



 $Nomenclature: {\color{red}SOS-MU-001-II}$ 

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Réf. CSSI/111-1/SOS/OSDMU-V5.0

du: 02/06/2010

# Code des Ordres Successifs de Diffusion (version 5.0) Manuel utilisateurs

	Fonction et Nom	Date	Signature
Préparé par	Bruno LAFRANCE	02/06/2010	
Approuvé par			
Pour Application			

Diffusion	Pour :	
	Action	Info.

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature SOS-MU-001-II

PAGE: i.2

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

#### BORDEREAU D'INDEXATION

Caractéristiques du document		
Volume :	1	
Nombre total de pages :	191	
Nombre de pages liminaires :	9	
Nombre d'annexes :	0	
	Document géré en configuration	
A dater du :	02/06/2010	
Responsable :		
Matériel hôte :	PC	
Logiciel hôte :	WORD 2003	

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature SOS-MU-001-II

PAGE: i.3

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

#### DIFFUSION

Sigle	Nom	Sigle	Nom
CNES			
CNES / CESBIO	O. HAGOLLE		
DCT/SI/MO	B. FOUGNIE		
DCT/SI/MO	S. LACHERADE		
DCT/SI/MO	D. BLUMSTEIN		

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature SOS-MU-001-II

PAGE: i.4

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

#### MODIFICATION

Edition	Révision	Date	Cause évolution
01	00	21/05/02	Création du document
02	00	25/06/08	<ul> <li>Ajout de nouvelles références.</li> <li>Mise à jour du contenu du fichier de lancement (§III-2 « Définition des paramètres de simulation »)</li> </ul>
			- Adaptation des commentaires et croquis au cas de simulation de modèles bimodaux d'aérosols : § III-« Mode opératoire » et §VII-« Propriétés radiatives des aérosols ».
			<ul> <li>Ajout de la section VII-7 « Calcul des propriétés radiatives de modèles bi-modaux »</li> </ul>
			- Expression des sections efficaces de diffusion et d'extinction (§VII-1, page 94) et précision sur la modification du contenu des données informatives du fichier des propriétés radiatives des aérosols (§VII-2.2, page 97).
			- Correction des résultats de validation de l'implémentation des modèles d'aérosols de la WMO (§VII-5.2) et de Shettle & Fenn (§VII-6.2), suite à l'utilisation des sections efficaces au lieu des coefficients de diffusion et d'extinction.
			- Correctif de la formule de calcul du paramètre de taille $\alpha_{max}$ pour les calculs de Mie des particules des modèles de Shettle & Fenn (eq. 94 en page 133).
02	01	08/08/2008	- Ajout d'une référence.
			- Précisions sur le calcul de l'épaisseur optique moléculaire (p. 34)
			- Précisions sur le fichier résultat des calculs «aérosols» (p. 97)
03	00	02/06/2010	- Introduction d'un chapitre dédié à la nouvelle fonction de gestion des angles et ordres de développement (§V-).
			- Refonte complète du paramétrage du code (§III-).
			- Ajout d'une fonctionnalité de lecture de données externes de fonctions de phase aérosols (§VII-8)
			- Ajout d'une fonctionnalité de calcul des transmissions (§VI-8).
			- Remplacement de SOS_RACINE_MU (variable d'environnement) par SOS_RACINE_FIC, car les fichiers prédéfinis d'angles de Gauss ne sont plus utilisés (p. 16)
			<ul> <li>Précisions sur le passage des paramètres propres à chaque programme.</li> </ul>

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature SOS-MU-001-II

PAGE: i.5

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### DOCUMENTS DE REFERENCE

- DR1: Bodhaine B., N. Wood, E. Dutton, and J. Slusser « oOn Rayleigh Optical Depth Calculations », *J. Atmos. And Oceanic Technology*, vol. 16, pp. 1854-1861, 1999.
- DR2: Bréon F.M., D. Tanré, P. Lecomte, and M. Herman« Polarized reflectance of bare soils and vegetation: Measurements and models », *IEEE Trans. Geosci. Remote Sensing..*, vol. 33, pp. 487-499, 1995.
- DR3: Cox C. and W. H. Munk, « Measurements of the Roughness of the Sea Surface from Photographs of the Sun's Glitter », *J. Optical Soc. America*, Vol. 44, No. 11, 1954.
- DR4: Deuzé J.L, « Etude de la polarisation du rayonnement par les milieux diffusants, application à la polarisation localisée de Vénus », rapport de thèse, Université des Sciences et Techniques de Lille, 1974.
- DR5: Deuzé J.L, M. Herman, and R. Santer, «Fourier series expansion of the transfer equation in the atmosphere-ocean system », *J. Quant. Spectrosc. Radiat. Transfer*, vol. 41, no. 6, pp. 483-494, 1989.
- DR6: Dubovik O., Holben B., Eck T. F., Smirnov A., Kaufman Y. J., King M. D., Tanré D. and Slutsker I. « Variability of Absorption and Optical Properties of Key Aerosol Types Observed in Worlwide Locations », *J. Atmos. Sciences*, vol. 59, pp. 590-608, february 2002.
- DR7: Dubovik, O.et al., Application of spheroid models to account for aerosol particle nonsphericity in remote sensing of desert dust, J. *Geophys. Res.*, 111, D11208, doi:10.1029/2005JD006619, 2006.
- DR8: Hansen J. and Travis L., "Light scattering in planetary atmospheres", *Space Sci. Rev.*, Vol. 16., pp. 527-610, 1974..
- DR9 : Herman M and J.L. Deuzé, « Observation de la terre en lumière polarisée. Simulations numériques par le code des ordres successifs de diffusion. Notice scientifique », Laboratoire d'Optique Atmosphérique, Lille, 2002.
- DR10: Kuscer I. and M. Ribaric, « Matrix formalism in the theory of diffusion of light », *Optica Acta*, vol. 6, no. 42, 1959.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature SOS-MU-001-II

PAGE: i.6

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

DR11: Lenoble, J. et al., A successive order of scattering code for solving the vector equation of transfer in the earth's atmosphere with aerosols, *J. Quantitative Spectroscopy & radiative transfer*, vol. 107, n°3, pp. 479-507, 2007.

- DR12 : Nadal F., « Analyse de la polarisation pour la télédétection de l'atmosphère et des surfaces grâce aux mesures spatiales POLDER», rapport de thèse, Université Paris VII, 1999.
- DR13: Rondeaux G. and M. Herman, « Polarization of light reflected by crop canopies », *Remote Sens. Env.*, no. 38, pp. 63-75, 1991.
- DR14: Roujean J.L., M. Leroy, and P.Y. Deschamps, « A bidirectional reflectance model of the Earth surface for the correction of remote sensing data », *J. Geophys. Res.*, no. 97, pp. 20455-20468, 1992.
- DR15: Shettle Eric P. and Fenn Robert W., « Models for the Aerosols of the Lower Atmosphere and the Effects of Humidity Variations on Their Optical Properties », Air Force Geophysics Laboratory. September 1979, AFGL-TR-79-0214, *Environnemental Research papers*, No. 676.
- DR16: Siewert C. E., «On the equation of transfer relevant to the scattering of polarized light», *The Astrophysical J.*, vol. 245, no. 3, part 1, pp. 1080-1086, 1981.
- DR17: Stratton J.A., Electromagnetic theory, McGraw Hill Book, New York, USA, 615 pp., 1941.
- DR18: Vermote et al., Manuel « Second Simulation of the Satellite Signal in the Solar Spectrum. 6S User Guide Version 1 », 15/09/97.
- DR19: World Climate Research Programme, «A preliminary cloudless standard atmosphere for radiation computation», WCP-112, WMO/TD Report No 24, Geneva, Switzerland, March 1986

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature SOS-MU-001-II

PAGE: i.7

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

#### **SOMMAIRE**

I- INTRODUCTION	10
II- INSTALLATION	12
II-1 ENVIRONNEMENT MATÉRIEL ET LOGICIEL	12
II-2 Arborescence SOS	
II-3 GÉNÉRATION DE L'EXÉCUTABLE	14
III- MODE OPÉRATOIRE	15
III-1 Définition des variables d'environnement	16
III-2 DÉFINITION DES PARAMÈTRES DE SIMULATION	
III-2.1 Liste des paramètres	17
III-2.2 Définition des conditions angulaires	29
III-2.3 Conditions de surface	
III.2.3.a Surfaces marines	
III.2.3.b Surfaces terrestres	
III.2.3.c Fichiers des matrices de réflexion de surface	
III.2.4.a Diffusion moléculaire	
III.2.4.b Diffusion et absorption des aérosols	
III-2.5 Type de sortie	
III-2.6 Définition des fichiers de sortie	
III-2.7 Exemple de fichier de lancement : Simulation sur océan	45
III-3 CONSTANTES DE SIMULATION	46
III-3.1 Liste des constantes du fichier SOS.h	46
III-3.2 Modification du nombre de couches des profils	50
IV- DESCRIPTIF DU LOGICIEL	51
IV-1 STRUCTURE DU CODE	
IV-2 LISTE DES PROGRAMMES ET ROUTINES	53
V- DÉFINITION DES CONDITIONS ANGULAIRES	
V-1 PASSAGE DES PARAMÈTRES À L'EXÉCUTABLE SOS_ANGLES.EXE	55
V-2 CONTENU ET FORMAT D'UN FICHIER ANGLES POUR LE CODE DES OS	
V-2.1 Fichiers produits par le programme SOS_ANGLES	
V.2.1.a Fichier pour le calcul du champ de luminance	
V.2.1.b Fichier pour le calcul des fonctions de phase	
V-2.2 Fichiers de définition des « angles utilisateurs »	
V-3 FONCTIONNEMENT DE SOS_ANGLES	
V-3.1 Gestion des angles	
V-3.2 Orares timites des developpements	62
VI- CALCUL DU CHAMP DE LUMINANCE PAR LE CODE DES OS	
VI-1 PRINCIPE DE FONCTIONNEMENT	
VI-2 EQUATION DE TRANSFERT RADIATIF POUR UNE DÉCOMPOSITION EN SÉRIES DE FOURIER	
VI-2.1 Formalisme de StokesVI-2.2 Forme intégro-différentielle de l'ETR	
VI-2.2 Forme intégrée de l'ETR	
VI-2.5 Forme integree de l'ETR	
VI-3 ENCHAINEMENT DES TRAITEMENTS DU CODE DES OSD : ROUTINE SOS_OS	
VI-4 CALCUL DES FONCTIONS SOURCES	
VI-4.1 Noyaux de diffusion : SOS_NOTAUX	
VI-4.2 Fonction source d'ordre n : SOS_FSOURCE_ORDREIG	
VI-4.4 Fonction source d'ordre 1 pour la prise en compte d'une réflexion sur mer plate	
VI-5 INTÉGRATION SUR LE PROFIL ATMOSPHÉRIQUE	

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature SOS-MU-001-II

PAGE: i.8

EDIT. : 03 REV. : 00

VI-6 TESTS D'ARRÊT DES DÉVELOPPEMENTS	
VI-6.1 Tests d'arrêt de calcul des interactions successives	
VI.6.1.a Convergence en série géométrique	
VI.6.1.b Importance de la contribution d'ordre n de diffusion	
VI-6.2 Test d'arrêt du développement en série de Fourier	
VI-7 PRÉCISION DES CALCULS	
VI-7.1 Intégration sur l'épaisseur optique	
VI-7.2 Intégration spatiale	
VI-7.3 Longueur des développements	
VI-8 CALCULS DES TRANSMISSIONS	
VI-8.1 Principe de calcul des transmissions diffuses	
VI-8.2 Validation	
VI-9 PASSAGE DES PARAMÈTRES À L'EXÉCUTABLE SOS.EXE	
VI-10 RÔLE DES ROUTINES ASSOCIÉES AU PROGRAMME SOS	
VI-10.1 Programme du fichier SOS	
VI-10.2 Procédures du fichier SOS_OS	
VI-10.3 Procédures du fichier SOS_TRPHI	93
/II- PROPRIÉTÉS RADIATIVES DES AÉROSOLS	94
VII-1 PROPRIÉTÉS RADIATIVES CARACTÉRISANT UNE COUCHE DE PARTICULES	
VII-2 APPLICATION AU CODE DES OS : PROGRAMME SOS_AEROSOLS	
VII-2.1 Propriétés radiatives des aérosols requises pour le code des OS	
VII-2.2 Contenu et format d'un fichier AEROSOLS pour le code des OS	
VII-2.3 Choix de simulation d'un modèle d'aérosols	
VII-2.4 Passage des paramètres à l'exécutable SOS_AEROSOLS.exe	
VII-3 CALCULS DE MIE	
VII-3.1 Objectif des traitements	
VII-3.2 Choix des données en entrée	
VII-3.3 Description des fichiers de sortie	
VII-3.4 Relation théorie / algorithme	
VII-4 CALCUL DES PROPRIÉTÉS RADIATIVES D'UNE GRANULOMÉTRIE D'AÉROSOLS MONO-MODALE	
VII-4.1 Cas de particules sphériques	
VII.4.1.a Données de Mie initiales	
VII.4.1.b Estimation des paramètres radiatifs pour une granulométrie et une longueur d'onde fixées	
VII-4.2 Décomposition de la matrice de phase en fonctions de Legendre	.119
VII-4.3 Application d'une troncature	
VII-5 CALCUL DES PROPRIÉTÉS RADIATIVES D'UNE GRANULOMÉTRIE D'AÉROSOLS SELON LES MODÈLES DE LA WMO	
VII-5.1 Principe théorique	
VII.5.1.a Méthode générale de calcul des propriétés radiatives d'un mélange de particules	
VII.5.1.b Adaptation aux modèles de la WMO	
VII-5.2 Validation des calculs	
VII-6 CALCUL DES PROPRIÉTÉS RADIATIVES D'UNE GRANULOMÉTRIE D'AÉROSOLS SELON LES MODÈLES DE SHETTLE ET	
FENN	
VII-6.1 Principe théorique	
VII-6.2 Validation des calculs	
VII-7 CALCUL DES PROPRIÉTÉS RADIATIVES DE MODÈLES BI-MODAUX D'AÉROSOLS	
VII-7.1 Principe théorique	
VII-7.2 Introduction de la valeur des coefficients $C_{V,i}$	
VII-7.3 Validation des calculs	
VII-8 UTILISATION DE FONCTIONS DE PHASE DE SOURCE EXTERNE	
VII-8.1 Format du fichier de fonctions de phase externes	
VII-8.2 Traitements spécifiques	
VII-9 RÔLE DES ROUTINES ASSOCIÉES AU PROGRAMME SOS_AEROSOLS	
VII-9.1 Procédures du fichier SOS_AEROSOLS	
VII-9.2 Procédures du fichier SOS_MIE	.143
/III- DÉFINITION DU PROFIL ATMOSPHÉRIQUE	.144
VIII-1 Profil atmosphérique pour le code des OS.	.144
VIII-2 CONTENU ET FORMAT D'UN FICHIER DE PROFIL POUR LE CODE DES OS	
VIII-3 CHOIX DE SIMULATION DU PROFIL	

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature SOS-MU-001-II

PAGE: i.9

EDIT.: 03 REV.: 00

VIII-4 PASSAGE	DES PARAMÈTRES À L'EXÉCUTABLE SOS_PROFIL.EXE	146
VIII-5 DÉFINITI	ON DU PROFIL ATMOSPHÉRIQUE ÉTABLI PAR ÉCHELLES DE HAUTEUR	148
	D'AÉROSOLS ENTRE DEUX ALTITUDES VARIABLES	
VIII-6.1 But	du traitement	150
	cription du profil	
	ermination du nombre de sous-couches par couche	
	mation de la proportion des espèces pour l'extinction :	
	ΓΙΟΝ DES FICHIERS DE SORTIE	
	S ROUTINES ASSOCIÉES AU PROGRAMME SOS_PROFIL	
	DE SURFACE	
	USATION DES RÉFLEXIONS DE SURFACE PAR LE CODE DES OS	
	ession de la luminance par réflexion de surface	
IX-1.1 <i>Expre</i> IX.1.1.a	Réflexion lambertienne	
IX.1.1.a IX.1.1.b	réflexion directionnelle pour un modèle de BRDF	
IX.1.1.0 IX.1.1.c	Réflexion directionnelle pour un modèle de BPDF	
IX.1.1.d	Application au formalisme des OS	
	riétés des surfaces requises pour le code des OS	
	enu et format d'un fichier SURFACE pour le code des OS	
	the simulation des conditions de surface	
	ige des paramètres à l'exécutable SOS_SURFACE.exe	
	N DE FRESNEL SUR MER PLATE	
-	ession théorique de la matrice de réflexion de Fresnel	
IX.2.1.a IX.2.1.b	Coefficients de réflexion de Fresnel	
IX.2.1.6 IX.2.1.c	Paramètres de Stokes	
	luction de la réflexion de Fresnel dans les OS	
IX-2.2 Imirot IX.2.2.a	Formalisme sans séparation de la dépendance azimutale et zénithale	
IX.2.2.a IX.2.2.b	Application au formalisme des OS	
IX.2.2.c	Implémentation dans le code des OS	
	N POUR LE MODÈLE DE BRDF DE ROUJEAN	
	le de BRDF de Roujean	
	cation au formalisme des OS	
	v POUR DES MODÈLES DE BPDF	
	tions G de probabilité d'orientation des facettes de surface	
IX.4.1.a	Formalisme classique	
IX.4.1.b	Formalisme pour les OS	
	alisme de décomposition en séries de Fourier de la matrice de réflexion de surface	
IX.4.2.a	Décomposition en séries de Fourier de la fonction g	180
IX.4.2.b IX.4.2.c	Matrice de réflexion	
IX.4.2.d	Spécificités d'implémentation	
	ROUTINES ASSOCIÉES AU PROGRAMME SOS_SURFACE	
	édures du fichier SOS_ SURFACE	
	dures du fichier SOS_SURFACE	
	édures du fichier SOS_ROUJEAN	
	édures du fichier SOS_GLITTER	
	édures du fichier SOS_RONDEAUX_BREON	
IX-5.6 Proce	édures du fichier SOS_NADAL	191

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 10

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### I- Introduction

Le code des Ordres Successifs de Diffusion (OSD) est un code de transfert radiatif simulant la luminance diffuse et polarisée du système {surface – atmosphère} par ciel clair et sans absorption gazeuse.

Les premiers développements du code des OSD datent des travaux de thèse de M. Deuzé, portant sur la polarisation du rayonnement par les milieux diffusants [Laboratoire d'Optique Atmosphérique, 1974, DR4]. Le programme s'est ensuite enrichi par la possibilité de simuler la réflexion spéculaire du rayonnement sur la mer [1989, DR5].

La présente version du code des OSD reprend ces fonctionnalités initiales et les complète par de nouvelles possibilités de simulations :

- La base des modèles d'aérosols utilisables a été élargie : il est possible de simuler des granulométries mono-modales (loi log-normale ou de Junge) ainsi que des modèles plus complexes comme des distributions bimodales [DR6] ou les modèles prédéfinis de la WMO [DR19] et de Shettle & Fenn [DR15] (modèles continentaux, urbains, maritime ou côtier, avec une prise en compte de l'humidité relative de l'air). Il est également possible d'utiliser des fonctions de phase provenant d'une source externe, ce qui permet notamment de simuler la diffusion d'aérosols non-sphériques (d'orientation aléatoire). Le positionnement de la couche d'aérosols peut être modifié.
- La possibilité d'utiliser de nouvelles conditions de surface a également été introduite : modèle de réflexion de Roujean [DR14], modèles de réflexion en polarisation de Rondeaux [DR13] pour le cas de couverts végétaux ou de Bréon [DR2] pour des sols nus, modèle semi-empirique de Nadal [DR12].

Le codage du logiciel a été repris et contrôlé: corrections d'anomalies pour les traitements sur mer, introduction de commentaires dans les fichiers sources et remise en forme des codes. Les performances des traitements ont été améliorées. La réalisation d'une simulation a été simplifiée: les paramètres de traitements sont définis par couples « -Keyword *Value* », la définition des angles et des ordres de développements associés est gérée par le code.

Ce document constitue le manuel d'utilisation de la <u>version 5.0</u> du code des Ordres Successifs de Diffusion. Il a pour objectif de présenter la démarche d'installation du logiciel, son mode opératoire et son fonctionnement. Les spécificités de chaque programme sont présentées à travers les sections dédiées au formalisme théorique du logiciel, à la gestion des angles et des ordres de développement, au calcul des propriétés radiatives des aérosols, à la définition du profil atmosphérique, au calcul de matrices de réflexion de surface, et au calcul du champ de luminance par les OSD.

La description des diverses routines se veut aussi proche que possible de l'implémentation des programmes afin d'assurer la pérennité du logiciel malgré sa complexité théorique.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE:11

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Les principales évolutions apportées au logiciel (par rapport à la version 4 précédente) sont :

 Une refonte complète de la gestion des paramètres du code. Il n'est aujourd'hui nécessaire de renseigner que les paramètres utiles au cas de simulation réalisé. L'affectation est géré par couples « -Keyword Value ».

- L'ajout d'un nouveau module de préparation des angles servant aux calculs des fonctions de phase aérosols et aux calculs du champ de luminance : angles de Gauss et angles « utilisateurs » complémentaires. Ce module gère automatiquement les ordres limites des développements en fonction du nombre d'angles de Gauss.
- L'introduction de la possibilité d'utiliser des fonctions de phase externes, offrant la possibilité de simuler la diffusion de particules non-sphériques, respectant simplement une orientation aléatoire.
- L'ajout d'une sortie optionnelle des transmissions directes et diffuses.
- L'ajout d'une copie du fichier de constantes (SOS.h) au niveau de l'espace des codes exécutables et des résultats, de sorte à maintenir l'information sur les constantes effectivement liées aux simulations.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 12

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### **II-** Installation

#### II-1 Environnement matériel et logiciel

L'environnement nécessaire à l'installation et à l'exécution du code des OS est le suivant :

- Le logiciel a été testé sur les machines suivantes :
  - station SUN sous système d'exploitation SOLARIS,
  - PC LINUX sous système d'exploitation RedHat.
- compilateur Fortran (g77 ou f77)

NB: Le logiciel génère des fichiers binaires (calculs de Mie et des matrices de réflexion de surface). Le format d'enregistrement des données binaires n'étant pas le même entre le monde Unix et Linux, ces fichiers ne sont pas compatibles d'un système d'exploitation à l'autre.

#### II-2 Arborescence SOS

Il faut copier l'arborescence SOS sur son compte utilisateur.

Cette arborescence se compose des sous répertoires suivants :

-src : contient les sources

SOS\_ANGLES.F: programmes de gestion des angles et des ordres de développement.

SOS\_AEROSOLS.F: programmes de calcul des paramètres radiatifs des aérosols.

SOS\_MIE.F: routines de calcul des fichiers de MIE.

SOS\_PROFIL.F: programmes de définition du profil atmosphérique.

SOS\_SURFACE.F: programmes de calcul des fichiers de BRDF / BPDF de surface.

SOS\_GLITTER.F: routines de calcul des matrices de réflexion du Glitter. SOS\_ROUJEAN.F: routines de calcul des matrices de BRDF de Roujean.

SOS\_RONDEAUX\_BREON.F: routines de calcul des matrices de BPDF des modèles de

Rondeaux ou Bréon.

SOS\_NADAL.F: routines de calcul des matrices de BPDF du modèle de Nadal.

SOS\_NOM\_FIC\_SURFACE.F: routines gérant la dénomination des fichiers contenant les matrices de réflexion de surface.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

**PAGE** : 13

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

SOS.F: programme principal du code des OSD.

SOS\_OS.F: calcul du champ de rayonnement diffus polarisé (I, Q, U) dans une

atmosphère diffusante.

SOS\_TRPHI.F: génère les fichiers résultats des paramètres de Stokes I, Q et U.

-obj : espace de compilation.

-exe : contient les exécutables et la procédure KSH permettant de lancer ces exécutables.

5 exécutables:

SOS\_ANGLES.exe pour le calcul des fichiers d'angles,

**SOS\_AEROSOLS.exe** pour le calcul des fichiers Aérosols,

**SOS\_PROFIL.exe** pour le calcul des fichiers du profil atmosphérique,

SOS\_SURFACE.exe pour le calcul des fichiers de matrice de réflexion sur la surface,

SOS.exe pour le calcul des OS.

2 fichiers ksh (KornShell):

**runOS.ksh** permettant la sélection des paramètres de simulation et passant les arguments au script de traitement main\_SOS.ksh,

main\_SOS.ksh gérant l'enchaînement des traitements et l'appel des différents exécutables.

1 fichier texte:

**config.txt** qui est une copie du fichier « SOS.h » des constantes du code qui ont été utilisées lors de la compilation des exécutables présents sous le répertoire.

-inc : contient le fichier « SOS.h » rassemblant les constantes du code des OS. Il est commun à l'ensemble des programmes. Il précise la taille des tableaux utilisés, les noms des fichiers de données sur les modèles d'aérosols de la WMO et de Shettle & Fenn, ainsi qu'un ensemble de valeurs seuils pour les traitements des programmes.

**-gen** : contient les Makefile (compilation et lien de l'applicatif).

-fic : contient les fichiers de données nécessaires aux traitements des programmes :

Fichiers de données Aérosols des modèles de la WMO et de Shettle & Fenn : *DataWMO*, *DataSF*, *IRefrac\_LR*, *IRefrac\_LU*, *IRefrac\_OM*, *IRefrac\_SR*, *IRefrac\_SU*.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

**PAGE** : 14

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

-doc : contient 5 fichiers textes

Install.txt: installation du code des OS.

Fichier.txt : description du contenu des fichiers utilisés par le code des OS.

Manuel.txt: lancement / exécution du code des OS.

SOS-MU-001-II-E3-R0: Manuel utilisateur (version française) au format Microsoft Word

(.doc) et PDF (.pdf).

SOS-UG-001-II-E1-R0: Manuel utilisateur (version anglaise) au format Microsoft Word (.doc)

et PDF (.pdf).

#### II-3 Génération de l'exécutable

a) par précaution, se positionner dans le répertoire SOS/obj et détruire les fichiers objets .o (rm \*.o).

b) positionner la variable d'environnement RACINE : chemin d'accès à l'arborescence SOS.

Exemple: export RACINE=/users/username/SOS.

La commande ls \$RACINE permet d'afficher les sous-répertoires décrits dans le paragraphe II-2.

En pratique, il est recommandé de définir la variable \$RACINE dans le fichier « .profile » ou « .khsrc » de l'utilisateur pour ne pas devoir la redéfinir à chaque session.

- c) se positionner dans le répertoire gen (cd \$RACINE/gen).
- d) lancer le makefile :

make -f Makefile.xxx

avec xxx=g77 si l'on dispose du compilateur g77,

avec xxx=f77 si l'on dispose du compilateur f77.

#### On trouve alors:

- dans le répertoire \$RACINE/obj : le résultat de la compilation,
- dans le répertoire \$RACINE/exe :

5 exécutables SOS.exe, SOS\_AEROSOLS.exe, SOS\_ANGLES.exe, SOS\_PROFIL.exe et SOS\_SURFACE.exe en plus des procédures KSH.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 15

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### III- Mode opératoire

Ce chapitre précise la démarche à suivre pour exécuter une simulation et pour modifier les paramètres de calculs. Ces paramètres se distinguent en deux lots :

- des paramètres propres à chaque simulation, précisés dans un fichier de lancement runOS.ksh,
- des constantes dimensionnantes et des valeurs seuils, rassemblées dans un fichier d'inclusions SOS.h.

Les paramètres sont renseignés par l'utilisateur à l'appel du script principal main\_SOS.ksh. En pratique, on peut s'appuyer sur le **fichier de lancement runOS.ksh** (sous \$RACINE/exe) qui positionne les variables d'environnement et réalise l'appel du script main\_SOS.ksh. Il précise l'ensemble des paramètres d'une simulation: paramètres physiques décrivant les propriétés des surfaces (albédo, BRDF, BPDF) et de l'atmosphère (molécules, aérosols), ainsi que la direction d'éclairement. Le fichier de lancement permet également de préciser le type de sortie souhaitée (plan de visée ou champ global, niveau du profil, ordre limite d'interactions, coupure de la polarisation) ainsi que les angles à utiliser (nombre d'angles de Gauss pour les intégrations spatiales et liste d'angles définis librement). L'utilisateur y précise le nom des fichiers résultats, des fichiers Trace et l'arborescence du stockage des fichiers de Mie et de BRDF ou BPDF.

Le **fichier des inclusions SOS.h** (sous \$RACINE/inc) contient l'ensemble des constantes de simulations. Il précise toutes les grandeurs dimensionnantes. Leurs valeurs sont associées au logiciel à la compilation.

Toute modification des constantes demande une nouvelle compilation du logiciel pour être effectivement prise en compte.

Ces constantes peuvent être communes à l'ensemble des programmes ou spécifiques à certains. Le fichier SOS.h distingue six types de constantes :

- Constantes communes telles que la longueur de chaînes de caractères.
- Constantes spécifiques aux routines du programme SOS\_AEROSOLS.
- Constantes spécifiques à la définition du profil atmosphérique.
- Constantes spécifiques aux programmes de calculs des matrices de réflexion de surface.
- Constantes spécifiques aux routines du programme SOS, précisant notamment la valeur des paramètres seuils intervenant pour les tests d'arrêt du logiciel
- Constantes spécifiques à la définition des angles et des ordres de développements en séries de Fourier et en polynômes de Legendre.

Le fichier SOS.h est en pratique rarement modifié. Tout changement de son contenu demande une bonne connaissance du logiciel.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 16

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### III-1 Définition des variables d'environnement

Les chemins d'accès aux fichiers des exécutables, aux fichiers utilisés et aux fichiers résultats sont précisés par des variables d'environnement rappelées dans le fichier **runOS.ksh**.

Le fichier runOS.ksh requiert la définition de trois variables d'environnement :

- La variable \$SOS\_RACINE pour laquelle on affecte \$RACINE qui pointe sur l'arborescence du programme (cf. II-3).
- La variable \$SOS\_RESULT qui pointe sur le répertoire de stockage des résultats.
- La variable \$SOS\_RACINE\_FIC qui précise le répertoire de stockage des fichiers prédéfinis de données aérosols (modèles WMO et Shettle&Fenn).

Variables d'environnement runOS		
Nom	Description	
SOS_RACINE	Chemin d'accès à l'arborescence SOS	
SOS_RESULT	Répertoire de stockage des fichiers résultats	
SOS_RACINE_FIC	Chemin d'accès aux fichiers définissant les modèles WMO et Shettle&Fenn	

#### III-2 Définition des paramètres de simulation

On distingue cinq blocs de paramètres :

- Les paramètres définissant les angles à utiliser.
- Les paramètres de base de simulation du champ de rayonnement.
- Les paramètres définissant les conditions de surface.
- Les paramètres définissant le profil atmosphérique (épaisseurs optiques).
- Les paramètres définissant les aérosols.

Ces paramètres sont renseignés à l'appel du script main\_SOS.ksh par couples : « -Keyword Value ».

Le chapitre III-2.1 liste l'ensemble des paramètres de simulation.

Le chapitre III-2.2(p. 29) précise les paramètres définissant les conditions angulaires.

Le chapitre III-2.3 (p. 30) précise les paramètres relatifs à la définition des conditions de surface.

Le chapitre III-2.4 (p. 34) précise les paramètres atmosphériques.

Le chapitre III-2.5 (p. 40) précise les types de sorties possibles.

Le chapitre III-2.6 (p. 44) précise les fichiers de sorties disponibles.

Enfin, le chapitre III-2.7 (p. 45) illustre un exemple de simulation.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 17

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### III-2.1 Liste des paramètres

Les croquis suivants indiquent les paramètres (Keyword) en entrée du script main\_SOS.ksh. Le tableau 111 précise l'ensemble des paramètres.

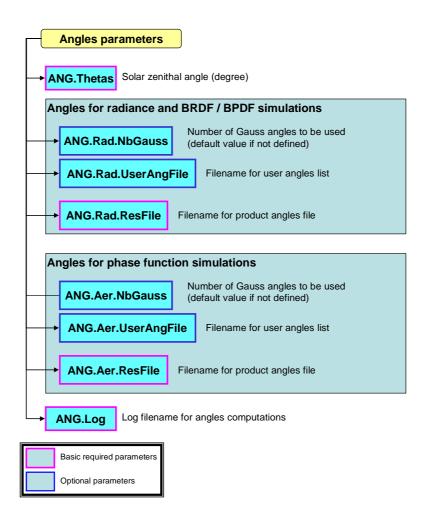


Figure 1: Paramètres de définition des angles pour l'appel du script main\_SOS.ksh

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 18

EDIT.: 03 REV.: 00

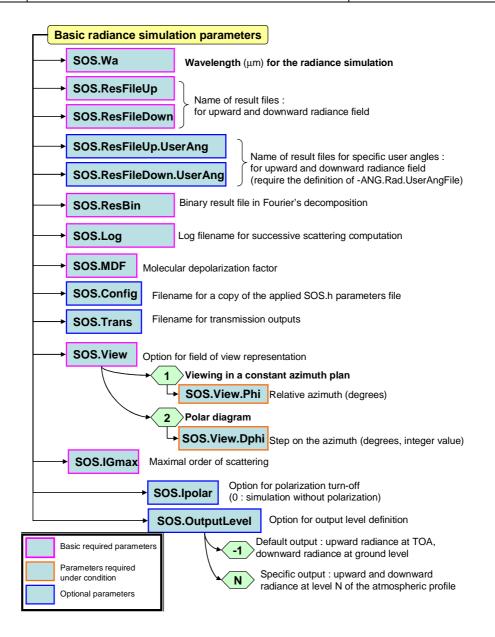


Figure 2: Paramètres de base de simulation du champ de rayonnement pour l'appel du script main\_SOS.ksh

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

**PAGE** : 19

EDIT.: 03 REV.: 00

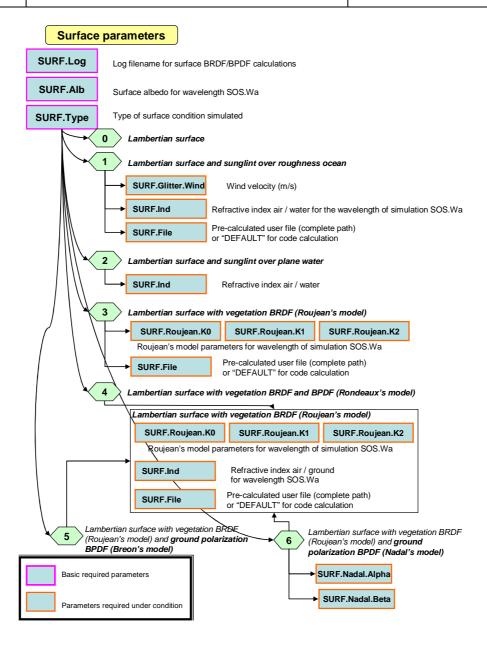


Figure 3 : Paramètres de surface pour l'appel du script main\_SOS.ksh

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 20

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

#### **Atmospheric Profile** One of these parameters is required Filename for atmospheric profile computation based on following parameters Pre-calculated atmospheric profile file (complete path). AP.UserFile AP.ResFile The user profile is supposed to be a real profile, without adjustment to an aerosol phase function truncature. AP.Log Log filename for atmospheric profile computation Molecular optical thickness AP.MOT for wavelength SOS.Wa = 0 **≠** 0 ≥ 0.0001 (to not be neglected) AP.HR Molecular height scale (km) Type of profile AP.Type Profile defined by heights scales AP.AerHS.HA | Aerosols height scale (km) Only required if AOT ≥ 0.0001 Profile for a mixture of molecules and aerosols 2 between altitudes Zmin and Zmax (in km) AP.AerLayer.Zmin Basic required parameters AP.AerLayer.Zmax Required parameters (if not userfile) Parameters required under condition Optional parameters

Figure 4: Paramètres du profil atmosphérique pour l'appel du script main\_SOS.ksh

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 21

EDIT. : 03 REV. : 00

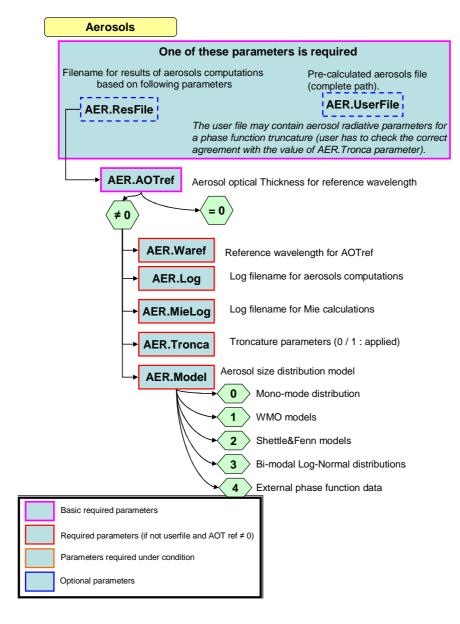


Figure 5 : Paramètres aérosols pour l'appel du script main\_SOS.ksh (1/2)

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 22

EDIT.: 03 REV.: 00

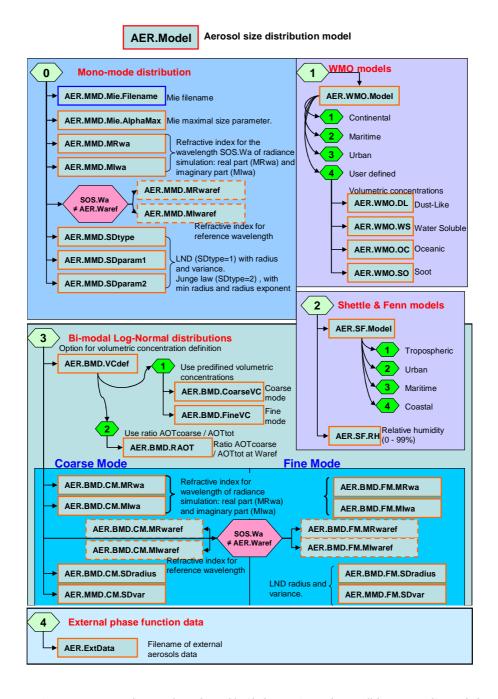


Figure 6: Paramètres aérosols – détail des options du modèle - pour l'appel du script main\_SOS.ksh (2/2)

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 23

EDIT.: 03 REV.: 00

Tableau 1 : Paramètres de simulations

Paramètres de si	mulation :	
		, paramètres physiques et options de traitements
		le réflexion de surface, des fichiers de Mie, des fichiers Trace et des
dirSUNGLINT	Répertoire de	e stockage des fichiers de réflexion du modèle du Glitter
dirROUJ	Répertoire de	e stockage des fichiers de réflexion du modèle de Roujean
dirRH	Répertoire de	e stockage des fichiers de réflexion du modèle de Rondeaux – Herman
dirBREON	Répertoire de	e stockage des fichiers de réflexion du modèle de Bréon
dirNADAL	Répertoire de	e stockage des fichiers de réflexion du modèle de Nadal
dirMIE	Répertoire de	e stockage des fichiers de Mie
dirLOG	Répertoire de	e stockage des fichiers trace
dirRESULTS	Répertoire de	e stockage des fichiers résultats
PARAMETRES D'IN	NCIDENCE S	OLAIRE ET DE DEFINITION DES ANGLES
ANG.Thetas		Angle zénithal solaire en degrés (0 < tetas < 90°)
ANG.Rad.NbGauss		Nombre d'angles de Gauss pour les simulations de luminance et BRDF/BPDF
ANG.Rad.UserAngFi	le	Nom du fichier des angles « utilisateur » complémentaires pour les calculs de luminance.
ANG.Rad.ResFile		Nom du fichier créé contenant les angles et les ordres maximums des développements à utiliser pour les calculs de luminance.
ANG.Aer.NbGauss		Nombre d'angles de Gauss pour les calculs de fonctions de phase
ANG.Aer.UserAngFil	le	Nom du fichier des angles « utilisateur » complémentaires pour les calculs de fonctions de phase.
ANG.Aer.ResFile		Nom du fichier créé contenant les angles et les ordres maximums des développements à utiliser pour les calculs de fonctions de phase.
ANG.Log		Nom du fichier trace des calculs du programme ANGLES  Saisir 0 pour ne pas générer de fichier Trace
LONGUEUR D'ONL	DE POUR LA	SIMULATION DU CHAMP DE RAYONNEMENT
SOS.Wa		Longueur d'onde de simulation du champ de rayonnement (µm)
PARAMETRES DU I	PROFIL ATM	IOSPHÉRIQUE
AP.Log		Nom du fichier trace des calculs du programme PROFIL
		Saisir 0 pour ne pas générer de fichier Trace
AP.ResFile		Nom du fichier PROFIL qui sera créé par le code : Utilisé en absence de
		fichier Utilisateur
		NB : Fichier écrasé à chaque simulation
AP.userFile		Nom du fichier utilisateur <b>précalculé</b> de profil atmosphérique
		(arborescence complète). NB: le profil utilisateur est supposé être un
		profil vrai, c'est à dire sans ajustement par rapport à une troncature de
	la fonction de phase des aérosols.	
Molécules		
AP.MOT	<b>m</b> . 0.000	Epaisseur optique Rayleigh
Si AP.MO	<i>T</i> ≥0.0001	
AP.HR		Echelle de hauteur du profil moléculaire (km)

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 24

EDIT. : 03 REV. : 00

Type de profil		
AP.Type	Type de profil simulé :	
	1 : profil défini par simples échelles de hauteur	
	2 : profil défini avec trois couches distinctes : molécules,	
	molécules + aérosols, molécules	
Si AP.Type = 1 et AOT 2	≥0.0001 (pas toujours estimable puisqu'on définit une	
AOT de référence à une autre lo	ngueur d'onde)	
AP.AerHS.HA	Echelle de hauteur du profil d'aérosols (km)	
Si AP.Type = 2		
AP.AerLayer.Zmin	Altitude minimale de la couche du mélange molécules + aérosols (en km)	
	NB: 0 possible pour un cas à deux couches: molécules + aérosols,	
	molécules	
AP.AerLayer.Zmax	Altitude maximale de la couche du mélange molécules + aérosols (en km)	

AER.MieLog	Nom du fichier trace des calculs de Mie	
C	Saisir 0 pour ne pas générer de fichier Trace	
AER.Log	Nom du fichier trace des calculs du programme AEROSOLS	
	Saisir 0 pour ne pas générer de fichier Trace	
AER.ResFile	Nom par défaut du fichier AEROSOLS créé par le code	
	Fichier écrasé à chaque simulation	
AER.UserFile	Nom du fichier Aérosols	
	Nom du fichier utilisateur précalculé (arborescence complète). NB: le	
	fichier Aérosols contient l'éventuelle information de troncature. Il <u>ne peut</u>	
	être utilisé que si les traitements se font directement pour la longueur	
	d'onde de simulation (longueur d'onde de référence identique à celle de	
	simulation du champ de rayonnement).	
AER.Waref	Longueur d'onde de référence (en µm) pour la simulation des propriétés	
	radiatives des aérosols	
AER.AOTref	Epaisseur optique d'extinction des aérosols pour la longueur d'onde de	
	référence	
AER.Tronca	Indice de troncature 0 : pas de troncature 1 :	
	application d'une troncature	
Aérosols : granulome	étrie e	
AER.Model	Type de modèle d'aérosols	
	0 : modèle mono-modal	
	1 : modèle multi-modal de la WMO	
	2 : modèle bi-modal de Shettle & Fenn	
	3 : modèle bi-modal de Log-Normale	
	4 : fonctions de phase de source externe	

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 25

EDIT. : 03 REV. : 00

Si AER.Model = 0 : par	amètres de Mie (granulométrie mono-modale)			
AER.MMD.Mie.Filename	Nom du fichier de Mie qui sera stocké sous dirMIE			
	Nom utilisateur ou DEFAULT pour que le code définisse le nom par			
	défaut			
AER.MMD.Mie.AlphaMax	Valeur maximale du paramètre de taille			
AER.MMD.MRwa	Partie réelle de l'indice de réfraction pour la longueur d'onde de			
	simulation			
AER.MMD.MIwa	Partie imaginaire de l'indice de réfraction (valeur négative) pour la			
	longueur d'onde de simulation			
Si AER. Waref ≠ SO	S.Wa			
AER.MMD.MRwaref	Partie réelle de l'indice de réfraction pour la longueur d'onde de référence			
AER.MMD.MIwaref	Partie imaginaire de l'indice de réfraction pour la longueur d'onde de			
	référence			
Si AER.Model = 0 : par	amètres de la granulométrie mono-modale			
AER.MMD.SDtype	Numéro du modèle			
	1 : granulométrie Log-Normale			
	2 : loi de Junge			
AER.MMD.SDparam1	Paramètre de la granulométrie			
	Si LND : rayon modal (en μm)			
	Si Junge : rayon minimal (en μm)			
AER.MMD.SDparam2	Paramètre de la granulométrie			
	Si LND : log10 de la variance			
	Si Junge : puissance appliquée au rayon			
Si AER.Model = 1 mode				
AER.WMO.Model	Modèle de la WMO 1 : Continental 2 : Maritime			
	3 : Urbain 4 : Défini par l'utilisateur			
	el = 4 : proportions de l'utilisateur (somme=1)			
AER.WMO.DL	Proportion volumique du composant « Dust-Like » (valeur entre 0 et 1)			
AER.WMO.WS	Proportion volumique du composant « Water Soluble »			
	(valeur entre 0 et 1)			
AER.WMO.OC	Proportion volumique du composant « Oceanic » (valeur entre 0 et 1)			
AER.WMO.SO	Proportion volumique du composant « Soot » (valeur entre 0 et 1)			
Si AER.Model = 2 : ma				
AER.SF.Model	Modèle de Shettle & Fenn 1 : Troposphérique 2 : Urbain			
	3 : Maritime 4 : Côtier			
AER.SF.RH	Pourcentage d'humidité relative (de 0 à 99%)			
Si AER.Model = 3 : mod				
AER.BMD.CVdef	Choix du mode de description du mélange			
	1 : Utilisation de concentrations volumiques prédéfinies			
	2 : Utilisation du rapport de l'épaisseur optique du mode grossier /			
G1 1777 777 7	épaisseur optique totale			
	n=1: concentrations volumiques de l'utilisateur			
AER.BMD.CoarseVC	Concentration volumique des particules du mode grossier			
AER.BMD.FineVC	Concentration volumique des particules du mode fin			

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 26

EDIT. : 03 REV. : 00

Si AER.BMD.Option	= 2:			
Utilisation du rapport d'épaisseurs optiques mode grossier / totale				
AER.BMD.RAOT	Rapport de l'épaisseur optique du mode grossier / épaisseur optique to			
	pour la longueur d'onde de référence.			
Paramètres de la LND du mode grossier				
AER.BMD.CM.MRwa	Partie réelle de l'indice de réfraction des particules du mode grossier pour			
	la longueur d'onde de simulation			
AER.BMD.CM.MIwa	Partie imaginaire de l'indice de réfraction des particules du mode grossier			
	pour la longueur d'onde de simulation			
AER.BMD.CM.SDradius	Rayon modal de la granulométrie LND du mode grossier (en µm)			
AER.BMD.CM.SDvar	Log10 de la variance de la granulométrie LND du mode grossier			
Si AER.Waref ≠ SOS.Wa				
AER.BMD.CM.MRwaref	Partie réelle de l'indice de réfraction des particules du mode grossier pour			
	la longueur d'onde de référence			
AER.BMD.CM.MIwaref	Partie imaginaire de l'indice de réfraction des particules du mode grossier			
	pour la longueur d'onde de référence			
Paramètres de la I	ND du mode fin			
AER.BMD.FM.MRwa	Partie réelle de l'indice de réfraction des particules du mode fin pour la			
	longueur d'onde de simulation			
AER.BMD.FM.MIwa	Partie imaginaire de l'indice de réfraction des particules du mode fin pour			
	la longueur d'onde de simulation			
AER.BMD.FM.SDradius	Rayon modal de la granulométrie LND du mode fin (en µm)			
AER.BMD.FM.SDvar	Log10 de la variance de la granulométrie LND du mode fin			
Si AER.Waref	s≠SOS.Wa			
AER.BMD.FM.MRwaref	Partie réelle de l'indice de réfraction des particules du mode fin pour la			
	longueur d'onde de référence			
AER.BMD.FM.MIwaref	Partie imaginaire de l'indice de réfraction des particules du mode fin pour			
	la longueur d'onde de référence			
Si AER.Model = 4: fond	ctions de phase de source externe			
AER.ExtData	Nom du fichier des données externes de fonctions de phase (chemin			
	complet)			

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 27

EDIT. : 03 REV. : 00

SURF.Log	Nom du fichier trace des calculs du programme SURFACE		
•	Saisir 0 pour ne pas générer de fichier Trace		
SURF.Alb	Albédo de surface		
SURF.Type	Numéro de type de surface		
	0 : surface lambertienne d'albédo SURF.Alb		
	1 : surface lambertienne + glitter (mer agitée)		
	2 : surface lambertienne + réflexion de Fresnel (mer plate)		
	3 : surface lambertienne + BRDF de Roujean		
	4 : surface lambertienne + BRDF de Roujean + BPDF du modèle		
	de Rondeaux		
	5 : surface lambertienne + BRDF de Roujean + BPDF du modèle		
	de Bréon		
	6 : surface lambertienne + BRDF de Roujean + BPDF du modèle		
	de Nadal		
$Si\ SURF.Type = 1$	1 ou ≥3		
SURF.File	Nom du fichier de réflexion de surface		
	- Nom utilisateur (arborescence complète). NB: n'exclut pas de		
	définir les paramètres correspondants qui seront utiles pour le		
	calcul analytique de réflexion directe.		
	- DEFAULT pour que le code définisse le nom par défaut		
Si SURF.Type ≠3	3: pour tous les modèles, excepté celui de Roujean		
SURF.Ind	Indice de réfraction surface / air		
$Si\ SURF.Type = I$	! : glitter		
SURF.Glitter.Wind	Vitesse du vent en m/s		
Si SURF.Type ≥3	3 : modèle de BRDF de Roujean		
SURF.Roujean.K0	Paramètre k <sub>0</sub> du modèle de Roujean		
SURF.Roujean.K1	Paramètre k <sub>1</sub> du modèle de Roujean		
SURF.Roujean.K2	Paramètre k <sub>2</sub> du modèle de Roujean		
Si SURF.Type = 0	6 : modèle de BPDF de Nadal		
SURF.Nadal.Alpha	Paramètre α du modèle de Nadal		
SURF.Nadal.Beta	Paramètre β du modèle de Nadal		

PARAMETRE DE DIFFUSION MOLECULAIRE			
SOS.MDF	Facteur de dépolarisation moléculaire		

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 28

EDIT. : 03 REV. : 00

CONDITIONS DE VISÉE			
SOS.View	Indice de type de sortie		
	1 : plan de visée		
	2 : diagramme polaire (fichier ascii)		
SOS.View.Phi	Azimut relatif (en degrés) Utilisé si SOS.View = 1		
SOS.View.Dphi	Pas sur l'azimut en degrés (valeur entière) Utilisé si si SOS.View = 2		
CHOIX DU TYPE DE SORTIE	$\Xi$		
SOS.OutputLevel	Niveau du profil (optionnel)		
	Si non défini : sortie standard ( $L\uparrow$ TOA, $L\downarrow$ sol)		
	n : luminance montante et descendante au niveau n du profil		
	$(0 \le n \le SOS\_OS\_NT)$		
SOS.IGmax	Ordre maximal de diffusion		
SOS.Ipolar	Indice de coupure de la polarisation (optionnel)		
	0 : simulation des OS sans polarisation		
	Si non défini : simulation avec polarisation		
NOM DES FICHIERS RÉSUL	TATS DES OS		
SOS.Log	Nom du fichier trace SOS:		
	Saisir 0 pour ne pas générer de fichier Trace		
SOS.ResBin	Nom du fichier binaire résultat des OS en décomposition en séries de		
	Fourier		
SOS.ResFileUp	Nom du fichier ascii résultat pour le champ montant		
SOS.ResFileDown	Nom du fichier ascii résultat pour le champ descendant		
SOS.ResFileUp.UserAng	Nom du fichier ascii résultat pour le champ montant, uniquement pour les		
	angles « utilisateur »		
SOS.ResFileDown.UserAng	Nom du fichier ascii résultat pour le champ descendant, uniquement pour		
	les angles « utilisateur »		

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

**PAGE**: 29

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### III-2.2 <u>Définition des conditions angulaires</u>

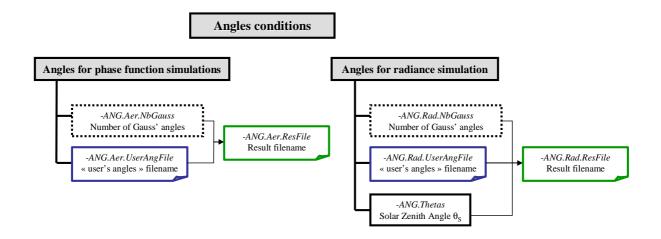
La source de rayonnement provient de l'éclairement solaire. On exprime la hauteur du Soleil en fonction de l'angle zénithal solaire  $\theta_s$  (degrés) : 0 pour le Soleil au zénith.

La luminance est calculée pour une discrétisation du champ de rayonnement en angles de Gauss. L'utilisateur précise l'ordre de la quadrature qu'il souhaite utiliser : il peut le faire en renseignant le paramètre -ANG.Rad.NBGauss dans sa ligne de commande (nombre de  $\mu_G$  positifs), sinon c'est la valeur SOS\_DEFAULT\_NBMU\_LUM définie par défaut dans le fichier SOS.h qui est utilisée.

L'utilisateur peut définir une liste d'angles complémentaires pour lesquels il souhaite obtenir la valeur de luminance. Cette liste est définie dans un fichier texte, contenant une valeur d'angle (en degrés) par ligne.

L'utilisateur précise le fichier de résultat à produire. Ce fichier contient les angles à utiliser par le code OSD, ainsi que les ordres limites des développements à appliquer aux traitements (cf. §V-2.1, p. 57).

Il en est de même pour le calcul des propriétés des aérosols.



#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 30

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### III-2.3 Conditions de surface

Le code des OS peut simuler différents modèles de surfaces homogènes : surfaces marines avec ou sans vagues, surfaces terrestres lambertiennes ou à BRDF / BPDF.

#### III.2.3.a SURFACES MARINES

Une surface marine est caractérisée par un terme lambertien de réflectance diffuse et par un terme directionnel de réflexion spéculaire du rayonnement solaire direct et diffus éclairant la mer. Les propriétés de réflexion de surface sont caractérisées par les lois de Fresnel. Elles dépendent de l'indice de réfraction de l'eau (valeur réelle dans le domaine du visible) et de l'inclinaison des vagues. Le logiciel permet de simuler le cas d'une mer plate (vent nul) et le cas d'une mer agitée pour laquelle la statistique d'inclinaison des vagues est fonction de la vitesse du vent (cas du glitter) [cf. DR5, DR9].

#### III.2.3.b SURFACES TERRESTRES

Le code des OS simule la réflexion de la lumière sur un sol plat. La réflectance peut être lambertienne ou suivre une loi de réflexion directionnelle en intensité (BRDF) comme en polarisation (BPDF).

Il est possible de simuler la BRDF d'un couvert végétal ou d'un sol nu selon le modèle de Roujean [DR14]. Seuls trois paramètres  $(k_0, k_1, k_2)$  suffisent à caractériser ce modèle. Ils sont estimés par l'utilisateur en fonction des conditions de surface qu'il souhaite simuler. Ces paramètres tiennent donc compte de la nature de la surface. Leurs valeurs doivent avoir une dimension permettant de simuler une réflectance.

Les modèles de BPDF disponibles sont :

- le modèle de Rondeaux, permettant de simuler la polarisation de la végétation [DR13],
- le modèle de Bréon, adapté pour simuler la polarisation d'un sol nu [DR2],
- le modèle semi-empirique de Nadal [DR12] fonction de deux paramètres  $\alpha$  et  $\beta$ .

Nous avons convenu d'exprimer la BRDF associée à ces modèles par le modèle de Roujean (BRDF additionnée au terme d'intensité de la matrice de réflexion en polarisation).

Ces modèles nécessitent de connaître l'indice de réfraction du dioptre surface / air pour le calcul de la réflexion de Fresnel.

L'utilisateur est invité à se reporter au chapitre IX- pour une complète description des modèles de BRDF et BPDF simulés.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 31

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### III.2.3.c FICHIERS DES MATRICES DE RÉFLEXION DE SURFACE

Le calcul d'une matrice de réflexion de surface est réalisé selon un formalisme propre au fonctionnement du code des OS (voir en section IX-1.3). Ce calcul peut être coûteux en temps de calcul et redondant d'une simulation à l'autre. Aussi, il a été choisi de conserver les matrices de réflexion de surface simulées plutôt que de les calculer systématiquement. Les fichiers correspondant sont enregistrés sous une arborescence définie par l'utilisateur dans le fichier runOS.ksh.

Le programme SOS\_SURFACE génère les matrices de réflexion des modèles. Dans le cas d'une simulation de BRDF / BPDF, l'utilisateur peut préciser le nom du fichier SURFACE résultat de l'appel du programme. Il peut également laisser le logiciel définir automatiquement le nom de ce fichier en saisissant DEFAULT en place de la variable. Le nom du fichier sera alors fonction des paramètres de simulation. Par exemple, dans le cas d'une simulation du glitter le nom du fichier sera fonction de l'indice de l'eau, de la vitesse du vent et des angles de visée utilisés, sous la forme « GLITTER-indice-vent-MUnnn-ficUser ». Pour un indice de 1.5, un vent de 12.5 m.s<sup>-1</sup> et en travaillant avec 24 angles de Gauss complétés par les angles d'un fichier utilisateur nommé « MesAngles » (indépendamment de sa localisation), le nom du fichier créé sera « GLITTER-1.500-12.5-MU24-MesAngles ». Le logiciel contrôlera si ce fichier existe déjà et, le cas échéant, il n'exécutera pas à nouveau les calculs de préparation de la matrice de réflexion.

#### **Avertissements:**

- Bien que corrélées, les valeurs des paramètres physiques des surfaces et de la longueur d'onde de simulation sont saisies dans le fichier runOS.ksh indépendamment les unes des autres. L'utilisateur doit veiller à leur cohérence physique.
- Une modification du contenu du fichier des « angles utilisateur », sans changement de son nom, n'entraînera pas un nouveau calcul du fichier SURFACE. Il convient d'utiliser des dénominations différentes pour les fichiers d'angles modifiés ou de supprimer les fichiers SURFACE existants, pour éviter des erreurs de simulations.
- Dans le cas où un fichier d'« angles utilisateur » est utilisé, le nom d'un fichier SURFACE généré automatiquement ne renseigne que sur le nom du fichier d'« angles utilisateur » utilisé, et non pas sur le répertoire où il se localise. Il est donc recommandé de n'avoir qu'un espace contenant les fichiers d'« angles utilisateurs » et/ou de respecter une nomenclature unique par fichier.

Tableau 2 : Format des paramètres relatifs à la nomenclature des fichiers SURFACE

Paramètre	Valeurs limites	Dernier chiffre significatif	Format associé
Vitesse du vent	< 100 m.s <sup>-1</sup>	Précision à 10 <sup>-1</sup> près	F4.1
Indice de surface		Précision à 10 <sup>-3</sup> près	F5.3
K <sub>0</sub> , K <sub>1</sub> , K <sub>2</sub> du modèle de Roujean			F7.3
α du modèle de Nadal		Précision à 10 <sup>-4</sup> près	F6.4
β du modèle de Nadal		Précision à 10 <sup>-1</sup> près	F4.1

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 32

EDIT.: 03 REV.: 00

 $Table au\ 3: Format\ des\ paramètres\ relatifs\ \grave{a}\ la\ nomenclature\ des\ fichiers\ SURFACE$ 

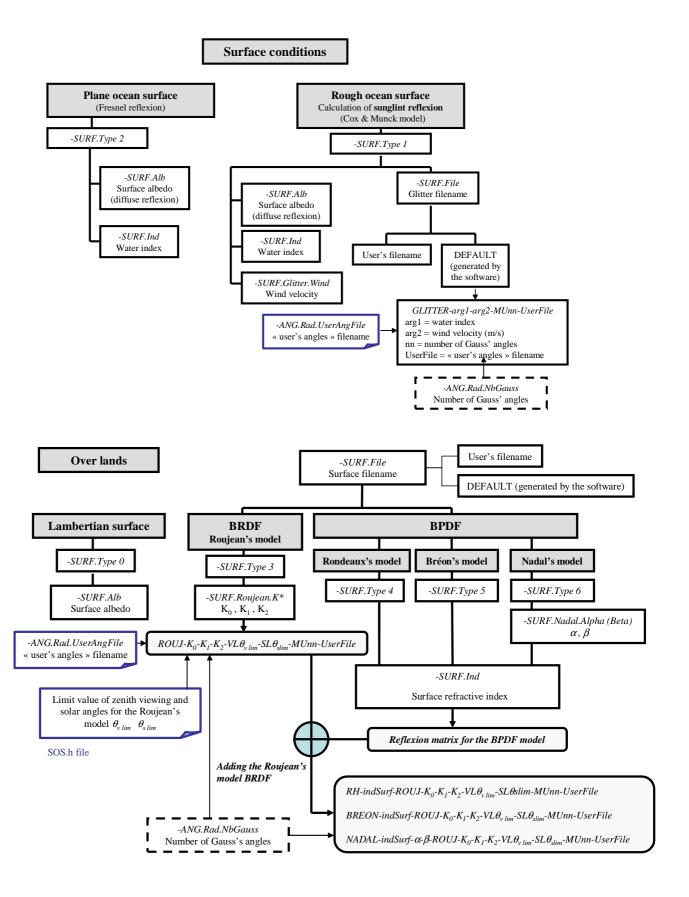
Type de surface	Nom associé		
Modèle de Roujean	ROUJ-k0-k1-k2-VL-SL-MUnnn-ficUser		
	NB: VL, SL sont des constantes du fichier SOS.h (angles de visée et solaire limites).		
	nnn : nombre d'angles de Gauss		
	ficUser: nom du fichier des « angles utilisateur » (optionnel)		
	Ex: ROUJ-000.243-000.073-000.642-VL60-SL60-MU24		
Modèle de Rondeaux	RH-indSurf-ROUJ-k0-k1-k2-VL-SL-MUnnn-ficUser		
	Ex: RH-1.500-ROUJ-000.243-000.073-000.642-VL60-SL60-MU24		
Modèle de Bréon	BREON-indSurf-ROUJ-k0-k1-k2-VL-SL-MUnnn-ficUser		
	Ex: BREON-1.500-ROUJ-000.243-000.073-000.642-VL60-SL60-MU24		
Modèle de Nadal	NADAL-indSurf-α-β-ROUJ-k0-k1-k2-VL-SL-MUnnn-ficUser		
	Ex: NADAL-1.500-0.0229-38.0-ROUJ-000.243-000.073-000.642-VL60-SL60-MU24		

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 33

EDIT. : 03 REV. : 00



#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 34

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### III-2.4 Conditions atmosphériques

Le code des Ordres Successifs de Diffusion calcule la propagation de la lumière dans une atmosphère diffusante, par ciel clair. Les constituants atmosphériques considérés sont les molécules et les aérosols. Il n'y a pas de prise en compte d'absorption gazeuse.

#### III.2.4.a DIFFUSION MOLÉCULAIRE

La diffusion moléculaire dépend du profil de la pression atmosphérique et de la longueur d'onde considérée. Plutôt qu'un calcul de l'épaisseur optique moléculaire par le logiciel, pour une pression et une longueur d'onde données, l'utilisateur est libre de la saisir (épaisseur optique moléculaire intégrée sur une colonne verticale). Il peut ainsi simuler le rayonnement intrinsèque d'une couche d'aérosols en supprimant la composante moléculaire avec une épaisseur optique nulle.

Le profil de pression est estimé par une décroissance exponentielle en  $\exp(-z / h_m)$ , caractérisée par une échelle de hauteur  $h_m$  (6 à 8 km). Les propriétés de la diffusion moléculaire sont bien connues et sont inscrites dans le code. On prend en compte l'anisotropie des molécules par un facteur de dépolarisation [DR9]. Sa valeur proposée par défaut est de 0,0279.

L'épaisseur optique moléculaire peut être estimée selon le formalisme classique de Hansen & Travis [DR8] au niveau de la surface sous une pression atmosphérique standard de 1013 mb :

$$\tau_{\rm m} = \left(\frac{84,35}{\lambda^4} + \frac{-1,225}{\lambda^5} + \frac{1,4}{\lambda^6}\right) \times 10^{-4} \text{ pour } \lambda \text{ en } \mu\text{m}$$
 (1)

Une formulation plus récente de Bodhaine et al. [DR1], prenant en compte l'augmentation du taux de gaz carbonique, pourrait être préférée.

#### III.2.4.b <u>Diffusion et absorption des aérosols</u>

#### • Profil vertical des aérosols :

Le profil vertical des aérosols peut être caractérisé par une décroissance exponentielle de l'épaisseur optique en  $\exp(-z/h_a)$ , avec une échelle de hauteur  $h_a$  typiquement de l'ordre de 2 km. L'utilisateur peut aussi simuler une couche d'aérosols entre deux couches purement moléculaires (mélange homogène de molécules et d'aérosols). L'épaisseur optique totale des aérosols,  $\tau_a$ , dépend du type et de l'abondance des particules, pour la longueur d'onde  $\lambda$ . Sa valeur est fixée librement par l'utilisateur. Il est ainsi possible de simuler la diffusion moléculaire pure en prenant  $\tau_a=0$ .

#### • Modèle d'aérosols :

La définition des propriétés radiatives des aérosols peut se faire des façons suivantes :

• L'utilisateur peut sélectionner un type de modèle : il est possible de simuler des granulométries mono-modales (loi log-normale ou de Junge) ainsi que des modèles plus complexes comme des *Mode opératoire* 

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 35

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

distributions bimodales ou les modèles prédéfinis de la WMO [DR19] et de Shettle & Fenn [DR15] (modèles continentaux, urbains, maritime, côtier, avec une prise en compte de l'humidité relative de l'air).

- L'utilisateur peut utiliser un fichier de fonctions de phase externes, ce qui donne la possibilité de simuler la diffusion de particules non sphériques (à orientation aléatoire, de sorte à respecter la symétrie du champ de rayonnement par rapport au plan principal solaire). Le format de ce fichier est précisé en section VII-8.1, p.139.
- L'utilisateur peut également réutiliser un fichier résultat d'un traitement antérieur du programme SOS\_AEROSOLS (donnant les coefficients de diffusion et d'extinction, et les coefficients de la décomposition de la matrice de phase). Son format est précisé en section VII-2.2, p.97.

Les propriétés radiatives d'un type d'aérosols sont calculées pour une granulométrie N(r), à une longueur d'onde  $\lambda$  donnée. Les aérosols sont considérés sphériques et de composition homogène. Leur nature chimique est définie par l'indice de réfraction  $m=m_r+i.m_i$  ( $m_i\leq 0$  exprime l'absorption des particules).

La théorie de Mie permet d'estimer les propriétés radiatives d'une particule sphérique de rayon r et d'indice m, pour un rayonnement incident de longueur d'onde  $\lambda$ . Les calculs de Mie sont réalisés en fonction du paramètre de taille  $\alpha=2.\pi.r/\lambda$ , entre les valeurs  $\alpha_{min}$  et  $\alpha_{max}$ . Les résultats de ces calculs sont ensuite appliqués à la granulométrie N(r), de sorte à estimer les propriétés radiatives à l'échelle macroscopique sur la distribution de particules et pour la longueur d'onde considérée.

Les calculs de Mie sont coûteux en temps de traitements. Aussi, les résultats de ces calculs sont stockés sous forme de fichiers sous un répertoire précisé par l'utilisateur. Si le fichier de Mie a déjà été créé, il est reconnu par son nom et n'est pas recalculé. Dans le cas de la simulation d'une granulométrie d'aérosols monomodale, l'utilisateur peut préciser le nom du fichier MIE résultat des traitements du programme SOS\_AEROSOLS, ou peut laisser le logiciel définir automatiquement le nom de ce fichier en saisissant DEFAULT. Si l'utilisateur simule un modèle bi-modal ou un modèle multi-modal de la WMO [DR19] ou de Shettle & Fenn [DR15], la nomenclature des fichiers de Mie générés est définie automatiquement par le logiciel. Le nom des fichiers de Mie sera alors fonction de l'indice de réfraction, des paramètres de taille limites, du nombre d'angles de Gauss utilisé (nnn) et éventuellement du nom du fichier d'« angles utilisateur » (ficUser sans son arborescence), sous la forme  $MIE-m_r$ -  $m_i$  - $\alpha_{min}$ - $\alpha_{max}$ -MUnnn-ficUser. La précision associée à chaque argument est donnée dans le tableau suivant.

Tableau 4 : Format des paramètres relatifs à la nomenclature des fichiers de MIE

Paramètre	Valeurs limites	Précision	Format	Argument pour le nom du fichier
$m_{\rm r}$		à 10 <sup>-3</sup> près	F5.3	x.xxx (ex: $m_r=1.53 \Rightarrow 1.530$ )
$m_i$	grandeur négative	à 10 <sup>-5</sup> près	F8.5	$x.xxxxx$ (ex: $m_i$ =-0.008 $\Rightarrow$ 0.002800)
$\alpha_{\min}$	$10^{-4} < \alpha_{\min} < 10$	à 10 <sup>-4</sup> près	F6.4	x.xxxx (ex: $\alpha_{\min} = 0.0001 \Rightarrow 0.0001$ )
$\alpha_{ m max}$	$10^{2} < \alpha_{max} < 10^5$	à 10 <sup>-2</sup> près	F9.2	$xxxxx.xx$ (ex: $\alpha_{max} = 500 \Rightarrow 00500.00$ )

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 36

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Par exemple, pour un indice  $m=1.53-i\times0.008$  et un calcul de  $\alpha_{min}=0.0001$  à  $\alpha_{max}=500$ , en utilisant 40 angles de Gauss, le fichier créé sera nommé : « MIE-1.530-0.00800-0.0001-00500.00-MU40 ».

#### **Avertissements:**

- La valeur de l'épaisseur optique des molécules étant saisie dans le fichier runOS.ksh, l'utilisateur doit veiller à sa cohérence par rapport à la longueur d'onde de simulation.
- Une modification du contenu du fichier des « angles utilisateur », sans changement de son nom, n'entraînera pas un nouveau calcul du fichier de MIE. Il convient d'utiliser des dénominations différentes pour les fichiers d'angles modifiés ou de supprimer les fichiers de MIE existants, pour éviter des erreurs de simulations.
- Dans le cas où un fichier d'« angles utilisateur » est utilisé, le nom d'un fichier de MIE généré automatiquement ne renseigne que sur le nom du fichier d'« angles utilisateur » utilisé, et non pas sur le répertoire où il se localise. Il est donc recommandé de n'avoir qu'un espace contenant les fichiers d'« angles utilisateurs » et/ou de respecter une nomenclature unique par fichier.

#### • Renseignement des informations sur les aérosols pour une longueur d'onde de référence :

L'utilisateur renseigne les propriétés des aérosols :

- pour une longueur d'onde de référence :
  - o L'épaisseur optique d'extinction des aérosols.
  - o L'indice de réfraction (partie réelle et imaginaire) de chaque mode de particules.
- pour la longueur d'onde de simulation du champ de rayonnement :
  - o L'indice de réfraction (partie réelle et imaginaire) de chaque mode de particules.

Le logiciel calcule les coefficients d'extinction du modèle pour la longueur d'onde de référence et pour la longueur d'onde de simulation du champ de rayonnement. Il en déduit l'épaisseur optique aérosols pour la longueur d'onde de simulation.

#### • Troncature de la fonction de phase des aérosols :

Quand les particules diffusantes sont grandes, la majeure partie de la diffusion se produit vers l'avant, dans un cône d'ouverture de quelques degrés. Cette forte anisotropie de la diffusion complique le développement mathématique de la fonction de phase. Physiquement, le rayonnement diffusé vers l'avant n'est pas dissociable du rayonnement transmis. Il est possible de supposer que cette énergie diffusée à petits angles est en fait une énergie transmise. La fonction de phase peut ainsi être tronquée de sa valeur pour les petits angles de diffusion, ce qui permet de réduire la taille des développements nécessaires à son expression et donc de réduire les temps de calculs. Cette troncature de la fonction de phase modifie la répartition de l'énergie. Les

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

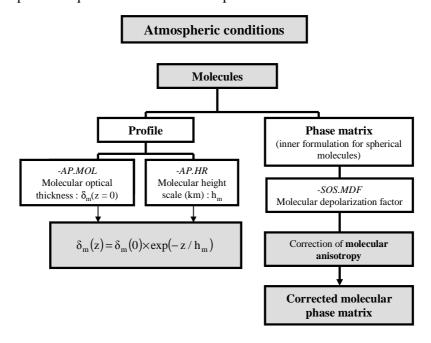
PAGE : 37

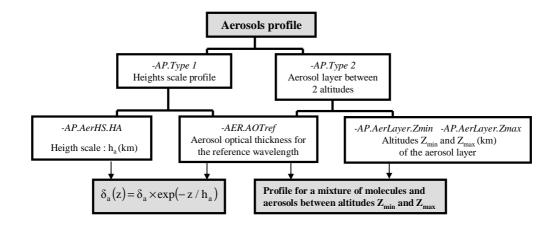
EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

autres paramètres radiatifs décrivant la couche atmosphérique doivent alors être ajustés pour que les propriétés radiatives globales restent inchangées.

Il est fortement recommandé à l'utilisateur de demander systématiquement la réalisation d'une troncature. Les grandeurs physiques saisies dans le fichier runOS.ksh ne doivent pas être tronquées. Le logiciel applique lui-même une troncature à la fonction de phase et ajuste les différents paramètres radiatifs. Les résultats en sortie de code sont équivalents à ceux qu'on devrait obtenir en absence de troncature. Par contre, les calculs sans troncature nécessiteraient un développement beaucoup plus grand des fonctions radiatives des aérosols et seraient par conséquent nettement moins rapides.



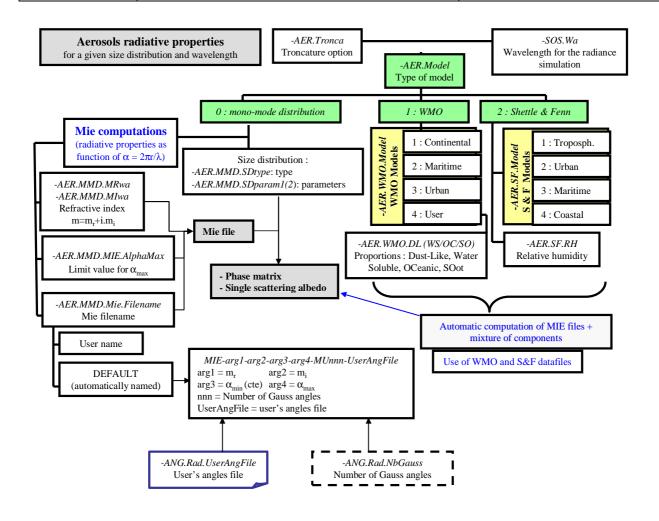


## Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

**PAGE** : 38

EDIT. : 03 REV. : 00

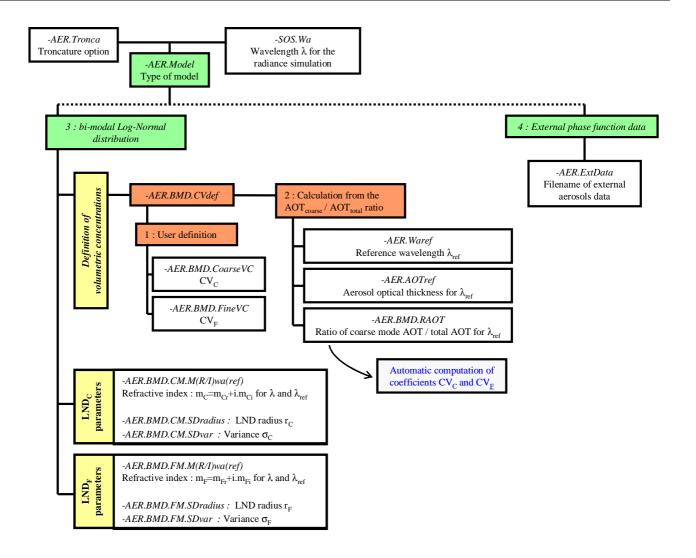


# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 39

EDIT.: 03 REV.: 00



## Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 40

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### III-2.5 Type de sortie

• Le résultat d'une simulation est un **champ diffus de luminance normalisée** par l'éclairement solaire. Nommons  $L^*$  la luminance et  $E_s$  l'éclairement solaire, la luminance normalisée est :  $L = \pi \times L^* / E_s$  (la réflectance est  $\rho = L / \cos \theta_s$ ).

#### • Niveau dans le profil atmosphérique du champ de luminance normalisée :

Ce champ de luminance normalisée est calculé par le code pour une gamme de niveaux du profil atmosphérique. En résultat des traitements, on obtient un champ émergeant et un champ descendant pour le niveau que l'on souhaite. L'utilisateur doit ainsi préciser :

- Le niveau de sortie du champ de luminance :
  - Saisir SOS.OutputLevel = -1 pour une sortie du champ émergeant au sommet de l'atmosphère (TOA) et du champ incident au sol,
  - Saisir SOS.OutputLevel = n avec  $0 \le n \le SOS_OS_NT$  pour une sortie au niveau n : 0 pour le TOA, SOS\_OS\_NT pour le sol (constante du fichier SOS.h),
- Le nom des fichiers résultats :
  - fichier pour le champ montant.
  - fichier pour le champ descendant.

#### • Coupure de la polarisation :

Le code des Ordres Successifs permet de simuler la polarisation de la lumière. Il est cependant possible de réaliser une simulation sans prise en compte de la polarisation. La coupure de la polarisation n'est appliquée que dans le suivi de la propagation du rayonnement par le code des OS, mais ne modifie pas les fichiers de MIE ou de BPDF de surface produits.

#### • Ordre maximal d'interaction

Le code des OS, comme son nom l'indique, suit les ordres successifs d'interaction (diffusions et réflexions). Il est possible de préciser l'ordre maximal « SOS.IGmax »pour lequel on souhaite arrêter les calculs. En fonctionnement normal, le logiciel détermine lui-même l'ordre à partir duquel les diffusions suivantes deviennent insignifiantes. Typiquement, on observe une convergence dès quelques diffusions, pour une valeur usuelle de l'épaisseur optique des aérosols. On peut alors poser SOS.IGmax > 20, par exemple, pour laisser le code s'arrêter automatiquement. Par contre, il est possible de suivre les interactions successives en posant SOS.IGmax = 1, 2, 3 ... Le tableau 5 schématise les premiers ordres d'interaction.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 41

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Tableau 5: termes d'ordre ig calculés par le code des OSD. La colonne de gauche schèmatise la luminance montante au niveau du sol, celle de droite la luminance descendante. Au TOA, on retrouve le terme de réflexion de surface (colonne de gauche) atténué et le terme de diffusion atmosphérique (colonne de droite) mais pour une diffusion vers le haut.

Ig	Lumière montante au sol	Lumière descendante au sol ou montante au TOA
1	$R_1$	$\frac{1}{D_1}$
2	$D_1R_1$	$egin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
3	$D_2R_1$ $R_1D_1R_1$	$D_3$ $R_1D_2$ $D_1R_1D_1$
4	$D_3R_1$ $R_1D_2R_1$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	$D_1R_1D_1R_1$	$D_2R_1D_1$ $R_1D_1R_1D_1$

#### • Transmissions:

A la demande de l'utilisateur, le code des OSD fournit les transmissions correspondant à l'atmosphère simulée (pour son <u>épaisseur optique vraie</u>, et non pas pour celle associée à la troncature de la fonction de phase des aérosols) :

- Transmission directe du TOA au sol pour l'incidence solaire.
- Transmission diffuses du TOA au sol pour l'incidence solaire.
- Transmission diffuses du sol au TOA pour l'ensemble des angles de visée.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 42

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### • Conditions de visée :

Les calculs du code des OSD sont établis pour l'ensemble des angles de Gauss et des angles complémentaires de la liste optionnelle définie par l'utilisateur. Le champ de luminance est fourni pour l'ensemble des angles comme pour uniquement les angles de la liste de l'utilisateur (option).

La décomposition en séries de Fourier par rapport à l'azimut relatif entre la direction d'éclairement et de visée, permet de restituer la luminance simulée pour toute direction azimutale. L'utilisateur a la possibilité de demander la sortie des luminances simulées dans un plan azimutal donné ou pour un ensemble de directions azimutales.

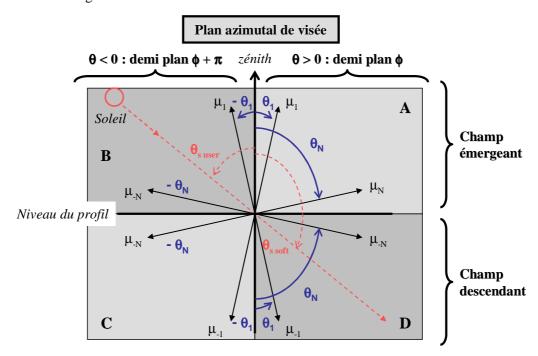
#### Cas 1 : Sortie d'un plan de visée

Si l'utilisateur souhaite obtenir une sortie pour un plan azimutal fixé, il renseigne l'option correspondante (SOS.View = 1) et fixe la valeur de l'angle azimutal relatif  $\phi$ .

Les fichiers de sortie donnent la luminance normalisée correspondante aux angles du fichier de Gauss utilisé.

#### **Convention:**

- Signe des angles :
  - L'angle de visée est positif dans le demi-plan d'azimut relatif φ.
  - Il est négatif dans le demi-plan  $\phi+\pi$ .
- Valeur des angles :
  - Pour le champ émergeant, l'angle de visée est nul pour une visée au zénith.
  - Pour le champ descendant, l'angle de visée est nul pour une visée au nadir.
  - L'angle de visée vaut ± 90° au limbe.



# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 43

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### Cas 2 : Sortie pour un ensemble de directions azimutales

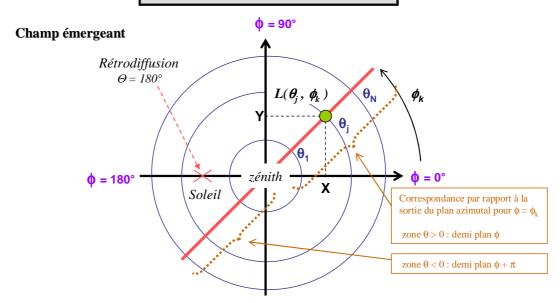
Il est possible d'obtenir une sortie complète du champ émergeant et descendant pour le niveau du profil sélectionné (SOS.View = 2). Il faut préciser le pas en azimutal de l'échantillonnage :  $\Delta \phi$  en valeur entière.

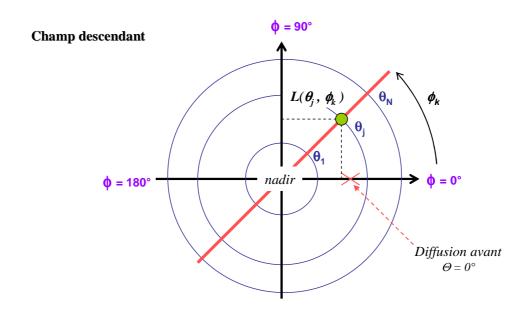
Les fichiers de sortie contiennent cinq colonnes :

-  $1^{er}$  colonne :  $X = \phi$ 

- $2^{nde}$  colonne :  $Y = \theta_v > 0$  (angle zénithal non signé pour le champ montant, angle défini par rapport au nadir pour le champ descendant).
- $\quad 3^{\grave{e}me} \;\grave{a}\; 5^{\grave{e}me}\; colonne: \; Z_I = I(\theta_v, \phi) \qquad \quad Z_Q = Q(\theta_v, \phi) \qquad \quad Z_U = U(\theta_v, \phi)$

# Visualisation du champ de rayonnement





## Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 44

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### III-2.6 <u>Définition des fichiers de sortie</u>

Le logiciel génère plusieurs types de fichiers :

- **Fichiers formant une « base de données »** (pour le choix d'une gestion automatique des noms des fichiers) dont l'utilisateur précise l'arborescence de stockage de ces fichiers :

- Fichiers contenant le développement en séries de Fourier des matrices de réflexion,
- Fichiers des calculs de MIE.
- **Fichiers temporaires** qui sont automatiquement détruits en fin de traitement :
  - Fichier « RES\_FRESNEL » : décomposition en séries de Fourier de la matrice de Fresnel,
  - Fichier « RES\_GSF » : décomposition en séries de Fourier de la fonction G caractéristique du modèle de surface, pondérant la matrice de Fresnel,
  - Fichier « RES\_MAT\_REFLEX » : décomposition en séries de Fourier de la matrice de réflexion de surface,
  - Fichiers « \*\_BPDF » : fichier de BPDF avant l'ajout de la BRDF de Roujean.
- Fichiers d'entrée des OS, propres à une simulation (écrasés à chaque nouvelle simulation) :
  - Fichier des angles et ordres de développement utilisés par les codes,
  - Fichier de profil atmosphérique de l'épaisseur optique,
  - Fichier descriptif des propriétés radiatives du modèle d'aérosols.
- Fichiers de sorties des OS : Résultat final d'une simulation du logiciel.
  - Fichier binaire du champ polarisé émergeant et descendant décomposé en séries de Fourier,
  - Fichier Ascii du champ émergeant, pour tous les angles ou uniquement les « angles utilisateur »,
  - Fichier Ascii du champ descendant, pour tous les angles ou uniquement les « angles utilisateur ».
  - Fichier Ascii des transmissions directes et diffuses.
- Fichiers Trace des traitements qui permettent d'avoir une information sur les traitements réalisés par chaque programme. Ces fichiers peuvent être volumineux, aussi il est recommandé de ne pas les générer sans un besoin spécifique.

## Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 45

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### III-2.7 Exemple de fichier de lancement : Simulation sur océan

Supposons vouloir simuler la réflexion du glitter à 440 nm, pour un vent de 2 m.s<sup>-1</sup>, sur une mer d'albédo de 0,02 dont l'indice de l'eau vaut 1,34. L'atmosphère est supposée légèrement turbide avec une présence d'aérosols d'épaisseur optique de 0,05 à 550-nm, d'indice 1,4 (non absorbant) à 440 nm et 1,45 à 550 nm, de granulométrie Log-Normale (de rayon modal  $r_m$  valant 0,3  $\mu$ m et de variance  $\sigma$  dont  $|\log_{10}(\sigma)| = 0,4$ ). On appliquera une troncature à la fonction de phase. La couche d'aérosols sera étendue de la surface au TOA avec une décroissance exponentielle de l'épaisseur optique. L'épaisseur optique moléculaire vaut 0,23 à 440 nm. L'angle zénithal solaire est de 30°. On souhaite produire un champ de luminance global du rayonnement émergeant au TOA et éclairant la surface, par pas de 5 degrés en azimut relatif. On souhaite obtenir les valeurs de transmissions.

```
$RACINE/exe/main_SOS.ksh -SOS.Wa 0.440 \
-ANG.Rad.NbGauss 24 -ANG.Rad.ResFile ${dirRESULTS}/SOS_UsedAngles.txt \
-ANG.Aer.NbGauss 40 -ANG.Aer.ResFile ${dirRESULTS}/AER_UsedAngles.txt \
-ANG.Log ${dirLOG}/Angles.Log \
-ANG.Thetas 30. -SOS.View 2 -SOS.View.Dphi 5 \
-SOS.IGmax 30 \
-SOS.ResFileUp ${dirRESULTS}/SOS_Up.txt -SOS.ResFileDown ${dirRESULTS}/SOS_Down.txt \
-SOS.ResBin ${dirRESULTS}/SOS_Result.bin \
-SOS.Log ${dirLOG}/SOS.Log \
-SOS.Config ${dirRESULTS}/SOS_config.txt \
-SOS.Trans ${dirRESULTS}/SOS_transm.txt \
-AP.ResFile ${dirRESULTS}/Profile.txt -AP.Log ${dirLOG}/Profile.Log \
-AP.MOT 0.230 -SOS.MDF 0.0279 \
-AP.Type 1 -AP.HR 8.0 -AP.AerHS.HA 2.0 \
-AER.Waref 0.550 -AER.AOTref 0.05 \
-AER.ResFile ${dirRESULTS}/Aerosols.txt -AER.Log ${dirLOG}/Aerosols.Log -AER.MieLog 0 \
-AER.Tronca 1 -AER.Model 0 \
-AER.MMD.Mie.AlphaMax 300 -AER.MMD.MRwa 1.4 -AER.MMD.MIwa 0.\
-AER.MMD.MRwaref 1.45 -AER.MMD.MIwaref 0. \
-AER.MMD.SDtype 1 -AER.MMD.SDparam1 0.3 -AER.MMD.SDparam2 0.4 \
-SURF.Log ${dirLOG}/Surface.Log -SURF.File DEFAULT \
-SURF.Type 1 -SURF.Alb 0.02 -SURF.Ind 1.34 \
-SURF.Glitter.Wind 2.0
```

## Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 46

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# III-3 Constantes de simulation

## III-3.1 Liste des constantes du fichier SOS.h

Associés aux paramètres de simulation que nous venons de voir, nous avons également besoin de définir des paramètres intervenant dans le mode de calcul du code. Ils se distinguent en un ensemble de constantes dimensionnant la taille des tableaux utilisés dans les calculs et en des valeurs seuils nécessaires pour les tests d'arrêt du code. Ces paramètres sont introduits dans le code à la compilation par l'attribution des valeurs aux constantes, par le biais d'un fichier **SOS.h** d'inclusions (sous \$RACINE/inc). Leur modification demande une bonne connaissance du fonctionnement du logiciel.

**Avertissement** : Une modification de la valeur d'une constante ne sera prise en compte par le logiciel que s'il est recompilé.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 47

EDIT.: 03 REV.: 00

Tableau 6 : constantes du logiciel

Constantes SOS.h		
Nom	Description	Par défaut
	Constantes communes aux différents programmes	T
SOS_LENDIR	Longueur des chaînes de caractères relatives aux noms des	150
	répertoires.	
SOS_LENFIC1	Longueur des chaînes de caractères relatives aux noms des	150
	fichiers (sans arborescence).	200
SOS_LENFIC2	Longueur des chaînes de caractères relatives aux noms des	300
	fichiers (avec arborescence).	20
SOS_LENKEYWORD	Taille maximale des Keywords pour le passage des arguments	30
Sos_pi	Valeur de $\pi$	3.14159265358
2) (7)		G.
	tes spécifiques aux routines du programme SOS_AEROSOL	
SOS_MIE_DIM	Dimension des tableaux pour le calcul sur n des fonctions de	_
	Ricatti-Bessel $(\psi_n, \chi_n)$ , des fonctions dérivées $(D_n \text{ et } G_n)$ et des	calcul jusque
	coefficients $A_n$ et $B_n$ .	$\alpha_{\text{max}} \approx 4990$
	(SOS_MIE)	
SOS_MAXNB_ANG_EXT	Taille maximale des tableaux de fonctions de phase externes	200
	(SOS_AEROSOLS)	
SOS_MIE_ALPHAMIN	Valeur minimale du paramétre de taille Alpha des calculs de MIE.	0.0001D+00
	Doit être comprise entre 0,0001 et 10.	
	NB : Impérativement en double précision. (SOS_AEROSOLS)	
SOS_ALPHAMAX_WMO_DL	Valeur limite du paramètre de taille pour les calculs de Mie du	4000
	constituant WMO « Dust-Like ». (SOS_AEROSOLS)	
SOS_ALPHAMAX_WMO_WS	Idem pour le constituant WMO « Water Soluble ».	50
SOS_ALPHAMAX_WMO_OC	Idem pour le constituant WMO « Oceanic ».	800
SOS_ALPHAMAX_WMO_SO	Idem pour le constituant WMO « Soot ».	10
SOS_ALPHAMAX_SF_SR	Idem pour le constituant Shettle & Fenn « Small Rural ».	70
SOS_ALPHAMAX_SF_SU	Idem pour le constituant Shettle & Fenn « Small Urban ».	90
SOS_COEF_NRMAX	Valeur minimale du rapport de granulométries n(r) / Nmax pour	0.0001
	la détermination du paramètre de taille limite utile aux calculs de	
	Mie. (SOS_AEROSOLS)	
SOS_AER_DATAWMO	Nom du fichier de données WMO contenant le rayon modal, le	Data_WMO
	log de la variance, la concentration volumique et les valeurs des	
	indices de réfraction (partie réelle et partie imaginaire) en	
	fonction de la longueur d'onde.	
	Fichier localisé sous \$RACINE/fic (SOS_AEROSOLS)	
SOS_AER_DATASF	Nom du fichier de données Shettle & Fenn contenant le log de la	Data_SF
	variance et les valeurs du rayon modal en fonction de l'humidité	
	relative.	
	Fichier localisé sous \$RACINE/fic (SOS_AEROSOLS)	

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 48

EDIT. : 03 REV. : 00

SOS_AER_SR_SF	IRefrac_SR	
	en fonction de la longueur d'onde et de l'humidité relative.	
	Fichier localisé sous \$RACINE/fic (SOS_AEROSOLS)	
SOS_AER_LR_SF	Idem pour les données « Large Rural » de Shettle & Fenn.	IRefrac_LR
SOS_AER_SU_SF	Idem pour les données « Small Urban » de Shettle & Fenn.	IRefrac_SU
SOS_AER_LU_SF	Idem pour les données « Large Urban » de Shettle & Fenn.	IRefrac_LU
SOS_AER_OM_SF	Idem pour les données « Oceanic Model » de Shettle & Fenn.	IRefrac_OM
SOS_PH_SEUIL_TRONCA	Valeur seuil pour le coefficient de troncature (SOS_AEROSOLS)	0.1
3) Cons	tantes spécifiques à la définition du profil atmosphérique	
SOS_OS_NT	Nombre de couches du profil atmosphérique	26
	(SOS_PROFIL, SOS, SOS_OS)	
SOS_PROFIL_MIN_NBC	Nombre minimal de sous-couches moléculaires pour un profil	3
	avec positionnement variable des aérosols entre deux altitudes.	
	(SOS_PROFIL)	
SOS_DZTRANSI	Définition de l'épaisseur de la couche de transition (km).	0.010
	(SOS_PROFIL)	
4) Constanto	es spécifiques aux calculs des matrices de réflexion de surfa	ce
SOS_PH_TEST	Facteur pour la comparaison de Gmin et Gmax. (SOS_GLITTER)	10000
SOS_PH_NU	Nombre d'angles azimutaux (2 <sup>SOS_PH_NQ)</sup> (SOS_GLITTER, SOS_ROUJEAN, SOS_NADAL)	1024
SOS_PH_NQ	Puissance de 2 de SOS_PH_NU. (SOS_GLITTER)	10
SOS_SEUIL_SF_NADAL	Valeur seuil pour l'arrêt de la décomposition en séries de Fourier 0	
	de la fonction (F21 Nadal) / (F21 Fresnel). (SOS_NADAL)	
SOS_SEUIL_SF_ROUJEAN	Valeur seuil pour l'arrêt de la décomposition en séries de Fourier	0.001
	de la BRDF de Roujean. (SOS_ROUJEAN)	
SOS_TETAS_LIM_ROUJEAN	Angle zénithal solaire limite de calcul de la BRDF de Roujean	60
	(en degrés). (SOS_ROUJEAN, SOS_NOM_FIC_SURFACE)	
SOS_TETAV_LIM_ROUJEAN	Angle zénithal de visée limite de calcul de la BRDF de Roujean	60
	(en degrés). (SOS_ROUJEAN, SOS_NOM_FIC_SURFACE)	
5) C	onstantes spécifiques aux routines du programme sos	
SOS_OS_IBOR	Ordre minimal du développement en séries de Fourier (SOS_OS)	0
SOS_PH_SEUIL_CV_SG	Seuil de convergence en série géométrique (SOS_OS)	0.01
SOS_PH_SEUIL_SUMDIF	Seuil d'arrêt de boucle sur les diffusions multiples (SOS_OS)	0.00001
SOS_PH_SEUIL_SF	Seuil pour l'arrêt de la décomposition en séries de Fourier	0.0001
	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	
565_111_55615_51	(SOS OS)	
SOS_SEUIL_Z	Valeur seuil pour le calcul des angles de rotation (SOS_TRPHI)	0.0001
SOS_SEUIL_Z	Valeur seuil pour le calcul des angles de rotation (SOS_TRPHI)	

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 49

EDIT. : 03 REV. : 00

•	s pour le dimensionnement des tableaux en angles et ordres lim cloppements en séries de Fourier et polynômes de Legendre	ites des
SOS_MIE_NBMU_MAX	Nombre maximal d'angles (positifs) pour le dimensionnement des	100
	tableaux de fonctions de phase.	
	Valeur minimale : nombre d'angles de Gauss par défaut +	
	nombre maximal d'angles utilisateur :	
	SOS_DEFAULT_NBMU_MIE + SOS_NBMAX_USER_ANGLES.	
	Ne pas définir une valeur abusivement grande pour ne pas allonger les temps de traitement	
	(SOS_ANGLES, SOS_AEROSOLS, SOS_MIE)	
SOS_OS_NBMU_MAX	Nombre maximal d'angles (positifs) pour le dimensionnement des	68
	tableaux de champs de luminance et de réflexion de surface.	
	Valeur minimale: nombre d'angles de Gauss par défaut +	
	nombre maximal d'angles utilisateur :	
	SOS_DEFAULT_NBMU_LUM + SOS_NBMAX_USER_ANGLES.	
	Ne pas définir une valeur abusivement grande pour ne pas allonger les temps de traitement	
	(SOS_ANGLES, SOS_SURFACE, SOS_GLITTER, SOS_ROUJEAN,	
	SOS_RONDEAUX_BREON, SOS_NADAL, SOS, SOS_OS, SOS_TRPHI)	
SOS_OS_NB_MAX		200
	polynômes de Legendre et des développements en séries de	
	Fourier, pour le dimensionnement des tableaux.	
	Prendre SOS_OS_NB_MAX $\geq 2 \times SOS_MIE_NBMU_MAX$	
	(SOS, SOS_OS, SOS_AEROSOLS,	
	SOS_SURFACE, SOS_ROUJEAN, SOS_NADAL)	
SOS_OS_NS_MAX	Ordre maximal du développement en polynômes de Legendre des	136
	éléments de la matrice de Fresnel pour le dimensionnement des	
	tableaux.	
	Prendre SOS_OS_NS_MAX= 2 × SOS_OS_NBMU_MAX	
	(SOS_SURFACE)	
SOS_OS_NM_MAX	Ordre maximal du développement en séries de Fourier de la	336
	fonction G, pondérant la matrice de Fresnel, pour le	
	dimensionnement des tableaux.	
	Prendre SOS_OS_NM_MAX= SOS_OS_NB_MAX + SOS_OS_NS_MAX	

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 50

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

	définition des angles par l'utilisateur	40
SOS_DEFAULT_NBMU_MIE	Nombre d'angles de Gauss (positifs) par défaut pour les calculs	40
	des propriétés radiatives des aérosols. (SOS_ANGLES)	2.4
SOS_DEFAULT_NBMU_LUM	Nombre d'angles de Gauss (positifs) par défaut pour les calculs	24
	de champs de luminance . (SOS_ANGLES)	
SOS_DEFAULT_OS_NB	Valeur par défaut de l'ordre limite du développement des	80
	fonctions de phase en polynômes de Legendre et des	
	développements en séries de Fourier du champ de luminance.	
	Prendre SOS_DEFAULT_OS_NB $\geq 2 \times SOS_DEFAULT_NBMU_MIE$	
	(SOS_ANGLES)	
SOS_DEFAULT_OS_NS	Valeur par défaut de l'ordre limite du développement en	48
	polynômes de Legendre des éléments de la matrice de Fresnel.	
	Prendre SOS_DEFAULT_OS_NS = $2 \times SOS_DEFAULT_NBMU_LUM$	
	(SOS_ANGLES)	
SOS_DEFAULT_OS_NM	Valeur par défaut de l'ordre limite du développement en séries de	128
	Fourier de la fonction G, pondérant la matrice de Fresnel.	
	Prendre SOS_DEFAULT_OS_NM ≥ SOS_DEFAULT_OS_NB	
	+ SOS_DEFAULT_OS_NS	
	(SOS_ANGLES)	
6.3) limitation du noi	mbre d'angles pour le calcul des fichiers précisant les angle	s à utiliser
SOS_NBMAX_USER_ANGLES	Nombre maximal d'angles utilisateurs, complémentaires aux	20
	angles de Gauss (SOS_ANGLES)	
SOS_NBANGLES_MAX	Nombre maximal d'angles positifs pour les calculs des angles	100
	utilisés par les codes (angles de Gauss + angles utilisateur + 1 =	
	angle zénithal solaire).	
	Doit correspondre au max de SOS_MIE_NBMU_MAX et	
	SOS_OS_NBMU_MAX . (SOS_ANGLES)	
SOS_SEUIL_ECART_MUS	Seuil entre l'écart de $cos(X)$ et $cos(\theta_S)$ pour considérer que $\theta_S$ =X	0.00001
	(SOS_ANGLES)	l

## III-3.2 Modification du nombre de couches des profils

Afin d'affiner la description d'un profil d'épaisseur optique (dans le cas d'une atmosphère dense par exemple), on peut souhaiter augmenter le nombre de couches intervenant dans la découpe du profil. S'agissant d'un paramètre dimensionnant la taille des tableaux des programmes, le nombre de couches du profil est une constante : SOS\_OS\_NT. L'utilisateur peut en changer la valeur dans le fichier SOS.h. Une nouvelle compilation est nécessaire pour la prise en compte de cette modification.

La précision des calculs d'intégration verticale est discutée en section VI-7.1.

## Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 51

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# IV- Descriptif du logiciel

Ce paragraphe a pour objectif de préciser sommairement la structure du logiciel. Un descriptif complet des programmes et routines est disponible dans les chapitres suivants.

# IV-1 Structure du code

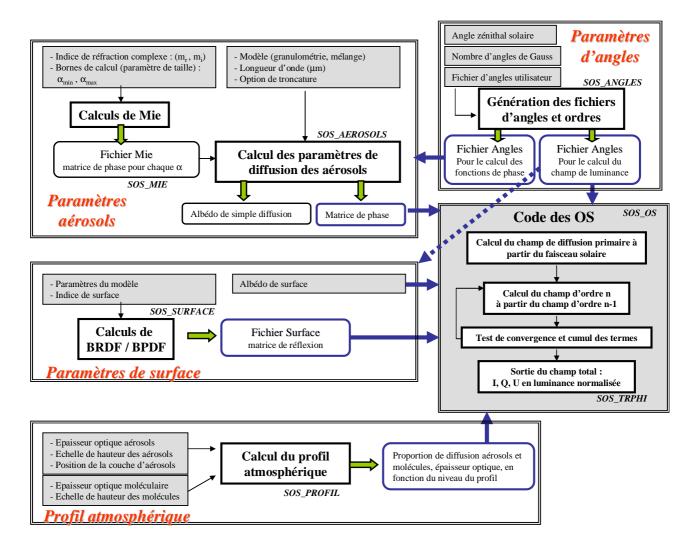


Figure 7 : Vue générale des étapes de traitements gérés par le script main\_SOS

Le code se structure en cinq blocs de traitements :

- Préparation des angles à utiliser et des ordres limites de développement associés.
- Calcul de la matrice de réflexion de surface pour une simulation sur mer (calcul du glitter) ou sur terre émergée (calcul de BRDF et BPDF).
- Calcul des propriétés de diffusion des aérosols : calculs de Mie en fonction de la nature chimique des particules (indice de réfraction) et calcul de la matrice de phase pour un modèle et une longueur d'onde.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 52

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Calcul du profil atmosphérique en fonction de l'épaisseur optique totale des molécules et des aérosols : contribution relative à la diffusion pour les aérosols et les molécules en fonction du niveau du profil, épaisseur optique totale du mélange en fonction du niveau.

- Calcul des diffusions atmosphériques et des réflexions « surface - atmosphère » successives.

Le fonctionnement des différents blocs se trouve exposé dans les sections suivantes :

V-	Définition des conditions angulaires	page 55
VI-	Calcul du champ de luminance par le code des OS	page 63
VII	Propriétés radiatives des aérosols	page 94
VII	- Définition du profil atmosphérique	page 144
IX-	Réflexion de surface	page 155

Le script main\_SOS.ksh gère l'appel des différentes étapes de calcul.

Dans le cas d'une simulation de la luminance pour une longueur d'onde  $\lambda_{simu}$  avec une définition de l'épaisseur optique des aérosols pour la longueur d'onde  $\lambda_{ref}$ , le script calcule la section efficace d'extinction des aérosols pour les deux longueurs d'onde afin de pouvoir estimer l'épaisseur optique pour  $\lambda_{simu}$ .

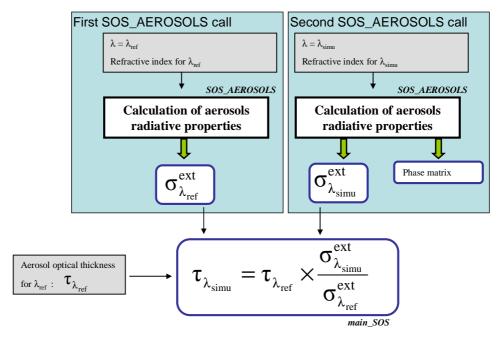


Figure 8 : Estimation de l'épaisseur optique des aérosols à la longueur de simulation du champ de luminance

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 53

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# IV-2 <u>Liste des programmes et routines</u>

Programmes utilisés		
Fichier source	Programme / routine	Pages
SOS_ANGLES.F	SOS_ANGLES: programme principal	62
	SOS_ANGLES_GAUSS_USER	62
	SOS_GAUSS	62
SOS_AEROSOLS.F	SOS_AEROSOLS : programme principal	94, 141
SOS_FIEROSOES.I	SOS_NOM_FICMIE	141
	SOS_GRANU	117, 141
	SOS_DECOMPO_LEGENDRE	119, 141
	SOS_INIT_PARAMWMO	141
	SOS_INIT_PARAMSF	141
	SOS_INTERPOL	141
	SOS_INTERPOSPLINT	141
	SOS_SPLINE	141
		141
	SOS_SPLINT	141
SOS_MIE.F	SOS_MIE	106, 143
	SOS_XERO	143
	SOS_FPHASE_MIE	143
SOS_PROFIL.F	SOS_PROFIL : programme principal	144
	SOS_DISC	154
SOS_SURFACE.F	SOS_SURFACE : programme principal	155, 178, 186
	SOS_MAT_FRESNEL	186
	SOS_MAT_REFLEXION	186
	SOS_NOYAUX_FRESNEL	186
	SOS_MISE_FORMAT	186
	SOS_BPDF_AJOUT_BRDF	186
	SOS_COMPLETE_NOM_FIC_SURF	186
SOS GLITTER.F	SOS_GLITTER	191
	SOS GSF	191
	SOS CALCG	191
	202_0.000	1/1
SOS_NADAL.F	SOS_NADAL	191
	SOS_F21SF_NADAL	191
	SOS_CALC_F21_NADAL_SUR_FRESNEL	191
SOS_RONDEAUX_BREON.F	SOS_RONDEAUX_BREON	191
<del>-</del>	SOS GSF RONDEAUX BREON	191

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 54

EDIT. : 03 REV. : 00

SOS_ROUJEAN.F	SOS_ROUJEAN	190
	SOS_FSF_ROUJEAN	190
	SOS_CALC_F_ROUJEAN	190
	SOS_MISE_FORMAT_RJ	190
SOS_NOM_FIC_SURFACE.F	SOS_NOM_FICGLITTER	187
	SOS_NOM_FICROUJ	187
	SOS_NOM_FICRH	187
	SOS_NOM_FICBREON	187
	SOS_NOM_FICNADAL	187
SOS.F	SOS : programme principal	82
SOS_OS.F	SOS_OS	82
	SOS_MAT_FRESNEL_PLAN_REFL	91
	SOS_NOYAUX	69, 91
	SOS_INTEGR_EPOPT	76, 91
	SOS_FSOURCE_ORDRE1	74, 91
	SOS_FSOURCE_ORDREIG	75, 91
	SOS_FSOURCE_DIFF_FRESNEL1	75, 163, 91
	SOS_PARAM_CONV	77, 91
	SOS_ARRET_DIFFUS	77, 91
	SOS_ARRET_FOURIER	79, 91
	SOS_AJOUT_QUEUE	77, 91
SOS_TRPHI.F	SOS_TRPHI_OPTION	93
	SOS_TRPHI	93
	SOS_GLITTE	93
	SOS_ANGLE	93
	SOS_REFLEX	93
	SOS_MATRIC	93

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 55

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# V- <u>Définition des conditions angulaires</u>

Que ce soit pour les calculs de fonction de phase des aérosols ou de la diffusion du champ de rayonnement, il convient de définir les angles qui sont nécessaires aux traitements. Il s'agit, d'une part, des angles de Gauss et de leurs poids associés, permettant l'expression des intégrations spatiales en sommations finies, et, d'autre part, d'angles spécifiques pour lesquels l'utilisateur souhaite avoir un résultat.

Le programme **SOS\_ANGLE**.exe est en charge de définir les tables d'angles utilisées par les différents programmes du code OSD et d'estimer automatiquement les ordres limites des développements, dépendant du nombre d'angles de Gauss utilisés.

## V-1 Passage des paramètres à l'exécutable SOS\_ANGLES.exe

Le script main\_SOS.ksh gère le passage des paramètres au programme SOS\_ANGLES, appelé systématiquement à la réalisation d'une simulation.

Il est nécessaire de lui préciser :

- le nom des fichiers d'angles à produire (pour les calculs de Mie et pour les calculs de luminance),
- la valeur de l'angle zénithal solaire,
- le nom du fichier Trace.

De manière optionnelle, l'utilisateur peut définir :

- le nombre d'angles de Gauss à utiliser pour les calculs de Mie.
  - → S'il n'est pas précisé, le code utilise la valeur par défaut définie dans le fichier SOS.h : SOS\_DEFAULT\_NBMU\_MIE.
- le nombre d'angles de Gauss à utiliser pour les calculs de luminance et de BRDF/BPDF.
  - $\rightarrow$  S'il n'est pas précisé, le code utilise la valeur par défaut définie dans le fichier SOS.h : SOS\_DEFAULT\_NBMU\_LUM.
- un fichier d'angles complémentaires souhaités par l'utilisateur (un fichier pour les calculs de fonctions de phase et un pour les calculs de luminance).

## Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 56

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Le tableau et le croquis suivants précisent les paramètres de SOS\_ANGLES.

PARAMETRES DU PROGRAMME SOS_ANGLES			
ANG.Rad.Thetas	Angle zénithal solaire en degrés (0 < tetas < 90°)		
ANG.Rad.NbGauss	Nombre d'angles de Gauss pour les simulations de luminance et BRDF/BPDF		
ANG.Rad.UserAngFile	Nom du fichier des « angles utilisateur » complémentaires pour les calculs de luminance.		
ANG.Rad.ResFile	Nom du fichier créé contenant les angles et les ordres maximums des développements à utiliser pour les calculs de luminance.		
ANG.Aer.NbGauss	Nombre d'angles de Gauss pour les calculs de fonctions de phase		
ANG.Aer.UserAngFile	UserAngFile Nom du fichier des angles « utilisateur » complémentaires pour les calculs de fonctions de phase.		
ANG.Aer.ResFile	Nom du fichier créé contenant les angles et les ordres maximums des développements à utiliser pour les calculs de fonctions de phase.		
ANG.Log	Nom du fichier trace des calculs du programme ANGLES Saisir 0 pour ne pas générer de fichier Trace		

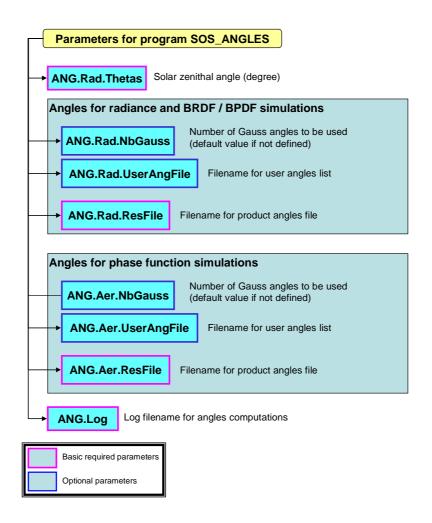


Figure 9 : Paramètres pour l'appel du programme SOS\_ANGLES

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 57

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# V-2 Contenu et format d'un fichier ANGLES pour le code des OS

# V-2.1 Fichiers produits par le programme SOS\_ANGLES

## V.2.1.a FICHIER POUR LE CALCUL DU CHAMP DE LUMINANCE

Le programme SOS\_ANGLES génère un fichier des angles et ordres de développement pour les calculs de luminance. Il est utilisé par les programmes SOS\_SURFACE pour la génération des matrices de réflexion de surface et SOS.F pour le calcul du champ de rayonnement.

Le fichier produit contient les informations suivantes :

NB_TOTAL_ANGLES	Nombre total d'angles à utiliser			
NB_GAUSS_ANGLES	Nombre d'angles de Gaus	Nombre d'angles de Gauss		
ANGLES_USERFILE	Nom du fichier d'angles u	tilisateur (NO_USER_ANGLES si pas de fichier défini).		
SOLAR ZENITH ANGLE	Angle zénithal solaire (de	grés)		
INTERNAL_IMUS:	Numéro d'indice de table	de l'angle solaire		
INTERNAL_OS_NB	Ordre maximal à utiliser pour le développement des fonctions de phase en polynômes de			
	Legendre			
INTERNAL_OS_NS:	Ordre maximal à utiliser pour le développement en polynômes de Legendre des éléments de			
	la matrice de Fresnel et en séries de Fourier des calculs de luminance.			
INTERNAL_OS_NM Ordre maximal du dévelo		ppement en séries de Fourier de la fonction G pondérant la matrice		
	de Fresnel des calculs de matrice de réflexion.			
INDEX COS_ANGLE	WEIGHT OUTPUT	Lignes donnant l'indice d'angle, son cosinus et son poids,		
•		l'information si l'angle est donné en sortie « utilisateur » (1) ou		
•		non (0). Format: I4,X,2D21.14,X,I4.		

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE:58

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### Exemple de fichier d'angles pour le calcul des luminances :

```
NB_TOTAL_ANGLES :
NB_GAUSS_ANGLES :
                   24
ANGLES_USERFILE : NO_USER_ANGLES
SOLAR ZENITH ANGLE: 32.479
INTERNAL_IMUS :
                 9
INTERNAL_OS_NB : 80
INTERNAL OS NS :
INTERNAL_OS_NM : 128
INDEX
      COS_ANGLE
                             WEIGHT
                                                  OUTPUT
     0.99877100725243E+00 0.31533460522976E-02
                                                   n
     0.99353017226635E+00 0.73275539012758E-02
                                                   0
     0.98412458372283E+00 0.11477234579235E-01
                                                   0
     0.97059159254625E+00 0.15579315722944E-01
                                                   0
     0.95298770316043E+00 0.19616160457356E-01
                                                   0
     0.93138669070655E+00 0.23570760839325E-01
                                                   0
     0.90587913671557E+00 0.27426509708357E-01
                                                   0
  8
     0.87657202027425E+00 0.31167227832799E-01
                                                   0
  9
     0.84358826162439E+00 0.34777222564771E-01
                                                   0
  10
     0.80706620402944E+00 0.38241351065831E-01
                                                   0
  11
     0.76715903251574E+00 0.41545082943465E-01
                                                   0
  12
     0.72403413092381E+00 0.44674560856694E-01
     0.67787237963266E+00 0.47616658492491E-01
  13
                                                   0
     0.62886739677651E+00 0.50359035553855E-01
  14
                                                   0
  15
     0.57722472608397E+00 0.52890189485194E-01
  16 0.52316097472223E+00 0.55199503699984E-01
  17
     0.46690290475096E+00 0.57277292100403E-01
                                                   0
     0.40868648199072E+00 0.59114839698396E-01
  18
                                                   0
  19
     0.34875588629216E+00 0.60704439165894E-01
                                                   0
     0.28736248735546E+00 0.62039423159893E-01
  20
                                                   0
  21
     0.22476379039469E+00 0.63114192286254E-01
                                                   0
     0.16122235606889E+00 0.63924238584648E-01
  22
                                                   0
  23
     0.97004699209463E-01 0.64466164435950E-01
                                                   0
     0.32380170962869E-01 0.64737696812684E-01
```

#### V.2.1.b FICHIER POUR LE CALCUL DES FONCTIONS DE PHASE

Le programme SOS\_ANGLES génère un fichier des angles et ordres de développement pour les calculs de fonction de phase aérosols. Il est utilisé par le programme SOS\_AEROSOLS pour le calcul des propriétés radiatives et la génération de la matrice de phase.

#### Le fichier produit contient les informations suivantes :

NB_TOTAL_ANGLES	Nombre total d'angles à utiliser		
NB_GAUSS_ANGLES	Nombre d'angles de Gau	SS	
ANGLES_USERFILE	Nom du fichier d'angles utilisateur (NO_USER_ANGLES si pas de fichier défini).		
INTERNAL_OS_NB	Ordre maximal à utiliser pour le développement des fonctions de phase en polynômes de		
	Legendre		
INDEX COS_ANGLE	WEIGHT	Lignes donnant l'indice d'angle, son cosinus et son poids.	
•		Format: I4,X,2D21.14,X,I4.	
•			



#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

**PAGE**: 59

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### Exemple de fichier d'angles pour le calcul des propriétés radiatives des aérosols :

```
NB_TOTAL_ANGLES :
NB_GAUSS_ANGLES :
                   40
ANGLES USERFILE : NO USER ANGLES
INTERNAL_OS_NB :
      COS_ANGLE
INDEX
                             WEIGHT
     0.19511383256794E-01 0.39017813656307E-01
     0.58504437152421E-01 0.38958395962770E-01
     0.97408398441585E-01 0.38839651059052E-01
     0.13616402280914E+00 0.38661759774076E-01
   5
      0.17471229183265E+00 0.38424993006959E-01
      0.21299450285767E+00 0.38129711314478E-01
      0.25095235839227E+00 0.37776364362001E-01
   8
      0.28852805488451E+00 0.37365490238731E-01
  9
      0.32566437074770E+00 0.36897714638276E-01
  10
     0.36230475349949E+00 0.36373749905836E-01
  11
     0.39839340588197E+00 0.35794393953416E-01
  12
     0.43387537083176E+00 0.35160529044748E-01
     0.46869661517054E+00 0.34473120451754E-01
  13
      0.50280411188878E+00 0.33733214984612E-01
  14
      0.53614592089713E+00 0.32941939397646E-01
      0.56867126812271E+00 0.32100498673488E-01
      0.60033062282975E+00 0.31210174188115E-01
  17
      0.63107577304687E+00 0.30272321759558E-01
  18
  19
      0.66085989898612E+00 0.29288369583267E-01
  20
     0.68963764434203E+00 0.28259816057277E-01
  21
      0.71736518536210E+00 0.27188227500486E-01
  2.2
      0.74400029758360E+00 0.26075235767565E-01
  23
      0.76950242013504E+00 0.24922535764116E-01
      0.79383271750461E+00 0.23731882865930E-01
      0.81695413868146E+00 0.22505090246332E-01
  25
  26
     0.83883147358026E+00 0.21244026115782E-01
  27
     0.85943140666311E+00 0.19950610878142E-01
     0.87872256767821E+00 0.18626814208300E-01
  29
     0.89667557943877E+00 0.17274652056270E-01
  30
      0.91326310257176E+00 0.15896183583725E-01
      0.92845987717245E+00 0.14493508040509E-01
  31
      0.94224276130987E+00 0.13068761592400E-01
  33
      0.95459076634363E+00 0.11624114120797E-01
      0.96548508904380E+00 0.10161766041103E-01
  34
      0.97490914058573E+00 0.86839452692619E-02
  35
  36
      0.98284857273863E+00 0.71929047681184E-02
  37
      0.98929130249976E+00 0.56909224514043E-02
  38
      0.99422754096569E+00 0.41803131246912E-02
  39
      0.99764986439824E+00 0.26635335895143E-02
  40
      0.99955382265163E+00 0.11449500031887E-02
```

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 60

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

#### V-2.2 Fichiers de définition des « angles utilisateurs »

L'utilisateur peut préciser une liste d'angles pour lesquels il souhaite obtenir un résultat (valeur de luminance ou de fonction de phase). Ce fichier est précisé par :

- Pour les calculs des propriétés radiatives des aérosols : ANG.Aer.UserAngFile
- Pour les calculs de luminance : ANG.Rad.UserAngFile

Le fichier contient une liste d'angles (en degrés) avec une valeur d'angle par ligne d'enregistrement.

## Exemple de fichier d'angles « utilisateurs »

-	Exemple de fremer d'ungles « demouteurs »		
	5.		
	10.		
	20.		
	25.		
	30.		

#### Contraintes:

- Les angles doivent être compris entre 0 et 90 degrés (pour définir des valeurs μ > 0, les valeurs opposées étant ajoutées automatiquement par le code).
- Le nombre d'enregistrements ne doit pas excéder SOS\_NBMAX\_USER\_ANGLES (de SOS.h).

# V-3 Fonctionnement de SOS\_ANGLES

Soit,  $NB_{MIE}^{GAUSS}$  le nombre d'angles de Gauss pour les calculs de fonctions de phase et  $NB_{LUM}^{GAUSS}$  le nombre d'angles de Gauss pour les calculs de luminance.

#### V-3.1 Gestion des angles

#### Angles de Gauss:

Le nombre d'angles de Gauss à utiliser peut être défini par l'utilisateur. A défaut, le programme SOS\_ANGLE utilise les valeurs par défaut, définies dans le fichier des constantes (SOS.h) :

- SOS\_DEFAULT\_NBMU\_MIE pour le calcul des propriétés radiatives des aérosols.
- SOS DEFAULT NBMU LUM pour le calcul du champ de rayonnement.

Le programme SOS\_ANGLE fait appel à une fonction de quadrature de Gauss qui calcule les  $NB_{LUM}^{GAUSS}$  (ou  $NB_{MIE}^{GAUSS}$ ) angles et poids de Gauss.

#### Angles « utilisateurs »:

De manière optionnelle, l'utilisateur peut définir un fichier d'angles complémentaires.

Les  $NB_{LUM}^{USER}$  (ou  $NB_{MIE}^{USER}$ ) angles complémentaires, choisis par l'utilisateur, sont ajoutés à la table des angles, en leur attribuant un poids nul de sorte à ce qu'ils restent neutres dans les calculs d'intégration.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 61

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### Angle zénithal solaire $\theta_{\rm S}$ :

La définition de l'angle zénithal solaire passe par le renseignement du paramètre :

- –ANG.Rad.Thetas pour un appel direct du programme SOS\_ANGLES.
- -ANG.Thetas pour un appel de main\_SOS.ksh (cas général).

En interne au code, il faut que cet angle fasse partie de la table des angles pour les simulations de matrice de réflexion. Aussi, le code SOS\_ANGLES l'ajoute à la table et précise dans le fichier produit l'indice IMUS correspondant à sa position dans la table.

NB : Si l'angle zénithal solaire est déjà un angle de la table (à SOS\_SEUIL\_ECART\_MUS près) alors le code se contente d'attribuer l'indice de cet angle comme valeur de IMUS.

#### Nombre total d'angles :

Le nombre d'angles utiles aux traitements correspond à :

- Pour le calcul des fonctions de phase :  $NB_{MIE}^{ANGLES} = NB_{MIE}^{GAUSS} + NB_{MIE}^{USER}$
- Pour le calcul du champ de luminance :
  - o  $NB_{LUM}^{ANGLES} = NB_{LUM}^{GAUSS} + NB_{LUM}^{USER} + 1$  si  $\theta_S \neq \theta_V$  (différent de tous les angles de visée)
  - o  $NB_{LUM}^{ANGLES} = NB_{LUM}^{GAUSS} + NB_{LUM}^{USER}$  si  $\theta_S = \theta_V$  (égal à un des angles de visée)

Ces angles sont définis pour des cosinus positif ( $\mu$ >0). Les valeurs opposées sont attribuées en interne aux codes les exploitant.

Les tables du code OSD sont dimensionnées sur des tailles limites qui doivent supporter le nombre d'angles effectivement à utiliser. Les constantes suivantes dimensionnent ces tables (définies dans SOS.h) :

SOS_OS_NBMU_MAX	Nombre maximal d'angles (positifs) pour le dimensionnement des tableaux de champs de
	luminance et de réflexion de surface.
	Doit au moins valoir la valeur par défaut SOS_DEFAULT_NBMU_LUM + le nombre
	max d'angles utilisateur SOS_NBMAX_USER_ANGLES
SOS_MIE_NBMU_MAX	Nombre maximal d'angles (positifs) pour le dimensionnement des tableaux de fonctions
	de phase.
	Doit au moins valoir la valeur par défaut SOS_DEFAULT_NBMU_MIE le nombre max
	d'angles utilisateur SOS_NBMAX_USER_ANGLES

NB: Ces constantes doivent être suffisamment grandes pour permettre une modification aisée du nombre d'angles utilisés (notamment pour l'adjonction d'« angles utilisateurs »), sans nécessiter de recompilation. Cependant, elles ne doivent pas être définies avec une taille trop importante pour ne pas saturer la mémoire vive et pénaliser les temps de traitements. Il est préférable de les ajuster à l'usage commun de l'utilisateur.

## Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 62

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Le programme s'assure que 
$$\begin{cases} NB_{LUM}^{ANGLES} \leq SOS\_OS\_NBMU\_MAX \\ NB_{MIE}^{ANGLES} \leq SOS\_MIE\_NBMU\_MAX \end{cases}$$

#### V-3.2 Ordres limites des développements

Les ordres limites des développements des décompositions en fonction de Legendre dépendent du nombre d'angles de Gauss utilisés. Modifier leur nombre impose de devoir adapter les ordres limites des développements. Aussi, ils sont calculés automatiquement selon le principe suivant :

Il a été retenu de prendre :

- Ordre limite des développements pour la décomposition de la matrice de phase :  $OS \_NB = 2 \times NB_{MIE}^{GAUSS}$
- Ordre limite des développements pour la décomposition de la matrice de réflexion de Fresnel :  $OS \_NS = 2 \times NB_{LUM}^{GAUSS}$
- Ordre limite des développements pour la décomposition des fonctions de statistiques d'orientation des facettes pour la réflexion de surface :  $OS \_NM = OS \_NB + OS \_NS$

Si l'utilisateur n'a pas défini le nombre d'angles de Gauss à utiliser, les ordres limites retenus sont alors ceux définis par défaut dans SOS.h: SOS DEFAULT OS NB, SOS DEFAULT OS NB.

## V-4 Rôle des routines associées au programme ANGLES

• SOS\_ANGLES : Programme principal gérant l'ensemble des traitements de définition des angles et des ordres limites de développement.

#### • Routine SOS ANGLES GAUSS USER:

L'objectif de cette routine est de produire une table des angles de Gauss et des angles complémentaires de l'utilisateur.

La table est bâtie à partir des cosinus positifs uniquement.

La table est triée selon l'usage qui en sera fait :

- Trie par ordre croissant des cosinus pour un usage destiné aux calculs de fonctions de phase, de sorte à fournir directement une fonction de phase de 0 à 180° d'angle de diffusion.
- Trie par ordre décroissant des cosinus pour un usage destiné aux calculs de luminance, de sorte à décrire directement un plan azimutal de -90° à +90° d'angles de visée.

#### • Routine SOS\_GAUSS:

Cette routine, provenant du Laboratoire d'Optique Atmosphérique, calcule les cosinus (valeurs positives) et poids des angles de Gauss, pour un ordre donné de la quadrature.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 63

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

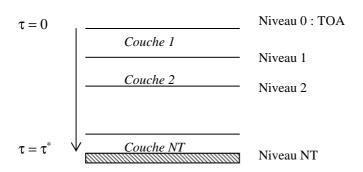
# VI- Calcul du champ de luminance par le code des OS

# VI-1 Principe de fonctionnement

Le code des Ordres Successifs de Diffusion est un code de transfert radiatif simulant la luminance diffuse et polarisée du système {surface – atmosphère} par ciel clair et sans absorption gazeuse.

Le profil de concentration des particules atmosphériques (aérosols et molécules) est rendu par une découpe de l'atmosphère en niveaux d'épaisseurs optiques. Pour chaque niveau, une matrice de phase, tenant compte du mélange des particules, caractérise les propriétés de diffusion de la couche immédiatement audessus.

#### Découpe de l'atmosphère



Pour chaque niveau de ce profil, le code commence par calculer le champ de rayonnement dû à la diffusion du faisceau solaire direct. La constante solaire est prise égale à  $\pi$  de sorte à calculer des luminances normalisées. La propagation de la lumière au sein de l'atmosphère est décrite par l'Equation de Transfert Radiatif. A partir de ce premier champ de rayonnement, on peut calculer le champ global de diffusion primaire. En intégrant l'Equation de Transfert Radiatif par couche, pour le champ montant (en considérant la réflexion de surface du faisceau solaire direct) ou pour le champ descendant, on calcule de proche en proche la luminance de diffusion primaire globale émergeant au TOA ou bien éclairant le sol. La luminance polarisée est également calculée.

Ce champ d'ordre 1 est la source de la diffusion d'ordre 2 et de la seconde réflexion de surface. On reprend le même type de calcul que pour la diffusion primaire afin d'obtenir le champ de rayonnement d'ordre 2. En calculant ainsi de suite les termes successifs d'interaction et en les ajoutant, on obtient le champ global de rayonnement pour chaque couche.

La complexité du programme repose sur son formalisme mathématique, faisant intervenir une séparation de la dépendance zénithale de celle azimutale par une décomposition en séries de Fourier de l'expression de la luminance. L'intérêt de ce formalisme est d'augmenter considérablement la rapidité des simulations.

## Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 64

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

## VI-2 Equation de Transfert Radiatif pour une décomposition en séries de Fourier

Le formalisme mathématique du code des OS est discuté dans la notice scientifique [DR9]. Nous le rappelons ici pour présenter les équations telles qu'elles apparaissent dans le code.

# VI-2.1 Formalisme de Stokes

Le champ de luminance polarisée est représenté par la forme vectorielle  $\overline{L}(\tau,\mu,\phi)$ . On peut séparer la dépendance zénithale en  $\mu = \cos\theta$  de la dépendance azimutale  $\phi$  par une décomposition en séries de Fourier :

$$\overline{L}(\tau,\mu,\phi) = \begin{pmatrix} I(\tau,\mu,\phi) \\ Q(\tau,\mu,\phi) \\ U(\tau,\mu,\phi) \end{pmatrix} = \sum_{s=0}^{S} (2 - \delta_{0s}) \times \begin{pmatrix} \cos(s\phi) \times \sum_{n} I_{n}^{s}(\tau,\mu) \\ \cos(s\phi) \times \sum_{n} Q_{n}^{s}(\tau,\mu) \\ \sin(s\phi) \times \sum_{n} U_{n}^{s}(\tau,\mu) \end{pmatrix} \tag{2}$$

où:

- I, Q et U sont les paramètres de Stokes,
- τ est l'épaisseur optique verticale dans l'atmosphère,
- μ est le cosinus de l'angle zénithal de visée (positif ou négatif),
- φ est l'azimut de visée (on suppose que l'azimut solaire est nul),
- s est l'ordre de la décomposition en séries de Fourier,
- n est l'ordre d'interaction (diffusion, réflexion),
- la fonction  $\delta_{0s} = 1$  si s = 0, et vaut 0 sinon.

Pour chaque ordre de la décomposition en séries de Fourier, le code des OSD travaille en distinguant les différentes interactions. L'expression du champ utile dans les traitements est alors :

$$\overline{L}_{n}^{s}(\tau,\mu) = \begin{pmatrix}
I_{n}^{s}(\tau,\mu) \\
Q_{n}^{s}(\tau,\mu) \\
U_{n}^{s}(\tau,\mu)
\end{pmatrix}$$
(3)

La grandeur délivrée en sortie des traitements (fichier résultat) est le cumul des interactions successives, pour une position dans le profil (c'est à dire pour une valeur de l'épaisseur optique fixée) :

$$\overline{L}^{s}(\tau,\mu) = \sum_{n} \overline{L}_{n}^{s}(\tau,\mu) \tag{4}$$

La recomposition pour un angle azimutal φ est effectuée après les calculs d'interactions successives.

## Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 65

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### VI-2.2 Forme intégro-différentielle de l'ETR

Pour l'ordre n d'interaction, l'Equation de Transfert Radiatif, sous sa forme intégro-différentielle, s'exprime en fonction des paramètres de Stokes et de la matrice de phase par :

$$\left| \mu \cdot \frac{\partial \overline{L}_{n}^{s}(\tau, \mu)}{\partial \mu} = \overline{L}_{n}^{s}(\tau, \mu) - \overline{S}_{n}^{s}(\tau, \mu) \right|$$
(5)

avec pour l'ordre 1 (diffusion primaire) :

$$\overline{\overline{S}}_{1}^{s}(\tau,\mu) = \frac{\omega_{0}(\tau)}{4.\pi} \cdot P_{ST}^{=s}(\tau,\mu,\mu') \begin{pmatrix} E \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot \exp(\tau/\mu_{0})$$
(6)

et pour l'ordre n > 1:

$$\overline{\overline{S}}_{n}^{s}(\tau,\mu) = \frac{\omega_{0}(\tau)}{2} \cdot \int_{-1}^{1} \overline{P}_{ST}^{s}(\tau,\mu,\mu') \cdot \overline{L}_{n-1}^{s}(\tau,\mu') \cdot d\mu'$$
(7)

où

- $\bar{S}_{n}^{s}(\tau,\mu)$  est le vecteur fonction source de la diffusion d'ordre n pour l'ordre s de la décomposition en séries de Fourier,
- E est la constante solaire avec une incidence sous  $(\mu_0, \phi_0)$ .
- $\omega_0$  est l'albédo de diffusion simple du mélange de diffusants,
- $\overset{=}{P}_{ST}(\tau,\mu,\mu')$  est la matrice de phase entre les directions  $\mu'$  et  $\mu$ , pour une profondeur  $\tau$  dans l'atmosphère, à l'ordre s de la décomposition en séries de Fourier.

#### VI-2.3 Forme intégrée de l'ETR

En pratique pour un ordre d'interaction donné, la résolution de l'équation (5) se fait de proche en proche par intégration entre deux niveaux consécutifs du profil atmosphérique.

## Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 66

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

• Pour le champ montant  $(\mu > 0)$ , on écrit :

$$\overline{L}_{n}^{s} (\tau, \mu) = \overline{L}_{n}^{s} (\tau + \Delta \tau, \mu) \cdot \exp(-\Delta \tau/\mu) 
+ \frac{1}{\mu} \int_{\tau}^{\tau + \Delta \tau} \overline{S}_{n}^{s} (\tau', \mu) \cdot \exp(-(\tau' - \tau)/\mu) \cdot d\tau'$$
(8)

Avec pour condition limite au sol (réflexion sur un sol lambertien) :

- Pour l'ordre 1 :

$$\overline{L}_{1}^{s=0} \uparrow \left(\tau^{*}, \mu\right) = -\frac{\rho}{\pi} \cdot \mu_{0} \cdot \begin{pmatrix} E \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot \exp(\tau^{*}/\mu_{0})$$
(9)

- Et pour l'ordre d'interaction n > 1:

$$\left| I_{n}^{s=0} {\uparrow} \left( \tau^{*}, \mu \right) = 2 \rho. \int_{-1}^{0} I_{n-1}^{s=0} {\downarrow} \left( \tau^{*}, \mu \right) \mu. d\mu \right|$$
 (10)

où  $\tau^*$  est l'épaisseur optique totale de la couche atmosphérique et  $\rho$  est l'albédo de surface.

• Pour le champ descendant ( $\mu$  < 0), on écrit :

$$\overline{L}_{n}^{s} (\tau, \mu) = \overline{L}_{n}^{s} (\tau - \Delta \tau, \mu) \exp(\Delta \tau / \mu)$$

$$-\frac{1}{\mu} \int_{\tau - \Delta \tau}^{\tau} \overline{S}_{n}^{s} (\tau', \mu) \exp(-(\tau' - \tau) / \mu) . d\tau'$$
(11)

La condition limite est d'avoir un champ diffus descendant qui est nul au sommet de l'atmosphère.

La fonction source est calculée exactement selon les équations (6) et (7) pour les différents niveaux du profil atmosphérique. Les intégrations sur l'épaisseur optique des équations (8) et (11) peuvent alors être calculées entre deux niveaux consécutifs en faisant une approximation de linéarité de la fonction source par rapport à l'épaisseur optique.

## Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

**PAGE**: 67

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# VI-3 Enchainement des traitements du code des OSD : Routine SOS\_OS

Les traitements réalisés reposent sur deux boucles principales imbriquées. La première boucle sur l'ordre de la décomposition en séries de Fourier. La seconde, pour un ordre s de la décomposition en séries de Fourier, boucle sur l'ordre n des interactions.

Les traitements sont schématiquement les suivants :

#### **Initialisations:**

- Lecture des angles de Gauss et des poids associés.
- Estimation des paramètres de la matrice de phase moléculaire après correction de la dépolarisation.
- Détermination de la valeur du cosinus de la direction d'incidence solaire.
- Calcul des paramètres de la matrice de Fresnel si l'option de simulation sur mer plate est retenue
   ⇒ routine SOS\_MAT\_FRESNEL.

#### Boucle sur l'ordre S de la décomposition en séries de Fourier :

de  $S = SOS_OS_IBOR$  (0 en principe) à  $SOS_OS_IBORM$ 

- Lecture des éléments d'ordre S de la matrice de réflexion de surface (si BRDF / BPDF retenue).
- Calcul du noyau de diffusion des aérosols pour l'ordre S:
   préparation de la matrice de phase des aérosols ⇒ routine SOS\_NOYAUX.
- Calculs de l'ordre 1 d'interaction :
  - Calcul de la fonction source d'ordre 1 ⇒ routine SOS\_FSOURCE\_ORDRE1.
  - Calcul de la réflexion du faisceau solaire direct en surface (lambertienne + BRDF / BPDF)
  - Intégration du champ de rayonnement d'ordre 1 sur le profil atmosphérique
    - ⇒ routine SOS\_INTEGR\_EPOPT
    - Champ montant : du sol au TOA
    - Champ descendant : du TOA (champ nul) au sol.

#### - Boucle sur les ordres d'interaction

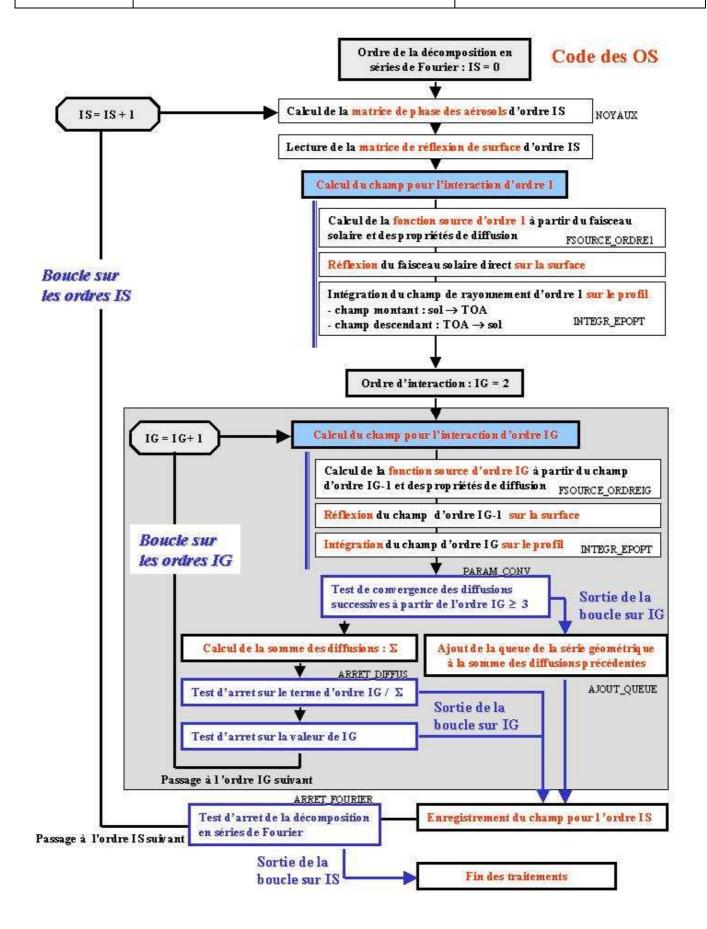
- Calcul de la fonction source d'ordre n à partir du champ d'ordre n-1
  - $\Rightarrow$  routine SOS\_FSOURCE\_ORDREIG.
- Calcul de la réflexion du champ d'ordre n-1 en surface (lambertienne + BRDF / BPDF)
- Intégration du champ de rayonnement d'ordre n sur le profil atmosphérique
- Tests de sortie de boucles : convergence des ordres successifs, contribution de l'ordre n devant la somme des ordres précédant, valeur de l'ordre limite
  - ⇒ routines SOS\_PARAM\_CONV, SOS\_ARRET\_DIFFUS.
- Enregistrement du champ I, Q et U d'ordre s pour les angles de visée du fichier d'angles.
- Test d'arrêt de la décomposition en séries de Fourier ⇒ routine SOS\_ARRET\_FOURIER.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 68

EDIT. : 03 REV. : 00



#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 69

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

## VI-4 Calcul des fonctions sources

La fonction source (équations 6 et 7) fait intervenir les propriétés de diffusion des particules. A l'ordre 1, c'est l'éclairement direct du Soleil qui apporte les photons qui vont être diffusés. Pour un ordre supérieur n > 1, c'est la lumière diffuse d'ordre n-1 qui alimente la diffusion d'ordre n.

La fonction source caractérise la contribution au signal de la diffusion en un point de l'atmosphère (niveau du profil). On l'exprime en fonction du champ de luminance incident en ce point et des propriétés de diffusion de l'atmosphère décrites par la matrice de phase.

#### VI-4.1 Noyaux de diffusion : SOS\_NOYAUX

La routine SOS\_NOYAUX assure le calcul de la matrice de phase pour un ordre S de la décomposition en séries de Fourier.

Pour un angle d'incidence  $\mu$ ' et d'émergence  $\mu$ , et pour une profondeur  $\tau$ , la matrice de phase s'écrit :

$$\frac{=s}{P_{ST}}(\mu,\mu') = \begin{pmatrix}
BP^{s}(\mu,\mu') & GR^{s}(\mu,\mu') & -GT^{s}(\mu,\mu') \\
GR^{s}(\mu',\mu) & ARR^{s}(\mu,\mu') & -ART^{s}(\mu',\mu) \\
-GT^{s}(\mu',\mu) & -ART^{s}(\mu,\mu') & ATT^{s}(\mu,\mu')
\end{pmatrix} (12.a)$$

avec

$$\left| \mathbf{BP}^{\mathbf{S}}(\boldsymbol{\mu}, \boldsymbol{\mu}') = \sum_{k=S}^{\infty} \beta_k^{11} \cdot \mathbf{P}_{\mathbf{S}}^{k}(\boldsymbol{\mu}) \cdot \mathbf{P}_{\mathbf{S}}^{k}(\boldsymbol{\mu}') \right|$$
(12.b)

$$GR^{S}(\mu,\mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \gamma_{k} .P_{S}^{k}(\mu).R_{S}^{k}(\mu')$$
(12.c)

$$GT^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \gamma_{k} . P_{S}^{k}(\mu) . T_{S}^{k}(\mu')$$
(12.d)

$$ARR^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \left[ \alpha_{k} . R_{S}^{k}(\mu) . R_{S}^{k}(\mu') + \xi_{k} . T_{S}^{k}(\mu) . T_{S}^{k}(\mu') \right]$$
(12.e)

$$ART^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \left[ \alpha_{k}.R_{S}^{k}(\mu').T_{S}^{k}(\mu) + \xi_{k}.T_{S}^{k}(\mu').R_{S}^{k}(\mu) \right]$$
(12.f)

$$ATT^{S}(\mu,\mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \left[ \alpha_{k}.T_{S}^{k}(\mu).T_{S}^{k}(\mu') + \xi_{k}.R_{S}^{k}(\mu).R_{S}^{k}(\mu') \right]$$
(12.g)

## Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 70

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

On exprime les éléments de la matrice de phase d'ordre S à partir des paramètres  $\alpha_k$ ,  $\beta_k$ ,  $\gamma_k$ ,  $\delta_k$  et  $\xi_k$  associés aux développements en polynômes et en fonctions de Legendre d'ordre 2 (relations **Erreur! Source du renvoi introuvable.** et 79, en section VII-4.2).

Les fonctions  $P_S^k(\mu)$ ,  $R_S^k(\mu)$  et  $T_S^k(\mu)$  sont définies à partir des fonctions généralisées de Legendre.

#### • Fonctions généralisées de Legendre :

Les fonctions généralisées de Legendre  $P_{m,n}^k(\mu)$  sont définies par :

$$\begin{split} P_{m,n}^{k}\left(\mu\right) &= \quad \frac{\left(-1\right)^{k-m}}{2^{k} \times (k-m)!} \times \sqrt{\frac{(k-m)! \ (k+n)!}{(k+m)! \ (k-n)!}} \times (1-\mu)^{-(n-m)/2} \times (1+\mu)^{-(n+m)/2} \\ &\times \frac{\partial^{k-n}}{\partial \mu^{k-n}} \left[ (1-\mu)^{k-m} \times (1+\mu)^{k+m} \right] \end{split} \tag{13.a}$$

Elles vérifient la relation de récurrence suivante :

$$\mu P_{m,n}^{k}(\mu) = \frac{\sqrt{(k+m+1)(k-m+1)(k+n+1)(k-n+1)}}{(2k+1)(k+1)} \times P_{m,n}^{k+1}(\mu) + \frac{m.n}{k(k+1)} \times P_{m,n}^{k}(\mu) + \frac{\sqrt{(k+m)(k-m)(k+n)(k-n)}}{(2k+1)k} \times P_{m,n}^{k-1}(\mu)$$
(13.b)

#### • Polynômes de Legendre :

#### Définition des polynômes de Legendre :

Les polynômes de Legendre sont les fonctions généralisées de Legendre pour lesquelles m=n=0. On note :

$$P_k(\mu) = P_{0,0}^k(\mu)$$
 (14.a)

Récurrence sur les polynômes de Legendre :

$$(14.b)$$
avec pour conditions initiales:  $P_{-1}(\mu) = (2k+1) \cdot \mu \times P_k(\mu)$ 

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 71

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### • Fonctions de Legendre d'ordre S :

## Définition des fonctions de Legendre d'ordre S :

Les fonctions de Legendre d'ordre S sont les fonctions de Legendre pour lesquelles n=0 et m=S : On note :

$$P_{S}^{k}(\mu) = P_{S,0}^{k}(\mu) \tag{15.a}$$

## Récurrence sur les fonctions de Legendre d'ordre S :

$$(2k+1)\mu P_{S}^{k}(\mu) = \sqrt{(k+S+1)(k-S+1)} \times P_{S}^{k+1}(\mu) + \sqrt{(k+m)(k-m)} \times P_{S}^{k-1}(\mu)$$
(15.b)

avec pour conditions initiales:

$$\begin{cases} P_{S}^{S-1}(\mu) = 0 \\ P_{S}^{S}(\mu) = \frac{\sqrt{(2.S)!}}{2^{S} \times S!} \times (1 - \mu^{2})^{S/2} \end{cases}$$

#### Cas particulier : Récurrence sur les fonctions de Legendre d'ordre 2 :

$$P_{2}^{k+1}(\mu) = \frac{2k+1}{\sqrt{(k+3)(k-1)}} \times \left[ \mu \times P_{2}^{k}(\mu) - \frac{\sqrt{(k+2)(k-2)}}{2k+1} \times \mu \times P_{2}^{k-1}(\mu) \right]$$
(15.c)

avec pour conditions initiales : 
$$\begin{cases} P_2^0(\mu) = P_2^1(\mu) = 0 \\ P_2^2(\mu) = \frac{3 \times (1 - \mu^2)}{2\sqrt{6}} \end{cases}$$
 (15.d)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

**PAGE** : 72

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# • Fonctions $R_S^k(\mu)$ et $T_S^k(\mu)$ :

#### **Définition**:

$$\begin{cases}
R_{S}^{k}(\mu) = \frac{P_{S,2}^{k}(\mu) + P_{S,-2}^{k}(\mu)}{2} \\
T_{S}^{k}(\mu) = \frac{P_{S,2}^{k}(\mu) - P_{S,-2}^{k}(\mu)}{2}
\end{cases}$$
(16.a)

#### Récurrence :

$$\begin{cases} (2k+1)\mu R_{S}^{k}(\mu) = a_{k,S} \times R_{S}^{k+1}(\mu) + b_{k,S} \times R_{S}^{k-1}(\mu) + c_{k,S} \times T_{S}^{k}(\mu) \\ (2k+1)\mu T_{S}^{k}(\mu) = a_{k,S} \times T_{S}^{k+1}(\mu) + b_{k,S} \times T_{S}^{k-1}(\mu) + c_{k,S} \times R_{S}^{k}(\mu) \end{cases}$$
(16.b)

avec pour coefficients:

$$\begin{cases} a_{k,S} = \frac{\sqrt{(k+S+1)(k-S+1)(k+3)(k-1)}}{(k+1)} \\ b_{k,S} = \frac{\sqrt{(k+S)(k-S)(k+2)(k-2)}}{k} \\ c_{k,S} = \frac{2.S \times (2k+1)}{k(k+1)} \end{cases}$$
(16.c)

et avec pour premiers termes non nul (pour  $S \ge 2$ )

$$\begin{cases} R_{S}^{S}(\mu) = \frac{\sqrt{(2.S)!}}{2^{S} \times S!} \times \sqrt{\frac{S \times (S-1)}{(S+2) \times (S+1)}} \times (1-\mu^{2})^{(S/2-1)} \times (1+\mu^{2}) \\ T_{S}^{S}(\mu) = 2 \times \frac{\sqrt{(2.S)!}}{2^{S} \times S!} \times \sqrt{\frac{S \times (S-1)}{(S+2) \times (S+1)}} \times \mu \times (1-\mu^{2})^{(S/2-1)} \end{cases}$$
(16.d)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 73

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Cas particuliers:

-S = 0:

$$\boxed{T_0^k \left(\mu\right) = 0} \tag{17.a}$$

$$\begin{cases}
R_0^0(\mu) = R_0^1(\mu) = 0 \\
R_0^2(\mu) = \frac{3}{2\sqrt{6}} \times (1 - \mu^2)
\end{cases}$$
(17.b)

-S = 1:

$$\begin{cases} R_1^0(\mu) = R_1^1(\mu) = 0 \\ T_1^0(\mu) = T_1^1(\mu) = 0 \end{cases}$$
 (18.a)

$$\begin{cases} R_1^2(\mu) = \frac{-\mu}{2} \times \sqrt{1 - \mu^2} \\ T_1^2(\mu) = \frac{-1}{2} \times \sqrt{1 - \mu^2} \end{cases}$$
 (18.b)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 74

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### VI-4.2 Fonction source d'ordre 1 : SOS\_FSOURCE\_ORDRE1

La fonction source d'ordre 1 est calculée selon la relation (6). Le code des Ordres Successifs travaille en luminances normalisées correspondantes à un éclairement solaire valant  $\pi$ .

$$\begin{cases}
S_{I_{1}}^{s}(\tau,\mu) = \frac{\exp(\tau/\mu_{0})}{4}.\omega_{0}(\tau) \times P_{11}^{s}(\tau,\mu,\mu_{0}) \\
S_{Q_{1}}^{s}(\tau,\mu) = \frac{\exp(\tau/\mu_{0})}{4}.\omega_{0}(\tau) \times P_{21}^{s}(\tau,\mu,\mu_{0}) \\
S_{U_{1}}^{s}(\tau,\mu) = \frac{\exp(\tau/\mu_{0})}{4}.\omega_{0}(\tau) \times P_{31}^{s}(\tau,\mu,\mu_{0})
\end{cases} (19)$$

avec pour matrice de phase du mélange de molécules et d'aérosols (voir section VIII-1)

$$\omega_0(\tau) \cdot P_{ij}^s(\tau, \mu, \mu') = \omega_0^{aer}(\tau) \cdot pcaer(\tau) \times P_{A_{ij}}^s(\mu, \mu') + pcmol(\tau) \times P_{M_{ij}}^s(\mu, \mu')$$
(20)

La matrice de phase propre aux aérosols est exprimée par :

$$\begin{cases}
P_{A_{11}}^{s}(\mu,\mu_{0}) = BP^{S}(\mu,\mu_{0}) = \sum_{k=S}^{\infty} \beta_{k}.P_{S}^{k}(\mu).P_{S}^{k}(\mu_{0}) \\
P_{A_{21}}^{s}(\mu,\mu_{0}) = GR^{S}(\mu_{0},\mu) = \sum_{k=S}^{\infty} \gamma_{k}.P_{S}^{k}(\mu).R_{S}^{k}(\mu_{0}) \\
P_{A_{31}}^{s}(\mu,\mu_{0}) = -GT^{S}(\mu_{0},\mu) = -\sum_{k=S}^{\infty} \gamma_{k}.P_{S}^{k}(\mu).T_{S}^{k}(\mu_{0})
\end{cases} (21)$$

et la matrice de phase moléculaire est calculée pour les ordres S = 0, 1 et 2 :

$$\begin{cases} P_{M_{11}}^{\ 0}(\mu,\mu_{0}) = \beta_{0}^{\text{mol}} + \beta_{2}^{\text{mol}}.P_{0}^{2}(\mu).P_{0}^{2}(\mu_{0}) \\ P_{M_{21}}^{\ 0}(\mu,\mu_{0}) = \gamma_{2}^{\text{mol}}.P_{0}^{2}(\mu).R_{0}^{2}(\mu_{0}) \\ P_{M_{31}}^{\ 0}(\mu,\mu_{0}) = -\gamma_{2}^{\text{mol}}.P_{0}^{2}(\mu).T_{0}^{2}(\mu_{0}) \end{cases}$$
(22.a)

$$\begin{cases}
P_{M_{11}}^{1}(\mu,\mu_{0}) = \beta_{2}.P_{1}^{2}(\mu).P_{1}^{2}(\mu_{0}) \\
P_{M_{21}}^{1}(\mu,\mu_{0}) = \gamma_{2}.P_{1}^{2}(\mu).R_{1}^{2}(\mu_{0}) \\
P_{M_{31}}^{1}(\mu,\mu_{0}) = -\gamma_{2}.P_{1}^{2}(\mu).T_{1}^{2}(\mu_{0})
\end{cases} (22.b)$$

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 75

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

$$\begin{cases} P_{M_{11}}^{2}(\mu, \mu_{0}) = \beta_{2}^{\text{mol}}.P_{2}^{2}(\mu).P_{2}^{2}(\mu_{0}) \\ P_{M_{21}}^{2}(\mu, \mu_{0}) = \gamma_{2}^{\text{mol}}.P_{2}^{2}(\mu).R_{2}^{2}(\mu_{0}) \\ P_{M_{31}}^{2}(\mu, \mu_{0}) = -\gamma_{2}^{\text{mol}}.P_{2}^{2}(\mu).T_{2}^{2}(\mu_{0}) \end{cases}$$
(22.c)

#### VI-4.3 Fonction source d'ordre n : SOS FSOURCE ORDREIG

La fonction source d'ordre n est calculée selon la relation (7).

$$\begin{cases}
S_{1_{n}}^{s}(\tau,\mu) = \frac{\omega_{0}(\tau)}{2}.\int_{0}^{1} \begin{cases}
P_{11}^{s}(\tau,\mu,\mu').I_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{11}^{s}(\tau,\mu,-\mu').I_{n-1}^{s}(\tau,-\mu') \\
+ P_{12}^{s}(\tau,\mu,\mu').Q_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{12}^{s}(\tau,\mu,-\mu').Q_{n-1}^{s}(\tau,-\mu')
\end{cases} d\mu'$$

$$\begin{cases}
S_{1_{n}}^{s}(\tau,\mu) = \frac{\omega_{0}(\tau)}{2}.\int_{0}^{1} \begin{cases}
P_{12}^{s}(\tau,\mu,\mu').I_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{13}^{s}(\tau,\mu,-\mu').I_{n-1}^{s}(\tau,-\mu') \\
+ P_{13}^{s}(\tau,\mu,\mu').Q_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{21}^{s}(\tau,\mu,-\mu').I_{n-1}^{s}(\tau,-\mu')
\end{cases} d\mu'$$

$$\begin{cases}
S_{0_{n}}^{s}(\tau,\mu) = \frac{\omega_{0}(\tau)}{2}.\int_{0}^{1} \begin{cases}
P_{21}^{s}(\tau,\mu,\mu').Q_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{22}^{s}(\tau,\mu,-\mu').Q_{n-1}^{s}(\tau,-\mu') \\
+ P_{23}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{33}^{s}(\tau,\mu,-\mu').I_{n-1}^{s}(\tau,-\mu')
\end{cases} d\mu'$$

$$S_{0_{n}}^{s}(\tau,\mu) = \frac{\omega_{0}(\tau)}{2}.\int_{0}^{1} \begin{cases}
P_{31}^{s}(\tau,\mu,\mu').I_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{31}^{s}(\tau,\mu,-\mu').I_{n-1}^{s}(\tau,-\mu') \\
P_{32}^{s}(\tau,\mu,\mu').Q_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{32}^{s}(\tau,\mu,-\mu').Q_{n-1}^{s}(\tau,-\mu')
\end{cases} d\mu'$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{0}^{s}(\tau,\mu,-\mu').I_{n-1}^{s}(\tau,-\mu')
\end{cases} d\mu'$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{0}^{s}(\tau,\mu,-\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,-\mu')
\end{cases} d\mu'$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{0}^{s}(\tau,\mu,-\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,-\mu')
\end{cases} d\mu'$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{0}^{s}(\tau,\mu,-\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,-\mu')$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu')$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{0}^{s}(\tau,\mu,-\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu')$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu')$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu') + P_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu')$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu')$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu')$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu')$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu')$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,\mu').U_{n-1}^{s}(\tau,\mu')$$

$$F_{0}^{s}(\tau,\mu,$$

avec une expression des éléments de la matrice de phase selon la formulation (12) pour chaque composant et selon l'équation (20) pour la relation de mélange des aérosols et des molécules.

#### VI-4.4 Fonction source d'ordre 1 pour la prise en compte d'une réflexion sur mer plate

La réflexion sur mer plate est un cas particulier géré par la routine SOS\_FSOURCE\_DIFF\_FRESNEL1. On prend en compte la réflexion du faisceau solaire direct par le calcul de la diffusion du rayonnement réfléchi. Le principe est décrit en section IX-2.2.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 76

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### VI-5 Intégration sur le profil atmosphérique

La fonction source est calculée exactement selon les équations (6) et (7) pour les différents niveaux du profil atmosphérique. Les intégrations sur l'épaisseur optique des équations (8) et (11) peuvent alors être calculées entre deux niveaux consécutifs en faisant une approximation de linéarité de la fonction source par rapport à l'épaisseur optique.

$$\overline{L}_{n}^{s} (\tau, \mu) = \overline{L}_{n}^{s} (\tau + \Delta \tau, \mu) e^{-\Delta \tau/\mu} + (1 - e^{-\Delta \tau/\mu}) . (\overline{a}.\mu + \overline{b}) - e^{-\Delta \tau/\mu} . \overline{a}.\Delta \tau$$
(24)

avec

$$\begin{cases}
\bar{a} = \frac{\bar{S}_{n}^{s} (\tau + \Delta \tau, \mu) - \bar{S}_{n}^{s} (\tau, \mu)}{\Delta \tau} \\
\bar{b} = \bar{S}_{n}^{s} (\tau, \mu)
\end{cases}$$
(25)

De même:

$$\overline{L}_{n}^{s}(\tau,\mu) = \overline{L}_{n}^{s}(\tau - \Delta\tau,\mu)e^{\Delta\tau/\mu} + (1 - e^{\Delta\tau/\mu}).(\overline{a}.\mu + \overline{b}) + e^{\Delta\tau/\mu}.\overline{a}.\Delta\tau$$
(26)

avec

$$\begin{cases}
\bar{a} = \frac{\bar{S}_{n}^{s}(\tau, \mu) - \bar{S}_{n}^{s}(\tau - \Delta \tau, \mu)}{\Delta \tau} \\
\bar{b} = \bar{S}_{n}^{s}(\tau, \mu)
\end{cases} (27)$$

Ce principe d'intégration entre couches est appliqué dans le code des OS. Les intégrations sur le profil et pour les diffusions successives sont ainsi facilement prises en compte. La difficulté de ces calculs repose principalement dans la détermination de la fonction source  $\bar{S}_n^s(\tau,\mu)$ . La précision de la méthode est discutée en section VI-7.1.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 77

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### VI-6 Tests d'arrêt des développements

Le code des Ordres Successifs fait ses calculs par ordre S de la décomposition en séries de Fourier. L'ordre S de la série est incrémentée à chaque boucle de traitements. Un test permet de stopper les traitements pour l'ordre à partir duquel les ordres supérieurs donnent des contributions insignifiantes.

Pour chaque ordre S de la décomposition en séries de Fourier, le programme distingue les interactions successives. Le cumul des interactions successives est stoppé à l'ordre « igmax » défini par l'utilisateur. Cependant, le logiciel peut trouver une convergence avant cet ordre limite ou constater un apport insignifiant des termes calculés. Dans ce cas, la boucle sur les ordres d'interactions est quittée plus rapidement.

#### VI-6.1 <u>Tests d'arrêt de calcul des interactions successives</u>

#### VI.6.1.a CONVERGENCE EN SÉRIE GÉOMÉTRIQUE

A l'ordre n de diffusion, la routine SOS\_PARAM\_CONV recherche, sur toutes les directions du champ émergeant au TOA et du champ éclairant la surface, la valeur maximale du rapport suivant pour les fonctions I, Q et U :

$$V_{\text{max}} = \max \left( \frac{\frac{X_{\text{n}}}{X_{\text{n-1}}} - \frac{X_{\text{n-1}}}{X_{\text{n-2}}}}{\left(1 - \frac{X_{\text{n}}}{X_{\text{n-1}}}\right)^2} \times \frac{X_{\text{n}}}{\sum_{k=1}^{n-1} X_k} \right)$$
(28)

Posons q la raison estimée entre les ordres n-1 et n. Posons q' la raison obtenue pour le rapport d'ordre précédent entre n-2 et n-1. S'il y a convergence dès l'ordre n-2, les valeurs de q et q' sont voisines. On peut réécrire l'équation précédente :

$$V_{max} = max \left( \frac{q - q'}{\left(1 - q\right)^2} \times \frac{X_n}{\sum_{k=1}^{n-1} X_k} \right) \text{ ou encore } V_{max} = max \left( \frac{q - q'}{\left(1 - q\right)} \times \frac{\sum_{k=n}^{\infty} X_k}{\sum_{k=1}^{n-1} X_k} \right)$$

Le premier terme du produit en (q-q') / (1-q) doit être petit en régime de convergence. Il en est de même pour le second terme correspondant au rapport des termes restants de la série géométrique sur les termes déjà cumulés.

On estime qu'il y a convergence en série géométrique si :  $V_{max} \le SOS\_PH\_SEUIL\_CV\_SG$  (constante du fichier SOS.h). La routine SOS\_AJOUT\_QUEUE calcule alors la valeur de la queue de la série géométrique (somme des termes de l'ordre n à l'infini) qui est ajoutée au cumul des ordres de diffusion précédents. Le

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

**PAGE**: 78

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

programme arrête de boucler sur les ordres d'interactions et passe au test sur l'ordre S de la décomposition en séries de Fourier.

Pour un comportement en série géométrique à partir de l'ordre n, les valeurs des queues des séries géométriques sont :

$$I_{queue}^{s} = \frac{I_{n}^{s}}{1 - q_{I}}$$
 $Q_{queue}^{s} = \frac{Q_{n}^{s}}{1 - q_{O}}$ 
 $U_{queue}^{s} = \frac{U_{n}^{s}}{1 - q_{U}}$  (29)

avec pour raisons :  $q_I = I_n^s/I_{n-1}^s$   $q_Q = Q_n^s/Q_{n-1}^s$   $q_U = U_n^s/U_{n-1}^s$ 

$$q_{O} = Q_{n}^{s}/Q_{n-1}^{s}$$

$$q_{U} = U_{n}^{s}/U_{n-1}^{s}$$

Les valeurs calculées pour l'ordre S de la série de Fourier sont alors :

$$\mathbf{I}^{s} = \sum_{i=1}^{n-1} \mathbf{I}_{ig}^{s} + \mathbf{I}_{queue}^{s}$$

$$Q^{s} = \sum_{i=1}^{n-1} Q_{ig}^{s} + Q_{queue}^{s}$$

$$I^{s} = \sum_{ig=1}^{n-1} I^{s}_{ig} + I^{s}_{queue}$$

$$Q^{s} = \sum_{ig=1}^{n-1} Q^{s}_{ig} + Q^{s}_{queue}$$

$$U^{s} = \sum_{ig=1}^{n-1} U^{s}_{ig} + U^{s}_{queue}$$
(30)

#### VI.6.1.b IMPORTANCE DE LA CONTRIBUTION D'ORDRE N DE DIFFUSION

Si le premier test est passé, un test supplémentaire est réalisé sur l'importance de la contribution d'ordre n devant le cumul des termes précédents (routine SOS\_ARRET\_DIFFUS). Le programme recherche, sur toutes les directions du champ émergeant au TOA et du champ éclairant la surface, la valeur maximale des rapports suivants:

$$V_{\text{max}} = \max \left( \left| \frac{I_{n}^{s}}{I_{n}^{s}} + I_{2}^{s} + ... + I_{n}^{s} \right) \right|$$

$$\left| \frac{Q_{n}^{s}}{Q_{1}^{s}} + Q_{2}^{s} + ... + Q_{n}^{s} \right) \right|$$

$$\left| \frac{U_{n}^{s}}{U_{n}^{s}} + \left( U_{1}^{s} + U_{2}^{s} + ... + U_{n}^{s} \right) \right|$$
(31)

Arrêt si :  $V_{max} \le SOS_{PH\_SEUIL\_SUMDIF}$  (contenu dans le fichier SOS.h)

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 79

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### VI-6.2 Test d'arrêt du développement en série de Fourier

Le test d'arrêt de la décomposition en séries de Fourier est réalisé par la routine SOS\_ARRET\_FOURIER. Le programme recherche, sur toutes les directions du champ émergeant au TOA et du champ éclairant la surface, la valeur maximale des rapports suivants :

$$A_{\text{max}} = \max \left| \begin{array}{l} I^{S} / \sum_{k=0}^{S} (2 - \delta_{0k}) \times I^{k} \\ Q^{S} / \sum_{k=0}^{S} (2 - \delta_{0k}) \times Q^{k} \\ U^{S} / \sum_{k=0}^{S} (2 - \delta_{0k}) \times U^{k} \end{array} \right|$$
(32.a)

$$B_{\text{max}} = \max \left[ \begin{array}{c} I^{S} / \sum_{k=0}^{S} (2 - \delta_{0k}) \times (-1)^{k} \cdot I^{k} \\ Q^{S} / \sum_{k=0}^{S} (2 - \delta_{0k}) \times (-1)^{k} \cdot Q^{k} \\ U^{S} / \sum_{k=0}^{S} (2 - \delta_{0k}) \times (-1)^{k} \cdot U^{k} \end{array} \right]$$
(32.b)

Arrêt si :  $Max(A_{max}, B_{max}) \le SOS_{PH\_SEUIL\_SF}$  (contenu dans le fichier SOS.h)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 80

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### VI-7 Précision des calculs

Pour un profil d'atmosphère défini, les principales sources d'erreurs des simulations résident dans les calculs d'intégrations sur l'épaisseur optique  $\tau$  et sur les directions d'incidence  $\mu = \cos \theta$  pour le calcul des fonctions sources. Nous rappelons ici brièvement les conclusions sur la précision obtenus par J.L. Deuzé [DR4].

#### VI-7.1 Intégration sur l'épaisseur optique

Pour chaque ordre de diffusion, le code calcule le champ de rayonnement de proche en proche pour chaque niveau d'épaisseur optique. Ceci implique dans la résolution de l'équation de Transfert de faire des intégrations sur  $\tau$  entre deux niveaux consécutifs. Ces intégrations font intervenir les fonctions sources de diffusion  $S_n(\tau)$ , pour l'ordre de diffusion considéré (après intégration sur  $\mu$ '), qu'on linéarisent sur la couche en fonction de l'épaisseur optique. Cette linéarisation entraı̂ne principalement des erreurs pour les premières diffusions, puisque les diffusions multiples ont tendance à homogénéiser le rayonnement et à réduire la variation de la fonction  $S_n(\tau)$ . C'est pour la diffusion primaire que la source, exponentielle, varie le plus vite avec l'épaisseur optique. Aussi, la précision de l'intégration sur  $\tau$  est évaluée pour ce cas défavorable.

L'erreur relative entre le calcul exact d'intégration de l'équation de Transfert sur une couche  $\Delta \tau$  en diffusion primaire,  $I_f$ , par rapport au calcul par linéarisation,  $I_g$ , est donnée pour l'intensité par :

$$\frac{I_f - I_g}{I_f} \approx \frac{1}{\mu_0} \times \frac{\Delta \tau^2}{12} \tag{33}$$

pour un développement par rapport à  $\Delta \tau$  jusqu'au troisième ordre [DR4], avec  $\mu_0 = \cos \theta_S$ .

La précision des intégrations sur le profil peut ainsi être estimée à partir de l'épaisseur optique des couches et de la direction d'éclairement. En pratique, pour une épaisseur optique de l'atmosphère valant 0.5 et pour une découpe en 26 couches identiques, l'épaisseur optique de chaque couche est  $\Delta \tau \approx 0.02$ . Aussi, pour un angle zénithal solaire  $\theta_S$  compris entre 0 et  $75^\circ$ , au pire l'erreur relative d'intégration sur  $\Delta \tau$  est comprise entre 0.003 % et 0.013 %. Le cumul des incertitudes de chaque couche donne une erreur globale d'intégration sur ce profil comprise entre environ 0.02 et 0.07%.

#### VI-7.2 Intégration spatiale

Le calcul des fonctions sources fait intervenir une intégration sur les directions d'incidence  $\mu$ . Il utilise une discrétisation en quadrature de Gauss qui, pour 2N points de Gauss  $\mu_k$  (avec  $\mu_{-k} = -\mu_k$ ) et 2N poids  $a_k$  ( $a_{-k} = a_k$ ), permet d'intégrer exactement, sur l'intervalle -1 à 1, un polynôme de  $\mu$  d'ordre  $M \le 2N-1$ . Bien que les fonctions  $S_n(\tau)$  qu'intègre le code ne soient pas des polynômes, un critère de qualité repose sur l'ordre 2p du développement en polynômes de Legendre de la matrice de phase. Si N > p, on estime que l'intégration est très satisfaisante [DR4]. Pour des calculs typiques de matrice de phase où 2p = 48, il suffit d'utiliser 24 points de Gauss pour faire une intégration angulaire de qualité (MU24).

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 81

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### VI-7.3 Longueur des développements

La précision des calculs dépend du nombre de diffusions successives prises en compte. Il n'est cependant pas nécessaire de pousser trop loin les développements et de calculer des termes de diffusion insignifiants. Nous avons fixé à  $10^{-5}$  le seuil limite d'erreur relative sur  $I^s$ ,  $Q^s$  et  $U^s$  pour chaque ordre du développement en séries de Fourier (constante SOS\_PH\_SEUIL\_SUMDIF du fichier SOS.h, routines SOS\_ARRET\_DIFFUS et SOS\_OS).

De même, le calcul des termes de ce développement en séries de Fourier a été poussé jusqu'à obtenir un rapport entre le dernier terme calculé et la somme des termes précédents inférieur à  $10^{-4}$  (constante SOS\_PH\_SEUIL\_SF du fichier SOS.h).

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 82

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### VI-8 Calculs des transmissions

#### VI-8.1 Principe de calcul des transmissions diffuses

Le logiciel permet de solliciter la génération d'un fichier spécifique contenant les valeurs de transmissions. Il faut définir le couple –*SOS.Trans NomDuFichier* pour produire le fichier *NomDuFichier* correspondant. Il s'agit d'un paramètre optionnel : s'il n'est pas défini, il n'y a pas de sortie de transmissions.

La **transmission diffuse descendante** est définie par :

$$t_{dif}(\theta_{s}) = \frac{E_{sol}^{diffus}}{E_{s} \times cos\theta_{s}}$$

Eclairement diffus du sol (noir) pour un éclairement unité au TOA

Avec:

 $E_s$ : l'éclairement solaire au TOA (=  $\pi$  par convention dans le code des OS)

 $\theta_S$ : l'angle zénithal solaire

 $E_{sol}^{diffus}$ : l'éclairement diffus du sol (noir)

$$E_{\text{sol}}^{\text{diffus}} = \int_{0}^{2\pi} \int_{-1}^{0} L(\mu, \phi)(-\mu) d\mu d\phi$$

$$= 2\pi \int_{0}^{1} L^{\text{IS}=0}(\mu) \mu d\mu$$
à calculer **pour un sol noir**

La <u>transmission diffuse montante</u>  $t_{dif}(\theta_V)$  est définie comme étant la luminance diffuse sortant de l'atmosphère pour un éclairement diffus unité étendu à la surface.

Selon le principe de réciprocité, son calcul peut être le même que celui de la transmission diffuse descendante en remplaçant  $\theta_S$  par  $\theta_V$  (pris alors comme une incidence).

Le principe d'implémentation est alors simple :

- Pour chacun des angles θ prédéfinis, dont l'angle zénithal solaire, il faut faire un appel de la routine SOS\_OS (qui calcule le champ de luminance décomposé en séries de Fourier) pour un sol noir (ρ<sub>sol</sub> = 0, pas de BRDF ou BPDF), sans modifier les conditions atmosphériques.
- Cette routine fournit alors la valeur  $t_{dif}(\theta, \delta^{tr})$  (s'agissant d'une intégration limitée à l'ordre S=0, le calcul est très rapide). Il s'agit de la transmission diffuse pour l'épaisseur optique ajustée à la troncature de la fonction de phase.
- Comme la transmission totale (diffuse + directe) doit être la même pour l'épaisseur optique vraie et pour l'épaisseur optique ajustée à la troncature, on en déduit :

$$t_{dif}\left(\theta, \delta^{vraie}\right) = t_{dif}\left(\theta, \delta^{tr}\right) + exp\left(\frac{-\delta^{tr}}{cos\theta}\right) - exp\left(\frac{-\delta^{vraie}}{cos\theta}\right)$$

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 83

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

Les fichiers de transmission sont de la forme :

```
30.
Solar Zenithal Angle
                       :
Direct transmission TOA -> surface :
                                          0.766760236
 Diffuse transmittance : TOA -> surface
    thetas = 30.000 td(thetas) = 0.1154
 Diffuse transmittance : surface -> TOA
    thetav = 1.712 td(thetav) =
                                      0.1018
    thetav = 3.929 td(thetav) =
thetav = 6.159 td(thetav) =
thetav = 8.393 td(thetav) =
                                      0.1020
                                      0.1023
    thetav = 28.511 td(thetav) = 0.1139
    thetav = 30.000 td(thetav) =
                                      0.1154
    thetav = 30.747
                     td(thetav) = 0.1161
    thetav = 79.938
                     td(thetav) =
                                     0.3470
    thetav = 82.174 td(thetav) =
                                      0.3811
    thetav = 84.410 td(thetav) =
                                      0.4133
    thetav = 86.646 td(thetav) =
                                      0.4275
    thetav = 88.882 td(thetav) =
                                      0.4040
```

#### VI-8.2 Validation

Afin de confirmer la justesse de l'implémentation, nous avons simulé le champ de luminance et les transmissions correspondantes pour :

- un sol lambertien d'albédo valant 0,1-0,2-0,3 ou 0,4.
- une épaisseur optique moléculaire de 0,23 à 440 nm.
- des aérosols du type WMO modèle Maritime.
- une épaisseur optique aérosols nulle ou de 0,3 à 550 nm (soit 0,3175 à 440 nm).

Sur la base du formalisme 6S, nous avons estimé la valeur de l'albédo sphérique S obtenu pour chacune des directions de visée. Aux approximations prêtes du formalisme, la valeur de S doit être indépendante de la direction de visée. Nous limitons l'analyse aux angles de visée compris entre 0° et 40°.

$$\begin{split} \rho^{\text{TOA}} &= \rho^{\text{ATM}} + \rho \times \frac{T_{\text{tot}}(\theta_{\text{S}}).T_{\text{tot}}(\theta_{\text{V}})}{1 - \rho.S} \\ S &= \frac{1}{\rho} \times \left[ 1 - \frac{\rho.T_{\text{tot}}(\theta_{\text{S}}).T_{\text{tot}}(\theta_{\text{V}})}{\rho^{\text{TOA}} - \rho^{\text{ATM}}} \right] \end{split} \text{ pour une réflectance de surface lambertienne } \rho.$$

Cette valeur est de plus comparée à celle estimée par le code 6S pour des conditions de simulations équivalentes.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 84

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

#### Cas purement moléculaire :

Épaisseur optique vraie (à 440 nm) : 0,230

$$\theta_{S} = 32,48^{\circ} \Rightarrow t_{dif}(\theta_{S}) = 0,118$$

$$t_{dir}(\theta_{S}) = 0,761$$

$$t_{tot}(\theta_{S}) = 0,879$$

Simulation luminance TOA pour 4 albédos sol (Φ=0)						Dé	ductior albéd	n S pou os sol	r 4			
		0,1	0,4	0,5	0,6			0,1 0,4 0,5		0,6		
$\theta_{ m V}$	Latm	Ltoa	Ltoa	Ltoa	Ltoa	$t_{dif}$	$t_{dir}$	$t_{tot}$	S	S	S	S
-39,9	0,110	0,176	0,387	0,462	0,541	0,128	0,741	0,869	0,178	0,170	0,170	0,169
-36,19	0,106	0,172	0,384	0,460	0,539	0,123	0,752	0,875	0,177	0,170	0,170	0,169
-32,48	0,102	0,168	0,382	0,458	0,538	0,118	0,761	0,879	0,175	0,170	0,169	0,169
-28,77	0,098	0,165	0,380	0,456	0,536	0,114	0,769	0,883	0,174	0,170	0,169	0,169
-25,06	0,095	0,162	0,377	0,454	0,534	0,111	0,776	0,887	0,173	0,170	0,169	0,169
-21,35	0,092	0,159	0,375	0,452	0,532	0,108	0,781	0,889	0,173	0,170	0,169	0,169
-17,64	0,088	0,156	0,372	0,450	0,530	0,106	0,786	0,892	0,172	0,170	0,169	0,169
-13,93	0,085	0,153	0,370	0,447	0,528	0,105	0,789	0,894	0,172	0,170	0,169	0,169
-10,22	0,083	0,150	0,367	0,445	0,526	0,103	0,792	0,895	0,172	0,170	0,169	0,169
-6,52	0,080	0,147	0,365	0,443	0,524	0,102	0,793	0,896	0,171	0,170	0,169	0,169
-2,84	0,077	0,145	0,363	0,440	0,521	0,102	0,794	0,896	0,172	0,170	0,169	0,169
2,84	0,074	0,141	0,359	0,437	0,518	0,102	0,794	0,896	0,172	0,170	0,169	0,169
6,52	0,071	0,139	0,357	0,434	0,515	0,102	0,793	0,896	0,171	0,170	0,169	0,169
10,22	0,069	0,137	0,354	0,432	0,513	0,103	0,792	0,895	0,172	0,170	0,169	0,169
13,93	0,068	0,135	0,352	0,430	0,510	0,105	0,789	0,894	0,172	0,170	0,169	0,169
17,64	0,066	0,133	0,350	0,428	0,508	0,106	0,786	0,892	0,172	0,170	0,169	0,169
21,35	0,065	0,132	0,348	0,425	0,505	0,108	0,781	0,889	0,173	0,170	0,169	0,169
25,06	0,064	0,131	0,346	0,423	0,503	0,111	0,776	0,887	0,173	0,170	0,169	0,169
28,77	0,063	0,130	0,345	0,421	0,501	0,114	0,769	0,883	0,174	0,170	0,169	0,169
32,48	0,063	0,130	0,343	0,420	0,499	0,118	0,761	0,879	0,175	0,170	0,169	0,169
36,19	0,063	0,130	0,342	0,418	0,497	0,123	0,752	0,875	0,177	0,170	0,170	0,169
39,9	0,064	0,130	0,341	0,417	0,495	0,128	0,741	0,869	0,178	0,170	0,170	0,169
							Moyen	ne	0,174	0,170	0,169	0,169
							Ecart-t	уре	0,002	0,000	0,000	0,000

L'albédo sphérique du moléculaire (pour une épaisseur optique valant 0,23) estimé est de l'ordre de 0,169 à 0,174.

On note une sensibilité de S en fonction de l'angle de visée qui apparaît pour les plus faibles réflectances de surface (0,1) et qui est plus prononcée aux grands angles. Celle-ci est certainement liée à la formulation théorique tendant à accroitre les erreurs par le coefficient en  $1/\rho$ . Aussi, il semble plus significatif de retenir la valeur estimée pour des surfaces plus brillantes : soit  $S \approx 0,169$ .

Le code 6S donne une valeur cohérente de 0,168 pour  $\lambda=445$  nm (soit pour une épaisseur optique de 0,233).

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 85

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### Cas avec aérosols maritime :

Modèle d'aérosols : WMO Maritime

**Épaisseur optique vraie** (à 440 nm) : 0,5475 (0,23 MOT + 0,3175 AOT)

$$\begin{aligned} \theta_S &= 32,\!48^\circ \Rightarrow t_{dif} \left(\theta_S\right) = 0,\!323 \\ t_{dir} \left(\theta_S\right) &= 0,\!523 \\ t_{tot} \left(\theta_S\right) &= 0,\!845 \end{aligned}$$

Simulation luminance TOA						Dé		S pou	r 4			
	pour 4 albédos sol (Φ=0)			(Φ <b>=</b> 0)					albéd	os sol		
		0,1	0,4	0,5	0,6				0,1	0,4	0,5	0,6
$\theta_{ m V}$	Latm	Ltoa	Ltoa	Ltoa	Ltoa	$t_{dif}$	$t_{dir}$	$t_{tot}$	S	S	S	S
-39,9	0,141	0,202	0,400	0,472	0,548	0,340	0,490	0,830	0,212	0,212	0,212	0,212
-36,19	0,140	0,201	0,401	0,474	0,550	0,331	0,507	0,838	0,212	0,212	0,212	0,212
-32,48	0,138	0,199	0,401	0,475	0,552	0,323	0,523	0,845	0,213	0,212	0,212	0,212
-28,77	0,130	0,192	0,395	0,469	0,547	0,316	0,535	0,851	0,213	0,212	0,212	0,212
-25,06	0,121	0,184	0,388	0,462	0,541	0,309	0,546	0,856	0,214	0,212	0,212	0,212
-21,35	0,115	0,178	0,383	0,458	0,537	0,304	0,556	0,860	0,214	0,212	0,212	0,212
-17,64	0,110	0,173	0,379	0,454	0,533	0,300	0,563	0,863	0,214	0,212	0,212	0,212
-13,93	0,106	0,169	0,375	0,451	0,530	0,297	0,569	0,866	0,213	0,212	0,212	0,212
-10,22	0,102	0,165	0,372	0,448	0,527	0,294	0,573	0,868	0,213	0,212	0,212	0,212
-6,52	0,099	0,162	0,370	0,446	0,525	0,292	0,576	0,869	0,214	0,212	0,212	0,212
-2,84	0,096	0,160	0,367	0,443	0,523	0,291	0,578	0,869	0,214	0,212	0,212	0,212
2,84	0,090	0,153	0,361	0,436	0,516	0,291	0,578	0,869	0,214	0,212	0,212	0,212
6,52	0,086	0,149	0,356	0,432	0,511	0,292	0,576	0,869	0,214	0,212	0,212	0,212
10,22	0,083	0,146	0,353	0,429	0,508	0,294	0,573	0,868	0,213	0,212	0,212	0,212
13,93	0,081	0,144	0,350	0,426	0,505	0,297	0,569	0,866	0,213	0,212	0,212	0,212
17,64	0,079	0,142	0,348	0,423	0,502	0,300	0,563	0,863	0,214	0,212	0,212	0,212
21,35	0,078	0,141	0,346	0,421	0,500	0,304	0,556	0,860	0,214	0,212	0,212	0,212
25,06	0,078	0,140	0,345	0,419	0,497	0,309	0,546	0,856	0,214	0,212	0,212	0,212
28,77	0,078	0,140	0,343	0,418	0,495	0,316	0,535	0,851	0,213	0,212	0,212	0,212
32,48	0,079	0,141	0,343	0,416	0,493	0,323	0,523	0,845	0,213	0,212	0,212	0,212
36,19	0,081	0,142	0,342	0,415	0,492	0,331	0,507	0,838	0,212	0,212	0,212	0,212
39,9	0,084	0,144	0,342	0,415	0,490	0,340	0,490	0,830	0,212	0,212	0,212	0,212
							Moyen	ne	0,213	0,212	0,212	0,212
							Ecart-t	ype	0,001	0,000	0,000	0,000

L'albédo sphérique estimé est de l'ordre de 0,212 à 0,213, avec une forte stabilité angulaire et une faible dépendance à la réflectance de surface.

Le code 6S donne une valeur cohérente de 0,217 (pour  $\lambda=445~\text{nm}$  - soit pour une épaisseur optique moléculaire de 0,233).

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 86

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### Cas avec aérosols urbain :

Modèle d'aérosols : WMO Urbain

**Épaisseur optique vraie** (à 440 nm) : 0,6265 (0,23 MOT + 0,3965 AOT)

$$\theta_{S} = 32,48^{\circ} \Rightarrow t_{dif} (\theta_{S}) = 0,218$$

$$t_{dir} (\theta_{S}) = 0,476$$

$$t_{tot} (\theta_{S}) = 0,694$$

Simulation luminance TOA					Déduction S pour 4							
	pour 4 albédos sol (Φ=0)			(Φ <b>=</b> 0)					albéd	os sol		
		0,1	0,4	0,5	0,6				0,1	0,4	0,5	0,6
$\theta_{ m V}$	Latm	Ltoa	Ltoa	Ltoa	Ltoa	$t_{dif}$	$t_{dir}$	$t_{tot}$	S	S	S	S
-39,9	0,126	0,166	0,293	0,338	0,385	0,227	0,442	0,669	0,162	0,150	0,150	0,151
-36,19	0,123	0,163	0,293	0,339	0,386	0,223	0,460	0,683	0,167	0,151	0,151	0,151
-32,48	0,119	0,160	0,292	0,339	0,387	0,219	0,476	0,694	0,168	0,151	0,151	0,151
-28,77	0,114	0,156	0,290	0,337	0,386	0,215	0,489	0,704	0,168	0,151	0,151	0,151
-25,06	0,109	0,151	0,287	0,335	0,384	0,212	0,501	0,713	0,168	0,151	0,151	0,151
-21,35	0,104	0,147	0,284	0,332	0,383	0,209	0,510	0,720	0,169	0,151	0,151	0,151
-17,64	0,101	0,144	0,281	0,330	0,381	0,207	0,518	0,725	0,168	0,151	0,151	0,151
-13,93	0,097	0,141	0,279	0,328	0,379	0,206	0,524	0,730	0,169	0,151	0,151	0,151
-10,22	0,094	0,138	0,277	0,326	0,378	0,204	0,529	0,733	0,169	0,151	0,151	0,151
-6,52	0,091	0,135	0,275	0,324	0,376	0,203	0,532	0,736	0,170	0,151	0,151	0,151
-2,84	0,088	0,132	0,272	0,322	0,373	0,203	0,534	0,737	0,165	0,150	0,150	0,151
2,84	0,085	0,129	0,268	0,318	0,369	0,203	0,534	0,737	0,166	0,150	0,150	0,151
6,52	0,082	0,126	0,266	0,316	0,367	0,203	0,532	0,736	0,170	0,151	0,151	0,151
10,22	0,081	0,124	0,263	0,313	0,364	0,204	0,529	0,733	0,169	0,151	0,151	0,151
13,93	0,079	0,123	0,261	0,310	0,361	0,206	0,524	0,730	0,169	0,151	0,151	0,151
17,64	0,078	0,121	0,259	0,308	0,358	0,207	0,518	0,725	0,168	0,151	0,151	0,151
21,35	0,077	0,120	0,257	0,305	0,355	0,209	0,510	0,720	0,169	0,151	0,151	0,151
25,06	0,077	0,119	0,255	0,303	0,352	0,212	0,501	0,713	0,168	0,151	0,151	0,151
28,77	0,077	0,119	0,253	0,300	0,349	0,215	0,489	0,704	0,168	0,151	0,151	0,151
32,48	0,078	0,119	0,251	0,298	0,346	0,219	0,476	0,694	0,168	0,151	0,151	0,151
36,19	0,079	0,120	0,250	0,296	0,343	0,223	0,460	0,683	0,167	0,151	0,151	0,151
39,9	0,082	0,122	0,249	0,294	0,340	0,227	0,442	0,669	0,162	0,150	0,150	0,151
							Moyen	ne	0,168	0,151	0,151	0,151
							Ecart-t	ype	0,002	0,000	0,000	0,000

L'albédo sphérique estimé est de l'ordre de 0,151 pour des valeurs d'albédos au-delà de 0,4 avec une forte stabilité angulaire. Il est plus important et dépend de l'angle de visée pour un faible albédo : ceci est mis sur le compte d'une limitation de l'application du modèle simplifié de 6S dans ce cas.

Le code 6S donne une valeur cohérente de 0,151 (pour  $\lambda=445~\text{nm}$  - soit pour une épaisseur optique moléculaire de 0,233).

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

**PAGE**: 87

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# VI-9 Passage des paramètres à l'exécutable SOS.exe

Le script main\_SOS.ksh gère le passage des paramètres au programme SOS.

A ce niveau, le profil des épaisseurs optiques et les paramètres radiatifs des aérosols sont décrits dans des fichiers, aussi :

- Le nom du fichier « Aérosols » est à préciser (-SOS.AerFile).
- Le nom du fichier « Profil » est à préciser (-SOS.ProfileFile).

La BRDF / BPDF de surface est déjà décrite dans un fichier, mais les paramètres correspondant doivent être précisés pour un calcul analytique de la réflexion directe, aussi :

- Le nom du fichier « BRDF / BPDF » est à préciser (-SURF.File).
- Les paramètres –SURF.Alb (albédo) et –SURF.Type (type de surface) sont à préciser.
- Selon la valeur de –SURF.Type, il faut préciser :
  - o La vitesse du vent (-SURF.Glitter.Wind)
  - o L'indice de réfraction surface / atmosphère (-SURF.Ind)
  - o Le nom du fichier « BRDF / BPDF » (-SURF.File).
  - Si –SURF.File est DEFAULT : le répertoire de stockage des fichiers de BRDF / BPDF est à préciser : –SURF.Dir.

Le tableau et les croquis suivants précisent les paramètres de SOS.

SOS.MDF	Facteur de dépolarisation moléculaire					
SOS.AerFile	Nom du fichier AEROSOLS (chemin complet).					
PARAMETRE DE DEFI	NITION DU PROFIL D'ÉPAISSEURS OPTIQUES					
SOS.ProfileFile	Nom du fichier AEROSOLS (chemin complet).					
<i>PARAMETRES DU DÉI</i> SURF.Alb	PARAMETRES DU DÉFINITION DES PROPRIÉTES DE REFLEXION DE SURFACE  SURF.Alb Albédo de surface					
SURF.Type	Numéro de type de surface					
71	0 : surface lambertienne d'albédo rho					
	1 : surface lambertienne + glitter (mer agitée)					
	2 : surface lambertienne + réflexion de Fresnel (mer plate)					
	3 : surface lambertienne + BRDF de Roujean					
	4 : surface lambertienne + BRDF de Roujean + BPDF de Rondeaux					
	5 : surface lambertienne + BRDF de Roujean + BPDF de Bréon					
6 : surface lambertienne + BRDF de Roujean + BPDF d						

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 88

EDIT. : 03 REV. : 00

Si SURF.Type =1	3 4 5 ou 6: pour tous les cas à modèle de BRDF			
SURF.File	Nom du fichier de BRDF / BPDF utilisé :			
	Fichier utilisateur (chemin complet)			
	ou DEFAULT pour utiliser un fichier généré automatiquement.			
Si SUR	F.Type =1 3 4 5 ou 6: et SURF.File = DEFAULT			
SURF.Dir	Répertoire de stockage des fichiers de BRDF / BPDF			
Si SURF.Type ≠3	3: pour tous les modèles, excepté celui de Roujean			
SURF.Ind	Indice de réfraction surface / air			
Si SURF.Type = 1	! : glitter			
SURF.Glitter.Wind	Vitesse du vent en m/s			
Si SURF.Type ≥3	3 : modèle de BRDF de Roujean			
SURF.Roujean.K0	Paramètre k <sub>0</sub> du modèle de Roujean			
SURF.Roujean.K1	Paramètre k <sub>1</sub> du modèle de Roujean			
SURF.Roujean.K2	Paramètre k <sub>2</sub> du modèle de Roujean			
Si SURF.Type = 6 : modèle de BPDF de Nadal				
SURF.Nadal.Alpha	Paramètre α du modèle de Nadal			
SURF.Nadal.Beta	Paramètre $\beta$ du modèle de Nadal			
CONDITIONS D'ÉCLAIRI	EMENT ET DE VISÉE			
SOS.AngFile	Nom du fichier contenant les angles et les ordres maximums des			
	développements à utiliser pour les calculs de luminance (chemin complet)			
SOS.View	Indice de type de sortie			
	1 : plan de visée			
	2 : diagramme polaire (fichier ascii)			
SOS.View.Phi	Azimut relatif (en degrés) Utilisé si SOS.View = 1			
SOS.View.Dphi	Pas sur l'azimut en degrés (valeur entière) Utilisé si si SOS.View = 2			
CHOIX DU TYPE DE SOR	TIE			
SOS.OutputLevel	Niveau du profil (optionnel)			
_	Si non défini : sortie standard ( $L_{\uparrow}$ TOA, $L_{\downarrow}$ sol)			
	n : luminance montante et descendante au niveau n du profil			
	$(0 \le n \le SOS\_OS\_NT)$			
SOS.IGmax	Ordre maximal de diffusion			
SOS.Ipolar	Indice de coupure de la polarisation (optionnel)			
	0 : simulation des OS sans polarisation			

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 89

EDIT. : 03 REV. : 00

NOM DES FICHIERS RÉSULTATS DES OS				
SOS.Log	Nom du fichier trace SOS:			
	Saisir 0 pour ne pas générer de fichier Trace			
SOS.ResBin	Nom du fichier binaire résultat des OS en décomposition en séries de			
	Fourier			
SOS.ResFileUp	Nom du fichier ascii résultat pour le champ montant			
SOS.ResFileDown	Nom du fichier ascii résultat pour le champ descendant			
SOS.Trans	Nom du fichier de sortie (chemin complet) contenant les valeurs de			
	transmission (optionnel)			
SOS.ResFileUp.UserAng	Nom du fichier ascii résultat pour le champ montant propre aux angles			
	utilisateur (optionnel)			
SOS.ResFileDown.UserAng	Nom du fichier ascii résultat pour le champ descendant propre aux angles			
	utilisateur (optionnel)			

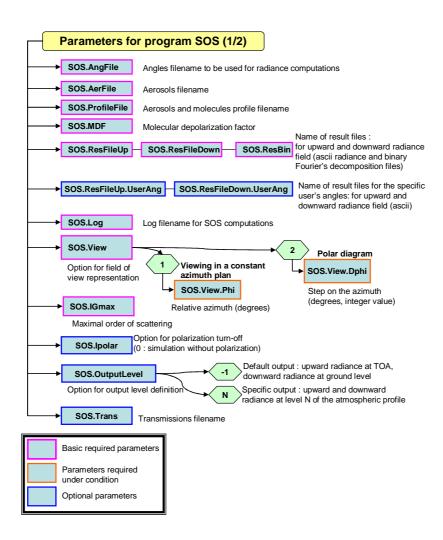


Figure 10: Paramètres pour l'appel du programme SOS (1/2)

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 90

EDIT.: 03 REV.: 00

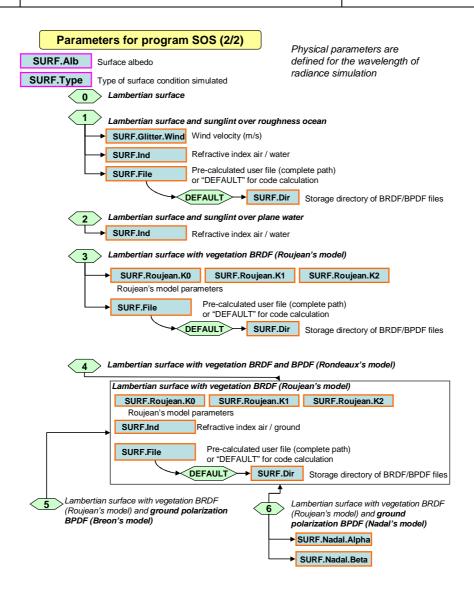


Figure 11 : Paramètres pour l'appel du programme SOS (2/2)

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

**PAGE**: 91

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# VI-10 Rôle des routines associées au programme SOS

#### VI-10.1 Programme du fichier SOS

- SOS: Programme principal du code des OS
- gère les entrées / sorties et options de traitements (définies en section III-2),
- lit les paramètres de granulométries aérosols,
- lit le profil atmosphérique et l'adapte à une éventuelle troncature de la fonction de phase des aérosols,
- résout l'équation de transfert radiatif par ordre successif d'interaction (diffusion / réflexion),
- recombine les paramètres de Stokes à partir de leur décomposition en séries de Fourier.

#### VI-10.2 Procédures du fichier SOS\_OS

- Routine SOS\_OS : Calcule le champ de rayonnement diffus (I, Q, U) dans une atmosphère diffusante. Le champ résultat est décomposé en séries de Fourier.
- Routine SOS\_MAT\_FRESNEL\_PLAN\_REFL : Calcule les éléments de la matrice de réflexion de Fresnel, exprimée pour un repère lié au plan de réflexion, pour des angles de réflexion équivalents aux angles de Gauss.
- Routine SOS\_NOYAUX : Calcule les éléments de la matrice de phase des aérosols à l'ordre IS du développement en séries de Fourier. Les calculs utilisent les polynômes et fonctions de Legendre. Ces fonctions sont sorties pour un ordre L=2. Elles sont utiles pour calculer les éléments de la matrice de phase des molécules.
- Routine SOS\_INTEGR\_EPOPT: Réalise l'intégration sur l'épaisseur optique du champ de rayonnement montant et descendant:

- champ montant : Intégration du sol au TOA,

- champ descendant : Intégration du TOA au sol.

L'intégration est faite de proche en proche du niveau de départ au niveau final. Ceci implique dans la résolution de l'Equation de Transfert Radiatif de faire des intégrations sur l'épaisseur optique entre deux niveaux consécutifs. Ces intégrations font intervenir les fonctions sources de diffusion (pour I, Q et U - en fonction du niveau d'épaisseur optique et de la direction de propagation) pour les ordres en cours de diffusion et de décomposition en séries de Fourier. L'intégration entre deux niveaux est faite par linéarisation de la fonction source sur la couche. Les couches atmosphériques sont supposées homogènes.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

**PAGE**: 92

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

• Routine SOS\_FSOURCE\_ORDRE1 : Calcule le vecteur fonction source de la diffusion primaire, à partir du champ de rayonnement solaire incident et des propriétés de diffusion de l'atmosphère (fonction de phase selon l'ordre IS du développement en séries de Fourier). Calcul pour chaque niveau du profil et pour chaque direction de propagation.

- Routine SOS\_FSOURCE\_ORDREIG: Calcule le vecteur fonction source de la diffusion d'ordre IG > 1, à partir du champ de rayonnement d'ordre IG-1 et des propriétés de diffusion de l'atmosphère (fonction de phase selon l'ordre IS du développement en séries de Fourier). Une intégration spatiale est appliquée sur les directions d'incidence. Calcul pour chaque niveau du profil et pour chaque direction de propagation.
- Routine SOS\_FSOURCE\_DIFF\_FRESNEL1: Calcule la fonction source de la diffusion du rayonnement solaire remontant après une réflexion directe sur mer plate, selon les lois de Fresnel (diffusion du champ de réflexion d'ordre 1).
- Routine SOS\_PARAM\_CONV : Calcule le paramètre de convergence pour le test de convergence en série géométrique.

Principe: On analyse la convergence en série géométrique des diffusions successives à partir des ordres IG-2, IG-1 et IG. Le test est réalisé pour le champ de luminance émergeant au TOA et pour le champ éclairant le sol. S'il y a convergence à ces limites, on admet qu'il y a convergence dans toute l'atmosphère.

Supposons avoir un comportement de série géométrique convergente à partir de l'ordre IG-2 de diffusion. La raison de la série est estimée entre les termes IG-2 et IG-1, ainsi qu'entre les termes IG-1 et IG :

- q = D1 / A1 (rapport des ordres IG-1 / IG-2 pour I)
- q' = G1 / D1 (rapport des ordres IG / IG-1 pour I)

On teste que q et q' sont voisins (condition pour une approximation de série géométrique). On teste en même temps le rapport de la somme des termes de la série géométrique convergente à partir de l'ordre IG (ordre IG / (1-q) ) devant la somme des termes précédents (de 1 a IG-1, stockée dans I3, Q3 ou U3).

La routine sort le paramètre de convergence Z1 qui est testé par le programme appelant.

- Routine SOS\_ARRET\_DIFFUS : Prépare le test d'arrêt sur les diffusions quand les termes suivants deviennent très petits
  - Routine SOS\_ARRET\_FOURIER : Prépare le test d'arrêt sur la décomposition en séries de Fourier.
- Routine SOS\_AJOUT\_QUEUE : Réalise, si on est en régime de convergence, l'ajout de la queue de la série géométrique à la somme des diffusions précédentes.

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

**PAGE**: 93

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### VI-10.3 Procédures du fichier SOS\_TRPHI

• Routine SOS\_TRPHI\_OPTION : Génère les fichiers résultats (en ascii) des paramètres de Stokes I, Q et U selon le choix de l'utilisateur.

- Routine SOS\_TRPHI: Recombine les termes de la décomposition en séries de Fourier des paramètres de Stokes I, Q et U pour un azimut relatif fixé. Elle permet de recalculer analytiquement la réflexion directe de surface (glitter ou autres BRDF / BPDF), supprimée des calculs des OS pour réduire l'ordre maximal utile pour la décomposition.
- Routine SOS\_GLITTE: Calcule pour une incidence (mup, phip) sur des vagues la probabilité de réflexion vers la direction (mu, phi). L'agitation de la mer dépend de la vitesse du vent. selon la théorie de Cox et Munck [DR3].
  - **Routine SOS\_ANGLE** : Calcule:
  - le cosinus de l'angle de diffusion entre la direction d'incidence solaire et la direction de visée.
  - le cosinus de l'angle de rotation KI'.
- Routine SOS\_REFLEX : Calcule les éléments R11, R12 et R33 de la matrice de réflexion de Fresnel, exprimée dans un repère lié au plan de réflexion, pour un indice de réfraction de la surface donné.
- Routine SOS\_MATRIC : Calcule les éléments M11, M21 et M31 de la matrice de réflexion, exprimée dans un repère lie au plan méridien (1<sup>ère</sup> colonne de la matrice).

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 94

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# VII- <u>Propriétés radiatives des aérosols</u>

Cette partie précise les traitements relatifs au programme « SOS\_AEROSOLS.F » qui définissent les propriétés de diffusion et d'absorption des aérosols. Leur répartition dans l'atmosphère est précisée dans la définition du profil de l'épaisseur optique ( section VIII- page 144).

#### VII-1 Propriétés radiatives caractérisant une couche de particules

• Dans le domaine du visible, une particule peut diffuser ou absorber une partie de l'éclairement qu'elle reçoit. Les propriétés de diffusion et d'absorption d'une particule sphérique, caractérisée par sa taille et sa nature chimique (indice de réfraction), sont décrites par la théorie de Mie [DR17].

Cependant, pour un élément de volume, les aérosols ont des tailles et des natures chimiques pouvant être variables. Pour chaque type de particules, la répartition en taille peut être modélisée par une fonction de granulométrie n(r) (loi mono-modale : log-normale, loi de Junge, etc). Il est également possible de modéliser des mélanges de particules de natures chimiques différentes. C'est le cas des modèles composés de deux modes de granulométries log-normales selon Dubovik et al. [DR6], ou des modèles prédéfinis de la WMO [DR19], établis à partir de composants élémentaires, ou encore des modèles de Shettle & Fenn [DR15] qui introduisent en plus la possibilité de prendre en compte l'impact de l'humidité relative sur les particules.

Pour caractériser globalement les propriétés radiatives d'une granulométrie d'aérosols il faut connaître son albédo de simple diffusion ainsi que sa fonction de phase (incluant la polarisation).

• L'atténuation de la luminance par diffusion au cours de la traversée d'un élément dx d'une couche s'exprime par :

$$dL = -\sigma_d \cdot L \cdot dx \tag{34}$$

où  $\sigma_d$  est le coefficient de diffusion. La théorie de Mie permet de calculer pour une granulométrie n(r) de particules sphériques d'indice de réfraction m:

$$\sigma_{d}(\lambda, \text{modèle}) = \int_{r=0}^{\infty} \pi . r^{2} . Q_{d}(m, r, \lambda) . n(r) . dr$$
(35)

avec  $Q_d$  le coefficient d'efficacité en diffusion issu des calculs de Mie.  $\pi$   $r^2$   $Q_d$  est la section efficace d'une particule de rayon r à la longueur d'onde  $\lambda$ .

La section efficace de diffusion représentative d'une particule moyenne de la granulométrie est ainsi :

$$\widetilde{\sigma}_{d}(\lambda, \text{modèle}) = \frac{\int_{r=0}^{\infty} \pi.r^{2}.Q_{d}(m, r, \lambda).n(r).dr}{\int_{r=0}^{\infty} n(r).dr}$$
(36)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 95

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

On définit de même le coefficient d'absorption  $\sigma_a$  et la section efficace d'absorption  $\widetilde{\sigma}_a$ . L'addition des deux effets donne le coefficient d'extinction  $\sigma_{ext} = \sigma_d + \sigma_a$ . De ces définitions se déduisent celles de l'albédo de simple diffusion qui caractérise la contribution à l'absorption

$$\omega_0 = \sigma_d / \sigma_{\text{ext}} \tag{37}$$

et de l'épaisseur optique totale pour une traversée  $\Delta x$ 

$$\tau(\lambda) = \int_{\Delta x} \sigma_{\text{ext}}(\lambda, x) dx \tag{38}$$

NB: L'épaisseur optique de la couche d'aérosols peut s'exprimer pour la longueur d'onde  $\lambda$  en fonction de sa valeur pour une longueur d'onde  $\lambda_{ref}$  par :

$$\tau(\lambda) = \tau(\lambda_{ref}) \times \frac{\widetilde{\sigma}_{ext}(\lambda)}{\widetilde{\sigma}_{ext}(\lambda_{ref})}$$
(39)

• La fonction de phase renseigne sur la répartition directionnelle de l'énergie diffusée. Comme le précise le manuel scientifique [DR9], pour une expression de la lumière en vecteur de Stokes, la diffusion d'un vecteur  $\widetilde{L}_{\lambda}(\tau,\mu',\phi')$  en  $\widetilde{L}_{\lambda}(\tau,\mu,\phi)$ , pour la profondeur  $\tau$ , s'écrit :

$$d\widetilde{L}_{\lambda}(\tau,\mu,\phi) = \frac{\omega_{\lambda}(\tau)}{4\pi} \cdot \overset{\approx}{P}_{\lambda}(\tau,\mu,\phi,\mu',\phi') \cdot \widetilde{L}_{\lambda}(\tau,\mu',\phi') \cdot \frac{d\tau}{u}$$
(40)

L'expression de la matrice de phase, pour un repère lié au plan de diffusion, est :

$$\tilde{\tilde{P}}_{\lambda,\text{mod}}(\Theta) = \begin{bmatrix} P_{11}(\Theta) & P_{12}(\Theta) & 0 & 0 \\ P_{12}(\Theta) & P_{22}(\Theta) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & P_{33}(\Theta) & -P_{43}(\Theta) \\ 0 & 0 & P_{43}(\Theta) & P_{44}(\Theta) \end{bmatrix} \text{ appliquée aux 4 paramètres de Stokes (41.a)}$$

$$\overset{\tilde{e}}{P_{\lambda,\text{mod}}}(\Theta) = \begin{pmatrix} P_{11}(\Theta) & P_{12}(\Theta) & 0 \\ P_{12}(\Theta) & P_{22}(\Theta) & 0 \\ 0 & 0 & P_{33}(\Theta) \end{pmatrix} \text{ appliquée aux paramètres (I, Q, U) uniquement (41.b)}$$

avec  $P_{11}(\Theta)$  la fonction de phase des particules, les autres termes exprimant la polarisation.

Pour des particules sphériques, on a la simplification suivante :  $\begin{cases} P_{22} = P_{11} \\ P_{33} = P_{44} \end{cases}$ 

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 96

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Dans le **cas de particules sphériques**, ces fonctions sont aisément calculables à partir de la théorie de Mie, pour un type de particules (indice de réfraction, granulométrie) et une longueur d'onde donnée, par :

$$P_{11}(\lambda,\Theta) = \frac{1}{\sigma_{d}(\lambda)} \times \int_{r=0}^{\infty} \pi . r^{2}.Q_{d}(m,r,\lambda).P_{mie}(\Theta,m,r,\lambda).n(r).dr$$
 (42.a)

$$P_{12}(\lambda, \Theta) = \frac{1}{\sigma_{d}(\lambda)} \times \int_{r=0}^{\infty} \pi.r^{2}.Q_{d}(m, r, \lambda).Q_{mie}(\Theta, m, r, \lambda).n(r).dr$$
 (42.b)

$$P_{33}(\lambda, \Theta) = \frac{1}{\sigma_{d}(\lambda)} \times \int_{r=0}^{\infty} \pi.r^{2}.Q_{d}(m, r, \lambda).T_{mie}(\Theta, m, r, \lambda).n(r).dr$$
 (42.c)

Dans le cas d'un mélange de particules une combinaison de ces fonctions élémentaires est à réaliser (cf. section VII.5.1.a - page 125).

Le **cas de particules non-sphériques** est possible par l'ingestion de fonctions de phase provenant d'une source externe (cf. section VII-8, page 139).

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 97

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### VII-2 Application au code des OS: Programme SOS\_AEROSOLS

Le programme SOS\_AEROSOLS.F gère l'ensemble des traitements permettant la création d'un fichier de données « AEROSOLS » au format requis par le code des OS. Il gère les différents cas de simulations.

### VII-2.1 Propriétés radiatives des aérosols requises pour le code des OS

Les propriétés de diffusion d'une granulométrie d'aérosols sont caractérisées par une **matrice de phase** et par un **albédo de simple diffusion** des particules.

Le code des OS fonctionne à partir d'une décomposition en séries de Fourier du champ de luminance. La matrice de phase est adaptée à ce formalisme et dépend de l'ordre S de la décomposition. Les éléments de la matrice de phase sont alors calculés à partir d'un jeu de coefficients la caractérisant (voir leur définition en section VII-4 - page 117).

L'objectif des traitements du programme « SOS\_AEROSOLS.F » est de calculer l'albédo de simple diffusion d'un modèle d'aérosols ainsi que les paramètres de la matrice de phase utiles pour le code des OS. Un fichier « AEROSOLS » résultat contient l'information utile au code des OS.

#### VII-2.2 Contenu et format d'un fichier AEROSOLS pour le code des OS

Un fichier « Aérosols » pour les OS est un fichier Ascii formaté. Il est structuré comme suit :

$\widetilde{\sigma}_{ m e}$	$\widetilde{\sigma}_{_{ m d}}$	g	
A			
$\omega_0$			
$\alpha_0$	$eta_0$	γο	<b>پ</b> 0
$\alpha_1$	$\beta_1$	$\gamma_1$	$\xi_1$
:	:	:	:
$\alpha_{OS\_NB}$	$\beta_{OS\_NB}$	Yos_nb	ξ <sub>OS_NB</sub>

1ère ligne : Informations générales (les valeurs ne sont pas ajustées pour une troncature)

- section efficace d'extinction (en  $\mu$ m<sup>2</sup>),
- section efficace de diffusion (en μm²),
- facteur d'asymétrie ( $g = \beta_1 / 3$ ).

Format: 2(2X, E13.5), E13.5

NB: Les données de cette première ligne ne sont qu'informatives. Elles sont lues mais ne sont pas utilisées par le code des OS. A l'exception de la section efficace d'extinction qui est utilisée par le script

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

**PAGE**: 98

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

principal main\_SOS.ksh pour le portage de l'épaisseur optique aérosols d'une longueur d'onde de référence vers la longueur d'onde de simulation du champ de rayonnement.

2<sup>nde</sup> ligne: Coefficient de troncature A (nul s'il n'y a pas de troncature de la fonction de phase).

Format : 2X, F9.5

 $3^{\text{ème}}$  ligne : Albédo de simple diffusion (éventuellement tronqué si  $A \neq 0$ ).

Format : 2X, F9.5

**Lignes suivantes** : Coefficients de la matrice de phase  $\alpha_k$ ,  $\beta_k$ ,  $\gamma_k$ ,  $\xi_k$  (éventuellement tronqués si  $A \neq 0$ ) pour k=0 à OS\_NB (ordre maximal des développements défini dans le fichier ANGLES et lié au nombre d'angles de Gauss utilisés).

Format: 4(2X, E16.8)

#### VII-2.3 Choix de simulation d'un modèle d'aérosols

- **Fichier utilisateur**: l'utilisateur peut utiliser un fichier « Aérosols » déjà existant. Ce fichier doit être au format requis par le code des OS (section VII-2.2).

L'utilisateur peut aussi générer de nouveaux fichiers « Aérosols ». L'appel du programme n'est réalisé que si le nom du fichier d'aérosols est entré comme « DEFAULT ». Sinon, le code des OS utilise directement le fichier dénommé (supposé être un fichier utilisateur prédéfini). L'utilisateur dispose de trois possibilités :

- Modèle mono-modal : Deux types de granulométries d'aérosols
  - distribution log-normale,
  - loi de Junge.
- **Modèles de la WMO** [DR19]: simulation d'un modèle d'aérosols à partir des composants élémentaires de la WMO (« Dust Like », « Water Soluble », « Oceanic », « Soot »).

Les modèles possibles sont :

- Average continental

- Maritime

- Urban

- User mixture (proportions à préciser).

- Modèles de Shettle & Fenn [DR15]: simulation d'un modèle d'aérosols à partir des composants élémentaires de Shettle & Fenn (« Small rural », « Large rural », « Small urban », « Large urban », « Oceanic »). Il est possible de prendre en compte l'humidité relative de l'atmosphère.

Les modèles possibles sont :

- Troposphérique (small rural aerosols) - Maritime

- Urbain - Côtier

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

**PAGE**: 99

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

- Modèles bimodaux de Log-Normales [DR6]: simulation d'un modèle d'aérosols combinant deux types de particules de natures chimiques différentes (indice de réfraction) et de distributions en tailles distinctes, représentées par des granulométries Log-Normales.

Les proportions relatives du « mode fin » et du « mode grossier » peuvent être renseignées de deux manières :

- Les coefficients sont directement fournis par l'utilisateur (concentration volumique de chaque mode).
- Les coefficients sont estimés à partir du rapport de l'épaisseur optique du mode grossier sur l'épaisseur optique aérosols totale (combinant les deux modes).
- Fonctions de phase de source externe : utilisation de fonctions de phase (intensité et polarisation)
   produites en dehors du code des OS. Cette fonctionnalité permet la simulation de la diffusion de particules non-sphériques à orientation aléatoire.

L'utilisateur a la possibilité de solliciter une **troncature de la fonction de phase** (méthode numérique *nécessaire* pour les grosses particules présentant une très forte diffusion vers l'avant, voir la section VII-4.3).

- Si une troncature est demandée (option à 1) mais que le coefficient de troncature estimé par le logiciel est faible, la troncature n'est alors pas réalisée.
- En cas d'application d'une troncature sur la fonction de phase, les autres paramètres radiatifs sont adaptés pour que la luminance de cette atmosphère équivalente soit la même que celle de l'atmosphère réelle simulée.
- Le profil atmosphérique en entrée du code des OS est toujours un profil sans ajustement pour une troncature. Les adaptations nécessaires sont réalisées par les pré-traitements du code des OS (cf. section VIII- page 144). Si le « fichier Aérosols » et le « fichier Profil » sont des fichiers utilisateurs, la réalisation d'une troncature sur la fonction de phase est repérée par la valeur du coefficient de troncature dans le « fichier Aérosols ».

Les choix de simulations sont introduits dans le Khorn-Shell de lancement (chapitre III-2).

#### Manuel utilisateur du code des OSD

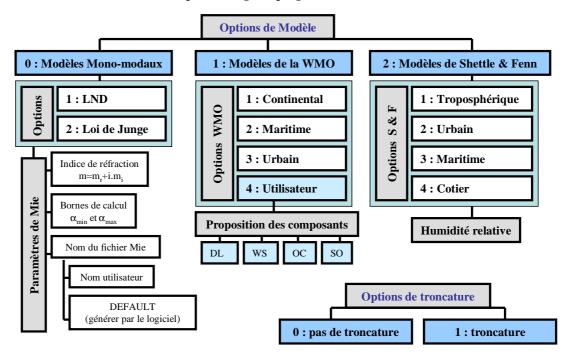
Nomenclature: SOS-MU-001-II

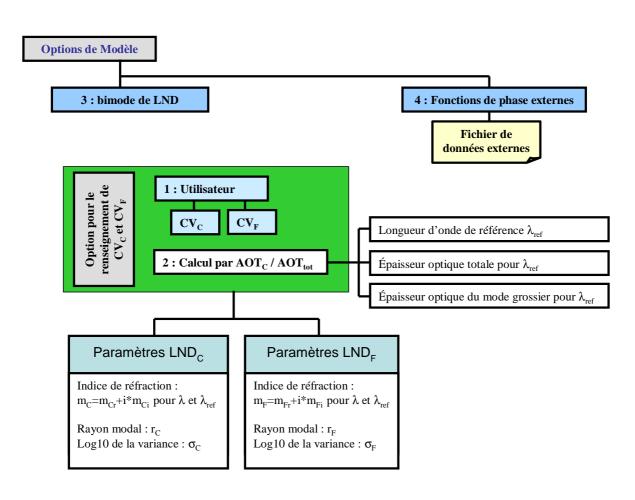
PAGE : 100

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### Paramètres de simulations pour l'usage du programme « AEROSOLS »





#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 101

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### VII-2.4 <u>Passage des paramètres à l'exécutable SOS\_AEROSOLS.exe</u>

Le script main\_SOS.ksh gère le passage des paramètres au programme SOS\_AEROSOLS.

Ce programme calcule les propriétés radiatives des aérosols pour une longueur d'onde donnée, aussi :

- Le nom du fichier à produire est à préciser (-AER.ResFile, mais pas AER.UserFile).
- La longueur d'onde -AER.Wa est à définir.
- L'épaisseur optique des aérosols est à préciser –AER.AOT pour la longueur d'onde -AER.Wa.
  - L'usage d'informations pour une longueur d'onde de référence n'a lieu que pour les modèles bi-modaux de LND, dans le cas où la proportion de particules entre le mode fin et le mode grossier est donnée par le rapport de l'épaisseur optique du mode grossier sur l'épaisseur optique totale pour la longueur d'onde de référence (-AER.BMD.CVdef 2).
  - O Pour le cas d'un modèle mono-modal, il n'est pas à préciser -AER.MMD.MRwaref ni -AER.MMD.MIwaref.

Le tableau et les croquis suivants précisent les paramètres de SOS\_AEROSOLS.

PARAMETRES DE 1	MODELISATION DES AEROSOLS
AER.AngFile	Nom du fichier contenant les angles et les ordres maximums des développements
	à utiliser pour les calculs de fonctions de phase (chemin complet)
AER.MieLog	Nom du fichier trace des calculs de Mie
	Saisir 0 pour ne pas générer de fichier Trace
AER.Log	Nom du fichier trace des calculs du programme AEROSOLS
	Saisir 0 pour ne pas générer de fichier Trace
AER.ResFile	Nom par défaut du fichier AEROSOLS créé par le code (chemin complet)
	Fichier écrasé à chaque simulation
AER.DirMie	Nom du répertoire de stockage des fichiers MIE (chemin complet)
AER.AOT	Epaisseur optique d'extinction des aérosols pour la longueur d'onde AER.Wa
AER.Wa	Longueur d'onde de référence (en µm) pour la simulation des propriétés
	radiatives des aérosols
AER.Tronca	Indice de troncature 0 : pas de troncature 1 : troncature

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 102

EDIT.: 03 REV.: 00

Aérosols : granulométrie	2						
AER.Model	Type de modèle d'aérosols						
	0 : modèle mono-modal						
	1 : modèle multi-modal de la WMO						
	2 : modèle bi-modal de Shettle & Fenn						
	3 : modèle bi-modal de Log-Normale						
	4 : fonctions de phase de source externe						
Si AER.Model = 0:	paramètres de Mie (granulométrie mono-modale)						
AER.MMD.Mie.Filename	Nom du fichier de Mie qui sera stocké sous dirMIE						
	Nom utilisateur ou DEFAULT pour que le code définisse le nom par défaut						
AER.MMD.Mie.AlphaMax	Valeur maximale du paramètre de taille						
AER.MMD.MRwa	Partie réelle de l'indice de réfraction pour la longueur d'onde de simulation						
AER.MMD.MIwa	Partie imaginaire de l'indice de réfraction (valeur négative) pour la longueur						
	d'onde de simulation						
Si AER.Model = 0:	paramètres de la granulométrie mono-modale						
AER.MMD.SDtype	Numéro du modèle						
	1 : granulométrie Log-Normale 2 : loi de Junge						
AER.MMD.SDparam1	Paramètre de la granulométrie						
	Si LND : rayon modal (en μm) Si Junge : rayon minimal (en μm)						
AER.MMD.SDparam2	Paramètre de la granulométrie						
	Si LND : log10 de la variance Si Junge : puissance appliquée au rayon						
Si AER.Model = 1 m	nodèle de la WMO						
AER.WMO.Model	Modèle de la WMO 1 : Continental 2 : Maritime						
	3 : Urbain 4 : Défini par l'utilisateur						
Si AER.WMO.M	Todel = 4: proportions de l'utilisateur (somme=1)						
AER.WMO.DL	Proportion volumique du composant « Dust-Like » (valeur entre 0 et 1)						
AER.WMO.WS	Proportion volumique du composant « Water Soluble » (valeur entre 0 et 1)						
AER.WMO.OC	Proportion volumique du composant « Oceanic » (valeur entre 0 et 1)						
AER.WMO.SO	Proportion volumique du composant « Soot » (valeur entre 0 et 1)						
Si AER.Model = 2:	modèle de Shettle & Fenn						
AER.SF.Model	Modèle de Shettle & Fenn 1 : Troposphérique 2 : Urbain						
	3 : Maritime 4 : Côtier						
AER.SF.RH	Pourcentage d'humidité relative (de 0 à 99%)						
Si AER.Model = 3:	modèle bimodal de LND						
AER.BMD.CVdef	Choix du mode de description du mélange						
	1 : Utilisation de concentrations volumiques prédéfinies						
	2 : Utilisation du rapport de l'épaisseur optique du mode grossier / épaisseur						
	optique totale						
Si AER.BMD.Op	tion=1: concentrations volumiques de l'utilisateur						
AER.BMD.CoarseVC	Concentration volumique des particules du mode grossier						
AER.BMD.FineVC	Concentration volumique des particules du mode fin						
Si AER.BMD.Op	tion= 2:						
Utilisation du raj	pport d'épaisseurs optiques mode grossier / totale						
AED DIAD DA OT	Rapport de l'épaisseur optique du mode grossier / épaisseur optique totale pour						
AER.BMD.RAU1							
AER.BMD.RAU1	la longueur d'onde de référence.						
	la longueur d'onde de référence.  Longueur d'onde de référence (en µm) pour la simulation des propriétés						
AER.BMD.RAOT  AER.Waref	-						

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 103

EDIT. : 03 REV. : 00

AER.BMD.CM.MRwaref	Partie réelle de l'indice de réfraction des particules du mode grossier pour la
	longueur d'onde de référence
AER.BMD.CM.MIwaref	Partie imaginaire de l'indice de réfraction des particules du mode grossier pour la
	longueur d'onde de référence
AER.BMD.FM.MRwaref	Partie réelle de l'indice de réfraction des particules du mode fin pour la longueur
	d'onde de référence
AER.BMD.FM.MIwaref	Partie imaginaire de l'indice de réfraction des particules du mode fin pour la
	longueur d'onde de référence
Paramètres de	la LND du mode grossier
AER.BMD.CM.MRwa	Partie réelle de l'indice de réfraction des particules du mode grossier pour la
	longueur d'onde de simulation
AER.BMD.CM.MIwa	Partie imaginaire de l'indice de réfraction des particules du mode grossier pour la
	longueur d'onde de simulation
AER.BMD.CM.SDradius	Rayon modal de la granulométrie LND du mode grossier (en µm)
AER.BMD.CM.SDvar	Log10 de la variance de la granulométrie LND du mode grossier
Paramètres de	la LND du mode fin
AER.BMD.FM.MRwa	Partie réelle de l'indice de réfraction des particules du mode fin pour la longueur
	d'onde de simulation
AER.BMD.FM.MIwa	Partie imaginaire de l'indice de réfraction des particules du mode fin pour la
	longueur d'onde de simulation
AER.BMD.FM.SDradius	Rayon modal de la granulométrie LND du mode fin (en µm)
AER.BMD.FM.SDvar	Log10 de la variance de la granulométrie LND du mode fin
$Si \ AER.Model = 4:$	fonctions de phase de source externe
AER.ExtData	Nom du fichier des données externes de fonctions de phase (chemin complet)

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE : 104

EDIT. : 03 REV. : 00

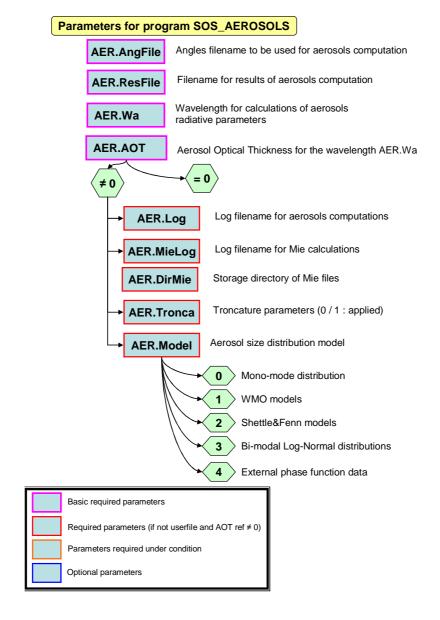


Figure 12 : Paramètres aérosols (1/2) pour l'appel de SOS\_AEROSOLS

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 105

EDIT. : 03 REV. : 00

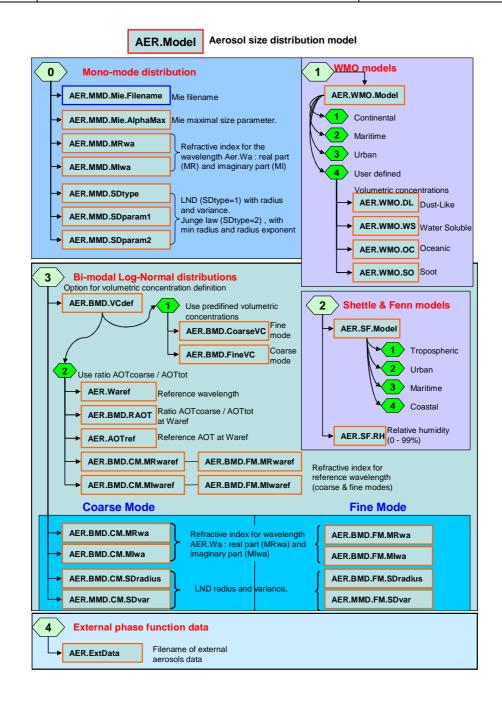


Figure 13 : Paramètres aérosols – détail des options du modèle (2/2) pour l'appel du programme SOS\_AEROSOLS

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 106

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# VII-3 Calculs de Mie

Le fichier SOS\_MIE.F contient les codes sources relatifs aux calculs de Mie :

routine principale : SOS\_MIE

- routines SOS\_XERO et SOS\_FPHASE\_MIE

#### VII-3.1 Objectif des traitements

Ce programme applique la théorie de diffusion de Mie pour une particule sphérique et homogène. Les propriétés radiatives de la particule dépendent :

- de sa nature chimique, caractérisée par son indice de réfraction  $m=m_r+i\ m_i$  (avec  $m_i<0$  qui exprime l'absorption),
- du paramètre de taille  $\alpha=2\pi r/\lambda$ , où r est le rayon de la particule et  $\lambda$  la longueur d'onde de la lumière incidente.

Paramètres physiques d'entrée SO		
Nom	Variables physiques	
RN	Indice de réfraction : partie réelle m <sub>r</sub>	
IN	Indice de réfraction : partie imaginaire m <sub>i</sub> (valeur négative)	
ALPHA0	Paramètre de taille minimal : $\alpha_{min}$	
ALPHAF	Paramètre de taille maximal : α <sub>max</sub>	

La théorie de Mie permet d'aboutir à l'expression :

- du coefficient d'efficacité en diffusion :  $Q_d(m,\alpha)$ ,
- du coefficient d'efficacité en extinction : Q<sub>e</sub>(m, α),
- du facteur d'anisotropie :  $G(m, \alpha)$ ,
- de la matrice de phase de Mie, en fonction de l'angle de diffusion  $\Theta$  compris entre 0 et  $\pi$ :

$$\tilde{P}(\Theta, m, \alpha) = \begin{pmatrix}
P(\Theta, m, \alpha) & Q(\Theta, m, \alpha) & 0 & 0 \\
Q(\Theta, m, \alpha) & P(\Theta, m, \alpha) & 0 & 0 \\
0 & 0 & T(\Theta, m, \alpha) & -R(\Theta, m, \alpha) \\
0 & 0 & R(\Theta, m, \alpha) & T(\Theta, m, \alpha)
\end{pmatrix} (43)$$

En pratique, l'ellipticité de la lumière polarisée est négligeable. Aussi la fonction  $R(\Theta, m, \alpha)$  n'est pas calculée.

 $\underline{NB}$ : la fonction de phase  $P(\Theta, m, \alpha)$  est normalisée :

$$\iint_{espace} \left( P(\Theta, m, \alpha) \cdot \frac{d\omega}{4\pi} \right) = 1$$
(44)

#### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 107

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Le code de Mie réalise ces calculs pour des valeurs du paramètre  $\alpha$  comprises entre  $\alpha_{min}$  et  $\alpha_{max}$  avec un pas  $\Delta\alpha$  défini par :

$$\alpha \le 0.1 \implies \Delta\alpha = 0.0001$$
  $10 < \alpha \le 30 \implies \Delta\alpha = 0.05$   
 $0.1 < \alpha \le 1.0 \implies \Delta\alpha = 0.001$   $30 < \alpha \le 100 \implies \Delta\alpha = 0.1$   
 $1.0 < \alpha \le 10 \implies \Delta\alpha = 0.01$   $100 < \alpha \implies \Delta\alpha = 1.0$ 

#### VII-3.2 Choix des données en entrée

Les valeurs des paramètres physiques d'entrée doivent être choisies en fonction de l'utilisation escomptée des simulations de Mie. Il faut connaître :

- la longueur d'onde de simulation des OS,
- la taille limite approximative des particules de la granulométrie utilisée.

L'indice de réfraction dépend de la nature chimique des particules et de la longueur d'onde considérée. On en trouve des valeurs tablées dans la littérature.

Le paramètre de taille dépend du rayon r des particules et de la longueur d'onde,  $\alpha = 2\pi r/\lambda$ . La borne minimale  $\alpha_{min}$  est posée égale à  $10^{-4}$  par défaut (il n'est pas nécessaire de la modifier). La borne maximale  $\alpha_{max}$  est à définir en fonction de la connaissance de la taille des particules et de la longueur d'onde qui sera utilisée. A même longueur d'onde, on poussera les calculs de Mie jusqu'à une valeur plus importante de  $\alpha_{max}$  pour une simulation des OS avec de grosses particules plutôt que des petites.

La dimension des tableaux pour le calcul des fonctions de Ricatti-Bessel est fixée par défaut à  $SOS\_MIE\_DIM = 10000$  (dans SOS.h). Cette taille permet un développement des calculs jusqu'à une valeur  $\alpha_{max}$  voisine de 4990. Le code des OS fonctionne dans le domaine du visible. Pour une longueur d'onde de 0,44  $\mu m$ , la dimension maximale des particules peut alors être de 350  $\mu m$ . En pratique, la taille des particules n'est jamais aussi importante. La valeur de  $\alpha_{max}$  peut souvent n'être que de quelques centaines.

L'utilisateur a la possibilité de modifier la valeur maximale du paramètre de taille dans le cas des simulations de granulométries mono-modales. Pour l'utilisation des modèles bimodaux définis par l'utilisateur, ou des modèles prédéfinis de la WMO et de Shettle&Fenn, la valeur du paramètre de taille maximale est imposée par le logiciel (voir sections VII.5.1.bet VII-6.1).

Adapter les valeurs limites du paramètre de taille permet de réduire la taille du fichier de Mie généré et les temps de calcul du code de Mie. La lecture du fichier pour les calculs des OS est peu dépendante de sa taille. De gros fichiers ne pénalisent pas les performances du code des OS. L'utilisateur peut ainsi préférer garder une borne  $\alpha_{max}$  assez importante pour toutes ses simulations de granulométries mono-modales. Il aura cependant besoin d'un espace disque suffisant pour stocker ses différents fichiers de Mie. Un fichier généré pour  $\alpha_{min} = 10^{-4}$  et  $\alpha_{max} = 10^3$ , avec l'utilisation d'un fichier d'angles de Gauss de 40 termes, occupe 4,6 Mb.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 108

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

#### VII-3.3 <u>Description des fichiers de sortie</u>

• Fichier de MIE résultat : Fichier binaire, non formaté

#### 1 enregistrement d'entête

	Type	Nb d'enregistrements
Partie réelle de l'indice de réfraction : m <sub>r</sub>	Dble	1
Partie imaginaire de l'indice de réfraction : m <sub>i</sub>	Dble	1
Paramètre de taille limite : $\alpha_{max}$	Dble	1
Nombre d'angle de Gauss positifs utilisés : MIE_NBMU	Integer*4	1

#### 1 enregistrement par valeur du paramètre de taille

	Type	Nb d'enregistrements
Paramètre de taille : $\alpha$	Real*4	1
Coefficient d'efficacité en extinction : $Q_e(m, \alpha)$	Real*4	1
Coefficient d'efficacité en diffusion : $Q_d(m,\alpha)$	Real*4	1
Facteur d'anisotropie : $G(m, \alpha)$	Dble	1
Fonction de phase de Mie : $P_{\text{mie}}(\mu, m, \alpha)$	Real*4	2*MIE_NBMU+1
Enregistrement du tableau pour ( $2*MIE_NBMU+1$ ) valeurs de $\mu$ .		
Fonction de phase de Mie polarisée : $Q_{\text{mie}}(\mu,m,\alpha)$	Real*4	2* MIE_NBMU+1
Fonction de phase de Mie polarisée : $T_{mie}(\mu, m, \alpha)$	Real*4	2* MIE_NBMU+1

#### • Fichier Trace: Fichier texte Ascii

Le fichier trace n'est pas créé si l'utilisateur saisit 0 en place de son nom.

#### Rappel des paramètres de simulations :

partie réelle de l'indice de réfraction : m<sub>r</sub>

- partie imaginaire de l'indice de réfraction : m<sub>r</sub>

- Paramètres de tailles limites :  $\alpha_{min}$  et  $\alpha_{max}$ 

- Nombre d'angles de Gauss

#### Pour chaque valeur de $\alpha$ :

- valeur de α
- valeur du coefficient d'efficacité en extinction
- valeur du coefficient d'efficacité en diffusion
- valeur du facteur d'anisotropie

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 109

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### VII-3.4 Relation théorie / algorithme

Comme le précise la Notice Scientifique, les propriétés radiatives de la diffusion de Mie peuvent s'exprimer à partir de suites de coefficients complexes  $a_n(m,\alpha)$  et  $b_n(m,\alpha)$ , ainsi que de fonctions réelles  $\pi_n(\mu)$  et  $\tau_n(\mu)$ .

Les éléments de la matrice de phase s'expriment, pour un angle de diffusion  $\Theta$ , par :

$$\begin{cases}
P(\Theta, m, \alpha) = \frac{2}{\alpha^{2} \times Q_{d}} \left( S_{2}.S_{2}^{*} + S_{1}.S_{1}^{*} \right) \\
Q(\Theta, m, \alpha) = \frac{2}{\alpha^{2} \times Q_{d}} \left( S_{2}.S_{2}^{*} - S_{1}.S_{1}^{*} \right) \\
T(\Theta, m, \alpha) = \frac{2}{\alpha^{2} \times Q_{d}} \left( S_{2}.S_{1}^{*} + S_{1}.S_{2}^{*} \right)
\end{cases} (45)$$

avec pour fonctions complexes  $S_1(\Theta,\,m,\,\alpha)$  et  $S_2(\Theta,\,m,\,\alpha)$ , où  $S_1^*$  et  $S_2^*$  sont leurs conjuguées :

$$\begin{cases} S_{1}(\Theta, m, \alpha) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+1}{n(n+1)} \times \left[ a_{n}(m, \alpha) . \pi_{n}(\cos\Theta) + b_{n}(m, \alpha) . \tau_{n}(\cos\Theta) \right] \\ S_{2}(\Theta, m, \alpha) = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n+1}{n(n+1)} \times \left[ b_{n}(m, \alpha) . \pi_{n}(\cos\Theta) + a_{n}(m, \alpha) . \tau_{n}(\cos\Theta) \right] \end{cases}$$

$$(46)$$

Les coefficients d'efficacité en extinction et en diffusion s'expriment par :

$$\begin{cases}
Q_{e}(m,\alpha) = \frac{2}{\alpha^{2}} \times \sum_{n=1}^{\infty} (2n+1) \times Re[a_{n}(m,\alpha) + b_{n}(m,\alpha)] \\
Q_{d}(m,\alpha) = \frac{2}{\alpha^{2}} \times \sum_{n=1}^{\infty} (2n+1) \times \left( \left| a_{n}(m,\alpha) \right|^{2} + \left| b_{n}(m,\alpha) \right|^{2} \right)
\end{cases}$$
(47)

Le problème devient alors un problème numérique d'estimation des fonctions  $\pi_n(\mu)$  et  $\tau_n(\mu)$ , et des suites  $a_n(m,\alpha)$  et  $b_n(m,\alpha)$ .

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 110

EDIT. : 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### • Fonctions $\pi_n(\mu)$ et $\tau_n(\mu)$ :

Les fonctions  $\pi_n$  et  $\tau_n$  sont définies à partir des fonctions généralisées de Legendre :

$$\begin{cases} \pi_{n}(\cos\theta) = \frac{P_{n}^{1}(\cos\theta)}{\sin\theta} = \frac{dP_{n}(\cos\theta)}{d(\cos\theta)} \\ \tau_{n}(\mu) = \frac{dP_{n}^{1}(\cos\theta)}{d\theta} = \cos\theta \times \pi_{n}(\cos\theta) - \sin^{2}\theta \times \frac{d\pi_{n}(\cos\theta)}{d(\cos\theta)} \end{cases}$$
(48)

Elles s'estiment pour un ordre n par des relations de récurrence :

$$\begin{cases} n.\pi_{n+1}(\mu) = (2n+1).\mu\pi_{n}(\mu) - (n+1).\pi_{n-1}(\mu) \\ \tau_{n+1}(\mu) = (n+1).\mu\pi_{n+1}(\mu) - (n+2).\pi_{n}(\mu) \end{cases}$$
(49.a)

$$\begin{cases} n.\pi_{n+1}(\mu) = (2n+1).\mu\pi_{n}(\mu) - (n+1).\pi_{n-1}(\mu) \\ \tau_{n+1}(\mu) = (n+1).\mu\pi_{n+1}(\mu) - (n+2).\pi_{n}(\mu) \end{cases}$$
(49.a)
avec pour conditions initiales
$$\begin{cases} \pi_{0}(\mu) = 0 \\ \pi_{1}(\mu) = 1 \end{cases}$$

# • Suites $a_n(m, \alpha)$ et $b_n(m, \alpha)$ :

On définit les fonctions de Ricatti-Bessel  $\psi_n(z)$  et  $\xi_n(z)$ , pour z complexe, à partir des fonctions de Bessel de  $1^{\text{ère}}$  et de  $2^{\text{nde}}$  espèce (respectivement  $J_{n+1/2}$  et  $N_{n+1/2}$ ):

$$\begin{cases} \psi_{n}(z) = \sqrt{\frac{\pi . z}{2}} \times J_{n+1/2}(z) \\ \chi_{n}(z) = -\sqrt{\frac{\pi . z}{2}} \times N_{n+1/2}(z) \\ \xi_{n}(z) = \psi_{n}(z) + i . \chi_{n}(z) \end{cases}$$
(50)

Nommons D<sub>n</sub>(z) et G<sub>n</sub>(z) les fonctions dérivées :

$$\begin{cases}
D_{n}(z) = \frac{d}{dz} [\ln(\psi_{n}(z))] \\
G_{n}(z) = \frac{d}{dz} [\ln(\xi_{n}(z))]
\end{cases}$$
(51)

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 111

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

La théorie de Mie permet d'établir que :

$$\begin{cases} a_{n}(m,\alpha) = \frac{\psi_{n}(\alpha)}{\xi_{n}(\alpha)} \times \frac{D_{n}(m.\alpha) - m.D_{n}(\alpha)}{D_{n}(m.\alpha) - m.G_{n}(\alpha)} \\ b_{n}(m,\alpha) = \frac{\psi_{n}(\alpha)}{\xi_{n}(\alpha)} \times \frac{m.D_{n}(m.\alpha) - D_{n}(\alpha)}{m.D_{n}(m.\alpha) - G_{n}(\alpha)} \end{cases}$$
(52)

On peut aussi écrire que

$$\begin{bmatrix}
a_{n}(m,\alpha) = \frac{\psi_{n}(\alpha)}{\psi_{n}(\alpha) + i.\chi_{n}(\alpha)} \times \frac{D_{n}(m.\alpha) - m.D_{n}(\alpha)}{D_{n}(m.\alpha) - m.G_{n}(\alpha)} \\
b_{n}(m,\alpha) = \frac{\psi_{n}(\alpha)}{\psi_{n}(\alpha) + i.\chi_{n}(\alpha)} \times \frac{m.D_{n}(m.\alpha) - D_{n}(\alpha)}{m.D_{n}(m.\alpha) - G_{n}(\alpha)}
\end{bmatrix} (53)$$

L'avantage des fonctions de Ricatti-Bessel et de leurs fonctions dérivées est l'existence de récurrences permettant de calculer leurs termes.

#### $\bullet$ Relation de récurrence dégressive pour $D_n(z)$ :

$$\begin{cases}
D_{n}(z) = \frac{n+1}{z} - \frac{1}{D_{n+1}(z) + (n+1)/z} \\
D_{N_{1}}(z) = 0
\end{cases}$$
(54)

Si  $z = \alpha$ , la fonction est réelle.

Si  $z = m.\alpha$ , la fonction est complexe.

### Cas où $z = m.\alpha$ :

Posons 
$$X_r = \frac{m_r}{\alpha . (m_r^2 + m_i^2)}$$
 et  $X_i = \frac{m_i}{\alpha . (m_r^2 + m_i^2)}$ 

On montre que:

$$\begin{cases}
Re[D_{n}(m.\alpha)] \\
= (n+1).X_{r} - \frac{Re[D_{n+1}(m.\alpha)] + (n+1).X_{r}}{(Re[D_{n+1}(m.\alpha)] + (n+1).X_{r})^{2} + (Im[D_{n+1}(m.\alpha)] - (n+1).X_{i})^{2}} \\
Im[D_{n}(m.\alpha)] \\
= -(n+1).X_{i} + \frac{Im[D_{n+1}(m.\alpha)] - (n+1).X_{i}}{(Re[D_{n+1}(m.\alpha)] + (n+1).X_{r})^{2} + (Im[D_{n+1}(m.\alpha)] - (n+1).X_{i})^{2}}
\end{cases} (55)$$

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 112

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### Détermination de l'ordre initial $N_1$ :

Les calculs doivent débuter pour un ordre  $N_1 >> |z|$ . La valeur de départ est peu importante du fait de la rapidité de la convergence sur des valeurs exactes. On convient de prendre  $D_{N1}(z) = 0$ .

Pour 
$$z = m.\alpha$$
, on a  $|z| = \alpha \sqrt{m_r^2 + m_i^2} \approx \alpha.m_r < 2.\alpha$ 

Empiriquement, on choisit 
$$N_1 = Int(2\alpha + 20)$$
 (56)

 $\underline{NB}$ : La valeur maximale de  $N_1$  est  $\underline{SOS\_MIE\_DIM}$  du fichier  $\underline{SOS.h.}$ 

### lacktriangle Relation de récurrence pour $G_n(\alpha)$ : fonction complexe

$$\begin{cases}
G_{n}(\alpha) = -\frac{n}{\alpha} - \frac{1}{G_{n-1}(\alpha) - n/\alpha} \\
G_{0}(\alpha) = -i
\end{cases}$$
(57)

On en déduit que

$$\begin{cases}
\operatorname{Re}[G_{n}(\alpha)] = -\frac{n}{\alpha} - \frac{\operatorname{Re}[G_{n-1}(\alpha)] - n/\alpha}{(\operatorname{Re}[G_{n-1}(\alpha)] - n/\alpha)^{2} + (\operatorname{Im}[G_{n-1}(\alpha)])^{2}} \\
\operatorname{Im}[G_{n}(\alpha)] = \frac{\operatorname{Im}[G_{n-1}(\alpha)]}{(\operatorname{Re}[G_{n-1}(\alpha)] - n/\alpha)^{2} + (\operatorname{Im}[G_{n-1}(\alpha)])^{2}}
\end{cases} (58.a)$$

avec pour conditions initiales 
$$\begin{cases} \text{Re}[G_0(\alpha)] = 0 \\ \text{Im}[G_0(\alpha)] = -1 \end{cases}$$
 (58.b)

La récurrence est calculée de l'ordre n=0 à  $N_2$ . On prend  $\boxed{N_2=N_1-15}$ 

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 113

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### • Relation de récurrence pour $\chi_n(\alpha)$ et $\psi_n(\alpha)$ : fonctions réelles

Les fonctions de Ricatti-Bessel s'expriment avec les fonctions sphériques de Bessel par :

$$\begin{cases} \psi_{n}(\alpha) = \alpha \times j_{n}(\alpha) \\ \chi_{n}(\alpha) = -\alpha \times n_{n}(\alpha) \end{cases}$$
(59)

dont on peut calculer les termes par récurrence sur n.

### Récurrence pour $\chi_n(\alpha)$ :

$$\left|\chi_{n}(\alpha) = \frac{2n-1}{\alpha} \cdot \chi_{n-1}(\alpha) - \chi_{n-2}(\alpha)\right| \tag{60.a}$$

avec pour condition initiale:

$$\begin{cases} \chi_{-1}(\alpha) = -\sin\alpha \\ \chi_0(\alpha) = \cos\alpha \end{cases}$$
 (60.b)

La suite  $\chi_n$  tend à diverger. Aussi, le code contrôle si la valeur  $\chi_n(\alpha)$  ne devient pas trop importante. Si  $\chi_n(\alpha) > 10^{304}$  on stoppe la récurrence et on redéfinit les ordres maximaux :  $N_2 = n$  et  $N_1 = N_2 + 15$ .

### Récurrence décroissante pour $\psi_n(\alpha)$ :

$$\psi_{n-1}(\alpha) = \frac{2n+1}{\alpha} \cdot \psi_n(\alpha) - \psi_{n+1}(\alpha)$$
(61.a)

On veut connaître  $\psi_n(\alpha)$  de n=1 à  $N_2$ .

Le démarrage de la récurrence par une valeur précise de  $\psi_{N2}(\alpha)$  n'est pas nécessaire. Les valeurs calculées seront proportionnelles aux valeurs exactes. On nomme  $\psi_n^*(\alpha)$  les termes calculés. Sachant qu'on doit avoir  $\psi_0(\alpha) = \sin \alpha$ , il suffit de normaliser les termes de la suite  $\psi_n^*(\alpha)$  par le rapport  $\psi_0(\alpha)/\psi_0^*(\alpha)$  pour obtenir les termes exacts de la suite  $\psi_n(\alpha)$ .

On débute la récurrence pour  $\psi_n(\alpha)$  à l'ordre  $N_1 = N_2 + 15$  avec une valeur approximative. Sachant que  $\psi_n(\alpha)$  converge, on prend arbitrairement :

$$\begin{cases} \psi_{N_{1}}^{\cdot}(\alpha) = 0 \\ \psi_{N_{1}-1}^{\cdot}(\alpha) = 1 \end{cases}$$

$$(61.b)$$

Connaissant toutes les valeurs de  $\psi_n^{\cdot}(\alpha)$ , on calcule ensuite :

$$\left| \psi_{n}(\alpha) = \psi_{n}'(\alpha) \times \frac{\sin \alpha}{\psi_{0}'(\alpha)} \right|$$
 (61.c)

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 114

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### • Adaptation au formalisme du code de MIE :

Les calculs de MIE de la routine SOS\_MIE.F sont réalisés pour une expression des fonctions  $\pi_n$  et  $\tau_n$  non pas en  $\cos \Theta$  mais en  $\cos \gamma = -\cos \Theta$ , avec  $\gamma = \pi - \Theta$  qui est l'angle complémentaire de l'angle de diffusion.

Les fonctions  $\pi_n$  et  $\tau_n$  vérifient la propriété suivante :

$$\pi_{n}(\mu) = (-1)^{n+1} \pi_{n}(-\mu)$$
 et  $\tau_{n}(\mu) = (-1)^{n} \tau_{n}(-\mu)$  (62)

On en déduit de (46), pour  $\gamma = \pi - \Theta$ , que :

$$\begin{cases}
S_{1}(\Theta, m, \alpha) = i \times \sum_{n=1}^{\infty} [A_{n}.\pi_{n}(\cos \gamma) + B_{n}.\tau_{n}(\cos \gamma)] \\
S_{2}(\Theta, m, \alpha) = -i \times \sum_{n=1}^{\infty} [B_{n}.\pi_{n}(\cos \gamma) + A_{n}.\tau_{n}(\cos \gamma)]
\end{cases}$$
(63)

avec 
$$\begin{cases} A_{n}(m,\alpha) = i \times \frac{2n+1}{n(n+1)} \times (-1)^{n} \times a_{n}(m,\alpha) \\ B_{n}(m,\alpha) = i \times \frac{2n+1}{n(n+1)} \times (-1)^{n+1} \times b_{n}(m,\alpha) \end{cases}$$
(64)

On déduit de (47) que :

$$\begin{cases} Q_{e}(m,\alpha) = \frac{2}{\alpha^{2}} \times \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n} \times n(n+1) \times \left[ Im(A_{n}) - Im(B_{n}) \right] \\ Q_{d}(m,\alpha) = \frac{2}{\alpha^{2}} \times \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^{2}(n+1)^{2}}{2n+1} \times \left( \left| A_{n} \right|^{2} + \left| B_{n} \right|^{2} \right) \end{cases}$$

$$(65)$$

La relation (45) reste toujours valable :

$$\begin{cases}
P(\Theta, \mathbf{m}, \alpha) = \frac{2}{\alpha^2 \times Q_d} \left( S_2 . S_2^* + S_1 . S_1^* \right) & NB : \iint_{espace} \left( P(\Theta, \mathbf{m}, \alpha) . \frac{d\omega}{4\pi} \right) = 1 \\
Q(\Theta, \mathbf{m}, \alpha) = \frac{2}{\alpha^2 \times Q_d} \left( S_2 . S_2^* - S_1 . S_1^* \right) \\
T(\Theta, \mathbf{m}, \alpha) = \frac{2}{\alpha^2 \times Q_d} \left( S_2 . S_1^* + S_1 . S_2^* \right)
\end{cases}$$

Pour chaque valeur du paramètre de taille  $\alpha$ , entre  $\alpha_{min}$  et  $\alpha_{max}$ , le code de Mie réalise les calculs des coefficients  $A_n(m,\alpha)$  et  $B_n(m,\alpha)$ , ainsi que  $\pi_n(\cos\gamma)$  et  $\tau_n(\cos\gamma)$ . Il en déduit les paramètres  $Q_d(m,\alpha)$ ,  $Q_e(m,\alpha)$ ,  $G(m,\alpha)$ , calcule les fonctions  $S_1(\Theta,m,\alpha)$  et  $S_2(\Theta,m,\alpha)$  pour donner  $P(\Theta,m,\alpha)$ ,  $Q(\Theta,m,\alpha)$  et  $P(\Theta,m,\alpha)$ .

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 115

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### Développements pratiques :

Le code de Mie calcule les parties réelles et imaginaires des grandeurs complexes.

On peut montrer à partir des relations (64) et (53) que :

$$\begin{cases}
Re(A_n) = Q.X_1. \frac{X_1.Z_4 - X_2.Z_3}{Z_5.Z_6} \\
Im(A_n) = -Q.X_1. \frac{X_1.Z_3 + X_2.Z_4}{Z_5.Z_6}
\end{cases}$$
(66.a)

$$\begin{cases}
Re(B_n) = -Q.X_1. \frac{X_1.Z_8 - X_2.Z_7}{Z_5.Z_9} \\
Im(B_n) = Q.X_1. \frac{X_1.Z_7 + X_2.Z_8}{Z_5.Z_9}
\end{cases}$$
(66.b)

$$\begin{cases} Q = \frac{2n+1}{n(n+1)} \times (-1)^{n+1} \\ X_1 = \psi_n(\alpha) \\ X_2 = \chi_n(\alpha) \\ X_3 = Re[D_n(m.\alpha)] \\ X_4 = Im[D_n(m.\alpha)] \\ X_5 = D_n(\alpha) \\ X_6 = Re[G_n(m.\alpha)] \\ X_7 = Im[G_n(m.\alpha)] \end{cases} \qquad \text{et}$$

$$\begin{cases} Y_1 = X_3 - m_r.X_5 \\ Y_2 = X_4 - m_i.X_5 \\ Y_3 = X_3 - m_r.X_6 + m_i.X_7 \\ Y_4 = X_4 - m_i.X_6 - m_r.X_7 \end{cases}$$

$$Z_3 = Y_1.Y_3 + Y_2.Y_4 \\ Z_4 = Y_2.Y_3 - Y_1.Y_4 \\ Z_5 = X_1^2 + X_2^2 \\ Z_6 = Y_3^2 + Y_4^2 \end{cases}$$

$$(66.c)$$

On trouve également à partir de (63) que :

$$\begin{cases}
\operatorname{Re}(S_{1}) = -\sum_{n=1}^{\infty} \left[ \operatorname{Im}(A_{n}) \cdot \pi_{n}(\cos \gamma) + \operatorname{Im}(B_{n}) \cdot \tau_{n}(\cos \gamma) \right] \\
\operatorname{Im}(S_{1}) = \sum_{n=1}^{\infty} \left[ \operatorname{Re}(A_{n}) \cdot \pi_{n}(\cos \gamma) + \operatorname{Re}(B_{n}) \cdot \tau_{n}(\cos \gamma) \right]
\end{cases}$$
(67.a)

$$\begin{cases}
\operatorname{Re}(S_{2}) = \sum_{n=1}^{\infty} \left[ \operatorname{Im}(B_{n}) \cdot \pi_{n}(\cos \gamma) + \operatorname{Im}(A_{n}) \cdot \tau_{n}(\cos \gamma) \right] \\
\operatorname{Im}(S_{2}) = -\sum_{n=1}^{\infty} \left[ \operatorname{Re}(B_{n}) \cdot \pi_{n}(\cos \gamma) + \operatorname{Re}(A_{n}) \cdot \tau_{n}(\cos \gamma) \right]
\end{cases}$$
(67.b)

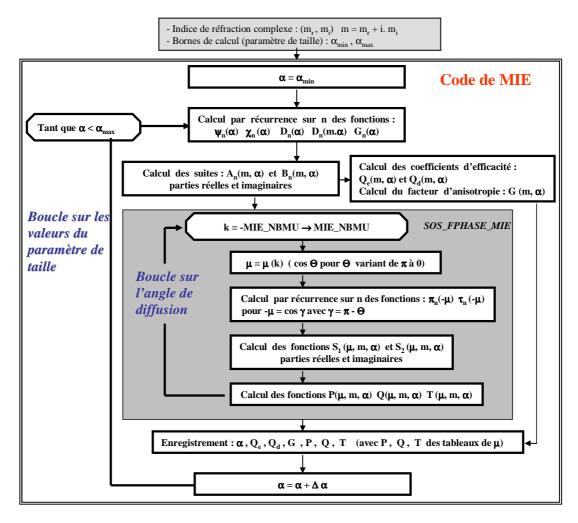
# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 116

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010



Structure du code de MIE

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 117

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### VII-4 Calcul des propriétés radiatives d'une granulométrie d'aérosols mono-modale

La détermination des propriétés de diffusion et d'extinction d'une granulométrie mono-modale est réalisée par la routine SOS\_GRANU. La décomposition en fonctions de Legendre et la troncature sont réalisées par la routine SOS\_DECOMP\_LEGENDRE.

### VII-4.1 Cas de particules sphériques

On se place dans le cas de l'utilisation d'un modèle de particules sphériques, défini par le code SOS\_AEROSOLS (Log-Normale Distributions, loi de Junge, modèles WMO ou Shettle & Fenn, modèles bimodaux de LND).

### VII.4.1.a DONNÉES DE MIE INITIALES

La théorie de Mie permet de calculer les propriétés radiatives d'une particule par rapport au paramètre de taille  $\alpha = 2\pi r/\lambda$ , où r est le rayon de la particule et  $\lambda$  la longueur d'onde de la lumière incidente :

- coefficient d'efficacité en extinction : Q<sub>e</sub>(m, α),
- coefficient d'efficacité en diffusion : Q<sub>d</sub>(m, α),
- fonctions de phase de Mie, en fonction de l'angle de diffusion  $\Theta$ :

$$\overset{\approx}{\tilde{P}_{\text{mie}}}(\Theta, m, \alpha) = \begin{pmatrix} P_{\text{mie}}(\Theta, m, \alpha) & Q_{\text{mie}}(\Theta, m, \alpha) & 0 \\ Q_{\text{mie}}(\Theta, m, \alpha) & P_{\text{mie}}(\Theta, m, \alpha) & 0 \\ 0 & 0 & T_{\text{mie}}(\Theta, m, \alpha) \end{pmatrix}$$
(68)

Ces informations sont contenues dans un fichier de MIE (description en section VII-9).

# VII.4.1.b <u>Estimation des paramètres radiatifs pour une granulométrie et une longueur</u> <u>D'onde fixées</u>

Pour des particules sphériques, la routine SOS\_GRANU calcule la fonction de phase  $P(\mu)$  et les fonctions de phase polarisées  $Q(\mu)$  et  $U(\mu)$  à partir des calculs de MIE réalisés par la routine "SOS\_MIE", pour une longueur d'onde donnée et pour une distribution en taille des particules donnée (renseignée par igranu).

Si igranu = 1 => Distribution Log-Normale :

$$N(r) = \frac{1}{r.\sigma.\sqrt{2\pi}} \times \exp\left(-\frac{\log_{10}^{2} (r/r_{\rm m})}{2\sigma^{2}}\right)$$
 (69)

avec  $r_m$  le rayon modal en  $\mu m$  et  $\sigma$  le log10 de la variance de la distribution.

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE : 118

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Si igranu =  $2 \Rightarrow$  Loi de Junge :

$$\begin{cases}
r \le r_0 : N(r) = N(r_0) = r_0^{-0} \\
r > r_0 : N(r) = r^{-0}
\end{cases}$$
(70)

avec r<sub>0</sub> rayon minimal en μm

Le pas sur le paramètre de taille  $\alpha$  est identique à celui de la routine SOS\_MIE (ceci est nécessaire pour garantir de convenablement calculer le pas  $\partial r$  sur le rayon des particules) :

Pour une distribution en taille des aérosols et pour une longueur d'onde donnée, on calcule à partir des paramètres de Mie :

- le coefficient d'extinction (en μm<sup>-1</sup>) :

$$\sigma_{e}(\lambda, \text{modèle}) = \int_{r=0}^{\infty} \pi . r^{2} . Q_{e}(m, r, \lambda) . n(r) . dr$$
(71.a)

- le coefficient de diffusion (en  $\mu$ m<sup>-1</sup>):

$$\sigma_{d}(\lambda, \text{modèle}) = \int_{r=0}^{\infty} \pi \cdot r^{2} \cdot Q_{d}(m, r, \lambda) \cdot n(r) \cdot dr$$
(71.b)

- n(r).dr représente le nombre de particules de rayon [r, r+dr] par unité de volume (en μm<sup>-3</sup>).
- $\bullet$   $\pi$ .r<sup>2</sup>.Q<sub>e</sub>(m,  $\alpha$ ) est la section efficace d'une particule de rayon r pour la longueur d'onde  $\lambda$  (en  $\mu$ m<sup>2</sup>).

On en déduit la valeur de l'albédo de simple diffusion:

$$\omega_0(\lambda, \text{modèle}) = \frac{\sigma_d(\lambda, \text{modèle})}{\sigma_e(\lambda, \text{modèle})}$$
(72)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 119

EDIT. : 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

On calcule également les éléments de la matrice de phase avec le plan de diffusion pour plan de référence:

$$P_{11}(\lambda, \text{modèle}, \Theta) = \frac{1}{\sigma_{d}(\lambda, \text{modèle})} \times \int_{r=0}^{\infty} \pi. r^{2}.Q_{d}(m, r, \lambda).P_{mie}(\Theta, m, r, \lambda).n(r).dr$$
(73.a)

$$P_{12}(\lambda, \text{modèle}, \Theta) = \frac{1}{\sigma_d(\lambda, \text{modèle})} \times \int_{r=0}^{\infty} \pi. r^2. Q_d(m, r, \lambda). Q_{\text{mie}}(\Theta, m, r, \lambda). n(r). dr$$
(73.b)

$$P_{12}(\lambda, \text{modèle}, \Theta) = \frac{1}{\sigma_{d}(\lambda, \text{modèle})} \times \int_{r=0}^{\infty} \pi.r^{2}.Q_{d}(m, r, \lambda).Q_{mie}(\Theta, m, r, \lambda).n(r).dr$$

$$P_{33}(\lambda, \text{modèle}, \Theta) = \frac{1}{\sigma_{d}(\lambda, \text{modèle})} \times \int_{r=0}^{\infty} \pi.r^{2}.Q_{d}(m, r, \lambda).T_{mie}(\Theta, m, r, \lambda).n(r).dr$$
(73.c)

La probabilité de diffusion avec un angle  $\Theta$ , dans l'angle solide d $\Omega$ , est donnée par  $P_{11}(\Theta)$ .d $\Omega$  /  $4\pi$ . La fonction de phase est normalisée.

Elle vérifie : 
$$\iint_{espace} P_{11}(\Theta) d\Omega / 4\pi = 1$$

# VII-4.2 Décomposition de la matrice de phase en fonctions de Legendre

On se place dans un cas général que les particules soient sphériques ou non.

La routine SOS\_DECOMP\_LEGENDRE réalise un développement des fonctions de phase dans la base des fonctions généralisées de Legendre. Sur un plan numérique, il est en effet avantageux de décomposer les fonctions de phase en paramètres  $\beta(k)$ ,  $\gamma(k)$  et  $\delta(k)$ , à partir des polynômes de Legendre :  $P_k \left( cos\Theta \right)$  et fonctions de Legendre d'ordre 2 :  $P_2^k(\cos\Theta)$ .

On écrit, dans le cas général de particules non-sphériques :

$$\begin{cases} P_{11}(\lambda, \text{modèle}, \Theta) = \sum_{k=0}^{\infty} \beta_k^{11}.P_k(\cos\Theta) \\ P_{22}(\lambda, \text{modèle}, \Theta) = \sum_{k=0}^{\infty} \beta_k^{22}.P_k(\cos\Theta) \\ P_{12}(\lambda, \text{modèle}, \Theta) = \sum_{k=0}^{\infty} \gamma_k.P_2^k(\cos\Theta) \\ P_{33}(\lambda, \text{modèle}, \Theta) = \sum_{k=0}^{\infty} \delta_k.P_k(\cos\Theta) \end{cases}$$

$$(74)$$

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 120

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

En estimant les fonctions  $P_k(\mu)$  et  $P_2^k(\mu)$  à partir de relations de récurrence sur k, on calcule :

$$\begin{cases} \beta_{k}^{11} = \frac{2k+1}{2} \cdot \int_{-1}^{1} P_{k}(\mu) \cdot P_{11}(\lambda, \text{modèle}, \mu) \cdot d\mu \\ \beta_{k}^{22} = \frac{2k+1}{2} \cdot \int_{-1}^{1} P_{k}(\mu) \cdot P_{22}(\lambda, \text{modèle}, \mu) \cdot d\mu \\ \gamma_{k} = \frac{2k+1}{2} \cdot \int_{-1}^{1} P_{2}^{k}(\mu) \cdot P_{12}(\lambda, \text{modèle}, \mu) \cdot d\mu \\ \delta_{k} = \frac{2k+1}{2} \cdot \int_{-1}^{1} P_{k}(\mu) \cdot P_{33}(\lambda, \text{modèle}, \mu) \cdot d\mu \end{cases}$$
 (75)

Si les particules sont sphériques, on a :

- Les coefficients  $\beta_k^{22} = \beta_k^{11}$  car  $P_{11} = P_{22}$ .
- Les coefficients  $\delta_k$  restent calculés en fonction de  $P_{33}$  mais pour  $P_{33} = P_{44}$ .

#### Récurrence sur les polynômes de Legendre :

$$(76)$$
avec pour conditions initiales:  $P_{-1}(\mu) = (2k+1) \cdot \mu \times P_k(\mu)$ 

#### Récurrence sur les fonctions de Legendre d'ordre 2 :

$$P_{2}^{k+1}(\mu) = \frac{2k+1}{\sqrt{(k+3)(k-1)}} \times \left[\mu \times P_{2}^{k}(\mu) - \frac{\sqrt{(k+2)(k-2)}}{2k+1} \times \mu \times P_{2}^{k-1}(\mu)\right]$$
(77)

avec pour conditions initiales : 
$$\begin{cases}
P_2^0(\mu) = P_2^1(\mu) = 0 \\
P_2^2(\mu) = \frac{3 \times (1 - \mu^2)}{2\sqrt{6}}
\end{cases}$$
(78)

L'expression de la matrice de phase dans les OS se fait pour un repère lié au plan méridien et non pas au plan de diffusion. Elle fait intervenir les paramètres supplémentaires  $\alpha(k)$  et  $\xi(k)$ . On les exprime en fonction des  $\beta^{22}(k)$  et  $\delta(k)$ . Ils serviront pour l'expression de la matrice de phase décomposée en séries de Fourier dans le code des OS (cf. VI-4.1, page 69).

$$\begin{cases} \alpha_{k\geq 2} = A_{k} \times \beta_{k}^{22} - B_{k} \times \left( \sum_{j=1}^{k/2} C_{k,j} \times \beta_{k-2j}^{22} - \sum_{j=0}^{(k-1)/2} D_{k,j} \times \delta_{k-2j-1} \right) \\ \xi_{k\geq 2} = A_{k} \times \delta_{k} - B_{k} \times \left( \sum_{j=1}^{k/2} C_{k,j} \times \delta_{k-2j} - \sum_{j=0}^{(k-1)/2} D_{k,j} \times \beta_{k-2j-1}^{22} \right) \end{cases}$$
(79.a)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 121

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

avec

$$\begin{cases} A_{k} = \frac{k \times (k-1)}{(k+1)(k+2)} \\ B_{k} = \frac{4(2k+1)}{k(k-1)(k+1)(k+2)} \\ C_{k,j} = (k-1)^{2} - 3(2j-1)(k-j) \\ D_{k,j} = (k-1)^{2} - 3j(2k-2j-1) \end{cases}$$
(79.b)

#### NB:

- La routine SOS\_DECOMP\_LEGENDRE développe systématiquement la fonction  $P_{22}$  en coefficients  $\beta_k^{22}$  qui servent au calcul des  $\alpha_k$  et  $\xi_k$ . C'est la seule spécificité de traitement requise pour des particules non-sphériques (d'orientation aléatoire).
- Si les particules sont sphériques (modèles internes au code SOS\_AEROSOLS), la routine duplique au préalable la fonction P<sub>11</sub> en P<sub>22</sub>.

# Normalisation par $\beta_0$ :

Le programme divise par  $\beta_0$  les fonctions  $P_{11}(\Theta)$ ,  $P_{12}(\Theta)$  et  $P_{33}(\Theta)$  pour assurer la normalisation de la fonction de phase. La valeur effective de  $\beta_0$  en sortie des calculs est strictement égale à 1.

On fait la même chose en cas de troncature pour normaliser la fonction de phase tronquée.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 122

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### VII-4.3 Application d'une troncature

La routine SOS\_DECOMP\_LEGENDRE gère également une éventuelle troncature de la fonction de phase si l'option itronc = 1.

La décomposition de la fonction de phase est en théorie une sommation infinie (équation **Erreur!** Source du renvoi introuvable.). En pratique, elle peut être limitée à un ordre L dépendant du type de diffusant :

- Pour une **diffusion isotrope**, le développement est limité à son premier terme L=0 :  $\beta_0=1$ .
- Pour la **diffusion moléculaire**, L=2. On a  $\beta_0=1$ ,  $\beta_1=0$  et  $\beta_2=1/2$ .
- Pour la **diffusion de particules**, on arrête le développement pour L tel que  $\beta_{L+1} = 0$ . Ceci peut conduire à des développements très élevés pour des particules larges dont la fonction de phase présente une pointe avant fortement prononcée. Afin de limiter l'ordre L, on peut considérer que l'énergie diffractée vers l'avant n'est pas diffusée mais simplement transmise. Cela revient à réduire la pointe avant de la fonction de phase.

Cette troncature de la fonction de phase modifie la répartition de l'énergie. Les autres paramètres radiatifs décrivant la couche atmosphérique doivent alors être ajustés pour que les propriétés radiatives globales restent inchangées.

Soit  $\Theta_1$  et  $\Theta_2$  les angles de Gauss pour lesquels  $\cos\Theta_1\approx0.8$  et  $\cos\Theta_2\approx0.94$  (soit  $\Theta_1\approx37^\circ$  et  $\Theta_2\approx20^\circ$ ). On tronque la fonction de phase pour les angles  $\Theta<\Theta_2$  par la fonction :

$$\log[p_{tr}(\Theta)] = AA \times \Theta + B \tag{80}$$

La valeur de AA et B est estimée à partir des couples :  $\begin{cases} \Theta_1, p(\Theta_1) \\ \Theta_2, p(\Theta_2) \end{cases}.$ 

On trouve 
$$\begin{cases} AA = \frac{\log[p(\Theta_2)] - \log[p(\Theta_1)]}{\Theta_2 - \Theta_1} \\ B = \frac{\Theta_2 \times \log[p(\Theta_1)] - \Theta_1 \times \log[p(\Theta_2)]}{\Theta_2 - \Theta_1} \end{cases}$$
(81)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 123

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Ainsi, on définit la fonction de phase tronquée par :

$$\begin{cases} \operatorname{Si} \Theta < \Theta_{2} \Rightarrow p_{\operatorname{tr}}(\Theta) = 10^{\log[p(\Theta_{2})] + \frac{\Theta - \Theta_{2}}{\Theta_{2} - \Theta_{1}}} \times (\log[p(\Theta_{2})] - \log[p(\Theta_{1})]) \\ \operatorname{Si} \Theta \ge \Theta_{2} \Rightarrow p_{\operatorname{tr}}(\Theta) = p(\Theta) \end{cases}$$
(82)

La réduction de l'énergie diffusée se répercute également sur les fonctions de phase polarisées :

$$\begin{cases}
P_{12 \text{ tr}}(\Theta) = P_{12}(\Theta) \times [P_{\text{tr}}(\Theta)/P(\Theta)] \\
P_{33 \text{ tr}}(\Theta) = P_{33}(\Theta) \times [P_{\text{tr}}(\Theta)/P(\Theta)]
\end{cases}$$
(83)

Les coefficients de la matrice de phase  $[\alpha(k), \beta(k), \delta(k), \gamma(k)]$  et  $\xi(k)$  sont alors des coefficients calculés pour une troncature.

Les grandeurs physiques associées à la nouvelle fonction de phase  $p_{tr}(\Theta)$  doivent être ajustées pour permettent de conserver les propriétés radiatives globales de la couche atmosphérique. Les épaisseurs optiques et l'albédo de diffusion simple de la couche sont alors modifiés.

Le coefficient de troncature F exprime la proportion d'énergie qui n'est pas diffusée en appliquant une troncature :

$$F = \iint_{\text{espace}} [p(\Theta) - p_{\text{tr}}(\Theta)] \frac{d\omega}{4\pi} \text{ soit } F = \frac{1}{2} \times \int_{0}^{\pi} [p(\Theta) - p_{\text{tr}}(\Theta)] \sin\Theta . d\Theta$$
(84)

où  $p(\Theta)$  est la fonction de phase initiale normalisée et  $p_{tr}(\Theta)$  celle tronquée.

En développant  $p_{tr}(\Theta)$  en  $\sum_{k=0}^{\infty}\beta_k^{\,tr}.P_k\left(cos\Theta\right)$  , on peut montrer qu'on a :

$$F = 1 - \beta_0^{\text{tr}} \tag{85}$$

On obtient:

- L'épaisseur optique d'extinction tronquée : 
$$\tau_{\text{ext}}^{\text{tr}} = \tau_{\text{ext}} \times (1 - \omega_0.F)$$
 (86.a)

- L'épaisseur optique de diffusion tronquée : 
$$\tau_{\rm sca}^{\rm tr} = \tau_{\rm ext}^{\rm tr} \times \omega_0^{\rm tr}$$
 (86.b)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 124

EDIT.: 03 REV.: 00

(86.d)

DATE: 02/06/2010

 $P_{\rm tr}^{\rm norma}\left(\Theta\right) = \frac{P_{\rm tr}\left(\Theta\right)}{1 - F}$ 

- La fonction de phase tronquée normalisée :

$$P_{33 \text{ tr}}^{\text{norma}}(\Theta) = \frac{P_{33 \text{ tr}}(\Theta)}{1 - F}$$

Tableau 7 : Relation entre les paramètres radiatifs initiaux et ceux du milieu équivalent. Couche homogène.

	Grandeurs initiales	Grandeurs tronquées (atmosphère équivalente)
Fonction de phase	$eta_k$	$\beta_k^*$ vérifiant $\beta_k = (2k+1).F + (1-F).\beta_k^*$
(coefficient de troncature F)	L moments	L* < L
Albédo de diffusion simple	$\omega_0$	$\omega_0^{\rm tr} = \omega_0 \times \left(\frac{1 - F}{1 - \omega_0 \cdot F}\right)$
Epaisseur optique d'extinction	$ au_{ m ext}$	$ \tau_{\text{ext}}^{\text{tr}} = \tau_{\text{ext}} \times (1 - \omega_0.F) $
Epaisseur optique de diffusion	$ au_{ m sca}$	$ au_{ m sca}^{ m tr} =  au_{ m ext}^{ m tr}  imes \omega_0^{ m tr}$

#### NB:

- Le code SOS\_DECOMP\_LEGENDRE calcule A = 2F.
- Si l'option de troncature est demandée, la routine estime les paramètres  $\alpha(k)$ ,  $\beta(k)$ ,  $\delta(k)$ ,  $\gamma(k)$  et  $\xi(k)$  tronqués. L'application de la troncature sur l'épaisseur optique et l'albédo de diffusion est faite en dehors de la routine à partir de la valeur du coefficient de troncature A.
- Si la troncature est insignifiante (A < 0,1), on recalcule les paramètres  $\alpha(k)$ ,  $\beta(k)$ ,  $\delta(k)$ ,  $\gamma(k)$  et  $\xi(k)$  sans troncature et on pose A = 0.

Par la suite, les paramètres  $\omega_0$ ,  $\delta$  et  $\beta_k$  intervenant dans l'ETR seront des grandeurs équivalentes résultant d'une troncature. Afin de ne pas alourdir les notations, nous garderons les notations initiales.

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 125

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# VII-5 <u>Calcul des propriétés radiatives d'une granulométrie d'aérosols selon les modèles de</u> la WMO

# VII-5.1 Principe théorique

#### VII.5.1.a MÉTHODE GÉNÉRALE DE CALCUL DES PROPRIÉTÉS RADIATIVES D'UN MÉLANGE DE PARTICULES

Considérons un élément de volume composé de N particules de différents composants.

Les propriétés radiatives élémentaires de chaque composant sont :

- Les sections efficaces d'extinction et de diffusion (préférables aux coefficients d'extinction et de diffusion car elles sont ramenées à une particule k moyenne).
- La matrice de phase de la granulométrie k.

Nommons  $N_k$  le nombre de particules du composant k.

$$N_k = \alpha_k \times N \tag{87}$$

Les propriétés radiatives du mélange peuvent être calculées à partir des propriétés radiatives des composants et des coefficients  $\alpha_k$ .

### • Albédo de simple diffusion du mélange :

Les coefficients de diffusion et d'extinction de l'élément de volume exprimé par rapport aux sections efficaces  $\tilde{\sigma}_{sca}$  et  $\tilde{\sigma}_{ext}$  correspondantes sont :

$$\begin{cases} N \times \widetilde{\sigma}_{sca} = \sum_{k} N_{k} \times \widetilde{\sigma}_{sca}^{(k)} \\ N \times \widetilde{\sigma}_{ext} = \sum_{k} N_{k} \times \widetilde{\sigma}_{ext}^{(k)} \end{cases}$$
(88)

L'albédo de simple diffusion est alors :

$$\omega_{0} = \frac{N \times \widetilde{\sigma}_{sca}}{N \times \widetilde{\sigma}_{ext}} = \frac{\sum_{k} N_{k} \times \widetilde{\sigma}_{sca}^{(k)}}{\sum_{k} N_{k} \times \widetilde{\sigma}_{ext}^{(k)}}$$
(89)

Soit:

$$\omega_0 = \frac{\sum_{k} \alpha_k \times \widetilde{\sigma}_{sca}^{(k)}}{\sum_{k} \alpha_k \times \widetilde{\sigma}_{ext}^{(k)}}$$
(90)

### • Matrice de phase du mélange :

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 126

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

La fonction de phase du mélange s'écrit :

$$N \times \widetilde{\sigma}_{sca} \times p(\Theta) = \sum_{k} N_{k} \times \widetilde{\sigma}_{sca}^{(k)} \times p_{k}(\Theta)$$
(91)

Soit:

$$p(\Theta) = \frac{\sum_{k} \alpha_{k} \times \widetilde{\sigma}_{sca}^{(k)} \times p_{k}(\Theta)}{\sum_{k} \alpha_{k} \times \widetilde{\sigma}_{sca}^{(k)}}$$
(92)

Cette expression est la même pour les fonctions  $q(\Theta)$  et  $u(\Theta)$  de la matrice de phase.

### VII.5.1.b Adaptation aux modèles de la WMO

La construction des modèles de la WMO est précisée dans la documentation relative [DR19]. Nous rappelons ici les points nécessaires aux simulations du programme « AEROSOLS ».

Les modèles de la WMO correspondent à des mélanges de composants élémentaires :

Dust-Like - Water soluble

Oceanic - Soot

Les tableaux 8.a et 8.b précisent les caractéristiques microphysiques de ces particules. Chaque composant a une nature chimique (indice de réfraction) et une distribution en taille qui lui sont propre (loi Log-Normale, eq. 69). Les modèles WMO ne tiennent pas compte de l'impact de l'humidité relative sur ces paramètres.

Le fichier « Data\_WMO » contient l'ensemble des informations relatives aux composants élémentaires. Il est placé sur le répertoire \$RACINE/fic. Son nom est précisé dans le fichier « SOS.h » en place de la constante SOS\_AER\_DATAWMO.

Tableau 8.a : Paramètres microphysiques des composants élémentaires de la WMO

	Rayon modal (µm)	Variance s	$\sigma = \log_{10} s$	V <sub>k</sub> : concentration volumique (μm³/cm³)
<b>Dust-Like</b>	0,5000	2,99	0,47567	113,98352
Water Soluble	0,0050	2,99	0.,47567	113,98352×10 <sup>-6</sup>
Oceanic	0,3000	2,51	0,39967	5,14441
Soot	0,0118	2,00	0,30103	59,77755×10 <sup>-6</sup>

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 127

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Tableau 8.b : Indice de réfraction des composants élémentaires de la WMO

	Dust	Dust-Like Water		Soluble	Oce	anic	Soot	
Longueur d'onde (µm)	m <sub>r</sub>	m <sub>i</sub>	m <sub>r</sub>	m <sub>i</sub>	m <sub>r</sub>	m <sub>i</sub>	m <sub>r</sub>	m <sub>i</sub>
0,200	1,53000	-0,07000	1,53000	-0,07000	1,42900	-0,00003	1,50000	-0,35000
0,250	1,53000	-0,03000	1,53000	-0,03000	1,40400	0,00000	1,62000	-0,45000
0,300	1,53000	-0,00800	1,53000	-0,00300	1,39500	0,00000	1,74000	-0,47000
0,337	1,53000	-0,00800	1,53000	-0,00500	1,39200	0,00000	1,75000	-0,47000
0,400	1,53000	-0,00800	1,53000	-0,00500	1,38500	0,00000	1,75000	-0,46000
0,488	1,53000	-0,00800	1,53000	-0,00500	1,38200	0,00000	1,75000	-0,45000
0,515	1,53000	-0,00800	1,53000	-0,00500	1,38100	0,00000	1,75000	-0,45000
0,550	1,53000	-0,00800	1,53000	-0,00600	1,38100	0,00000	1,75000	-0,44000
0,633	1,53000	-0,00800	1,53000	-0,00600	1,37700	0,00000	1,75000	-0,43000
0,694	1,53000	-0,00800	1,53000	-0,00700	1,37600	0,00000	1,75000	-0,43000
0,860	1,52000	-0,00800	1,52000	-0,01200	1,37200	0,00000	1,75000	-0,43000
1,060	1,52000	-0,00800	1,52000	-0,01700	1,36700	-0,00006	1,75000	-0,44000
1,300	1,46000	-0,00800	1,51000	-0,02000	1,36500	-0,00014	1,76000	-0,45000
1,536	1,40000	-0,00800	1,51000	-0,02300	1,35900	-0,00024	1,77000	-0,46000
1,800	1,33000	-0,00800	1,46000	-0,01700	1,35100	-0,00031	1,79000	-0,48000
2,000	1,22000	-0,00800	1,42000	-0,00800	1,34700	-0,00107	1,80000	-0,49000
2,250	1,22000	-0,00900	1,42000	-0,01000	1,33400	-0,00085	1,81000	-0,50000
2,500	1,18000	-0,00900	1,42000	-0,01200	1,30900	-0,00239	1,82000	-0,51000
2,700	1,18000	-0,01300	1,40000	-0,05500	1,24900	-0,01560	1,83000	-0,52000
3,000	1,16000	-0,01200	1,42000	-0,02200	1,43900	-0,19700	1,84000	-0,54000
3,200	1,22000	-0,01000	1,43000	-0,00800	1,48100	-0,06690	1,86000	-0,54000
3,392	1,26000	-0,01300	1,43000	-0,00700	1,43900	-0,01510	1,87000	-0,55000
3,500	1,28000	-0,01100	1,45000	-0,00500	1,42300	-0,00717	1,88000	-0,56000
3,750	1,27000	-0,01100	1,45200	-0,00400	1,39800	-0,00290	1,90000	-0,57000
4,000	1,26000	-0,01200	1,45500	-0,00500	1,38800	-0,00369	1,92000	-0,58000

Tableau 9 : Proportions volumiques  $C_k$  des modèles de la WMO

	Dust-Like	Water Soluble	Oceanic	Soot
Average continental	0,70	0,29		0,01
Maritime		0,05	0,95	
Urban	0,17	0,61		0,22

Le mélange des composants élémentaires selon les proportions volumiques précisées dans le tableau 9 permet d'aboutir aux modèles WMO :

- Average continental
- Maritime
- Urban

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 128

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

La proportion de particules du type k est  $\alpha_k = n_k / n_{tot}$  avec :

$$\begin{cases}
n_k = C_k / V_k \\
n_{tot} = \sum_k n_k
\end{cases}$$
(93)

où n<sub>k</sub> est le nombre de densité du composant k.

.

Pour chaque composant élémentaire, on réalise les calculs suivants :

- Calculs de Mie :
  - Estimation de l'indice de réfraction pour la longueur d'onde de simulation par interpolation linéaire à partir des données du fichier « Data\_WMO » (tableau 8.b).
  - Calcul du fichier de Mie (s'il n'existe pas déjà).

La valeur limite du paramètre de taille pour les calculs de Mie fait partie des constantes de simulation du fichier « SOS.h ». Etant données la faible variation spectrale de l'indice de réfraction des composants de la WMO sur le visible et la taille des particules, nous avons convenu de fixer ces valeurs limites comme suit :

Tableau 10 : valeurs limites des paramètres de taille associés aux modèles de la WMO

	$\alpha_{\max}$	Constante associée
Dust-Like	4000	SOS_ALPHAMAX_WMO_DL
Water Soluble	50	SOS_ALPHAMAX_WMO_WS
Oceanic	800	SOS_ALPHAMAX_WMO_OC
Soot	10	SOS_ALPHAMAX_WMO_SO

- Calculs des paramètres radiatifs de la granulométrie :
  - Coefficient d'extinction :  $\sigma_{\text{ext}}^{(k)}$
  - Coefficient de diffusion :  $\sigma_{sca}^{(k)}$
  - Fonctions de phase :  $P_k(\Theta)$ ,  $P_{12_k}(\Theta)$ ,  $P_{33_k}(\Theta)$

Les paramètres radiatifs du mélange sont :

- Coefficient d'extinction : 
$$\sigma_{ext} = \sum_k \frac{n_k}{n_{tot}} \times \sigma_{ext}^{(k)}$$

- Coefficient de diffusion : 
$$\sigma_{sca} = \sum_{k} \frac{n_k}{n_{tot}} \times \sigma_{sca}^{(k)}$$

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 129

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

- Fonctions de phase : 
$$\begin{cases} I(\Theta) = \frac{1}{\sigma_{sca}} \sum_{k} \frac{n_k}{n_{tot}} \times I_k(\Theta) \times \sigma_{sca}^{(k)} \\ P_{12}(\Theta) = \frac{1}{\sigma_{sca}} \sum_{k} \frac{n_k}{n_{tot}} \times P_{12k}(\Theta) \times \sigma_{sca}^{(k)} \\ P_{33}(\Theta) = \frac{1}{\sigma_{sca}} \sum_{k} \frac{n_k}{n_{tot}} \times P_{33k}(\Theta) \times \sigma_{sca}^{(k)} \end{cases}$$

On en déduit l'albédo de simple diffusion ( $\omega_0 = \sigma_{sca} / \sigma_{ext}$ ) et on calcule les **coefficients de la matrice** de phase  $[\alpha(k), \beta(k), \delta(k), \gamma(k)]$  et  $\xi(k)$ . Une **troncature** peut éventuellement être appliquée sur la fonction de phase.

### VII-5.2 Validation des calculs

Les résultats obtenus par le programme « AEROSOLS.F » pour les modèles de la WMO ont été validés en les comparant aux tableaux de résultats présents dans le document [DR19]. On compare les valeurs de l'albédo simple diffusion  $(\omega_0)$  et du paramètre d'asymétrie g, pour différentes longueurs d'onde.

#### • Modèles continental et urbain :

Les particules continentales et urbaines sont suffisamment petites devant les longueurs d'onde considérées pour qu'une troncature de la fonction de phase ne soit pas nécessaire. Les résultats obtenus par le programme « AEROSOLS » sont alors directement comparables à ceux du rapport de la WMO.

Modèle	λ (μm)	$\omega_{0\mathrm{SOS}}$	ω <sub>0 WMO</sub>	gsos	g wmo
Continental	0.200	0.655	0.655	0.727	0.726
	0.250	0.775	0.775	0.689	0.688
	0.550	0.891	0.891	0.633	0.637
	0.694	0.880	0.879	0.627	0.631
	1.300	0.775	0.774	0.637	0.637
	2.250	0.762	0.761	0.741	0.741
	3.750	0.785	0.785	0.779	0.779
Urbain	0.200	0.535	0.535	0.689	0.690
	0.250	0.594	0.593	0.645	0.645
	0.550	0.650	0.647	0.591	0.591
	0.694	0.634	0.631	0.585	0.585
	1.300	0.499	0.494	0.572	0.572
	2.250	0.347	0.342	0.584	0.585

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 130

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### • Modèle maritime :

Les particules maritimes sont par contre de taille importante devant les longueurs d'onde considérées et justifient l'application d'une troncature de la fonction de phase pour simuler correctement la diffusion. Les résultats tronqués du programme « AEROSOLS » doivent alors être ramenés à des valeurs non tronquées pour être comparables à ceux du rapport de la WMO.

- Lancement du calcul des OS avec troncature : albédo simple diffusion et paramètre d'asymétrie tronqués.
- A partir de ces valeurs tronquées, calcul des paramètres  $\omega_0$  et g non tronqués selon les formules :

$$\omega_0 = \frac{\omega_0^{\text{tr}}}{1 - F + \omega_0^{\text{tr}} F}$$

et 
$$g = \frac{\beta_1}{3}$$
 où  $\beta_1 = 3F + (1 - F).\beta_1^{tr}$ .

Les paramètres ainsi obtenus sont identiques à ceux de la WMO.

 $\underline{Exemple}$ :  $\lambda$ =0.200  $\mu m$ 

On trouve avec le programme « AEROSOLS » :

- F = 0.2874
- $-\omega_0^{tr}=0.789$
- $g^{tr} = 0.684 (\beta_1^{tr} = 2.0512)$

Les grandeurs non tronquées correspondantes sont :  $\omega_0 = 0.840$  et g=0.775

Les résultats correspondant de la WMO sont :  $\omega_0 = 0.841$  et g = 0.774.

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 131

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# VII-6 <u>Calcul des propriétés radiatives d'une granulométrie d'aérosols selon les modèles</u> de Shettle et Fenn

### VII-6.1 Principe théorique

Les modèles de Shettle et Fenn sont décrits dans le document de référence [DR15]. Nous rappelons ici les points nécessaires aux simulations du programme « AEROSOLS ».

Les modèles de Shettle et Fenn correspondent à des mélanges de composants élémentaires :

- Small Rural

- Large Rural

- Small Urban

- Large Urban

Oceanic Model

Les caractéristiques microphysiques de ces composants dépendent de l'humidité relative de l'air (0 à 99%).

Le tableau 11 précise les paramètres de la granulométrie Log-Normale de chaque constituant. La variance est indépendante de l'humidité relative. Par contre, le rayon modal croît avec l'humidité. Ces informations sont contenues dans le fichier « Data\_SF ». Il est placé sur le répertoire \$RACINE/fic. Son nom est précisé dans le fichier « SOS.h » en place de la constante SOS\_AER\_DATASF.

Tableau 11 : Paramètres des granulométries Log-Normales des composants élémentaires de Shettle et Fenn en fonction de l'humidité relative

	Composant élémentaire									
	SR	LR	SU	LU	OM					
$\sigma = \log_{10} s$	0,35	0,40	0,35	0,40	0,40					
Humidité relative	Rayon modal (µ	lm)								
00,00 %	0,02700	0,43000	0,02500	0,40000	0,16000					
50,00 %	0,02748	0,43770	0,02563	0,41130	0,17110					
70,00 %	0,02846	0,47710	0,02911	0,47770	0,20410					
80,00 %	0,03274	0,54770	0,03514	0,58050	0,31800					
90,00 %	0,03884	0,64620	0,04187	0,70610	0,38030					
95,00 %	0,04238	0,70780	0,04904	0,86340	0,46060					
98,00 %	0,04751	0,97280	0,05996	1,16910	0,60240					
99,00 %	0,05215	1,17550	0,06847	1,48580	0,75050					

La dépendance de l'indice de réfraction à la longueur d'onde et à l'humidité relative est renseignée par le document [DR15]. Le programme accède à cette information par les fichiers suivants :



# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 132

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Nom du fichier	Constante de « SOS.h » associée	Composant
IRefrac_SR	SOS_AER_SR_SF	Small Rural
IRefrac_LR	SOS_AER_LR_SF	Large Rural
IRefrac_SU	SOS_AER_SU_SF	Small Urban
IRefrac_LU	SOS_AER_LU_SF	Large Urban
IRefrac_OM	SOS_AER_OM_SF	Oceanic Model

Chaque fichier contient les données suivantes :

Tableau 12 : Format d'un fichier d'indice de réfraction pour un composant élémentaire des modèles de Shettle et Fenn

	HR :	= 0%	HR =	50%	HR =	70%	HR =	80%	HR =	90%	HR =	95%	HR =	98%	HR =	99%
λ	m <sub>r</sub>	mi	$m_{r}$	mi	m <sub>r</sub>	m <sub>i</sub>	m <sub>r</sub>	m <sub>i</sub>	m <sub>r</sub>	m <sub>i</sub>	m <sub>r</sub>	mi	m <sub>r</sub>	m <sub>i</sub>	m <sub>r</sub>	mi
				٠				•				٠				
				٠								٠				

- 1<sup>ère</sup> colonne : longueur d'onde en μm.
- 16 autres colonnes : couples d'indice de réfraction (partie réelle et imaginaire) pour les 8 valeurs d'humidité relative de 0 à 99%.

<u>NB</u>: Les tableaux 11 et 12 doivent contenir les mêmes valeurs d'humidités relatives et respecter le même ordre d'évolution.

Le mélange des composants élémentaires selon les proportions  $\alpha_k$  précisées dans le tableau 13 permet d'aboutir aux modèles de Shettle et Fenn :

TroposphericMaritimeCoastal

Tableau 13 : Proportion de particules  $\alpha_k$  des modèles de Shettle et Fenn

	SR	LR	SU	LU	OM
Tropospheric	1,000				
Urban			0,999875	0,000125	
Maritime	0,990				0,010
Coastal	0,995				0,005

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 133

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Pour chaque composant élémentaire, on réalise les calculs suivants :

Calculs de Mie :

- Estimation de l'indice de réfraction pour la longueur d'onde et pour l'humidité relative de simulation par interpolation linéaire à partir des données du fichier « Data\_SF » (tableau 12).

- Calcul du fichier de Mie (s'il n'existe pas déjà).

Pour les particules de Shettle & Fenn, la valeur limite du paramètre de taille utilisée pour les calculs de Mie peut être soit une constante de simulation du fichier « SOS.h » soit une valeur estimée par le logiciel. Pour les petites particules, la valeur de  $\alpha_{max}$  n'est pas un problème : elle est fixée comme constante pour les particules « Small Rural » et « Small Urban ».

Pour les particules de plus grosses tailles, la valeur  $\alpha_{max}$  est estimée. Posons  $K(r) = r^2 \times n(r)$ , la fonction représentative de l'importance des particules de rayon r dans les calculs de Mie d'une granulométrie log-normale. La valeur maximale de cette fonction est obtenue pour  $R_{Kmax} = r_m.exp(\sigma^2.ln^210)$ . On souhaite que les calculs de Mie se fassent pour des valeurs de K(r) significatives. Nommons C, la constante SOS\_COEF\_NRMAX. Le logiciel poussera les calculs de Mie jusqu'à une taille limite des particules correspondant à  $C \times K(R_{Kmax})$ . Empiriquement, une valeur  $C = 10^{-4}$  est satisfaisante. Le paramètre de taille correspondant sera :

$$\alpha_{\text{max}} = \frac{2\pi}{\lambda} \times R_{\text{Kmax}} \times \exp(\sigma.\ln 10.\sqrt{-2.\ln C})$$
(94)

Tableau 14 : valeurs limites des paramètres de taille associés aux modèles de Shettle & Fenn

	α <sub>max</sub> Constante associée					
Small Rural	70	SOS_ALPHAMAX_SF_SR				
Small Urban	90	SOS_ALPHAMAX_SF_SU				
Large Rural	I	Estimation de $\alpha_{max}$				
Large Urban	I	Estimation de $\alpha_{max}$				
Oceanic model	I	Estimation de α <sub>max</sub>				

- Calculs des paramètres radiatifs de la granulométrie :

- Coefficient d'extinction :  $\sigma_{_{ext}}^{(k)}$ 

- Coefficient de diffusion :  $\sigma_{sca}^{(k)}$ 

- Fonctions de phase :  $P_k(\Theta)$ ,  $P_{12k}(\Theta)$ ,  $P_{33k}(\Theta)$ 

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 134

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Les calculs de l'albédo de simple diffusion et de la matrice de phase du mélange sont précisés dans la section VII.5.1.a.

On en déduit l'albédo de simple diffusion ( $\omega_0 = \sigma_{sca} / \sigma_{ext}$ ) et on calcule les **coefficients de la matrice** de phase  $[\alpha(k), \beta(k), \delta(k), \gamma(k)]$  et  $\xi(k)$ . Une **troncature** peut éventuellement être appliquée sur la fonction de phase.

### VII-6.2 Validation des calculs

Les résultats obtenus par le programme « AEROSOLS.F » pour les modèles de Shettle et Fenn ont été validés en les comparant aux tableaux de résultats présents dans le document [DR15] et aussi par comparaison avec des calculs générés au LOA (Laboratoire d'Optique Atmosphérique). On compare les valeurs de l'albédo simple diffusion  $(\omega_0)$  et du paramètre d'asymétrie g, pour différentes longueurs d'onde et humidités relatives.

### • Comparaison aux résultats de Shettle et Fenn :

Modèle et Humidité relative	λ (μm)	$\omega_{0\mathrm{SOS}}$	$\omega_{0~\mathrm{S\&F}}$	g sos	g s&f
Troposphérique	0.200	0.685	0.685	0.753	0.752
RH=0%	0.3371	0.961	0.961	0.663	0.664
	0.550	0.959	0.959	0.634	0.635
	0.6943	0.954	0.954	0.615	0.615
	1.060	0.897	0.897	0.573	0.574
Troposphérique	0.200	0.888	0.887	0.773	0.770
RH=99%	0.3371	0.992	0.992	0.770	0.771
	0.550	0.992	0.992	0.761	0.761
	0.6943	0.991	0.992	0.747	0.748
	1.060	0.982	0.982	0.714	0.714
Urbain	0.200	0.585	0.585	0.779	0.779
RH=0%	0.3371	0.642	0.643	0.705	0.707
	0.550	0.638	0.638	0.660	0.662
	0.6943	0.624	0.624	0.641	0.641
	1.060	0.556	0.557	0.617	0.617
Urbain	0.200	0.888	0.887	0.786	0.781
RH=99%	0.3371	0.930	0.930	0.800	0.796
	0.550	0.942	0.942	0.795	0.795
	0.6943	0.944	0.944	0.787	0.787
	1.060	0.938	0.938	0.768	0.768
Maritime RH=0%	0.200	0.790	0.790	0.754	0.752



# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 135

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### • Comparaison aux résultats du LOA :

Pour valider les résultats du programme « AEROSOLS », notamment pour les modèles Maritime et Côtier, nous avons comparé les fichiers « Aérosols » produits à des fichiers similaires provenant du LOA.

Nous avons contrôlé les paramètres  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  et  $\xi$  de la matrice de phase, ainsi que l'albédo de simple diffusion et le coefficient de troncature.

#### ♦ Modèle mono-modal:

Modèle Troposphérique :  $\lambda = 0.670 \mu m$ 

RH = 0%

 $\alpha_F = 330.00$  (paramètre de taille maximal des calculs de Mie).

Les contenus des fichiers du LOA (SeaWiFs670.T00) et « Aérosols » sont parfaitement identiques.

#### ♦ Modèles bi-modaux :

Modèle	Fichiers	$\sigma_{ m e}$	$\sigma_{ m d}$	ω <sub>0</sub>	$\omega_0^{ m tr}$	A
URBAIN	LOA	$\sigma_e = 0.33152.10^{-8}$	$\sigma_d = 0.29138.10^{-8}$	0.879		0.12719
λ=0.370 μm	(SeaWiFs370.U95)					
RH=95%	$\alpha_{F} = 3400$					
	Programme	$\widetilde{\boldsymbol{\sigma}}_e = 0.05726  \mu \text{m}^2$	$\widetilde{\boldsymbol{\sigma}}_d = 0.05035 \; \mu \text{m}^2$	0.879	0.872	0.12715
	AEROSOLS					
MARITIME	LOA	$\sigma_e = 0.11328.10^{-8}$	$\sigma_d = 0.11127.10^{-8}$	0.982		0.26182
λ=0.565 μm	(SeaWiFs565.M00)					
RH=0%	$\alpha_{\rm F}=1557$					
	Programme	$\widetilde{\boldsymbol{\sigma}}_e = 0.01959 \ \mu\text{m}^2$	$\widetilde{\boldsymbol{\sigma}}_d = 0.01945  \mu \text{m}^2$	0.982	0.980	0.26177
	AEROSOLS					
COTIER	LOA	$\sigma_e = 0.77168.10^{-8}$	$\sigma_d = 0.75451.10^{-8}$	0.978		0.19552
λ=0.670 μm	(SeaWiFs670.C50)					
RH=50%	Programme	$\sigma_{\rm e} = 0.03079$	$\sigma_{\rm d} = 0.030109$	0.978	0.975	0.19540
$\alpha_{F} = 1323$	AEROSOLS	$\widetilde{\boldsymbol{\sigma}}_e = 0.01335 \ \mu\text{m}^2$	$\widetilde{\boldsymbol{\sigma}}_d = 0.01305  \mu \text{m}^2$			

NB : le programme « AEROSOLS » calcule des sections efficaces d'extinction alors que les simulations du LOA donnent des coefficients d'extinction. De plus, le coefficient d'extinction  $\sigma_e^{LOA} = \sigma_e^{OS}.\sqrt{2\pi}.10^{-8}$  car la loi log-normale n'est pas normalisée de la même manière dans le programme « AEROSOLS » et dans celui du LOA.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 136

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# VII-7 Calcul des propriétés radiatives de modèles bi-modaux d'aérosols

### VII-7.1 Principe théorique

Un modèle bi-modal d'aérosols s'exprime selon Dubovik et al. [DR6] par le mélange d'un mode fin et d'un mode grossier de particules, selon deux distributions log-normales. La répartition volumique en taille de particules est donnée par :

$$\frac{dV(r)}{d\ln r} = \sum_{i=1}^{2} \frac{C_{V,i}}{\sigma_{i} \sqrt{2\pi}} \times \exp\left[\frac{-\ln^{2}(r/r_{i})}{2\sigma_{i}^{2}}\right]$$
(95)

avec  $C_{V,i}$  la concentration volumique de particules du mode i (en  $\mu m^3 / \mu m^2$ ).

 $r_i$  le rayon modal de la distribution du mode i (en  $\mu$ m).

 $\sigma_i$  la variance de la distribution du mode i.

La nature chimique de chaque mode est donnée par l'indice de réfraction des particules.

Le module « AEROSOLS » du code des OSD simule une distribution LND selon (cf. §VII.4.1.b, eq. 69) :

$$N(r) = \frac{1}{r.\sigma.\sqrt{2\pi}} \times exp\left(-\frac{\log_{10}^{2}(r/r_{m})}{2\sigma^{2}}\right)$$

avec  $r_m$  le rayon modal en  $\mu m$  et  $\sigma$  le log10 de la variance de la distribution.

Aussi, par rapport à la relation (95) les paramètres pour définir une distribution bi-modale d'aérosols pour le code des OSD sont :

$$\begin{cases} r_{\text{OS, i}} = r_{i} \\ \sigma_{\text{OS, i}} = \sigma_{i} / \ln 10 \end{cases}$$

Pour chaque mode de particules, on réalise les calculs suivants :

- Calcul du fichier de Mie (s'il n'existe pas déjà) : (routine SOS\_MIE)
   La valeur limite du paramètre de taille utilisée pour les calculs de Mie est estimée par le logiciel, selon la même approche que pour les modèles de Shettle & Fenn (eq. 94, page 133).
- Calculs des paramètres radiatifs de la granulométrie : (routine SOS\_GRANU)
  - Section efficace d'extinction :  $\widetilde{\sigma}_{_{\it ext}}^{(i)}$
  - Section efficace diffusion :  $\tilde{\sigma}_{sca}^{(i)}$
  - Fonctions de phase en intensité et polarisation :  $P_i(\Theta)$ ,  $P_{12i}(\Theta)$ ,  $P_{33i}(\Theta)$

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 137

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Les calculs de l'**albédo de simple diffusion** et de la **matrice de phase du mélange** sont précisés dans la section VII.5.1.a.

Les coefficients normalisés pondérant chacun des modes sont alors :

$$\alpha_{i} = \frac{C_{v,i}}{C_{v,i} + C_{v,2}} \tag{96}$$

Les **coefficients de la matrice de phase**  $[\alpha(k), \beta(k), \delta(k), \gamma(k)]$  et  $\xi(k)$  sont ensuite calculées (routine  $SOS\_DECOMPO\_LEGENDRE$ ). Une **troncature** peut éventuellement être appliquée sur la fonction de phase.

### VII-7.2 Introduction de la valeur des coefficients C<sub>V, i</sub>

L'utilisateur a la possibilité de réaliser une simulation d'un modèle bi-modal en introduisant directement les concentrations volumiques.

Il peut également utiliser un rapport d'épaisseur optique entre les deux modes. Pour cela, il doit préciser :

- L'épaisseur optique totale de la couche d'aérosols pour une longueur d'onde de référence ( $\lambda_{ref}$ ).
- La proportion de l'épaisseur optique du mode grossier dans l'épaisseur optique totale pour  $\lambda_{ref}$ :

$$r(\lambda_{\text{ref}}) = \frac{\tau_{\text{aer}}^{\text{C}}(\lambda_{\text{ref}})}{\tau_{\text{aer}}^{\text{tot}}(\lambda_{\text{ref}})}$$

$$\text{avec } \tau_{\text{aer}}^{\text{tot}}(\lambda_{\text{ref}}) = \tau_{\text{aer}}^{\text{F}}(\lambda_{\text{ref}}) + \tau_{\text{aer}}^{\text{C}}(\lambda_{\text{ref}}).$$

$$(97)$$

En fonction des données de granulométrie des particules de chaque mode et d'indice de réfraction pour  $\lambda_{ref}$ , le logiciel calcule, pour cette longueur d'onde, les sections efficaces de diffusion ( $\widetilde{\sigma}_{\mathit{sca}}^F(\lambda_{ref})$ ,  $\widetilde{\sigma}_{\mathit{sca}}^C(\lambda_{ref})$ ) et d'extinction ( $\widetilde{\sigma}_{\mathit{ext}}^F(\lambda_{ref})$ ,  $\widetilde{\sigma}_{\mathit{ext}}^C(\lambda_{ref})$ ).

On en déduit :

$$\begin{cases}
C_{V,C} = \frac{\mathbf{r}(\lambda_{\text{ref}}) \times \mathbf{\tau}_{\text{aer}}^{\text{tot}}(\lambda_{\text{ref}})}{\widetilde{\sigma}_{ext}^{C}(\lambda_{\text{ref}})} \\
C_{V,F} = \frac{(1 - \mathbf{r}(\lambda_{\text{ref}})) \times \mathbf{\tau}_{\text{aer}}^{\text{tot}}(\lambda_{\text{ref}})}{\widetilde{\sigma}_{ext}^{F}(\lambda_{\text{ref}})}
\end{cases}$$
(98)

Ces coefficients sont normalisés :

$$\alpha_{\rm F} = \frac{C_{\rm V,F}}{C_{\rm V,F} + C_{\rm V,C}} \text{ et } \alpha_{\rm C} = \frac{C_{\rm V,C}}{C_{\rm V,F} + C_{\rm V,C}}$$
 (99)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 138

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### VII-7.3 *Validation des calculs*

Une première validation a été faite concernant l'estimation automatique des contributions relatives de chaque mode par comparaison à des simulations du Laboratoire d'Optique Atmosphérique.

$\lambda = 0.55496 \ \mu m$	Mode fin		Mode grossier		
	$r_{\rm m} = 0.1~\mu {\rm m}$		$r_{\rm m} = 0.8 \ \mu {\rm m}$		
	$\sigma = 0.4 \Rightarrow \sigma_{OS} = \sigma / \ln 10 = 0.17372$		$\sigma = 0.6 \Rightarrow \sigma_{OS} = \sigma / \ln 10 = 0.26058$		
	$m_F = 1,43 - 0,01 \times i$		$m_C = 1,53 - 0,005 \times i$		
	$\tau_F = 0.45$		$\tau_{\rm C}=0.05$		
	LOA	Code des OSD	LOA	Code des OSD	
Section efficace d'extinction : $\tilde{\sigma}_{ext}$	0,041132	0,040976 μm <sup>2</sup>	9,567083	9,56681 μm <sup>2</sup>	
CV (non normalisé)	10,94039	10,98200	0,00523	0,005226	
		(soit 0,4% d'écart)		(soit 0,1% d'écart)	

Les résultats obtenus par le programme « AEROSOLS.F » pour les modèles bi-modaux « utilisateur » ont également été validés en les comparant à ceux obtenus pour un modèle bi-modal de la WMO.

Paramètre du modèle WN	$\lambda = 0.400 \ \mu m$		$\lambda = 0.860 \ \mu m$		
Composant	Proportion	Indice		Indice	
Water-Soluble (mode fin)	$C_{V,F} = 438,660$	$m = 1,53 - 0,005 \times i$		$m = 1,52 - 0,012 \times i$	
Oceanic (mode grossier)	$C_{V,C} = 0.185$	m = 1,385		m = 1,372	
Comparaison des simulations		WMO	Bi-mode	WMO	Bi-mode
Section efficace d	0,002249	0,002252	0,001881	0,001884	
Section efficace d	0,002278	0,002281	0,001907	0,001910	
Facteur d'asyméti	0,744	0,744	0,756	0,756	
Albédo de simple	0,987	0,987	0,986	0,986	
Albédo de simple	0,983	0,983	0,982	0,982	
Coefficient de tro	0,5018	0,5021	0,4415	0,4415	

Les infimes écarts viennent de calculs de MIE poussés à des limites  $\alpha_{max}$  différentes entre les modèles WMO et les modèles bi-modaux « utilisateurs ».

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 139

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### VII-8 Utilisation de fonctions de phase de source externe

Le programme SOS\_AEROSOLS ne peut que calculer les propriétés radiatives de modèles d'aérosols sphériques (répondant au formalisme de Mie). Afin de simuler la diffusion d'aérosols non-sphériques, le code a la possibilité d'exploiter les fonctions de phase d'un fichier de données externes. L'utilisateur précise la localisation de ce fichier. Il doit s'assurer que ses données correspondent à une distribution d'aérosols orientées aléatoirement, de sorte à respecter la symétrie du champ de rayonnement par rapport au plan principal solaire.

### VII-8.1 Format du fichier de fonctions de phase externes

Le format de ce fichier respecte celui de l'outil DLS d'Oleg Dubovik [DR7] fournissant les propriétés de diffusion primaire de particules sphéroïdes homogènes orientées de façon aléatoire. Un paramètre précisant le nombre d'angles décrivant les fonctions a toutefois dû être ajouté.

Il s'agit d'un fichier Ascii respectant les enregistrements suivants :

1 igne : ext=Valeur abs=Valeur sca=Valeur

au format : FORMAT(4hext=,E15.5,4habs=,E15.5,4hsca=,E15.5)

Valeurs: ext: coefficient d'extinction

abs: coefficient d'absorption

sca: coefficient de diffusion

Rem : Les paramètres exploités par les OS sont uniquement les coefficients

d'extinction (ext=) et de diffusion (sca=).

2<sup>ème</sup> ligne : **nbAng=Valeur** 

au format : FORMAT(6hnbAng=,I4)

Valeur : Nombre d'angles décrivant les fonctions de phase.

Il ne peut excéder la valeur SOSMAXNB\_ANG\_EXT (de SOS.h).

3<sup>ème</sup> ligne : Ligne de commentaire

Lignes 4 à (4+nbAng-1): ANGLE F11 -F12/F11 F22/F1 F33/F11

au format : FORMAT(F7.2,6E14.5)

Valeurs : ANGLE : angle en degrés

F11 : fonction de phase en intensité  $P_{11}$ -F12/F11 : rapport des fonctions - $P_{12}$  et  $P_{11}$ F22/F11 : rapport des fonctions  $P_{22}$  et  $P_{11}$ F33/F11 : rapport des fonctions  $P_{33}$  et  $P_{11}$ 

55 m

Convention de signe : la fonction  $F_{12}$  est négative pour la diffusion Rayleigh. Il s'agit de la même convention que celle interne au code SOS.

Pas de lecture des lignes suivantes.

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 140

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

#### Exemple de fichier de fonctions de phase externes

```
0.72684E+00 abs=
                         0.49962E-01
                                             0.67688E+00
nbAng= 181
 ANGLE
            F11
                        -F12/F11
                                       F22/F11
                                                    F33/F1
   0.00
          0.38325E+03
                        0.00000E+00
                                       0.99984E+00
                                                     0.99984E+0
   1.00
          0.27348E+03
                        0.83746E-04
                                       0.99978E+00
                                                     0.99978E+00
   2.00
          0.15766E+03
                        0.23956E-03
                                       0.99963E+00
                                                     0.99962E+0
   3.00
          0.91944E+02
                        0.39548E-03
                                       0.99938E+00
                                                     0.99932E+0
   4.00
          0.56217E+02
                        0.62078E-03
                                       0.99903E+00
                                                     0.99882E+0
   5.00
          0.36374E+02
                        0.10123E-02
                                       0.99855E+00
                                                     0.99809E+0
   6.00
          0.24931E+02
                        0.16408E-02
                                       0.99793E+00
                                                     0.99712E+0
   7.00
          0.18065E+02
                        0.25726E-02
                                       0.99719E+00
                                                     0.99592E+0
   8.00
          0.13797E+02
                        0.38248E-02
                                       0.99633E+00
                                                     0.99456E+0
   9.00
          0.11049E+02
                        0.53602E-02
                                       0.99538E+00
                                                     0.99312E+0
 167.00
          0.18637E+00
                       -0.10822E-01
                                       0.76091E+00
                                                    -0.69151E+00
 168.00
                                       0.76193E+00
          0.18857E+00
                       -0.10740E-01
                                                    -0.69161E+00
 169.00
                       -0.10116E-01
                                       0.76338E+00
                                                    -0.69214E+00
          0.19077E+00
 170.00
          0.19288E+00
                       -0.86482E-02
                                       0.76494E+00
                                                    -0.69391E+00
 171.00
          0.19502E+00
                       -0.61878E-02
                                       0.76614E+00
                                                    -0.69759E+00
 172.00
                       -0.27749E-02
                                       0.76622E+00
                                                    -0.70338E+00
          0.19753E+00
 173.00
                       0.13766E-02
                                       0.76422E+00
                                                    -0.71097E+00
          0.20101E+00
 174.00
          0.20629E+00
                        0.54762E-02
                                       0.75934E+00
                                                    -0.71884E+00
 175.00
          0.21404E+00
                        0.83942E-02
                                       0.75137E+00 -0.72485E+00
 176.00
          0.22441E+00
                        0.90428E-02
                                       0.74083E+00 -0.72721E+00
                                       0.72965E+00
                                                    -0.72470E+00
 177.00
          0.23650E+00
                        0.65456E-02
                                       0.72103E+00
                                                    -0.71917E+00
 178.00
          0.24726E+00
                        0.22419E-02
 179.00
          0.25198E+00
                        0.18433E-04
                                       0.71772E+00
                                                    -0.71611E+00
 180.00
          0.25674E+00
                        0.0000E+00
                                       0.71376E+00
                                                    -0.71240E+00
```

#### VII-8.2 Traitements spécifiques

Le code SOS\_AEROSOLS réalise les traitements suivant :

- Lit les données du fichier de fonctions externes.
- Convertit les fonctions lues en fonction  $P_{11}$ ,  $P_{12}$ ,  $P_{22}$ ,  $P_{33}$  pour les angles utilisateurs.
- Exprime les valeurs des fonctions P<sub>11</sub>, P<sub>12</sub>, P<sub>22</sub>, P<sub>33</sub> aux angles de Gauss par interpolation Splint.
- Décompose les fonctions en coefficients  $\beta_k^{11}$ ,  $\beta_k^{22}$ ,  $\gamma_k$ ,  $\delta_k$ ,  $\alpha_k$ ,  $\xi_k$ .
- Enregistre les coefficients  $\alpha_k$ ,  $\beta_k^{11}$ ,  $\gamma_k$ ,  $\xi_k$  dédiés aux calculs des fonctions sources. Les coefficients  $\beta_k^{22}$  et  $\delta_k$  servent au calcul des coefficients  $\alpha_k$  et  $\xi_k$ .

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 141

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### VII-9 Rôle des routines associées au programme SOS\_AEROSOLS

### VII-9.1 <u>Procédures du fichier SOS\_AEROSOLS</u>

• SOS\_AEROSOLS : Programme principal gérant l'ensemble des calculs des propriétés radiatives des différentes granulométries d'aérosols. Les options de traitements sont définies en section III-2.

• Routine SOS\_NOM\_FICMIE : Génère un nom par défaut pour le fichier de Mie, composé à partir des paramètres de Mie :

- Partie réelle de l'indice de réfraction :  $m_r$  format F5.3 (précision à  $10^{-3}$ )

Partie imaginaire de l'indice de réfraction : m<sub>i</sub> (valeur négative) *format F8.5* (précision à 10<sup>-5</sup>)

- Paramètre de taille minimal :  $\alpha_{min}$   $10^{-4} < \alpha_{min} < 10$  *format F6.4* 

- Paramètre de taille maximal :  $\alpha_{max}$   $10^{-2} < \alpha_{min} < 10^{-5}$  format F8.2

- Nombre d'angles de Gauss utilisés : nnn.

- Nom du fichier des angles complémentaires de l'utilisateur : USERFILE (sans son arborescence).

Le nom du fichier de Mie est de la forme :  $MIE-m_r-m_i-\alpha_{min}-\alpha_{max}-MUnnn\_USERFILE$  avec

-  $m_r sur 5$  caractères (ex : 1.400) -  $m_i$  (valeur positive) sur 7 caractères (ex : 0.00800)

-  $\alpha_{min}$  sur 6 caractères (ex : 0.0001) -  $\alpha_{max}$  sur 8 caractères (ex : 00500.00)

Exemple : Pour  $m_r$  = 1.4,  $m_i$  = -0.008,  $\alpha_{min}$  = 0.0001,  $\alpha_{max}$  = 500 et 40 angles de Gauss, on obtient le nom : « MIE1.400-0.00800-0.0001-00500.00-MU40 »

Les paramètres de simulations sont convertis en chaînes de caractères après multiplication par une puissance de 10 permettant d'obtenir un entier. Exemple pour la conversion de  $m_r$  en une chaîne de caractères CRN(1:4): on passe du Format F5.3 au format I4 en multipliant  $m_r$  par 1000, avant conversion en une chaîne de caractères A4. Le premier caractère CRN(1) est le chiffre unité de  $m_r$ , le second caractère CRN(2) est la première décimale, le troisième CRN(3) est la seconde décimale et le quatrième CRN(4) est la troisième décimale.

• Routine SOS\_GRANU: Calcule les coefficients d'extinction et de diffusion (en μm<sup>-1</sup>), ainsi que les fonctions de phase en intensité et en polarisation, à partir des calculs de Mie réalisés par la routine SOS\_MIE, pour une longueur d'onde donnée et pour une granulométrie mono-modale (distribution Log-Normale ou loi de Junge). Il n'y a pas d'application de troncature à ce niveau.

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 142

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

• Routine SOS\_DECOMPO\_LEGENDRE : Calcule les paramètres  $\alpha(k)$ ,  $\beta^{11}(k)$ ,  $\gamma(k)$ ,  $\xi(k)$  de la décomposition de la matrice de phase en polynômes et fonctions de Legendre, à partir des fonctions de phase en intensité et en polarisation. Ces paramètres sont tronqués si l'option de troncature est retenue. La routine estime le coefficient de troncature A.

### • Routine SOS\_INIT\_PARAMWMO:

Cette procédure lit le contenu du fichier « Data\_WMO » contenant des données de la WMO (paramètres microphysiques des composants élémentaires et indices de réfraction en fonction de la longueur d'onde). Elle initialise l'ensemble des paramètres de chaque constituant de la WMO, pour la longueur d'onde de simulation :

- rayon modal,
- variance (log10),
- concentration volumique,
- partie réelle de l'indice de réfraction,
- partie imaginaire de l'indice de réfraction.

L'indice de réfraction des particules est estimé pour la longueur d'onde de simulation par interpolation linéaire. Il est forcé au format F5.3 pour la partie réelle et F8.5 pour la partie imaginaire (valeur négative).

#### • Routine SOS\_INIT\_PARAMSF:

Cette procédure lit le contenu des fichiers de données relatifs aux composants de Shettle & Fenn:

- Fichier « Data\_SF » donnant les paramètres microphysiques en fonction de l'humidité relative (variance, rayon modal)
- Fichiers « IRefrac\_XX » (XX = SR, LR, SU, LU ou OM) donnant les indices de réfraction en fonction de la longueur et de l'humidité relative.

La procédure initialise l'ensemble des paramètres de chaque constituant des modèles de Shettle & Fenn pour la longueur d'onde et l'humidité relative de simulation :

- rayon modal,
- variance (log10),
- partie réelle de l'indice de réfraction,
- partie imaginaire de l'indice de réfraction.

L'indice de réfraction des particules est estimé pour la longueur d'onde de simulation par interpolation linéaire. Il est forcé au format F5.3 pour la partie réelle et F8.5 pour la partie imaginaire (valeur négative).

- Routine SOS\_INTERPOL : Réalise l'interpolation linéaire en X d'une fonction Y(X) connaissant les valeurs (X1,Y1) et (X2,Y2).
- Routine SOS\_INTERPOSPLINT: Soit une fonction Y(X) définie par  $NB_{IN}$  nœuds  $(X_{IN}, Y_{IN})$ . Cette procédure interpole la fonction aux abscisses  $X_{OUT}$  pour  $NB_{OUT}$  noeuds  $(X_{OUT}, Y_{OUT})$ .

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 143

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

La démarche repose sur l'utilisation des fonctions SPLINE et SPLINT

- Les nœuds  $(X_{IN}, Y_{IN})$  sont en premier triés par ordre croissant d'abscisse  $X_{IN} \rightarrow (X_{IN\_TRIE}, Y_{IN\_TRIE})$ .

- La fonction SPLINE calcule les dérivées secondes de  $Y_{IN\_TRIE}$  en  $X_{IN\_TRIE}$ , à partir des valeurs  $Y_{IN\_TRIE}$  de la fonction aux abscisses  $X_{IN\_TRIE}$  et des valeurs de dérivée première de la fonction au premier et dernier nœud (i.e. pour les valeurs minimale et maximale de  $X_{IN\_TRIE}$ ).

- La fonction SPLINT calcule les valeurs  $Y_{OUT}$  aux abscisses  $X_{OUT}$  en fonction des valeurs de la fonction et de sa dérivée seconde aux abscisses  $X_{IN\ TRIE}$ .

#### • Routine SOS\_SPLINE :

Cette procédure calcule les valeurs de dérivées secondes d'une fonction définie par (X, Y) sur N nœuds (supposés triés par ordre croissant de X) et par ses valeurs de dérivées premières aux nœuds extrêmes  $(X_1,DY_1)$  et  $(X_N,DY_N)$ . La routine renvoie les valeurs de dérivées secondes en chaque point.

### • Routine SOS\_SPLINT :

Cette procédure interpole une fonction en un point  $X_{VAL}$  à partir de trois vecteurs de même dimension X(1:N), Y(1:N) et D2Y(1:N) qui donnent respectivement les abscisses, les ordonnées et les dérivées secondes de la fonction.

### VII-9.2 Procédures du fichier SOS\_MIE

- Routine SOS\_MIE : Réalise l'ensemble des traitements permettant la génération d'un fichier de MIE. Calculs pour un indice de réfraction des particules (partie réelle et imaginaire) et entre deux limites de paramètres de taille.
  - Routine SOS\_XERO: Initialise à zéro un tableau d'éléments en double précision.
- Routine SOS\_FPHASE\_MIE : Calcule les fonctions  $P(\Theta, m, \alpha)$ ,  $Q(\Theta, m, \alpha)$  et  $T(\Theta, m, \alpha)$  de la matrice de phase de Mie, à partir des relations (45) (49) (63) (64) (65).

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 144

EDIT.: 03 REV.: 00

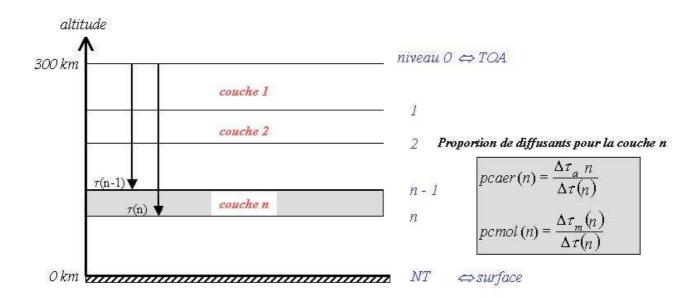
DATE: 02/06/2010

# VIII- <u>Définition du profil atmosphérique</u>

VIII-1 Profil atmosphérique pour le code des OS

Découpe de l'atmosphère en couches

SOS\_PROFIL



Pour le code des OS, le profil de concentration des particules atmosphériques (aérosols et molécules) est rendu par une découpe de l'atmosphère en une succession de couches. La découpe n'est pas faite en niveaux d'altitudes mais en niveaux d'épaisseurs optiques, plus adaptés à un calcul de transfert radiatif. Connaissant l'épaisseur optique des aérosols et des molécules par niveau, on peut définir une proportion de ces composants dans chaque couche n (entre les niveaux n-1 et n) rendant compte de leur contribution pour la diffusion au sein de cette couche.

Les couches d'aérosols sont supposées homogènes en altitude : la fonction de phase associée ne dépend pas du niveau. Les propriétés de diffusion des molécules ne dépendent pas non plus du niveau du profil. L'expression d'une matrice de phase  $P_a$  pour la diffusion des aérosols et  $P_m$  pour la diffusion moléculaire suffit pour décrire leur diffusion. Par contre, il faut tenir compte de la répartition relative des composants pour chaque couche. Pour un mélange, la fonction de phase globale sera :

$$\omega_0 \times \tilde{\vec{P}}(\tau, \Theta) = \omega_0^{\text{aer}} \times \text{pcaer}(\tau) \times \tilde{\vec{P}}_a(\Theta) + \text{pcray}(\tau) \times \tilde{\vec{P}}_m(\Theta)$$
(100)

On prend en compte l'albédo de simple diffusion des aérosols  $\omega_0^{aer}$  pour n'inclure dans le profil pcaer(n) que la proportion des aérosols participant à la diffusion.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 145

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Pour chaque niveau, la matrice de phase, tenant compte du mélange des particules, caractérise les propriétés de diffusion de la couche immédiatement au-dessus.

# VIII-2 Contenu et format d'un fichier de profil pour le code des OS

Un profil est défini par SOS\_OS\_NT + 1 niveaux, du TOA (niveau 0) au sol (niveau SOS\_OS\_NT). Chaque niveau renseigne sur les propriétés de diffusion de la sous-couche le surplombant. La valeur de SOS\_OS\_NT est définie comme une constante renseignée dans le fichier SOS.h.

Le fichier de PROFIL pour les OS doit contenir **une ligne d'enregistrement par niveau du profil**. Chaque ligne précise :

- le numéro de niveau : I,
- l'épaisseur optique totale d'extinction pour le niveau I,
- la proportion d'aérosols pour l'extinction de la sous-couche I,
- la **proportion de molécules** pour l'extinction de la **sous-couche I**.

Les paramètres radiatifs du profil correspondent à un **profil** <u>sans ajustement</u> des paramètres pour une troncature de la fonction de phase des aérosols. Si les traitements des OS utilisent une fonction de phase tronquée, les paramètres du profil seront ajustés à la troncature après lecture de ce fichier.

Un fichier de PROFIL est un fichier Ascii formaté. Le format retenu est le suivant : 2X, I4, 3(F9.5).

### VIII-3 Choix de simulation du profil

- **Fichier utilisateur** : l'utilisateur peut utiliser un profil atmosphérique déjà existant. Ce fichier doit être au format requis par le code des OS (section VIII-2).

L'utilisateur peut aussi générer de nouveaux fichiers de profil. Il dispose pour cela de deux possibilités :

- Profil par échelles de hauteurs: décomposition de l'atmosphère à partir de profils de molécules et d'aérosols basés sur une décroissance exponentielle de l'épaisseur optique avec l'altitude. A chaque composant est associée une échelle de hauteur. (option profil = 1)
- Profil avec une couche d'aérosols entre deux altitudes : profil atmosphérique avec la possibilité de positionner une couche mixte d'aérosols et de molécules entre deux altitudes. La répartition entre les composants est supposée homogène pour cette couche (l'épaisseur optique des aérosols d'une souscouche est toujours proportionnelle à celle des molécules). (option profil = 2)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 146

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Les choix de simulations sont introduits dans le Khorn-Shell de lancement (chapitre III-2).

Tableau 15 : Paramètres d'entrée pour le choix des différents profils.

Option	Nom du	Modèle	Paramètres physiques utiles
profil	fichier		
1	DEFAULT	Définition du profil par décroissance exponentielle	Molécules :
		avec l'altitude de l'épaisseur optique moléculaire et	- $\delta_m$ : épaisseur optique moléculaire,
		aérosol. Utilisation d'échelles de hauteur.	- h <sub>m</sub> : échelle de hauteur.
			Aérosols :
			- $\delta_a$ : épaisseur optique des aérosols,
			- h <sub>a</sub> : échelle de hauteur des aérosols.
2	DEFAULT	Couche d'aérosols à positionnement variable dans	Molécules :
		l'atmosphère (mélange homogène avec les molécules).	- $\delta_m$ : épaisseur optique moléculaire,
		Evolution de l'épaisseur optique moléculaire par	- h <sub>m</sub> : échelle de hauteur.
		décroissance exponentielle avec l'altitude.	Aérosols :
			- $\delta_a$ : épaisseur optique des aérosols,
			- $Z_{min}$ : altitude minimale de la couche,
			- $Z_{max}$ : altitude maximale de la couche.
inutile	Nom	Utilisation du fichier utilisateur. Le format du fichier	
	utilisateur	doit être celui requis par le code des OS.	

# VIII-4 Passage des paramètres à l'exécutable SOS\_PROFIL.exe

Le script main\_SOS.ksh gère le passage des paramètres au programme SOS\_PROFIL.

Ce programme calcule le profil d'épaisseurs optiques des molécules et des aérosols en fonction des paramètres définis par l'utilisateur, aussi :

- Le nom du de fichier à produire est à préciser (-AP.ResFile, mais pas AP.UserFile).
- L'épaisseur optique des aérosols est à préciser –AP.AOT.

PARAMETRES DU PROGRAMME SOS_PROFIL				
AP.Log	Nom du fichier trace des calculs du programme PROFIL			
	Saisir 0 pour ne pas générer de fichier Trace			
AP.ResFile	Nom du fichier PROFIL qui sera créé par le code (Fichier écrasé à chaque simulation)			

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 147

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

Molécules			
AP.MOT	Epaisseur optique Rayleigh		
Si AP.MO	$T \ge 0.0001$		
AP.HR	Echelle de hauteur du profil moléculaire (km)		
Aérosols			
AP.AOT	Epaisseur optique des aérosols		
Type de profil			
AP.Type	Type de profil simulé :		
	1 : profil défini par simples échelles de hauteur		
	2 : profil défini avec trois couches distinctes : molécules, molécules + aérosols,		
	molécules		
Si AP.Type	$e = 1 \text{ et } AP.AOT \ge 0.0001$		
AP.AerHS.HA	Echelle de hauteur du profil d'aérosols (km)		
Si AP.Type	e=2		
AP.AerLayer.Zmin	Altitude minimale de la couche du mélange molécules + aérosols (en km)		
	NB : 0 possible pour un cas à deux couches : molécules + aérosols, molécules		
AP.AerLayer.Zmax	Altitude maximale de la couche du mélange molécules + aérosols (en km)		

# Parameters for program SOS\_PROFIL AP.ResFile Filename for atmospheric profile AP.Log Log filename for atmospheric profile computation Molecular optical thickness AP.MOT for wavelength SOS.Wa **≠** 0 ≥ 0.0001 (to not be neglected) Molecular height scale (km) AP.HR Aerosols optical thickness AP.AOT for wavelength SOS.Wa Type of profile AP.Type Profile defined by heights scales AP.AerHS.HA Aerosols height scale (km) Only required if AOT ≥ 0.0001 Profile for a mixture of molecules and aerosols 2 between altitudes Zmin and Zmax (in km) AP.AerLayer.Zmin Basic required parameters AP.AerLayer.Zmax Parameters required under condition

Figure 14 : Paramètres du profil atmosphérique pour l'appel du programme SOS\_PROFIL

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 148

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# VIII-5 Définition du profil atmosphérique établi par échelles de hauteur

 $Programme \ SOS\_PROFIL.F: option \ profil=1$ 

Le fichier SOS\_PROFIL.F contient les routines permettant de définir le profil atmosphérique en épaisseur optique et en proportion de diffusants (molécules, aérosols) en fonction du niveau, pour une décroissance exponentielle de l'épaisseur optique moléculaire, en exp(-z/h<sub>m</sub>), et aérosols, en exp(-z/h<sub>a</sub>). L'échelle de hauteur des molécules est typiquement de 8 km, alors que celle des aérosols est de 2 km, ce qui traduit une plus forte concentration des aérosols dans les basses couches.

On définit le profil de l'épaisseur optique moléculaire  $\tau_m(z)$  et aérosols  $\tau_a(z)$  par :

$$\begin{cases}
\tau_{\rm m}(z) = \tau_{\rm m} \times \exp(-z/h_{\rm m}) \\
\tau_{\rm a}(z) = \tau_{\rm a} \times \exp(-z/h_{\rm a})
\end{cases}$$
(101)

Connaissant l'épaisseur optique totale des molécules et des aérosols ( $\tau_m$  et  $\tau_a$ ), ainsi que les échelles de hauteur associées à leurs profils ( $h_m$  et  $h_a$ ), on souhaite définir le profil du mélange pour une découpe de l'atmosphère en NT couches. Il s'agit d'exprimer pour chaque niveau n du profil, la proportion de diffusant moléculaire **pcray(n)** et aérosols **pcaer(n)**, ainsi que l'épaisseur optique totale  $\tau(n)$ . Le problème algorithmique consiste en la détermination de  $\tau(n)$  pour chaque niveau n. Il faut ainsi estimer l'altitude à attribuer au niveau n du profil, de sorte à avoir une découpe en épaisseur optique satisfaisante.

### **Trois cas sont possibles:**

- Cas 1 : couche atmosphérique sans diffusion moléculaire
- Cas 2 : couche atmosphérique sans diffusion aérosols
- Cas 3 : couche atmosphérique avec diffusion des molécules et des aérosols
- Cas 1 et 2 : le profil est homogène. Il est ainsi possible de prendre un pas régulier en  $\Delta \tau$  en deux niveaux consécutifs.
  - Cas 3 : on considère deux diffusants de profils d'épaisseurs optiques différents.

On fixe le niveau n=0 au TOA à 300 km d'altitude. On procède par détermination successive des altitudes à attribuer aux niveaux n.

Du niveau du profil n = 1 à NT :

- Estimation de l'altitude correspondante  $z(n) \rightarrow voir routine SOS_DISC$ .
- Application au calcul de l'épaisseur optique :

$$\tau(n) = \tau_{m} \times \exp(-z(n)/h_{m}) + \tau_{a} \times \exp(-z(n)/h_{a})$$
(102)

- Calcul de la proportion de molécules et d'aérosols pour la diffusion dans la couche n :

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 149

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

$$\begin{cases}
pcray (n) = \frac{\tau_{m} [z(n)] / h_{m}}{\tau_{m} [z(n)] / h_{m} + \tau_{a} [z(n)] / h_{a}} \\
pcaer (n) = \frac{\tau_{a} [z(n)] / h_{a}}{\tau_{m} [z(n)] / h_{m} + \tau_{a} [z(n)] / h_{a}}
\end{cases} (103)$$

On établit cette relation en exprimant la variation de l'épaisseur optique autour de z :

$$\frac{\partial \tau(z)}{\partial z} = -\left(\frac{\tau_{m}(z)}{h_{m}} + \frac{\tau_{a}(z)}{h_{a}}\right) \approx \frac{\Delta \tau(z)}{\Delta z}$$

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 150

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# VIII-6 Couche d'aérosols entre deux altitudes variables

 $Programme SOS\_PROFIL.F: option profil = 2$ 

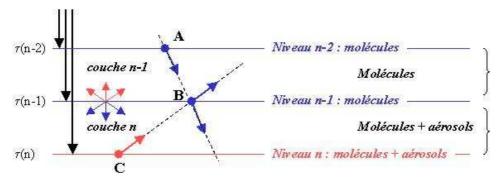
Le fichier SOS\_PROFIL.F contient les traitements permettant de définir le profil atmosphérique en épaisseur optique et en proportion de diffusants (molécules, aérosols) en fonction du niveau, pour une décroissance exponentielle de l'épaisseur optique moléculaire, en  $\exp(-z/h_m)$ , et pour une couche d'aérosols caractérisée par son épaisseur optique et sa position dans l'atmosphère (entre deux altitudes  $Z_{min}$  et  $Z_{max}$ ). Il est possible de faire débuter la couche d'aérosols à partir du sol ( $Z_{min} = 0$ ).

### VIII-6.1 But du traitement

Le positionnement d'une couche mixte d'aérosols et de molécules dans le profil atmosphérique introduit une découpe de l'atmosphère en trois couches distinctes :

- Une couche purement moléculaire du sol à l'altitude  $Z_{min}$ ,
- La couche mixte d'aérosols et de molécules entre  $Z_{min}$  et  $Z_{max}$ ,
- Une couche purement moléculaire de l'altitude  $Z_{max}$  au sommet de l'atmosphère.

Il faut cependant faire intervenir de fines sous-couches de transition entre chacune des trois couches pour réduire les ruptures de continuité. Par exemple, sur le schéma de profil suivant, on positionne une couche moléculaire pure jusqu'au niveau n-1, suivie d'une couche d'aérosols à partir du niveau n. La matrice de phase représentant la couche n est définie au niveau n. Or, le calcul de la contribution à la diffusion de la couche n se fait par linéarisation de la fonction source entre les niveaux n-1 et n. Ainsi, le champ de rayonnement descendant au niveau n-1 (point B), traversant la couche moléculaire pure n-1, fait exclusivement intervenir la diffusion moléculaire entre A et B. Par contre, le champ montant pour ce même niveau, entre C et B, fait intervenir la diffusion du mélange d'aérosols et de molécules (point C) mais aussi la diffusion moléculaire pure (point B). A l'interface entre deux couches aux propriétés radiatives différentes, l'intégration du champ de rayonnement montant n'est ainsi pas exactement représentative de la couche sous-jacente. On a exactement le même problème pour le champ descendant au niveau n. On réduit ce problème numérique en introduisant une sous-couche limite de très faible épaisseur optique entre les couches des deux types de diffusants.



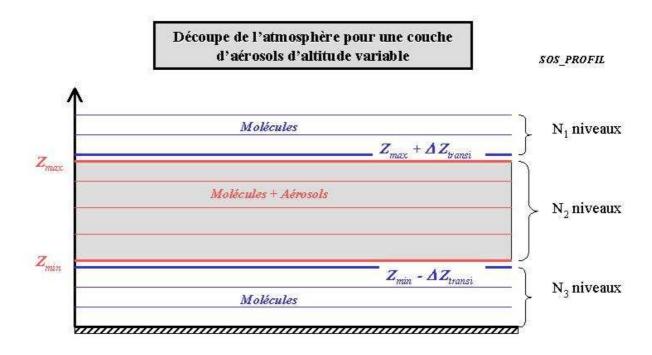
# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 151

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010



# VIII-6.2 <u>Description du profil</u>

• La **couche 1** est composée de  $N_1$  sous-couches purement moléculaires. Elle est définie de  $Z_{max}$  +  $\Delta Z_{transi}$  à l'espace, du niveau 0 à  $N_1$ . La découpe en épaisseur optique est réalisée avec un pas régulier en  $\Delta \tau$ .

L'épaisseur optique de la couche est :

$$\tau_{\text{mol}}^{(1)} = \tau_{\text{m}} \times \exp\left[-\left(Z_{\text{max}} + \Delta Z_{\text{transi}}\right)/h_{\text{m}}\right]$$
 (104)

Chaque sous-couche a une épaisseur optique verticale valant  $\tau_{mol}^{(1)}$  /  $N_1$ .

• La couche 2, composée de molécules et d'aérosols, est définie pour les niveaux de  $Z_{min}$  à  $Z_{max}$ . Le niveau  $(N_1+1)$ , correspondant à l'altitude  $Z_{max}$ , représente la sous-couche de transition  $(Z_{max}$  à  $Z_{max}+\Delta Z_{transi})$ . Une découpe en  $N_2$  sous-couches d'épaisseurs optiques est faite pour un pas régulier en altitude. On estime  $\Delta Z = (Z_{max} - Z_{min}) / N_2$ . A chaque niveau de la couche est associée une altitude. On calcule l'épaisseur optique moléculaire correspondante. L'épaisseur optique des aérosols d'une sous-couche est proportionnelle à celle des molécules :

$$\begin{cases} \tau_{mol}^{(2)} = \tau_m \times \left\{ \exp\left[-Z_{min} / h_m\right] - \exp\left[-\left(Z_{max} + \Delta Z_{transi}\right) / h_m\right] \right\} \\ \Delta \tau_{aer}(n) = \tau_{aer} \times \left[\Delta \tau_{mol}(n) / \tau_{mol}^{(2)}\right] \end{cases}$$
(105)

• La **couche 3**, purement moléculaire, est définie du sol à  $Z_{min}$  -  $\Delta Z_{transi}$ . Le niveau correspondant à l'altitude  $Z_{min}$  -  $\Delta Z_{transi}$ , représente la sous-couche de transition ( $Z_{min}$  -  $\Delta Z_{transi}$  à  $Z_{min}$ ). Une découpe en  $N_3$  sous-couches d'épaisseurs optiques est réalisée avec un pas régulier en  $\Delta \tau$ .

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 152

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

L'épaisseur optique de la couche est :

$$\tau_{\text{mol}}^{(3)} = \tau_{\text{m}} \times \left(1 - \exp\left[-\left(Z_{\text{min}} - \Delta Z_{\text{transi}}\right)/h_{\text{m}}\right]\right)$$
 (106)

Chaque sous-couche a une épaisseur optique verticale valant  $\, au_{mol}^{(3)} \, / \, N_3 \, . \,$ 

# VIII-6.3 Détermination du nombre de sous-couches par couche

On détermine le nombre de sous-couches des couches moléculaires par le poids de leurs épaisseurs optiques  $\tau_{mol}^{(i)}$  devant l'épaisseur optique totale de l'atmosphère  $(\tau_a + \tau_m)$ . On utilisera au minimum NBC sous-couches (constante SOS\_PROFIL\_MIN\_NBC du fichier SOS.h). Par défaut, nous prenons NBC = 3.

$$\begin{cases} N_{1} = Max \left( NBC, \frac{\tau_{mol}^{(1)}}{\tau_{a} + \tau_{m}} \times NT \right) \\ N_{3} = Max \left( NBC, \frac{\tau_{mol}^{(3)}}{\tau_{a} + \tau_{m}} \times NT \right) \end{cases}$$

$$(107)$$

où NT = SOS\_OS\_NT, le nombre de sous-couches total défini dans le fichier SOS.h.

Le nombre de sous-couches du mélange d'aérosols et de molécules  $N_2$  est ensuite simplement déterminé par :

$$N_1 + N_2 + N_3 + N_{\text{transi}} = NT ag{108}$$

avec  $N_{transi}$  le nombre de sous-couches de transition (1 si  $Z_{min} = 0$  et 2 sinon)

### VIII-6.4 Estimation de la proportion des espèces pour l'extinction :

Le programme détermine les épaisseurs optiques moléculaires des 3 couches et le nombre de souscouches à utiliser. Il calcule l'épaisseur optique moléculaire et aérosols pour chaque niveau du profil. Pour chaque niveau n du profil, il calcule l'épaisseur optique totale  $\tau(\mathbf{n})$  et la proportion de diffusant moléculaire pcray(n) et aérosols pcaer(n). L'expression des proportions de diffusant est réalisée selon la relation :

$$\begin{cases} pcray(n) = \frac{\Delta \tau_{m}(n)}{\Delta \tau_{m}(n) + \Delta \tau_{a}(n)} \\ pcaer(n) = \frac{\Delta \tau_{a}(n)}{\Delta \tau_{m}(n) + \Delta \tau_{a}(n)} \end{cases}$$
(109)

Or, comme pour chaque sous-couche on a :  $\Delta \tau_a(n) = \tau_a \times \left(\Delta \tau_m(n) / \tau_{mol}^{(2)}\right)$ , on peut écrire :

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 153

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

$$\begin{cases} pcray (n) = \frac{1}{1 + \tau_a / \tau_{mol}^{(2)}} \\ pcaer (n) = \frac{\tau_a / \tau_{mol}^{(2)}}{1 + \tau_a / \tau_{mol}^{(2)}} \end{cases}$$
(110)

# VIII-7 <u>Description des fichiers de sortie</u>

- <u>Fichier PROFIL résultat</u>: voir la section VIII-2 en page 145.
- Fichier Trace: Fichier texte Ascii

Le fichier trace n'est pas créé si l'utilisateur saisit 0 en place de son nom.

- Rappel des paramètres de simulations utiles selon l'option de simulation.
- Pour un profil d'aérosols entre deux niveaux d'altitudes (iprofil = 2) : nombre de sous-couches pour chaque couche (moléculaires pures et mixte), précision sur le nombre de sous-couches de transition.
- Précision sur la construction du profil :
  - Numéro de niveau I et altitude correspondante (en km),
  - Epaisseur optique moléculaire, d'extinction des aérosols, et épaisseur optique totale,
  - Proportion d'aérosols et de molécules pour l'extinction dans la couche I.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 154

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# VIII-8 Rôle des routines associées au programme SOS\_PROFIL

• SOS\_PROFIL : Programme principal gérant l'ensemble des traitements permettant la création d'un fichier PROFIL pour les OS. Les options de traitements sont définies en section III-2.

### • Routine SOS\_DISC:

L'objectif de cette routine est d'estimer l'altitude z(n) pour un niveau n, connaissant l'épaisseur optique totale de l'atmosphère et celle attribuée au niveau n-1.

On initialise le problème en posant que l'altitude du niveau n = 0 (TOA) est z(0) = 300 km. Pour ce niveau l'épaisseur optique est nulle  $\tau(0) = 0$ .

- A) La couche atmosphérique du sol au niveau n-1 est découpée en sous couches de mêmes épaisseurs optiques. On estime ainsi une première valeur de l'épaisseur optique du niveau n.
  - B) On évalue l'altitude correspondante à ce niveau n par une méthode de dichotomie.
- C) La proportion moléculaire est calculée pour le niveau n. Si elle s'écarte de la proportion du niveau n-1 de plus de 75%, la variation est trop importante. On réduit d'un facteur 2 le pas en épaisseur optique entre les niveaux n-1 et n. On reprend l'estimation de l'altitude correspondante au point B.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 155

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# IX- Réflexion de surface

Le code des Ordres Successifs permet la simulation des interactions « surface – atmosphère » en intensité et en polarisation. Le programme « SOS\_SURFACE.F » gère l'ensemble des traitements permettant la création d'un fichier de BRDF / BPDF au format requis par le code des OS. Le cas échéant, le programme « SOS\_OS.F » utilise ces matrices pour prendre en compte les interactions successives « surface – atmosphère ».

Cette partie précise les traitements relatifs à la modélisation de la réflexion de surface.

# IX-1 Caractérisation des réflexions de surface par le code des OS

# IX-1.1 Expression de la luminance par réflexion de surface

### IX.1.1.a RÉFLEXION LAMBERTIENNE

Pour une surface de réflexion lambertienne, l'intensité incidente est réfléchie de manière isotrope.

Nommons  $\overline{E}=(E,\,0,\,0)$  le vecteur de Stokes pour l'éclairement solaire au TOA, sous une incidence  $(\mu_0,\,\phi_0)$  et  $\tau^*$  l'épaisseur optique totale de l'atmosphère.

Le flux solaire direct atteignant la surface, atténué par sa traversée de l'atmosphère, est :

$$F_1 = -\mu_0.E.\exp(\tau^*/\mu_0).$$
 (111.a)

Le flux de lumière diffuse d'ordre n-1 éclairant la surface est :

$$F_{n-1} = \int_{\phi'=0}^{2\pi} \int_{\mu'=-1}^{0} I_{n-1}(\tau^*, \mu', \phi') \mu' d\mu' d\phi'$$
(111.b)

Soit  $\rho$  l'albédo de la surface, la luminance réfléchie pour toute direction  $(\mu,\,\phi)$  sur la surface lambertienne est :

$$I_{n}(\tau^{*},\mu,\phi) = \frac{\rho}{\pi}.F_{n}$$
 (111.c)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 156

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### IX.1.1.b réflexion directionnelle pour un modèle de BRDF

Un modèle de BRDF introduit une dépendance directionnelle de la réflectance :  $\rho(\mu, \phi, \mu', \phi')$ .

La réflexion du flux solaire direct atteignant la surface est :

$$I_{1}(\tau^{*}, \mu, \phi) = \frac{-\rho(\mu, \phi, \mu_{0}, \phi_{0})}{\pi} \cdot \mu_{0} \cdot \text{E.exp}(\tau^{*}/\mu_{0}).$$
(112.a)

La réflexion de la luminance diffuse d'ordre n-1 éclairant la surface est :

$$I_{n}(\tau^{*},\mu,\phi) = \frac{1}{\pi} \int_{\phi'=0}^{2\pi} \int_{\mu'=-1}^{0} \rho(\mu,\phi,\mu',\phi') I_{n-1}(\tau^{*},\mu',\phi') \mu'.d\mu'.d\phi'$$
 (112.b)

### IX.1.1.c RÉFLEXION DIRECTIONNELLE POUR UN MODÈLE DE BPDF

Un modèle de BPDF introduit une dépendance directionnelle également sur les termes de polarisation par réflexion. La réflexion de l'éclairement direct et diffus sur la surface, vers la direction  $(\mu, \phi)$ , s'écrit alors :

$$\overline{L}_{sol}^{\uparrow}(\tau^*, \mu, \phi) = \overline{\overline{M}}(\mu, \phi, \mu_0, \phi_0) \overline{E} \cdot \exp(\tau^* / \mu_0) 
+ \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{0} \overline{\overline{M}}(\mu, \phi, \mu', \phi') \overline{L}_{sol}^{\downarrow}(\tau^*, \mu', \phi') d\mu' d\phi'$$
(113)

avec  $\overline{\mathrm{M}}(\mu,\phi,\mu',\phi')$  la matrice de réflexion de surface.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 157

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### IX.1.1.d APPLICATION AU FORMALISME DES OS

• Le code des OS utilise un formalisme de décomposition en séries de Fourier par rapport à l'azimut relatif. De plus, il calcule des luminances normalisées et utilise  $E=\pi$ .

Pour un ordre S de la série, la réflexion lambertienne s'écrit :

- Réflexion de l'éclairement solaire au sol :  $I_1^{S=0}(\tau^*,\mu) = -\rho.\mu_0.\exp(\tau^*/\mu_0)$  (114.a)

Réflexion de la lumière diffuse d'ordre n-1 :  $I_n^{S=0}(\tau^*, \mu) = 2\rho \int_{-1}^{0} I_{n-1}^{S=0}(\tau^*, \mu') \cdot \mu' \cdot d\mu'$  (114.b)

Pour un ordre S de la série, une réflexion par une BRDF / BPDF s'écrit :

$$\overline{L}_{sol}^{\uparrow S}(\tau^*, \mu) = \overline{\overline{M}}^{S}(\mu_0, \mu) \begin{pmatrix} \pi \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot \exp(\tau^* / \mu_0) 
+ 2\pi \cdot \int_{-1}^{0} \overline{\overline{M}}^{S}(\mu', \mu) \cdot \overline{L}_{sol}^{\downarrow S}(\tau^*, \mu') d\mu'$$
(115)

• La matrice de réflexion de surface effectivement calculée pour les OS est :

$$\begin{vmatrix} = S \\ P \end{pmatrix} (\mu', \mu) = \mu \pi \times \overline{M}^{S} (\mu', \mu)$$
 (116)

La relation (115) pour un calcul de luminance normalisée est alors pour les OS :

$$\overline{\mathbf{L}}_{sol}^{\uparrow S}(\tau^*, \mu) = \frac{1}{\mu} \cdot \overline{\mathbf{P}}^{S}(\mu_0, \mu) \cdot \exp(\tau^* / \mu_0) + \frac{2}{\mu} \cdot \int_{-1}^{0} \overline{\mathbf{P}}^{S}(\mu', \mu) \cdot \overline{\mathbf{L}}_{sol}^{\downarrow S}(\tau^*, \mu') d\mu'$$
(117)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 158

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

# IX-1.2 Propriétés des surfaces requises pour le code des OS

Les propriétés de réflexion d'une surface sont caractérisées par une composante lambertienne donnée par l'**albédo de réflexion** et par une composante directionnelle exprimée par une **matrice de réflexion** (BRDF: fonction de distribution de la réflectance bidirectionnelle et BPDF: réflectance bidirectionnelle en polarisation). Les paramètres utiles au calcul de cette matrice dépendent du type de modélisation (indice de réfraction, vitesse de vent, paramètres de Roujean ou de Nadal).

Modèle	Paramètres requis		
Glitter	- Indice de réfraction		
	- Vitesse de vent		
Mer plate	- Indice de réfraction		
BRDF de Roujean	- Paramètres du modèle : k <sub>0</sub> , k <sub>1</sub> , k <sub>2</sub>		
BPDF de Rondeaux ou Bréon	- Indice de réfraction		
/ avec BRDF de Roujean	- Paramètres du modèle de Rondeaux : k <sub>0</sub> , k <sub>1</sub> , k <sub>2</sub>		
BPDF de Nadal	- Indice de réfraction		
/ avec BRDF de Roujean	- Paramètres du modèle de Nadal : $\alpha$ , $\beta$		
	- Paramètres du modèle de Rondeaux : k <sub>0</sub> , k <sub>1</sub> , k <sub>2</sub>		

Le code des OS fonctionne à partir d'une décomposition en séries de Fourier du champ de luminance (cf. section VI-2, page 64). La matrice de réflexion est adaptée à ce formalisme et dépend de l'ordre S de la décomposition.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 159

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# IX-1.3 Contenu et format d'un fichier SURFACE pour le code des OS

Le programme « SOS\_SURFACE.F » permet le calcul des matrices de réflexion pour une décomposition en séries de Fourier.

La matrice de réflexion  $P^{S}(\mu,\mu')$  pour chaque ordre S de la série de Fourier est de la forme :

$$\overset{=S}{P}(\mu',\mu) = \begin{pmatrix}
P_{11}^{S}(\mu',\mu) & P_{12}^{S}(\mu',\mu) & P_{13}^{S}(\mu',\mu) \\
P_{21}^{S}(\mu',\mu) & P_{22}^{S}(\mu',\mu) & P_{23}^{S}(\mu',\mu) \\
P_{31}^{S}(\mu',\mu) & P_{32}^{S}(\mu',\mu) & P_{33}^{S}(\mu',\mu)
\end{pmatrix} (118)$$

(voir définition en section IX.1.1.d, équations (116) et (115))

Un fichier résultat « SURFACE » est sous un format utile au code des OS.

Il contient OS\_NB +1 lignes d'enregistrements :

$P_{11}^0$	$P_{12}^{0}$	$P_{13}^{0}$	$P_{21}^0$	$P_{22}^0$	$P_{23}^{0}$	$P_{31}^{0}$	$P_{32}^{0}$	$P_{33}^{0}$
$P_{11}^1$	$P_{12}^1$	$P_{13}^1$	$P_{21}^{1}$	$P_{22}^{1}$	$P_{23}^{1}$	$P_{31}^{1}$	$P_{32}^{1}$	$P_{33}^{1}$
:	:	:	:	÷	:	÷	:	:
:	:	:	i	i	i	i	i	i
P <sub>11</sub> <sup>NB</sup>	P <sub>12</sub> <sup>NB</sup>	P <sub>13</sub> <sup>NB</sup>	P <sub>21</sub> <sup>NB</sup>	P <sub>22</sub> <sup>NB</sup>	P <sub>23</sub> <sup>NB</sup>	P <sub>31</sub> <sup>NB</sup>	P <sub>32</sub> <sup>NB</sup>	P <sub>33</sub> <sup>NB</sup>

avec pour chaque enregistrement un tableau de réels (codés sur 32 bits)

 $P_{\ell c}^S = P_{\ell c}^S \left( \mu_j, \mu_k \right)$ : tableau de OS\_NBMU  $\times$  OS\_NBMU éléments, où les indices j et k sont respectivement relatifs aux directions d'incidence et de réflexion :

$$\begin{cases} j: 1 \rightarrow OS\_NBMU \\ k: 1 \rightarrow OS\_NBMU \end{cases}$$

Les dimensions OS\_NB et OS\_NBMU sont renseignées dans le fichier des angles et ordres de développement.

# Manuel utilisateur du code des OSD

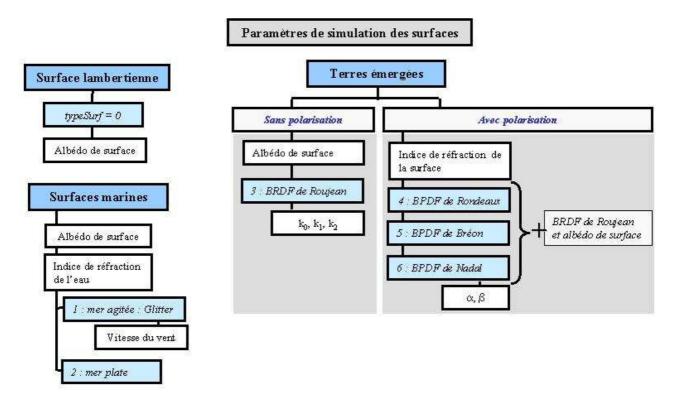
Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 160

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### IX-1.4 Choix de simulation des conditions de surface



L'utilisateur doit préciser la valeur de **l'albédo de surface** et le **type de réflexion de surface** parmi les possibilités suivantes :

- **Surface lambertienne** : réflexion isotrope de l'intensité éclairant la surface.

#### - Réflexion sur mer :

- Réflexion spéculaire sur **mer agitée** (Glitter) selon la théorie de Cox et Munk [DR3].
- Réflexion spéculaire sur mer plate.

#### Réflexion sur terres émergées :

- **BRDF de Roujean** [DR14].
- **BPDF** de Rondeaux [DR13] pour une simulation de la polarisation d'un couvert végétal.
- **BPDF** de Bréon [DR2] pour une simulation de la polarisation d'un sol nu.
- **BPDF de Nadal** [DR12] utilisant une formulation semi-empirique de la polarisation des surfaces.

Les modèles de BPDF sont combinés au modèle de Roujean pour la partie de réflexion en intensité.

- **Fichier utilisateur** : l'utilisateur peut utiliser un fichier « Surface » déjà existant. Ce fichier doit être au format requis par le code des OS (sectionIX-1.3).

Important : L'utilisation d'un fichier utilisateur ne dispense pas de la définition des paramètres de surface correspondant pour le calcul analytique de la réflexion directe par le code des OS.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 161

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

L'appel du programme permettant de générer de nouveaux fichiers « Surface » n'a lieu que si le nom du fichier est entré comme « DEFAULT ». Sinon, le code des OS utilise directement le fichier dénommé (supposé être un fichier utilisateur prédéfini).

Les choix de simulations sont introduits dans le Khorn-Shell de lancement (chapitre III-2).

# IX-1.5 Passage des paramètres à l'exécutable SOS\_SURFACE.exe

Le script main\_SOS.ksh gère le passage des paramètres au programme SOS\_SURFACE.

Ce programme n'est appelé que pour la génération de fichiers de BRDF/BPDF, avec une dénomination automatique du nom des fichiers résultats, aussi :

- Il n'y a pas lieu de préciser un nom de fichier à l'appel du programme (-SURF.File n'est pas à définir).
- Le type de surface ne peut être que –SURF.Type 1 3 4 5 ou 6.

Par contre, il est nécessaire de préciser le lieu de stockage des fichiers (répertoires -SURF.Dir et -SURF.DirBRDFtoBPDFcalculation).

PARAMETRES DU PROGRA	AMME SOS_SURFACE
SURF.AngFile	Nom du fichier contenant les angles et les ordres maximums des
_	développements à utiliser pour les calculs de luminance (chemin complet)
SURF.Log	Nom du fichier trace des calculs du programme SURFACE
	Saisir 0 pour ne pas générer de fichier Trace
SURF.Type	Numéro de type de surface
	1 : surface lambertienne + glitter (mer agitée)
	3 : surface lambertienne + BRDF de Roujean
	4 : surface lambertienne + BRDF de Roujean + BPDF de Rondeaux
	5 : surface lambertienne + BRDF de Roujean + BPDF de Bréon
	6 : surface lambertienne + BRDF de Roujean + BPDF de Nadal
SURF.Dir	Répertoire de stockage des fichiers résultats
Si SURF.Type ≠3:	pour tous les modèles, excepté celui de Roujean
SURF.Ind	Indice de réfraction surface / air
$Si\ SURF.Type = 1:$	glitter
SURF.Glitter.Wind	Vitesse du vent en m/s
Si SURF.Type ≥3:	modèle de BRDF de Roujean
SURF.DirBRDFtoBPDFcalcu	Répertoire de stockage des fichiers résultats de BRDF de Roujean
lation	
SURF.Roujean.K0	Paramètre k <sub>0</sub> du modèle de Roujean
SURF.Roujean.K1	Paramètre k <sub>1</sub> du modèle de Roujean
SURF.Roujean.K2	Paramètre k <sub>2</sub> du modèle de Roujean

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 162

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Si SURF.Type = 6 : modèle de BPDF de Nadal				
SURF.Nadal.Alpha	Paramètre α du modèle de Nadal			
SURF.Nadal.Beta	Paramètre β du modèle de Nadal			

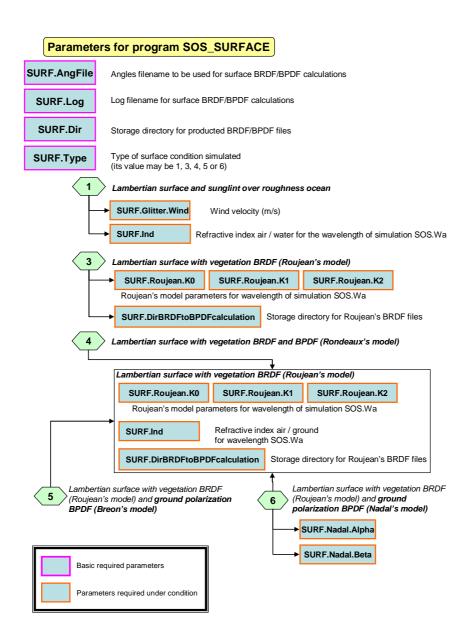


Figure 15 : Paramètres de surface pour l'appel du programme SOS\_SURFACE

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 163

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

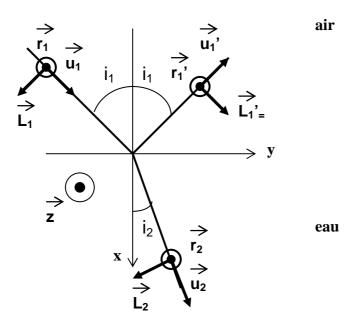
# IX-2 Réflexion de Fresnel sur mer plate

Certaines anomalies pour la prise en compte de la réflexion de surface ont été corrigées par rapport au code initial. Afin de permettre une bonne compréhension des traitements aujourd'hui réalisés, nous reprenons complètement le formalisme de la réflexion de Fresnel dans ce chapitre.

# IX-2.1 Expression théorique de la matrice de réflexion de Fresnel

Cette partie reprend le calcul des coefficients de réflexion de Fresnel.

### IX.2.1.a COEFFICIENTS DE RÉFLEXION DE FRESNEL



On considère la réflexion d'un champ électrique sur un dioptre défini à l'interface d'un milieu d'indice  $n_1$  (air) et d'un milieu d'indice  $n_2$  (eau).

Le champ électrique est défini par :

avec pour composantes parallèle et perpendiculaire au plan de réflexion respectivement  $\,\widetilde{\epsilon}_\ell\,$  et  $\,\widetilde{\epsilon}_r\,$ .

$$\begin{cases} \widetilde{\varepsilon}_{\ell} = \widetilde{A}_{\ell}.\exp(-j.\overset{\rightarrow}{k}.\overset{\rightarrow}{r}) \\ \widetilde{\varepsilon}_{r} = \widetilde{A}_{r}.\exp(-j.\overset{\rightarrow}{k}.\overset{\rightarrow}{r}) \end{cases}$$
(120)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 164

EDIT. : 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

A l'interface avec le dioptre, le champ  $\overrightarrow{E}_1$  est réfléchi en  $\overrightarrow{E}_1$ ' et est transmis en  $\overrightarrow{E}_2$ .

On définit les coefficients de réflexion en amplitude:

- Pour la composante parallèle : 
$$r_\ell = \widetilde{\epsilon}_\ell^{(1')} / \widetilde{\epsilon}_\ell^{(1)}$$
 (121.a)

- Pour la composante perpendiculaire : 
$$r_r = \tilde{\epsilon}_r^{(1')} / \tilde{\epsilon}_r^{(1)}$$
 (121.b)

De même pour les coefficients de transmission en amplitude:

$$t_{\ell} = \tilde{\varepsilon}_{\ell}^{(2)} / \tilde{\varepsilon}_{\ell}^{(1)} \quad \text{et} \quad t_{r} = \tilde{\varepsilon}_{r}^{(2)} / \tilde{\varepsilon}_{r}^{(1)}$$
(122)

On calcule les expressions des coefficients de réflexion en distinguant le cas d'un champ électrique incident parallèle ou perpendiculaire au plan de réflexion.

### **♦** Réflexion de la composante perpendiculaire :

On commence par définir les champs électrique et magnétique dans le repère (0,x,y,z). Puis, on utilise les propriétés de continuité à l'interface entre les deux milieux.

Les champs électriques sont :

- Champ électrique incident : 
$$\overset{\Rightarrow}{\epsilon}_{r}^{(1)} = \overset{\Rightarrow}{A}_{r}^{(1)} . exp(-j.k_{1}.r) = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} . \widetilde{A}_{r}^{(1)} . exp(-j.k_{1}.r)$$
- Champ électrique réfléchi :  $\overset{\Rightarrow}{\epsilon}_{r}^{(1')} = \overset{\Rightarrow}{A}_{r}^{(1')} . exp(-j.k_{1}'.r)$ 
- Champ électrique transmis :  $\overset{\Rightarrow}{\epsilon}_{r}^{(2)} = \overset{\Rightarrow}{A}_{r}^{(2)} . exp(-j.k_{2}.r)$ 

- Champ électrique réfléchi : 
$$\varepsilon_r = A_r$$
 .exp $(-j, k_1', r)$ 

- Champ électrique transmis : 
$$\varepsilon_r = A_r$$
 .exp $(-j, k_2, r)$ 

Ils se propagent selon les directions

$$\overrightarrow{u}_{1} = \begin{pmatrix} \cos i_{1} \\ \sin i_{1} \\ 0 \end{pmatrix}_{(0,x,y,z)} , \quad \overrightarrow{u}_{1}' = \begin{pmatrix} -\cos i_{1} \\ \sin i_{1} \\ 0 \end{pmatrix} , \quad \overrightarrow{u}_{2} = \begin{pmatrix} \cos i_{2} \\ \sin i_{2} \\ 0 \end{pmatrix}$$

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 165

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Les champs magnétiques sont :

$$\text{-}\quad \text{Champ magn\'etique incident}: \overset{\Rightarrow}{B}^{(1)} = \frac{1}{v_1}. \overset{\rightarrow}{u_1} \wedge \overset{\Rightarrow}{\epsilon_r}^{(1)} = \frac{\widetilde{A}_r^{(1)}.exp(-j.\overset{\rightarrow}{k_1.r})}{v_1} \begin{pmatrix} \sin i_1 \\ -\cos i_1 \\ 0 \end{pmatrix}_{(0,x,y,z)}$$

- Champ magnétique réfléchi : 
$$\overset{\Rightarrow^{(1')}}{B} = \frac{1}{v_1}.\overset{\Rightarrow^{(1')}}{v_1} \wedge \overset{\Rightarrow^{(1')}}{\epsilon_r} = \frac{\widetilde{A}_r^{(1')}.exp(-j.\,k_1'.\,r)}{v_1} \begin{pmatrix} \sin i_1 \\ \cos i_1 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Champ magnétique transmis : 
$$\overrightarrow{B}^{(2)} = \frac{1}{v_2} \cdot \overrightarrow{u}_2 \wedge \overrightarrow{\varepsilon}_r = \frac{\widetilde{A}_r^{(2)} \cdot \exp(-j \cdot \overrightarrow{k}_2 \cdot \overrightarrow{r})}{v_2} \begin{pmatrix} \sin i_2 \\ -\cos i_2 \\ 0 \end{pmatrix}$$

avec  $v_i = c / n_i$  (c la vitesse de la lumière dans le vide,  $n_i$  l'indice du milieu i)

Les vecteurs excitations électriques associés sont :

$$\overset{\Rightarrow^{(i)}}{H} = \frac{\overset{\Rightarrow^{(i)}}{B}}{\underset{\mu_i}{\mu_i}} \text{ avec } \mu_1 = \mu_2 \text{ pour des milieux transparents et non magnétiques.}$$

Au niveau de la surface du dioptre (x = 0), on a :

$$\begin{cases} \overrightarrow{k}_1 \cdot \overrightarrow{r} = k_1 \cdot \overrightarrow{u}_1 \cdot \overrightarrow{r} = y.k_1.\sin i_1 \\ \overrightarrow{k}_1 \cdot \overrightarrow{r} = k_1 \cdot \overrightarrow{u}_1 \cdot \overrightarrow{r} = y.k_1.\sin i_1 \\ \overrightarrow{k}_1 \cdot \overrightarrow{r} = k_1 \cdot \overrightarrow{u}_1 \cdot \overrightarrow{r} = y.k_1.\sin i_1 \\ \overrightarrow{k}_2 \cdot \overrightarrow{r} = k_2 \cdot \overrightarrow{u}_2 \cdot \overrightarrow{r} = y.k_2.\sin i_2 \end{cases}$$

Or, les lois de Descartes donnent :  $k_1 \cdot \sin i_1 = k_2 \cdot \sin i_2$  (i.e. :  $n_1 \cdot \sin i_1 = n_2 \cdot \sin i_2$ ).

De plus, on doit vérifier au niveau de la surface la conservation de la composante tangentielle du champ électrique (ici selon z) et du vecteur excitation électrique (selon y). On aboutit à :

$$\begin{cases} \widetilde{A}_{r}^{(1)} + \widetilde{A}_{r}^{(1')} = \widetilde{A}_{r}^{(2)} \\ \frac{\cos i_{1}}{v_{1} \cdot \mu_{1}} \times \left( -\widetilde{A}_{r}^{(1)} + \widetilde{A}_{r}^{(1')} \right) = -\frac{\cos i_{2}}{v_{2} \cdot \mu_{2}} \times \widetilde{A}_{r}^{(2)} \end{cases}$$

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 166

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

En introduisant (121.a), (121.b) et (122), avec  $v_i = c / n_i$  et  $\mu_1 = \mu_2$ , on a :

$$\begin{cases} 1 + r_r = t_r \\ n_1 .\cos i_1 \times (1 - r_r) = n_2 .\cos i_2 \times t_r \end{cases}$$

Ce qui donne:

$$r_{r}(i_{1}) = \frac{n_{1}.\cos i_{1} - n_{2}.\cos i_{2}}{n_{1}.\cos i_{1} + n_{2}.\cos i_{2}}$$
(123)

# ♦ Réflexion de la composante parallèle :

Les champs électriques sont :

$$\text{- Champ \'electrique incident}: \overbrace{\epsilon}^{(1)}_{\ell} = \overset{\Rightarrow^{(1)}}{A}_{\ell} . \exp(-j.\overset{\rightarrow}{k_1}.\overset{\rightarrow}{r}) = \begin{pmatrix} \sin i_1 \\ -\cos i_1 \\ 0 \end{pmatrix} \times \widetilde{A}_{\ell}^{(1)}. \exp(-j.\overset{\rightarrow}{k_1}.\overset{\rightarrow}{r})$$

$$\text{- Champ \'electrique r\'efl\'echi}: \overset{\Rightarrow^{(1')}}{\epsilon} = \overset{\Rightarrow^{(1')}}{A_\ell} \cdot .exp(-j.\overset{\rightarrow}{k_1}'.\overset{\rightarrow}{r}) = \begin{pmatrix} sin \ i_1 \\ cos \ i_1 \\ 0 \end{pmatrix} \times \overset{\rightarrow}{A_\ell^{(1')}} .exp(-j.\overset{\rightarrow}{k_1}'.\overset{\rightarrow}{r})$$

- Champ électrique transmis : 
$$\overset{\Rightarrow^{(2)}}{\epsilon_{\ell}} = \overset{\Rightarrow^{(2)}}{A_{\ell}} . exp(-j.\overset{\rightarrow}{k_2}.\overset{\rightarrow}{r}) = \begin{pmatrix} \sin i_2 \\ -\cos i_2 \\ 0 \end{pmatrix} \times \overset{\Rightarrow^{(2)}}{A_{\ell}} . exp(-j.\overset{\rightarrow}{k_2}.\overset{\rightarrow}{r})$$

Les champs magnétiques sont :

$$\text{- Champ magn\'etique incident}: \overset{\Rightarrow}{B}^{(1)} = \frac{1}{v_1}. \overset{\rightarrow}{u_1} \wedge \overset{\Rightarrow}{\epsilon}_{\ell}^{(1)} = \frac{\widetilde{A}_{\ell}^{(1)}.exp(-j.\,k_1.\,r)}{v_1} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}_{(0,x,y,z)}$$

- Champ magnétique réfléchi : 
$$\overset{\Rightarrow^{(1')}}{B} = \frac{1}{v_1} \cdot \overset{\Rightarrow^{(1')}}{u_1} \wedge \overset{\Rightarrow^{(1')}}{\epsilon_\ell} = \frac{\widetilde{A}_\ell^{(1')} \cdot exp(-j.\overset{\rightarrow}{k_1} \overset{\rightarrow}{\cdot} r)}{v_1} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}$$

- Champ magnétique transmis : 
$$\overrightarrow{B}^{(2)} = \frac{1}{v_2} \cdot \overrightarrow{u}_2 \wedge \overrightarrow{\epsilon}_\ell = \frac{\widetilde{A}_\ell^{(2)} \cdot exp(-j, \overrightarrow{k}_2, \overrightarrow{r})}{v_2} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}$$

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 167

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Au niveau du dioptre, la conservation des composantes tangentielles du champ électrique (selon y) et du vecteur excitation électrique (selon z) implique que :

$$\begin{cases} \cos i_1 \times \left(-\widetilde{A}_{\ell}^{(1)} + \widetilde{A}_{\ell}^{(1')}\right) = -\cos i_2 \times \widetilde{A}_{\ell}^{(2)} \\ \frac{1}{v_1 \cdot \mu_1} \times \left(\widetilde{A}_{\ell}^{(1)} + \widetilde{A}_{\ell}^{(1')}\right) = \frac{1}{v_2 \cdot \mu_2} \times \widetilde{A}_{\ell}^{(2)} \end{cases}$$

A nouveau, en introduisant (121.a), (121.b) et (122), avec  $v_i = c / n_i$  et  $\mu_1 = \mu_2$ , on a :

$$\begin{cases} n_1 \cdot (1 + r_{\ell}) = n_2 \cdot t_{\ell} \\ \cos i_1 \times (1 - r_{\ell}) = \cos i_2 \times t_{\ell} \end{cases}$$

Ce qui donne:

$$\mathbf{r}_{\ell}(\mathbf{i}_{1}) = \frac{\mathbf{n}_{2}.\cos\mathbf{i}_{1} - \mathbf{n}_{1}.\cos\mathbf{i}_{2}}{\mathbf{n}_{2}.\cos\mathbf{i}_{1} + \mathbf{n}_{1}.\cos\mathbf{i}_{2}}$$
(124)

### ♦ Expression pour le cas d'une transition air / mer :

L'indice de l'air  $n_1 = 1$ . L'indice de l'eau est posé  $n_2 = m$  (réel dans le domaine du visible). On utilise la relation de Descartes pour exprimer cos  $i_2$  en fonction de  $i_1$ :

$$\cos i_2 = \sqrt{1 - \sin^2 i_2} = \sqrt{1 - (\sin i_1 / m)^2} = \frac{1}{m} \times \sqrt{m^2 - \sin^2 i_1}$$

On obtient en définitive :

- Pour la composante parallèle : 
$$r_{\ell}(i_{1}) = \frac{m^{2}.\cos i_{1} - \sqrt{m^{2} - \sin^{2} i_{1}}}{m^{2}.\cos i_{1} + \sqrt{m^{2} - \sin^{2} i_{1}}}$$
(125)

- Pour la composante perpendiculaire : 
$$r_r(i_1) = \frac{\cos i_1 - \sqrt{m^2 - \sin^2 i_1}}{\cos i_1 + \sqrt{m^2 - \sin^2 i_1}}$$
 (126)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 168

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### IX.2.1.b PARAMÈTRES DE STOKES

Les calculs de transfert radiatif utilisent les paramètres de Stokes I, Q, U et V, plutôt que les composantes du vecteur champ électrique. Il nous faut préciser la relation existant entre ces paramètres et le champ électrique.

Dans un article de 1959 [DR10], Kuscer et Ribaric ont développé la formulation matricielle de l'Equation de Transfert Radiatif qui décrit la diffusion de la lumière polarisée dans un milieu diffusant et absorbant. Partant de ces travaux, Siewert [DR16] a repris le formalisme de Kuscer et Ribaric pour le généraliser à une atmosphère inhomogène dont l'éclairement incident sur une couche est polarisé. Il a de plus ramené les formulations aux paramètres de Stokes classiques.

La théorie de Siewert décompose les paramètres de Stokes en séries de Fourier sur le corps des complexes, alors que la théorie des OS les décompose sur le corps des réels. Nous avons vérifié la cohérence du passage du formalisme de Siewert à celui des OS pour l'expression de la matrice de phase (après décomposition en séries de Fourier). Le formalisme introduit dans le code des OS du LOA [DR5] est donc compatible avec les développements de Siewert. La définition des paramètres de Stokes est ainsi la même entre les travaux du LOA, de Siewert et de Kuscer et Ribaric.

Kuscer et Ribaric définissent :

$$\begin{cases} 0.5 \times (I + Q) = \widetilde{\varepsilon}_{\ell} . \widetilde{\varepsilon}_{\ell}^{*} \\ 0.5 \times (I - Q) = \widetilde{\varepsilon}_{r} . \widetilde{\varepsilon}_{r}^{*} \\ 0.5 \times (U + i.V) = \widetilde{\varepsilon}_{\ell} . \widetilde{\varepsilon}_{r}^{*} \\ 0.5 \times (U - i.V) = \widetilde{\varepsilon}_{r} . \widetilde{\varepsilon}_{\ell}^{*} \end{cases}$$

$$(127)$$

Pour les OS, on a:

$$\begin{cases}
I = \widetilde{\varepsilon}_{\ell} \cdot \widetilde{\varepsilon}_{\ell}^{*} + \widetilde{\varepsilon}_{r} \cdot \widetilde{\varepsilon}_{r}^{*} \\
Q = \widetilde{\varepsilon}_{\ell} \cdot \widetilde{\varepsilon}_{\ell}^{*} - \widetilde{\varepsilon}_{r} \cdot \widetilde{\varepsilon}_{r}^{*} \\
U = \widetilde{\varepsilon}_{\ell} \cdot \widetilde{\varepsilon}_{r}^{*} + \widetilde{\varepsilon}_{r} \cdot \widetilde{\varepsilon}_{\ell}^{*} \\
V = -i \cdot \left(\widetilde{\varepsilon}_{\ell} \cdot \widetilde{\varepsilon}_{r}^{*} - \widetilde{\varepsilon}_{r} \cdot \widetilde{\varepsilon}_{\ell}^{*}\right)
\end{cases} (128)$$

Notons que V est opposé à la définition de Van de Hulst.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 169

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### IX.2.1.c MATRICE DE RÉFLEXION

Pour une représentation des champs électriques en fonction des paramètres de Stokes, la réflexion de Fresnel s'exprime par une matrice.

Le champ réfléchi au niveau du dioptre est donné par :

$$\begin{split} & \left[ I_1 \, ' = \widetilde{\epsilon}_\ell^{(1')}.\widetilde{\epsilon}_\ell^{*(1')} + \widetilde{\epsilon}_r^{(1')}.\widetilde{\epsilon}_r^{*(1')} \right. \\ & \left. Q_1 \, ' = \widetilde{\epsilon}_\ell^{(1')}.\widetilde{\epsilon}_\ell^{*(1')} - \widetilde{\epsilon}_r^{(1')}.\widetilde{\epsilon}_r^{*(1')} \right. \\ & \left. U_1 \, ' = \widetilde{\epsilon}_\ell^{(1')}.\widetilde{\epsilon}_r^{*(1')} + \widetilde{\epsilon}_r^{(1')}.\widetilde{\epsilon}_\ell^{*(1')} \right. \\ & \left. V_1 \, ' = -i. \left( \widetilde{\epsilon}_\ell^{(1')}.\widetilde{\epsilon}_r^{*(1')} - \widetilde{\epsilon}_r^{(1')}.\widetilde{\epsilon}_\ell^{*(1')} \right) \right. \end{split}$$

Or, selon les relations (121.a) et (121.b), on peut aussi écrire pour le champ réfléchi :

$$\begin{cases} \mathbf{I}_{1} ' \! = \! \mathbf{r}_{\ell} \cdot \! \mathbf{r}_{\ell}^{*} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{\ell}^{(1)} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{\ell}^{*(1)} + \! \mathbf{r}_{r} \cdot \! \mathbf{r}_{r}^{*} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{r}^{(1)} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{r}^{*(1)} \\ \mathbf{Q}_{1} ' \! = \! \mathbf{r}_{\ell} \cdot \! \mathbf{r}_{\ell}^{*} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{\ell}^{(1)} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{\ell}^{*(1)} - \! \mathbf{r}_{r} \cdot \! \mathbf{r}_{r}^{*} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{r}^{(1)} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{r}^{*(1)} \\ \mathbf{U}_{1} ' \! = \! \mathbf{r}_{\ell} \cdot \! \mathbf{r}_{r}^{*} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{\ell}^{(1)} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{r}^{*(1)} + \! \mathbf{r}_{r} \cdot \! \mathbf{r}_{\ell}^{*} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{r}^{(1)} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{r}^{*(1)} \\ \mathbf{V}_{1} ' \! = \! - \! \mathrm{i} \cdot \! \left( \! \mathbf{r}_{\ell} \cdot \! \mathbf{r}_{r}^{*} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{\ell}^{(1)} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{r}^{*(1)} - \! \mathbf{r}_{r} \cdot \! \mathbf{r}_{\ell}^{*} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{r}^{(1)} \cdot \! \widetilde{\boldsymbol{\epsilon}}_{r}^{*(1)} \right) \end{cases}$$

$$\text{Avec, selon (127), :} \begin{cases} \widetilde{\epsilon}_{\ell}^{(1)}.\widetilde{\epsilon}_{\ell}^{*(1)} = 0.5 \times \left(I_1 + Q_1\right) \\ \widetilde{\epsilon}_{r}^{(1)}.\widetilde{\epsilon}_{r}^{*(1)} = 0.5 \times \left(I_1 - Q_1\right) \\ \widetilde{\epsilon}_{\ell}^{(1)}.\widetilde{\epsilon}_{r}^{*(1)} = 0.5 \times \left(U_1 + i.V_1\right) \\ \widetilde{\epsilon}_{r}^{(1)}.\widetilde{\epsilon}_{\ell}^{*(1)} = 0.5 \times \left(U_1 - i.V_1\right) \end{cases}$$

on trouve que : 
$$\begin{pmatrix}
I_1' \\
Q_1' \\
U_1' \\
V_1'
\end{pmatrix} = \overline{F}_k^* (i_1) \begin{pmatrix}
I_1 \\
Q_1 \\
U_1 \\
V_1
\end{pmatrix} \tag{129}$$

La matrice de réflexion de Fresnel s'écrit :

$$\frac{=}{F_{k}}(i_{1}) = \frac{1}{2} \times \begin{pmatrix}
\frac{r_{\ell} \cdot r_{\ell}^{*} + r_{r} \cdot r_{r}^{*} & r_{\ell} \cdot r_{\ell}^{*} - r_{r} \cdot r_{r}^{*} & 0 & 0}{r_{\ell} \cdot r_{\ell}^{*} - r_{r} \cdot r_{r}^{*} & r_{\ell} \cdot r_{\ell}^{*} + r_{r} \cdot r_{r}^{*} & 0} & 0 \\
0 & 0 & r_{\ell} \cdot r_{r}^{*} + r_{r} \cdot r_{\ell}^{*} & i \cdot (r_{\ell} \cdot r_{r}^{*} - r_{r} \cdot r_{\ell}^{*}) \\
0 & 0 & -i \cdot (r_{\ell} \cdot r_{r}^{*} - r_{r} \cdot r_{\ell}^{*}) & r_{\ell} \cdot r_{r}^{*} + r_{r} \cdot r_{\ell}^{*}
\end{pmatrix} (130)$$

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 170

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### ♦ Expression pour le cas d'une transition air / mer :

Pour la réflexion sur mer, les expressions des coefficients de réflexion sont connues (125 et 126). On obtient :

$$\stackrel{=^*}{F_k}(\cos\omega) = \begin{pmatrix}
\frac{R_{11}(\omega) & R_{12}(\omega) & 0 & 0 \\
\frac{R_{12}(\omega) & R_{11}(\omega) & 0 & 0 \\
0 & 0 & R_{33}(\omega) & 0 \\
\hline
0 & 0 & 0 & R_{33}(\omega)
\end{pmatrix}$$
(131)

avec

$$R_{11}(\omega) = 0.5 \times \left(r_{\ell}^{2}(\omega) + r_{r}^{2}(\omega)\right)$$

$$R_{12}(\omega) = 0.5 \times \left(r_{\ell}^{2}(\omega) - r_{r}^{2}(\omega)\right)$$

$$R_{33}(\omega) = r_{\ell}(\omega) \times r_{r}(\omega)$$
(132)

où  $r_{\ell}$  et  $r_{\ell}$  donnés respectivement par les équations (125) et (126).

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 171

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### IX-2.2 Introduction de la réflexion de Fresnel dans les OS

### IX.2.2.a FORMALISME SANS SÉPARATION DE LA DÉPENDANCE AZIMUTALE ET ZÉNITHALE

Exprimée par rapport aux plans méridiens, la matrice de réflexion de Fresnel est :

$$\stackrel{=}{F}(\mu, \phi, \mu', \phi') = \Delta(\mu + \mu') \Delta(\phi - \phi') \stackrel{=}{F}_{k}(\mu)$$
(133)

pour une direction d'incidence ( $\mu$ ' < 0,  $\phi$ ') et une direction d'émergence ( $\mu$  > 0,  $\phi$ ). La fonction de Dirac  $\Delta(x)$  est nulle sauf si x=0. Cette formulation traduit bien que la réflexion de Fresnel se fait dans le même plan que le plan d'incidence et que la direction de réflexion est  $\mu=-\mu$ ' > 0.

### • Réflexion d'ordre n > 1

La réflexion de Fresnel de la lumière incidente d'ordre n-1 s'exprime par :

$$\overline{L}_{n}^{\uparrow fresnel}\left(\delta^{*},\mu,\phi\right) = \int_{0}^{2\pi} \int_{-1}^{0} \overline{F}\left(\mu,\phi,\mu',\phi'\right) . \overline{L}_{n-1}^{\downarrow}\left(\delta^{*},\mu',\phi'\right) d\mu' . d\phi'$$

qui se réduit à 
$$\overline{L}_{n}^{\uparrow fresnel} \left( \delta^{*}, \mu, \phi \right) = \overline{F}_{k}^{*} \left( \mu \right) \overline{L}_{n-1}^{\downarrow} \left( \delta^{*}, -\mu, \phi \right)$$

avec  $\delta^*$  l'épaisseur optique totale de la couche (au sol).

Avec (131), on obtient:

$$\overline{L}_{n}^{\uparrow fresnel} \left( \delta^{*}, \mu, \phi \right) = \begin{pmatrix}
R_{11}(\mu) \times I_{n-1}^{\downarrow} \left( \delta^{*}, -\mu, \phi \right) + R_{12}(\mu) \times Q_{n-1}^{\downarrow} \left( \delta^{*}, -\mu, \phi \right) \\
R_{12}(\mu) \times I_{n-1}^{\downarrow} \left( \delta^{*}, -\mu, \phi \right) + R_{11}(\mu) \times Q_{n-1}^{\downarrow} \left( \delta^{*}, -\mu, \phi \right) \\
R_{33}(\mu) \times U_{n-1}^{\downarrow} \left( \delta^{*}, -\mu, \phi \right) \\
R_{33}(\mu) \times V_{n-1}^{\downarrow} \left( \delta^{*}, -\mu, \phi \right)
\end{pmatrix}$$
(134)

### • Réflexion d'ordre 1

La réflexion du faisceau solaire direct atteignant le sol est un cas particulier de l'équation (134). Le champ de rayonnement solaire direct atteignant le sol s'exprime en fonction des paramètres de Stokes par :

$$\Delta(\mu'-\mu_0)\Delta(\phi'-\phi_0)\begin{bmatrix}E_S\\0\\0\\0\end{bmatrix}\exp(\delta^*/\mu_0) \text{ avec } \mu_0=-\cos\theta_s<0.$$

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 172

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

La réflexion de Fresnel de ce faisceau s'écrit simplement :

$$\overline{L}_{1}^{\uparrow \text{fresnel}} \left( \delta^{*}, \mu, \phi \right) = \overline{F} \left( \mu, \phi, \mu_{0}, \phi_{0} \right) \begin{pmatrix} E_{S} \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \exp(\delta^{*}/\mu_{0})$$

Soit

$$\overline{L}_{1}^{\uparrow fresnel} \left( \delta^{*}, \mu, \phi \right) = \Delta \left( \mu + \mu_{0} \right) \Delta \left( \phi - \phi_{0} \right) \begin{pmatrix} R_{11} (-\mu_{0}) \\ R_{12} (-\mu_{0}) \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \cdot E_{S} \cdot \exp(\delta^{*}/\mu_{0}) \tag{135}$$

### IX.2.2.b APPLICATION AU FORMALISME DES OS

Le code des OS sépare la dépendance azimutale de la dépendance zénithale.

#### • Réflexion d'ordre n > 1 dans les OS

Avec le formalisme de Fourier, on peut écrire que :

$$\begin{split} \overline{L}_{n>1}^{\uparrow fresnel} \left( \delta^*, \mu, \phi \right) &= \begin{pmatrix} \sum_{S=0}^{\infty} (2 - \delta_{0S}) . \cos \left[ \mathbf{s}(\phi - \phi_0) \right] \mathbf{I}_{\mathbf{n}}^{\mathbf{S} \uparrow fresnel} \left( \delta^*, \mu \right) \\ \sum_{S=0}^{\infty} (2 - \delta_{0S}) . \cos \left[ \mathbf{s}(\phi - \phi_0) \right] \mathbf{Q}_{\mathbf{n}}^{\mathbf{S} \uparrow fresnel} \left( \delta^*, \mu \right) \\ \sum_{S=0}^{\infty} (2 - \delta_{0S}) . \sin \left[ \mathbf{s}(\phi - \phi_0) \right] \mathbf{U}_{\mathbf{n}}^{\mathbf{S} \uparrow fresnel} \left( \delta^*, \mu \right) \\ \sum_{S=0}^{\infty} (2 - \delta_{0S}) . \sin \left[ \mathbf{s}(\phi - \phi_0) \right] \mathbf{V}_{\mathbf{n}}^{\mathbf{S} \uparrow fresnel} \left( \delta^*, \mu \right) \end{split}$$

L'équation (134) peut aussi s'écrire en décomposant  $I_{n-1}^{\downarrow}$ ,  $Q_{n-1}^{\downarrow}$ ,  $U_{n-1}^{\downarrow}$  et  $V_{n-1}^{\downarrow}$  en séries de Fourier :

$$\begin{split} \overline{\mathbf{L}}_{\mathbf{n}}^{\uparrow fresnel} \Big( \boldsymbol{\delta}^{*}, \boldsymbol{\mu}, \boldsymbol{\phi} \Big) &= \begin{pmatrix} \sum_{S=0}^{\infty} (2 - \delta_{0S}) . \cos \left[ \mathbf{s}(\boldsymbol{\phi} - \boldsymbol{\phi}_{0}) \right] \left[ \mathbf{R}_{11} (\boldsymbol{\mu}) . \mathbf{I}_{\mathbf{n}-\mathbf{l}}^{\mathbf{S} \downarrow} \left( \boldsymbol{\delta}^{*}, -\boldsymbol{\mu} \right) + \mathbf{R}_{12} (\boldsymbol{\mu}) . \mathbf{Q}_{\mathbf{n}-\mathbf{l}}^{\mathbf{S} \downarrow} \left( \boldsymbol{\delta}^{*}, -\boldsymbol{\mu} \right) \right] \\ \sum_{S=0}^{\infty} (2 - \delta_{0S}) . \cos \left[ \mathbf{s}(\boldsymbol{\phi} - \boldsymbol{\phi}_{0}) \right] \left[ \mathbf{R}_{12} (\boldsymbol{\mu}) . \mathbf{I}_{\mathbf{n}-\mathbf{l}}^{\mathbf{S} \downarrow} \left( \boldsymbol{\delta}^{*}, -\boldsymbol{\mu} \right) + \mathbf{R}_{11} (\boldsymbol{\mu}) . \mathbf{Q}_{\mathbf{n}-\mathbf{l}}^{\mathbf{S} \downarrow} \left( \boldsymbol{\delta}^{*}, -\boldsymbol{\mu} \right) \right] \\ \sum_{S=0}^{\infty} (2 - \delta_{0S}) . \sin \left[ \mathbf{s}(\boldsymbol{\phi} - \boldsymbol{\phi}_{0}) \right] \left[ \mathbf{R}_{33} (\boldsymbol{\mu}) . \mathbf{V}_{\mathbf{n}-\mathbf{l}}^{\mathbf{S} \downarrow} \left( \boldsymbol{\delta}^{*}, -\boldsymbol{\mu} \right) \right] \\ \sum_{S=0}^{\infty} (2 - \delta_{0S}) . \sin \left[ \mathbf{s}(\boldsymbol{\phi} - \boldsymbol{\phi}_{0}) \right] \left[ \mathbf{R}_{33} (\boldsymbol{\mu}) . \mathbf{V}_{\mathbf{n}-\mathbf{l}}^{\mathbf{S} \downarrow} \left( \boldsymbol{\delta}^{*}, -\boldsymbol{\mu} \right) \right] \end{aligned}$$

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 173

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Par identification avec l'équation précédente, on trouve que :

$$\overline{L}_{n}^{S \uparrow_{fresnel}} \left( \delta^{*}, \mu, \phi \right) = \begin{pmatrix}
R_{11}(\mu) \times I_{n-1}^{S \downarrow} \left( \delta^{*}, -\mu \right) + R_{12}(\mu) \times Q_{n-1}^{S \downarrow} \left( \delta^{*}, -\mu \right) \\
R_{12}(\mu) \times I_{n-1}^{S \downarrow} \left( \delta^{*}, -\mu \right) + R_{11}(\mu) \times Q_{n-1}^{S \downarrow} \left( \delta^{*}, -\mu \right) \\
R_{33}(\mu) \times U_{n-1}^{S \downarrow} \left( \delta^{*}, -\mu \right) \\
R_{33}(\mu) \times V_{n-1}^{S \downarrow} \left( \delta^{*}, -\mu \right)
\end{pmatrix} \tag{136}$$

### • Réflexion du faisceau solaire direct dans les OS

La discontinuité de  $\overline{L}_1^{\uparrow fresnel}\left(\delta^*,\mu,\phi\right)$  ne permet pas d'y associer un développement en séries de Fourier. Ainsi, on ne calcule pas directement ce terme dans le code des OS. Par contre, on introduit la diffusion de ce rayonnement montant. On peut l'exprimer dans la décomposition en séries de Fourier.

En effet, la luminance à un niveau  $\delta$  du profil est :

$$\overline{L}_{1}^{\uparrow fresnel}(\delta, \mu, \phi) = \Delta(\mu + \mu_{0}) \Delta(\phi - \phi_{0}) \begin{bmatrix} R_{11}(-\mu_{0}) \\ R_{12}(-\mu_{0}) \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} E_{S}.\exp(\delta^{*}/\mu_{0}).\exp((\delta^{*} - \delta)/\mu_{0})$$

Elle crée une fonction source :

$$F(\delta,\mu,\phi) = \frac{\omega_0}{4\pi} \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{1} P_{ST}(\delta,\mu,\phi,\mu',\phi') L_1^{\uparrow fresnel}(\delta,\mu',\phi') d\mu' d\phi'$$

Soit encore,

$$F(\delta, \mu, \phi) = \frac{\omega_0}{4\pi} . P_{ST}(\delta, \mu, \phi, -\mu_0, \phi_0) \begin{pmatrix} R_{11}(-\mu_0) \\ R_{12}(-\mu_0) \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} E_{S}.exp(2\delta^*/\mu_0).exp(-\delta/\mu_0)$$

On se ramène au formalisme de Fourier en exprimant la décomposition en séries de Fourier de la matrice de phase (seule fonction de  $\phi$ ). Ce qui donne :

$$F^{S}(\delta,\mu) = \frac{E_{S}.\exp(2\delta^{*}/\mu_{0}).\exp(-\delta^{*}/\mu_{0})}{4\pi}.\omega_{0}.P^{=S}(\delta,\mu,-\mu_{0})\begin{pmatrix} R_{11}(-\mu_{0}) \\ R_{12}(-\mu_{0}) \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 174

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

L'expression de la matrice de phase dans les OS, réduite aux paramètres I, Q et U, est :

$$\overset{=S}{P}(\mu, \mu') = \begin{bmatrix}
BP^{S}(\mu, \mu') & GR^{S}(\mu, \mu') & -GT^{S}(\mu, \mu') \\
GR^{S}(\mu', \mu) & ARR^{S}(\mu, \mu') & -ART^{S}(\mu', \mu) \\
-GT^{S}(\mu', \mu) & -ART^{S}(\mu, \mu') & ATT^{S}(\mu, \mu')
\end{bmatrix} (137)$$

Nous préciserons les fonctions BPs, GRs, ARRs, GTs, ARTs et ATTs par la suite (relation 144).

On peut ainsi écrire que :

$$F^{S}(\delta,\mu) = \frac{E_{S}.\exp(2\delta^{*}/\mu_{0}).\exp(-\delta^{*}/\mu_{0})}{4\pi} \times \omega_{0}(\delta). \begin{bmatrix} FI^{S}(\delta,\mu) \\ FQ^{S}(\delta,\mu) \\ FU^{S}(\delta,\mu) \end{bmatrix}$$
(138)

avec

$$\begin{bmatrix} FI^{S}(\delta, \mu) \\ FQ^{S}(\delta, \mu) \\ FU^{S}(\delta, \mu) \end{bmatrix} = \omega_{0}(\delta) \cdot \begin{bmatrix} BP^{S}(\mu, -\mu_{0}) \times R_{11}(-\mu_{0}) + GR^{S}(\mu, -\mu_{0}) \times R_{12}(-\mu_{0}) \\ GR^{S}(-\mu_{0}, \mu) \times R_{11}(-\mu_{0}) + ARR^{S}(\mu, -\mu_{0}) \times R_{12}(-\mu_{0}) \\ -GT^{S}(-\mu_{0}, \mu) \times R_{11}(-\mu_{0}) - ART^{S}(\mu, -\mu_{0}) \times R_{12}(-\mu_{0}) \end{bmatrix}$$
(139)

Le calcul du champ diffus induit par la réflexion du faisceau solaire est obtenu par intégration de proche en proche. Pour le champ montant, on écrit :

$$\overline{L}_{1}^{\uparrow fresnel} (\delta, \mu) = \overline{L}_{1}^{\uparrow fresnel} (\delta + \Delta \delta, \mu) \times \exp(-\Delta \delta/\mu) + \overline{V}^{S\uparrow} (\delta, \Delta \delta, \mu)$$
(140)

avec

$$\overline{\overline{V}}^{S\uparrow}(\delta, \Delta\delta, \mu) = \frac{1}{\mu} \int_{\delta}^{\delta + \Delta\delta} \overline{F}^{S}(\delta', \mu) \exp(-(\delta' - \delta) / \mu) . d\delta'$$
(141)

L'intégration n'est pas faite par linéarisation de la fonction source comme c'est le cas pour les autres diffusions. On se contente d'approximer la fonction intégrée par sa valeur moyenne sur l'intervalle  $\Delta\delta$ :

$$\overline{\overline{V}}^{S\uparrow}(\delta, \Delta\delta, \mu) = \frac{\Delta\delta}{2.\mu} \times \left[\overline{F}^{S}(\delta, \mu) + \overline{F}^{S}(\delta + \Delta\delta, \mu) \cdot \exp(-\Delta\delta/\mu)\right]$$
(142)

Cette approximation peut être une source d'écarts modérés.

Le calcul du champ diffus descendant est similaire.

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 175

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### IX.2.2.c IMPLÉMENTATION DANS LE CODE DES OS

Dans le code des OS, les directions intervenant pour les éléments de la matrice de phase sont indicées de la façon suivante:

$$\begin{cases} +\mu \leftrightarrow J \\ -\mu \leftrightarrow -J \\ +\mu_0 \leftrightarrow 0 \end{cases} \tag{143}$$

Pour appliquer les indices adaptés à l'équation (139), il faut faire intervenir des permutations d'angles sur les fonctions BPs, GRs, ARRs, GTs, ARTs et ATTs pour passer de - $\mu_0$  à + $\mu_0$ .

$$BP^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \beta_{k} . P_{s}^{k}(\mu) . P_{s}^{k}(\mu')$$

$$GR^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \gamma_{k} . P_{s}^{k}(\mu) . R_{s}^{k}(\mu')$$

$$GT^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \gamma_{k} . P_{s}^{k}(\mu) . T_{s}^{k}(\mu')$$

$$ARR^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \alpha_{k} . R_{s}^{k}(\mu) . R_{s}^{k}(\mu') + \xi_{k} . T_{s}^{k}(\mu) . T_{s}^{k}(\mu')$$

$$ART^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \alpha_{k} . R_{s}^{k}(\mu') . T_{s}^{k}(\mu) + \xi_{k} . R_{s}^{k}(\mu) . T_{s}^{k}(\mu')$$

$$ATT^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \alpha_{k} . T_{s}^{k}(\mu) . T_{s}^{k}(\mu') + \xi_{k} . R_{s}^{k}(\mu) . R_{s}^{k}(\mu')$$

avec les fonctions  $P_s^k(\mu)$ ,  $R_s^k(\mu)$  et  $T_s^k(\mu)$  définis à partir des fonctions généralisées de Legendre.

Ces fonctions vérifient les propriétés de permutations suivantes :

$$\begin{cases}
P_{s}^{k}(\mu) = (-1)^{k-s} \times P_{s}^{k}(-\mu) \\
R_{s}^{k}(\mu) = (-1)^{k-s} \times R_{s}^{k}(-\mu) \\
T_{s}^{k}(\mu) = (-1)^{k-s+1} \times T_{s}^{k}(-\mu)
\end{cases}$$
(145)

Ce qui permet de déduire que :

$$\begin{cases} BP^{S}(\mu, -\mu_{0}) = BP^{S}(-\mu, \mu_{0}) = BP^{S}(\mu_{0}, -\mu) \\ GR^{S}(\mu, -\mu_{0}) = GR^{S}(-\mu, \mu_{0}) \\ GR^{S}(-\mu_{0}, \mu) = GR^{S}(\mu_{0}, -\mu) \\ ARR^{S}(\mu, -\mu_{0}) = ARR^{S}(-\mu, \mu_{0}) = ARR^{S}(\mu_{0}, -\mu) \\ GT^{S}(-\mu_{0}, \mu) = -GT^{S}(\mu_{0}, -\mu) \\ ART^{S}(\mu, -\mu_{0}) = -ART^{S}(-\mu, \mu_{0}) \end{cases}$$

$$(146)$$

Réflexion de surface : réflexion de Fresnel sur mer plate

Or

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 176

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

Ainsi, l'équation (139) peut aussi s'écrire :

$$\begin{bmatrix} FI^{S}\left(\delta,\mu\right) \\ FQ^{S}\left(\delta,\mu\right) \\ FU^{S}\left(\delta,\mu\right) \end{bmatrix} = \omega_{0}(\delta) \times \begin{bmatrix} BP^{S}\left(\mu_{0},-\mu\right) \times R_{11}(-\mu_{0}) + GR^{S}\left(-\mu,\mu_{0}\right) \times R_{12}(-\mu_{0}) \\ GR^{S}\left(\mu_{0},-\mu\right) \times R_{11}(-\mu_{0}) + ARR^{S}\left(\mu_{0},-\mu\right) \times R_{12}(-\mu_{0}) \\ GT^{S}\left(\mu_{0},-\mu\right) \times R_{11}(-\mu_{0}) + ART^{S}\left(-\mu,\mu_{0}\right) \times R_{12}(-\mu_{0}) \end{bmatrix}$$
(147)

Nous avons introduit dans la routine « SOS\_NOYAUX » du logiciel, l'extension du calcul de la matrice de phase aux valeurs pour  $-1 < \mu < 1$ . L'implémentation des indices dans les OS est alors :

• Pour  $\mu$  < 0 :

$$\begin{bmatrix}
FI^{S}(\delta,-J) \\
FQ^{S}(\delta,-J) \\
FU^{S}(\delta,-J)
\end{bmatrix} = \omega_{0}(\delta) \cdot \begin{bmatrix}
BP^{S}(0,J) \times R_{11}(0) + GR^{S}(J,0) \times R_{12}(0) \\
GR^{S}(0,J) \times R_{11}(0) + ARR^{S}(0,J) \times R_{12}(0) \\
GT^{S}(0,J) \times R_{11}(0) + ART^{S}(J,0) \times R_{12}(0)
\end{bmatrix}$$
(148)

• Pour  $\mu > 0$ :

$$\begin{bmatrix} \operatorname{FI}^{S}(\delta, J) \\ \operatorname{FQ}^{S}(\delta, J) \\ \operatorname{FU}^{S}(\delta, J) \end{bmatrix} = \omega_{0}(\delta) \cdot \begin{bmatrix} \operatorname{BP}^{S}(0, -J) \times \operatorname{R}_{11}(0) + \operatorname{GR}^{S}(-J, 0) \times \operatorname{R}_{12}(0) \\ \operatorname{GR}^{S}(0, -J) \times \operatorname{R}_{11}(0) + \operatorname{ARR}^{S}(0, -J) \times \operatorname{R}_{12}(0) \\ \operatorname{GT}^{S}(0, -J) \times \operatorname{R}_{11}(0) + \operatorname{ART}^{S}(-J, 0) \times \operatorname{R}_{12}(0) \end{bmatrix}$$
(149)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 177

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### IX-3 Réflexion pour le modèle de BRDF de Roujean

### IX-3.1 Modèle de BRDF de Roujean

La BRDF de Roujean est définie par [DR14]:

$$\rho_{R}(\theta_{1}, \theta_{2}, \phi) = k_{0} + k_{1} \times \rho_{1}(\theta_{1}, \theta_{2}, \phi) + k_{2} \times \rho_{2}(\theta_{1}, \theta_{2}, \phi)$$
(150.a)

avec

$$\rho_{1}(\theta_{1}, \theta_{2}, \phi) = \frac{1}{2\pi} \left[ (\pi - \phi)\cos\phi + \sin\phi \right] \tan\theta_{1} \cdot \tan\theta_{2} - \frac{1}{\pi} \times \left[ \tan\theta_{1} + \tan\theta_{2} + \sqrt{\tan^{2}\theta_{1} + \tan^{2}\theta_{2} - 2 \cdot \tan\theta_{1} \cdot \tan\theta_{2} \cdot \cos\phi} \right]$$
(150.b)

et

$$\rho_2(\theta_1, \theta_2, \phi) = \frac{4}{3\pi} \cdot \frac{1}{\cos\theta_1 + \cos\theta_2} \times \left[ \left( \frac{\pi}{2} - \xi \right) \cdot \cos\xi + \sin\xi \right] - \frac{1}{3}$$
 (150.c)

où 
$$\xi$$
 est l'angle de phase défini par :  $\cos \xi = \cos \theta_1 \times \cos \theta_2 + \sin \theta_1 \times \sin \theta_2 \times \cos \phi$  (151)

# IX-3.2 Application au formalisme des OS

La réflexion par un modèle de BRDF correspond au terme  $M_{11}$  de la matrice de réflexion. La matrice correspondante peut s'écrire :

$$\overline{\overline{M}}(\mu, \phi, \mu', \phi') = \begin{pmatrix} M_{11}(\mu, \phi, \mu', \phi') & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ \hline 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

avec, par analogie entre les équations (112) et (113) :

$$\mathbf{M}_{11}(\mu, \phi, \mu', \phi') = \frac{-\mu' \times \rho_{R}(\mu, \phi, \mu', \phi')}{\pi}$$
(152)

L'utilisation du modèle de Roujean amène le logiciel à calculer un fichier « Surface » contenant la décomposition en séries de Fourier de cette matrice de réflexion sous un format adéquat pour le code des OS (cf. section IX.1.1.d, eq. 116). Le logiciel calcule donc les termes de la série de Fourier :

$$P_{II}^{S}(\mu',\mu) = \mu \pi \times M_{II}^{S}(\mu',\mu) = -\mu' \cdot \mu \times \rho_{P}^{S}(\mu',\mu)$$
(153)

### Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 178

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# IX-4 Réflexion pour des modèles de BPDF

Une complexité supplémentaire peut être introduite en prenant en compte la polarisation des surfaces. Ce type de développement peut être réalisé pour la réflexion spéculaire sur mer (cas du glitter pour une mer agitée) comme sur terres émergées. Le formalisme de réflexion fait alors intervenir une matrice de réflexion pour prendre en compte l'interaction en polarisation avec les paramètres de Stokes I, Q et U.

La réflexion de surface est régie par les lois de Fresnel. La matrice de réflexion se calcule ainsi à partir de la matrice de réflexion de Fresnel  $\mathbf{F}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi')$  pondérée par une fonction  $\mathbf{g}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi')$  relative à une statistique d'inclinaison des éléments de surface (orientation des vagues, des feuilles ou des facettes de surface).

$$\overline{\overline{\mathbf{M}}}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi') = \mathbf{g}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi') \times \overline{\overline{\mathbf{F}}}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi')$$
(154)

pour

- $u' = \cos \theta'$ : angle zénithal d'incidence  $(0 < \theta' < \pi/2)$ ,
- $u = \cos \theta$ : angle zénithal de réflexion  $(0 < \theta < \pi/2)$ ,
- $\Delta \phi$ : angle azimutal relatif entre les directions d'incidence et de réflexion selon la convention des OS,
- $\mathbf{F}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi')$  la matrice de réflexion de Fresnel,
- $g(u, \phi, u', \phi')$  une fonction liée à la statistique d'orientation des facettes.

# IX-4.1 Fonctions G de probabilité d'orientation des facettes de surface

### IX.4.1.a FORMALISME CLASSIQUE

• Cas de la réflexion du Glitter (loi de Cox & Munk [DR3], [DR5]) :

$$g_{Glitter}(u, \phi, u', \phi) = \frac{1}{4\pi . u . \sigma^2} \times \frac{1}{\mu_n^4} . exp\left(\frac{-\tan^2 \theta_n}{\sigma^2}\right)$$
(155.a)

avec  $\sigma = 0.003 + 0.00512 \times \text{vent (m/s)}$  (155.b)

et  $\mu_n = \cos \theta_n$  où  $\theta_n$  est l'angle zénithal de la normale à la facette des vagues.

• Cas de la réflexion du modèle de Rondeaux [DR13] :

$$g_{\text{Rondeaux}}\left(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi\right) = \frac{1}{4\pi \times (1 + \mathbf{u}/\mathbf{u}')}$$
(156)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 179

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

• Cas de la réflexion du modèle de Bréon [DR2] :

$$g_{Br\acute{e}on}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi) = \frac{1}{4\pi \times \mathbf{u}}$$
 (157)

• Cas de la réflexion du modèle de Nadal [DR12] :

$$g_{\text{Nadal}}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi) = \frac{F_{12}^{\text{Nadal}}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi)}{F_{12}^{\text{Fresnel}}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi)}$$
(158.a)

avec

$$\begin{cases} F_{12}^{\text{Nadal}}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi) = \alpha \times \left[ 1 - \exp\left( -\beta \times \frac{F_{12}^{\text{Fresnel}}(\omega)}{\mathbf{u} + \mathbf{u}'} \right) \right] \\ F_{12}^{\text{Fresnel}}(\omega) = 0.5 \times \left( r_r^2(\omega) - r_\ell^2(\omega) \right) \end{cases}$$
(158.b)

où  $F_{12}^{Fresnel}(\omega)$  est opposée à la valeur R12 de la matrice de Fresnel (cf. eq. 132, page 170) par convention de signe du modèle de Nadal.

#### IX.4.1.b FORMALISME POUR LES OS

Le programme SOS\_SURFACE ne calcule pas la matrice  $\mathbf{M}^S(u',u)$  mais  $\mathbf{P}^S(u',u) = u.\pi \times \mathbf{M}^S(u',u)$ . Le terme multiplicatif  $u.\pi$  est appliqué directement au calcul de la fonction G.

De plus, la routine SOS\_MAT\_REFLEXION calculant la décomposition en séries de Fourier de la matrice de réflexion divise G par  $4\sigma^2$  dans ses calculs, avec  $\sigma$  défini par la relation (155.b). Ce traitement initié pour le calcul du glitter a été conservé pour le calcul des autres types de réflexion. Afin de compenser le coefficient  $1/4\sigma^2$ , les fonctions G des modèles autres que le glitter sont multipliées par  $4\sigma^2$ . L'intervention du coefficient  $4\sigma^2$  pour ces modèles est purement un artefact et n'affecte pas les traitements. Par convention, on calcule pour ces modèles  $\sigma^2$  avec un vent nul.

On utilise ainsi dans le programme SOS SURFACE (routines SOS GSF et SOS GSF RONDEAUX BREON):

$$\begin{cases}
g_{\text{Glitter}}^{OS}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi) = u.\pi.4\sigma^{2} \times g_{\text{Glitter}}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi) = \frac{1}{\mu_{n}^{4}} \cdot \exp\left(\frac{-\tan^{2}\theta_{n}}{\sigma^{2}}\right) \\
g_{\text{Rondeaux}}^{OS}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi) = u.\pi.4\sigma^{2} \times g_{\text{Rondeaux}}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi) = \sigma^{2} \left(\frac{1}{u} + \frac{1}{u'}\right) \\
g_{\text{Bréon}}^{OS}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi) = u\pi.4\sigma^{2} \times g_{\text{Bréon}}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi) = \sigma^{2} \\
g_{\text{Nadal}}^{OS}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi) = u\pi.4\sigma^{2} \times g_{\text{Nadal}}(\mathbf{u}, \phi, \mathbf{u}', \phi)
\end{cases} (159)$$

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 180

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# IX-4.2 <u>Formalisme de décomposition en séries de Fourier de la matrice de réflexion de surface</u>

La matrice de réflexion spéculaire s'écrit comme le produit d'une fonction  $g(\mu, \phi, \mu', \phi')$  et de la matrice de réflexion de Fresnel  $\overline{\overline{F}}(\mu, \phi, \mu', \phi')$ :

$$\overline{\overline{M}}(\mu,\phi,\mu',\phi') = g(\mu,\phi,\mu',\phi') \times \overline{F}(\mu,\phi,\mu',\phi')$$
(154.bis)

# IX.4.2.a <u>DÉCOMPOSITION EN SÉRIES DE FOURIER DE LA FONCTION G</u>

La fonction  $g(\mu, \phi, \mu', \phi')$  est symétrique par rapport au plan principal solaire. On peut l'exprimer par une décomposition en séries de Fourier par rapport à  $\phi$ - $\phi$ ':

$$g(\mu, \phi, \mu', \phi') = \sum_{k=0}^{\infty} (2 - \delta_{0k}) \times \cos[k.(\phi - \phi')] g^{k}(\mu, \mu')$$
(160.a)

avec pour ordre k de la série :

$$g^{k}(\mu, \mu') = \frac{1}{2\pi} \int_{0}^{2\pi} \cos[k.(\phi - \phi')] g(\mu, \phi, \mu', \phi') d\phi'$$
 (160.b)

#### IX.4.2.b DÉCOMPOSITION EN SÉRIES DE FOURIER DE LA MATRICE DE RÉFLEXION DE FRESNEL

• En section IX-2.1, nous avons vu que la matrice de réflexion de Fresnel s'écrit :

$$\overline{F}_{k}^{*}(i_{1}) = \frac{1}{2} \times \begin{bmatrix} r_{\ell} \cdot r_{\ell}^{*} + r_{r} \cdot r_{r}^{*} & r_{\ell} \cdot r_{\ell}^{*} - r_{r} \cdot r_{r}^{*} & 0 \\ r_{\ell} \cdot r_{\ell}^{*} - r_{r} \cdot r_{r}^{*} & r_{\ell} \cdot r_{\ell}^{*} + r_{r} \cdot r_{r}^{*} & 0 \\ 0 & 0 & r_{\ell} \cdot r_{r}^{*} + r_{r} \cdot r_{\ell}^{*} \end{bmatrix}$$

avec pour coefficients de réflexion :

- Pour la composante parallèle : 
$$r_{\ell}(i_1) = \frac{m^2.\cos i_1 - \sqrt{m^2 - \sin^2 i_1}}{m^2.\cos i_1 + \sqrt{m^2 - \sin^2 i_1}}$$

- Pour la composante perpendiculaire : 
$$r_r(i_1) = \frac{\cos i_1 - \sqrt{m^2 - \sin^2 i_1}}{\cos i_1 + \sqrt{m^2 - \sin^2 i_1}}$$

pour une expression des paramètres de Stokes selon la définition de Kuscer et Ribaric :

$$\begin{cases} \mathbf{I} = \widetilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{\ell} . \widetilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{\ell}^* + \widetilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{r} . \widetilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{r}^* \\ \mathbf{Q} = \widetilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{\ell} . \widetilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{\ell}^* - \widetilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{r} . \widetilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{r}^* \\ \mathbf{U} = \widetilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{\ell} . \widetilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{r}^* + \widetilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{r} . \widetilde{\boldsymbol{\varepsilon}}_{\ell}^* \end{cases}$$

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 181

EDIT. : 03 REV. : 00

DATE: 02/06/2010

• Le développement de la matrice de Fresnel dans la base des polynômes de Legendre aboutit à l'expression suivante :

$$\stackrel{=*}{F_k}(\omega) = \begin{bmatrix}
\sum_{k=0}^{L} b_k \cdot \hat{P}_k(\cos \Omega) & \sum_{k=2}^{L} g_k \cdot \hat{P}_2^k(\cos \Omega) & 0 \\
\sum_{k=2}^{L} g_k \cdot \hat{P}_2^k(\cos \Omega) & \sum_{k=0}^{L} b_k \cdot \hat{P}_k(\cos \Omega) & 0 \\
0 & 0 & \sum_{k=0}^{L} d_k \cdot \hat{P}_k(\cos \Omega)
\end{bmatrix}$$
(161)

où  $\Omega = \pi - 2\omega$  est l'angle de diffusion correspondant à la réflexion pour un angle  $\omega$ .

Il y a une analogie de formalisme stricte avec la matrice de phase [DR5]. Aussi, on peut exprimer la matrice de réflexion de Fresnel par une décomposition en séries de Fourier selon :

$$\stackrel{=}{F}(\mu, \phi, \mu', \phi') = \sum_{n=0}^{L} (2 - \delta_{0n}) \times \left\{ \cos[n.(\phi - \phi')] \times \stackrel{=}{F}_{C}(\mu, \mu') + \sin[n.(\phi - \phi')] \times \stackrel{=}{F}_{S}(\mu, \mu') \right\}$$
(162)

avec

$$\overline{F}^{n}(\mu,\mu') = \overline{F}_{C}(\mu,\mu') + \overline{F}_{S}(\mu,\mu') \times \overline{D}$$
(163)

où

$$\frac{=}{D} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$$
(164)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 182

EDIT. : 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

On ainsi:

$$\stackrel{=n}{F}(\mu,\mu') = \begin{bmatrix}
BP^{n}(\mu,\mu') & GR^{n}(\mu,\mu') & -GT^{n}(\mu,\mu') \\
GR^{n}(\mu',\mu) & ARR^{n}(\mu,\mu') & -ART^{n}(\mu',\mu) \\
-GT^{n}(\mu',\mu) & -ART^{n}(\mu,\mu') & ATT^{n}(\mu,\mu')
\end{bmatrix}$$
(165)

soit:

$$\overset{=n}{F_C}(\mu, \mu') = \begin{bmatrix}
BP^n(\mu, \mu') & GR^n(\mu, \mu') & 0 \\
GR^n(\mu', \mu) & ARR^n(\mu, \mu') & 0 \\
0 & 0 & ATT^n(\mu, \mu')
\end{bmatrix}$$
(166)

$$\overset{=n}{F_S}(\mu, \mu') = \begin{bmatrix}
0 & 0 & GT^n(\mu, \mu') \\
0 & 0 & ART^n(\mu', \mu) \\
-GT^n(\mu', \mu) & -ART^n(\mu, \mu') & 0
\end{bmatrix}$$
(167)

$$BP^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \beta_{k} . P_{s}^{k}(\mu) . P_{s}^{k}(\mu')$$

$$GR^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \gamma_{k} . P_{s}^{k}(\mu) . R_{s}^{k}(\mu')$$

$$GT^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \gamma_{k} . P_{s}^{k}(\mu) . T_{s}^{k}(\mu')$$

$$ARR^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \alpha_{k} . R_{s}^{k}(\mu) . R_{s}^{k}(\mu') + \xi_{k} . T_{s}^{k}(\mu) . T_{s}^{k}(\mu')$$

$$ART^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \alpha_{k} . R_{s}^{k}(\mu') . T_{s}^{k}(\mu) + \xi_{k} . R_{s}^{k}(\mu) . T_{s}^{k}(\mu')$$

$$ATT^{S}(\mu, \mu') = \sum_{k=S}^{\infty} \alpha_{k} . T_{s}^{k}(\mu) . T_{s}^{k}(\mu') + \xi_{k} . R_{s}^{k}(\mu) . R_{s}^{k}(\mu')$$

pour les fonctions  $P_s^k(\mu)$ ,  $R_s^k(\mu)$  et  $T_s^k(\mu)$  définis à partir des fonctions généralisées de Legendre.

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 183

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### IX.4.2.c MATRICE DE RÉFLEXION

L'injection des relations (160) et (162) dans (154.bis) permet de montrer que :

$$\overline{\mathbf{M}}(\mu,\phi,\mu',\phi')$$

$$= \sum_{p=0}^{\infty} (2 - \delta_{0p}) \times \left\{ \cos[p.(\phi - \phi')] \times \overline{\overline{\mathbf{M}}}_{C}^{p}(\mu,\mu') + \sin[p.(\phi - \phi')] \times \overline{\overline{\mathbf{M}}}_{S}^{p}(\mu,\mu') \right\}$$

$$\left\{ \overline{\overline{\mathbf{M}}}_{C}^{p}(\mu,\mu') = g^{p}(\mu,\mu') \times \overline{\overline{\mathbf{F}}}_{C}^{0}(\mu,\mu') + \sum_{n=1}^{N} \left[ g^{p+n}(\mu,\mu') + g^{|p-n|}(\mu,\mu') \right] \times \overline{\overline{\mathbf{F}}}_{C}^{p}(\mu,\mu') \right\}$$
avec
$$\left\{ \overline{\overline{\mathbf{M}}}_{S}^{p}(\mu,\mu') = \sum_{n=1}^{N} \left[ g^{p+n}(\mu,\mu') - g^{|p-n|}(\mu,\mu') \right] \times \overline{\overline{\mathbf{F}}}_{S}^{p}(\mu,\mu') \right\}$$

$$\left\{ \overline{\overline{\mathbf{M}}}_{S}^{p}(\mu,\mu') = \sum_{n=1}^{N} \left[ g^{p+n}(\mu,\mu') - g^{|p-n|}(\mu,\mu') \right] \times \overline{\overline{\mathbf{F}}}_{S}^{p}(\mu,\mu') \right\}$$

 $\overline{\overline{\mathbf{M}}}^{p}(\mu, \mu') = \overline{\overline{\mathbf{M}}}_{C}^{p}(\mu, \mu') + \overline{\overline{\mathbf{M}}}_{S}^{p}(\mu, \mu') \times \overline{\overline{\mathbf{D}}}$ 

donnant

Soit encore:

$$\overline{\overline{M}}_{th\'{e}orie}^{p}(\mu,\mu') = g^{p}(\mu,\mu') \times \begin{bmatrix} BP^{0}(\mu,\mu') & GR^{0}(\mu,\mu') & 0 \\ GR^{0}(\mu',\mu) & ARR^{0}(\mu,\mu') & 0 \\ 0 & 0 & ATT^{0}(\mu,\mu') \end{bmatrix} \\
+ \sum_{n=1}^{N} \begin{bmatrix} g^{p+n}(\mu,\mu') + g^{|p-n|}(\mu,\mu') \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} BP^{n}(\mu,\mu') & GR^{n}(\mu,\mu') & 0 \\ GR^{n}(\mu',\mu) & ARR^{n}(\mu,\mu') & 0 \\ 0 & 0 & ATT^{n}(\mu,\mu') \end{bmatrix} \\
+ \sum_{n=1}^{N} \begin{bmatrix} g^{p+n}(\mu,\mu') - g^{|p-n|}(\mu,\mu') \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0 & 0 & -GT^{n}(\mu,\mu') \\ 0 & 0 & -ART^{n}(\mu',\mu) \\ -GT^{n}(\mu',\mu) & -ART^{n}(\mu,\mu') & 0 \end{bmatrix}$$
(172)

`

(171)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 184

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# IX.4.2.d SPÉCIFICITÉS D'IMPLÉMENTATION

$$\overline{\stackrel{p}{\mathbf{M}}}_{code}^{p}(\mu,\mu') = g^{p}(u,u') \times \begin{bmatrix}
BP_{code}^{0}(u,u') & GR_{code}^{0}(u,u') & 0 \\
GR_{code}^{0}(u',u) & ARR_{code}^{0}(u,u') & 0 \\
0 & 0 & -ATT_{code}^{0}(u,u')
\end{bmatrix}$$

$$+ \sum_{n=1}^{N} (-1)^{n} \times \left[g^{p+n}(u,u') + g^{|p-n|}(u,u')\right] \times \begin{bmatrix}
BP_{code}^{n}(u,u') & GR_{code}^{n}(u,u') & 0 \\
GR_{code}^{n}(u',u) & ARR_{code}^{n}(u,u') & 0 \\
0 & 0 & -ATT_{code}^{n}(u,u')
\end{bmatrix}$$

$$+ \sum_{n=1}^{N} (-1)^{n} \times \left[g^{p+n}(u,u') - g^{|p-n|}(u,u')\right] \times \begin{bmatrix}
0 & 0 & GT_{code}^{n}(u,u') \\
0 & 0 & ART_{code}^{n}(u,u')
\end{bmatrix}$$

$$- GT_{code}^{n}(u',u) - ART_{code}^{n}(u,u') & 0
\end{bmatrix}$$

Les fonctions BP<sup>S</sup>, GR<sup>S</sup>, ARR<sup>S</sup>, ART<sup>S</sup> et ATT<sup>S</sup>, associées à la réflexion de Fresnel, sont calculées pour les conditions suivantes :

- la réflexion de Fresnel est calculée en fonction de l'angle  $\Omega' = 2\omega$  (au lieu de l'angle  $\Omega = \pi 2\omega$ ),
- le coefficient de réflexion parallèle r<sub>ℓ</sub> est opposé à la valeur vraie,
- $u' = -\mu' > 0$ .

L'expression de la matrice de Fresnel en fonction de l'angle  $\Omega$ ' et l'opposition de  $r_{\ell}$  aboutissent à :

$$\begin{cases}
\beta_k^{code} = (-1)^k \times \beta_k^{th\'{e}orie} \\
\gamma_k^{code} = (-1)^k \times \gamma_k^{th\'{e}orie} \\
\delta_k^{code} = -(-1)^k \times \delta_k^{th\'{e}orie} \\
\alpha_k^{code} = (-1)^k \times \alpha_k^{th\'{e}orie} \\
\xi_k^{code} = -(-1)^k \times \xi_k^{th\'{e}orie}
\end{cases} (174)$$

Le calcul de la matrice de Fresnel à partir de  $u = \mu > 0$  et de  $u' = -\mu' > 0$ , joint à la sommation des termes avec le facteur  $(-1)^n$  permettent de faire concorder la théorie et l'implémentation. La démonstration se fait en

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 185

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

jouant sur les règles des fonctions  $P_s^k(\mu)$ ,  $R_s^k(\mu)$  et  $T_s^k(\mu)$  dont dépendent les fonctions  $BP^S$ ,  $GR^S$ ,  $ARR^S$ ,  $ART^S$  et  $ATT^S$  (cf. eq. 145) :

$$\begin{cases} P_S^k(\mu) = (-1)^{k-S} \times P_S^k(-\mu) \\ R_S^k(\mu) = (-1)^{k-S} \times R_S^k(-\mu) \\ T_S^k(\mu) = -(-1)^{k-S} \times T_S^k(-\mu) \end{cases}$$

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 186

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

# IX-5 Rôle des routines associées au programme SOS\_SURFACE

### IX-5.1 Procédures du fichier SOS\_SURFACE

• SOS\_SURFACE: Programme principal gérant l'ensemble des traitements permettant la création d'un fichier SURFACE pour les OS: décomposition en séries de Fourier d'une matrice de réflexion de surface pour les modèles du glitter, de BRDF de Roujean, de BPDF de Rondeaux, Bréon ou Nadal. Les options de traitements sont définies en section III-2.

• Routine SOS\_MAT\_FRESNEL : Calcule le développement de la matrice de Fresnel dans la base des polynômes de Legendre. Calculs utilisant l'opposé du coefficient de réflexion parallèle (voir section IX.4.2.d). Crée le fichier temporaire RES\_FRESNEL.

- Routine SOS\_MAT\_REFLEXION: Calcule la matrice de réflexion de surface pour le glitter ou autres BRDF / BPDF. Les angles d'incidence et de réflexion sont exprimés comme étant inférieurs à 90 degrés (µ de Gauss > 0). Crée le fichier temporaire RES\_MAT\_REFLEX.
- Routine SOS\_NOYAUX\_FRESNEL : Calcule la décomposition en séries de Fourier de la matrice de Fresnel selon l'azimut, pour les directions d'incidence et de réflexion  $\theta_1$  et  $\theta_2$ .
- Routine SOS\_MISE\_FORMAT : Réordonne les éléments de la matrice de réflexion, enregistrés dans le fichier RES\_MAT\_REFLEX, pour être utilisable par le code des OS. Les enregistrements dans le fichier d'entrée RES\_MAT\_REFLEX bouclent sur chaque couple d'angles  $(\theta_1, \theta_2)$  et donnent la décomposition en séries de Fourier associée. Le format d'enregistrement du fichier résultat, utilisable par le code des OS, boucle sur les ordres IS de la décomposition en séries de Fourier et donne pour chaque IS, les valeurs  $P_{ij}^{IS}(\theta_1, \theta_2)$  associées à l'ensemble des couples  $(\theta_1, \theta_2)$ .
- Routine SOS\_BPDF\_AJOUT\_BRDF: Fait la sommation de deux matrices de réflexion, décomposées en séries de Fourier.
- Routine SOS\_COMPLETE\_NOM\_FIC\_SURF : Complète le nom des fichiers du nombre d'angles de Gauss et du nom du fichier des « angles utilisateur ».

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 187

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### IX-5.2 <u>Procédures du fichier SOS\_NOM\_FIC\_SURFACE</u>

• Routine SOS\_NOM\_FICGLITTER : Gère la définition par défaut du nom des fichiers de Glitter en fonction de :

- L'indice de réfraction de l'eau : IND

**format F5.3** (précision à 10<sup>-3</sup>).

- La vitesse du vent : WIND

**format F4.1** (précision à 10<sup>-1</sup>).

- Nombre d'angles de Gauss utilisés : nnn.
- Nom du fichier des angles complémentaires de l'utilisateur : USERFILE (sans son arborescence).

Le nom du fichier de Glitter est de la forme : GLITTER-IND-WIND- MUNNN\_USERFILE avec

- IND sur 5 caractères (ex : 1.400)

- WIND sur 4 caractères (ex : 12.5)

Exemple: IND = 1.4, WIND = 12.5 et 24 angles de Gauss  $\Rightarrow$  « GLITTER-1.400-12.5-MU24 »

Les paramètres de simulations sont convertis en chaînes de caractères après multiplication par une puissance de 10 permettant d'obtenir un entier. Exemple pour la conversion de WIND en une chaîne de caractères CWIND(1:4) : on passe du format F4.1 au format I4 en multipliant WIND par 10, avant conversion en une chaîne de caractères A4. Le dernier caractère CWIND(4) est la décimale de WIND.

- Routine SOS\_NOM\_FICROUJ : Gère la définition par défaut du nom des fichiers de BRDF de Roujean en fonction de :
  - Paramètres de modèles k<sub>0</sub>, k<sub>1</sub> et k<sub>2</sub>

format F7.3 (précision à  $10^{-3}$ ).

- Valeur limite de l'angle zénithal de visée : SOS\_TETAV\_LIM\_ROUJEAN (précisée dans « SOS.h »).
- Valeur limite de l'angle zénithal solaire : SOS\_TETAS\_LIM\_ROUJEAN (précisée dans « SOS.h »).
- Nombre d'angles de Gauss utilisés : nnn.
- Nom du fichier des angles complémentaires de l'utilisateur : USERFILE (sans son arborescence).

Le nom du fichier de Roujean est de la forme :

 $ROUJ-K_0-K_1-K_2-VL\{sos\_tetav\_lim\_roujean\}-SL\{sos\_tetas\_lim\_roujean\}-Munnn\_UserFile$  avec  $K_x$  sur 7 caractères (ex: 000.243)

 $\underline{\text{Exemple}}: \ \text{SOS\_TETAV\_LIM\_ROUJEAN} = 60^{\circ}, \ \text{SOS\_TETAS\_LIM\_ROUJEAN} = 60^{\circ}, \ K_0 = 0.243, \ K_1 = 0.073, \\ K_2 = 0.642 \ \text{et} \ 24 \ \text{angles} \ \text{de} \ \text{Gauss} \Rightarrow \ll ROUJ-000.243-000.073-000.642-VL60-SL60-MU24} \rangle$ 

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 188

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

• Routine SOS\_NOM\_FICRH : Gère la définition par défaut du nom des fichiers de BRDF / BPDF du modèle de Rondeaux en fonction de :

- L'indice de réfraction de la végétation : IND

format F5.3 (précision à 10<sup>-3</sup>).

- Du modèle de BRDF de Roujean associé pour la composante d'intensité :
  - Paramètres k<sub>0</sub>, k<sub>1</sub> et k<sub>2</sub>

format F7.3 (précision à  $10^{-3}$ ).

- Valeur limite de l'angle zénithal de visée : SOS\_TETAV\_LIM\_ROUJEAN (précisée dans « SOS.h »).
- Valeur limite de l'angle zénithal solaire : SOS\_TETAS\_LIM\_ROUJEAN (précisée dans « SOS.h »).
- Nombre d'angles de Gauss utilisés : nn.
- Nom du fichier des angles complémentaires de l'utilisateur : USERFILE (sans son arborescence).

Le nom du fichier de Rondeaux est de la forme :

 $RH-IND-ROUJ-K_0-K_1-K_2-VL\{sos\_tetav\_lim\_roujean\}-SL\{sos\_tetas\_lim\_roujean\}-Munn\_UserFile \\ avec:$ 

- IND sur 5 caractères (ex : 1.500),

-  $K_x$  sur 7 caractères (ex: 000.243)

 $\underline{\text{Exemple}}: \text{ IND} = 1.5, \text{ sos\_tetav\_lim\_roujean} = 60^{\circ}, \text{ sos\_tetas\_lim\_roujean} = 60^{\circ}, \text{ } K_0 = 0.243, \\ K_1 = 0.073, K_2 = 0.642 \text{ et } 24 \text{ angles de Gauss}$ 

 $\Rightarrow$  « RH-1.500-ROUJ-000.243-000.073-000.642-VL60-SL60-MU24»

- Routine SOS\_NOM\_FICBREON: Gère la définition par défaut du nom des fichiers de BRDF / BPDF du modèle de Bréon en fonction de :
  - L'indice de réfraction de sol : IND

format F5.3 (précision à 10<sup>-3</sup>).

- Du modèle de BRDF de Roujean associé pour la composante d'intensité :
  - Paramètres k<sub>0</sub>, k<sub>1</sub> et k<sub>2</sub>

format F7.3 (précision à 10<sup>-3</sup>).

- Valeur limite de l'angle zénithal de visée : SOS\_TETAV\_LIM\_ROUJEAN (précisée dans « SOS.h »).
- Valeur limite de l'angle zénithal solaire : SOS\_TETAS\_LIM\_ROUJEAN (précisée dans « SOS.h »).
- Nombre d'angles de Gauss utilisés : nn.
- Nom du fichier des angles complémentaires de l'utilisateur : USERFILE (sans son arborescence).

Le nom du fichier de Bréon est de la forme :

BREON-IND-ROUJ-K<sub>0</sub>-K<sub>1</sub>-K<sub>2</sub> //

-VL{SOS\_TETAV\_LIM\_ROUJEAN}-SL{SOS\_TETAS\_LIM\_ROUJEAN}-MUNN\_USERFILE

avec:

- IND sur 5 caractères (ex: 1.500),

-  $K_x$  sur 7 caractères (ex : 000.243)

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature : SOS-MU-001-II

PAGE: 189

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

 $\underline{\text{Exemple}}: \text{ IND } = 1.5, \text{ Sos\_Tetav\_lim\_roujean} = 60^{\circ}, \text{ Sos\_Tetas\_lim\_roujean} = 60^{\circ}, \text{ } K_0 = 0.243, \\ K_1 = 0.073, K_2 = 0.642 \text{ et } 24 \text{ angles de Gauss}$ 

⇒ « BREON-1.500-ROUJ-000.243-000.073-000.642-VL60-SL60-MU24»

• Routine SOS\_NOM\_FICNADAL : Gère la définition par défaut du nom des fichiers de BRDF / BPDF du modèle de Nadal en fonction de :

- L'indice de réfraction de surface : IND **for** 

format F5.3 (précision à 10<sup>-3</sup>).

- La valeur du paramètre α du modèle

format F6.4 (précision à 10<sup>-4</sup>).

- La valeur du paramètre β du modèle

**format F4.1** (précision à 10<sup>-1</sup>).

- Du modèle de BRDF de Roujean associé pour la composante d'intensité :

- Paramètres k<sub>0</sub>, k<sub>1</sub> et k<sub>2</sub>

format F7.3 (précision à  $10^{-3}$ ).

- Valeur limite de l'angle zénithal de visée : SOS\_TETAV\_LIM\_ROUJEAN (précisée dans « SOS.h »).
- Valeur limite de l'angle zénithal solaire : SOS\_TETAS\_LIM\_ROUJEAN (précisée dans « SOS.h »).
- Nombre d'angles de Gauss utilisés : nn.
- Nom du fichier des angles complémentaires de l'utilisateur : USERFILE (sans son arborescence).

Le nom du fichier de Nadal est de la forme :

NADAL-IND-α-β //

 $-ROUJ-K_0-K_1-K_2-VL\{sos\_tetav\_lim\_roujean\}-SL\{sos\_tetas\_lim\_roujean\}-Munn\_UserFile$ 

avec:

-  $\alpha \text{ sur } 6 \text{ caractères}$  (ex: 0.02229)

-  $\beta$  sur 4 caractères (ex : 38.0)

- IND sur 5 caractères (ex : 1.500),

-  $K_x$  sur 7 caractères (ex: 000.243)

 $\underline{\text{Exemple}}: \text{Pour un modèle de Nadal défini par un indice IND} = 1.5, \ \alpha = 0.0229, \ \beta = 38, \ \text{et un modèle de Roujean pour Sos_TETAV_LIM_ROUJEAN} = 60^\circ, \ \text{Sos_TETAS_LIM_ROUJEAN} = 60^\circ, \ K_0 = 0.243, \ K_1 = 0.073, \ K_2 = 0.642 \ \text{et } 24 \ \text{angles de Gauss}$ 

⇒ « NADAL-1.500-0.0229-38.0-ROUJ-000.243-000.073-000.642-VL60-SL60-MU24»

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 190

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### IX-5.3 Procédures du fichier SOS\_ROUJEAN

• Routine SOS\_ROUJEAN : Génère les fichiers de BRDF du modèle de Roujean.

Si on nomme  $F_R(\theta_1, \theta_2, \phi)$  la BRDF de Roujean (dimension d'une réflectance), la routine calcule la décomposition en séries de Fourier sur  $\phi$  de la fonction F suivante :

$$F(\theta_1, \theta_2, \phi) = F_R(\theta_1, \theta_2, \phi) \times \cos \theta_1 \times \cos \theta_2 \tag{175}$$

pour

- $\theta_1$ : angle zénithal d'incidence  $(0 < \theta_1 < \pi/2)$ ,
- $\theta_2$ : angle zénithal de réflexion  $(0 < \theta_2 < \pi/2)$ ,
- $\phi$ : angle azimutal relatif entre les directions d'incidence et de réflexion selon la convention du modèle de Roujean  $(0 \le \phi \le \pi)$ :  $\phi_{OS} = \pi$   $\phi_{Roujean}$ ,
- $F_R(\theta_1, \theta_2, \phi)$  la BRDF de Roujean définie par les paramètres  $K_0$ ,  $K_1$ ,  $K_2$  (de grandeurs donnant une réflectance).

Le résultat de la décomposition en séries de Fourier de la fonction  $F(\theta_1, \theta_2, \phi)$  est enregistré sous un format adéquat pour le code des OSD (voir section IX-3).

- Routine SOS\_ CALC\_F\_ROUJEAN : Calcule la fonction  $F(\theta_1, \theta_2, \phi)$  pour un couple d'angles  $(\theta_1, \theta_2)$  et un azimut  $\phi$ .
- Routine SOS\_FSF\_ROUJEAN: Réalise la décomposition en séries de Fourier sur  $\phi$  de la fonction  $F(\theta_1, \theta_2, \phi)$  et enregistre les résultats dans le fichier "RES\_MAT\_REFLEX" pour chaque couple d'angles  $(\theta_1, \theta_2)$ .
- Routine SOS\_MISE\_FORMAT\_RJ: La décomposition en séries de Fourier de la fonction F correspond au terme  $P_{11}$  d'une matrice de réflexion. La routine intègre cet élément dans une matrice Pij, en posant nuls les autres termes, relatifs à la polarisation par réflexion. Les enregistrements dans le fichier d'entrée "RES\_MAT\_REFLEX" bouclent sur chaque couple d'angles  $(\theta_1, \theta_2)$  et donnent la décomposition en séries de Fourier associée. Le format d'enregistrement du fichier résultat, utilisable par le code des OS, boucle sur les ordres IS de la décomposition en séries de Fourier et donne pour chaque IS, les valeurs  $P_{ij}^{IS}(\theta_1, \theta_2)$  associées à l'ensemble des couples  $(\theta_1, \theta_2)$ .

# Manuel utilisateur du code des OSD

Nomenclature: SOS-MU-001-II

PAGE: 191

EDIT.: 03 REV.: 00

DATE: 02/06/2010

### IX-5.4 Procédures du fichier SOS\_GLITTER

- Routine SOS\_GLITTER : Génère les fichiers de BRDF / BPDF de la réflexion du Glitter.
- **Routine SOS\_CALCG :** Calcule la fonction  $g_{Glitter}^{OS}(u, \phi, u', \phi')$  pour un couple d'angles  $(\theta_1, \theta_2)$  et un azimut  $\phi$  (cf. eq. 159, page 179).
  - **Routine SOS\_GSF**: Décompose en séries de Fourier la fonction  $g_{Glitter}^{OS}(u, \phi, u', \phi')$ .

### IX-5.5 Procédures du fichier SOS\_RONDEAUX\_BREON

- Routine SOS\_RONDEAUX\_BREON: Génère les fichiers de BRDF/BPDF de la réflexion des modèles de Rondeaux ou Bréon.
- Routine SOS\_GSF\_RONDEAUX\_BREON : Décompose en séries de Fourier la fonction  $g_{\text{Rondeaux}}^{OS}\left(\mathbf{u},\phi,\mathbf{u}',\phi'\right)$  ou  $g_{\text{Bréon}}^{OS}\left(\mathbf{u},\phi,\mathbf{u}',\phi'\right)$  du modèle de Rondeaux ou Bréon (cf. eq. 159, page 179).

### IX-5.6 Procédures du fichier SOS\_NADAL

- Routine SOS\_NADAL : Génère les fichiers de BRDF / BPDF de la réflexion du modèle de Nadal.
- Routine SOS\_CALC\_F21\_NADAL\_SUR\_FRESNEL : Calcule la fonction  $g_{Nadal}^{OS}(u, \phi, u', \phi')$  du modèle de Nadal (cf. eq. 159, page 179).
  - **Routine SOS\_F21SF\_NADAL**: Décompose en séries de Fourier la fonction  $g_{Nadal}^{OS}(u, \phi, u', \phi')$ .