2022년 1학기 물리학 I: 제3차 시험

김현철^{a1,†} and Lee Hui-Jae^{1,‡}

¹Hadron Theory Group, Department of Physics, Inha University, Incheon 22212, Republic of Korea (Dated: Spring semester, 2022)

1번 풀이 : 질량이 m인 물체가 정삼각형의 각 꼭짓점에 놓여 있을 때 계의 총 중력 퍼텐셜에너지는

$$E_p = -3G\frac{m^2}{a} \tag{1}$$

이고 한 물체를 무한히 먼 곳에 이동시켜 계에 두 물체만 남았다면 계의 총 중력 퍼텐셜에너지는

$$E_p' = -G\frac{m^2}{a} \tag{2}$$

이다. 외부에서 해준 일은 계의 총 에너지 변화량과 같으므로

$$W = E_p' - E_p = 2G\frac{m^2}{a} \tag{3}$$

이다.

2번 풀이 : 줄의 장력 T가 도르래에 돌림힘으로 작용하여 도르래를 회전시킨다. 따라서,

$$TR = I\alpha = \frac{1}{2}MRa \Longrightarrow T = \frac{1}{2}Ma$$
 (4)

이고 장력과 중력이 작용하여 중력이 M/2인 물체를 움직이도록 한다. 도르래와 물체가 줄로 연결되어 있으므로 가속도의 크기는 같다.

$$\frac{1}{2}Ma = \frac{1}{2}Mg - T. \tag{5}$$

두 식을 연립하면 장력 T는

$$T = \frac{1}{4}Mg\tag{6}$$

이다.

3번 풀이 : 가장 멀리있을 때 거리, 속력을 r_1, v_1 이라 하고 가장 가까이 있을 때 거리, 속력을 r_2, v_2 라고 하면, 각운 동량 보존법칙에 의해

$$mv_1r_1 = mv_2r_2 \tag{7}$$

이다. $r_1 = 2r_2$ 이므로

$$2v_1r_2 = v_2r_2 \Longrightarrow 2v_1 = v_2$$
 (8)

이다. 따라서 최대 선속력은 최소 선속력의 2배이다.

a Office: 5S-436D (면담시간 매주 화요일-16:00~20:00)

[†] hchkim@inha.ac.kr

[‡] hjlee6674@inha.edu

4번 풀이 : 팽창 전 별의 회전 운동에너지는

$$E_R = \frac{1}{2}I\omega^2 \tag{9}$$

이다. 팽창 후 별의 회전관성이 3배 늘어났으므로 별의 회전 운동에너지는

$$E_R' = \frac{3}{2}I\omega^2 \tag{10}$$

이다.

5번 풀이 : 액체의 밀도를 ho_l 이라 하면 잠긴 부피 만큼의 물의 질량과 물체의 질량이 같으므로

$$L\rho_l = L_0\rho \tag{11}$$

이고 ρ_l 은

$$\rho_l = \frac{L_0}{L} \rho \tag{12}$$

이다.

6번 풀이: 베르누이 방정식에 의해

$$P_1 + \frac{1}{2}\rho v_1^2 = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 \tag{13}$$

이므로 P_2 는

$$P_2 = P_1 + \frac{1}{2}\rho \left(v_1^2 - v_2^2\right) \tag{14}$$

이다.

7번 풀이: 막대의 회전에 대한 운동방정식은

$$I\alpha = -MgL\sin\theta \approx -MgL\theta \tag{15}$$

이다. 각 θ 가 매우 작을 때 근사를 취하였다. 따라서

$$\frac{1}{3}ML^2\frac{d^2\theta}{dt^2} = -MgL\theta \Longrightarrow \frac{d^2\theta}{dt^2} = -\frac{3g}{L}\theta = -\omega^2\theta \tag{16}$$

이므로 각진동수 ω 는

$$\omega = \sqrt{\frac{3g}{L}} \tag{17}$$

임을 알 수 있다. 주기 T는

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{L}{3g}} \tag{18}$$

이다. 이로부터 주기는 질량이 2배 늘어나고 길이도 2배 늘어나면 늘어나기 전 주기의 $\sqrt{2}$ 배가 된다.

8번 풀이:

9번 풀이: 정상파의 기본진동수의 파형이라면 줄의 길이 <math>L은 정상파의 파장 λ 의 절반이다. 즉,

$$L = \frac{1}{2}\lambda\tag{19}$$

이다. 정상파의 파수를 k라 하면 정상파의 파장 λ 은

$$\lambda = \frac{2\pi}{k} \tag{20}$$

이므로 줄의 길이 L은

$$L = \frac{\pi}{\lambda} = 3 \,\mathrm{m} \tag{21}$$

이다.

10번 풀이 : 원래 음원의 진동수보다 관측자가 듣는 음원의 진동수가 감소한느 경우는 관측자와 음원이 서로 멀어 지는 경우이다. 따라서 답은 (2), (4)번이다.

11번 풀이 :

(a) 물리진자에 작용하는 돌림힘 au는

$$\tau = -mgh\sin\theta\tag{22}$$

이다. θ 가 매우 작다면 $\sin \theta \approx \theta$ 로 근사할 수 있으므로

$$\tau \approx -mgh\theta \tag{23}$$

이다.

(b) 문제 7번과 같이 각진동수 ω 를 구하면

$$\omega = \sqrt{\frac{mgh}{I}} \tag{24}$$

이고 주기 T는

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{I}{mgh}} \tag{25}$$

이다.

12번 풀이: 중첩된 파동의 방정식은

$$y(x,t) = A\sin(kx - \omega t) + A\cos(kx - \omega t) \tag{26}$$

이다. 삼각함수 덧셈공식 $\sin(a+b)=\sin a\cos b+\sin b\cos a$ 를 생각하자. $a=kx-\omega t,\;b=\pi/4$ 라고 생각하면

$$y(x,t) = \frac{A}{\cos\frac{\pi}{4}}\sin(kx - \omega t)\cos\frac{\pi}{4} + \frac{A}{\sin\frac{\pi}{4}}\cos(kx - \omega t)\sin\frac{\pi}{4}$$
 (27)

$$=\sqrt{2}A\sin(kx-\omega t+\frac{\pi}{4})\tag{28}$$

이므로 진폭은 $\sqrt{2}A$ 이다.

주관식 1번 풀이 :

주관식 2번 풀이:

주관식 3번 풀이 : Quiz 13 참조.