Matthias Danner Blatt 4

# Repetitorium Theoretische Elektrodynamik, WS 07/08

### 4.1 (Ebene elektromagnetische Welle)

Durch  $\mathbf{A}(x,t) = A(x-ct)\mathbf{e}_x$  und  $\Phi = 0$  ist eine ebene elektromagnetische Welle definiert.

- (a) Bestimmen Sie das  $\boldsymbol{E}$  und  $\boldsymbol{B}$ -Feld
- (b) Bestimmen Sie die Energiedichte  $w_{em}$  und den Poynting-Vektor S

#### 4.2 (Wellengleichung)

Lösen Sie die homogene Wellengleichung

$$\Box \Phi(\boldsymbol{x}, t) = 0$$

mithilfe eines Separationsansatzes und geben Sie die vollständige Lösung an.

#### 4.3 (Brechung)

Eine ebene Welle trifft schräg auf eine Luft-Glas-Grenzfläche, die in der x-y-Ebene liegt.

- (a) Welche Komponenten welcher Felder sind stetig?
- (b) Erklären Sie, warum die Welle gebrochen wird.

#### **4.4** (Rotierender Kreisring)

Ein Kreisring mit Radius R rotiere mit konstanter Winkelgeschwindigkeit  $\omega$  um einen Durchmesser. Senkrecht zur Drehachse herrscht ein homogenes B-Feld.

- (a) Berechnen Sie die im Ring erzeugte Induktionsspannung als Funktion der Zeit
- (b) Der Ring bestehe aus einem Metalldraht der Leitfähigkeit  $\sigma$ . Welcher Strom I(t) fließt durch den Ring, wenn man annimmt, dass er homogen über den Querschnitt verteilt ist?

## 4.5 (Rotierende Hohlkugel)

Auf der Oberfläche einer Hohlkugel mit Radius R ist eine Ladung q gleichmäßig verteilt. Die Kugel rotiert mit der konstanten Winkelgeschwindigkeit  $\omega$  um einen ihrer Durchmesser.

- (a) Bestimmen Sie die dadurch erzeugte Stromdichte j(x).
- (b) Berechnen Sie das von j(x) erzeugte magnetische Moment der Kugel.
- (c) Bestimmen Sie außerdem das Vektorpotential A(x) sowie das Magnetfeld B(x).