수학 함수들

2015년 10월 14일에 한국어로 옮겨짐 2015년 10월 23일에 마지막으로 갱신됨

원문: https://github.com/torch/torch7/blob/master/doc/maths.md

목차

토치는 텐서 객체를 다루기 위해 매트랩(MATLAB)과 비슷한 함수들을 제공합니다. 그 함수들은 다음과 같은 범주로 분류됩니다.

- zeros, ones 같은 생성자
- diag와 triu 같은 추출자,
- abs와 pow 같은 요소별 수학 연산자,
- BLAS 연산.
- sum과 max 같은 열 또는 행 방향으로 연산,
- trace와 norm 같은 행렬 전체에 대한 연산.
- conv2 같은 컨볼루션과 상호 상관 연산.
- 고윳값/고유벡터 계산 같은 기본적인 선형 대수 연산.
- 텐서에 대한 논리 연산.

기본적으로, 모든 연산들은 결과를 리턴하기 위해 새 텐서 하나를 할당합니다. 또한, 모든 텐서는 타겟 텐서(들)를 첫 번째 인자(들)로 전달할 수 있습니다. 이 경우 그 타겟 텐서(들)는 적절하게 크기가 바뀌어 결과들로 채워질 것입니다. 이 특성은 메모리가 할당되는 과정에 대한 엄격한 통제를 원할 때 특히 유용합니다.

토치 패키지는 객체 지향 문법을 사용하여 텐서 자신에서 한 함수를 바로 호출하는 것과 그 텐서를 선택적 결과 텐서 인자로 전달하는 것이 같도록하는 개념을 채택합니다. 다음 두 호출은 같습니다.

```
torch.log(x,x)
x:log()
```

비슷하게, torch.conv2 함수가 다음과 같은 방식으로 사용될 수 있습니다.

```
x = \text{torch.rand}(100,100)

k = \text{torch.rand}(10,10)

\text{res1} = \text{torch.conv2}(x,k) -- 경우 1

\text{res2} = \text{torch.Tensor}()

\text{torch.conv2}(\text{res2,x,k}) -- 경우 2
```

```
=res2:dist(res1)
0
```

두 번째 경우의 장점은, 한 루프에서 어떤 새 할당도 없이 같은 res2 텐서가 연속적으로 사용될 수 있다는 점입니다.

```
-- 새 메모리 할당 없음...

for i=1,100 do
        torch.conv2(res2,x,k)
end
=res2:dist(res1)
0
```

생성 또는 추출 함수

```
[res] torch.cat( [res,] x_1, x_2, [dimension] )
```

```
[res] torch.cat( [res,] \{x 1, x 2, ...\}, [dimension] )
```

x=torch.cat(x_1,x_2,[dimension])는 차원 dimension을 따라 텐서 x_1과 x_2를 연결한 텐서 x를 리턴합니다.

만약 dimension이 특정되지 않으면, dimension은 마지막 차원입니다.

 x_1 과 x_2 의 나머지 차원들은 반드시 같아야 합니다.

또한 입력으로 임의의 개수 텐서들을 가진 배열들도 지원합니다.

예:

```
> print(torch.cat(torch.ones(3),torch.zeros(2)))
1
1
1
0
0
[torch.Tensor of dimension 5]
> print(torch.cat(torch.ones(3,2),torch.zeros(2,2),1))
1  1
1  1
1  1
```

```
0 0
0 0
[torch.DoubleTensor of dimension 5x2]
> print(torch.cat(torch.ones(2,2),torch.zeros(2,2),1))
1 1
1 1
0 0
0 0
[torch.DoubleTensor of dimension 4x2]
> print(torch.cat(torch.ones(2,2),torch.zeros(2,2),2))
1 1 0 0
1 1 0 0
[torch.DoubleTensor of dimension 2x4]
> print(torch.cat(torch.cat(torch.ones(2,2),torch.zeros(2,2),1),torch.rand(3,2),1))
1.0000 1.0000
1.0000 1.0000
0.0000 0.0000
0.0000 0.0000
0.3227 0.0493
0.9161 0.1086
0.2206 0.7449
[torch.DoubleTensor of dimension 7x2]
> print(torch.cat({torch.ones(2,2), torch.zeros(2,2), torch.rand(3,2)},1))
1.0000 1.0000
1.0000 1.0000
0.0000 0.0000
0.0000 0.0000
0.3227 0.0493
0.9161 0.1086
0.2206 0.7449
[torch.DoubleTensor of dimension 7x2]
```

[res] torch.diag([res,] x [,k])

x가 1차원일 때, y=torch.diag(x)는 x의 요소들을 대각 요소들로 하는 대각 행렬 하나를 리턴합니다.

x가 2차원일 때, y=torch.diag(x)는 x의 대각 요소들로 구성된 1차원 텐서 하나를 리턴합니다.

y=torch.diag(x,k)는 x의 k 번째 대각 요소들을 리턴합니다, 여기서 k = 0은 주 대각이고, k > 0은 주 대각보다 위쪽, k < 0은 주 대각보다 아래쪽을 가리킵니다.

[res] torch.eye([res,] n [,m])

```
y=torch.eye(n)는 n x n 단위 행렬 하나를 리턴합니다.
```

y=torch.eye(n,m)는 n x m 단위 행렬 하나를 리턴합니다.

[res] torch.histc([res,] x [,nbins, min_value, max_value])

y=torch.histc(x)는 x에 있는 요소들의 <mark>히스토그램</mark>을 리턴합니다. 기본적으로, 그 요소들은 x의 최솟값과 최댓값 사이를 100 등분으로 나눈 빈(bin)들로 정렬됩니다.

y=torch.histc(x,n)는 위 메소드와 같고 n 빈을 가집니다.

y=torch.histc(x,n,min,max)는 n 빈을 가지고 요소들의 범위로 [min, max]를 가진 위 메소드와 같습니다.

[res] torch.linspace([res,] x1, x2, [,n])

y=torch.linspace(x1,x2)는 x1과 x2 사이를 100 등분한 값들을 가진 1차원 텐서 하나를 리턴합니다.

y=torch,linspace(x1,x2,n)는 x1과 x2 사이를 n 등분한 값들을 가진 1차원 텐서 하나를 리턴합니다.

[res] torch.logspace([res,] x1, x2, [,n])

y=torch.logspace(x1,x2)는 10^x1과 10^x2 사이를 100 로그적 등분한 값들을 가진 1차원 텐서 하나를 리턴합니다.

y=torch.logspace(x1,x2,n)는 10^x1과 10^x2 사이를 n 로그적 등분한 값들을 가진 1차원 텐서 하나를 리턴합니다.

[res] torch.multinomial([res,], p, n, [,replacement])

y=torch.multinomial(p,n)는 한 텐서 y를 리턴합니다, 한 텐서 y의 각 행은 텐서 p의 상응하는 행에 위치한다항 분포에서 샘플된 n개의 인덱스들을 담습니다.

p의 행들은 더해져 1이 될 필요가 없습니다 (이 경우 우리는 그 값들을 가중치로 사용합니다), 그러나 반드시 음수가 아니어야 하고 더한 값이 0이 아니어야 합니다. 인덱스들은 각각이 언제 샘플되었는지에 따라 왼쪽으로 오른쪽으로 정렬됩니다 (첫 샘플들은 첫 열에 위치됩니다).

만약 p가 한 벡터이면, y는 한 벡터의 크기 n입니다.

만약 p가 한 m 행 행렬이면, y는 한 m x n 행렬입니다.

만약 replacement가 true이면, 샘플들은 **복원추출**됩니다. 만약 replacement가 false이면, 그것들은 비복원추출됩니다. 이것은 한 행을 위한 샘플 인덱스가 뽑힐 때 그것이 그 행을 위해 다시 뽑힐 수 없음을 의미합니다. 이것은 다음과 같은 제약이 있음을 암시합니다. n은 반드시 p 길이(또는 p가 행렬이면 p의 열개수)보다 작아야 함.

replacement의 기본값은 false입니다.

```
p = torch.Tensor{1, 1, 0.5, 0}
a = torch.multinomial(p, 10000, true)

> a
...
[torch.LongTensor of dimension 10000]

> for i=1,4 do print(a:eq(i):sum()) end
3967
4016
2017
0
```

주의: 만약 이 함수가 결과 텐서를 첫 번째 인자로 넣어 사용된다면(다시 말해, 그 함수의 프로토타입이 torch.multinomial(res, p, n, [,replacement])이면), 우리는 그 함수를 다음과 같이 조금 다르게 호출해야만 할 것입니다.

```
p.multinomial(res, p, n, replacement) -- torch.multinomial 대신 p.multinomial
```

이유는 여기서의 결과는 LongTensor타입인데, 우리는 torch.multinomial을 long 텐서들에 대해 정의하지 않았기 때문입니다.

[res] torch.ones([res,] m [,n...])

y=torch.ones(n)는 1로 채워진 크기 n의 1차원 텐서 하나를 리턴합니다.

y=torch.ones(m,n)은 1로 채워진 $m \times n$ 텐서 하나를 리턴합니다.

4차원 이상인 경우, 스토리지가 인자로 사용될 수 있습니다. y=torch.ones(torch.LongStorage{m,n,k,1,o}).

[res] torch.rand([res,] m [,n...])

y=torch.rand(n)는 구간 (0,1)인 한 균등 분포에서 뽑힌 랜덤 수들로 채워진 크기 n의 1차원 텐서 하나를 리턴합니다.

y=torch.rand(m,n)는 구간 (0,1)인 한 균등 분포에서 뽑힌 랜덤 수들로 채워진 $m \times n$ 텐서 하나를 리턴합니다.

4차원 이상인 경우, 스토리지가 인자로 사용될 수 있습니다. y=torch.rand(torch.LongStorage{m,n,k,1,o}).

[res] torch.randn([res,] m [,n...])

y=torch.randn(n)는 평균이 0이고 분산이 1인 한 정규 분포에서 뽑힌 랜덤 수들로 채워진 크기 n의 1차원 텐서 하나를 리턴합니다.

y=torch.randn(m,n)는 평균이 0이고 분산이 1인 한 정규 분포에서 뽑힌 랜덤 수들로 채워진 $m \times n$ 텐서 하나를 리턴합니다.

4차원 이상인 경우, 스토리지가 인자로 사용될 수 있습니다. y=torch.randn(torch.LongStorage{m,n,k,1,o}).

[res] torch.range([res,] x, y [,step])

y=torch.range(x,y)는 크기가 floor((y-x)/step)+1인 텐서 하나를 리턴합니다. 그 텐서에 있는 값들의 범위는 x부터 y까지이고, 인접한 두 요소 사이 간격은 step()기본값은 1)입니다.

```
> print(torch.range(2,5))
2
3
4
5
[torch.Tensor of dimension 4]
> print(torch.range(2,5,1.2))
2.0000
3.2000
4.4000
[torch.DoubleTensor of dimension 3]
```

[res] torch.randperm([res,] n)

y=torch.randperm(n)은 1에서 n 사이 정수들의 랜덤 순열 하나를 리턴합니다.

[res] torch.reshape([res,] x, m [,n...])

y=torch.reshape(x,m,n)는 M m x n 텐서 y를 리턴합니다. y의 요소들은 x에서 행별로 얻어집니다. 그 요소들이 y로 복사됩니다. x의 요소 개수는 반드시 <math>m*n이어야 합니다.

4차원 이상인 경우, 스토리지가 인자로 사용될 수 있습니다. y=torch.reshape(x,torch.LongStorage{m,n,k,1,o}).

[res] torch.tril([res,] x [,k])

y=torch.tri1(x)는 x의 하삼각 부분(lower triangular part)을 리턴합니다. y의 나머지 요소들은 0으로 설정됩니다.

torch.tril(x,k)는 x의 k 번째 대각 요소들과 그보다 아래에 있는 요소들을 0이 아닌 값으로 리턴합니다. k = 0은 주 대각 요소들을, k > 0은 주 대각 요소들보다 위쪽을, k < 0은 주 대각 요소들보다 아래쪽을 가리킵니다.

[res] torch.triu([res,] x, [,k])

y=torch.triu(x)는 x의 상삼각 부분(upper triangular part)을 리턴합니다. y의 나머지 요소들은 0으로 설정됩니다.

torch.triu(x,k)는 x의 k 번째 대각 요소들과 그 위쪽에 있는 요소들을 0이 아닌 값으로 리턴합니다. k = 0은 주 대각 요소들을, k > 0은 주 대각 요소들보다 위쪽을, k < 0은 주 대각 요소들보다 아래쪽을 가리킵니다.

[res] torch.zeros([res,] x)

y=torch.zeros(n)는 0으로 채워진 크기가 n인 1차원 텐서 하나를 리턴합니다.

y=torch.zeros(m,n)은 0으로 채워진 m x n 텐서 하나를 리턴합니다.

4차원 이상인 경우, 스토리지가 인자로 사용될 수 있습니다. y=torch.zeros(torch.LongStorage{m,n,k,l,o}).

요소별 수학 연산

[res] torch.abs([res,] x)

y=torch.abs(x)는 x에 있는 요소들의 절댓값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:abs()는 x에 있는 각 요소의 절댓값을 계산하여, 그 값을 그 요소가 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.acos([res,] x)

y=torch.acos(x)는 x에 있는 요소들의 아크코사인 값들들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:acos()는 x에 있는 각 요소의 아크코사인을 계산하여, 그 값을 그 요소가 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.asin([res,] x)

y=torch.asin(x)는 x에 있는 요소들의 아크사인 값들들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:asin()는 x에 있는 각 요소의 아크사인을 계산하여, 그 값을 그 요소가 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.atan([res,] x)

y=torch.atan(x)는 x에 있는 요소들의 아크탄젠트 값들들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:atan()는 x에 있는 각 요소의 아크탄젠트를 계산하여, 그 값을 그 요소가 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.ceil([res,] x)

y=torch.ceil(x)는 x에 있는 요소들의 값을 그 값에서 가장 가까운 정수로 올림하여, 그 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:ceil()은 x에 있는 요소들의 값들을 그 값에서 가장 가까운 정수로 올림하여, 그 값들을 그 요소들이 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.cos([res,] x)

y=torch.cos(x)는 x에 있는 요소들의 코사인 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:cos()는 x에 있는 각 요소의 코사인을 계산하여, 그 값을 그 요소가 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.cosh([res,] x)

y=torch.cosh(x)는 x에 있는 요소들의 w-zh인(hyperbolic cosine) 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:cosh()는 x에 있는 각 요소의 쌍곡코사인을 계산하여, 그 값을 그 요소가 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.exp([res,] x)

y=torch.exp(x)는 x에 있는 각 요소에 대한 e(x)으 로그)의 x승 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:exp()는 x에 있는 각 요소에 대한 e(자연 로그)의 x승 값을 계산하여, 그 값을 그 요소가 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.floor([res,] x)

y=torch.floor(x)는 x에 있는 요소들의 값들을 그 값에서 가장 가까운 정수로 내림하여, 그 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:floor()는 x에 있는 요소들의 값들을 그 값에서 가장 가까운 정수로 내림하여, 그 값들을 그 요소들이 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.log([res,] x)

y=torch, log(x)는 x에 있는 요소들의 자연 로그 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:log()는 x에 있는 요소들의 자연 로그 값들을 계산하여, 그 값들을 그 요소들이 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.log1p([res,] x)

y=torch,log1p(x)는 x+1에 있는 요소들의 자연 로그 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:log1p()는 x+1에 있는 요소들의 자연 로그 값들을 계산하여, 그 값들을 그 요소들이 있던 원래 자리에 다시 저장합니다. 이 함수는 작은 값의 x에 대해 log()보다 더 정확합니다.

x:neg()

x:neg()는 x에 있는 모든 요소의 부호를 반대로 바꿔 그 요소가 원래 있던 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.pow([res,] x, n)

x를 한 텐서, 그리고 n을 한 숫자라고 합시다.

y=torch.pow(x,n)은 x의 n승 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

y=torch.pow(n,x)는 n의 x승 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:pow(n)은 x의 n승 값들을 계산하여, 그 값들을 그 요소들이 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.round([res,] x)

y=torch.round(x)는 x에 있는 요소들의 값들을 반올림한 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:round()는 x에 있는 요소들의 값들을 반올림하여, 그 값들을 그 요소들이 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.sin([res,] x)

y=torch.sin(x)는 x에 있는 요소들의 사인 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:sin()는 x에 있는 각 요소의 사인(sine) 값을 계산하여, 그 값을 그 요소가 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.sinh([res,] x)

y=torch.sinh(x)는 x에 있는 요소들의 쌍곡사인(hyperbolic sine) 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:sinh()는 x에 있는 각 요소의 쌍곡사인 값을 계산하여, 그 값을 그 요소가 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.sqrt([res,] x)

y=torch.sqrt(x)는 x에 있는 요소들의 제곱근 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:sqrt()는 x에 있는 요소들의 제곱근 값들을 계산하여, 그 값들을 그 요소가 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.tan([res,] x)

y=torch.tan(x)는 x에 있는 요소들의 탄젠트 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:tan()는 x에 있는 각 요소의 탄젠트 값을 계산하여, 그 값을 그 요소가 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

[res] torch.tanh([res,] x)

y=torch.tanh(x)는 x에 있는 요소들의 쌍곡탄젠트(hyperbolic tangent) 값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:tanh()는 x에 있는 각 요소의 쌍곡탄젠트를 계산하여, 그 값을 그 요소가 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

기본적인 연산

이 절에서, 우리는 텐서를 위한 기본적인 수학 연산들을 설명합니다.

[res] torch.add([res,] tensor, value)

인자로 입력된 값을 텐서에 있는 모든 요소에 더합니다.

y=torch.add(x,value)는 새 텐서 하나를 리턴합니다.

x:add(value)는 value를 더하여, 그 값을 그 요소가 있던 원래 자리에 저장합니다.

[res] torch.add([res,] tensor1, tensor2)

tensor1과 tensor2를 더하여 그 결과를 res에 넣습니다. 두 텐서의 요소 개수는 반드시 같아야 합니다. 그러나 두 텐서의 차원은 다를 수도 있습니다.

```
> x = torch.Tensor(2,2):fill(2)
> y = torch.Tensor(4):fill(3)
> x:add(y)
> = x
5     5
5     5
[torch.Tensor of dimension 2x2]
```

y=torch.add(a,b)는 새 텐서 하나를 리턴합니다.

torch.add(y,a,b)는 a+b를 y에 넣습니다.

a:add(b)는 b에 있는 모든 요소들을 (요소별로) a로 누적합니다.

y:add(a,b)는 a+b를 y에 넣습니다.

[res] torch.add([res,] tensor1, value, tensor2)

tensor2에 있는 요소들에 스칼라 value를 곱하고, 거기에 tensor1을 더합니다. 두 텐서의 요소 개수는 반드시 같아야 합니다. 그러나 차원은 다를 수도 있습니다.

```
> x = torch.Tensor(2,2):fill(2)
> y = torch.Tensor(4):fill(3)
> x:add(2, y)
> = x
8    8
8    8
[torch.Tensor of dimension 2x2]
```

x:add(value,y)는 y의 요소 값들에 value를 곱하여, x에 누적합니다.

```
z:add(x,value,y)는 x + value*y의 결과를 z에 넣습니다.
torch.add(x,value,y)는 x + value*y의 결과를 새 텐서 하나로 리턴합니다.
torch.add(z,x,value,y)는 x + value*y의 결과를 z에 넣습니다.
```

tensor:csub(value)

인자로 입력된 value를 그 텐서에 있는 모든 요소들에서 빼서 그 요소가 있던 원래 자리에 다리 저장합니다.

tensor1:csub(tensor2)

tensor2를 tensor1에서 뺍니다. 요소 개수는 반드시 같아야합니다. 차원은 다를 수도 있습니다.

```
> x = torch.Tensor(2,2):fill(8)
> y = torch.Tensor(4):fill(3)
> x:csub(y)
> = x
5 5
5 5
[torch.Tensor of dimension 2x2]
```

a:csub(b) a - b의 결과를 a로 넣습니다.

[res] torch.mul([res,] tensor1, value)

```
tensor1 안에 있는 모든 요소들에 value를 곱합니다.

z=torch.mu1(x,2)는 x*2의 결과를 새 텐서 하나로 리턴합니다.

torch.mu1(z,x,2)는 x*2의 결과를 z에 넣습니다.

x:mu1(2)는 x의 모든 각 요소에 2를 곱하여 그 요소가 있던 원래 자리에 다시 저장합니다.

z:mu1(x,2)는 x*2의 결과를 z에 넣습니다.
```

[res] torch.clamp([res,] tensor, min_value, max_value)

tensor의 모든 요소들을 범위 [min_value, max_value]로 줄입니다. 다시 말해,

x:clamp(0,1)는 clamp 연산을 제자리에서 수행합니다 (즉, 연산 결과를 다시 x에 저장합니다).

z:clamp(x,0,1)는 그 결과를 z에 넣습니다.

[res] torch.cmul([res,] tensor1, tensor2)

tensor1와 tensor2의 요소별 곱셈. 요소 개수는 반드시 같아야 합니다. 차원은 다를 수도 있습니다.

```
> x = torch.Tensor(2,2):fill(2)
> y = torch.Tensor(4):fill(3)
> x:cmul(y)
> = x
6  6
6  6
[torch.Tensor of dimension 2x2]
```

z=torch.cmul(x,y)는 새 텐서 하나를 리턴합니다.

torch.cmul(z,x,y)는 그 결과를 z에 넣습니다.

y:cmu1(x)는 y의 모든 요소를 그에 상응하는 x의 요소와 곱합니다. 결괏값들은 y에 저장됩니다.

z:cmul(x,y)는 그 결과를 z에 넣습니다.

[res] torch.cpow([res,] tensor1, tensor2)

tensor1의 요소들을 받아서 tensor2의 요소들로 거듭제곱하는 요소별 제곱 연산. 요소 개수는 반드시같아야 합니다. 그러나 차원은 다를 수도 있습니다.

```
> x = torch.Tensor(2,2):fill(2)
> y = torch.Tensor(4):fill(3)
> x:cpow(y)
> = x
8 8
```

```
8 8
[torch.Tensor of dimension 2x2]
```

```
      z=torch.cpow(x,y)는 새 텐서 하나를 리턴합니다.

      torch.cpow(z,x,y)는 그 결과를 z에 넣습니다.

      y:cpow(x) 는 y의 모든 요소들을 받아서 그에 상응하는 x의 요소들로 제곱합니다.

      z:cpow(x,y)는 그 결과를 z에 넣습니다.
```

[res] torch.addcmul([res,] x [,value], tensor1, tensor2)

tensor1과 tensor2를 요소별로 곱합니다. 그 결과에 스칼라 value(만약 없으면 1)를 곱합니다. 그 결과에 x를 더합니다. 요소 개수는 반드시 같아야 합니다. 그러나 차원은 다를 수도 있습니다.

```
> x = torch.Tensor(2,2):fill(2)
> y = torch.Tensor(4):fill(3)
> z = torch.Tensor(2,2):fill(5)
> x:addcmul(2, y, z)
> = x
32     32
32     32
[torch.Tensor of dimension 2x2]
```

```
z:addcmul(value,x,y)는 그 결과를 z에 누적합니다.
```

torch.addcmul(z,value,x,y)는 그 결과를 새 텐서 하나로 리턴합니다.

torch.addcmul(z,z,value,x,y)는 그 결과를 z에 넣습니다.

[res] torch.div([res,] tensor, value)

tensor의 모든 요소들을 주어진 value로 나눕니다.

z=torch.div(x,2)는 x/2의 결과들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

torch.div(z,x,2)는 x/2의 결과를 z에 넣습니다.

x:div(2)는 x의 모든 요소들을 2로 나눈 값을 그 요소가 원래 있던 자리에 저장합니다.

z:div(x,2) 는 x/2의 결과를 z에 넣습니다.

[res] torch.cdiv([res,] tensor1, tensor2)

tensor1의 각 요소를 그에 상응하는 tensor2의 각 요소로 나눕니다 (요소별 나눗셈). 요소 개수는 반드시같아야 합니다. 그러나 차원은 다를 수도 있습니다.

```
> x = torch.Tensor(2,2):fill(1)
> y = torch.range(1,4)
> x:cdiv(y)
> = x
1.0000    0.5000
0.3333    0.2500
[torch.Tensor of dimension 2x2]
```

z=torch.cdiv(x,y)는 새 텐서 하나를 리턴합니다.

torch.cdiv(z,x,y)는 그 결과를 z에 넣습니다.

y:cdiv(x)는 y의 모든 요소들을 그에 상응하는 x의 요소들로 나눕니다.

z:cdiv(x,y)는 그 결과를 z에 넣습니다.

[res] torch.addcdiv([res,] x [,value], tensor1, tensor2)

tensor1의 각 요소를 그에 상응하는 tensor2의 각 요소로 나눕니다 (요소별 나눗셈). 그 결과에 스칼라 value를 곱합니다. 그 결과를 x에 더합니다. 요소 개수는 반드시 같아야 합니다. 그러나 차원은 다를 수도 있습니다.

```
> x = torch.Tensor(2,2):fill(1)
> y = torch.range(1,4)
> z = torch.Tensor(2,2):fill(5)
> x:addcdiv(2, y, z)
> = x
1.4000   1.8000
2.2000   2.6000
[torch.Tensor of dimension 2x2]
```

z:addcdiv(value,x,y)는 그 결과를 z에 누적합니다.

torch.addcdiv(z,value,x,y)는 그 결과를 가진 새 텐서 하나를 리턴합니다.

torch.addcdiv(z,z,value,x,y)는 그 결과를 z에 넣습니다.

[number] torch.dot(tensor1,tensor2)

tensor1과 tensor2의 내적(dot product)을 수행합니다. 요소 개수는 반드시 같아야 합니다. 두 텐서는 1차원벡터 하나처럼 보여집니다.

```
> x = torch.Tensor(2,2):fill(2)
> y = torch.Tensor(4):fill(3)
> = x:dot(y)
24
```

torch.dot(x,y)와 x:dot(y)는 x와 y의 내적을 리턴합니다.

[res] torch.addmv([res,] [beta,] [v1,] vec1, [v2,] mat, vec2)

mat(2차원 텐서)와 vec2(1차원 텐서)의 행렬 벡터 곱을 수행합니다. 그리고 그 결과를 vec1에 더합니다.

선택적인 값인 v1과 v2는 스칼라입니다. v1과 v2는 각각 vec1과 vec2를 확대합니다.

선택적인 값인 beta는 스칼라입니다. beta는 결과를 텐서에 누적하기 전에, res 텐서의 크기를 조절합니다. 기본값은 1.0입니다.

다른 말로.

```
res = (beta * res) + (v1 * vec1) + (v2 * (mat * vec2))
```

차원(sizes)은 반드시 행렬 곱 연산이 가능하게 설정되어야 합니다. 만약 mat가 $n \times m$ 행렬이면, vec_2 는 반드시 크기 m인 벡터여야하고. vec_1 은 반드시 크기 n인 벡터여야 합니다.

```
> x = torch.Tensor(3):fill(0)
> M = torch.Tensor(3,2):fill(3)
> y = torch.Tensor(2):fill(2)
> x:addmv(M, y)
> = x
12
12
12
[torch.Tensor of dimension 3]
```

```
torch.addmv(x,y,z)는 그 결과로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.
```

torch.addmv(r,x,y,z)는 그 결과를 r에 넣습니다.

x:addmv(y,z)는 y*z를 x에 누적합니다.

r:addmv(x,y,z)는 x+y*z의 결과를 r에 넣습니다.

[res] torch.addr([res,] [v1,] mat, [v2,] vec1, vec2)

vec1(1차원 텐서)과 vec2(1차원 텐서)의 외적(outer product)을 수행합니다.

선택적인 값인 v1과 v2는 스칼라입니다. v1은 mat를, v2는 (vec1 [외적] vec2)를 각각 확대합니다.

다른 말로,

```
res_ij = (v1 * mat_ij) + (v2 * vec1_i * vec2_j)
```

만약 vec1이 크기 n인 벡터이고 vec2가 크기 m인 벡터이면, mat의 차원은 반드시 n x m이어야 합니다.

```
> x = torch.range(1,3)
> y = torch.range(1,2)
> M = torch.Tensor(3,2):zero()
> M:addr(x, y)
1      2
2      4
3      6
[torch.Tensor of dimension 3x2]
```

torch.addr(M,x,y)는 그 결과를 새 텐서 하나로 리턴합니다.

torch.addr(r,M,x,y)는 그 결과를 r에 넣습니다.

M:addr(x,y)는 그 결과를 M에 넣습니다..

r:addr(M,x,y)는 그 결과를 r에 넣습니다.

[res] torch.addmm([res,] [beta,] [v1,] M [v2,] mat1, mat2)

mat1(2차원 텐서)과 mat2(2차원 텐서) 사이의 행렬 행렬 곱을 수행합니다.

선택적인 값 v1과 v2는 스칼라입니다. v1은 M을 v2는 (mat1 * mat2)를 각각 확대합니다.

선택적인 값 beta는 스칼라입니다. beta는 결과를 텐서에 누적하기 전에 결과 텐서의 크기를 조절합니다. 기본값은 1.0입니다.

다른 말로,

```
res = (res * beta) + (v1 * M) + (v2 * mat1*mat2)
```

만약 mat1이 $n \times m$ 행렬이면, 반드시 mat2는 $m \times p$ 행렬이고, m은 $n \times p$ 행렬이어야 합니다.

torch.addmm(M,mat1,mat2)는 그 결과를 새 텐서 하나로 리턴합니다.

torch.addmm(r,M,mat1,mat2)는 그 결과를 r에 넣습니다.

M:addmm(mat1,mat2)는 그 결과를 M에 넣습니다.

r:addmm(M,mat1,mat2)는 그 결과를 r에 넣습니다.

[res] torch.addbmm([res,] [v1,] M [v2,] batch1, batch2)

batch1과 batch2에 저장된 행렬들을 묶음(batch) 행렬 행렬 곱하고, 그 모든 행렬 곱 결과들을 한 곳으로 누적합니다.

batch1과 batch2는 반드시 각각 같은 수의 행렬을 가진 3차원 텐서여야 합니다. 만약 batch1이 $b \times n \times m$ 텐서이고, batch2가 $b \times m \times p$ 텐서이면, res 는 $n \times p$ 텐서일 것입니다.

다른 말로,

```
res = (v1 * M) + (v2 * sum(batch1_i * batch2_i, i=1,b))
```

torch.addbmm(M,x,y)는 그 결과를 새 텐서 하나에 넣습니다.

M:addbmm(x,y)는 필요할 경우 M의 크기를 바꾸어, 그 결과를 M에 넣습니다.

M:addbmm(beta,M2,alpha,x,y)는 필요할 경우 M의 크기를 바꾸어, 그 결과를 M에 넣습니다.

[res] torch.baddbmm([res,] [v1,] M [v2,] batch1, batch2)

묶음 덧셈을 가진 batch1과 batch2에 저장된 행렬들의 묶음(batch) 행렬 행렬 곱.

batch1과 batch2는 반드시 각각 같은 수의 행렬을 가진 3차원 텐서여야 합니다. 만약 batch1이 $b \times n \times m$ 텐서이고, batch2가 $b \times m \times p$ 텐서이면, res 는 $b \times n \times p$ 텐서일 것입니다.

다른 말로,

```
res_i = (v1 * M_i) + (v2 * batch1_i * batch2_i)
```

torch.baddbmm(M,x,y)는 그 결과를 새 텐서 하나에 넣습니다.

M:baddbmm(x,y)는 필요할 경우 M의 크기를 바꾸어, 그 결과를 M에 넣습니다.

M:baddbmm(beta,M2,alpha,x,y)는 필요할 경우 M의 크기를 바꾸어, 그 결과를 M에 넣습니다.

[res] torch.mv([res,] mat, vec)

mat와 vec의 행렬 벡터 곱. 차원(sizes)은 반드시 행렬 벡터 곱 연산이 가능하도록 설정되어 있어야 합니다. 만약 mat가 n x m 행렬이면, vec는 반드시 크기 m인 벡터이고 res는 반드시 크기 n인 벡터여야 합니다.

torch.mv(x,y)는 그 결과를 새 텐서 하나에 넣습니다.

torch.mv(M,x,y)는 그 결과를 M에 넣습니다.

M:mv(x,y)는 그 결과를 M에 넣습니다.

[res] torch.mm([res,] mat1, mat2)

mat1와 mat2의 행렬 행렬 a. 만약 mat1이 n x m 행렬이면, 반드시 mat2는 m x p 행렬이고, mat2는 m x p 행렬이다.

torch.mm(x,y)는 그 결과를 새 텐서 하나에 넣습니다.

torch.mm(M,x,y)는 그 결과를 M에 넣습니다.

M:mm(x,y)는 그 결과를 M에 넣습니다.

[res] torch.bmm([res,] batch1, batch2)

batch1과 batch2에 저장된 행렬들의 묶음(batch) 행렬 행렬 곱. batch1과 batch2는 반드시 각각 같은 수의 행렬을 가진 3차원 텐서여야 합니다. 만약 batch1이 $b \times n \times m$ 텐서이고, batch2가 $b \times m \times p$ 텐서이면, res 는 $b \times n \times p$ 텐서일 것입니다.

torch.bmm(x,y)는 그 결과를 새 텐서 하나에 넣습니다.

torch.bmm(M,x,y)는 필요할 경우 M의 크기를 바꾸어, 그 결과를 M에 넣습니다.

M:bmm(x,y)는 필요할 경우 M의 크기를 바꾸어, 그 결과를 M에 넣습니다.

[res] torch.ger([res,] vec1, vec2)

vec1과 vec2의 외적(outer product). 만약 vec1이 크기 n인 벡터이고 vec2가 크기 m인 벡터이면, res는 반드시 크기 $n \times m$ 인 행렬이어야 합니다.

torch.ger(x,y)는 그 결과를 새 텐서 하나에 넣습니다.

torch.ger(M,x,y)는 그 결과를 M에 넣습니다.

M:ger(x,y)는 그 결과를 M에 넣습니다.

오버로드된 연산자

텐서들에 기본적인 수학 연산자들(+, -, *, /)을 사용할 수 있습니다. 이 연산자들은 편의를 위해 제공됩니다. 비록 이 연산자들이 쓰기 편하긴 하지만, 이 연산자들은 연산 결과를 새 텐서에 담아리는 이다. 따라서 수학 연산자들을 사용한 연산들은 이전 절의 연산들만큼 빠르지 않습니다.

유념할 또다른 중요한 점은 이 연산들이 오직 첫 피연산자가 텐서일 때만 오버로드된다는 점입니다. 예를 들어. 다음은 작동하지 않습니다:

```
> x = 5 + torch.rand(3)
```

덧셈과 뺄셈

한 텐서를 또다른 한 텐서와 + 연산자로 더할 수 있습니다. 뺄셈은 - 연산자로 수행됩니다. 그 텐서들에 있는 요소 개수는 반드시 같아야 합니다. 그러나 차원은 다를 수도 있습니다. 리턴된 텐서의 차원은 첫 텐서의 차원과 같습니다.

```
1 [torch.Tensor of dimension 4]
```

스칼라 또한 텐서에 더해지거나 빼질 수 있습니다. 그 스칼라는 연산자의 오른쪽에 있어야 합니다.

```
> x = torch.Tensor(2,2):fill(2)
> = x+3
5    5
5    5
[torch.Tensor of dimension 2x2]
```

부정 (Negation)

한 텐서는 그 텐서 앞에 - 연산자를 붙임으로써 부정될 수 있습니다.

```
> x = torch.Tensor(2,2):fill(2)
> = -x
-2 -2
-2 -2
[torch.Tensor of dimension 2x2]
```

곱셈

두 텐서 사이 곱은 * 연산자로 지원됩니다. 그 곱셈의 결과는 텐서들의 차원에 따라 달라집니다.

- 1차원과 1차원: 두 텐서의 내적을 리턴합니다 (스칼라).
- 2차원과 1차원: 두 텐서의 행렬-벡터 연산을 리턴합니다 (1차원 텐서).
- 2차원과 2차원: 두 텐서의 행렬-행렬 연산을 리턴합니다 (2차원 텐서).

차원은 반드시 행렬 곱 연산에 맞게 설정되어 있어야 합니다.

또한, 텐서는 스칼라로 곱해질 수도 있습니다. 그 스칼라는 연산자의 왼쪽 또는 오른쪽에 있을 수 있습니다.

예:

```
> M = torch.Tensor(2,2):fill(2)
> N = torch.Tensor(2,4):fill(3)
> x = torch.Tensor(2):fill(4)
> y = torch.Tensor(2):fill(5)
> = x*y -- 내적
40

> = M*x --- 행렬-벡터
16
16
[torch.Tensor of dimension 2]

> = M*N -- 행렬-행렬
12 12 12 12
12 12 12 12
[torch.Tensor of dimension 2x4]
```

나눗셈

연산자 /는 오직 텐서를 스칼라로 나누는 것만 지원합니다.

예:

```
> x = torch.Tensor(2,2):fill(2)
> = x/3
0.6667  0.6667
0.6667  0.6667
[torch.Tensor of dimension 2x2]
```

열 또는 행 방향으로 연산 (차원 방향으로 연산)

[res] torch.cross([res,] a, b [,n])

y=torch.cross(a,b)는 길이가 3인 첫 번째 차원을 따라 a와 b의 벡터곱(cross product)을 리턴합니다.

y=torch.cross(a,b,n)는 n차원에서 a와 b의 벡터곱을 리턴합니다.

a와 b는 반드시 사이즈가 같아야 합니다. 그리고 a:size(n)와 b:size(n)은 반드시 3이어야 합니다.

[res] torch.cumprod([res,] x [,dim])

y=torch.cumprod(x)는 x에 있는 요소들의 누적 곱을 리턴합니다. 그 연산은 마지막 차원에서 요소들이 놓여있는 방향으로 수행됩니다.

y=torch.cumprod(x,n)는 x에 있는 요소들의 누적 곱을 리턴합니다. 그 연산은 차원 n에서 요소들이 놓여있는 방향으로 수행됩니다.

```
-- 1. 벡터의 누적 곱
> A=torch.range(1,5)
> A
1
2
3
4
5
[torch.DoubleTensor of size 5]
> B=torch.cumprod(A)
> B
        -- B(1) = A(1) = 1
  1
       -- B(2) = A(1)*A(2) = 1*2 = 2
       -- B(3) = A(1)*A(2)*A(3) = 1*2*3 = 6
 24
        -- B(4) = A(1)*A(2)*A(3)*A(4) = 1*2*3*4 = 24
         -- B(5) = A(1)*A(2)*A(3)*A(4)*A(5) =1*2*3*4*5 = 120
[torch.DoubleTensor of size 5]
-- 2. 행렬의 누적 곱
> A=torch.LongTensor{{1,4,7},{2,5,8},{3,6,9}}
> A
1 4 7
2 5 8
3 6 9
[torch.LongTensor of size 3x3]
> B=torch.cumprod(A)
> B
  1
       4
           7
     20
           56
  6 120 504
[torch.LongTensor of size 3x3]
-- Why?
-- B(1,1) = A(1,1) = 1
-- B(2,1) = A(1,1)*A(2,1) = 1*2 = 2
-- B(3,1) = A(1,1)*A(2,1)*A(3,1) = 1*2*3 = 6
-- B(1,2) = A(1,2) = 4
-- B(2,2) = A(1,2)*A(2,2) = 4*5 = 20
-- B(3,2) = A(1,2)*A(2,2)*A(3,2) = 4*5*6 = 120
-- B(1,3) = A(1,3) = 7
-- B(2,3) = A(1,3)*A(2,3) = 7*8 = 56
-- B(3,3) = A(1,3)*A(2,3)*A(3,3) = 7*8*9 = 504
```

```
-- 3. 행렬의 2차원에 대한 누적 곱
> B=torch.cumprod(A,2)
> B
       4
           28
      10
          80
      18 162
  3
[torch.LongTensor of size 3x3]
-- Why?
-- B(1,1) = A(1,1) = 1
-- B(1,2) = A(1,1)*A(1,2) = 1*4 = 4
-- B(1,3) = A(1,1)*A(1,2)*A(1,3) = 1*4*7 = 28
-- B(2,1) = A(2,1) = 2
-- B(2,2) = A(2,1)*A(2,2) = 2*5 = 10
-- B(2,3) = A(2,1)*A(2,2)*A(2,3) = 2*5*8 = 80
-- B(3,1) = A(3,1) = 3
-- B(3,2) = A(3,1)*A(2,3) = 3*6 = 18
-- B(3,3) = A(3,1)*A(2,3)*A(3,3) = 3*6*9 = 162
```

[res] torch.cumsum([res,] x [,dim])

y=torch.cumsum(x)는 x에 있는 요소들의 누적 합을 리턴합니다. 그 연산은 첫 번째 차원에서 요소들이 놓여있는 방향으로 수행됩니다.

y=torch.cumsum(x,n)는 x에 있는 요소들의 누적 곱을 리턴합니다. 그 연산은 차원 n에서 요소들이 놓여있는 방향으로 수행됩니다.

torch.max([resval, resind,] x [,dim])

y=torch.max(x)는 x에서 가장 큰 요소 하나를 리턴합니다.

y,i=torch.max(x,1)는 y와 i를 리턴합니다. y에는 x의 각 열에서 가장 큰 요소 하나가 들어갑니다. i에는 y에 있는 요소 값들에 상응하는 x에서의 인덱스들로 구성된 텐서가 들어갑니다.

y,i=torch.max(x,2)는 각 행에 대한 max 연산을 수행합니다.

y,i=torch.max(x,n)는 차원 n에 걸쳐 max 연산을 수행합니다.

```
> x=torch.randn(3,3)
> x
1.1994 -0.6290  0.6888
-0.0038 -0.0908 -0.2075
0.3437 -0.9948  0.1216
```

```
[torch.DoubleTensor of size 3x3]
th> torch.max(x)
1.1993977428735

th> torch.max(x,1)
1.1994 -0.0908   0.6888
[torch.DoubleTensor of size 1x3]

1  2  1
[torch.LongTensor of size 1x3]

th> torch.max(x,2)
1.1994
-0.0038
   0.3437
[torch.DoubleTensor of size 3x1]

1  1
1  [torch.LongTensor of size 3x1]
```

[res] torch.mean([res,] x [,dim])

```
      y=torch.mean(x)는 x에 있는 모든 요소들의 평균을 리턴합니다.

      y=torch.mean(x,1)는 x에 있는 각 열에 있는 요소들의 평균으로 구성된 텐서 y를 리턴합니다.

      y=torch.mean(x,2)는 각 행을 위한 평균 연산을 수행합니다.

      y=torch.mean(x,n)는 차원 n에 걸친 평균 연산을 수행합니다.
```

torch.min([resval, resind,] x [,dim])

y=torch.min(x)는 x에 있는 가장 작은 요소 하나를 리턴합니다.

y,i=torch.min(x,1)는 y와 i를 리턴합니다. y는 x의 각 열에서 가장 작은 요소 하나입니다. i는 x의 각 열에서 가장 작은 요소가 있는 인덱스들로 구성된 텐서입니다.

y,i=torch.min(x,2)는 각 행에 대한 min 연산을 수행합니다.

y,i=torch.min(x,n)는 min 연산을 차원 n에 걸쳐 수행합니다.

[res] torch.cmax([res,] tensor1, tensor2)

```
tensor1과 tensor2에 있는 상응하는 각 두 요소별 최댓값들로 구성된 텐서 하나를 리턴합니다.
```

c=torch.cmax(a, b)는 a와 b의 요소별 최댓값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

a:cmax(b)는 a와 b의 요소별 최댓값을 a에 저장합니다.

c:max(a, b)는 a와 b의 요소별 최댓값을 c에 저장합니다.

```
> a = torch.Tensor{1, 2, 3}
> b = torch.Tensor{3, 2, 1}
> = torch.cmax(a, b)
3
2
3
[torch.DoubleTensor of size 3]
```

[res] torch.cmax([res,] tensor, value)

tensor에 있는 각 요솟값과 value 사이의 최댓값을 계산합니다.

c=torch.cmax(a, v)는 v와 a의 각 요솟값 사이의 최댓값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

a:cmax(v)는 a의 각 요솟값과 v 사이의 최댓값들을 a에 저장합니다.

c:max(a, v)는 a의 각 요솟값과 v 사이의 최댓값들을 c에 저장합니다.

```
> a = torch.Tensor{1, 2, 3}
> = torch.cmax(a, 2)
2
2
3
[torch.DoubleTensor of size 3]
```

[res] torch.cmin([res,] tensor1, tensor2)

tensor1과 tensor2에 있는 상응하는 각 두 요소의 최솟값들로 구성된 텐서 하나를 리턴합니다.

c=torch.cmin(a, b)는 a와 b의 요소별 최솟값을 포함하는 새 텐서 하나를 리턴합니다.

a:cmin(b)는 a와 b의 요소별 최솟값을 a에 저장합니다.

c:min(a, b)는 a와 b의 요소별 최솟값을 c에 저장합니다.

```
> a = torch.Tensor{1, 2, 3}
> b = torch.Tensor{3, 2, 1}
> = torch.cmin(a, b)
1
2
1
[torch.DoubleTensor of size 3]
```

[res] torch.cmin([res,] tensor, value)

tensor에 있는 각 요솟값과 value 사이의 최솟값을 계산합니다.

c=torch.cmin(a, v)는 v와 a의 각 요솟값 사이의 최솟값들로 구성된 새 텐서 하나를 리턴합니다.

a:cmin(v)는 a의 각 요솟값과 v 사이의 최솟값들을 a에 저장합니다.

c:min(a, v)는 a의 각 요솟값과 v 사이의 최솟값들을 c에 저장합니다.

```
> a = torch.Tensor{1, 2, 3}
> = torch.cmin(a, 2)
1
2
2
[torch.DoubleTensor of size 3]
```

torch.median([resval, resind,] x [,dim])

y=torch.median(x)는 x의 마지막 차원에 대한 중간 값(요소 수가 짝수인 경우 중간보다 하나 앞) 요소를 리턴합니다.

y,i=torch.median(x,1)는 y와 i를 리턴합니다. y에는 x의 각 열(행들을 건너뛰는)에 있는 중간 값이 리턴됩니다. 한 텐서 i에는 y에 있는 각 중간 값에 상응하는 x의 각 열에서의 인덱스들이 리턴됩니다.

y,i=torch.median(x,2)는 중간 값 연산을 각 행별로 수행합니다.

y,i=torch.median(x,n)는 중간 값 연산을 차원 n에 대해 수행합니다.

```
> x=torch.randn(3,3)
0.7860 0.7687 -0.9362
0.0411 0.5407 -0.3616
-0.0129 -0.2499 -0.5786
[torch.DoubleTensor of size 3x3]
> y,i=torch.median(x)
> y
0.7687
0.0411
-0.2499
[torch.DoubleTensor of size 3x1]
> i
2
1
2
[torch.LongTensor of size 3x1]
> y,i=torch.median(x,1)
0.0411 0.5407 -0.5786
[torch.DoubleTensor of size 1x3]
> i
2 2 3
[torch.LongTensor of size 1x3]
> y,i=torch.median(x,2)
> y
0.7687
0.0411
-0.2499
[torch.DoubleTensor of size 3x1]
> i
2
1
[torch.LongTensor of size 3x1]
```

torch.mode([resval, resind,] x [,dim])

y=torch.mode(x)는 x의 마지막 차원에 대해 가장 빈번하게 나오는 요소를 리턴합니다.

y,i=torch.mode(x,1)는 y와 i를 리턴합니다. y에는 x에 있는 각 열의 모드 요소가 리턴됩니다. i에는 y에 있는 각 값에 상응하는 x의 각 열에서의 인덱스들이 리턴됩니다.

y,i=torch.mode(x,2)는 모드 연산을 각 행에 대해 수행합니다.

y,i=torch.mode(x,n)는 모드 연산을 차원 n에 대해 수행합니다.

torch.kthvalue([resval, resind,] x, k [,dim])

v=torch.kthvalue(x,k)는 x의 마지막 차원에 대한 k 번째로 작은 요소를 리턴합니다.

y,i=torch.kthvalue(x,k,1)는 y와 i를 리턴합니다. y에는 x의 각 열에서 k 번째로 작은 요소가 리턴됩니다. i에는 y에 있는 각 값에 상응하는 x의 각 열에서의 인덱스들이 리턴됩니다.

y,i=torch.kthvalue(x,k,2)는 k 번째 값 연산을 각 행에 대해 수행합니다.

y,i=torch.kthvalue(x,k,n)는 k 번째 값 연산을 차원 n에 대해 수행합니다.

[res] torch.prod([res,] x [,n])

y=torch.prod(x)는 x에 있는 모든 요소의 곱을 리턴합니다.

y=torch.prod(x,n)는 한 텐서 y를 리턴합니다. 차원 n의 크기는 1로 줄어듭니다. 그리고 그 줄어든 요소가 있는 자리에 줄어든 차원 n에 걸쳐있던 x의 요소들의 곱이 저장됩니다.

```
> a = torch.Tensor{{{1,2},{3,4}}, {{5,6},{7,8}}}
> a
(1,.,.) =
    1    2
    3    4

(2,.,.) =
    5    6
    7    8
[torch.DoubleTensor of dimension 2x2x2]
> torch.prod(a, 1)
```

```
(1,.,.) =
  5 12
 21 32
[torch.DoubleTensor of dimension 1x2x2]
> torch.prod(a, 2)
(1,.,.) =
  3 8
(2,.,.) =
 35 48
[torch.DoubleTensor of size 2x1x2]
> torch.prod(a, 3)
(1,.,.) =
  2
 12
(2,.,.) =
 30
 56
[torch.DoubleTensor of size 2x2x1]
```

torch.sort([resval, resind,] x [,d] [,flag])

y,i=torch.sort(x)는 y와 i를 리턴합니다. y에는 x의 모든 항목들이 마지막 차원을 따라 오름차순으로 정렬된 결과가 리턴됩니다. 한 텐서 i에는 y에 있는 요소들에 상응하는 x에서의 인덱스들이 리턴됩니다.

y,i=torch.sort(x,d)는 특정 차원 d를 따라 정렬 연산을 수행합니다.

y,i=torch.sort(x)는 그러므로 y,i=torch.sort(x,x:dim())와 같습니다.

y,i=torch.sort(x,d,true)는 특정 차원 d를 따라 **내림차순으로** 정렬 연산을 수행합니다.

```
> x=torch.randn(3,3)
> x
-1.2470 -0.4288 -0.5337
0.8836 -0.1622  0.9604
0.6297  0.2397  0.0746
[torch.DoubleTensor of size 3x3]
> torch.sort(x)
-1.2470 -0.5337 -0.4288
-0.1622  0.8836  0.9604
0.0746  0.2397  0.6297
[torch.DoubleTensor of size 3x3]
1 3 2
2 1 3
```

[res] torch.std([res,] x, [,dim] [,flag])

```
y=torch.std(x)는 x에 있는 요소들의 표준 편차를 리턴합니다.

y=torch.std(x,dim)는 차원 dim에 대해 std 연산을 수행합니다.

y=torch.std(x,dim,false)는 n-1으로 정규화된 std 연산을 수행합니다 (이것이 기본값입니다).
```

y=torch.std(x,dim,true)는 n-1 대신 n으로 정규화된 std 연산을 수행합니다.

[res] torch.sum([res,] x)

```
y=torch.sum(x)는 x에 있는 요소들의 합을 리턴합니다. 
 y=torch.sum(x,2)는 x의 각 열에 대한 요소들의 합을 리턴합니다. 
 y=torch.sum(x,n)는 x의 차원 n에 대한 요소들의 합을 리턴합니다.
```

[res] torch.var([res,] x [,dim] [,flag])

```
y=torch.var(x)는 x에 있는 요소들의 분산을 리턴합니다.

y=torch.var(x,dim)는 차원 dim에 걸쳐 var 연산을 수행합니다.

y=torch.var(x,dim,false)는 n-1으로 정규화된 var 연산을 수행합니다 (이것이 기본값입니다).

y=torch.var(x,dim,true)는 n-1대신 n으로 정규화된 var 연산을 수행합니다.
```

행렬 전체에 대한 연산 (텐서 전체에 대한 연산); Matrix-wide operations (tensor-wide operations)

유념하십시오. 차원별 연산들에 있는 연산들도 단지 dim 파라미터를 생략함으로써 행렬 전체에 대한 연산들에 사용될 수 있습니다.

torch.norm(x [,p] [,dim])

```
y=torch.norm(x)는 x의 2놈(norm)을 리턴합니다.

y=torch.norm(x,p)는 텐서 x의 p놈을 리턴합니다.

y=torch.norm(x,p,dim)는 차원 dim에 걸쳐 계산된 텐서 x의 p놈을 리턴합니다.
```

torch.renorm([res], x, p, dim, maxnorm)

차원 dim을 따라 maxnorm 놈을 초과하는 서브텐서들을 renormalize합니다.

y=torch.renorm(x,p,dim,maxnorm)는 dim 차원을 제외한 모든 차원들에 걸쳐 maxnorm을 넘지 않는 p놈을 가진 x의 한 버전을 리턴합니다. dim 인자를 함수 norm에 있는 같은 이름을 가진 인자와 헷갈리지 않아야합니다. 이 경우, 각 i 번째 서브텐서 x:select(dim,i)를 위해 p놈이 측정됩니다. 이 함수는 다음과 같습니다(그러나 더 빠릅니다).

```
function renorm(matrix, value, dim, maxnorm)
  local m1 = matrix:transpose(dim, 1):contiguous()
  -- collapse non-dim dimensions:
  m2 = m1:reshape(m1:size(1), m1:nElement()/m1:size(1))
  local norms = m2:norm(value,2)
  -- clip
  local new_norms = norms:clone()
  new_norms[torch.gt(norms, maxnorm)] = maxnorm
  new_norms:cdiv(norms:add(1e-7))
  -- renormalize
  m1:cmul(new_norms:expandAs(m1))
  return m1:transpose(dim, 1)
end
```

x:renorm(p,dim,maxnorm)는 x:copy(torch.renorm(x,p,dim,maxnorm))와 같은 결과를 리턴합니다.

주의: 이 함수는 파라미터 텐서들의 놈을 제한하기 위한 레귤러라이저(regularizer)로서 특히 유용합니다. 힌튼 외 2012, 2 쪽을 보십시오.

torch.dist(x,y)

y=torch.dist(x,y)는 x-y의 2놈을 리턴합니다.

y=torch.dist(x,y,p)는 x-y의 p놈을 리턴합니다.

torch.numel(x)

y=torch.numel(x)는 행렬 x에 있는 요소들의 개수를 리턴합니다.

torch.trace(x)

y=torch.trace(x)는 한 행렬 x의 대각합(대각 요소들의 합)을 리턴합니다. 이것은 x의 고윳값들의 합과 같습니다. 리턴되는 값 y는 (텐서 하나가 아니라) 숫자 하나입니다.

컨볼루션 연산

이 함수들은 한 커널(또는 커널들의 집합)을 가지고 한 입력 영상(또는 입력 영상들의 집합)의 컨볼루션 또는 상호 상관을 구현합니다. 토치의 컨볼루션 함수는 타입이 다른 입력/커널 차원들을 다룰 수 있습니다. 그리고 상응하는 출력들을 생성할 수 있습니다. 연산들의 일반적 형태는 항상 같습니다.

[res] torch.conv2([res,] x, k, [, 'F' or 'V'])

이 함수는 x와 k 사이의 2차원 컨볼루션을 계산합니다. 입력과 커널의 차원 수가 2로 줄어들 때, 이 연산들은 BLAS 연산과 비슷합니다.

- x와 k가 2차원 : 한 커널을 가진 한 영상의 컨볼루션 (2차원 출력). 이 연산은 두 스칼라의 곱과 비슷합니다.
- x(p x m x n)와 k(p x ki x kj)가 3차원: 상응하는 커널을 가진 각 입력 슬라이스의 컨볼루션 (3차원 출력).

● x(p x m x n) 3차원, k(q x p x ki x kj) 4차원 : 상응하는 커널의 슬라이스를 가진 모든 입력 슬라이스들의 컨볼루션. 출력은 3차원(q x m x n). 이 연산은 행렬 k와 벡터 x의 행렬 벡터 곱과 비슷합니다.

마지막 인자는 그 컨볼루션이 full('r') 컨볼루션인지 valid('v') 컨볼루션인지를 제어합니다. 기본값은 valid 컨볼루션입니다.

```
x = torch.rand(100,100)
k = torch.rand(10,10)
c = torch.conv2(x,k)
> c:size()
91
91
[torch.LongStorage of size 2]

c = torch.conv2(x,k,'F')
> c:size()
109
109
[torch.LongStorage of size 2]
```

[res] torch.xcorr2([res,] x, k, [, 'F' or 'V'])

이 함수는 torch.conv2와 같은 옵션들과 입력/출력 구성들을 가집니다. 그러나 입력과 커널 k의 상호 상관을 계산합니다.

[res] torch.conv3([res,] x, k, [, 'F' or 'V'])

이 함수는 x와 k 사이의 3차원 컨볼루션을 계산합니다. 입력과 커널의 차원들의 수가 3으로 줄어들 때, 이 연산들은 BLAS 연산들과 비슷합니다.

- x와 k가 3차원 : 한 커널을 가진 한 영상의 컨볼루션 (3차원 출력). 이 연산은 두 스칼라의 곱과 비슷합니다.
- x(p x m x n x o)와 k(p x ki x kj x kk)가 4차원 : 상응하는 커널을 가진 각 입력 슬라이스의 컨볼루션 (4차원 출력).

● x(p x m x n x o) 4차원, k(q x p x ki x kj x kk) 5차원 : 상응하는 커널의 슬라이스를 가진 모든 입력 슬라이스들의 컨볼루션. 출력은 4차원(q x m x n x o). 이 연산은 행렬 k와 벡터 x의 행렬 벡터 곱과 비슷합니다.

마지막 인자는 그 컨볼루션이 full('F') 컨볼루션인지 valid('v') 컨볼루션인지를 제어합니다. 기본값은 valid 컨볼루션입니다.

```
x = torch.rand(100,100,100)
k = torch.rand(10,10,10)
c = torch.conv3(x,k)
> c:size()
91
91
[torch.LongStorage of size 3]

c = torch.conv3(x,k,'F')
> c:size()
109
109
109
[torch.LongStorage of size 3]
```

[res] torch.xcorr3([res,] x, k, [, 'F' or 'V'])

이 함수는 torch.conv3와 같은 옵션들과 입력/출력 구성들을 가집니다. 그러나 입력과 커널 k의 상호 상관을 수행합니다.

고윳값, SVD, 선형 시스템 솔루션

이 절의 함수들은 라팩(LAPACK) 라이브러리 인터페이스로 구현됩니다. 만약 컴파일 단계에서 라팩 라이브러리들이 없으면, 이 함수들을 쓸 수 없습니다.

[x,lu] torch.gesv([resb, resa,] B, A)

X,LU=torch.gesv(B,A)는 AX=B의 정답과 LU을 리턴합니다. LU는 A의 LU 분해를 위한 L과 U 인자를 담고있습니다.

A는 반드시 정방 행렬 이고 비특이 행렬(2차원 텐서)이어야 합니다. A와 LU는 m x m이고, x는 m x k이고, B는 m x k입니다.

만약 resb와 resa가 주어지면, resb와 resa는 임시 스토리지와 결과 리턴을 위해 사용됩니다.

- resa는 A의 LU 분해를 위한 L과 U 인자를 담습니다.
- resb는 정답 x를 담습니다.

주의: 원래 strides를 개의치 않고, 리턴된 행렬 resb와 resa는 전치(transpose)됩니다. 다시 말해, strides로 m,1 대신 1,m을 가집니다.

```
\Rightarrow a = torch.Tensor({{6.80, -2.11, 5.66, 5.97, 8.23},
                 \{-6.05, -3.30, 5.36, -4.44, 1.08\},\
                 \{-0.45, 2.58, -2.70, 0.27, 9.04\},
                 \{8.32, 2.71, 4.35, -7.17, 2.14\},
                 \{-9.67, -5.14, -7.26, 6.08, -6.87\}\}:t()
> b = torch.Tensor({{4.02, 6.19, -8.22, -7.57, -3.03},
                 \{-1.56, 4.00, -8.67, 1.75, 2.86\},
                 \{9.81, -4.09, -4.57, -8.61, 8.99\}\}:t()
> b
4.0200 -1.5600 9.8100
6.1900 4.0000 -4.0900
-8.2200 -8.6700 -4.5700
-7.5700 1.7500 -8.6100
-3.0300 2.8600 8.9900
[torch.DoubleTensor of dimension 5x3]
> a
6.8000 -6.0500 -0.4500 8.3200 -9.6700
-2.1100 -3.3000 2.5800 2.7100 -5.1400
5.6600 5.3600 -2.7000 4.3500 -7.2600
5.9700 -4.4400 0.2700 -7.1700 6.0800
8.2300 1.0800 9.0400 2.1400 -6.8700
[torch.DoubleTensor of dimension 5x5]
> x = torch.gesv(b,a)
> X
-0.8007 -0.3896 0.9555
-0.6952 -0.5544 0.2207
0.5939 0.8422 1.9006
1.3217 -0.1038 5.3577
0.5658 0.1057 4.0406
[torch.DoubleTensor of dimension 5x3]
```

```
> b:dist(a*x)
1.1682163181673e-14
```

[x] torch.trtrs([resb, resa,] b, a [, 'U' or 'L'] [, 'N' or 'T'] [, 'N' or 'U'])

X=torch.trtrs(B,A)는 AX=B의 정답을 리턴합니다. 여기서 A는 상삼각(upper-triangular) 입니다.

A는 반드시 정방, 삼각, 비특히 행렬(2차원 텐서)이어야 합니다. A와 $resa는 m \times m$ 이고, x와 B는 $m \times k$ 입니다. (정확히 말하면, A가 반드시 삼각이고 비특이일 필요는 없습니다. 오직 A의 상 또는 하 삼각이 고려될 것이므로 그 부분만 비특이이면 됩니다.)

이 함수는 몇 가지 옵션들을 가집니다.

- uplo('U' 또는 'L')는 A가 상삼각인지 하삼각인지를 특정합니다. 기본값은 'U'입니다.
- trans('N' 또는 'T')는 그 시스템 또는 등식을 'N' 또는 'T'로 특정합니다. 'N'은 A * X = B(전치 없음)를, 'T'는 A^T * X = B(전치)를 나타냅니다. 기본값은 'N'입니다.
- diag('N' 또는 'U')는 A가 단위 삼각인지 아닌지를 특정합니다. 'U'는 A가 단위 삼각임을 나타냅니다. 다시 말해, A는 대각 요소들로 1을 가집니다. 'N'은 A가 꼭 단위 삼각일 필요는 없음을 나타냅니다. 기본값은 'N'입니다.

만약 resb와 resa가 주어지면, resb와 resa는 임시 스토리지와 결과를 리턴하기 위해 사용됩니다. resb는 x의 정답을 담습니다.

주의: 원래 strides를 개의치 않고, 리턴된 행렬 resb와 resa는 전치됩니다. 다시 말해, strides로 m,1 대신 1,m을 가집니다.

```
4.0200 -1.5600 9.8100
6.1900 4.0000 -4.0900
-8.2200 -8.6700 -4.5700
-7.5700 1.7500 -8.6100
-3.0300 2.8600 8.9900
[torch.DoubleTensor of dimension 5x3]
6.8000 -2.1100 5.6600 5.9700 8.2300
0.0000 -3.3000 5.3600 -4.4400 1.0800
0.0000 0.0000 -2.7000 0.2700 9.0400
0.0000 0.0000 0.0000 -7.1700 2.1400
0.0000 0.0000 0.0000 0.0000 -6.8700
[torch.DoubleTensor of dimension 5x5]
> x = torch.trtrs(b, a)
-3.5416 -0.2514 3.0847
4.2072 2.0391 -4.5146
4.6399 1.7804 -2.6077
1.1874 -0.3683 0.8103
0.4410 -0.4163 -1.3086
[torch.DoubleTensor of size 5x3]
> b:dist(a*x)
4.1895292266754e-15
```

torch.potrf([res,] A [, 'U' or 'L'])

2차원 텐서 A의 촐레스키 분해. 행렬 A는 반드시 정부호(positive-definite)이고 대칭(symetric) 또는 복소에르미트(Hermitian)이어야 합니다.

선택적 문자 $uplo = \{'U', 'L'\}$ 는 리턴될 행렬이 상삼각이어야 하는지 하삼각이어야 하는지를 특정합니다. 기본값은 uplo = 'U'입니다.

X = torch.potrf(A, 'U')는 X의 상삼각 촐레스키 분해를 리턴합니다.

X = torch.potrf(A, 'L')는 X의 하삼각 촐레스키 분해를 리턴합니다.

만약 텐서 res가 주어지면. 분해 결과가 res에 저장됩니다.

```
> A = torch.Tensor({
    {1.2705, 0.9971, 0.4948, 0.1389, 0.2381},
    {0.9971, 0.9966, 0.6752, 0.0686, 0.1196},
```

```
\{0.4948, 0.6752, 1.1434, 0.0314, 0.0582\},\
   \{0.1389, 0.0686, 0.0314, 0.0270, 0.0526\},\
   \{0.2381, 0.1196, 0.0582, 0.0526, 0.3957\}\}
> chol = torch.potrf(A)
> chol
1.1272 0.8846 0.4390 0.1232 0.2112
0.0000 0.4626 0.6200 -0.0874 -0.1453
0.0000 0.0000 0.7525 0.0419 0.0738
0.0000 0.0000 0.0000 0.0491 0.2199
0.0000 0.0000 0.0000 0.0000 0.5255
[torch.DoubleTensor of size 5x5]
> torch.potrf(chol, A, 'L')
> chol
1.1272 0.0000 0.0000 0.0000 0.0000
0.8846 0.4626 0.0000 0.0000 0.0000
0.4390 0.6200 0.7525 0.0000 0.0000
0.1232 -0.0874 0.0419 0.0491 0.0000
0.2112 -0.1453 0.0738 0.2199 0.5255
[torch.DoubleTensor of size 5x5]
```

torch.potrs([res,] B, chol [, 'U' or 'L'])

2차원 텐서 A의 촐레스키 분해 chol을 사용하여 선형 시스템 AX = B의 정답을 리턴합니다.

정방 행렬 chol은 꼭 삼각이어야 합니다. 그리고 오른쪽 항에 있는 행렬 B는 꼭 full rank여야 합니다.

선택적 문자 uplo = {'U', 'L'}는 행렬 chol이 상삼각인지 하삼각인지를 특정합니다. 기본값은 'U'입니다.

만약 텐서 res가 주어지면. 분해 결과가 res에 저장됩니다.

```
1.1272 0.8846 0.4390 0.1232 0.2112
0.0000 0.4626 0.6200 -0.0874 -0.1453
0.0000 0.0000 0.7525 0.0419 0.0738
0.0000 0.0000 0.0000 0.0491 0.2199
0.0000 0.0000 0.0000 0.0000 0.5255
[torch.DoubleTensor of size 5x5]
> solve = torch.potrs(B, chol)
> solve
 12.1945 61.8622 92.6882
-11.1782 -97.0303 -138.4874
-15.3442 -76.6562 -116.8218
  6.1930 13.5238
                   25.2056
 29.9678 251.7346 360.2301
[torch.DoubleTensor of size 5x3]
> A*solve
0.6219 0.3439 0.0431
0.5642 0.1756 0.0153
0.2334 0.8594 0.4103
0.7556 0.1966 0.9637
0.1420 0.7185 0.7476
[torch.DoubleTensor of size 5x3]
> B:dist(A*solve)
4.6783066076306e-14
```

torch.potri([res,] chol [, 'U' or 'L'])

촐레스키 분해 cho1이 주어진 2차원 텐서 A의 역행렬(inverse)을 리턴합니다.

정방 행렬 chol은 삼각 행렬이어야 합니다.

선택적 문자 uplo = {'U', 'L'}는 행렬 chol이 상삼각인지 하삼각인지를 특정합니다. 기본값은 'U'입니다.

만약 텐서 res가 주어지면. 결과 역행렬이 res에 저장됩니다.

```
0.0000 0.0000 0.7525 0.0419 0.0738
0.0000 0.0000 0.0000 0.0491 0.2199
0.0000 0.0000 0.0000 0.0000 0.5255
[torch.DoubleTensor of size 5x5]
> inv = torch.potri(chol)
> inv
 42.2781 -39.0824
                                        2.8980
                   8.3019 -133.4998
 -39.0824
          38.1222 -8.7468 119.4247
                                       -2.5944
  8.3019 -8.7468 3.1104 -25.1405
                                        0.5327
-133.4998 119.4247 -25.1405 480.7511 -15.9747
  2.8980
          -2.5944
                    0.5327 -15.9747
                                        3.6127
[torch.DoubleTensor of size 5x5]
> inv:dist(torch.inverse(A))
2.8525852877633e-12
```

torch.gels([resb, resa,] b, a)

Full rank m x n 행렬 A를 위한 최소 제곱법과 least norm problem의 해.

- 만약 n <= m이면, ||AX-B|| F을 풉니다.
- 만약 n > m이면, min ||X||_F S.t. AX=B를 풉니다.

리턴에서, 행렬 x의 첫 n 행들은 해를 포함합니다, 그리고 나머지는 그 나머지 정보를 포함합니다. 행 n+1에서 시작하는 x의 각 열의 요소들의 제곱의 합의 제곱근은 상응하는 열을 위한 residual입니다.

주의: 원래 strides를 개의치 않고, 리턴된 행렬 resb와 resa는 전치됩니다. 다시 말해, strides로 m,1 대신 1,m을 가집니다.

```
> b
8.5800 9.3500
8.2600 -4.4300
8.4800 -0.7000
-5.2800 -0.2600
5.7200 -7.3600
8.9300 -2.5200
[torch.DoubleTensor of dimension 6x2]
> x = torch.gels(b,a)
-0.4506 0.2497
-0.8492 -0.9020
 0.7066 0.6323
 0.1289 0.1351
13.1193 -7.4922
-4.8214 -7.1361
[torch.DoubleTensor of dimension 6x2]
> b:dist(a*x:narrow(1,1,4))
17.390200628863
> math.sqrt(x:narrow(1,5,2):pow(2):sumall())
17.390200628863
```

torch.symeig([rese, resv,] a [, 'N' or 'V'] [, 'U' or 'L'])

e,V=torch.symeig(A)는 한 실수 행렬 A의 고윳값들과 고유벡터들를 리턴합니다.

A와 v는 m x m 행렬입니다. e는 m 차원 벡터 하나입니다.

이 함수는 A = V' diag(e) V인 A의 모든 고윳값들(과 고유벡터들)을 계산합니다.

세 번째 인자는 고윳값들만 계산할지 고유벡터들도 함께 계산할지를 정의합니다. 만약 세 번째 인자가 'N'이면, 오직 고윳값들만 계산됩니다. 만약 세 번째 인자가 'V'이면, 고윳값들과 고유벡터들이 모두 계산됩니다.

입력 행렬 A가 대칭이라고 가정되었으므로, 오직 상삼각 부분이 사용됩니다 (기본값). 만약 네 번재인자가 'L'이면, 하삼각 부분이 사용됩니다.

주의: 원래 strides를 개의치 않고, 리턴되는 행렬 v는 전치됩니다. 다시 말해, m,1 대신 1,m strides를 가집니다.

```
> a = torch.Tensor({{ 1.96, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00},
                 \{-6.49, 3.80, 0.00, 0.00, 0.00\},\
                 \{-0.47, -6.39, 4.17, 0.00, 0.00\},\
                 \{-7.20, 1.50, -1.51, 5.70, 0.00\},\
                 {-0.65, -6.34, 2.67, 1.80, -7.10}}):t()
> a
1.9600 -6.4900 -0.4700 -7.2000 -0.6500
0.0000 3.8000 -6.3900 1.5000 -6.3400
0.0000 0.0000 4.1700 -1.5100 2.6700
0.0000 0.0000 0.0000 5.7000 1.8000
0.0000 0.0000 0.0000 0.0000 -7.1000
[torch.DoubleTensor of dimension 5x5]
> e = torch.symeig(a)
> e
-11.0656
-6.2287
 0.8640
 8.8655
16.0948
[torch.DoubleTensor of dimension 5]
> e,v = torch.symeig(a,'V')
> e
-11.0656
-6.2287
 0.8640
 8.8655
16.0948
[torch.DoubleTensor of dimension 5]
> V
-0.2981 -0.6075 0.4026 -0.3745 0.4896
-0.5078 -0.2880 -0.4066 -0.3572 -0.6053
-0.0816 -0.3843 -0.6600 0.5008 0.3991
-0.0036 -0.4467 0.4553 0.6204 -0.4564
-0.8041 0.4480 0.1725 0.3108 0.1622
[torch.DoubleTensor of dimension 5x5]
> v*torch.diag(e)*v:t()
1.9600 -6.4900 -0.4700 -7.2000 -0.6500
-6.4900 3.8000 -6.3900 1.5000 -6.3400
-0.4700 -6.3900 4.1700 -1.5100 2.6700
-7.2000 1.5000 -1.5100 5.7000 1.8000
-0.6500 -6.3400 2.6700 1.8000 -7.1000
[torch.DoubleTensor of dimension 5x5]
```

```
> a:dist(torch.triu(v*torch.diag(e)*v:t()))
1.0219480822443e-14
```

torch.eig([rese, resv,] a [, 'N' or 'V'])

e, V=torch.eig(A)는 한 일반 실수 정방 행렬 A의 고윳값과 고유벡터를 리턴합니다.

A와 v는 m x m 행렬이고 e 는 m 차원 벡터입니다.

이 함수는 A = V' diag(e) V인 의 A의 모든 우 고윳값들 (그리고 고유벡터들)을 계산합니다.

세 번째 인자는 고윳값의 고유벡터까지 계산할지를 특정합니다. 만약 그 인자가 'N'이면, 오직 고윳값들만 계산됩니다. 만약 그 인자가 'v'이면, 고윳값과 고유벡터가 모두 계산됩니다.

그 고윳값들은 LAPACK 컨벤션에 따르고 복소수 (실수/허수) 쌍으로 된 수들로 리턴됩니다 (2*m 차원텐서).

주의: 원래 strides를 개의치 않고, 리턴된 행렬 v는 전치됩니다. 다시 말해, strides로 m,1 대신 1,m을 가집니다.

```
> a = torch.Tensor({{ 1.96, 0.00, 0.00, 0.00, 0.00},
                 \{-6.49, 3.80, 0.00, 0.00, 0.00\},\
                 \{-0.47, -6.39, 4.17, 0.00, 0.00\},\
                 \{-7.20, 1.50, -1.51, 5.70, 0.00\},\
                 \{-0.65, -6.34, 2.67, 1.80, -7.10\}\}:t()
1.9600 -6.4900 -0.4700 -7.2000 -0.6500
0.0000 3.8000 -6.3900 1.5000 -6.3400
0.0000 0.0000 4.1700 -1.5100 2.6700
0.0000 0.0000 0.0000 5.7000 1.8000
0.0000 0.0000 0.0000 0.0000 -7.1000
[torch.DoubleTensor of dimension 5x5]
> b = a + torch.triu(a,1):t()
> b
 1.9600 -6.4900 -0.4700 -7.2000 -0.6500
-6.4900 3.8000 -6.3900 1.5000 -6.3400
-0.4700 -6.3900 4.1700 -1.5100 2.6700
-7.2000 1.5000 -1.5100 5.7000 1.8000
-0.6500 -6.3400 2.6700 1.8000 -7.1000
[torch.DoubleTensor of dimension 5x5]
```

```
> e = torch.eig(b)
> e
16.0948
        0.0000
-11.0656
        0.0000
-6.2287 0.0000
 0.8640 0.0000
 8.8655 0.0000
[torch.DoubleTensor of dimension 5x2]
> e,v = torch.eig(b,'V')
16.0948 0.0000
-11.0656 0.0000
-6.2287 0.0000
 0.8640
         0.0000
 8.8655
        0.0000
[torch.DoubleTensor of dimension 5x2]
-0.4896 0.2981 -0.6075 -0.4026 -0.3745
0.6053 0.5078 -0.2880 0.4066 -0.3572
-0.3991 0.0816 -0.3843 0.6600 0.5008
0.4564 0.0036 -0.4467 -0.4553 0.6204
-0.1622 0.8041 0.4480 -0.1725 0.3108
[torch.DoubleTensor of dimension 5x5]
> v * torch.diag(e:select(2,1))*v:t()
1.9600 -6.4900 -0.4700 -7.2000 -0.6500
-6.4900 3.8000 -6.3900 1.5000 -6.3400
-0.4700 -6.3900 4.1700 -1.5100 2.6700
-7.2000 1.5000 -1.5100 5.7000 1.8000
-0.6500 -6.3400 2.6700 1.8000 -7.1000
[torch.DoubleTensor of dimension 5x5]
> b:dist(v * torch.diag(e:select(2,1)) * v:t())
3.5423944346685e-14
```

torch.svd([resu, ress, resv,] a [, 'S' or 'A'])

U,S,V=torch.svd(A)는 A = USV'*인 한 n x m 실수 행렬 A의 특잇값 분해를 리턴합니다.

u는 n x n이고, s는 n x m이고, v는 m x m입니다.

마지막 인자(만약 그것이 문자열이면)는 계산될 특잇값들의 개수를 나타냅니다. 's'는 약간(some)을 나타내고 'a'는 모두(all)를 나타냅니다.

주의: 원래 strides를 개의치 않고, 리턴된 행렬 ∪는 전치됩니다. 다시 말해, strides로 n,1 대신 1,n을 가집니다.

```
\Rightarrow a = torch.Tensor({{8.79, 6.11, -9.15, 9.57, -3.49, 9.84},
                 \{9.93, 6.91, -7.93, 1.64, 4.02, 0.15\},
                 \{9.83, 5.04, 4.86, 8.83, 9.80, -8.99\},
                 \{5.45, -0.27, 4.85, 0.74, 10.00, -6.02\},\
                 \{3.16, 7.98, 3.01, 5.80, 4.27, -5.31\}\}):t()
> a
 8.7900
        9.9300
                 9.8300
                          5.4500
                                    3.1600
 6.1100 6.9100 5.0400 -0.2700
                                   7.9800
-9.1500 -7.9300 4.8600 4.8500
                                   3.0100
 9.5700 1.6400 8.8300
                          0.7400
                                   5.8000
-3.4900 4.0200 9.8000 10.0000
                                   4.2700
 9.8400 0.1500 -8.9900 -6.0200 -5.3100
> u,s,v = torch.svd(a)
> u
-0.5911 0.2632 0.3554 0.3143 0.2299
-0.3976   0.2438   -0.2224   -0.7535   -0.3636
-0.0335 -0.6003 -0.4508 0.2334 -0.3055
-0.4297 0.2362 -0.6859 0.3319 0.1649
-0.4697 -0.3509 0.3874 0.1587 -0.5183
0.2934 0.5763 -0.0209 0.3791 -0.6526
[torch.DoubleTensor of dimension 6x5]
> S
27.4687
22.6432
 8.5584
 5.9857
 2.0149
[torch.DoubleTensor of dimension 5]
> V
-0.2514   0.8148   -0.2606   0.3967   -0.2180
-0.3968 0.3587 0.7008 -0.4507 0.1402
-0.6922 -0.2489 -0.2208 0.2513 0.5891
-0.3662 -0.3686   0.3859   0.4342 -0.6265
-0.4076 -0.0980 -0.4933 -0.6227 -0.4396
[torch.DoubleTensor of dimension 5x5]
> u * torch.diag(s) * v:t()
 8.7900 9.9300 9.8300
                          5.4500
                                    3.1600
 6.1100 6.9100 5.0400 -0.2700
                                   7.9800
-9.1500 -7.9300 4.8600
                          4.8500
                                    3.0100
         1.6400
 9.5700
                 8.8300
                          0.7400
                                    5.8000
-3.4900
        4.0200
                 9.8000 10.0000
                                   4.2700
 9.8400 0.1500 -8.9900 -6.0200 -5.3100
[torch.DoubleTensor of dimension 6x5]
```

```
> a:dist(u * torch.diag(s) * v:t())
2.8923773593204e-14
```

torch.inverse([res,] x)

정방 행렬 x의 역행렬을 계산합니다.

=torch.inverse(x)는 그 결과를 새 텐서 하나로 리턴합니다.

torch.inverse(y,x)는 그 결과를 y에 넣습니다.

주의: 원래 strides를 개의치 않고, 리턴된 행렬 y는 전치됩니다. 다시 말해, strides로 m,1 대신 1,m을 가집니다.

```
> x = torch.rand(10,10)
> y = torch.inverse(x)
> z = x * y
1.0000 -0.0000 0.0000 -0.0000 0.0000 0.0000 0.0000 -0.0000 0.0000
                                                                    0.0000
0.0000 1.0000 -0.0000 -0.0000 0.0000 0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0000
                                                                    0.0000
0.0000 -0.0000 1.0000 -0.0000 0.0000 0.0000 -0.0000 -0.0000 0.0000
                                                                    0.0000
0.0000 -0.0000 -0.0000 1.0000 -0.0000 0.0000 0.0000 -0.0000 -0.0000
                                                                    0.0000
0.0000 -0.0000 0.0000 -0.0000 1.0000 0.0000 0.0000 -0.0000 -0.0000
                                                                    0.0000
0.0000 -0.0000 0.0000 -0.0000 0.0000 1.0000 0.0000 -0.0000 -0.0000
                                                                    0.0000
0.0000 -0.0000 0.0000 -0.0000 0.0000 0.0000
                                             1.0000 -0.0000 0.0000
                                                                     0.0000
0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0000 0.0000 0.0000 1.0000 0.0000
                                                                    0.0000
0.0000 -0.0000 -0.0000 -0.0000 0.0000 0.0000 -0.0000 -0.0000 1.0000
                                                                    0.0000
0.0000 -0.0000 0.0000 -0.0000 0.0000 0.0000 0.0000 -0.0000 0.0000 1.0000
[torch.DoubleTensor of dimension 10x10]
> torch.max(torch.abs(z- torch.eye(10))) -- 0이 아닌 최댓값
2.3092638912203e-14
```

torch.qr([q, r], x)

행렬 x의 QR 분해를 계산합니다. x = q * r인 행렬 q와 r에서, q는 직교 행렬이고 r은 상삼각 행렬입니다. 이 함수는 thin (reduced) QR 분해를 리턴합니다.

=torch.qr(x)는 Q와 R 요소들을 새 행렬들로 리턴합니다.

torch.gr(g, r, x)는 그 결과들을 이미 존재하는 텐서 a와 r에 저장합니다.

주의하십시오. 만약 x에 있는 요소들의 크기가 크면, 정밀도를 잃을 수도 있습니다.

또한, 주의하십시오. 이 함수가 항상 유효한 분해를 리턴하긴 하지만, 플랫폼이 달라지면 (유효하지만 살짝) 다른 결과를 리턴할 수도 있습니다. 이는 그 플랫폼에 설치된 라팩(LAPACK) 구현에 따라 달라집니다.

주의: 원래 strides를 개의치 않고, 리턴된 행렬 q는 전치됩니다. 다시 말해, strides로 m,1 대신 1,m을 가집니다.

```
\Rightarrow a = torch.Tensor{{12, -51, 4}, {6, 167, -68}, {-4, 24, -41}}
> =a
 12 -51 4
  6 167 -68
     24 -41
[torch.DoubleTensor of dimension 3x3]
> q, r = torch.qr(a)
> = q
-0.8571 0.3943 0.3314
-0.4286 -0.9029 -0.0343
0.2857 -0.1714 0.9429
[torch.DoubleTensor of dimension 3x3]
> =r
-14.0000 -21.0000
                     14.0000
  0.0000 -175.0000 70.0000
  0.0000 0.0000 -35.0000
[torch.DoubleTensor of dimension 3x3]
> =(q*r):round()
 12 -51 4
  6 167 -68
     24 -41
[torch.DoubleTensor of dimension 3x3]
> =(q:t()*q):round()
1 0 0
0 1 0
0 0 1
[torch.DoubleTensor of dimension 3x3]
```

torch.geqrf([m, tau], a)

이 함수는 라팩(LAPACK)을 호출하기 위한 저수준 함수입니다. 보통은 이 함수 대신 torch.qr()이 사용됩니다.

a의 QR 분해를 계산합니다. 그러나 Q와 R을 명시적으로 분리된 행렬로 만들지는 않습니다. 오히려, 이함수는 직접적으로 기저의 라팩 함수 ?geqrf를 호출합니다. 이 함수는 'elementary reflectors'의 한시퀀스를 생성합니다. 더 자세한 사항은 라팩 문서를 보십시오.

torch.orgqr([q], m, tau)

이 함수는 라팩(LAPACK)을 호출하기 위한 저수준 함수입니다. 보통은 이 함수 대신 torch.qr()이 사용됩니다.

torch.geqrf로 주어진 것과 같은 elementary reflectors에서 Q 행렬 하나를 생성합니다. 더 자세한 사항은 라팩 문서를 보십시오.

torch.ormqr([res], m, tau, mat [, 'L' or 'R'] [, 'N' or 'T'])

geqrf에 의해 리턴된 elementary reflectors와 스칼라 요소(factor)들로 정의된 Q를 한 행렬과 곱합니다. 이함수는 라팩(LAPACK)을 호출하기 위한 저수준 함수입니다. 보통은 이 함수 대신 torch.qr()이사용됩니다.

- side('L' 또는 'R')는 mat가 왼쪽에 곱해져야 하는지(mat * Q) 오른쪽에 곱해져야 하는지(Q * mat)를 특정합니다.
- trans('N' 또는 'T')는 Q가 곱해지기 전에 전치되어야 하는지를 특정합니다.

더 자세한 사항은 라팩 문서를 보십시오.

텐서에 대한 논리 연산자

이 함수들은 논리 비교 연산자들을 구현합니다. 그 연산자들은 텐서 하나를 입력 받아서 그것을 또다른 텐서 하나 또는 숫자 하나와 비교합니다. 이 연산자들은 ByteTensor 하나를 리턴합니다. 그 ByteTensor의 각 요소는 각 비교 결과가 false였으면 0으로, true였으면 1로 채워집니다.

torch.lt(a, b)

< 연산자를 구현합니다. 만약 b가 숫자 하나이면, < 연산자는 a에 있는 각 요소를 b와 비교합니다. 그렇지 않으면, < 연산자는 a에 있는 각 요소를 그에 상응하는 b에 있는 요소와 비교합니다.

torch.le(a, b)

<= 연산자를 구현합니다. 만약 b가 숫자 하나이면, <= 연산자는 a에 있는 각 요소를 b와 비교합니다. 그렇지 않으면, <= 연산자는 a에 있는 각 요소를 그에 상응하는 b에 있는 요소와 비교합니다.

torch.gt(a, b)

› 연산자를 구현합니다. 만약 b가 숫자 하나이면, › 연산자는 a에 있는 각 요소를 b와 비교합니다. 그렇지 않으면, › 연산자는 a에 있는 각 요소를 그에 상응하는 b에 있는 요소와 비교합니다.

torch.ge(a, b)

>= 연산자를 구현합니다. 만약 b가 숫자 하나이면, >= 연산자는 a에 있는 각 요소를 b와 비교합니다. 그렇지 않으면, >= 연산자는 a에 있는 각 요소를 그에 상응하는 b에 있는 요소와 비교합니다.

torch.eq(a, b)

== 연산자를 구현합니다. 만약 b가 숫자 하나이면, == 연산자는 a에 있는 각 요소를 b와 비교합니다. 그렇지 않으면, == 연산자는 a에 있는 각 요소를 그에 상응하는 b에 있는 요소와 비교합니다.

torch.ne(a, b)

!= 연산자를 구현합니다. 만약 b가 숫자 하나이면, != 연산자는 a에 있는 각 요소를 b와 비교합니다. 그렇지 않으면, != 연산자는 a에 있는 각 요소를 그에 상응하는 b에 있는 요소와 비교합니다.

torch.all(a)

ByteTensor a에 있는 모든 요소가 0이 아니거나 true이면 true를 리턴합니다.

torch.any(a)

ByteTensor a에 있는 요소 중 하나라도 0이 아니거나 true이면 true를 리턴합니다.

```
> a = torch.rand(10)
> b = torch.rand(10)
> a
0.5694
0.5264
0.3041
0.4159
0.1677
0.7964
0.0257
0.2093
0.6564
0.0740
[torch.DoubleTensor of dimension 10]
> b
0.2950
0.4867
0.9133
0.1291
0.1811
0.3921
0.7750
0.3259
0.2263
0.1737
[torch.DoubleTensor of dimension 10]
> torch.lt(a,b)
0
1
0
1
0
1
1
0
1
[torch.ByteTensor of dimension 10]
> torch.eq(a,b)
0
0
0
0
0
0
0
0
```

```
[torch.ByteTensor of dimension 10]
> torch.ne(a,b)
1
1
1
1
1
1
1
1
1
1
[torch.ByteTensor of dimension 10]
> torch.gt(a,b)
1
1
0
1
0
1
0
0
1
0
[torch.ByteTensor of dimension 10]
> a[torch.gt(a,b)] = 10
> a
10.0000
10.0000
 0.3041
10.0000
 0.1677
10.0000
 0.0257
 0.2093
10.0000
 0.0740
[torch.DoubleTensor of dimension 10]
> a[torch.gt(a,1)] = -1
> a
-1.0000
-1.0000
0.3041
-1.0000
0.1677
-1.0000
0.0257
0.2093
-1.0000
0.0740
[torch.DoubleTensor of dimension 10]
```

```
> a = torch.ones(3):byte()
> torch.all(a)
true
> a[2] = 0
> torch.all(a)
false
> torch.any(a)
true
> a:zero()
> torch.any(a)
false
```

목차

```
생성 또는 추출 함수
   [res] torch.cat( [res,] x_1, x_2, [dimension] )
   [res] torch.cat( [res,] {x 1, x 2, ...}, [dimension] )
   [res] torch.diag([res,] x [,k])
   [res] torch.eye([res,] n [,m])
   [res] torch.histc([res,] x [,nbins, min_value, max_value])
   [res] torch.linspace([res,] x1, x2, [,n])
   [res] torch.logspace([res,] x1, x2, [,n])
   [res] torch.multinomial([res,], p, n, [,replacement])
   [res] torch.ones([res,] m [,n...])
   [res] torch.rand([res,] m [,n...])
   [res] torch.randn([res,] m [,n...])
   [res] torch.range([res,] x, y [,step])
   [res] torch.randperm([res,] n)
   [res] torch.reshape([res,] x, m [,n...])
   [res] torch.tril([res,] x [,k])
   [res] torch.triu([res,] x, [,k])
   [res] torch.zeros([res,] x)
요소별 수학 연산
   [res] torch.abs([res,] x)
   [res] torch.acos([res,] x)
   [res] torch.asin([res,] x)
```

```
[res] torch.atan([res,] x)
   [res] torch.ceil([res,] x)
   [res] torch.cos([res,] x)
   [res] torch.cosh([res,] x)
   [res] torch.exp([res,] x)
   [res] torch.floor([res,] x)
   [res] torch.log([res,] x)
   [res] torch.log1p([res,] x)
   x:neg()
   [res] torch.pow([res,] x, n)
   [res] torch.round([res,] x)
   [res] torch.sin([res,] x)
   [res] torch.sinh([res,] x)
   [res] torch.sqrt([res,] x)
   [res] torch.tan([res,] x)
   [res] torch.tanh([res,] x)
기본적인 연산
   [res] torch.add([res,] tensor, value)
   [res] torch.add([res,] tensor1, tensor2)
   [res] torch.add([res,] tensor1, value, tensor2)
   tensor:csub(value)
   tensor1:csub(tensor2)
   [res] torch.mul([res,] tensor1, value)
   [res] torch.clamp([res,] tensor, min_value, max_value)
   [res] torch.cmul([res,] tensor1, tensor2)
   [res] torch.cpow([res,] tensor1, tensor2)
   [res] torch.addcmul([res,] x [,value], tensor1, tensor2)
   [res] torch.div([res,] tensor, value)
   [res] torch.cdiv([res,] tensor1, tensor2)
   [res] torch.addcdiv([res,] x [,value], tensor1, tensor2)
   [number] torch.dot(tensor1,tensor2)
   [res] torch.addmv([res,] [beta,] [v1,] vec1, [v2,] mat, vec2)
   [res] torch.addr([res,] [v1,] mat, [v2,] vec1, vec2)
   [res] torch.addmm([res,] [beta,] [v1,] M [v2,] mat1, mat2)
   [res] torch.addbmm([res,] [v1,] M [v2,] batch1, batch2)
   [res] torch.baddbmm([res,] [v1,] M [v2,] batch1, batch2)
   [res] torch.mv([res,] mat, vec)
   [res] torch.mm([res,] mat1, mat2)
   [res] torch.bmm([res,] batch1, batch2)
   [res] torch.ger([res,] vec1, vec2)
오버로드된 연산자
```

```
덧셈과 뺄셈
   부정 (Negation)
   곱셈
   나눗셈
열 또는 행 방향으로 연산 (차원 방향으로 연산)
   [res] torch.cross([res,] a, b [,n])
   [res] torch.cumprod([res,] x [,dim])
   [res] torch.cumsum([res,] x [,dim])
   torch.max([resval, resind,] x [,dim])
   [res] torch.mean([res,] x [,dim])
   torch.min([resval, resind,] x [,dim])
   [res] torch.cmax([res,] tensor1, tensor2)
   [res] torch.cmax([res,] tensor, value)
   [res] torch.cmin([res,] tensor1, tensor2)
   [res] torch.cmin([res,] tensor, value)
   torch.median([resval, resind,] x [,dim])
   torch.mode([resval, resind,] x [,dim])
   torch.kthvalue([resval, resind,] x, k [,dim])
   [res] torch.prod([res,] x [,n])
   torch.sort([resval, resind,] x [,d] [,flaq])
   [res] torch.std([res,] x, [,dim] [,flaq])
   [res] torch.sum([res,] x)
   [res] torch.var([res,] x [,dim] [,flag])
행렬 전체에 대한 연산 (텐서 전체에 대한 연산): Matrix-wide operations (tensor-wide operations)
   torch.norm(x [,p] [,dim])
   torch.renorm([res], x, p, dim, maxnorm)
   torch.dist(x,y)
   torch.numel(x)
   torch.trace(x)
컨볼루션 연산
   [res] torch.conv2([res,] x, k, [, 'F' or 'V'])
   [res] torch.xcorr2([res,] x, k, [, 'F' or 'V'])
   [res] torch.conv3([res,] x, k, [, 'F' or 'V'])
   [res] torch.xcorr3([res,] x, k, [, 'F' or 'V'])
고윳값. SVD. 선형 시스템 솔루션
   [x,lu] torch.gesv([resb, resa,] B, A)
   [x] torch.trtrs([resb, resa,] b, a [, 'U' or 'L'] [, 'N' or 'T'] [, 'N' or 'U'])
   torch.potrf([res,] A [, 'U' or 'L'] )
   torch.potrs([res,] B, chol [, 'U' or 'L'])
   torch.potri([res,] chol [, 'U' or 'L'])
   torch.gels([resb, resa,] b, a)
```

```
torch.symeig([rese, resv,] a [, 'N' or 'V'] [, 'U' or 'L'])
   torch.eig([rese, resv,] a [, 'N' or 'V'])
   torch.svd([resu, ress, resv,] a [, 'S' or 'A'])
   torch.inverse([res,] x)
   torch.qr([q, r], x)
   torch.gegrf([m, tau], a)
   torch.orgqr([q], m, tau)
   torch.ormqr([res], m, tau, mat [, 'L' or 'R'] [, 'N' or 'T'])
텐서에 대한 논리 연산자
   torch.lt(a, b)
   torch.le(a, b)
   torch.qt(a, b)
   torch.ge(a, b)
   torch.eq(a, b)
   torch.ne(a, b)
   torch.all(a)
   torch.any(a)
목차
```

❖ 틀렸거나 보완할 점을 본문에 댓글로 또는 저에게 이메일로 알려 주시면 감사하겠습니다.