Ivan

- · Lar solucioner forman un Especio Vectorial,
- · Les solucioner del sisteme dependerén de como sean los autovectores y autovalores de A.

AERTH LESUN AUTOVALOR DEA SI ] VERTIGOT/ A.V= \ .V

y el vector V es un auto vector de auto valor  $\mathcal{R}$ Auto espação  $E_{\mathcal{R}} = \{ \text{ Todos los autovectores de auto valor } \mathcal{R} \} \cup \{ \text{ O } \}$   $L_{\mathcal{R}} \in V$ 

Una matriz A es diagonalizable si R' admite

une base de auto vectores de A.

Si B er la bere de autovector er

$$\begin{bmatrix} A \end{bmatrix}_{\mathcal{B}} = \begin{bmatrix} \lambda_1 & 0 \\ 0 & \lambda_2 \end{bmatrix}$$

Como en contrar auto valorer y auto vectorer?

Auto valores

Rejœrdel polinonio carecterístico

$$X_A(\lambda) = det(\lambda I - A)$$

Autoer pacio

Ez: Soluciones (Z.I-A).V=0

Pera cada 2 correspondiente

Auto valorer

Bese 
$$\lambda z = -\frac{1}{z}$$
 $\lambda z = 2$ 
 $\lambda z = 1$ 
 $\lambda z = 1$ 

a) A es diagona liza ble

Una bere de solucioner es dinassión del espacio 
$$Bs = \{V_1, e^{\lambda_1, t}, \dots, v_n, e^{\lambda_n, t}\}$$

E; Resolver

$$\begin{cases} X_1' = -4 \times_1 + 3 \times_2 \\ X_2' = -2 \times_1 + \times_2 \end{cases}$$

$$X = \begin{pmatrix} X_1(t) \\ X_2(t) \end{pmatrix} \qquad A = \begin{pmatrix} -4 & 3 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}$$
$$X = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$$

Mearito autorec, y autorel. de A

## Calculo Polinomio Característico

$$\chi_{A}(\lambda) = \det \left( \chi_{I} - A \right)$$

$$= \det \left( \begin{pmatrix} \chi_{0} \\ 0 \\ \chi \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} -4 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix} \right)$$

$$= \det \left( \chi_{+4} \right) (\chi_{-1}) + 6$$

$$= \lambda^2 + 3\lambda + 2$$

Quiero revicer de

$$\lambda^{2} + 3\lambda + 2 = 0$$

$$\lambda = -1$$

$$\lambda = -2$$
Autovelorer de A

$$\begin{bmatrix} E_{-1} : 501 \cdot (-1I - A) \lor = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} \\ 2 - 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix} = \vec{0}$$

$$\Rightarrow a = b$$

$$E_{-2} = \left\langle \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \end{pmatrix} \right\rangle$$

Bore

$$\mathcal{B}_{s} = \left\{ \left( \begin{array}{c} 1 \\ 1 \end{array} \right) \cdot e^{-t}, \left( \begin{array}{c} 3 \\ -2 \end{array} \right) \cdot e^{-2t} \right\}$$

$$x(t) = c_1 \cdot (\frac{1}{1})e^{-t} + c_2 \cdot (\frac{3}{2})e^{-2t}$$
 $c_1, c_2 \in \mathbb{R}$ 
 $c_1, c_2 \in \mathbb{R}$ 

$$\begin{pmatrix} \times_{1}(\mathcal{L}) \\ \times_{2}(\mathcal{L}) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} C_{1}e^{-t} + C_{2} \cdot 3 e^{-2t} \\ C_{1}e^{-t} + C_{2} \cdot (-2) \cdot e^{-2t} \end{pmatrix}$$

Reviser Teórice de Vicley.

(Cero C2x2)

No sirve! tengo objet os complejos!

Puedo buscerelgions forme de operer en R

$$\lambda_z = \overline{\lambda}$$

$$\sqrt{2} = \sqrt{1}$$

Rewards
$$e^{(a+bi)} = e^{a} \cdot e^{bi}$$

$$= e^{a} \cdot (\cos b + i \cdot \sin b)$$

$$Reer cribo$$

$$Rear cribo$$

$$\overline{V} e^{\overline{\lambda}t} = \overline{V} \cdot e^{at-bti}$$

$$= \overline{V} \cdot e^{at} \cdot (\cos(bt) + i \cdot \sin(-bt))$$

$$= \overline{V} \cdot e^{at} \cdot (\cos(bt) - i \cdot \sin(-bt))$$

$$= V \cdot e^{at} \cdot (\cos(bt) + i \cdot \sin(bt))$$

Nota que

$$\frac{v \cdot e^{2t} + \overline{v} e^{\overline{\lambda} t}}{2} = \mathbb{R}e(v \cdot e^{2t})$$

$$\frac{v \cdot e^{2t} - \overline{v} e^{\overline{\lambda} t}}{2} = \mathbb{T}m(v \cdot e^{2t})$$
Son solucioner
$$\frac{v \cdot e^{2t} - \overline{v} e^{\overline{\lambda} t}}{2i} = \mathbb{T}m(v \cdot e^{2t})$$

$$\frac{V.e^{2t}-\overline{v}e^{\overline{i}t}}{2i}=\operatorname{Im}(V.e^{2t})$$

## Condusión

En el caso complejo debo encontrar una solución compleja con el método anterior y tomar le parte real e imaginaria.

Eso me da la base de soluciones.

$$\begin{cases} X_1' = X_1 - X_2 \\ X_2' = X_1 + X_2 \end{cases}$$

$$X = \begin{pmatrix} X_1 \\ X_2 \end{pmatrix} \qquad A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$X' = A X$$

$$\chi_{A}(z) = \det(z - A)$$

$$= \begin{vmatrix} 2-1 & 1 \\ -1 & 2-1 \end{vmatrix}$$

$$= (2-1)^{2} + 1 = 0$$

$$|2-1| = i$$

obtengo 
$$\lambda = 1 + 1$$
  
 $\lambda = 1 - i$ 

$$E_{1+i}: \left[ (1+i) I - A \right] \cdot V = 0$$

$$\left( \begin{array}{c} i & 1 \\ -1 & i \end{array} \right) \left( \begin{array}{c} a \\ b \end{array} \right) = \left( \begin{array}{c} 0 \\ 0 \end{array} \right)$$

$$\left( \begin{array}{c} i & 1 \\ -1 & i \end{array} \right) \left( \begin{array}{c} b \\ b \end{array} \right) = 0$$

$$\left( \begin{array}{c} a \\ -1 & i \end{array} \right) \left( \begin{array}{c} a \\ b \end{array} \right) = 0$$

$$\left( \begin{array}{c} a \\ -1 & i \end{array} \right) \left( \begin{array}{c}$$

$$E_{1+i} = \left\langle \begin{pmatrix} i \\ 1 \end{pmatrix} \right\rangle$$

Une volución compleje es

$$\begin{pmatrix} i \\ 1 \end{pmatrix} e^{(1+i)t} = \longrightarrow \mathbb{Z}_m$$

$$= \left(\begin{array}{c} i \\ 1 \end{array}\right) \cdot e^{t} \cdot \left(\cos t + i \cdot \sin t\right)$$

$$\begin{pmatrix}
-e^{t} \cdot \sin t \\
e^{t} \cdot \cos t
\end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix}
e^{t} \cdot \cos t \\
e^{t} \cdot \sin t
\end{pmatrix}$$

Elonentes que constituyen la bare de solucioner realer

$$\mathcal{P}_{5} = \left\{ e^{t} \begin{pmatrix} cort \\ -nint \end{pmatrix}, e^{t} \begin{pmatrix} cort \\ nint \end{pmatrix} \right\}$$

$$X = C_1 \cdot e^t \begin{pmatrix} -sint \\ cort \end{pmatrix} + C_2 e^t \begin{pmatrix} cort \\ rint \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} X_1(t) \\ X_2(t) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -C_1 \cdot e^t \cdot sint + C_2 \cdot e^t \cdot cort \\ C_1 \cdot e^t \cdot cort + C_2 \cdot e^t \cdot sint \end{pmatrix}$$

## C Cero no diegonalizable con Ezequiel

HUUR US SOLUC DEL SIST. THES QUE

$$\lim_{t \to +\infty} X(t) = 0$$

$$\lim_{t \to +\infty} X(t) = 0$$

Solución

$$\begin{pmatrix} \chi_{1}(t) \\ \chi_{2}(t) \end{pmatrix} = C \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} e^{-t}$$