

# 2023秋音乐与数学期中大作业

# 作业要求

本次作业要求利用 **遗传算法(Genetic Algorithm)** 来进行机器作曲。通过随机生成或根据现有音乐片段,建立合适的适应度函数(fitness function)指引进化,生成更好的音乐片段。

# 实验工具

midi文件能更好地建立起音乐与计算机之间的联系。在Python语言中,对midi文件有较好的第三方模块支持,以下代码基于其中使用最多的 mido 库进行。

为此, 在文件目录下打开命令行中执行

pip install -r requirements.txt

来安装必要的依赖。

所有的midi文件均存放于 midi 文件夹下。为了能更方便地预览midi, 使用musescore4进行midi 的展示。

# 算法设计

遗传算法模拟自然界的自然选择定律,对一个族群进行繁衍迭代,在遗传的过程中可能发生变异 (mutate)、交叉(crossover)的行为,要求我们建立一个合适的适应度(fitness)函数对子代进行筛 选,最终趋于适应环境。

为了便于算法的设计,我们采用先训练好节奏,随后再对于固定的节奏来生成音调进行训练。因此训练分离为节奏(ryhthm)和音调(pitch)两部分。

### 节奏部分

#### 交叉

我们采用这样的交叉方式:对于音轨A和音轨B,随机选取一个索引i,把A音轨的i小节之前与B音轨的第i小节之后直接进行拼接。特别地出于适应度的考虑我们规定这个索引i是偶数。

#### 变异

我们为节奏设计了四种变异算法:

- 交换两个音符的时值
- 把一个音符分成两个音符
- 把两个音符合并为一个音符
- 把一个小节的全部音符复制到另一个小节

#### 适应度

衡量适应度有多方面的因素,包括:

• 我们希望强拍上有音。例如对于一个4/4拍曲子,一个小节当中的第一拍和第三拍最好有音。



在这个例子当中,第一小节的一三拍都有音,而第二小节则不然,因此我们给第二小节一个负权重。

#### 适应度公式:

$$f_1 = \frac{r_1}{n}(b - 2n)$$

这里  $r_1$  是权重系数,b 是强拍音数量,n 是小节数。

• 如果一个曲子的节奏存在呼应,那么是很好的。特别地,对于一个8小节的曲子,我

们希望 $A_8 = \{(1,3); (2,4); (4,6); (5,7)\}$ 小节是呼应的。可以简单建立搞一个描述两小节相似度的函数。

#### 适应度公式:

$$f_2 = rac{r_2}{n} \sum_{i,j} c_{i,j} = rac{r_2}{n} \sum_{i,j} rac{\left|I \cap J
ight|^2}{\left|I
ight|\left|J
ight|}$$

这里  $r_2$  是权重系数,i,j 表示要比较的小节(例如对于8小节片段,数对 (i,j) 遍历集合  $A_8$ ),而 I,J 表示 i,j 两小节的音符集合。两个音符相同当 且仅当他们时值相同,且在小节中的相对位置相同。

# 代码实现

### 模块包装

mido 原本的逻辑是把midi文件剖分为若干音轨,每个音轨是一个列表,内部按照 事件 逻辑来存储音符信息。例如元事件:

```
mido.MetaMessage("key_signature", key="C", time=0)
```

用于签订调式为C大调,而事件

```
mido.Message("note_on", note=72, velocity=80, time=480)
```

用于声明一个音符发出的事件,距离上一个事件结束480tick(=1拍)。该音符为C5(=72),音量为80。

由于以下的作曲非常简单,没有必要使用 mido 中这样复杂的功能,因此我们对 mido 库做出了包装,即 midoWrapper。其中提供了对音符的类 Note 包装和音轨的类 Track 包装。以下介绍运行逻辑和一些重要的函数。

```
class Note:
    def __init__(
        self, pitch: Pitch_T, length: int, start_time: int, velocity: int = VELOCITY
):
        # Here the "time" is "tick" in mido actually
        self.pitch = pitch
        self.length = length
        self.start_time = start_time
        self.velocity = velocity

@property
def end_time(self):
        return self.start_time + self.length
```

类 Note 中的音符包含音高、长度、起始时间(指在音轨中的绝对时间,而非原本 mido 库中与上一事件的相对时间)和音量信息,同时提供查询结束时间的属性。此外,也提供了音名(例如 C5)与midi音高编码(例如72)之间的转化接口,判断一个音是否在一个固定的调式中等等。

特别地,我们提供了一个随机生成指定调式音符的接口:

```
def random_pitch_in_mode(
    key: Key_T, min_pitch: int = NOTE_MIN, max_pitch: int = NOTE_MAX
): ...
```

其中 Key\_T 类型同时兼容大调和小调的调式名称(例如 C# 或 Ebm ) 而 min\_pitch 和 max\_pitch 标定了生成音符的范围。

```
class Track:
    def __init__(self, instrument: int = 0, key: Key_T = "C"):
        self.instrument = instrument
        self.key = key
        self.note: List[Note] = []
```

类 Track 当中重点强调了乐器和调式的属性,同时把所有的音符置于一个列表当中。

其中提供了与 mido 内置的 midiTrack 类型的相互转化接口:

```
def from_track(track: mido.MidiTrack) -> "Track": ...
def to_track(self) -> mido.MidiTrack: ...
```

同时,由于我们的节奏训练和音调训练是分离进行的,因此我们给出了两个函数,分别用于生成 随机音轨和在给定节奏之上生成随机的音高:

```
def generate_random_track(self, bar_number: int): ...
def generate_random_pitch_on_rhythm(self, track: "Track"): ...
```

尤其要强调的是,我们也实现了移调、倒影和逆行的三个变换:

```
def transpose(self, interval): ...
def inverse(self, center): ...
def retrograde(self): ...
```

最后,我们也提供了一些简单的函数,分别用于进行midi文件的生成、解析、存储。

```
def generate_midi(key: Key_T = None): ...
def parse_midi(filename: str): ...
def save_midi(s: mido.MidiFile, filename: str): ...
```

### 音轨的生成与读取

具体内容详见 测试代码。

• 在 generate\_random\_midi\_test 中,我们建立了一个空白的midi文件,并利用 generate\_random\_track 生成了一个#g小调的4小节随机音乐片段。随后将音轨进行深拷贝,再对其作逆行变换,作为第二条音轨添加进去。这样,输出了一个双音轨的音乐片段,其中两个音轨互为逆行关系。



• 在 read\_midi\_test 中,我们对一个现有的midi文件进行解析,并打印出基本信息。 这段midi节选自久石让的《Summer》。可以对 Track 类型直接调用 print 函数来输出内部音符的具体信息。



Key: D

Instrument: 0
Length: 15353

Bar: 8

-----

Key: D

Instrument: 0
Length: 15347

Bar: 8