Отчет о выполнении работы №1.2.4.

Воейко Андрей Александрович, Б01-109 Долгопрудный, 2021

1 Аннотация

В работе измеряется давление насыщенного пара жидкости при разной температуре. На основании этих данных при помощи уравнения Клапейрона-Клаузиуса вычисляется теплота пароообразования.

2 Теоретические сведения

Вычислить теплоту преобразования жидкости напрямую мы не будем, ведь сделать тепловые потери пренебрежимо малыми в условиях институтской лаборатории довольно сложно. Для вычисления теплоты парообразования L воспользуемся уравнением Клапейрона-Клаузиуса, представленного в формуле 1.

$$\frac{dP}{dT} = \frac{L}{T(V_2 - V_1)},\tag{1}$$

где T — температура пара, P — давление насыщенного пара, L — теплота парообразования жидкости, V_2 — объем пара, V_1 — объем жидкости. В нашем случае V_1 составляет $18\cdot 10^{-6}~\frac{\text{м}^3}{\text{моль}}$, а V_2 — $31~cdot 10^{-3}~\frac{\text{м}^3}{\text{моль}}$. V_1 составляет примерно 0,05% от V_2 , так что величиной V_1 можно пренебречь. Таким образом формула 1 принимает вид:

$$\frac{dP}{dT} = \frac{L}{TV},\tag{2}$$

где V — объем пара. Для того, чтобы выразить это V, воспользуемся уравнением Ван-дер-Ваальса:

$$(P + \frac{a}{V^2})(V - b) = RT. \tag{3}$$

Поскольку в работе в качетсве рабочего тела используется вода, коэффиценты a и b соответственно равны 0,4 $\frac{\Pi a \cdot M^6}{\text{моль}^2}$ и $26 \cdot 10^{-6}$ $\frac{M^3}{\text{моль}}$. Поскольку b составляет менее десятой доли процента от V, можно ей пренебречь. Принебрежение величиной $\frac{a}{V^2}$ приведет к возникновению ошибки менее 3%, а при давлении меньше атмосферного — еще меньше. Таким образом, уравнение Ван-дер-Ваальса для давления менее атмостферного мало отличается от уравнения Менделеева-Клапейрона.

$$V = \frac{RT}{P}. (4)$$

Совмещая уравнения 1 и 4, получаем:

$$L = \frac{RT^2}{P} \frac{dP}{dT} = -R \frac{d(\ln P)}{d(1/T)}.$$
 (5)