Lista 1

Sistemas Baseados em Conhecimento: [MAC0444]

Julia Leite Nusp: 11221797

19 de setembro de 2021

Resolução

- Para cada uma das três sentenças abaixo, encontre uma interpretação que faça a sentença falsa e as outras duas verdadeiras:
 - a) $S = \forall x \forall y \forall z ((P(x,y) \land P(y,z)) \implies P(x,z))$

Interpretações

-
$$\Im_1 = \langle A, I \rangle$$
 e $\Im_1 \models S$
 $A = \{0, 1, 2\}$
 $P(x, y) = \{(0, 0), (1, 1), (2, 2)\}$

-
$$\Im_2 = \langle A, I \rangle$$
 e $\Im_2 \models S$
 $A = \{0, 1, 2, 3\}$
 $P(x, y) = \{(0, 0), (1, 1), (2, 2), (3, 3)\}$

-
$$\Im_3 = \langle A, I \rangle$$
 e $\Im_3 \models S$
 $A = \{0, 1, 2\}$
 $P(x, y) = \{(0, 1), (0, 2), (1, 0), (1, 2), (2, 0), (2, 1)\}$

b) $\forall x \forall y ((P(x,y) \land P(y,x)) \implies x = y)$

Interpretações

-
$$\Im_1 = \langle A, I \rangle$$
 e $\Im_1 \models S$
 $A = \{1, 2\}$
 $P(x, y) = \{(1, 1), (2, 2)\}$

-
$$\Im_2 = \langle A, I \rangle$$
 e $\Im_2 \models S$
 $A = \{1, 2\}$
 $P(x, y) = \{(1, 1), (1, 2), (2, 2)\}$

-
$$\Im_3 = \langle A, I \rangle$$
 e $\Im_3 \models S$
 $A = \{1, 2\}$
 $P(x, y) = \{(1, 1), (1, 2), (2, 1), (2, 2)\}$

c) $\forall x \forall y ((P(a,y) \implies P(x,b))$

Interpretações

-
$$\Im_1 = \langle A, I \rangle$$
 e $\Im_1 \models S$
 $A = \{a, b\}$
 $P(x, y) = \{(a, a), (a, b), (b, b)\}$

-
$$\Im_2 = \langle A, I \rangle$$
 e $\Im_2 \models S$
 $A = \{a, b, c\}$
 $P(x, y) = \{(a, a), (a, b), (a, c), (b, b), (c, b)\}$

```
- \Im_3 = \langle A, I \rangle e \Im_3 \models S

A = \{a, b\}

P(x, y) = \{(a, a), (a, b)\}
```

- 2. Antônio, Maria e João são membros do Clube Alpino. Todo membro do Clube Alpino que não é esquiador é um alpinista. Alpinistas não gostam de chuva, e qualquer um que não goste de neve não é esquiador. Maria não gosta de nada que Antônio gosta, e gosta de qualquer coisa de que Antônio não gosta. Antônio gosta de chuva e de neve.
 - a) Observação: nesse item, abreviamos Clube Alpino para CA.

Obtivemos o seguinte conhecimento (KB)

```
CA(Antonio)
CA(Maria)
CA(Joao)
\forall x(CA(x) \land \neg Esquiador(x) \implies Alpinista(x))
\forall x(Alpinista(x) \implies \neg Gosta(x, chuva))
\forall x(\neg Gosta(x, neve) \implies \neg Esquiador(x))
\forall x(Gosta(Antonio, x) \implies \neg Gosta(Maria, x))
\forall x(\neg Gosta(Antonio, x) \implies Gosta(Maria, x))
Gosta(Antonio, chuva)
Gosta(Antonio, neve)
```

b) Queremos saber se:

$$KB \vDash \exists x (CA(x) \land Alpinista(x))$$

Sabemos que $KB \models Gosta(Antonio, neve)$ e $KB \models \forall x (Gosta(Antonio, x) \implies \neg Gosta(Maria, x))$ então,

$$KB \vDash \neg Gosta(Maria, neve)$$

Como $KB \vDash \neg Gosta(Maria, neve), \forall x(\neg Gosta(x, neve) \implies \neg Esquiador(x)), temos que$

$$KB \vDash \neg Esquiador(Maria)$$

Sabemos que $KB \vDash CA(Maria), Esquiador(Maria)$ e $KB \vDash \forall x (CA(x) \land \neg Esquiador(x) \implies Alpinista(x)),$ então:

$$KB \vDash Alpinista(Maria)$$

Sabemos, então, que a existência de um membro do CA que é Alpinista é consequência semântica do

conhecimento

c) Base de conhecimento (KB) em outra notação:

```
{\bf I} \ [CA(Antonio)]
```

II [CA(Maria)]

III [CA(Joao)]

IV $[\neg CA(x), Esquiador(x), Alpinista(x)]$

 $V [\neg Alpinista(x), \neg Gosta(x, chuva)]$

VI $[Gosta(x, neve), \neg Esquiador(x)]$

VII $[\neg Gosta(Antonio, x), \neg Gosta(Maria, x)]$

VIII [Gosta(Antonio, x), Gosta(Maria, x)]

IX [Gosta(Antonio, chuva)]

X [Gosta(Antonio, neve)]

Vamos tentar provar α que sem a informação de que Maria não gosta de nada de que Antônio gosta, ou seja sem o item VII

$$\alpha = \exists x (CA(x) \land Alpinista(x))$$

$$\neg \alpha = \forall x (\neg CA(x) \lor \neg Alpinista(x))$$

$$\neg \alpha = [\neg CA(x), \neg Alpinista(x)]$$

Seja nossa base de conhecimento sem o item VII: KB', queremos provar que $KB' \models \alpha$, ou seja que, $KB' \cup \{\neg \alpha\}$ não é satisfatível.

Então temos:

$$\neg \alpha = [\neg CA(x), \neg Alpinista(x)] \text{ e } [\neg CA(x), Esquiador(x), Alpinista(x)] \text{ (IV)}$$

$$[\neg CA(x), Esquiador(x)]$$

 $[\neg CA(x), Esquiador(x)] \in [Gosta(x, neve), \neg Esquiador(x)]$ (VI)

$$[\neg CA(x), Gosta(x, neve)]$$

Agora: $[\neg CA(x), Gosta(x, neve)]$ e [CA(Antonio)] (I):

$$\left[\frac{x}{Antonio}\right]\left[Gosta(Antonio, neve)\right] \neq \left[\right]$$

Mesmo se tentarmos substituir o passo anterior com outros itens, não chegamos em []: Outra tentativa: $[\neg CA(x), Gosta(x, neve)]$ e [CA(Maria)] (II):

$$\left[\frac{x}{Maria}\right] \left[Gosta(Maria, neve)\right] \neq \left[\right]$$

Ou: $[\neg CA(x), Gosta(x, neve)]$ e [CA(Joao)] (III):

$$\left[\frac{x}{Joao}\right] \left[Gosta(Joao, neve)\right] \neq \left[\right]$$

Concluímos, então, que não é possível provar a existência de um membro do CA alpinista em KB'

d) Use resolução com extração de resposta para descobrir quem é o membro do Clube Alpino que é alpinista mas não esquiador.

$$[\neg CA(x), Esquiador(x), Alpinista(x)](IV)$$

 $[\neg CA(x), Gosta(x, neve), Alpinista(x)](VI)$

Primeira tentativa falha:

$$\left[\frac{x}{Antonio}\right] \left[Gosta(Antonio, neve), Alpinista(Antonio)\right]$$

Segunda tentativa também falha:

$$\left[\frac{x}{Joao}\right] \left[Gosta(Joao, neve), Alpinista(Joao)\right]$$

Terceira tentativa:

$$[CA(Maria)],\ [Gosta(Antonio,neve)],\ \left[\frac{x}{neve}\right] \left[\neg Gosta(Antonio,x), \neg Gosta(Maria,x)\right] \ (II,X,VII)$$
 Temos, então:

Logo, Maria é alpinista.