Resolución de ejercicion de Percial

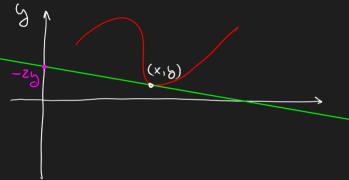
1)

16/3/221 - CLASE 22 - PARCIAL RESUELZ

2° PARCIAL 30/11/2013

- 1) DE STOKES/GAUSS
- 2) ENGNTRAR TODAS LAS FUNCIONES J=J(X), X >0, DERIVABLES TALES QUE TODAS LAS RECTAS TANGENTES ALGRÁFICO CORTEN AL EJE J ENEL DOBLE DEL OPUESTO A U ORDENADA DEL PUNTO DE TANGENCUI.

Arrenco e gre hoer



Ec de la recta tangente

Punto: (0,-28)

< Sepera der

$$\frac{3}{x} = \frac{5}{5}$$

$$\int \frac{3}{x} dx = \int \frac{5}{5} d5$$

$$3h|x| + C = h|y| \qquad (x > 0)$$

$$x > 0$$

$$3h \times + C = |y|$$

$$e^{3h} \times e^{c} = |y|$$

$$x > 0$$

Solución

3) Re solver

Sabiendo que

es solución de la ec. homogénes asociada

· Con coel no constantes, nos tienen que dar

ec. homogénes asociada

$$\times \cdot \circ - (\times + 1) \circ + \circ = 0$$

$$x e^{x} - (x+i) \cdot e^{x} + e^{x} = e^{x} (x-x-1+i) = 0$$

$$y'' - (1 + \frac{1}{x})y' + \frac{1}{x}y = 0$$

$$a(x)$$

$$b(x)$$

$$W(x) = e^{-A(x)} \qquad A'(x) = a(x)$$

$$A(x) = \int -(1+\frac{1}{x}) dx = -x - \ln x$$

$$W(x) = e^{x+\ln x} = e^{x} \cdot x$$

$$W(x) = \det \begin{pmatrix} e^{x} & \phi(x) \\ e^{x} & \phi'(x) \end{pmatrix}$$

$$= e^{x} \cdot \phi'(x) - e^{x} \cdot \phi(x)$$

E as ción por obteno o

$$e^{x} \cdot \phi'(x) - e^{x} \cdot \phi(x) = e^{x} \cdot x$$

$$\phi'(x) - \phi(x) = x$$

$$-1 = p(x)$$

$$q(x)$$

i) Busco un factor un tegrante $\mu(x)$

el lado iz qu'er do queda ($\mu(x)$. $\phi(x)$)

i) Busque mos factor in tegrante

$$y' + p(x) \cdot y = q(x)$$

$$\mu(x) = e^{R(x)}$$
 $R'(x) = p(x)$

$$\Re(x) = -X$$

$$e^{-x}$$
. $\phi'(x) - e^{-x}$. $\phi(x) = e^{-x}$. x

$$\left(e^{-x}, \phi(x)\right)^{1} = e^{-x}.x$$

$$e^{-x}, \phi(x) = e^{-x}(-x-1)$$

$$\phi(x) = -x - 1$$

$$\mathbb{B}_{SH} = \left\{ C^{\times}, -x-1 \right\}$$

Bosquenos sol. particular de A

Propongo:

 $X.za - (X+1).(zax+b) + ax^2 + bx + C = 3x^2$

$$-2ax^{2}-b+ax^{2}+C=3x^{2}$$

$$-\alpha \cdot x^2 + (c - b) = 3x^2$$

$$a = -3$$

$$-b + c = 0$$

$$y = -3x^2$$

Solución del ejercicio

$$y = -3x^2 + C_1.e^x + C_2.(-x-1)$$
 $C_{1,C_2} \in \mathbb{R}$

4) Holler todas los a & R toler que todas les solucioner del sistema

$$\begin{cases} X_1'(t) = -4X_1(t) + \alpha \cdot X_2(t) \end{cases}$$

$$X_{2}(t) = \alpha X_{1}(t) - 4 \cdot X_{2}(t)$$

 $(X_2(t)) = \alpha X_1(t) - 4 \cdot X_2(t)$ Permanez can a contador cuando $t \rightarrow +\infty$

Pres a=2 esbozerun diegreme de fere.

Armo matriz 2000 al sist.

$$A = \begin{pmatrix} -4 & a \\ a & -4 \end{pmatrix}$$

$$\chi_{A}(\lambda) = \det(\lambda P - A)$$

$$(\lambda + 4)^{2} - a^{2} = 0$$

$$|\lambda + 4| = |a|$$

$$\lambda_{1} = -4 + |a|$$

Autorectores

$$X(t) = C_1 \cdot 7_1 \cdot e^{\lambda_1 t} + C_2 \cdot 3_2 \cdot e^{\lambda_2 t}$$
 $C_1, C_2 \in \mathbb{R}$

no quiero que se vaye à so cuando $t \rightarrow s$

Para arequier la que pide la consigna delso persir Ri 60 para de {1,2}

$$-4-|a| \leq 0$$

$$a \in \mathbb{R}$$

OSO! todo esto la hicimas suponiendo que 2, 72

Caro aparte:

$$5: -4-|a| = -4+|a|$$

$$Q = Q \Rightarrow A = \begin{pmatrix} -4 & 0 \\ 0 & -4 \end{pmatrix}$$

1 caso diagonalizable 16

$$X(t) = C_1(t) \cdot e^{-4t} + C_2(t) \cdot e^{-4t}$$
And a todo iqual!

Solución:

Di. De Fere

$$A = \begin{pmatrix} -4 & 2 \\ 2 & -4 \end{pmatrix}$$

$$\lambda_{1} = -6$$

$$\lambda_{2} = -2$$

$$\tilde{Z}_{1} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} ; \tilde{Z}_{2} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

$$\times (b) = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} C_{1} \cdot e^{-6t} + \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \cdot C_{2} \cdot e^{-2t}$$

$$\tilde{Z}_{2}(t)$$

