#### Programação Funcional



Capítulo 1 Paradigmas de Programação

#### José Romildo Malaquias

Departamento de Computação Universidade Federal de Ouro Preto

2018.2

- 1 Paradigmas de programação
- Programação funcional
- 3 A crise do software
- 4 Algumas características de Haskell
- 5 Antecedentes históricos
- 6 Algumas empresas que usam Haskell
- 7 Curso online
- 8 Programando com Funções
- 9 Experimentando Haskell

# Tópicos

- 1 Paradigmas de programação
- Programação funcional
- 3 A crise do software
- 4 Algumas características de Haskel
- 5 Antecedentes históricos
- 6 Algumas empresas que usam Haskell
- 7 Curso online
- 8 Programando com Funções
- 9 Experimentando Haskell

- Um paradigma de programação determina a <u>visão</u> que o programador possui sobre a <u>estruturação</u> e a <u>execução</u> do programa.
- Por exemplo:
  - Em programação orientada a objetos, programadores podem abstrair um programa como uma coleção de objetos que interagem entre si.
  - Em programação lógica os programadores abstraem o programa como um conjunto de predicados que estabelecem relações entre objetos (axiomas), e uma meta (teorema) a ser provada usando os predicados.
  - Em programação funcional os programas são expressões a serem avaliadas, e são organizados usando funções.
- Diferentes linguagens de programação suportam diferentes paradigmas de programação.
- Algumas linguagens foram desenvolvidas para suportar um paradigma específico.
- Por exemplo:
  - Smalltalk, Eiffel e Java suportam o paradigma orientado a objetos
  - Haskell e Clean suportam o paradigma funcional
  - 🔳 OCaml, LISP, Scala, Perl, Python e C++ suportam múltiplos paradigmas.

- Um paradigma de programação determina a <u>visão</u> que o programador possui sobre a <u>estruturação</u> e a <u>execução</u> do programa.
- Por exemplo:
  - Em programação orientada a objetos, programadores podem abstrair um programa como uma *coleção de objetos* que interagem entre si.
  - Em programação lógica os programadores abstraem o programa como um conjunto de predicados que estabelecem relações entre objetos (axiomas), e uma meta (teorema) a ser provada usando os predicados.
  - Em programação funcional os programas são expressões a serem avaliadas, e são organizados usando funções.
- Diferentes linguagens de programação suportam diferentes paradigmas de programação.
- Algumas linguagens foram desenvolvidas para suportar um paradigma específico.
- Por exemplo:
  - Smalltalk, Eiffel e Java suportam o paradigma orientado a objetos
  - Haskell e Clean suportam o paradigma funcional
  - 🔳 OCaml, LISP, Scala, Perl, Python e C++ suportam múltiplos paradigmas.

- Um paradigma de programação determina a <u>visão</u> que o programador possui sobre a <u>estruturação</u> e a <u>execução</u> do programa.
- Por exemplo:
  - Em programação orientada a objetos, programadores podem abstrair um programa como uma coleção de objetos que interagem entre si.
  - Em programação lógica os programadores abstraem o programa como um conjunto de predicados que estabelecem relações entre objetos (axiomas), e uma meta (teorema) a ser provada usando os predicados.
  - Em programação funcional os programas são expressões a serem avaliadas, e são organizados usando funções.
- Diferentes linguagens de programação suportam diferentes paradigmas de programação.
- Algumas linguagens foram desenvolvidas para suportar um paradigma específico.
- Por exemplo:
  - Smalltalk, Eiffel e Java suportam o paradigma orientado a objetos.
  - Haskell e Clean suportam o paradigma funcional
  - 🔳 OCaml, LISP, Scala, Perl, Python e C++ suportam múltiplos paradigmas.

- Um paradigma de programação determina a <u>visão</u> que o programador possui sobre a <u>estruturação</u> e a <u>execução</u> do programa.
- Por exemplo:
  - Em programação orientada a objetos, programadores podem abstrair um programa como uma *coleção de objetos* que interagem entre si.
  - Em programação lógica os programadores abstraem o programa como um conjunto de predicados que estabelecem relações entre objetos (axiomas), e uma meta (teorema) a ser provada usando os predicados.
  - Em programação funcional os programas são expressões a serem avaliadas, e são organizados usando funções.
- Diferentes linguagens de programação suportam diferentes paradigmas de programação.
- Algumas linguagens foram desenvolvidas para suportar um paradigma específico.
- Por exemplo:
  - Smalltalk, Eittel e Java suportam o paradigma orientado a objetos.

    Haskell e Clean suportam o paradigma funcional.
    - 🔳 UCami, LISP, Scala, Peri, Python e C++ suportam multiplos paradigmas.

- Um paradigma de programação determina a <u>visão</u> que o programador possui sobre a <u>estruturação</u> e a <u>execução</u> do programa.
- Por exemplo:
  - Em programação orientada a objetos, programadores podem abstrair um programa como uma *coleção de objetos* que interagem entre si.
  - Em programação lógica os programadores abstraem o programa como um conjunto de predicados que estabelecem relações entre objetos (axiomas), e uma meta (teorema) a ser provada usando os predicados.
  - Em programação funcional os programas são expressões a serem avaliadas, e são organizados usando funções.
- Diferentes linguagens de programação suportam diferentes paradigmas de programação.
- Algumas linguagens foram desenvolvidas para suportar um paradigma específico.
- Por exemplo:
  - Smalltalk, Eiffel e Java suportam o paradigma orientado a objetos.
     Haskell e Clean suportam o paradigma funcional.
     OCaml, LISP, Scala, Perl, Python e C++ suportam múltiplos paradigmas

- Um paradigma de programação determina a <u>visão</u> que o programador possui sobre a <u>estruturação</u> e a <u>execução</u> do programa.
- Por exemplo:
  - Em programação orientada a objetos, programadores podem abstrair um programa como uma coleção de objetos que interagem entre si.
  - Em programação lógica os programadores abstraem o programa como um conjunto de predicados que estabelecem relações entre objetos (axiomas), e uma meta (teorema) a ser provada usando os predicados.
  - Em programação funcional os programas são expressões a serem avaliadas, e são organizados usando funções.
- Diferentes linguagens de programação suportam diferentes paradigmas de programação.
- Algumas linguagens foram desenvolvidas para suportar um paradigma específico.
- Por exemplo:
  - Smallfalk, Eiffel e Java suportam o paradigma orientado a objetos.
     Haskell e Clean suportam o paradigma funcional.
     OCaml, LISP, Scala, Perl, Python e C++ suportam múltiplos paradigmas

- Um paradigma de programação determina a <u>visão</u> que o programador possui sobre a <u>estruturação</u> e a <u>execução</u> do programa.
- Por exemplo:
  - Em programação orientada a objetos, programadores podem abstrair um programa como uma coleção de objetos que interagem entre si.
  - Em programação lógica os programadores abstraem o programa como um conjunto de predicados que estabelecem relações entre objetos (axiomas), e uma meta (teorema) a ser provada usando os predicados.
  - Em programação funcional os programas são expressões a serem avaliadas, e são organizados usando funções.
- Diferentes linguagens de programação suportam diferentes paradigmas de programação.
- Algumas linguagens foram desenvolvidas para suportar um paradigma específico.
- Por exemplo:
  - Smalltalk, Eiffel e Java suportam o paradigma orientado a objetos.
     Haskell e Clean suportam o paradigma funcional.
     OCaml, LISP, Scala, Perl, Python e C++ suportam múltiplos paradigmas

- Um paradigma de programação determina a <u>visão</u> que o programador possui sobre a <u>estruturação</u> e a <u>execução</u> do programa.
- Por exemplo:
  - Em programação orientada a objetos, programadores podem abstrair um programa como uma *coleção de objetos* que interagem entre si.
  - Em programação lógica os programadores abstraem o programa como um conjunto de predicados que estabelecem relações entre objetos (axiomas), e uma meta (teorema) a ser provada usando os predicados.
  - Em programação funcional os programas são expressões a serem avaliadas, e são organizados usando funções.
- Diferentes linguagens de programação suportam diferentes paradigmas de programação.
- Algumas linguagens foram desenvolvidas para suportar um paradigma específico.
- Por exemplo:
  - Smalltalk, Eiffel e Java suportam o paradigma orientado a objetos.
  - Haskell e Clean suportam o paradigma funcional
  - OCaml, LISP, Scala, Perl, Python e C++ suportam múltiplos paradigmas.

- Um paradigma de programação determina a <u>visão</u> que o programador possui sobre a <u>estruturação</u> e a <u>execução</u> do programa.
- Por exemplo:
  - Em programação orientada a objetos, programadores podem abstrair um programa como uma *coleção de objetos* que interagem entre si.
  - Em programação lógica os programadores abstraem o programa como um conjunto de predicados que estabelecem relações entre objetos (axiomas), e uma meta (teorema) a ser provada usando os predicados.
  - Em programação funcional os programas são expressões a serem avaliadas, e são organizados usando funções.
- Diferentes linguagens de programação suportam diferentes paradigmas de programação.
- Algumas linguagens foram desenvolvidas para suportar um paradigma específico.
- Por exemplo:
  - Smalltalk, Eiffel e Java suportam o paradigma orientado a objetos.
  - Haskell e Clean suportam o paradigma funcional
  - OCaml, LISP, Scala, Perl, Python e C++ suportam múltiplos paradigmas.

- Um paradigma de programação determina a <u>visão</u> que o programador possui sobre a <u>estruturação</u> e a <u>execução</u> do programa.
- Por exemplo:
  - Em programação orientada a objetos, programadores podem abstrair um programa como uma coleção de objetos que interagem entre si.
  - Em programação lógica os programadores abstraem o programa como um conjunto de predicados que estabelecem relações entre objetos (axiomas), e uma meta (teorema) a ser provada usando os predicados.
  - Em programação funcional os programas são expressões a serem avaliadas, e são organizados usando funções.
- Diferentes linguagens de programação suportam diferentes paradigmas de programação.
- Algumas linguagens foram desenvolvidas para suportar um paradigma específico.
- Por exemplo:
  - Smalltalk, Eiffel e Java suportam o paradigma orientado a objetos.
  - Haskell e Clean suportam o paradigma funcional.
  - OCaml, LISP, Scala, Perl, Python e C++ suportam múltiplos paradigmas.

- Um paradigma de programação determina a <u>visão</u> que o programador possui sobre a <u>estruturação</u> e a <u>execução</u> do programa.
- Por exemplo:
  - Em programação orientada a objetos, programadores podem abstrair um programa como uma coleção de objetos que interagem entre si.
  - Em programação lógica os programadores abstraem o programa como um conjunto de predicados que estabelecem relações entre objetos (axiomas), e uma meta (teorema) a ser provada usando os predicados.
  - Em programação funcional os programas são expressões a serem avaliadas, e são organizados usando funções.
- Diferentes linguagens de programação suportam diferentes paradigmas de programação.
- Algumas linguagens foram desenvolvidas para suportar um paradigma específico.
- Por exemplo:
  - Smalltalk, Eiffel e Java suportam o paradigma orientado a objetos.
  - Haskell e Clean suportam o paradigma funcional.
  - OCaml, LISP, Scala, Perl, Python e C++ suportam múltiplos paradigmas.

- Geralmente os paradigmas de programação são diferenciados pelas técnicas de programação que permitem ou proíbem.
- Por exemplo, a programação estruturada não permite o uso de *goto*.
- Esse é um dos motivos pelos quais novos paradigmas são considerados mais rígidos que estilos tradicionais.
- Apesar disso, evitar certos tipos de técnicas pode facilitar a prova de correção de um sistema, podendo até mesmo facilitar o desenvolvimento de algoritmos.
- O relacionamento entre paradigmas de programação e linguagens de programação pode ser complexo pelo fato de linguagens de programação poderem suportar mais de um paradigma.

- Geralmente os paradigmas de programação são diferenciados pelas técnicas de programação que permitem ou proíbem.
- Por exemplo, a programação estruturada não permite o uso de *goto*.
- Esse é um dos motivos pelos quais novos paradigmas são considerados mais rígidos que estilos tradicionais.
- Apesar disso, evitar certos tipos de técnicas pode facilitar a prova de correção de um sistema, podendo até mesmo facilitar o desenvolvimento de algoritmos.
- O relacionamento entre paradigmas de programação e linguagens de programação pode ser complexo pelo fato de linguagens de programação poderem suportar mais de um paradigma.

- Geralmente os paradigmas de programação são diferenciados pelas técnicas de programação que permitem ou proíbem.
- Por exemplo, a programação estruturada não permite o uso de *goto*.
- Esse é um dos motivos pelos quais novos paradigmas são considerados mais rígidos que estilos tradicionais.
- Apesar disso, evitar certos tipos de técnicas pode facilitar a prova de correção de um sistema, podendo até mesmo facilitar o desenvolvimento de algoritmos.
- O relacionamento entre paradigmas de programação e linguagens de programação pode ser complexo pelo fato de linguagens de programação poderem suportar mais de um paradigma.

- Geralmente os paradigmas de programação são diferenciados pelas técnicas de programação que permitem ou proíbem.
- Por exemplo, a programação estruturada não permite o uso de *goto*.
- Esse é um dos motivos pelos quais novos paradigmas são considerados mais rígidos que estilos tradicionais.
- Apesar disso, evitar certos tipos de técnicas pode facilitar a prova de correção de um sistema, podendo até mesmo facilitar o desenvolvimento de algoritmos.
- O relacionamento entre paradigmas de programação e linguagens de programação pode ser complexo pelo fato de linguagens de programação poderem suportar mais de um paradigma.

- Geralmente os paradigmas de programação são diferenciados pelas técnicas de programação que permitem ou proíbem.
- Por exemplo, a programação estruturada não permite o uso de *goto*.
- Esse é um dos motivos pelos quais novos paradigmas são considerados mais rígidos que estilos tradicionais.
- Apesar disso, evitar certos tipos de técnicas pode facilitar a prova de correção de um sistema, podendo até mesmo facilitar o desenvolvimento de algoritmos.
- O relacionamento entre paradigmas de programação e linguagens de programação pode ser complexo pelo fato de linguagens de programação poderem suportar mais de um paradigma.

#### Programação imperativa

- Descreve a computação como ações, enunciados ou comandos que mudam o estado (variáveis) de um programa, enfatizando como resolver um problema.
- Um programa imperativo é uma sequência de comandos para o computador executar, sendo muito parecido com o comportamento imperativo das linguagens naturais que expressam ordens.
- O nome do paradigma, imperativo, está ligado ao tempo verbal imperativo, onde o programador diz ao computador: faça isso, depois isso, depois aquilo...
- Exemplos: paradigmas
  - procedimental: C, Pascal, etc, e
  - orientado a objetos: Smalltalk, Java, C++, Python, etc

- Descreve o que o programa faz e não como seus procedimentos funcionam
- Ênfase nos resultados, no que se deseja obter
- Exemplos: paradigmas
  - luncional: Haskell, OCaml, LISP, etc, e
  - a lógico: Prolog, etc.

#### Programação imperativa

- Descreve a computação como ações, enunciados ou comandos que mudam o estado (variáveis) de um programa, enfatizando como resolver um problema.
- Um programa imperativo é uma sequência de comandos para o computador executar, sendo muito parecido com o comportamento imperativo das linguagens naturais que expressam ordens.
- O nome do paradigma, imperativo, está ligado ao tempo verbal imperativo, onde o programador diz ao computador: faça isso, depois isso, depois aquilo...
- Exemplos: paradigmas
  - procedimental: C, Pascal, etc, e
  - orientado a objetos: Smalltalk, Java, C++, Python, etc

- Descreve o que o programa faz e não como seus procedimentos fuscionam
- Ênfase nos resultados, no que se deseja obter
- Exemplos: paradigmass

#### Programação imperativa

- Descreve a computação como ações, enunciados ou comandos que mudam o estado (variáveis) de um programa, enfatizando como resolver um problema.
- Um programa imperativo é uma sequência de comandos para o computador executar, sendo muito parecido com o comportamento imperativo das linguagens naturais que expressam ordens.
- O nome do paradigma, imperativo, está ligado ao tempo verbal imperativo, onde o programador diz ao computador: faça isso, depois isso, depois aquilo...
- Exemplos: paradigmas
  - procedimental: C, Pascal, etc, etc,
  - orientado a objetos: Smalltalk, Java, C++, Python, etc

- Descreve o que o programa faz e não como seus procedimentos seus procedimentos
- Enfase nos resultados, no que se deseja obter.
- Exemplos: paradigmas

#### Programação imperativa

- Descreve a computação como ações, enunciados ou comandos que mudam o estado (variáveis) de um programa, enfatizando como resolver um problema.
- Um programa imperativo é uma sequência de comandos para o computador executar, sendo muito parecido com o comportamento imperativo das linguagens naturais que expressam ordens.
- O nome do paradigma, imperativo, está ligado ao tempo verbal imperativo, onde o programador diz ao computador: faça isso, depois isso, depois aquilo...
- Exemplos: paradigmas
  - procedimental: C, Pascal, etc, e
  - orientado a objetos: Smalltalk, Java, C++, Python, etc

- Descreve o que o programa faz e não como seus procedimentos funcionam
- Enfase nos resultados, no que se deseja obter
- Exemplos: paradigmas

#### Programação imperativa

- Descreve a computação como ações, enunciados ou comandos que mudam o estado (variáveis) de um programa, enfatizando como resolver um problema.
- Um programa imperativo é uma sequência de comandos para o computador executar, sendo muito parecido com o comportamento imperativo das linguagens naturais que expressam ordens.
- O nome do paradigma, imperativo, está ligado ao tempo verbal imperativo, onde o programador diz ao computador: faça isso, depois isso, depois aquilo...
- Exemplos: paradigmas
  - procedimental: C, Pascal, etc, e
  - orientado a objetos: Smalltalk, Java, C++, Python, etc

- Descreve o que o programa faz e não como seus procedimentos funcionam
- Ênfase nos resultados, no que se deseja obter
- Exemplos: paradigmass

#### Programação imperativa

- Descreve a computação como ações, enunciados ou comandos que mudam o estado (variáveis) de um programa, enfatizando como resolver um problema.
- Um programa imperativo é uma sequência de comandos para o computador executar, sendo muito parecido com o comportamento imperativo das linguagens naturais que expressam ordens.
- O nome do paradigma, imperativo, está ligado ao tempo verbal imperativo, onde o programador diz ao computador: faça isso, depois isso, depois aquilo...
- Exemplos: paradigmas
  - procedimental: C, Pascal, etc, e
  - orientado a objetos: Smalltalk, Java, C++, Python, etc

- Descreve o que o programa faz e não como seus procedimentos funcionam
- Énfase nos resultados, no que se deseja obter.
- Exemplos: paradigmas

#### Programação imperativa

- Descreve a computação como ações, enunciados ou comandos que mudam o estado (variáveis) de um programa, enfatizando como resolver um problema.
- Um programa imperativo é uma sequência de comandos para o computador executar, sendo muito parecido com o comportamento imperativo das linguagens naturais que expressam ordens.
- O nome do paradigma, imperativo, está ligado ao tempo verbal imperativo, onde o programador diz ao computador: faça isso, depois isso, depois aquilo...
- Exemplos: paradigmas
  - procedimental: C, Pascal, etc, e
  - orientado a objetos: Smalltalk, Java, C++, Python, etc

- Descreve o que o programa faz e não como seus procedimentos funcionam
- Enfase nos resultados, no que se deseja obter
- Exemplos: paradigmas

#### Programação imperativa

- Descreve a computação como ações, enunciados ou comandos que mudam o estado (variáveis) de um programa, enfatizando como resolver um problema.
- Um programa imperativo é uma sequência de comandos para o computador executar, sendo muito parecido com o comportamento imperativo das linguagens naturais que expressam ordens.
- O nome do paradigma, imperativo, está ligado ao tempo verbal imperativo, onde o programador diz ao computador: faça isso, depois isso, depois aquilo...
- Exemplos: paradigmas
  - procedimental: C, Pascal, etc, e
  - orientado a objetos: Smalltalk, Java, C++, Python, etc

- Descreve o que o programa faz e não como seus procedimentos funcionam.
- Ênfase nos resultados, no que se deseja obter.
- Exemplos: paradigmas
  - funcional: Haskell, OCaml, LISP, etc, e
  - lógico: Prolog, etc.

#### Programação imperativa

- Descreve a computação como ações, enunciados ou comandos que mudam o estado (variáveis) de um programa, enfatizando como resolver um problema.
- Um programa imperativo é uma sequência de comandos para o computador executar, sendo muito parecido com o comportamento imperativo das linguagens naturais que expressam ordens.
- O nome do paradigma, imperativo, está ligado ao tempo verbal imperativo, onde o programador diz ao computador: faça isso, depois isso, depois aquilo...
- Exemplos: paradigmas
  - procedimental: C, Pascal, etc, e
  - orientado a objetos: Smalltalk, Java, C++, Python, etc

- Descreve o que o programa faz e não como seus procedimentos funcionam.
- Ênfase nos resultados, no que se deseja obter.
- Exemplos: paradigmas
  - funcional: Haskell, OCaml, LISP, etc, e
    - lógico: Prolog, etc.

#### Programação imperativa

- Descreve a computação como ações, enunciados ou comandos que mudam o estado (variáveis) de um programa, enfatizando como resolver um problema.
- Um programa imperativo é uma sequência de comandos para o computador executar, sendo muito parecido com o comportamento imperativo das linguagens naturais que expressam ordens.
- O nome do paradigma, imperativo, está ligado ao tempo verbal imperativo, onde o programador diz ao computador: faça isso, depois isso, depois aquilo...
- Exemplos: paradigmas
  - procedimental: C, Pascal, etc, e
  - orientado a objetos: Smalltalk, Java, C++, Python, etc

- Descreve o que o programa faz e não como seus procedimentos funcionam.
- Ênfase nos resultados, no que se deseja obter.
- Exemplos: paradigmas
  - funcional: Haskell, OCaml, LISP, etc, e
    - lógico: Prolog, etc.

#### Programação imperativa

- Descreve a computação como ações, enunciados ou comandos que mudam o estado (variáveis) de um programa, enfatizando como resolver um problema.
- Um programa imperativo é uma sequência de comandos para o computador executar, sendo muito parecido com o comportamento imperativo das linguagens naturais que expressam ordens.
- O nome do paradigma, imperativo, está ligado ao tempo verbal imperativo, onde o programador diz ao computador: faça isso, depois isso, depois aquilo...
- Exemplos: paradigmas
  - procedimental: C, Pascal, etc, e
  - orientado a objetos: Smalltalk, Java, C++, Python, etc

- Descreve o que o programa faz e não como seus procedimentos funcionam.
- Ênfase nos resultados, no que se deseja obter.
- Exemplos: paradigmas
  - funcional: Haskell, OCaml, LISP, etc, e
  - lógico: Prolog, etc.

#### Programação imperativa

- Descreve a computação como ações, enunciados ou comandos que mudam o estado (variáveis) de um programa, enfatizando como resolver um problema.
- Um programa imperativo é uma sequência de comandos para o computador executar, sendo muito parecido com o comportamento imperativo das linguagens naturais que expressam ordens.
- O nome do paradigma, imperativo, está ligado ao tempo verbal imperativo, onde o programador diz ao computador: faça isso, depois isso, depois aquilo...
- Exemplos: paradigmas
  - procedimental: C, Pascal, etc, e
  - orientado a objetos: Smalltalk, Java, C++, Python, etc

- Descreve o que o programa faz e não como seus procedimentos funcionam.
- Ênfase nos resultados, no que se deseja obter.
- Exemplos: paradigmas
  - funcional: Haskell, OCaml, LISP, etc, e
  - lógico: Prolog, etc.

#### Programação imperativa

- Descreve a computação como ações, enunciados ou comandos que mudam o estado (variáveis) de um programa, enfatizando como resolver um problema.
- Um programa imperativo é uma sequência de comandos para o computador executar, sendo muito parecido com o comportamento imperativo das linguagens naturais que expressam ordens.
- O nome do paradigma, imperativo, está ligado ao tempo verbal imperativo, onde o programador diz ao computador: faça isso, depois isso, depois aquilo...
- Exemplos: paradigmas
  - procedimental: C, Pascal, etc, e
  - orientado a objetos: Smalltalk, Java, C++, Python, etc

- Descreve o que o programa faz e não como seus procedimentos funcionam.
- Ênfase nos resultados, no que se deseja obter.
- Exemplos: paradigmas
  - funcional: Haskell, OCaml, LISP, etc, e
  - lógico: Prolog, etc.

# Tópicos

- 1 Paradigmas de programação
- 2 Programação funcional
- 3 A crise do software
- 4 Algumas características de Haskell
- 5 Antecedentes históricos
- 6 Algumas empresas que usam Haskell
- 7 Curso online
- 8 Programando com Funções
- 9 Experimentando Haskell

#### Programação funcional

- Programação funcional é um paradigma de programação que descreve uma computação como uma expressão a ser avaliada.
- A principal forma de estruturar o programa é pela definição e aplicação de funções.

## Exemplo: quick sort em C

```
// To sort array a[] of size n: qsort(a, 0, n-1)
void qsort(int a[], int lo, int hi) {
  int h, l, p, t;
  if (lo < hi) {
    l = lo:
    h = hi;
    p = a[hi];
    do {
      while ((l < h) \&\& (a[l] <= p))
          l = l+1;
      while ((h > l) \&\& (a[h] >= p))
          h = h-1:
      if (l < h) {
          t = a[l];
          a[l] = a[h];
          a[h] = t;
    } while (l < h);</pre>
    a[hi] = a[l];
    a[l] = p;
    qsort(a, lo, l-1);
    qsort(a, l+1, hi);
```

#### Exemplo: quick sort em Haskell

#### Observações:

- o símbolo = separa os lados esquerdo e direito de uma equação, usada para definir variáveis e funções.
- [1] denota a lista vazia.
- primeiro:resto denota uma lista não vazia cuja cabeça é primeiro e cuja cauda é resto.
- A sintaxe para aplicação de função consiste em escrever a função seguida dos argumentos, separados por espaços, como em max 10 (2+x).
- A função filter seleciona os elementos de uma lista que satisfazem uma determinada propriedade (expressa por uma função que retorna verdadeiro ou falso).
- (<primeiro) e (>primeiro) são funções que verificam se o seu argumento é menor ou maior do que primeiro, respectivamente. São funções anônimas construídas pela aplicação parcial dos operadores
   e > .
- O operador ++ concatena duas listas.
- Uma lista pode ser escrita enumerando os seus elementos separados por vírgula e colocados entre colchetes.

# Tópicos

- 1 Paradigmas de programação
- 2 Programação funcional
- 3 A crise do software
- 4 Algumas características de Haskell
- 5 Antecedentes históricos
- 6 Algumas empresas que usam Haskell
- 7 Curso online
- 8 Programando com Funções
- 9 Experimentando Haskell

- Linguagens declarativas (incluindo linguagens funcionais):
  - permitem que programas sejam escritos de forma clara, concisa, e com um alto nível de abstracão:
  - suportam componentes de software reutilizáveis;
  - incentivam o uso de verificação formal;
  - permitem prototipagem rápida;
  - fornecem poderosas ferramentas de resolução de problemas.
- Estas características podem ser úteis na abordagem de dificuldades encontradas no desenvolvimento de software:
  - o tamanho e a complexidade dos programas de computador modernos
  - o tempo e o custo de desenvolvimento do programas
  - a confiança de que os programas já concluídos funcionam corretamente



- Linguagens declarativas (incluindo linguagens funcionais):
  - permitem que programas sejam escritos de forma clara, concisa, e com um alto nível de abstração;
  - suportam componentes de software reutilizáveis
  - incentivam o uso de verificação formal;
  - permitem prototipagem rápida;
  - fornecem poderosas ferramentas de resolução de problemas.
- Estas características podem ser úteis na abordagem de dificuldades encontradas no desenvolvimento de software:
  - o tamanho e a complexidade dos programas de computador modernos
  - o tempo e o custo de desenvolvimento do programas
  - a confiança de que os programas já concluídos funcionam corretamente



- Linguagens declarativas (incluindo linguagens funcionais):
  - permitem que programas sejam escritos de forma clara, concisa, e com um alto nível de abstração;
  - suportam componentes de software reutilizáveis;
  - incentivam o uso de verificação formal;
  - permitem prototipagem rápida;
  - fornecem poderosas ferramentas de resolução de problemas.
- Estas características podem ser úteis na abordagem de dificuldades encontradas no desenvolvimento de software:
  - o tamanho e a complexidade dos programas de computador modernos
  - o tempo e o custo de desenvolvimento do programas
  - a confiança de que os programas já concluídos funcionam corretamente



- Linguagens declarativas (incluindo linguagens funcionais):
  - permitem que programas sejam escritos de forma clara, concisa, e com um alto nível de abstração;
  - suportam componentes de software reutilizáveis;
  - incentivam o uso de verificação formal;
  - permitem prototipagem rápida;
  - fornecem poderosas ferramentas de resolução de problemas.
- Estas características podem ser úteis na abordagem de dificuldades encontradas no desenvolvimento de software:
  - o tamanho e a complexidade dos programas de computador moderno.
  - o tempo e o custo de desenvolvimento do programas
  - a confiança de que os programas já concluídos funcionam corretamente



- Linguagens declarativas (incluindo linguagens funcionais):
  - permitem que programas sejam escritos de forma clara, concisa, e com um alto nível de abstração;
  - suportam componentes de software reutilizáveis;
  - incentivam o uso de verificação formal;
  - permitem prototipagem rápida;
  - fornecem poderosas ferramentas de resolução de problemas.
- Estas características podem ser úteis na abordagem de dificuldades encontradas no desenvolvimento de software:
  - o tamanho e a complexidade dos programas de computador modernos
  - o tempo e o custo de desenvolvimento do programas
  - a confiança de que os programas já concluídos funcionam corretamente



- Linguagens declarativas (incluindo linguagens funcionais):
  - permitem que programas sejam escritos de forma clara, concisa, e com um alto nível de abstração;
  - suportam componentes de software reutilizáveis;
  - incentivam o uso de verificação formal;
  - permitem prototipagem rápida;
  - fornecem poderosas ferramentas de resolução de problemas.
- Estas características podem ser úteis na abordagem de dificuldades encontradas no desenvolvimento de software;
  - o tamanho e a complexidade dos programas de computador moderno
  - o tempo e o custo de desenvolvimento do programas
  - a confiança de que os programas já concluídos funcionam corretamente



- Linguagens declarativas (incluindo linguagens funcionais):
  - permitem que programas sejam escritos de forma clara, concisa, e com um alto nível de abstração;
  - suportam componentes de software reutilizáveis;
  - incentivam o uso de verificação formal;
  - permitem prototipagem rápida;
  - fornecem poderosas ferramentas de resolução de problemas.
- Estas características podem ser úteis na abordagem de dificuldades encontradas no desenvolvimento de software:
  - o tamanho e a complexidade dos programas de computador modernos
  - o tempo e o custo de desenvolvimento do programas
  - a confiança de que os programas já concluídos funcionam corretamente



- Linguagens declarativas (incluindo linguagens funcionais):
  - permitem que programas sejam escritos de forma clara, concisa, e com um alto nível de abstração;
  - suportam componentes de software reutilizáveis;
  - incentivam o uso de verificação formal;
  - permitem prototipagem rápida;
  - fornecem poderosas ferramentas de resolução de problemas.
- Estas características podem ser úteis na abordagem de dificuldades encontradas no desenvolvimento de software:
  - o tamanho e a complexidade dos programas de computador modernos
  - o tempo e o custo de desenvolvimento do programas
  - a confiança de que os programas já concluídos funcionam corretamente



- Linguagens declarativas (incluindo linguagens funcionais):
  - permitem que programas sejam escritos de forma clara, concisa, e com um alto nível de abstração;
  - suportam componentes de software reutilizáveis;
  - incentivam o uso de verificação formal;
  - permitem prototipagem rápida;
  - fornecem poderosas ferramentas de resolução de problemas.
- Estas características podem ser úteis na abordagem de dificuldades encontradas no desenvolvimento de software:
  - o tamanho e a complexidade dos programas de computador modernos
  - o tempo e o custo de desenvolvimento do programas
  - a confiança de que os programas já concluídos funcionam corretamente



- Linguagens declarativas (incluindo linguagens funcionais):
  - permitem que programas sejam escritos de forma clara, concisa, e com um alto nível de abstração;
  - suportam componentes de software reutilizáveis;
  - incentivam o uso de verificação formal;
  - permitem prototipagem rápida;
  - fornecem poderosas ferramentas de resolução de problemas.
- Estas características podem ser úteis na abordagem de dificuldades encontradas no desenvolvimento de software:
  - o tamanho e a complexidade dos programas de computador modernos
  - o tempo e o custo de desenvolvimento do programas
  - a confiança de que os programas já concluídos funcionam corretamente



# Tópicos

- 1 Paradigmas de programação
- 2 Programação funcional
- 3 A crise do software
- 4 Algumas características de Haskell
- 5 Antecedentes históricos
- 6 Algumas empresas que usam Haskell
- 7 Curso online
- 8 Programando com Funções
- 9 Experimentando Haskell

# Algumas características de Haskell

- Programas são concisos
- Tipagem estática
- Sistema de tipos poderoso
- Polimorfismo paramétrico
- Tipos recursivos e funções recursivas
- Funções de ordem superior
- Linguagem pura (declarativa)
- Avaliação lazy
- Maior facilidade de prova de propriedades de programas

# Tópicos

- 1 Paradigmas de programação
- Programação funcional
- 3 A crise do software
- 4 Algumas características de Haskell
- 5 Antecedentes históricos
- 6 Algumas empresas que usam Haskell
- 7 Curso online
- 8 Programando com Funções
- 9 Experimentando Haskell

## Antecedentes históricos

• Década de 1930:



Alonzo Church desenvolve o **cálculo lambda**, uma teoria de funções simples, mas poderosa.

• Década de 1950:



John McCarthy desenvolve **Lisp**, a primeira linguagem funcional, com algumas influências do **cálculo lambda**, mas mantendo as atribuições de variáveis.

Década de 1960:



Peter Landin desenvolve **ISWIM**, a primeira linguagem funcional pura, baseada fortemente no **cálculo lambda**, sem atribuições.

Década de 1970:



John Backus desenvolve **FP**, uma linguagem funcional que enfatiza funções de ordem superior e raciocínio sobre programas.

Década de 1970:



Robin Milner e outros desenvolvem ML, a primeira linguagem funcional moderna, que introduziu a inferência de tipos e tipos polimórficos.

Décadas de 1970 e 1980:



David Turner desenvolve uma série de linguagens funcionais com *avaliação lazy*, culminando com o sistema **Miranda**. Porém Miranda náo é de domínio público.

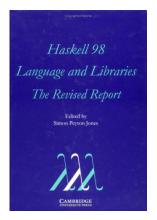
• 1987:

# Haskell A Purely Functional Language

Um comitê internacional de pesquisadores inicia o desenvolvimento de **Haskell**, com objetivo de se obter uma linguagem funcional *lazy* padrão aberta. Isso consolidaria as linguagens existentes, servindo como base para pesquisas futuras no desenvolvimento de linguagens funcionais.

1990:
 Definição da primeira versão de Haskell.

• 2003:



O comitê publica o relatório **Haskell 98**, a definição de uma versão estável da linguagem Haskell.

**2009**:



O comitê publica o relatório **Haskell 2010**, uma revisão da definição da linguagem Haskell.

# Tópicos

- 1 Paradigmas de programação
- 2 Programação funcional
- 3 A crise do software
- 4 Algumas características de Haskel
- 5 Antecedentes históricos
- 6 Algumas empresas que usam Haskell
- 7 Curso online
- 8 Programando com Funções
- 9 Experimentando Haskell

## Quem usa Haskell?

- Exemplos de empresas que usam Haskell:
  - ABN AMRO análise de riscos financeiros
  - AT&T automatização de processamento de formulários
  - Bank of America Merril Lynch transformação de dados
  - Bump servidores baseados em Haskell
  - Facebook manipulação da base de código PHP
  - Google infra-estrutura interna de TI
  - MITRE análise de protocolos de criptografia
  - NVIDIA ferramentas usadas internamente
  - Qualcomm, Inc geração de interfaces de programação para Lua
  - The New York Times processamento de imagens
- Para maiores detalhes visite a página Haskell na indústria em http://www.haskell.org/haskellwiki/Haskell\_in\_industry.
- Uma lista de empresas que usam Haskell: https://github.com/erkmos/haskell-companies

# Tópicos

- 1 Paradigmas de programação
- Programação funcional
- 3 A crise do software
- 4 Algumas características de Haskel
- 5 Antecedentes históricos
- 6 Algumas empresas que usam Haskell
- 7 Curso online
- 8 Programando com Funções
- 9 Experimentando Haskell

## Curso online de Haskell



- Functional Programming in Haskell: Supercharge Your Coding
- Universidade de Glasgow
- Início: 17 de setembro de 2018
- Duração: 6 semanas
- Dedicação: 4 horas por semana
- https:

// www. future learn. com/courses/functional-programming-haskell

# Tópicos

- 1 Paradigmas de programação
- 2 Programação funcional
- 3 A crise do software
- 4 Algumas características de Haskell
- 5 Antecedentes históricos
- 6 Algumas empresas que usam Haskell
- 7 Curso online
- 8 Programando com Funções
- 9 Experimentando Haskell

- Função é uma relação que associa cada valor de um domínio (argumento) a um único valor de um contra-domínio (resultado).
- Em geral o mapeamento é estabelecido por uma lei de associação, expressa por um algoritmo.
- Em Haskell uma função é definida usando uma ou mais equações.
- Uma equação especifica:
  - o nome da função,
  - os parâmetros formais, que representam os argumentos, e
  - o corpo, que especifica o resultado em termos dos parâmetros formais
- Exemplo:

Uma função chamada dobro que recebe um número x como argumento, e produz o resultado x+x:

$$dobro x = x + x$$

- Função é uma relação que associa cada valor de um domínio (argumento) a um único valor de um contra-domínio (resultado).
- Em geral o mapeamento é estabelecido por uma lei de associação, expressa por um algoritmo.
- Em Haskell uma função é definida usando uma ou mais equações.
- Uma equação especifica:
  - o nome da função,
    - os parâmetros formais, que representam os argumentos, e
    - m o corpo, que especifica o resultado em termos dos parâmetros formais
- Exemplo:
  - Uma função chamada dobro que recebe um número x como argumento, e produz o resultado x+x:

$$dobro x = x + x$$

- Função é uma relação que associa cada valor de um domínio (argumento) a um único valor de um contra-domínio (resultado).
- Em geral o mapeamento é estabelecido por uma lei de associação, expressa por um algoritmo.
- Em Haskell uma função é definida usando uma ou mais equações.
- Uma equação especifica:
  - o nome da função,
    - os parâmetros formais, que representam os argumentos, e
       o corpo, que especifica o resultado em termos dos parâmetros formais
- Exemplo:
  - Uma função chamada dobro que recebe um número x como argumento, e produz o resultado x+x:

dobro x = x + x

- Função é uma relação que associa cada valor de um domínio (argumento) a um único valor de um contra-domínio (resultado).
- Em geral o mapeamento é estabelecido por uma lei de associação, expressa por um algoritmo.
- Em Haskell uma função é definida usando uma ou mais equações.
- Uma equação especifica:
  - o nome da função,
  - os parâmetros formais, que representam os argumentos, e
  - o corpo, que especifica o resultado em termos dos parâmetros formais.
- Exemplo:

Uma função chamada dobro que recebe um número x como argumento, e produz o resultado x+x:

```
dobro x = x + x
```

- Função é uma relação que associa cada valor de um domínio (argumento) a um único valor de um contra-domínio (resultado).
- Em geral o mapeamento é estabelecido por uma lei de associação, expressa por um algoritmo.
- Em Haskell uma função é definida usando uma ou mais equações.
- Uma equação especifica:
  - o nome da função,
  - os parâmetros formais, que representam os argumentos, e
  - o corpo, que especifica o resultado em termos dos parâmetros formais.
- Exemplo:

Uma função chamada dobro que recebe um número x como argumento, e produz o resultado x+x:

```
dobro x = x + x
```

- Função é uma relação que associa cada valor de um domínio (argumento) a um único valor de um contra-domínio (resultado).
- Em geral o mapeamento é estabelecido por uma lei de associação, expressa por um algoritmo.
- Em Haskell uma função é definida usando uma ou mais equações.
- Uma equação especifica:
  - o nome da função,
  - os parâmetros formais, que representam os argumentos, e
  - o corpo, que especifica o resultado em termos dos parâmetros formais.
- Exemplo:

Uma função chamada dobro que recebe um número x como argumento, e produz o resultado x+x:

dobro x = x + x

- Função é uma relação que associa cada valor de um domínio (argumento) a um único valor de um contra-domínio (resultado).
- Em geral o mapeamento é estabelecido por uma lei de associação, expressa por um algoritmo.
- Em Haskell uma função é definida usando uma ou mais equações.
- Uma equação especifica:
  - o nome da função,
  - os parâmetros formais, que representam os argumentos, e
  - o corpo, que especifica o resultado em termos dos parâmetros formais.
- Exemplo:

Uma função chamada dobro que recebe um número x como argumento, e produz o resultado x+x:

```
dobro x = x + x
```

- Função é uma relação que associa cada valor de um domínio (argumento) a um único valor de um contra-domínio (resultado).
- Em geral o mapeamento é estabelecido por uma lei de associação, expressa por um algoritmo.
- Em Haskell uma função é definida usando uma ou mais equações.
- Uma equação especifica:
  - o nome da função,
  - os parâmetros formais, que representam os argumentos, e
  - o corpo, que especifica o resultado em termos dos parâmetros formais.
- Exemplo:

Uma função chamada dobro que recebe um número x como argumento, e produz o resultado x+x:

$$dobro x = x + x$$

- Quando uma função é aplicada aos argumentos atuais, o resultado é obtido pela substituição desses argumentos no corpo da função no lugar dos nomes dos argumentos.
- Este processo pode produzir imediatamente um resultado que n\u00e3o pode ser mais simplificado, como por exemplo um n\u00famero.
- Mais comumente, no entanto, a substituição produz uma expressão contendo outras aplicações de função, que devem, então, ser processadas da mesma maneira para produzir o resultado final.
- Em geral, a ordem na qual funções são aplicadas em um cálculo
  - não afeta o valor do resultado final, ma
  - pode afetar o número de passos necessários, e
  - pode determinar se o processo de cálculo termina ou não termina

- Quando uma função é aplicada aos argumentos atuais, o resultado é obtido pela substituição desses argumentos no corpo da função no lugar dos nomes dos argumentos.
- Este processo pode produzir imediatamente um resultado que n\u00e3o pode ser mais simplificado, como por exemplo um n\u00famero.
- Mais comumente, no entanto, a substituição produz uma expressão contendo outras aplicações de função, que devem, então, ser processadas da mesma maneira para produzir o resultado final.
- Em geral, a ordem na qual funções são aplicadas em um cálculo
   não afeta o valor do resultado final, mas
   pode afetar o número de passos necessários, e
  - pode determinar se o processo de cálculo termina ou não termina

- Quando uma função é aplicada aos argumentos atuais, o resultado é obtido pela substituição desses argumentos no corpo da função no lugar dos nomes dos argumentos.
- Este processo pode produzir imediatamente um resultado que n\u00e3o pode ser mais simplificado, como por exemplo um n\u00famero.
- Mais comumente, no entanto, a substituição produz uma expressão contendo outras aplicações de função, que devem, então, ser processadas da mesma maneira para produzir o resultado final.
- Em geral, a ordem na qual funções são aplicadas em um cálculo
   não afeta o valor do resultado final, mas
   pode afetar o número de passos necessários, e
   pode determinar se o processo de cálculo termina ou não termina.

- Quando uma função é aplicada aos argumentos atuais, o resultado é obtido pela substituição desses argumentos no corpo da função no lugar dos nomes dos argumentos.
- Este processo pode produzir imediatamente um resultado que não pode ser mais simplificado, como por exemplo um número.
- Mais comumente, no entanto, a substituição produz uma expressão contendo outras aplicações de função, que devem, então, ser processadas da mesma maneira para produzir o resultado final.
- Em geral, a ordem na qual funções são aplicadas em um cálculo
  - não afeta o valor do resultado final, mas
  - pode afetar o número de passos necessários, e
  - pode determinar se o processo de cálculo termina ou não termina.

- Quando uma função é aplicada aos argumentos atuais, o resultado é obtido pela substituição desses argumentos no corpo da função no lugar dos nomes dos argumentos.
- Este processo pode produzir imediatamente um resultado que n\u00e3o pode ser mais simplificado, como por exemplo um n\u00famero.
- Mais comumente, no entanto, a substituição produz uma expressão contendo outras aplicações de função, que devem, então, ser processadas da mesma maneira para produzir o resultado final.
- Em geral, a ordem na qual funções são aplicadas em um cálculo
  - não afeta o valor do resultado final, mas
  - pode afetar o número de passos necessários, e
  - pode determinar se o processo de cálculo termina ou não termina.

- Quando uma função é aplicada aos argumentos atuais, o resultado é obtido pela substituição desses argumentos no corpo da função no lugar dos nomes dos argumentos.
- Este processo pode produzir imediatamente um resultado que não pode ser mais simplificado, como por exemplo um número.
- Mais comumente, no entanto, a substituição produz uma expressão contendo outras aplicações de função, que devem, então, ser processadas da mesma maneira para produzir o resultado final.
- Em geral, a ordem na qual funções são aplicadas em um cálculo
  - não afeta o valor do resultado final, mas
  - pode afetar o número de passos necessários, e
  - pode determinar se o processo de cálculo termina ou não termina.

- Quando uma função é aplicada aos argumentos atuais, o resultado é obtido pela substituição desses argumentos no corpo da função no lugar dos nomes dos argumentos.
- Este processo pode produzir imediatamente um resultado que não pode ser mais simplificado, como por exemplo um número.
- Mais comumente, no entanto, a substituição produz uma expressão contendo outras aplicações de função, que devem, então, ser processadas da mesma maneira para produzir o resultado final.
- Em geral, a ordem na qual funções são aplicadas em um cálculo
  - não afeta o valor do resultado final, mas
  - pode afetar o número de passos necessários, e
  - pode determinar se o processo de cálculo termina ou não termina.

# Exemplos: aplicação de função

### • Exemplo:

Aplicação da função dobro no argumento 3

```
dobro 3
= { aplicando dobro }
3 + 3
= { aplicando + }
6
```

# Exemplos: aplicação de função (cont.)

### • Exemplo:

Aplicação aninhada de dobro

```
dobro (dobro 2)
= { aplicando dobro interno }
dobro (2 + 2)
= { aplicando + }
dobro 4
= { aplicando dobro }
4 + 4
= { aplicando + }
8
```

### Exemplos: aplicação de função (cont.)

#### • Exemplo:

Aplicação aninhada de dobro, calculada de outra maneira

```
dobro (dobro 2)
= { aplicando dobro externo }
dobro 2 + dobro 2
= { aplicando o primeiro dobro }
(2 + 2) + dobro 2
= { aplicando o primeiro + }
4 + dobro 2
= { aplicando dobro }
4 + (2 + 2)
= { aplicando o segundo + }
4 + 4
= { aplicando + }
```

# O que é uma linguagem funcional?

As opiniões divergem, e é difícil dar uma definição precisa, mas de um modo geral:

- **Programação funcional** é um estilo de programação em que o método básico de computação é a aplicação de funções a argumentos.
- Uma linguagem funcional é aquela que apoia e incentiva o estilo funcional.

# O que é uma linguagem funcional? (cont.)

### Exemplo:

Somando os inteiros 1 a 10 em C:

```
int total = 0;
for (int i = 1; i <= 10; ++i)
  total = total + i;</pre>
```

- O método de cálculo é atribuição de variável.
- Em geral, linguagens de programação em que o método básico de computação consiste em mudar os valores armazenados em variáveis são chamadas de linguagens imperativas, pois os programas nestas linguagens são construídos a partir de instruções imperativas que especificam precisamente como o cálculo deve ser realizado.

### O que é uma linguagem funcional? (cont.)

### Exemplo:

Somando os inteiros 1 a 10 em Haskell:

```
sum [1..10]
```

• O método de cálculo é aplicação de função.

# Tópicos

- 1 Paradigmas de programação
- 2 Programação funcional
- 3 A crise do software
- 4 Algumas características de Haskel
- 5 Antecedentes históricos
- 6 Algumas empresas que usam Haskell
- 7 Curso online
- 8 Programando com Funções
- 9 Experimentando Haskell

### Experimentando Haskell

```
sum :: Num a => [a] -> a
sum [] = 0
sum (x:xs) = x + sum xs
```

```
sum [1, 2, 3]
= { aplicando sum }
1 + sum [2, 3]
= { aplicando sum }
1 + (2 + sum [3])
= { aplicando sum }
1 + (2 + (3 + sum []))
= { aplicando sum }
1 + (2 + (3 + 0))
= { aplicando + }
6
```

```
qsort [x]
= { aplicando qsort }
qsort [] ++ [x] ++ qsort []
= { aplicando qsort }
[] ++ [x] ++ []
= { aplicando ++ }
[x]
```

```
qsort [3, 5, 1, 4, 2]
= { aplicando qsort }
qsort [1, 2] ++ [3] ++ qsort [5, 4]
= { aplicando qsort }
(qsort [] ++ [1] ++ qsort [2]) ++ [3] ++ (qsort [4] ++ [5] ++ qsort [])
= { aplicando qsort, propriedade anterior }
([] ++ [1] ++ [2]) ++ [3] ++ ([4] ++ [5] ++ [])
= { aplicando ++ }
[1, 2] ++ [3] ++ [4, 5]
= { aplicando ++ }
[1, 2, 3, 4, 5]
```

• O tipo de qsort é

```
qsort :: 0rd a => [a] -> [a]
```

- Dada uma lista xs, qsort xs é a lista formada pelos elementos de xs em ordem crescente.
- qsort implementa o algoritmo de ordenação quick sort.

### Exercícios

#### Exercise 1

Dê outro cálculo possível para o resultado de dobro (dobro 2).

#### Exercise 2

Mostre que sum [x] = x para qualquer número x.

#### Exercise 3

Defina uma função product que produza o produto de uma lista de números, e mostre, usando sua definição, que product [2,3,4] = 24

# Exercícios (cont.)

#### Exercise 4

Mostre como a definição da função que deve ser modificada para que ela produza uma versão de uma lista ordenada em ordem decrescente.

### Exercise 5

```
Qual é o efeito de trocar <= por < na definição de qsort ? 
Dica:
considere o exemplo qsort [2,2,3,1,1].
```

 $\operatorname{\mathsf{Fim}}$