

# [스파르타코딩클럽] 알고보면 알기쉬운 알고리즘 - 1주차



매 주차 강의자료 시작에 PDF파일을 올려두었어요!

▼ PDF 파일

## [수업 목표]

- 1. 개발자들에게 알고리즘 공부가 필요한 이유를 이해한다.
- 2. 알고리즘을 학습하기 위한 기본 코드 구현력을 높인다.
- 3. 시간 복잡도, 공간 복잡도에 대해 배운다.

### [목차]

- 01. 오늘 배울 것
- 02. 파이참으로 코딩하기
- 03. 알고리즘과 친해지기 (1)
- 04. 알고리즘과 친해지기 (2)
- 05. 시간 복잡도 판단하기
- 06. 공간 복잡도 판단하기
- 07. 점근 표기법
- 08. 알고리즘 더 풀어보기 (1)
- 09. 알고리즘 더 풀어보기 (2)
- 10. 끝 & 숙제 설명



모든 토글을 열고 닫는 단축키

Windows: Ctrl + alt + t

Mac: (ж) + (₹) + (t)

# 01. 오늘 배울 것

▼ 알고리즘이란?



어떤 문제의 해결을 위하여, 입력된 자료를 토대로 하여 원하는 출력을 유도하여 내는 규칙의 집합. 여러 단계의 유한 집합으로 구성되는데, 각 단계는 하나 또는 그 이상의 연산을 필요로 한다. [표준국어대사전]

• 어떤 문제가 있을때, 그것을 해결하기 위한 여러 동작들의 모임입니다.

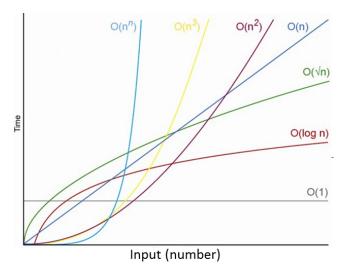
- 그런데, 하나의 문제를 풀기 위해서는 다양한 방법이 있을 수 있습니다.
   예를 들어 엄마가 계란과 돼지고기를 사오라고 하셨다면 여러 방법이 떠오를 수 있습니다.
  - 1. 집앞 롯데슈퍼에서 계란과 돼지고기를 사온다.
  - 2. 시장 골목에 있는 노점상의 계란과 정육점의 돼지고기를 사오고 남은 돈으로 아이스크림을 사먹는다.
  - 3. 시골에 계시는 할머니집에 내려가 농사 일을 하루동안 도와주고 일삯으로 계란과 고기를 받는다.

4. ...

- 이 방법들 중에 어떤 게 가장 좋은 방법인가요? 시간이 가장 덜 드는 것? 돈이 가장 덜 드는 것? 필요한 계란과 돼지고기의 양에 따라 답이 달라질 수도 있나요?
- ▼ 알고리즘을 공부해야하는 이유
  - ▼ 1. 좋은 개발자가 되고 싶어요!
    - 개발자는 프로그램을 만드는 직업입니다. 즉, 좋은 개발자가 되려면? 좋은 프로그램을 구현할 줄 알아야 합니다.
    - 좋은 프로그램이란? 적은 공간을 이용해서 빠른 속도로 수행되는 프로그램입니다!
    - 그런 프로그램을 만들기 위해서는 경우에 따라 **특정 자료구조나 접근방법**을 사용해야 합니다. 즉, 프로그램을 잘하기 위해서는 여러 자료구조와 방법들을 배우고 익혀야 좋은 프로그램을 만들 수 있습니다.
    - 막연히 개발만 하다보면 좋은 코드를 만들지 못합니다! 자료구조와 알고리즘에 대해서 배워 더 좋은 프로그램을 만들어 보자구요!
  - ▼ 2. 좋은 회사에 취직하고 싶어요!
    - 수많은 회사들이 코딩테스트를 통해 개발자를 구인하고 있습니다. 카카오, 삼성, 구글 등 국내외 유망 IT 기업들 외에도 많은 스타트업까지 코딩테스트를 개발자의 필수 관문으로 만들고 있습니다.
    - 그러나, 엄청나게 어려운 수준의 문제를 출제하진 않습니다.
    - 기초적인 지식과 해결책으로 적절한 사고를 할 수 있는지에 대해 검증하기 위함이므로, 5주차 동안 잘 따라오신다면 충분히 해결하실 수 있으리라고 생각합니다.
    - (그렇다고 이런 문제를 항상 풀어야 하는 것은 아닙니다. 취업하고부터는 이미 잘 만들어진거 쓰시면 됩니다 🙂)
- ▼ 1~5주차에 배우는 것들!
  - ▼ 1주차: 시간/공간 복잡도, 알고리즘 구현력 기르기



 오늘은 시간/공간 복잡도와 알고리즘 구현력 기르기! 기본적인 알고리즘의 개념과 좋은 알고리즘이 무엇인지, 또 알고리 즘을 구현하기 위해서 필요한 기본적은 코딩 근육을 늘려볼 거예요

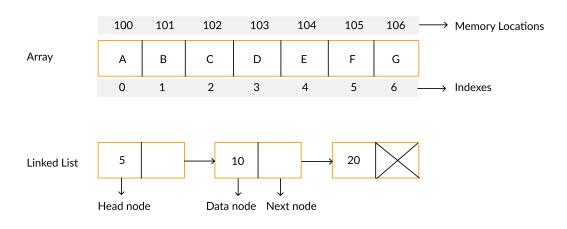


https://medium.com/@randerson112358/algorithm-analysis-time-complexity-simplified-cd39a81fec71 출처

## ▼ 2주차: 어레이, 링크드 리스트, 이분탐색, 재귀



어레이와 링크드 리스트의 개념 학습! 그리고 이 두가지 자료구조를 이용해서 특정 데이터를 탐색하고 삽입, 정렬, 삭제를 해보는 시간을 가질 거예요.



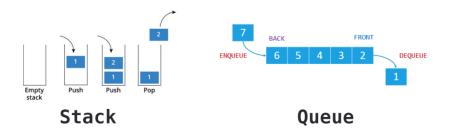
<u>https://www.faceprep.in/data-structures/linked-list-vs-array/</u> 출처

## ▼ 3주차: 정렬, 스택, 큐, 해쉬



코딩 테스트에 나오는 대표적인 자료구조인 **스택, 큐, 해쉬, 힙**에 대해서 배울 거예요. 먼저 해당 자료구조들은 어떤 경우에 쓰는지 좋은지 살펴보고, 직접 문제를 풀며 응용해보겠습니다.

# Data Structure Basics

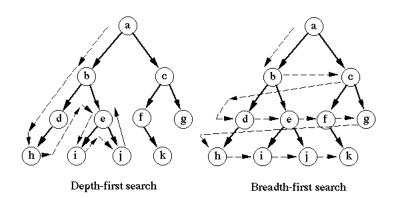


https://dev.to/rinsama77/data-structure-stack-and-queue-4ecd 출처

▼ 4주차: 힙, BFS, DFS, Dynamic Programming



힙, BFS, DFS, Dynamic Programming 배워볼 거예요! 이름만 들으면 되게 무서워보이는데, 사실 지금까지 배운 개념들을 활용해서 해결할 수 있으니 너무 걱정마세요!



▼ 5주차: 종합 알고리즘 문제 풀이

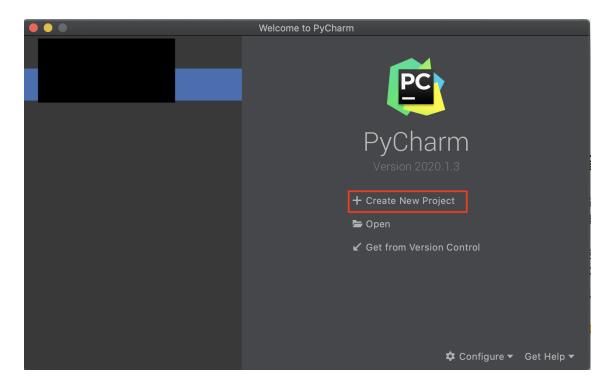


여러분들은 이제 코딩테스트를 풀기 위한 만반의 준비를 마쳤습니다! 실제 기업에서 출제되었던 문제들을 토대로 시험보 듯이 풀어봅시다! 여러분의 코딩 근육을 한 단 계 더 업그레이드 시켜줄 거예요!

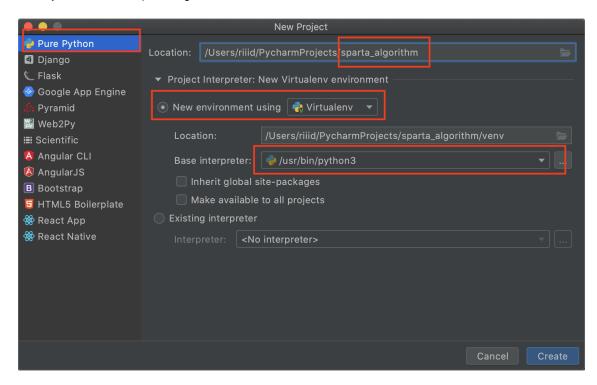


# 02. 파이참으로 코딩하기

- ▼ 1) 새 프로젝트 만들기
  - ▼ Pycharm 을 켜고 새 프로젝트를 만들어봅시다!
    - 'Create New Project' 클릭!



• Pure Python 프로젝트를 sparta\_argorithm 이라는 이름으로 만들어 볼게요! 아래처럼요!



Location에서 폴더 눌러서 sparta\_algorithm 폴더 만들어 선택

Virtualenv 이용해서 새 가상환경 만들기

Base interpreter는 새로 설치한 Python 3.X로! (2.7은 아니되어요~)

▼ 가상환경이란(virtual environment)? - 프로젝트별로 패키지들을 담을 공구함!



## 가상환경(virtual environment)은

같은 시스템에서 실행되는 다른 파이썬 응용 프로그램들의 동작에 영향을 주지 않기 위해, 파이썬 배포 패키지들을 설치 하거나 업그레이드하는 것을 가능하게 하는 **격리된 실행 환경** 입니다.

출처: 파이썬 공식 용어집- 가상환경

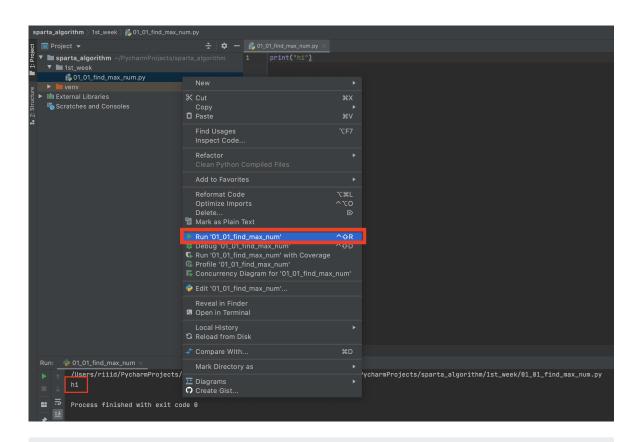
- 한 프로젝트에서 쓰는 패키지가 한두 개가 아닌데, 다 설치해버리면 되나요? 각 프로젝트마다 필요로 하는 패키지의 버전이 다르다면? 프로젝트 별로 컴퓨터를 새로 사야하나요?
- 이런 상황에 쓸 수 있는 게 바로 가상환경입니다! 각 프로젝트마다 가상환경을 만들고 그 안에 필요한 패키지를 설치하는 것이 죠 🙂
- ▼ 2) 디렉토리 관리하기

#### ▼ 개발자처럼 파일 관리하는 방법

- - 1. 어떤 역할을 하는 폴더와 파일인지 한눈에 파악할 수 있게
  - 2. 다른 사람들과 협업할 때도 함께 정한 규칙대로 관리하면 유용하답니다.
- ▼ 파일/폴더 이름 짓기(naming) 기본 규칙
  - 폴더/파일이 어떤 내용인지 파악할 수 있게 적기
    - 개발자는 이름짓기(naming)을 정말 중요하게 생각한답니다. 특히 웹 프로그래밍은 데이터를 주고받는 과정입니다. 어떤 데이터(내용)을 담고 있는지 한 눈에 알 수 있는게 좋아요. 앞으로 배울 내용에도 꾸준히 이름짓기(naming)에 대한 내용이 나올 거에요.
    - 예) a → 무슨 폴더지? / homework → 숙제 폴더구나
  - 파일과 폴더 이름은 영어로 : 가끔 컴퓨터가 한글을 인식하지 못하는 경우가 있어요.
  - 특수문자는 \_\_ 만 사용하기 : 다른 특수문자(띄어쓰기 포함)을 컴퓨터가 알아듣게 하려면 조금 수고로워요. 우리는 단어를 연결할 때, \_\_ 를 사용하겠습니다.
- 그래서 우리는 1st\_week 이라는 이름으로 폴더를 만들어주겠습니다! sparta\_algorithm 폴더 우클릭 > New > Directory를 클릭해서 새 폴더를 만들어주세요 :
- ▼ 3) 파이썬 파일 만들고 실행하기
  - 이제 <u>lst\_week</u> 폴더를 다시 우클릭 > New > Python File을 선택해서 새 파이썬 파일을 만들어주겠습니다. 이 파일의 이름은 <u>01\_01\_find\_max\_num.py</u> 로 하겠습니다. 1주차 1번 최댓값을 찾는 코드라는 뜻이겠죠?
  - 새로 생긴 파일에 아래처럼 코드를 넣어볼까요?

print("hi")

• 이 코드를 실행하고 싶을 때는, 파일 우클릭 > Run '01\_01\_find\_max\_num'을 선택하면 끝!



콘솔창에 hi가 떴다면 공부 준비 완료 🙂

# 03. 알고리즘과 친해지기 (1)



🗼 우선 연습문제를 풀어보면서 알고리즘과 친해져봅시다!

- ▼ 4) 差 최댓값 찾기
  - ▼ Q. 문제 설명

Q. 다음과 같이 숫자로 이루어진 배열이 있을 때, 이 배열 내에서 가장 큰 수를 반환하시오.

[3, 5, 6, 1, 2, 4]

- 이 문제를 풀기 위해서는 어떻게 해야 할까요? 아래 코드를 복사 붙여넣기 하고 함수를 작성해보세요! 2분 정도 고민해 본 다 음, 아래 방법들을 펼쳐 봅시다!
- ▼ [코드스니펫] 최댓값 찾기 문제

```
input = [3, 5, 6, 1, 2, 4]
def find_max_num(array):
```

```
# 이 부분을 채워보세요!
   return 1
result = find_max_num(input)
print(result)
```

#### ▼ A1. 첫 번째 방법



✓ 각 숫자마다 모든 다른 숫자와 비교해서 최대값인지 확인합니다. 만약 다른 모든 값보다 크다면 반복문을 중단합니다. (비교를 위해 조금 이상하게 구현했습니다. 앞으로 이 강의를 들으면 이렇게 작성하지 않으실 거예요!)



python 의 for ~ else 문은 "for 문에서 break 가 발생하지 않았을 경우"의 동작을 else 문에 적어주는 것이다.

```
input = [3, 5, 6, 1, 2, 4]
def find_max_num(array):
    for num in array:
       for compare_num in array:
           if num < compare_num:
       else:
          return num
result = find_max_num(input)
print(result)
```

### ▼ A2. 두 번째 방법



✔ 배열 내에서 가장 큰 수를 찾아야 합니다. 그러면, 가장 큰 수를 저장할 변수를 만들고, 배열을 돌아가면서 그 변수와 비 교합니다! 만약 값이 더 크다면, 그 변수에 대입해주면 됩니다!

```
input = [3, 5, 6, 1, 2, 4]
def find_max_num(array):
    max_num = array[0]
    for num in array:
       if num > max_num:
           max_num = num
   return max_num
result = find_max_num(input)
print(result)
```

여러분은 위 두 가지 풀이 방법 중 어떤 게 효율적인 함수인 것 같나요?

# 04. 알고리즘과 친해지기 (2)

- ▼ 5) 🚄 최빈값 찾기
  - ▼ Q. 문제 설명



Q. 다음과 같은 문자열을 입력받았을 때, 어떤 알파벳이 가장 많이 포함되어 있는지 반환하시오

"hello my name is sparta"

• 이 문제를 풀기 위해서는 어떻게 해야 할까요? 아래 코드를 복사 붙여넣기 하고 함수를 작성해보세요! 2분 정도 고민해 본 다음, 아래 방법들을 펼쳐 봅시다!

#### ▼ [코드스니펫] 최빈값 찾기

```
input = "hello my name is sparta"

def find_max_occurred_alphabet(string):
# 이 부분을 채워보세요!
return "a"

result = find_max_occurred_alphabet(input)
print(result)
```

### ▼ 👏 여기서 잠깐! Tip

▼ 문자인지 확인하는 방법

파이썬의 내장 함수 str.isalpha() 를 이용하면 해당 문자열이 알파벳인지 확인할 수 있습니다!

```
print("a".isalpha())  # True
print("1".isalpha())  # False

s = "abcdefg"
print(s[0].isalpha())  # True
```

- ▼ 알파벳 별로 빈도수를 리스트에 저장하기
  - 우선 알파벳 별 빈도수를 저장하기 위한 길이가 26인 0으로 초기화된 배열을 만듭니다.

```
alphabet_occurrence_array = [0] * 26
```

- 이제 이 배열의 각 원소에 알파벳마다 빈도수를 추가해줘야 합니다. a일 때는 0번째 원소에 1을 추가하고, b일 때는 1 번째 원소에 1을 추가해줘야 하는데, 이를 어떻게 해줄 수 있을까요?
- 바로 **아스키 (ASCII) 코드**를 사용해야 합니다. 컴퓨터는 0과 1 숫자 밖에 모르기 때문에 문자도 숫자로 기억합니다. 이 때, 어떤 숫자와 어떤 문자를 대응시키는가에 따라 여러 가지 인코딩 방식이 있는데 통상 **아스키 코드** 방식을 많이 사용합니다.



- 참고로, 이 아스키 코드를 다 외울 필요는 전—-혀 없습니다! 그냥 이런 게 있고, 문자를 숫자로 바꿀 때 필요하구나, 정도만 생각하고 나중에 찾아보시면 됩니다. 저도 하나도 몰라요 ㅎㅎ
- 자, 그러면 문자를 아스키코드 변환시켜야 하는데, 어떻게 할까요?
- 구글링 해보겠습니다! "python char to ascii code" 라고 검색하면, ord 함수를 사용하라고 나옵니다! 그러면 앞으로 ord 함수를 이용해봅시다!

```
# 내장 함수 ord() 이용해서 아스키 값 받기
print(ord('a')) # 97
print(ord('a') - ord('a')) # 97-97 -> 0
print(ord('b') - ord('a')) # 98-97 -> 1
```

- 파이썬에는 이런 수많은 함수들이 있습니다. 어떻게 외우냐구요? 전.혀. 외울 필요 없습니다. 필요한 지식만 있다면 필요할 때마다 구글링해서 방법을 찾아오시면 됩니다!
- 이제 각 알파벳의 빈도수를 세어볼까요?
- ▼ [코드스니펫] 알파벳 빈도수 세기

```
def find_alphabet_occurrence_array(string):
    alphabet_occurrence_array = [0] * 26
# 이 부분을 채워보세요!
    return alphabet_occurrence_array

print(find_alphabet_occurrence_array("hello my name is sparta"))
```

#### ▼ 정답 보기

```
def find_alphabet_occurrence_array(string):
    alphabet_occurrence_array = [0] * 26

for char in string:
    if not char.isalpha():
        continue
    arr_index = ord(char) - ord('a')
    alphabet_occurrence_array[arr_index] += 1

return alphabet_occurrence_array
```

## ▼ A1. 첫 번째 방법



각 알파벳마다 문자열을 돌면서 몇 글자 나왔는지 확인합니다. 만약 그 숫자가 저장한 알파벳 빈도 수보다 크다면, 그 값을 저장하고 제일 큰 알파벳으로 저장합니다. 이 과정을 반복하다보면 가장 많이 나왔던 알파벳을 알 수 있습니다.

```
max_occurrence = occurrence
return max_alphabet

result = find_max_occurred_alphabet(input)
print(result)
```

#### ▼ A2. 두 번째 방법



각 알파벳의 빈도수를 alphabet\_occurrence\_list 라는 변수에 저장합니다. 그리고 각 문자열을 돌면서 해당 문자가 알 파벳인지 확인하고, 알파벳을 인덱스 화 시켜 각 알파벳의 빈도수를 업데이트 합니다.

이후, 알파벳의 빈도수가 가장 높은 인덱스를 찾습니다.

```
input = "hello my name is sparta"

def find_max_occurred_alphabet(string):
    alphabet_occurrence_array = [0] * 26

for char in string:
    if not char.isalpha():
        continue
    arr_index = ord(char) - ord('a')
        alphabet_occurrence_array[arr_index] += 1

max_occurrence = 0
    max_alphabet_index = 0
    for index in range(len(alphabet_occurrence_array)):
        alphabet_occurrence = alphabet_occurrence:
        max_occurrence = alphabet_occurrence:
        max_occurrence = alphabet_occurrence
        max_alphabet_index = index
```

여기까지 했으면, 가장 높은 빈도수의 인덱스를 알아냈습니다.

그러면 이 문제에서는 **max\_alphabet\_index** 가 0 입니다. 그러면, 이번에는 인덱스를 문자로 변경하려면 어떻게 할까요?

그 반대로, "아스키 코드 번호"를 "실제 문자"로 변환하려면 chr() 함수를 사용합니다.

```
chr(97) == 'a'
chr(0 + ord('a')) == 'a'
chr(0 + 97) == 'a'
chr(1 + 97) == 'b'
```

🧾 즉, 다음과 같이 해결할 수 있습니다.

```
input = "hello my name is sparta"

def find_max_occurred_alphabet(string):
    alphabet_occurrence_array = [0] * 26

for char in string:
    if not char.isalpha():
        continue
    arr_index = ord(char) - ord('a')
```

```
alphabet_occurrence_array[arr_index] += 1

max_occurrence = 0
max_alphabet_index = 0
for index in range(len(alphabet_occurrence_array)):
    alphabet_occurrence = alphabet_occurrence_array[index]
    if alphabet_occurrence > max_occurrence:
        max_occurrence = alphabet_occurrence
        max_alphabet_index = index

return chr(max_alphabet_index + ord('a'))

result = find_max_occurred_alphabet(input)
print(result)
```

2

Q. 위 두 가지 풀이 방법 중에는 어떤 게 효율적인 함수인 것 같나요?

# 05. 시간 복잡도 판단하기

▼ 6) 시간 복잡도란?



입력값과 문제를 해결하는 데 걸리는 시간과의 상관관계를 말합니다! 입력값이 2배로 늘어났을 때 문제를 해결하는 데 걸리는 시간은 몇 배로 늘어나는지를 보는 것이죠.

우리는 시간이 적게 걸리는 알고리즘을 좋아하니 입력값이 늘어나도 걸리는 시간이 덜 늘어나는 알고리즘이 좋은 알고리즘 이겠죠?

- ▼ 7) 최댓값 찾기 알고리즘의 시간 복잡도 판단해보기
  - ▼ 첫 번째 방법

```
input = [3, 5, 6, 1, 2, 4]

def find_max_num(array):
    for num in array:
        for compare_num in array:
            if num < compare_num:
                 break
    else:
        return num

result = find_max_num(input)
print(result)</pre>
```

- 이 해결 방법은 각 숫자마다 모든 다른 숫자와 비교해서 최대값인지 확인합니다. 만약 다른 모든 값보다 크다면 반복문을 중단합니다.
- 이 함수가 시간이 얼마나 걸리는지 어떻게 분석할 수 있을까요?
- 바로, 각 줄이 실행되는 걸 1번의 연산이 된다고 생각하고 계산하시면 됩니다. 아래와 같이 계산할 수 있습니다.

```
for num in array: # array 의 길이만큼 아래 연산이 실행
for compare_num in array: # array 의 길이만큼 아래 연산이 실행
if num < compare_num: # 비교 연산 1번 실행
break
else:
return max_num
```

• 위에서 연산된 것들을 더해보면,

1. array의 길이 X array의 길이 X 비교 연산 1번

만큼의 시간이 필요합니다. 여기서 array(입력값)의 길이는 보통 N이라고 표현합니다. 그러면 위의 시간을 다음과 같이 표현할 수 있습니다.

N imes N

그러면 우리는 이제 이 함수는  $N^2$  만큼의 **시간이 걸렸겠구나**! 라고 말할 수 있습니다.



- Q. 선생님 여기서 입력값이 뭔가요?
  - A. 함수에서 크기가 변경될 수 있는 값이라고 보시면 됩니다! 배열을 받고 있으니 이 함수에서는 배열이 입력값입니다.
  - Q. 선생님 그러면 여기서 N 이 6이니까, 36이라고 말하면 안되나요?
  - A. N 의 크기에 따른 시간의 상관관계를 시간복잡도라고 하는 것이라 수식으로 표현하셔야 합니다!

#### ▼ 두 번째 방법

```
input = [3, 5, 6, 1, 2, 4]
def find_max_num(array):
    max_num = array[0]
    for num in array:
       if num > max_num:
           max_num = num
   return max_num
result = find_max_num(input)
print(result)
```

- 이 해결 방법은 리스트를 하나씩 돌면서 num 과 max\_num 값을 비교하는 함수입니다.
- 다시 한 번 시간복잡도를 분석해볼까요?

```
max_num = array[0] # 연산 1번 실행
                   # array 의 길이만큼 아래 연산이 실행
for num in array:
   if num > max_num: # 비교 연산 1번 실행
      max_num = num # 대입 연산 1번 실행
```

- 위에서 연산된 것들을 더해보면,
  - 1. max\_num 대입 연산 1번
  - 2. array의 길이 X (비교 연산 1번 + 대입 연산 1번)

만큼의 시간이 필요합니다. 첫 번째 방법에서 했던 것처럼 array 의 길이를 N이라고 하면, 다음과 같이 표현할 수 있겠죠?

$$1+2 imes N$$

그러면 우리는 이제 이 함수는 2N+1 만큼의 **시간이 걸렸겠구나**! 라고 말할 수 있습니다.

## ▼ 비교하기

• 코드만 봐도 두 번째 방법이 좋을 것 같다고 어렴풋이 생각은 했겠지만, 이렇게 수치화시키니 얼마나 효율적인지 정량적으로 분 석할 수 있습니다

• 그러면, 이를 수학적으로 표현해보면 첫 번째 방법은  $N^2$ , 두 번째 방법은 2N+1 이라는 식이 나온다는 걸 알 수 있습니다. 그러면 N 의 길이가 길어질수록, 다음과 같이 연산량이 변화합니다.

#### 3N^2 + 1 vs 2N+1

<u>Aa</u> N의 길이	# N^2	# 2N +1
1	1	3
<u>10</u>	100	21
<u>100</u>	10000	201
<u>1000</u>	1000000	2001
10000	100000000	20001

- 이 표를 보면, 두 가지를 깨달을 수 있습니다.
  - 1. N 과  $N^2$  은 N 이 커질수록 더 큰 차이가 나는구나!
  - 2. N의 지수를 먼저 비교하면 되겠구나.
- 그러나, 저희가 매번 코드를 매 실행 단위로 이렇게 몇 번의 연산이 발생하는지 확인하는 건 불가능합니다. 따라서 **상수는 신경 쓰지말고**, 입력값에 비례해서 어느 정도로 증가하는지만 파악하면 됩니다.



즉, 2N+1의 연산량이 나온 첫번째 풀이 방법은 N 만큼의 연산량이 필요하다  $N^2$  의 연산량이 나온 두번째 풀이 방법은  $N^2$  만큼의 연산량이 필요하다.

참고로, 만약 상수의 연산량이 필요하다면, 1 만큼의 연산량이 필요하다고 말하면 됩니다.

# 06. 공간 복잡도 판단하기

▼ 8) 공간 복잡도란?



입력값과 문제를 해결하는 데 걸리는 공간과의 상관관계를 말합니다! 입력값이 2배로 늘어났을 때 문제를 해결하는 데 걸리는 공간은 몇 배로 늘어나는지를 보는 것이죠.

우리는 공간이 적게 걸리는 알고리즘을 좋아하니 입력값이 늘어나도 걸리는 공간이 덜 늘어나는 알고리즘이 좋은 알고리즘 이겠죠?

- ▼ 9) 최빈값 찾기 알고리즘의 공간 복잡도 판단해보기
  - ▼ 첫 번째 방법

```
result = find_max_occurred_alphabet(input)
print(result)
```

- 이 해결 방법은 각 알파벳마다 문자열을 돌면서 몇 글자 나왔는지 확인합니다. 만약 그 숫자가 저장한 알파벳 빈도 수보다 크다면, 그 값을 저장하고 제일 큰 알파벳으로 저장합니다. 이 함수가 공간을 얼마나 사용하는지 어떻게 분석할 수 있을까요?
- 바로 저장하는 데이터의 양이 1개의 공간을 사용한다고 계산하시면 됩니다. 아래와 같이 계산할 수 있습니다.

```
alphabet_array = ["a", "b", "c", "d", "e", "f", "g", "h", "i", "j", "k", "l", "m", "n", "o", "p", "q", "r", "s", "t", "t", "u" 공간을 사용합니다
max_occurrence = 0 # 1개의 공간을 사용합니다
max_alphabet = alphabet_array[0] # 1개의 공간을 사용합니다.

for alphabet in alphabet_array:
    occurrence = 0 # 1개의 공간을 사용합니다
```

- 위에서 사용된 공간들을 더해보면,
  - 1. alphabet\_array 의 길이 = 26
  - 2. max\_occurrence, max\_alphabet, occurrence 변수 = 3

29

만큼의 공간이 필요합니다.

그러면 우리는 이제 이 함수는 29 만큼의 **공간이 사용되었구나**! 라고 말할 수 있습니다.

▼ 두 번째 방법

```
input = "hello my name is sparta"
def find_max_occurred_alphabet(string):
    alphabet_occurrence_list = [0] * 26
    for char in string:
       if not char.isalpha():
           continue
        arr_index = ord(char) - ord('a')
        alphabet_occurrence_list[arr_index] += 1
    max_occurrence = 0
    max_alphabet_index = 0
    for index in range(len(alphabet_occurrence_list)):
        alphabet_occurrence = alphabet_occurrence_list[index]
       if alphabet_occurrence > max_occurrence:
           max_occurrence = alphabet_occurrence
           max alphabet index = index
    return chr(max_alphabet_index + ord('a'))
result = find_max_occurred_alphabet(input)
print(result)
```

• 이 해결 방법은 각 알파벳의 빈도수를 저장한 다음에, 빈도 수 중 가장 많은 알파벳의 인덱스 값을 반환합니다. 다시 한 번 공간 복잡도를 분석해볼까요?

```
alphabet_occurrence_list = [0] * 26 # -> 26 개의 공간을 사용합니다

for char in string:
    if not char.isalpha():
        continue
    arr_index = ord(char) - ord('a') # 1개의 공간을 사용합니다
    alphabet_occurrence_list[arr_index] += 1

max_occurrence = 0 # 1개의 공간을 사용합니다
max_alphabet_index = 0 # 1개의 공간을 사용합니다
```

```
for index in range(26):
    alphabet_occurrence = alphabet_occurrence_list[index] # 1개의 공간을 사용합니다
    if alphabet_occurrence > max_occurrence:
        max_occurrence = alphabet_occurrence
        max_alphabet_index = index
```

- 위에서 사용된 공간들을 더해보면,
  - 1. alphabet\_array 의 길이 = 26
  - 2. arr\_index, max\_occurrence, max\_alphabet\_index, alphabet\_occurrence 변수 = 4

30

만큼의 공간이 필요합니다.

그러면 우리는 이제 이 함수는 30 만큼의 **공간이 사용되었구나**! 라고 말할 수 있습니다.

그러면, 공간을 더 적게 쓴 첫 번째 방법이 더 효율적인걸까요?

그렇지 않습니다.

29와 30 모두 상수라 큰 상관이 없습니다.

그러면 뭘로 비교하는 게 좋을까요? 바로 시간 복잡도로 비교하시면 됩니다.

이처럼, 대부분의 문제에서는 알고리즘의 성능이 공간에 의해서 결정되지 않습니다. **따라서 공간 복잡도보다는 시간 복잡** 도를 더 신경 써야 합니다.

그러면, 시간 복잡도는 차이가 있는지 분석해볼까요?

▼ 첫 번째 방법 - 시간 복잡도

```
for alphabet in alphabet_array: # alphabet_array 의 길이(26)만큼 아래 연산이 실행
   occurrence = 0
                                    # 대입 연산 1번 실행
   for char in string:
      char in string: # 50110g - 1 은 1.
if char == alphabet: # 비교 연산 1번 실행
occurrence += 1 # 대입 연산 1번 실행
                                    # string 의 길이만큼 아래 연산이 실행
  if occurrence > max_occurrence: # 비교 연산 1번 실행
       max_alphabet = alphabet
                                    # 대입 연산 1번 실행
       max_occurrence = number
                                    # 대입 연산 1번 실행
```

- 위에서 연산된 것들을 더해보면,
  - 1. alphabet\_array 의 길이 X 대입 연산 1번
  - 2. alphabet\_array 의 길이 X string의 길이 X (비교 연산 1번 + 대입 연산 1번)
  - 3. alphabet\_array 의 길이 X (비교 연산 1번 + 대입 연산 2번)

만큼의 시간이 필요합니다. 여기서 string 의 길이는 보통 N이라고 표현합니다. 그러면 위의 시간을 다음과 같이 표현할 수 있 습니다.

$$26*(1+2*N+3) = 52N+104$$

그러면 우리는 이제 이 함수는 52N+104 만큼의 **시간이 걸렸겠구나**! 라고 말할 수 있습니다.

그런데, 이제 다른 상수 시간의 연산은 이제 계산하지 않아도 된다고 말씀드렸죠?

그러므로 N 만큼의 시간이 필요하다고 생각하시면 됩니다.

그럼 이제, 두 번째 방법은 얼마나 시간이 사용되었는지 보러 가보죠!

▼ 두 번째 방법 - 시간 복잡도

```
for char in string:
                        # string 의 길이만큼 아래 연산이 실행
   if not char.isalpha(): # 비교 연산 1번 실행
       continue
   arr_index = ord(char) - ord('a')
                                       # 대입 연산 1번 실행
   alphabet_occurrence_list[arr_index] += 1 # 대입 연산 1번 실행
max_occurrence = 0
                        # 대입 연산 1번 실행
max_alphabet_index = 0
                       # 대입 연산 1번 실행
for index in range(len(alphabet_occurrence_list)):
                                                 # alphabet_array 의 길이(26)만큼 아래 연산이 실행
   alphabet\_occurrence = alphabet\_occurrence\_list[index] # 대입 연산 1번 실행
   if alphabet_occurrence > max_occurrence: # 비교 연산 1번 실행
       max_occurrence = alphabet_occurrence # 대입 연산 1번 실행
                                        # 대입 연산 1번 실행
       max_alphabet_index = index
```

- 위에서 연산된 것들을 더해보면,
  - 1. string의 길이 X (비교 연산 1번 + 대입 연산 2번)
  - 2. 대입 연산 2번
  - 3. alphabet\_array 의 길이 X (비교 연산 1번 + 대입 연산 3번)

만큼의 시간이 필요합니다. 여기서 string 의 길이는 보통 N이라고 표현합니다. 그러면 위의 시간을 다음과 같이 표현할 수 있습니다.

$$N*(1+2)+2+26*(1+3)=3N+106$$

그러면 우리는 이제 이 함수는 3N+106 만큼의 **시간이 걸렸겠구나**! 라고 말할 수 있습니다.

그런데, 이제 다른 상수 시간의 연산은 이제 계산하지 않아도 된다고 말씀드렸죠?

그러므로 N 만큼의 시간이 필요하다고 생각하시면 됩니다.

#### ▼ 비교하기

• 그러면, 이를 수학적으로 표현해보면 첫 번째 방법은 52N+104, 두 번째 방법은 3N+106 이라는 식이 나온다는 걸 알 수 있습니다. 그러면 N 의 길이가 길어질수록, 다음과 같이 연산량이 변화합니다. 비교를 위해서  $N^2$  도 넣어봤습니다!

#### 52N + 104 vs 3N+106 vs N^2

<u>Aa</u> N의 길이	# 52N + 104	# 3N + 106	# N^2
<u>1</u>	156	109	1
<u>10</u>	624	136	100
<u>100</u>	5304	406	10000
1000	52104	3106	1000000
10000	520104	30106	100000000

• 이 표를 보면, 두 가지를 깨달을 수 있습니다.

- 1. 52N+104 든 3N+106 이든  $N^2$  에 비해서 아무것도 아니구나.
- 2. 공간 복잡도보다는 시간 복잡도를 더 신경 써야 한다!

# 07. 점근 표기법

▼ 10) 점근 표기법이란?



알고리즘의 성능을 수학적으로 표기하는 방법입니다. 알고리즘의 "효율성"을 평가하는 방법입니다. 점근 표기법 (asymptotic notation)은 어떤 함수의 증가 양상을 다른 함수와의 비교로 표현하는 수론과 해석학의 방법이다. 저희가 지금까지 이 함수는 N 정도의 시간과 공간이 걸리겠구나 하면서 분석했던 게 점근 표기법의 일종이라고 말할 수 있습 니다.



점근 표기법의 종류에는

빅오(Big-O)표기법, 빅 오메가(Big-Ω) 표기법이 있습니다.

빅오 표기법은 최악의 성능이 나올 때 어느 정도의 연산량이 걸릴것인지, 빅오메가 표기법은 최선의 성능이 나올 때 어느 정도의 연산량이 걸릴것인지에 대해 표기합니다.

예를 들어

빅오 표기법으로 표시하면 O(N),

빅 오메가 표기법으로 표시하면  $\Omega(1)$  의 시간복잡도를 가진 알고리즘이다! 라고 표현할 수 있습니다.

한 번 문제를 풀면서 알아보도록 하겠습니다!

- ▼ 11) 🚄 배열에서 특정 요소 찾기
  - ▼ Q. 문제 설명



🤈 Q. 다음과 같은 숫자로 이루어진 배열이 있을 때, 이 배열 내에 특정 숫자가 존재한다면 True, 존재하지 않다면 False 를 반환하시오.

```
[3, 5, 6, 1, 2, 4]
```

- 이 문제를 풀기 위해서는 어떻게 해야 할까요? 아래 코드를 복사 붙여넣기 하고 함수를 작성해보세요! 2분 정도 고민해 본 다 음, 아래 방법들을 펼쳐 봅시다!
- ▼ [코드스니펫] 배열에서 특정 요소 찾기

```
input = [3, 5, 6, 1, 2, 4]
def is_number_exist(number, array):
   # 이 부분을 채워보세요!
   return True
result = is_number_exist(3, input)
print(result)
```

▼ A. 해결 방법

**/** 

배열을 돌면서 배열의 원소가 찾고자하는 숫자와 같은지 비교합니다. 만약 같다면 True 를 반환하고, 끝까지 없다면 False 를 반환합니다.

```
input = [3, 5, 6, 1, 2, 4]

def is_number_exist(number, array):
    for element in array:
        if number == element:
            return True
    return False

result = is_number_exist(3, input)
print(result)
```

•

그러면 위에서 배웠던 걸 한 번 적용해볼까요?! 이 함수의 시간 복잡도는 얼마나 걸릴까요?

for element in array: # array 의 길이만큼 아래 연산이 실행 if number == element: # 비교 연산 1번 실행 return True return False

♀️ 위에서 연산된 것들을 더해보면, 이렇게 총 N \* 1의 시간 복잡도를 가진다는 걸 볼 수 있습니다.

그런데 여기서, 모든 경우에 N 만큼의 시간이 걸릴까요?

← input = [3, 5, 6, 1, 2, 4] 이라는 입력값에 대해서 3을 찾으면,

첫 번째 원소를 비교하는 순간!! 바로 결괏값을 반환하게 됩니다. 즉, 운이 좋으면 1번의 연산 이후에 답을 찾을 수 있다는 의미입니다.

그러나, input = [4, 5, 6, 1, 2, 3] 이라는 입력값에 대해서 3을 찾으면 어떻게 될까요?

마지막 원소 끝까지 찾다가 겨우 마지막에 3을 찾아 결괏값을 반환하게 됩니다. 즉, 운이 좋지 않으면 input의 길이(N) 만큼 연산 이후에 답을 찾을 수 있습니다.

이처럼, 알고리즘의 성능은 항상 동일한 게 아니라 입력값에 따라서 달라질 수 있습니다. 어떤 값을 가지고 있는지, 어떤 패턴을 이루는 데이터인지에 따라서 뭐가 좋은 알고리즘인지 달라질 수 있다는 의미입니다.

• 이를 표로 표기하면 다음과 같습니다.

#### 입력값에 따라 달라지는 연산량

<u>Aa</u> 입력값이	■ 소요되는 연산량
<u>좋을 때</u>	1
안 좋을 때	N

🧲 즉 위의 경우에는 빅오 표기법으로 표시하면 O(N), 빅 오메가 표기법으로 표시하면  $\Omega(1)$  의 시간복잡도를 가진 알고리즘이다! 라고 말할 수 있습니다.

🤈 그런데, 지금까지 우리는 왜 항상 모든 반복문이 돌 것이라고 생각하고 계산했을까요? 항상 최악의 경우, 빅오 표기법으로만 구한 거 아닌가요?

✓ 알고리즘에서는 거의 모든 알고리즘을 박오 표기법으로 분석합니다.

왜냐면 대부분의 입력값이 최선의 경우일 가능성은 굉장히 적을 뿐더러, 우리는 최악의 경우를 대비해야 하기 때문입니다.

🁏 여기까지 어려운 이론 배우느라 고생 많으셨습니다!!

우리는 다음만 기억하면 됩니다.

- 1. 입력값에 비례해서 얼마나 늘어날지 파악해보자.  $1 ? N ? N^2$ ?
- 2. 공간복잡도 보다는 시간 복잡도를 더 줄이기 위해 고민하자.
- 3. 최악의 경우에 시간이 얼마나 소요될지(빅오 표기법)에 대해 고민하자

# 08. 알고리즘 더 풀어보기 (1)

▼ 12) 🚄 곱하기 or 더하기



此 여러분 위에서 어려운 개념들을 배우시느라 고생 많으셨습니다. 이제부터는 문제를 풀어보자구요!

▼ Q. 문제 설명

🤈 Q. 다음과 같이 0 혹은 양의 정수로만 이루어진 배열이 있을 때, 왼쪽부터 오른쪽으로 하나씩 모든 숫자를 확인하며 숫자 사이에 'x' 혹은 '+' 연산자를 넣어 결과적으로 가장 큰 수를 구하는 프로그램을 작성하시오.

단, '+' 보다 'X' 를 먼저 계산하는 일반적인 방식과는 달리, 모든 연산은 왼쪽에서 순서대로 이루어진다.

[0, 3, 5, 6, 1, 2, 4]

• 이 문제를 풀기 위해서는 어떻게 해야 할까요? 아래 코드를 복사 붙여넣기 하고 함수를 작성해보세요! 2분 정도 고민해 본 다 음, 아래 방법들을 펼쳐 봅시다!

#### ▼ [코드스니펫] 곱하기 or 더하기

```
input = [0, 3, 5, 6, 1, 2, 4]
def find_max_plus_or_multiply(array):
   # 이 부분을 채워보세요!
   return 1
result = find_max_plus_or_multiply(input)
print(result)
```

### ▼ A. 같이 풀어보기



☑ 곱하기 혹은 더하기를 해서 가장 큰수를 반환해라! 라고 하면 4 + 9 = 13,  $4 \times 9 = 36$  이니까 당연히  $\times$  를 항상 해야 하는 거 아니야?!

라고 해서 모든 값을 × 해버리면 최대의 값이 나오지 않습니다. 왜냐면 1 혹은 0 같은 경우는 곱하는 것보다 더하는 게 좋기 때문입니다!

3 x 1 = 3 보다, 3 + 1 = 4 를 하는 게 더 큰 수를 가질 수 있으니까요!

자, 그러면 이제 총 계산된 값을 구하기 위한 합계 변수를 두겠습니다. 이제 반복문을 돌면서 합계 변수에 더하거나 곱해 나갈텐테, 마찬가지로 합계가 1 이하일 때 더하는 게 좋습니다. (1 x 2 보다는 1 + 2 가 더 크기 때문입니다!)

다시 정리하면, 합계와 현재 숫자가 1보다 작거나 같다면 더합니다. 그 외에는 전부 곱하면 되구요!

```
input = [0, 3, 5, 6, 1, 2, 4]
def find max plus or multiply(array):
    multiply_sum = 0
    for number in arrav:
       if number <= 1 or multiply_sum <= 1:
           multiply_sum += number
           multiply_sum *= number
    return multiply_sum
result = find_max_plus_or_multiply(input)
print(result)
```

#### ▼ 시간 복잡도



Q. 여기서 퀴즈, 이 함수의 시간 복잡도는 얼마나 걸릴까요?



🗾 바로 O(N) 만큼 걸립니다. 함수 구문 하나하나를 보지 않더라도, 1차 반복문이 나왔고, array 의 길이 만큼 반복한다? 그 러면 O(N) 이겠구나! 생각해주시면 됩니다. 다른 계수는 다 버려버리자구요~!

# 09. 알고리즘 더 풀어보기 (2)

- ▼ 13) 🍝 반복되지 않는 문자
  - ▼ Q. 문제 설명



🤈 Q. 다음과 같이 영어로 되어 있는 문자열이 있을 때, 이 문자열에서 반복되지 않는 첫번째 문자를 반환하시오. 만약 그런 문자가 없다면 \_ 를 반환하시오.

"abadabac" # 반복되지 않는 문자는 d, c 가 있지만 "첫번째" 문자니까 d를 반환해주면 됩니다!

- 이 문제를 풀기 위해서는 어떻게 해야 할까요? 아래 코드를 복사 붙여넣기 하고 함수를 작성해보세요! 2분 정도 고민해 본 다 음, 아래 방법들을 펼쳐 봅시다!
- ▼ [코드스니펫] 반복되지 않는 문자

```
input = "abadabac"
def find_not_repeating_first_character(string):
   # 이 부분을 채워보세요!
   return "_"
result = find_not_repeating_first_character(input)
print(result)
```

## ▼ A. 같이 풀어보기



▼ 반복되는지 아닌지를 확인하기 위해서는, 각 알파벳 별로 출현하는 횟수를 저장해야 합니다. 그러면, 가장 많이 나온 알파벳 찾 기 에서 사용했던 방법을 다시 사용하면 됩니다!

alphabet\_occurrence\_array 배열에 각 빈도수를 저장하고, 그 배열을 돌면서 not\_repeating\_character\_array 라는 배열에 반복되지 않는 문자를 다 집어넣습니다.

그리고 다시 한 번 문자열을 돌면서 해당 문자가 발견된다면 그 값을 반환하면 됩니다!

이 때, 1의 빈도수를 가진 인덱스를 알파벳으로 변환해서 not\_repeating\_character\_array 에 저장하면 됩니다.

그러면 not\_repeating\_character\_array 에는 ["c", "d"]가 담기게 되는데, 그 중 첫 번째인 "c" 를 반환하면 될까요? 그 렇지 않습니다!

입력된 문자열 내에서 반복되지 않는 첫번째 문자를 찾아서 반환해줘야 하기 때문에 string 을 다시 반복해서 돌면서 첫 번째 반복되지 않는 문자를 찾아 반환해주시면 됩니다!

이를 이용해서 해결해봅시다!

```
input = "abadabac"
{\tt def\ find\_not\_repeating\_first\_character(string):}
   alphabet_occurrence_array = [0] * 26
    for char in string:
        if not char.isalpha():
            continue
        arr_index = ord(char) - ord("a")
        alphabet\_occurrence\_array[arr\_index] \ += \ 1
    not_repeating_character_array = []
    for index in range(len(alphabet_occurrence_array)):
        alphabet_occurrence = alphabet_occurrence_array[index]
        if alphabet_occurrence == 1:
            not_repeating_character_array.append(chr(index + ord("a")))
    for char in string:
        if char in not_repeating_character_array:
           return char
    return "_"
result = find_not_repeating_first_character(input)
print(result)
```

## ▼ 시간 복잡도



Q. 여기서 퀴즈, 이 함수의 시간 복잡도는 얼마나 걸릴까요?



이것도 바로 **O(N)** 만큼 걸립니다. 함수 구문 하나하나를 보지 않더라도, 1차 반복문이 나왔고, array 의 길이 만큼 반복 한다? 그러면 O(N) 이겠구나! 생각해주시면 됩니다. 다른 계수는 다 버려버리자구요~!

# 10. 끝 & 숙제 설명



문제 직접 풀어보기!

### ▼ Q1. 🚄 소수 나열하기



🤈 Q. 정수를 입력 했을 때, 그 정수 이하의 소수를 모두 반환하시오.

소수는 자신보다 작은 두 개의 자연수를 곱하여 만들 수 없는 1보다 큰 자연수이다.

```
# 20이 입력된다면, 아래와 같이 반환해야 합니다!
[2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19]
```

- 이 문제를 풀기 위해서는 어떻게 해야 할까요? 아래 코드를 복사 붙여넣기 하고 함수를 작성해보세요! 2분 정도 고민해 본 다음, 아 래 방법들을 펼쳐 봅시다!
- ▼ [코드스니펫] 소수 나열하기

```
input = 20

def find_prime_list_under_number(number):
# 이 부분을 채워보세요!
return []

result = find_prime_list_under_number(input)
print(result)
```

## ▼ Q2. 🚄 문자열 뒤집기



Q.

0과 1로만 이루어진 문자열이 주어졌을 때, 이 문자열에 있는 모든 숫자를 전부 같게 만들려고 한다. 할 수 있는 행동은 문자 열에서 연속된 하나 이상의 숫자를 잡고 모두 뒤집는 것이다. 뒤집는 것은 1을 0으로, 0을 1로 바꾸는 것을 의미한다.

예를 들어 S=0001100 일 때,

전체를 뒤집으면 1110011이 된다.

4번째 문자부터 5번째 문자까지 뒤집으면 11111111이 되어서 2번 만에 모두 같은 숫자로 만들 수 있다.

하지만, 처음부터 4번째 문자부터 5번째 문자까지 문자를 뒤집으면 한 번에 0000000이 되어서 1번 만에 모두 같은 숫자로 만들 수 있다.

주어진 문자열을 모두 0 혹은 모두 1로 같게 만드는 최소 횟수를 반환하시오.

"0001100"

• 이 문제를 풀기 위해서는 어떻게 해야 할까요? 아래 코드를 복사 붙여넣기 하고 함수를 작성해보세요! 2분 정도 고민해 본 다음, 아래 방법들을 펼쳐 봅시다!

## ▼ [코드스니펫] 문자열 뒤집기

```
input = "011110"

def find_count_to_turn_out_to_all_zero_or_all_one(string):
# 이 부분을 채워보세요!
return 1

result = find_count_to_turn_out_to_all_zero_or_all_one(input)
print(result)
```

🛖 알고리즘 문제를 풀다보면, 문제 자체를 이해하기 힘들 때가 있습니다.

그럴 때는 다음과 같이 해보세요!

- 1. 바로 코드를 작성하지 말고, 문제의 다른 예시들을 떠올리면서 규칙성을 생각해보세요.
- ex) 00000 은 최소 횟수를 어떻게 구할까?
- 2. 배웠던 자료구조를 활용하면 어떨지 생각해보세요!
- ex) (추후에 배울)스택, 큐를 활용하면 어떨까?
- 3. 문제의 특징들을 하나하나 글로 써보세요!
- ex) 문자열을 뒤집어야 하는데, 0으로 할지 1으로 할지 고민 된다. 뒤집는 걸 감지할만한 시점은 0에서 1로, 1에서 0으로 바 뀌는 시점인데, 초기에 0인지 1인지도 횟수에 연관이 있다.
- 이 과정을 통해 문제에 대해 더 깊게 파악한다면, 금방 풀이방법을 떠올릴 수 있을거에요!
- ▼ 🌕 문제가 이해가지 않는다면?

"0001100"



- 🥧 이 문자열을 모두 0 혹은 1로 만들기 위해서는 두가지 방법이 있습니다.
  - 1. 모두 0으로 만드는 방법
  - 1) 4번째 원소와 5번째 원소를 잡고 뒤집으면? 0000000 이 됩니다.

문자열을 순서대로 탐색하다보면 뒤집는 시점은 바로 0에서 1로 변할 때 뒤집어야 하는 걸 감지할 수 있습니다!

- 2. 모두 1으로 만드는 방법
- 1) 1번째 원소와 3번째 원소를 잡고 뒤집으면? 1111100 이 됩니다.
- 2) 6번째 원소와 7번째 원소를 잡고 뒤집으면? 1111111 이 됩니다.

문자열을 순서대로 탐색하다보면 뒤집는 시점은 1에서 0으로 변할 때 뒤집어야 하는 걸 감지할 수 있습니다.

즉, 모두 0으로 만드는 방법이 1회이므로 최소 횟수입니다!

Copyright © TeamSparta All rights reserved.

Copyright © TeamSparta All rights reserved.