

Algoritmos y Estructura de Datos 2

Trabajo Práctico 3 (Reentrega corregido)

Diseño de *Sokoban Extendido*

Alumno: Leandro Carreira

LU: 669/18

Grupo: 15

Documento online con tabla lateral de navegación:

<https://docs.google.com/document/d/1W86tfA8T4XuBWBABMx-wBJ6AWPPKfJz1zyuQgEASRvY/edit?usp=sharing>

Correcciones:

- Pre y Postcondiciones con estado inicial y final.
- Se guarda un historial de acciones tomadas, y una lista de punteros a las cajas movidas, manteniendo la complejidad al moverse y deshacer.
- Las paredes y depósitos son vectores ordenados para poder buscar sobre ellos con búsqueda binaria en $\log N$.
- Se agregan algoritmos de búsqueda binaria y secuencial para usar sobre estos vectores.

Coordenada

Coordenada es solo un renombre de una tupla de números naturales.

Coord **se representa con** tupla $\langle x: \text{nat}, y: \text{nat} \rangle$

Módulo Dirección

Interfaz

se explica con: Dirección

géneros: dirección

Operaciones básicas de dirección

Norte() \rightarrow res: dir

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{\text{ord}(\text{res}) = 0\}$

Complejidad: $\theta(1)$

Descripción: genera un objeto del tipo dirección hacia el norte

Este() \rightarrow res: dir

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{\text{ord}(\text{res}) = 1\}$

Complejidad: $\theta(1)$

Descripción: genera un objeto del tipo dirección hacia el este

Sur() \rightarrow res: dir

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{\text{ord}(\text{res}) = 2\}$

Complejidad: $\theta(1)$

Descripción: genera un objeto del tipo dirección hacia el sur

Oeste() \rightarrow res: dir

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{\text{ord}(\text{res}) = 3\}$

Complejidad: $\theta(1)$

Descripción: genera un objeto del tipo dirección hacia el oeste

Ord(in: dir d) \rightarrow res: nat

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post \equiv {res = ord(d)}

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: devuelve la representación de la dirección como un número entre 0 y 3 inclusives.

$\oplus(\text{in: coord } c, \text{ in: dir } d) \rightarrow \text{res: coord}$

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = coord \oplus d}

Complejidad: $\Theta(1)$

Descripción: modifica el valor de la coordenada del personaje con un paso en la dirección de movimiento.

Representación

Representación de Dirección

Se utiliza una tupla de enteros para representar este módulo, donde:

Norte \equiv <0, 1>

Este \equiv <1, 0>

Sur \equiv <0, -1>

Oeste \equiv <-1, 0>

Dirección **se representa con** tupla < x: nat, y: nat >

Algoritmos

```
iOrd(in d: dir) → res : nat
  if d.x = 0 ∧ d.y = 1 then
    res ← 0
  else if d.x = 1 ∧ d.y = 0 then
    res ← 1
  else if d.x = 0 ∧ d.y = -1 then
    res ← 2
  else if d.x = -1 ∧ d.y = 0 then
    res ← 3
  end if
```

Complejidad: $O(1)$

```
iSuma(in c: coord, in d: dirección) → res : coord
      res ← < c.x + d.x, c.y + d.y >
```

Complejidad: $O(1)$

Módulo Mapa

se explica con: Mapa

géneros: mapa

Operaciones básicas de mapa

```
hayPared?(in: mapa m, in: coord c) → res: bool
```

Pre $\equiv \{m=m0\}$

Post $\equiv \{m=m0 \wedge res = hayPared?(m, c)\}$

Complejidad: $O(B + \log P)$

Descripción: devuelve true si hay una pared en la coordenada de entrada.

```
hayDepósito?(in: mapa m, in: coord c) → res: bool
```

Pre $\equiv \{m=m0\}$

Post $\equiv \{m=m0 \wedge res = hayDepósito?(m, c)\}$

Complejidad: $O(\log D)$

Descripción: devuelve true si hay un depósito en la coordenada de entrada.

```
buscarPosición(in it: itVector(coord), in nueva_c: coord) → res: nat
```

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{res \in [0, Longitud(vector_del_it)]\}$

Complejidad: $O(Longitud(vector_del_it))$

Descripción: devuelve la posición en el vector al que apunta it (vector_del_it) correspondiente a la posición ordenada en que debe insertarse nueva_c.

```
búsquedaBinaria(in v: vector(coord), in c: coord) → encontrada : bool
```

Pre $\equiv \{true\}$

Post $\equiv \{true\}$

Complejidad: $O(\log \text{Longitud}(v))$ dado por el peor caso de búsqueda binaria en un vector ordenado.

Descripción: devuelve true si el elemento c existe en v .

Aliasing: El vector v se pasa por referencia.

`agParedOrd(in/out: mapa m, in: coord c)`

Pre $\equiv \{ m=m0 \wedge \neg \text{hayPared?}(m, c) \wedge \neg \text{hayDepósito?}(m, c) \}$

Post $\equiv \{ \text{hayPared?}(m, c) \wedge \neg \text{hayDepósito?}(m, c) \wedge$
 $(\forall d:\text{coord}) (\text{hayPared?}(m0, d) \Leftrightarrow \text{hayPared?}(m, d)) \wedge$
 $(\forall d:\text{coord}) (\text{hayDepósito?}(m0, d) \Leftrightarrow \text{hayDepósito?}(m, d)) \}$

Complejidad: $O(\log P)$

Descripción: agrega una pared al mapa en la coordenada de entrada

Aliasing: modifica el mapa de entrada

`agDepósitoOrd(in/out: mapa m, in: coord c)`

Pre $\equiv \{ m=m0 \wedge \neg \text{hayDepósito?}(m, c) \wedge \neg \text{hayPared?}(m, c) \}$

Post $\equiv \{ \text{hayDepósito?}(res, c) \wedge \neg \text{hayPared?}(res, c) \wedge$
 $(\forall d:\text{coord}) (\text{hayPared?}(m0, d) \Leftrightarrow \text{hayPared?}(m, d)) \wedge$
 $(\forall d:\text{coord}) (\text{hayDepósito?}(m0, d) \Leftrightarrow \text{hayDepósito?}(m, d)) \}$

Complejidad: $O(\log D)$

Descripción: agrega un depósito al mapa en la coordenada de entrada

Aliasing: modifica el mapa de entrada

`tirarBomba(in/out: mapa m, in: coord c)`

Pre $\equiv \{ m=m0 \}$

Post $\equiv \{ c \in m.\text{explosiones} \wedge$
 $m.\text{explosiones} = \text{AgregarAdelante}(m0.\text{explosiones}, c) \wedge$
 $m.\text{paredesOrd} = m0.\text{paredesOrd} \wedge$
 $m.\text{depósitoOrd} = m0.\text{depósitosOrd} \}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: Las paredes con alguna de sus coordenadas coincidentes con la posición en que se tira la bomba, se considerarán destruidas. Concretamente, *hayPared?* devolverá *false* para todas las posiciones con coordenada x ó y igual a $c.x$ ó $x.y$.

`depósitos(in: mapa m) \rightarrow res: conj(coord)`

Pre $\equiv \{ m=m0 \}$

Post $\equiv \{ res=m0 \wedge (\forall c \in res) \text{hayDepósito?}(m, c) \}$

Complejidad: $O(D)$

Descripción: Devuelve un conjunto con las coordenadas correspondientes a los depósitos en el mapa, implementado sobre un Conjunto Lineal.

`borrarÚltimaExplosión(in/out e: estr)`

Pre $\equiv \{ e=e0 \}$

Post $\equiv \{ e.\text{explosiones} = \text{BorrarSiguienet}(\text{Último}(e0.\text{explosiones})) \wedge$
 $(\forall d:\text{coord}) (\text{hayPared?}(e0, d) \Leftrightarrow \text{hayPared?}(e, d)) \wedge$

$(\forall d:\text{coord}) (\text{hayDepósito?}(e0, d) \Leftrightarrow \text{hayDepósito?}(e, d))\}$

Complejidad: $O(1)$ dado la complejidad de crear un iterador y borrar el elemento al cual ya apunta (el primero).

Representación

Representación de Mapa

En el mapa se encuentran las posiciones de las paredes y depósitos.
Las paredes pueden ser destruidas al tirar una bomba.
Los depósitos son inmutables.

`paredesOrd` y `depósitosOrd` contienen las coordenadas de las paredes y depósitos, ordenadas en un vector, para ser buscadas con búsqueda binaria. Se ordenan por la primer coordenada y luego por la segunda (en caso misma primer coordenada).

Las coordenadas de las explosiones ocurridas se representan con una lista enlazada.

Mapa **se representa con** `estr`

donde `estr` es tupla `< paredesOrd: vectorOrd(coord),
depósitosOrd: vectorOrd(coord),
explosiones: lista(coord) >`

Algoritmos

```
iHayPared?(in e: estr, in c: coord) → res : bool
  res ← false
  it ← CrearIt(e.paredesOrd)
  explotó ← false
  // Uso búsqueda binaria para encontrar pared
  res ← búsquedaBinaria(e.paredesOrd, c)                                O(log P)
  // Verifico que no haya sido explotada previamente
  itEx ← CrearIt(e.explosiones)
  while res = true ∧ HaySiguiente?(itEx) do                             O(B)
    explosión ← Siguiente(itEx)
    if explosión.x = c.x or explosión.y = c.y then
```

```

        res      ← false
        explotó  ← true
    end if
    Avanzar(itEx)
end while

```

Complejidad: $O(B + \log D)$ dado por el peor caso de búsqueda binaria más buscar sobre la lista enlazada que contiene las coordenadas de todas las explosiones ocurridas hasta el momento.

```

iHayDepósito?(in e: estr, in c: coord) → res : bool
    res ← false
    it  ← CrearIt(e.depósitosOrd)
    explotó ← false
    // Uso busqueda binaria para encontrar pared
    res ← búsquedaBinaria(e.depósitosOrd, c)

```

$O(\log D)$

Complejidad: $O(\log D)$ dado por el peor caso de búsqueda binaria.

```

iAgParedOrd(in/out e: estr, in nueva_c: coord)
    it  ← CrearIt(e.paredesOrd)
    pos ← buscarPosición(it, nueva_c)
    nuevasParedesOrd ← Vacío()
    for i = 0 to Longitud(e.paredesOrd) + 1 do
        if i < pos then
            // Agrego primeros count elementos
            AgregarAtrás(nuevasParedesOrd, e.paredes[i])
        else if i = pos then
            // Agrego nueva coord en posición count
            AgregarAtrás(nuevasParedesOrd, nueva_c)
        else
            // Agrego el resto de los elementos, desfasando indice
            AgregarAtrás(nuevasParedesOrd, e.paredes[i-1])
        end if
    end
    e.paredesOrd ← nuevasParedesOrd

```

Complejidad: $O(P)$ dado por tener que recorrer todo e.paredes para encontrar la posición donde agregar.

```

iBuscarPosición(in it: itVector(coord), in nueva_c: coord) → res: nat
  res ← 0
  encontrada ← false
  while HaySiguiente?(it) ∧ encontrada = false do
    // Busco posición
    if nueva_c.prim < Siguiente(it).prim then
      encontrada ← true
    else
      if nueva_c.prim > Siguiente(it).prim then
        Avanzar(it)
        res ← count + 1
      else
        // nueva_c.prim = Siguiente(it).prim
        if nueva_c.segu > Siguiente(it).segu
          // Lo ordeno por segunda coordenada
          Avanzar(it)
          res ← count + 1
        end if
      end if
    end if
  end

```

Complejidad: $O(\text{Longitud}(\text{vector_del_it}))$

Descripción: devuelve la posición en el vector al que apunta it (vector_del_it) correspondiente a la posición ordenada en que debe insertarse nueva_c.

```

iBúsquedaBinaria(in v: vector(coord), in c: coord) → encontrada : bool
  encontrada ← false
  n ← Longitud(v)
  if n = 1 ∧ c = v[n] then
    encontrada ← true
  else
    medio ← v[n//2]
    if c.prim < medio.prim then
      búsquedaBinaria(TomarPrimeros(v, n//2))
    else
      if c.prim > medio.prim then
        búsquedaBinaria(TomarÚltimos(v, n - n//2))
      else
        // c.prim = medio.prim
        if c.segu < medio.segu
          búsquedaBinaria(TomarPrimeros(v, n//2))
        else
          búsquedaBinaria(TomarÚltimos(v, n - n//2))
        end if
      end if
    end if
  end

```



```

        end if
    end if
end if
end if

```

Complejidad: $O(\log \text{Longitud}(v))$ dado por el peor caso de búsqueda binaria en un vector ordenado.

Descripción: devuelve true si el elemento c existe en v .

Aliasing: El vector v se pasa por referencia.

```

iAgDepósitoOrd(in/out e: estr, in nueva_c: coord)
    it ← CrearIt(e.depósitosOrd)
    pos ← BuscarPosición(it, nueva_c)
    nuevosDepósitosOrd ← Vacío()
    for i = 0 to Longitud(e.depósitosOrd) + 1 do
        if i < pos then
            // Agrego primeros count elementos
            AgregarAtrás(nuevosDepósitosOrd, e.depósitosOrd[i])
        else if i = pos then
            // Agrego nueva coord en posición count
            AgregarAtrás(nuevosDepósitosOrd, nueva_c)
        else
            // Agrego el resto de los elementos, desfasando indice
            AgregarAtrás(nuevosDepósitosOrd, e.depósitosOrd[i-1])
        end if
    end
    e.depósitosOrd ← nuevosDepósitosOrd

```

Complejidad: $O(D)$ dado por tener que recorrer todo $e.depósitos$ para encontrar la posición donde agregar.

```

iTirarBomba(in/out e: estr, in c: coord)
    agregarAdelante(c, e.explosiones)

```

Complejidad: $O(1)$ dado la complejidad de insertar al comienzo de una lista enlazada.

```

iBorrarÚltimaExplosión(in/out e: estr)
    // Borra el primer elemento de la lista de explosiones
    // que se corresponde con la última bomba arrojada

```

```
it ← CrearIt(e.explosiones)
BorrarSiguiente(it)
```

Complejidad: $O(1)$ dado la complejidad de crear un iterador y borrar el elemento al cual ya apunta (el primero).

```
iDepósitos(in e: estr) → res : conj(coord)
  it ← CrearIt(e.depósitos)
  // Creo Conjunto Lineal Vacío
  res ← Vacío()
  while HaySiguiente?(it) do
    depósito ← obtener( Siguiente(it), e.depósitos )
    res ← AgregarRápido(depósito, res)
    Avanzar(it)
  end while
```

Complejidad: $O(D)$ dado la complejidad de buscar cada uno de los D depósitos e insertar sus coordenadas en un conjunto lineal, que representa el conjunto de coordenadas de salida. Agregarlas a un conjunto lineal tomará $O(1)$ para cada elemento: $O(D) + D * O(1) \equiv O(2*D) \equiv O(D)$

Módulo Nivel

Interfaz

se explica con: Nivel
géneros: nivel

Operaciones básicas de nivel

mapaN(in: nivel n) → res: mapa

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = mapaN(n)}

Complejidad: $O(1)$

Descripción: devuelve el mapa de un nivel dado.

Descripción: devuelve la coordenada de la persona en el mapa de un nivel dado.

Descripción: devuelve conjunto de coordenadas de las cajas de un nivel dado, implementado sobre un Conjunto Lineal.

Descripción: devuelve la cantidad de bombas disponibles de un nivel dado.

Complejidad: $O(1)$ dado por cada una de las operaciones $O(1)$ que resultan de apuntar a los módulos de Mapa y Conjunto de cajas, y copiar la coordenada de la persona y la cantidad de bombas.

Aliasing: Produce aliasing sobre el módulo de Mapa y sobre el conjunto de cajas.

```

Pre  ≡ {  e=e0                                ∧
            caja ∈ cajasN(e0)                    ∧
            nueva_c ∉ cajasN(e0)                 ∧
            nueva_c ≠ personaN(e0)               ∧

```

```

    ¬hayPared?(e0.mapa, nueva_c) }
Post ≡ {  mapaN(e)           = mapaN(e0)           ∧
           personaN(e)       = personaN(e0)        ∧
           (cajasN(e) - nueva_c) = (cajasN(e0) - e0.Siguiente(itCaja)) ∧
           #bombasN(e)       = #bombasN(e0)
    }

```

Complejidad: $O(1)$ dado por sobrecribir las dos componentes de una coordenada.

Descripción: Modifica las coordenadas de una caja de un nivel directamente, sin dejar registro.

modificarPersona(**in/out** e: estr, **in** nueva_c: coord)

```

Pre  ≡ {  e=e0           ∧
           nueva_c ∉ cajasN(e0) ∧
           ¬hayPared?(e0.mapa, nueva_c) }
Post ≡ {  mapaN(e)           = mapaN(e0)           ∧
           personaN(e)       = nueva_c             ∧
           cajasN(e)         = cajasN(e0)           ∧
           #bombasN(e)       = #bombasN(e0)
    }

```

Complejidad: $O(1)$ dado por modificar la coordenada de una persona.

Descripción: Modifica las coordenadas de una persona de un nivel directamente, sin dejar registro.

Representación

Representación de Nivel

En el nivel se encuentra el mapa, las posiciones de la persona y las cajas, y la cantidad de bombas disponibles.

Nivel **se representa con** estr

donde estr es tupla < mapa: Mapa,
 persona: coord,
 cajas: lista(coord),
 bombas: nat>

Algoritmos

```
iMapaN(in e: estr) → res : mapa  
    res ← e.mapa
```

Complejidad: $O(1)$

```
iPersonaN(in e: estr) → res : coord  
    res ← e.persona
```

Complejidad: $O(1)$

```
iCajasN(in e: estr) → res : conj(coord)  
    it ← CrearIt(e.cajas)  
    // Creo un Conjunto Lineal vacío  
    res ← Vacío()  
    while HaySiguiente?(it) do  
        caja ← Siguiente(it)  
        res ← AgregarRápido(caja, res)  
        Avanzar(it)  
    end while
```

Complejidad: $O(C)$ dado que asume el peor caso donde el conjunto de entrada de las coordenadas de las cajas al crear el mapa fue de una estructura de lista enlazada, y agregarlas a un conjunto lineal tomará $O(1)$ para cada elemento: $O(C) + C * O(1) \equiv O(2*C) \equiv O(C)$

```
i#Bombas(in e: estr) → res : nat  
    res ← e.bombas
```

Complejidad: $O(1)$

```
iNuevoN(in: mapa m, in: coord p, in: conj(coord) cs, in: nat b) → res: nivel  
    res.mapa ← CrearIt(m)
```

```
res.persona      ← p
res.cajas        ← CrearIt(cs)
res.bombas       ← b
```

Complejidad: $O(1)$ dado por cada una de las operaciones $O(1)$ que resultan de apuntar a los módulos de Mapa y Conjunto de cajas, y copiar la coordenada de la persona y la cantidad de bombas.

Aliasing: Produce aliasing sobre el módulo de Mapa y sobre el conjunto de cajas.

```
iModificarCaja(in/out e: estr, in itCaja: itLista(coord), in nueva_c: coord)
  // Modifico coordenadas de la caja a la que apunta el puntero itCaja
  Siguiente(itCaja) ← nueva_c
```

Complejidad: $O(1)$ dado por sobrescribir las dos componentes de una coordenada.

```
iModificarPersona(in/out e: estr, in nueva_c: coord)
  // Pre: Persona existe en e
  e.persona ← nueva_c
```

Complejidad: $O(1)$ dado por guardar una coordenada.

Módulo Sokoban

Interfaz

se explica con: Sokoban

géneros: soko

Operaciones básicas de soko

```
mapa(in: soko s) → res: mapa
```

```
Pre ≡ {true}
```

Post \equiv {res = mapa(s)}

Complejidad: $O(1)$ dada por agregar la referencia al nivel de entrada a una lista enlazada vacía, y crear una lista enlazada vacía para estr.acciónFueTirarBomba.

Descripción: devuelve el mapa de un soko dado.

persona(in: soko s) \rightarrow res: coord

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = persona(s)}

Complejidad: $O(1)$

Descripción: devuelve la coordenada de la persona en el mapa de un soko dado.

hayCaja?(in: soko s, in: coord c) \rightarrow res: bool

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = hayCaja?(s, c)}

Complejidad: $O(C)$

Descripción: devuelve true si y sólo si existe una caja en el nivel en la coordenada c.

#bombas(in: soko s) \rightarrow res: nat

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = #bombas(s)}

Complejidad: $O(1)$

Descripción: devuelve la cantidad de bombas disponibles de un soko dado.

deshacer(in/out: soko s)

Pre \equiv {s=s0}

Post \equiv { Si no se han realizado acciones: s=s0

Si se realizaron acciones:

Solo se borra el último elemento de las listas del nivel:

acciónFue,

acciónMovióCaja,

si la acción movió una caja, el último elemento de **cajaMovida**,

y si la acción fue Tirar Bomba, se borra también la explosión de la lista de **explosiones** del mapa. }

Complejidad: $O(1)$

Descripción: modifica un soko de un juego actual dado, deshaciendo la última acción realizada.

nuevoS(in: nivel n) \rightarrow res: soko

Pre \equiv {true}

Post \equiv { mapa(res) = mapaN(n) \wedge
persona(res) = personaN(n) \wedge
#bombas(res) = #bombasN(n) \wedge
($\forall c$: coord)(c \in cajasN(n) \Rightarrow hayCaja?(res, c))
}

Complejidad: $O(1)$

Descripción: genera un nuevo soko a partir del nivel dado.

`mover(in/out: soko s, in: dir d)`

Pre $\equiv \{ \text{puedeMover?}(s, d) \}$

Post \equiv La posición actual de la persona se modificará en 1 unidad en alguna de las componentes x ó y .

De haber interactuado con una caja, ésta también se modificará en 1 unidad en la misma componente.

Complejidad: $O(C)$ dada por el caso en que se mueve una caja. La precondition requiere $O(C + \log P)$ ya que también verifica que no haya paredes en el camino.

Descripción: mueve el personaje de un soko dado en la dirección ingresada.

`tirarBomba(in/out: soko s)`

Pre $\equiv \{ s = s_0 \wedge \#bombas(s) > 0 \}$

Post $\equiv \{ \#bombas(s) = \#bombas(s_0) - 1 \wedge$
AgregarAtrás($s_0.nivel.mapa.explosiones$, $s_0.nivel.personaN$) =
 $s.nivel.mapa.explosiones \}$

Complejidad: $O(1)$

Descripción: destruye todas las paredes en la misma fila o columna que la coordenada de la persona al momento de tirar la bomba.

`noHayParedNiCaja?(in: soko s, in: coord c) \rightarrow res: bool`

Pre $\equiv \{ true \}$

Post $\equiv \{ res = \neg hayPared?(mapa(s), c) \wedge \neg hayCaja(s, c) \}$

Complejidad: $O(B + \log P + C)$ dado por las dos operaciones que se necesitan para responder la pregunta.

Descripción: devuelve true si y sólo si en la coordenada c no existen paredes en el mapa del soko, y tampoco cajas en el nivel.

`puedeMover?(in: soko s, in: dir d) \rightarrow res: bool`

Pre $\equiv \{ s = s_0 \}$

Post $\equiv \{ s = s_0 \wedge res \text{ será true solo en los casos donde no hay objetos (paredes o cajas) en la coordenada del personaje siguiendo la dirección } d, \text{ o si hay una caja y delante de ella no hay objetos.} \}$

Complejidad: $O(B + \log P + C)$ dado por la pregunta `noHayParedNiCaja?` realizada dos veces: 1 para saber si el personaje tiene el camino libre, y de haber una caja, preguntar si `noHayParedNiCaja` delante de ésta.

Descripción: devuelve true si y sólo si el personaje se puede mover en la dirección d .

`ganó?(in: soko s) \rightarrow res: bool`

Pre $\equiv \{ s = s_0 \}$

Post $\equiv \{ s = s_0 \wedge res \text{ es true si y sólo si todas las cajas coinciden con las coordenadas de todos los depósitos en el nivel actual del soko.} \}$

Complejidad: $O(C^2)$ dado por el peor caso de tener que comparar las coordenadas de todas las cajas con las coordenadas de todos los depósitos $O(C \cdot D)$, y como $C=D$ por la Pre condición al crear el nivel, se puede escribir como $O(C^2)$.

Descripción: devuelve true si ganó el nivel actual del soko.

hayCajas?(in: soko s, in: conj(coord) cs) \rightarrow res: bool

Pre \equiv {true}

Post \equiv res es true si y sólo si en cada coordenada del conjunto cs existe una caja en el nivel actual del soko.

Complejidad: $O(C^2)$ dado por el peor caso de tener que comparar las coordenadas de todas las cajas del mapa con las coordenadas de todas las cajas del conjunto de entrada cs.

Descripción: devuelve true si todas las cajas de cs existen en el nivel actual.

Representación

Representación de Sokoban

El módulo Sokoban permiten interactuar con el nivel actual manteniendo un historial de las acciones tomadas para poder deshacerlas en caso de ser requerido.

Sokoban **se representa con** estr

donde estr es tupla < nivel: Nivel,
acciónFue: lista(Nat), *
acciónMovióCaja: lista(Bool),
cajaMovida: lista(itLista(coord))
>

* acciónFue guarda una lista de Naturales que representan cada acción posible:

- 0: Acción fue **Tirar Bomba**
- 1: Acción fue **Mover Norte**
- 2: Acción fue **Mover Este**
- 3: Acción fue **Mover Sur**
- 4: Acción fue **Mover Oeste**

Nota: Se decidió por elegir esta forma de representación para ser flexibles en el caso de tener que agregar acciones en una futura modificación del juego.

Algoritmos

```
iMapa(in e: estr) → res : mapa  
    res ← e.nivel.mapa
```

Complejidad: $O(1)$

Aliasing: Devuelve el mapa del nivel actual por referencia. La lista de niveles a la cual apunta pertenece al módulo de Juego.

```
iPersona(in e: estr) → res : coord  
    res ← e.nivel.persona
```

Complejidad: $O(1)$

```
iHayCaja?(in e: estr, in c: coord) → res : bool  
    it ← CrearIt(e.nivel.cajas)  
    res ← false  
    while HaySiguiente(it) ∧ res = false do  
        if c = Siguiente(it) then  
            res ← true  
        end if  
        Avanzar(it)  
    end while
```

Complejidad: $O(C)$ dado por buscar en el conjunto de cajas implementado con una lista enlazada en el módulo Nivel.

```
i#Bombas(in e: estr) → res : nat  
    res ← e.nivel.bombas
```

Complejidad: $O(1)$ dado por devolver el valor del Nat bombas en el módulo Nivel.

```
iDeshacer(in/out e: estr)  
    if longitud(e.acciónFue) > 0 then  
        // El nivel original fue modificado con alguna acción
```

```

if Último(e.acciónFue) = 0 then
    // Acción fue Tirar Bomba
    // Solo borro la explosión y recupero la bomba
    BorrarÚltimaExplosión(e.nivel.mapa)
    e.nivel.bombas ← e.nivel.bombas + 1
else if Último(e.acciónFue) = 1 then
    // Acción fue Mover Norte
    // Muevo Persona al Sur
    DeshacerMover(e, Sur())
else if Último(e.acciónFue) = 2 then
    // Acción fue Mover Este
    // Muevo Persona al Oeste
    DeshacerMover(e, Oeste())
else if Último(e.acciónFue) = 3 then
    // Acción fue Mover Sur
    // Muevo Persona al Norte
    DeshacerMover(e, Norte())
else if Último(e.acciónFue) = 4 then
    // Acción fue Mover Oeste
    // Muevo Persona al Este
    DeshacerMover(e, Este())
end if
end if

```

DeshacerMover(in/out e, in d: dir):

```

pos ← e.persona
// Uso operación de Nivel
ModificarPersona(e.nivel, pos ⊕ d)                                0(1)
if Último(e.acciónMoviÓCaja) then                                0(1)
    // Muevo la caja a donde estaba antes de ser movida
    itCaja ← Último(e.cajaMovida)                                    0(1)
    ModificarCaja(e.nivel, Último(e.cajaMovida), pos ⊕ d)          0(1)
    // Borro registro
    EliminarSiguiente(Último(e.cajaMovida))                        0(1)
end if
// Borro registros de última acción ya borrada
EliminarSiguiente(Último(e.acciónFue))                            0(1)
EliminarSiguiente(Último(e.acciónMoviÓCaja))                      0(1)

```

Complejidad: 0(1) dado que todas las operaciones cuestan 0(1).

```

iNuevoS(in n: nivel) → res : soko
    res.nivel          ← n
    res.acciónFue       ← Vacía()
    res.acciónMovióCaja ← Vacía()
    res.cajaMovida      ← Vacía()

```

Complejidad: $O(1)$ dada por crear una lista enlazada vacía para cada estructura.

```

iMover(in/out s: soko, in d: dir)
    // Pre: puedoMover?(s, d) es true
    // Llevo cuenta de cajas movidas
    if hayCaja?(s, s.persona) then            $O(C)$ 
        AgregarAtrás(acciónMovióCaja, true)
        itCaja ← buscarCaja(s.nivel, s.persona)  $O(C)$ 
        AgregarAtrás(punteroACajaMovida, itCaja)
    else
        AgregarAtrás(acciónMovióCaja, false)
    end if
    // Actualizo posición de persona
    s.persona ← persona(s) ⊕ d
    // Registro las bombas tiradas en cada acción para deshacerlas en  $O(1)$ 
    AgregarAtrás(acciónFueTirarBomba, false)

```

Complejidad: $O(C)$ dada por el caso en que se mueve una caja. La precondition requiere $O(C + \log P)$ ya que también verifica que no haya paredes en el camino.

```

iTirarBomba(in/out s: soko)
    // Pre: #bombas(s) > 0
    posExplosión ← s.nivel.personaN
    s.nivel.mapa.tirarBomba(posExplosión)
    // registro las bombas tiradas en cada acción para deshacerlas en  $O(1)$ 
    AgregarAtrás(s.acciónFueTirarBomba, true)

```

Complejidad: $O(1)$

```

iNoHayParedNiCaja?(in e: estr, in c: coord) → res : bool
    // Uso operación de Mapa
    noHayPared ← ¬hayPared?(e.nivel.mapa, c)

```

```
// Uso operación de Nivel
noHayCaja ← ¬hayCaja?(e.nivel, c)
res ← noHayPared ∧ noHayCaja
```

Complejidad: $O(\log P + C)$ dado por el diccionario sobre AVL sobre el cual se representan las paredes, y la lista enlazada que representa al conjunto de cajas.

```
iPuedoMover?(in e: estr, in d: dir) → res : bool
// Dos casos: 0 está libre, o hay una caja que puedo
posPersona ← personN(e.nivel)
nuevaPos ← posPersona ⊕ d
res ← false
if noHayParedNiCaja?(e, nuevaPos) then
  res ← true
else
  if hayCaja?(s.nivel, nuevaPos) then
    res ← noHayParedNiCaja?(e, nuevaPos ⊕ d)
  end if
end if
```

Complejidad: $O(\log P + C)$ dado por el uso de noHayParedNiCaja dos veces, concretamente: $2 * O(\log P + C) \equiv O(2 * (\log P + C)) \equiv O(\log P + C)$.

```
iGanó?(in e: estr) → res : bool
// Uso operación de igualdad de conjuntos lineales
res ← e.nivel.cajasN = e.nivel.mapa.depósitos
```

Complejidad: $O(C^2)$ dado por el peor caso de tener que comparar las coordenadas de todas las cajas con las coordenadas de todos los depósitos $O(C*D)$, y como $C=D$ por la Pre condición al crear el nivel, se puede escribir como $O(C^2)$.

```
iHayCajas?(in e: estr, in cs: conj(cajas)) → res : bool
// Uso operación de igualdad de conjuntos lineales
res ← cs = e.nivel.cajas
```

Complejidad: $O(C^2)$ dado por el peor caso de tener que comparar las coordenadas de todas las cajas del mapa con las coordenadas de todas las cajas del conjunto de entrada cs.

Módulo Juego

Interfaz

se explica con: Juego

géneros: juego

Operaciones básicas de juego

nivelActual(in: juego j) → res: soko

Pre ≡ {true}

Post ≡ {res = nivelActual(j)}

Complejidad: O(1)

Descripción: devuelve el soko de un juego dado.

nivelesPendientes(in: juego j) → res: secu(nivel)

Pre ≡ {true}

Post ≡ {true}

Complejidad: O(1)

Descripción: devuelve una secuencia de los niveles pendientes.

nuevoJ(in: secu(nivel) ns) → res: juego

Pre ≡ {-vacía?(ns)}

Post ≡ nivelActual(res) = prim(ns) ∧

nivelesPendientes(res) coincidirá en cada nivel y el mismo orden que el fin de la secuencia de entrada ns.

Complejidad: O(1)

Descripción: genera un nuevo juego a partir de una secuencia de niveles de entrada.

mover(in/out: juego j, in: dir d)

Pre ≡ {puedeMover?(nivelActual(j), d)}

Post ≡ La posición actual de la persona en el mapa actual se modificará en 1 unidad en alguna de las componentes x ó y. De haber interactuado con una caja, ésta también se modificará en 1 unidad en la misma componente.

Complejidad: O(B + C + log P + log D)

Descripción: mueve el personaje de un soko del juego dado en la dirección ingresada.

tirarBomba(in/out: juego j)

Pre ≡ {#bombas(s) > 0}

Post \equiv La cantidad de bombas del nivel actual disponibles se reduce en 1 al valor de antes de tirar la bomba.

La coordenada de la persona al momento de tirar la bomba será agregada a la lista de explosiones del mapa (usada para considerar paredes destruidas).

Complejidad: $O(1)$

Descripción: destruye todas las paredes en la misma fila o columna que la coordenada de la persona al momento de tirar la bomba.

tirarBomba(**in/out**: juego j)

Pre \equiv {#bombas(s) > 0}

Post \equiv La cantidad de bombas del nivel actual disponibles se reduce en 1 al valor de antes de tirar la bomba.

La coordenada de la persona al momento de tirar la bomba será agregada a la lista de explosiones del mapa (usada para considerar paredes destruidas).

Complejidad: $O(1)$

Descripción: destruye todas las paredes en la misma fila o columna que la coordenada de la persona al momento de tirar la bomba.

deshacer(**in/out**: juego j)

Pre \equiv {j=j0}

Post \equiv { Si no se han realizado acciones: j=j0

Si se realizaron acciones:

Solo se borra el último elemento de las listas del nivel:

acciónFue,

acciónMovióCaja,

si la acción movió una caja, el último elemento de **cajaMovida,**

y si la acción fue Tirar Bomba, se borra también la explosión de la lista de **explosiones** del mapa. }

Complejidad: $O(1)$

Descripción: modifica un soko de un juego actual dado, deshaciendo la última acción realizada.

Representación

Representación de Juego

Juego es el módulo de más alto nivel, encargado de llevar un orden en los Niveles que se van jugando y ganando, y dando acceso a las operaciones de módulo de menor nivel como Sokoban, Nivel y Mapa.

Su estructura consiste en una Lista Enlazada de niveles, una referencia al nivel actualmente en curso, y una referencia al Sokoban más reciente, correspondiente al mismo nivel al que apunta itNivelActual.

Juego **se representa con** estr

donde estr es tupla < niveles: listaEnlazada(nivel) ,
itNivelActual: itListaEnlazada(nivel),
itSokoActual : itSokoban >

Algoritmos

```
iNuevoJ(in ns: secu(nivel)) → res : juego
  // Guardo la referencia a la secuencia de niveles en res.niveles
  it ← CrearItUni(ns)
  res.niveles ← it
  // Mantengo una referencia al nivel actual
  res.itNivelActual ← it
  // Creo un nuevo Sokoban con el primer nivel de la secuencia
  // Guardo una referencia al mismo en res.itSokoActual
  res.itSokoActual ← CrearIt(nuevoS(Siguiente(it)))
```

Complejidad: $O(1)$ dado por guardar referencias a los elementos de la lista de niveles.
Aliasing: Utiliza la secuencia de niveles de entrada por referencia.

```
iNivelActual(in e: estr) → res : soko
  res ← e.itSokoActual
```

Complejidad: $O(1)$
Aliasing: Devuelve referencia al módulo soko utilizado actualmente por juego.

```
iNivelesPendientes(in e: estr) → res : secu(nivel)
  res ← e.itNivelActual
```

Complejidad: $O(1)$
Aliasing: Devuelvo iterador unidireccional a la secuencia de niveles que utiliza el módulo juego, a partir del nivel que se está jugando actualmente.

```
iMover(in/out e: estr, in d: dir)
  // Uso mover y ganó? de módulo Sokoban
  mover(Siguiente(e.itSokoActual), d)
  if ganó?(Siguiente(e.itSokoActual))  $\wedge$  HaySiguiente(e.itNivelActual) then
    Avanzar(e.itNivelActual)
    // Creo un nuevo Sokoban con el siguiente nivel de la secuencia
    // Guardo una referencia al mismo en e.itSokoActual
    e.itSokoActual  $\leftarrow$  CrearIt(nuevoS(Siguiente(e.itNivelActual)))
  end if
```

Complejidad: $O(C)$ dada por el caso en que se mueve una caja. La precondition requiere $O(C + \log P)$ ya que también verifica que no haya paredes en el camino.

Aliasing: Devuelvo iterador unidireccional a la secuencia de niveles que utiliza el módulo juego, a partir del nivel que se está jugando actualmente.

```
iTirarBomba(in/out e: estr)
  // Uso operación tirarBomba de Sokoban
  tirarBomba(e.itSokoActual)
```

Complejidad: $O(1)$ dada por la operación *tirarBomba* de Sokoban

```
iDeshacer(in/out e: estr)
  // Uso operación deshacer de Sokoban
  deshacer(e.itSokoActual)
```

Complejidad: $O(1)$ dada por la operación *deshacer* de Sokoban
