

# Esercitazione 1 - Disegno di curve di Bézier

Lorenzo Gasparini  
Corso di fondamenti di Computer Graphics

2 settembre 2019

## 1 Descrizione

L'applicazione consente all'utente di disegnare una curva di Bézier inserendo punti in una finestra tramite il click del mouse e rimuovendoli tramite il tasto f ed l. Inoltre l'utente può selezionare il tipo di algoritmo da utilizzare per il render scegliendolo tra i 3 disponibili.

## 2 Obiettivi

1. Compilare e far girare il programma. Provare i controlli da keyboard. Il left mouse button aggiunge un punto. I comandi 'f' e 'l' rimuovono il primo e l'ultimo punto dalla lista di punti, rispettivamente. Oltre ai 64 punti, i primi punti sono rimossi.
2. Osservare come il programma usa le OpenGL GLUT callback per catturare gli eventi click del mouse e determinare le posizioni (x, y) relative.
3. Provare a cambiare lo stile di punti e linee.
4. Disegnare la curva di Bezier a partire dai punti di controllo inseriti, utilizzando l'evaluator di OpenGL ( glMap1f(), glMapGrid1f(), glEvalMesh1()). Ricordarsi di abilitare il disegno di curve con glEnable(GL\_MAP1\_VERTEX3).
5. Sostituire alle routine di OpenGL il disegno della curva mediante algoritmo di de Casteljau.
6. Integrare nel programma in alternativa uno dei seguenti punti:
  - (a) disegno di una curva di Bezier mediante algoritmo ottimizzato basato sulla suddivisione adattiva.
  - (b) disegno interattivo di una curva di Bezier composta da tratti cubici, dove ogni tratto viene raccordato con il successivo con continuità C0, C1 o G1 a seconda della scelta utente da keyboard.
7. Permettere la modifica della posizione dei punti di controllo tramite trascinamento con il mouse.

### 3 Svolgimento Obiettivi

3. Per variare la grandezza della linea basta cambiare il valore dentro `glLineWidth` presente nella funzione `display`. Per variare invece il colore della linea bisogna cambiare i valori di `glColor3f` presente nella funzione `evaluateBezier`.

Per cambiare la grandezza dei punti bisogna variare `glPointSize` presente all'interno della funzione `initRendering` mentre il colore dei punti nel `glColor3f` posizionato subito prima del `glBegin(GL_POINTS)` dentro la funzione `display`.

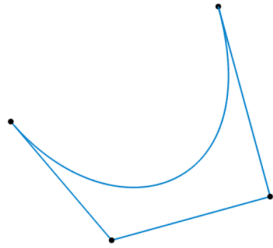


Figura 1: Curva più fine.

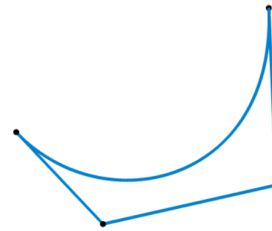


Figura 2: Curva più spessa.

4. Il codice è presente all'interno della funzione `evaluateBezier`. Tramite la funzione `glMap1f` definisco la funzione di Bézier e gli passo tutti i punti di controllo ed il grado della funzione.

All'interno dello switch seleziono il metodo di rendering da utilizzare.

L'evaluator di OpenGL corrisponde al valore 0. Tramite la funzione `glEvalCoord1f` si valuta il punto della funzione al parametro  $i/t$ ;  $i$  è l'index attuale del for mentre  $t$  è il numero totale di punti di valutazione.

Il valore di  $t$  è modificabile tramite i tasti '+' e '-', tale valore cambia la precisione della curva.

Tale algoritmo riesce ad interpolare un numero massimo di 10 punti.

5. L'algoritmo di deCasteljau è stato implementato nella maniera classica. Si effettuano una serie di lerp atte ad interpolare i vari punti in maniera iterativa fino ad arrivare al punto finale.

Dati ad esempio 4 punti il primo ciclo genera un set di 3 punti interpolati dai primi 4, al secondo si passa ad un set di 2 punti ed al terzo si ottiene un singolo punto. Le interpolazioni sono effettuate alla posizione indicata dal parametro  $t$  passato come parametro.

L'interpolazione (LERP) è svolta come segue:  $\text{LERP}(t,a,b) = (1-t)a + tb$

Una volta ottenuto il vertice finale questo viene stampato tramite `glVertex3f`.

La funzione viene chiamata allo stesso modo del valutatore di OpenGL, come vantaggio ha il fatto che non è limitato ad un massimo di 10 punti.

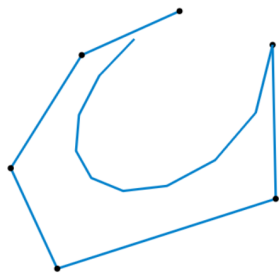


Figura 3: Curva con meno punti di controllo.

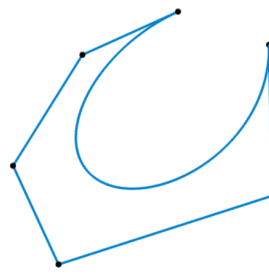


Figura 4: Curva con più punti di controllo.

6.a. L'algoritmo di `adaptiveSubdivision` è implementato all'interno della funzione `adaptiveSubdivision`. Tale algoritmo prende in input la serie di punti ed una tolleranza. Questo algoritmo è ricorsivo e si divide in due fasi:

- Nella prima fase si scorrono tutti i punti di controllo e si valuta se la distanza dei punti interni (cioè tutti tranne il primo e l'ultimo) hanno una distanza dalla linea formata dal primo e l'ultimo punto maggiore della tolleranza passata in input. Nel caso abbiano una distanza maggiore si pone una variabile di controllo `drawLine` a `false`.
- Nella seconda fase si controlla la variabile `drawLine`. Se tale variabile è `true` significa che la distanza di tutti i punti è minore della tolleranza e quindi possiamo approssimare la curva con la linea tra il primo e l'ultimo punto.

In caso contrario dobbiamo suddividere il set di punti in due nuovi set con stessa lunghezza.

Il meccanismo di suddivisione è molto semplice, praticamente è un passaggio dell'interpolazione di deCasteljau con parametro 0.5. Ad ogni passata però salviamo il primo e l'ultimo punto del set generato all'interno di due liste.

Alla fine avremo due set in cui su uno saranno presenti tutti i primi valori e sull'altro avremo tutti gli ultimi valori.

Generati questi due set si procede ricorsivamente su entrambi.

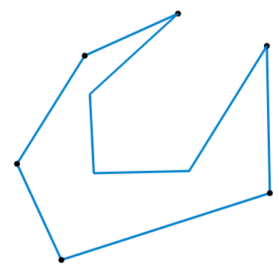


Figura 5: Curva con tolleranza maggiore.

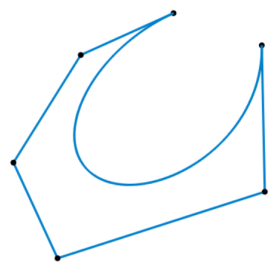


Figura 6: Curva con tolleranza minore.

7. Per questo punto sono state definite le due funzioni `motionMouse` e `passiveMouse`

MotionMouse praticamente è una funzione collegata all'evento di openGL di spostamento del mouse durante un click prolungato e viene richiamata ogni volta si verifica una situazione di quel genere.

Per il resto la funzione in se è molto semplice poichè, nel caso la variabile booleana `isMovingPoint` sia true, sposta il punto indicato dall'indice `movingPoint` alla posizione del mouse.

PassiveMouse, in maniera speculare a `motionMouse`, è collegata all'evento di openGL di spostamento del mouse ma questa volta quando non sta avvenendo alcun click.

La funzione, anch'essa molto semplice, scorre tutti i punti di controllo e calcola la distanza che c'è tra il punto ed il cursore. Se tale distanza è minore di un certo valore imposta il parametro `mouseOverIndex` al valore dell'indice del punto di controllo (In pratica salva il valore del punto di controllo sopra il quale è posizionato il cursore su una variabile)

Nel caso in cui non è sopra alcun punto salva -1 come valore.

Il resto del meccanismo è gestito dalla `myMouseFunc` che è la funzione di gestione del mouse. Semplicemente quando rileviamo un click con il tasto sinistro andiamo a controllare se il valore di `mouseOverIndex` è diverso da -1 (quindi siamo sopra un punto). In quel caso si imposta `isMovingPoint` a true e si salva l'indice del punto (presente dentro `mouseOverIndex`) dentro `movingPoint` così da passare le informazioni alla funzione `motionMouse`.