Un TAD está definido por un CONJUNTO DE VALORES Y OPERACIONES entre los mismos.

Las operaciones tienen una SEMÁNTICA descripta a través de AXIOMAS.

Cada TAD define una TEORÍA DE PRIMER ORDEN CON IGUALDAD.

Esto se logra especificando la SIGNATURA de las operaciones, con sus RESTRICCIONES sobre el dominio y los AXIOMAS que cumplen.

#### **GENERADORES**

Son las operaciones que permiten CONSTRUIR valores del tipo.

Deben poder CONSTRUIR CUALQUIER instancia.

Es ideal que sean MINIMALES.

# OBSERVADORES BÁSICOS

Son las operaciones que permiten obtener información acerca de las instancias de un tipo.

Es ideal que sean MINIMALES.

#### **AXTOMAS**

Son las reglas que definen el COMPORTAMIENTO DE LAS FUNCIONES.

## IGUALDAD OBSERVACIONAL

Define el criterio bajo el cual las instancias de un TAD son INDISTINGUIBLES.

Es un PREDICADO BINARIO entre las instancias de un tipo que indica CUANDO SON IGUALES.

Usualmente se define en término de los observadores básicos.

Se busca el conjunto minimal de operaciones que permina diferenciar entre todas las instancias de un tipo.

## DISEÑO

Pasamos del paradigma FUNCIONAL al IMPERATIVO.

En esta etapa, además de respetar la SEMÁNTICA establecida, se deben considerar ASPECTOS NO FUNCIONALES tales como:

- Eficiencia en TIEMPO Y ESPACIO
- ENCAPSULAMIENTO

En esta etapa se lleva a cabo:

- Proveer una REPRESENTACIÓN para los valores del tipo.
- Definir las FUNCIONES del tipo.

#### **INTERFAZ**

Define las operaciones exportadas junto con sus precondiciones y postcondiciones lo cual establece la

CORRESPONDENCIA ENTRE OPERACIONES DE UN TAD Y SUS IMPLEMENTACIONES

Una función es REFERENCIALMENTE TRANSPARENTE si su resultado se puede determinar únicamente a partir de sus parámetros explícitos.

#### ESTRUCTURA DE REPRESENTACIÓN

Describe los valores sobre los cuales se representa el género implementado. Debe poder representar todos los ELEMENTOS Y OPERACIONES de dicho género.

## INVARIANTE DE REPRESENTACIÓN

Es un PREDICADO que determina qué instancias de la estructura representan un elemento válido del género.

Esto sirve como documentación y es una CONDICIÓN NECESARIA para establecer la RELACIÓN DE ABSTRACCIÓN.

También es una POSTCONDICIÓN IMPLÍCITA que se agrega a todas las operaciones, garantizando que los algorirmos no rompas la estructura, así como una PRECONDICIÓN, aseguramendo la validez de la misma.

Su validez como PRE Y POSTCONDICIÓN es lo que le da el carácter de INVARIANTE.

# FUNCIÓN DE ABSTRACCIÓN

# Es la herramienta que

permite vincular una estructura con ALGÚN valor abstracto al que representa.

- Su dominio: Instancias de la estructura que cumplen el invariante de rep.
- NO necesita ser INYECTIVA
- Debe ser SURYECTIVA sobre LAS CLASES DE EQUIVALENCIA de la igualdad observacional

La Estructura de Representación:

Desoise los valores sobre los cuales se representará el género que se está implementando.

conjunto\_semi\_rápido se representa con estr

donde estr es tupla(rápido: arreglo [1 ... 100] de bool, resto: secu(nat), cardinal: nat)

Invariante de Rep

Rep: estr -> bool

(Yeiertr) Rep(e) = true => [ Condicioner que compren]
Obs del TAD con la ertr]

 $Rep : e\hat{str} \rightarrow bool$ 

 $(\forall e : e\hat{str})Rep(e) \equiv true \Leftrightarrow$ 

- $(1)(\forall n: nat)(\text{esta?}(n, e.resto) \ \Rightarrow \ n > 100) \land$
- $(2)(\forall n : nat)(\text{cant\_apariciones}(n, e.resto) \leq 1) \land$
- $(3)e.cant = long(e.resto) + contar\_trues(e.rapido)$

Función de Albs tracción

Abs: estre 
$$\longrightarrow$$
 T {Rep(e)}  
ejomplo  
 $\longrightarrow$  Conj-soni-repido C

(Ye: estr) Abs (e) = obs C  
(
$$\forall n : n \ni t$$
)  $n \in C$  ( $\Rightarrow$ )
$$((n \le loo \land r : r \ni p \mid do [n]) \lor (n > loo \land est \ni ?(n, e. r esto)))$$

```
Abs: e\hat{str} e \to \text{conjunto\_semi\_rápido C} {Rep(e)}  (\forall e : e\hat{str})Abs(e) =_{\text{obs}} C /   (\forall n : nat)(n \in C \Leftrightarrow ((n \ge 100 \land r.rapido[n]) \lor   (n > 100 \land \text{está?}(n, e.resto)))
```

 $f \in \mathcal{O}(8)$ 

VneW, ∃neW, ∃ceRno/
n≥no ⇒ f(n) < c.g(n)

Teorema. Si se tiene una relación de recurrencia de la siguiente forma:

$$T(n) = \begin{cases} aT\left(\frac{n}{c}\right) + f(n) & si \ n > 1\\ 1 & si \ n = 1 \end{cases}$$

Su fórmula cerrada es:

1. Cuando  $f(n) \in \mathcal{O}(n^{\log_c a - \epsilon})$  para algún  $\epsilon > 0$ ,

$$T(n) \in \Theta(n^{\log_c a})$$

2. Cuando  $f(n) \in \Theta(n^{\log_c a})$ ,

$$T(n) \in \Theta(n^{\log_c a} \log n)$$

3. Cuando  $f(n) \in \Omega(n^{\log_c a + \epsilon})$  y af  $\left(\frac{n}{c}\right) \le kf(n)$  para k < 1 y n suficientemente grande,

$$T(n) \in \Theta(f(n))$$

En los casos 1. y 3., se cumple  $T(n) \in \Theta(f(n) + n^{\log_c a})$ .

Agregar (in/out C: conj-semi-rápido, in e: nat)

Pre = { C = obs Co n e & C }

Port = { C = obs Ag(Co, e) }

iAgregar (in/ort C, in e:not)

C. cant ++

if e < 100 then

C. rápido [e] = true

else

Agregar Atrás (C. resto, e)

Cota en altura de AVLS

Fibo. Treer: minima cont. de nodos

$$Q_{vq}$$
:
$$Alt(T) \leq \log_k n$$

$$k$$
Alt  $(+)$ 
 $\leq n$ 

AFh er Arbol de Tibo de order (eltura) h

Puer 
$$O$$
 $A = 1$ 
 $A =$ 

les seu de Tibone. crece exponencial mente

⇒ AFn | e N (kh) pere down k

y cons por def ITI > | A Fh | Yarbol AULT de altura h

$$\Rightarrow$$
 Alt (T)  $\in O(\log n)$ 

Cota:

Arbol binario de n nodos 
$$(n=2^{h+1}-1)$$

- · n+1 hojer
- · N+1 nodor en penultimo nivel (1 nivel por encima de lar hojar)
- · n+1 nodor en onte-penultimo nivel (2 niveles por encima de las hojas)

Alture
$$\left(1. \frac{0+1}{z} + 2. \frac{0+1}{z \cdot z} + 3. \frac{0+1}{z \cdot 4} + \cdots + h, \frac{0+1}{z \cdot z^{h}}\right)$$

Por cada mived del arbol

$$\frac{\log n}{\sum_{h=0}^{h+1}} = n \cdot \frac{\log n}{\sum_{h=0}^{h+1}}$$

Serie acotado por una constante

$$\therefore$$
 Algo  $\epsilon \bigcirc (n)$ 





