Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

Калужский филиал федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)»

Факультет «Машиностроительный» Кафедра МК10 «Высшая математика и физика»

Домашнее задание № 1 по курсу «Теория вероятностей и математическая статистика» на тему «Основные понятия теории вероятностей»

Вариант 17

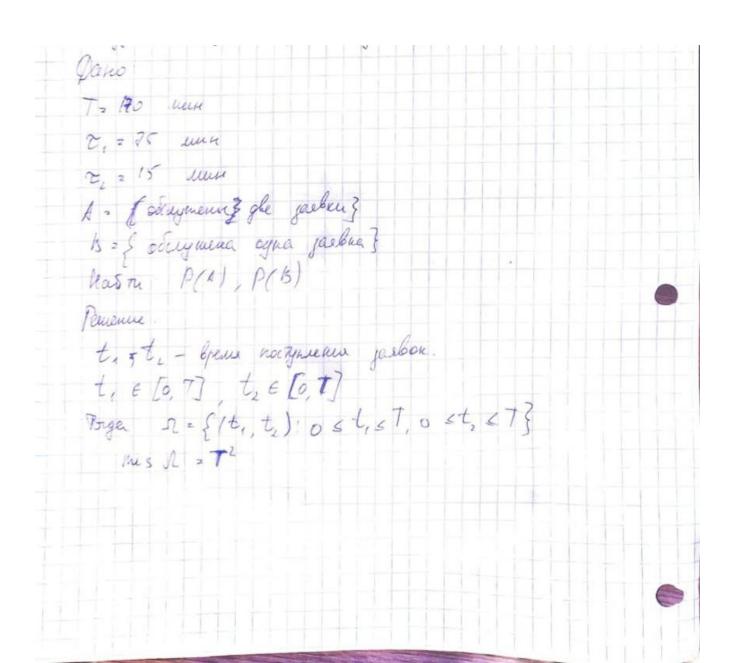
A

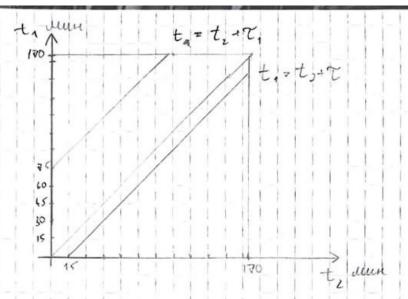
Выполнил студент гр. ИУК5-42Б Ли Роман Владиславович Проверил Супельняк М.И.

Домашнее задание сдано		CHO-
	дата	подпись студента
Домашнее задание проверено		A
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	дата	подпись студента
Домашнее задание принято		At .
	дата	подпись студента
Домашнее задание защищено		A
	дата	подпись студента
Количество рейтинговых баллов		

На некоторое обслуживающее устройство поступают две заявки. Каждая может поступить в любой момент времени в течение T минут. Время обслуживания первой заявки составляет $\tau 1$ минут, второй — $\tau 2$ минут. При поступлении заявки на занятое устройство она не принимается. При поступлении заявки на свободное устройство даже в последний момент времени T она обслуживается. При одновременном поступлении на устройство обе заявки отклоняются. Найти вероятность того, что:

- а) обе заявки будут обслужены;
- б) будет обслужена ровно одна заявка.





вин С. Езавы не обнаружены? ТО А, В, С авмоти полочно пруппу , г.е.

SL = A + B + C,

P(A) + P(B) + P(C) = P(D) = 1

Cosumo C sianonquescibyres be successapine ucnogn, hou notopun tizti, nosrowy

C = { (t, t,): t, = t, 0 < t, < T}, mes C=0, P(C)=

= mes & 2 0 =0

K Takon eyrae

P(K)= 1-P(A)

Ease $t_z > t_1$, $\overline{\imath}.e$, heplan zarban noery naer passine b ropost, $\overline{\imath}o$ in instance A diaron puer criby nor bee Junioraphene unage, now koropour $t_z - t_1 > \overline{\imath}_1$.

Ensu $t_1 > t_2$, $\overline{\imath}.e$. bropan janka nour paer passine nephot, $\overline{\imath}o$ instrum A diaron puer criby in bee Junioraphene unagen, up no koropou $t_1 - t_2 > \overline{\imath}_2$.

b ranon engral $A = \{(t_1, t_2) : 0 \le t_1 \le 7, 0 \le t_2 \le T, t_2 - t_1 > E_1 \}$ april $t_2 > t_1, t_1 - t_2 > 2$ april $t_1 > t_2 3;$ mes $A = \frac{(T - T_1)^2}{2} + \frac{(T - T_2)^2}{2} = \frac{(170 - 75)^2 + (170 + 15)^2}{2} = \frac{(170 - 75)^2 + (170 + 15)^2}{2} = \frac{95^2 + 155^2}{2 \cdot 170^2}; \frac{9025 + 24025}{57800} = \frac{33050}{57800};$ $Z = \frac{95^2 + 155^2}{2 \cdot 170^2}; \frac{9025 + 24025}{1156} = \frac{33050}{57800};$ $Z = \frac{95^2 + 155^2}{2 \cdot 170^2}; \frac{9025 + 24025}{1156} = \frac{33050}{57800};$ $Z = \frac{95^2 + 155^2}{2 \cdot 170^2}; \frac{9025 + 24025}{1156} = \frac{33050}{57800};$ $Z = \frac{95^2 + 155^2}{2 \cdot 175^2}; \frac{9025 + 24025}{1156} = \frac{33050}{57800};$ $Z = \frac{95^2 + 155^2}{1156} = \frac{9572}{1156} = \frac{9572}$

В отдел технического контроля поступает партия, содержащая N изделий, среди которых имеется M бракованных. Контролер для контроля отбирает 3 изделия, при этом в бракованном изделии он обнаруживает брак с вероятностью p. Патия бракуется, если среди трех отобранных для проверки изделий обнаружено хотя бы одно бракованное изделие. Найти вероятность того, что данная партия изделий будут забракована.

N 2	22						
Mz						FILL	
	0,96				4-11		
		Jeespan	colara }			1:11	
100	m: 1					- !!!!!	
R	reviewe						
Kep	REFLOCAS	npone	иния бр	cen & S	banobanna	u ugen	un
			0,96 = 0				
			и отобрани		aut a	брежова на	ex 3
V.	= 0,3.						
178	ga:	P(H.) 2 CM	2 3-4 5)			
		PITI					
F-F	113		Ha) = 8	The second secon	1	n -	_
	I H	PLAIL	(n) = 1-	P(A/Hn)=1-8	? , n = 0	2,5
	I III			-1-			

to noment gropmyne beparrowned P(A) = = P(Hn) P(A/Hn) = = Cm CN-M (1-8") $C_{22} = \frac{22!}{3! \cdot 19!} = \frac{20}{2! \cdot 22} = 1500$ Cy 21 : Cx = 4! = 4; Cx = 4' = 6; Cx = 31=4 C 18 = 181 = 46 17. 18 = 816 C18 = 18: 1 = 17-18 = 155. C10 = 18! = 18 C. = 1 P(A /Ho) = 1-0,04° = 0 P(H) = 1-816 = 0,550 D(AIU) = 1-0001 = 0,96 P(H,) = 4. (53 2 0,587 P(K2) = 6.18 = 0,000 P(A(H2) = 1-0,042 = 0,998 P(A/Hs) = 1-0,043 x 1 P(43) = 4 1 = 0,003 P(A) = 0,530 0 + 0,397 · 0,96 + 0,07 -0,998 + 0,005 & 2 0,454 01621 P(A) = 0,454.

На заводе элементы рекуператора сваривают только два сварщика. Первый сварщик сваривает за смену m1 элементов, второй сварщик — m2 элементов. Вероятность качественного выполнения сварки у первого сварщика составляет p1, а у второго p2. Какова вероятность того, что один элемент рекуператора будет сварен качественно? Если элемент рекуператора сварен качественно, что вероятнее: его варил первый сварщик или второй?

```
P. = 0,86
PL = 0,0L
 A = { grement elapen varecsbenne}

H = { grement chapular nephrit elapyon}

H = { grement chapular hopping blapyon}
  Haira P(A), P(H, /A) P(H, /A)
    Pewence.
        ωσι ων ε ερων ε ερων εποινω:
P(μ_1) = \frac{m_1}{m_1 + m_2} = \frac{16}{11 + 5} = \frac{16}{47} ≈ 0,340; P(μ_2) = \frac{m_2}{m_2 + m_1} = \frac{31}{47}
   to engrupe namon department:
                                                                               ≈ 0,660
       P(A) = P(H,) P(A/H,) = P(H,) P(A/U_) = P(H,) P.+
      + P(H2) P2 = 0,34 0,26 + 0,66 . 0.82 = 0,84
  The grop.uy. Geina
P(H_1)P(H_1H_1) = \frac{P(H_1)P_1}{P(A)} = \frac{0.88 \cdot 0.34}{0.84} \approx
```

P(H₂/A) = P(H₂)P(A/H₂) = 1 - P(H₁)P(A/H₁) = P(H₁)P(A/H₂) = P(H₁)P(A/H₂) = 1 - P(A/H₂)P(A/H₂) = 1 - P(H₁)P(A/H₂) = 1 - P(H₁)P(A/H₂)

Цех турбинных лопаток производит за день n лопаток, среди которых k рабочих лопаток, а остальные — сопловые. Лопатки в конце дня складируются в общий ящик, из которого на следующий день в цехе общей сборки последовательно достают наугад m лопаток. Найти вероятность того, что среди выбранных лопаток окажется ровно l рабочих, если выборка производится

- а) без возвращения (выбранная лопатка не возвращается в ящик);
- б) с возвращением (выбранная лопатка возвращается в ящик).

Dano: A . { spegu bouspasses donciron parount? H, of backpa uponylogues by bejbpanenne? R2 - { budopaa spenylogure i bojbaansennens Karri: P(A/LI), P(A/LI) Ест выбория пренуводина бу возврещения то верогового Р(ЛИ,), определение по класической формуле Ди пого накодии число спосовов en = n! = 12! = 12! = 12! = 9.10.11.12 = 495 которими мотно увлег и лонатой и п лонаток; rance enerodol:

C' - (1/(V-1)) = 31 - 7 18 3 = 84 которыми менто прит в расвых менатом & partier conarex rucio inciccolo Cn-k = (n-k) (n-k)-(m-4) = 3 = 2 3 = 3 comoletex concerox иоторини монию ириет y u-k complete nonator.

Porga P(A/Hi) = Lu Cn-k = 84.3 20,51. виш выборка пропувадите с вовращением, го щьмение монада пответствует сжене веркуми beparthours yourse P= 1 = 0,75 и веронткой кеудачи g 21-p21-0,75-20,25 & rancon ingrae P(x/Hz) engigeners no dopulyre Elphy un P(X/H2) = Pm/e) = Cn pegm-e = 17/m-21/p q = = - 4 \$ 0,753. 0,25 = 4. 0,421875. 0,25 \$ 0,425 Orber: P(A/H,) = 0 1) (A 1 42) = 0, 428

- 11-1-17

1...1

111111

. 7.

Вероятность изготовления бракованной детали токарем равна p. Необходимо определить:

- а) минимальное количество деталей, которое необходимо изготовить токарю, чтобы вероятность получения хотя бы одной бракованной детали составляла не менее P;
- б) вероятность того, что среди n деталей будет ровно k бракованных деталей;
- в) вероятность того, что среди n деталей будет не менее k1 и не более k2 бракованных деталей.

Dano k, 227 k = 28 Kastain P(k) P. (k, k) Peeuenne Georghame geraner worker erbyer exem beprysen. Керситинга протовления колитвенный дехани B=1-p=1-0,14 =0,86 Верандность получения кота вы одной бранованной детами 6 represe of m geraceit cocrabiner 1-8">P Craoga augget, coo 9 = 1 - P. m/n g = ln(1-P), m > (1(1-1) = 4 (0,65) = 2,856 Workship ME N, TO M = 3 Beparacru P. (8) u P. (k, k,) burnacemen a minagino gropayun bepayuu. RECKALLY 1 > 100, 14 > 10 u ng > 10, 70 P. (4) diones быт найдена на ненашей формуля Муавро-ваннаса Preside) = P(2) - P(6)

ege
$$\psi(k) = \frac{1}{\sqrt{4}} e^{-\frac{k^2}{2}}, \widehat{\Psi}(k) = \frac{1}{\sqrt{2}} \int_{0}^{\infty} e^{-\frac{k^2}{2}} dx$$
;

 $x = \frac{1}{\sqrt{4}} - \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} e^{-\frac{k^2}{2}} dx$;

 $x = \frac{1}{\sqrt{4}} - \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} e^{-\frac{k^2}{2}} dx$;

 $x = \frac{1}{\sqrt{4}} - \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} \frac{1}{\sqrt{2}} e^{-\frac{k^2}{2}} e^{-$

Orber: M. 3, Pulk) = 0,066, P(k, k) = 0,082

Задача 6

Каждая из независимых случайных величин X и Y принимает свои возможные значения с одинаковой вероятностью. Для случайной величины Z = Z(X, Y) найдите ряд распределения, функцию распределения F(z), математическое ожидание M(Z), дисперсию D(Z), стандартное отклонение $\sigma(Z)$ и постройте график функции F(z). Вид функции Z(X, Y) зависит от параметра γ .

γ	1	2	3	4	5	6	7
Z(X,Y)	X + Y	X - Y	X - Y	$\max(X,Y)$	min(X,Y)	X + 2Y	2X - Y

Dano

-							
) D	1	3	6	1 y	2	5	1
P	1/3	1/3	1/3	P	1/3	1/3	1

Y>1

H-TU F(2), H(2), D(2), G(2)

Решение

Cocrabina vadingy great gynknin Z2 X+ 4

для ведиотник значений двужиерной муг велиг.

(x,y/= (xi, yi), i= 1,3]=1,3

X	2	5	5
1	3	4	6
3	5	6	8
6	8	9	11

Bojanomum pronemió Ze agraviros beneran Z u ux racrosa me jakona brading

K	1	2	3	4	5	6	7
2,	3	4	5	Ь	8	9	11
mk	1	1	2	1	2	1	1

Bowsaky h u y mysbur. myr. becur, to $P(x=x_i, y=y_i) = P(x=y_i) \cdot P(y=y_i) = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{3}$ $\text{onlyga} \quad P_u = P(z=z_u) = \sum_{i \neq i, y \neq i} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq i} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j, y \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum_{i \neq j} P(x_i, y=y_i) = \sum$

Oppegenul gynnynio pacupegeneurs
$$F(Z)_{2} P(Z < Z_{i})_{2} \begin{cases} 0, Z < Z_{i} \\ 1, Z > Z_{n} \end{cases}$$

que hargemeno pega pamp.

C naucy page page but the Rap 2:

C nameng paga pagp but. Thus tap 2: $N(=)=\sum_{k=1}^{n} \sum_{k} p_{k} = 3 \cdot \frac{1}{g} + 4 \cdot \frac{1}{g} + 5 \cdot \frac{2}{g} + 6 \cdot \frac{1}{g} + \frac{8}{g} \cdot \frac{1}{g} + 9 \cdot \frac{1}{g} + 11 \cdot \frac{1}{g}$ ≈ 6.556 .

 $M(Z^2)$ = $\sum_{k=1}^{n} Z_{k}^{2} p_{k} = 9 \cdot \frac{1}{9} + 16 \cdot \frac{1}{9} + 25 \cdot \frac{2}{9} + 36 \cdot \frac{1}{9} + 64 \cdot \frac{2}{9} + 81 \cdot \frac{1}{9} + 121 \cdot \frac{1}{9} = 49$

D(Z)= H(Z²)- H'(Z)= 441 - (59)2 ≈ 6,025 d=(Z)= (0(Z)=6,025 ≈ 2,455

Onbex: M(Z) = 6,556 M(Z²) = 49 6 = 2,455

Задача 7

Непрерывная случайная величина X имеет плотность распределения вероятно стей f(x). Для случайной величины X необходимо:

- а) найти функцию распределения F(x) и построить графики функции распределения
- F(x) и плотности распределения вероятностей f(x);
- б) определить вероятность попадания случайной величины в интервал (α, β) ;
- в) найти математическое ожидание M(X), дисперсию D(X) и стандартное отклонение $\sigma(X)$.

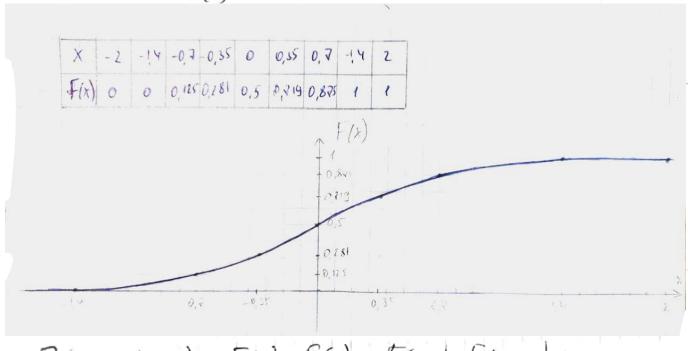
Вид функции f(x) зависит от параметра γ .

γ	1	2	3
f(x)	$\begin{cases} \lambda e^{\lambda x}, x \le 0\\ 0, x > 0 \end{cases}$	$\begin{cases} \frac{\lambda - x }{\lambda^2}, x \le \lambda \\ 0, x > \lambda \end{cases}$	$\frac{\lambda e^{-\lambda x }}{2}$

Dano: 1214 × = -0,56 13 = 0,84 y = 2 Kautu: P(x), P(x < X < p), M(x), D(x), S(x). Pemenue Предотавши функцию ва в виде Он построские дуккуми угиливаем, го f(x) = f(x) nanogene quarence f(x) 6 tornax 0 0,4 0,8 1,2 1,4 1,6 1,8 2 Gr) 0, 7140,51 0,310,10 0 0 0 0 01

Ппределим функцию распределения F(x) = P(x < x) = sa(x)dx нарамерних инжегранов сильовой оси 1 +(t) = fodx =0 upu -1,4< x <0 Fa) = Staldx = Staldx + Staldx = $= 0 + \int \frac{1.4 + x}{1.96} dx = \left(\frac{1.4x}{1.86} + \frac{x^2}{50.86}\right) = 2$ $=\frac{\chi^{2}}{5.92}+\frac{1.4\chi}{1.96}-\left(-\frac{1.4\cdot1.4}{1.96}+\frac{1.4^{2}}{2.1.96}\right)=\frac{\chi^{2}+2.8\chi}{5.92}+\frac{1}{2}$ you to ockelly F(k) = St(k)dr = ft(d)dr + St(r)dr + Stadr = $= 0 + \frac{1}{2} + \int \frac{14-x}{1.86} dx = \frac{1}{2} + \left(\frac{1.4x}{1.86} - \frac{x^{L}}{2.1.86} \right)^{\frac{1}{2}}$ $=\frac{1}{2}+\frac{1.4x}{1.86}-\frac{x^2}{2.196}=\frac{2.8x-x^2}{3.92}+\frac{1}{2}$ Fa) = Standr = Standr + Standr + Standr + Standr = 0 + = + 0 = $F(x) = \begin{cases} \frac{x^2 + 2.8x}{x^2 + 2.8x} = \frac{1}{2}, -1.4 < x < 0 \\ \frac{2.6x - x^2}{3.92} + \frac{1}{2}, 0 < x < 1.4 \end{cases}$

Для построение урадика функции все) находии значения FCA) в кочнок:



$$P(x < X < \beta) = F(\beta) - F(\lambda) = F(0,84) - F(-0,56) = 0,92 - 0,18 = 0,74$$

Oupegeven a rucible exparrepresent
$$X$$
 $N(x) = \int x \int (x) dx = \int x \cdot o dx + \int \frac{14x}{1.96} x^2 dx + \int \frac{1.4x}{1.96} x^2$

D(+) = M(x2) - M2(x) = 0, 327 -0 = 0,327 5 (b) = (0,527 \$ 0,572 Orber: P(x < x < B) = 0,74) M(x) = 0. D(x) = 0,327 G(x) = 0,572,