Integrales de Sup l'Orientación

Flujo

Integrales de Superhicie

 $T : D \subseteq \mathbb{R}^2 \longrightarrow \mathbb{R}^3$ $(u,v) \longrightarrow T(u,v)$

Perametorización regular

 $\int_{S} f \cdot dS = \iint_{S} \int_{S} \int$

 $N(u,v) = Tu(u,v) \times Tv(u,v)$

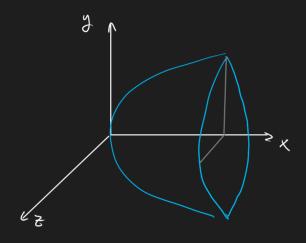
Ej: Sea 5 la superficie dada por

 $\begin{cases} y = x^2 + z^2 \\ y \leqslant 4 \end{cases}$

Heller le messe y le densided si le densided es:

$$\int (x, y, z) = y$$

Qué es y como parametrizo?:



Como gráfico de un hinción:

$$T(x, z) = (x, x^2 + y^2, z)$$

Pero d Dominio:

$$\mathcal{D} = \left\{ (x,y) \in \mathbb{R}^2 / x^2 + z^2 \leqslant 4 \right\}$$

Otra idea: Polares

$$X = \Gamma. \cos \theta$$

$$X = \Gamma \cdot \cos \theta$$

$$Z = \Gamma \cdot \sin \theta$$
 Con
$$\begin{cases} 0 \le \Gamma \le Z \\ 0 \le \theta \le Z \end{cases}$$

$$T(\Gamma, \theta) = \left(\Gamma \cdot \cos \theta, \Gamma^2, \Gamma \cdot \sin \theta\right)$$

 C_{∞}

$$T: [0,2] \times [0,2\pi] \rightarrow \mathbb{R}^3$$

$$T_{\Gamma}(\Gamma,\theta) = (\cos\theta, 2\Gamma, \sin\theta)$$

$$T_{\theta}(r,\theta) = (-r.\sin\theta, O, r.\cos\theta)$$

$$\left(T_{\Gamma} \times T_{\theta} \right)_{(\Gamma,\theta)} = \left(2\Gamma^2 \cos \theta, -\Gamma, 2\Gamma^2, 5\% \theta \right)$$

$$\| N(u,v) \| = \sqrt{4r^4 \cdot \cos^2 \theta + r^2 + 4r^4 \cdot \sin \theta}$$

Calalo integ.

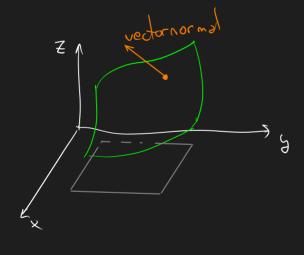
$$\int_{S} d_{0}d_{5} = \int_{0}^{2\pi} \int$$

Orestabilidad

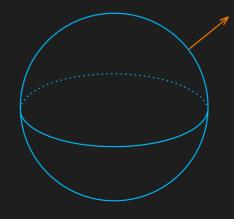
Une superficie 5 redice orientable
si existe un campo normal unitario y continuo

 $N: S \rightarrow \mathbb{R}^3$ contino

Ej: Gréfico de une función sueve F: DeR2 - R3



Ej: Es Pera:



Una superficie se dice orientada rier orientable y se le Rija una orientación.

Una parametrización indice una orientación en una superficie (la orientación de da por N(u,v))

Integrales de Flujo

5 une superficie regular orientada.

 $T: \mathbb{D} \subseteq \mathbb{R}^2 \longrightarrow \mathbb{R}^3$ $(\mu, \nu) \longrightarrow T(\mu, \nu)$

Param regular de 5

F: 5 -> R³ compo contínuo.

compo rectoriol

compo rectoriol

que etra ness la malla.

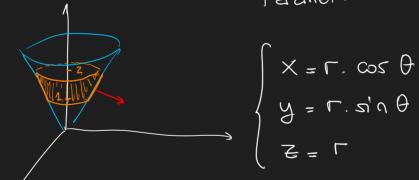
For (u,v), N(u,v) > du do

Donde el signo es

t: si la orientación de T respeta la de la super hici e

$$= \int_{S} \langle F, N \rangle ds$$

Oriento de con le normal hecis estuers del cono



$$\begin{cases} X = \Gamma. \cos \theta \\ Y = \Gamma. \sin \theta \\ Z = \Gamma \end{cases}$$

$$T: t_{1,2} \times [0,2\pi] \longrightarrow \mathbb{R} /$$

$$+(r,\theta) = (r-\cos\theta, r, \sin\theta, r)$$

$$Tr(r,\theta)=\left(\cos\theta,\sin\theta,1\right)$$

$$\int \theta \left(r, \theta \right) = \left(-r. \sin \theta \right) r. \cos \theta , 0$$

$$T_{r} \times T_{\theta} = \left(-r \cdot \cos \theta, r \cdot \sin \theta, r \right)$$

Qué on en tación tiene?

$$N(r,\theta) = \left(-r \cdot \cos\theta, r \cdot \sin\theta\right)$$

Hote - -x -y z

hacia el hacia contro arribe

hacia adentro

X No india la orientación que giero

Calabo sategral de Flujo

$$\int_{S} F d\vec{s} = -\iint \left\langle F_{0}T(r,\theta), N(r,\theta) \right\rangle dr d\theta$$

$$= - \int_{0}^{2\pi} \int_{1}^{2} \left\langle \left(\Gamma^{2} \cdot \cos^{2}\theta, \Gamma^{2} \cdot h^{2} \theta, \Gamma \right) \right\rangle \left(-\Gamma \cdot \cos\theta, \Gamma \cdot h^{2} \theta \right\rangle$$

 $= - \left[\int_{1}^{2} \Gamma^{3} d\Gamma \right] \cdot \left[-\cos^{3}\theta - \sin^{3}\theta + 1 \right] d\theta$

$$= Cuntes \dots = -\frac{15}{2} \text{ Tr}$$

d rd 0