2022년 1학기 물리학 I: 제1차 시험

김현철^{a1,†} and Lee Hui-Jae^{1,‡}

¹Hadron Theory Group, Department of Physics, Inha University, Incheon 22212, Republic of Korea (Dated: Spring semester, 2022)

문제 (300pt) 그림 1처럼 스키 점프대를 만들었다. 비탈면은 평지에서부터 32° 의 각으로 기울어져 있다. 그리고 비탈면의 길이는 $d_1=100$ m이고, 비탈면이 끝나고 지면과 나란한 지점부터 스키 선수가 점프하는 지점까지 거리는 $d_2=2$ m이다. 우선 지면과 스키 사이에 쓸림이 없고, 스키 선수가 정지상태에 있다가 미끄러져 내려오고 있다고

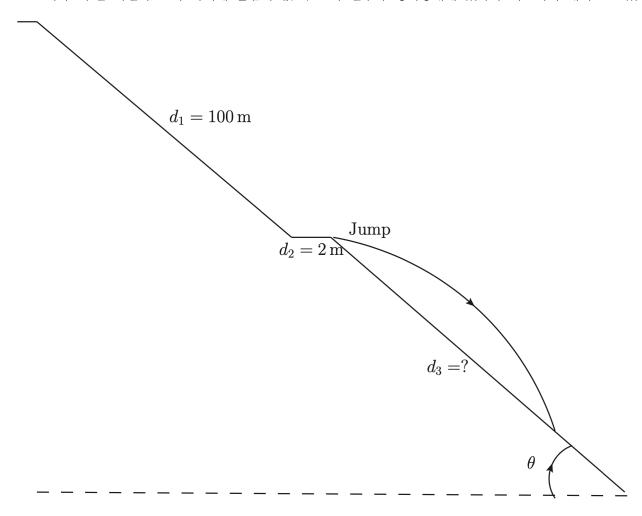


FIG. 1. 스키 점프대

하자. 스키를 포함하여 스키 선수의 무게는 700 N이다.

- (1) 스키가 점프하는 위치에서 스키 점프대를 떠날 때, 속력을 구하여라.
- (2) 스키 선수가 도착하는 지점인 d_3 를 구하여라.
- (3) d_3 지점에서 스키 선수의 속력을 구하여라.

a Office: 5S-436D (면담시간 매주 화요일-16:00~20:00)

[†] hchkim@inha.ac.kr

[‡] hjlee6674@inha.edu

- (4) 에너지 보존 법칙을 이용해서 구한 속력과 (1)에서 구한 결과와 비교하여라.
- 이제 비탈면의 눈과 스키 사이의 운동마찰계수를 $\mu_k = 0.1$ 이라고 하자.
- (5) 표면과 스키 사이의 쓸림힘을 고려하여 스키가 점프하는 위치에서 스키 점프대를 떠날 때, 속력을 구하여라.
- (6) 스키 선수가 도착하는 지점인 d_3 를 구하여라.
- (7) 마찰력에 의해 잃는 에너지를 구하여라.
- (8) 이 경우에 운동에너지 보존은 어떻게 되는가?

이제 스키 선수가 점프했을 때부터 공기저항 때문에 속도가 줄어든다고 하자. 이때 공기저항에 의한 힘을 $\vec{F}_d=100\,\hat{i}$ N이라고 하고, 이 힘의 방향은 지면과 나란하고 방향은 스키 선수의 속도의 수평 성분과 반대 방향이라고 하자.

(9) 스키 선수가 도착하는 지점인 d_3 를 구하여라.

구간 d_1 :

 $(10) d_3$ 지점에서 스키 선수의 속력을 구하여라.

풀이

(1) 우선 스키 선수의 자유 물체 다이어 그램을 그리자. 중력의 방향과 스키 점프 선수의 운동 방향 사이 각을 ϕ

구간 d_2 :

 N_1 N_2 N_2 N_3 N_2 N_3 N_4 N_5 N_5

FIG. 2. 자유 물체 다이어 그램

라고 하면 스키 점프 선수에게 해준 일은 다음과 같다.

$$W = F_a \cos \phi. \tag{1}$$

구간 d_1 과 d_2 에서 중력이 해준 일을 각각 W_1 , W_2 라고 하면,

$$W = W_1 + W_2 = F_g d_1 \cos\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right) + F_g d_2 \cos 90^\circ$$

= $F_g d_1 \sin \theta$. (2)

구간 d_2 에서 스키 점프 선수의 속력을 v_2 라고 하면 스키 점프 선수의 운동에너지 변화량과 중력이 해준 일의 양이 같으므로,

$$W = F_g d_1 \sin \theta = mg d_1 \sin \theta = \frac{1}{2} m v_2^2 - 0, \quad v_2 = \sqrt{2g d_1 \sin \theta}.$$
 (3)

따라서 구간 d_2 를 지나 스키 점프 선수가 스키 점프대를 떠날 때의 속력은 다음과 같다.

$$v_2 = \sqrt{2(9.8 \,\mathrm{m/s^2})(100 \,\mathrm{m}) \sin 32^{\circ}}$$

= 32 m/s (4)

(2) 스키 점프 선수가 스키 점프대를 떠날 때의 속력을 초기 속력이라고 하자. 각 방향으로의 초기 속력은 $v_{xi}=32\,\mathrm{m/s},\ v_{yi}=0$ 이다. 스키 점프 선수의 착지 위치의 좌표를 $x_f,\ y_f$ 라고 하면,

$$x_f = d_3 \cos \theta, \ y_f = -d_3 \sin \theta \tag{5}$$

 y_f 가 음수인 이유는 점프하는 순간의 위치를 원점으로 잡았기 때문이다. x 방향으로는 y

- (3)
- (4)
- (5)
- (6)
- (7)
- (8)
- (9)
- (10)