

Esperienza 1: Legge di Malus – Angolo di Brewster

G. Galbato Muscio

F. Ghimenti

L. Gravina

L. Graziotto

28 Marzo 2019

Gruppo D1-1

Abstract

Si misura l'intensità di un laser HeNe¹ attraverso un filtro polaroid al variare dell'angolo relativo tra asse principale e direzione di polarizzazione della luce per verificare la legge di Malus. Si studia l'andamento dell'intensità delle componenti TE e TM della componente riflessa da un dielettrico (perspex) al variare dell'angolo di incidenza, si misura l'angolo di Brewster.

Indice

1	Apparato strumentale	:
2	Legge di Malus	3
	2.1 Verifica utilizzando due polarizzatori	
	2.2 Verifica aggiungendo un terzo polarizzatore	4
	2.3 Studio della polarizzazione del fascio in ingresso	4

1https://www.dropbox.com/s/5aqzs2uykfi81ms/ 8-Coherence_function_He_Ne.pdf?d1=0

3	Ang	olo di Brewster	5
	3.1	Riflettanza	6
	3.2	Visibilità	6

1 Apparato strumentale

Si utilizza un laser He-Ne di lunghezza d'onda $\lambda=632.8\,\mathrm{nm},$ montato su tavolo ottico. Le configurazioni utilizzate sono illustrate nei diagrammi pertinenti a ciascuna sezione del seguito.

In serie al laser è posta una lamina di ritardo $\lambda/4$ montata su uno stadio di rotazione goniometrica, che ha lo scopo di produrre luce polarizzata circolarmente (o ellitticamente, come si vedrà nella sezione 2.3). Inoltre è presente anche un attenuatore di fascio, per ridurre l'intensità della luce emessa, e un'iride.

Al fine di misurare l'intensità del fascio luminoso si utilizza un fotodiodo, che produce un segnale di tensione direttamente proporzionale (ammesso che si lavori nella condizione di linearità, ovvero non superando un voltaggio di circa $10\,\mathrm{V}$) all'intensità stessa. Il segnale di fondo del fotodiodo risulta essere

$$I_b = (7.6 \pm 0.4) \,\mathrm{mV},$$

ottenuto mediante una misura con il laser oscurato. Ai valori ottenuti sperimentalmente sarà dunque necessario sottrarre il segnale di fondo.

I filtri polarizzatori lineari adoperati sono dotati di una ghiera goniometrica di sensibilità 2° che permette di misurare l'angolo di rotazione.

2 Legge di Malus

2.1 Verifica utilizzando due polarizzatori

Consideriamo un fascio di luce non polarizzata o a polarizzazione ellittica che passi attraverso due polarizzatori lineari. Sia θ l'angolo formato dagli assi di polarizzazione dei filtri e I_0 l'intensità della luce all'ingresso del primo filtro. L'intensità della luce uscente al termine del processo segue la legge

$$I = I_0 \cos^2 \theta. \tag{1}$$

Si verifica la legge di Malus utilizzando l'apparato sperimentale in figura 1.

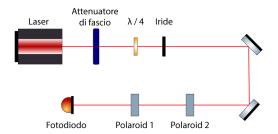


Figura 1: Apparato per la verifica della legge di Malus.

Si ruota l'asse del secondo polarizzatore finché non si ottenga assenza di luce trasmessa. Questo significa che gli assi di polarizzazione sono tra di loro ortogonali. Questa configurazione fornisce l'offset per misurare θ : se θ_1 è l'angolo misurato sul polarizzatore in uscita in configurazione generica e θ_0 è l'angolo misurato sul polarizzatore in ingresso quando gli assi sono ortogonali allora

$$\theta = \theta_1 - \theta_0 - \frac{\pi}{2}$$

Si varia l'inclinazione dell'asse di polarizzazione in uscita e si prendono le misure di potenziale dal multimetro. I risultati sono riportati in Tabella $\ref{eq:constraint}$. Si effettua un fit dei dati col metodo del χ^2 a 27 gradi di libertà (dati dal numero di punti sperimentali meno il numero di parametri) utilizzando la funzione a tre parametri

$$f(\theta) = A\cos^2(B\theta + C)$$

Si ricavano i seguenti valori:

$$A = (6.11 \pm 0.06) \text{ V}$$

$$B = (1.004 \pm 0.006) \text{ rad}^{-1}$$

$$C = (3.15 \pm 0.02) \text{ rad}$$

Il chi quadro rapportato al numero di gradi di libertà risulta essere 1.01. La fase C è irrilevante considerando la simmetria della funzione in esame e può essere posta uguale a 0 entro l'incertezza con la quale si effettua la lettura dell'angolo. Si osserva che il valore di B è compatibile con quello previsto teoricamente dalla (1) ($B^{\text{(teo)}} = 1 \, \text{rad}^{-1}$). Si riporta in figura 2 il grafico dell'intensità in funzione di θ , a

cui è sovrapposta la curva di fit. Si nota che i dati sperimentali si discostano maggiormente dalla curva teorica in corrispondenza del punto di massimo per l'intensità della luce uscente, intorno al quale si è ritenuto opportuno prendere un maggior numero di misure. Le principali cause di errore sono da attribuire a fluttuazioni dell'intensità di fondo dovuta a disturbi esterni (accensione e spegnimento di luci, spostamento di persone) e a imperfezioni o aloni nei polarizzatori.

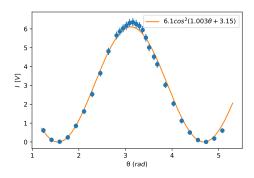


Figura 2: Voltaggio ai capi del fotodiodo in funzione dell'angolo di rotazione θ tra i due assi di polarizzazione dei filtri. Ai dati è sovrapposta la curva teorica con i parametri di fit.

2.2 Verifica aggiungendo un terzo polarizzatore

Si allineano i due polarizzatori in modo da estinguere la luce proveniente dal laser, ovvero si pongono gli assi di polarizzazione ortogonali. Si interpone dunque tra essi un terzo polarizzatore, ruotato di un angolo che sarà indicato con θ . Poiché non si dispone di tre polaroid, si utilizza in luogo del terzo un beam-splitter, che facendo passare solo una delle due componenti TE o TM del fascio incidente si comporta in modo analogo ad un polarizzatore; è dunque rispetto all'asse del beamsplitter che si pone ortogonalmente l'asse del primo polaroid. Si adotta quale $\theta = 0$ l'angolo per cui si ha estinzione completa del fascio laser; si ruota dunque il polaroid interposto e si misura l'intensità della luce al variare di θ . La configurazione è illustrata in Figura??.

In questo caso l'andamento previsto è

$$I = \frac{I_0}{4}\sin^2(2\theta),\tag{2}$$

dove I_0 indica l'intensità della luce che raggiunge il primo filtro polarizzatore.

Si riportano in Figura 3 i punti sperimentali ottenuti al variare dell'angolo θ , a cui è sovrapposta la curva teorica data dalla (2): in questo caso, infatti, un fit necessiterebbe di una modello teorico per la variazione dell'ampiezza, che preveda infatti massimi di diversa entità, non periodici di periodo $\pi/2$. Si ritiene che questo sia dovuto ad imperfezioni presenti sulla superficie del filtro polarizzatore, nonché alla diversa intensità delle componenti TE e TM del fascio (si veda la sezione successiva). È evidente infatti che i massimi, ad eccezione del primo e dell'ultimo, non siano riferiti alla stessa intensità. Gli altri punti sperimentali, al contrario, seguono più correttamente l'andamento teorico.

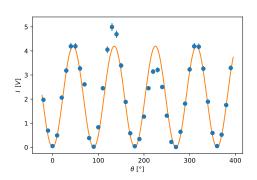


Figura 3: Voltaggio ai capi del fotodiodo in funzione dell'angolo di rotazione θ del polarizzatore interposto. Ai dati è sovrapposta la curva teorica.

2.3 Studio della polarizzazione del fascio in ingresso

Si studia l'andamento dell'intensità luminosa al variare della componente polarizzata linearmente che emerge da un singolo filtro polarizzatore. Utilizzando un singolo polarizzatore, si ruota l'asse di polarizzazione dello stesso e si misura l'intensità della luce trasmessa con il fotodiodo. In Figura 4 è riportato l'andamento dell'intensità in funzione dell'angolo θ di rotazione: si osserva come essa non è costante, come

dovrebbe essere nel caso di luce non polarizzata (o polarizzata circolarmente²), né presenta un andamento sinusoidale, come sarebbe invece se si avesse luce polarizzata linearmente; al contrario, il minimo non nullo suggerisce la presenza di polarizzazione lineare parziale (ovvero polarizzazione ellittica³), la non periodicità di π suggerisce invece un malfunzionamento del filtro polaroid (graffi o aloni sul vetro).

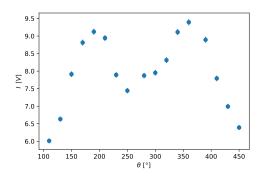


Figura 4: Voltaggio ai capi del fotodiodo in funzione dell'angolo di rotazione θ del singolo polarizzatore.

Utilizzando l'espressione

$$P = \frac{I_{\text{max}} - I_{\text{min}}}{I_{\text{max}} + I_{\text{min}}}$$

è possibile inoltre stimare il grado di polarizzazione della luce incidente, che risulta essere di circa il 10%, ottenuto assumendo che $I_{\rm max}$ e $I_{\rm min}$ corrispondano rispettivamente al massimo e al minimo valore di intensità misurati (questa è ovviamente un'approssimazione).

Se la luce fosse stata invece polarizzata circolarmente (dunque se le componenti TE e TM avessero avuto stessa ampiezza), si sarebbe avuto un grado di polarizzazione compatibile con lo 0%.

3 Angolo di Brewster

Si monta l'apparato in Figura ??, dove prima del fotodiodo è stato posizionato un beam-splitter polarizzatore, in grado di trasmettere la componente orizzontale o quella verticale⁴ della radiazione e riflettere la componente ortogonale, con coefficiente di assorbimento complessivo quasi nullo.

Posizionando tra il beamsplitter e il rilevatore un dielettrico (perspex) in modo che il piano di incidenza del laser sia parallelo al piano di lavoro, si è verificato che la componente verticale della radiazione coincide con la componente TE e quella orizzontale con la TM: infatti per una certo configurazione del filtro polarizzatore ($\alpha_{\rm TM} = (52 \pm 1)^{\circ}$) si ottiene che esiste un angolo di incidenza (l'angolo di Brewster) per cui non si ha raggio riflesso. Ponendo il polaroid all'angolo di $\alpha_{\rm TE} = \alpha_{\rm TM} - 90^{\circ} = (322 \pm 1)^{\circ}$ si ottiene in uscita la sola componente TE.

Si è dunque rimosso il beamsplitter dall'apparato e si sono prese le misure di intensità del raggio riflesso dal dielettrico al variare dell'angolo di incidenza. Nel fare questo si è tenuto conto che l'intensità del laser diminuisce all'aumentare della distanza dalla sorgente a causa di fenomeni diffrattivi, quindi si è mantenuto il rilevatore sempre alla stessa distanza dal dielettrico.

Inoltre bisogna tener conto del fatto che i raggi riflessi dal dielettrico sono due: quello riflesso dalla prima superficie e quello riflesso dalla seconda. Nel fare la misura bisogna considerare che il raggio di interesse è quello corrispondente alla riflessione sulla prima superficie, riconoscibile perché associato all'angolo di riflessione minore.

Per ogni angolo di incidenza, fissato il rilevatore in modo che il fotodiodo misurasse l'intensità maggiore, si è misurata l'intensità per entrambe le componenti, ruotando il polaroid e posizionandolo sugli angoli $\alpha_{\rm TE}$ e $\alpha_{\rm TM}$ misurati in precedenza.

²Con il nostro apparato non possiamo distinguere tra luce non polarizzata e polarizzata circolarmente, e tra luce parzialmente polarizzata e polarizzata ellitticamente, a causa del tempo di integrazione del voltmetro molto superiore al periodo di oscillazione del campo elettrico.

³Cfr. nota precedente.

 $^{^4{\}rm Q}$ uale delle due componenti venga trasmessa e quale riflessa dipende da come è costruito e come è montato il beamsplitter.

3.1 Riflettanza

Gli andamenti previsti per le riflettanze, ovvero i rapporti tra l'intensità misurata e quella misurata in assenza di dielettrico, sono descritti dalle due curve

$$R_{\rm TE} = R_{\rm s} = \left| \frac{\cos \theta - \sqrt{n^2 - \sin^2 \theta}}{\cos \theta + \sqrt{n^2 - \sin^2 \theta}} \right|^2, \quad (3)$$

$$R_{\rm TM} = R_{\rm p} = \left| \frac{-n^2 \cos \theta + \sqrt{n^2 - \sin^2 \theta}}{n^2 \cos \theta + \sqrt{n^2 - \sin^2 \theta}} \right|^2,$$

dove n è il rapporto tra l'indice di rifrazione del dielettrico e quello dell'aria. Il risultato della misura è riportato in Figura 5, dove ai dati sperimentali sono sovrapposte le curve teoriche corrispondenti a $n_s=1.49\pm0.01$ e $n_p=1.50\pm0.02$, valori ottenuti fittando le curve sui dati sperimentali.

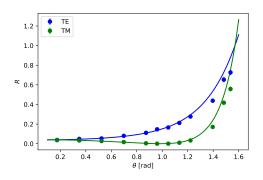


Figura 5: Riflettanza delle componenti TE e TM al variare dell'angolo di incidenza, si riportano le curve teoriche fittate.

3.2 Visibilità

Per stimare l'angolo di Brewster del dielettrico, ossia l'angolo per cui l'intensità della componente TM del fascio riflesso si annulla, si studia la visibilità del fascio definita come

$$V(\theta) = \frac{r_s(\theta) - r_p(\theta)}{r_s(\theta) + r_p(\theta)}$$
 (5)

dalla cui definizione è evidente che

$$V(\theta)|_{\theta=\theta_{\text{Brewster}}} = 1.$$
 (6)

In Figura 6 sono riportati i dati sperimentali insieme alla curva teorica fittata. Non si inferisce il valore di n dal fit essendo quest'ultimo ottenuto da misure già utilizzate per inferire questo parametro $(R_{\rm s}~{\rm e}~R_{\rm p})$.

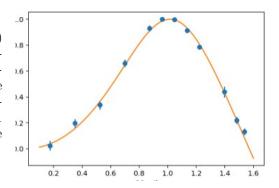


Figura 6: Visibilità del raggio riflesso, si riporta la curva teorica fittata.

Per stimare l'angolo $\theta_{\rm max}$ corrispondente al massimo della visibilità, si fa una media pesata trai due angoli corrispondenti ai valori misurati più alti della visibilità, usando come pesi i valori della visibilità stessi, si ottiene

$$\theta_{\rm max} = \theta_{\rm brewster} = (57 \pm 1)^{\circ}$$
 (7)

$$= (1.00 \pm 0.02) \,\mathrm{rad}$$
 (8)

da cui, essendo

$$\theta_{\text{brewster}} = \arctan(n)$$
 (9)

si trova

$$n = \tan(\theta_{\text{brewster}}) = 1.54 \pm 0.06, \tag{10}$$

compatibile con i valori ottenuti precedentemente.