

Ferienkurs

Experimental physik 1

WS 2018/19

Probeklausur

Cara Zimmermann Lara Szeimies

Inhaltsverzeichnis

1	Brunnen	2
2	Planeten	2
3	Schwingungen eines schwimmenden Zylinders	2
4	Floß	3
5	Tür	3
6	Transversalwelle	3
7	Baukran	3
8	Billardkugeln	4

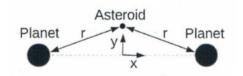
1 Brunnen

(Nehmen Sie $g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ an.)

- (a) Vom Rand eines tiefen Brunnens werde ein Stein fallengelassen. Nach $t = \frac{35}{3}$ s höre man am Brunneneingang den Aufschlag des Steins auf der Wasseroberfläche. Wie tief ist der Brunnen? (Schallgeschwindigkeit $v_S = 300 \, \frac{\text{m}}{\text{s}}$)
- (b) Ein zweiter Stein falle wie oben aus der Ruhe in den Brunnen. Eine Sekunde nach Beginn des freien Falls werde ein dritter Stein mit der Anfangsgeschwindigkeit $v_0 = 20 \, \frac{\text{m}}{\text{s}}$ nachgeworfen.
 - (i) Berechnen Sie die Zeit t_2 , die nach dem Fallbeginn des zweiten Steins vergeht, bis dieser vom dritten Stein überholt wird.
 - (ii) In welcher Tiefe z_0 findet der Überholvorgang statt?
 - (iii) Skizzieren Sie den Verlauf der Bewegungen beider Steine in einem Ort-Zeit-Diagramm.

2 Planeten

Ein Asteroid der Masse m befinde sich im Schwerefeld zweier Planeten mit jeweils der Masse M. Der Abstand r zu beiden Planeten ist gleich groß.



Zum Zeitpunkt t=0 befinden sich alle drei Körper in Ruhe. Im Folgenden soll die Bewegung des Asteroiden betrachtet werden. Die Bewegung des Asteroiden erfolgt so schnell, dass die Positionen der Planeten trotz gegenseitiger Anziehung über die betrachtete Zeitskala hinweg näherungsweise konstant sind.

- (a) Berechnen Sie den Vektor der auf den Asteroiden wirkenden Gesamtkraft $F_{\rm ges}$ in dem skizzierten Koordinatensystem.
- (b) Beschreiben Sie komponentenweise die Bewegungsgleichung für den Asteroiden.
- (c) Was ist die Zeitdauer T für eine volle Periode der Bewegung des Asteroiden für den Fall, dass der Abstand y zur Verbindungslinie der Planeten klein im Vergleich zu r ist?

3 Schwingungen eines schwimmenden Zylinders

Ein Zylinder schwimmt aufrecht stehend in einem Wasserbad (Dichte $\rho_{\text{H}_2\text{O}} = 1 \frac{g}{cm^3}$). Die Masse des Zylinders beträgt $m = 0.5 \,\text{kg}$, der Durchmesser ist $d = 0.1 \,\text{m}$. Wie groß ist die Schwingungsperiode T, wenn man den Zylinder leicht herunter drückt und dann loslässt?

4 Floß

Sie sollen hundert Eisenwürfel aus Eisen mit der Kantenlänge von jeweils $20\,\mathrm{cm}$ ($\rho_{\mathrm{Fe}}=7.8\,\frac{\mathrm{g}}{\mathrm{cm}^3}$) auf einem Floß aus Tannenstämmen ($\rho_{\mathrm{Holz}}=0.5\,\frac{\mathrm{g}}{\mathrm{cm}^3}$) flussabwärts transportieren. Wie groß muß das Volumen an Tannenholz sein, um das Floß in Wasser ($\rho_{\mathrm{H_2O}}=1\,\frac{g}{cm^3}$) gerade schwimmend zu halten?

Wie viele Stämme N mit einem Durchmesser von $d=20\,\mathrm{cm}$ und Länge $L=5\,\mathrm{m}$ werden benötigt?

5 Tür

Die junge Eva rangelt mit ihrem älteren Bruder Paul. Paul versucht eine Tür auf zu drücken und drückt dabei in der Mitte der Tür mit der Kraft $F_P=80N$. Eva versucht die Tür zu zu drücken am äußeren Ende der Tür mit der Kraft $F_E=50N$. Beide drücken stets senkrecht auf die Tür. Zum Zeitpunkt t=0 ist die Tür um $\psi=0,05rad$ geöffnet und in Ruhe. Reibungskräfte sind zu vernachlässigen.

- (a) Geht die Tür aufgrund der wirkenden Kräfte auf oder zu?
- (b) Die Tür ist ein dünner Quader aus homogenen Material. Sie hat die Breite b=1m und Masse m=12kg. Berechnen Sie das Trägheitsmoment der Tür.
- (c) Falls Sie bei (a) finden, dass die Tür sich schließt, berechnen Sie die Zeitdauer T bis die Tür geschlossen ist $(\psi = 0)$. Falls die Tür sich öffnet, berechnen Sie stattdessen die Zeitdauer T bis die Tür geöffnet ist $(\psi = \frac{\pi}{2})$.

6 Transversalwelle

Eine Transversalwelle breitet sich als ebene Welle in einem Medium aus, welches aus Einzelteilchen der Masse M=1g besteht. Dabei werde die Auslenkung ξ der Teilchen aus der Ruhelage beschrieben durch die Gleichung

$$\xi(x,t) = 0, 1m \cdot \sin\left[2\pi \cdot \left(\frac{t}{0,4s} - \frac{x}{4m}\right)\right]$$

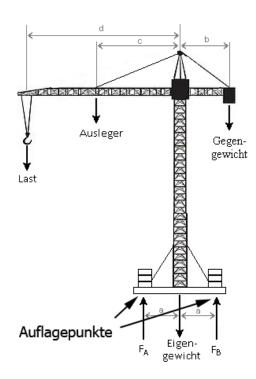
- 1. Berechnen Sie die Wellenlänge λ und die Kreisfrequenz ω dieser Welle.
- 2. Geben Sie die Ausbreitungsgeschwindigkeit c der Welle an.
- 3. Welche kinetische Energie $E_{\rm kin}$ hat ein Teilchen bei x=0,8m nach t=4s?
- 4. Welchen minimalen Abstand x_{\min} vom Ursprung der Welle x=0 hat ein Teilchen, dessen kinetische Energie im selben Moment (bei t=4s) die Hälfte der Gesamtenergie beträgt?

7 Baukran

An dem dargestellten Kran wird eine Last (F_L) von 15 kN angehängt. Wie groß sind die Auflagekräfte $(F_A$ und $F_B)$ am Boden des Krans?

Das Gegengewicht F_G des Krans, das Gewicht des Auslegers F_C , das gesamte Eigengewicht des Krans F_E und die Längen a-d haben folgende Werte:

 $F_G = 30 \text{ kN}$ $F_C = 6 \text{ kN}$ $F_E = 20 \text{ kN}$ a=1 m b=1,2 m c=1,5 md=3,2 m



8 Billardkugeln

Wir betrachten im Folgenden Zusammenstöße einer weißen Billardkugel mit einer schwarzen Billardkugel. Die schwarze Billardkugel befindet sich am Anfang aller Teilaufgaben in Ruhe. Beide Kugeln haben die gleiche Masse. Sie können Komplikationen durch Reibung und "Spin" vernachlässigen.

- 1. Zunächst betrachten wir den Fall, dass beide Kugeln zentral stoßen, sodass die Bewegung vor und nach dem Stoß auf einer geraden Linie (die wir als x-Achse nehmen) liegt. Für den Fall, dass die weiße Kugel vor dem Stoß die Geschwindigkeit $v_{\text{vorher}} = \begin{pmatrix} 5 \\ 0 \end{pmatrix} \frac{\text{m}}{\text{s}}$ hat und der Stoß vollkommen elastisch ist, was sind die Geschwindigkeiten der weißen und der schwarzen Kugel nach dem Stoß?
- 2. Jetzt gehen wir von den gleichen Anfangsbedingungen aus wie in Teilaufgabe a, nur dass die weiße Kugel plötzlich aus einem Material besteht, das sich durch den Stoß verklebt, sodass der Stoß vollkommen inelastisch ist und die beiden Kugeln nachher als gemeinsame Kugel doppelter Masse weiterlaufen. Was ist die Geschwindigkeit der neuen schwarz-weißen Kugel? Zeigen Sie, dass bei dem Stoß die kinetische Energie nicht erhalten wird.
- 3. Jetzt gehen wir wieder von einem vollkommen elastischen Stoß aus, betrachten aber den Fall, dass die Kugeln nicht zentral stoßen. Die Geschwindigkeit der weißen Kugel vor dem Stoß sei wieder $v_{\text{vorher}} = \begin{pmatrix} 5 \\ 0 \end{pmatrix} \frac{\text{m}}{\text{s}}$, die Geschwindigkeit der weißen Kugel

nach dem Stoß $v_{\text{nachher}}=\left(\begin{array}{c}1\\2\end{array}\right)\frac{\text{m}}{\text{s}}.$ Was ist die Geschwindigkeit der schwarzen Kugel nach dem Stoß?

4. Zeigen Sie, dass bei dem Stoß aus der letzten Teilaufgabe die kinetische Energie erhalten bleibt.