



SAPIENZA
UNIVERSITÀ DI ROMA

Esperienza 3: DIFFRAZIONE DI UN FASCIO LASER

G. Galbato Muscio

F. Ghimenti

L. Gravina

L. Graziotto

7 Maggio 2019

GRUPPO D1-1

Abstract

Si misura la lunghezza d'onda della luce emessa da un laser He-Ne mediante lo studio della figura di diffrazione da una fenditura lineare e da un'apertura circolare in regime di Fraunhofer. Si verifica poi la validità del principio di Babinet studiando la figura di diffrazione in regime di Fraunhofer da un capello, e si stima il diametro dello stesso.

Indice

1	Apparato strumentale	2
2	Misura della lunghezza d'onda	2
3	Ricostruzione dell'intera figura di diffrazione per una fenditura	3
4	Verifica del principio di Babinet e misura del diametro di un capello	3
5	Conclusioni	4
6	Appendice	5

1 Apparato strumentale

Si utilizza un laser He-Ne di lunghezza d'onda, dichiarata dal costruttore, $\lambda = 632.8 \text{ nm}$, montato su tavolo ottico¹.

In serie al laser è posta un'iride, allo scopo di evitare l'ingresso nel laser dei fasci di ritorno, che ne perturberebbero il comportamento. Due specchi orientati a 45° portano il fascio ad incidere sulla fenditura o sull'apertura circolare o sul capello; quindi, a distanza² $L = (90.0 \pm 0.2) \text{ cm}$, è posto il fotodiodo, montato su una slitta micrometrica di portata 15 mm e risoluzione 0.010 mm , che può essere traslato per misurare l'intensità luminosa delle frange di diffrazione.

La configurazione utilizzata è illustrata in Figura 1.

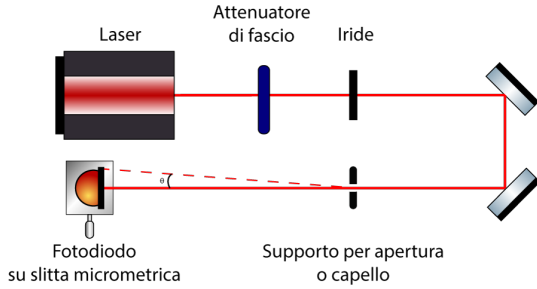


Figura 1: Configurazione utilizzata.

Il segnale in uscita dal fotodiodo è misurato con il multimetro METEX M-4650. Le misure di intensità luminosa vengono riportate come differenza di potenziale misurata ai capi del fotodiodo, pertanto è da intendere la presenza di un fattore di proporzionalità non noto. Inoltre, si regola con un filtro attenuatore l'intensità della luce emessa dal laser in modo da restare all'interno della regione di linearità del fotodiodo, ossia al di sotto di 10 V .

¹Si confronterà dunque il risultato sperimentale ottenuto in seguito con questo valore.

2 Misura della lunghezza d'onda

Si utilizzano nel seguito fenditure di larghezza $b = (150 \mu\text{m}, 200 \mu\text{m}, 300 \mu\text{m}, 400 \mu\text{m})$ e aperture circolari di diametro $d = (100 \mu\text{m}, 200 \mu\text{m}, 300 \mu\text{m})$; si allinea l'apparato sperimentale in modo da mantenere il fascio laser ad una altezza di circa 14 cm dal banco ottico. Servendosi della vite micrometrica della slitta su cui è posto il fotodiodo, si misura il punto x_0 corrispondente al massimo della figura di diffrazione, e quindi si misura la distanza dello stesso dai punti corrispondenti ai minimi di ordine m .

Sono note le relazioni che legano ordine del minimo, angolo di osservazione e dimensione caratteristica dell'apertura

$$\sin \theta = m \frac{\lambda}{b}$$

$$\sin \theta = c(m) \frac{\lambda}{d}$$

dove la prima è riferita alla fenditura e la seconda all'apertura circolare; $c(m)$ è un opportuno coefficiente legato alla funzione di Bessel. Per piccoli angoli θ , si può approssimare $\sin \theta \simeq \tan \theta = (x - x_0)/L$, pertanto

$$\frac{x - x_0}{L} = m \frac{\lambda}{b}$$

$$\frac{x - x_0}{L} = c(m) \frac{\lambda}{d}.$$

Si riportano in Tabella 2, in Appendice, i punti sperimentali ottenuti.

Una misura preliminare dell'intensità di fondo del fotodiodo fornisce il valore $I_b = (12 \pm 3) \text{ mV}$; inoltre, il valore del massimo risulta essere $I_{max} = (9.36 \pm 0.02) \text{ V}$, pertanto si è verificato di lavorare entro la regione di linearità del fotodiodo.

A partire dai dati sperimentali per la sola fenditura, si realizza un primo fit lineare tra le variabili $(x - x_0)/L$ e m/b ; il grafico è riportato in Figura 2.

²L'incertezza associata è pari al doppio della risoluzione del metro a nastro, in quanto si ha un errore dovuto sia al posizionamento di un capo dello strumento, sia al posizionamento dell'altro.

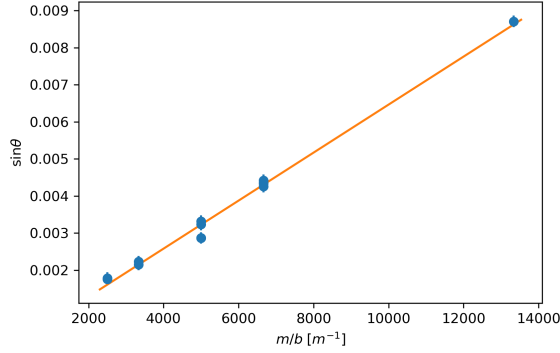


Figura 2: Fit relativo alla sola fenditura

Si ricava un valore del coefficiente angolare, ossia della lunghezza d'onda stimata, di

$$\lambda^{\text{meas}} = (648 \pm 18) \text{ nm} = (6.5 \pm 0.2) \times 10^{-7} \text{ m},$$

compatibile con il valore dichiarato dal costruttore.

Si ripete lo studio sui dati completi (fenditura ed apertura circolare). Il grafico, riportato in Figura 3, è riportato in funzione della variabile indipendente $c(m)/b$, in modo da includere i fattori moltiplicativi dati dai coefficienti di Bessel.

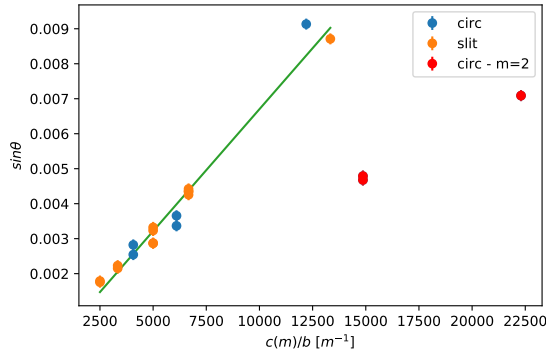


Figura 3: Fit sui dati relativi alla fenditura ed all'apertura circolare.

Il fit lineare sulle variabili $(x - x_0)/L$ e $c(m)/b$, è stato eseguito scartando dai dati riferiti all'apertura circolare quelli di ordine $m = 2$

³Nel dire questo si è assunto che il capello abbia forma parallelepipeda, e non cilindrica.

(riportati in rosso nel grafico) in quanto estremamente inattendibili. Si ritiene che la stima di tali minimi sia stata viziata da una luminosità di fondo comparabile con il segnale d'interesse.

Si ricava un valore del coefficiente angolare, ossia della lunghezza d'onda stimata, di

$$\lambda^{\text{meas}} = (697 \pm 28) \text{ nm} = (7.0 \pm 0.3) \times 10^{-7} \text{ m},$$

compatibile, entro due deviazioni standard, con il valore dichiarato dal costruttore e con quello stimato in precedenza.

3 Ricostruzione dell'intera figura di diffrazione per una fenditura

4 Verifica del principio di Babinet e misura del diametro di un capello

Si sostituisce la fenditura con un capello umano, per il *Principio di Babinet* la figura di diffrazione prodotta coincide con quella di una fenditura di apertura pari allo spessore d del capello³, figura descritta nel paragrafo 3.

Misurando l'intensità del fascio al variare della distanza x dal massimo si trovano le misure riportate in Figura 4. Nella stessa figura è riportato il fit dell'andamento teorico dove il parametro libero è lo spessore d e la lunghezza d'onda è quella dichiarata dal costruttore ovvero $\lambda = 540 \text{ nm}$.

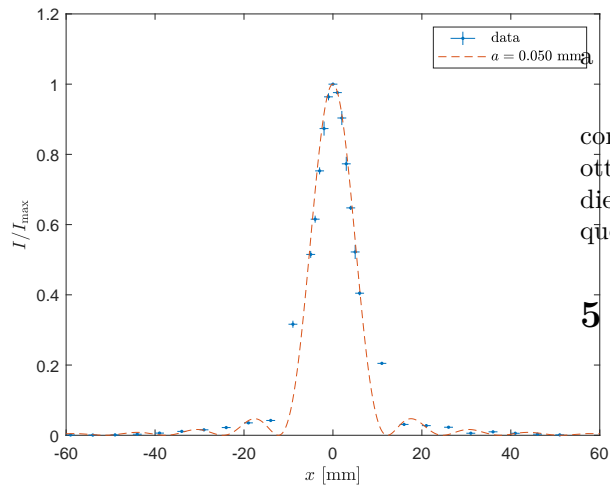


Figura 4: Fit sui dati relativi al capello.

Dal fit si ricava uno spessore del capello pari

$$d = (0.050 \pm 0.003) \text{ mm},$$

compatibile con la media mondiale. Il fit è stato ottenuto pesando i dati della campana centrale dieci volte in più rispetto ai punti sulle code: questa

5 Conclusioni

6 Appendice

Tabella 1: Misure di diffrazione attraverso la fenditura.

m	b [mm]	x_0 [mm] ± 0.1	x [mm] ± 0.1
1	0.2	4.3	2.6
-1	0.2	4.3	-2.6
1	0.3	8.6	-2.0
-1	0.3	8.6	2.0
2	0.3	8.6	-3.9
-2	0.3	8.6	3.8
1	0.4	8.5	1.6
2	0.4	8.5	3.0
-1	0.4	8.5	-1.6
-2	0.4	8.5	-2.9
1	0.1	8.6	3.9
-1	0.1	8.6	-4.0
-2	0.1	8.6	-7.8

Tabella 2: Misure di diffrazione attraverso l'apertura circolare.

m	b [mm]	x_0 [mm] ± 0.1	x [mm] ± 0.1
1	0.3	9.8	2.5
4	0.3	9.8	4.3
-1	0.3	9.8	-2.3
-4	0.3	9.8	-4.2
-1	0.1	9.6	-8.2
1	0.2	9.6	3.0
-1	0.2	9.6	-3.3
-4	0.2	9.6	-6.4