제 2 교시

수학 영역

5 지 선 다 형

1.
$$\left(\frac{4}{\sqrt[3]{2}}\right)^{\frac{6}{5}}$$
의 값은? [2점]

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4

 $3. \frac{3}{2}\pi < \theta < 2\pi$ 인 θ 에 대하여 $\sin^2\theta = \frac{4}{5}$ 일 때, $\frac{\tan\theta}{\cos\theta}$ 의 값은?

① $-3\sqrt{5}$ ② $-2\sqrt{5}$ ③ $-\sqrt{5}$ ④ $\sqrt{5}$ ⑤ $2\sqrt{5}$

2. 함수 $f(x) = x^3 - 2x^2 - 4x$ 에 대하여 $\lim_{x \to 1} \frac{f(x) + 5}{x - 1}$ 의 값은? 4. $\int_1^2 (3x + 4) dx + \int_1^2 (3x^2 - 3x) dx$ 의 값은? [3점]

 $\bigcirc -1$ $\bigcirc -2$ $\bigcirc -3$ $\bigcirc -4$ $\bigcirc -5$

① 7 ② 8 ③ 9 ④ 10 ⑤ 11

5. 함수

$$f(x) = \begin{cases} (x-a)^2 - 3 & (x < 1) \\ 2x - 1 & (x \ge 1) \end{cases}$$

이 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 모든 상수 a의 값의 합은? [3점]

- $\bigcirc -4$ $\bigcirc -2$ $\bigcirc 0$ $\bigcirc 2$

5 4

 $m{6.}$ 공비가 양수인 등비수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제n항까지의 합을 S_n 이라 하자.

$$4(S_4 - S_2) = S_6 - S_4, \ a_3 = 12$$

일 때, S_3 의 값은? [3점]

- ① 18 ② 21 ③ 24 ④ 27

- **⑤** 30

- 7. 상수 k에 대하여 함수 $f(x) = x^3 3x^2 9x + k$ 의 극솟값이 -17일 때, 함수 f(x)의 극댓값은? [3점]
- 11
- ② 12
- ③ 13
- **4** 14
- **⑤** 15

- 8. 함수 $f(x) = x^2 + 1$ 의 그래프와 x축 및 두 직선 x = 0, x = 1로 둘러싸인 부분의 넓이를 점 (1, f(1))을 지나고 기울기가 $m(m \ge 2)$ 인 직선이 이등분할 때, 상수 m의 값은?
- ① $\frac{5}{2}$ ② 3 ③ $\frac{7}{2}$ ④ 4 ⑤ $\frac{9}{2}$

- \boldsymbol{g} . 좌표평면 위에 두 점 $\mathrm{A}(4,\log_3 a)$, $\mathrm{B}\left(\log_2 2\sqrt{2},\log_3 \frac{3}{2}\right)$ 이 있다. 선분 AB를 3:1로 외분하는 점이 직선 y=4x 위에 있을 때, 양수 a의 값은? [4점]

 - ① $\frac{3}{8}$ ② $\frac{7}{16}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{9}{16}$ ⑤ $\frac{5}{8}$

10. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)와 실수 전체의 집합에서 정의된 함수 g(x)가 모든 실수 x에 대하여

(x-1)g(x) = |f(x)|

를 만족시킨다. 함수 g(x)가 x=1에서 연속이고 g(3)=0일 때, f(4)의 값은? [4점]

- ① 9 ② 12
- ③ 15
- **4** 18
- \bigcirc 21

 $\emph{11.}$ 모든 항이 자연수인 두 등차수열 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 에 대하여 $a_5 - b_5 = a_6 - b_7 = 0$

이다. $a_7=27$ 이고 $b_7\leq 24$ 일 때, b_1-a_1 의 값은? [4점]

- ① 4 ② 6 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12
- 12. 시각 t=0일 때 동시에 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q의 시각 $t(t \ge 0)$ 에서의 속도가 각각

$$v_1(t) = -3t^2 + at$$
, $v_2(t) = -t + 1$

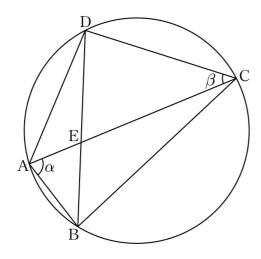
- 이다. 출발한 후 두 점 P, Q가 한 번만 만나도록 하는 양수 a에 대하여 점 P가 시각 t=0에서 시각 t=3까지 움직인 거리는? [4점]

- ① $\frac{29}{2}$ ② 15 ③ $\frac{31}{2}$ ④ 16 ⑤ $\frac{33}{2}$

13. 그림과 같이 한 원에 내접하는 사각형 ABCD에 대하여

 $\overline{AB} = 4$, $\overline{BC} = 2\sqrt{30}$, $\overline{CD} = 8$

이다. $\angle BAC = \alpha$, $\angle ACD = \beta$ 라 할 때, $\cos(\alpha + \beta) = -\frac{5}{12}$ 이다. 두 선분 AC와 BD의 교점을 E라 할 때, 선분 AE의 길이는? $\left($ 단, $0<\alpha<\frac{\pi}{2}$, $0<\beta<\frac{\pi}{2}\right)$ [4점]



① $\sqrt{6}$ ② $\frac{\sqrt{26}}{2}$ ③ $\sqrt{7}$ ④ $\frac{\sqrt{30}}{2}$ ⑤ $2\sqrt{2}$

14. 최고차항의 계수가 1인 사차함수 f(x)에 대하여 함수

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & (x \le 1) \\ f(x-1) + 2 & (x > 1) \end{cases}$$

은 실수 전체의 집합에서 미분가능하고, 곡선 y = g(x) 위의 점 (0, g(0))에서의 접선의 방정식이 y = 2x + 1이다. g'(t) = 2인 서로 다른 모든 실수 t의 값의 합은? [4점]

- ① 4 ② $\frac{9}{2}$ ③ 5 ④ $\frac{11}{2}$ ⑤ 6

단 답 형

 $\emph{15.}$ 모든 항이 자연수인 수열 $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n에 대하여

를 만족시킬 때, $a_6=2$ 가 되도록 하는 모든 a_1 의 값의 합은? [4점]

- ① 254 ② 264 ③ 274 ④ 284
 - 5 294
- 16. 방정식 $\left(\frac{1}{3}\right)^x = 27^{x-8}$ 을 만족시키는 실수 x의 값을 구하시오.

[3점]

17. 함수 $f(x) = (x^2 + 3x)(x^2 - x + 2)$ 에 대하여 f'(2)의 값을 구하시오. [3점]

18. 수열 $\{a_n\}$ 과 상수 c에 대하여

$$\sum_{n=1}^{9} ca_n = 16, \ \sum_{n=1}^{9} (a_n + c) = 24$$

일 때, $\sum_{n=1}^{9} a_n$ 의 값을 구하시오. [3점]

19. 두 상수 a, b(a>0)에 대하여 함수 $f(x) = |\sin a\pi x + b|$ 가 다음 조건을 만족시킬 때, 60(a+b)의 값을 구하시오. [3점]

- (7) f(x)=0이고 $|x| \le \frac{1}{a}$ 인 모든 실수 x의 값의 합은 $\frac{1}{2}$ 이다.
- (나) $f(x) = \frac{2}{5}$ 이고 $|x| \le \frac{1}{a}$ 인 모든 실수 x의 값의 합은 $\frac{3}{4}$

20. 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$${f(x)}^2 = 2\int_3^x (t^2 + 2t)f(t) dt$$

를 만족시킬 때, $\int_{-3}^{0} f(x) dx$ 의 최댓값을 M, 최솟값을 m이라 하자. *M-m*의 값을 구하시오. [4점]

21. 두 자연수 a, b에 대하여 함수 f(x)는

$$f(x) = \begin{cases} \frac{4}{x-3} + a & (x < 2) \\ \left| 5\log_2 x - b \right| & (x \ge 2) \end{cases}$$

이다. 실수 t에 대하여 x에 대한 방정식 f(x)=t의 서로 다른 실근의 개수를 g(t)라 하자. 함수 g(t)가 다음 조건을 만족시킬 때, a+b의 최솟값을 구하시오. [4점]

- (가) 함수 g(t)의 치역은 $\{0, 1, 2\}$ 이다.
- (나) g(t)=2인 자연수 t의 개수는 6이다.

22. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)에 대하여 함수 g(x)를

$$g(x) = \begin{cases} f(x) + x & (f(x) \ge 0) \\ 2f(x) & (f(x) < 0) \end{cases}$$

이라 할 때, 함수 g(x)는 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 함수 g(x)가 x=t에서 불연속인 실수 t의 개수는 1이다.
- (나) 함수 g(x)가 x=t에서 미분가능하지 않은 실수 t의 개수는 2이다.

f(-2) = -2일 때, f(6)의 값을 구하시오. [4점]

- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기) 했는지 확인하시오.
- 이어서, 「**선택과목(확률과 통계)**」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제2교시

수학 영역(확률과 통계)

5 지 선 다 형

23. 4개의 문자 a, a, b, b를 모두 일렬로 나열하는 경우의 수는? [2점]

① 6

② 8 ③ 10

④ 12

⑤ 14

24. 두 사건 A, B는 서로 독립이고

 $P(A \cap B) = \frac{1}{15}, \quad P(A^{C} \cap B) = \frac{1}{10}$

일 때, P(A)의 값은? [3점]

① $\frac{4}{15}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{2}{5}$ ④ $\frac{7}{15}$ ⑤ $\frac{8}{15}$

수학 영역(확률과 통계)

고 3

25. 다항식 $(2x+5)(x-1)^5$ 의 전개식에서 x^3 의 계수는? [3점]

① 20

② 30

3 40

4 50

⑤ 60

26. 어느 회사에서 생산하는 다회용 컵 1개의 무게는 평균이 m, 표준편차가 0.5인 정규분포를 따른다고 한다. 이 회사에서 생산한 다회용 컵 중에서 n개를 임의추출하여 얻은 표본평균이 67.27일 때, 모평균 m에 대한 신뢰도 95%의 신뢰구간이 $a \le m \le 67.41$ 이다. n+a의 값은? (단, 무게의 단위는 g이고, Z가 표준정규분포를 따르는 확률변수일 때, $P(|Z| \le 1.96) = 0.95$ 로 계산한다.) [3점]

① 92.13 ② 97.63 ③ 103.13 ④ 109.63 ⑤ 116.13

27. 7개의 공이 들어 있는 상자가 있다. 각각의 공에는 1 또는 2 또는 3 중 하나의 숫자가 적혀 있다. 이 상자에서 임의로 2개의 공을 동시에 꺼내어 확인한 두 개의 수의 곱을 확률변수 X라 하자. 확률변수 X가

 $P(X=4) = \frac{1}{21}, \quad 2P(X=2) = 3P(X=6)$

을 만족시킬 때, P(X ≤ 3)의 값은? [3점]

- ① $\frac{2}{7}$ ② $\frac{3}{7}$ ③ $\frac{4}{7}$ ④ $\frac{5}{7}$

- 28. 정규분포를 따르는 두 확률변수 X, Y와 X의 확률밀도함수 f(x), Y의 확률밀도함수 q(x)가 다음 조건을 만족시킬 때, $P(X \ge 2.5)$ 의 값을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은?

$P(0 \le Z \le z)$
0.1915
0.3413
0.4332
0.4772
0.4938

[4점]

- (7) V(X) = V(Y) = 1
- (나) 어떤 양수 k에 대하여 직선 y=k가 두 함수 y=f(x), y=g(x)의 그래프와 만나는 모든 점의 x좌표의 집합 은 {1, 2, 3, 4} 이다.
- (다) $P(X \le 2) P(Y \le 2) > 0.5$

단 답 형

29. 두 집합 $X = \{1, 2, 3, 4\}, Y = \{0, 1, 2, 3, 4, 5\}$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 함수 $f: X \rightarrow Y$ 의 개수를 구하시오. [4점]

- (가) $x=1, 2, 3 일 때, f(x) \leq f(x+1)$ 이다.
- (나) f(a) = a인 X의 원소 a의 개수는 1이다.

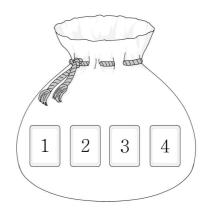
30. 수직선의 원점에 점 P가 있다. 주머니에는 숫자 1, 2, 3, 4가 하나씩 적힌 4장의 카드가 들어 있다. 이 주머니를 사용하여 다음 시행을 한다.

주머니에서 임의로 한 장의 카드를 꺼내어 카드에 적힌 수를 확인한 후 다시 주머니에 넣는다.

확인한 수 k가

홀수이면 점 P를 양의 방향으로 k만큼 이동시키고, 짝수이면 점 P를 음의 방향으로 k만큼 이동시킨다.

이 시행을 4번 반복한 후 점 P의 좌표가 0 이상일 때, 확인한 네 개의 수의 곱이 홀수일 확률은 $\frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]



- * 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기) 했는지 확인하시오.
- 이어서, 「**선택과목(미적분)**」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.