

Vicky

your
position
↓

Saturno

Mar 20/21



Resumen Práctico de la Teoría 1

"Supremos e Ínfimos"

- Cota superior ($c \in \mathbb{R}$) de A
 - ↳ $c \geq x \quad \forall x \in A$
- Cota inferior ($c \in \mathbb{R}$) de A
 - ↳ $c \leq x \quad \forall x \in A$
- Para probar que A es un conjunto acotado
 - ↳ encuentro algún $c \in \mathbb{R}$ con $c \geq x \quad \forall x \in A$
 \leq
- Para probar que no es acotado
 - ↳ Uso Principio de Arquímedes:
 - Sabemos que si $c \in \mathbb{R}$, $\exists n \in \mathbb{N} / c \leq n$
"Para todo n° real, existe un natural más grande"
 - Supongo c cota superior, y muestro absurdo.
- Conjunto Acotado: tiene ambas cotas.
- Supremo: Menor cota superior
- Ínfimo: Mayor cota inferior

Supremo - Condiciones

↳ Si $A \subset \mathbb{R}$ no vacío,
acotado superiormente

⇒ s es supremo de A si:

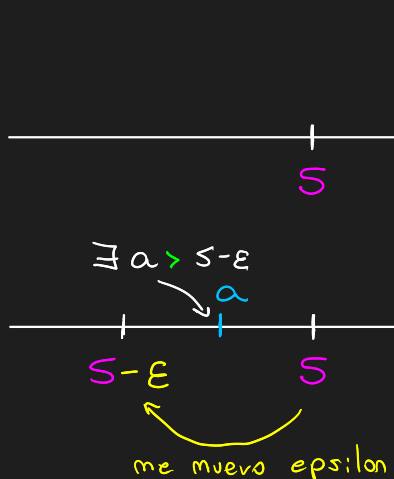
[a] $s \geq x \quad \forall x \in A$ (es cota superior)

[b] si $t \in \mathbb{R}$ con $t \geq x \quad \forall x \in A \Rightarrow s < t$
(es la menor de las cotas superiores)

Equivalencia 1

[a'] = [a] $s \geq x \quad \forall x \in A$

[b'] $\forall \varepsilon > 0, \exists a \in A \mid a > s - \varepsilon$



↑
"Si me muevo un **epsilon** de s ,
ya estoy dentro de A , y $\exists a$
más grande"

Ade más

- El supremo es único
- Todo conjunto no vacío y acotado sup. tiene supremo
(axioma de completitud de \mathbb{R})
- Para probar que a es supremo
 - ↳ Muestro que a cumple \boxed{a} y \boxed{b}
ó $\boxed{a'}$ y $\boxed{b'}$
- $\text{Inf}(A) < \text{Sup}(A)$
- Máximo : Si el supremo $s \in A \equiv \max(A)$
- Mínimo : Si el ínfimo $i \in A \equiv \min(A)$