

## Calcul formel c'est quoi :

Logiciel de calcul mathématique créé en 2005 par William Stein  
Alternative libre à Maple, Mathematica,  
Basé sur des bibliothèques de calcul rapides (GMP, Pari, GAP, NTL, etc.)  
Interface commune aux bibliothèques, basée sur python  
Langage principal : Python  
Listes : [1, 2, 3], mutable  
Tuples : (1, 2, 3), immuable  
Dictionnaires : {1:'a', 2:'b', 3:'c'}  
range(12) renvoie des int  
Flottants par défaut : RR

Une représentation fini et exacte  
Arithmétique: nombre entiers, rationnel  
Calcul algébrique: matrices, polynôme, series, groupes  
Calcul symbolique: intégration  
⇒ Application: cryptographie, codage, robotique  
calcul mathématique complexe par des approximations numériques  
calcul numérique ⇒ résultat rapidement mais approché (voire faux)  
calcul formel ⇒ résultat exact mais plus lent (voire inatteignable)  
sage utilise une précision de 53 bits (16 chiffres décimaux)

exp.expand() ⇒ développe le produit  
exp.collect() ⇒ factorise

corps finis  $\mathbb{F}_q$  à  $q = p^n$  éléments : GF(q)

Groupe multiplicatif : multiplication interne, inverse pour tous les éléments

Anneau : addition et multiplication internes, opposé pour tous les éléments  
Corps : addition et multiplication internes, opposé pour tous les éléments, inverse pour tous les éléments non nul

v.n(b) pour connaître v avec b bits de précision.

```
var('k')
limit(f(x), x=-infinity)
find_root
derivative(y(t), t)
solve(xp(t)==0, t)
eq.rhs() (rhs = right-hand side)
d = {R1:R1a, R2:R2a}
var('z')
fct(z)=5*z-10
solve([eq0,eq1],c1,c2)
nb.n(digits=10) nombre a 10 chiffres
Définir l'anneau des polynômes en une variable à coefficients rationnels, avec la commande R.<X> = QQ[]
```

```
matrix(n,n) construit une matrice de dimensions n×n remplie de 0
QQ(3) construit le rationnel 3 alors que ZZ(3) construit l'entier 3
pow(3,n,5) 3^n mod 5
A=Integer(50) structure math des entiers mod 50
A(65) construit entier 65 dans A c-à-d 65 mod 50 -> 15
find_root(f(x),-4,4) la racine dans l'intervalle [-4,4]
méthode roots() cherche à calculer toutes les racines de manière exacte dans SR
matrix(m,n,[ligne1],[ligne2],...,[lignem]) m lignes, n colonnes
vector([e1,e2,...,em])
```

A1.rank() donne le rang  
A.swap\_rows(i,j) echange i et j