题目要求

第一个题目要求利用位运算的知识

并通过位运算的方式完成十进制加减乘法;

第二个题目要求计算1000!,结果超过两千位,远超int或者long long所能储存的值,应使用高精度乘法算法进行计算。

主要流程及解决思路

第一题: 位运算共包括六种: 与(&), 或(|), 非(~), 异或(^), 左移(<<), 右移(>>)。 左移和右移运算可进行快速乘2,除2操作。

a	b	a&b	a b	~a	a^b
0	0	0	0	1	0
0	1	0	1	1	1
1	0	0	1	0	1
1	1	1	1	0	0

根据该真值表可以进行位运算等操作。

计算机通过补码进行运算,即无需考虑加负数的问题。根据上学期的数字逻辑知识,可知完成十进制加法器可以通过异或运算计算本位(异或运算当且仅当a!=b时值为1),可计算出所有本位。再通过与运算计算出进位情况,当且仅当a==1&b==1时值为1,符合运算进位的需求,此时进位保留在本位,应使用左移运算,完成进位操作,再循环进行进位与异或计算答案的异或,直到进位为0;

减法运算,通过补码运算法则,对数据进行取补码运算先取反再加1,然后进行加法运算。乘法运算需要 先判断a和b的正负,并转为正数,a*b,b个a相加,通过循环,完成b个a的相加运算,最后进行正负的 判断。

第二题: 高精度计算, 通过int数组, 每个int存一位数, 通过-1指示该位是否使用。

高精度模拟了竖式计算法,完成按位相加后,需要维护数组的值在0到9之间。

为操作方便,数据逆序存储,累乘操作需保存结果且乘数每次循环加1,完成后逆序输出。

程序难点以及我遇到的问题

第一题:之前未曾学习有关位运算实现的相关知识,只有去年学习的数字逻辑电路的知识进行辅助,未了解C++通过补码计算的规则,在进行加法运算时错误认为需要提前判断正负,导致减法运算时没有头绪。仔细完成相关知识学习之后,该问题迎刃而解。

第二题: 高精度加法和乘法的运用。

程序的优缺点

第一题:设置了较为合理的操作选项,完成了六种位运算封装并测试和三种十进制运算,使用迭代计算,减少了递归调用的时间损耗,减少堆栈的占用。

第二题:使用int存位,使函数书写变得简洁,使用-1进行标识,方便了数位的判断,但使用memset()造成了时间的浪费。采用定长数组,在计算较小数的阶乘时,会造成空间的浪费。使用int存位相较于char存位,也造成了更大的浪费,若使用vector或者是string将进一步减少相关浪费。第一版将两个乘数全部使用高精度进行运算,浪费了空间和时间。在第二版中考虑到只有计算阶乘过程中第二个数不会出现爆int的情况,把第二个数直接以int形式乘到高精度数组中,然后进行数组维护,使程序更为简洁,提高了程序的效率。

我的收获

进一步学习了位运算,学习C/C++中接近底层的操作。巩固了高精度算法的运用,在编程过程中可以更多的考虑空间和时间的占用。在debug过程中有效利用IDE自带调试功能,以及在关键位置输出结果的方式,进行了函数的测试和使用。在C语言课程设计过程中学习的相关开发知识,进一步得到夯实,由过程化编程,进一步学习了面向对象的思想,巩固了类封装的相关知识。希望今后可以进一步提升自己编程能力,进一步优化程序。

代码实现

https://github.com/LeoMeng86/Cpp experiment.git