Multiplicadorer de Lagrange,

Buscamos extremos de funcioner ER² 6 R³

o en dominios dedas por ecueciones

Ly ie: solve und curva
$$(\mathbb{R}^2)$$
: $C = \{(x,y) \in \mathbb{R}^2 / g(x,y) = k\}$

Teorema (M.del.)

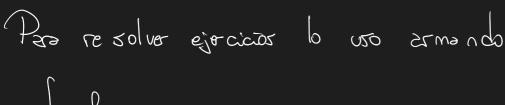
osea f(x,b)

con extremo (local) en
$$p = (x_0, y_0)$$

Además

$$\circ \nabla_{q}(p) \neq 0$$

$$=$$
 $\nabla f(x,y) = \lambda \nabla g(x,y)$



$$f_{x} = \lambda. g_{x}$$

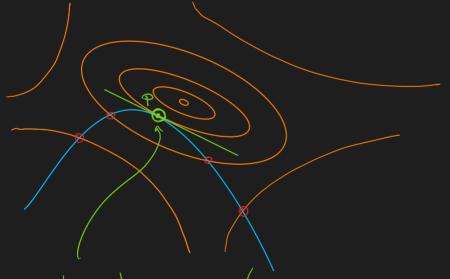
$$f_{y} = \lambda. g_{y}$$

$$g(x_{y}) = K$$

y resolviondo el sistema.

Con los condidatos obtenidos, evalúa y busco max, mín.

Intuición geométrica



tangenter en P (PC obtaido con M.de L.)

Coinciden

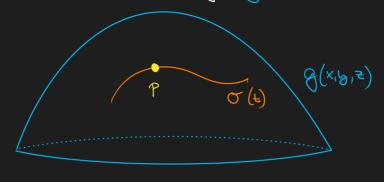
=> sus normales Vfg Vg apontan en la misma dir



=> son miltiplos

Noter que

Si 2 su vez restrinjo g(x,5,2) con una curva o(t)



Si
$$P \in \{g(x,y,z)=k\} \Rightarrow P \in \{\sigma(t)\}$$

y er méx y ed mér er méx sobre $\sigma(t)$

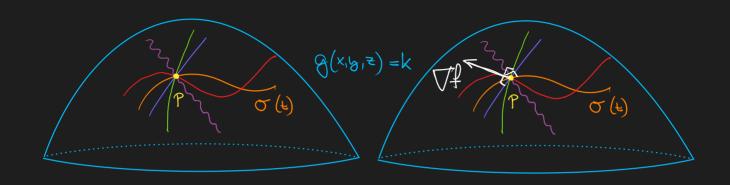
$$\Rightarrow \frac{d}{dt} f(o(t)) \bigg|_{t=t_0} = 0$$

$$= \left\langle \begin{array}{c} \sqrt{f} \left(\sigma(t_0) \right) & \sigma'(t_0) \\ \\ \in \mathbb{R}^3 & \in \mathbb{R}^3 \end{array} \right\rangle$$

Obture

$$\langle \nabla f(p), \sigma'(t_0) \rangle = 0$$

- 0,0 200 babuques es.
- O ses que de de Crolònia carres a due base bor po
- el Vf(o(ta)) será por pondicular a todar ellas



$$\Rightarrow \nabla f$$
 er prendicular $\partial g(x,y,z) = K$ (puer er máx)

y además sé que

$$\nabla g$$
 er perpendicular a $g(x,y,z) = K$ (puer prop. de gradiente)

.ºo de ben zer múltiplos

Mas restriccioner

Ses f (x,b,z) con obminio en la ourva (interseco 2 aparticies)

$$\begin{cases} g(x,b,z) = k \\ h(x,b,z) = l \end{cases}$$

y admar

Entoncer

$$\nabla f(x,y,z) = \lambda g(x,y,z) + \mu . h(x,y,z)$$





