# ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΙΚΗ ΚΒΑΝΤΙΚΗ ΦΥΣΙΚΗ ΚΑΙ ΕΦΑΡΜΟΓΕΣ

ΔΗΜΗΤΡΙΟΥ ΕΛΕΥΘΕΡΙΟΣ

#### ΠΕΡΙΕΧΟΜΕΝΑ

- Listing 6.22
- Στοιχεία θεωρίας
- Αποτελέσματα

- Listing 6.12
- Στοιχεία θεωρίας
- Αποτελέσματα

# Listing 6.22 : Quantum Entanglement

- Υπολογισμοί
- του τελεστή της Hamiltonian
- των ιδιοτιμών
- των ιδιοκαταστάσεων

► Οι πίνακες Pauli για τον χώρο των spin

$$X \equiv \sigma_x = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad Y \equiv \sigma_y = \begin{pmatrix} 0 & -i \\ i & 0 \end{pmatrix}, \quad Z \equiv \sigma_z = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$$

Ο τανυστής της Hamiltonian

$$H = \frac{\mu^2}{r^3} (X_A \otimes X_B Y_A \otimes Y_B + Z_A \otimes Z_B - 3Z_A \otimes Z_B)$$

παράδειγμα

$$X_A\otimes X_B=\left(egin{array}{cccc} 0&0&0&1\ 0&0&1&0\ 0&1&0&0\ 1&0&0&0 \end{array}
ight)$$

$$H = \frac{\mu^2}{r^3} \begin{pmatrix} -2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 2 & 0 \\ 0 & 2 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -2 \end{pmatrix}$$

 Σκοπός μας είναι η εύρεση των ιδιοκαταστάσεων έτσι ώστε να συγκρίνουμε τον πίνακα ιδιοτιμών, με τον πίνακα της Hamiltonian

$$H = \begin{pmatrix} \langle \phi_1 | H | \phi_1 \rangle & \langle \phi_1 | H | \phi_2 \rangle & \langle \phi_1 | H | \phi_3 \rangle & \langle \phi_1 | H | \phi_4 \rangle \\ \langle \phi_2 | H | \phi_1 \rangle & \langle \phi_2 | H | \phi_2 \rangle & \langle \phi_2 | H | \phi_3 \rangle & \langle \phi_2 | H | \phi_4 \rangle \\ \langle \phi_3 | H | \phi_1 \rangle & \langle \phi_3 | H | \phi_2 \rangle & \langle \phi_3 | H | \phi_3 \rangle & \langle \phi_3 | H | \phi_4 \rangle \\ \langle \phi_4 | H | \phi_1 \rangle & \langle \phi_4 | H | \phi_2 \rangle & \langle \phi_4 | H | \phi_3 \rangle & \langle \phi_4 | H | \phi_4 \rangle \end{pmatrix}$$

#### Αποτελέσματα

```
Hamiltonian without mu~2/r~3 factor
 [[-2 0 0 0]
 [0 0 0 -2]]
Eigenvalues
 [ 4.0000000e+00+0.j 4.4408921e-16+0.j -2.0000000e+00+0.j
-2.0000000e+00+0.j]
Eigenvectors (in columns)
 [[ 0. 0. 1. 0.
Hamiltonian in Eigenvector Basis
 [[ 4.00000000e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00 6.66133815e-16]
 [ 0.00000000e+00 -2.00000000e+00 0.00000000e+00 0.00000000e+00]
  0.00000000e+00 0.00000000e+00 -2.00000000e+00 0.00000000e+00]
  6.28036983e-16 0.000000000e+00 0.000000000e+00
                                           9.86076132e-32]]
```

### Σχολιασμοί

- Το πρόγραμμα μας έδωσε τα αναμενόμενα αποτελέσματα
- Κάποιες τιμές δεν πήρα ακριβώς την τιμή μηδέν λόγω του αριθμητικού υπολογισμού

# Listing 6.12: Motion of a wave packet within harmonic oscillator well

 Προσομοίωση της κίνησης ενός κυματοπακέτου, σε δυναμικό αρμονικού ταλαντωτή.

 Η χρονοεξαρτώμενη εξίσωση Schrodinger (σε μία χωρική διάσταση) με την εισαγωγή δυναμικού αρμονικού ταλαντωτή

$$i\hbar\frac{\partial\psi(x,t)}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2m}\frac{\partial^2\psi(x,t)}{\partial x^2} + \frac{1}{2}kx^2\psi(x,t)$$

► Η λύση της εξίσωσης Schrodinger, έχει την μορφή

$$\psi(x,t) = \frac{\alpha^{1/2}}{\pi^{1/4}} \exp\left[-\frac{1}{2}(x - x_0 \cos \omega t)^2 - i(\frac{\omega t}{2} + xx_0 \sin \omega t - \frac{1}{4}x_0^2 \sin 2\omega t)\right]$$

Ενώ η συνάρτηση πυκνότητας πιθανότητας είναι η

$$|\psi(x,t)|^2 = \frac{\alpha}{\sqrt{\pi}} e^{-\alpha^2 [x-a\cos(\omega_c t)]^2}$$

# Αποτελέσματα

