



水资源保护
Water Resources Protection
ISSN 1004-6933, CN 32-1356/TV

《水资源保护》网络首发论文

题目: 3种用水量预测方法在京津冀地区的适用性比较
作者: 白鹏, 龙秋波
收稿日期: 2019-10-19
网络首发日期: 2020-10-15
引用格式: 白鹏, 龙秋波. 3种用水量预测方法在京津冀地区的适用性比较. 水资源保护.
<https://kns.cnki.net/kcms/detail/32.1356.TV.20201015.1354.002.html>



网络首发: 在编辑部工作流程中, 稿件从录用到出版要经历录用定稿、排版定稿、整期汇编定稿等阶段。录用定稿指内容已经确定, 且通过同行评议、主编终审同意刊用的稿件。排版定稿指录用定稿按照期刊特定版式(包括网络呈现版式)排版后的稿件, 可暂不确定出版年、卷、期和页码。整期汇编定稿指出版年、卷、期、页码均已确定的印刷或数字出版的整期汇编稿件。录用定稿网络首发稿件内容必须符合《出版管理条例》和《期刊出版管理规定》的有关规定; 学术研究成果具有创新性、科学性和先进性, 符合编辑部对刊文的录用要求, 不存在学术不端行为及其他侵权行为; 稿件内容应基本符合国家有关书刊编辑、出版的技术标准, 正确使用和统一规范语言文字、符号、数字、外文字母、法定计量单位及地图标注等。为确保录用定稿网络首发的严肃性, 录用定稿一经发布, 不得修改论文题目、作者、机构名称和学术内容, 只可基于编辑规范进行少量文字的修改。

出版确认: 纸质期刊编辑部通过与《中国学术期刊(光盘版)》电子杂志社有限公司签约, 在《中国学术期刊(网络版)》出版传播平台上创办与纸质期刊内容一致的网络版, 以单篇或整期出版形式, 在印刷出版之前刊发论文的录用定稿、排版定稿、整期汇编定稿。因为《中国学术期刊(网络版)》是国家新闻出版广电总局批准的网络连续型出版物(ISSN 2096-4188, CN 11-6037/Z), 所以签约期刊的网络版上网络首发论文视为正式出版。

3 种用水量预测方法在京津冀地区的适用性比较

白 鹏¹, 龙秋波²

(1.中国科学院地理科学与资源研究所陆地水循环及地表过程重点实验室, 北京市, 100101; 2. 湖南省水利水电勘测设计研究总院, 湖南 长沙, 410007)

摘 要: 本文比较了年增长率法、自回归模型法和灰色神经网络法 3 种常用的用水量预测方法在京津冀地区年用水量预测中的适用性, 基于优选的方法对京津冀 2019—2025 年的年用水量进行了预测。结果表明, 北京、天津和河北省 1997—2018 年的年用水量呈现不同的变化趋势: 北京和天津的年用水量呈先减少后增加的非线性变化趋势, 而河北省的年用水量呈波动递减的趋势。灰色神经网络法在京津冀 3 地均优于其他两个模型, 被推荐为该地区年用水量预测的首选方法。基于灰色神经网络法的年用水量预测结果表明, 2019—2025 年北京市年用水量将趋于平稳, 天津市的年用水量将缓慢增加, 而河北省的年用水量则将继续下降。

关键词: 用水量预测; 年增长率法; 自回归模型法; 灰色神经网络法; 水资源; 京津冀

中图分类号: TV213.4

文献标识码: A

Applicability comparison of three water consumption prediction methods in Beijing-Tianjin-Hebei region

BAI Peng¹, LONG Qiubo²

(1. Key Laboratory of Water Cycle and Related Land Surface Processes, Institute of Geographic Sciences and Natural Resources Research, Chinese Academy of Sciences, Beijing 100101, China; 2. Hunan Hydro&Power and Design Institute, Changsha 410007 China.)

Abstract: This paper compared the applicability of annual growth rate method, autoregressive model method and grey neural network method in the annual water consumption prediction of Beijing-Tianjin-Hebei region, and forecasted the annual water consumption of the Beijing-Tianjin-Hebei region from 2019 to 2025 based on the optimization method. The results showed that the annual water consumption of Beijing, Tianjin and Hebei Province showed different trends from 1997 to 2018. The annual water consumption of Beijing and Tianjin showed a non-linear trend of decrease and then increase, while the annual water consumption of Hebei Province showed a fluctuating decreasing trend. The grey neural network method is better than the other two models in Beijing, Tianjin and Hebei Province, so it is recommended as the first choice for the prediction of annual water consumption in this area. The prediction results of annual water consumption based on grey neural network method show that the annual water consumption of Beijing will be stable from 2019 to 2025, and the annual water consumption of Tianjin will increase slowly, while the annual water consumption of Hebei Province will continue to decline.

Key words: water consumption prediction; annual growth rate method; autoregressive model method; grey neural network method; water resources; Beijing-Tianjin-Hebei region

用水量预测是水资源规划及管理的重要基础和依据, 也是保证供水系统安全运行和科学管理的有效手

基金项目: “十三五”国家重点研发计划 (2016YFC0401402); 国家自然科学基金 (51979263)

作者简介: 白鹏 (1983—), 男, 副研究员, 博士, 主要从事水文水资源研究。E-mail: baip@igsnr.ac.cn

段^[1-3]。用水量预测的方法有很多,根据对数据处理方式的差异,用水量预测通常可分为时间序列法、结构分析法和系统方法 3 类^[4-6]。时间序列法主要是根据用水量周期性或规律性的变化特征进行统计分析,进而构建预测模型^[7-9];结构分析法是通过分析城市用水量与各种相关因素(如人口、产值、粮食产量和气候等)之间的联系,进而构建用水量和关联因素之间的统计模型进行用水量预测^[10];系统分析法不追究个别因素的作用效果,削弱随机因素的影响,力求体现各因素对用水量规律的综合作用^[11-12]。上述 3 种方法各有优势和不足,目前还无法建立一个确定性模型对区域用水系统的复杂性进行描述。相比于其他两种方法,时间序列法对用水系统外部复杂的影响因素进行简化,不需要对影响用水量的因素进行预测,只考虑历史用水量数据随时间内在变化规律,进而对整个系统的未来状态做出预测^[7-9]。该类方法比较符合用水量序列的特点,因而在用水量预测工作中应用较为广泛。常见的时间序列预测法包括年增长率法、移动平均法、人工神经网络法和自回归模型法等^[13-14]。多种用水量预测方法的比较研究有助于识别最优的方法,减少预测结果的不确定性。本文拟选择京津冀地区为对象,对 3 种常用的年用水量时间序列预测方法进行比较,分析 3 种方法在京津冀地区年用水量预测中的适用性,为促进京津冀地区水资源的高效管理和规划提供科学支持。

1. 研究方法数据来源

1.1 年增长率法

年增长率法是通过分析历史的城市年用水量增长情况,计算出区域年用水增长率,从而根据现状水平年的用水量计算预测出规划年的用水量。该方法计算简单,但需要收集长系列的历史用水数据,在一些地区可能存在数据缺失、资料不全等问题^[6]。此外,年递增率法假定历史年用水量数据序列符合特定的函数分布(如幂函数),常用的计算公式为

$$W_{t+1} = W_0(1 + R)^n \quad (1)$$

式中: W_{t+1} 为第 $t+1$ 年的用水量; W_0 为现状基准年用水量; R 为城市用水量年平均增长率,%; 本文中 R 的取值通过历史用水量数据进行参数拟合求得; n 为间隔年数。

1.2 自回归模型法

当一个变量按时间顺序排列的值之间具有依赖关系或自相关性时,就可以建立该变量的自回归模型,并由此对其发展变化趋势进行预测^[15]。需要指出的是自相关性是建立自回归模型的基础,只有具有显著自相关性的时间序列才可以建立自回归模型。城市年用水量变化一般都比较缓慢,轻易不会发生突变,符合自回归模型的构建基础,该方法的优点是所需资料少,可以自身变数数列进行预测。自回归模型的方法有很多,本文选取门限自回归模型进行研究。该模型能有效地描述复杂的非线性动态系统,由于门限的控制作用,保证了该模型具有很强的稳健性和适用性,常常被应用于在经济、环境、海洋、气象等领域^[16]。门限自回归模型的基本思路是在观测时间序列 $\{X_t\}$ 的取值范围内引入 n 个门限值 R_j ($j=1,2,3,\dots,n$),根据延迟步长 d 将 $\{X_t\}$ 按 $\{X_{t-d}\}$ 值的大小分配到不同的门限区域内,再用自回归模型对不同区间内的 $\{X_t\}$ 序列进行拟合,从而对时间序列进行非线性动态描述,模型的一般形式为^[17-18]:

$$\begin{cases} X_t = a_0^j + \sum_{i=1}^{m_j} a_i^j X_{t-i} + Z_t^j \\ X_{t-d} \in [R_{j-1}, R_j], j = 1,2,3,\dots,n \end{cases} \quad (2)$$

式中: T_j 为门限值($j=1,2,3,\dots,n$); n 为门限区间的个数; Z_{tj} 为第 j 个相互独立的正态白噪声序列; a_{0j} 为第 j 个门限自回归区间的自回归系数; m_j 为第 j 个门限区间自回归模型的阶数。

1.3 灰色神经网络法

区域年用水量变化影响因素众多,系统内部的变化机理复杂且各类影响因素之间相互作用。人工神经网络方法具有自适应性、容错性以及强大的映射能力,能够大规模处理高度非线性复杂问题,能够从大量的历史数据中进行训练,进而找出时间序列内在的变化的规律,因此,被广泛适用于区域的年用水量预测^[19-20]。但是,人工神经网络方法内部参数较多,易陷入局部最优解。灰色预测方法可以很好地解决这些问题。灰色理论是一种研究既包含已知信息又包含未知信息的系统理论与方法。该理论以“小样本”、“离散”、“无规律”的数据为主要研究对象,将杂乱无章的原始数据序列通过一定的处理方法,使之变为比较有规律的时间序列^[21-22],能够较好地弱化数据序列的波动性并处理随机扰动因素。但是,灰色预测方法缺乏自学习和自组织能力,尤其是在对复杂的非线性系统进行预测时,因非线性系统的数据随机性变化显著,会产生很大的误差。灰色人工神经网络充分利用了二者之间的差异性和互补性,充分发挥各自的优势^[23]。二者结合的方式是利用神经网络对灰色 $G_M(1,1)$ 模型预测结果进行误差修正,从而构建神经网络模型和灰色 $G_M(1,1)$ 模型的串联式组合模型。本研究用到的神经网络模型为 BP 模型,隐含层个数为 10。具体的计算步骤如下:①对时间序列进行归一化处理,建立 $G_M(1,1)$ 模型;②基于 $G_M(1,1)$ 模型进行时间序列的预测;③计算观测数据和预测数据的误差;④将模型预测误差序列作为神经网络模型的输入项,对网络进行训练,确定网络的权重和阈值,得到能够反映预测值和误差关系的网络结构;⑤分别基于 $G_M(1,1)$ 模型和神经网络模型预测下一时刻($t+1$)的预测值和及其偏差,二者之和即为 $t+1$ 时刻的预测值;⑥重复步骤 4,得到 $t+2, t+3, \dots, t+m$ 时刻的预测值(m 是预测年数)。

1.4 研究区概况及数据来源

京津冀一体化是党中央、国务院做出的一项重大国家战略部署,是实现京津冀 3 地优势互补、促进环渤海经济圈发展、带动北方腹地发展的需要。京津冀地区可持续发展面临的重大问题之一是经济社会发展水平和水资源量不匹配^[24]。该地区是中国北方经济规模最大、最具活力的地区,同时,也是我国缺水最严重的地区之一,人均水资源占有量约为全国平均值的 1/9^[25]。因此,京津冀地区的协调发展需要打破行政区域限制,以京津冀地区为统一整体进行水资源规划和管理。因此,甄别适用于该地区的年用水量预测方法显得尤为必要。本文的年用水量数据来源于京津冀 3 地是水资源公报数据,时间跨度均为 1997—2018 年(图 1)。由图 1 可知,京津冀 3 地 1997—2018 年的用水量变化呈现出明显不同的趋势。北京市和天津市年用水量呈现先减少,而后缓慢增加的趋势,而河北省年用水量呈波动下降趋势。本文设置了不同的模型训练期 T (表 1),如模型训练年数为 10,表示前 10 年数据用于模型训练,其余年份的数据用于模型的验证。预测结果评估指标为相对偏差,其正值表示模型高估年用水量,负值表示低估年用水量。不同训练期的条件下基于最小二乘法拟合的京津冀年用水量年平均增长率见表 1。

表 1 不同训练期下京津冀年用水量平均增长率

Table 1 Average growth rate of annual water consumption of Beijing-Tianjin-Hebei region under different training periods

地区	单位: %				
	T/a				
	10	12	14	16	18
北京市	-1.6	-1.5	-1.3	-1.1	-0.9
天津市	-1.5	-1.1	-0.8	-0.7	-0.3
河北省	-1.2	-1.1	-1.1	-1.0	-1.0

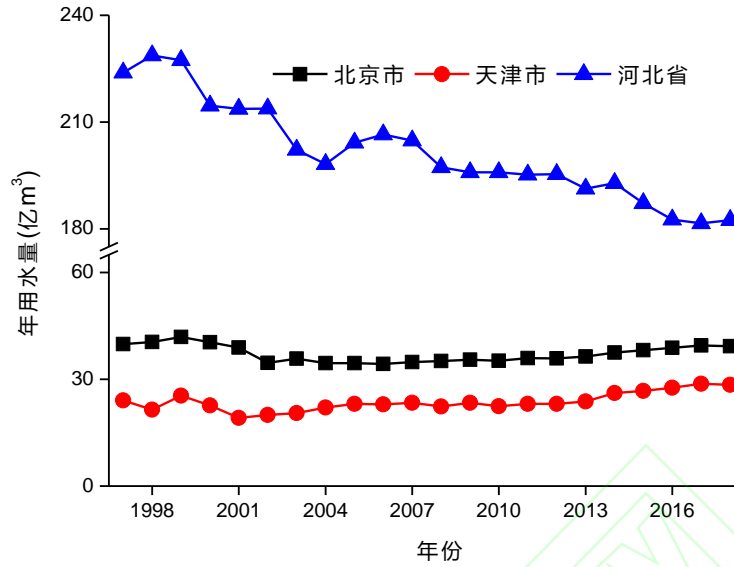


图 1. 京津冀地区 1997—2018 年用水量变化

Fig. 1 Changes of annual water consumption in Beijing-Tianjing-Hebei region from 1997 to 2018

2. 结果和讨论

2.1 3 种模型的比较

模型训练期和验证期, 京津冀 3 地年用水量模拟的相对误差见表 2、表 3。由表 2 可知, 模型的误差随训练期的增加而减少。以北京市为例, 训练期由 10 年增加到 18 年时, 年增长率法的相对误差-1.2%减小 0.6%, 自回归模型法的相对误差由 3.4%减少到 0.9%, 灰色神经网络法的相对误差变化最大, 由-6.4%减少到 1.7%。在模型训练期, 年增长率方法在北京市明显优于其他两种方法, 但在模型验证期, 年增长率方法表现最差, 可见训练期的模型模拟结果并不能反映模型真实的预测能力。因此, 本文基于验证期的结果来评判 3 种模型的年用水量预测能力。如表 3 可见, 3 种模型的预测能力表现出明显的区域分异性。在北京市和天津市, 灰色神经网络法表现最好, 自回归模型法次之, 而年增长率法表现最差。以 18 年训练期模型的预测结果为例, 在北京市, 3 种模型预测结果的相对误差分别为 -2.2%, -4.7%和-14.9%; 在天津市, 3 种模型预测结果的相对误差分别是-3.1%, -11.6%和-20.4%。在河北省, 3 种方法的预测误差要明显小于北京市和天津市。比较而言, 灰色神经网络法略优于年增长率法, 二者均优于自回归模型法。

表 2 不同训练期下各模型年用水量模拟的相对误差

Table 3 Relative error of annual water consumption simulation of each model under different training periods 单位: %

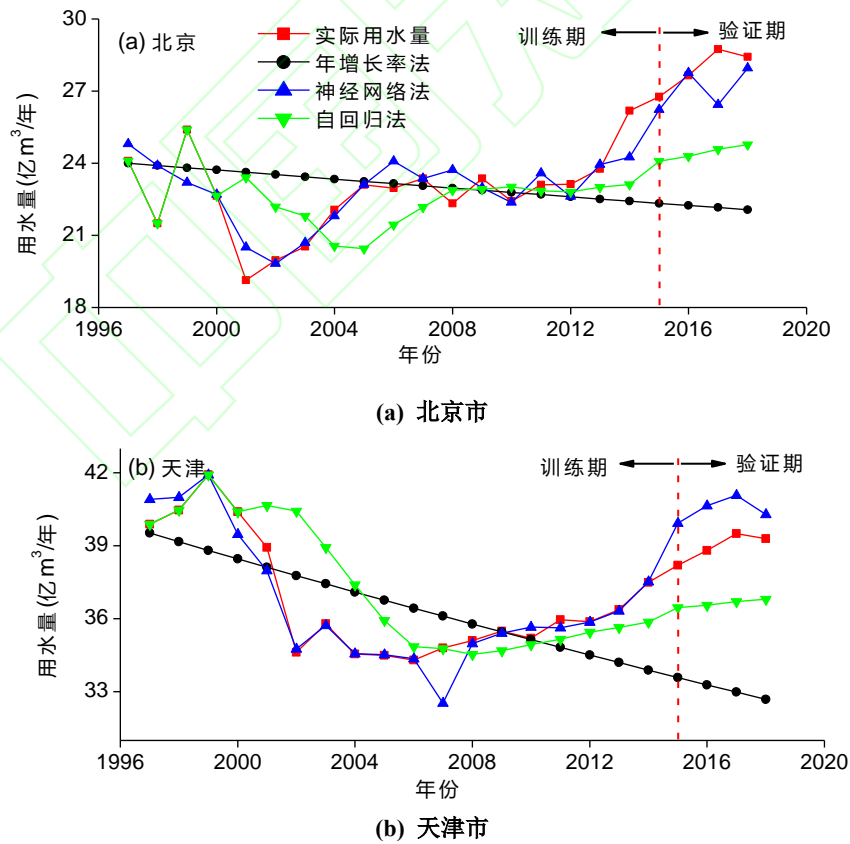
地区	年增长率法					神经网络法					自回归法				
	T=10a	T=12a	T=14a	T=16a	T=18a	T=10a	T=12a	T=14a	T=16a	T=18a	T=10a	T=12a	T=14a	T=16a	T=18a
北京															
市	-1.2	-1.0	-0.5	0.1	0.6	-6.4	-5.0	-3.9	-1.5	1.7	3.4	2.7	2.1	1.6	0.9
天津															
市	1.8	2.0	2.4	1.9	2.5	2.1	1.1	0.7	0.3	-0.3	0.5	0.5	0.3	-0.7	-1.8
河北															
省	-0.5	-0.2	-0.2	0.3	0.1	4.2	2.0	1.1	1.2	0.6	2.2	2.0	2.1	2.0	2.0

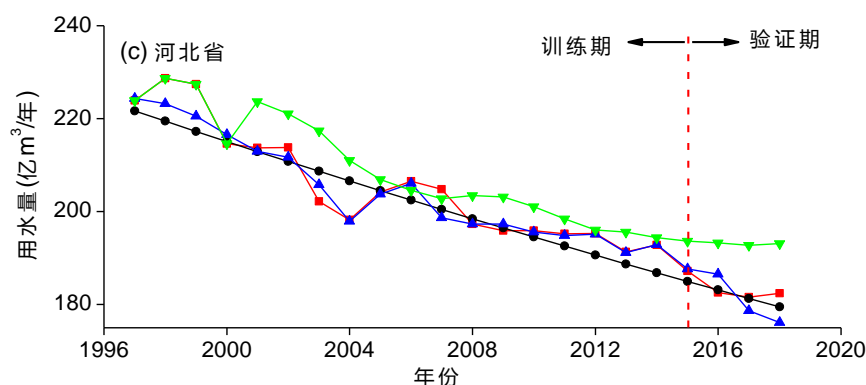
表 3 不同验证期下各模型年用水量模拟的相对误差

Table 3 Relative error of annual water consumption simulation of each model under different validation periods 单位: %

地区	年增长率法					神经网络法					自回归法				
	T=10a	T=12a	T=14a	T=16a	T=18a	T=10a	T=12a	T=14a	T=16a	T=18a	T=10a	T=12a	T=14a	T=16a	T=18a
北京															
市	-16.9	-17.7	-16.9	-16.0	-14.9	-6.1	-1.9	-3.3	-3.1	-2.2	-6.7	-6.8	-6.9	-6.5	-4.7
天津															
市	-24.6	-21.6	-20.0	-21.9	-20.4	-11.1	-14.5	-12.9	-6.0	-3.1	-9.9	-12.3	-14.6	-12.4	-11.6
河北															
省	-4.3	-2.9	-3.2	-1.2	-1.3	6.7	4.9	5.3	-1.0	-0.8	6.4	4.6	4.9	5.3	3.3

图 2 为训练期为 18a (1997—2014) 条件下, 京津冀 3 地年用水量验证结果。由图 2 可见, 年增长率法模拟和预测的年用水量近乎一条直线, 这与真实的年用水量数据变化不一致, 实际的年用水量序列通常呈明显地年际波动。究其原因, 可能是因为年增长率法采用单一的函数分布, 很难有效地模拟年用水量的波动变化。自回归模型法的预测误差较大, 而且与实际年用水量的变化趋势不一致。灰色神经网络法不仅预测误差较小且能够很好地模拟年用水量的年际波动, 在年用水量呈非线性变化的地区优势明显。灰色神经网络方法优于其他两种方法的原因可能在于其强大的非线性映射能力, 使模型能够快速捕获时间序列中隐藏的趋势信息, 并建立稳健的模型结构来进行趋势的预测。因此, 灰色神经网络法在京津冀 3 地年用水量预测中表现最好, 建议将其作为该地区年用水量预测的优选方法。





(c) 河北省

图 2. 模型训练期和验证期京津冀年用水量模拟

Fig. 2 Simulation of annual water consumption in Beijing-Tianjin-Hebei region during model training period and validation period

2.2 京津冀年用水量预测

利用灰色神经网络法,对京津冀3地2019—2025年的年用水量进行预测。模型训练数据均为1997—2018年的实际年用水量数据。模型预测结果见图3,可见2019年后北京市年用水量总量趋于平稳,将维持2018年的用水规模,年际波动很小,平均变化速率为 $0.06 \text{ 亿 m}^3/\text{a}$,2025年的用水量预测值为 39.7 亿 m^3 。天津市的用水量仍维持增加趋势,但增速明显放缓,平均速率为 $0.17 \text{ 亿 m}^3/\text{a}$,2025年的用水量预测值为 29.6 亿 m^3 。河北省的用水量则仍维持下降态势,平均的下降速率为 $-0.80 \text{ 亿 m}^3/\text{a}$,2025年的用水量预测值为 176.8 亿 m^3 。

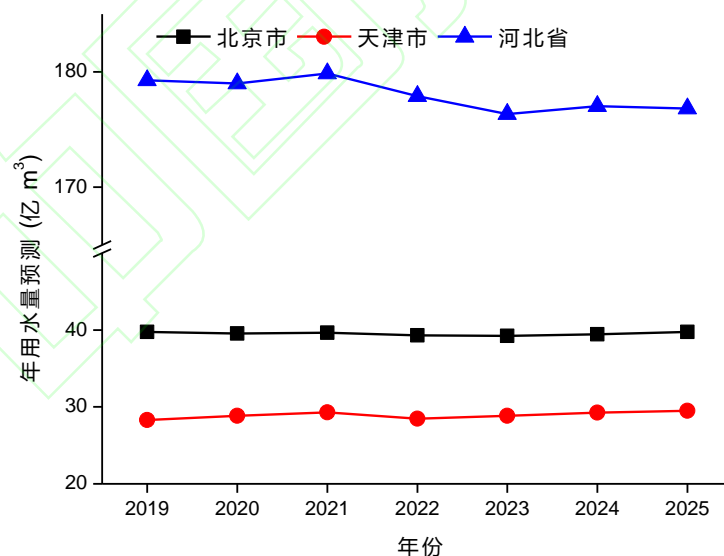


图 3. 京津冀 2019—2025 年用水量预测结果

Fig. 3 Water consumption predictions in Beijing-Tianjiang-Hebei region from 2019 to 2025

时间序列预测模型的预测结果往往具有一定的不确定性,这是由时间序列预测模型的计算原理决定的。时间序列预测法的基本原理是承认事物发展的延续性,通过对过去的时间序列进行统计分析,推求出事物发展的趋势,并采用数学方法消除时间序列中的随机干扰,从而进行预测。基于时间序列的预测模型依赖于事件发生的先后顺序的,同样大小的值改变顺序后输入模型产生的结果是不同的。如果未来有不可预测的突发事件(如大尺度、持续性的大旱),预测结果也会出现很大误差,即如果各地实施有别于以往的产业

结构调整、农业和生活节水措施,年用水量预测的结果可能有较大误差。即便如此,它仍然是一种简便且有效的趋于年用水量预测方法。

3 结论

a.京津冀 3 地 1997—2018 年的年用水量呈现出不同的变化趋势,北京和天津地区的年用水量呈先减后增的非线性变化,而河北省年用水量呈波动递减的趋势。

b. 年增长率法、自回归模型法和灰色神经网络法 3 种年用水量预测模型的比较结果表明,灰色神经网络方法在京津冀 3 地表现性最好,可推荐为该地区年用水量预测的首选方法。

c.基于灰色神经网络方法的京津冀 3 地年用水量预测结果表明:2019—2025 年,北京市年用水量将保持平稳,年际变化不大;天津市的年用水量将缓慢增长;河北省的年用水量将继续下降。

参考文献

- [1] 郭泽宇,陈伶俐.城市用水量组合预测模型及其应用[J].水电能源科学,2018,36(1):40-43. (GUO Zeyu, CHEN Lingli. Combination prediction model of urban water supply and its application [J]. Water Resources and Power, 2018, 36(1): 40-43. (in Chinese))
- [2] 薛林丽,袁星宇,刘宗显.城市需水预测方法比较[J].人民珠江,2018,39(1):63-66. (XUE Linli, YUAN Xingyu, LIU Zongxian. Comparison of urban water demand forecasting methods [J]. Pearl River, 2018, 39(1): 63-66. (in Chinese))
- [3] 袁树堂,刘新有,王红鹰.基于区域发展规划的嵩明县水资源供需平衡预测[J].水资源与水工程学报,2014,25(6):76-81. (YUAN Shutang, LIU Xinyou, WANG Hongying. Prediction of water resources supply and demand balance in Songming county based on regional development plan[J]. Journal of Water Resources and Water Engineering, 2014, 25(6):76-81. (in Chinese))
- [4] 李琴,马耀光.宝鸡市用水结构及用水量预测分析[J].干旱地区农业研究,2013,31(6):238-242. (LI Qin, MA Yaoguang. Analysis on structure and forecast of water consumption in Baoji city[J]. Agricultural Research in the Arid Zones, 2013, 31(6):238-242. (in Chinese))
- [5] 董颖,吴喜军.陕北地区供用水结构变化及需水量预测[J].水资源与水工程学报,2013,24(3):130-134. (DONG Ying, WU Xijun. [J]. Changes in water supply structures and water demand forecast in northern Shaanxi Province[J]. Journal of Water Resources and Water Engineering, 2013, 24(3):130-134. (in Chinese))
- [6] 朱连勇,雷晓云,文静.基于定额定量法的阿克苏市需水量预测分析[J].水资源与水工程学报,2012,23(2):13-15. (ZHU Lianyong, LEI Xiaoyun, WEN Jing. Forecast analysis of Aksu city's water demand based on quantitative quota method[J]. Journal of Water Resources and Water Engineering, 2012, 23(2):13-15. (in Chinese))
- [7] ALTUNKAYNAK A, ÖZGER M, ÇAKMAKCI M. Water Consumption Prediction of Istanbul City by Using Fuzzy Logic Approach [J]. Water Resources Management, 2005, 19(5), 641-654.
- [8] FIRAT M, TURAN M E, YURDUSEV M A. Comparative analysis of neural network techniques for predicting water consumption time series [J]. Journal of Hydrology, 2010, 384(1), 46-51.
- [9] 刘春成,曾智,庞颖,等.城市需水量预测方法比较[J].水资源保护,2015,31(6):179-183. (LIU Chuncheng, ZENG Zhi, PANG Ying, et al. Comparison of urban water demand forecasting methods[J]. Water Resources Protection, 2015, 31(6):179-183. (in Chinese))
- [10] 林英姿,刘万全,李冠.利用灰色模型预测年用水量[J].中国资源综合利用,2014,32(11):57-59. (LIN Yingsa, LIU Wanquan, LI Guan. Use of Grey Model for Forecasting Annual Water Demand in J City[J]. China Resources Comprehensive Utilization, 2014, 32(11):57-59. (in Chinese))
- [11] 秦欢欢,赖冬蓉,万卫,等.基于系统动力学的北京市需水量预测及缺水分析[J].科学技术与工程,2018,18(21):175-182. (QIN Huanhuan, LAI Dongrong, WAN Li, et al. Water Demand Prediction and Water Deficit Analysis in Beijing Based on System Dynamics[J]. Science Technology and Engineering, 2018, 18(21):175-182. (in Chinese))
- [12] 张银平,谭海鸥,陈奇,等.济宁市系统动力学需水预测模型研究[J].中国农村水利水电,2012(5):21-24. (ZHANG Yinping,

- TANG Haiou, CHEN Qi, et al. An approach to the water demand forecasting of Jining city from the perspective of system dynamics[J]. China Rural Water and Hydropower, 2012(5):21-24. (in Chinese))
- [13] 宋帆, 杨晓华, 武翡翠, 等.灰色关联: 集对聚类预测模型在吉林省用水量预测中的应用[J].水资源与水工程学报, 2018, 29(3):28-33. (SONG Fan, YANG Xiaohua, WU Cuicui, et al. Application of grey correlation degree: set pair analysis classified prediction method on water consumption prediction of Jilin Province[J]. Journal of Water Resources and Water Engineering, 2018, 29(3):28-33. (in Chinese))
- [14] 王春超, 王丽萍, 曹云慧, 等.改进多变量灰色模型在城市用水量预测中的应用[J].水电能源科学, 2013, 31(2):27-29. (WANG Chunchao, WANG Liping, CAO Yuhui, et al. Application of improved multivariable grey model in prediction of urban water consumption[J]. Water Resources and Power, 2013, 31(2):27-29. (in Chinese))
- [15] 翁建华, 廉东方, 崔晓钰.几种 AR 和 ARMA 模型对城市用水量预测的比较[J].水科学与工程技术, 2014(5):55-57. (WENG Jianhua, LIANG Dongfang, CUI Xiaoyu. Comparison of Several AR and ARMA Models for Urban Water Consumption Prediction[J]. Water Sciences and Engineering Technology, 2014(5):55-57. (in Chinese))
- [16] 付强, 潘峰, 金菊良.基于自激励门限自回归模型的井灌水稻需水量预测[J].水利水电技术, 2002(7):31-34. (FU Qiang, PAN Feng, JING Juliang. Water demand prediction of well irrigation rice based on self-excitation threshold autoregressive model[J]. Water Resources and Hydropower Engineering, 2002(7):31-34. (in Chinese))
- [17] 胡华科.门限自回归模型及其在耕地总量预测中的应用[J].安徽农业科学, 2007(11):3322-3323. (HU Huake. Threshold Auto-regressive Model and its Application in Gross Arable Land Prediction[J]. Journal of Anhui Agricultural Sciences, 2007(11):3322-3323. (in Chinese))
- [18] 张焕昭, 韩军利, 唐依伟, 等.门限自回归模型在水稻需水量预测中的应用[J].黑龙江水专学报, 2003 (2):15-17. (ZHANG Huanzhao, HAN Junli, TANG Yiwei, et al. Application on Self-Exciting Threshold Auto-Regressive Model to forecast quantity of water irrigation requirement for rice[J]. Journal of Heilongjiang Hydraulic Engineering College, 2003(2):15-17. (in Chinese))
- [19] 李晓英, 苏志伟, 周华, 等.基于主成分分析的 GA-BP 模型在城市需水预测中的应用[J].南水北调与水利科技, 2017, 15(6):39-44. (LI Xiaoying, SU Zhiwei, ZHOU Hua, et al. Application of GA-BP model based on principal component analysis to urban water demand prediction[J]. South-to-North Water Transfers and Water Science & Technology, 2017, 15(6):39-44. (in Chinese))
- [20] 臧冬伟, 陆宝宏, 朱从飞, 等.基于灰色关联分析的 GA-BP 网络需水预测模型研究[J].水电能源科学, 2015, 33(7):39-42+6. (ZANG Dongwei, LU Baohong, ZHU Congfei, et al. Study of GA-BP Neural Network for Water Requirement Prediction Based on Gray Correlation Analysis[J]. Water Resources and Power, 2015, 33(7):39-42+6. (in Chinese))
- [21] 蒋白懿, 牟天蔚, 王玲萍.灰色遗传神经网络模型对居民年需水量预测[J].给水排水, 2018, 54(1):137-142. (JIANG Baiyi, MOU Tianwei, WANG Lingping. Annual water demand forecast based on the model of grey neural network[J]. Water & Wastewater Engineering, 2018, 54(1): 137-142. (in Chinese))
- [22] 向宇, 吴琴.改进的灰色预测模型在全国用水量预测中的应用[J].湖北民族学院学报(自然科学版), 2015, 33(1):25-30. (XIANG Yu, WU Qin. Application of the improved gray prediction model to predicting the national water consumption[J]. Journal of Hubei University for Nationalities (Natural Science Edition), 2015, 33(1):25-30. (in Chinese))
- [23] 杜迎欣, 曹小兵, 李琛, 等.基于遗传算法的城市用水量灰色预测模型研究:以秦皇岛市引青济秦工程为例[J].水资源与水工程学报, 2014, 25(3):129-132. (DU Yingxin, CAO Xiaobing, LI Chen, et al. Research on model of gray prediction of urban water demand based on genetic algorithm: taking project of water diversion from Qinglong River to Qinhuangdao for example[J]. Journal of Water Resources and Water Engineering, 2014, 25(3):129-132. (in Chinese))
- [24] 王勤勤, 刘俊国, 赵丹丹.京津冀地区主要农作物生产水足迹研究[J]. 水资源保护, 2018, 34(2): 22-27. (WANG Qinqin, LIU Junguo, ZHAO Dandan. Study on water footprint of main crop production in Jing-Jin-Ji Region[J]. Water Resources Protection, 2018, 34(2): 22-27. (in Chinese))
- [25] 郝光玲, 王烜, 罗阳, 等.基于改进的综合评价模型的北京市水资源短缺风险评价[J]. 水资源保护, 2017, 33(6): 27-31. (HAO Guangling, WANG Xuan, LUO Yang, et al. Assessment of water shortage risk in Beijing based on improved comprehensive evaluation model[J]. Water Resources Protection, 2017, 33(6): 27-31. (in Chinese))

（收稿日期：2019-10-19 编辑：王芳）

