编程题

请使用 C++11 及以上编译 main.cpp

```
1 q++ main.cpp --std=c++11
```

算法思路

遍历所有单元格,对于黄金数量为 0 的单元格,跳过,否则以该单元格为起点,进行探索。每次探索中,回更新最大黄金数量 max_gold。

在以(i, j)为起点的探索中,从(i, j)开始,依次向上右下左四个方向进行探索,如果搜索到的单元格未被访问过且有黄金,则将当前黄金数量加上该单元格的黄金数量,并继续向四个方向进行搜索。如果搜索到的单元格已经被访问过或者没有黄金,则回溯到上一个单元格。最终返回最大的黄金数量。

这里并不需要减去之前加上的单元格的黄金数量,因此当前黄金数量 current_gold 是函数形参,不会对上一层的 current_gold 产生影响。

算法时空复杂度

m = grid.size()

n = qrid[0].size()

k 表示有黄金的单元格的数量

两层 for 循环遍历存在黄金数量的单元格,对应时间复杂度 O(mn),其中有 k 个有黄金的单元格,显然 k < mn。对于每一个有黄金的单元格,作为起点开始遍历,除了第一步有 3 个方向可以试探外,其余均最多有 3 个方向可以试探。因此,每个单元格遍历对应时间复杂度 $O(3^k)$ 。

因此,最终时间复杂度为 $O(k*3^k)$

时间复杂度: $O(k imes 3^k)$

因为我们维护了两个大小为 \max 的二维数组,因此空间复杂度为 O(mn)

主要函数

- void backtrack(vector<vector<int>>> &grid, int i, int j, int
 current_gold, vector<vector<int>>> &visited);
- 2 int getMaximumGold(vector<vector<int>>> &grid);

```
/**

* @brief 回溯

*/

void backtrack(vector<vector<int>> &grid, int i, int j, int current_gold, vector<vector<int>> &visited)

{

// 越界 或 已访问 或 该单元格黄金数量为 0

if (i < 0 || i >= grid.size() || j < 0 || j >= grid[0].size() || visited[i][j] == 1 || grid[i][j] == 0)

{

if (current_gold > max_gold)

| max_gold = current_gold;

return;

}

visited[i][j] = 1;

current_gold += grid[i][j]; // 当前黄金数量加上该单元格黄金数量

backtrack(grid, i - 1, j, current_gold, visited); // 上

backtrack(grid, i, j + 1, current_gold, visited); // 无

backtrack(grid, i, j - 1, current_gold, visited); // 无

visited[i][j] = 0;

}
```

运行结果示例

```
> g++ main.cpp --std=c++11
> ./a.out
grid:
    0 6 0
    5 8 7
    0 9 0
max_gold: 24
```

```
> g++ main.cpp --std=c++11
> ./a.out
grid:
    1 0 7
    2 0 6
    3 4 5
    0 3 0
    9 0 20
max_gold: 28
```

```
> g++ main.cpp --std=c++11
> ./a.out
grid:
    1 1 1
    1 1 1
    1 1 1
    max_gold: 9
```

力扣测试

题目链接: https://leetcode.cn/problems/path-with-maximum-gold/

