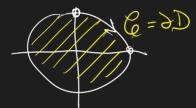
Feb 15

Guis 3 - Teo. de Green

$$\int_{t=a}^{t=b} F(\sigma(t)), \sigma'(t) dt$$

$$\sigma(t) = \left(\begin{array}{c} \sin t \\ 1 \end{array} \right) \quad \text{te[0, 2\pi]}$$



$$= \iint_{\mathbb{R}^{n}} \mathbb{Q} \times -\mathbb{P}_{y} \, dxdy \qquad dond$$

$$= \iint_{\mathbb{R}^{n}} \mathbb{Q} \times -\mathbb{P}_{y} \, dxdy \qquad dond$$

$$= \iint_{\mathbb{R}^{n}} \mathbb{Q} \times -\mathbb{P}_{y} \, dxdy \qquad dxdy \qquad dxdy$$

$$\sigma(t) = (t, t^2) t \in [-2, 2]$$

$$\int Fds = \iint Qx - Pgdzdy$$

$$Lu6$$

$$= \int_{X=-2}^{2} \int_{S=-2}^{S=4} (-1)^{S} dx dy$$

Ejercicio 9. Sea
$$D = \{(x,y) : 1 \le x^2 + y^2 \le 4, x \ge 0\}$$
. Calcular
$$\int_{\mathbb{R}^n} x^2 y \, dx - xy^2 \, dy.$$

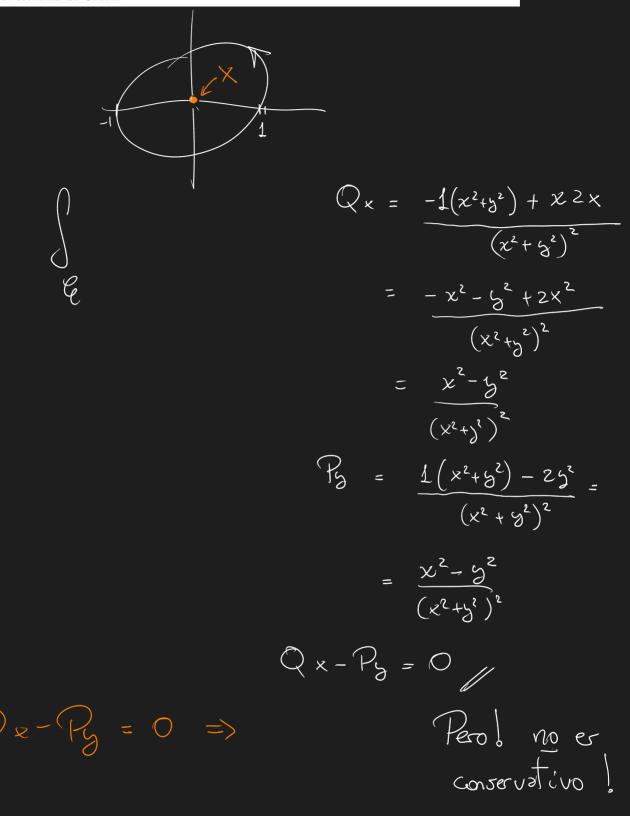
Como siempre, ∂D está recorrido en sentido directo (el contrario a las agujas del reloj).

Ejercicio 10. Calcular el trabajo efectuado por el campo de fuerzas $\mathbf{F}(x,y) = (y+3x,2y-x)$ al mover una partícula rodeando una vez la elipse $4x^2 + y^2 = 4$ en el sentido de las agujas del reloj.

$$x^{2} + y^{2} = 1$$

$$x^{2$$

Ejercicio 11. Sea $\mathbf{F}(x,y) = \left(P(x,y),Q(x,y)\right) = \left(\frac{y}{x^2+y^2},\frac{-x}{x^2+y^2}\right)$. Calcular $\int_{\mathcal{C}} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{s}$ donde \mathcal{C} es la circunferencia unitaria centrada en el origen orientada positivamente. Calcular $Q_x - P_y$. ¿Se satisface en este caso el teorema de Green?



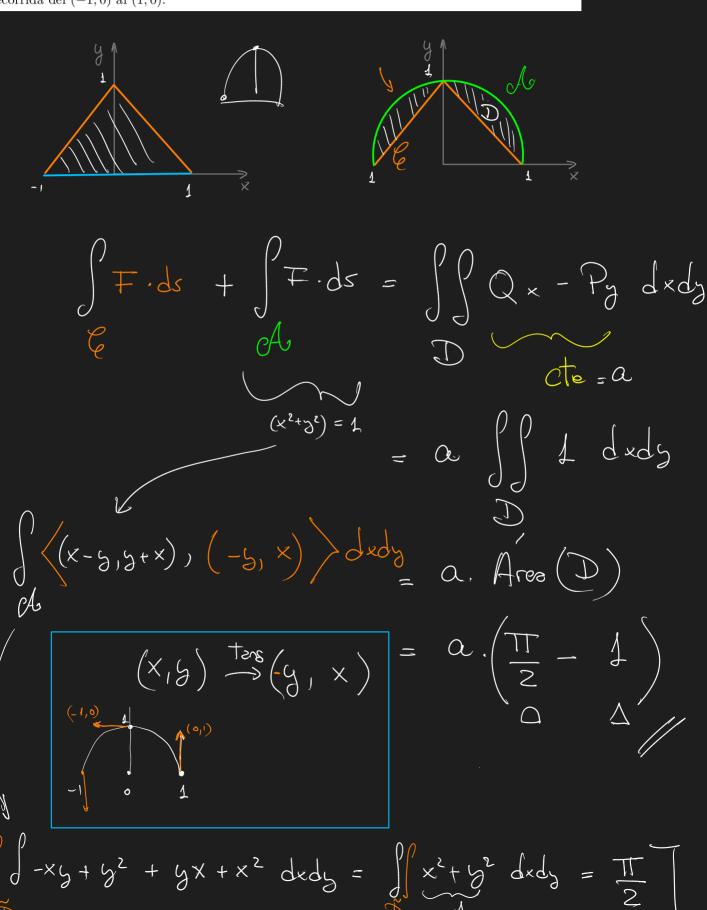
Ejercicio 12. Calcular $\int_{\mathcal{C}} f_1 dx + f_2 dy$ siendo

$$f_1(x,y) = \frac{x \operatorname{sen}\left(\frac{\pi}{2(x^2+y^2)}\right) - y(x^2+y^2)}{(x^2+y^2)^2}, \quad f_2(x,y) = \frac{y \operatorname{sen}\left(\frac{\pi}{2(x^2+y^2)}\right) + x(x^2+y^2)}{(x^2+y^2)^2},$$

y ${\mathcal C}$ la curva

$$C = \begin{cases} y = x + 1 & \text{si } -1 \le x \le 0, \\ y = 1 - x & \text{si } 0 \le x \le 1, \end{cases}$$

recorrida del (-1,0) al (1,0).



Ejercicio 13. Determinar todas las circunferencias \mathcal{C} en el plano \mathbb{R}^2 sobre las cuales vale la igualdad $\int_{\mathcal{C}} -y^2 \, dx + 3x \, dy = 6\pi.$

$$F(x,y) = (-y^2, 3x)$$

$$Q_x = 3$$

$$P_y = -2y$$

$$Q_x - P_y = 3 + 2y$$

$$F(x,y) = (-cor\theta_1 r. sin\theta_1)$$

$$Q_x - P_y = 3 + 2y$$

















