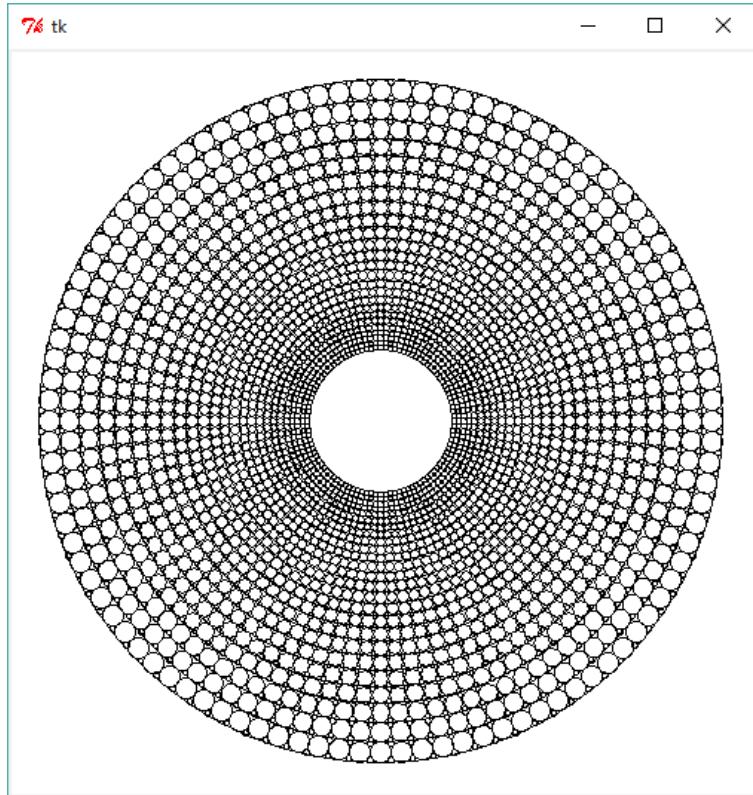


```
>>> figure_5plus1Tangents()
```

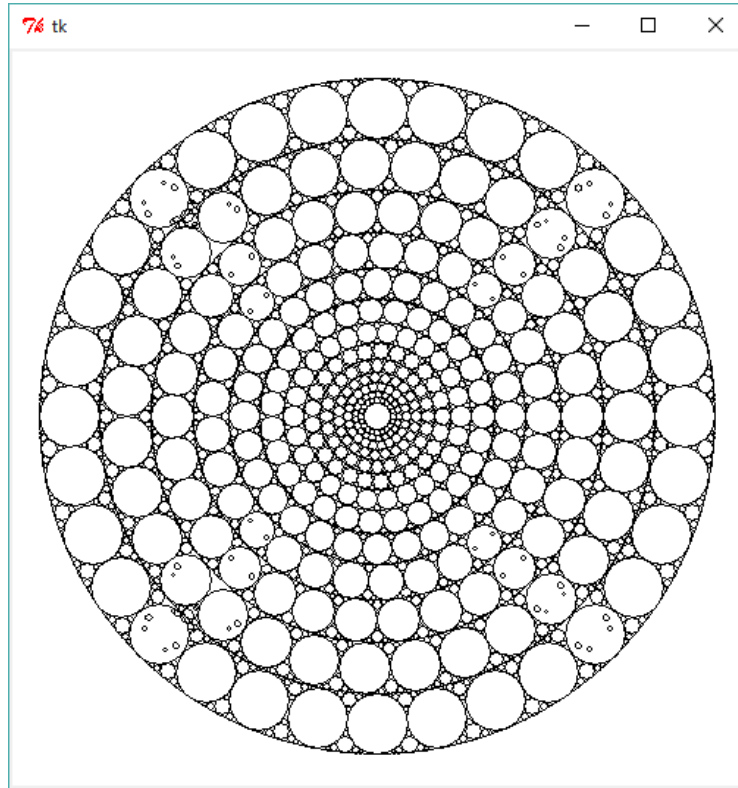


Les recettes avec cercles2.py

```
>>> recette1()
```



```
>>>recette2()
```



```
>>>recette3()
```

