

HW6 p167 ~ p225 In and Out Practice

실습 결과

1. numpy와 matplotlib을 import했습니다.

또한 나이와 몸무게의 인공 데이터를 생성했습니다.

```
In [1]: #리스트 5-1-(1)
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline

np.random.seed(seed=1)
X_min=4
X_max=30
X_n=16
X=5+25*np.random.rand(X_n)
Prm_c=[170,108,0.2]
T=Prm_c[0]-Prm_c[1]*np.exp(-Prm_c[2]*X)\
+4*np.random.randn(X_n)
np.savez('ch5_data.npz', X=X, X_min=X_min, X_max=X_max, X_n=X_n, T=T)
```

2. X의 내용(나이)을 표시했습니다.

```
In [2]: #리스트 5-1-(2)
print(X)

[15.42555012 23.00811234  5.00285937 12.55831432  8.66889727  7.30846487
 9.65650528 13.63901818 14.91918686 18.47041835 15.47986286 22.13048751
10.11130624 26.95293591  5.68468983 21.76168775]
```

3. np.round 함수를 사용해 소수점 이하 표시를 반올림하였습니다.

```
In [3]: #리스트 5-1-(3)
print(np.round(X,2))

[15.43 23.01  5.  12.56  8.67  7.31  9.66 13.64 14.92 18.47 15.48 22.13
10.11 26.95  5.68 21.76]
```

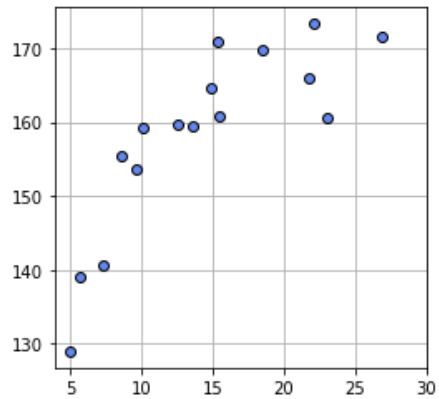
4. T의 내용(키)도 확인하였습니다.

```
In [4]: #리스트 5-1-(4)
print(np.round(T,2))

[170.91 160.68 129.  159.7 155.46 140.56 153.65 159.43 164.7 169.65
160.71 173.29 159.31 171.52 138.96 165.87]
```

5. X와 T를 그래프로 표시하였습니다.

```
In [5]: #리스트 5-1-(5)
plt.figure(figsize=(4,4))
plt.plot(X,T,marker='o', linestyle='None',
         markeredgecolor='black', color='cornflowerblue')
plt.xlim(X_min, X_max)
plt.grid(True)
plt.show()
```



6. 기울기를 나타내는 w_0 과 절편을 나타내는 w_1 의 값을 결정하고 평균 제곱 오차 J 를 계산한 그래프를 나타냈습니다.

In [6]:

```
#리스트 5-1-(6)
from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D

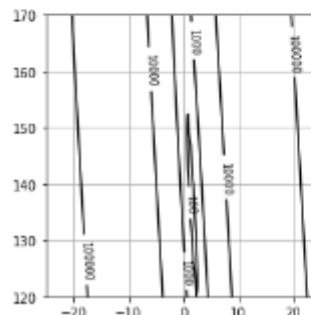
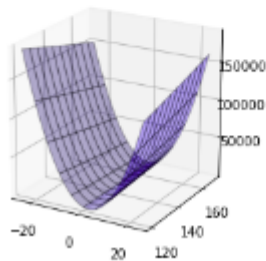
def mse_line(x,t,w):
    y = w[0]*x+w[1]
    mse = np.mean((y-t)**2)
    return mse

xn = 100
w0_range=[-25,25]
w1_range=[120,170]
x0=np.linspace(w0_range[0], w0_range[1], xn)
x1=np.linspace(w1_range[0], w1_range[1], xn)
xx0, xx1 = np.meshgrid(x0,x1)
J=np.zeros((len(x0), len(x1)))
for i0 in range(xn):
    for i1 in range(xn):
        J[i1, i0] = mse_line(X,T,(x0[i0], x1[i1]))

plt.figure(figsize = (9.5, 4))
plt.subplots_adjust(wspace = 0.5)

ax = plt.subplot(1,2,1, projection='3d')
ax.plot_surface(xx0, xx1, J, rstride=10, cstride=10, alpha=0.3,
               color='blue', edgecolor='black')
ax.set_xticks([-20,0,20])
ax.set_yticks([120,140,160])
ax.view_init(20,-60)

plt.subplot(1,2,2)
cont = plt.contour(xx0, xx1, J, 30, colors='black',
                  levels=[100,1000,10000,100000])
cont.clabel(fmt='%1.0f',fontsize=8)
plt.grid(True)
plt.show()
```



7. 인수 데이터를 전달하여 기울기를 반환하는 함수를 만들었습니다.

```
In [7]: #리스트 5-1-(7)
def dmse_line(x,t,w):
    y=w[0]* x + w[1]
    d_w0=2*np.mean((y-t) *x)
    d_w1=2*np.mean(y-t)
    return d_w0, d_w1
```

8. $w = [10, 165]$ 의 기울기를 구해보았습니다.

```
In [8]: #리스트 5-1-(8)
d_w=dmse_line(X,T,[10,165])
print(np.round(d_w,1))
```

```
[5046.3 301.8]
```

9. 경사 하강법의 함수를 구현하고, 기울기의 각 요소의 절댓값이 $\text{eps} = 0.1$ 보다 작을 때까지 구현하고, 마지막으로 얻어진 w 값을 표시하고, w 의 갱신 내역을 그래프로 표현했습니다.

In [9]:

```
#리스트 5-1-(9)
def fit_line_num(x, t):
    w_init = [10.0, 165.0]
    alpha = 0.001
    i_max=100000
    eps = 0.1
    w_i = np.zeros([i_max, 2])
    w_i[0, :] = w_init
    for i in range(1,i_max):
        dmse = dmse_line(x, t, w_i[i-1])
        w_i[i, 0] = w_i[i-1, 0] - alpha * dmse[0]
        w_i[i, 1] = w_i[i-1, 1] - alpha * dmse[1]
        if max(np.absolute(dmse)) < eps:
            break
    w0 = w_i[i, 0]
    w1 = w_i[i, 1]
    w_i = w_i[:i, :]
    return w0, w1, dmse, w_i

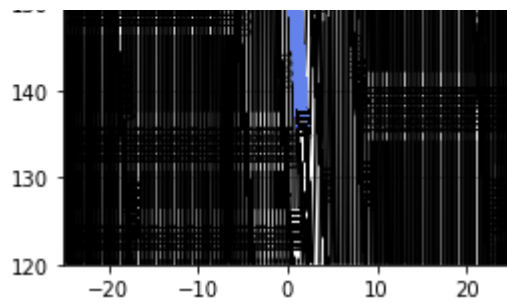
plt.figure(figsize=(4,4))
xn=100
w0_range=[-25,25]
w1_range=[120,170]
x0=np.linspace(w0_range[0], w0_range[1], xn)
x1=np.linspace(w1_range[0], w1_range[1], xn)
xx0, xx1 = np.meshgrid(x0, x1)
J=np.zeros((len(x0), len(x1)))
for i0 in range(xn):
    for i1 in range(xn):
        J[i1, i0] = mse_line(X,T,(x0[i0], x1[i1]))
    cont = plt.contour(xx0, xx1, J, 30, colors='black',
                      levels=(100,1000,10000,100000))
    cont.clabel(fmt='%1.0f', fontsize=8)
plt.grid(True)

W0, W1, dMSE, W_history = fit_line_num(X,T)

print('반복 횟수 {0}'.format(W_history.shape[0]))
print('W={0:.6f},{1:.6f}'.format(W0, W1))
print('dMSE={0:.6f},{1:.6f}'.format(dMSE[0], dMSE[1]))
print('MSE={0:.6f}'.format(mse_line(X,T,[W0, W1])))
plt.plot(W_history[:,0], W_history[:, 1], '-.',
         color='gray', markersize=10, markeredgcolor='cornflowerblue')
plt.show()
```

```
반복 횟수 13820
W=[1.539947,136.176160]
dMSE=[-0.005794,0.099991]
MSE=49.027452
```





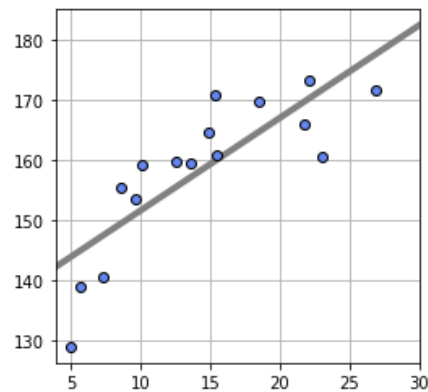
10. 구한 w_0 과 w_1 의 값을 직선 식에 대입하여 데이터 분포에 겹쳐서 그려 보았습니다.

In [10]: #리스트 5-1-(10)

```
def show_line(w):
    xb = np.linspace(X_min, X_max, 100)
    y = w[0] * xb + w[1]
    plt.plot(xb, y, color=(.5, .5, .5), linewidth=4)

plt.figure(figsize=(4,4))
W = np.array([w0,w1])
mse = mse_line(X,T,W)
print("w0={0:.3f}, w1={1:.3f}".format(w0, w1))
print("SD={0:.3f} cm".format(np.sqrt(mse)))
show_line(W)
plt.plot(X,T,marker='o', linestyle='None',
         color='cornflowerblue', markeredgecolor='black')
plt.xlim(X_min, X_max)
plt.grid(True)
plt.show()
```

w0=1.540, w1=136.176
SD=7.002 cm



11. 입력 데이터 X 와 목표 데이터 T 의 값을 식에 넣어 w (해석해)를 찾았습니다.

경사 하강법과 근사한 결과가 얻어졌습니다.

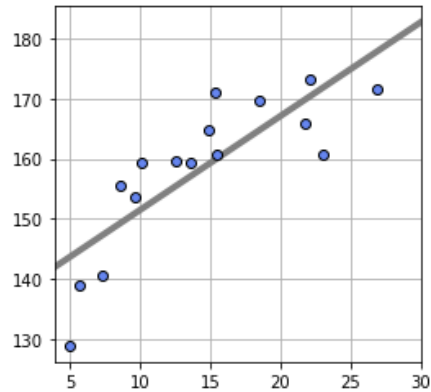
```

In [11]: #리스트 5-1-(11)
def fit_line(x,t):
    mx = np.mean(x)
    mt = np.mean(t)
    mt_x = np.mean(t*x)
    mxx = np.mean(x*x)
    w0 = (mt_x - mt*mx)/(mxx - mx**2)
    w1 = mt - w0 * mx
    return np.array([w0, w1])

W = fit_line(X,T)
print("w0={0:3f}, w1={1:3f}".format(W[0], W[1]))
mse = mse_line(X,T,W)
print("SD={0:3f} cm".format(np.sqrt(mse)))
plt.figure(figsize=(4,4))
show_line(W)
plt.plot(X,T,marker='o', linestyle='None',
         color='cornflowerblue', markeredgecolor='black')
plt.xlim(X_min, X_max)
plt.grid(True)
plt.show()

```

w0=1.557575, w1=135.872
SD=7.001 cm



12. 몸무게는 키의 제곱에 비례한다는 식을 만들었습니다.
원래 나이 x를 x0, 몸무게의 데이터를 X1로 추가했습니다.

```

In [12]: #리스트 5-1-(12)
X0=X
X0_min = 5
X0_max=30
np.random.seed(seed=1)
X1 = 23*(T/100)**2 + 2*np.random.randn(X_n)
X1_min=40
X1_max=75

```

13. 데이터를 표시했습니다.

```

In [13]: #리스트 5-1-(13)
print(np.round(X0,2))
print(np.round(X1,2))
print(np.round(T,2))

```

[15.43 23.01 5. 12.56 8.67 7.31 9.66 13.64 14.92 18.47 15.48 22.13
10.11 26.95 5.68 21.76]
[70.43 58.15 37.22 56.51 57.32 40.84 57.79 56.94 63.03 65.69 62.33 64.95
57.73 66.89 46.68 61.08]
[170.91 160.68 129. 159.7 155.46 140.56 153.65 159.43 164.7 169.65
160.71 173.29 159.31 171.52 138.96 165.87]

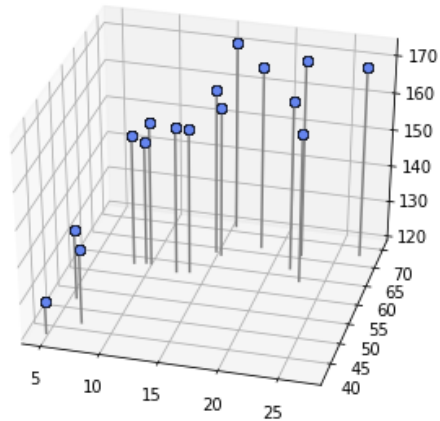
14. 16명의 X0, X1, T를 3차원 플롯 그래프로 표시했습니다.

```

In [14]: #리스트 5-1-(14)
def show_data2(ax,x0,x1,t):
    for i in range(len(x0)):
        ax.plot([x0[i], x0[i]], [x1[i], x1[i]],
                [120, t[i]], color='gray')
        ax.plot(x0, x1, t, 'o',
                color='cornflowerblue', markeredgecolor='black',
                markersize=6, markeredgewidth=0.5)
    ax.view_init(elev=35, azim=-75)

plt.figure(figsize=(6,5))
ax = plt.subplot(1,1,1,projection='3d')
show_data2(ax,X0,X1,T)
plt.show()

```



15. 임의의 w 에 대해 면을 그리는 함수와 평균 제곱 오차를 계산하는 함수를 만들었습니다.
그리고 면의 함수를 3차원으로 나타냈습니다.


```

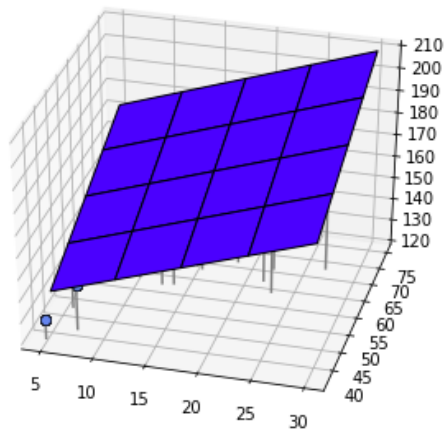
In [15]: #리스트 5-1-(15)
def show_plane(ax,w):
    px0 = np.linspace(X0_min,X0_max, 5)
    px1 = np.linspace(X1_min,X1_max, 5)
    px0, px1 = np.meshgrid(px0, px1)
    y = w[0]*px0+w[1]*px1 + w[2]
    ax.plot_surface(px0, px1, y, rstride=1, cstride=1,
                    color='blue', edgecolor='black')

def mse_plane(x0, x1, t, w):
    y=w[0] * x0+w[1]*x1 + w[2]
    mse = np.mean((y-t)**2)
    return mse

plt.figure(figsize=(6,5))
ax=plt.subplot(1,1,1,projection='3d')
W=[1.5,1,90]
show_plane(ax, W)
show_data2(ax, X0, X1, T)
mse = mse_plane(X0, X1, T, W)
print("SD={0:.3f} cm".format(np.sqrt(mse)))
plt.show()

```

SD=12.876 cm



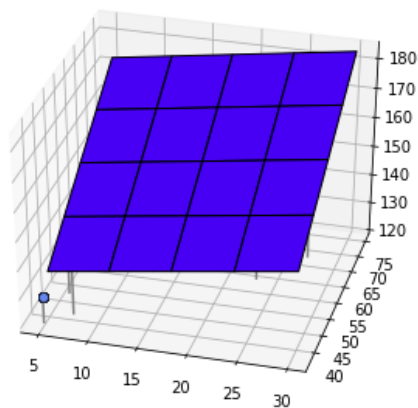
16. 해석해에 의한 평면 모델의 피팅 결과를 나타냈습니다.

```

In [16]: #리스트 5-1-(16)
def fit_plane(x0,x1,t):
    c_tx0 = np.mean(t*x0) - np.mean(t) * np.mean(x0)
    c_tx1 = np.mean(t*x1) - np.mean(t) * np.mean(x1)
    c_x0x1 = np.mean(x0*x1) - np.mean(x0) * np.mean(x1)
    v_x0 = np.var(x0)
    v_x1 = np.var(x1)
    w0 = (c_tx1*c_x0x1 - v_x1 * c_tx0)/(c_x0x1**2 - v_x0*v_x1)
    w1 = (c_tx0*c_x0x1 - v_x0 * c_tx1)/(c_x0x1**2 - v_x0*v_x1)
    w2 = -w0 * np.mean(x0) - w1*np.mean(x1) + np.mean(t)
    return np.array([w0,w1,w2])
plt.figure(figsize=(6,5))
ax = plt.subplot(1,1,1, projection = '3d')
W=fit_plane(X0, X1,T)
print("w0={0:.1f}, w1={1:.1f}".format(W[0], W[1],W[2]))
show_plane(ax,W)
show_data2(ax,X0,X1,T)
mse=mse_plane(X0,X1,T,W)
print("SD={0:.3f} cm".format(np.sqrt(mse)))
plt.show()

w0=0.5, w1=1.1
SD=2.546 cm

```



16. 위에서 작성한 데이터를 로드했습니다.

```

In [17]: outfile = np.load('ch5_data.npz')
X = outfile['X']
X_min= outfile['X_min']
X_max= outfile['X_max']
X_n=outfile['X_n']
T=outfile['T']

```

17. 가우스 함수를 정의했습니다.

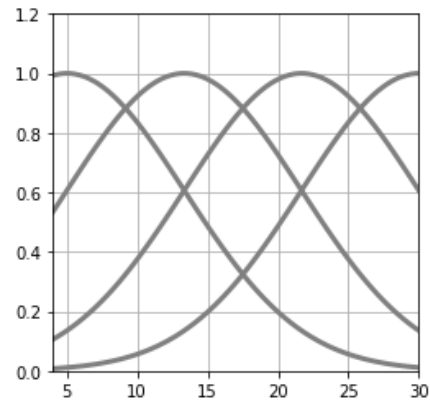
```

In [18]: #리스트 5-2-(2)
def gauss(x, mu, s):
    return np.exp(-(x-mu)**2/(2*s**2))

```

18. 4개의 가우스 함수를 나이의 범위 5~30으로 정하고 이를 나타냈습니다.

```
In [19]: #리스트 5-2-(3)
M=4
plt.figure(figsize=(4,4))
mu=np.linspace(5,30,M)
s=mu[1]-mu[0]
xb=np.linspace(X_min, X_max, 100)
for j in range(M):
    y=gauss(xb, mu[j], s)
    plt.plot(xb, y, color='gray', linewidth=3)
plt.grid(True)
plt.xlim(X_min, X_max)
plt.ylim(0,1.2)
plt.show()
```



19. 선형 기저 함수 모델을 정의했습니다.

```
In [20]: #리스트 5-2-(4)
def gauss_func(w,x):
    m=len(w)-1
    mu=np.linspace(5,30,m)
    s=mu[1]-mu[0]
    y=np.zeros_like(x)
    for j in range(m):
        y=y+w[j] * gauss(x, mu[j], s)
    y=y+w[m]
    return y
```

20. 평균 제곱 오차를 계산하는 함수를 만들었습니다. 이는 피팅의 수준을 산출합니다.

```
In [21]: #리스트 5-2-(5)
def mse_gauss_func(x, t, w):
    y = gauss_func(w,x)
    mse = np.mean((y-t)**2)
    return mse
```

21. 선형 기저 함수 모형의 매개 변수의 해석해를 제공하는 함수를 만들었습니다.

```
In [22]: #리스트 5-2-(6)
def fit_gauss_func(x, t, m):
    mu = np.linspace(5, 30, m)
    s= mu[1] - mu[0]
    n = x.shape[0]
    psi = np.ones((n, m+1))
    for j in range(m):
        psi[:, j] = gauss(x, mu[j], s)
    psi_T = np.transpose(psi)

    b = np.linalg.inv(psi_T.dot(psi))
    c = b.dot(psi_T)
    w = c.dot(t)
    return w
```

22. 선형 기저 함수 모형의 피팅 결과를 나타냈습니다.

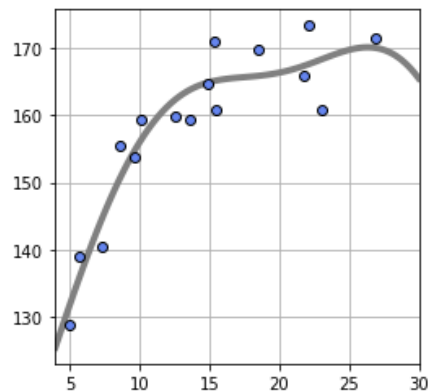
```

In [23]: #리스트 5-2-(7)
def show_gauss_func(w):
    xb = np.linspace(X_min, X_max, 100)
    y = gauss_func(w,xb)
    plt.plot(xb, y, c=[.5, .5, .5], lw=4)

plt.figure(figsize=(4,4))
M = 4
W = fit_gauss_func(X,T,M)
show_gauss_func(W)
plt.plot(X,T,marker='o', linestyle='None',
         color='cornflowerblue', markedgcolor='black')
plt.xlim(X_min, X_max)
plt.grid(True)
mse = mse_gauss_func(X,T,W)
print("SD={0:.2f} cm".format(np.sqrt(mse)))
plt.show()

```

SD=3.98 cm



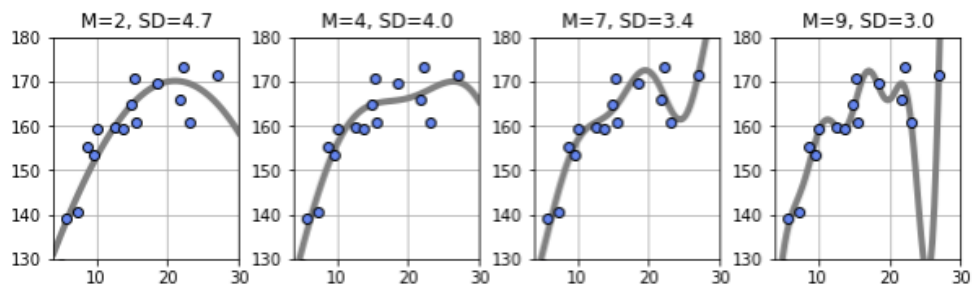
23. M을 늘리며 표준 편차를 줄여보았지만 가우스 기저 함수가 변했습니다.

과적합이 일어났습니다.

```

In [24]: #리스트 5-2-(8)
plt.figure(figsize=(10, 2.5))
plt.subplots_adjust(wspace=0.3)
M = [2, 4, 7, 9]
for i in range(len(M)):
    plt.subplot(1, len(M), i+1)
    W = fit_gauss_func(X,T,M[i])
    show_gauss_func(W)
    plt.plot(X,T,marker='o', linestyle='None',
             color='cornflowerblue', markedgcolor='black')
    plt.xlim(X_min, X_max)
    plt.grid(True)
    plt.ylim(130,180)
    mse = mse_gauss_func(X,T,W)
    plt.title("M={0:d}, SD={1:.1f}".format(M[i], np.sqrt(mse)))
plt.show()

```



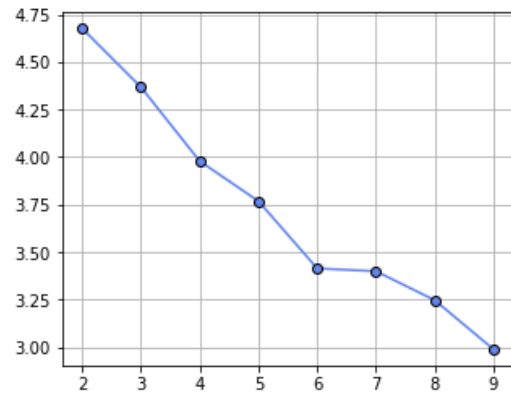
24. M이 2일때부터 9까지의 표준 편차를 계산하고 그래프로 나타냈습니다.

M이 증가함에 따라 표준 편차는 감소했습니다. 하지만 이는 최적의 M의 기준으로는 볼 수 없습니다.

```

In [25]: #리스트 5-2(9)
plt.figure(figsize=(5,4))
M = range(2,10)
mse2 = np.zeros(len(M))
for i in range(len(M)):
    W = fit_gauss_func(X,T,M[i])
    mse2[i]=np.sqrt(mse_gauss_func(X,T,W))
plt.plot(M, mse2, marker='o',
         color='cornflowerblue', markeredgecolor='black')
plt.grid(True)
plt.show()

```



25. 최적의 M 을 찾기 위하여 X 와 t 의 1/4을 테스트 데이터로, 나머지 3/4를 훈련 데이터로 나누고, w 는 훈련 데이터만을 사용하여 최적화합니다. 훈련 데이터의 평균 제곱 오차를 최소화하도록 w 를 선택합니다.
- w 를 사용하여 테스트 데이터의 평균 제곱 오차를 계산하고, M 의 평가 기준으로 삼습니다.
- 이처럼 훈련에 이용하지 않은 미지의 데이터에 대한 예측 오차로 M 을 평가하는 것을 홀드 아웃 검증이라고 합니다.
- 이 데이터에 대한 그래프를 표현했습니다.

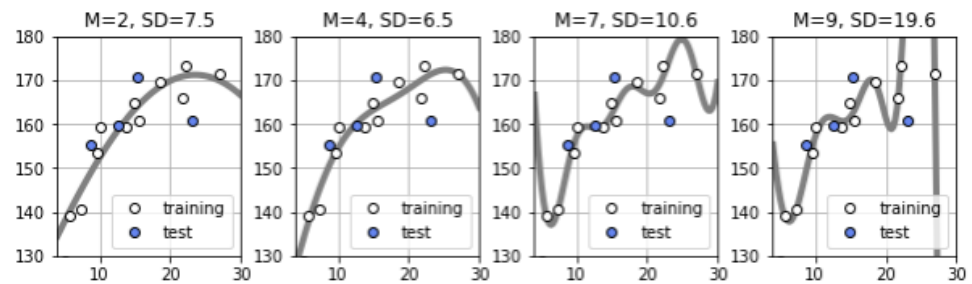
```

In [26]: #리스트 5-2(10)
X_test = X[:int(X_n/4+1)]
T_test = T[:int(X_n/4+1)]
X_train = X[int(X_n/4+1):]
T_train = T[int(X_n/4+1):]

plt.figure(figsize=(10,2.5))

plt.subplots_adjust(wspace=0.3)
M=[2,4,7,9]
for i in range(len(M)):
    plt.subplot(1,len(M), i + 1)
    W = fit_gauss_func(X_train, T_train, M[i])
    show_gauss_func(W)
    plt.plot(X_train, T_train, marker='o',
             linestyle='None', color='white',
             markeredgcolor='black', label='training')
    plt.plot(X_test, T_test, marker='o', linestyle='None',
             color='cornflowerblue',
             markeredgcolor='black', label='test')
    plt.legend(loc='lower right', fontsize=10, numpoints=1)
    plt.xlim(X_min, X_max)
    plt.ylim(130, 180)
    plt.grid(True)
    mse=mse_gauss_func(X_test, T_test, W)
    plt.title("M={0:d}, SD={1:.1f}".format(M[i], np.sqrt(mse)))
plt.show()

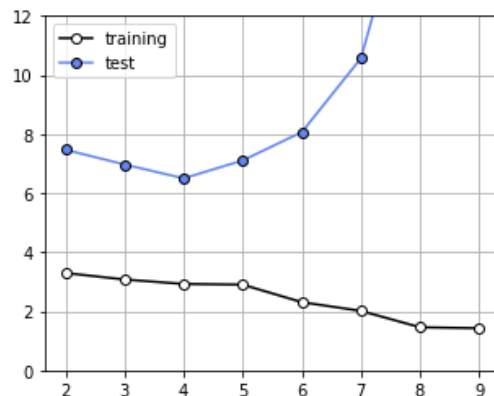
```



26. 훈련 데이터와 테스트 데이터의 오차를 그래프로 나타냈습니다.

M = 4의 경우가 데이터에 가장 적합하다는 결론이 나왔습니다.

```
In [27]: #리스트 5-2-(11)
plt.figure(figsize=(5,4))
M = range(2, 10)
mse_train = np.zeros(len(M))
mse_test = np.zeros(len(M))
for i in range(len(M)):
    W = fit_gauss_func(X_train, T_train, M[i])
    mse_train[i] = np.sqrt(mse_gauss_func(X_train, T_train, W))
    mse_test[i] = np.sqrt(mse_gauss_func(X_test, T_test, W))
plt.plot(M, mse_train, marker='o', linestyle='-',
         markerfacecolor='white', markeredgcolor='black',
         color='black', label='training')
plt.plot(M, mse_test, marker='o', linestyle='-',
         color='cornflowerblue', markeredgcolor='black',
         label='test')
plt.legend(loc='upper left', fontsize=10)
plt.ylim(0,12)
plt.grid(True)
plt.show()
```



27. 데이터를 K 분할하여 각각의 평균 제곱 오차를 출력하는 함수를 만들었습니다.

```
In [28]: #리스트 5-2-(12)
def kfold_gauss_func(x,t,m,k):
    n = x.shape[0]
    mse_train = np.zeros(k)
    mse_test = np.zeros(k)
    for i in range(0, k):
        x_train=x[np.fmod(range(n), k)!=i]
        t_train=t[np.fmod(range(n), k)!=i]
        x_test=x[np.fmod(range(n), k)==i]
        t_test=t[np.fmod(range(n), k)==i]
        wm=fit_gauss_func(x_train, t_train, m)
        mse_train[i] = mse_gauss_func(x_train, t_train, wm)
        mse_test[i] = mse_gauss_func(x_test, t_test, wm)
    return mse_train, mse_test
```

28. n을 k로 나눈 나머지를 출력하는 함수의 결과를 출력했습니다.

```
In [29]: #리스트 5-2-(13)
np.fmod(range(10),5)
```

```
Out[29]: array([0, 1, 2, 3, 4, 0, 1, 2, 3, 4])
```

29. 기저 수 M = 4, 분할 수 K = 4 로 함수를 실행해 보았습니다.

```
In [30]: #리스트 5-2-(14)
M=4
K=4
kfold_gauss_func(X,T,M,K)
```

```
Out[30]: (array([12.87927851, 9.81768697, 17.2615696 , 12.92270498]),
          array([ 39.65348229, 734.70782017, 18.30921743, 47.52459642]))
```

30. 분할 수를 16으로 하고, 2에서 7까지의 M의 오차 평균을 계산하여 그래프로 나타냈습니다.

M이 3일 때 테스트 데이터의 오차가 가장 작은 것을 알 수 있었습니다.

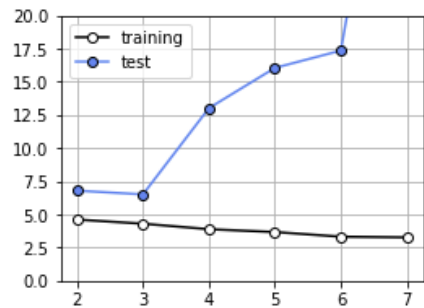
```

In [31]: #리스트 5-2-(15)
M= range(2, 8)
K = 16
Cv_Gauss_train = np.zeros((K, len(M)))
Cv_Gauss_test = np.zeros((K, len(M)))

for i in range(0, len(M)):
    Cv_Gauss_train[:, i], Cv_Gauss_test[:, i] = \
        kfold_gauss_func(X, T, M[i], K)
mean_Gauss_train = np.sqrt(np.mean(Cv_Gauss_train, axis=0))
mean_Gauss_test = np.sqrt(np.mean(Cv_Gauss_test, axis=0))

plt.figure(figsize=(4, 3))
plt.plot(M, mean_Gauss_train, marker='o', linestyle='-',
         color='k', markerfacecolor='w', label='training')
plt.plot(M, mean_Gauss_test, marker='o', linestyle='-',
         color='cornflowerblue', markeredgecolor='black', label='test')
plt.legend(loc='upper left', fontsize=10)
plt.ylim(0, 20)
plt.grid(True)
plt.show()

```



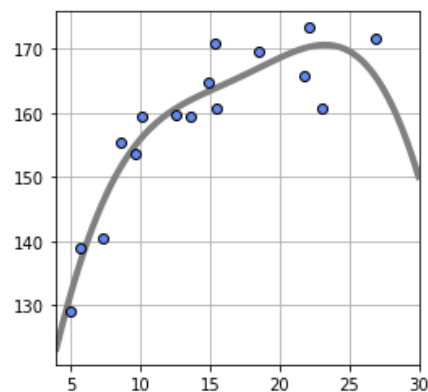
31. M = 3이 최적이므로 해당 결과를 대입하고, w의 모든 데이터를 사용해 계산했습니다.

```

In [32]: #리스트 5-2-(16)
M=3
plt.figure(figsize=(4,4))
W=fit_gauss_func(X,T,M)
show_gauss_func(W)
plt.plot(X,T,marker='o', linestyle='None',
         color='cornflowerblue',markeredgecolor='black')
plt.xlim([X_min, X_max])
plt.grid(True)
mse=mse_gauss_func(X,T,W)
print("SD={0:.2f} cm".format(np.sqrt(mse)))
plt.show()

```

SD=4.37 cm



32. 새로운 모델 A를 정의하고, 표시용 함수와 MSE 출력 함수를 정의했습니다.


```
In [33]: #리스트 5-2-(17)
def model_A(x,w):
    y=w[0]-w[1]*np.exp(-w[2]*x)
    return y

def show_model_A(w):
    xb = np.linspace(X_min, X_max, 100)
    y=model_A(xb, w)
    plt.plot(xb, y , c=[.5,.5,.5], lw=4)

def mse_model_A(w,x,t):
    y=model_A(x,w)
    mse=np.mean((y-t)**2)
    return mse
```

33. 매개 변수의 최적화 함수를 만들었습니다.

```
In [34]: #리스트 5-2-(18)
from scipy.optimize import minimize

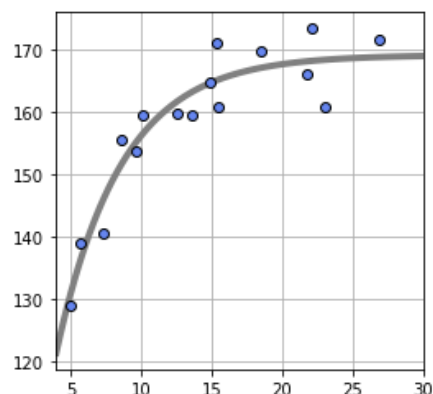
def fit_model_A(w_init, x, t):
    res1=minimize(mse_model_A, w_init, args=(x,t), method="powell")
    return res1.x
```

34. 최적화 함수를 움직여 보았습니다.

오차의 표준 편차가 직선 모델과 선형 기저 함수 모델보다 훨씬 낮아졌습니다.

```
In [35]: #리스트 5-2-(19)
plt.figure(figsize= (4,4))
W_init=[100,0,0]
W=fit_model_A(W_init, X, T)
print("w0={0:.1f}, w1={1:.1f}, w2={2:.1f}".format(W[0],W[1],W[2]))
show_model_A(W)
plt.plot(X,T,marker='o', linestyle='None',
         color='cornflowerblue',markeredgecolor='black')
plt.xlim(X_min,X_max)
plt.grid(True)
mse=mse_model_A(W,X,T)
print("SD={0:.2f} cm".format(np.sqrt(mse)))
plt.show()
```

w0=169.0, w1=113.7, w2=0.2
SD=3.86 cm



35. 선형 기저 함수 모델과 모델 A의 LOOCV를 실시하여 비교한 그래프를 나타냈습니다.

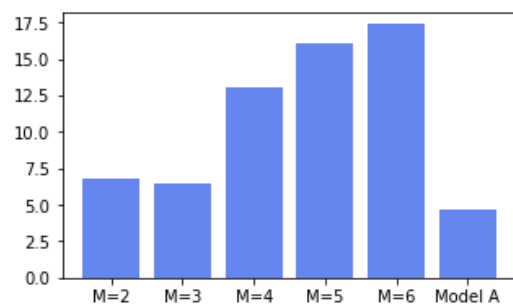
모델 A가 데이터에 잘 어울린다고 생각할 수 있습니다.

In [36]: #리스트 5-2(20)

```
def kfold_model_A(x, t, k):
    n = len(x)
    mse_train = np.zeros(k)
    mse_test = np.zeros(k)
    for i in range(0, k):
        x_train = x[np.fmod(range(n), k) != i]
        t_train = t[np.fmod(range(n), k) != i]
        x_test = x[np.fmod(range(n), k) == i]
        t_test = t[np.fmod(range(n), k) == i]
        wm = fit_model_A(np.array([169, 113, 0.2]), x_train, t_train)
        mse_train[i] = mse_model_A(wm, x_train, t_train)
        mse_test[i] = mse_model_A(wm, x_test, t_test)
    return mse_train, mse_test

K = 16
Cv_A_train, Cv_A_test = kfold_model_A(X, T, K)
mean_A_test = np.sqrt(np.mean(Cv_A_test))
print("Gauss (M=3) SD={0:.2f} cm", format(mean_Gauss_test[1]))
print("Model A SD={0:.2f} cm", format(mean_A_test))
SD = np.append(mean_Gauss_test[0:5], mean_A_test)
M = range(6)
label = ["M=2", "M=3", "M=4", "M=5", "M=6", "Model A"]
plt.figure(figsize=(5,3))
plt.bar(M,SD,tick_label=label, align="center",
        facecolor="cornflowerblue")
plt.show()
```

Gauss (M=3) SD={0:.2f} cm 6.514042205279559
Model A SD={0:.2f} cm 4.720687846139534



수행 소감

수많은 트러블슈팅을 통해 최적화된 모델을 구현하는 방법이 여러 가지라는 것을 알게 되었습니다.

수많은 데이터들을 효율적으로 해석할 수 있는 방법이었다고 생각합니다.

긴 글 읽어 주셔서 감사합니다.

이범석

국민대학교 소프트웨어학부, 20171664

Mobile 010-6401-6042

gpwoeir6486@gmail.com

ijkoo16@kookmin.ac.kr

