Análisis I - Análisis Matemático I - Matemática I - Análisis II (C)

1er. cuatrimestre 2020

Segundo Recuperatorio del Primer Parcial - 18/08/2020

Justifique todas sus respuestas.

Entreque todas las hojas escaneadas y en orden.

1. Sea \mathcal{C} la curva que se obtiene como intersección de las superficies

$$x = \sqrt{1+y}, \qquad \qquad y^2 = 1+z.$$

- (a) Hallar una función $r: \mathbb{R} \to \mathbb{R}^3$ cuya imagen describa la curva \mathcal{C} . Calcular Dom(r).
- (b) Verificar que el punto P = (1, 0, -1) pertenece a la curva \mathcal{C} y hallar la ecuación de la recta tangente a \mathcal{C} en el punto P.
- 2. Analizar la existencia de los siguientes límites

(a)
$$\lim_{(x,y)\to(1,0)} \frac{(x-1)y^2\cos\left(\frac{1}{x-1}\right)}{3(x-1)^2+y^2}$$
,

(b)
$$\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{\sin(x^2)y}{x^2-y+x^4}$$
.

3. Sea $f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$ dada por

$$f(x,y) = \begin{cases} y \operatorname{sen}\left(\frac{x^2}{x^2 + y^2}\right) & \text{si} \quad (x,y) \neq (0,0) \\ 0 & \text{si} \quad (x,y) = (0,0) \end{cases},$$

- (a) Analizar la existencia de las derivadas direccionales de f en el (0,0).
- (b) Analizar la diferenciabilidad de f en (0,0).
- 4. Sean $f: \mathbb{R}^3 \to \mathbb{R}$ diferenciable y $h: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$ dada por $h(x,y) = f(x^2 + y^2, x^2 y, x)$. Sabiendo que el $\nabla f(2,0,1) = (1,2,3)$ y que f(2,0,1) = 5, hallar la ecuación del plano tangente al gráfico de h en el punto (1,1,h(1,1)).