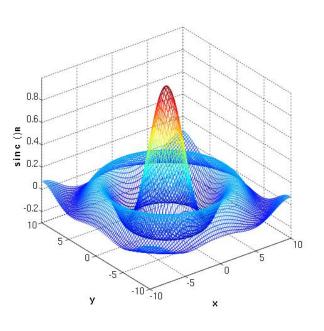
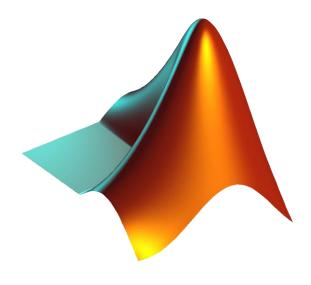




OUTILS NUMERIQUES POUR L'INGENIEUR I



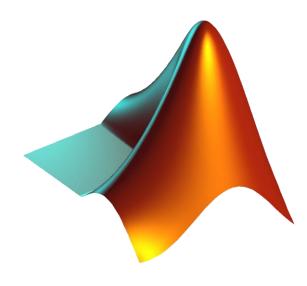
MATLAB



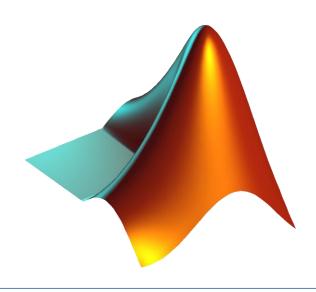
B. KADOCH et C. MARIANI

Plan du cours

- Présentation
- 2) Environnement
- 3) Commandes principales
- 4) M-files: Scripts, Fonctions
- 5) Utilisation de Matlab pour le calcul scientifique: Quelques applications
- 6) Lire et écrire des données dans différents formats de fichiers









Logiciel commercial de calcul et de développement conçu pour des utilisateurs scientifiques (Industrie + Recherche)

- Mathématiques et calculs
- Développement d'algorithmes
- Modélisation, simulation et prototypes
- Analyse, exploration et visualisation de données
- Opérations avec des matrices

Toolboxes (boîtes à outils)

Traitement du signal, d'images Optimisation, contrôle, équations différentielle ...



Langage interprété:

lors de l'exécution d'un programme, le code est traduit automatiquement en langage machine

- Matlab traite des données numériques et non pas des équations formelles
- particulièrement adapté au calcul matriciel

Alternatives open source

Octave: https://www.gnu.org/software/octave/

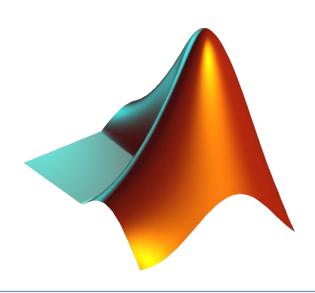
Scilab: http://www.scilab.org/fr/



AVANTAGES

- Le langage matlab est simple.
- Matlab a été conçu pour scientifiques et des ingénieurs.
- L'environnement est interactif.
- L'intégration des outils graphiques et mathématiques.
- Toolboxes et Simulink amènent une puissance et une souplesse.
- Les outils de calcul symbolique amènent une dimension qui ne se trouve pas dans les langages comme Fortran, C++, Java,...







Environnement : Démarrer Matlab

• Sous Windows : double-clique sur l'icône ou passer par le menu démarrer

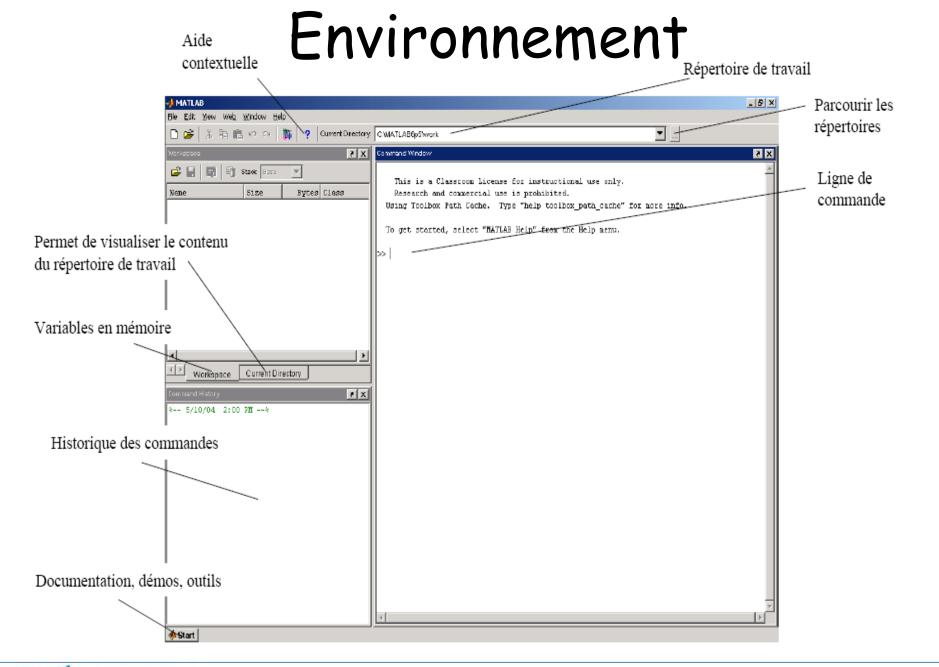


• Sous Unix ou Linux : taper matlab dans la console

Un environnement de développement intégré (<u>IDE</u>) s'ouvre :

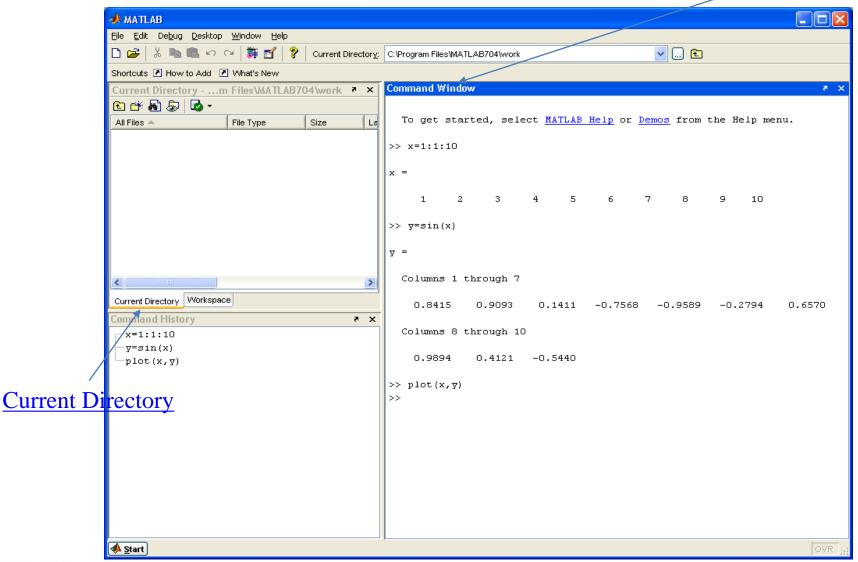
- ✓ fenêtre de commandes (Command Window)
- ✓ fenêtre de l'historique des commandes (Command History)
- ✓ fenêtre du répertoire courant (<u>Current Directory</u>)
- ✓ fenêtre des variables définies (Workspace)
- ✓ fenêtre graphique



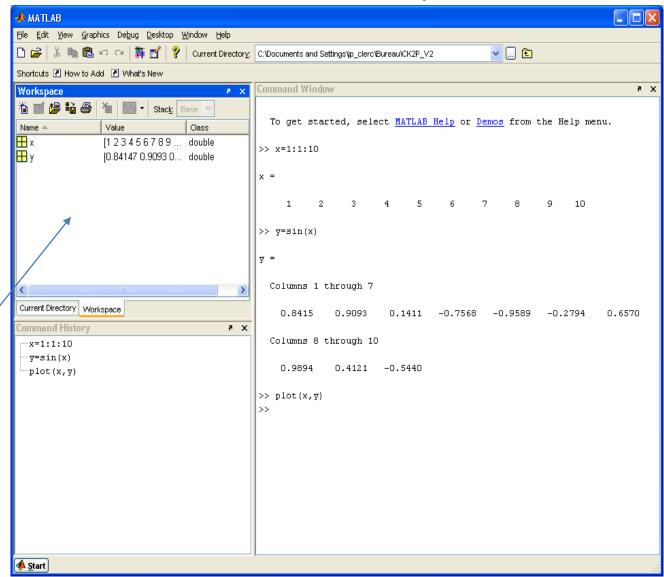




Command Window

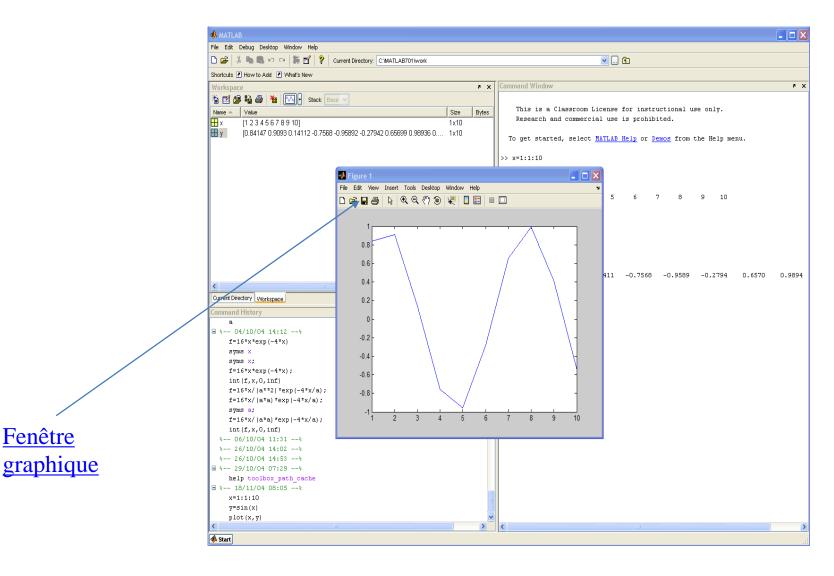






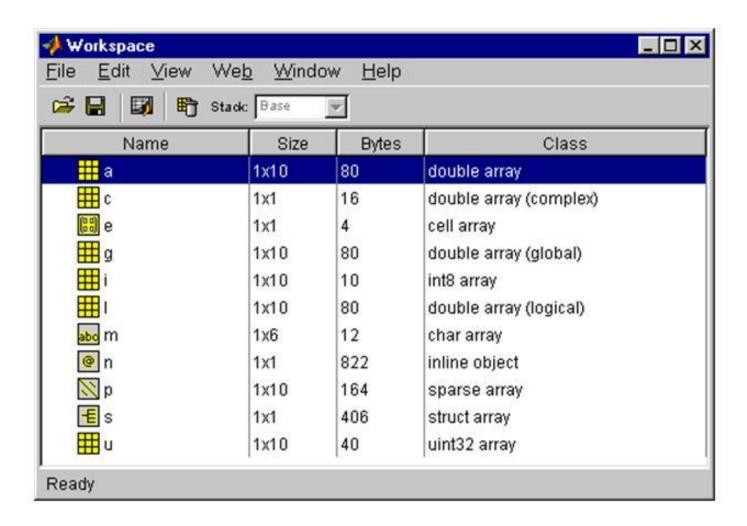


Workspace



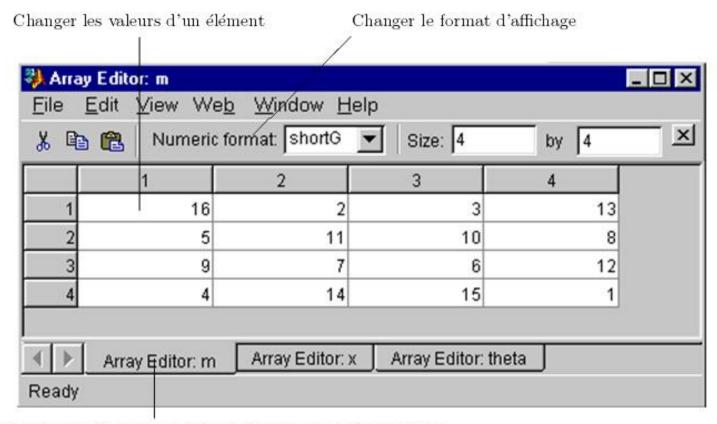


Navigateur workspace





Array Editeur

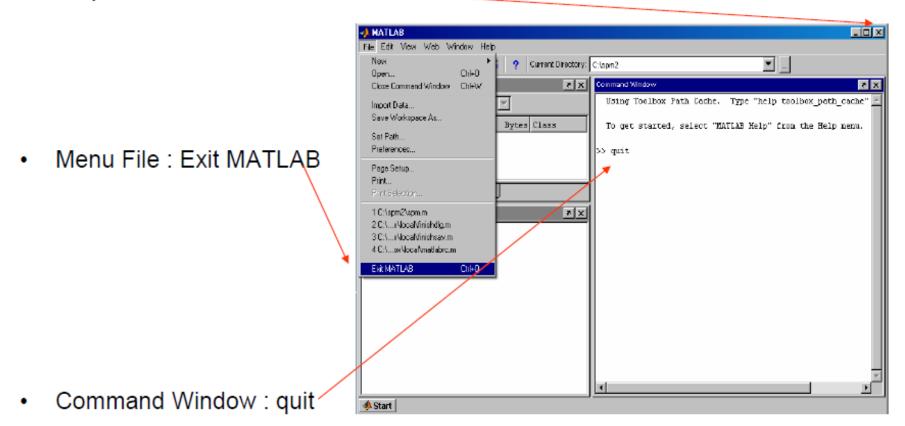


Utiliser les onglets pour voir les différentes variables ouvertes



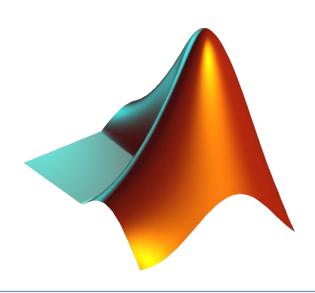
Quitter Matlab

Cliquer sur la croix





Commandes principales





Aide de Matlab

(information la plus importante du cours)

- L'aide de Matlab est accessible via la commande doc.
- Pour avoir des informations une fonction particulière, on utilise la commande help nom_de_la_fonction ou doc nom_de_la_fonction.
- On peut utiliser la commande lookfor avec un mot clé pour rechercher dans l'aide.
- Documentation en ligne: https://fr.mathworks.com/help/matlab/
- Google ou autres moteurs de recherche sont aussi très efficaces: beaucoup d'information et exemples peuvent trouver sur internet



Aide de Matlab

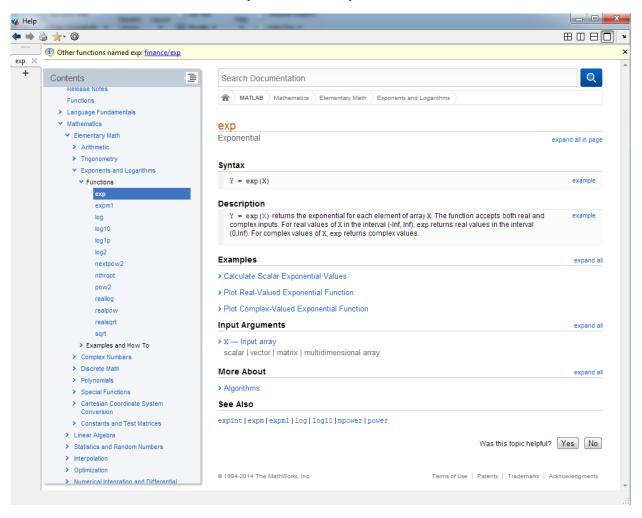
(information la plus importante du cours)

```
Command Window
  >> help exp
  exp - Exponential
      This MATLAB function returns the exponential for each element of array X.
      Y = exp(X)
      Reference page for exp
      See also expint, expm, expm1, log, log10, mpower, power
      Other functions named exp
          finance/exp
```



Aide de Matlab

(information la plus importante du cours)





Autres commandes utiles de Matlab

helpwin aide en ligne dans une fenêtre séparée

which localise fonctions et fichiers

• what liste des fichiers matlab dans le répertoire courant

who, whos liste des variables dans le workspace

Type de données et de variables

- Objets : tableaux rectangulaires de nombres
 - Un scalaire est considéré comme un tableau à une ligne et une colonne
 - Un vecteur comme un tableau à une ligne ou une colonne
 - Une matrice comme un tableau à plusieurs lignes et plusieurs colonnes
 - → Simplicité d'écriture des principales opérations arithmétiques
- Type et dimension d'une variable :
 - Détermination automatique à partir de l'expression mathématique ou de la valeur affectée
 - Si la variable existe déjà, le contenu est écrasé par une nouvelle valeur affectée à cette variable
- Type de données :
 - Type réel
 - Type complexe
 - Type chaîne de caractères
 - Type logique



Vecteurs

- Vecteur = liste de ses éléments entre []:
 - Vecteur ligne : $x = [1 \ 2 \ 3]$ ou x = [1,2,3]
 - Vecteur colonne : x = [1;2;3]
- Longueur d'un vecteur :
 - Commande length(x)
- Type et dimensions :
 - Commandes who / whos

```
>> x=[1 2 3]
\mathbf{x} =
     1
             2
                    3
>> length(x)
ans =
      3
>> whos
  Name
              Size
                                 Bytes Class
                                                     Attributes
  ans
              1x1
                                         double
              1x3
                                         double
  х
```



Vecteurs

- Eléments d'un vecteur :
 - $-x(k) = k^{eme}$ élément du vecteur x
 - -x(k:l) = éléments k à l du vecteur x
- Suite de nombres dans un vecteur :
 - -x = a:h:b = suite de a à b de h
 - Par défaut, a:b est une suite de a à b de pas h=1
- Concaténer des vecteurs :
 - $x_3 = [x_1, x_2]$ ou $x_3 = [x_1, x_2]$ concatène les vecteurs x_1 et x_2 dans x_3

```
>> x1=[1 2 3];

>> x2=[4 5 6];

>> x3=[x1 x2]

x3 =

1 2 3 4 5 6

>> x4=[x1;x2]

x4 =

1 2 3

4 5 6
```



Vecteurs spéciaux

- Commande ones = vecteur dont tous les éléments valent 1
 - ones(1,n) = vecteur ligne de n éléments
 - ones(m,1) = vecteur colonne de m éléments
- Commande zeros = vecteur dont tous les éléments valent 0
 - zeros(1,n) = vecteur ligne de n éléments
 - zeros(m,1) = vecteur colonne de m éléments
- Commande rand = vecteur dont les éléments sont générés aléatoirement entre 0 et 1
 - rand(1,n) = vecteur ligne de n éléments
 - rand(m,1) = vecteur colonne de m éléments



Matrices

- Matrice : liste de ses éléments entre []
 - Ligne séparées par un point virgule ou par un retour chariot
 - Éléments d'une même ligne séparée par un blanc ou une virgule

Ex : A = [1 2;3 4] ou

$$A = [1,2;3,4]$$
 ou
 $A = [1,2]$
 $[3,4]$

- Taille d'une matrice :
 - Commande size(A) = taille de la matrice
 - Commande size(A,1) = nombre de lignes
 - Commande size(A,2) = nombre de colonnes
- Type et dimension :
 - Commande who / whos



Matrices

- Extraire des lignes ou des colonnes :
 - A(:,j) = extraire tous les éléments de la jème colonne
 - A(i,:) = extraire tous les éléments de la ième ligne
 - A(:,end) = extraire tous les éléments de la dernière colonne
- Extraire un bloc de la matrice
 - A(I,J) = extraire le bloc défini par les vecteurs d'indice I et J
 - I = vecteur d'indices des lignes à extraire
 - J = vecteur d'indices des colonnes à extraire
- Extraire les diagonales
 - Commande diag(A): diagonale principale de la matrice A
 - Commande diag(A,k): sous diagonale de position k par rapport à la diagonale principale



Matrices

- Extraire les parties triangulaires :
 - Commande tril(A) = partie triangulaire inférieure
 - Commande tril(A,k) = partie triangulaire inférieure à partir de la kème diagonale
 - Commande triu(A) = partie triangulaire supérieure
 - Commande triu(A,k) = partie triangulaire supérieure à partir de la kème diagonale

Opérations élémentaires

Opérations sur :

- les scalaires
- les vecteurs
- les matrices

Constantes :

- pi = 3.141592...
- i ,j = nombres complexes (racine carrée de -1)
- eps = précision numérique relative 2.2204e-016
- realmin = plus petit nombre à virgule flottante (2.2251e-308)
- realmax = plus grand nombre à virgule flottante (1.7977e+308)
- NaN = « not-a-number » résultat d'une opération non définie (ex : résultat de l'opération 0/0)



Opérations sur les scalaires

- Opérations usuelles :
 - addition
 - soustraction
 - * multiplication
 - / division
 - ^ puissance
- Opérations spéciales :
 - Commande rem(m,n): reste de la division entière de deux entiers m/n
 - Commandes lcm(m,n) et gcd(m,n): plus petit multiple commun et plus grand diviseur commun à deux entiers m et n
 - ...



Opérations élémentaires

Dans la fenêtre de commande, on peut taper des instructions qui seront interprétées par le logiciel:

- Les opérateurs + * / ^ sont inclus.
- Les parenthèses s'utilisent de manière usuelle.

```
>> 2+3
    ans =
          5
   >> 2*3
   ans =
          6
   >> 2/3
         0.6667
   >> 2^3
f_{\mathbf{x}} >>
```

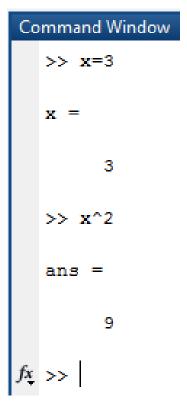
La racine carré s'utilise de la manière suivante:

```
Command Window
>> sqrt(2)
ans =
          1.4142
>> 2^0.5
ans =
          1.4142
```

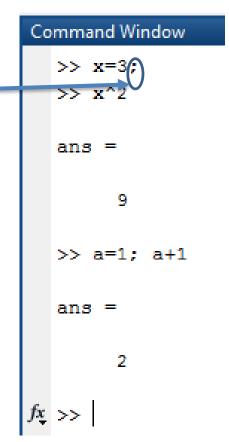


Opérations élémentaires

Définir et utilisation de variables:



Le « ; » à la fin d'une commande permet de ne pas afficher le résultat et sert aussi à terminer une opération



Fonctions mathématiques

- Fonctions mathématiques :
 - Logarithme népérien: log(x)
 - Logarithme en base 10 : log10(x)
 - Exponentielle : exp(x)
 - Racine carrée : sqrt(x)
 - Valeur absolue : abs(x)
 - Cosinus : cos(x)
 - Sinus : sin(x)
 - Tangente : tan(x)
 - ...
- Fonctions d'arrondis :
 - Entier le plus proche : round(x)
 - Arrondi par défaut : floor(x)
 - Arrondi par excès : ceil(x)
 - **–** ...



Types

- > Type numérique : réel et complexe
- Exemple : calcul de e, $e^{i\pi/4}$, i^2

```
exp(1) exp(i*pi/4) j*j
```

➤ Type booléen : 0 pour faux et 1 pour vrai Exemple : deux expressions booléennes

```
3 > 8 3 < 8
```

> Type caractère

```
Command Window
  >> exp(1)
  ans =
      2.7183
  >> exp(i*pi/4)
  ans =
     0.7071 + 0.7071i
  >> j*j
  ans =
      -1
```



Command Window

>> 3>8

ans =

>> 3<8

ans =

Nombres complexes

```
Command Window
  >> c1=1-2*i
  c1 =
     1.0000 - 2.0000i
  >> c2=3*(2-sqrt(-1)*3)
  c2 =
     6.0000 - 9.0000i
  >> angle(c1)
  ans =
     -1.1071
  >> real(c2)
  ans =
       6
  >> imag(c2)
  ans =
      -9
  >> abs(c2)
  ans =
     10.8167
```

```
real(c1) imag(c1) abs(c1) angle(c1)
autres fonctions: « conj » « isreal »
```

Génération automatique de nombre complexe

```
Command Window

>> (-2.5)^0.5

ans =

0.0000 + 1.5811i

fx >> |
```

Variables: noms

- > nom : (Identificateur) Les noms sont de plus 31 caractères (« underscore » peut être utilisé)
- > Différence entre les minuscules et les majuscules
- > 8var par exemple est interdit alors que var8 est licite
- > % commentaires :

```
Command Window

>> 1+1 % Exemple de commentaires

ans =
```



Affichages

Calcul en Matlab en double precision

format short: (default) Scaled fixed point format with 5 digits.

format long: Scaled fixed point format with 15 digits.

format short e : format court à 5 chiffres avec notation en virgule flottante.

format long e : format long à 15 chiffres avec notation en virgule flottante.

```
>> format short
                                >> format long
                                >> pi
>> pi
                                ans =
ans =
    3.1416
                                   3.141592653589793
>> format short e
                                >> format long e
>> pi
                                >> pi
ans =
                                ans =
   3.1416e+00
                                      3.141592653589793e+00
```



Formats de données et entrée/sortie

```
disp
                        Output sans formatage
                                                           Command Window
                           >> disp(pi)
                                                             >> disp(pi)
                              3.1416
et
                                                                3.141592653589793
                                                             >> fprintf('%15.11f',pi)
fprintf
                           Output avec formatage
                            >> fprintf('%15.11f',pi)
                             3.14159265359
```



Commandes principales

Création de séquences

n=Début : Fin

p=Début : incrément : Fin

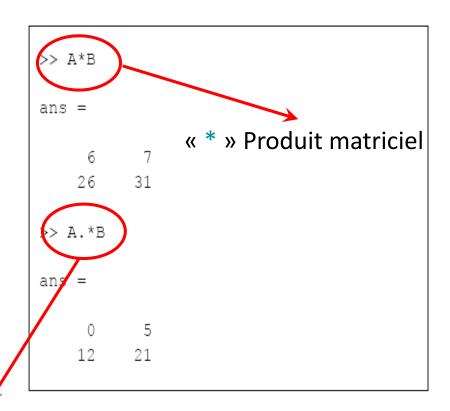
```
Command Window
  >> n=-5:5
 >> p=2:-0.1:1.5
   Columns 1 through 3
    2.00000000000000 1.900000000000 1.8000000000000
   Columns 4 through 6
    1.70000000000000 1.6000000000000 1.50000000000000
```



Commandes principales

Pour définir un vecteur, il faut mettre les éléments entre crochets : [] Séparés soit par espace ou virgule (vecteur ligne), soit par ; (vec. colonne)

```
>> A=[0 1;2 3]
A =
>> B=[4 5;6 7]
```



« . » Préfixe signifiant opération élément par élément



Commandes principales

Commentaire (dans un programme M-File)... sera imprimé par la commande « help ».

Command Window

```
>> A=[0 1; 2 3]

A = 

(; » Termine une rangée dans une matrice (rappel: sert aussi à éviter l'impression du résultat à l'écran)

5 B=[4 5; 6 7]; % lignes de commentaires

5 >> |
```



Variables: tableaux, matrices

Un vecteur est défini:

$$>> v = [1, 2, 4, 5] \%$$
 vecteur ligne

$$v = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 4 & 5 \end{bmatrix}$$

$$w = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 4 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Une matrice (tableau 2D)

$$>> A = [1,2,3;4,-5,6;5,-6,7]$$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & -5 & 6 \\ 5 & -6 & 7 \end{bmatrix}$$



Repérage des indices des matrices

Parentheses

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & -5 & 6 \\ 5 & 6 & 7 \end{bmatrix}$$

Sous-matrices définies par les vecteurs par rangée et colonne

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & -5 & 6 \\ 5 & 6 & 7 \end{bmatrix}$$

L'ordre est important!!!!

$$>> B=[A(3,2),A(3,1);A(2,2);A(2,1)]$$

$$B = \begin{bmatrix} 6 & 5 \\ -5 & 4 \end{bmatrix}$$

Repérage des indices des matrices

Les deux points pour balayer

On peut limiter

Forme générale pour :

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & -5 & 6 \\ 5 & 6 & 7 \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & -5 & 6 \\ 5 & 6 & 7 \end{bmatrix}$$

$$v = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \end{bmatrix}$$
$$w = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 5 \end{bmatrix}$$



Utilisation des indices des matrices



Opérations mathématiques de base

Les opérateurs mathématiques usuels s'appliquent à tous les niveaux:

scalaires

vecteurs

```
Command Window
  >> a=2; b=0.56; c=2*a^b
```

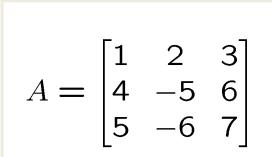
```
Command Window
  >> vec1=[1 2 3 4]; vec2=vec1*pi
  vec2 =
      3.1416
                 6.2832
                            9.4248
                                      12.5664
fx >>
```



Opérations mathématiques de base

Les opérateurs mathématiques matriciels usuels sont définis





Opérations mathématiques particulières aux tableaux Matlab

>> A.^b

2 possibilités

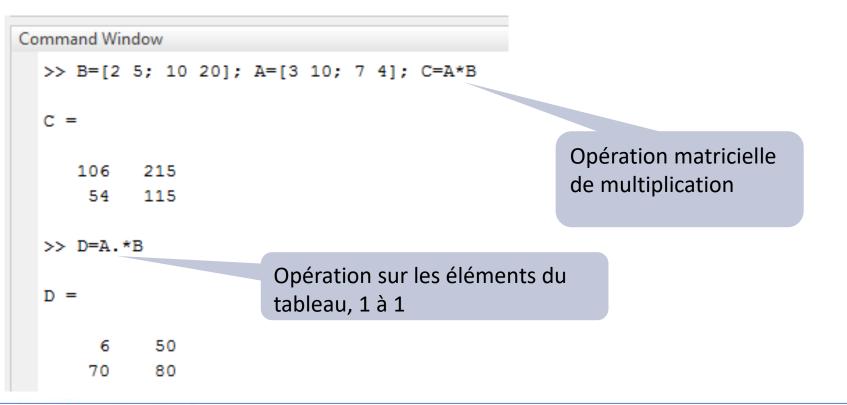
- Opérations élément par élément de 2 tableaux de dimensions identiques
- Opérations entre un tableau et un scalaire. Dans ce cas le « . » est inutile



Opérations mathématiques particulières aux tableaux Matlab

Exemple:

$$A = \begin{vmatrix} 3 & 10 \\ 7 & 4 \end{vmatrix}$$



Opérateurs rationnels

MATLAB supporte six opérateurs de relations logiques.

Less Than <

Less Than or Equal <=

Greater Than >

Greater Than or Equal >=

Equal To ==

Not Equal To ~=



Opérateurs logiques

MATLAB supporte trois opérateurs logiques.

| not | ~ |
|-----|---|
| and | & |
| or | ĺ |



Noms réservés en Matlab

Interdit de les utiliser comme noms de variables for end if while function return elseif case otherwise switch continue else try catch global persistent break

Pour connaître la liste exhaustive, taper: iskeyword



Structures de branchement : if

```
If expression
% exécute ces commandes
end
```

```
If expression1
% exécute ces commandes
elseif expression2
% exécute ces commandes
else
% exécute ces commandes
end
```



Structures de branchement : if

Notez que le décalage vers la droite est une convention de style qui facilite énormément la compréhension des programmes. L'éditeur MATLAB reconnait de plus les mots-clef et les colore.

```
% Calculate the function f(x,y) based upon
% the signs of x and y
if x >=0 && y >=0
    fun = x + y;
elseif x >= 0 && y<0
    fun = x + y^2;
elseif x <0 && y >=0
    fun = x^2 +y;
else
    fun = x^2 + y^2;
end
```



Structures de branchement : if exemples

```
if I == J
   A(I,J) = 2;
elseif abs(I-J) == 1
   A(I,J) = -1;
else
   A(I,J) = 0;
end
```

```
if ((attendance >= 0.90) & (grade_average >= 60))
   pass = 1;
end;
```



Structures de branchement : Switch

Un switch— case--otherwise dans MATLAB



Structures de branchement : Switch

```
sp=input('Quel est votre spécialité: \n')
2 -
       switch sp
            case 'génie chimique',
                disp(' spécialité fondée en 1888')
5 -
            case 'génie mécanique',
                disp(' spécialité fondée en 1810')
           case 'génie électrique',
                disp(' spécialité fondée en 1800')
            case 'génie biotechnologique',
                disp(' spécialité fondée en 2003')
10 -
11 -
            otherwise,
12 -
                disp(' inconnu au tableau')
13 -
       end
14
```



Structures de branchement : Switch

Un switch— case--otherwise dans MATLAB avec plusieurs conditions

```
switch (expression)

case (expression1, expression2), % au moins une de ces
% expressions est vraie
% exécute ces commandes
case expression4,
% exécute ces commandes
otherwise, % par defaut
% exécute ces commandes
end
```

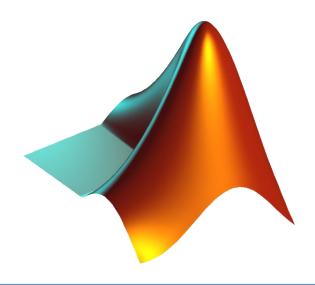


MATLAB Les boucles

Début: incrément: fin for x = 1: 0.5: 10% exécute ces commandes end Condition logique while x <= 10 % exécute ces commandes end



M-files: Scripts, Fonctions



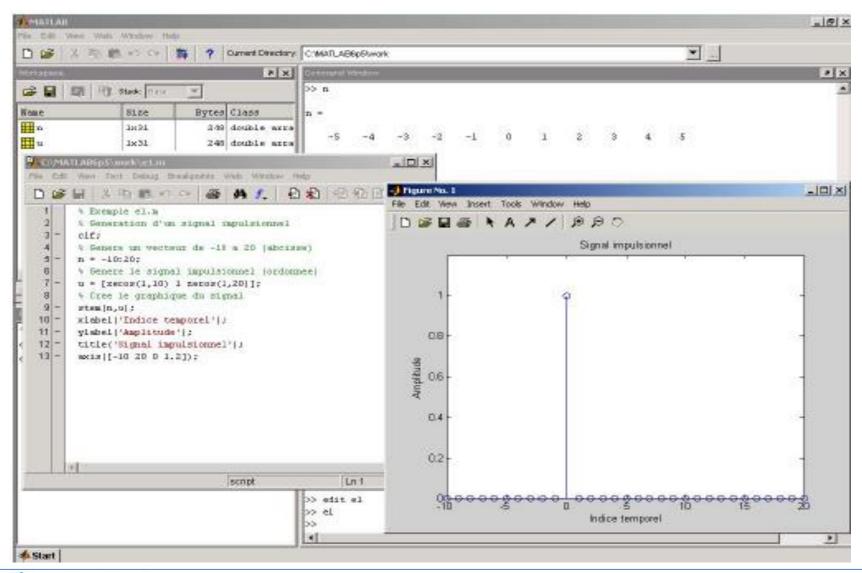


M-Files

- M-Files ≠ X-Files ©
- Les programmes MATLAB se présentent sous la forme de fichiers possédant l'extension *.m et se trouvant dans le répertoire de travail.
- On les crée à l'aide de la commande edit. Sans argument, cette commande crée un nouveau fichier. Avec argument, cette commande nous permet d'éditer le programme désiré.
- On les exécute en invoquant leur nom comme une commande.



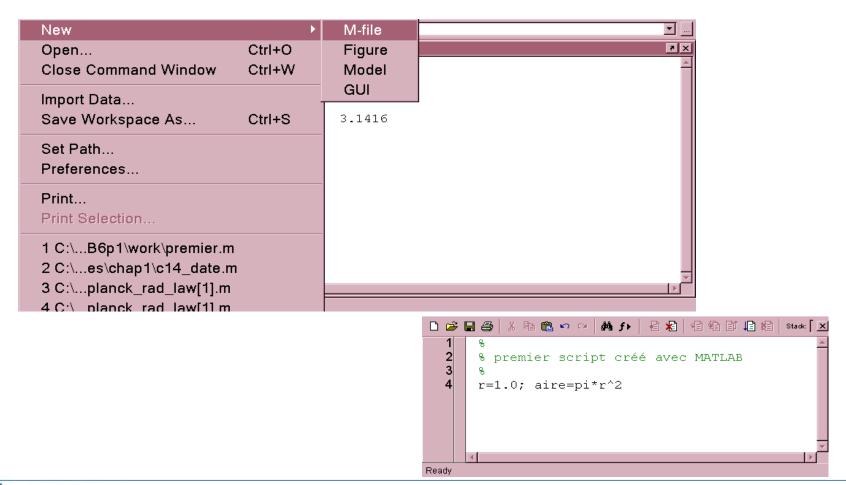
M-Files





Calcul avec des scripts (m-files)

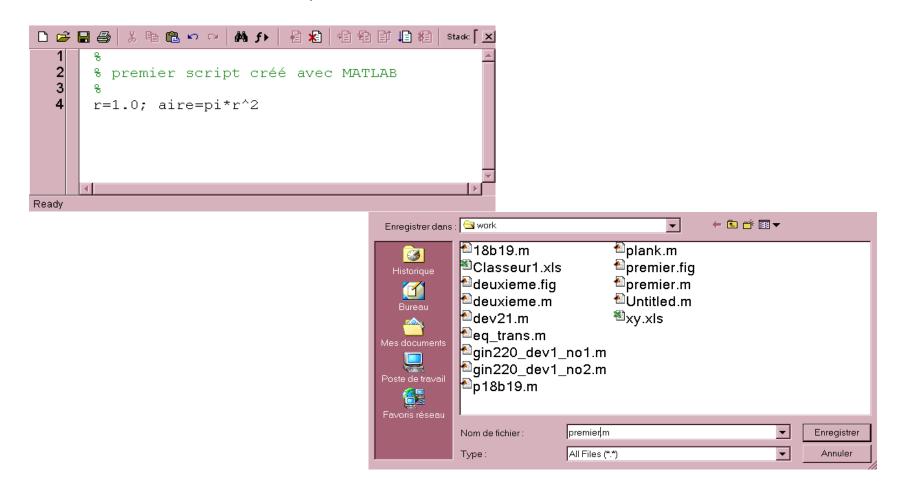
Matlab permet d'effectuer le travail à partir d'un fichier externe qui porte l'extension.





Calcul avec des scripts (m-files)

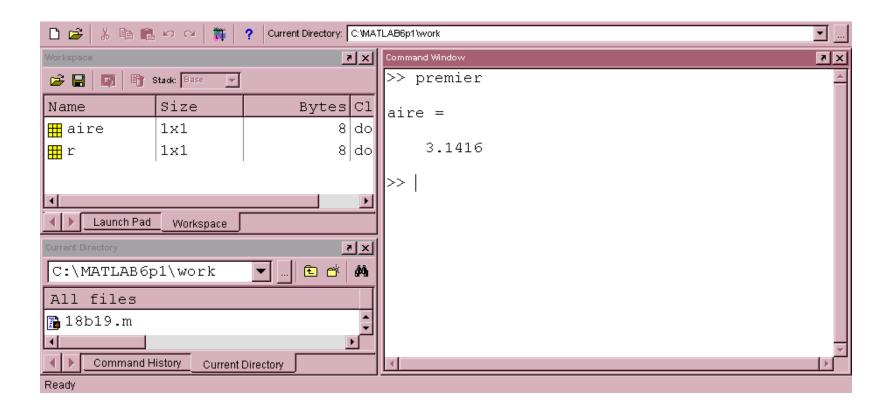
On enregistre ensuite le fichier (par défault dans le répertoire de travail de MATLAB)





Calcul avec des scripts (m-files)

On n'a ensuite qu'à appeler le nom (sans le .m) du fichier qui sera ainsi exécuté





Fonctions

Les fonctions sont des M-Files dont la premières lignes contient la commande « fonction » Input

```
au_carre.m 💢
                  function_y=au carre(x)
                  % Fonction retournant le carré de l'argument x.
                  % Dans le cas d'une matrice, met chacun des éléments au carré un à un.
                  v=x.*x;
                                           Commentaires
                    Command Window
Output
                      >> help au carre
                        Fonction retournant le carré de l'argument x.
                        Dans le cas d'une matrice, met chacun des éléments au carré un à un.
                      >> au carre(10)
                      ans =
                         100
                      >> au carre([1 2 3 4])
```



Sous-programmes (functions)

Une déclaration de fonction

function [sortie1, sortie2, sortie3...] = exemple(entrée1, entrée2, ...);

- % fonction exemple
- % Nom Prenom 14/10/2005.

Lorsque la fonction est crée avec l'éditeur MATLAB, lorsqu'on sauvera celle-ci, l'éditeur nous proposera le nom exemple.m



Fonction

```
function [sortie1, sortie2, sortie3...] = exemple(entrée1, entrée2, ...);
% fonction exemple
% Nom prenom 14/10/2005.
A=1;
B=2;
C=3;
sortie1=A;
                  Les variables qui se situent à l'intérieur du « corps » de la
sortie2=B;
                  fonction sont locales, elle ne seront pas accessibles à
sortie3=C;
                  l'extérieur de la fonction. Ceci assure une certaine
```

indépendance.



Une fonction est différente d'un script car l'intérieur de la fonction est « privé », il contient des variables qui ne sont pas dans le « workspace » général. Elle fait du travail sur les variables d'entrée et nous retourne les variables de sortie.

```
function [mensuel,total] = pret(montant,taux,annees);
% fonction calculant le taux mensuel d'un pret
% Nom prenom 2005.
% Utilisation: pret(n
                     ntant,taux,annees)
                      le montant de la mensualit
%
           retourn
                                                             Arguments d'entrée
           [mt] =
                       montant,taux,annees)
           retou
                       mensualité dans m et le moi
                                                        total yarra u
 La fonction peut avoir
 plusieurs ou aucune
 variable de sortie
                           t du prêt en dollars
                                                   Ce nom sera celui du fichier
           taux: taux d'intérêt en pourcent
%
                                                   (pret.m). Ce nom sera
           années: durée de l'emprunt
                                                   automatiquement donné par
%
                                                   l'éditeur de MATLAB
    variables de sortie:
           mensuel: mensualités a payer
%
           total: montant total a rembourser sur la durée du prêt
```



Les premières lignes de commentaires constituent le « help » de la fonction. Il est très conseillé de prendre soin de donner à l'utilisateur les conseils sur l'utilisation de la fonction et tous les détails nécessaires a son bon fonctionnement

function [mensuel,total] = pret(montant,taux,annees);

```
% fonction calculant le taux mensuel d'un pret
% Nom prenom 14/10/2005.
% Utilisation: pret(montant,taux,années)
            retournera le montant de la mensualité
%
%
            [m t] = pret(montant,taux,années)
%
            retournera la mensualité dans m et le montant total dans t
%
%
    variables d'entree:
%
           montant: montant du pret en dollars
%
           taux: taux d'intérêt en pourcent
%
           annees: duree de l'emprunt
%
%
    variables de sortie:
%
           mensuel: mensualités a payer
%
           total: montant total a rembourser sur la durée du prêt
```



La première ligne de commentaires est particulièrement importante car c'est dans celle-ci que le lookfor ira chercher le mot clef

function [mensuel,total] = pret(montant,taux,annees); % fonction calculant le taux mensuel d'un pret

```
% Nom prenom 14/10/2005.
% Utilisation: pret(montant,taux,années)
%
            retournera le montant de la mensualité
%
            [m t] = pret(montant,taux,années)
%
            retournera la mensualité dans m et le montant total dans t
%
    variables d'entree:
%
%
           montant: montant du pret en dollars
%
           taux: taux d'intérêt en pourcent
%
           annees: duree de l'emprunt
%
    variables de sortie:
%
           mensuel: mensualités a payer
%
           total: montant total a rembourser sur la durée du prêt
```



Fonction

function [mensuel,total] = pret(montant,taux,annees);

```
% fonction cale
% Nom prend
         Corps de la fonction. L'utilisateur en appelant la fonction a donné les variables
% Utilisation:
         d'entrée, la fonction doit maintenant calculer les variables de sortie et les
         retourner à l'utilisateur. La fonction est le « sous-traitant » de la
         programmation.
  variables
      annees: duree de l'emprunt
  variables de sortie:
      mensuel: mensualités a payer
      total: montant total a rembo
                           a la duree du pret
format bank
tauxmensuel=taux*0.01/12;
a=1+tauxmensuel;
b=(a^(annees*12)-1)/tauxmensuel;
mensuel=montant*a^(annees*12)/(a*b);
total=mensuel*annees*12;
```

Dans ce cas, mensuel et total doivent être calculées. Aucune instruction spéciale de fin de fonction n'est nécessaire



Fonction

```
switch_ex_cours.m × try_catch_ex1.m × try_catch_ex2.m ×
                                                                  try_catch_ex0.m
     funxy.m
                                                                                   pret.m
      function [mensuel,total] = pret(montant,taux,annees);
      🖹 % fonction calculant le taux mensuel d'un pret
        % Nom prenom 2005.
                       pret (montant, taux, annees)
        % Utilisation:
                             retournera le montant de la mensualité
                             [m t] = pret(montant, taux, annees)
                             retournera la mensualité dans m et le montant total dans t
              variables d'entree:
                           montant: montant du prêt en dollars
10
11
                                  taux d'intérêt en pourcent
                            taux:
12
                            années: durée de l'emprunt
13
             variables de sortie:
14
                           mensuel: mensualités a payer
15
16
                                     montant total a rembourser sur la durée du prêt
       ٠ ٩
                            total:
17
       format bank
18
       tauxmensuel=taux*0.01/12:
       a=1+tauxmensuel:
19
       b=(a^(annees*12)-1)/tauxmensuel;
       mensuel=montant*a^(annees*12)/(a*b);
21
        total=mensuel*annees*12;
22 -
23
```



Fonction

Command Window

```
>> help pret
 fonction calculant le taux mensuel d'un pret
 Nom prenom 2005.
 Utilisation:
                pret(montant, taux, annees)
                    retournera le montant de la mensualité
                    [m t] = pret(montant, taux, annees)
                    retournera la mensualité dans m et le montant total dans t
     variables d'entree:
                  montant: montant du prêt en dollars
                  taux: taux d'intérêt en pourcent
                  années: durée de l'emprunt
     variables de sortie:
                  mensuel: mensualités a payer
                   total:
                           montant total a rembourser sur la durée du prêt
```



Fonction

```
Command Window
  >> lookfor mensuel
                                  - fonction calculant le taux mensuel d'un pret
  pret
  >>
  >> [montant mensuel total a rembourser]=pret(150000,5,20)
  montant mensuel =
          985.83
  total a rembourser =
       236598.24
```

Fonction

Types de ligne de définition de fonctions dans MATLAB

Appel de fonction avec trois paramètres d'entrée et 3 de sortie.

function [A] = calcule_aire(a,b)

Appel de fonction avec un paramètre de sortie et deux d'entrée.

function A = calcule_aire(a,b)

Avec un seul paramètre d'entrée, pas nécessaire de mettre les [].

function trace_trajectoire(v0,h0,g)

Sans paramètre de sortie, ce qui est aussi légal. (par exemple, la fonction plot de MATLAB est de ce type)



Fonctions graphiques

- Graphiques en 2D et en 3D
 - 2D : commandes plot, fplot, loglog, ...
 - 3D : commandes mesh, surf, image, contourslice, ...



Gestion des fenêtres graphiques

- Une commande graphique ouvre une fenêtre dans laquelle sera affichée le graphique voulu.
- Si une fenêtre est déjà ouverte, une nouvelle instruction graphique écrasera le graphique précédent.
- Si plusieurs fenêtres sont ouvertes, Matlab utilise la dernière fenêtre active.
- Chaque fenêtre graphique ouverte se voit affectée un numéro (visible dans le bandeau de la fenêtre).

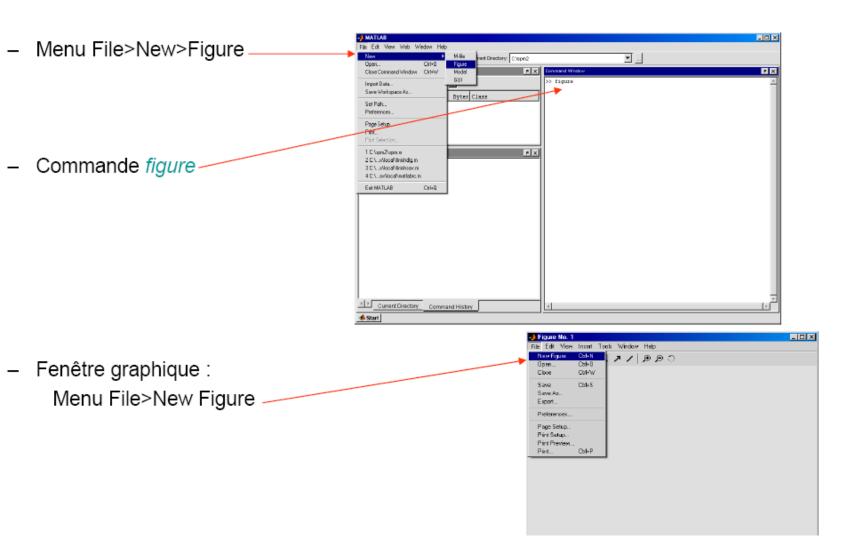


Ouverture/fermeture d'une fenêtre graphique

- Ouverture d'une fenêtre :
 - Ouvrir une nouvelle fenêtre :
 - Commande figure
 - Commande figure(n) où n est le numéro de la fenêtre
- Activation :
 - Cliquer sur la fenêtre graphique
 - Commandes figure et figure(n): activent une fenêtre existante
- Fermeture d'une fenêtre :
 - Fermer la fenêtre active :
 - Commande close
 - Fermer une fenêtre ouverte :
 - Commande close(n) où n désigne le numéro de la fenêtre
 - Fermer toutes les fenêtres graphiques :
 - Commande close all



Ouvrir une fenêtre graphique





Graphiques 2D: commande fplot

 Graphe d'une fonction : commande fplot trace le graphe d'une fonction sur un intervalle donné

Syntaxe: fplot('nomf,[xmin, xmax, ymin, ymax])

nomf = le nom d'une fonction matlab incorporéeou une expression définissant une fonction

xmin, xmax déterminent l'intervalle des abscisses pour lequel est tracé le graphe

ymin, ymax déterminent l'intervalle des ordonnées par défaut : les valeurs minimum et maximum prises par la fonction sur l'intervalle [xmin, xmax]

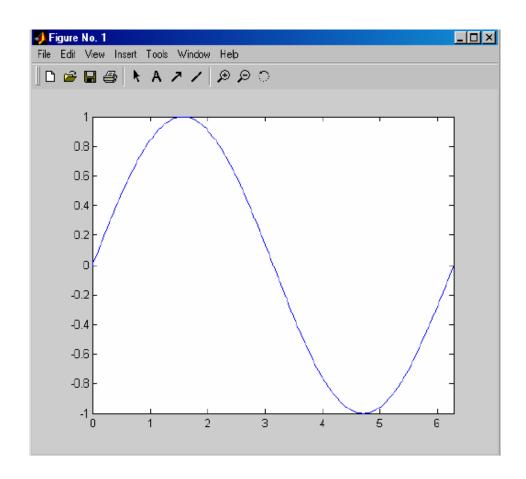


Exemples: commande fplot

Fonction sinus :

ou

fplot('sin',[0,2*pi])

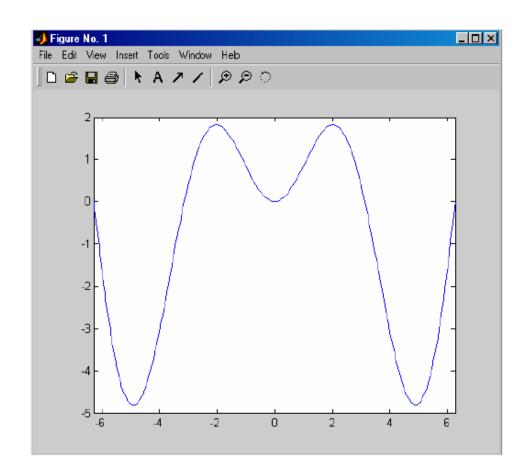


Exemples: commande fplot

Fonction x*sinus(x):

fplot('x*sin(x)',[-2*pi,2*pi])

- Définir une fonction :
 - Ecrire une fonction h.m : function y=h(x) y=x.*sin(x);
 - fplot('h',[-2*pi,2*pi])



Graphiques 2D: commande plot

- Graphe d'une fonction : commande plot
 - trace le graphe d'un vecteur y pour un ensemble de valeurs x spécifiées
 - par défaut, relie les points par des segments de droite

Syntaxe : *plot(x,y)*

y = vecteur contenant les valeurs en ordonnées

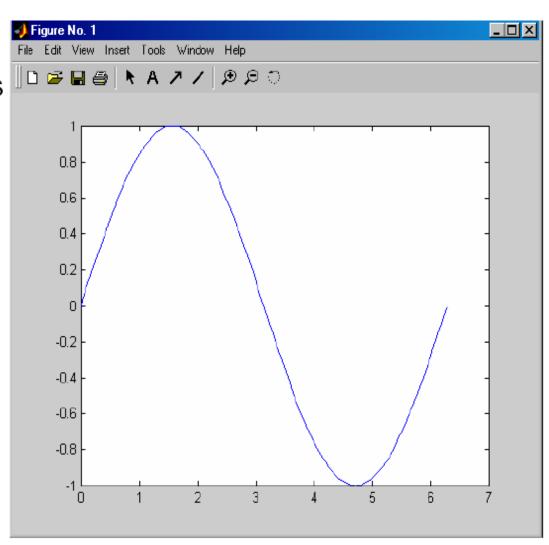
x = vecteur contenant les valeurs en abscisses

x et y sont des vecteurs (ligne ou colonne) de même longueur!



Exemples: commande plot

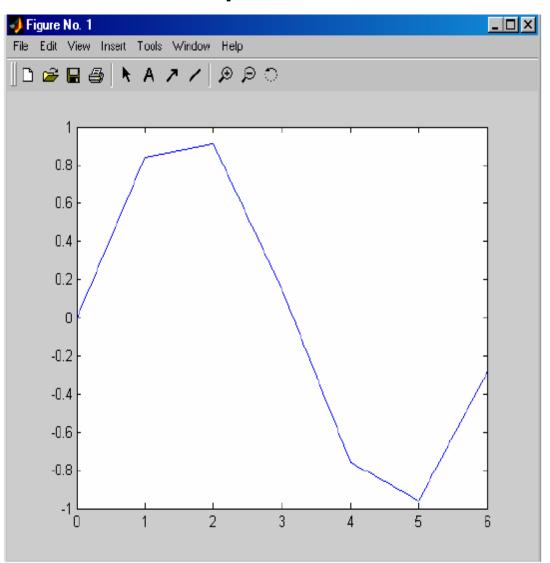
- Fonction sinus :
 Intervalle [0,2pi], 201 valeurs
 x= 0:pi/100:2*pi;
 y = sin(x);
 plot(x,y);
- Sélection automatique de l'étendue des axes





Exemples: commande plot

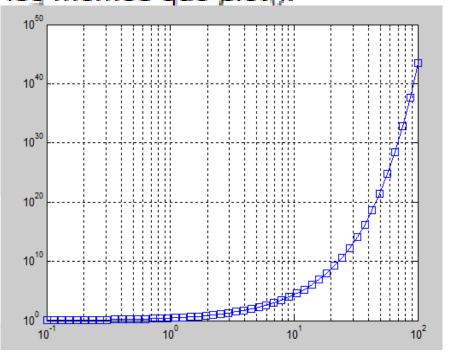
- Fonction sinus:
 Intervalle [0,2pi], 7 valeurs
 x= 0:1:2*pi;
 y = sin(x);
 plot(x,y);
- Points reliés linéairement



Graphiques logarithmique: commande loglog

- loglog(X1,Y1,'format_ligne1',,...)
 - Cette fonction trace un graphique à échelle logarithmique.
 - Les paramètres sont les mêmes que plot().
- Exemple:

```
x = logspace(-1,2);
loglog(x,exp(x),'-s');
grid on;
```

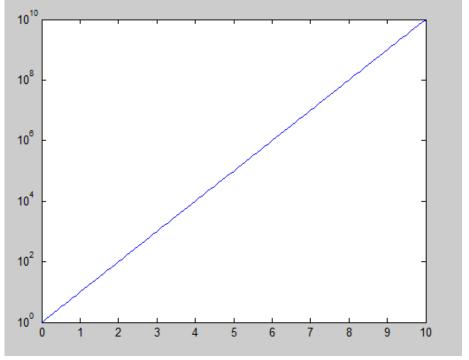




Graphiques semi-logarithmique

- semilogx(X1,Y1,'format_ligne1',...)
- semilogy(X1,Y1,'format_ligne1',...)
 - Ces fonctions tracent des graphiques à échelle semi-logarithmique.
 - Les paramètres sont les mêmes que plot().
- Exemple:

```
x = 0.0.1.10;
semilogy(x,10.^x);
```





Plusieurs courbes sur un seul graphique

- Plusieurs courbes pour différents vecteurs d'abscisse x :
 - commande plot :

```
plot(x_1, y_1, x_2, y_2)
```

 X_1 = vecteur d'abscisses pour la courbe y_1 X_2 = vecteur d'abscisses pour la courbe y_2

commandes hold on et hold off :

```
hold on
......
instructions graphiques
.....hold off
```

graphes superposés dans la même fenêtre active

- » utile dans une boucle (cf. programmation)
- » utile pour la commande fplot



Plusieurs courbes sur un seul graphique

- Plusieurs courbes pour le même vecteur d'abscisse x :
 - commande fplot :

```
fplot('[nomf1, nomf2]',[xmin, xmax, ymin, ymax])
```

xmin, xmax déterminent l'intervalle des abscisses pour lequel les deux graphes sont tracés

commande plot :

```
plot(x,y_1,x,y_2)
```

x = vecteur d'abscisses pour les courbes y_1 et y_2



Plusieurs courbes sur un seul graphique : exemples

Fonctions sin et cos: Edit View Insert Tools Window Help intervalle [-2pi,2pi], 201 valeurs | 🗅 😅 🖩 🔮 | ┡ A オノ | 匆 🕫 つ x = -2*pi:pi/100:2*pi; $y1 = \sin(x);$ 0.6 y2 = cos(x);0.4 plot(x,y1,x,y2)0.2 -0.2 -0.4 -0.6 -0.8



Plusieurs courbes sur un seul graphique : exemples

```
Fonctions sin et cos:
                                                         Figure No. 1
    intervalle [-2pi,2pi], 201 valeurs
                                                            Edit View Insert Tools Window
    intervalle [0,2pi], 101 valeurs
                                                        | D 🚅 🖩 😂 | ┡ A ↗  | 匆 🕫 つ
    x1 = -2*pi:pi/100:2*pi;
    y1 = cos(x1);
                                                              0.8
    x2 = 0:pi/100:2*pi;
                                                              0.6
    y2 = \sin(x2);
                                                              0.4
    hold on;
                                                              0.2
    plot(x1,y1); —
    plot(x2,y2,'r');—
    hold off:
                                                             -0.2
                                                             -0.4
    hold on:
    fplot('cos',[-2*pi,2*pi];
                                                             -0.6
    fplot('sin',[0,2*pi],'r');
                                                             -0.8
    hold off:
                                                                      -6
                                                                                                  2
ou plot(x1,y1,x2,y2,'r');
```



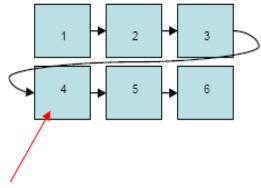
Plusieurs graphiques dans une fenêtre

Commande <u>subplot</u>: décomposer une fenêtre en sous-fenêtres

```
subplot(m,n,i);
instruction graphique
```

m = nombre de sous-fenêtres verticalement
 n = nombre de sous-fenêtres horizontalement
 i = numéro de la sous-fenêtre dans laquelle le graphique s'affiche

Numérotation de gauche à droite, de haut en bas



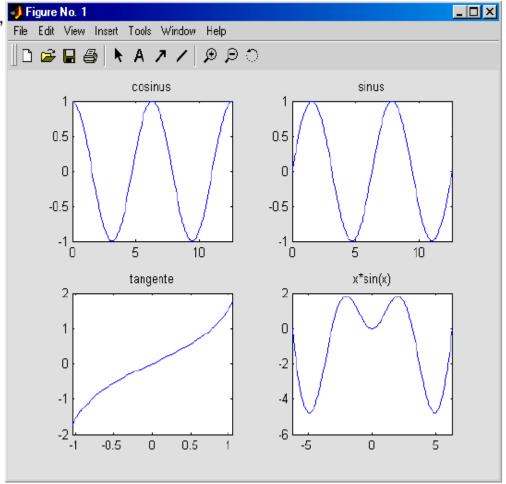
Ex : subplot(2,3,4);



Plusieurs graphiques dans une fenêtre: exemple

 Fonctions cos(x), sin(x), tangente(x), x*sin(x):

```
figure;
subplot(2,2,1);
fplot('cos',[0,4*pi]);
title('cosinus');
subplot(2,2,2);
fplot('sin',[0,4*pi]);
title('sinus');
subplot(2,2,3);
fplot('tan',[-pi/3,pi/3]);
title('tangente');
subplot(2,2,4);
fplot('x*sin(x)',[-2*pi,2*pi]);
title('x*sin(x)');
```



Améliorer la lisibilté

- Créer des légendes et annotations
- Contrôler les axes
- Options du tracé des courbes



Textes et légendres

- Légendes des axes
 - Commande xlabel :

```
xlabel('légende de l'axe x')
```

Commande ylabel :

```
ylabel('légende de l'axe y')
```

- Titre du graphique
 - Commande title :

title('titre du graphique')



Textes et légendres

- Texte dans la figure :
 - Commande text : écrit un texte à une position précise sur la figure

```
text(posx,posy,'un texte')
```

posx et posy = coordonnées du point de début de texte

 Commande gtext : écrit un texte à une position choisie à l'aide de la souris

gtext('un texte')



Textes et légendres

- Identification des courbes dans un même graphique :
 - Commande legend : légende permettant d'identifier les courbes

legend('légende 1','légende 2','légende 3')



Contrôle des axes

commande axis = orientation et échelle des plots

Limiter les axes : par défaut, l'étendue varie du minimum au maximum

```
axis([xmin xmax ymin ymax])
axis auto = revenir à la sélection par défaut
```

- Aspect des axes : changement d'échelle
 axis square = axes x et y de même longueur
 axis equal = pas de même longueur sur les axes x et y
 axis normal = revenir à la sélection par défaut
- Autres options : help axis



Contrôle des axes

Visibilité :

```
axis on = rend les axes visibles (par défaut)
axis off = rend les axes invisibles
```

Grille de lignes :

```
grid on = affiche une grille de lignes
grid off = efface la grille de lignes (par défaut)
```



Options du tracé des courbes

- Spécifier les couleurs
- Spécifier le style de trait
- Spécifier le symbole à chaque point

```
plot(x,y,'color_style_marker','LineWidth',n)
```

color_style_marker = chaîne de 3 à 4 caractères définissant la couleur, le style du trait et le symbolen = épaisseur du trait (par défaut 1)

- Couleur du fond définis par les axes : commande whitebg('couleur')
 - Modifie la couleur les propriétés du graphique (couleur des axes, du tracé, ...) pour maintenir un contraste adéquat



Options du tracé des courbes

| Couleurs | irs Style | | Symbole | |
|-------------|-----------|-----------------|---------|-------------------|
| y = jaune | - | trait plein | | point |
| m = magenta | : | pointillé court | 0 | cercle |
| c = cyan | | pointillé long | Χ | croix |
| r = rouge | | pointillé mixte | + | plus |
| g = vert | none | pas de ligne | * | étoile |
| b = bleu | | | S | carré |
| w = blanc | | | d | losange |
| k = noir | | | V | triangle (bas) |
| | | | ٨ | triangle (haut) |
| | | | < | triangle (gauche |
| | | | > | triangle (droite) |
| | | | р | pentagone |
| | | | h | hexagone |

Valeur par défaut : 'b-.' = bleu, trait plein, point



none

aucun

Modifier les plots après création

- Mode édition interactive
 - Clic droit sur l'objet à modifier
 - Épaisseur de ligne
 - Style de ligne
 - Couleur
 - Propriétés de l'objet
- Commande set

```
h = plot(x,y);
set(h,'nomprop',valprop)
```

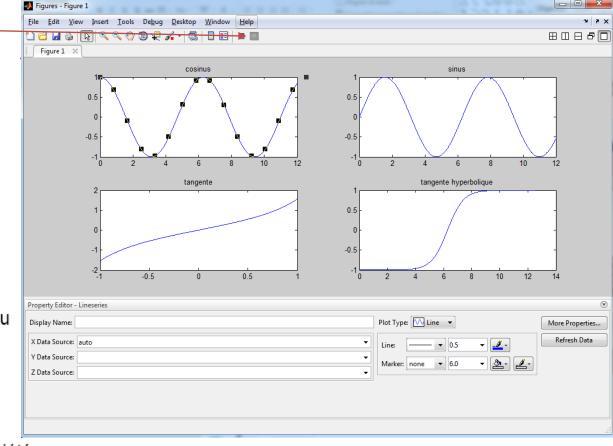
nomprop = désigne la propriété du graphique à modifier

ex : 'Color' modifie la couleur du fond d'écran

valprop = valeur de la propriété ex : 'r'

n = numéro de la figure à modifier

Commande get(h): retrouver les propriétés graphiques





Graphiques 2D

imagesc

```
% Load the data in Temp
       Temp=load('TM num');
10 -
       I=Temp.TM;
11 -
       N=size(I); NX=N(1); NY=N(2);
12
13 -
       x=[0:NX-1]*100/NX;
14 -
       y=[0:NY-1]*200/NY;
15
16
       17
18 -
       imagesc(x,y,I,[min(min(I)) max(max(I))]);
19
       %contourf(x,y,I);
20
       %contour3(I);
       colormap('jet'); colorbar; axis image;
21 -
       title ( Temperature (°C) '
22 -
23 -
       xlabel(\x (cm)')
24 -
       vlabel('\(\frac{1}{2}\) (cm)')
25
26
                              Afficher
            Choix du
                              la palette
            type de
                              sur la
            palette
                              figure
```

imagesc(x,y,I,[min max])

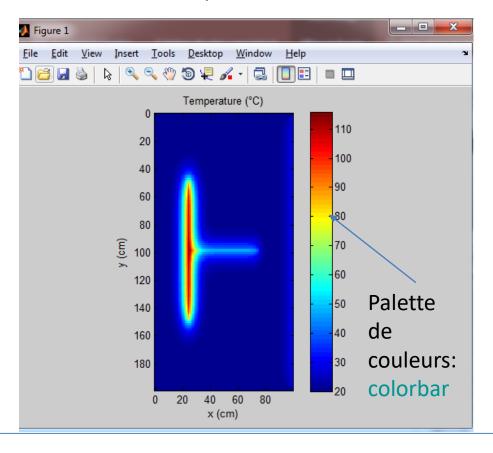
x: axis x

Y: axis y

I: tableau 2d (Image)

[min max]: borne de la

palette de couleur





Sauvegarder une figure

- Format figure Matlab « *.fig » : Dans la fenêtre graphique : Menu File>Save nomfig.fig Exporter Menu File>Export (tiff, jpeg, eps, ...) Commande saveas: h=plot(...); (*) saveas(h, nomfich.ext') saveas(h.'nomfich' 'format') format ou ext = ai = Adobe Illustrator eps = EPS level1 tif = TIFF ipg = JPEG fig = fichier binaire « nomfich fig » m = fichier « nomfich.fig » et crée une fonction matlab de même nom qui permettra d'appeler la figure via l'instruction nomfich
 - (*) Remarque : on peut utiliser alternativement l'instruction h=figure(n) pour sauvegarder l'ensemble des graphiques d'une figure (par exemple, dans le cas de « subplots »)



Sauvegarder une figure

- Exporter
 - Commande print :

```
print -f<num> -d<format> <nomfich>
```

num = numéro de la fenêtre graphique (par défaut la fenêtre active)

format = format de sauvegarde (tiff, jpeg, ps, eps, epsc, ...)
nomfich = nom du fichier du graphique sauvegardé

Exporte le graphique dans le répertoire de travail actif



Imprimer les graphiques

- Imprimer directement ou après exportation du graphique
- Par le menu File :
 - Page Setup = mise en page
 - Print setup = configuration de l'impression
 - Print preview = visualiser l'impression
 - Print = imprimer le graphique
- Commande print
 - Commande print : imprime directement sur l'imprimante connectée



Graphiques 3D

- Représenter les lignes de niveaux d'une fonction z = g(x,y) sur le domaine plan [a,b]×[c,d]
- Représenter une surface d'équations z = g(x,y) sur le domaine plan [a,b]×[c,d]
- Représenter une surface paramétrée d'équations
- Représenter des volumes d'équations v = g(x,y,z)



Graphiques 3D

 Commande meshgrid: création d'un maillage du domaine [a,b]× [c,d], de maille de pas h

$$[X,Y] = meshgrid(a:h:b, c:h:d)$$

Evaluer la fonction g aux nœuds de maillage

$$Z = g(X,Y)$$

Ex : fonction z=x exp(- x^2 - y^2) sur le domaine [-2,2]× [-2,2] avec un maillage de pas h=0.2

$$[X,Y] = meshgrid(-2:0.2:2, -2:0.2:2);$$

 $Z = X.*exp(-X.^2-Y.^2);$



Lignes de niveaux

Syntaxe

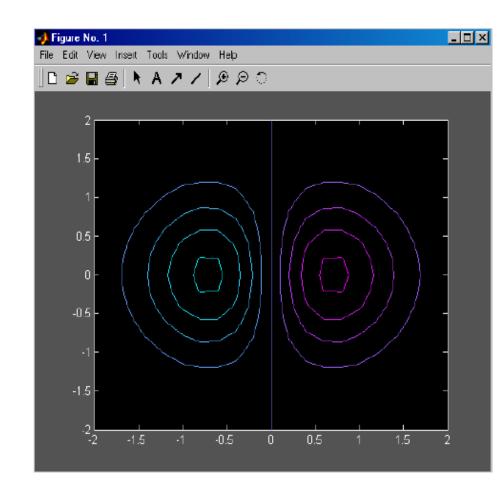
commande contour(X, Y, Z, n)

» n = nombre de lignes de niveaux à afficher

commande *contour(X,Y,Z)*

- » Sélection automatique du nombre de lignes de niveaux
- Afficher les valeurs des lignes de niveaux : commande clabel
 - Toutes les lignes de niveaux : [C,h] = contour(X,Y,Z,n); clabel(C,h)
 - Quelques lignes de niveaux : [C,h] = contour(X,Y,Z,n); clabel(C,h,'manual')

Sélection des lignes de niveaux avec la souris



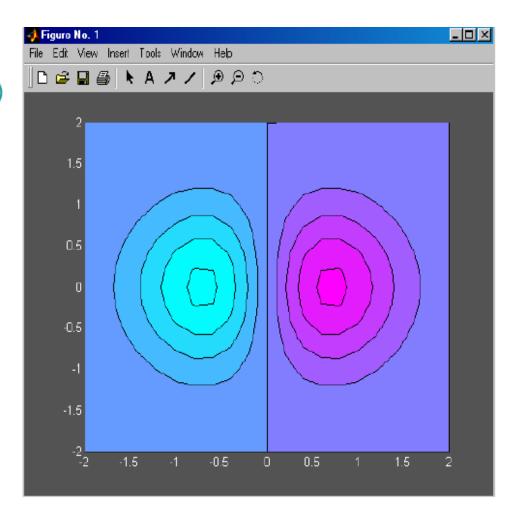


Lignes de niveaux exemples

Syntaxe commande contourf(X,Y,Z,n)

n = nombre de lignes de niveaux à afficher

 Affiche en plus de lignes de niveaux, un dégradé continu de couleurs qui varient en fonction des valeurs de la fonction



Lignes de niveaux exemples

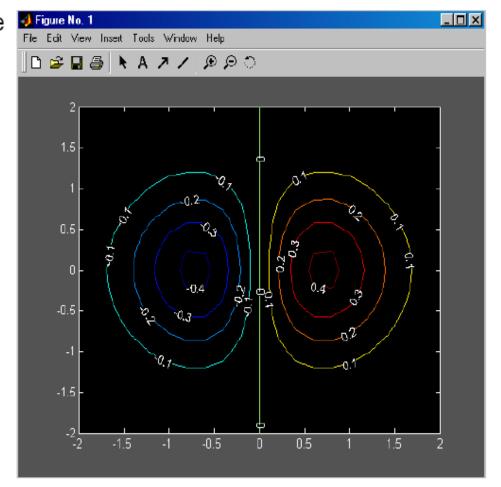
 fonction z=x exp(-x²-y²) sur le domaine [-2,2]× [-2,2] avec un maillage de pas h=0.2

```
[X,Y] = meshgrid(-2:0.2:2, -2:0.2:2);

Z = X.*exp(-X.^2-Y.^2);

[C,h] = contour(X,Y,Z);

clabel(C,h);
```



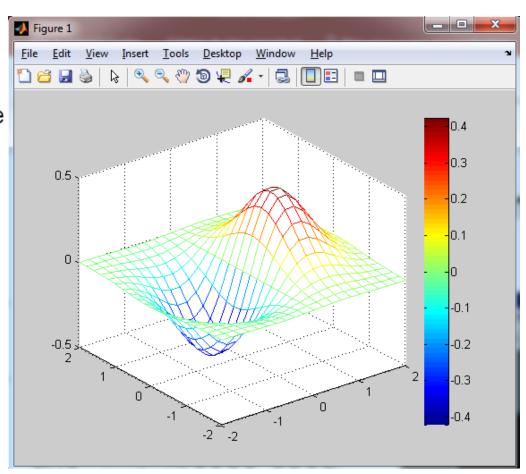
Surface d'équations

- commande mesh(X,Y,Z) surface de la fonction Z=g(X,Y)
- fonction z=x exp(-x²-y²) sur le domaine [-2,2]× [-2,2] avec un maillage de pas h=0.2

```
[X,Y] = meshgrid(-2:0.2:2, -2:0.2:2);

Z = X.*exp(-X.^2-Y.^2);

mesh(X,Y,Z);
```



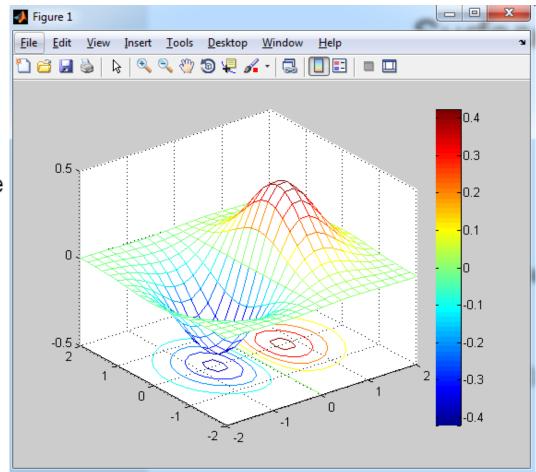
Surface d'équations

- commande meshc(X,Y,Z)
 surface de la fonction Z=g(X,Y)
 et projection des contours sur le
 plan défini par [a,b]× [c,d]
- fonction z=x exp(-x²-y²) sur le domaine [-2,2]× [-2,2] avec un maillage de pas h=0.2

```
[X,Y] = meshgrid(-2:0.2:2, -2:0.2:2);

Z = X.*exp(-X.^2-Y.^2);

meshc(X,Y,Z);
```





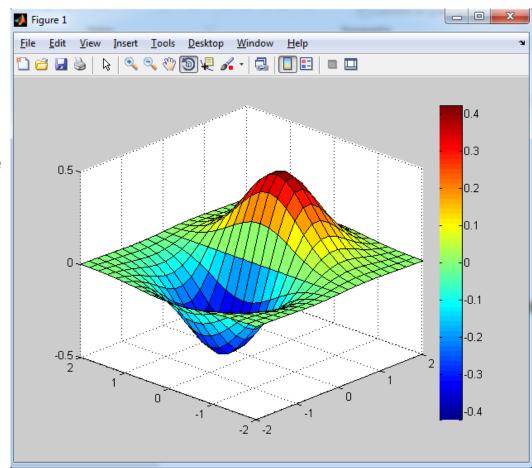
Surface d'équations

- commande surf(X, Y,Z)
 surface de la fonction Z=g(X,Y)
 et colore la surface
- fonction z=x exp(-x²-y²) sur le domaine [-2,2]× [-2,2] avec un maillage de pas h=0.2

```
[X,Y] = meshgrid(-2:0.2:2, -2:0.2:2);

Z = X.*exp(-X.^2-Y.^2);

surf(X,Y,Z);
```



Options d'apparence

voir help graph3d

- Palette de couleurs : commande colormap(palette)
 - Ex : colormap(gray) = palette de dégradés de gris colormap(winter) = palette de dégradés de bleu et vert
- Couleur unique : surf(X,Y,Z,'FaceColor','couleur')
 Ex : surf(X,Y,Z,'FaceColor','r') colorie la surface en rouge
- Couleur du maillage de la surface : surf(X,Y,Z,'EdgeColor','couleur')
 - Ex : *surf*(X, Y, Z, 'EdgeColor', 'none') supprime le maillage



Options d'apparence

voir help graph3d

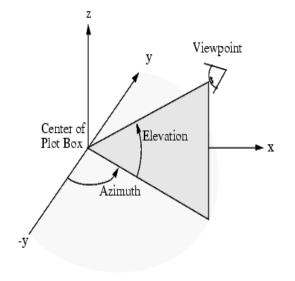
- Contrôle des axes :
 - commande axis [xmin xmax ymin ymax zmin zmax]
- Point de vision :
 - commande view(visionhor, visionvert)

- commande rotate3d = rotation interactive
- Barre de couleurs : commande colorbar
- Eclairage d'une surface :
 - Position de l'éclairage : commande camlight <position>

Ex : camlight left

Mode d'éclairage : commande lighting <mode>

Ex: lighting phong





Utilisation de Matlab pour le calcul scientifique: Quelques applications



Algèbre linéaire: Système linéaire

Soit le système linéaire suivant:

$$\begin{cases} x + 2y - 3z = 5 \\ -3x - y + z = -8 \\ x - y + z = 0 \end{cases}$$

Ecrire le système matriciel associé

Résoudre le système en une seule ligne:

$$>> x=A \setminus b;$$

Le symbole \ s'applique a des système carré et rectangulaire.

Pour les systèmes rectangulaires, donne la solution des moindres carrés



Algèbre linéaire matricielle

Introduire la matrice suivante

```
>> mat=[1 2 -3; -3 -1 1; 1 -1 1];
```

- Calculer le rang de cette matrice
 - >> r=rank(mat);
- Calculer le déterminant (matrice carrée)

```
>> d=det(mat);
```

Calculer l'inverse

```
>> E=inv(mat);
```

• $x = A \setminus b$ est la même que x = inv(A) * b



Algèbre linéaire: Décomposition de matrices

MATLAB a intégré les méthodes de décomposition des matrices

Les plus courants sont :

• Décomposition en valeurs propres:

```
>> [V,D]=eig(X);
```

Décomposition en valeurs singulières:

```
>> [U,S,V]=svd(X);
```

Décomposition QR:

```
>> [Q,R]=qr(X);
```

Décomposition LU:

```
>> [L,U]=lu(X);
```



Algèbre linéaire: exercices

$$\begin{cases} x + 4y = 34 \\ -3x + y = 2 \end{cases}$$

Résoudre les systèmes linéaires suivants :

$$\begin{cases} 2x - 2y = 4\\ x + y = 3\\ 3x + 4y = 2 \end{cases}$$



Algèbre linéaire: exercices

$$\begin{cases} x + 4y = 34 \\ -3x + y = 2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x - 2y = 4 \\ x + y = 3 \\ 3x + 4y = 2 \end{cases}$$

```
>> A=[2 -2; -1 1; 3 4];
>> b=[4; 3; 2]
>> rank(A)

→ rectangular matrix
>> x1=1\b;
→ Donne la solutions de moindres carré
```



>> error=abs(A*x1-b)

Polynômes

- Plusieurs fonctions peuvent être décrits par un polynôme d'ordre élevé
- MATLAB représente un polynôme par un vecteur des coefficients.
 Si P est un polynôme, alors

$$ax^{3} + bx^{2} + cx + d$$

$$P(1) = a$$

$$P(2) = b$$

$$P(3) = c$$

$$P(4) = d$$

- P = $[1 \ 0 \ -2]$ represente le polynôme $x^2 2$
- P = [2 0 0 0] represente le polynôme $2x^3$



Opérations sur les polynômes

- Un polynôme de longueur N+1 est de degré N
- Racines d'un polynôme

```
>> r = roots(P)
r est un vecteur de longueur N
```

• On peut reconstruire un polynôme a partir de ses racines

```
>> P = poly(r)
```

r est un vecteur de longueur N

• Evaluer un polynôme en un point

```
>> y0 = polyval(P,x0)
```

x0 et y0 sont des scalaires

• Evaluer un polynôme sur un ensemble de points

x est un vecteur ; y est un vecteur de même taille



Interpolation Polynômiale

• MATLAB interpole des données par un polynôme

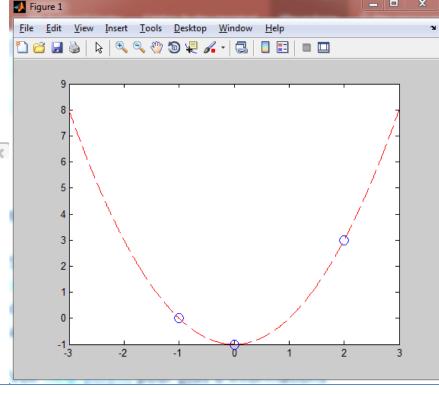
Soit les vecteurs X = [-1 0 2] et Y = [0 -1 3]

>> p2 = polyfit(X,Y,2);

détermine la meilleur interpolation polynomiale de degré 2

aux points (-1,0), (0,-1) et (2,3)

 Voir help polyfit pour plus d'informations





Ajuster une courbe: « fitter une courbe»

L'ajustement de courbe est une technique d'analyse d'une courbe, consistant à construire une courbe à partir de fonctions mathématiques et d'ajuster les paramètres de ces fonctions pour se rapprocher de la courbe mesurée — on parle donc aussi d'ajustement de paramètres. On utilise souvent le terme anglais **curve fitting.**

Voir help fit. Il existe aussi Isqcurvefit

fitobject = fit(x,y,fitType) crée le fit pour les données en x et y avec le modèle spécifiée par fitType. Pour la liste complète, voir Model Names and Equations

| Exemples de Library Model Name | Description |
|---------------------------------------|-----------------------------------|
| 'poly1' | Linear polynomial curve |
| 'poly11' | Linear polynomial surface |
| 'poly2' | Quadratic polynomial curve |
| 'linearinterp' | Piecewise linear interpolation |
| 'cubicinterp' | Piecewise cubic interpolation |
| 'smoothingspline' | Smoothing spline (curve) |
| 'lowess' | Local linear regression (surface) |



Ajuster une courbe: « fitter une courbe»

Fitter une courbe quadratique

```
>> load census;
```

- >> f=fit(cdate,pop,'poly2')
- >> plot(f,cdate,pop)

$$f =$$

Linear model Poly2:

$$f(x) = p1*x^2 + p2*x + p3$$

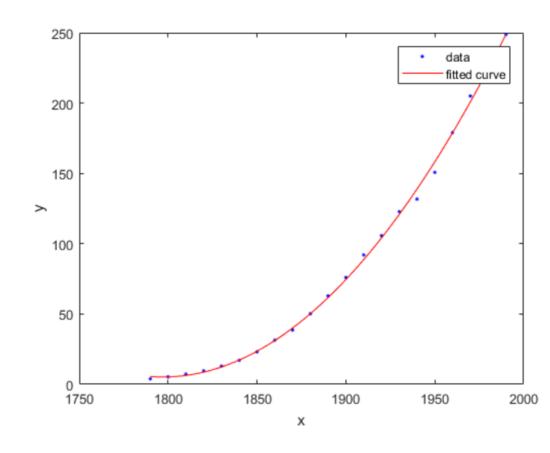
Coefficients (with 95% confidence bounds):

```
p1 = 0.006541 (0.006124, 0.006958)
```

$$p2 = -23.51 (-25.09, -21.93)$$

$$p3 = 2.113e+04 (1.964e+04, 2.262e+04)$$





Polynômes: Exercices

• Evaluer $y = x^2$ pour x=-4 :0.1 :4

 Ajouter un bruit aux données. Utiliser randn. Tracer les données bruitées avec le marqueur.

- Interpoler les données bruitées par un polynôme de degré 2
- Tracer le résultat et la donnée initiale dans une même figure avec des couleurs différentes

Polynômes: Exercices

- Evaluer $y = x^2$ pour x=-4:0.1:4 >> x=-4:0,1:4; >> y=x.^2;
- Ajouter un bruit aux données. Utiliser randn. Tracer les données bruitées avec le marqueur.

```
>> y=y+randn(size(y));
>> plot(x,y,'.');
```

- Interpoler les données bruitées par un polynôme de degré 2
 >> p=polyfit(x,y,2);
- Tracer le résultat et la donnée initiale dans une même figure avec des couleurs différentes

```
>> hold on;
```

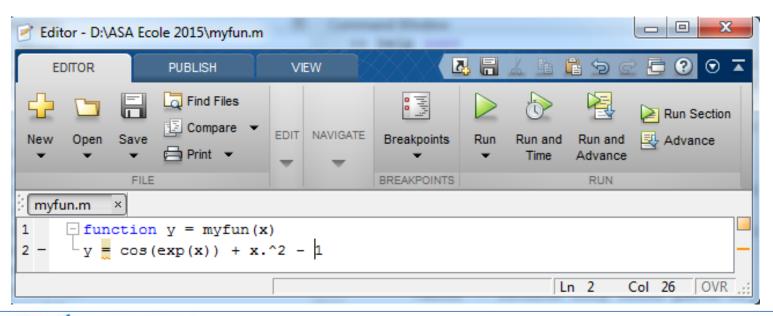




Optimisation: Equation non linéaire

- Beaucoup de problèmes nécessitent de résoudre f(x) = 0
- fzero calculer les zéros de n'importe quelle fonction
 - fzero a besoin d'une fonction comme input
 1 indique la recherche du zéro au voisinage de 1

```
» x=fzero('myfun',1)
» x=fzero(@myfun,1)
```





Optimisation: Minimisation d'une fonction

- fminbnd: minimise une fonction sur un intervalle borne
 >> x=fminbnd('myfun',-1,2);
- myfun prend une entrée scalaire et renvoie une sortie scalaire
- myfun(x) sera le minimum de myfun pour $-1 \le x \le 2$
- fminsearch : sans contrainte d'intervalle
 >> x=fminsearch('myfun',.5)
- cherche un minimum local de myfun avec un point initiale x=0.5
- On a pas besoin de crée un chier pour définir une fonction >> x=fzero(@myfun,1)
- Au lieu de cela, vous pouvez faire une fonction anonyme
 >> x=fzero(@(x) (cos(exp(x)+x^2-1),1);
 - input fonction à évaluer



Optimisation: Exercices

- Déterminer le minimum de la fonction $f(x) = \cos(4x)\sin(10x)\,e^{-|x|}\,\mathrm{dans}\,\mathrm{l'intervalle}\,[-\pi,\pi]$ Utiliser fminbnd
- Tracer cette fonction et vérifier l'existence d'un minimum
- Introduire la fonction suivante :
 - >> function y=myFun(x)
 >> y=cos(4*x).*sin(10*x).*exp(-abs(x));
- > Trouvez le minimum dans command window :

Tracer la fonction et vérifier le résultat

Optimisation: Exercices

- Déterminer le minimum de la fonction $f(x) = \cos(4x)\sin(10x)\,e^{-|x|}\,\mathrm{dans}\,\mathrm{l'intervalle}\,[-\pi,\pi]$ Utiliser fminbnd
- Tracer cette fonction et vérifier l'existence d'un minimum
- Introduire la fonction suivante :

```
>> function y=myFun(x)
>> y=cos(4*x).*sin(10*x).*exp(-abs(x));
```

- Trouvez le minimum dans command window : >> x0=fminbnd('myFun',-pi,pi);
- Tracer la fonction et vérifier le résultat >> figure; x=-pi:0.01:pi; plot(x,myFun(x);



Intégration numérique

- MATLAB contient des méthodes d'intégration
- Adaptive Simpson's quadrature (input est une fonction)
 - >> q=quad('myfun',0,10);
 - > q est l'intégrale de la fonction myfun de 0 a 10
 - >> q2=quad(@(x) sin(x)*x,0,pi)
 - \triangleright q2 est l'intégrale de sin(x) de 0 a pi
- Méthode des trapèzes (input est un vecteur)
 - >> x=0:0.01:pi;
 - >> z=trapz(x,sin(x))
 - z est l'intégrale de sin(x) de 0 à pi
 - >> z2=trapz(x,sqrt(exp(x))./x)
 - \triangleright z2 est l'intégrale de $\sqrt{e^x}/x$ de 0 à pi



Résolution d'équations différentielles ordinaires (EDO): fonction ODE

• EDO explicites type:

$$\frac{dy}{dt} = f(t, y)$$

• EDO linéairement implicites type :

$$M(t,y)\frac{dy}{dt} = f(t,y)$$

• EDO totalement implicites type:

$$f(t, y, y') = 0$$



Fonctions: ODE

Les principales fonctions de Matlab qui permettent la résolution des équations différentielles sont :

- ode23, ode45...: méthode de Runge-Kutta
- ode15s, ode23s, ...: EDO linéairement implicites
- ode23i : EDO totalement implicites

Syntaxe: ode23, ode45, ...

$$\frac{dy}{dt} = f(t, y)$$

[T, Y] = ode45 (odefun, tspan, y0)

odefun: fonction f de l'EDO

tspan: intervalle de t

y0 : conditions initiales

T : vecteur contenant les instants auxquels la solution calculée

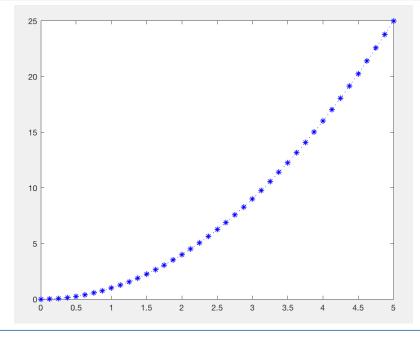
Y: la solution



Exemple: EDO d'ordre 1

Résoudre y' = 2t, avec la condition initiale y(0) = 0 sur [0; 5]

[T, Y] = ode45 (@(t, y) 2 *t, [0 5], 0)





Exemple : équation de l'oscillateur harmonique (d'ordre 2)

Soit l'équation différentielle du second ordre connue sous le nom de l'équation de

l'oscillateur harmonique : $\frac{d^2y}{dt^2} + \omega_0^2 y = 0$

$$\frac{d^2y}{dt^2} + \omega_0^2 y = 0$$

Pour résoudre cette équation à l'aide des solveurs ODE, il faut l'exprimer sous une forme vectorielle, pour cela :

Création de 2 vecteurs de dimension 2 correspondant à l'ordre de l'équation différentielle:

Vecteur \boldsymbol{v} : solution

•
$$v(1) = y$$

•
$$v(2) = \frac{dy}{dt}$$

Vecteur w: dérivées

•
$$w(1) = \frac{dy}{dt}$$

•
$$w(2) = \frac{d^2y}{dt^2}$$

Expression sous forme vectorielle

Vecteur \boldsymbol{v} : solution

•
$$v(1) = y$$

•
$$v(2) = \frac{dy}{dt}$$

Vecteur w: dérivées

•
$$w(1) = \frac{dy}{dt}$$

•
$$w(2) = \frac{d^2y}{dt^2}$$

Transformation de l'équation différentielle d'ordre 2 en un système de deux équations différentielles du premier ordre :

Equation différentielle:

$$\bullet \quad \frac{d^2y}{dt^2} = -\omega_0^2 y$$

Forme vectorielle:

•
$$w(1) = \frac{dv(1)}{dt} = v(2)$$

•
$$w(2) = \frac{dv(2)}{dt} = -\omega_0^2 v(1)$$

Expression sous forme vectorielle

Pour résumer, on transforme l'équation différentielle d'ordre 2 en un système de deux équations différentielles du premier ordre :

Equation différentielle:

$$\frac{d^2y}{dt^2} + \omega_0^2 y = 0$$

Système d'équations différentielles du premier ordre :

•
$$y(t) = v_1 = v(1)$$

•
$$\frac{dy(t)}{dt} = v_2 = v(2) = w(1)$$

•
$$\frac{dy(t)}{dt} = v_2 = v(2) = w(1)$$

• $\frac{d^2y(t)}{dt^2} = v_3 = -\omega_0^2 * y(t) = -\omega_0^2 * v(1) = w(2)$



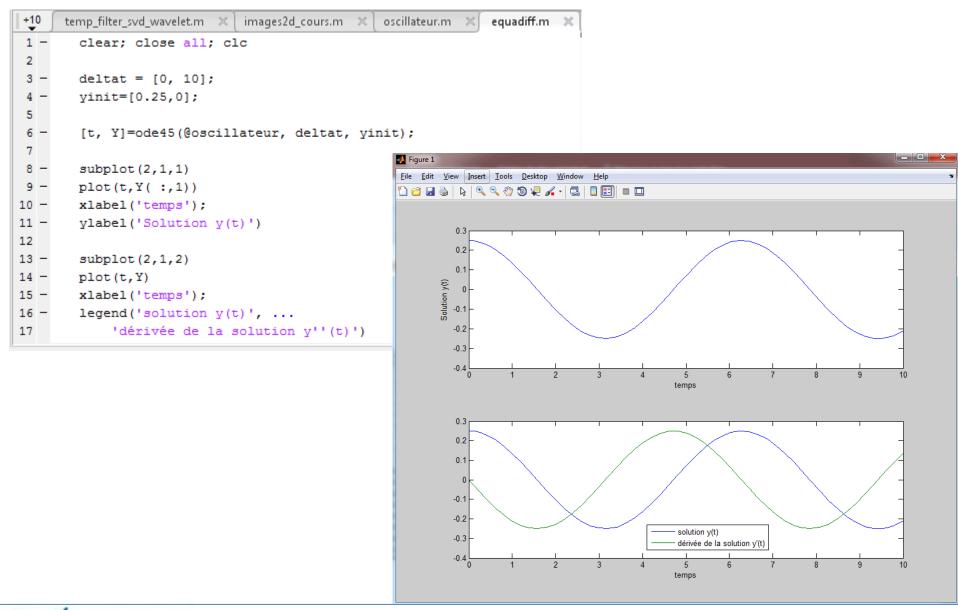
On écrit un fichier "function" correspondant à ces 2 lignes

- w(1) = v(2)
- $w(2) = -\omega_0^2 v(1)$

On écrit un script .m appelé par exemple "equadiff" dans lequel :

- 1) on définit le domaine d'étude : $t_{initial} = 0$, $t_{final} = 10$: deltat = [0, 10]
- 2) on définit les conditions initiales : y'(0) = 0 et y(0) = 0.25: yinit=[0.25,0]
- 3) on appelle ode45 : [t, Y]=ode45(@oscillateur, deltat, yinit)
 - t : vecteur contenant les instants auxquels la solution a été calculée.
 - Y : matrice de deux colonnes :
 - \triangleright la première colonne Y(:,1) contient y(t)
 - \triangleright la seconde colonne Y(:,2) contient la dérivée y'
- 4) on fait la représentation graphique
 - de la solution en fonction de t :plot(t,Y(:,1))
 - ou la solution et sa dérivée en fonction de t : plot(t,Y)







$$\begin{cases} \frac{dy}{dt} = f(t, y) \text{ pour } t \in]a, b] \\ \text{condition intiale en } a \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{dy}{dt} = f(t, y) \text{ pour } t \in]a, b] \\ \text{condition aux limites} \end{cases}$$
?



Les équations issues des problème physiques sont d'ordre supérieur avec conditions aux limites. Ces problèmes sont connus comme « Boundary Value Problem » (BVP)



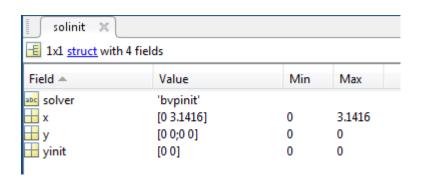
$$\begin{cases} \frac{d^2y}{dt^2} + y = 0 & \text{Solution exacte: } y = \sin(t) \\ \frac{dy}{dt}(0) = 1 \text{ et } y(\pi) = 0 \end{cases}$$

Pour résoudre numériquement, nous devons d'abord réduire l'équation de second ordre à un système d'équations du premier ordre

$$\begin{cases} \frac{dy}{dt} = z \\ \frac{dz}{dt} = -y \end{cases} \text{ avec } z(0) = 1 \text{ et } y(\pi) = 0$$

Solveur BVP de Matlab basé sur les étapes suivantes :

- fonction bypinit définit le domaine et une solution initiale
- solinit est une structure :





- sol=bvp4c(@deriv,@bcs,solinit);
 Utilisation du solveur Matlab bvp4c avec les arguments suivants :
 - @deriv fonction qui représente les secondes membres du système

```
function dYdx = deriv(x, Y)

dYdx(1) = Y(2);

dYdx(2) = -Y(1);
```

@bcs fonction qui définit les conditions aux limites

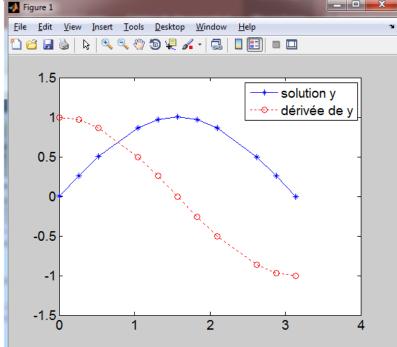
```
% boudary conditions y'(a)=1, y(b)=0.
- function res = bcs(ya,yb)

res = [ya(2)-1
yb(1)];
```

- solinit
- plot(sol.x,sol.y(1,:),'b-*')



```
1 - clear; close all; clc;
2 - solinit = bvpinit([0,pi],[0,0]);
3 - solinit.x
4 - solinit.y
5 - sol=bvp4c(@deriv,@bcs,solinit);
6
7 - plot(sol.x,sol.y(1,:),'b-*',sol.x,sol.y(2,:),'r:o');
8 - legend('solution y', 'dérivée de y')
```





Solveur IBVP: (Initial-Boundary Value problems)

☐ Le solveur IBVP résout une PDE sous la forme suivant :

$$c\left(x,t,u,\frac{\partial u}{\partial x}\right)\frac{\partial u}{\partial t} = x^{-m}\frac{\partial}{\partial x}\left(x^{m}f\left(x,t,u,\frac{\partial u}{\partial x}\right)\right) + s\left(x,t,u,\frac{\partial u}{\partial x}\right)$$

$$x \in]a,b]$$
 et $t_0 \le t \le t_f$, $m = \begin{cases} 0 & \text{problème cart\'esien } (a > 0) \\ 1 & \text{probl\`eme cylindrique} \\ 2 & \text{probl\`eme sp\'erique} \end{cases}$

- □ Condition initiale : $u(x, t_0) = u_0(x)$ en $t_0 = t$ et $\forall x$
- \Box Conditions aux limites : $\forall t \text{ et } x = a \text{ ou } x = b$

$$p(x,t,u) + q(x,t)f\left(x,t,u,\frac{\partial u}{\partial x}\right) = 0$$

Solveur IBVP: pde

```
Fonction pde de Matlab :
                       sol = pdepe(m,pdefun,icfun,bcfun,xmesh,tspan)
pdefun est la fonction qui définit c, f et s
                                   [c,f,s] = pdefun(x,t,u,dudx)
☐ icfun est la fonction de la condition initiale :
                                           u = icfun(x)
□ bcfun est la fonction des conditions aux limites :
                                [pl,ql,pr,qr] = bcfun(xl,ul,xr,ur,t)
xmesh est le maillage de l'intervalle [a, b] :
                                    xmesh= linspace(a,b,n)
tspan est le vecteur des instants où on cherche approximer la solution
sol: est le vecteur solution où sol(i,j,1) est la solution à l'instant tspan(i) et au point xmesh(j)
```



Solveur IBVP: Exemple

■ Equation de la chaleur 1D instationnaire:

$$\frac{\partial T}{\partial t} = \alpha \frac{\partial^2 T}{\partial x^2}; \quad T(x,0) = 0; \quad T(1,t) = 0; \quad T(1.5,t) = 200$$

$$\Box \quad \mathsf{PDE} : \left(u_{\chi} = \frac{\partial u}{\partial \chi} \right)$$

$$m = 0, a = 1, b = 1.5, t_0 = 0, t_f = 3000s$$

$$u = T$$
, $c(x,t,u,u_x) = \frac{1}{\alpha}$, $f(x,t,u,u_x) = \frac{\partial T}{\partial x}$, $s(x,t,u,u_x) = 0$
 $p(a,t,u(a,t)) = T(a,t)$, $q(a,t) = 0$
 $p(b,t,u(b,t)) = T(b,t) - 200$, $q(b,t) = 0$

Solveur IBVP: Exemple

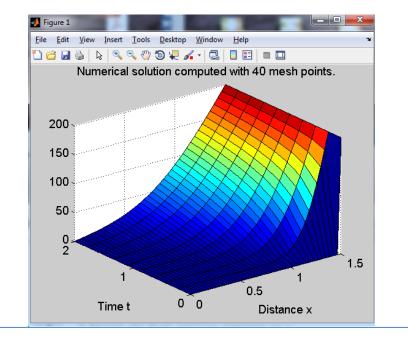
■ Equation de la chaleur 1D instationnaire:

$$\frac{\partial T}{\partial t} = \alpha \frac{\partial^2 T}{\partial x^2}$$
; $T(x,0) = 0$; $T(1,t) = 0$; $T(1,5,t) = 200$

```
% Equation de la chaleur 1D instationnaire
  clear; close all; clc;
  m = 0:
  x = linspace(0, 1.5, 40);
  t = linspace(0,2,10);
  sol = pdepe(m,@pdex1pde,@pdex1ic,@pdex1bc,x,t);
  % Extract the first solution component as u.
  u = sol(:,:,1);
  % A surface plot is often a good way to study a solution.
  surf(x,t,u)
  title('Numerical solution computed with 40 mesh points.')
  xlabel('Distance x')
  ylabel('Time t')
  % A solution profile can also be illuminating.
  figure
  plot(x,u(end,:))
  title('Solution at tf')
  xlabel('Distance x')
  ylabel('u(x,tf)')
function [c,f,s] = pdex1pde(x,t,u,DuDx)
 alpha=0.1;
 c = 1/alpha;
 f = DuDx:
 s = 0;
```

```
function u0 = pdexlic(x)
u0 = 0;

function [pl,ql,pr,qr] = pdexlbc(xl,ul,xr,ur,t)
pl = ul;
ql = 0;
pr = ur-200;
qr = 0;
```





Lire et écrire des données dans différents formats de fichiers

utiles pour importer des donnés expérimentales ou numériques issues de codes/logiciels (fortran, starccm+, ...)



Analyse de données avec matlab



Exporter des fichiers .mat

- Format des fichiers « .mat » très pratique pour enregistrer et charger des données
 - Avantages de ces fichiers: rapidité de chargement et petite taille qu'ils occupent.
- Il est possible de sauver tout le workspace : save mesdonnees
 - Toutes les variables du workspace seront enregistrées dans le fichier «mesdonnees.mat » dans le dossier courant.
 - ➤ Il est également possible de spécifier un chemin save mondossier\mesdonnees save D:\chemin\vers\mondossier\mesdonnees
- Pour sauver uniquement certaines variables, il faut les lister à la suite du nom du fichier :

```
save mesvars var1 var2 var3
save('mesvars','var1','var2','var3')
```



Importer des fichiers .mat

L'importation des données est effectuée par la commande

```
load :
load mesvars;
```

- > Toutes les variables préalablement sauvées sont restaurées avec leur nom d'origine.
- Afin de ne pas écraser d'autres variables présentes dans le workspace, les variables chargées peuvent être attribuées à une nouvelle variable, sous forme de <u>structure</u> (permet de structurer les données dans une même variable).

```
>> mesnouvvars = load('mesvars')
mesnouvvars =
var1: 100
var2: 435
var3: 54
```



Exporter des fichiers ascii

Fonction save

même commande que pour les fichiers .mat mais en précisant le type de fichiers -ascii après les variables. Il est également possible d'ajouter l'option -tabs pour que les valeurs soient séparées par des tabulations.

- >> save('mesvars.txt','var1','var2','var3','-ascii')
- >> save('mesvars.txt','var1','var2','var3','-ascii','-tabs')
- > Limitations:
 - * mise en page n'est pas contrôlable par l'utilisateur
 - Enregistrement restreint aux valeurs numériques: aucun caractère,
 - structure, cell, etc, n'est autorisé.
 - Pertes des noms des variables
 - * même nombre de colonne pour chaque ligne



Exporter des fichiers ascii

Autres méthodes fprintf (voir help)

1) la création du fichier : fopen. Les paramètres de la fonction sont le nom du fichier (év. avec le chemin d'accès) et la permission.

La fonction retourne un identifiant pour ce fichier qu'il nous faut conserver.

```
fid = fopen(filename, permission);
Exemple: >> fid = fopen('d:\chemin\vers\monfichier.txt', 'w');
```

2) L'écriture dans les fichiers: fprintf. Les paramètres sont l'identifiant du fichier, le format, puis les données :

```
count = fprintf(fid, format, A, ...)
```

3) La fermeture du fichier: fclose.

Pour le fichier log.txt:

```
>> x = 1:.1:100;

>> y = [x; log(x)];

>> fid = fopen('log.txt', 'wt');

>>fprintf(fid, '%6.2f %12.8f\n', y);

>> fclose(fid)
```

```
Le fichier log.txt contient alors:

1.00 0.00000000

1.10 0.09531018

1.20 0.18232156

1.30 0.26236426

...

99.90 4.60416969

100.00 4.60517019
```



Importer des fichiers ascii

Autres méthodes fscanf (voir help)

La fonction fscanf est l'équivalent de la fonction fprintf pour la lecture des fichiers A = fscanf(fid, format)

La fonction lit tout le fichier et converti les données au format spécifié, puis les retourne à la matrice A.

```
[A,count] = fscanf(fid, format, size)
```

En reprenant le fichier log.txt:

```
>> fid = fopen('log.txt', 'r');
>> a = fscanf(fid, '%g %g', [2 inf]); % sur 2 lignes
>> a = a'; % transposition en colonnes
>> fclose(fid)
```

```
Le fichier log.txt contient alors :
```

- 1.00 0.00000000
- 1.10 0.09531018
- 1.20 0.18232156
- 1.30 0.26236426

••

- 99.90 4.60416969
- 100.00 4.60517019



Importer des fichiers ascii

Autres méthodes textread (voir help)

- La différence de textread par rapport à fscanf est la capacité de celui-ci à extraire de
- multiples variables en une commande.
- La fonction est effectuée jusqu'à ce que le fichier soit entièrement lu.
- textread est utile pour lire des fichiers textes avec un format connu

'Yes'



Autres fonction de traitement de fichiers

Pour lire et écrire dans des fichiers ascii:

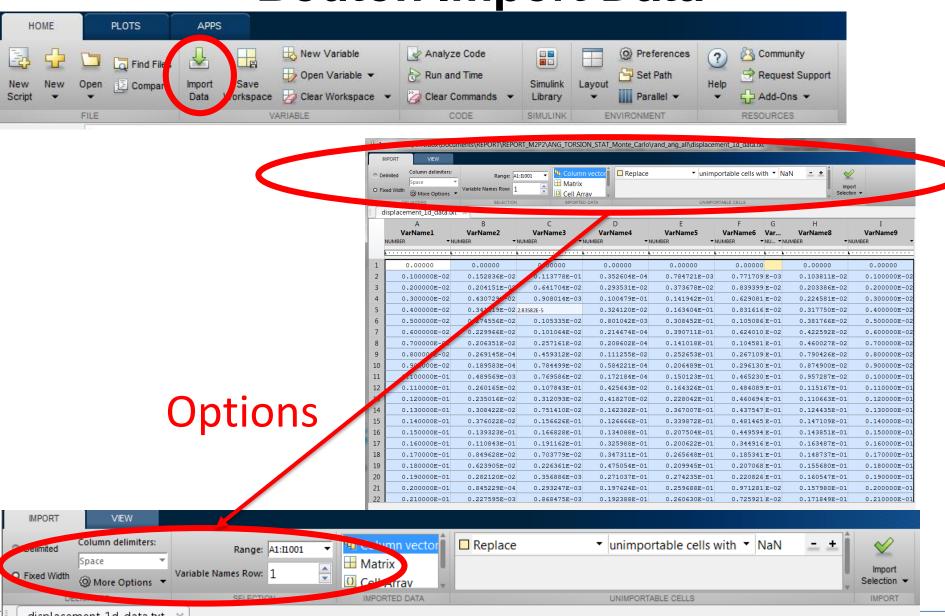
- fgets, fgetl
- load
- dlmread, dlmwrite
- csvread, csvwrite
- importdata
- xlswrite, xlsread, readtable: écrire et lire des fichiers Excel

```
Fichier climate.xlsx:
Time Temp Visibility
12 98 clear
13 99 clear
14 97 partly cloudy
```

```
>> T = readtable('climate.xlsx','Sheet','Temperatures')
T =
  Time
         Temp
                  Visibility
  12
        98
              'clear'
  13
              'clear'
        99
  14
        97
              'partly cloudy'
>> [num,headertext] = xlsread('climate2.xlsx','Temperatures')
num =
  12
       98
  13
      99
  14
      97
headertext =
  'Time' 'Temp'
```



Bouton Import Data



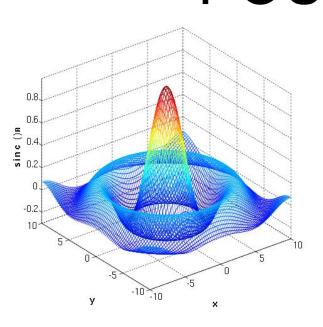
MARSEILLE

Aix Marseille Université



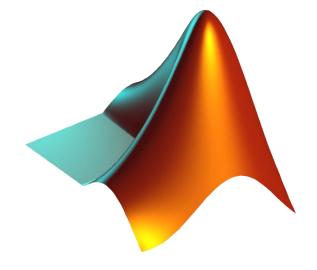


OUTILS NUMERIQUES POUR L'INGENIEUR I



MATLAB

FIN



Rappel:

help, doc et google sont vos amis