



3

# Arboles → introducción

### Problemas con los índices?

- La búsqueda binaria aun es costosa
- Mantener los índices ordenados es costoso
- Solución → RAM
- Objetivo → persistencia de datos

### Árboles

 Estructuras de datos que permiten localizar en forma más rápida información de un archivo, tienen intrínsecamente búsqueda binaria

FOD - CLASE 6

UNLP - Facultad

4

# Arboles binarios

# Que es un árbol binario?

 Estructuras de datos donde cada nodo tiene dos sucesores, a izquierda y a derecha

# Un árbol binario, puede implantarse en disco?

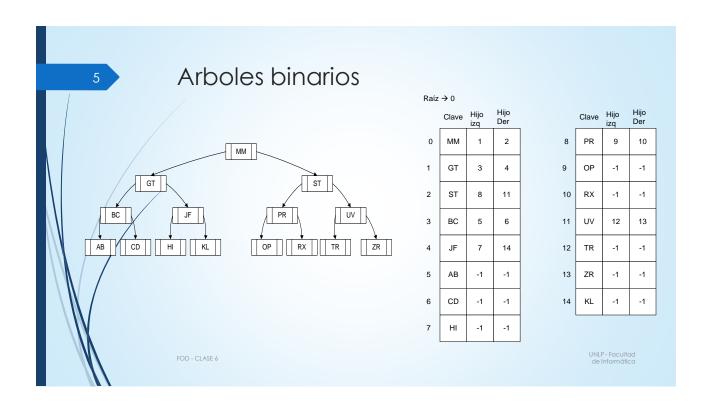
Como lograr la persistencia?

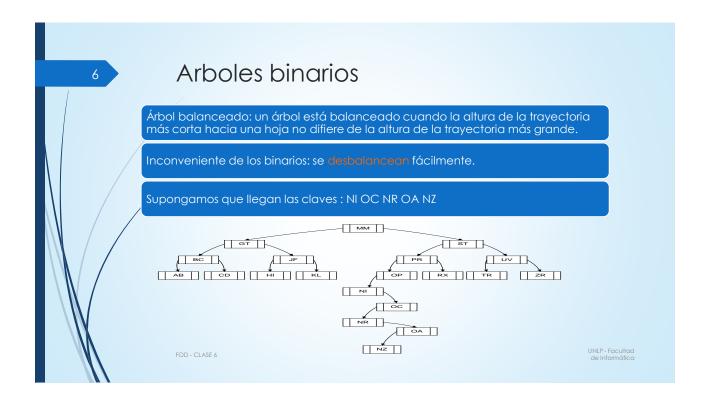
# Ejemplo → supongamos estas claves

• MM ST GT PR JF BC UV CD HI ABKI TR OP RX 7R

FOD - CLASE &

UNLP - Facultad de Informática





# Árboles AVL

## Árboles AVL

- Árbol binario balanceado en altura (BA(1)) en el que las inserciones y eliminaciones se efectúan con un mínimo de accesos.
- Árbol balanceado en altura:
  - Para cada nodo existe un límite en la diferencia que se permite entre las alturas de cualquiera de los subárboles del nodo (BA(k)), donde k es el nivel de balance)
  - Ejemplos:





8

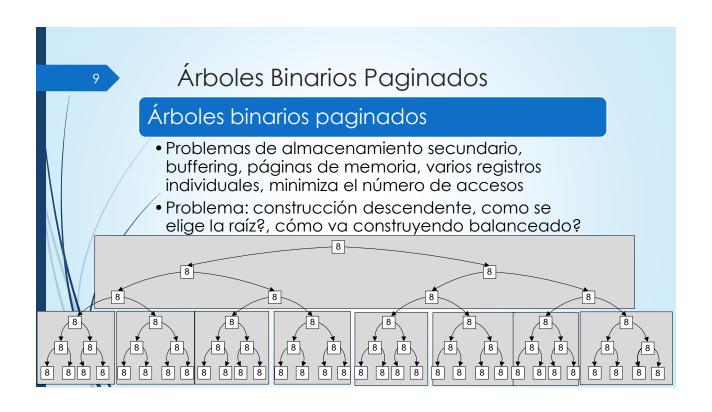
# Arboles AVL y Binarios

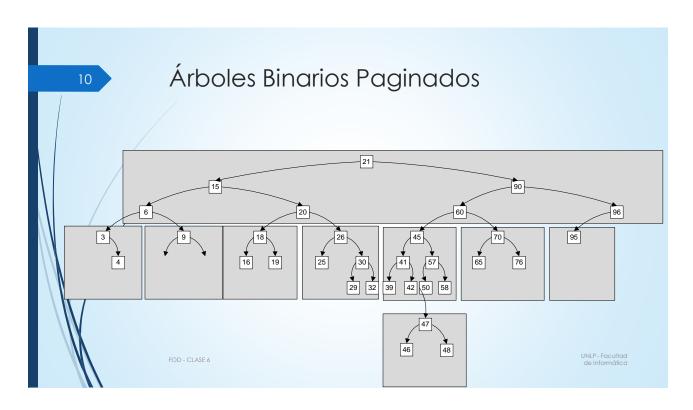
# Características/Conclusiones

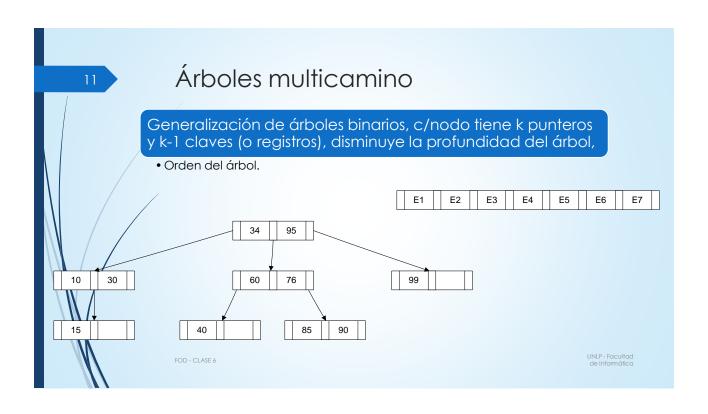
- Estructura que debe ser respetada
- Mantener árbol, rotaciones restringidas a un área local del árbol
  - Binario: → Búsqueda: Log<sub>2</sub>(N+1)
  - AVL: → Búsqueda: 1.44 log<sub>2</sub>(N+2)
  - Ambas performance por el peor caso posible

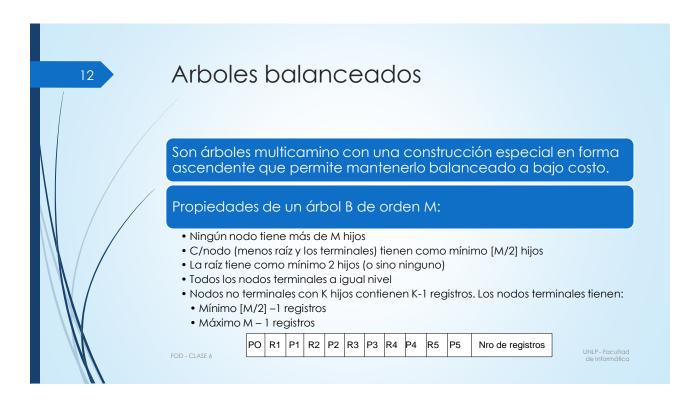
FOD - CLASE &

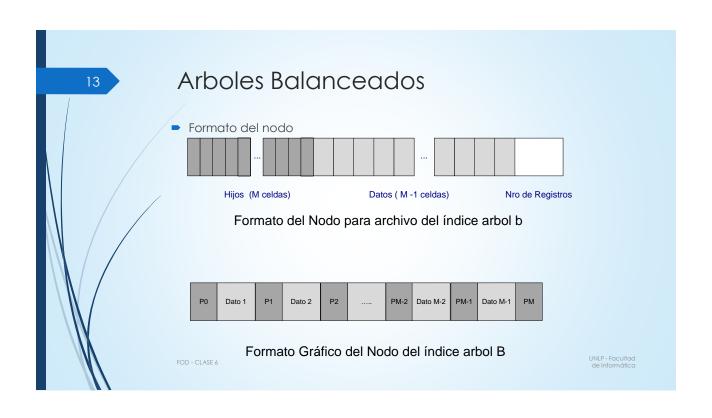
UNLP - Facultad

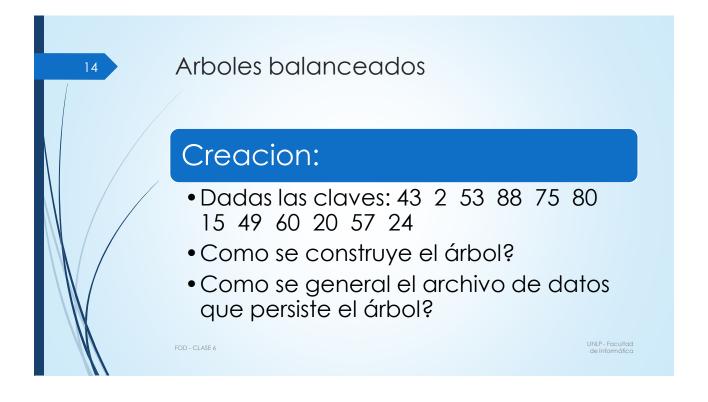


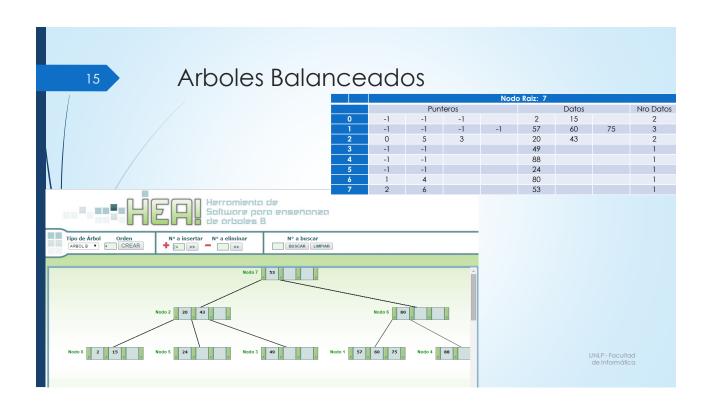


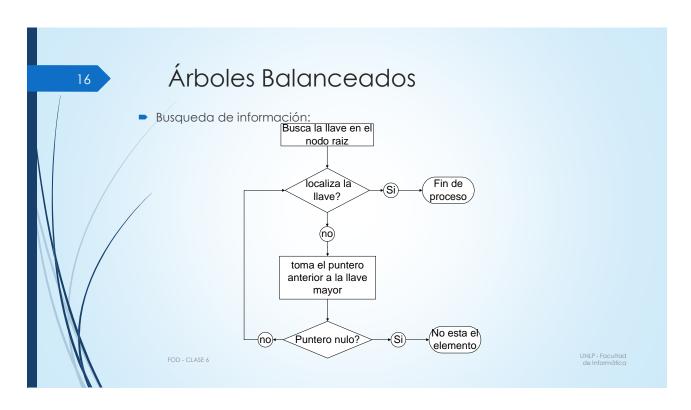












Performance de búsqueda

• Mejor caso: 1 lectura

• Pero caso: h lecturas (con h altura del árbol)

• Cual es el valor de h?

• Axioma: árbol balanceado de Orden M, si el número de elementos del árbol es N → hay N+1 punteros nulos en nodos terminales.



19

# Árboles Balanceados

# Inserción (creación)

- Los registros se insertan en un nodo Terminal
- Casos posibles
  - El registro tiene lugar en el nodo Terminal (no se produce overflow): solo se hacen reacomodaminetos internos en el nodo
  - El registro no tiene lugar en el nodo Terminal (se produce overflow): el nodo se divide y los elementos se reparten entre los nodos, hay una promoción al nivel superior, y esta puede propagarse y generar una nueva raíz.

FOD - CLASE 6

UNLP - Facultad

20

# Árboles Balanceados

### Performance de la inserción

- Mejor caso (sin overflow)
  - H lecturas
  - 1 escritura
- Peor caso (overflow hasta la raíz, aumenta en uno el nivel del árbol)
  - H lecturas
  - 2h+1 escrituras (dos por nivel más la raíz)
- Estudios realizados
  - M = 10 25% divisiones
  - M = 100 2% divisiones

FOD - CLASE

UNLP - Facultad de Informática 21

# Árboles Balanceados

### Eliminación

- Siempre eliminar de nodos terminales (trabajamos con árboles)
- Si se va a eliminar un elemento que no esta en nodo terminal → llevarlo primero a nodo terminal
- Posibilidades ante eliminación
  - Mejor caso: borra un elemento del nodo y no produce underflow, solo reacomodos ( # elementos >= [M/2]-1
  - Peor caso: se produce underflow, #elementos < [M/2] 1
- Dos soluciones
  - Redistribuir
  - concatenar

FOD - CLASE 6

UNLP - Facultad de Informática

22

# Árboles Balanceados

### Definición: nodo adyacente hermano

• Dos nodos son adyacentes hermanos si tienen el mismo padre y son apuntados por punteros adyacentes en el padre.

### Redistribuir

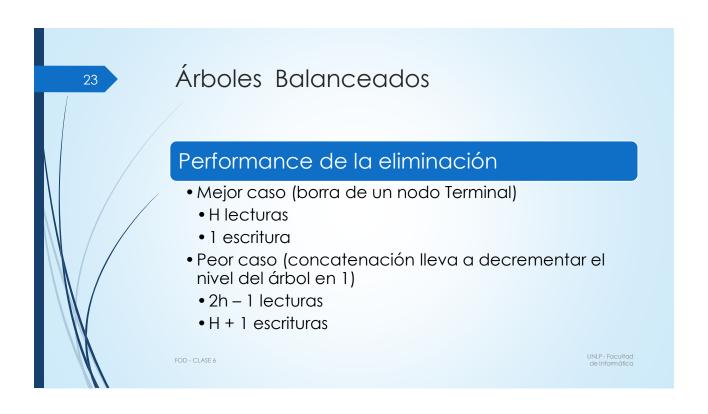
 Cuando un nodo tiene underflow puede trasladarse llaves de un nodo adyacente hermano (en caso que este tenga suficientes elementos)

### Concatenación:

• Si un nodo adyacente hermano está al mínimo (no le sobra ningún elemento) no se puede redistribuir, se concatena con un nodo adyacente disminuyendo el # de nodos (y en algunos casos la altura del árbol)

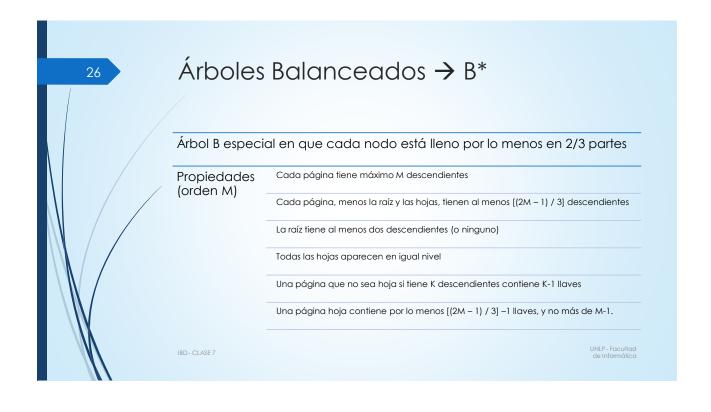
FOD - CLASE

UNLP - Facultad de Informática

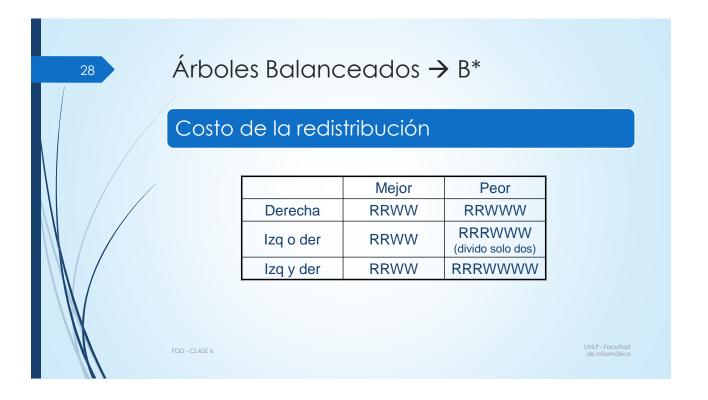


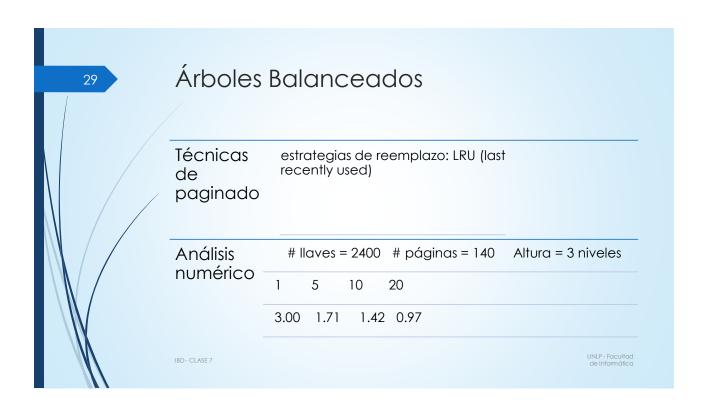


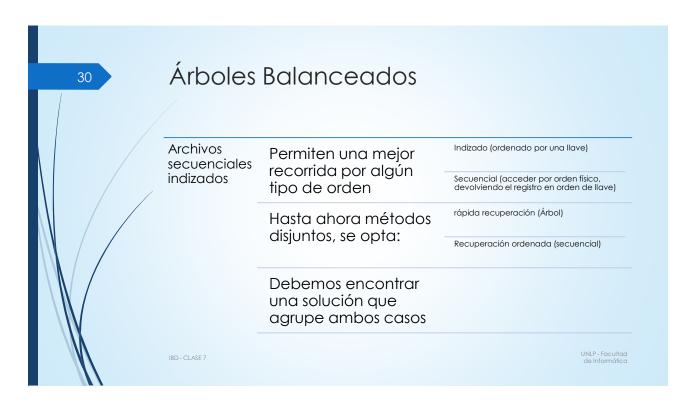
# Árboles Balanceados → B\* La redistribución podría posponer la creación de páginas nuevas Se pueden generar árboles B más eficientes en términos de utilización de espacio

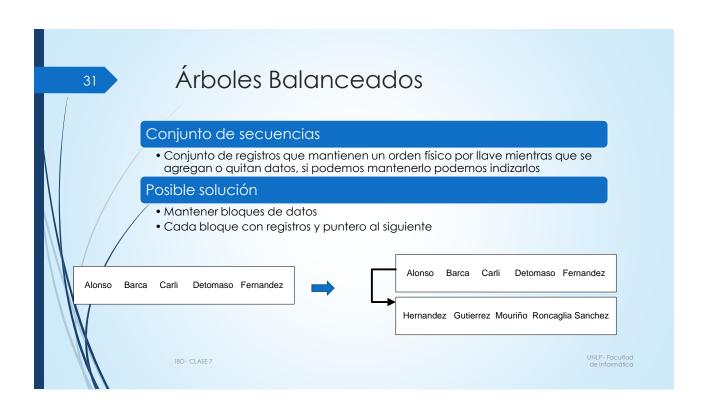


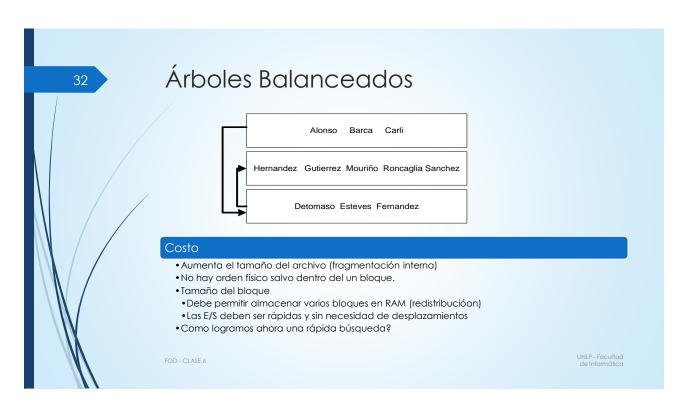
# Árboles Balanceados → B\* Operaciones de Búsqueda Igual que el árbol B común Operaciones de Inserción Tres casos posible Derecha: redistribuir con nodo adyacente hermano de la derecha (o izq. si es el último) Izquierda o derecha: si el nodo de la derecha está lleno y no se puede redistribuir, se busca el de la izquierda. Izquierda y derecha: busca llenar los tres nodos, estos tendrán un ¾ parte llena. Ejemplos

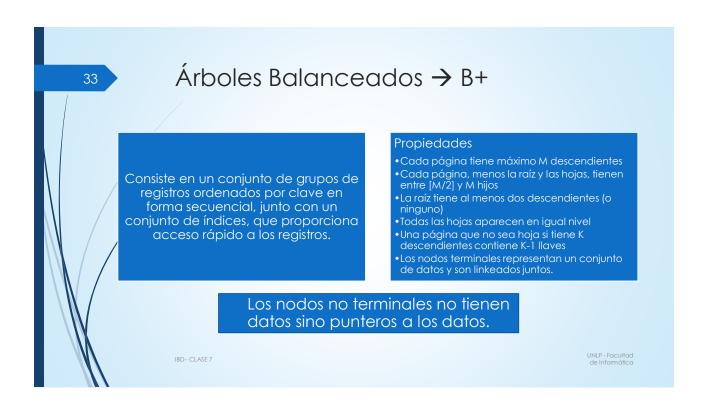


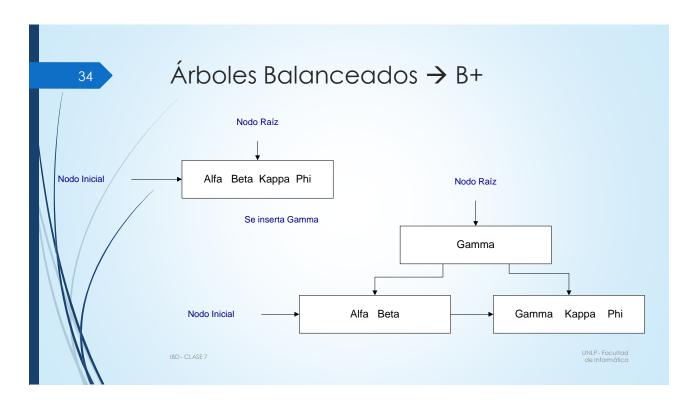


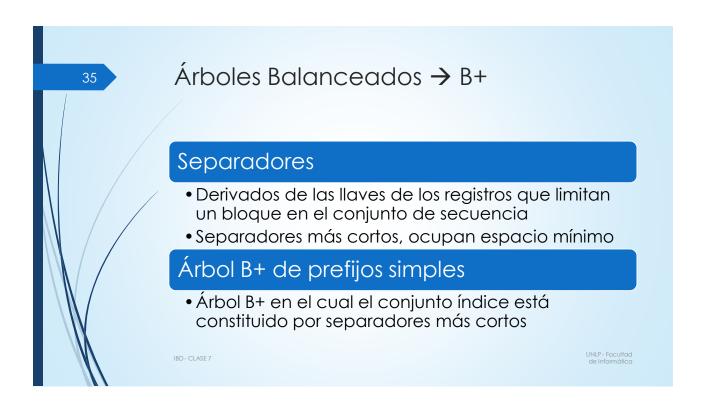


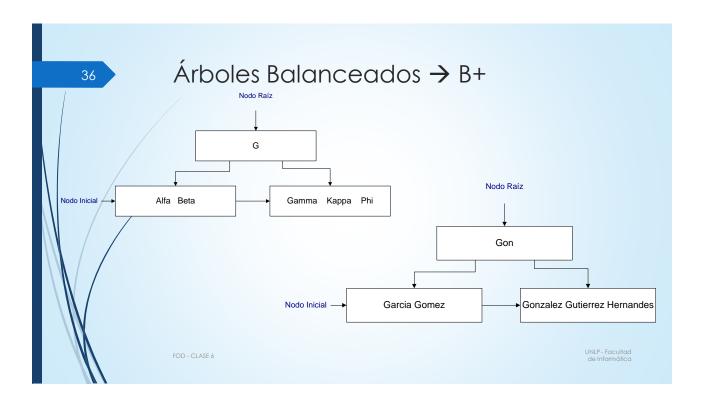












37	Árboles Balanceados → conclusiones		
		Árbol B	Árbol B+
	Ubicación de datos	Nodos (cualquiera)	Nodo Terminal
	Tiempo de búsqueda	=	=
	Procesamiento secuencial	Lento (complejo)	Rápido (con punteros)
	Inserción eliminación	Ya discutida	Puede requerir + tiempo
	FOD - CLASE 6		UNLP - Facultad de Informática

