# Ferienkurs der Experimentalphysik II Übung 4

Michael Mittermair

29. August 2013



## Aufgabe 1

Ein Elektron hat die Ruhemasse  $m_0 = 9, 11 \cdot 10^{-31}$ kg.

- a) Berechnen Sie die Ruheenergie in Elektronenvolt
- b) Welche Spannung muss ein Elektron durchlaufen, damit sich seine Masse verdoppelt?
- c) Welche Geschwindigkeit hat ein Elektron dessen Masse seiner doppelten Ruhemasse entspricht?

# Aufgabe 2

Zum Zeitpunkt t=0 startet von er Erde(Bezugssystem S, Ursprung) ein Raumschiff mit der Geschwindigkeit  $v\frac{3}{5}c$ . Die Erde funkt zum Zeitpunkt  $\tau=1d$  eine Nachricht an das Schiff.

- a) Zeigen Sie: Wenn der Funkspruch empfangen wird, hat das Raumschiff im System S den Ort  $x=\frac{v\tau}{1-\beta}$  und es ist die Zeit  $t=\frac{\tau}{1-\beta}$  auf der Erde vergangen.
- b) Bestimmen sie die Ankunftszeit des Funkspruchs, die von einer Uhr an Board des Schiffs gemessen wird.

#### Aufgabe 3

Die Erde, eine bemannte Rakete und ein Meteor bewegen sich zufällig in die gleiche Richtung. An der Erde fliegt die Rakete mit einer Geschwindigkeit  $v_{E,R}=\frac{3}{4}c$ , betrachtet im Eigensystem der Erde vorbei. Die Rakete wird von dem Meteor mit einer Relativgeschwindigkeit von  $v_{R,M}=\frac{1}{2}c$  überholt.

- a) Welche Geschwindigkeit hat der Meteor für einen Betrachter auf der Erde?
- b) Zeichnen Sie ein Minkowski-Diagramm für die se Situation aus Sicht der Raketenbesatzung.

## Aufgabe 4

Betrachten Sie zwei Ereignisse $E_1$ ,  $E_2$  im Koordinatensystem S.  $E_1$  finde vor  $E_2$  statt. Es sei außerdem ohne Beschränkung der Allgemeinheit  $x_2 > x_1$  Zeigen Sie:

- a) Es gibt eine Lorentztransformation, die die beiden Ereignisse auf den gleichen Ort transformiert genau dann, wenn für die Koordinaten  $c^2(t_1 t_2)^2 (x_1 x_2)^2 > 0$ . Wie nennt man ein derartig getrenntes Ereignispaar?
- b) Es gibt eine Lorentztransformation, die die beiden Ereignisse auf die gleiche Zeit transformiert genau dann, wenn für die Koordinaten  $c^2(t_1 t_2)^2 (x_1 x_2)^2 < 0$ . Wie nennt man ein derartig getrenntes Ereignispaar?

# Aufgabe 5

Zwei Raumschiffe  $R_1$  und  $R_2$  starten zur Erdzeit t=0 für eine Forschungsmission in Richtung des Sternbilds des Schwans. Mit der Erdstation sei das System S, mit Raumschiff  $R_1$  S' und mit Raumschiff  $R_2$  S" fest verknüpft. Bezogen auf die Erdstation hat Raumschiff  $R_1$  die Geschwindigkeit 0, 6c und Raumschiff  $R_2$  0, 8c. Beim Start werden die Borduhren mit der der Basisstation auf der Erde synchronisiert.

- a) Zeichnen sie ein Minkowski-Diagramm für das System S und tragen sie die Weltlinien der Raumschiffe ein.
- b) Bestimmen Sie die Geschwindigkeit des Raumschiffs  $R_2$  im System des Raumschiffs  $R_1$

Zum Zeitpunkt  $t_1 = 1h$  wird zur Kontrolle an die Raumschiffe ein Funkspruch gesandt. Der Funkspruch wird von Raumschiff  $R_2$  zum Zeitpunkt  $t_2''$  (Ereignis P) sofort beantwortet und zur Erdstation zurückgesandt. Dort trifft er zum Zeitpunkt  $t_3$  ein.

c) Tragen Sie das Ereignis P in das Minkowskidiagramm ein. Berechnen sie die Zeit<br/>  $t_{\rm 3}$ 

Nach  $t_P'=10$  Stunden Flugzeit registriert das Raumschiff  $R_1$  (Ereignis Q) gleichzeitig zwei Sternenexplosionen  $E_1(T_Q', x_{E1}')$  und  $E_2(T_Q', x_{E2}')$ . Der räumliche Abstand  $|x_{E1}'-x_{E2}'|$  der beiden Explosionen wird zu  $\frac{8}{5}$  Lichtstunden bestimmt. Die beiden Explosionen liegen symmetrisch zur halben bis  $t_Q'$  von  $R_1$  zurückgelegten Flugstrecke. Das Raumschiff meldet das Ereignis Q per Funkspruch an Raumschiff  $R_2$  und die Erdstation. Auf der Erde trifft die Nachricht zum Zeitpunkt  $t_4$  und bei  $R_2$  zum Zeitpunkt  $t_4''$  ein.

- d) Tragen sie das Ereignis Q in das Minkowski-Diagramm ein. Berechnen Sie die Zeitpunkte  $t_4$  und  $t_4'$ .
- e) Berechnen Sie die räumlichen Koordinaten  $x_{E1}$  und  $x_{E2}$  der Ereignisse  $E_1$  und  $E_2$  im System S. Tragen Sie die Ereignisse  $E_1$  und  $E_2$  in das Diagramm ein. Erläutern Sie kurz, welche Bedeutung die Linie hat, auf der die Ereignisse Q,  $E_1$  und  $E_2$  liegen.