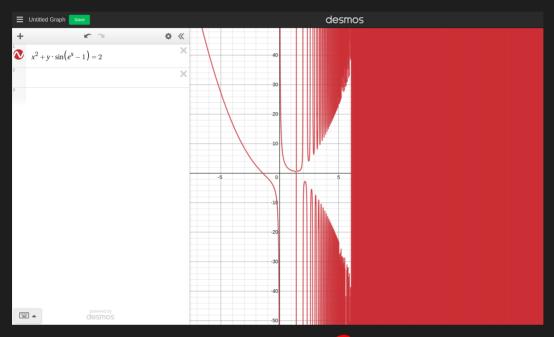
7. Considerando en cada \mathbb{R}^n la métrica euclídea d_2 , probar que:

- (a) $\{(x,y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y \operatorname{sen}(e^x 1) = -2\}$ es cerrado.
- (b) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : -1 \le x^3 3y^4 + z 2 \le 3\}$ es cerrado.
- (c) $\{(x_1, x_2, x_3, x_4, x_5) \in \mathbb{R}^5 : 3 < x_1 x_2\}$ es abierto.

Mencionar otras dos métricas para las cuales siguen valiendo estas afirmaciones.

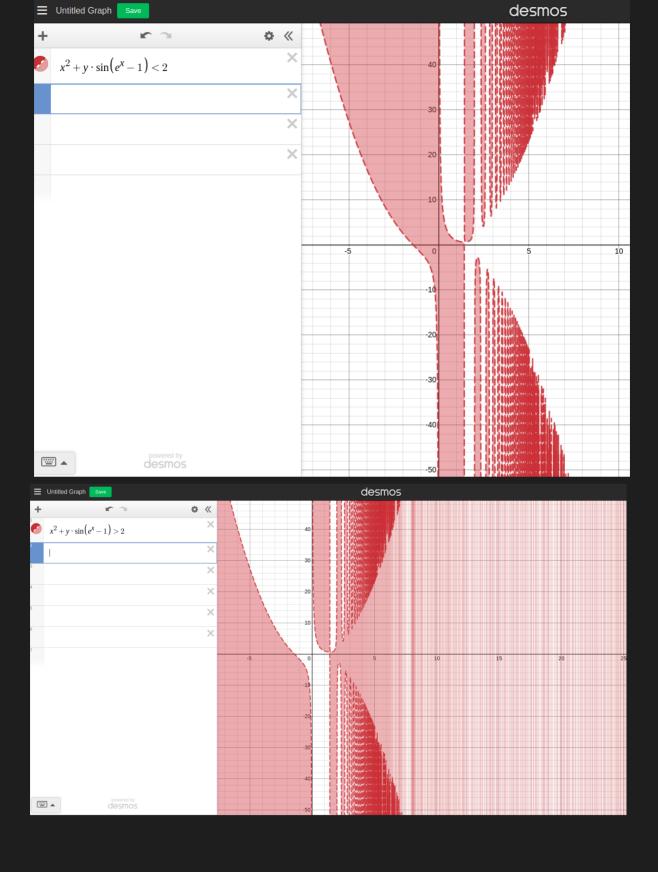




khe!

Veo
$$f(x,5) < 2$$

 $f(x,5) > 2$



Si pos cede (Xib) \in A^c predo meter una bolita abierta contenida en A^c => A^c es abierto => A es corrado

Llamo $A_{-}=\left\{ (x,y) \in E : x^2 + y \cdot \sin(e^x - 1) < 2 \right\}$ $A_{+} = \left\{ (x, b) \in E : x^{2} + y \sin(e^{x} - 1) > 2 \right\}$ Pruebo A dieto Sea (x, b) & A-9 4 Fro / B ((x,y), r) = Ac Heno $f(x,y) := x^2 + y \cdot \sin(e^x - 1)$ Como f(x,y) es continua (pues suma, resta, producto de funcioner continuer en \mathbb{R}^2 ...

o hey que prober lo ? \mathbb{Q}^2 $\Rightarrow f(\mathcal{B}((x_1), \delta)) \subseteq \mathcal{B}(f(x_1), \varepsilon)$ => Si para cada abierto entorno de f(x,y), tengo una bola abierta centrada en (X, y) Contenida en A => A es abierto

Observación obse:

Cuando $f(x_1y_1)$ está "carcade z en: $x^2 + y_1 \sin(e^x - 1) < 2$

Digo que si:
$$d_{2}(x^{2}+y.\sin(e^{x}-1), 2) = \mathcal{E}_{2} > 0$$

$$\Rightarrow \exists (x,y) \in \mathcal{B}(f(x,y), \mathcal{E}) \stackrel{?}{=} A^{C}/d_{2}(x^{2}+y.\sin(e^{x}-1), 2) = \frac{\mathcal{E}_{2}}{2} < \mathcal{E}_{2}$$

oo siempre puedo meter una bola "corca del borde", pues lus tamente no hay borde, sino un abierto.

Probé que A_ es abserto.

De la mis ma for ma se prue ba At.

y como unión de abiertos es abiertos

oo A es corrado.

M

Prvebo que f(xib) er continua

Acoto norme Lz y obtengo 5 en función de E:

$$\left| f(x,y) - f(a,b) \right| = \left| x^2 + y \cdot \sin(e^x - 1) - a^2 - b \cdot \sin(e^a - 1) \right|$$

$$= |x^{2} - a^{2} + y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{a} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x} - 1)|$$

$$|x^{2} - a^{2}| + |y \sin(e^{x} - 1) - b \sin(e^{x}$$

y pas el 2° término:

$$|y.\sin(e^{x}-1)-b.\sin(e^{a}-1)| \le 00$$
 me sirve or or doig. Δ

$$|y.\sin(e^{x}-1)|+|b.\sin(e^{a}-1)|$$

$$|y.\sin(e^{x}-1)|+|b.\sin(e^{a}-1)|$$

$$|y-b| \le \delta$$