# 并行算法期末大作业报告

研究主题:基于动态计算框架的神经网络算子并行加速库——mytorch

团队成员 (无先后之分): 陈兴平、刘华壹、罗弘杰

# **Contents**

- 1. 研究背景
  - 1.1 相关工作——pytorch
  - 1.2 前沿发展——高性能算子的设计
- 2. mytorch框架设计
  - 2.1 项目结构图
  - 2.2 框架介绍
- 3. mytorch算法实现
  - 3.1 Tensor相关实现
    - 3.1.1 核心类结构与设备支持
    - 3.1.2 张量的数据管理
    - 3.1.3 张量的属性与操作
    - 3.1.4 自动微分与计算图
  - 3.1.5 运算符与函数接口
    - 3.1.6 设备管理与迁移
  - 3.2 Function相关实现
    - 3.2.1 Function类的核心设计
    - 3.2.2 前向/反向传播接口
    - 3.2.3 典型算子运算的Function子类
    - 3.2.4. 与Tensor的关系
    - 3.2.5 反向传播的依赖管理
    - 3.2.6 灵活性与可扩展性
    - 3.3 nn模块说明
    - 3.3.1 核心基类设计
    - 3.3.2 典型层的实现与特点
    - 3.3.3 结构组合与复用
    - 3.3.4 参数与设备统一管理

- 3.3.5 其它说明
- 3.4 并行算法
  - 3.4.1 OpenMP并行(CPU端)
  - 3.4.2 CUDA并行 (GPU端)
- 3.5 to方法的实现——CPU和GPU的统一
  - 3.5.1 Tensor::to 方法实现(核心代码)
  - 3.5.2 to 方法的使用例子
  - 3.5.3 设备属性与数据分配
  - 3.5.4 相关辅助/底层实现
- 4. 加速算法-FlashAttention介绍
  - 4.1 online-softmax的历史演变
  - 4.2 分块访存前向计算
  - 4.3 反向计算优化
- 5. FlashAttention算法实现及测试
  - 5.1 算法实现
  - 5.2 实验测试
- 6. mytorch使用示例与效果展示
  - 6.1 以mnist数据集的训练为例
  - 6.2 测试结果展示
  - 6.3 并行算法加速情况
  - 6.4 FlashAttention + mytorch

附录: 个人报告

参考资料

#### 摘要:

mytorch是一个基于动态计算框架的轻量级神经网络算子并行加速库,旨在通过多设备支持(CPU/GPU)和高效并行算法(如OpenMP和CUDA)优化深度学习模型的训练与推理性能。该框架参考PyTorch的核心设计,实现了张量计算、自动微分、计算图追踪等基础功能,并提供了模块化的神经网络层(如Linear、Conv2D)和优化器(如SGD)。此外,我们团队在mytorch基础上集成了FlashAttention算法,通过online-softmax和分块访存技术显著提升了Attention算子的计算效率。实验表明,mytorch能够成功在MNIST数据集上训练,且CPU/GPU并行加速效果显著,为轻量化深度学习框架的开发提供了实践参考。通过几周的努力以及上千行代码的实践,我们成功完成了我们预设的目标。

关键词: mytorch; pytorch; flashattention; OpenMP; CUDA; 自动微分; 并行计算; 神经网络加速

相关代码已上传到团队仓库: Legend717/mytorch 🖉

## 1. 研究背景

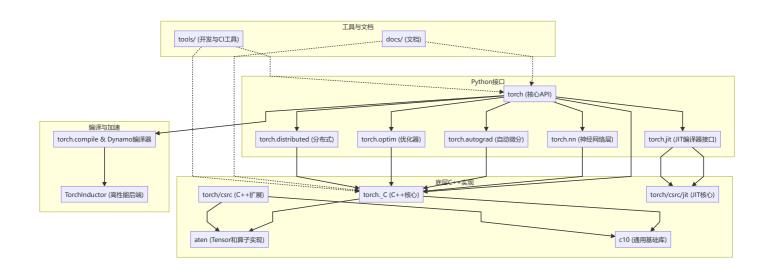
44

项目的详细背景以及规划可以见我们的开题报告。在此仅结合我们所作工作做简单的介绍。

## 1.1 相关工作——pytorch

在当今神经网络研究领域,pytorch已成为不可或缺的核心工具。作为Meta(原Facebook)开发的开源框架,它凭借动态图优先的设计哲学脱颖而出,通过 torch.autograd 在Python运行时动态构建计算图,这种机制相比TensorFlow等静态图框架更能满足科研场景的快速迭代需求。PyTorch不仅提供直观的Pythonic编程体验和高效的GPU加速能力,还集成了完整的深度学习工具链(如TorchVision、TorchText),并与Python生态无缝对接,同时通过TorchScript和ONNX支持实现便捷的模型部署。随着PyTorch 2.0引入编译优化技术并持续强化分布式训练与大模型支持(如Llama),该框架在保持科研灵活性的同时不断提升工业级性能,已成为贯穿算法探索到生产落地的首选平台。

以下是 pytorch 的框架图(使用 Mermaid 代码编写):



我们将参考pytorch的底层实现,将其化繁为简,设计一个相对轻量化的框架mytorch来训练我们的神经网络。

## 1.2 前沿发展——高性能算子的设计

Attention算子是Transformer模型的核心组件之一,主要用于处理序列数据。它通过计算输入序列中各个位置之间的相关性来生成输出序列。

其集体的计算公式是

$$\operatorname{Attention}(Q,K,V) = \operatorname{softmax}\left(rac{QK^T}{\sqrt{d_k}}
ight)V$$

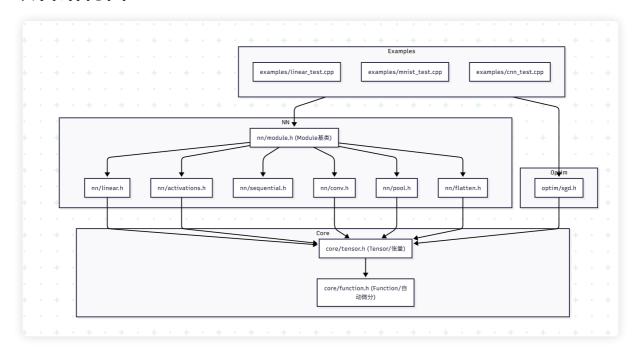
Q,K,V是x输入经过三个线性层得到的查询(Query)、键(Key)和值(Value)矩阵, $d_k$ 是键的维度。

不同于以往的并行算法,Attention算子目前不仅受制于运算速度,还受制于内存带宽,以及空间复杂度,算力对高速显存的依赖需要我们改进算法,在计算速度和占用内存之间取得平衡。

我们将在自己设计的 mytorch 框架基础上,实现对Attention算子的加速。

## 2. mytorch框架设计

### 2.1 项目结构图



## 2.2 框架介绍

- Core 层:负责张量(Tensor)定义、数据存储与基本运算、动态计算图的构建和自动微分机制。
- nn 层:面向用户,封装常见神经网络层,每个模块都继承自 Module,组合/嵌套灵活。
- optim 层:如 SGD 优化器,用于实现反向传播后的参数更新。
- examples 层:提供端到端模型训练/推理示例,便于开发者快速上手。
- 构建/接口: CPU/GPU 兼容, CMake 工程, 预留 Python绑定。

## 3. mytorch算法实现

我们实现了CPU和GPU两个版本的代码。其中,GPU版本代码兼容CPU的计算,所以在此以GPU版本代码为准进行介绍。(因为部分代码为了方便写CUDA做了重构)

### 3.1 Tensor相关实现

Tensor 实现兼顾了多设备支持、自动微分、常见算子重载和计算图追踪等深度学习框架核心要素。设计思路高度参考主流框架(PyTorch),并通过 C++ 智能指针、设备枚举等机制,保证内存与计算的安全与灵活性。

### 3.1.1 核心类结构与设备支持

- Tensor 类定义于 gpu/include/core/tensor.h
- 支持多设备 (CPU/CUDA),通过枚举 Device 区分, Tensor 内部变量 \_device 标识张量当前所在设备。
- 禁止直接拷贝构造和赋值,强制使用静态工厂函数(如 create, randn, ones, zeros)进行构造,确保管理一致性和设备感知。
- 构造函数示例:

工厂函数示例 (可用来创建 CPU 张量并初始化数据):

```
1 static std::shared_ptr<Tensor> create(const std::vector<float>& data,
    std::vector<size_t> shape, bool requires_grad = false);
```

### 3.1.2 张量的数据管理

- 内部数据指针 data , 存储张量的实际数据(实现支持不同设备的数据分配)。
- 提供 data\_ptr()、 mutable\_data\_ptr() 用于获得底层数据指针, 实现与设备无关的调用。
- data\_cpu() 方法支持将数据从任意设备拷贝回 CPU 并以 std::vector<float> 返回,方便 调试和跨设备操作。

### 3.1.3 张量的属性与操作

- 支持张量形状 ( shape( ) )、元素个数 ( size( ) )、单元素访问 ( item( ) )。
- 步幅 (stride) 通过 compute stride() 计算,支持高维张量的存储与遍历。
- 典型代码片段(步幅计算):

```
void Tensor::compute_stride() {
    _stride.resize(_shape.size());
    size_t stride = 1;
    for (int i = _shape.size() - 1; i >= 0; i--) {
        _stride[i] = stride;
        stride *= _shape[i];
}
```

### 3.1.4 自动微分与计算图

- 自动微分属性: requires\_grad 标志、grad() 获取梯度、set\_grad() 设置梯度,确保梯度与数据在同一设备。
- 通过 \_ctx ( std:: shared\_ptr<Function> ) 记录产生当前张量的运算上下文,实现反向传播时的计算依赖追踪。
- backward() 方法实现反向传播,递归拓扑排序所有依赖的节点,自动计算梯度。核心思想与 PyTorch 类似。

### 3.1.5 运算符与函数接口

- 支持常见算子 (add 、sub 、mul 、div 、matmul 、sum 、relu 等) 作为成员函数存在,返回新张量并自动构建计算图。
- 相关代码接口示例 (部分):

```
std::shared_ptr<Tensor> add(const std::shared_ptr<Tensor>& other);
std::shared_ptr<Tensor> matmul(const std::shared_ptr<Tensor>& other);
std::shared_ptr<Tensor> relu();
```

### 3.1.6 设备管理与迁移

- to(Device device) 支持张量在 CPU/GPU 之间迁移,保证设备一致性。
- 在梯度设置等操作中显式检查设备一致性, 防止跨设备错误, 提升健壮性。

## 3.2 Function相关实现

Function 实现了基于计算图的自动微分核心框架,类设计高度模块化,便于扩展和维护(不然难以debug)。每个运算都作为 Function 子类存在,统一接口支持前向与反向传播,灵活高效。 Function 与 Tensor 紧密协作,实现链式自动微分,支持深度学习常见运算与自定义扩展。

#### 3.2.1 Function类的核心设计

- Function 类定义于 gpu/include/core/function.h
- 核心作用:作为所有具体算子(如加法、乘法等)自动微分操作的基类,负责正向与反向传播的 统一接口。
- 继承自 std::enable\_shared\_from\_this<Function> , 方便在运算图构建和反向传播中安全管理智能指针引用。

#### 3.2.2 前向/反向传播接口

- 提供统一的 apply (正向)、backward (反向)接口,自动保存输入用于反向传播追溯。
- 通过纯虚函数 forward 和 backward, 要求所有具体算子必须实现自身的前/反向逻辑。

```
virtual std::shared_ptr<Tensor> _forward(const
    std::vector<std::shared_ptr<Tensor>>& inputs) = 0;
virtual std::vector<std::shared_ptr<Tensor>> _backward(const
    std::shared_ptr<Tensor>& grad_output) = 0;
```

• \_saved\_inputs 保存本次前向传播涉及的输入张量,便于自动微分时恢复依赖。

### 3.2.3 典型算子运算的Function子类

• 针对常见张量操作,每个操作都实现为 Function 的子类。例如:

Add: 加法算子Sub: 减法算子Mul: 乘法算子

• MatMul: 矩阵乘法

• Sum: 求和

• ReLUFunc: ReLU激活

- Conv2DFunc 、 MaxPool2DFunc 等卷积、池化相关操作
- 每个子类都重写 forward 和 backward 以实现各自的运算与梯度计算。
- 例如, Add 的反向传播将上游梯度直接传递给两个输入, Mul 的反向传播则需要乘以另一个输入的值。

### 3.2.4. 与Tensor的关系

• Function 与 Tensor 通过 Tensor::\_ctx 建立联系,每个由算子生成的新张量都保存了对 应的 Function 实例指针,实现了计算图的自动追踪。

- 在 Tensor:: backward() 时,会自动遍历 \_ctx 链条递归回溯,依次调用各 Function 子类 的 backward 方法,完成全自动链式反向传播。
- 支持复杂网络结构和运算图拓扑。

#### 3.2.5 反向传播的依赖管理

- Function 保存前向输入 ( saved inputs ), 能精确还原每个操作的依赖链。
- 支持释放已保存输入以节省内存( release\_saved\_inputs()), 便于大规模训练和推理场景 应用。

#### 3.2.6 灵活性与可扩展性

- 任何新的算子都可以通过继承 Function 并实现 \_forward / \_backward 两个方法来扩展。
- 这样保证了所有算子都可以被无缝集成到自动微分系统中,且与设备无关(具体运算留给子类或后续实现)。

#### 3.3 nn模块说明

mytorch 的 nn 模块为深度学习模型的各类层(Layer)与常用结构提供了抽象与实现,核心设计理念高度参考 PyTorch 的 torch.nn , 实现灵活组合和参数管理, 并支持多设备 (CPU/GPU) 训练。

### 3.3.1 核心基类设计

#### Module基类

所有神经网络层都继承自 nn:: Module 抽象基类(定义见 nn/module.h , 未在本次检索结果中直接列出)。

每个子类都需实现如下接口:

- forward(std::shared ptr<Tensor> input): 前向传播,返回输出张量。
- parameters():返回本层可学习参数的张量列表,便于优化器统一管理。
- to(Device device):将本层参数搬移到指定设备(如GPU),支持多设备训练。

### 3.3.2 典型层的实现与特点

• 线性层 Linear

参考 gpu/include/nn/linear.h 和 gpu/src/nn/linear.cpp

- 构造时可指定输入输出特征数、是否带bias。
- 权重采用 Kaiming He 初始化(对ReLU函数友好)。
- 前向传播为 Y = XW + b,支持自动广播 bias。
- 参数管理和设备迁移实现见 parameters() 和 to()。

#### • 卷积层 Conv2D

见 gpu/include/nn/conv.h 与 gpu/src/nn/conv.cpp

- 支持设置输入/输出通道数、卷积核尺寸、步幅、padding。
- 权重同样采用 Kaiming 初始化。
- 。前向传播通过 Conv2DFunc 实现,自动支持参数迁移和收集。

#### • 池化层 MaxPool2D

见 gpu/include/nn/pool.h 与 gpu/src/nn/pool.cpp

- 支持池化核大小、步幅设置。
- 前向调用 MaxPool2DFunc 完成实际操作。
- 池化层无可学习参数。

#### • 激活层 ReLU

见 gpu/include/nn/activations.h

。实现简单,无可学习参数,前向传播直接调用 relu。

#### Flatten层

见 gpu/include/nn/flatten.h

。用于展平输入张量形状,常用于卷积->全连接的连接部位。

### 3.3.3 结构组合与复用

#### Sequential容器

见 gpu/src/nn/sequential.cpp

- 支持按顺序组合多个 Module 层, 自动递归前向传播、参数收集、设备迁移。
- 方便搭建常见的多层感知机/卷积网络等结构。

### 3.3.4 参数与设备统一管理

- 每个 Module 子类均实现 parameters(), 递归收集所有可学习参数, 便于优化器如 SGD 实现统一管理。
- 通过 to(Device device) 支持参数(如权重、偏置)一键搬移,多设备切换灵活。

### 3.3.5 其它说明

- 所有层均兼容自动微分与反向传播(通过 Tensor/Function 构建的计算图),使用时只需调用 backward()即可自动求导。
- 代码整体风格简洁清晰,易于扩展自定义层或结构。(当然这得感谢pytorch,pytorch的设计比 我们复杂但更加精妙)

### 3.4 并行算法

考虑到我们这节课是并行算法。所以专门开一个环节进行介绍我们是怎么从CPU和GPU两个维度进行并行的。

- **CPU端并行**: 采用OpenMP, 主要通过 #pragma omp parallel for 指令, 把向量/矩阵操作自动分发到多个CPU核心, 提高吞吐量。
- **GPU端并行**:采用CUDA,将大规模数据操作映射为CUDA kernel,利用成百上千的GPU线程进行大规模数据并行。
- 接口无缝切换:同一套高层API(如Tensor、Function等)内部自动判断设备,透明切换 CPU/GPU后端,对使用者友好。

### 3.4.1 OpenMP并行(CPU端)

在OMP (OpenMP) 版本实现中,核心并行策略是利用 #pragma omp parallel for 等指令对常见的数值运算(如张量加法、乘法、矩阵乘法、ReLU激活、SGD优化器)进行多线程加速。

#### 例: SGD优化器并行更新参数

代码片段(见 omp/src/optim/sgd.cpp):

```
1
    void SGD::step() {
        for (auto& p : _params) {
            if (p->grad()) {
 4
                auto p_data = p->get_shared_data();
                auto g_data = p->grad()->get_shared_data();
                #pragma omp parallel for schedule(guided)
 6
                for (size_t i = 0; i < p_data->size(); ++i) {
                    (*p_data)[i] -= _lr * (*g_data)[i];
9
                }
            }
        }
12 }
```

- 这里对每个参数的每一个元素进行并行的梯度更新,大大提升了大规模参数量网络的更新效率。
- 其它如ReLU等操作,也广泛用 #pragma omp parallel for 进行矢量化加速。

#### 例: ReLU激活并行实现

```
std::shared_ptr<Tensor> ReLUFunc::_forward(const
std::vector<std::shared_ptr<Tensor>>& inputs) {
    const auto& x = inputs[0]->data();
    std::vector<float> result_data(x.size());

    #pragma omp parallel for
    for(size_t i=0; i<x.size(); ++i) {
        result_data[i] = std::max(0.0f, x[i]);
    }
    return Tensor::create(result_data, inputs[0]->shape());
}
```

• 这种写法保证了CPU多核资源的高效利用,适合在传统服务器或本地多核环境下部署。

#### 3.4.2 CUDA并行(GPU端)

在CUDA版本实现中,核心思路是将大规模矢量/矩阵计算任务分发到成百上千的GPU线程上,通过CUDA kernel函数实现数据并行。

#### 例: im2col卷积前向传播

im2col\_kernel 核函数提供了对卷积的并行,使用的方法是im2col, 能够在gpu中显著提升运算速度

```
_global__ void im2col_kernel(const float* data_im, float* data_col,
 2
                              int N, int C, int H, int W,
                              int K, int S, int P,
                              int H out, int W out) {
 4
       int index = blockIdx.x * blockDim.x + threadIdx.x;
       int col_size = C * K * K;
       int num_kernels = N * H_out * W_out;
9
       if (index < num kernels * col size) {</pre>
           // 计算在输出列矩阵中的位置
           int col_idx = index % col_size; // 列索引(0到C*K*K-1)
           int row_idx = index / col_size; // 行索引(0到N*H_out*W_out-1)
13
14
           // 分解列索引找到核位置
                                       // 核宽度坐标
           int k_w = col_idx % K;
           int k h = (col idx / K) % K; // 核高度坐标
           int c_in = col_idx / (K * K); // 输入通道
           // 分解行索引找到输出像素位置
           int w_out = row_idx % W_out;  // 输出宽度坐标
           int h_out = (row_idx / W_out) % H_out; // 输出高度坐标
                       int n = row_idx / (H_out * W_out); // 批次索引
```

```
23
           // 计算对应的输入坐标
24
25
            int h_in = h_out * S - P + k_h;
            int w_in = w_out * S - P + k_w;
26
            // 如果在边界内则复制, 否则填充0
            if (h_in >= 0 && h_in < H && w_in >= 0 && w_in < W) {
               data\_col[index] = data\_im[(n * C + c_in) * H * W + h_in * W +
    w_in];
            } else {
               data_col[index] = 0.0f;
            }
        }
    }
```

#### im2col\_cuda 函数提供了方便的C++接口:

- 1. 计算输出尺寸: H out = (H + 2\*P K)/S + 1
- 2. 创建输出张量: 使用 Tensor:: zeros 在GPU上分配空间
- 3. 启动内核并检查错误

```
std::shared_ptr<Tensor> im2col_cuda(const std::shared_ptr<Tensor>& input,
                                       size_t K, size_t S, size_t P) {
        const auto& shape = input->shape();
 4
        int N = shape[0];
        int C = shape[1];
        int H = shape[2];
        int W = shape[3];
9
        int H_{out} = (H + 2 * P - K) / S + 1;
        int W_{out} = (W + 2 * P - K) / S + 1;
        // 在GPU上创建输出列Tensor
12
        auto col_tensor = Tensor::zeros({(size_t)C * K * K, (size_t)N * H_out *
    W_out}, false, Device::CUDA);
14
        size t n = col tensor->size();
        if (n == 0) return col_tensor;
        int threads = 256;
        int blocks = (n + threads - 1) / threads;
19
        im2col_kernel<<<blocks, threads>>>(
21
            static cast<const float*>(input->data ptr()),
            static_cast<float*>(col_tensor->mutable_data_ptr()),
            N, C, H, W, K, S, P, H_out, W_out
24
        );
```

```
CUDA_CHECK(cudaPeekAtLastError());

return col_tensor;

}
```

这种实现充分利用了GPU的并行能力,将im2col操作高效地映射到CUDA架构上,是卷积神经网络前向传播的重要优化步骤。

### 3.5 to方法的实现——CPU和GPU的统一

以下是结合 mytorch 仓库 gpu2 目录下相关代码,对 to 方法及其相关设备迁移实现的详细源码分析:

### 3.5.1 Tensor::to 方法实现(核心代码)

在 gpu2/src/core/tensor.cu 中, Tensor::to(Device device) 实现了张量的设备迁移:

```
// 将张量移动到另一个设备
   std::shared_ptr<Tensor> Tensor::to(Device device) {
       if (this->_device == device) {
           return shared_from_this();
       }
       auto new_tensor = std::make_shared<Tensor>(_shape, _requires_grad,
 6
    device);
       size t data size = this->size() * sizeof(float);
       if (data size == 0) {
9
           return new_tensor;
       // 根据数据转移的方向,选择正确的指针和拷贝方式
       if (device == Device::CUDA) { // 方向: CPU -> CUDA
12
           // 源(this)在CPU上, _data 是 std::vector<float>*
14
           // 目标(new tensor)在GPU上, mutable data ptr() 返回 float* (GPU地址)
           // 1. 从源CPU张量中获取 std::vector<float> 对象
           // ...
16
17
       // 反之亦然, CUDA -> CPU
19 }
```

- 首先判断目标设备是否与当前一致,不一致则新建目标设备的张量,并进行数据内存的复制。
- 针对 CPU->CUDA、CUDA->CPU,各自调用 cudaMemcpy 或直接内存拷贝,保证正确的数据 迁移。
- 迁移时 shape、requires\_grad 属性全部保留。

#### 3.5.2 to 方法的使用例子

#### nn::Linear 的 to 方法

在 gpu2/src/nn/linear.cpp:

```
void Linear::to(Device device) {
   if (_weight) _weight = _weight->to(device);
   if (_bias) _bias = _bias->to(device);
}
```

• 将权重和偏置(Tensor)分别迁移到目标设备。

#### nn::Sequential 的 to 方法

在 gpu2/src/nn/sequential.cpp:

```
1 void Sequential::to(Device device) {
2 for(auto& layer: _layers) {
3 layer->to(device); // 递归调用每一层
4 }
5 }
```

对所有子模块递归调用 to,实现整个网络的设备统一。

### 3.5.3 设备属性与数据分配

在 gpu2/include/core/tensor.h:

```
cht
enum class Device {
    CPU,
    CUDA
};

class Tensor {
    Device _device;
    // ...
    Device device() const { return _device; }
    std::shared_ptr<Tensor> to(Device device);
    // ...
};
```

- 每个 Tensor 都附带 device 信息。
- 数据分配时 allocate\_data() 会根据 device 类型选择分配 CPU 内存(std::vector)或 GPU 内存 (cudaMalloc)。

#### 3.5.4 相关辅助/底层实现

 allocate\_data()、data\_cpu()、item()等函数对 device 做专门分支处理,保证数据访问和迁移一 致性。

这里以 allocate data() 为例

```
// 这个函数由构造函数调用,负责根据设备分配内存
   void Tensor::allocate_data() {
       size t total_size = this->size();
       if (total_size == 0) {
 4
           _data = nullptr;
 6
           return;
       }
       if (_device == Device::CPU) {
           _data = new std::vector<float>(total_size, 0.0f);
       } else { // _device == Device::CUDA
11
           CUDA_CHECK(cudaMalloc(&_data, total_size * sizeof(float)));
           // 确保新分配的GPU内存被清零,这对于zeros()等操作很重要
           CUDA_CHECK(cudaMemset(_data, 0, total_size * sizeof(float)));
       }
16 }
```

## 4. 加速算法-FlashAttention介绍

FlashAttention是一种高效的Attention计算方法,主要通过以下方式加速:

- 1. online-softmax
- 2. 分块访存利用内存层次

### 4.1 online-softmax的历史演变

softmax的伪代码如下:

```
Algorithm 1 Naive softmax1: d_0 \leftarrow 02: for j \leftarrow 1, V do3: d_j \leftarrow d_{j-1} + e^{x_j}4: end for5: for i \leftarrow 1, V do6: y_i \leftarrow \frac{e^{x_i}}{d_V}7: end for
```

- 1. 从访存的角度考虑,原始的softmax对每个元素需要2次load,1次store操作;
- 2. 从数值稳定性上考虑,原始的naive softmax在计算过程中可能会出现数值溢出的问题,因此需要对其进行改进。

safe-softmax

safe-softmax通过减去输入向量的最大值来避免这种问题.

safe-softmax的伪代码如下:

```
Algorithm 2 Safe softmax1: m_0 \leftarrow -\infty2: for k \leftarrow 1, V do3: m_k \leftarrow \max(m_{k-1}, x_k)4: end for5: d_0 \leftarrow 06: for j \leftarrow 1, V do7: d_j \leftarrow d_{j-1} + e^{x_j - m_V}8: end for9: for i \leftarrow 1, V do10: y_i \leftarrow \frac{e^{x_i - m_V}}{d_V}11: end for
```

这次改进由于需要计算max,所以每个元素需要3次load,1次store操作。

online-softmax最早由nvidia在2018年提出,主要利用了softmax中指数运算法则的特性,将softmax的前后依赖关系打破,允许在计算softmax的过程中进行并行计算。伪代码如下图:

```
Algorithm 3 Safe softmax with online normalizer calculation1: m_0 \leftarrow -\infty2: d_0 \leftarrow 03: for j \leftarrow 1, V do4: m_j \leftarrow \max(m_{j-1}, x_j)5: d_j \leftarrow d_{j-1} \times e^{m_{j-1} - m_j} + e^{x_j - m_j}6: end for7: for i \leftarrow 1, V do8: y_i \leftarrow \frac{e^{x_i - m_V}}{d_V}9: end for
```

### 4.2 分块访存前向计算

GPU的访存根据访问速度从高速到低速有层次之分,从register, L1-cache/shared memory, L2-cache, L3-cache, HBM等。为了充分利用GPU的高速缓存,FlashAttention采用了分块访存的方式进行前向计算。

```
Algorithm 1 FlashAttention
Require: Matrices \mathbf{Q}, \mathbf{K}, \mathbf{V} \in \mathbb{R}^{N \times d} in HBM, on-chip SRAM of size M.
 1: Set block sizes B_c = \left\lceil \frac{M}{4d} \right\rceil, B_r = \min\left(\left\lceil \frac{M}{4d} \right\rceil, d\right).
 2: Initialize \mathbf{0} = (0)_{N \times \underline{d}} \in \mathbb{R}^{N \times d}, \ell = (0)_N \in \mathbb{R}^N, m = (-\infty)_N \in \mathbb{R}^N in HBM.
 3: Divide Q into T_r = \left\lceil \frac{N}{B_r} \right\rceil blocks \mathbf{Q}_1, \dots, \mathbf{Q}_{T_r} of size B_r \times d each, and divide \mathbf{K}, \mathbf{V} in to T_c = \left\lceil \frac{N}{B_c} \right\rceil blocks
       \mathbf{K}_1, \ldots, \mathbf{K}_{T_c} and \mathbf{V}_1, \ldots, \mathbf{V}_{T_c}, of size B_c \times d each.
 4: Divide \mathbf{O} into T_r blocks \mathbf{O}_i, \dots, \mathbf{O}_{T_r} of size B_r \times d each, divide \ell into T_r blocks \ell_i, \dots, \ell_{T_r} of size B_r each,
       divide m into T_r blocks m_1, \ldots, m_{T_r} of size B_r each.
 6: Load \mathbf{K}_j, \mathbf{V}_j from HBM to on-chip SRAM.
                                                                                                   先load K, V
         for 1 \le i \le T_r do
               Load \mathbf{Q}_i, \mathbf{O}_i, \ell_i, m_i from HBM to on-chip SRAM.
 8:
               On chip, compute \mathbf{S}_{ij} = \mathbf{Q}_i \mathbf{K}_j^T \in \mathbb{R}^{B_r \times B_c}.
               On chip, compute \tilde{m}_{ij} = \text{rowmax}(\mathbf{S}_{ij}) \in \mathbb{R}^{B_r}, \tilde{\mathbf{P}}_{ij} = \exp(\mathbf{S}_{ij} - \tilde{m}_{ij}) \in \mathbb{R}^{B_r \times B_c} (pointwise), \tilde{\ell}_{ij} = \exp(\mathbf{S}_{ij} - \tilde{m}_{ij})
10:
                On chip, compute m_i^{\text{new}} = \max(m_i, \tilde{m}_{ij}) \in \mathbb{R}^{B_r}, \; \ell_i^{\text{new}} = e^{m_i - m_i^{\text{new}}} \ell_i + e^{\tilde{m}_{ij} - m_i^{\text{new}}} \tilde{\ell}_{ii} \in \mathbb{R}^{B_r}.
11:
                Write \mathbf{O}_i \leftarrow \operatorname{diag}(\ell_i^{\text{new}})^{-1}(\operatorname{diag}(\ell_i)e^{m_i-m_i^{\text{new}}}\mathbf{O}_i + e^{\tilde{m}_{ij}-m_i^{\text{new}}}\tilde{\mathbf{P}}_{ij}\mathbf{V}_i) to HBM.
12:
                Write \ell_i \leftarrow \ell_i^{\text{new}}, m_i \leftarrow m_i^{\text{new}} to HBM.
13:
15: end for
                                                                                                                                                                   知乎 @DefTruth
16: Return O.
```

通过分块,可以将Q,K,V矩阵分成多个小块,每次只计算一个小块的Attention,具体是将小块载入 共享内存,然后在共享内存中进行计算。这样可以减少对HBM的访问次数,提高计算速度。

### 4.3 反向计算优化

从访存上分析,反向计算根本不需要从HBM获取中间变量,而是直接利用sram的分块Q,K进行 recompute。因为工程上速度慢一点没有很大影响,但是recompute可以大大节省显存开销,所以可以设计更大的神经网络,最终的网络效果会更好。

### 5. FlashAttention算法实现及测试

### 5.1 算法实现

使用RTX4090-24GB显卡作为实验平台,使用Triton编译器,以python语言实现算子,Jit动态编译将triton算子转化为cuda代码。Triton编译器使得python开发高性能算子成为可能,只需要对分块进行说明,就可以执行高效的分块并行计算。虽然在性能上不一定比得上C++实现,但在开发效率上有很大提升。

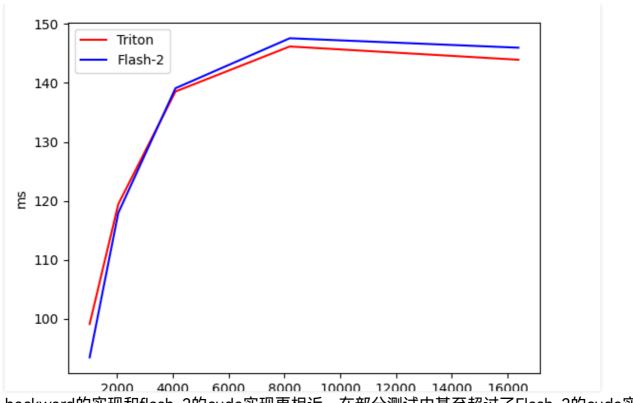
```
1 # 前向传播内核: FlashAttention 前向
2 @triton.jit
3 def _fwd_kernel(
```

```
Q, K, V, sm_scale,
                                  # 输入: q, k, v 和 softmax 缩放因子
                                  # 输出: 行和 log(sum(exp)), 以及最终输出
       L, Out,
       stride_qz, stride_qh, stride_qm, stride_qk,
 6
 7
       stride_kz, stride_kh, stride_kk,
       stride_vz, stride_vh, stride_vk, stride_vn,
       stride oz, stride oh, stride om, stride on,
9
       Z, H, N_CTX,
                                  # 批量、头数、序列长度
       BLOCK_M: tl.constexpr, BLOCK_DMODEL: tl.constexpr,
11
       BLOCK_N: tl.constexpr,
       IS_CAUSAL: tl.constexpr,
14 ):
```

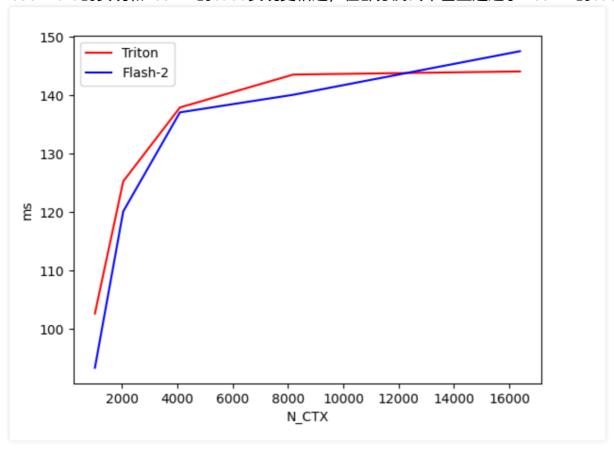
### 5.2 实验测试

首先是以4,48,4096,32作为测试:

可以发现和cuda实现性能上没有什么区别,稍微落后于高性能的Flash-2 cuda实现。



backward的实现和flash-2的cuda实现更相近,在部分测试中甚至超过了Flash-2的cuda实现。



# 6. mytorch使用示例与效果展示

### 6.1 以mnist数据集的训练为例

完整代码请参考 gpu/examples/mnist\_test.cpp

#### 头文件引入

```
#include "core/tensor.h"
#include "nn/module.h"
#include "nn/linear.h"
#include "nn/activations.h"
#include "nn/sequential.h"
#include "nn/flatten.h"
#include "optim/sgd.h"
#include "loader/mnist_loader.h"
```

这些头文件引入了mytorch框架的核心组件:

• tensor.h:定义了张量(Tensor)类,是框架的基础数据结构

• 各种神经网络模块: 线性层、激活函数、序列容器等

• 优化器: SGD优化器

• 数据加载器: MNIST数据集加载器

#### 设备设置

```
Device device = Device::CPU;
if (cuda_err == cudaSuccess && device_count > 0) {
    device = Device::CUDA;
}
```

我们的mytorch框架支持CPU和CUDA设备,这里自动检测并选择可用的设备。

#### 模型定义

```
1 auto model = std::make_shared<nn::Sequential>(
2    std::vector<std::shared_ptr<nn::Module>>{
3         std::make_shared<nn::Linear>(INPUT_FEATURES, HIDDEN_FEATURES),
4         std::make_shared<nn::ReLU>(),
5         std::make_shared<nn::Linear>(HIDDEN_FEATURES, OUTPUT_CLASSES)
6    }
7  );
8  model->to(device);
```

这里使用了mytorch框架的 Sequential 容器来构建一个简单的全连接网络:

- 1. 第一个线性层(784->32)
- 2. ReLU激活函数
- 3. 第二个线性层(32->10)

model->to(device)将模型参数移动到指定设备(CPU或CUDA)。

#### 优化器设置

```
1 optim::SGD optimizer(model->parameters(), LEARNING_RATE);
```

使用mytorch框架的SGD优化器,传入模型参数和学习率。

#### 数据加载

使用mytorch的MNIST加载器加载数据,然后使用 to(device) 方法将数据移动到指定设备。

#### 训练循环

训练循环展示了mytorch框架的核心API调用:

前向传播

```
1 auto y_pred = model->forward(x_batch);
```

• 损失计算

```
1 auto loss = mse_loss(y_pred, y_batch);
```

反向传播

```
1 loss->backward();
```

• 参数更新

```
1 optimizer.step();
```

#### 辅助函数

准确率计算

```
1 float calculate_accuracy(const std::shared_ptr<Tensor>& pred, const std::shared_ptr<Tensor>& target) {
2    auto pred_data = pred->data_cpu();
3    auto target_data = target->data_cpu();
4    // ... 计算逻辑 ...
5 }
```

MSE损失

```
1 std::shared_ptr<Tensor> mse_loss(const std::shared_ptr<Tensor>& pred, const std::shared_ptr<Tensor>& target) {
2    auto diff = pred->sub(target);
3    auto sq_diff = diff->mul(diff);
4    auto sum_loss = sq_diff->sum();
5    // ... 缩放处理 ...
6 }
```

### 6.2 测试结果展示

以下两张图是CPU跑出来的结果:

```
模型成功加载到设备
正在从路径加载 MNIST 数据集: ../data
图像: 60000, 尺寸: 28x28
标签数量: 60000
图像: 10000, 尺寸: 28x28
标签数量: 10000
MNIST 数据加载完成。
数据成功加载到设备
开始训练 10 个周期...
周期 [1/10], 平均损失: 0.596403, 测试集准确率: 82.04%
周期 [2/10], 平均损失: 0.382702, 测试集准确率: 86.7%
周期 [3/10], 平均损失: 0.310609, 测试集准确率: 88.19%
周期 [4/10], 平均损失: 0.274372, 测试集准确率: 89.01%
周期 [5/10], 平均损失: 0.254003, 测试集准确率: 89.54%
周期 [6/10], 平均损失: 0.240676, 测试集准确率: 90.05%
周期 [7/10], 平均损失: 0.230941, 测试集准确率: 90.32%
周期 [8/10], 平均损失: 0.2233, 测试集准确率: 90.52%
周期 [9/10], 平均损失: 0.216978, 测试集准确率: 90.76%
周期 [10/10], 平均损失: 0.211551, 测试集准确率: 90.91%
--- 训练完成 ---
总用时: 391426 ms
```

模型成功加载到设备 正在从路径加载 MNIST 数据集: ../data 图像: 60000, 尺寸: 28x28 标签数量: 60000 图像: 10000, 尺寸: 28x28 标签数量: 10000 MNIST 数据加载完成。 数据成功加载到设备 开始训练 10 个周期... 周期 [1/10], 平均损失: 0.743275, 测试集准确率: 73.25% 周期 [2/10], 平均损失: 0.500152, 测试集准确率: 83.88% 周期 [3/10], 平均损失: 0.398438, 测试集准确率: 86.63% 周期 [4/10], 平均损失: 0.345616, 测试集准确率: 88.6% 周期 [5/10], 平均损失: 0.308023, 测试集准确率: 89.32% 周期 [6/10], 平均损失: 0.282616, 测试集准确率: 89.91% 周期 [7/10], 平均损失: 0.266052, 测试集准确率: 90.17% 周期 [8/10], 平均损失: 0.254117, 测试集准确率: 90.5% 周期 [9/10], 平均损失: 0.244829, 测试集准确率: 90.64% 周期 [10/10], 平均损失: 0.237316, 测试集准确率: 90.84% --- 训练完成 ---总用时: 1203234 ms

#### 以下是GPU的结果:

模型成功加载到设备 正在从路径加载 MNIST 数据集: ../data 图像: 60000, 尺寸: 28x28 标签数量: 60000 图像: 10000, 尺寸: 28x28 标签数量: 10000 MNIST 数据加载完成。 数据成功加载到设备 开始训练 10 个周期... 周期 [1/10], 平均损失: 1.49408, 测试集准确率: 19.65% 周期 [2/10], 平均损失: 1.1621, 测试集准确率: 27.23% 周期 [3/10], 平均损失: 1.02109, 测试集准确率: 33.32% 周期 [4/10], 平均损失: 0.936113, 测试集准确率: 38.17% 周期 [5/10], 平均损失: 0.878662, 测试集准确率: 42.21% 周期 [6/10], 平均损失: 0.837216, 测试集准确率: 45.14% 周期 [7/10], 平均损失: 0.80587, 测试集准确率: 47.38% 周期 [8/10], 平均损失: 0.781241, 测试集准确率: 49.18% 周期 [9/10], 平均损失: 0.761277, 测试集准确率: 50.63% 周期 [10/10], 平均损失: 0.744681, 测试集准确率: 51.78% --- 训练完成 ---总用时: 29316 ms

可以看到,CPU和GPU设备均能正常执行。

### 6.3 并行算法加速情况

手写数字集(MNIST)的训练速度对比(所测试CPU为6核心):

设备	线程数	训练时间(s)	加速比
CPU	1	1200	1.0
CPU	4	390	3.08
CPU	8	260	4.62
GPU	-	30	40

从上表可以看出,我们的mytorch框架并行效果显著,CPU的加速比达到预期目标。

从中也可以看出,在没有对GPU的CUDA相关代码做很深度的优化的情况下,GPU在机器学习上的潜力远远大于CPU。

### 6.4 FlashAttention + mytorch

最后,我们在 cpu/examples/flash\_test.cpp 中尝试了我们mytorch架构对高级优化算子的支持。

```
int main() {
 2
        py::scoped_interpreter guard{}; // 只初始化一次解释器
        std::cout << "Python interpreter initialized" << std::endl;</pre>
        // 创建输入
        auto Q = Tensor::randn({16, 8, 64, 16},true);
        auto K = Tensor::randn({16, 8, 64, 16}, true);
        auto V = Tensor::randn({16, 8, 64, 16}, true);
9
        show_tensor(Q);
       // 调用 flash attention 前向
11
        auto attn_layer = std::make_shared<nn::FlashAttn>(false, 1.0f);
        printf("atten layer created address: %p\n", attn_layer.get());
14
        auto o = attn_layer->forward({Q, K, V});
        std::cout << "Output shape: " << o->shape()[0] << ", " << o->shape()[1] <<
    ", " << o->shape()[2] << ", " << o->shape()[3] << std::endl;
16
       o->backward(); // 触发反向传播
        show tensor(o);
       //测试反向传播
        auto label = Tensor::randn({64, 8, 128, 64}); // 假设标签与输出形状一致
19
        auto loss = mse_loss(Q, label);
        loss->backward(); // 触发反向传播
21
        return 0; // 解释器由 guard 自动清理
24 }
```

## 附录: 个人报告

- 陈兴平 22336037
  - 。 具体工作
    - 与刘华壹同学共同完成了整个mytorch框架的设计
    - 实现了大多数tensor的前向传播以及反向传播
    - 参与了Function的实现以及nn的构建

- 通过omp实现了CPU版本的并行,并写了 linear\_test.cpp 测试函数
- 为了兼容GPU, 在CPU代码的基础上重构了部分函数, 并增加了to方法等方法
- 制造并修复了很多bug,最终让项目成功运行
- 攥写了实验报告相关部分

#### 。感想

- 这次大工程让我深深认识到了框架设计的重要性。同时,在写代码过程中借鉴了许多 pytorch的设计和实现思路,让我对pytorch有了更加深刻的理解。
- 本次项目我手写了可能上千行代码(当然也制造了不少bug),在代码成功运行的那一刻, 非常的有成就感,感谢老师和助教给了我们这样尝试自己、突破自己的机会。

#### • 刘华壹 22336149

#### • 具体工作

- 与陈兴平同学一起完成了mytorch框架的设计,以及其在cpu和gpu上的部署实现
- 完善Function、Tensor的各个函数,
- 写了 mnist test.cpp 和 cnn test 测试函数,编写mnist数据集的loader函数
- 在mytorch中实现卷积算子、池化算子相应的forward、backwards,使用im2col方法加速卷积运算
- 修复了to方法的一些bug,修复了一些backford未能gpu并行的问题,修正在backward中未进行内存释放问题,使得backward完后内存得以释放
- 攥写了实验报告相关部分

#### 。感想

在实验过程中,我们从头开始学习pytorch的框架,通过学习模仿pytorch框架实现自己的框架,对于深度学习框架有了进一步的理解,对于如何加速深度神经网络有了进一步的认识,对于数据是如何在神经网络中流动和计算有了进一步的感悟。在实验过程中,搭建并测试神经网络是个巨大的难题,在设计框架时,如果设计不好,推倒重来的代价是很大的,因此一个好的设计非常重要。同时,在训练神经网络过程中,有一个很大的难题就是内存释放,在实验过程中,内存释放问题一度严重影响我们的进度。同时,各个层之间forward,backward设计也是很大的难题,特别是卷积算子,在实现过程中遇到了很大挑战,虽然最后效果不是很理想,但也学到了很多。整个实验推动我学会了很多,让我明白,虽然仅仅是将数据放到gpu上进行计算比较简单的并行,在作为框架进行实现过程中仍然有很多的工程的细节需要考虑。

#### • 罗弘杰 22336173

#### 。 具体工作:

- 我主要负责FlashAttention算子的实现和测试,使用Triton编译器用python语言实现 FlashAttention算子,并与论文作者的开源实现进行比较。
- 我还负责将Python算子嵌入到C++框架,使用Pybind11将Python算子与C++代码进行集成,确保算子可以在C++环境中调用。
- 负责撰写FlashAttention算子部分的报告。

#### • 感想:

当前深度学习依赖的算子并行目标不仅仅是加快运行速度,还要考虑到访存效率以及空间 复杂度的限制。

- 数值运算的某些特性可以赋予并行加速的可能性,比如Online-softmax就依赖了指数运算的可分解性。
- 在实现算子时,需要充分利用GPU的并行计算能力,还需要考虑数值运算的稳定性,比如 safe-softmax就是考虑了运算中的数值稳定性才加入求max这一步。
- 在实现并行算法时,还要考虑硬件架构,通过计算机体系结构的角度充分挖掘计算机的计算能力,比如FlashAttenion算子就充分利用了计算卡的多层次内存,尽量将数据访存放置到离运算单元更近的地方。

## 参考资料

- https://zhuanlan.zhihu.com/p/668888063 @
- https://github.com/pytorch/pytorch @