

## § 5-8 分子平均碰撞次数 平均自由程

### 1. 分子碰撞 分子相互作用的过程。

碰撞的效果是：

- a. 频繁地与其他分子相碰撞，分子的实际运动路径是曲折无规的。
- b. 正是碰撞，使得气体分子能量按自由度均分。
- c. 在气体由非平衡态过渡到平衡态中起关键作用。
- d. 气体速度按一定规律达到稳定分布。
- e. 利用分子碰撞，可探索分子内部结构和运动规律。

## 2. 平均自由程 平均碰撞频率

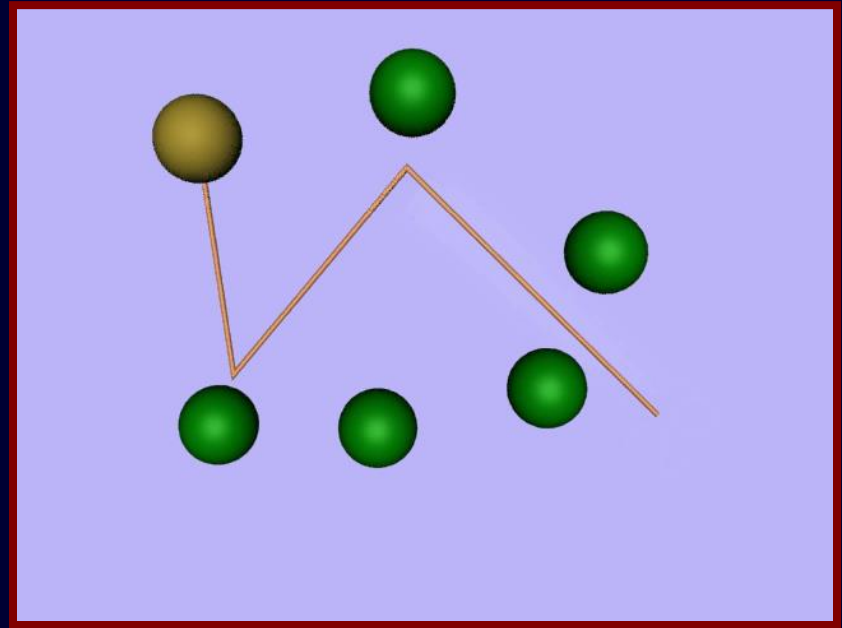
**平均自由程：**在一定的宏观条件下，一个气体分子在连续两次碰撞间可能经过的各段自由路程的平均值，用  $\bar{\lambda}$  表示。

**平均碰撞频率：**在一定的宏观条件下，一个气体分子在单位时间内受到的平均碰撞次数，用  $\bar{Z}$  表示。

若  $\Delta t$  运动过程中，分子运动平均速度为  $\bar{v}$   
则分子运动平均自由程为

$$\bar{\lambda} = \frac{\bar{v} \Delta t}{\bar{Z} \Delta t} = \frac{\bar{v}}{\bar{Z}}$$

设分子A以平均相对速率  $\bar{u}$  运动，其他分子不动，只有与分子A的中心距离小于或等于分子有效直径  $d$  的分子才能与A相碰。



在  $\Delta t$  时间内，凡分子中心在以分子A 运动轨迹为轴，半径等于分子有效直径  $d$ ，长为  $\bar{u}\Delta t$  的曲折圆柱体内的分子均能与 A 相碰，设分子数密度为  $n$ ，则碰撞频率：

$$\bar{Z} = \frac{n\sigma\bar{u}\Delta t}{\Delta t} = n\sigma\bar{u}$$

$$\therefore \bar{u} = \sqrt{2\bar{v}}, \quad \sigma = \pi d^2$$

$$\therefore \bar{Z} = \sqrt{2}n\sigma\bar{v} = \sqrt{2}\pi d^2\bar{v}n$$

$$\therefore \bar{\lambda} = \frac{\bar{v}}{\bar{Z}} = \frac{1}{\sqrt{2}\pi d^2 n}$$

说明：平均自由程与分子有效直径的平方及单位体积内的分子数成反比，与平均速率无关。

$$\therefore P = nkT \quad \therefore \bar{\lambda} = \frac{kT}{\sqrt{2}\pi d^2 p}$$

平均自由程与压强成反比，当压强很小，有可能大于容器线度，即分子很少与其它分子碰撞，不断与器壁碰撞，其平均自由程即容器的线度。

**例题5-6** 求氢在标准状态下，在1s 内分子的平均碰撞次数。已知氢分子的有效直径为 $2\times 10^{-10}m$ 。

**解:按气体分子算术平均速率公式 算得**

$$\bar{v} = \sqrt{\frac{8RT}{\pi M_{mol}}}$$

$$\bar{v} = \sqrt{\frac{8RT}{\pi M_{mol}}} = \sqrt{\frac{8 \times 8.31 \times 273}{3.14 \times 2 \times 10^{-3}}} m/s = 1.70 \times 10^3 m/s$$

**按公式  $p=nkT$  可知单位体积中分子数为**

$$n = \frac{p}{kT} = \frac{1.013 \times 10^5}{1.38 \times 10^{-23} \times 273} m^{-3} = 2.69 \times 10^{25} m^{-3}$$

因此

$$\begin{aligned}\bar{\lambda} &= \frac{1}{\sqrt{2}\pi d^2 n} \\ &= \frac{1}{1.414 \times 3.14 \times (2 \times 10^{-10})^2 \times 2.69 \times 10^{25} \times 273} m \\ &= 2.10 \times 10^{-7} m\end{aligned}$$

$$\bar{Z} = \frac{\bar{v}}{\bar{\lambda}} = \frac{1.70 \times 10^3}{2.10 \times 10^{-7}} s^{-1} = 8.10 \times 10^9 s^{-1}$$

即在标准状态下，在  $1 s$  内分子的平均碰撞次数约有 80 亿次。