

Kunstmatige intelligentie

Bert De Saffel

Master in de Industriële Wetenschappen: Informatica Academiejaar 2018–2019

Gecompileerd op 5 maart 2019



Inhoudsopgave

1	Kur	nstmatige intelligentie	2
	1.1	Kunnen machines denken?	2
	1.2	Toepassingen van AI en data mining	3
	1.3	Leren	3
	1.4	Classificatie	4
	1.5	Informatie en beslissingsbomen	5
		1.5.1 Informatie-inhoud	5
		1.5.2 Beslissingsboom	5
	1.6	Klasseren zonder leren	8
		1.6.1 k zwaartepunten	8
	1.7	Een toepassing: Watson	8
2	Zoe	eken in zoekruimten	9
	2.1	STRIPS	9
	2.2	Efficiënt zoeken in zoekruimten	10
		2.2.1 Breedte-eerst zoeken	11
		2.2.2 Heuristieken	11
	2.3	Spelbomen	13
3	Exp	pertsystemen	15
	3.1	Eenvoudige systemen	15
	3.2	De constructie van een expertsysteem	16
	3.3	Onzekerheid	16

Hoofdstuk 1

Kunstmatige intelligentie

- Twee doelen van kunstmatige intelligentie:
 - o Het laten overnemen, door machines, van taken waarvoor intelligentie vereist is.
 - Studie van natuurlijke intelligentie.
- Twee vormen om kennis in te brengen in een computersysteem:
 - Expliciete kennis.
 - o Kennis kan zelf verworven worden.

1.1 Kunnen machines denken?

- Twee voorbeelden.
 - ELIZA:
 - ♦ Computerprogramma dat zich voordoet als een pyschotherapeut.
 - ♦ Maakt gebruik van simpele vervangingsregels.
 - Probeert de conversatie zo te sturen zodat de echte persoon het meest moet vertellen.
 - Chinese kamer:
 - Denkrichting die aantoont dat een entiteit eerst iets moet begrijpen, vooraleer er van intelligentie sprake is.
 - 1. Iemand die geen Chinees kent wordt in een kamer gebracht.
 - 2. Door een luik krijgt hij briefjes in het Chinees aangereikt, en de bedoeling is dat hij daar schriftelijk een zinnige antwoord op teruggeeft.
 - 3. De persoon krijgt handboeken waarin conversieregels staan.
 - ♦ De proefpersoon volgt mechanisch de regels vanuit het handboek, zodat hij wel intelligent gedrag vertoont, maar de berichten niet begrijpt.
- Denken is elke vorm van complexe informatieverwerking waarvan de onderliggende mechanismen niet volledig gekend zijn.
- Turingtest:
 - Proefpersoon kan contact maken met twee entiteiten: een mens en een machine, maar hij weet niet wie de mens of machine is.
 - o De proefpersoon kan eender welke vragen stellen aan beide entiteiten.
 - Als de proefpersoon er niet in slaagt om na zijn vragenronde de entiteit aan te duiden die een machine is, dan is de machine geslaagd voor de Turingtest.

1.2 Toepassingen van AI en data mining

Classificatie:

- \circ Stel een verzameling van k klassen.
- o Een bepaalde invoer met gelinkt worden aan één van die klassen.
- <u>Harde classificatie:</u> beperkt aantal duidelijk van elkaar gescheiden klassen. Hier spreekt men ook van patroonherkenning.
- o Zachte classificatie: continue overgang van de klassen.

• Toepassingen:

- Aanbevelingssystemen.
- Kwaliteitscontrole.
- Probleemgestuurd: uitgaande van een probleem een oplossing zoeken.
- <u>Datagestuurd</u>: vanuit bestaande informatie problemen zoeken die ermee opgelost kunnen worden. Dit wordt ook data mining genoemd. Vaak moet de data eerst gereorganiseerd worden vooraleer de informatie nuttig wordt.

1.3 Leren

- Moderne AI houdt zich bezig met systemen met een zeer groot aantal aanpasbare parameters. Zulke systemen noemt men massief lerende systemen.
- Voorbeelden van massief lerende systemen:
 - o Neurale netwerken: trachten het biologische denksysteem na te bootsen.
 - Hidden Markov Model: wordt gebruikt bij de analyse van allerhande sequenties, waarbij de toestand soms onbekend is.
- Parameters hebben niet noodzakelijk een betekenis, en is daarom ook onmogelijk om ze met de hand in te voeren. Daarom laat men een systeem leren, met behulp van drie methoden:
 - Algoritmisch leren: Er wordt gedemonstreerd hoe een bepaalde actie moet uitgevoerd worden. Het systeem kan hierna deze actie inoefenen door het herhalen van deze instructies. Deze vorm komt goed overeen met het programmeren van een computer.
 - Leren met supervisie: Hier wordt er geen gebruik gemaakt van een algoritme maar eerder van voorbeelden. Deze voorbeelden worden een leerverzameling genoemd en bevatten inputgegevens die het systeem moet leren herkennen, met de daarbij horende resultaten. Er wordt een verband opgelegd tussen een bepaalde input en output.
 - Leren zonder supervisie: Dit gebeurt gedeeltelijk algoritmisch aangezien er enige instructies nodig zijn om de machine op gang te krijgen. De machine zal nadien zelf experimenteren wat er gebeurd bij het aanpassen van verschillende parameters. Het leren gebeurt dus niet met voorbeelden, maar uit eigen ervaring. Hier is er dan ook geen verband tussen het resultaat en de verschillende deeltaken, maar er is wel een algemeen idee wat er aangeleerd moet worden.

1.4 Classificatie

- Classificatie is het mappen van een bepaalde input op een klasse.
- We spreken van een **item** dat we moeten klasseren.
- Dit item wordt gekarakteriseerd door een aantal meetwaarden.
- Twee soorten meetwaarden:
 - Sommige metingen kunnen een groot aantal waarden opleveren die voorgesteld kunnen worden als een getal.
 - Andere metingen hebben maar een beperkt aantal waarden, zoals de indeling van van categorieën.
 - ♦ Deze kunnen omgezet worden zodat ze antwoorden zijn op ja-nee vragen, zoals het gevolg dat ze geconverteerd kunnen worden naar 0 of 1.
 - ✓ Nu zijn alle meetwaarden getallen.
- Aangezien dat alle meetwaarden getallen zijn → standaardvorm: de computer heeft een aantal klassen en moet een getallenrij die de meetwaarden voor een bepaal item bevat toewijzen aan één van de klassen.
- Hoe worden de getallenrijen weergegeven? Een aantal notaties:
 - \circ De n-dimensionale Euclidische ruimte is de de verzameling vectoren met n reële coördinaten.
 - o Zo een vector wordt voorgesteld door een vette letter: $\mathbf{v} = (v_1, ..., v_n)$.
 - o Soms vanaf 0 beginnen, zodat we n+1-dimensionale vectoren hebben: $\mathbf{v}=(v_0,v_1,...,v_n)$. De waarde v_0 krijgt een speciale betekenis.
 - Reeële getallen die niet deel uitmaken van een vector worden weergegeven met hoofdletters: A, B, ...
 - De nulvector: 0 = (0, ..., 0).
 - Het inproduct:

$$\mathbf{v} \cdot \mathbf{u} = \sum_{i}^{n} v_{i} u_{i}$$

Het in product is lineair: $(A\mathbf{v}) \cdot \mathbf{u} = A(\mathbf{v} \cdot \mathbf{u})$ en $(\mathbf{u} + \mathbf{v}) \cdot \mathbf{x} = \mathbf{u} \cdot \mathbf{x} + \mathbf{v} \cdot \mathbf{x}$.

Hieruit volgt de norm $||\cdot||$:

$$||\mathbf{u}||^2 = \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}$$

o $d(u,v) = ||\mathbf{u} - \mathbf{v}||$ is de lengte van de kortste weg van \mathbf{u} naar \mathbf{v} . Hieruit volgt:

$$||\mathbf{u}+\mathbf{v}|| \leq ||\mathbf{u}|| + ||\mathbf{v}||$$

Het kwadraat van beide kanten geeft:

$$\mathbf{u} \cdot \mathbf{v} \le ||\mathbf{u}|| \ ||\mathbf{v}||$$

Aangezien dat

$$\cos(\mathbf{u}, \mathbf{v}) = \frac{\mathbf{u} \cdot \mathbf{v}}{||\mathbf{u}|| \ ||\mathbf{v}||}$$

kan dit omgevormd worden tot de volgende ongelijkheid:

$$-1 \leq \frac{\mathbf{u} \cdot \mathbf{v}}{||\mathbf{u}|| \ ||\mathbf{v}||} \leq 1$$

 De afstand en de cosinus geven vaak een goede indruk in hoeverre twee vectoren op elkaar lijken. De cosinus geeft een goede maat voor de afstand tussen twee genormaliseerde vectoren:

$$d\left(\frac{\mathbf{u}}{||\mathbf{u}||}, \frac{\mathbf{v}}{||\mathbf{v}||}\right)^2 = 2 - 2\cos(\mathbf{u}, \mathbf{v})$$

1.5 Informatie en beslissingsbomen

1.5.1 Informatie-inhoud

- Een bericht is enkel nuttig indien ontvanger een betekenis kan geven aan het bericht. De belangrijke elementen voor de informatie-inhoud is dus het bericht zelf en de kennis van de ontvanger.
- Met de kennis kan aan elk mogelijk bericht B een waarschijnlijkheid P(B) toekennen. De informatie-inhoud wordt dan gedefinieerd door

$$-\log_2(P(B))$$
 bits

Voor P(B) = 1 is de informatie-inhoud 0 bits, wat logisch is aangezien de ontvanger niets heeft bijgeleerd van dit bericht.

- ! De informatie-inhoud van een bericht is niet altijd een geheel getal.
- ! De informatie-inhoud is nooit negatief.
- <u>Voorbeeld:</u> Stel dat een byte verwacht wordt, maar er is geen idee welke byte. Elke byte is even waarschijnlijk met kans 1/256. De informatie-inhoud van de byte die dan binnenkomt is $-\log_2(1/256)$ bits = 8 bits.
- <u>Voorbeeld</u>: Stel een alfabet van 4 letters: A, C, G en T. De waarschijnlijkheid dat ze voorkomen wordt weergegeven in tabel 1.1.

Tabel 1.1: De waarschijnlijkheden voor de letters A, C, G en T.

Als de ontvanger dit weet dan wordt de informatie-inhoud voor elke letter:

$$A: -\log_2(0,7071) = 0,5$$

$$C: -\log_2(0,1250) = 3,0$$

$$G: -\log_2(0,0839) = 3,575$$

$$T: -\log_2(0,0839) = 3,575$$

1.5.2 Beslissingsboom

- Elke knoop dat geen blad is bevat een vraag met een beperkt mogelijk aantal antwoorden.
- Elk mogelijk antwoord verwijst naar een kind van de knoop.
- Een item klasseren is een pad vanuit de wortel naar een blad, waarin de klasse staat.
- Hoeveel informatie kan een beslissingsboom geven?
 - Stel k klassen $K_1, K_2, ... K_k$.
 - $\circ\,$ Stel een verzameling S van items waarbij:
 - $\diamond A(S,i)$ het aantal elementen horend bij K_i is in de verzameling en,

- $\diamond |S| = \sum_{i=1}^{k} A(S, i)$ het totaal aantal element is van S.
- De informatie geleverd door een correcte klassering van alle element is dan:
 (groene formules moeten niet van buiten geleerd worden. Ze worden gegeven bij de
 examenvraag)

$$E(S) = \sum_{i=1}^{k} A(S, i) \left(-\log_2 \left(\frac{A(S, i)}{|S|} \right) \right)$$
$$= |S| \log_2(|S|) + \sum_{i=1}^{k} A(S, i) (-\log_2(A(S, i)))$$

- Het Iterative Dichotomiser 3 (ID3) algoritme is een <u>inhalig</u> algoritme dat een beslissingsboom opstelt vanuit een bepaalde dataset.
 - o De wortel bevat de vraag die het meeste informatie oplevert.
 - Als het j-de attribuut de leerverzameling L in de deelverzamelingen $L_{j,1}, L_{j,2}, ..., L_{j,n}$ opdeelt, dan is de informatie geleverd door dit attribuut gelijk aan:

$$I(j) = E(L) - \sum_{m=1}^{n_j} E(L_{j,m})$$

- Het attribuut wordt gekozen waarvoor I(j) maximaal wordt.
- ! Als I(j) = 0, dan behoren ofwel alle items tot dezelfde klasse, ofwel kan er op basis van het attribuut geen klassering gemaakt worden.
- \circ Na de constructie van de wortel moeten nog n_j deelbomen geconstrueerd worden.
- Voorbeeld:
 - ♦ Veronderstel volgende informatie:

Beroepscategorie	Jonger dan 20?	Fraudeur?	risico?	frequentie
A	ja	ja	veilig	10
A	$\mathbf{j}\mathbf{a}$	nee	riskant	11
A	nee	ja	riskant	18
A	nee	nee	veilig	100
В	ja	ja	veilig	180
В	$\mathbf{j}\mathbf{a}$	nee	riskant	8
В	nee	ja	riskant	1
В	nee	nee	veilig	90
С	ja	ja	veilig	50
С	$\mathbf{j}\mathbf{a}$	nee	riskant	5
С	nee	ja	riskant	5
C	nee	nee	veilig	50
	Totaal veilig:			480
	Totaal riskant:			48
		Algemeen totaal:		

♦ Voor elk attribuut kan de resulterende verdeling afgeleidt worden (tabel 1.2):

Attribuut	waarde	# veilig	# riskant
(1) Beroepscategorie	A	110	29
	В	270	9
	C	100	10
(2) Jonger dan 20?	ja	240	24
	nee	240	24
(3) Fraudeur?	ja	240	24
	nee	240	24

Tabel 1.2: Resulterende verdeling.

 \diamond Voor elk attribuut kan nu I(j) berekent worden, hier uitgewerkt voor de beroepscategorie:

$$\begin{split} I(1) &= E(L) - \sum_{m=1}^{n_1} E(L_{1,m}) \\ &= E(L) - (E(L_A) + E(L_B) + E(L_C)) \\ \text{met} \\ E(L) &= 480(-\log_2(480/528)) + 48(-\log_2(48/528)) \\ &= 232.054 \\ E(L_A) &= 110(-\log_2(110/139)) + 29(-\log_2(29/139)) \\ &= 102.702 \\ E(L_B) &= 270(-\log_2(270/279)) + 9(-\log_2(9/279)) \\ &= 57.3603 \\ E(L_C) &= 100(-\log_2(100/110)) + 10(-\log_2(10/110)) \\ &= 48.3447 \\ \text{zodat} \\ I(1) &= E(L) - (E(L_A) + E(L_B) + E(L_C)) \\ &= 232.054 - 102.702 - 57.3603 - 48.3447 = 23.647 \end{split}$$

- \diamond Voor I(2) en I(3) bedragen beide uitkomsten 0, aangezien er op basis van die attributen geen informatie kan achterhaald worden. Dit is logisch aangezien de verhouding veilige/risicohoudende klanten voor zowel leeftijd als fraudeur 10:1 is.
- ♦ Als wortel van de beslissingsboom wordt als criterium de beroepscategorie genomen.
- \diamond Voor zowel L_A , L_B en L_C moet apart dezelfde methode uitgevoerd worden. Het kan perfect mogelijk zijn dat op het tweede niveau bij keuze A eerst wordt gecheckt op fraude, maar bij keuze C eerst op leeftijd.
- ! Bij L_C levert geen enkel van de twee attributen informatie op, zodat er random moet gekozen worden:

Attribuut	waarde	# veilig	# riskant
(2) Jonger dan 20?	ja	50	5
	nee	50	5
(3) Fraudeur?	ja	50	5
	nee	50	5

Verfijningen:

* Invoeren van een drempelwaarde voor de informatiewinst. Als deze te klein is wordt er niet meer opgesplitst. Een blad kan dan meerdere klassen bevatten, elk met een waarschijnlijkheid.

- $\ast\,$ Voor elk mogelijk paar van attributen de informatiewinst berekenen en, als deze te groot is, knopen maken met twee attributen.
- * Bij effectieve getallen kan ook een drempelwaarde ingevoerd worden. Alle items met een waarde kleiner dan deze drempelwaarde gaan naar links, de andere naar rechts.

1.6 Klasseren zonder leren

- Klassen worden niet vooraf gegeven.
- ! Geen leerverzameling aanwezig.
- Een groep van punten is wat door een expert als een groep beschouwd wordt.
 - 1. Twee punten behoren waarschijnlijk tot dezelfde groep als ze zeer dicht bij elkaar liggen. De expert definieert de afstandsfunctie.
 - 2. Deze eigenschap wordt transitief verdergezet. Twee punten \mathbf{x} en \mathbf{z} behoren tot dezelfde groep als een rij punten $\mathbf{y_1}, ..., \mathbf{y_n}$ bestaat zodanig dat \mathbf{x} zeer dicht bij $\mathbf{y_1}$ ligt, $\mathbf{y_1}$ zeer dicht bij $\mathbf{y_2}$ ligt,..., en $\mathbf{y_n}$ zeer dicht bij \mathbf{z} ligt.

1.6.1 k zwaartepunten

- ullet Op voorhand opgeven dat er k klassen zijn.
- ! Een zwakte, aangezien men nu moet weten hoeveel klassen er op voorhand zijn. Twee problemen:
 - Het aantal gekozen klassen is te groot zodat samenhangende groepen worden opgesplitst.

 Dit kan opgelost worden samenhorende groepen op het einde samen te nemen.
 - Het aantal gekozen klassen is te klein zodat verschillende groepen samen worden genomen. Dit wordt opgelost door het algoritme meerdere malen uit te voeren met verschillende initialisaties.
- k zwaartepunten poogt een leerverzameling L op te delen in k groepen $G_1, ..., G_k$, waarbij k vooraf opgegeven is. Een klasse wordt voorgesteld door haar zwaartepunt m_i , waarbij n_i het aantal vectoren in G_i is:

$$m_i = \frac{1}{n_i} \sum_{x \in G_i} \mathbf{x}$$

- Een punt **z** wordt toegewezen aan een groep als volgt:
 - 1. Zoek uit de zwaartepunten $m_1, ..., m_k$ datgene dat het dichtst bij z ligt.
 - $2.\ \mathbf{z}$ wordt dan toebedeeld aan de bijhorende klasse.
- Het resultaat is een **Voronoi-diagram**. Het negatieve aan zo een diagram is dat het enkele convexe groepen toelaat.
- ! Groepen die niet convex zijn worden door dit algoritme niet goed ingedeeld.
- Gebaseerd

1.7 Een toepassing: Watson

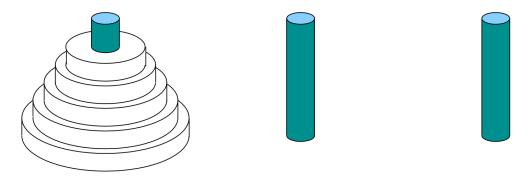
Hoofdstuk 2

Zoeken in zoekruimten

- Een zoekruimte tracht de manier van het menselijk redeneren na te bootsen.
- <u>Drie elementen:</u>
 - \circ Een gerichte graaf, waarin de knopen toestanden zijn, en waarin er een verbinding van toestand a naar toestand b is als er in a een actie mogelijk is die tot b leidt.
 - Een begintoestand.
 - o Een doel, dat bestaat uit een verzameling van toestanden.
- Soms is het afgelegde pad belangrijk, bijvoorbeeld wanneer de kost ook belangrijk is.

2.1 STRIPS

- STanford Research Institute Problem Solver (STRIPS) = een algemene probleemoplosser.
- Met behulp van een taal wordt het op te lossen probleem beschreven.
- <u>Voorbeeld:</u> de torens van Hanoi (Figuur 2.1.



Figuur 2.1: De torens van Hanoi.

- Twee niveaus van positieve uitspraken:
 - 1. Nulde
ordepredicaten: Dit zijn strings, zoals DeLuchtIsBlauw of
 Veilig.

- 2. Eersteordepredicaten: Deze zijn functies met een aantal parameters, die objecten aanduiden.
- Elke schijf hangt aan een bepaalde pin, er kan dus een predicaat van de eerste orde ingevoerd worden zoals bijvoorbeeld:

```
HangtAan(schijf1, pin1)
```

• Ook moet duidelijk gemaakt worden dat twee verschillende pinnen effectief verschillend zijn:

```
IsNiet(pin1, pin2)
```

o De begintoestand van de torens van Hanoi kan nu beschreven worden als volgt:

```
HangtAan(schijf1, pin1) \( \)
HangtAan(schijf2, pin1) \( \)
HangtAan(schijf3, pin1) \( \)
HangtAan(schijf4, pin1) \( \)
HangtAan(schijf5, pin1) \( \)
IsNiet(pin1, pin2) \( \)
IsNiet(pin1, pin3) \( \)
IsNiet(pin2, pin1) \( \)
IsNiet(pin2, pin3) \( \)
IsNiet(pin3, pin1) \( \)
IsNiet(pin3, pin1) \( \)
```

De predicaten worden gebonden met een logische EN. Ook is het nodig om de symmetrie te definiëren, aangezien STRIPS hier niets van af weet.

• Nu kan een actie gedefinieerd worden om een schijf te bewegen. Voor elke schijf moet dit apart gedaan worden. Hier wordt het uitgewerkt voor schijf 2:

```
BeweegSchijf2(van, naar, tussen):
```

```
    P: IsNiet(van, naar) ∧ IsNiet(van, tussen) ∧ IsNiet(naar, tussen)
        HangtAan(schijf1, tussen) ∧ HangtAan(schijf2, van)
    +: HangtAan(schijf2, naar)
    -: HangtAan(schijf2, van)
```

Elke actie bestaat uit een preconditie P die voldaan moet zijn vooraleer de actie kan uitgevoerd worden. De lijst van de toe te voegen uitspraken wordt aangeduid met het + symbool en de lijst met de te verwijderen uitspraken worden aangeduid met het - symbool.

• Om de symmetrie van de begintoestand op te lossen zou een actie IsSymmetrie(A, B) aangemaakt kunnen worden als volgt:

```
IsSymmetrie(A, B):
   P: IsNiet(A, B)
   +: IsNiet(B, A)
   -: /
```

2.2 Efficiënt zoeken in zoekruimten

2.2.1 Breedte-eerst zoeken

- De **vertakkingsfactor** is het gemiddeld aantal nieuwe, nog niet bekeken buren zoeken van een onderzochte knoop en wordt voorgesteld door b (branching factor).
- Bij de torens van Hanoi is $b \approx 1, 5$.
- ullet Voor een diepte d worden ongeveer

$$1 + b + b^2 + \dots + b^d = \frac{b^{d+1} - 1}{b-1}$$

knopen bezocht. Voor b voldoende groter dan 1 is dit ongeveer b^d .

- Als we tien zetten voor elke speler willen vooruitkijken bij schaken, moeten er $6^{20} \approx 3.6 \cdot 10^{15} = 3,6$ biljard knopen ontwikkeld worden.
- Indien zowel start- als eindtoestand bekend zijn, kan bidirectioneel zoeken toegepast worden. Er wordt vooruit gezocht vanuit het startpunt, en achteruit vanuit het doel, beide met breedte-eerst zoeken. Er moet dan in plaats van b^d knopen slechts $2b^{d/2}$ knopen ontwikkeld worden. Voor b=2 en d=20 krijgen we met breedte-eerst zoeken 10^6 knopen en met bidirectioneel zoeken ongeveer 2000.

2.2.2 Heuristieken

In plaats van breedte-eerst zoeken te gebruiken zou ook een manier kunnen gebruikt worden die de meest interessante knoop volgt, in plaats van ze blindelings af te lopen.

- Bij het zoeken in een graaf worden er aan elke knoop k twee waarden toegekend:
 - 1. De gekende kost g(k) van de knoop:
 - o Deze functie is een schatting van de werkelijke kost $g^*(k)$ van het kortste pad van de startknoop naar k.
 - Wordt berekend door bij de kost van zijn voorganger v de kost $c(v \to k)$ opgeteld van de actie die v omzet in k.
 - Er geldt steeds $g(k) \ge g^*(k)$.
 - 2. De heuristische kost h(k) van de knoop:
 - o Deze functie is een schatting van $h^*(k)$, de kost om vanuit de knoop het doel te bereiken via het kortste pad.
- Deze twee waarden geven de geschatte kost, verpakt door de evaluatiefunctie f:

$$f(k) = q(k) + h(k)$$

- Interessante knopen heben een lage f waarde.
- Beste-eerst zoeken:
 - (1) Steek de startknoop s in de verzameling niet-ontwikkelde knopen NOK met g(s) = 0. Geef alle andere knopen een voorlopige schatting $g(k) = \infty$.
 - (2) Als NOK leeg is stop dan zonder oplossing, ga anders naar (3).
 - (3) Zoek de knoop k uit NOK met de laagste evaluatiewaarde en verwijder hem uit NOK.
 - (4) Als k in het doel zit, geef het pad naar k terug en stop; ga anders naar (5).

- (5) Voor elke buur b van k: bereken $g_k(b) = g(k) + c(k \to b)$ en vergelijk $g_k(b)$ met de voorlopige waarde die g(b) al gekregen had. Als $g_k(b) < g(b)$, vervang dan g(b) door $g_k(b)$ en steek b in NOK als b daar niet in zit.
- (6) Ga terug naar (2).
- De functie g is afhankelijk van het probleem, maar h hoeft dit niet te zijn. Er zijn verschillende mogelijkheden voor h. Er is wel de voorwaarde dat ze **toelaatbaar** moeten zijn. Dit wil zeggen dat het een pad vindt en dat dit pad optimaal is.

A* heuristieken

- Een heuristiek is A* als $h(k) \leq h^*(k)$.
- Bewijs: elke A* heuristiek is toelaatbaar als er slechts een eindig aantal knopen k_i , met $g^*(k_i) \le \overline{g^*(D)}$ is.
 - o Neem een A* heuristiek h en bewijs dat er steeds een knoop k' is die voldoet aan de volgende voorwaarden:
 - (1) k' zit in NOK.
 - (2) k' ligt op een optimaal pad van s naar D.
 - (3) De schatting g(k') is correct: $g(k') = g^*(k')$.
 - o Dit is geldig indien k' de startknoop is. Er is minstens één buur k'' die ook op het optimale pad ligt. Door k' te ontwikkelen wordt zijn plaats ingenomen door zijn opvolger k'' op het optimale pad. k'' voldoet aan (3), want

$$g^*(k'') = g(k') + c(k' \to k'') = g_{k'}(k'')$$

• Als k' de laatste knoop op het pad is die aan de voorwaarden voldoet dan is de nieuwe g(k'')-waarde kleiner dan de vorige en komt k'' zeker in NOK. Bovendien geldt

$$f(k') = g(k') + h(k') \le g^*(k') + h^*(k') = g^*(D)$$

- o Er kan geen enkele k ontwikkeld worden met $g(k) > g^*(D)$, want dan zou f(k) > f(k') zijn.
- o Iedere keer als een knoop k ontwikkeld wordt, is er een kleinere waarde voor g(k) die overeenkomt met de kost van een pad s naar k.
- o Ooit zal een doelknoop d gekozen worden voor ontwikkeling en die heeft $g(d) = f(d) \le g^*(D)$, en is bijgevolg optimaal.

Monotone heuristieken

- Een heuristiek is monotoon als
 - 1. voor elk paar knopen geldt dat $h(v) h(k) \le c(v \to k)$.
 - 2. h(d) = 0 voor alle d in de doelverzameling D.
- Bewijs: Neem een willekeurig pad $k_0k_1,...,k_n$ tussen twee knopen k_0 en k_n . Dan is de functie $g(k_i) + h(k_i)$ monotoon stijgend als functie van i. Hierin wordt $g(k_i)$ gerekend langs het pad vanaf het startpunt k_0 .
 - Voor i < n geldt dat $g(k_i) + c(k_i \rightarrow k_{i+1}) = g(k_{i+1})$
 - Ook geldt er dat $h(k_i) \leq h(k_{i+1}) + c(k_i \rightarrow k_{i+1})$.

o Deze twee termen optellen en de term $c(k_i \to k_{i+1})$ schrappen levert

$$g(k_i) + h(k_i) \le g(k_{i+1}) + h(k_{i+1})$$

• Twee gevolgen:

- 1. Een monotone heuristiek is A*.
- 2. Een knoop k wordt nooit ontwikkeld voor $g^*(k)$ gekend is.

• Efficiëntie

- \circ Voor h = 0 krijgen we breedte-eerst zoeken.
- $\circ\,$ Voor h=h*krijgen we de optimale heuristiek, die rechtstreeks naar het doel leidt, en die ook monotoon is.
- Hoe bepalen of een willekeurige monotone heuristiek beter is dan een andere?
 - \diamond Laatste ontwikkelde knoop is altijd d met $g^*(d) = g^*(D)$ en h(d) = 0.
 - ♦ Voor een monotone heuristiek moeten alle knopen ontwikkeld worden waarvoor $g^*(k) + h(k) < g^*(D)$, en geen enkele waarvoor $g^*(k) + h(k) > g^*(D)$.
 - \diamond Een monotone heuristiek h_1 ontwikkelt minder knopen dan een monotone heuristiek h_2 als $h_1(k) > h_2(k)$.
 - \diamond Als voor sommige k geldt dat $h_1(k) < h_2(k)$ en voor andere k $h_1(k) > h_2(k)$, kan een betere heuristiek opgebouwd worden:

$$h_3 = \max\{h_1(k), h_2(k)\}\$$

Relaxatieheuristieken

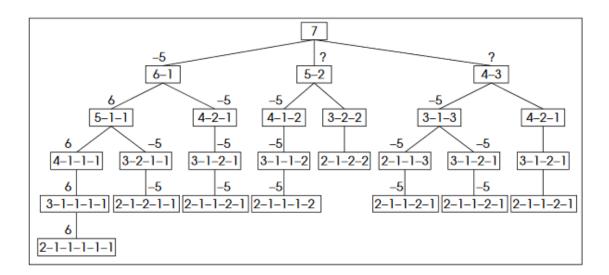
- Bekomen door het originele probleem sterk te vereenvoudigen.
- Er worden verbindingen toegevoegd in de graaf, wat overeenkomt met het schrappen van acties in de premisse.
- Het kortste pad in nieuwe graaf is zeker niet langer dan het kortste pad in de originele graaf. Deze heuristiek is dan ook A^* .

2.3 Spelbomen

- Wat doen indien er geen volledige kennis is over het resultaat van acties?
- Een nulsomspel (Engels: two player zero sum game)
 - Twee spelers.
 - o Enkel winst mogelijk ten koste van de andere speler.
 - o De winst van de ene speler is gelijk aan het verlies van de andere speler.
 - o Elke speler probeert zijn winst te maximaliseren.

• Voorbeeld van een nulsomspel:

- o Op een tafel tussen twee spelers liggen een aantal stapels jetons.
- De speler die aan de zet is moet een stapel nemen, en deze verdelen in twee ongelijke stapels.
- o De speler die niet meer kan zetten verliest.



Figuur 2.2: Een spelboom.

- De winnaar krijgt als winst het aantal punten gelijk aan het aantal overblijvende stapels, en de verliezer verliest dan ditzelfde aantal punten.
- Er kan een bijhorende boom (figuur 2.2) opgesteld worden die alle mogelijke zetten beschrijft.
- o Noem de speler die begint Max, en de andere speler Min.
- Bij elke eindpositie is de winst of verlies van Max berekent bij een startsituatie van slechts één stapel met 7 jetons.
- o De overige posities kunnen van onder naar boven opgesteld worden:
 - 1. Als Max aan zet is dan nemen we de grootste score.
 - 2. Als min aan zet is nemen we de kleinste score.

Hoofdstuk 3

Expertsystemen

- Kennis van een echte expert overnemen in een programma.
- De gebruiker moet ook enigszins kennis hebben. Hij moet de conclusies begrijpen en toepassen.
- MYCIN: een expertsysteem om te helpen bij de diagnose van bepaalde besmettelijke bloedziekten.
 - o Is in staat om een betere diagnose te stellen dan een arts die geen expert is in het gebied.
 - o De gebruiker moet wel een arts zijn die de diagnose begrijpt.
- Een expertsysteem maakt gebruik van vuistregels, waarop later nog verfijningen ingevoerd worden:
 - 1. werken met **onzekere conclusies**. Dit wordt ingevoerd om contradicties te behandelen indien deze voorkomen.
 - 2. De invoering van **frames**. Zorgt voor een betere orderning voor grote hoeveelheden kennis.

3.1 Eenvoudige systemen

- Een expertsysteem bestaat uit twee hoofdcomponenten
 - 1. Een kennisbank:
 - o bevat **feiten**: dit zijn uitspraken die waar zijn.
 - o bevat regels: dit heeft de vorm alscpremisse>dan<conclusie>

als AS=rond en MATERIAAL=staal dan SMERING=olie

- 2. Een afleidingssysteem:
 - o Elk probleem bestaat uit begingegevens en een doel.
 - o Deze gegevens vormen een lijst van feiten die gekend zijn.
 - o Het doel is ook een lijst van uitspraken.
 - o Het doel is bereikt als één uitspraak uit de lijst is afgeleid uit de gegevens.
- Het afleidingssysteem kan op <u>twee manieren</u> werken.

- Forward chaining:
 - ♦ Alle regels overlopen tot een regel gevonden wordt waarvoor alle uitspraken uit de premisse tot de gegevens behoren.

 \Diamond

- Backward chaning:
- 3.2 De constructie van een expertsysteem
- 3.3 Onzekerheid
- 3.4 Frames en regelschema's