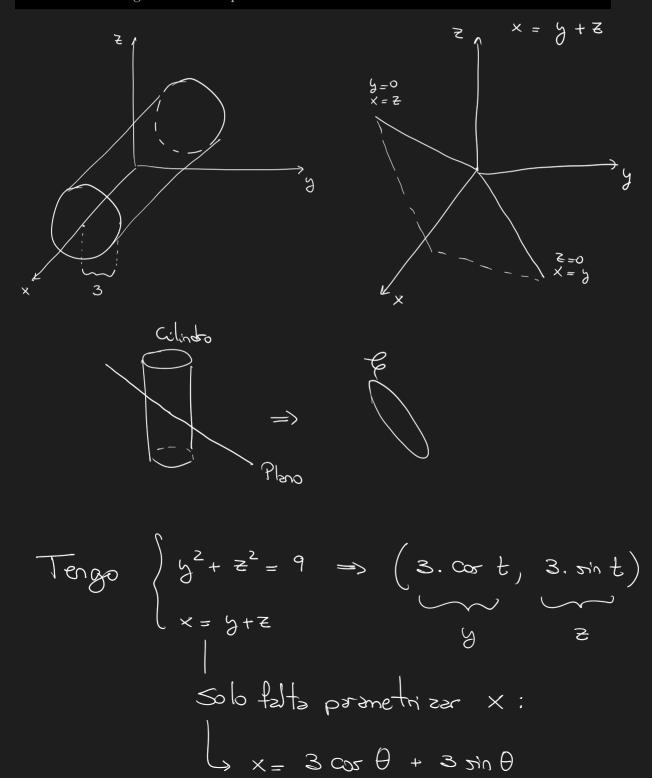
Análisis I - Análisis Matemático I - Matemática I - Análisis II (C)

1er. cuatrimestre 2020 Primer Parcial - 08/06/2020

1. Sea $\mathcal C$ la curva que se obtiene como intersección de las superficies

$$y^2 + z^2 = 9, -x + y + z = 0.$$

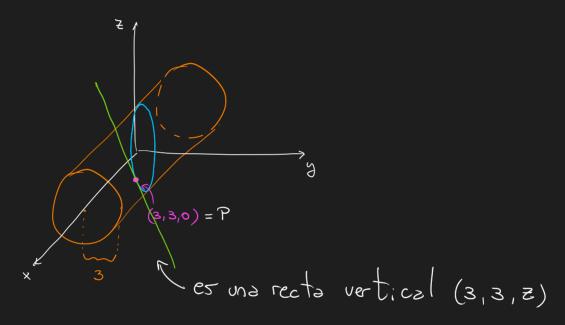
- (a) Hallar una función $r \colon \mathbb{R} \to \mathbb{R}^3$ cuya imagen describa la curva \mathcal{C} .
- (b) Verificar que el punto P=(3,3,0) pertenece a la curva $\mathcal C$ y hallar la ecuación de la recta tangente a $\mathcal C$ en el punto P.



$$\Gamma(t) = (3\cos t + 3\sin t, 3\cos t, 3\sin t)$$

$$\Gamma(t) = 3(cost + sint, cost, sint)$$

(b) Verificar que el punto P=(3,3,0) pertenece a la curva \mathcal{C} y hallar la ecuación de la recta tangente a \mathcal{C} en el punto P.



Vermorb

$$\Gamma(t) = 3(\cos t + \sin t, \cot, \cot t)$$

$$T'(t) = 3(cort - sint, -sint, cort)$$

$$\Gamma'(0) = 3(1,0,1)$$

L vector tongente a & on (3,3,0)

Recto Tg: (3,3,0) + t(3,0,3)

2. Analizar la existencia de los siguientes límites

(a)
$$\lim_{(x,y)\to(0,-1)} \frac{x^2(y+1)}{x^3+(y+1)^3}$$
,

(b)
$$\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{xy \operatorname{sen}(x)}{x^2 + y^2}$$
.

$$\Rightarrow$$
 $f(x_1-1)=0$

$$\frac{\left(g+1\right)^{2}\left(g+1\right)}{\left(g+1\right)^{3}+\left(g+1\right)^{3}}=\frac{1}{2}$$
 is no time limite,

b)
$$\left| \frac{x \cdot y \cdot 500 \times}{\times^2 + y^2} \right| \leq \frac{\|(x, y)\|^2}{\|(x, y)\|^2} = \|(x, y)\| < 5 \leq \varepsilon$$

$$= \|(x, y)\|^2$$

$$= \|(x, y)\|^2$$

Tonando 5 < E probé que el l'mite er coro siempre

3. Sea
$$f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$$
 definida por $f(x,y) = \sqrt[3]{x^3 + 27y^3}$.

- (a) Estudiar la existencia de las derivadas parciales de f en (0,0).
- (b) Analizar la diferenciabilidad de f en (0,0).

$$27y^3 = (3y)^3$$

$$f(x,y) = \left(\times^3 + 27y^3 \right)^{1/3}$$

 ω

•
$$\frac{3}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{$$

$$= \lim_{h \to 0} \frac{h}{h} = 1$$

$$\frac{\partial}{\partial x} f(0,0) = 1$$

•
$$\frac{\partial}{\partial y} f(0,0) \lim_{h\to 0} \frac{(27. h^3)^{1/3}}{h} = \lim_{h\to 0} \frac{3h}{h} = 3$$

. tiene deriv. parcialer en (0,0)

$$\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{f(x,y) - \left(f(0,0) + \frac{1}{2x}f(0,0)(x-0) + \frac{1}{2y}f(0,0)(y-0)\right)}{|(x,y)-(0,0)|} = 0$$

$$= \lim_{x \to 1} \frac{(x^3 + 275^3)^{1/3} - x - 35}{\|(x_15)\|} = 0$$

$$=) \lim_{x \to 0} \frac{\left(x^3 + 27x^3\right)^{1/3} - 4x}{\left(2x^2\right)^{1/2}} =$$

$$= \lim_{x \to \infty} \frac{3\sqrt{28} \cdot x - 4x}{\sqrt{2} \cdot |x|} = \frac{3\sqrt{28} - 4}{\sqrt{2}} \neq 0$$

4. Sea $f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$ diferenciable tal que su plano tangente en el punto (1,4,f(1,4)) es

$$z = 3x - 2y + 7.$$

Sean $x=g(s,t)=s^2\cos(t)$ e $y=h(s,t)=(2s+t)^2$ y sea $F\colon\mathbb{R}^2\to\mathbb{R}$ definida por F(s,t)=f(g(s,t),h(s,t)).

- (a) Calcular $\frac{\partial F}{\partial s}(-1,0)$ y $\frac{\partial F}{\partial t}(-1,0)$.
- (b) Calcular la ecuación del plano tangente al gráfico de F en (-1,0,F(-1,0)).

a)
$$\frac{\partial}{\partial s} F(-1,0) = \frac{\partial}{\partial g} (g(-1,0), h(-1,0)) \cdot \frac{\partial}{\partial s} (-1,0) + \frac{\partial}{\partial h} (1, 4) \cdot \frac{\partial}{\partial s} (-1,0)$$

Plano tangente

$$Z = f(1,4) + \frac{\partial f}{\partial x}(1,4)(x-1) + \frac{\partial f}{\partial y}(1,4)(5-4)$$
3x

 \leq :

$$\frac{\partial f}{\partial x}(1,4) = 3$$

$$\frac{\partial f}{\partial y}(1,4) = -2$$

Cono sé que
$$Z = 3X - 2y + 7$$

 \Rightarrow f(1,4) + 5 = 7

Volvien So

$$\frac{\partial f}{\partial g}(1,4) = 3$$
 (puer $x = g(s,t)$)

$$\frac{\partial f}{\partial h}(1,4) = -2$$
 (pres $g = h(s,t)$)

$$\Rightarrow \frac{3}{35} + (-1,0) = \frac{3}{39} + (-1,0) + \frac{3}{35} + (-1,0) + \frac{3}{35} + \frac{$$

$$\frac{\partial f}{\partial h} \left(1, 4 \right) \cdot \frac{\partial h}{\partial s} \left(-1, 0 \right)$$

$$=$$
 3.(-2) + (-2), (2(-2 to), 2)

$$\frac{\partial}{\partial t} + (-1,0) = 3 \cdot (-1) \cdot (-\sin 0) + (-2) \cdot 2(-2+0)$$

$$\frac{3}{3t}$$
 + (-1,0) = 8]

$$M = F(-1,0) + F_{5}(-1,0)(5+1) + F_{6}(-1,0) + F_{6}(-1,$$

