МИНОБРНАУКИ РОССИИ САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ЭЛЕКТРОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ «ЛЭТИ» ИМ. В.И. УЛЬЯНОВА (ЛЕНИНА) Кафедра МО ЭВМ

ОТЧЕТ

по лабораторной работе №3

по дисциплине «Построение и анализ алгоритмов»

Тема: Редакционное расстояние Вариант 14а.

Студент гр. 3388	Лексин М.В.
Преподаватель	Жангиров Т.Р.

Санкт-Петербург

2025

Цель работы.

Разработка и реализация эффективного алгоритма нахождения

редакционного расстояния и предписания для решения задач нахождения

редакционного расстояния, редакционного предписания и расстояния

Левенштейна.

Задание.

Над строкой ε (будем считать строкой непрерывную последовательность из

латинских букв) заданы следующие операции:

1. $replace(\varepsilon, a, b)$ – заменить символ a на символ b.

2. $insert(\varepsilon, a)$ – вставить в строку символ a (на любую позицию).

3. $delete(\varepsilon, b)$ – удалить из строки символ b.

Каждая операция может иметь некоторую цену выполнения (положительное

число).

Входные данные: первая строка – три числа: цена операции *replace*, цена

операции *insert*, цена операции *delete*; вторая строка – A; третья строка – B.

Задание 1:

Даны две строки A и B, а также три числа, отвечающие за цену каждой

операции. Определите минимальную стоимость операций, которые необходимы

для превращения строки A в строку B.

Выходные данные: одно число – минимальная стоимость операций.

Sample Input:

1 1 1

entrance

reenterable

2

Sample Output:

5

Задание 2:

Даны две строки A и B, а также три числа, отвечающие за цену каждой операции. Определите последовательность операций (редакционное предписание) с минимальной стоимостью, которые необходимы для превращения строки A в строку B.

Выходные данные: первая строка – последовательность операций (М – совпадение, ничего делать не надо; R – заменить символ на другой; I – вставить символ на текущую позицию; D – удалить символ из строки); вторая строка – исходная строка А; третья строка – исходная строка В.

Sample Input:

111

entrance

reenterable

Sample Output:

IMIMMIMMRRM

entrance

reenterable

Задание 3:

Расстоянием Левенштейна назовём минимальное количество операций вставки одного символа, удаления одного символа и замены одного символа на другой, необходимых для превращения одной строки в другую.

Разработайте программу, осуществляющую поиск расстояния Левенштейна между двумя строками.

Пример:

Для строк pedestal и stien расстояние Левенштейна равно 7:

- Сначала нужно совершить четыре операции удаления символа: pedestal -> stal.
- Затем необходимо заменить два последних символа: stal -> stie.
- Потом нужно добавить символ в конец строки: stie -> stien.

Параметры входных данных:

Первая строка входных данных содержит строку из строчных латинских букв. $(S, 1 \le |S| \le 2550)$.

Вторая строка входных данных содержит строку из строчных латинских букв. $(T, 1 \le |T| \le 2550)$.

Параметры выходных данных:

Одно число L, равное расстоянию Левенштейна между строками S и T.

Sample Input:

pedestal

stien

Sample Output:

7

Вариант 14а:

Методом динамического программирования вычислить длину наибольшей общей подпоследовательности двух строк.

Описание алгоритма.

Алгоритм должен определить минимальную стоимость и оптимальную последовательность операций редактирования, необходимых для

преобразования одной строки в другую. Операции включают замену символа, вставку символа и удаление символа, причём каждая может иметь свою стоимость.

Для решения этой задачи используется метод динамического программирования, который обеспечивает оптимальное решение.

Основные этапы алгоритма:

- 1. Инициализация матрицы DP (динамического программирования). Создаётся двумерный массив dp размером (m+1)*(n+1), где m и n длины исходной и целевой строк соответственно, dp[i][j] представляет минимальную стоимость преобразования первых i символов начальной строки в первые j символов конечной строки.
 - Базовый случай: dp[0][0] = 0 (пустая строка в пустую)
 - Для і от 1 до m: dp[i][0] = dp[i-1][0] + стоимость удаления (стоимость удаления і символов)
 - Для j от 1 до n: dp[0][j] = dp[0][j-1] + стоимость вставки (стоимость вставки j символов)
- 2. Заполнение матрицы DP. Для каждой ячейки dp[i][j] рассматриваются три возможные операции:
 - Если A[i-1] == B[j-1] (символы совпадают): dp[i][j] = dp[i-1][j-1]
 (стоимость не увеличивается)
 - Иначе вычисляем стоимость для трёх вариантов:
 - Замена: dp[i-1][j-1] + стоимость замены
 - Удаление: dp[i-1][j] + стоимость удаления
 - Вставка: dp[i][j-1] + стоимость вставки
 - Выбираем минимальную из этих трёх стоимостей
- 3. Получение результата. Значение dp[m][n] содержит минимальную стоимость преобразования всей исходной строки A в целевую строку B.
- 4. Восстановление последовательности операций (для второго задания). Используется обратный проход от позиции dp[m][n] к dp[0][0]:

- Если A[i-1] == B[j-1]: добавляем операцию 'M' (совпадение) и идём к dp[i-1][j-1]
- Иначе выбираем операцию с минимальной стоимостью
- Если выбрана замена: добавляем 'R' и идём к dp[i-1][j-1]
- Если выбрана вставка: добавляем 'I' и идём к dp[i][j-1]
- Если выбрано удаление: добавляем 'D' и идём к dp[i-1][j]
- Поскольку проход осуществляется с конца, последовательность операций переворачивается.
- 5. Расстояние Левенштейна (третье задание). Является частным случаем редакционного расстояния, где все операции имеют одинаковую стоимость, равную 1.

Помимо основного алгоритма, для каждого из трёх заданий реализована дополнительная функциональность — нахождение наибольшей общей подпоследовательности (НОП) двух строк. Эта задача также решается методом динамического программирования.

Основные этапы алгоритма нахождения НОП:

- 1. Инициализация матрицы LCS (НОП). Создаётся двумерный массив lcs размером (m+1)*(n+1), где lcs[i][j] представляет длину наибольшей общей подпоследовательности для первых і символов начальной строки A и первых ј символов целевой строки B. Начальные значения 0.
- 2. Заполнение матрицы LCS. Для каждой ячейки lcs[i][j]:
 - Если A[i-1] == B[j-1] (символы совпадают): lcs[i][j] = lcs[i-1][j-1]
 + 1 (добавляем 1 к длине НОП)
 - Иначе: lcs[i][j] = max(lcs[i-1][j], lcs[i][j-1]) (берём максимум из двух вариантов пропуск символа в первой или второй строке)
- 3. Получение результата. Значение lcs[m][n] содержит длину наибольшей общей подпоследовательности для строк A и B.
- 4. Восстановление НОП (опционально). Используется обратный проход от позиции lcs[m][n] к lcs[0][0]:

- Если A[i-1] == B[j-1]: добавляем символ в НОП и идём в lcs[i-1]
 [j-1]
- Иначе идём в направлении максимального значения: либо к lcs[i-1][j], либо к lcs[i][j-1]
- Поскольку проход осуществляется с конца, последовательность символов переворачивается

Оценка сложности.

Временная сложность алгоритмов определяется процессом заполнения динамических матриц и восстановления решений:

Алгоритм нахождения редакционного расстояния.

- Основная операция заполнение матрицы dp размером (m+1)*(n+1), где m и n длины исходной и целевой строк:
- Для каждой ячейки dp[i][j] требуется константное время на сравнение символов и выбор минимума из трёх вариантов
- Общее количество ячеек: (m+1)*(n+1). Соответственно, временная сложность составляет O(m*n)

Алгоритм построения редакционного предписания. Включает два этапа:

- Заполнение матрицы dp: O(m*n)
- Восстановление последовательности операций через обратный проход: в худшем случае требуется пройти от позиции (m, n) до (0, 0), что занимает O(m+n) операций
- Итоговая временная сложность определяется первым этапом и составляет O(m*n)

Алгоритм нахождения расстояния Левенштейна. Является частным случаем алгоритма редакционного расстояния:

• Временная сложность идентична: O(m*n)

Алгоритм нахождения наибольшей общей подпоследовательности.

- Аналогично заполняется матрица lcs размером (m+1)*(n+1)
- Для каждой ячейки требуется константное время на сравнение и выбор максимума
- Временная сложность O(m*n)

Пространственная сложность определяется размерами используемых матриц и дополнительных структур данных:

- Матрица dp для редакционного расстояния и редакционного предписания:
- Размер матрицы: (m+1)*(n+1) ячеек. Пространственная сложность O(m*n)
- Матрица lcs для наибольшей общей подпоследовательности:
- Размер матрицы: (m+1)*(n+1) ячеек. Пространственная сложность O(m*n)
- Хранение редакционного предписания: в худшем случае длина предписания составляет O(max(m, n)), если каждый символ требует отдельной операции. Дополнительная пространственная сложность: O(max(m, n))
- Таким образом, общая пространственная сложность алгоритмов составляет O(m*n).

Тестирование.

Алгоритм был протестирован на различных наборах входных данных. Тестирование первой задачи:

Табл.1

Входные данные	Выходные данные
1 1 1	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ ===
	Длина наибольшей общей подпоследовательности: 0

	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
1 1 1 abc	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ === 3 Длина наибольшей общей подпоследовательности: 0
1 1 1 abcde abcde	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ === 0 Длина наибольшей общей подпоследовательности: 5
3 1 4 a abcde	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ === 4 Длина наибольшей общей подпоследовательности: 1
3 1 2 algorithm logarithm	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ === 6 Длина наибольшей общей подпоследовательности: 7

Тестирование второй задачи:

Табл.2

Входные данные	Выходные данные	
1 1 1	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ ===	
	Длина наибольшей общей подпоследовательности: 0	
1 1 1 abc	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ === III abc Длина наибольшей общей подпоследовательности: 0	
1 1 1 abcde abcde	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ === МММММ abcde abcde Длина наибольшей общей подпоследовательности: 5	
1 1 1 cat bat	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ === RMM cat bat Длина наибольшей общей подпоследовательности: 2	
2 1 1 algorithm logarithm	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ === DMIMRMMMM algorithm logarithm Длина наибольшей общей подпоследовательности: 7	

Тестирование третьей задачи:

Табл.3

Входные данные	Выходные данные
	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ === 0
	Длина наибольшей общей подпоследовательности: 0
abcde	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ === 5 Длина наибольшей общей подпоследовательности: 0
hello hello	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ === 0 Длина наибольшей общей подпоследовательности: 5
qwerty asdfgh	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ === 6 Длина наибольшей общей подпоследовательности: 0
apple app	=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ === 2 Длина наибольшей общей подпоследовательности: 3

Выводы.

В ходе выполнения лабораторной работы реализован алгоритм нахождения редакционного расстояния и предписания для решения задач нахождения редакционного расстояния, редакционного предписания и расстояния Левенштейна.

ПРИЛОЖЕНИЕ

Кол.

Файл: main1.py

```
def minCostTransform(stringA, stringB, replaceCost, insertCost, deleteCost,
debug=False):
    m, n = len(stringA), len(stringB)
    dpTable = [[0] * (n + 1) for in range(m + 1)]
    if debug:
        print("\n=== ИНИЦИАЛИЗАЦИЯ ТАБЛИЦЫ DP ===")
        print("Строка A:", stringA)
        print("Строка В:", stringB)
        print("Стоимость операций: Замена={}, Вставка={}, Удаление={}".format(
            replaceCost, insertCost, deleteCost))
    for i in range (1, m + 1):
        dpTable[i][0] = dpTable[i-1][0] + deleteCost
        if debug:
            print(f"Инициализация: dpTable[\{i\}][0] = \{dpTable[i][0]\} (удаление
символа '{stringA[i-1]}')")
    for j in range (1, n + 1):
        dpTable[0][j] = dpTable[0][j-1] + insertCost
        if debug:
            print(f"Инициализация: dpTable[0][\{j\}] = \{dpTable[0][j]\} (вставка
символа '{stringB[j-1]}')")
    if debug:
        print("\n=== ЗАПОЛНЕНИЕ ТАБЛИЦЫ DP ===")
    for i in range (1, m + 1):
        for j in range (1, n + 1):
            if stringA[i-1] == stringB[j-1]:
                dpTable[i][j] = dpTable[i-1][j-1]
                if debug:
                    print(f"Символы '{stringA[i-1]}' и '{stringB[j-1]}'
совпадают: dpTable[\{i\}][\{j\}] = \{dpTable[i][j]\}")
                replaceOption = dpTable[i-1][j-1] + replaceCost
                deleteOption = dpTable[i-1][j] + deleteCost
                insertOption = dpTable[i][j-1] + insertCost
                dpTable[i][j] = min(replaceOption, deleteOption, insertOption)
                if debug:
                    print(f"Символы '{stringA[i-1]}' и '{stringB[j-1]}' не
совпадают:")
                    print(f" Вариант замены: {dpTable[i-1][j-1]} +
{replaceCost} = {replaceOption}")
                    print(f" Вариант удаления: {dpTable[i-1][j]} + {deleteCost}
= {deleteOption}")
                    print(f"
                              Bapиaнт вставки: {dpTable[i][j-1]} + {insertCost}
= {insertOption}")
                    print(f" Выбран минимальный вариант: dpTable[\{i\}][\{j\}] =
{dpTable[i][j]}")
    if debug:
        print(f"\nМинимальная стоимость преобразования: {dpTable[m][n]}")
```

```
return dpTable[m][n]
def findLcsLength(stringA, stringB, debug=False):
    """Функция для нахождения длины наибольшей общей подпоследовательности"""
    m, n = len(stringA), len(stringB)
    lcsTable = [[0] * (n + 1) for in range(m + 1)]
    if debug:
        print("\n=== АЛГОРИТМ НАХОЖДЕНИЯ НАИБОЛЬШЕЙ ОБЩЕЙ ПОДПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ
===")
       print("Строка A:", stringA)
        print("Строка В:", stringB)
    for i in range (1, m + 1):
        for j in range (1, n + 1):
            if stringA[i-1] == stringB[j-1]:
                lcsTable[i][j] = lcsTable[i-1][j-1] + 1
                if debug:
                    print(f"Символы '{stringA[i-1]}' и '{stringB[j-1]}'
совпадают: lcsTable[{i}][{j}] = {lcsTable[i][j]}")
            else:
                lcsTable[i][j] = max(lcsTable[i-1][j], lcsTable[i][j-1])
                if debug:
                    print(f"Символы '{stringA[i-1]}' и '{stringB[j-1]}' не
совпадают:")
                    print(f" Makc. us: lcsTable[\{i-1\}][\{j\}] = \{lcsTable[i-1][j]\}
и lcsTable[{i}][{j-1}] = {lcsTable[i][j-1]}")
                    print(f" Pesyльтат: lcsTable[{i}][{j}] = {lcsTable[i][j]}")
    if debug:
        i, j = m, n
        lcs = []
        print("\n=== BOCCTAHOBЛЕНИЕ HOП ===")
        while i > 0 and j > 0:
            if stringA[i-1] == stringB[j-1]:
                lcs.append(stringA[i-1])
                print(f"Символы совпадают: '{stringA[i-1]}' добавляем в НОП")
                i -= 1
                j -= 1
            elif lcsTable[i-1][j] >= lcsTable[i][j-1]:
                print(f"Пропускаем символ '{stringA[i-1]}' в строке A")
                i -= 1
            else:
                print(f"Пропускаем символ '{stringB[j-1]}' в строке В")
                j -= 1
        lcs.reverse()
        print(f"\nНайденная НОП: {''.join(lcs)}")
        print(f"Длина HOП: {lcsTable[m][n]}")
    return lcsTable[m][n]
def main():
    costs = list(map(int, input().split()))
    replaceCost, insertCost, deleteCost = costs
    StringA = input().strip()
    StringB = input().strip()
    debug = True
```

```
result = minCostTransform(StringA, StringB, replaceCost, insertCost, deleteCost, debug)

lcsLength = findLcsLength(StringA, StringB, debug)

print("\n=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ ===")

print(result)

print(f"Длина наибольшей общей подпоследовательности: {lcsLength}")

if __name__ == "__main__":
    main()
```

Файл: main2.py

```
def minCostTransform(StringA, StringB, replaceCost, insertCost, deleteCost,
debug=False):
   m, n = len(StringA), len(StringB)
    dpTable = [[0] * (n + 1) for in range(m + 1)]
    if debug:
       print("\n=== ИНИЦИАЛИЗАЦИЯ ТАБЛИЦЫ DP ===")
       print("Исходная строка:", StringA)
       print("Целевая строка:", StringB)
       print("Стоимость операций: Замена={}, Вставка={}, Удаление={}".format(
            replaceCost, insertCost, deleteCost))
    for i in range (1, m + 1):
        dpTable[i][0] = dpTable[i-1][0] + deleteCost
        if debug:
           print(f"Инициализация: dpTable[{i}][0] = {dpTable[i][0]} (удаление
символа '{StringA[i-1]}')")
    for j in range(1, n + 1):
        dpTable[0][j] = dpTable[0][j-1] + insertCost
        if debug:
            print(f"Инициализация: dpTable[0][{j}}] = {dpTable[0][j]} (вставка
символа '{StringB[j-1]}')")
    if debug:
        print("\n=== ЗАПОЛНЕНИЕ ТАБЛИЦЫ DP ===")
    for i in range (1, m + 1):
        for j in range(1, n + 1):
            if StringA[i-1] == StringB[j-1]:
                dpTable[i][j] = dpTable[i-1][j-1]
                if debug:
                    print(f"Символы '{StringA[i-1]}' и '{StringB[j-1]}'
совпадают: dpTable[{i}][{j}] = {dpTable[i][j]}")
            else:
                replaceOption = dpTable[i-1][j-1] + replaceCost
                deleteOption = dpTable[i-1][j] + deleteCost
                insertOption = dpTable[i][j-1] + insertCost
                dpTable[i][j] = min(replaceOption, deleteOption, insertOption)
                if debug:
                    print(f"Символы '{StringA[i-1]}' и '{StringB[j-1]}' не
совпадают:")
                    print(f" Вариант замены: {dpTable[i-1][j-1]} +
{replaceCost} = {replaceOption}")
```

```
print(f" Вариант удаления: {dpTable[i-1][i]} + {deleteCost}
= {deleteOption}")
                    print(f" Вариант вставки: {dpTable[i][j-1]} + {insertCost}
= {insertOption}")
                    print(f" Выбран минимальный вариант: dpTable[{i}][{j}] =
{dpTable[i][j]}")
    operations = []
    i, j = m, n
    if debug:
        print("\n=== ОБРАТНЫЙ ПРОХОД ДЛЯ НАХОЖДЕНИЯ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ ОПЕРАЦИЙ
===")
       print(f"Начинаем с позиции (\{i\}, \{j\})")
    while i > 0 or j > 0:
        if i > 0 and j > 0 and StringA[i-1] == StringB[j-1]:
            operations.append('M')
            if debug:
                print(f"Символы '{StringA[i-1]}' и '{StringB[j-1]}' совпадают:
операция 'М' (совпадение)")
               print(f"Переходим к позиции ({i-1}, {j-1})")
            j -= 1
        elif i > 0 and j > 0 and dpTable[i][j] == dpTable[i-1][j-1] +
replaceCost:
            operations.append('R')
            if debug:
                print(f"Заменяем символ '{StringA[i-1]}' на '{StringB[j-1]}':
операция 'R' (замена)")
               print(f"Переходим к позиции (\{i-1\}, \{j-1\})")
            i -= 1
            j -= 1
        elif j > 0 and dpTable[i][j] == dpTable[i][j-1] + insertCost:
            operations.append('I')
            if debug:
                print(f"Вставляем символ '{StringB[j-1]}': операция 'I'
(вставка) ")
               print(f"Переходим к позиции ({i}, {j-1})")
            j -= 1
        elif i > 0 and dpTable[i][j] == dpTable[i-1][j] + deleteCost:
            operations.append('D')
            if debug:
                print(f"Удаляем символ '{StringA[i-1]}': операция 'D'
(удаление)")
               print(f"Переходим к позиции ({i-1}, {j})")
            i -= 1
        else:
            if debug:
                print("Что-то пошло не так, выходим из цикла")
            break
    operations.reverse()
    operationsString = ''.join(operations)
    if debug:
        print("\n=== РЕЗУЛЬТАТ ===")
       print(f"Последовательность операций: {operationsString}")
       print(f"Исходная строка: {StringA}")
       print(f"Целевая строка: {StringB}")
       print("\n=== ВИЗУАЛИЗАЦИЯ ПРОЦЕССА ПРЕОБРАЗОВАНИЯ ===")
       currentString = ""
       posA = 0
       posB = 0
```

```
for op in operationsString:
            if op == 'M':
                currentString += StringA[posA]
                print(f"Совпадение: '{StringA[posA]}' остаётся без изменений")
                posA += 1
                posB += 1
            elif op == 'R':
                currentString += StringB[posB]
                print(f"Замена: '{StringA[posA]}' -> '{StringB[posB]}'")
                posA += 1
               posB += 1
            elif op == 'I':
                currentString += StringB[posB]
                print(f"Вставка: добавляем '{StringB[posB]}'")
               posB += 1
            elif op == 'D':
                print(f"Удаление: удаляем '{StringA[posA]}'")
            print(f"Текущая строка: {currentString}")
        print(f"\nИтоговая строка: {currentString}")
        print(f"Целевая строка: {StringB}")
        assert currentString == StringB, "Ошибка в преобразовании!"
    return operationsString
def findLcsLength(StringA, StringB, debug=False):
    """Функция для нахождения длины наибольшей общей подпоследовательности"""
    m, n = len(StringA), len(StringB)
    lcsTable = [[0] * (n + 1) for in range(m + 1)]
    if debug:
        print("\n=== АЛГОРИТМ НАХОЖДЕНИЯ НАИБОЛЬШЕЙ ОБЩЕЙ ПОДПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ
===")
        print("Строка A:", StringA)
        print("Строка В:", StringB)
    for i in range (1, m + 1):
        for j in range (1, n + 1):
            if StringA[i-1] == StringB[j-1]:
                lcsTable[i][j] = lcsTable[i-1][j-1] + 1
                if debug:
                    print(f"Символы '{StringA[i-1]}' и '{StringB[j-1]}'
совпадают: lcsTable[{i}][{j}] = {lcsTable[i][j]}")
            else:
                lcsTable[i][j] = max(lcsTable[i-1][j], lcsTable[i][j-1])
                if debug:
                    print(f"Символы '{StringA[i-1]}' и '{StringB[j-1]}' не
совпадают:")
                    print(f" Makc. us: lcsTable[{i-1}][{j}]={lcsTable[i-1][j]}
и lcsTable[{i}][{j-1}]={lcsTable[i][j-1]}")
                    print(f" Результат: lcsTable[{i}][{j}}] = {lcsTable[i][j]}")
    if debug:
        i, j = m, n
        lcs = []
        print("\n=== ВОССТАНОВЛЕНИЕ НОП ===")
        while i > 0 and j > 0:
            if StringA[i-1] == StringB[j-1]:
                lcs.append(StringA[i-1])
```

```
print(f"Символы совпадают: '{StringA[i-1]}' добавляем в HO\Pi")
                i -= 1
                 j -= 1
            elif lcsTable[i-1][j] >= lcsTable[i][j-1]:
                print(f"Пропускаем символ '{StringA[i-1]}' в строке A")
                i -= 1
            else:
                print(f"Пропускаем символ '{StringB[j-1]}' в строке В")
        lcs.reverse()
        print(f"\nНайденная НОП: {''.join(lcs)}")
        print(f"Длина HOП: {lcsTable[m][n]}")
    return lcsTable[m][n]
def main():
    costs = list(map(int, input().split()))
    replaceCost, insertCost, deleteCost = costs
    StringA = input().strip()
    StringB = input().strip()
    debug = True
    operations = minCostTransform(StringA, StringB, replaceCost, insertCost,
deleteCost, debug)
    lcsLength = findLcsLength(StringA, StringB, debug)
    print("\n=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ ===")
    print(operations)
    print(StringA)
    print(StringB)
    print(f"Длина наибольшей общей подпоследовательности: {lcsLength}")
if __name__ == "__main__":
    main()
Файл: main3.py
def levenshteinDistance(sourceString, targetString, debug=False):
    m, n = len(sourceString), len(targetString)
    dpTable = [[0] * (n + 1) for in range(m + 1)]
    if debug:
        print("\n=== РАССТОЯНИЕ ЛЕВЕНШТЕЙНА ===")
        print("Исходная строка:", sourceString)
print("Целевая строка:", targetString)
        print ("Все операции имеют стоимость 1")
    for i in range (1, m + 1):
        dpTable[i][0] = i
        if debug:
            print(f"Инициализация: dpTable[{i}][0] = {i} (удаление {i}
символов)")
    for j in range(1, n + 1):
        dpTable[0][j] = j
        if debug:
```

```
print(f"Инициализация: dpTable[0][{j}] = {j} (вставка {j}
символов)")
    if debug:
        print("\n=== ЗАПОЛНЕНИЕ ТАБЛИЦЫ DP ===")
    for i in range (1, m + 1):
        for j in range (1, n + 1):
            if sourceString[i-1] == targetString[j-1]:
                dpTable[i][j] = dpTable[i-1][j-1]
                if debug:
                    print(f"Символы '{sourceString[i-1]}' и
'{targetString[j-1]}' совпадают: dpTable[{i}][{j}] = {dpTable[i][j]}")
            else:
                replaceOption = dpTable[i-1][j-1] + 1
                deleteOption = dpTable[i-1][j] + 1
                insertOption = dpTable[i][j-1] + 1
                dpTable[i][j] = min(replaceOption, deleteOption, insertOption)
                if debug:
                    print(f"Символы '{sourceString[i-1]}' и
'{targetString[j-1]}' не совпадают:")
                    print(f" Вариант замены: \{dpTable[i-1][j-1]\} + 1 =
{replaceOption}")
                    print(f" Вариант удаления: \{dpTable[i-1][j]\} + 1 =
{deleteOption}")
                    print(f" Вариант вставки: \{dpTable[i][j-1]\} + 1 =
{insertOption}")
                    operation = ""
                    if dpTable[i][j] == replaceOption:
                        operation = "замена"
                    elif dpTable[i][j] == deleteOption:
                        operation = "удаление"
                    else:
                        operation = "вставка"
                    print(f" Выбран минимальный вариант ({operation}):
dpTable[{i}][{j}] = {dpTable[i][j]}")
        print("\n=== ВОССТАНОВЛЕНИЕ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ ОПЕРАЦИЙ ===")
        operations = []
        i, j = m, n
        while i > 0 or j > 0:
            if i > 0 and j > 0 and sourceString[i-1] == targetString[j-1]:
                operations.append(('M', i-1, j-1))
                print(f"Символы '{sourceString[i-1]}' и '{targetString[j-1]}'
совпадают - нет операции")
                i -= 1
                j -= 1
            elif i > 0 and j > 0 and dpTable[i][j] == dpTable[i-1][j-1] + 1:
                operations.append(('R', i-1, j-1))
                print(f"Заменяем символ '{sourceString[i-1]}' на
'{targetString[j-1]}'")
                i -= 1
                j -= 1
            elif j > 0 and dpTable[i][j] == dpTable[i][j-1] + 1:
                operations.append(('I', i, j-1))
                print(f"Вставляем символ '{targetString[j-1]}'")
                j -= 1
            elif i > 0 and dpTable[i][j] == dpTable[i-1][j] + 1:
                operations.append(('D', i-1, j))
                print(f"Удаляем символ '{sourceString[i-1]}'")
                i -= 1
```

```
else:
                print("Что-то пошло не так, выходим из цикла")
                break
        operations.reverse()
        print("\n=== ВИЗУАЛИЗАЦИЯ ПРОЦЕССА ТРАНСФОРМАЦИИ ===")
        currentString = ""
        for op, i, j in operations:
            if op == 'M':
                currentString += sourceString[i]
                print(f"Coxpaняем символ '{sourceString[i]}': {currentString}")
            elif op == 'R':
               currentString += targetString[j]
               print(f"Заменяем '{sourceString[i]}' на '{targetString[j]}':
{currentString}")
            elif op == 'I':
               currentString += targetString[j]
                print(f"Вставляем символ '{targetString[j]}': {currentString}")
            elif op == 'D':
               print(f"Удаляем символ '{sourceString[i]}': {currentString}")
        print(f"\nИтоговая строка: {currentString}")
        print(f"Целевая строка: {targetString}")
        print(f"\nРасстояние Левенштейна: {dpTable[m][n]}")
    return dpTable[m][n]
def findLcsLength(sourceString, targetString, debug=False):
    """Функция для нахождения длины наибольшей общей подпоследовательности"""
   m, n = len(sourceString), len(targetString)
    lcsTable = [[0] * (n + 1) for in range(m + 1)]
    if debug:
       print("\n=== АЛГОРИТМ НАХОЖДЕНИЯ НАИБОЛЬШЕЙ ОБЩЕЙ ПОДПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ
==="1
        print("Строка A:", sourceString)
       print("Строка В:", targetString)
    for i in range (1, m + 1):
        for j in range (1, n + 1):
            if sourceString[i-1] == targetString[j-1]:
                lcsTable[i][j] = lcsTable[i-1][j-1] + 1
                if debug:
                    print(f"Символы '{sourceString[i-1]}' и
'{targetString[j-1]}' совпадают: lcsTable[{i}][{j}] = {lcsTable[i][j]}")
            else:
                lcsTable[i][j] = max(lcsTable[i-1][j], lcsTable[i][j-1])
                if debug:
                    print(f"Символы '{sourceString[i-1]}' и
'{targetString[j-1]}' не совпадают:")
                    print(f" Maкc. из: lcsTable[{i-1}][{j}]={lcsTable[i-1][j]}
и lcsTable[{i}][{j-1}]={lcsTable[i][j-1]}")
                    print(f" Результат: lcsTable[{i}][{j}}] = {lcsTable[i][j]}")
    if debug:
        i, j = m, n
        lcs = []
       print("\n=== ВОССТАНОВЛЕНИЕ НОП ===")
        while i > 0 and j > 0:
            if sourceString[i-1] == targetString[j-1]:
```

```
lcs.append(sourceString[i-1])
                print(f"Символы совпадают: '{sourceString[i-1]}' добавляем в
НОП")
                i -= 1
                j -= 1
            elif lcsTable[i-1][j] >= lcsTable[i][j-1]:
                print(f"Пропускаем символ '{sourceString[i-1]}' в строке А")
                i -= 1
            else:
                print(f"Пропускаем символ '{targetString[j-1]}' в строке В")
        lcs.reverse()
        print(f"\nНайденная НОП: {''.join(lcs)}")
        print(f"Длина HOП: {lcsTable[m][n]}")
    return lcsTable[m][n]
def main():
    sourceString = input().strip()
    targetString = input().strip()
    debug = True
    result = levenshteinDistance(sourceString, targetString, debug)
    print("\n=== ИТОГОВЫЙ РЕЗУЛЬТАТ ===")
    print(result)
    lcsLength = findLcsLength(sourceString, targetString, debug)
    print(f"Длина наибольшей общей подпоследовательности: {lcsLength}")
if __name__ == "__main__":
    main()
```