Programación con R

Francisco Martínez del Río

2024-01-29

Contents

1	Pre	ámbulo	7
2	Pri	meros pasos	9
	2.1	Ejecución de órdenes en la consola	9
	2.2	Ayuda	10
	2.3	Paquetes	11
	2.4	Ejercicios	14
	2.5	Soluciones	15
3	Var	iables y expresiones	17
	3.1	Variables	17
	3.2	Expresiones aritméticas	21
	3.3	Expresiones lógicas o booleanas	24
	3.4	Invocación a funciones	29
	3.5	Ejercicios	30
4	Est	ructuras secuenciales de un programa	33
	4.1	Salida de datos	33
	4.2	Entrada de datos	37
	4.3	Elaboración de programas o guiones	38
	4.4	Comentarios	39
	4.5	Eiercicios	39

4 CONTENTS

5	Tipe	os de datos: cadenas de caracteres, vectores y factores	41
	5.1	Cadenas de caracteres	41
	5.2	Vectores	42
	5.3	Factores	62
	5.4	Números complejos	66
	5.5	Ejercicios	66
	5.6	Soluciones	68
6	Tipe	os de datos: matrices	7 3
	6.1	Consultar el tamaño de una matriz	75
	6.2	Filas y columnas con nombres	76
	6.3	Aritmética de matrices	76
	6.4	Funciones aplicables a matrices	77
	6.5	Matrices lógicas	83
	6.6	Indexación de matrices	85
	6.7	Indexado que genera una única fila o columna	89
	6.8	Concatenación de matrices	90
	6.9	Arrays	91
	6.10	Ejercicios	92
	6.11	Soluciones a los ejercicios de matrices	93
7	Tipe	os de datos: listas	97
	7.1	Indexación	99
	7.2	Creación y eliminación de componentes $\ \ldots \ \ldots \ \ldots$	102
	7.3	Las listas son un tipo de dato recursivo $\ \ldots \ \ldots \ \ldots \ \ldots$	103
	7.4	Funciones que devuelven listas \dots	103
	7.5	La función lapply	105
	7.6	Listas multidimensionales	107
	7.7	Ejercicios	107
	7.8	Soluciones a los ejercicios	108

CONTENTS 5

8	Tipo	os de datos: data frames 1	11
	8.1	Creación de data frames	.11
	8.2	Acceso a los elementos con formato matriz	.13
	8.3	Acceso a los elementos con formato lista	.14
	8.4	Trabajando con data frames	.16
	8.5	Ejercicios	.22
	8.6	Soluciones a los ejercicios	.24
9	Estr	ructuras condicionales 1	31
	9.1	Sentencia if	.31
	9.2	La función ifelse	34
	9.3	La sentencia switch (avanzado)	.35
	9.4	Ejercicios	.36
	9.5	Solución a los ejercicios	.38
10	Estr	ructuras iterativas 1	45
	10.1	La sentencia for	.45
	10.2	La sentencia while	.47
	10.3	Instrucciones break y next	.49
	10.4	La sentencia repeat	.51
	10.5	Escribir ciclos en una línea	.52
	10.6	Código vectorizado versus ciclos	.52
	10.7	Ejercicios	.54
	10.8	Soluciones a los ejercicios	.56
11	Fun	ciones 1	63
	11.1	Creación de funciones	.63
	11.2	La función return	.64
	11.3	Variables locales	.65
	11.4	Variables globales	66
	11.5	Funciones que devuelven varios valores	67
	11.6	Parámetros por defecto e invocación por nombre	68

CONTENTS	6	

11.	7 Las funciones son objetos	9
11.8	8 Funciones anónimas	1
11.9	9 Funciones con un número variable de parámetros	3
11.	10Ejercicios	3
11.5	11Soluciones a los ejercicios	8
12 Gr	aficos 18	7
12.	1 La función plot	7
12.5	2 Personalización de un gráfico	0
12.:	3 Funciones de nivel bajo $\dots \dots \dots$	5
12.4	4 Histogramas: la función hist	6
12.	5 Diagramas de sectores: pie	7
12.0	6 Función locator y par	9
12.	7 Ejercicios	2
12.8	8 Soluciones a los ejercicios	7

Chapter 1

Preámbulo

La licencia de este libro es Creative Commons Attribution-NonCommercial-NoDerivs 4.0.

Este libro se ha escrito usando R Markdown y bookdown en el entorno RStudio. Un documento R Markdown es un documento de texto que permite combinar texto con formato y código en el lenguaje R (u otros lenguajes de programación) y los resultados que produce dicho código.

Chapter 2

Primeros pasos

En este primer tema vamos a ver algunas utilidades generales del entorno R usando RStudio, tales como la ejecución de órdenes en la consola, la obtención de ayuda y la instalación y uso de paquetes.

2.1 Ejecución de órdenes en la consola

Para ejecutar órdenes en la consola teclea la expresión deseada y pulsa Enter.

```
2+3
## [1] 5
```

Observa que la salida viene precedida por [1]. Para esta salida este valor no es muy útil, pero sí lo es cuando la salida produce un resultado que abarca varias líneas. Por ejemplo:

```
(1:40)^{-}
    [1]
                                                                                        225
   [16]
         256
               289
                    324
                          361
                                400
                                     441
                                           484
                                                529
                                                      576
                                                            625
                                                                       729
                                                                                        900
         961 1024 1089 1156 1225 1296 1369 1444 1521 1600
```

Esto produce los números del 1 al 40 elevados al cuadrado. Cada línea viene precedida por el ordinal del primer valor de la línea en el conjunto de datos de salida. Por ejemplo, si una línea comienza con [14] eso indica que el primer valor en esa línea ocupa el puesto 14 de los valores que aparecen en la salida.

Cuando se escribe en la consola, se puede utilizar las flechas hacia arriba y abajo para recuperar las distintas órdenes tecleadas. Pruébalo, es realmente útil. También es cómodo usar la pestaña **History** del panel superior derecho para

visualizar las órdenes tecleadas previamente. Si pinchamos en una orden aparece resaltada y se puede usar las opciones **To Console** o **To Source** para enviar la orden a la consola o al archivo de texto que estemos editando respectivamente. Pruébalo, a veces evita el tener que volver a teclear una orden larga escrita con anterioridad.

Observa que en la consola aparece el símbolo >. Este símbolo es el indicador o prompt. Indica que el sistema está listo para recibir órdenes. Teclea una orden incompleta como 7 * y pulsa Enter. El indicador cambia al símbolo +. Este símbolo nos indica que la línea previa era incompleta y está esperando el final de la entrada. Escribe 5, por ejemplo, y pulsa Enter, se obtendrá el valor 35. Si cuando aparece el indicador + deseas abortar la orden que estabas escribiendo, en lugar de completarla, pulsa Escape.

2.2 Ayuda

Uno de los aspectos sobresalientes de R es su sistema de ayuda. Se puede pedir ayuda sobre cualquier función, paquete, instrucción, conjunto de datos, etc. Para ello hay que usar la función help:

```
help("mean") # ayuda sobre la función mean
```

Si estamos en RStudio, la ayuda aparece en la pestaña **Help** del panel inferior derecho. Para obtener ayuda, también se puede usar la interrogación:

```
?var
```

La ayuda sobre funciones incluye descripciones de sus parámetros de entrada y valor de retorno. La última parte de la ayuda (*examples*) es muy interesante, pues incluye ejemplos de uso de la función. Estos ejemplos se pueden ejecutar en la consola con la función example:

```
example(seq)
```

A lo largo de estos apuntes vamos a estudiar muchas funciones de R. Normalmente describiremos los usos más comunes de una función. Sin embargo, hay funciones muy flexibles que realizan cálculos muy variados en función de cómo se las invoque. Por ello te animamos a que uses la ayuda para obtener una descripción completa de las funciones que te interesen. Prueba, por ejemplo, help("help") para obtener una descripción más detallada del funcionamiento de la propia función help.

Aparte de esta ayuda, y de la que se explica a continuación, una búsqueda en internet usando unos términos significativos, preferiblemente en inglés, suele producir ayuda de gran calidad en lugares como *stackoverflow*.

2.2.1 Vignettes

Los paquetes de R están obligados a incluir documentación sobre sus funciones y conjuntos de datos. Sin embargo, a veces es difícil entender la utilidad de un paquete viendo la documentación de sus funciones de forma aislada. Es por ello que algunos paquetes incluyen *vignettes*, que son documentos que explican en detalle la funcionalidad de un paquete combinando sus distintas funciones para, por ejemplo, resolver un problema. Un paquete puede contener varias *vignettes*. Para consultarlas desde la consola de R se puede usar la función vignette.

```
vignette("grid")
```

Si ejecutas la orden previa desde la consola, se abrirá un archivo pdf con información sobre el sistema gráfico *grid*.

2.2.2 Demos

La tercera utilidad que nos ofrece R para aprender a usar sus recursos son las demostraciones, es decir, ejemplos prácticos en los que se muestran los resultados de utilizar ciertas funciones. Muchos paquetes incorporan demostraciones bastante elaboradas sobre su funcionalidad, especialmente los paquetes que sirven para generar gráficos.

Como ejemplo, ejecuta la siguiente orden en la consola y verás una demostración de las posibilidades gráficas de R (los gráficos aparecerán en la pestaña **Plots** del panel inferior derecho):

demo(graphics)

2.3 Paquetes

El núcleo base de R viene constituido por una serie de paquetes que se incluyen en la instalación de R. Este núcleo base incorpora un gran abanico de funcionalidades con las que podemos cargar datos de fuentes externas, llevar a cabo análisis estadísticos y obtener representaciones gráficas. Las funcionalidades de los paquetes del núcleo base están disponibles al ejecutar RStudio. No obstante, hay multitud de tareas para las que necesitaremos recurrir a paquetes externos al núcleo base, y necesitaremos incorporar al entorno de trabajo las funciones y objetos definidos en ellos. Algunos de esos paquetes ya se encontrarán instalados en el sistema, pero otros será preciso descargarlos e instalarlos conforme se vayan necesitando. Una de las grandes ventajas de R es la gran comunidad de programadores que desarrolla paquetes para compartirlos con el resto. Además, comparado con otros sistemas, la instalación de paquetes es muy sencilla.

Un paquete es un conjunto de funciones y datos listos para ser distribuidos e instalados. De cara a instalar un paquete hay varias posibilidades. Una de ellas es usar la pestaña **Packages** del panel inferior derecho. Mediante esta pestaña podemos consultar los paquetes que tenemos instalados, ver su documentación e instalar nuevos paquetes. Otra posibilidad es usar la función instal1_packages. Por ejemplo, la siguiente orden instala el paquete tsfknn.

```
install.packages("tsfknn")
```

La función install_packages descarga de Internet e instala un paquete de CRAN, que es el repositorio oficial de paquetes de R.

2.3.1 Carga de paquetes

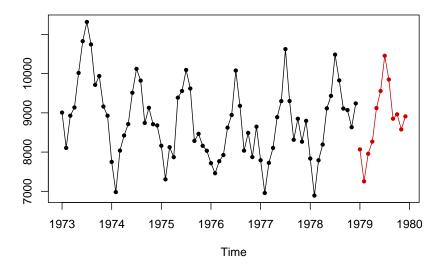
Para poder usar un objeto (función, constante, conjunto de datos, ...) de un paquete es necesario tener instalado el paquete; pero no sólo eso, también hay que cargar el paquete, para que los objetos que contiene sean accesibles. Podemos consultar los paquetes cargados con la función search.

Para cargar un paquete y tener acceso a sus objetos hay que usar la función library. Por ejemplo:

```
library(tsfknn)
```

Ahora podemos usar las funciones del paquete tsfknn, que, dada una serie temporal, predice su comportamiento futuro.

```
pred <- knn_forecasting(USAccDeaths, h = 12, lags = 1:12)
plot(pred)</pre>
```



Podemos comprobar que el paquete se ha cargado usando de nuevo la función search:

Ahora el paquete *tsfknn* aparece en segundo lugar.

Como puede observarse, hay una serie de paquetes, como graphics, utils, stats o base, que no hemos cargado con library y, sin embargo, están cargados. Estos se corresponden con los paquetes del núcleo base de R y se cargan automáticamente. Estos paquetes incluyen funciones básicas para realizar cálculos y análisis estadísticos.

2.3.2 Conflictos de nombres

A veces más de un paquete puede contener un objeto con el mismo nombre. Esto provoca un conflicto de nombres porque, cuando usamos un nombre definido en más de un paquete, ¿a qué objeto nos referimos?. R lo resuelve usando el objeto del último paquete que ha sido cargado, que será el primero de los paquetes en conflicto que aparezca en el listado producido por la función search.

Vamos a ejemplificar un conflicto de nombres sin necesidad de usar dos paquetes. La función mean, del paquete base del núcleo de R, calcula la media de los valores de un vector:

```
mean(c(2, 7, 10)) # media del vector [2, 7, 10]
## [1] 6.333333
```

Sin embargo, a continuación vamos a escribir una función llamada mean que siempre produce el valor 5.

```
mean <- function(x) 5</pre>
```

Ahora, esta nueva función oculta a la función original del paquete base:

```
mean(c(2, 7, 10))
## [1] 5
```

Cuando haya conflictos de nombres, siempre podemos usar la siguiente sintaxis para evitar el conflicto: nombrePaquete::objeto. Es decir, precedemos el nombre del objeto con el nombre del paquete en el que se ubica y dos ocurrencias del carácter:. Esto evita cualquier conflicto, pues no puede haber dos paquetes con el mismo nombre.

```
mean(c(2, 7, 10)) # invoca a la función que hemos definido ## [1] 5 base::mean(c(2, 7, 10)) # invoca a la función mean del paquete base ## [1] 6.3333333
```

La sintaxis nombrePaquete::objeto también es útil para usar un objeto de un paquete sin necesidad de cargar previamente el paquete con library.

2.4 Ejercicios

- 1. Usa la función help para descubrir la utilidad de la función sqrt. Usa sqrt para realizar algún cálculo.
- 2. Genera una vignette del paquete tsfknn.
- 3. Instala el paquete dlstats, que sirve para consultar estadísticas sobre las veces que los usuarios instalan determinados paquetes en RStudio. Carga el paquete y obtén ayuda de la función cran_stats. Utiliza la función cran_stats para consultar un histórico de cuántas veces al mes se ha descargado el paquete tsfknn.

4. Ejecuta el código autoexplicativo de más abajo. El efecto es que la nueva variable oculta a la constante pi, definida en el paquete base. Añade una línea al final del código de forma que se pueda volver a consultar el valor de la constante π .

```
pi  # consulta el valor de la constante pi
## [1] 3.141593
pi <- 0  # variable que pone pi a cero (oculta a la otra)
pi  # consulta la variable que vale 0
## [1] 0</pre>
```

2.5 Soluciones

```
# Función sqrt
help("sqrt")
sqrt(25)
# Vignette del paquete tsfknn
vignette("tsfknn")
# Instalación y uso del paquete distats
install.packages("dlstats") # se instala
library(dlstats)
                             # se carga
help("cran_stats")
cran_stats("tsfknn")
# Ocultación del objeto pi del paquete base
рi
## [1] 0
pi <- 0
рi
## [1] 0
base::pi
## [1] 3.141593
```

Chapter 3

Variables y expresiones

En este tema se estudia el concepto de variable. Las variables hacen referencia a datos. Los datos se pueden generar usando expresiones, que es el otro aspecto que se analiza en este tema.

3.1 Variables

Una variable permite asociar un valor u objeto a un identificador. En la memoria del ordenador habrá una zona donde se almacena el objeto asociado a la variable.

Para crear una variable en R hay que asignarle un valor mediante una operación llamada asignación. La asignación consta de tres elementos:

- el identificador o nombre de la variable
- el operador de asignación
- una expresión que produce el valor a asignar

Vamos a ver un ejemplo:

Aquí la variable tiene el nombre \mathbf{x} , el operador de asignación está compuesto por los caracteres < y - escritos juntos (<-). Por último, la expresión es el valor 7. A partir de ahora, la variable \mathbf{x} tiene asociado el valor 7 y podemos usar la variable para consultar su valor. Por ejemplo:

y <- x * 6

Ahora, la variable x aparece en una expresión. Al evaluar la expresión la variable x se sustituye por su valor (7), de forma que x * 6 produce el valor 42, que es asignado a la variable y.

Como escribir los caracteres < y - resulta tedioso, R
Studio tiene un atajo (una combinación de teclas) para teclear
lo más rápidamente. Consiste en pulsar la tecla Alt junto a -.

Si tecleas una variable en la consola y pulsas *Enter*, R evalúa la expresión formada por la variable, lo cual equivale a consultar su valor.

```
у
## [1] 42
```

En la pestaña **Environment**, del panel superior derecho de RStudio, aparecen por defecto los objetos creados en el Entorno Global o espacio de trabajo, que incluyen las variables que se han creado en la sesión de trabajo. Ahí puedes consultar las variables creadas y su valor.

3.1.1 Nombres de variables

El nombre de una variable es un identificador. Las siguientes reglas se aplican a los identificadores:

- Pueden ser una combinación de letras, dígitos, punto (.) y subrayado ().
- Deben comenzar por una letra o punto. Si comienzan con punto, el siguiente carácter no puede ser un dígito.
- Las palabras reservadas de R, como if o for no pueden usarse como identificadores. (Ejecuta ?Reserved para consultar las palabras reservadas).

Ejemplos de identificadores válidos son: total, Suma, .bien, valor_total, nombre5. Ejemplos de identificadores inválidos son: alumn@, 7nombre, _bien, TRUE, .6nombre (TRUE no es válido porque es una palabra reservada de R).

R es sensible a las mayúsculas. Esto significa que los identificadores Nombre, nombre o NOMBRE son distintos. Aunque R lo permite, no uses identificadores que sólo se diferencian en que unas letras están en mayúsculas o minúsculas, pues puede causar confusión.

3.1.2 Asignando distintos valores a una variable

A una variable se le puede asignar distintos valores a lo largo del tiempo. Sin embargo, la variable sólo guarda el último valor asignado. Veamos un ejemplo (en el ejemplo las asignaciones se encierran entre paréntesis para que el resultado de la asignación aparezca en la pantalla):

3.1. VARIABLES 19

```
(z <- 20)
## [1] 20
(z <- 6)
## [1] 6
z
## [1] 6
```

R es un lenguaje con tipado dinámico. Esto significa que una variable puede contener valores de distinto tipo a lo largo del tiempo (estudiaremos los distintos tipos de datos más adelante). Por ejemplo:

```
a <- 4.5 # a contiene un número
a <- "Juan" # después una cadena de caracteres
a <- TRUE # y ahora un valor lógico
```

3.1.3 Operadores de asignación alternativos

Aparte del operador de asignación: <-, existen otros dos operadores de asignación: = y ->:

```
b = 9
16 -> c
```

Como puede observase, cuando se usa el operador \rightarrow la expresión aparece a la izquierda del operador y la variable a la derecha. De momento, se recomienda usar el operador \leftarrow .

3.1.4 Consulta y borrado de variables

Para consultar las variables y, en general, los objetos que hemos definido, podemos usar las funciones 1s y objects:

```
ls()
## [1] "a" "b" "c" "mean" "pi" "pred" "x" "y" "z"
```

También podemos consultar los objetos definidos en la pestaña **Environment** del panel superior derecho de RStudio. Para borrar variables del espacio de trabajo se puede usar la función rm. Por ejemplo, vamos a borrar las variables a y b:

```
rm(a, b)
ls()
## [1] "c" "mean" "pi" "pred" "x" "y" "z"
```

Si queremos borrar todos los objetos que hemos definido podemos usar la escoba que aparece en la pestaña **Environment** del panel superior derecho de RStudio. Otra posibilidad es esta:

```
rm(list = ls())
ls()
## character(0)
```

3.1.5 Guardar y recuperar objetos del entorno de trabajo

Normalmente, cuando terminamos una sesión de trabajo en R no estamos interesados en guardar los distintos objetos que hemos creado. Sin embargo, hay veces que algunas variables almacenan resultados que queremos mantener, porque para obtenerlos se precisa mucho trabajo y/o tiempo. En esos casos podemos recurrir a la función save:

```
a <- -5.5
b <- 22
c <- 0
save(a, b, file = "datos.RData")</pre>
```

La función save guarda una serie de variables en un archivo en memoria secundaria (cuyo contenido no se borra al apagar el ordenador). Como se puede ver, se listan los nombres de las variables que queremos guardar (hemos elegido guardar las variables a y b) y el nombre del archivo donde se guardarán los datos. Se suele usar la extensión RData para estos archivos. Para recuperar los datos almacenados con save se usa la función load:

```
rm(list = ls()) # borramos todas las variables
load("datos.RData")
ls()
## [1] "a" "b"
```

Hemos recuperado las variables a y b. Otra forma de cargar un archivo de datos es localizarlo en la pestaña **Files** en el panel inferior derecho de RStudio y hacer doble clic en él o usar la opción **Session>Load Workspace**

Si se quiere guardar todo el espacio de trabajo, se puede usar la función save.image:

```
rm(list = ls()) # borramos todas las variables
x <- 9
y <- 28
save.image(file = "todas.RData")</pre>
```

save.image usa por defecto el nombre de archivo .RData. Como curiosidad, cuando cerramos RStudio se nos preguntan si ejecutar save.image con sus parámetros por defecto. Si decimos que sí, automáticamente se guardan nuestros objetos en un archivo llamado .RData en el directorio de trabajo. Cuando se abre RStudio se recuperan los datos almacenados en un archivo .RData situado en la carpeta de inicio de RStudio.

```
rm(list = ls()) # borramos todas las variables
load("todas.RData")
ls()
## [1] "x" "y"
```

Otra posibilidad para guardar todo el espacio de trabajo es usar el botón con un disco del panel **Environment**. Las funciones savehistory y loadhistory también nos permiten guardar y recuperar el historial de órdenes tecleadas en la consola.

Cuando leemos datos de un archivo con load se pueden cargar varias variables. Podemos consultar los nombres de dichas variables así:

Si sólo queremos guardar un objeto en un archivo, se puede usar la función saveRDS. Una pequeña ventaja de usar esta función es que al cargar el objeto (con readRDS) podemos elegir su nombre:

```
n <- "Julio"
saveRDS(n, file = "objeto.RDS")
nombre <- readRDS("objeto.RDS")
nombre
## [1] "Julio"</pre>
```

3.2 Expresiones aritméticas

Las variables son útiles, pues permiten almacenar valores y resultados de cálculos, resultados que podemos consultar o usar con posterioridad. Las expresiones

sirven para expresar dichos cálculos. Las vamos a usar continuamente, pues el objeto de usar un ordenador suele ser realizar cálculos. A menudo, el resultado de evaluar expresiones se almacena en variables.

Las expresiones aritméticas expresan cálculos numéricos. Como hemos visto, pueden usarse en asignaciones. El resultado de evaluar la expresión es lo que se asigna a la variable. Una expresión aritmética puede contener:

- valores literales: son valores concretos de un tipo de dato, como el valor 7
- variables: al evaluar la expresión una variable se sustituye por su valor asociado.
- operadores aritméticos, como: +, -, *, /, ^
- llamadas a funciones: las funciones producen valores en función de sus parámetros.

Veamos algunos ejemplos de expresiones aritméticas:

```
20  # literal

## [1] 20

1.8 * 2  # literales y operador de multiplicación

## [1] 3.6

x <- 9

x ^ 3  # variable, operador potencia y literal

## [1] 729

exp(x) - 1000 # función exponencial, operador y literal

## [1] 7103.084
```

3.2.1 Valores literales numéricos

Un valor literal numérico es un número concreto, también a veces llamado escalar. Existen varias formas de escribir un literal de tipo real:

- En decimal, por ejemplo: 0.18.
- En notación científica, por ejemplo: 1.23e4. Este número equivale a $1.23*10^4$, o sea, 12300.
- En hexadecimal, por ejemplo: 0x2f. Este número es el 47 en decimal $(2*16^1+15*16^0)$.

Para escribir un literal entero se procede como con los reales, pero no se puede usar parte fraccional y hay que terminar el número con L. Por ejemplo: 12L, 123e2L, 0x2fL.

3.2.2 Precedencia y asociatividad de los operadores

Las expresiones de ejemplo previas incluyen un único operador. Sin embargo, una expresión puede incluir más de un operador. Las reglas de precedencia indican el orden en que se aplican los operadores. Por ejemplo, la multiplicación (operador *) tiene mayor precedencia que la suma (operador +):

```
2 + 3 * 5
## [1] 17
```

Como la multiplicación tiene mayor precedencia se ha calculado primero 3 * 5 (15) y despues 2 + 15. Como en matemáticas, los paréntesis sirven para alterar el orden de precedencia:

```
(2 + 3) * 5
## [1] 25
```

La asociatividad de un operador se usa cuando aparece más de una vez seguida un operador, y sirve para determinar si el operador se aplica de izquierda a derecha o de derecha a izquierda. Por ejemplo, el operador de división (/) se asocia de izquierda a derecha:

```
8 / 2 / 4 ## [1] 1
```

Como la asociatividad es de izquierda a derecha, primero se calula 8 / 2 (4) y después 4 / 4 (1). De nuevo, los paréntesis sirven para alterar el orden de aplicación de los operadores:

```
8 / (2 / 4)
## [1] 16
```

A continuación se listan los distintos operadores aritméticos y lógicos de R ordenados de mayor a menor precedencia, en la última columna se indica su asociatividad.

Operador	Significado	Asociatividad
^	Potencia	Derecha a izquierda
-x, +x	menos unario, más unario	Izquierda a derecha
%%	Módulo	Izquierda a derecha
*, /	Multiplicación, división	Izquierda a derecha
+, -	Suma, resta	Izquierda a derecha
<, >, <=, >=, !=	Relacionales	Izquierda a derecha
!	NO lógico	Izquierda a derecha

Operador	Significado	Asociatividad
&, &&	Y lógico	Izquierda a derecha
,	O lógico	Izquierda a derecha
->, -»	Asignación a la derecha	Izquierda a derecha
<-, «-	Asignación a la izquierda	Derecha a izquierda
=	Asignación a la izquierda	Derecha a izquierda

Todos los operadores de la lista son binarios, es decir, tiene dos operados, salvo los operadores + y -. Estos tienen una versión binaria (para sumar y restar) y una versión unaria (para indicar el signo). Por ejemplo:

```
-2 + 5
## [1] 3
```

En esta expresión el - es el operador unario y el + es el operador binario. Observa que el resultado es 3, porque el operador unario tiene más precedencia que el binario. Si la precedencia fuera al revés el resultado sería -7. Otro ejemplo sería:

```
3 - -2
## [1] 5
```

En este caso el primer - es el operador binario y el segundo el unario.

Teniendo en cuenta la precedencia y asociatividad. ¿Qué crees que produce -2 2 $(4 \circ -4)$?, ¿Y $2 ^3$ 3 $(512 \circ 134217728)$? Prueba en la consola si has acertado. Usa paréntesis para obtener el otro resultado.

3.3 Expresiones lógicas o booleanas

En programación se usa con gran asiduidad las operaciones lógicas, también conocidas como booleanas. El término booleano viene del nombre del matemático George Boole. Una operación lógica es aquella que produce un valor de verdadero o falso. Existen dos literales booleanos, que son los valores TRUE y FALSE.

```
(casado <- TRUE)
## [1] TRUE
(americano <- FALSE)
## [1] FALSE</pre>
```

Una variable como casado o americano, que almacena un valor lógico, es llamada variable lógica o booleana. Se puede abreviar los valores TRUE y FALSE con T y F respectivamente, pero resulta más legible usar los primeros. Además, T y F son realmente variables que almacenan los valores lógicos TRUE y FALSE respectivamente. Al ser variables, sus valores pueden ser sobrescritos. No ocurre lo mismo con TRUE y FALSE que son palabras reservadas y no pueden ser sobrescritas.

3.3.1 Operadores relacionales

La mayor parte de las expresiones lógicas incluyen operadores relacionales. Los operadores relacionales son binarios y sirven para comparar dos valores. Los operadores relacionales son:

- <: menor
- <=: menor o igual
- >: mayor
- >=: mayor o igual
- ==: igual (observa que son dos símbolos de =)
- !=: distinto

Veamos un ejemplo de uso de algunos de estos operadores:

```
x <- 10
x > 0  # ¿es x mayor que 0?
## [1] TRUE
x != 10  # ¿es x distinto de 10?
## [1] FALSE
```

3.3.2 Operaciones lógicas compuestas

Los operadores lógicos permiten generar expresiones lógicas compuestas a partir de expresiones lógicas simples. Los principales operadores lógicos son el operador Y, el O y el NO.

3.3.2.1 Operador Y (and): &&

Es un operador binario. Produce el valor verdadero si ambos operandos (que son de tipo lógico) son verdaderos, en otro caso produce el valor falso. Ejemplo:

```
x <- 10
y <- -5
x > 0 && y < 0  # ¿es x mayor que cero e y menor que cero?
## [1] TRUE
x == 10 && y == 0 # ¿es x igual a 10 e y igual a 0?
## [1] FALSE</pre>
```

El operador es &&. El operador & es equivalente, pero se usa para colecciones de datos, como vectores.

3.3.2.2 Operador O (or): ||

Es un operador binario. Produce un valor verdadero si al menos uno de los operandos es verdadero, en otro caso (ambos operandos son falsos) produce el valor falso. Ejemplo:

```
x <- 10

y <- -5

x > 0 || y > 0

## [1] TRUE

x == 0 || y == 0

## [1] FALSE

x > 0 || y < 0

## [1] TRUE
```

El operador es ||. El operador | es equivalente, pero se usa para colecciones de datos, como vectores.

3.3.2.3 Operador NO (not)

Es un operador unario, es decir, tiene un único operando. Invierte el valor de su operando. Es decir, si el operando vale TRUE produce FALSE, y si el operando vale FALSE produce TRUE. Ejemplo:

```
casado <- TRUE
! casado
## [1] FALSE</pre>
```

El operador de negación tiene el símbolo!.

3.3.3 Ejemplos de expresiones lógicas

Escribir la expresión lógica oportuna para expresar si se verifica cierta condición lógica cuesta al principio. A continuación vamos a estudiar algunos ejemplos. Antes de ver la solución intenta pensar la expresión lógica adecuada, después consulta el código con la solución. Ten en cuenta que una condición lógica se puede expresar con distintas expresiones lógicas.

3.3.3.1 ¿Pertenece una variable a un intervalo?

Se trata de ver si el valor almacenado en una variable está comprendido en un intervalo, por ejemplo, [5, 10]:

```
# Solución
x <- 7
x >= 5 && x <= 10 # ¿pertenece x al intervalo [5, 10]
## [1] TRUE
x <- 12
x >= 5 && x <= 10 # ¿pertenece x al intervalo [5, 10]
## [1] FALSE</pre>
```

3.3.3.2 ¿No pertenece una variable a un intervalo?

Se trata de ver si el valor almacenado en una variable está fuera de un intervalo, por ejemplo, [5, 10]:

```
# Solución

x <- 7

x < 5 || x > 10

## [1] FALSE

x <- 12

x < 5 || x > 10

## [1] TRUE
```

Otra posibilidad es usar la expresión que comprueba si la variable pertenece al intervalo y negarla.

```
# Solución alternativa

x <- 7

!(x >= 5 && x <= 10)

## [1] FALSE

x <- 12

!(x >= 5 && x <= 10)

## [1] TRUE
```

3.3.3.3 ¿Toma una variable uno de varios posibles valores?

Se trata de ver si el valor almacenado en una variable coincide con alguno de una serie de valores, por ejemplo 2, 7 y 9.

```
x <- 7
x == 2 || x == 7 || x == 9 # ¿vale x 2, 7 o 9?
## [1] TRUE
x <- 12
x == 2 || x == 7 || x == 9 # ¿vale x 2, 7 o 9?
## [1] FALSE</pre>
```

Observa que $x == 2 \mid \mid x == 7 \mid \mid x == 9$ es equivalente a $(x == 2 \mid \mid x == 7) \mid \mid x == 9$, porque el operador O es binario y se asocia de izquierda a derecha. Una expresión que tiene varias condiciones O encadenadas es verdadera si, y sólo si, al menos una condición es verdadera (piensa por qué).

Esta condición se puede expresar más fácilmente usando vectores y el operador %in%, que comprueba si un elemento está en un vector:

```
x <- 7
x %in% c(2, 7, 9) # ¿está x en el vector [2, 7, 9]?
## [1] TRUE
x <- 12
x %in% c(2, 7, 9) # ¿está x en el vector [2, 7, 9]?
## [1] FALSE</pre>
```

3.3.3.4 ¿No toma una variable uno de varios posibles valores?

Se trata de ver si el valor almacenado en una variable no coincide con ninguno de una serie de valores, por ejemplo 2, 7 y 9.

```
x <- 7

x != 2 && x != 7 && x != 9

## [1] FALSE

x <- 12

x != 2 && x != 7 && x != 9

## [1] TRUE
```

Observa que x != 2 && x != 7 && x != 9 es equivalente a (x != 2 && x != 7) && x != 9, porque el operador Y es binario y se asocia de izquierda a derecha. Una expresión que tiene varias condiciones Y encadenadas es verdadera si, y sólo si, todas las condiciones son verdaderas.

Una forma alternativa de expresar la condición es:

```
x <- 7
!(x %in% c(2, 7, 9)) # ¿no está x en el vector [2, 7, 9]?
## [1] FALSE
x <- 12</pre>
```

```
!(x %in% c(2, 7, 9)) # ¿no está x en el vector [2, 7, 9]? ## [1] TRUE
```

3.4 Invocación a funciones

Como hemos comentado, las funciones sirven para realizar cálculos. Una función es invocada facilitándole unos argumentos. En función de los argumentos realiza sus cálculos y devuelve un resultado. Por ejemplo, la función cos toma como argumento un ángulo en radianes y devuelve su coseno:

```
cos(0)
## [1] 1
cos(pi / 2)
## [1] 6.123032e-17
```

R tiene varias formas de especificar los argumentos de una función al ser invocada. Vamos a estudiarlo con la función punif que devuelve un valor de la función de distribución uniforme. Esta función tiene la siguiente cabecera:

```
• punif(q, min = 0, max = 1, lower.tail = TRUE, log.p = FALSE)
```

Consulta la ayuda de **punif** para una descripción detallada de su funcionamiento. Veamos un ejemplo de invocación:

```
punif(0.75, 0, 1, TRUE, FALSE)
## [1] 0.75
```

Con esta invocación queremos ver la probabilidad de que una variable aleatoria de una distribución uniforme U(0,1) sea menor o igual que 0.75. Este tipo de invocación es posicional: cada argumento se corresponde con el parámetro que ocupa la misma posición en la cabecera de la función. En el ejemplo, 0.75 se corresponde con q, 0 con min, 1 con max y así sucesivamente. Veamos otro ejemplo con una U(0,2):

```
punif(0.75, 0, 2, TRUE, FALSE)
## [1] 0.375
```

Si miramos la cabecera de la función veremos que todos los parámetros, salvo el primero, tienen el formato x = valor. Esto quiere decir que el parámetro x toma el valor por defecto valor. El valor por defecto de un parámetro significa que si no se especifica ese argumento en la invocación a la función el parámetro tomará dicho valor por defecto. Por ejemplo:

```
punif(0.75) # equivale a punif(0.75, 0, 1, TRUE, FALSE)
## [1] 0.75
punif(0.75, 0, 2) # equivale a punif(0.75, 0, 2, TRUE, FALSE)
## [1] 0.375
```

Un valor por defecto se elige de forma que sea el valor más común posible. De este modo, en muchas ocasiones no habrá que especificar el argumento.

Observa la segunda llamada: punif(0.75, 0, 2). Aunque 0 es el valor por defecto para el límite inferior de la distribución uniforme, ha habido que especificar dicho argumento porque estamos invocando a la función con argumentos posicionales: punif(0.75, 2) equivale a punif(0.75, 2, 1, TRUE, FALSE), que produce un error porque no tiene sentido una distribución U(2,1).

Afortunadamente, R no obliga a invocar a las funciones con parámetros posicionales. La alternativa es realizar una invocación por nombre, en la que los argumentos se especifican mediante su nombre y el valor que toman:

```
punif(q = 0.75, max = 2) # equivale a punif(0.75, 0, 2, TRUE, FALSE)
## [1] 0.375
punif(max = 2, q = 0.75) # equivale a punif(0.75, 0, 2, TRUE, FALSE)
## [1] 0.375
```

Se puede mezclar invocación posicional con invocación por nombre. En dicho caso, los argumentos posicionales irán primero y se corresponden con sus posiciones en la cabecera. Este tipo de invocación, dada su versatilidad, se usa asiduamente:

```
punif(0.75, max = 2) # uniforme [0, 2]
## [1] 0.375
punif(0.75, lower.tail = FALSE) # equivale a punif(0.75, 0, 1, FALSE, FALSE)
## [1] 0.25
```

La última invocación produce la probabilidad de que una variable aleatoria de una distribución U(0,1) sea mayor que 0.75.

3.5 Ejercicios

- 1. Almacena en una variable un precio (por ejemplo, 100) y en otra variable el IVA (por ejemplo, un 21%). Escribe una expresión que calcule el precio al aplicarle el IVA.
- 2. Escribe las siguientes expresiones aritméticas en R:
 - $\frac{a}{b}+1$

3.5. EJERCICIOS

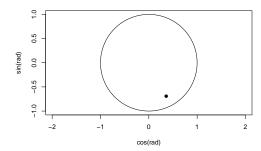
31

- $\frac{a+b}{c+d}$
- $\bullet \quad \frac{a + \frac{b}{c}}{d + \frac{c}{c}}$
- $a + \frac{b}{c-d}$
- $(a+b)\frac{c-a}{d}$

Prueba que las expresiones son correctas. Para ello asigna a las variables a, b, c y d los valores 2, 1, -1 y 4 respectivamente. El resultado de evaluar las distintas expresiones es 3, 1, 0.333, 1.8 y -0.75 respectivamente.

- 3. Intenta predecir el resultado de evaluar las siguientes expresiones lógicas. Piensa en el orden en que se evalúan las subexpresiones dentro de cada expresión. Los valores de las variables son: a <- TRUE, b <- TRUE, c <- FALSE, d <- FALSE.</p>
 - c || !a && b
 - ! (a || c) || b && !c
 - ! (! (! (a && c || d)))
 - !(5<3) && a || !(d || c)
- 4. Escribe una expresión lógica que compruebe si la variable x pertenece al rango [0,5] o al rango [10,15].
- 5. Escribe una expresión lógica que compruebe si una variable contiene un valor par. Nota: el operador %% devuelve el resto de la división entera.
- 6. Utiliza la función pnorm para calcular la probabilidad de que una variable de una distribución normal N(0,2) sea mayor que 3.
- 7. Calcula algunos datos sobre una circunferencia a partir de su radio.
 - Guarda en la variable radio el valor del radio de la circunferencia con la que vamos a trabajar.
 - Calcula la longitud de la circunferencia de dicho radio.
 - Calcula el área del círculo delimitado por dicha circunferencia.
- 8. Queremos conocer los datos estadísticos de una asignatura. Para ello necesitamos definir variables que almacenen el número de suspensos, aprobados, notables y sobresalientes de una asignatura (asigna los valores que prefieras). Usa expresiones para calcular:
 - El tanto por ciento de alumnos que han superado la asignatura.
 - El tanto por ciento de suspensos, aprobados, notables y sobresalientes de la asignatura.
- 9. El código siguiente genera un punto (x, y) aleatorio en el cuadrado de esquinas [-1, -1] y [1, 1]. Además, el punto es visualizado para comprobar si cae dentro del círculo unidad (centro (0, 0) y radio 1):

```
x \leftarrow runif(1, min = -1, max = 1)
y \leftarrow runif(1, min = -1, max = 1)
rad <- seq(0, 2*pi, length.out = 100)
plot(cos(rad), sin(rad), type = "l", asp = 1)
points(x, y, pch = 19)
```



Escribe una expresión lógica que permita comprobar si el punto generado cae en el círculo unidad.

10. Utiliza expresiones para calcular:

- La división entera 23 entre 5.
- El resto de la división entera 23 entre 5.
- $\frac{\sqrt{4.5^2 + 5^2}}{100 22.3}$
- Si la variable x contiene un valor en el intervalo [-5, 5], pero distinto del cero.
- $\bullet\,$ Las variables x e y contienen valores enteros positivos. Escribe una expresión lógica que indique si al menos una contiene un valor impar.

Chapter 4

Estructuras secuenciales de un programa

En este tema se estudian las estructuras secuenciales de programación. Estas estructuras se caracterizan porque se ejecutan una detrás de otra, según aparecen escritas en un programa. En el tema previo vimos una de estas estructuras secuenciales: la asignación. En este tema estudiamos el resto: las instrucciones de entrada y de salida. También veremos cómo crear un programa o guion. Un programa es una serie de instrucciones que pueden ser ejecutadas en conjunto.

4.1 Salida de datos

Las instrucciones de salida de datos se utilizan para que el ordenador pueda comunicar información, normalmente los resultados de un cálculo, con el exterior. La información o datos pueden enviarse a distintos dispositivos de salida, como la impresora, el disco duro, la red o la pantalla. Nosotros vamos a enviar información a la pantalla, pero con unos pocos cambios la información podría enviarse a otros dispositivos. Vamos a estudiar dos funciones: print y cat.

4.1.1 La función print

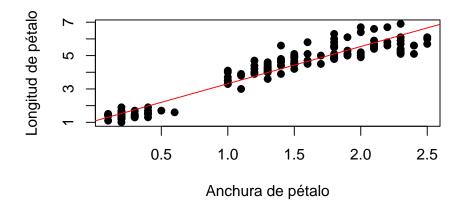
La función **print** toma como parámetro una expresión y muestra en la salida el resultado de evaluar la expresión.

```
x <- 5
print(x ^ 2)
## [1] 25
```

Realmente la salida es la misma que se obtendría si hubiéramos escrito la expresión en la consola. Una ventaja de print es que es una función genérica. Esto permite que los programadores escriban versiones específicas de print para que trabajen con los objetos que ellos definen. Esto hace que print sirva para mostrar en la pantalla casi cualquier objeto de R. A continuación se ajusta un modelo de regresión lineal simple y se usa print para mostrar el resultado del ajuste:

```
# Ajusta la longitud del pétalo en función de la anchura del pétalo
modelo <- lm(Petal.Length ~ Petal.Width, data = iris)
print(modelo)
##
## Call:
## lm(formula = Petal.Length ~ Petal.Width, data = iris)
##
## Coefficients:
## (Intercept) Petal.Width
## 1.084 2.230</pre>
```

El print de este modelo lineal nos dice que la longitud de pétalo se ajusta como 1.084 + 2.23 Petal. Width. Por curiosidad, vamos a mostrar los datos emparejados (anchura y longitud de pétalo de varias flores) y la recta de regresión:



Aunque print es muy flexible, porque permite mostrar objetos de casi cualquier tipo, sólo permite mostrar un objeto por invocación a print.

4.1.2 La función cat

La función cat permite mostrar menos tipos de objetos, pero es posible especificar más de un objeto en una única llamada a la función. Por ejemplo:

```
x <- 5
cat(x, x ^ 2)
## 5 25
```

Los distintos objetos aparecen separados en la salida por un espacio en blanco. En los ejercicios de este tema haremos un uso intensivo de cat, mezclando expresiones numéricas con cadenas de caracteres. Una cadena de caracteres es una secuencia de caracteres encerrada entre comillas simples o dobles. En la pantalla, las cadenas de caracteres aparecen con su valor literal.

```
x <- 5
cat(x, "al cuadrado vale", x ^ 2, "\n")
## 5 al cuadrado vale 25</pre>
```

En esta llamada a cat se han usado dos expresiones aritméticas (x y x ^ 2) y dos cadenas de caracteres: "al cuadrado vale" y "\n". En general, "\n" será utilizada como último parámetro de la invocación a cat. La cadena "\n" produce un salto de línea; si no la utilizamos, las siguientes salidas de invocaciones a cat proseguirían en la misma línea que las anteriores. Por ejemplo:

```
cat("Hola"); cat("a todos") # prueba en la consola
## Hola
## a todos
```

Observa que en la consola la segunda salida de cat aparece en la misma línea que la primera salida de cat y justo detrás. Esto puede ser deseable, pero si queremos que la salida sea en distintas líneas tenemos que usar "\n".

```
cat("Hola", "\n"); cat("a todos")
## Hola
## a todos
```

Realmente \n puede utilizarse en cualquier cadena de caracteres para representar un salto de línea, por lo que podemos escribir el código de antes como:

```
cat("Hola\n"); cat("a todos")
## Hola
## a todos
```

O incluso:

```
cat("Hola\na todos")
## Hola
## a todos
```

Si queremos varios saltos de línea usamos \n más de una vez dentro de una cadena:

```
cat("Hola\n\n"); cat("a todos") # prueba en la consola
## Hola
## a todos
```

La $\$ se conoce como un carácter de escape. Sirve para poder representar en cadenas de caracteres símbolos que no se corresponden con símbolos del teclado. En $\$ n la n significa $new\$ line. Otro ejemplo es $\$ t que produce una tabulación.

Cuando se invoca a cat con varios parámetros cat separa en la salida los parámetros usando un espacio en blanco. Por ejemplo:

```
radio <- 3
cat("El área es", pi*radio^2, "\n")
## El área es 28.27433
```

Observa el espacio entre la palabra es y el área. Separar con un espacio en blanco es el comportamiento por defecto y se puede cambiar usando el parámetro sep de cat. Este parámetro recibe una cadena de caracteres en la que se especifica la cadena a usar como separador:

```
x < -2
cat(x, x^2, x^3, x^4)  # comportamiento por defecto

## 2 4 8 16
cat(x, x^2, x^3, x^4, sep = " ")  # especificamos como separador el valor por defect

## 2 4 8 16
cat(x, x^2, x^3, x^4, sep = " -- ") # separador distinto al valor por defecto

## 2 -- 4 -- 8 -- 16
```

4.2 Entrada de datos

Las instrucciones de entrada de datos permiten que el ordenador se comunique con el exterior para recibir o leer información. La información puede ser leída desde distintos dispositivos como el ratón, el teclado o un archivo. En este apartado vamos a ver una instrucción para leer información del teclado. Realmente, en R no es muy usual leer datos del teclado. Los usuarios de R suelen trabajar con conjuntos de datos que están almacenados en archivos, en internet o que están disponibles directamente en R o en un paquete de R. Sin embargo, a nosotros nos será útil leer de teclado para aprender a programar de una forma más sencilla y divertida.

La función que vamos a estudiar se llama readline. Es una función que, como su nombre indica, lee una línea de texto del teclado. Veamos un ejemplo:

```
# Ejecuta esto en la consola
nombre <- readline("Introduce tu nombre: ")
nombre</pre>
```

La función readline muestra en la consola el texto que se le pasa como parámetro y lee del teclado una línea de texto terminada por la pulsación de *Enter*. El texto leído del teclado es lo que devuelve la función readline. En el ejemplo, el texto leído se asigna a la variable nombre.

4.2.1 Lectura de información numérica

La función readline devuelve una cadena de caracteres, que es un tipo de dato que almacena una secuencia de caracteres. Posteriormente estudiaremos los distintos tipos de datos de R. Por ahora, nos basta con saber que las cadenas de caracteres no admiten operaciones aritméticas. Para poder trabajar con información numérica hay que usar el tipo de datos numeric, que almacena números reales, o integer para números enteros. Por lo tanto, si queremos leer y procesar datos numéricos, primero los leeremos como cadenas de caracteres con readline y después usaremos una función para convertirlos a reales o enteros. Estas funciones son as.numeric y as.integer respectivamente. Veamos un ejemplo:

```
# Ejecuta este texto en la consola
x <- readline("Introduce un número: ")
x <- as.numeric(x)
x ^ 2</pre>
```

Podemos obtener una versión más corta del código anterior si aplicamos directamente la función as numeric a la salida de readline.

```
# Ejecuta este texto en la consola
x <- as.numeric(readline("Introduce un número: "))
x ^ 2</pre>
```

4.3 Elaboración de programas o guiones

Ahora que conocemos las instrucciones de entrada y de salida estamos en disposición de escribir programas. Un programa o guion es una serie de instrucciones que se ejecutan con el objeto de producir un resultado. Normalmente los programas comienzan solicitando datos (entrada), por ejemplo, del teclado. A continuación hacen algunos cálculos para procesar los datos de entrada, generando unos resultados que se muestran en la pantalla u otro dispositivo.

Los programas en R se escriben en un archivo de texto usando un editor de texto. Como nosotros trabajamos en RStudio, usaremos el editor de texto de RStudio. Para crear un nuevo archivo de texto seleccionamos ${\bf File} > {\bf New} \; {\bf File} > {\bf R} \; {\bf Script}.$

Crea un archivo de texto e introduce el siguiente código, que calcula el área de un rectángulo:

```
b <- as.numeric(readline("Introduce la base: "))
a <- as.numeric(readline("Introduce la altura: "))
cat("El área es", b * a)</pre>
```

Guarda el archivo con extensión .R (por ejemplo, programa.R). Para ejecutar el programa selecciona la opción **Code** > **Source**. Observa que la consola se utiliza para introducir y mostrar la información del programa. De cara a ejecutar el programa también puedes usar la opción **Source** en la barra de herramientas del editor de texto.

4.3.1 Instrucciones

Como hemos comentado previamente, un programa consta de una serie de instrucciones, también llamadas sentencias. En general, cada sentencia termina con un carácter de nueva línea o salto de línea, pero si una sentencia es larga puede ocupar varias líneas. Si queremos escribir varias sentencias en una misma línea hay que separar las sentencias con el carácter punto y coma. Por ejemplo:

```
x <- 2; y <- 6.5 # línea con dos sentencias de asignación
print(x * y)
## [1] 13</pre>
```

4.4 Comentarios

En fragmentos de código previos ya se han usado comentarios. Un comentario es un texto que sirve para aclarar cosas del código. Los comentarios no son ejecutados, simplemente sirven para facilitar la comprensión de un programa a alguien que lee su código. En R un comentario comienza por el carácter # y va hasta el final de la línea en que se encuentra dicho carácter. Vamos a introducir comentarios en el programa previo:

```
# Programa: Área de un rectángulo
# Entradas: la base y altura del rectángulo
# Salidas: el área del rectángulo
b <- as.numeric(readline("Introduce la base: "))
a <- as.numeric(readline("Introduce la altura: "))
cat("El área es", b * a)</pre>
```

4.5 Ejercicios

1. Escribe un programa que lea dos números y muestre en la salida su suma, resta, multiplicación y división. Suponiendo que el usuario introduce los números 6 y 3 el programa mostrará lo siguiente:

Suma: 9 Resta: 3 Producto: 18 División: 2

- 2. Escribe un programa que solicite los catetos de un triángulo rectángulo y muestre su hipotenusa. Se recuerda que $h = \sqrt{c_1^2 + c_2^2}$. Caso de prueba: Longitud de los catetos (3 y 4), hipotenusa (5).
- 3. La calificación final de un estudiante es la media ponderada de tres notas: la nota de prácticas que cuenta un 30% del total, la nota teórica que cuenta un 60% y la nota de participación que cuenta el 10% restante. Escribe un programa que lea las tres notas de un alumno y escriba en la pantalla su nota final. Puedes probar este programa con los siguientes datos: nota de prácticas (5), nota de teoría (7) y nota de participación (10). La calificación final para estos datos es 6.7.
- 4. Escribe un programa que lea la nota final de cuatro alumnos y calcule la nota final media de los cuatro alumnos. Para probarlo, dadas las notas: 5.6, 6, 10 y 9, su nota media es 7.65.
- 5. Realiza un programa que calcule el valor que toma la siguiente función para unos valores dados de x e y:

$$f(x,y) = \frac{\sqrt{x}}{y^2 - 1}$$

Caso de prueba: x = 10, y = 3, salida f(x, y) = 0.395.

6. Escribe un programa que calcule las soluciones de una ecuación de segundo grado de la forma $ax^2 + bx + c = 0$, teniendo en cuenta que:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Supón que a es distinto de cero. Como caso de prueba, dada $2x^2+9x+3=0$, sus raíces son -0.36 y -4.14.

- 7. Suponiendo que el recibo de la luz sube un 3% cada año, realice un programa que solicite una factura de este año y una cantidad de años y muestre en la salida cuánto valdría la factura dentro del número de años introducidos. Caso de prueba: factura de 100 euros y 3 años, la factura dentro de 3 años será 109.273.
- 8. Escribe un programa que calcule la desviación estándar de una muestra con 5 elementos:

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{4} \sum_{i=1}^{5} (x_i - \overline{x})^2}$$

Caso de prueba: 1, 4.5, 7, 3 y 15, desviación estándar: 5.436.

- 9. Pide al usuario una cantidad en segundos y pásala a horas, minutos y segundos. Para resolver este ejercicio ten en cuenta que el número de segundos es un valor entero. En R, el operador %/% es la división entera y el operador %% es el resto de la división entera. Por ejemplo: 13 %/% 4 vale 3 y 13 %% 4 vale 1.
- 10. Escribe un programa que asigne valores a dos variables y después intercambie los valores de las dos variables. Sugerencia: apóyese en una variable auxiliar.

Chapter 5

Tipos de datos: cadenas de caracteres, vectores y factores

En este tema y el siguiente se estudian los principales tipos de datos de R. Todo dato tiene que tener asociado un tipo. Según el tipo del dato se utilizará una determinada representación para almacenar el dato en el ordenador. El tipo de un dato también determina qué operaciones es posible realizar con él. Por ejemplo, es posible sumar números o matrices numéricas, pero no secuencias de caracteres. En este tema vamos a estudiar los tipos de datos: cadena de caracteres, vector y factor.

5.1 Cadenas de caracteres

En temas previos ya hemos trabajado con tipos de datos básicos como números y valores lógicos. Las cadenas de caracteres también son un tipo de dato básico. Consisten en una secuencia de caracteres y sirven para representar información de tipo texto, como el nombre de una persona, el nombre de una calle, una matrícula de un coche, etcétera.

En ${\bf R}$ una cadena de caracteres se representa como una serie de caracteres encerradas entre comillas dobles o simples:

```
nombre <- "Diego"  # usando comillas dobles
matricula <- '1234 ABC'  # usando comillas simples
```

Independientemente de que usemos comillas dobles o simples, R nos mostrará

la cadena en la consola con comillas dobles o sin ningún tipo de entrecomillado, pero nunca con comillas simples.

Si es necesario usar un tipo de comillas en una cadena de caracteres, podemos usar el otro tipo de comillas para delimitar la cadena:

```
'Me dijo: "detente"'
## [1] "Me dijo: \"detente\""
"Me dijo: 'detente'"
## [1] "Me dijo: 'detente'"
```

Otra posibilidad es usar una secuencia de escape con el carácter de escape \:

```
"Me dijo: \"detente\""
## [1] "Me dijo: \"detente\""
```

Otras secuencias de escape muy utilizas son: $\$ (barra invertida), $\$ (salto de línea) y $\$ (tabulador).

Existen funciones como paste, paste0 o substr que permiten trabajar con cadenas de caracteres, aunque no las vamos a estudiar aquí. Estas funciones son muy versátiles y, dependiendo de cómo se invoquen, son capaces de realizar distintos procesamientos. Por ejemplo, con paste se puede obtener una cadena de caracteres mezclando información de tipo texto con numérica, trabajando de una forma parecida a cat.

```
ang <- 0
cadena <- paste("El coseno de", ang, "vale", cos(ang))
cadena
## [1] "El coseno de 0 vale 1"</pre>
```

5.2 Vectores

Un vector es una colección ordenada de datos del mismo tipo. Es posible acceder a los elementos de un vector individual o parcialmente. Los vectores son uno de los tipos de datos más importantes de R y de la mayoría de los lenguajes de programación.

Los vectores se implementan como ilustra la Figura 5.1. En la figura se observa cómo se almacena en la memoria del ordenador los elementos del vector [6, 20, 15, ...], apareciendo las direcciones de memoria a la izquierda de los valores. Los elementos de un vector se almacenan en posiciones contiguas de memoria. Como todos los elementos de un vector tienen que ser del mismo tipo ocupan el mismo tamaño en la memoria y, por lo tanto, guardando la dirección de inicio del vector es fácil y eficiente acceder a cualquiera de sus elementos dado su índice.

Por ejemplo, en la figura se ilustra cómo se accede al elemento de índice 5. En general para acceder a la dirección de memoria del elemento de índice $\mathbf i$ habrá que realizar el cálculo: direccion inicio vector + (i-1) *tama direccion.

v <- c(6, 20, 15, 9, 7, 2, 8)	
1000 6	Se guarda la dirección de inicio (1000)
1004 20	
1008 15	v[5] -> dirección 1000+(5-1)*4 = 1016
1012 9	
1016 7	Todos los datos deben ser del mismo tipo para que ocupen la misma cantidad de memoria
1020 2	para que ecaper la moma camada de memera
1024 8	

Figure 5.1: Implementación de un vector.

5.2.1 Creación de vectores

En R es posible crear vectores de un gran número de formas. Una de las más utilizadas es usando la función ${\tt c}$, que toma como parámetros un número arbitrario de elementos. La función ${\tt c}$ devuelve un vector con la concatenación de dichos elementos.

```
v \leftarrow c(2, 8.3, 5.4) # vector numérico formado por 3 números v ## [1] 2.0 8.3 5.4
```

La función c admite vectores como parámetros:

```
v1 <- c(1, 3)

v2 <- c(7, 9)

v <- c(v1, 5, v2)

v

## [1] 1 3 5 7 9
```

Los elementos de un vector pueden ser de cualquier tipo base:

```
dedos <- c('Pulgar', 'Índice', 'Corazón', 'Anular', 'Meñique')
dedos
## [1] "Pulgar" "Índice" "Corazón" "Anular" "Meñique"
(v <- c(TRUE, FALSE, FALSE)) # vector de valores lógicos
## [1] TRUE FALSE FALSE</pre>
```

5.2.1.1 Generación de secuencias regulares

El operador : permite generar un vector que almacena una progresión aritmética con valores separados por una unidad. Por ejemplo 1:5 equivale a c(1, 2, 3, 4, 5). También es posible generar secuencias decrecientes:

```
1:10

## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

9:2

## [1] 9 8 7 6 5 4 3 2
```

El operador : tiene una prioridad alta, mayor que la de algunos operadores aritméticos:

```
n <- 10

5:n-1  # equivale a (5:n)-1

## [1] 4 5 6 7 8 9

5: (n-1) # 5:9

## [1] 5 6 7 8 9
```

La función seq también permite generar progresiones aritméticas. seq(1, 10) equivale a 1:10. Sin embargo, seq tiene parámetros con nombre que permiten generar otro tipo de secuencias. Por ejemplo, by especifica la distancia entre los elementos de la progresión aritmética:

```
seq(10, 12, by = .2)
## [1] 10.0 10.2 10.4 10.6 10.8 11.0 11.2 11.4 11.6 11.8 12.0
seq(from = 11, to = 9, by = -.5)
## [1] 11.0 10.5 10.0 9.5 9.0
```

El parámetro con nombre length.out también es muy usado. Indica la longitud de la secuencia:

```
seq(0, pi, length.out = 10)
## [1] 0.0000000 0.3490659 0.6981317 1.0471976 1.3962634 1.7453293 2.0943951
## [8] 2.4434610 2.7925268 3.1415927
```

Esta última invocación genera 10 números equidistantes en el intervalo $[0, \pi]$ (los extremos del intervalo se incluyen en la secuencia). Otro uso interesante de seq combina sus parámetros from, by y length.out:

```
seq(0, by = 2, length.out = 10)
## [1] 0 2 4 6 8 10 12 14 16 18
```

Otra función muy útil es rep, que sirve para replicar valores de un vector. Veamos algunos ejemplos:

```
rep(c(2, 1, 3), times = 4)

## [1] 2 1 3 2 1 3 2 1 3 2 1 3

rep(c(2, 1, 3), each = 4)

## [1] 2 2 2 2 1 1 1 1 3 3 3 3

rep(c("a", "b", "c"), times = c(2, 1, 5))

## [1] "a" "a" "b" "c" "c" "c" "c"
```

5.2.1.2 Vector vacío

A veces se necesita generar un vector vacío, es decir, sin datos. A continuación se ilustra una forma de hacerlo:

```
v <- numeric()
length(v)
## [1] 0</pre>
```

La función length, aplicada a un vector, devuelve cuántos elementos tiene. El ejemplo anterior sirve para un vector de datos reales, para datos de distintos tipos básicos habría que cambiar numeric por:

- integer (enteros)
- character (cadenas de caracteres)
- logical (valores lógicos)
- complex (números complejos)

Otra posibilidad es usar la función vector (consulta su ayuda si estás interesado en ver las distintas opciones):

```
v <- vector()
length(v)
## [1] 0</pre>
```

5.2.1.3 Generación de números aleatorios

Existen muchas funciones que devuelven como resultado un vector. Entre ellas se encuentran las funciones generadoras de números aleatorios, como runif o rnorm. Por ejemplo:

```
runif(10)
## [1] 0.70684053 0.47908741 0.49231781 0.13249660 0.41059833 0.67607109
## [7] 0.64234947 0.02725735 0.79392864 0.50047824
rnorm(5)
## [1] 1.0020094 -1.1554309 1.6110434 -0.2015308 -0.6432981
```

La primera genera una muestra aleatoria de tamaño 10 de variables independientes de una U(0,1) y la segunda una muestra de tamaño 5 de una $\mathcal{N}(0,1)$. Por supuesto, se puede especificar los parámetros de la distribución (usa la ayuda de estas funciones para ver cómo se hace). Nota: una U(0,1) es una distribución uniforme de extremos 0 y 1, una variable aleatoria perteneciente a dicha distribución puede tomar cualquier valor en el rango (0,1) con igual probabilidad.

La generación de números aleatorios juega un papel crucial en el desarrollo de simulaciones con ordenador. Sin embargo, la aleatoriedad de los números generados hace que distintas ejecuciones de una simulación produzcan distintos resultados. Aunque esto es lo deseable, algunas veces puede dificultar la realización de un programa que implementa una simulación. Puesto que los números aleatorios generados son realmente pseudoaleatorios (generan una secuencia determinista a partir de una semilla), en la fase de desarrollo de una simulación podemos establecer la semilla para obtener siempre los mismos resultados. La función set.seed permite especificar la semilla. Veamos un ejemplo:

```
runif(5) # 5 números U(0, 1)
## [1] 0.32619985 0.26631521 0.93281202 0.71517989 0.04143592
runif(5) # 5 números U(0, 1)
## [1] 0.7668760 0.8002319 0.9581404 0.4605862 0.1351777
set.seed(8)
runif(5) # muestra de 5 U(0, 1) a partir de semilla 8
## [1] 0.4662952 0.2078233 0.7996580 0.6518713 0.3215092
set.seed(8)
runif(5) # La misma muestra que antes
## [1] 0.4662952 0.2078233 0.7996580 0.6518713 0.3215092
```

Ejemplo. Queremos realizar un experimento aleatorio que puede resultar con éxito con probabilidad $p \in [0,1]$. Por ejemplo, p = 0.7, ¿cómo podríamos simular dicho experimento?

```
p <- 0.7
(experimento <- runif(1))
## [1] 0.7189275
experimento <= p # ¿Ha habido éxito?
## [1] FALSE</pre>
```

La solución sería el código previo. Se genera un valor aleatorio de una uniforme (0,1). La probabilidad de que el valor generado sea menor o igual que p es p.

5.2.1.4 Muestras aleatorias

Relacionada también con la aleatoriedad tenemos a la función sample, que obtiene una muestra aleatoria de un vector de elementos. Por defecto, la muestra es sin reemplazo y todos los elementos tienen la misma probabilidad de salir, pero hay parámetros para modificar este comportamiento por defecto.

```
sample(1:10, 5) # muestra (sin reemplazo) de tamaño 5 de números del 1 al 10
## [1] 7 10 6 1 5
sample(c("a", "b", "c"), 5, replace = TRUE) # con reemplazo
## [1] "b" "c" "c" "b" "b"
```

sample (n) genera una permutación aleatoria de los valores en el vector 1:n.

```
sample(5) # primera permutación
## [1] 4 3 2 1 5
sample(5) # segunda permutación
## [1] 4 2 3 5 1
```

sample(n) equivale a sample(1:n, size = n). Puedes consultar la ayuda de la función para ver todas las posibilidades.

Veamos ahora un ejemplo de uso de sample en el que los distintos elementos tienen distintas probabilidades de formar parte de la muestra:

```
sample(1:3, size = 10, replace = TRUE, prob = c(.1, .1, .8))
## [1] 2 3 3 1 3 3 3 1 1 3
sample(c("a", "b"), size = 10, replace = TRUE, prob = c(2, 4))
## [1] "a" "a" "b" "b" "a" "b" "b" "b" "a"
```

En el primer ejemplo, el 1 y el 2 tienen probabilidad 0.1, mientras que el 3 tiene probabilidad 0.8. En el segundo ejemplo podemos ver que la suma del vector de probabilidades no tiene por qué ser 1. En este caso la "a" tendrá una probabilidad de $\frac{2}{6}$ y la "b" de $\frac{4}{6}$.

Ejercicio. Vamos a volver a realizar el experimento aleatorio que puede resultar con éxito con probabilidad $p \in [0,1]$. Por ejemplo, p = 0.7. Esta vez lo solucionaremos usando sample.

```
sample(c(FALSE, TRUE), size = 1, prob = c(0.3, 0.7))
## [1] TRUE
```

Para comprobar que los resultados son consistentes repetimos el experimento 1000 veces y vemos cuántas veces hay fracaso y éxito (la función table se estudiará más adelante), se espera que el número de éxitos sea próximo a 700:

```
m <- sample(c(FALSE, TRUE), size = 1e3, replace = TRUE, prob = c(0.3, 0.7))
table(m)
## m
## FALSE TRUE
## 298 702</pre>
```

5.2.1.5 Lectura de datos desde el teclado

La función scan permite leer una serie de valores almacenados en un archivo o, en su defecto, provenientes del teclado. scan tiene muchas opciones para controlar la lectura. Usada sin parámetros lee del teclado números separados por espacios en blancos y/o saltos de línea. La lectura termina cuando se introduce una línea en blanco y los número leídos se devuelven en un vector:

```
v <- scan() # prueba a ejecutarlo en la consola
```

5.2.2 Tipo de un vector

Se puede obtener el tipo de un vector (de sus elementos) con la función typeof:

```
v1 <- c(1, 2.8, -3.5)
typeof(v1)
## [1] "double"
v2 <- c(2L, 20L)
typeof(v2)
## [1] "integer"
v3 <- c(TRUE, FALSE, FALSE)
typeof(v3)
## [1] "logical"
v4 <- c("1234 ABC", "2222 JKF")
typeof(v4)
## [1] "character"</pre>
```

Un vector puede almacenar elementos de tipo double (real), integer (entero), logical (lógico), character (cadena de caracteres), complex (complejo) y raw. Los dos últimos tipos no se usan demasiado, especialmente raw, y no los utilizaremos en estos apuntes.

Se puede comprobar si un vector es de un tipo concreto con las funciones is.double, is.integer, is.logical, is.character, is.complex e is.raw:

```
is.logical(v4)
## [1] FALSE
```

```
is.character(v4)
## [1] TRUE
```

Todos los elementos de un vector deben ser del mismo tipo. Si se intenta crear un vector con elementos de distinto tipo, todos los elementos se *convierten* al tipo con mayor rango de representación. El rango de representación de menor a mayor es: lógico, entero, real, carácter. Veamos algún ejemplo:

```
c(TRUE, 9)  # se convierten todos a real
## [1] 1 9
c(5.4, "diez")  # se convierten todos a cadena
## [1] "5.4"  "diez"
```

Cuando los valores lógicos se convierten a números FALSE se convierte en 0 y TRUE en 1. Se puede forzar la conversión de un vector de un tipo a otro con las funciones as .TIPO:

```
v <- c(TRUE, FALSE, TRUE)
as.integer(v)
## [1] 1 0 1
as.integer(c("1", "1.5", "a"))
## Warning: NAs introducidos por coerción
## [1] 1 1 NA</pre>
```

En la última conversión as.integer no sabe cómo convertir "a" a entero, por lo que genera el valor NA y muestra una advertencia.

Como ejercicio, intenta predecir qué producirán las siguientes expresiones: c(1, FALSE), c("a", 7) y c(TRUE, 1L). Escríbelas en la consola y comprueba si has acertado.

5.2.3 Aritmética de vectores

Una de las ventajas de R frente a otros lenguajes de programación es que en R se puede aplicar los operadores aritméticos (+, -, *, etcétera) a los vectores (los vectores deberán ser de algún tipo numérico o de tipo lógico):

```
v1 <- c(-5, 2, 8.1)

v2 <- c(4, -3, 9)

v1 + v2

## [1] -1.0 -1.0 17.1
```

En caso de que los vectores no tengan la misma longitud, el resultado será de la longitud del vector más largo y los vectores más pequeños se *reciclan* para que encajen con la longitud del vector más largo.

```
v1 <- c(-5, 2, 8.1)  
v2 <- 1:2  
v1 + v2 # v2 se recicla a c(1, 2, 1)  
## Warning in v1 + v2: longitud de objeto mayor no es múltiplo de la longitud de  
## uno menor  
## [1] -4.0 4.0 9.1
```

Aunque el código previo es correcto, R nos avisa porque la longitud de v1 no es un múltiplo de la de v2. En el siguiente ejemplo R no avisa:

```
v1 <- c(-5, 2, 8.1, 2)

v2 <- 1:2

v1 + v2 # v2 se recicla a c(1, 2, 1, 2)

## [1] -4.0 4.0 9.1 4.0
```

Es interesante saber que en R cuando escribimos un valor literal, como 7, realmente se trata como un vector de un elemento. Es decir,7 es una forma abreviada de escribir c(7). Por lo tanto, lo siguiente es válido:

```
x <- 1:10
2 * x - 3
## [1] -1 1 3 5 7 9 11 13 15 17
```

Realmente 2 es un vector de longitud uno que se recicla para que tenga la longitud de \mathbf{x} (es decir, se recicla a un vector con 10 doses), y lo mismo ocurre con 3. El efecto del código previo es equivalente a:

```
x <- 1:10
rep(2, times = length(x)) * x - rep(3, times = length(x))
## [1] -1  1  3  5  7  9  11  13  15  17</pre>
```

Es decir, se evalúa la función 2x-3 para los valores del 1 al 10.

Las funciones como sqrt, log, exp, cos, sin, abs, round, ... están escritas para trabajar con vectores:

```
exp(seq(1, 7, by = 2) / 2)
## [1] 1.648721 4.481689 12.182494 33.115452
```

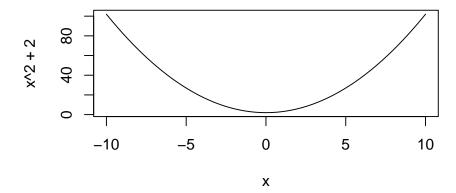
```
produce el vector c(e^{1/2}, e^{3/2}, e^{5/2}, e^{7/2}).
```

La combinación de aritmética de vectores con funciones gráficas, como plot, que estudiaremos más adelante, permite visualizar de una forma sencilla funciones matemáticas:

```
# Función x^2 + 2 en el intervalo [-10, 10]

x < - seq(-10, 10, by = .1)

plot(x, x^2 + 2, type = "l")
```



5.2.4 Funciones aplicables a vectores

Aparte de las funciones vistas anteriormente, como exp, que aplican una operación a los distintos elementos de un vector, hay otras funciones que realizan un procesamiento sobre los elementos de un vector en conjunto. La lista es muy grande, por lo que vamos a citar sólo algunas:

- mean, median, var y sd: calculan la media, mediana, varianza muestral y desviación típica muestral respectivamente de una muestra de valores.
- max y min: el máximo y mínimo repectivamente.
- range: produce el vector c(min(v), max(v)), donde v es el vector al que se aplica.
- sum y prod: calculan la sumatoria y el productorio de los elementos de un vector respectivamente.
- cumsum y cumprod: suma y producto acumulado respectivamente.
- sort: ordena los elementos (por defecto, en orden creciente).
- rev: devuelve el vector en orden inverso.

Veamos algunos ejemplos:

```
x \leftarrow c(2, 9, 5, 2.3)
median(x)
## [1] 3.65
max(x)
## [1] 9
sum(x)
## [1] 18.3
cumsum(x)
        2.0 11.0 16.0 18.3
## [1]
sort(x)
## [1] 2.0 2.3 5.0 9.0
rev(x)
## [1] 2.3 5.0 9.0 2.0
cumprod(1:5) # factoriales de los números del 1 al 5
## [1] 1 2 6 24 120
```

La aritmética de vectores, junto con el hecho de que gran parte de las funciones se puedan aplicar a vectores permite expresar cálculos complejos de una forma sencilla. Por ejemplo, la función sd calcula la desviación típica de una muestra x formada por n números según la fórmula:

$$\sigma = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \overline{x})^2}$$

En caso de que no existiera la función sd, se podría escribir de una forma relativamente sencilla usando aritmética de vectores:

5.2.5 Vectores lógicos

Un vector lógico es aquel cuyos elementos son valores lógicos, por ejemplo:

```
v <- c(TRUE, TRUE, FALSE)
v
## [1] TRUE TRUE FALSE
```

Los operadores relacionales (<,>,<=,>=,==,!=) se aplican de forma natural a los vectores, produciendo como resultado un vector lógico:

```
(v <- rnorm(5))
## [1] 0.8890187 0.9535617 0.3606410 0.4474049 2.7091723
v > 0
## [1] TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE
"casa" == c("barco", "casa", "pez")
## [1] FALSE TRUE FALSE
```

Observa que en las expresiones previas 0 y casa se reciclan para coincidir con las longitudes de los distintos vectores. En el siguiente caso, los dos vectores tienen la misma longitud:

```
(v1 <- runif(4))
## [1] 0.3948128 0.5136268 0.8479917 0.5274398
(v2 <- runif(4))
## [1] 0.002748603 0.058694025 0.309743033 0.107500788
v1 >= v2
## [1] TRUE TRUE TRUE TRUE
```

Cuando un vector lógico es aplicado en una operación aritmética, los valores FALSE se convierten a 0 y los TRUE a 1. Esto permite aplicar sum y mean a vectores lógicos para calcular cuántos elementos de un vector y qué proporción, respectivamente, verifican una condición:

```
x <- c(-2, 3, 4, -1, 4.2)
(condicion <- x > 0)
## [1] FALSE TRUE TRUE FALSE TRUE
sum(condicion) # ¿Cuántos elementos son mayores que cero?
## [1] 3
sum(x > 0) # En una única expresión
## [1] 3
mean(x > 0) # Proporción de elementos mayores que cero
## [1] 0.6
```

Ejercicio. Vamos a simular el lanzamiento de una moneda no cargada un millón de veces y a contar cuántas caras y cruces han salido:

```
experimento <- sample(c("cara", "cruz"), 1e6, replace = TRUE)
sum(experimento == "cara")
## [1] 499866
sum(experimento == "cruz")
## [1] 500134</pre>
```

Ejercicio: Simulación. A veces se desconoce la probabilidad de ocurrencia de un evento. Esta probabilidad equivale a la proporción de veces (frecuencia relativa) en las que, si se realiza infinitamente un experimento aleatorio, ocurre el evento. Por lo tanto, se puede usar el ordenador para simular múltiples veces un experimento aleatorio y calcular la proporción de las veces en las que ocurre el evento. Esta proporción es una estimación puntual de la probabilidad del evento. Cuántas más veces se simule el experimento mayor certeza se tiene de la estimación puntual obtenida está cerca de la probabilidad real de ocurrencia del evento. Como ejemplo supongamos que lanzamos un dado negro y otro verde, ¿cuál es la probabilidad de que el dado verde sea mayor que el negro? Esta probabilidad se puede calcular fácilmente como $\frac{15}{36}$. Sin embargo, vamos a realizar una simulación para obtener una estimación puntual de esta probabilidad. Para ello lanzamos un millón de veces 2 dados y calculamos la proporción de veces en las que un dado es mayor que el otro:

```
15/36
## [1] 0.4166667
verde <- sample(6, size = 1e6, replace = TRUE)
negro <- sample(6, size = 1e6, replace = TRUE)
mean(verde > negro)
## [1] 0.417818
```

Al ser el número de experimentos grande (un millón) se tiene bastante certeza de que el estimador obtenido será próximo al valor real de la probabilidad.

5.2.5.1 Operadores lógicos

En un tema previo vimos los operadores lógicos: Y (&&), O (||) y NO (!). Los operadores lógicos se pueden aplicar a vectores lógicos. Cuando se aplica a vectores lógicos, el operador lógico Y cambia de && a &. El operador O cambia de || a |. Estos operadores se aplican elemento a elemento. Por ejemplo:

```
v1 <- c(TRUE, FALSE, TRUE, FALSE)
v2 <- c(TRUE, TRUE, FALSE, FALSE)
v1 & v2
## [1] TRUE FALSE FALSE FALSE
v1 | v2
## [1] TRUE TRUE TRUE FALSE
!v1
## [1] FALSE TRUE FALSE TRUE
```

Como veremos más adelante, las expresiones lógicas combinadas con la indexación lógica, resultan muy útiles para trabajar con vectores. Veamos algún otro ejemplo de expresiones lógicas:

```
v \leftarrow c(2, 5, 9, 4, 6)

v >= 5 & v <= 10  # ¿v en el rango [5, 10]?

## [1] FALSE TRUE TRUE FALSE TRUE

sum(v >= 5 & v <= 10)  # Cantidad de valores en [5, 10]

## [1] 3

mean(v >= 5 & v <= 10)  # Proporción de valores en [5, 10]

## [1] 0.6
```

Existen dos funciones muy útiles para trabajar con vectores lógicos. Se trata de all, que indica si todos los elementos de un vector lógico son verdaderos y any que indica si al menos uno es verdadero.

Otra función relacionada con vectores lógicos es which. Esta función devuelve los índices de un vector lógico con valores a verdadero:

```
(v <- sample(10))
## [1] 9 1 5 7 2 3 4 10 6 8
which(v > 5) # indices de v con valores mayores que 5
## [1] 1 4 8 9 10
which(v == max(v)) # indice del máximo en v
## [1] 8
n <- 20
which(n %% 1:n == 0) # divisores del número n
## [1] 1 2 4 5 10 20</pre>
```

Por último, la función xor calcula la función O exclusiva. Esta función lógica indica si sólo uno de sus dos operandos es verdadero.

```
v1 <- c(TRUE, FALSE, TRUE, FALSE)
v2 <- c(TRUE, TRUE, FALSE, FALSE)
xor(v1, v2)
## [1] FALSE TRUE TRUE FALSE
```

No existe un operador O exclusivo, porque la operación xor se puede obtener mediante los operadores básicos: O, Y, NO. Piensa un poco e intenta expresar xor mediante estos operadores. La solución es la siguiente:

```
v1 <- c(TRUE, FALSE, TRUE, FALSE)
v2 <- c(TRUE, TRUE, FALSE, FALSE)
(v1 & !v2) | (!v1 & v2)
## [1] FALSE TRUE TRUE FALSE
```

5.2.6 Indexación de un vector

A veces es útil trabajar con una parte de los elementos de un vector, ya sea para consultar sus valores o para modificarlos. La indexación permite seleccionar una parte de los elementos de un vector. Los vectores de R admiten cuatro tipos de indexación, que describimos en las siguientes subsecciones. El operador de indexación es []. Para indexar hay que especificar un vector de índices encerrado entre [].

5.2.6.1 Mediante un vector de enteros positivos

En este caso los valores del vector de índices deben pertenecer al conjunto $\{1, 2, ..., length(v)\}$, donde v es el nombre del vector que se indexa. Por ejemplo:

```
v <- c(1, 4, 9, 16, 25)
v[c(2, 5)] # indices 2 y 5
## [1] 4 25
v[1:3] # 3 primeros elementos (indices del 1 al 3)
## [1] 1 4 9
v[c(1, 2, 2, 4)] # se pueden repetir valores
## [1] 1 4 4 16</pre>
```

Observa que el primer índice de un vector en R es 1, en otros lenguajes de programación es 0. Cuando sólo se quiere acceder a un elemento de un vector se puede usar la siguiente sintaxis:

```
v <- c(1, 4, 9, 16, 25)
v[3] # tercer elemento, equivale a v[c(3)]
## [1] 9</pre>
```

v[3] equivale a v[c(3)] porque realmente 3 equivale a c(3).

Cuando solo se indexa un elemento se puede usar el operador [[]] en lugar del operador []:

```
v <- c("a", "b", "c")
v[2]  # segundo elemento
## [1] "b"</pre>
```

```
v[[2]] # equivale al anterior
## [1] "b"
```

En los ejemplos anteriores hemos utilizado la indexación para consultar los elementos de un vector, pero también puede usarse para modificar sus elementos:

```
v <- c(1, 4, 9, 16, 25)
v[3] <- 0
v
## [1] 1 4 0 16 25
v[1:2] <- 0 # aquí 0 se recicla a c(0, 0)
v
## [1] 0 0 0 16 25
v[1:3] <- c(4, 10, -1)
v
## [1] 4 10 -1 16 25</pre>
```

Ejercicio. Crea un vector aleatorio de 10 elementos y selecciona aquellos elementos del vector que ocupan índices impares. Usa **seq** para expresar el vector de índices impares.

```
(v <- sample(10))
## [1] 7 1 8 5 3 10 4 2 6 9
v[seq(1, length(v), by = 2)]
## [1] 7 8 3 4 6</pre>
```

5.2.6.2 Mediante un vector de enteros negativos

Es similar a lo visto en el apartado anterior, pero los valores del vector de índices son negativos e indican los índices a excluir, en lugar de los índices a incluir:

```
v <- c("a", "e", "i", "o", "u")
v[-c(2,3)] # todos los indices, salvo el 2 y el 3
## [1] "a" "o" "u"
v[c(-2, -3)] # igual al anterior
## [1] "a" "o" "u"
v[-length(v)] # todos salvo el último
## [1] "a" "e" "i" "o"</pre>
```

5.2.6.3 Mediante un vector de valores lógicos

En este caso el vector contiene valores lógicos. Los índices correspondientes a valores verdaderos en el vector lógico son seleccionados, los que son falsos no se seleccionan.

```
v <- c("Juan", "Pascal", "Julio")
soltero <- c(FALSE, TRUE, TRUE)
v[soltero]
## [1] "Pascal" "Julio"</pre>
```

En el caso de que la longitud del vector lógico sea inferior a la del vector indexado, el vector lógico es reciclado:

```
v <- (1:7) ^ 2
v
## [1] 1 4 9 16 25 36 49
v[c(TRUE, FALSE)] # posiciones impares del vector
## [1] 1 9 25 49</pre>
```

El último ejemplo usa el reciclado para seleccionar los elementos del vector que ocupan índices impares.

Se puede usar el indexado lógico para seleccionar los elementos de un vector que verifican una condición. Esta operación es muy útil y habitual y a veces es conocida como *filtrado*:

```
v <- rnorm(10)
v
## [1] -0.69344101  0.80718587 -0.09931044  0.90467478 -0.64957217  0.42901828
## [7]  0.48631070  0.59375000  0.99638417 -1.75199061
positivos
## [1]  0.8071859  0.9046748  0.4290183  0.4863107  0.5937500  0.9963842
v2 <- v[v >= -1.5 & v <= 1.5]  # valores en el rango [-1.5, 1.5]
v2
## [1]  -0.69344101  0.80718587 -0.09931044  0.90467478 -0.64957217  0.42901828
## [7]  0.48631070  0.59375000  0.99638417
v[v < 0] <- -v[v < 0]  # convierte en positivos los negativos
v
## [1]  0.69344101  0.80718587  0.09931044  0.90467478  0.64957217  0.42901828
## [7]  0.48631070  0.59375000  0.99638417  1.75199061</pre>
```

El último procesamiento también se puede hacer con la instrucción $v \leftarrow abs(v)$.

5.2.6.4 Mediante un vector de cadenas de caracteres

Para usar esta posibilidad el vector debe poseer un atributo *names* que permita identificar a sus componentes. Vamos a ver cómo se especifica este atributo:

```
edades <- c(18, 17, 18, 19)
names(edades) <- c("Ana", "Sara", "Juan", "Julia")
edades
## Ana Sara Juan Julia
## 18 17 18 19
```

El indexado con cadenas es similar al indexado con valores enteros positivos, pero usando un vector de cadenas de caracteres:

```
edades[c("Ana", "Julia")]
## Ana Julia
## 18 19
edades["Ana"] <- edades["Ana"] + 1 # incrementa la edad</pre>
```

Es posible crear un vector con nombres usando la función c:

```
edades <- c(Ana = 18, Sara = 17, "Juan Pedro" = 18, Luis = 19)
edades
## Ana Sara Juan Pedro Luis
## 18 17 18 19
```

5.2.7 Valores perdidos

Un valor perdido (*missing value*) es un valor no disponible. Esto ocurre con frecuencia en estadística porque se desconoce el valor de una variable, por ejemplo, la edad de una persona en una encuesta (esto podría ocurrir porque el encuestado no la introdujo o porque no se entiende lo que escribió). En R se utiliza la palabra reservada NA (*Not available*) para indicar un valor perdido. Hay que tener en cuenta que la mayoría de operaciones que implican un valor perdido producen un valor perdido. Por ejemplo:

Esto es lógico, porque, por ejemplo, no podemos saber la media de un conjunto de valores si se desconoce el valor de algún elemento.

Si queremos eliminar los valores perdidos podemos usar la función is.na, que aplicada a un vector produce un vector lógico indicando si los elementos del vector son valores perdidos:

```
is.na(pesos)
## [1] FALSE FALSE TRUE FALSE
```

Ahora la media de los pesos conocidos puede calcularse como:

```
mean(pesos[!is.na(pesos)])
## [1] 74.3
```

Algunas funciones como mean o sd tienen un parámetro con nombre para eliminar los valores perdidos del cómputo:

```
mean(pesos, na.rm = TRUE)
## [1] 74.3
```

Es tentador usar pesos == NA en lugar de is.na(pesos), pero la expresión pesos == NA produce c(NA, NA, NA, NA, NA). Esto es correcto, aunque sorprenda, porque no puedes saber si un valor no disponible coincide con otro valor (disponible o no).

Hay que tener en cuenta que hay un segundo tipo de valor que es considerado como un valor perdido por la función is.na, se trata del valor NaN (Not a Number). Este valor se genera al realizar ciertas operaciones aritméticas indefinidas:

```
0 / 0
## [1] NaN
Inf - Inf # Inf significa infinito
## [1] NaN
```

Para distinguir entre NA y NaN ten en cuenta que is.na es cierto para ambos valores, pero is.nan es válido sólo para NaN.

Ejercicio: Dado el vector especificado más abajo, calcula los índices de dicho vector con valores NA.

```
# Solución:
which(is.na(v) & !is.nan(v))
## [1] 2
```

5.2.8 Crecimiento dinámico de un vector

La mayoría de las veces un vector se creará con un tamaño y éste no se modificará. Sin embargo, un vector puede crecer o decrecer. Vamos a verlo con un ejemplo:

En concreto, para añadir un elemento al final de un vector tenemos varias posibilidades:

```
v \leftarrow 1:3 v \leftarrow c(v, 20) # forma 1: añade 20 al final del vector v[length(v) + 1] \leftarrow 30 # forma 2: añade 30 al final del vector v ## [1] 1 2 3 20 30
```

5.2.9 Operaciones con conjuntos

Un vector sin repetidos permite representar el concepto matemático de un conjunto (una colección de elementos sin repetidos y sin un orden determinado). R tiene implementadas las operaciones básicas entre conjuntos, como unión, intersección, etcétera.

```
x \leftarrow c(1, 2, 5)
y \leftarrow c(5, 6, 1, 3)
union(x, y)
             # unión
## [1] 1 2 5 6 3
intersect(x, y) # intersección
## [1] 1 5
                 # diferencia: elementos de x que no están en y
setdiff(x, y)
## [1] 2
setdiff(y, x)
## [1] 6 3
setequal(x, y)
                  # igualdad
## [1] FALSE
setequal(x, c(5, 2, 1))
## [1] TRUE
```

Puedes observar que **setequal** no tiene en cuenta el orden de los elementos, puesto que, por definición de conjunto, los elementos de un conjunto no tienen un orden definido.

Para comprobar si un conjunto contiene un elemento se puede utilizar el operador %in% o la función is.element:

```
2 %in% x
## [1] TRUE
c(2, 4) %in% x # comprobamos dos elementos
## [1] TRUE FALSE
is.element(2, x)
## [1] TRUE
is.element(c(2, 4), x)
## [1] TRUE FALSE
```

Ejercicio. Vamos a comprobar que el vector d sólo contiene días de la semana.

Ejercicio. Dados dos vectores con los identificadores de los alumnos matriculados en las asignaturas de estadística e informática vamos a calcular cuántos alumnos están matriculadas en ambas asignaturas.

```
estadistica <- c("1111111111A", "22222222B", "333333333C")
informatica <- c("44444444D", "22222222B", "111111111A")
length(intersect(estadistica, informatica))
## [1] 2
sum(estadistica %in% informatica) # otra forma
## [1] 2</pre>
```

5.3 Factores

Un factor es un vector utilizado para especificar una clasificación discreta (agrupamiento) de los componentes de otros vectores de la misma longitud. Es decir,

5.3. FACTORES 63

los factores sirven para representar datos categóricos. En principio, esta información se puede guardar con cadenas de caracteres, con enteros o valores lógicos (dependiento del tipo de la información), pero usar factores tiene alguna ventaja. Como ejemplo, vamos a suponer que tenemos un vector con las notas de un examen de prácticas. El grupo de prácticas de los alumnos se guarda en otro vector:

```
notas <- c(10, 7, 6, 8)
grupo <- c("g1", "g2", "g2", "g2") # dato categórico
```

Es decir, el primer alumno sacó un 10 y pertenece al grupo 1, el segundo sacó un 7 y pertenece al grupo 2, etcétera. En este ejemplo el grupo de un alumno es un dato categórico. Un pequeño problema de la representación del dato categórico con un vector de cadenas de caracteres es que no sabemos cuántas categorías hay. Viendo el vector se observan dos grupos, pero ¿y si hay un grupo en el que nadie se ha presentado al examen? Los factores permiten especificar todos los valores posibles de la categoría:

```
notas <- c(10, 7, 6, 8)
grupo <- c("g1", "g2", "g2", "g2")
grupo2 <- factor(c("g1", "g2", "g2", "g2"), levels = c("g1", "g2", "g3"))
grupo2
## [1] g1 g2 g2 g2
## Levels: g1 g2 g3</pre>
```

Además, al visualizar el factor se puede ver todos los posibles valores o niveles de la categoría.

La función **table** se aplica a un factor y cuenta ocurrencias de cada categoría (tabla de frecuencias):

```
table(grupo)
## grupo
## g1 g2
## 1 3
table(grupo2)
## grupo2
## g1 g2 g3
## 1 3 0
```

Si no se usan factores no es posible especificar una cuenta de cero (como para el grupo 3), porque table no puede deducir la existencia de niveles sin ocurrencias.

La función prop.table produce las frecuencias relativas:

```
prop.table(table(grupo))
## grupo
## g1 g2
## 0.25 0.75
prop.table(table(grupo2))
## grupo2
## g1 g2 g3
## 0.25 0.75 0.00
```

En general, table permite contar las ocurrencias de los distintos elementos de un vector:

```
(v <- (sample(6, size = 10, replace = TRUE))) # lanzamos un dado 10 veces
## [1] 3 2 2 2 5 6 6 3 6 2
table(v)
## v
## 2 3 5 6
## 4 2 1 3</pre>
```

Se puede consultar información relativa a los niveles de un factor:

```
nlevels(grupo2) # cantidad de niveles
## [1] 3
levels(grupo2) # niveles
## [1] "g1" "g2" "g3"
```

Internamente los factores se almacenan como un vector de enteros para ahorrar espacio:

```
typeof(grupo)
## [1] "character"
typeof(grupo2)
## [1] "integer"
as.integer(grupo2)
## [1] 1 2 2 2
```

La función tapply permite aplicar una función a un vector, agrupando sus datos por categorías. Por ejemplo, veamos la nota media del examen y la nota media por grupo:

```
mean(notas)  # media de las notas
## [1] 7.75
tapply(notas, grupo2, mean) # media de las notas por grupo
## g1 g2 g3
## 10 7 NA
```

5.3. FACTORES 65

En esta invocación tapply selecciona las notas del grupo g1 (el vector c(10)) y pasa dicho vector a la función mean, y lo mismo con las notas de los otros dos grupos (para el grupo g2 el vector es c(7, 6, 8)).

Si las categorías tienen un orden natural se puede usar la función **ordered** en lugar de **factor** para crear el factor:

Por lo demás, un factor ordenado se comporta igual que uno en el que no existe un orden de las categorías.

Para poder introducir un valor en un factor, este debe pertenecer a los niveles del factor:

La función cut sirve para discretizar una variable real y convertirla en un factor. Vamos a ver un ejemplo (usa ?cut para ver más posibilidades):

```
(notas <- runif(9, min = 0, max = 10))
## [1] 3.5589774 5.3559704 0.9308813 1.6980304 8.9983245 4.2263761 7.4774647
## [8] 8.2265258 9.5465365
n2 <- cut(notas, c(0, 5, 7, 9, 10))
n2
## [1] (0,5] (5,7] (0,5] (0,5] (7,9] (0,5] (7,9] (7,9] (9,10]
## Levels: (0,5] (5,7] (7,9] (9,10]
table(n2)
## n2
## (0,5] (5,7] (7,9] (9,10]
## 4 1 3 1</pre>
```

El primer parámetro de cut es un vector con los valores reales y el segundo un vector que define los intervalos usados para discretizar. Por ejemplo, si el segundo vector se llama s, por defecto, el primer intervalo será (s[0], s[1]], el segundo (s[1], s[2]] y así sucesivamente.

5.4 Números complejos

Aunque en estos apuntes no los vamos a utilizar, pues en estadística rara vez son necesarios, R permite trabajar con números complejos:

```
n <- -4 + 0i
sqrt(n)
## [1] 0+2i
```

5.5 Ejercicios

- 1. Crea un vector formado por 15 ocurrencias del valor 6.
- 2. Supón que quieres jugar al bingo. Escribe una expresión que sirva para simular la extracción de las 90 bolas de la urna.
- 3. Escribe una expresión que simule el lanzamiento de una moneda 10 veces. Obtén como resultado de la expresión un vector de valores "cara" y "cruz". Cuenta las ocurrencias de cara y cruz, y la proporción de cada valor
- 4. Una urna tiene 6 bolas rojas y 5 verdes. Simula la extracción aleatoria de una muestra de tamaño 3.
- 5. La probabilidad de que una variable $X \sim \mathcal{N}(0,1)$ sea mayor que 3 es pnorm(3, lower.tail = FALSE). Obtén una estimación de dicho valor

5.5. EJERCICIOS 67

generando un vector con un millón de instancias de una $\mathcal{N}(0,1)$ y calculando qué proproción de ellas son mayores que 3.

- 6. Crea un vector aleatorio de 10 elementos y selecciona aquellos elementos del vector que ocupan índices impares. Usa seq para expresar el vector de índices impares.
- 7. Existen muchos métodos numéricos capaces de proporcionar aproximaciones a π . Usa la siguiente fórmula para calcular una aproximación (el número de términos de la sumatoria se leerá de teclado):

$$\pi = \sqrt{\sum_{i=1}^{\infty} \frac{6}{i^2}}$$

8. Dadas dos muestras emparejadas:

```
x <- iris$Petal.Length
y <- iris$Petal.Width</pre>
```

calcula su coeficiente de correlación lineal muestral de Pearson, según la siguiente fórmula, donde n es el tamaño de ambas muestras (puedes usar sd):

$$\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \overline{x})(y_i - \overline{y})}{(n-1)\sigma_x\sigma_y}$$

- 9. Crea un vector aleatorio con sample(100, size = 10). Extrae aquellos elementos del vector que elevados al cuadrado sean menores que 625.
- 10. Escribe una expresión lógica que permita comprobar si todos los elementos de un vector son iguales. Sugerencia: puedes comprobar si todos los elementos son iguales que el primero.
- 11. Escribe una expresión lógica que permita comprobar si un vector está ordenado en orden creciente. Sugerencia: comprobar si todos los elementos coinciden uno a uno con la versión ordenada del vector (usar sort y all)
- 12. Escribe una expresión lógica que permita comprobar si un vector contiene exactamente los números del 1 al 20 sin repetidos (en cualquier orden).
- 13. Muestra un vector en orden inverso sin usar la función rev. Sugerencia: indexa con los índices en orden inverso.
- 14. Ejecuta:

```
v <- c(2, NA, 7)
all(v > 0)
## [1] NA
```

¿Tiene sentido la salida? Consulta la ayuda de all y escribe una expresión que compruebe si todos los elementos conocidos de un vector son mayores que cero.

- 15. Casi todas las operaciones con NA producen NA. Pero hay excepciones. Piensa en qué puede producir: NA ^ 0, NA || TRUE y NA && FALSE. Ejecuta las expresiones y comprueba si has acertado.
- 16. Compara la creación de las siguientes variables que almacena un valor categórico:

Ejecútalo y piensa por qué producen valores distintos.

17. El siguiente código guarda la longitud de pétalo y el tipo de 150 flores en los vectores longitud y tipo:

```
longitud <- iris$Petal.Length
tipo <- iris$Species</pre>
```

El tipo es un factor. Calcula cuántas flores de cada tipo hay. Calcula la media de la longitud de pétalo por tipo de flor y la máxima longitud de pétalo para cada tipo de flor.

5.6 Soluciones

```
# Crear un vector formado por 15 ocurrencias de 6
rep(6, times = 15)
## [1] 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6

# Bingo
sample(90)
## [1] 33 7 26 50 30 68 51 54 59 32 11 79 90 42 77 13 78 72 16 88 48 23 15 62 24
## [26] 61 4 35 14 74 63 10 82 39 73 85 31 58 37 84 52 45 47 57 25 18 3 22 76 53
## [51] 55 75 71 67 28 34 64 20 83 29 44 69 17 56 65 43 86 9 27 46 81 40 36 41 89
## [76] 38 8 19 60 66 80 49 12 6 2 1 70 5 21 87

# Lanzamiento de una moneda 10 veces
(experimento <- sample(c("cruz", "cara"), size = 10, replace = TRUE))
## [1] "cara" "cara" "cruz" "cara" "cruz" "cara" "cruz" "cara" "cruz" "cara" "cruz"</pre>
```

```
table(experimento)
## experimento
## cara cruz
      6
cat("Proporción caras:", mean(experimento == "cara"), "\n")
## Proporción caras: 0.6
cat("Proporción cruces:", mean(experimento == "cruz"))
## Proporción cruces: 0.4
# Extracción de 3 bolas de una urna con 6 bolas rojas y 5 verdes
sample(rep(c("roja", "verde"), times = c(6, 5)), size = 3)
## [1] "verde" "roja" "verde"
# Valores mayores que 3 de una N(0, 1)
pnorm(3, lower.tail = FALSE) # valor teórico
## [1] 0.001349898
v <- rnorm(1e6)</pre>
mean(v > 3)
## [1] 0.001308
# Elementos que ocupan un índice impar
v <- sample(1:10, 10)</pre>
v
## [1] 10 4 5 3 1 2 7 8 6 9
v[seq(1, length(v), by = 2)]
## [1] 10 5 1 7 6
# Aproximación a pi
n <- as.integer(readline("Número de términos: "))</pre>
print(sqrt(sum(6 / (1:n) ^ 2)))
# Coeficiente de correlación de Pearson
x <- iris$Petal.Length
y <- iris$Petal.Width
                         # usando la función cor
cor(x, y)
## [1] 0.9628654
numerador \leftarrow sum((x - mean(x)) * (y - mean(y)))
denominador \leftarrow (length(x) - 1) * sd(x) * sd(y)
numerador / denominador
## [1] 0.9628654
# Elementos elevados al cuadrado menores que 625
(v <- sample(100, size = 10))
## [1] 59 18 57 94 52 90 29 71 47 51
```

69

```
v[v * v < 625]
## [1] 18
# Comprobar que todos los elementos de un vector son iquales
v1 \leftarrow rep(10, 5)
all(v1[1] == v1)
## [1] TRUE
v2 \leftarrow c(rep(10, 3), 4, rep(10, 3))
all(v2[1] == v2)
## [1] FALSE
length(unique(v1)) == 1 # menos eficiente
## [1] TRUE
# Comprobar que un vector está ordeando en orden creciente
v <- 1:10
all(v == sort(v))
## [1] TRUE
v \leftarrow c(1:10, 8)
all(v == sort(v))
## [1] FALSE
# Vector con valores del 1 al 20
sol = 1:20
v <- sample(1:20, size = 20)</pre>
length(v) == length(sol) && all(sort(v) == sol)
## [1] TRUE
v <- sample(1:20, size = 20, replace = TRUE)</pre>
length(v) == length(sol) && all(sort(v) == sol)
## [1] FALSE
v = 1:30
length(v) == length(sol) && all(sort(v) == sol)
## [1] FALSE
# Invertir un vector sin usar rev
(v \leftarrow c(1, 9, -2, 8))
## [1] 1 9 -2 8
v[length(v):1]
## [1] 8 -2 9 1
# Ejercicio sobre all
v = c(2, NA, 7)
all(v > 0)
## [1] NA
all(v > 0, na.rm = TRUE)
## [1] TRUE
```

71 5.6. SOLUCIONES

##

##

##

setosa versicolor virginica

50

setosa versicolor virginica

setosa versicolor virginica ## 1.9 5.1 6.9

4.260

50 tapply(longitud, tipo, mean) # media de la longitud de pétalo por tipo

tapply(longitud, tipo, max) # máximo de la longitud de pétalo por tipo

5.552

50

1.462

```
# Expresiones con NA
NA ^ O
## [1] 1
NA || TRUE
## [1] TRUE
NA && FALSE
## [1] FALSE
# Factor con valores Hombre y Mujer
(v1 <- c("Hombre", "Mujer", "Mujer", "hombre"))</pre>
## [1] "Hombre" "Mujer" "Mujer" "hombre"
(v2 <- factor(c("Hombre", "Mujer", "Mujer", "hombre"),</pre>
               levels = c("Mujer", "Hombre")))
## [1] Hombre Mujer Mujer <NA>
## Levels: Mujer Hombre
# Lo que ocurre es que nos hemos equivocado al teclear hombre con una h inicial en minúscula. Usa
# Flores
longitud <- iris$Petal.Length</pre>
tipo <- iris$Species</pre>
table(tipo) # Cuenta ocurrencias de cada tipo de flor
## tipo
```

72CHAPTER 5. TIPOS DE DATOS: CADENAS DE CARACTERES, VECTORES Y FACTORES

Chapter 6

Tipos de datos: matrices

En este tema seguimos analizando los principales tipos de datos de R, estudiando las matrices. Las matrices son un tipo de dato que implementa el concepto matemático del mismo nombre. En R, una matriz es un vector que tiene asociado dos dimensiones. Todos los elementos de una matriz deben ser del mismo tipo.

Las matrices se implementan como ilustra la Figura 6.1. La memoria del ordenador es lineal. Por lo tanto, los elementos de una matriz se ubican en posiciones contiguas de memoria columna a columna (en otros lenguajes de programación es fila a fila). Como todos los elementos de una matriz tienen que ser del mismo tipo, ocupan el mismo tamaño en la memoria y, por lo tanto, guardando la dirección de inicio de la matriz es fácil y eficiente acceder a cualquiera de sus elementos dado su número de fila y columna. Por ejemplo, la figura ilustra el pequeño cálculo aritmético realizado para obtener la dirección de memoria donde se almacena el elemento de la matriz ubicado en la fila 2, columna 1. Como R almacena los elementos de las matrices por columnas, siempre que tenga que recorrer todos sus elementos lo hará por columnas en lugar de por filas, porque es más eficiente. En concreto, la creación de matrices que se ve a continuación se realiza por defecto por columnas.

Podemos crear una matriz con la función matrix:

```
m <- matrix(c(2, 3, 6, 5), nrow = 2, ncol = 2)
m
## [,1] [,2]
## [1,] 2 6
## [2,] 3 5</pre>
```

El primer parámetro es un vector e indica los elementos de la matriz. nrow sirve para especificar el número de filas y ncol el número de columnas. Si a partir de uno de los valores de nrow o ncol se puede deducir el otro, no es preciso especificar ambos:

6	15	7
20	9	2

```
1000 6
1004
    20
1008 15
1012 9
1016
    7
1020 2
```

- · Se guarda la dirección de inicio (1000)
- Todos los datos deben ser del mismo tipo para que ocupen la misma cantidad de memoria
- Los datos se almacenan linealmente (la memoria es unidimensional)
- R guarda los datos por columnas (en otros lenguajes, como C++, es por filas)
- Esto es importante porque R, por defecto, cuando recorre una matriz en su
- totalidad va a trabajar por columnas (es más eficiente) m(2, 1) -> dirección 1000 + ((2-1)*2 + (1-1))*4 = 1008
- m(f, c) -> dirección dir_inicial + $((c-1)*n^{\circ}_{-}filas + (f-1))*tamaño_dato$

Figure 6.1: Implementación de una matriz.

```
matrix(c(2, 3, 6, 5), nrow = 2)
##
        [,1] [,2]
## [1,]
           2
## [2,]
           3
                 5
matrix(c(2, 3, 6, 5), ncol = 2)
        [,1] [,2]
## [1,]
           2
                 6
## [2,]
           3
```

Por defecto los elementos del vector se almacenan por columnas, pero podemos usar el parámetro byrow para que se guarden por filas:

```
matrix(1:20, nrow = 2)
         [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10]
## [1,]
                            7
                 3
                      5
                                 9
                                     11
                                           13
                                                 15
                                                      17
                                                             19
## [2,]
            2
                 4
                      6
                            8
                                10
                                      12
                                           14
                                                 16
                                                      18
                                                             20
matrix(1:20, nrow = 2, byrow = TRUE)
         [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10]
                 2
                                            7
## [1,]
            1
                      3
                            4
                                 5
                                       6
                                                  8
                                                       9
                                                             10
                     13
## [2,]
          11
                12
                           14
                                15
                                      16
                                           17
                                                 18
                                                      19
                                                             20
```

Si el vector que especifica los elementos tiene un tamaño inferior al de la matriz, los elementos del vector se reciclan. Esto es útil para crear una matriz en la que todos sus elementos tienen el mismo valor:

```
matrix(0, nrow = 3, ncol = 3)
##
         [,1] [,2] [,3]
## [1,]
            0
                 0
                       0
## [2,]
            0
                 0
                       0
## [3,]
            0
                 0
```

Podemos cambiar el atributo dim de un vector para convertirlo en una matriz:

```
(v <- c(2, 5, 1.1, 10)) # v es un vector

## [1] 2.0 5.0 1.1 10.0

dim(v) <- c(2, 2) # cambia v de vector a matriz

v

## [,1] [,2]

## [1,] 2 1.1

## [2,] 5 10.0
```

Ejercicio. Crea una matriz 8x8 rellena con un patrón de tablero de ajedrez (utiliza 0 y 1).

```
col1 <- rep(0:1, 4)
col2 \leftarrow rep(1:0, 4)
matrix(c(col1, col2), nrow = 8, ncol = 8)
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8]
## [1,]
           0 1
                     0
                           1
                                0
                                     1
                                          0
## [2,]
                     1
                           0
                                1
           1
                0
                                           1
## [3,]
                     0
           0
                1
                           1
                                0
                                           0
                                                1
                                     1
                     1
## [4,]
           1
                0
                           0
                                1
                                     0
                                          1
                                                0
## [5,]
                1
                     0
                                           0
                                               1
           0
                           1
## [6,]
           1
                0
                     1
                           0
                                1
                                     0
                                           1
                                                0
## [7,]
                1
                     0
                           1
                                0
                                           0
                                                1
           0
                                     1
## [8,]
                           0
```

6.1 Consultar el tamaño de una matriz

La función length indica cuántos elementos tiene una matriz, la función dim cuántos elementos hay en cada dimensión, nrow el número de filas y ncol el número de columnas.

```
(m <- matrix(5, 2, 4))
##
       [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
          5 5 5 5
## [2,]
          5
               5
                    5
                         5
length(m)
## [1] 8
dim(m)
          # dim devuelve un vector de tamaño 2
## [1] 2 4
nrow(m)
## [1] 2
ncol(m)
## [1] 4
```

6.2 Filas y columnas con nombres

Para algunas matrices puede resultar útil que las distintas filas y/o columnas tengan asociado un nombre. Los nombres se pueden especificar al crear la matriz con el parámetro dimnames de la función matrix. También de esta forma:

Los nombres se especifican mediante un vector de cadenas de caracteres. Es posible consultar los nombres de una dimensión o incluso anularlos:

```
rownames(notas)

## [1] "Juan" "María" "Jaime"

colnames(notas)

## [1] "Examen 1" "Examen 2" "Examen 3"

colnames(notas) <- NULL # Anula los nombres de las columnas

notas

## [,1] [,2] [,3]

## Juan 7.808117 8.353483 5.887392

## María 7.717274 1.646936 9.760126

## Jaime 2.253255 5.516627 1.508032
```

6.3 Aritmética de matrices

Al igual que ocurre con los vectores, los operadores aritméticos $(+, -, /, ^, ...)$ son aplicables a matrices numéricas y trabajan elemento a elemento, reciclando si es necesario:

```
(m1 <- matrix(10, nrow = 2, ncol = 2))
## [,1] [,2]
## [1,] 10 10
## [2,] 10 10
(m2 <- matrix(1:4, nrow = 2))
## [,1] [,2]
## [1,] 1 3
## [2,] 2 4</pre>
```

```
m1 - m2^2 + 3
        [,1] [,2]
## [1,]
        12
## [2,]
           9
               -3
(m3 <- matrix(rnorm(10), nrow = 2))</pre>
                         [,2]
##
                [,1]
                                    [,3]
                                                [,4]
                                                            [,5]
## [1,] -0.04650393 0.071325 -1.1570084 0.08306695 -0.1263636
## [2,] 0.16674280 1.628937 -0.4157481 1.14650415 -0.4490542
abs(m3) # aplica la función absoluto a todos los elementos de m3
               [,1]
                        [,2]
                                  [,3]
                                              [,4]
                                                        [,5]
## [1,] 0.04650393 0.071325 1.1570084 0.08306695 0.1263636
## [2,] 0.16674280 1.628937 0.4157481 1.14650415 0.4490542
```

El producto clásico de matrices se realiza con el operador %*%:

```
(m1 <- matrix(1, nrow = 2, ncol = 2))
        [,1] [,2]
##
## [1,]
          1
## [2,]
           1
                 1
(m2 \leftarrow matrix(1:4, nrow = 2))
        [,1] [,2]
##
## [1,]
           1
## [2,]
           2
          # multiplicación elemento a elemento
        [,1] [,2]
## [1,]
           1
## [2,]
           2
m1 %*% m2 # multiplicación clásica
        [,1] [,2]
## [1,]
           3
## [2,]
```

6.4 Funciones aplicables a matrices

Existen muchas funciones que aplican una operación al conjunto de los elementos de una matriz. Son tantas que no es posible enumerarlas todas, pero ten presente que si quieres hacer un procesamiento típico con matrices es muy probable que esté implementado en alguna función de R.

Por ejemplo, mean calcula la media de los elementos de una matriz. También se puede calcular la media de las distintas columnas o filas con colMeans y rowMeans respectivamente.

```
m <- matrix(sample(4, size = 9, replace = TRUE), nrow = 3)
        [,1] [,2] [,3]
##
                3
## [1,]
           2
## [2,]
                 3
           1
                      1
## [3,]
           2
                 4
mean(m)
            # media de todos los elementos
## [1] 2.666667
rowMeans(m) # media de las filas
## [1] 3.000000 1.666667 3.333333
colMeans(m) # media de las columnas
## [1] 1.666667 3.333333 3.000000
```

sum, colSums y rowSums son análogas, pero suman los elementos de una matriz. Hay funciones, como median, que pueden aplicarse al conjunto formado por todos los elementos de una matriz, pero no existen versiones para aplicar el procesamiento por filas o columnas. En caso de que tengamos la necesidad de aplicar una función a las filas o columnas de una matriz se puede usar la función apply:

```
(m <- matrix(sample(4, size = 9, replace = TRUE), nrow = 3))</pre>
        [,1] [,2] [,3]
           3
## [1,]
                 1
## [2,]
           1
                 4
                      4
## [3,]
           3
                 1
                      2
rowSums(m)
## [1] 8 9 6
apply(m, 1, sum) # mismos efectos que rowSums
## [1] 8 9 6
colSums(m)
## [1] 7 6 10
apply(m, 2, sum) # mismos efectos que colSums
## [1] 7 6 10
```

La sintaxis de apply es apply(matriz, dimensión, función) y el efecto es aplicar la función indicada en el tercer parámetro a la matriz especificada en el primer parámetro en una dimensión. Si dimensión es 1 se aplica a las filas y si es 2 a las columnas. En caso de que la invocación a la función requiera argumentos adicionales, estos pueden ser indicados después del argumento que especifica la función:

```
## [3,] 4 4 5 4
apply(m, 2, median) # mediana por columnas
## [1] NA NA 3 4
apply(m, 2, median, na.rm = TRUE)
## [1] 4.0 3.5 3.0 4.0
```

En la segunda llamada a apply el parámetro na.rm se le pasa a la función median.

Ejemplo. Vamos a realizar una simulación para obtener una aproximación de la función masa de probabilidad de la variable aleatoria m'aximo del lanzamiento de 2 dados. Esta función es fácil de calcular sin realizar una simulación. La probabilidad de que la variable valga 1 es $\frac{1}{36}$, la probabilidad de que valga 2 es $\frac{3}{36}$, la probabilidad de que valga 3 es $\frac{5}{6}$, etcétera. Para realizar la simulación vamos a lanzar 2 dados un millón de veces, vamos a calcular el máximo de cada tirada de dos dados y luego calcularemos la proporción de esos máximos. Usaremos una matriz para guardar las tiradas, la matriz tiene 2 filas y un millón de columnas y cada columna representa el lanzamiento de dos dados.

```
m <- matrix(sample(6, size = 2e6, replace = TRUE), nrow = 2)
m[, 1:5]
                         # ver 5 primeras tiradas
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,]
                1
                     1
## [2,]
                6
                     6
           3
                                6
va <- apply(m, 2, max)</pre>
                        # máximo por columnas: 1e6 var. aleatorias
prop.table(table(va))
                         # estimación
## va
##
                                                         6
## 0.027668 0.083708 0.138061 0.195239 0.249521 0.305803
c(1, 3, 5, 7, 9, 11)/36 # probabilidades reales
## [1] 0.02777778 0.08333333 0.13888889 0.19444444 0.25000000 0.30555556
```

Ejercicio. Haz que todas las columnas de una matriz m aparezcan ordenadas en orden creciente. Sugerencia: usa apply y sort.

```
set.seed(1)
(m <- matrix(sample(100, size = 12), nrow = 3))
         [,1] [,2]
                    [,3] [,4]
           68
                34
                      14
                           51
## [1,]
## [2,]
           39
                87
                      82
                           85
## [3,]
                43
            1
                      59
apply(m, 2, sort)
         [,1] [,2] [,3] [,4]
                34
                      14
                           21
## [1,]
            1
## [2,]
           39
                43
                      59
                           51
## [3,]
                      82
           68
                87
                            85
```

Cuando se aplica apply por filas y el resultado de la función aplicada es un vector, la matriz de salida se rellena por columnas:

```
set.seed(1); (m <- matrix(sample(100, size = 12), nrow = 3))</pre>
        [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
          68
                34
                           51
                      14
## [2,]
          39
                87
                      82
                           85
## [3,]
           1
                43
                      59
                           21
apply(m, 1, sort)
        [,1] [,2] [,3]
          14
                39
## [1,]
                      1
## [2,]
          34
                82
                      21
## [3,]
          51
                85
                      43
## [4,]
                87
          68
                      59
```

Observa que la primera fila ordenada es la primera columna de la matriz que genera apply, la segunda fila ordenada la segunda columna y así sucesivamente. Si queremos la salida por filas, se puede calcular la traspuesta:

```
set.seed(1); (m <- matrix(sample(100, size = 12), nrow = 3))</pre>
        [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
          68
                34
                     14
                           51
## [2.1
          39
                87
                     82
                           85
## [3,]
           1
                43
                     59
                           21
t(apply(m, 1, sort))
        [,1] [,2] [,3] [,4]
                34
## [1,]
          14
                     51
                           68
## [2,]
          39
                82
                     85
                           87
## [3,]
         1
                21
                     43
                           59
```

La función apply también puede usarse con funciones definidas por el usuario. Aunque la definición de funciones se verá más adelante, vamos a estudiar un ejemplo. Supongamos que queremos restarle a cada elemento de una columna el mínimo de esa columna.

```
set.seed(5)
(m \leftarrow matrix(sample(10, size = 6), nrow = 2))
##
        [,1] [,2] [,3]
## [1,]
           2
                7
## [2,]
           9
                3
                      6
apply(m, 2, function(col) col - min(col))
       [,1] [,2] [,3]
## [1,]
           0
                4
## [2,]
                0
           7
```

La función definida en la invocación a apply recibe como parámetro un vector (con una columna de la matriz) y realiza el cálculo col - min(col), es decir, le resta a cada elemento del vector el mínimo del vector.

Vamos a seguir describiendo algunas funciones de R que trabajan con matrices. var calcula la matriz de covarianzas:

```
m <- matrix(rnorm(1e4, mean = 0, sd = 2), nrow = 2500)

var(m)

## [,1] [,2] [,3] [,4]

## [1,] 4.00528998 0.01746979 -0.06435747 0.04593452

## [2,] 0.01746979 4.00425351 0.01896810 0.06651531

## [3,] -0.06435747 0.01896810 3.95432971 0.02343102

## [4,] 0.04593452 0.06651531 0.02343102 3.96734850
```

var considera cada columna de la matriz como una muestra. Observa la salida: en la diagonal aparece la varianza de cada muestra y en la posición (x, y) la covarianza entre las muestras de las columnas x e y. En el ejemplo las varianzas tienen un valor cercano a 4 (son muestras de una $\mathcal{N}(0,2)$) y las covarianzas son casi 0 (pues las muestras son independientes entre sí).

La función t calcula la traspuesta:

```
(m <- matrix(1:15, ncol = 5, byrow = TRUE))</pre>
##
         [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,]
                 2
                      3
                            4
                                 5
           1
                 7
## [2,]
                       8
                            9
            6
                                 10
## [3,]
           11
                12
                      13
                           14
                                 15
t(m)
         [,1] [,2] [,3]
##
## [1,]
            1
                 6
                      11
## [2,]
            2
                 7
                      12
## [3,]
            3
                 8
                      13
## [4,]
                 9
                      14
            4
## [5,]
                10
                      15
```

La función diag extrae la diagonal de una matriz:

```
(m \leftarrow matrix(1:9, ncol = 3, byrow = TRUE))
         [,1] [,2] [,3]
## [1,]
                  2
                        3
            1
## [2,]
            4
                  5
                        6
## [3,]
            7
                  8
diag(m)
## [1] 1 5 9
diag(m) \leftarrow 0
```

```
m

## [,1] [,2] [,3]

## [1,] 0 2 3

## [2,] 4 0 6

## [3,] 7 8 0
```

La función diag aplicada a un vector crea una matriz con dicho vector como diagonal:

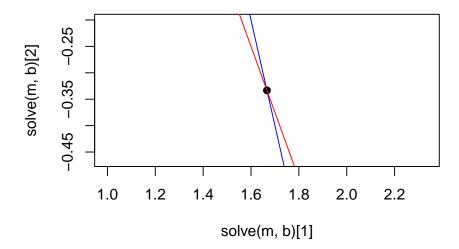
```
diag(3:1)
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 3 0 0
## [2,] 0 2 0
## [3,] 0 0 1
```

Las funciones det y determinant calculan el determinante de una matriz. La función solve resuelve un sistema de ecuaciones lineales. Por ejemplo, supongamos que queremos saber dónde intersectan las rectas 2x + y - 3 y 5x + 4y - 7:

```
m <- matrix(c(2, 5, 1, 4), nrow = 2)
b <- c(3, 7)
solve(m, b)
## [1] 1.6666667 -0.33333333</pre>
```

Vamos a comprobar gráficamente que el cálculo es correcto:

```
plot(solve(m, b)[1], solve(m, b)[2], pch = 19)
abline(3, -2, col = "blue")
abline(7/4, -5/4, col = "red")
```



6.5 Matrices lógicas

Al igual que ocurre con los vectores, se puede aplicar operadores relacionales para crear matrices lógicas.

Podemos contar y calcular la proporción de los elementos de una matriz que verifican una condición:

También podemos aplicar los operadores lógicos (&, | y !) a matrices lógicas, así como las funciones any y all, de la misma forma que se estudió con los vectores.

```
# Se simula lanzar 4 veces dos dados
(m <- matrix(sample(6, size = 8, replace = TRUE), nrow = 2))</pre>
        [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
          1
                3
                     6
## [2,]
          5
                2
                     3
sum(m == 5 | m == 3) # ¿Cuántas veces sale el 3 o el 5?
## [1] 4
any(m == 6)
                     # ¿Ha salido el 6 al menos una vez?
## [1] TRUE
all(m != 1)
                      # ¿No ha salido el 1?
## [1] FALSE
```

Ejemplo. Una bolsa contiene 3 bolas rojas y 5 negras. Si extraemos 3 bolas de la bolsa al azar, ¿cuál es la probabilidad de que 2 de ellas sean negras y la otra roja? Esta probabilidad es:

$$\frac{\binom{5}{2}\binom{3}{1}}{\binom{8}{3}}$$

que se puede calcular en R así:

```
choose(5, 2) * choose(3, 1) / choose(8, 3)
## [1] 0.5357143
```

Vamos a realizar una simulación para estimar esta probabilidad: repetiremos el experimento aleatorio de extraer 3 bolas al azar un millón de veces y calcularemos en qué proporción de los experimentos había 2 bolas negras y una roja. Para ello vamos a utilizar la función replicate, que permite ejecutar una expresión varias veces:

```
bolsa <- rep(c("r", "n"), times = c(3, 5)) # simula la bolsa
# simula un millón de extracciones
s <- replicate(1e6, sample(bolsa, size = 3))</pre>
```

Como la expresión usada en replicate (sample (bolsa, size = 3)) genera un vector de tamaño 3, el resultado de cada ejecucion se almacena en una columna distinta de una matriz de salida, cuyo tamaño es $3x10^6$. Es decir, cada columna de la matriz de salida es un experimento. Ahora calculamos la proporción de experimentos en los que ha ocurrido el evento:

La primera línea convierte a s, la matriz de salida, en un vector. Cada elemento del vector indica cuántas bolas rojas hay en ese experimento. La segunda línea calcula la proporción de experimentos en los que ha salido exactamente una bola roja y, por tanto, dos negras. O sea, la segunda línea calcula la probabilidad estimada.

La función replicate nos ofrece una alternativa para realizar simulaciones. Por ejemplo, supongamos que queremos simular el lanzamiento de dos dados 5 veces

```
matrix(sample(6, size = 10, replace = TRUE), nrow = 2)
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,]
           5
                3
                     1
## [2,]
                3
                     2
# alternativa usando replicate
replicate(5, sample(6, size = 2, replace = TRUE))
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,]
                3
                     1
           1
## [2,]
                3
                     6
```

Cuando se quiere repetir un experimento sin reemplazo, entonces la solución es usar replicate, como, por ejemplo, en el ejemplo previo de extraer al azar 3 bolas de una urna con 8 bolas varias veces.

6.6 Indexación de matrices

La indexación de matrices es similar a la de los vectores, pero es preciso indicar los índices de las dos dimensiones separados por una coma. Si alguna dimensión se deja vacía se seleccionan todos los elementos de dicha dimensión. Vamos a estudiar los 6 tipos de indexación que admiten las matrices. Los cuatro primeros son análogos a los usados en los vectores. Hay que tener en cuenta que con las matrices hay que especificar índices para las filas y para las columnas, con lo que se puede mezclar dos tipos de indexación, por ejemplo, indexar las filas con un vector lógico y las columnas con un vector numérico. En casi todos los ejemplos de esta sección las matrices son indexadas para consultar sus valores, pero también es posible indexar una matriz para modificarla.

6.6.1 Mediante un vector de enteros positivos

Se seleccionan los índices indicados en el vector:

```
(m <- matrix(1:16, nrow = 4))
       [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
             5
         1
                9 13
## [2,]
         2
              6
                 10
                      14
         3 7 11
## [3,]
                     15
## [4,]
         4 8
                12
                     16
m[c(1, 3), 3:4] # filas 1 y 3, columnas 3 y 4
      [,1] [,2]
## [1,] 9 13
## [2,] 11 15
m[2, 2]
             # fila 2, columna 2
## [1] 6
              # filas 3 y 4 (todas las columnas)
m[3:4,]
   [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
       3 7
                11
## [2,] 4 8 12
                      16
```

6.6.2 Mediante un vector de enteros negativos

El vector indica los índices no seleccionados, en lugar de los seleccionados:

```
(m \leftarrow matrix(1:16, nrow = 4))
       [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
         1
              5
                    9
                        13
## [2,]
          2
               6
                   10
                        14
## [3,]
          3
               7
                   11
                        15
## [4,]
          4
               8
                   12
                       16
m[, -1] # todas las columnas, salvo la primera
       [,1] [,2] [,3]
##
## [1,]
          5 9
## [2,]
        6 10
                  14
## [3,]
         7 11
                   15
## [4,]
         8 12
                  16
m[1:2, -c(1, ncol(m))] # filas 1 y 2. Todas las columnas salvo la primera y la última
      [,1] [,2]
## [1,]
        5
## [2,] 6 10
```

6.6.3 Mediante valores lógicos

Es muy útil, pues permite filtrar aquellas filas o columnas que verifiquen una condición. Por ejemplo:

```
(m \leftarrow matrix(1:16, nrow = 4))
        [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
          1
                5
## [2,]
           2
                6
                    10
                         14
## [3,]
                7
                    11
                         15
           3
                    12
## [4,]
                8
           4
                       16
m[m[, 1] \% 2 == 0,]
       [,1] [,2] [,3] [,4]
        2
                   10
## [1,]
                6
                       14
## [2,]
                8
                    12
                         16
           4
```

Selecciona las filas en las que la columna 1 tiene un valor par. Veamos otro ejemplo con una condición un poco más compleja: vamos a seleccionar aquellas columnas de una matriz que no tienen valores NA.

```
(m <- matrix(sample(c(NA, 1:3), size = 12, replace = TRUE), nrow = 2))
      [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6]
## [1,]
       2 1 2 1 NA 2
## [2,]
        2 2
                  2
                      1
condicion <- apply(is.na(m), 2, any)</pre>
m[, !condicion]
## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
       2 1
                  2
## [2,]
              2
                  2
       2
```

También se puede usar una matriz lógica para indexar. Por ejemplo:

```
(m <- matrix(sample(c(1:3, NA), size = 12, replace = TRUE), nrow = 3))
##
       [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
          3 NA
                   1
                        1
## [2,]
          3
             1
                   NA
               2
                    2
## [3,]
          2
                       NA
is.na(m) # produce una matriz lógica
        [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] FALSE TRUE FALSE FALSE
## [2,] FALSE FALSE TRUE TRUE
## [3,] FALSE FALSE FALSE TRUE
m[is.na(m)] <- 0 # indexa con una matriz lógica
       [,1] [,2] [,3] [,4]
```

```
## [1,] 3 0 1 1
## [2,] 3 1 0 0
## [3,] 2 2 2 0
```

6.6.4 Mediante un vector de cadenas de caracteres

Para usar esta posibilidad las filas y/o columnas deben tener nombres asociados:

```
notas <- matrix(runif(9, 1, 10), nrow = 3)
rownames(notas) <- c("Juan", "María", "Jaime")</pre>
colnames(notas) <- paste("Examen", 1:3)</pre>
notas
##
         Examen 1 Examen 2 Examen 3
## Juan 7.821840 2.014123 4.571020
## María 9.860010 4.396650 5.968692
## Jaime 4.693878 2.406851 7.745703
notas[, "Examen 3"] # sólo el examen 3
       Juan
               María
                         Jaime
## 4.571020 5.968692 7.745703
notas[c("Juan", "Jaime"), ]
         Examen 1 Examen 2 Examen 3
##
## Juan
         7.821840 2.014123 4.571020
## Jaime 4.693878 2.406851 7.745703
```

Observa que en el primer ejemplo, al seleccionarse una única columna, R devuelve un vector en lugar de una matriz. Más adelante comentaremos cómo podemos hacer que R devuelva una matriz con una única columna.

6.6.5 Indexación lineal

Aunque no se use habitualmente, una matriz puede ser indexada con un único vector de índices. El resultado de esta indexación es un vector con los elementos de la matriz que ocupan los índices lineales indicados. Los índices lineales hacen referencia al vector asociado a la matriz, éste se puede obtener con la función c.

```
(m <- matrix(sample(10, 6), nrow = 2))
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 9 7 5
## [2,] 3 1 10
c(m) # vector asociado a m
## [1] 9 3 7 1 5 10</pre>
```

Como vemos, el vector asociado se construye concatenando las columnas de la matriz, y es a este vector al que se le aplica la indexación lineal:

```
m[c(1, 3, length(m))] # elementos 1, 3 y último de la versión lineal de m ## [1] 9 7 10
```

6.6.6 Mediante matriz de índices

Por último, una matriz se puede indexar con una matriz de dos columnas cuyas filas indican los distintos índices a indexar.

```
(m <- matrix(sample(100, 10), nrow = 2))
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,]
        59
                     85
                         11
                6
                               55
## [2,] 47
               26
                     87
                          71
                               84
i <- matrix(c(1, 1,</pre>
        1, 5,
        2, 3), ncol = 2, byrow = TRUE)
i # matriz con los índices a los que se quiere acceder
       [,1] [,2]
## [1,]
          1
                1
## [2,]
                5
           1
## [3,]
m[i]
## [1] 59 55 87
```

6.7 Indexado que genera una única fila o columna

Si al indexar una matriz el resultado tiene una única fila o columna, R, por defecto, devuelve un vector con la fila o columna seleccionada, en lugar de devolver una matriz. Este comportamiento por defecto no es quizás lo más indicado. En el siguiente código se ejemplifica cómo cambiar el comportamiento por defecto, para poder obtener una matriz:

```
(m \leftarrow matrix(1:10, nrow = 2))
       [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,]
         1
               3
                    5
                         7
## [2,]
          2
               4
                     6
                              10
m[1, ] # fila 1, se obtiene un vector
## [1] 1 3 5 7 9
m[, 2] # columna 2, se obtiene un vector
## [1] 3 4
m[1, , drop = FALSE] # se obtiene una matriz
## [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
```

```
## [1,] 1 3 5 7 9
m[, 2, drop = FALSE] # se obtiene una matriz
## [,1]
## [1,] 3
## [2,] 4
```

6.8 Concatenación de matrices

Se puede concatenar verticalmente matrices con el mismo número de columnas con rbind. Para concatenar horizontalmente matrices con el mismo número de filas se usa la función cbind:

```
(m1 \leftarrow matrix(c(1, 1, 2, 2), nrow = 2))
       [,1] [,2]
## [1,]
       1
## [2,]
         1
(m2 <- m1 ^ 2)
## [,1] [,2]
## [1,]
        1 4
## [2,]
        1
cbind(m1, m2) # cbind concatena las columnas
## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 1 2 1 4
## [2,] 1 2 1 4
rbind(m1, m1 * 3) # rbind concatena las filas
## [,1] [,2]
## [1,]
       1
## [2,]
         1
## [3,]
         3
              6
## [4,] 3
```

Las funciones cbind y rbind admiten el reciclado:

```
(m \leftarrow matrix(1:6, nrow = 3))
## [,1] [,2]
      1
## [1,]
## [2,]
      2 5
## [3,]
        3
             6
cbind(m , 0) # añade una columna de ceros
  [,1] [,2] [,3]
##
## [1,]
      1 4
## [2,]
       2 5
                 0
## [3,]
      3 6
                 0
```

6.9. ARRAYS 91

También se puede usar rbind y cbind para crear una matriz concatenando vectores:

```
cbind(1:3, 4:6)

## [,1] [,2]

## [1,] 1 4

## [2,] 2 5

## [3,] 3 6
```

6.9 Arrays

Los vectores y matrices son un caso particular de arrays. Los vectores son arrays de una dimensión y las matrices de dos dimensiones. Dado que los arrays de 3 o más dimensiones se utilizan con poca frecuencia no los vamos a cubrir en estos apuntes. Sólo vamos a ver un ejemplo. Supongamos que queremos almacenar las 3 notas de n alumnos en 2 semestres. Esto se puede almacenar de una forma ordenada en un array tridimensional nx3x2:

```
n < -5
notas \leftarrow array(runif(n*3*2, max = 10), dim = c(n, 3, 2))
notas
## , , 1
##
                      [,2]
                               [,3]
             [,1]
## [1,] 2.025852 3.481609 2.501262
## [2,] 6.475442 1.413403 4.852748
## [3,] 5.689355 4.902850 1.078265
## [4,] 2.932403 7.832303 8.690019
## [5,] 7.226437 3.107789 6.202055
##
## , , 2
##
##
              [,1]
                          [,2]
                                   [,3]
## [1,] 3.33405509 3.33707212 0.991434
## [2,] 3.99848249 1.67320594 5.687474
## [3,] 9.37977419 0.67608627 4.656393
## [4,] 4.29522662 0.06766415 4.145739
## [5,] 0.06464175 1.37047550 2.071032
notas[, , 1] # notas del primer semestre
             [,1]
##
                      [,2]
                               [,3]
## [1,] 2.025852 3.481609 2.501262
## [2,] 6.475442 1.413403 4.852748
## [3,] 5.689355 4.902850 1.078265
## [4,] 2.932403 7.832303 8.690019
```

```
## [5,] 7.226437 3.107789 6.202055
notas[1, , 2] # notas del alumno 1 en el segundo semestre
## [1] 3.334055 3.337072 0.991434
```

6.10 Ejercicios

- 1. Crea una matriz 5x5 cuya primera fila sean unos, la segunda doses y así sucesivamente.
- 2. Crea la matriz matrix(sample(100, size = 12), nrow = 3) y haz que todas las columnas aparezcan ordenadas.
- 3. Crea una matriz con matrix(rnorm(15), nrow = 5). Selecciona las filas de la matriz cuya suma es positiva.
- 4. Haz un pequeño programa que solicite un entero y cree una matriz de tres columnas con su tabla de multiplicar. Por ejemplo, si se hubiera introducido el 3 se crearía la matriz (se muestran sólo las tres primeras filas):
 - 3 1 3
 - 3 2 6
 - 3 3 9
- 5. Dada una matriz, calcula el índice de la fila cuya suma de elementos es mayor. Sugerencia: usa apply (o rowSums) y la función which.max, que devuelve el índice del primer máximo de un vector numérico.
- 6. Una matriz cuadrada es simétrica si es igual a su traspuesta. Escribe una expresión que dada una matriz m genere un valor lógico indicando si m es simétrica. Nota: puedes usar la función all.
- 7. Dada la matriz obtenida con matrix(rnorm(10), nrow = 2), genera una expresión para calcular la cantidad de valores mayores que 0 en la matriz y otra expresión para determinar si hay más valores positivos que negativos en la matriz.
- 8. Cada fila de una matriz representa el resultado de un alumno en 3 exámenes:

```
set.seed(2)
(m <- matrix(sample(1:10, size = 12, replace = TRUE), nrow = 4))
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 5 1 1
## [2,] 6 1 3</pre>
```

```
## [3,] 6 9 6
## [4,] 8 2 2
```

Calcula la nota final de los alumnos si la ponderación de los exámenes es 0.2, 0.3 y 0.5 respectivamente.

9. Dada la matriz:

```
set.seed(5)
m <- matrix(rnorm(15), nrow = 5)</pre>
```

Selecciona las filas de la matriz cuya suma es positiva.

- 10. Dada una matriz, añádele una columna con la suma de los elementos de cada fila de la matriz original.
- Dada una matriz, obtén otra matriz formada por una permutación de sus filas.

6.11 Soluciones a los ejercicios de matrices

```
# Matriz con 1 en primera filas, 2 en segunda, ...
matrix(1:5, nrow = 5, ncol = 5) # usando reciclado
       [,1] [,2] [,3] [,4] [,5]
## [1,]
        1
              1
                 1
                        1
## [2,]
          2
               2
                  2
                         2
                              2
## [3,]
          3
               3
                    3
                         3
                              3
## [4,]
          4
               4
                    4
                         4
               5
                    5
## [5,]
```

```
# Ordenar las columnas de una matriz
(m <- matrix(sample(100, size = 12), nrow = 3))</pre>
##
        [,1] [,2] [,3] [,4]
          90
               56
                    79
## [1,]
                       46
## [2,]
          51
               92
                    23
                        18
## [3,]
          54
               13
                    98
                         80
apply(m, 2, sort)
       [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
        51
             13
                   23
                       18
## [2,]
             56
                    79
                         46
        54
## [3,] 90 92
                   98
                         80
```

```
# Filtrar filas cuya suma es positiva
(m <- matrix(rnorm(15), nrow = 5))
     [,1] [,2]
                                   [,3]
## [1,] 0.1251427 -0.3024286 1.2373051
## [2,] -1.4869821 -0.6511225 -1.0054358
## [3,] 0.3392875 -1.0966331 0.9421038
## [4,] 0.1668925 -0.9394679 0.5749584
## [5,] 1.9752061 2.3021163 0.9759743
m[rowSums(m) > 0,]
           [,1]
                       [,2]
                                 [,3]
## [1,] 0.1251427 -0.3024286 1.2373051
## [2,] 0.3392875 -1.0966331 0.9421038
## [3,] 1.9752061 2.3021163 0.9759743
# Tabla de multiplicar
n <- as.integer(readline("Número: "))</pre>
matrix(c(rep(n, 10), 1:10, 1:10 * n), nrow = 10)
cbind(n, 1:10, 1:10 * n) # otra posibilidad
# Índice de la fila cuya suma es mayor
(m <- matrix(sample(100, size = 12), nrow = 3))</pre>
##
        [,1] [,2] [,3] [,4]
         76 97 20
## [1,]
                        3
## [2,]
         60 15
                  11
## [3,]
         90 81
                  9
                      28
which.max(rowSums(m))
## [1] 3
# Comprobar si una matriz es simétrica
(m \leftarrow matrix(c(1, 2, 4, 2, 1, 6, 4, 6, 7), nrow = 3))
## [,1] [,2] [,3]
        1 2
## [1,]
## [2,] 2 1
                    6
## [3,]
          4
               6
                    7
ncol(m) == nrow(m) && all(m == t(m))
## [1] TRUE
m[1, 3] \leftarrow 0
ncol(m) == nrow(m) && all(m == t(m))
## [1] FALSE
# Contar valores que verifican una condición
(m <- matrix(rnorm(10), nrow = 2))</pre>
              [,1]
                          [,2]
                                   [,3]
                                              [, 4]
                                                          [,5]
## [1,] -0.4602446 -0.06921116 0.1877261 -0.5918348 -0.9249531
```

```
sum(m > 0) # cantidad de valores mayores que 0
## [1] 4
sum(m > 0) > sum(m < 0) # ¿más valores positivos que negativos?</pre>
## [1] FALSE
# Calcular la nota final ponderada
set.seed(2)
(m <- matrix(sample(1:10, size = 12, replace = TRUE), nrow = 4))</pre>
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 5 1 1
## [2.] 6 1 3
## [3,]
        6 9
## [4,]
       8
              2
                  2
m[, 1] * 0.2 + m [, 2] * 0.3 + m[, 3] * 0.5
## [1] 1.8 3.0 6.9 3.2
c(0.2, 0.3, 0.5) %*% t(m) # otra posibilidad, usando producto de matrices
## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 1.8 3 6.9 3.2
# Seleccionar las filas de una matriz cuya suma es positiva
set.seed(5)
(m <- matrix(rnorm(15), nrow = 5))</pre>
             [,1] \qquad [,2]
## [1,] -0.84085548 -0.6029080 1.2276303
## [2,] 1.38435934 -0.4721664 -0.8017795
## [3,] -1.25549186 -0.6353713 -1.0803926
## [4,] 0.07014277 -0.2857736 -0.1575344
## [5,] 1.71144087 0.1381082 -1.0717600
m[rowSums(m) > 0, ]
          [,1]
                   [,2]
## [1,] 1.384359 -0.4721664 -0.8017795
## [2,] 1.711441 0.1381082 -1.0717600
# Añadir una columna con la suma de las filas
(m <- matrix(sample(0:1, size = 9, replace = TRUE), nrow = 3))</pre>
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 1 1 1
## [2,] 0 1
                   0
## [3,]
        0
            1
m <- cbind(m, rowSums(m))</pre>
     [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 1 1 1 3
## [2,] 0 1 0 1
```

```
## [3,] 0 1 0 1
# La función addmargins sirve para este propósito
(m <- matrix(sample(0:1, size = 9, replace = TRUE), nrow = 3))</pre>
    [,1] [,2] [,3]
## [1,] 0 1 1
        0 1
## [2,]
                  0
## [3,]
        1 1
                1
addmargins(m)
          Sum
     0 1 1 2
##
##
     0 1 0 1
##
     1 1 1 3
## Sum 1 3 2 6
```

```
# Permutación de las filas de una matriz
(m <- matrix(1:10, ncol = 2, byrow = TRUE))</pre>
     [,1] [,2]
## [1,] 1 2
## [2,]
       3 4
## [3,]
       5 6
## [4,]
       7
            8
## [5,] 9 10
permutacion <- sample(nrow(m))</pre>
m[permutacion, ]
## [,1] [,2]
## [1,]
       3 4
## [2,]
        7
             8
## [3,] 1
            2
## [4,] 5 6
## [5,] 9 10
```

Chapter 7

Tipos de datos: listas

En este tema seguimos analizando los principales tipos de datos de R, estudiando las listas. Una lista es similar a un vector, en el sentido de que puede almacenar una secuencia ordenada de elementos. La diferencia es que los elementos de un vector tienen que ser del mismo tipo, mientras que los de una lista pueden ser de distinto tipo. Esta diferencia hace que realmente sean dos tipos de datos con distintas aplicaciones. Las listas son muy flexibles, pues permiten almacenar cualquier cosa. Los vectores son más específicos, lo que los hace más eficientes y permite que ciertas operaciones, como la suma o la aplicación de operaciones relacionales, tengan sentido.

Las listas se usan principalmente en R para almacenar dos tipos de datos. En primer lugar, colecciones de elementos de un mismo tipo, pero de un tipo tal que no es posible almacenarlo en un vector. En segundo lugar, un conjunto de información heterogénea (de distinto tipo) en un único objeto. Un ejemplo de este segundo uso son los datos de una persona, que incluyen su nombre (cadena de caracteres), edad (entero), altura en metros (real), etcétera.

Las listas se implementan como ilustra la Figura 7.1. Una lista se representa como un vector para que el acceso a sus elementos sea eficiente. Para poder almacenar algo en un vector, todos sus elementos deben ser del mismo tipo, para que ocupen lo mismo en la memoria del ordenador. Puesto que los componentes de una lista pueden ser de distinto tipo, el vector almacena un puntero (una dirección de memoria) a donde realmente se guarda un componente. Los punteros son un tipo de dato y tienen un tamaño fijo. En la figura los punteros se representan mediante flechas azules. Observa cómo el tercer componente de la lista es una lista.

Para crear una lista se usa la función list, especificando los elementos o *componentes* de la lista como argumentos de la función:

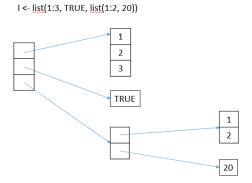


Figure 7.1: Implementación de una lista.

```
1 <- list("Juan", 23, FALSE, c(8, 6.5, 9))
1
## [[1]]
## [1] "Juan"
##
## [[2]]
## [1] 23
##
## [[3]]
## [1] FALSE
##
## [[4]]
## [1] 8.0 6.5 9.0</pre>
```

Como ilustra el ejemplo, los componentes pueden ser de distinto tipo. Para algunas listas resulta más legible hacer que los distintos componentes tengan un nombre. Esto se puede realizar directamente al crear la lista o, a posteriori, con la función names:

```
names(1) <- c("Nombre", "Edad", "Casado", "Notas") # añade nombres
1
## $Nombre
## [1] "Juan"
##
## $Edad
## [1] 23
##
## $Casado
## [1] FALSE
##</pre>
```

7.1. INDEXACIÓN

```
## $Notas
## [1] 8.0 6.5 9.0
punto2d <- list(x = 5, y = 6) # crea lista con nombres
punto2d
## $x
## [1] 5
##
## $y
## [1] 6</pre>
```

Dado que una lista puede contener componentes de distintos tipos (incluso de tipo lista), no resulta fácil visualizarla en la consola. La función str produce una visualización algo más estructurada en la consola:

```
str(1)
## List of 4
## $ Nombre: chr "Juan"
## $ Edad : num 23
## $ Casado: logi FALSE
## $ Notas : num [1:3] 8 6.5 9
str(punto2d)
## List of 2
## $ x: num 5
## $ y: num 6
```

La función str es genérica, por lo que puede aplicarse a cualquier objeto, no sólo a listas. Otra función útil para visualizar el contenido de objetos es View, que abre un panel con información del objeto consultado en la zona del editor de texto de RStudio (pruébala).

Para obtener el número de componentes de una lista se usa la función length:

```
length(1)
## [1] 4
length(punto2d)
## [1] 2
```

7.1 Indexación

Existen varias formas de indexar una lista, así que usaremos la que nos guste más, nos parezca más legible o sea apropiada al cálculo que queramos realizar. Los operadores para indexar una lista son tres: [], [[]] y \$.

7.1.1 Indexación con []

La indexación de listas con [] admite las mismas posibilidades que con vectores. Recordemos las posibilidades:

```
1[c(1, 4)]
            # indexación con un vector de números positivos
## $Nombre
## [1] "Juan"
##
## $Notas
## [1] 8.0 6.5 9.0
l[-c(1, 4)] # indexación con un vector de números negativos
## $Edad
## [1] 23
## $Casado
## [1] FALSE
l[c("Nombre", "Edad")] # indexación con vector de cadenas
## $Nombre
## [1] "Juan"
##
## $Edad
## [1] 23
1[c(TRUE, FALSE, FALSE, TRUE)] # indexación con vector lógico
## $Nombre
## [1] "Juan"
##
## $Notas
## [1] 8.0 6.5 9.0
```

Al indexar con [] se obtiene una lista con los componentes seleccionados.

7.1.2 Indexación con [[]]

Es importante observar que al indexar con [] se obtiene una lista, aunque sólo accedamos a un componente de la lista. Por ejemplo, supongamos que queremos sumarle 2 al componente x del objeto punto2d:

```
punto2d <- list(x = 5, y = 6)
punto2d["x"]
## $x
## [1] 5
typeof(punto2d["x"])
## [1] "list"
# punto2d["x"] + 2 # pruébalo en la consola y obtendrás un error</pre>
```

7.1. INDEXACIÓN

No es posible realizar la suma con [], porque no se puede aplicar el operador + a una lista. Cuando queramos **acceder al contenido de un único componente de una lista** para trabajar con él hay que usar el operador [[]] o el operador \$:

101

```
punto2d[["x"]]
## [1] 5
typeof(punto2d[["x"]])
## [1] "double"
punto2d[["x"]] + 2
## [1] 7
```

Cuando usemos el operador [[]] habrá que utilizar un único índice:

```
1[[4]]  # accedemos al componente de indice 4
## [1] 8.0 6.5 9.0
1[["Notas"]]  # accedemos al componente de nombre Notas
## [1] 8.0 6.5 9.0
1[["Notas"]][1]  # primera nota
## [1] 8
```

7.1.3 Indexación con \$

Cuando una lista 1 tiene nombres asociados a sus componentes, las expresiones 1[["Nombre"]] y 1\$Nombre son equivalentes:

```
l[["Notas"]]
## [1] 8.0 6.5 9.0

l$Notas
## [1] 8.0 6.5 9.0
```

Cuando tengamos un componente de una lista con un nombre muy largo, es posible especificarlo con el operador \$ escribiendo únicamente los tres primeros caracteres del nombre (salvo que haya ambigüedad porque más de un nombre de componente empiece por esos tres caracteres):

```
1$Not # equivale a l$Notas
## [1] 8.0 6.5 9.0
```

El operador \$ es muy cómodo para acceder al contenido de un componente por su nombre.

7.2 Creación y eliminación de componentes

Es posible crear y eliminar componentes de una lista, veamos un ejemplo:

```
punto2d
## $x
## [1] 5
##
## $y
## [1] 6
punto2d$z \leftarrow 10 # se añade un componente de nombre z
punto2d
## $x
## [1] 5
##
## $y
## [1] 6
##
## $z
## [1] 10
punto2d$z <- NULL # se elimina el componente de nombre z</pre>
punto2d
## $x
## [1] 5
##
## $y
## [1] 6
```

A continuación se añade un componente usando indexación numérica:

```
punto2d[[3]] <- 9
punto2d
## $x
## [1] 5
##
## $y
## [1] 6
##
## [[3]]
## [1] 9</pre>
```

7.3 Las listas son un tipo de dato recursivo

Los componentes de una lista pueden ser de cualquier tipo, incluido el propio tipo lista. Un tipo de dato, como las listas, que admite elementos de su propio tipo se dice que es recursivo. Veamos un ejemplo de una lista con un componente de tipo lista:

```
fecha <- list(dia = 4, mes = "febrero", año = 2002)
alumno <- list(nombre = "Marta", nacimiento = fecha)
str(alumno)
## List of 2
## $ nombre : chr "Marta"
## $ nacimiento:List of 3
## ..$ dia: num 4
## ..$ mes: chr "febrero"
## ..$ año: num 2002</pre>
```

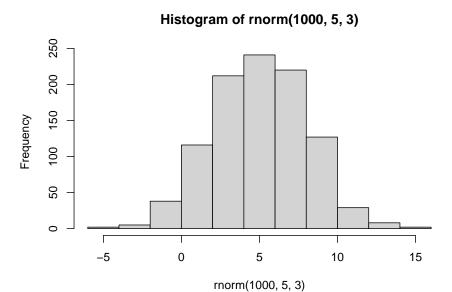
En este caso el componente nacimiento de la lista alumno es una lista. Veamos cómo acceder a sus campos:

```
alumno$nacimiento$año
## [1] 2002
alumno[["nacimiento"]][["año"]] # otra posibilidad
## [1] 2002
```

7.4 Funciones que devuelven listas

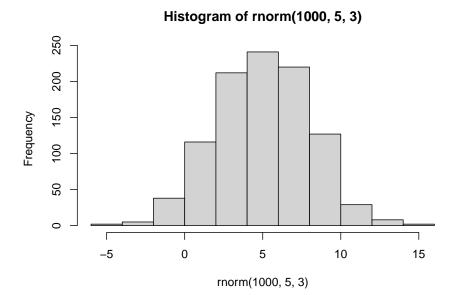
Muchas funciones de R devuelven información diversa sobre los cálculos que realizan. Como en R una función sólo puede devolver un objeto, la forma usual de devolver esta información es en una lista con distintos componentes, cada componente almacena algún tipo de dato sobre el cómputo realizado por la función. Veamos un ejemplo: la función hist calcula un histograma sobre una muestra y lo visualiza en la pantalla:

```
set.seed(10)
hist(rnorm(1000, 5, 3))
```



Pero hist no sólo visualiza el histograma, también devuelve una lista con información sobre sus características:

```
set.seed(10)
salida <- hist(rnorm(1000, 5, 3))</pre>
```



```
typeof(salida)
## [1] "list"
str(salida)
## List of 6
## $ breaks : num [1:12] -6 -4 -2 0 2 4 6 8 10 12 ...
## $ counts : int [1:11] 2 5 38 116 212 241 220 127 29 8 ...
## $ density : num [1:11] 0.001 0.0025 0.019 0.058 0.106 ...
## $ mids : num [1:11] -5 -3 -1 1 3 5 7 9 11 13 ...
## $ xname : chr "rnorm(1000, 5, 3)"
## $ equidist: logi TRUE
## - attr(*, "class") = chr "histogram"
```

Los distintos componentes de la lista salida nos aportan información sobre el histograma construido. Así, el componente breaks nos indica que las cajas tienen rangos [-6,-4], [-4,-2], etc. El componente equidist nos indica que todas las cajas tienen la misma anchura. counts indica cuántos números caen en cada caja.

7.5 La función lapply

La función lapply permite aplicar una función a los distintos componentes de una lista. La salida de lapply es una lista. Por cada componente de la lista de

entrada se genera un componente en la lista de salida con el resultado de aplicar la función al componente de la lista de entrada:

```
str(1)
## List of 4
## $ Nombre: chr "Juan"
## $ Edad : num 23
## $ Casado: logi FALSE
## $ Notas : num [1:3] 8 6.5 9
lapply(1, length) # longitud de los distintos componentes de l
## $Nombre
## [1] 1
##
## $Edad
## [1] 1
##
## $Casado
## [1] 1
##
## $Notas
## [1] 3
```

Si, como en este caso, la aplicación de la función produce elementos del mismo tipo (en concreto enteros), se puede usar la función sapply para obtener la salida en un vector:

```
sapply(1, length)
## Nombre    Edad Casado Notas
## 1 1 1 3
```

La función lapply también se puede aplicar a vectores:

```
v <- c(25, 4, 60)
lapply(v, sqrt)
## [[1]]
## [1] 5
##
## [[2]]
## [1] 2
##
## [[3]]
## [1] 7.745967
sapply(v, sqrt)
## [1] 5.000000 2.000000 7.745967</pre>
```

Para este ejemplo, sin embargo, sería más sencillo usar:

```
sqrt(v)
## [1] 5.000000 2.000000 7.745967
```

7.6 Listas multidimensionales

Por defecto las listas son unidimensionales, como los vectores. No obstante, se puede cambiar el atributo dim para convertir una lista unidimensional en multidimensional. En la práctica esta característica se usa muy pocas veces.

```
1 <- list(1:3, "x", TRUE, 2.0)
dim(1) <- c(2, 2)
1
## [,1] [,2]
## [1,] integer,3 TRUE
## [2,] "x" 2
1[[1, 1]]
## [1] 1 2 3</pre>
```

7.7 Ejercicios

- Crea una lista que almacene la dirección de una casa, el número de cuartos de baño que tiene, y la superficie en metros cuadrados de los distintos dormitorios
- 2. Dada la siguiente lista, crea una lista que contenga el primer y último componente de la lista:

```
1 <- list(1, 2, "a", "b")
```

3. Dada la siguiente lista, modifica su tercer componente para que valga TRUE, en lugar de "x":

```
1 <- list(a = 1, b = 2, c = "x", d = "y")
```

4. Dada la siguiente lista:

```
1 <- list(TRUE, 3:1)
```

añade un componente al final de la lista. Sugerencia: usa el índice length(1)+1

- 5. Dada la lista: list(rbinom(10, 30, 0.5), runif(100, -8, -4)) usa lapply o sapply para calcular las medias de los componentes de la lista.
- 6. Dada la lista:

```
1 <- list(-2, c(4, -1))
```

aplícale la función abs a todos sus elementos.

7. Dada la lista:

```
1 <- list(1:5, 3:11, 3:1, 2:9)
```

selecciona aquellos componentes cuya longitud es mayor o igual a 5. Sugerencia: aplica primero length y luego usa indexado lógico.

7.8 Soluciones a los ejercicios

```
# Creación de una lista
list(dir = "Calle Mayor, 11, 1^{\circ}C", ncb = 2, sup = c(10, 9.7, 17.2))
## $dir
## [1] "Calle Mayor, 11, 1°C"
##
## $ncb
## [1] 2
##
## $sup
## [1] 10.0 9.7 17.2
# Dada una lista obtener una lista con su primer y último componente
1 <- list(1, 2, "a", "b")</pre>
l[c(1, length(1))] # una solución menos general es l[c(1, 4)]
## [[1]]
## [1] 1
##
## [[2]]
## [1] "b"
# Modificar el tercer componente de una lista para que valga TRUE
1 \leftarrow list(a = 1, b = 2, c = "x", d = "y")
1[[3]] <- TRUE # también vale l$c <- TRUE
1
## $a
```

```
## [1] 1
##
## $b
## [1] 2
##
## $c
## [1] TRUE
##
## $d
## [1] "y"
# Añadir un componente al final de una lista
1 <- list(TRUE, 3:1)</pre>
1[[length(1)+1]] <- "Mi lista"</pre>
## [[1]]
## [1] TRUE
## [[2]]
## [1] 3 2 1
##
## [[3]]
## [1] "Mi lista"
# Media de los componentes de una lista
1 <- list(rbinom(10, 30, 0.5), runif(100, -8, -4))</pre>
sapply(1, mean)
## [1] 14.900000 -6.143121
 \textit{\# Aplicar la funci\'on abs a todos los elementos de una lista }
1 <- list(-2, c(4, -1))
lapply(1, abs)
## [[1]]
## [1] 2
##
## [[2]]
## [1] 4 1
\# Selectionar aquellos componentes de una lista con longitud >= 5
1 <- list(1:5, 3:11, 3:1, 2:9)
longitud <- sapply(1, length)</pre>
1[longitud >= 5]
## [[1]]
## [1] 1 2 3 4 5
```

```
##
## [[2]]
## [1] 3 4 5 6 7 8 9 10 11
##
## [[3]]
## [1] 2 3 4 5 6 7 8 9
```

Chapter 8

Tipos de datos: data frames

En este tema seguimos analizando los principales tipos de datos de R, estudiando los data frames. Un data frame es una estructura o tipo de dato muy usado en estadística, similar a una hoja de cálculo. Un data frame es parecido a una matriz, en el sentido de que es una estructura bidimensional con sus filas y columnas, pero con la diferencia de que las distintas columnas de un data frame pueden ser de distintos tipos. Esto lo hace muy versátil. Normalmente un data frame contienen distintas variables en las columnas que indican los valores asociados a cada fila. Cada fila constituye una observación. Si realizas análisis de datos en R vas a trabajar con data frames.

Internamente un data frame se implementa como una lista, cada componente de la lista es una columna del data frame. Todas las columnas deben tener la misma longitud. Las distintas columnas de un data frame serán vectores, aunque técnicamente es posible que sean matrices o listas. Esto se ilustra en la Figura 8.1. El hecho de que un data frame sea semánticamente similar a una matriz, pero esté implementado como una lista, va a producir una gran riqueza sintáctica a la hora de acceder a sus elementos.

8.1 Creación de data frames

Normalmente los data frames se construirán a partir de datos que están en archivos tipo hoja de cálculo almacenados en un dispositivo de almacenamiento local (como un disco duro) o internet con funciones como read.table. También existen muchos paquetes que incluyen data frames entre sus datos. Por ejemplo:

```
head(iris)
## Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width Species
## 1 5.1 3.5 1.4 0.2 setosa
```

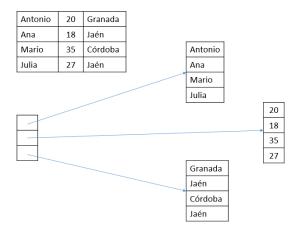


Figure 8.1: Implementación de un data frame.

## 2	4.9	3.0	1.4	0.2 setosa
## 3	4.7	3.2	1.3	0.2 setosa
## 4	4.6	3.1	1.5	0.2 setosa
## 5	5.0	3.6	1.4	0.2 setosa
## 6	5.4	3.9	1.7	0.4 setosa

En este caso se ha mostrado el famoso conjunto de datos sobre lirios (iris). Se puede obtener ayuda sobre los data frames incluidos en paquetes: prueba ?iris para obtener ayuda sobre este conjunto de datos. La función head hace que se visualicen las primeras filas u observaciones del conjunto de datos. head es una función genérica y se puede aplicar a otros tipos de datos como vectores. Este data frame tiene 150 observaciones, con 5 variables por observación: longitud y anchura de sépalo, longitud y anchura de pétalo (todas en centímetros) y especie. La especie es un factor con 3 valores posibles: setosa, versicolor y virginica.

También se puede crear un *data frame* con la función data.frame, aportando los datos oportunos. La sintaxis de creación de un *data frame* es muy parecida a la de creación de una lista:

```
d <- data.frame(Nombre = c("Laura", "Mario", "Luis"),</pre>
                Edad = c(22, 43, 55),
                Ciudad = factor(c("Jaén", "Granada", "Jaén")),
                Casado = c(FALSE, TRUE, TRUE)
)
d
     Nombre Edad
                  Ciudad Casado
## 1
     Laura
              22
                     Jaén
                           FALSE
## 2 Mario
              43 Granada
                            TRUE
```

```
## 3 Luis 55 Jaén TRUE
```

Observa que cada columna del *data frame* se ha especificado como un vector o factor, precedida por su nombre y el carácter =. Todas las columnas deben tener la misma longitud.

También es posible crear un *data frame* con la función edit, que permite editar de una forma sencilla los contenidos:

```
datos <- edit(data.frame()) # Abre un editor para introducir los datos
```

Una función parecida a edit es View, que nos permite visualizar los elementos de un data frame o matriz de manera similar a una hoja de cálculos:

```
View(iris)
```

Ejercicio. Crea un *data frame* que incluya las notas de 3 estudiantes (observaciones) en los exámenes de teoría y prácticas.

```
notas <- data.frame(Nombre = c("Laura", "Pedro", "Luis"),</pre>
                    Teoria = c(6, 7.3, 9.0),
                    Practicas = c(8.2, 7.0, 9.2)
)
notas
##
     Nombre Teoria Practicas
## 1 Laura
               6.0
                          8.2
## 2 Pedro
               7.3
                          7.0
## 3 Luis
               9.0
                          9.2
```

8.2 Acceso a los elementos con formato matriz

Se puede acceder a los datos de un *data frame* como se hace con una matriz, es decir, especificando las filas y columnas a las que queremos acceder con la sintaxis: df[filas, columnas]. En concreto, se puede especificar las distintas filas y columnas usando vectores de:

- índices positivos
- índices negativos
- cadenas de caracteres
- valores lógicos

Vamos a ver algunos ejemplos:

```
d[c(1, 3), ]
                         # Índices positivos: filas 1 y 3
    Nombre Edad Ciudad Casado
              22
## 1 Laura
                   Jaén FALSE
## 3
      Luis
              55
                   Jaén
d[, -2]
                         # Índices negativos: excluir columna 2
    Nombre Ciudad Casado
## 1 Laura
               Jaén FALSE
## 2 Mario Granada
                      TRUE
      Luis
               Jaén
                      TRUE
d[, c("Nombre", "Edad")] # cadenas de caracteres
    Nombre Edad
## 1 Laura
## 2 Mario
              43
## 3
      Luis
              55
d[d[, "Ciudad"] == "Jaén", ] # valores lógicos
    Nombre Edad Ciudad Casado
## 1 Laura
              22
                   Jaén FALSE
## 3 Luis
                   Jaén
              55
                          TRUE
```

Observa que si se deja en blanco la parte de filas o columnas se seleccionan todos los elementos de la dimensión. Por ejemplo, en d[c(1, 3),] se seleccionan las filas 1 y 3 y todas las columnas.

La última operación filtra las observaciones (filas) cuya ciudad es Jaén. Si sólo se selecciona una columna de un *data frame*, el comportamiento por defecto es devolver un vector con los datos de dicha columna, en lugar de un *data frame* con una única columna. Veamos cómo anular este comportamiento por defecto:

```
d[, "Nombre"] # Selecciona 1 columna, devuelve un vector
## [1] "Laura" "Mario" "Luis"
d[, "Nombre", drop = FALSE] # Ahora devuelve un data frame
## Nombre
## 1 Laura
## 2 Mario
## 3 Luis
```

8.3 Acceso a los elementos con formato lista

Como hemos comentado, un data frame se implementa como una lista cuyos componentes son las columnas del data frame. Esto permite acceder con formato de lista para seleccionar las columnas de un data frame. Se recuerda que los operadores de acceso a lista son: [], [[]] y \$.

Con [] podemos seleccionar una o varias columnas y el resultado será un data frame con las columnas seleccionadas:

```
d[1:3]
           # primeras 3 columnas
     Nombre Edad Ciudad
## 1 Laura
                    Jaén
## 2 Mario
              43 Granada
## 3
     Luis
              55
                    Jaén
d[c("Nombre", "Casado")] # columnas de nombres: Nombre y Casado
     Nombre Casado
## 1 Laura FALSE
## 2 Mario
              TRUE
## 3
              TRUE
     Luis
d[ncol(d)] # última columna (produce un data frame)
     Casado
## 1 FALSE
## 2
       TRUE
## 3
       TRUE
d[-ncol(d)] # Todas las columnas, salvo la última
    Nombre Edad Ciudad
## 1 Laura
              22
                    Jaén
## 2 Mario
              43 Granada
     Luis
              55
                    Jaén
```

Observa que al acceder con [] siempre se obtiene un data frame, aunque sólo se seleccione una columna. Si se accede con [[]] sólo se puede obtener una columna; además, se obtiene un vector con los contenidos de dicha columna, Por ejemplo, no tiene sentido mean(d["Edad"]) (pues no tiene sentido aplicar mean a un data frame), pero sí mean(d["Edad"]]).

```
d[["Nombre"]] # Vector asociado a la columna Nombre

## [1] "Laura" "Mario" "Luis"

mean(d[[2]]) # Media de la columna 2

## [1] 40

mean(d[["Edad"]]) # Media de la columna Edad

## [1] 40
```

Por último, el operador \$ se utiliza para acceder al contenido de una columna mediante su nombre. d\$Edad equivale a d[["Edad"]], pero resulta algo más corto de escribir.

```
d$Ciudad

## [1] Jaén Granada Jaén

## Levels: Granada Jaén

d[d$Casado,] # Muestra sólo las personas casadas

## Nombre Edad Ciudad Casado

## 2 Mario 43 Granada TRUE

## 3 Luis 55 Jaén TRUE
```

Ejercicio. El *data frame* mtcars contiene 32 observaciones de coches, con 10 datos (variables) sobre cada coche (puedes ejecutar ?mtcars para obtener información sobre cada variable). Usa indexación tipo matriz y lista para obtener:

```
- Todas las columnas, salvo la segunda
- Las columnas de nombre `"mpg"` y `"cyl"`
```

```
mtcars[, -2] # todas las columnas salvo la última (indexación matriz)
mtcars[-2] # todas las columnas salvo la última (indexación lista)
mtcars[, c("mpg", "cyl")] # columnas mpg y cyl (indexación matriz)
mtcars[c("mpg", "cyl")] # columnas mpg y cyl (indexación lista)
```

8.4 Trabajando con data frames

Las posibilidades de procesamiento de un data frame son enormes. En general, podemos aplicar la mayor parte de las funciones asociadas a matrices y a listas. En este apartado vamos a ver algunas, pero ten presente que casi cualquier cálculo que quieras realizar sobre un data frame se puede realizar de manera elegante con unas pocas sentencias.

8.4.1 Consulta de información y nombres

Las funciones length y ncol devuelven el número de columnas de un data frame, mientras que nrow devuelve el número de filas. Todos los data frames tienen nombres de columnas y filas (por defecto los nombres de las filas son el número de observación), éstos se pueden consultar y modificar con colnames y rownames:

```
length(d)
            # número de columnas
## [1] 4
ncol(d)
            # número de columnas
## [1] 4
nrow(d)
            # número de filas
## [1] 3
colnames(d) # nombres de las columnas
## [1] "Nombre" "Edad" "Ciudad" "Casado"
            # también produce el nombre de las columnas
names(d)
## [1] "Nombre" "Edad" "Ciudad" "Casado"
rownames(d) # nombres de las filas
## [1] "1" "2" "3"
rownames(d) <- c("Primero", "Segundo", "Tercero")</pre>
```

```
## Nombre Edad Ciudad Casado

## Primero Laura 22 Jaén FALSE

## Segundo Mario 43 Granada TRUE

## Tercero Luis 55 Jaén TRUE
```

Las funciones str y summary (funciones genéricas aplicables a distintos objetos, no solo a data frames) nos dan información sobre un data frame:

```
str(iris)
## 'data.frame':
                   150 obs. of 5 variables:
   $ Sepal.Length: num 5.1 4.9 4.7 4.6 5 5.4 4.6 5 4.4 4.9 ...
   $ Sepal.Width: num 3.5 3 3.2 3.1 3.6 3.9 3.4 3.4 2.9 3.1 ...
   $ Petal.Length: num 1.4 1.4 1.3 1.5 1.4 1.7 1.4 1.5 1.4 1.5 ...
   $ Petal.Width : num 0.2 0.2 0.2 0.2 0.2 0.4 0.3 0.2 0.2 0.1 ...
                 : Factor w/ 3 levels "setosa", "versicolor", ...: 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
   $ Species
summary(iris)
##
    Sepal.Length
                   Sepal.Width
                                   Petal.Length
                                                   Petal.Width
##
         :4.300
                  Min. :2.000
                                  Min. :1.000
   Min.
                                                 Min. :0.100
   1st Qu.:5.100
                   1st Qu.:2.800
##
                                  1st Qu.:1.600
                                                  1st Qu.:0.300
##
   Median :5.800
                   Median:3.000
                                  Median :4.350
                                                  Median :1.300
##
   Mean
         :5.843
                   Mean :3.057
                                  Mean :3.758
                                                  Mean :1.199
##
   3rd Qu.:6.400
                   3rd Qu.:3.300
                                  3rd Qu.:5.100
                                                  3rd Qu.:1.800
          :7.900
                   Max. :4.400
                                  Max.
                                         :6.900
                                                        :2.500
##
                                                  Max.
##
         Species
##
   setosa
             :50
##
   versicolor:50
##
   virginica:50
##
##
##
```

str nos indica cuántas observaciones (filas) y variables (columnas) tiene el data frame y el nombre, tipo y varios valores de cada variable. summary nos ofrece información descriptiva de las distintas columnas. Si la columna es numérica nos ofrece el mínimo, máximo, cuartiles 1, 2 y 3 y media. Si la columna es un factor nos cuenta el número de ocurrencias de cada nivel.

8.4.2 Modificación de un data frame

Se puede modificar datos de un $\mathit{data\ frame}$:

```
d
## Nombre Edad Ciudad Casado
## Primero Laura 22 Jaén FALSE
```

```
## Segundo Mario
                    43 Granada
                                  TRUE
## Tercero
             Luis
                    55
                          Jaén
                                  TRUE
d[3, 3] <- "Granada" # d[3, "Ciudad] <- "Granada"
##
           Nombre Edad Ciudad Casado
                    22
## Primero Laura
                          Jaén FALSE
## Segundo
            Mario
                    43 Granada
                                  TRUE
## Tercero
                    55 Granada
                                 TRUE
            Luis
```

Es posible también añadir o eliminar nuevas filas y columnas de diferentes formas. Veamos algunos ejemplos:

```
d$Peso <- c(55.2, 72.1, 85) # se añade una columna
##
           Nombre Edad Ciudad Casado Peso
## Primero Laura
                    22
                          Jaén FALSE 55.2
## Segundo Mario
                    43 Granada
                                TRUE 72.1
## Tercero
            Luis 55 Granada
                                TRUE 85.0
d$Casado <- NULL
                           # se elimina una columna
d
##
          Nombre Edad Ciudad Peso
## Primero Laura 22
                         Jaén 55.2
## Segundo Mario
                   43 Granada 72.1
                  55 Granada 85.0
## Tercero
            Luis
t <- data.frame(Nombre = "Marta", Edad = 18, Ciudad = "Jaén", Peso = 67)
d <- rbind(d, t) # se añade una fila
d
##
           Nombre Edad Ciudad Peso
                  22
## Primero Laura
                         Jaén 55.2
## Segundo Mario
                   43 Granada 72.1
                   55 Granada 85.0
## Tercero
            Luis
                         Jaén 67.0
## 1
           Marta 18
d2 <- d[3:nrow(d), ]</pre>
                               # se eliminan las dos primeras filas
d2
##
           Nombre Edad Ciudad Peso
## Tercero
            Luis
                   55 Granada
                                67
           Marta 18
                         Jaén
```

Las funciones cbind y rbind permiten concatenar data frames horizontal y verticalmente de manera respectiva.

8.4.3 Funciones apply

Dada la dicotomía lista-matriz de los *data frames* es posible aplicarles distintas variedades de la familia de funciones *apply*. Veamos algunos ejemplos:

```
apply(iris[, -5], 2, mean) # media por columnas de las 4 primeras columnas
## Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width
      5.843333
                   3.057333
                                3.758000
                                             1.199333
lapply(iris[-5], mean)
                          # lapply aplica la función a las columnas
## $Sepal.Length
## [1] 5.843333
##
## $Sepal.Width
## [1] 3.057333
##
## $Petal.Length
## [1] 3.758
##
## $Petal.Width
## [1] 1.199333
sapply(iris[, -5], mean)
## Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width
      5.843333
                3.057333
                                3.758000
                                            1.199333
colMeans(iris[-5])
                          # también se puede usar colMeans
## Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width
## 5.843333 3.057333 3.758000
                                         1.199333
```

Observa que las funciones se aplican sobre iris[, -5]. Es decir, se elimina la última columna porque esta es un factor y no tiene sentido calcular su media. En este ejemplo, todos los cálculos producen el mismo resultado, aunque lapply genera como salida una lista en lugar de un vector.

También tiene sentido aplicar tapply usando las columnas de un *data frame*. Se recuerda que tapply aplica una función a los subgrupos o categorías de un factor. Por ejemplo, podemos calcular la media de las edades por ciudades:

```
d
##
          Nombre Edad Ciudad Peso
## Primero Laura
                   22
                         Jaén 55.2
## Segundo Mario
                   43 Granada 72.1
## Tercero
           Luis
                   55 Granada 85.0
           Marta
                   18
                        Jaén 67.0
tapply(d$Edad, d$Ciudad, mean) # media de edades por ciudad
## Granada
             Jaén
       49
               20
tapply(d$Edad, d$Ciudad, max) # máxima edad por ciudad
## Granada
             Jaén
## 55
```

8.4.4 Casos completos

Un data frame puede contener valores perdidos para una o varias variables. La función complete.cases genera un vector lógico que indica si las distintas filas de un data frame no contienen valores perdidos, es decir, son observaciones completas.

```
datos <- data.frame(altura = rnorm(5, 1.7, 0.1),</pre>
                    peso = rnorm(5, 75, 10))
datos
##
       altura
## 1 1.654182 70.18074
## 2 1.637160 95.09443
## 3 1.727791 77.00376
## 4 1.863559 72.78744
## 5 1.543505 64.45271
datos[sample(nrow(datos), size = 1), "altura"] <- NA</pre>
datos[sample(nrow(datos), size = 1), "peso"] <- NA</pre>
datos
##
       altura
                  peso
## 1 1.654182 70.18074
## 2 1.637160 95.09443
## 3 1.727791 77.00376
## 4 1.863559
## 5
           NA 64.45271
complete.cases(datos)
## [1] TRUE TRUE TRUE FALSE FALSE
datos[complete.cases(datos), ]
##
       altura
                  peso
## 1 1.654182 70.18074
## 2 1.637160 95.09443
## 3 1.727791 77.00376
```

8.4.5 Muestra aleatoria de un data frame

Se puede obtener una muestra aleatoria de las observaciones de un *data frame* usando sample. Veamos algunos ejemplos (ejecuta antes ?letters para ver qué contiene este vector):

```
(df <- data.frame(a = 1:7, b = letters[1:7]))
##    a b
## 1 1 a
## 2 2 b
## 3 3 c</pre>
```

```
## 4 4 d
## 5 5 e
## 6 6 f
## 7 7 g
df[sample(nrow(df)), ]
                      # Permutación de las filas de df
## a b
## 5 5 e
## 2 2 b
## 7 7 g
## 4 4 d
## 1 1 a
## 3 3 c
## 6 6 f
df[sample(nrow(df), 3), ] # Muestra de 3 filas
## a b
## 7 7 g
## 6 6 f
## 5 5 e
# Muestra de 5 filas con reemplazo
df[sample(nrow(df), 5, replace = TRUE), ]
##
      a b
## 2 2 b
## 3 3 c
## 1 1 a
## 1.1 1 a
## 1.2 1 a
```

8.4.6 Ordenación

Cuando estudiamos los vectores vimos la función sort, que permite ordenar un vector. Sin embargo, sort no nos sirve para ordenar las filas de un data frame:

```
set.seed(15)
df <- data.frame(a = 1:5, b = letters[5:1])
(df <- df[sample(nrow(df)), ])
## a b
## 5 5 a
## 3 3 c
## 2 2 d
## 4 4 b
## 1 1 e
(df2 <- data.frame(a = sort(df$a), b = df$b))
## a b
## 1 1 a</pre>
```

```
## 2 2 c
## 3 3 d
## 4 4 b
## 5 5 e
```

El problema es que se ordena la primera columna, pero la segunda queda como estaba y, por lo tanto, los datos de las distintas columnas están mezclados. Para ordenar por el contenido de una columna hay que usar la función order. Vamos a ver su funcionamiento con un ejemplo:

```
v <- c(23, 19, 5, 30, 18)
(o <- order(v))
## [1] 3 5 2 1 4
v[order(v)]
## [1] 5 18 19 23 30</pre>
```

La invocación o <-order(v) produce un vector (o) de índices de v, de forma que o[1] es el índice del menor elemento de v, o[2] es el índice del segundo elemento menor de v y así sucesivamente. Por lo tanto v[o] equivale a sort[v]. La ventaja es que order sirve para ordenar las filas de un data frame por el valor de cualquiera de sus columnas:

```
df[order(df$a), ] # ordenamos por la columna a
## a b
## 1 1 e
## 2 2 d
## 3 3 c
## 4 4 b
## 5 5 a
df[order(df$b), ] # ordenamos por la columna b
## a b
## 5 5 a
## 4 4 b
## 3 3 c
## 2 2 d
## 1 1 e
```

Además, order permite ordenar ascendente o descendentemente, así como por varios campos (por ejemplo, por apellido y nombre).

8.5 Ejercicios

1. El data frame mtcars contiene 32 observaciones de coches, con 10 datos (variables) sobre cada coche (puedes ejecutar ?mtcars). Selecciona:

8.5. EJERCICIOS 123

- Las 5 primeras observaciones del data frame
- Todas las columnas, salvo la segunda
- Las columnas de nombre "mpg" y "cyl"
- Los coches con cambio manual (el valor de la columna am vale 1)
- Los coches con 4 u 8 cilindros (la información de los cilindros está en la columna cyl)
- 2. Calcula cuántas flores de cada especie contiene el *data frame* iris (puedes usar la función table).
- Calcula la desviación estándar de la anchura de pétalo para aquellas flores de la especie setosa del conjunto de datos iris.
- 4. Calcula la desviación estándar de la anchura de pétalo de las distintas especies del conjunto de datos iris.
- 5. Calcula la desviación estándar de todas las columnas numéricas de iris para aquellas flores de la especie setosa.
- 6. El data frame mtcars contiene información sobre varios coches (usa ?mtcars y head(mtcars) para familiarizarte con él). El campo mpg indica cuántas millas puede recorrer un coche con un galón de combustible. Por lo tanto, cuanto mayor sea este campo más económico es el coche. Usa range para obtener el rango de valores de la columna mpg, selecciona también aquellas observaciones en las que mpg es igual o superior a 30.
- 7. Ordena el data frame mtcar en orden descendente por el campo mgp.
- 8. Para el conjunto de datos mtcar, ¿cuántos coches tiene 4 o 6 cilindros (columna cyl)?
- 9. ¿Por qué mtcars[1:20] produce un error y mtcars[1:20,] no?
- Genera un data frame a partir de iris, pero con sus columnas permutadas aleatoriamente.
- 11. Genera un *data frame* a partir de iris, pero con sus columnas ordenadas alfabéticamente (según el nombre de las columnas).
- 12. Arregla los siguientes errores comunes al indexar un data frame:

```
mtcars[mtcars$cyl = 4, ]
mtcars[mtcars$cyl <= 5]
mtcars[mtcars$cyl == 4 | 6, ]</pre>
```

13. Dado el siguiente data frame:

Añade una variable al *data frame* con la nota final (suma de nota teoría más prácticas)

14. El siguiente código genera un data frame con las notas en 3 exámenes de 10 alumnos:

- Añade una columna con la nota final de cada alumno. Se calcula como la media de las tres notas.
- Calcula la nota final media por grupo.
- Obtén un data frame con los alumnos del grupo 1 que han aprobado.
- Obtén un *data frame* con los alumnos que han aprobado el primer examen, pero no han aprobado ni el segundo ni el tercero.

8.6 Soluciones a los ejercicios

```
# Consultas sobre el data frame mtcars
mtcars[1:5,] # Las 5 primeras observaciones del data frame
mtcars[, -2] # Todas las columnas, salvo la segunda
mtcars[, c("mpg", "cyl")] # Las columnas de nombre mpg y cyl
mtcars[mtcars[, "am"] == 1,] # Coches con cambio manual
mtcars[mtcars[, "cyl"] %in% c(4, 8),] # Coches con 4 u 8 cilindros
mtcars[mtcars[, "cyl"] == 4 | mtcars[, "cyl"] == 8,]
```

```
# Contar flores de cada especie en iris
table(iris$Species)
##
##
      setosa versicolor virginica
     50 50 50
# Desviación estándar de la anchura de pétalo de las setosa de iris
sd(iris[iris$Species == "setosa", "Petal.Width"])
## [1] 0.1053856
# Desviación estándar de la anchura de pétalo de las
# distintas especies de iris
tapply(iris$Petal.Width, iris$Species, sd)
      setosa versicolor virginica
## 0.1053856 0.1977527 0.2746501
# Desviación estándar de las columnas numéricas de las setosa
apply(iris[iris$Species == "setosa", -5], 2, sd)
## Sepal.Length Sepal.Width Petal.Length Petal.Width
## 0.3524897 0.3790644 0.1736640 0.1053856
# Trabajar con campo mpg de mtcars
range(mtcars$mpg) # rango de valores del campo
## [1] 10.4 33.9
mtcars[mtcars$mpg >= 30, ] # coches con mpg >= 30
                mpg cyl disp hp drat wt qsec vs am gear carb
## Fiat 128
                32.4 4 78.7 66 4.08 2.200 19.47 1 1 4 1
## Honda Civic 30.4 4 75.7 52 4.93 1.615 18.52 1 1
## Toyota Corolla 33.9 4 71.1 65 4.22 1.835 19.90 1 1
                                                           1
## Lotus Europa 30.4 4 95.1 113 3.77 1.513 16.90 1 1
# Ordenar mtcar por campo mpg en orden decreciente
mtcars[order(mtcars$mpg, decreasing = TRUE), ]
                    mpg cyl disp hp drat
                                           wt qsec vs am gear carb
## Toyota Corolla
                   33.9 4 71.1 65 4.22 1.835 19.90 1 1 4
                   32.4 4 78.7 66 4.08 2.200 19.47 1 1
## Fiat 128
                   30.4 4 75.7 52 4.93 1.615 18.52 1 1
## Honda Civic
## Lotus Europa
                    30.4 4 95.1 113 3.77 1.513 16.90 1 1
## Fiat X1-9
                   27.3 4 79.0 66 4.08 1.935 18.90 1 1 4
                                                                 1
## Porsche 914-2
                   26.0 4 120.3 91 4.43 2.140 16.70 0 1 5
## Merc 240D
                   24.4 4 146.7 62 3.69 3.190 20.00 1 0 4
## Datsun 710
                  22.8 4 108.0 93 3.85 2.320 18.61 1 1 4
                                                                 1
## Merc 230
                   22.8 4 140.8 95 3.92 3.150 22.90 1 0 4 2
## Toyota Corona 21.5 4 120.1 97 3.70 2.465 20.01 1 0 3 1
```

```
## Hornet 4 Drive 21.4 6 258.0 110 3.08 3.215 19.44 1 0
## Volvo 142E
                     21.4 4 121.0 109 4.11 2.780 18.60 1 1
                     21.0 6 160.0 110 3.90 2.620 16.46 0 1
## Mazda RX4
                   21.0 6 160.0 110 3.90 2.875 17.02 0 1
## Mazda RX4 Wag
                                                                   4
## Ferrari Dino
                     19.7 6 145.0 175 3.62 2.770 15.50 0 1
## Merc 280
                     19.2 6 167.6 123 3.92 3.440 18.30 1 0
                                                                   4
## Pontiac Firebird 19.2 8 400.0 175 3.08 3.845 17.05 0 0
                                                                   3
## Hornet Sportabout 18.7 8 360.0 175 3.15 3.440 17.02 0 0
                                                                   3
               18.1 6 225.0 105 2.76 3.460 20.22 1 0
## Valiant
## Merc 280C
                     17.8 6 167.6 123 3.92 3.440 18.90 1 0
                     17.3 8 275.8 180 3.07 3.730 17.60 0 0
## Merc 450SL
## Merc 450SE 16.4 8 275.8 180 3.07 4.070 17.40 0 0 3 ## Ford Pantera L 15.8 8 351.0 264 4.22 3.170 14.50 0 1 5 ## Dodge Challenger 15.5 8 318.0 150 2.76 3.520 16.87 0 0 3
## Merc 450SLC 15.2 8 275.8 180 3.07 3.780 18.00 0 0
                                                                   3
                                                                       3
                    15.2 8 304.0 150 3.15 3.435 17.30 0 0
15.0 8 301.0 335 3.54 3.570 14.60 0 1
## AMC Javelin
## Maserati Bora
## Chrysler Imperial 14.7 8 440.0 230 3.23 5.345 17.42 0 0
                                                                3
                    14.3 8 360.0 245 3.21 3.570 15.84 0 0 3
## Duster 360
## Camaro Z28
                     13.3 8 350.0 245 3.73 3.840 15.41 0 0 3
## Cadillac Fleetwood 10.4 8 472.0 205 2.93 5.250 17.98 0 0 3
## Lincoln Continental 10.4 8 460.0 215 3.00 5.424 17.82 0 0 3
# Número de coches con 4 o 6 cilindros en mtcars
sum(mtcars$cyl == 4 | mtcars$cyl == 6)
sum(mtcars$cyl %in% c(4, 6)) # alternativamente
## [1] 18
# Error al indexar mtcars
# mtcars[1:20] intenta seleccionar las primeras 20 columnas, pero mtcars tiene 11 colu
# mtcars[1:20, ] selecciona las primeras 20 filas
# Permuta aleatoriamente las columnas de iris
iris[, sample(ncol(iris))]
# Ordenar las columnas de iris por nombre
iris[, sort(colnames(iris))]
# Errores comunes al indexar un data frame
mtcars[mtcars$cyl == 4, ]
```

22.8 4 108.0 93 3.85 2.320 18.61 1 1 4 1

wt qsec vs am gear carb

mpg cyl disp hp drat

Merc 240D 24.4 4 146.7 62 3.69 3.190 20.00 1 0 4

Datsun 710

```
## Merc 230 22.8 4 140.8 95 3.92 3.150 22.90 1 0
## Fiat 128
               32.4 4 78.7 66 4.08 2.200 19.47 1 1
               30.4 4 75.7 52 4.93 1.615 18.52 1 1
## Honda Civic
## Toyota Corolla 33.9 4 71.1 65 4.22 1.835 19.90 1 1
## Toyota Corona 21.5 4 120.1 97 3.70 2.465 20.01 1 0 3 1
## Fiat X1-9
               27.3 4 79.0 66 4.08 1.935 18.90 1 1
## Porsche 914-2 26.0 4 120.3 91 4.43 2.140 16.70 0 1
## Lotus Europa 30.4 4 95.1 113 3.77 1.513 16.90 1 1
## Volvo 142E
               21.4 4 121.0 109 4.11 2.780 18.60 1 1
mtcars[mtcars$cyl <= 5, ]</pre>
               mpg cyl disp hp drat
                                      wt qsec vs am gear carb
## Datsun 710
               22.8 4 108.0 93 3.85 2.320 18.61 1 1
              24.4 4 146.7 62 3.69 3.190 20.00 1 0
## Merc 240D
               22.8 4 140.8 95 3.92 3.150 22.90 1 0
## Merc 230
## Fiat 128
               32.4 4 78.7 66 4.08 2.200 19.47 1 1
## Honda Civic
               30.4 4 75.7 52 4.93 1.615 18.52 1 1
## Toyota Corolla 33.9 4 71.1 65 4.22 1.835 19.90 1 1
## Toyota Corona 21.5 4 120.1 97 3.70 2.465 20.01 1 0
                                                    3 1
## Fiat X1-9
               27.3 4 79.0 66 4.08 1.935 18.90 1 1
                                                          1
## Porsche 914-2 26.0 4 120.3 91 4.43 2.140 16.70 0 1 5 2
## Lotus Europa 30.4 4 95.1 113 3.77 1.513 16.90 1 1
               21.4 4 121.0 109 4.11 2.780 18.60 1 1
## Volvo 142E
mtcars[mtcars$cyl == 4 | mtcars$cyl == 6, ]
               mpg cyl disp hp drat
                                      wt qsec vs am gear carb
               21.0 6 160.0 110 3.90 2.620 16.46 0 1 4
## Mazda RX4
## Mazda RX4 Wag 21.0 6 160.0 110 3.90 2.875 17.02 0 1
            22.8 4 108.0 93 3.85 2.320 18.61 1 1
## Datsun 710
## Hornet 4 Drive 21.4 6 258.0 110 3.08 3.215 19.44 1 0 3
## Valiant 18.1 6 225.0 105 2.76 3.460 20.22 1 0
              24.4 4 146.7 62 3.69 3.190 20.00 1 0
## Merc 240D
             22.8 4 140.8 95 3.92 3.150 22.90 1 0 4 2
## Merc 230
## Merc 280
              19.2 6 167.6 123 3.92 3.440 18.30 1 0 4
             17.8 6 167.6 123 3.92 3.440 18.90 1 0 4
## Merc 280C
## Fiat 128
              32.4 4 78.7 66 4.08 2.200 19.47 1 1
## Honda Civic
              30.4 4 75.7 52 4.93 1.615 18.52 1 1 4 2
## Toyota Corolla 33.9 4 71.1 65 4.22 1.835 19.90 1 1
## Toyota Corona 21.5 4 120.1 97 3.70 2.465 20.01 1 0
## Fiat X1-9
               27.3 4 79.0 66 4.08 1.935 18.90 1 1
                                                      4
                                                          1
## Porsche 914-2 26.0 4 120.3 91 4.43 2.140 16.70 0 1
## Lotus Europa 30.4 4 95.1 113 3.77 1.513 16.90 1 1
                                                    5 2
               19.7 6 145.0 175 3.62 2.770 15.50
## Ferrari Dino
                                                           6
## Volvo 142E 21.4 4 121.0 109 4.11 2.780 18.60 1 1
```

Añade una columna al data frame de notas con la nota final
notas <- data.frame(nombre = c("Marta", "Pilar", "Luis"),</pre>

```
teo = c(5, 6, 3),
                   pra = c(2, 4, 2.5)
notas$final <- notas$teo + notas$pra</pre>
notas
## nombre teo pra final
## 1 Marta 5 2.0 7.0
## 2 Pilar 6 4.0 10.0
## 3 Luis 3 2.5 5.5
# Ejercicio de 3 notas de 10 alumnos
set.seed(5)
notas <- data.frame(nota1 = runif(10, max = 10),</pre>
                   nota2 = runif(10, max = 10),
                   nota3 = runif(10, max = 10),
                   grupo = sample(c("G1", "G2"), size = 10,
                                 replace = TRUE)
)
notas
##
       nota1 nota2
                        nota3 grupo
## 1 2.002145 2.732849 8.902071
## 2 6.852186 4.905132 7.207010
## 3 9.168758 3.184040 2.113403 G1
## 4 2.843995 5.591728 2.257173 G2
## 5 1.046501 2.625931 1.399837 G2
## 6 7.010575 2.018752 4.799139
                                 G2
## 7 5.279600 3.875257 4.374119 G2
## 8 8.079352 8.878698 9.659641
                                  G1
## 9 9.565001 5.549226 1.419139
                                G1
## 10 1.104530 8.421794 9.549789
                                  G1
notas$nf <- (notas$nota1 + notas$nota2 + notas$nota3) / 3</pre>
# alternativamente: notas$nf <- rowMeans(notas[1:3])</pre>
head(notas, 2)
##
       nota1
              nota2 nota3 grupo
                                          nf
## 1 2.002145 2.732849 8.902071 G2 4.545688
## 2 6.852186 4.905132 7.207010 G1 6.321443
tapply(notas$nf, notas$grupo, mean) # nota media por grupo
        G1
                 G2
## 6.377180 3.783978
notas[notas$nf >= 5 & notas$grupo == "G1", ] # alumnos del grupo 1 aprobados
        nota1
              nota2 nota3 grupo
                                           nf
## 2 6.852186 4.905132 7.207010 G1 6.321443
## 8 8.079352 8.878698 9.659641 G1 8.872564
## 9 9.565001 5.549226 1.419139 G1 5.511122
```

10 1.104530 8.421794 9.549789 G1 6.358704

```
# alumnos que aprueban el examen 1, pero no el 2 ni el 3
notas[notas$nota1 >=5 & notas$nota2 < 5 & notas$nota3 < 5,]
## nota1 nota2 nota3 grupo nf
## 3 9.168758 3.184040 2.113403 G1 4.822067
## 6 7.010575 2.018752 4.799139 G2 4.609488
## 7 5.279600 3.875257 4.374119 G2 4.509659
```

Chapter 9

Estructuras condicionales

En este tema vamos a estudiar las instrucciones condicionales. Estas permiten ejecutar un código u otro en función del resultado de evaluar una condición lógica.

9.1 Sentencia if

La instrucción if permite ejecutar un conjunto de instrucciones, u otro conjunto de instrucciones alternativo, en función de una condición. Veamos un ejemplo:

```
dividendo <- 7
divisor <- 2
if (divisor != 0) {
  cat(dividendo, "/", divisor, "=", dividendo / divisor, "\n")
} else {
  print("No es posible dividir entre 0")
}
## 7 / 2 = 3.5</pre>
```

Observa la sintaxis. La sentencia comienza con la palabra reservada if, seguida de una expresión lógica encerrada entre paréntesis. Después, encerrada entre llaves ({}), viene el conjunto de instrucciones a ejecutar si el resultado de evaluar la expresión lógica es verdadero. La parte else (en otro caso) incluye otro conjunto de instrucciones (encerradas entre llaves) que se ejecutan si la expresión lógica es falsa. Modifica el código previo para que divisor valga 0 y comprueba cómo se ejecutan las instrucciones asociadas a la parte else. Los conjuntos de instrucciones se escriben indentados (es decir, desplazados) a la derecha para facilitar la lectura de la instrucción, aunque sintácticamente no es obligatorio indentar estos conjuntos de instrucciones.

La parte else es opcional, por lo que si no necesitamos ejecutar instrucciones si no se verifica la condición lógica podemos omitirla.

```
# Convierte la variable x a positiva
(x <- rnorm(1))
## [1] 0.9005119
if (x < 0) {
   print("Cambio el signo")
   x <- -x
}
x
## [1] 0.9005119</pre>
```

Si no existe parte else y sólo queremos ejecutar una instrucción, no es necesario usar las llaves para delimitar las instrucciones:

```
# Convierte la variable x a positiva
(x <- rnorm(1))
## [1] 0.9418694
if (x < 0) x <- -x
x
## [1] 0.9418694
```

La condición lógica debe producir un valor escalar de tipo lógico. No tiene sentido que la condición lógica sea un vector de valores lógicos con más de un elemento. El siguiente código produce un error.

```
v <- c(3, -2, -4)
if (v > 0) {
   print('v es mayor que cero')
}
```

9.1.1 Sentencias if anidadas

Las instrucciones asociadas a una sentencia if pueden ser de cualquier tipo, incluido la propia instrucción if. Vamos a ver un ejemplo con un código que calcula el máximo de tres valores, almacenados en las variables x, y y z:

```
x <- 7; y <- 8; z <- 6
if (x > y) {
  if (x > z) {
    mayor <- x
} else {
    mayor <- z</pre>
```

```
}
} else {
    if (y > z) {
        mayor <- y
    } else {
        mayor <- z
    }
}
mayor
## [1] 8</pre>
```

9.1.2 Selección múltiple con la sentencia if

El siguiente fragmento de código, que convierte una calificación numérica en una categórica, tiene la estructura lógica de una selección múltiple, en el sentido de que existen n conjuntos de instrucciones mutuamente excluyentes. Es decir, se dispone de n conjuntos de instrucciones de los que sólo se ejecutará (seleccionará) un conjunto.

```
(nota \leftarrow runif(1, min = 0, max = 10))
## [1] 9.289427
if (nota >= 9) {
  notac <- "Sobresaliente"</pre>
} else {
  if (nota >= 7) {
    notac <- "Notable"</pre>
  } else {
    if (nota >= 5) {
      notac <- "Aprobado"
    } else {
      notac <- "Suspenso"
  }
}
notac
## [1] "Sobresaliente"
```

Para implementar una estructura lógica de este tipo el cuerpo de la parte else de todas las instrucciones if viene constituido por una única instrucción if, lo que implica que no es necesario utilizar llaves para delimitar el cuerpo de la parte else. Esto posibilita el escribir la selección múltiple utilizando un formato alternativo como el mostrado a continuación.

```
(nota <- runif(1, min = 0, max = 10))
## [1] 5.497947
if (nota >= 9) {
   notac <- "Sobresaliente"
} else if (nota >= 7) {
   notac <- "Notable"
} else if (nota >= 5) {
   notac <- "Aprobado"
} else {
   notac <- "Suspenso"
}
notac
## [1] "Aprobado"</pre>
```

Este formato resulta más legible para muchas personas porque todas las expresiones lógicas y conjuntos de instrucciones aparecen al mismo nivel de indentación, reforzando la idea de que es una selección múltiple excluyente, es decir, en la que sólo se ejecuta un conjunto de instrucciones.

9.2 La función ifelse

La función ifelse es una versión vectorizada de la instrucción if. Tiene tres parámetros: un vector de valores lógicos y dos vectores de expresiones. Si los vectores de expresiones tienen menos elementos que el vector lógico, se reciclan a la longitud del vector lógico. Veamos un ejemplo:

```
v <- c(4, -2, 16, 25, -7)

ifelse(v > 0, v, -v) # equivale a abs(v)

## [1] 4 2 16 25 7
```

La función ifelse produce un vector del mismo tamaño que el vector de valores lógicos usado como primer parámetro. El funcionamiento es el siguiente: para los índices del vector lógico (primer argumento) con valores de verdadero se usa el elemento del mismo índice del primer vector de expresiones (en el ejemplo v). En caso de que el valor sea falso se usa el elemento del mismo índice del segundo vector de expresiones (en el ejemplo -v). Veamos un ejemplo en el que se recicla el segundo vector de expresiones:

```
v <- c(4, -2, 16, 25, -7)
ifelse(v > 0, v, 0)
## [1]  4  0 16 25  0
ifelse(v > 0, v, rep(0, length(v))) # equivale al anterior
## [1]  4  0 16 25  0
```

9.3 La sentencia switch (avanzado)

Esta sección es avanzada y su contenido no es evaluable.

La sentencia if produce un resultado al ser ejecutada: el resultado de evaluar la última instrucción que ejecuta de sus conjuntos de instrucciones asociados. Por ejemplo, supongamos que queremos asignar a la variable signo el valor "positivo" o "negativo" en función del signo de una variable. Esto lo podemos implementar así:

```
(x <- rnorm(1))
## [1] 0.7067611
if (x >= 0) {
    signo <- "positivo"
} else {
    signo <- "negativo"
}
signo
## [1] "positivo"</pre>
```

Pero también podemos usar el hecho de que if produce un resultado para escribir un código más corto:

```
signo <- if (x >= 0) "positivo" else "negativo"
signo
## [1] "positivo"
```

Supongamos ahora que tenemos una sentencia if múltiple, cuyas condiciones equivalen a ver si una expresión coincide con cierta cadena de caracteres. Por ejemplo:

```
operando1 <- 3
operando2 <- 4
operador <- readline("Operador (+, -, * o /: ")
resultado <- if (operador == '+') {
  operando1 + operando2
} else if (operador == '-') {
  operando1 - operando2
} else if (operador == '*') {
  operando1 * operando2
} else if (operador == '/') {
  operando1 / operando2
} else {
  "operando no contemplado"
}
resultado</pre>
```

En estas circunstancias: una selección múltiple en la que las distintas condiciones se corresponden con ver si una expresión coincide con una cadena de caracteres, se puede usar la instrucción switch:

Como puede observarse, el uso de switch produce un código mucho más compacto. Dado que para poder emplear la sentencia switch se requiere unas condiciones poco comunes no profundizaremos más en su uso. El lector interesado puede buscar más información sobre ella.

9.4 Ejercicios

1. Dadas las siguientes expresiones lógicas trata de calcular si producirán el valor TRUE o FALSE al ser evaluadas. Evalúalas después y comprueba si has acertado. Para evaluarlas ten en cuenta la precedencia de los operadores lógicos: ! tiene la mayor precedencia, seguido de && y de | |.

```
i <- 6
j <- 12
(2*i) <= j
(2*i-1) < j
(i > 0) && (i <= 10)
(i > 25) || (i < 50 && j < 50)
(i < 4) || (j > 5)
!(i > 6)
```

- $2. \,$ Escribe un programa que lea dos números y determine cuál de ellos es el mayor.
- 3. Realice un programa que lea un valor entero y determine si se trata de un número par o impar. Sugerencia: un número es par si el resto de dividirlo entre dos es cero.

9.4. EJERCICIOS 137

- 4. Escribe un programa que lea del teclado un carácter e indique en la pantalla si el carácter es una vocal minúscula o no.
- Escribe un programa que lea del teclado un carácter e indique en la pantalla si el carácter es una vocal minúscula, es una vocal mayúscula o no es una vocal.
- 6. Escribe un programa que solicite una edad e indique en la pantalla si la edad introducida está en el rango [18,25].
- 7. Implementa un programa que lea los coeficientes del siguiente sistema de ecuaciones e imprima los valores que son solución para x e y:

$$ax + by = c$$
$$dx + ey = f$$

El sistema puede resolverse utilizando las siguientes fórmulas:

$$x = \frac{ce - bf}{ae - bd}$$
$$y = \frac{af - cd}{ae - bd}$$

Hay que tener en cuenta aquellos casos que no tienen solución, esto ocurre cuando las rectas representadas por las ecuaciones son paralelas (la solución al sistema de ecuaciones es el punto donde se cortan las dos rectas).

8. Escribe un programa que calcule las soluciones de una ecuación de segundo grado de la forma $ax^2 + bx + c = 0$, teniendo en cuenta que:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Si las soluciones son complejas no las calcules e indica un mensaje en la pantalla. También debes tener en cuenta que a puede valer 0, en cuyo caso debes resolver un sistema con una incógnita. Si a y b valen 0 no hay solución.

- 9. Realice un programa que lea del teclado las longitudes de los tres lados de un triángulo y muestre en la pantalla qué tipo de triángulo es de acuerdo con la siguiente casuística (a denota la longitud del lado más largo y b y c denotan la longitud de los otros dos lados):
 - Si $a \ge b + c$, no se trata de un triángulo
 - Si $a^2 = b^2 + c^2$, es un triángulo rectángulo
 - Si $a^2 < b^2 + c^2$, es un triángulo acutángulo
 - Si $a^2 > b^2 + c^2$, es un triángulo obtusángulo

- 10. Haz una versión del ejercicio anterior en el que se lean los 3 vértices del triángulo en lugar de la longitud de los lados.
- 11. Dado el siguiente data frame:

Añádele un campo con la nota categórica, de forma que los alumnos que hayan acertado 15 o más respuestas tengan de nota "pasa" y los que tengan menos de 15 tengan de nota "no pasa". Usa la función ifelse para hacer el cálculo.

- 12. Realiza un programa que solicite dos valores enteros que indican un rango (se puede introducir primero el menor y luego el mayor o a la inversa) y a continuación lea un tercer valor entero e indique si dicho valor pertenece o no al rango.
- 13. Implementa un programa que dada una fecha (día, mes y año) determine si es válida o no. Suponemos que la fecha es válida si el día es válido según el mes, el mes está en el intervalo (1, 12) y el año es positivo. Consideramos que un año es bisiesto cuando es múltiplo de 4.

9.5 Solución a los ejercicios

```
i <- 6
j <- 12
(2*i) <= j
## [1] TRUE
  (2*i-1) < j
## [1] TRUE
(i > 0) && (i <= 10)
## [1] TRUE
(i > 25) || (i < 50 && j < 50)
## [1] TRUE
(i < 4) || (j > 5)
## [1] TRUE
!(i > 6)
## [1] TRUE
```

```
# Mayor de dos números
x = as.numeric(readline("Primer número: "))
y = as.numeric(readline("Segundo número: "))
if (x > y) {
  cat("El mayor es el", x, "\n")
} else {
  cat("El mayor es el", y, "\n")
# Comprobar si un número es par
x = as.integer(readline("Introduce un entero: "))
if (x \% 2 == 0) {
  cat(x, "es par\n")
} else {
  cat(x, "es impar\n")
# Comprobar si un carácter es una vocal minúscula
c <- readline("Introduce un carácter: ")</pre>
if (c == "a" || c == "e" || c == "i" || c == "o" || c == "u") {
  cat(c, "es una vocal minúscula\n")
} else {
  cat(c, "no es una vocal minúscula\n")
# En este ejercicio se pude usar el operador %in% para obtener
# un códiqo más conciso
if (c %in% c("a", "e", "i", "o", "u")) {
 cat(c, "es una vocal minúscula\n")
} else {
  cat(c, "no es una vocal minúscula\n")
}
# Comprobar si un carácter es una vocal minúscula, mayúscula
# o no es una vocal
c <- readline("Introduce un carácter: ")</pre>
if (c == "a" || c == "e" || c == "i" || c == "o" || c == "u") {
 cat(c, "es una vocal minúscula\n")
} else if (c == "A" || c == "E" || c == "I" || c == "O" || c == "U") {
  cat(c, "es una vocal mayúscula\n")
} else {
  cat(c, "no es una vocal\n")
}
```

```
# Versión usando el operador %in%
if (c %in% c("a", "e", "i", "o", "u")) {
 cat(c, "es una vocal minúscula\n")
} else if (c %in% c("A", "E", "I", "O", "U")) {
  cat(c, "es una vocal mayúscula\n")
} else {
  cat(c, "no es una vocal minúscula\n")
# Comprobar si una edad está en el rango [18, 25]
edad <- as.integer(readline("Introduce una edad: "))</pre>
if (edad >= 18 && edad <= 25) {
  cat(edad, "está en el rango [18, 25]\n")
} else {
  cat(edad, "no está en el rango [18, 25]\n")
# Sistema de dos ecuaciones con dos incógnitas
a <- as.numeric(readline('Introduce el coeficiente a: '))</pre>
b <- as.numeric(readline('Introduce el coeficiente b: '))</pre>
c <- as.numeric(readline('Introduce el coeficiente c: '))</pre>
d <- as.numeric(readline('Introduce el coeficiente d: '))</pre>
e <- as.numeric(readline('Introduce el coeficiente e: '))</pre>
f <- as.numeric(readline('Introduce el coeficiente f: '))</pre>
denominador <- a*e - b*d
if (a == d \&\& b == e \&\& c == f) {
 cat('Las rectas se solapan\n')
} else if (denominador == 0) {
  cat('Las rectas son paralelas\n')
} else {
  x \leftarrow (c*e - b*f) / denominador
  y <- (a*f - c*d) / denominador
  cat('Solución: (', x, ', ', y, ')\n', sep = "")
  intervalo_x = c(x - 10, x + 10)
  plot(intervalo_x, (c - a * intervalo_x) / b, type = "l", col = "green")
  lines(intervalo_x, (f - d * intervalo_x) / e, type = "1", col = "blue")
  points(x, y, col = "red", pch = 19)
# Raíces ecuación de segundo grado
a <- as.numeric(readline('Introduce coeficiente a: '))</pre>
b <- as.numeric(readline('Introduce coeficiente b: '))</pre>
```

```
c <- as.numeric(readline('Introduce coeficiente c: '))</pre>
if (a == 0) {
  if (b == 0) {
    print('No tiene solución')
  } else {
    x <- -c / b
    cat('Sistema lineal. Solución', x, '\n')
    intervalo_x \leftarrow c(x - 5, x + 5)
    plot(intervalo_x, b*intervalo_x + c, type = "1", col = "blue")
    points(x, 0, col = "red", pch = 19)
    abline(h = 0, lty = "dashed")
  }
} else if (b^2 - 4*a*c < 0) {
  print("Las soluciones son complejas")
} else {
  x1 \leftarrow (-b + sqrt(b^2 - 4*a*c)) / (2*a)
  x2 \leftarrow (-b - sqrt(b^2 - 4*a*c)) / (2*a)
  cat('Soluciones reales:', x1, "y", x2, "\n")
  xmin \leftarrow min(c(x1, x2))
  xmax \leftarrow max(c(x1, x2))
  x \leftarrow seq(xmin - 10, xmax + 10, length.out = 100)
  plot(x, a*x^2 + b*x + c, type = "l", col = "blue")
  points(x1, 0, col = "red", pch = 19)
  points(x2, 0, col = "red", pch = 19)
  abline(h = 0, lty = "dashed")
}
```

```
# Calcular tipo de triángulo según la longitud de sus lados
a <- as.numeric(readline("Longitud el lado más largo: "))
b <- as.numeric(readline("Longitud de otro lado: "))
c <- as.numeric(readline("Longitud de otro lado: "))

if (a > b + c) {
   print('No es un triángulo')
} else if (a ^ 2 == b ^ 2 + c ^ 2) {
   print('Triángulo rectángulo')
} else if (a ^ 2 < b ^ 2 + c ^ 2) {
   print('Triángulo acutángulo')
} else {
   print('Triángulo obtusángulo')
}</pre>
```

```
# Calcular tipo de triángulo dados sus vértices
x1 \leftarrow as.numeric(readline("Coordinada x punto 1: ")) # p1 = (x1, y1)
y1 <- as.numeric(readline("Coordinada y punto 1: "))</pre>
x2 <- as.numeric(readline("Coordinada x punto 2: ")) # p2 = (x2, y2)
y2 <- as.numeric(readline("Coordinada y punto 2: "))</pre>
x3 <- as.numeric(readline("Coordinada x punto 3: ")) # p3 = (x3, y3)
y3 <- as.numeric(readline("Coordinada y punto 3: "))
d \leftarrow c(sqrt((x1 - x2)^2 + (y1 - y2)^2),
       sqrt((x2 - x3) ^2 + (y2 - y3) ^2),
       sqrt((x3 - x1) ^2 + (y3 - y1) ^2)
)
a \leftarrow max(d)
resto <- d[-which.max(d)]
b <- resto[1]</pre>
c <- resto[2]
if (a > b + c) {
 print('No es un triángulo')
} else if (a^2 = b^2 + c^2) {
 print('Triángulo rectángulo')
} else if (a^2 < b^2 + c^2) {
 print('Triángulo acutángulo')
} else {
 print('Triángulo obtusángulo')
# Dibuja el triángulo
plot(c(x1, x2, x3, x1), c(y1, y2, y3, y1), type = "o", pch = 19)
# Añadir nota categórica
notas <- data.frame(nombre = paste("Alumno", 1:10),</pre>
                   acertadas = sample(30, size = 10, replace = TRUE)
)
notas$falladas = 30 - notas$acertadas
notas$pasa = ifelse(notas$acertadas >= 15, "pasa", "no pasa")
notas
##
        nombre acertadas falladas
                                     pasa
## 1 Alumno 1 12 18 no pasa
## 2 Alumno 2
## 3 Alumno 3
## 4 Alumno 4
                     29
                               1 pasa
                     27
                               3
                                   pasa
                     15
                              15
                                    pasa
## 5 Alumno 5
                     6
                             24 no pasa
## 6 Alumno 6
                     21
                              9 pasa
## 7 Alumno 7 27 3
                                     pasa
```

```
## 8 Alumno 8
                                 27 no pasa
## 9 Alumno 9
                         8
                                 22 no pasa
## 10 Alumno 10
                        19
                                       pasa
# Valor en rango
ei <- as.integer(readline('Extremo del rango: '))</pre>
es <- as.integer(readline('El otro extremo del rango: '))</pre>
if (es < ei) {</pre>
 tmp <- ei
 ei <- es
 es <- tmp
x <- as.numeric(readline('Introduce valor: '))</pre>
if (x \ge ei \&\& x \le es) {
 cat(x, "pertenece al interval [", ei, ", ", es, "]\n", sep = "")
  cat(x, " no pertenece al interval [", ei, ", ", es, "]\n", sep = "")
# Día válido
dia <- as.integer(readline('Día: '))</pre>
mes <- as.integer(readline('Mes: '))</pre>
anio <- as.integer(readline('Año: '))</pre>
if (mes %in% c(1, 3, 5, 7, 8, 10, 12)) {
 dia maximo <- 31
} else if (mes %in% c(4, 6, 9, 11)) {
 dia_maximo <- 30
} else if (mes == 2) {
 if (anio %% 4 == 0) {
    dia_maximo <- 29
 } else {
    dia_maximo <- 28
  }
}
if (mes < 1 | mes > 12 | anio < 0 | dia < 1 | dia > dia_maximo) {
 cat(dia, "/", mes, "/", anio, " es incorrecto\n", sep = "")
} else {
  cat(dia, "/", mes, "/", anio, " es correcto\n", sep = "")
}
```

Chapter 10

Estructuras iterativas

Las estructuras iterativas, también llamadas repetitivas o cíclicas, ejecutan un conjunto de instrucciones de manera reiterada. En este tema estudiaremos las distintas instrucciones de R relacionadas con la iteración.

10.1 La sentencia for

La instrucción for itera por los elementos de un vector o lista, ejecutando un conjunto de instrucciones en cada iteración. Su sintaxis es:

```
for (item in vector) {
  conjunto_de_instrucciones
}
```

El conjunto de instrucciones se va a ejecutar tantas veces como elementos tenga el vector. La variable item toma en cada ejecución el valor de un elemento del vector. Por ejemplo:

```
for (x in c(2, 7, 9)) {
   print(x)
}
## [1] 2
## [1] 7
## [1] 9
```

Observa que el conjunto de instrucciones se ha ejecutado una vez por cada elemento del vector y que la variable \mathbf{x} ha ido tomando en cada ejecución uno de los valores del vector, del primero al último.

La instrucción for nos permite procesar los elementos de un vector. El siguiente ciclo, por ejemplo, recorre los elementos de un vector para sumarlos, algo que podríamos hacer de forma más breve con la función sum:

```
v <- c(2, 9, -23, 5.5)
suma <- 0
for (x in v) {
   suma <- suma + x
}
suma
## [1] -6.5
sum(v)
## [1] -6.5</pre>
```

Si nos interesa iterar por los índices de un vector, podemos usar la función seq_along para generar sus índices:

```
v <- c(6, 10, 12, 9)
seq_along(v)
## [1] 1 2 3 4
for (ind in seq_along(v)) {
  cat(ind, '--', v[ind], '\n')
}
## 1 -- 6
## 2 -- 10
## 3 -- 12
## 4 -- 9</pre>
```

Un ciclo **for** se puede utilizar para ejecutar un número fijo de veces un conjunto de instrucciones. Por ejemplo, supongamos que queremos leer 4 números y calcular su cuadrado, eso lo podríamos hacer con el siguiente código:

```
# Lee 4 números y los eleva al cuadrado
for (ind in 1:4) {
  n <- as.numeric(readline("Introduce un número: "))
  cat(n, "al cuadrado vale", n ^ 2, '\n')
}</pre>
```

Se ha utilizado como vector 1:4, pero realmente la variable ind no se utiliza en el cuerpo del ciclo. Lo importante es poner un vector con 4 elementos, para que el ciclo se ejecute 4 veces. Se puede obtener el mismo resultado usando el vector 2:5 o c("a", "x", "b", "f") en lugar de 1:4, aunque con 1:4 el programa es más fácil de leer.

10.2 La sentencia while

La instrucción for ejecuta un conjunto de instrucciones un número fijo de veces (tantas como la longitud del vector o lista usado). La instrucción while permite ejecutar un conjunto de instrucciones un número indeterminado de veces, pues el conjunto de instrucciones se ejecutan mientras que se verifica una condición lógica. La sintaxis del ciclo while es la siguiente:

```
while (condicion_logica) {
  conjunto_de_instrucciones
}
```

El funcionamiento es sencillo. Cuando el flujo de ejecución de un programa llega a un ciclo while, se evalúa su condición lógica. Si el resultado de la evaluación es verdadero, se ejecuta el conjunto de instrucciones asociado y se vuelve a evaluar la condición lógica. Así hasta que la condición lógica es falsa, entonces se pasa a ejecutar la instrucción que siga en el programa a la instrucción while. Como ejemplo, vamos a ver un fragmento de código que calcula si un número entero positivo es primo:

```
num <- 19 # queremos ver si num es primo
encontrado_divisor <- FALSE
posible_divisor <- 2
while (!encontrado_divisor && posible_divisor < num) {
   if (num %% posible_divisor == 0) { # inum multiplo de posible_divisor?
      encontrado_divisor <- TRUE
   } else {
      posible_divisor <- posible_divisor + 1
   }
}
if (encontrado_divisor) {
   cat(num, "no es un número primo")
} else {
   cat(num, "es un número primo")
}
## 19 es un número primo</pre>
```

La idea utilizada en el programa para comprobar si un número num es primo es probar con todos los números desde el 2 hasta num -1 para ver si alguno de esos números divide a num. Si existe algún divisor en el rango [2, num -1], num no es primo, en otro caso sí lo es. Inicialmente no conocemos ningún divisor, por lo que la variable encontrado_divisor se inicia a FALSE. La condición del ciclo hace que se itere mientras que no se ha encontrado un divisor (!encontrado_divisor) y no hayamos agotado todos los posibles divisores del número. Mientras que se verifican estas dos condiciones se ejecu-

tan las instrucciones asociadas al ciclo. Estas comprueban si el actual divisor (posible_divisor) divide exactamente al número. Si es así, se actualiza la variable encontrado_divisor a TRUE, porque hemos hallado un divisor. En otro caso se incrementa en uno la variable posible_divisor para que en la siguiente iteración se pruebe con otro divisor. El ciclo termina cuando encontrado_divisor es verdadero (se ha encontrado un divisor, luego el número no es primo) o la variable posible_divisor es igual a num (no se ha encontrado ningún divisor, luego el número es primo).

Por cierto, el programa anterior se puede hacer más eficiente si se cambia la condición del ciclo while a !encontrado_divisor && posible_divisor <= sqrt(num) porque no es preciso iterar hasta num - 1 para ver que num no tiene divisores, basta con hacerlo hasta sqrt(num), piensa por qué.

La instrucción while es más general que la instrucción for. Cualquier cómputo que pueda realizarse con un for se puede hacer con un while, pero no a la inversa. Como ejemplo, vamos a sumar los elementos de un vector usando un ciclo while:

```
v <- c(2, 9, -23, 5.5)
suma <- 0
ind <- 1  # indice para recorrer los elementos de v
while (ind <= length(v)) {
   suma <- suma + v[ind]
   ind <- ind + 1
}
suma
## [1] -6.5
sum(v)
## [1] -6.5</pre>
```

No obstante, para recorrer los elementos de un vector es más elegante usar un for, pues la sentencia for está expresamente pensada para ello.

Si en el ciclo anterior se olvida escribir la última instrucción del conjunto de instrucciones: ind <- ind + 1 tendríamos lo que se conoce como un ciclo infinito. Es decir, un ciclo que se ejecuta indefinidamente. Esto ocurre cuando en un ciclo el conjunto de instrucciones asociado no hace las modificaciones oportunas en variables para que la condición del ciclo se vuelva falsa. Puedes comentar la instrucción ind <- ind + 1 y observa qué ocurre.

10.2.1 Lectura con centinela

La lectura con centinela es un tipo de lectura de datos en la que el usuario introduce un valor especial, llamado *centinela*, para indicar que no quiere introducir más datos. Veamos un ejemplo con un programa que acumula los números

solicitados al usuario. El usuario debe introducir el valor cero cuando no quiera introducir más datos, es decir, el centinela es el cero.

```
# Lectura con centinela
suma <- 0
n <- as.numeric(readline("Introduce número (0 para acabar): "))
while (n != 0) {
   suma <- suma + n
   n <- as.numeric(readline("Introduce número (0 para acabar): "))
}
cat('La suma de los números es', suma)</pre>
```

Observa que la primera instrucción readline sólo se ejecuta una vez y sirve para leer el primer número. El resto de lecturas se realizan con la última sentencia del ciclo while. En R se puede obtener una versión más sencilla del programa usando scan (el centinela de scan es escribir una línea en blanco):

```
cat("Introduce valores (línea en blanco para terminar): ")
v <- scan()
cat('La suma de los números es', sum(v))</pre>
```

10.2.2 Lectura con verificación

El ciclo while también se puede usar para comprobar de forma reiterada si la entrada proporcionada por el usuario se ajusta a unas especificaciones. Por ejemplo, supongamos que leemos una edad y queremos asegurarnos de que la edad leída está en el rango [18, 60]:

```
# Lectura con verificación
edad <- as.numeric(readline("Introduce edad: "))
while (edad < 18 || edad > 60) {
   edad <- as.numeric(readline("Reintroduce edad (rango [18, 60]: "))
}
cat('La edad es', edad)</pre>
```

Mientras que la edad no cumple los criterios de estar en el rango [18, 60] se solicita su introducción.

10.3 Instrucciones break y next

Las instrucciones break y next están ligadas a la ejecución de los ciclos. La instrucción break sirve para salirse de un ciclo. En caso de que se encuentre en

un ciclo anidado (uno dentro de otro) se saldrá del ciclo más interno. Recomendamos que esta instrucción se use con mesura. El ejemplo de ver si un número es primo se puede codificar usando break de la siguiente manera:

```
num <- 19
encontrado_divisor <- FALSE
posible_divisor <- 2
while (posible_divisor < num) {
   if (num %% posible_divisor == 0) { # ¿num múltiplo de posible_divisor?
      encontrado_divisor <- TRUE
      break
   }
   posible_divisor <- posible_divisor + 1
}
if (encontrado_divisor) {
   cat(num, "no es un número primo")
} else {
   cat(num, "es un número primo")
}
## 19 es un número primo</pre>
```

En el interior del ciclo, si se encuentra un divisor se actualiza la variable encontrado_divisor a TRUE y se usa break para salir directamente de la ejecución del ciclo, porque ya hemos encontrado un divisor y sabemos que el número no es primo.

La instrucción next se utiliza con mucha menos frecuencia que break. Esta instrucción termina la ejecución del bloque de código asociado al ciclo e inicia una nueva ejecución (en el caso del ciclo while vuelve a evaluar la condición lógica asociada al ciclo). Por ejemplo:

```
# Suma los elementos positivos de un vector
v <- c(-2, 3, 5, -4)
suma <- 0
for (x in v) {
   if (x < 0) {
      next
   }
   suma <- suma + x
}
suma
## [1] 8</pre>
```

Este ciclo suma los elementos no negativos de un vector. Observa que en el interior del ciclo se usa next para dejar de ejecutar instrucciones y pasar a la siguiente iteración del ciclo en caso de que el número sea negativo (por lo tanto,

si se ejecuta next no se ejecutará la instrucción suma <- suma + x). En este caso, el uso de next no resulta particulamente interesante, el código se podría haber escrito así:

```
# Suma los elementos positivos de un vector
v <- c(-2, 3, 5, -4)
suma <- 0
for (x in v) {
   if (x > 0) {
      suma = suma + x
   }
}
suma
## [1] 8
```

Sin embargo, hay circunstancias en las que el uso de la instrucción next puede producir un código más legible.

10.4 La sentencia repeat

El sentencia repeat ejecuta repetida e incondicionalmente un conjunto de instrucciones. Para que un ciclo implementado con repeat no se convierta en un ciclo infinito debe ejecutar en algún momento una instrucción break o, si el ciclo forma parte del código de una función, la instrucción return (la codificación de funciones se estudiará en el siguiente capítulo).

```
x <- 1
repeat {
  print(x)
  if (x == 5) break
  x <- x + 1
}
## [1] 1
## [1] 2
## [1] 3
## [1] 4
## [1] 5</pre>
```

En este curso recomendamos usar ciclos while o for antes que un ciclo repeat.

10.5 Escribir ciclos en una línea

Si el código asociado a un ciclo sólo contiene una instrucción, no es preciso usar llaves para delimitar sus instrucciones. Por ejemplo:

```
for (x in 1:5)
   cat(x^2, "\n")
## 1
## 4
## 9
## 16
## 25
```

Incluso se puede escribir todo en una línea:

```
for (x in 1:5) cat(x^2, "\n")
## 1
## 4
## 9
## 16
## 25
```

10.6 Código vectorizado versus ciclos

R tiene muchas funciones y operadores que actúan sobre todos los elementos de un vector, matriz, etc. Esto implica que muchos cálculos que en algunos lenguajes de programación han de realizarse usando ciclos se pueden expresar en R usando estas funciones y operadores, sin necesidad de escribir un ciclo. Por ejemplo, el calcular si un número es primo se podría resolver con el siguiente código:

```
num <- 19
primo <- num > 2 && all(num %% 2:(num-1) != 0)
if (primo) {
  cat(num, "es un número primo")
} else {
  cat(num, "no es un número primo")
}
## 19 es un número primo
```

A este tipo de código que usa funciones, operadores e indexación para realizar cálculos sobre vectores y demás estructuras de datos se le llama *código vectorizado*. El código vectorizado es muy compacto. Vamos a analizar en detalle

las operaciones realizadas en el ejemplo previo. En primer lugar se generan los posibles divisores de num:

```
2:(num-1)
## [1] 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18
```

Después se genera un vector con el resto de dividir num entre los posibles divisores:

```
num %% 2:(num-1)
## [1] 1 1 3 4 1 5 3 1 9 8 7 6 5 4 3 2 1
```

A continuación se comprueba si las divisiones no son exactas:

Por último, se comprueba si todas las divisiones no son exactas (es decir, no tiene divisores):

```
all(num %% 2:(num-1) != 0)
## [1] TRUE
```

¿Qué código es mejor, el que usa ciclos o el vectorizado? No existe una respuesta simple. En términos de claridad el código vectorizado es más conciso, pero a veces es difícil de entender. En términos de eficiencia dependerá de cada caso y habrá que cronometrar para ver cuál es más rápido (habría que probar con distintos tamaños de datos para ver cómo escalan los códigos). En general, si los códigos realizan las mismas operaciones el código vectorizado es más rápido, pues las funciones como sum, mean, etc suelen estar compiladas y se ejecutan más rápido que el código equivalente en R con ciclos, que es interpretado. No obstante, a veces el código vectorizado, pese a su brevedad, realiza más operaciones. En el ejemplo de ver si un número es primo, el código con ciclos deja de buscar divisores al encontrar uno, lo que no se puede expresar en el código vectorizado.

A continuación mostramos otro ejemplo de código con ciclos frente a código vectorizado. Se trata de sumar los elementos positivos de un vector, un código que ya hemos visto previamente:

```
# Suma los elementos positivos de un vector v \leftarrow c(-2, 3, 5, -4)
```

```
# Versión con ciclos
suma <- 0
for (x in v) {
   if (x > 0) {
      suma <- suma + x
   }
}
suma
## [1] 8
sum(v[v>0]) # versión vectorizada
## [1] 8
```

10.7 Ejercicios

1. Observa los siguientes fragmentos de código y piensa qué resultado producirán. Ejecútalos y comprueba si has acertado.

```
# Ciclo simple
var <- 0
for (x in 1:10) {
   var <- var + 1
}
var</pre>
```

```
# Ciclo anidado
var <- 0
for (x in 1:10) {
  for (y in 1:5) {
    var <- var + 1
  }
}</pre>
```

- 2. Realiza un programa que solicite del teclado un entero del 1 al 10 y muestre en la pantalla su tabla de multiplicar.
- 3. Realice un programa que calcule y muestre en la pantalla la suma de los cuadrados de los números enteros del 1 al 10 (la solución es $385 = 1^2 + 2^2 + ... + 10^2$). Escribe una versión con ciclos y otra vectorizada.
- 4. Realice un programa que lea del teclado 10 números e indique en la pantalla si el número cero estaba entre los números leídos.
- 5. Realiza un programa que lea del teclado números hasta que se introduzca un cero (es decir, es una lectura con centinela donde el centinela es el valor

- 155
- 0). En ese momento el programa debe terminar y mostrar en la pantalla la cantidad de valores mayores que cero leídos.
- 6. Existen muchos métodos numéricos capaces de proporcionar aproximaciones al número π . Uno de ellos es el siguiente:

$$\pi = \sqrt{\sum_{i=1}^{\infty} \frac{6}{i^2}}$$

Crea un programa que lea el grado de aproximación (número de términos de la sumatoria) y devuelva un valor aproximado de π . Escribe una versión con ciclos y otra vectorizada.

7. Escribe un programa que lea un número entero no negativo n y dibuje un triángulo rectángulo con base y altura n, como el que se muestra a continuación para n=4. Observa que debe aparecer un espacio entre cada asterisco situado en la misma línea:

* *

* * * *

- 8. El algoritmo de Euclides es un procedimiento para calcular el máximo común divisor de dos números naturales. Los pasos son:
 - Se divide el número mayor (M) entre el menor (m).
 - Si:
 - La división es exacta, entonces m es el máximo común divisor.
 - La división no es exacta, entonces mcd(M, m) = mcd(m, M%%m).

Por ejemplo, vamos a calcular el máximo común divisor de 93164 y 5826:

- 93164 entre 5826 es 15 y sobran 5774, luego mcd(93164, 5826) = mcd(5826, 5774).
- 5826 entre 5774 es 1 y sobran 52, luego mcd(5826, 5774) = mcd(5774, 52).
- 52 entre 2 es 26 y sobran 0, luego mcd(52, 2) = 2 = mcd(93164, 5826).

Escribe un programa que implemente este algoritmo.

- 9. Realice un programa que solicite al usuario un entero positivo e indique en la pantalla si el entero leído es una potencia de dos.
- 10. Un número perfecto es un número natural que es igual a la suma de sus divisores positivos, sin incluirse él mismo. Por ejemplo, 6 es un número perfecto porque sus divisores positivos son: 1, 2 y 3 y 6 = 1 + 2 + 3.

El siguiente número perfecto es el 28. Escribe un programa que lea un número natural e indique si es perfecto o no. Haz una versión con ciclos y otra vectorizada.

- 11. Realiza un programa que calcule los cuatro primeros números perfectos. Nota: el resultado es 6, 28, 496, 8128.
- 12. Realiza un programa que, dado un vector (por ejemplo, sample(10)), muestre sus elementos del último al primero en la pantalla. Usa un ciclo que genere los índices en orden inverso para obtener los elementos del vector.
- 13. Realiza un programa que, dado el siguiente vector:

```
set.seed(4)
v <- sample(10)</pre>
```

Calcule el primer elemento del vector que es mayor al elemento que le precede en el vector.

14. Realiza un programa que, dada la siguiente matriz:

```
set.seed(8)
m <- matrix(sample(20), nrow = 2)</pre>
```

Calcule el primer elemento de la segunda fila de la matriz que es mayor que el elemento de la primera fila ubicado en la misma columna.

10.8 Soluciones a los ejercicios

```
# Ciclo simple
var <- 0
for (x in 1:10) {
  var <- var + 1
}
var
## [1] 10</pre>
```

```
# Ciclo anidado
var <- 0
for (x in 1:10) {
  for (y in 1:5) {
    var <- var + 1</pre>
```

```
}
}
var
## [1] 50
# Tabla de multiplicar
n <- as.integer(readline('Introduce entero del 1 al 10: '))</pre>
for (factor in 1:10) {
  cat(n, "x", factor, "=", n*factor, "\n")
# Suma de los cuadrados del 1 al 10
suma <- 0
for (n in 1:10) {
 suma <- suma + n^2
cat("La suma es", suma, "\n")
## La suma es 385
cat("La suma es", sum((1:10)^2), "\n") # versión vectorizada
## La suma es 385
# Comprobar si se ha leído el cero
esta <- FALSE
for (x in 1:10) {
 n <- as.numeric(readline('Introduce un número: '))</pre>
 if (n == 0) {
    esta <- TRUE
}
if (esta) {
 cat("El 0 está entre los números leídos\n")
} else {
 cat("El 0 no está entre los números leídos\n")
# Contar valores positivos
positivos <- 0
valor <- as.numeric(readline('Valor (0 para terminar): '))</pre>
while (valor != 0) {
 if (valor > 0) positivos <- positivos + 1</pre>
 valor <- as.numeric(readline('Valor (0 para terminar): '))</pre>
cat("Cantidad de valores positivos:", positivos, "\n")
```

```
# Aproximación al número PI
n <- as.integer(readline('Número de términos: '))</pre>
suma <- 0
for (x in 1:n) {
  suma \leftarrow suma + 6 / x^2
cat("Aproximación con", n, "términos:", sqrt(suma), "\n")
# Versión vectorizada
cat("Aproximación con", n, "términos:", sqrt(sum(6 / (1:n)^2)), "\n")
# Rectángulo de asteriscos
altura <- as.integer(readline('Altura: '))</pre>
for (n in 1:altura) {
  for (x in 1:n) {
    cat("* ")
  cat("\n")
}
# Algoritmo de Euclides MCD
n1 <- as.integer(readline('Introduce número natural: '))</pre>
n2 <- as.integer(readline('Introduce otro número natural: '))</pre>
if (n1 > n2) {
 M <- n1
 m <- n2
} else {
 M <- n2
 m <- n1
while (M \% m != 0) {
 tmp <- M
 M <- m
 m <- tmp %% m
cat("El MCD es", m, "\n")
# Potencia de dos
n <- as.integer(readline('Introduce entero positivo: '))</pre>
potencia <- 0
```

```
while (2^potencia < n) {</pre>
  potencia <- potencia + 1
if (2^potencia == n) {
 cat(n, "es una potencia de 2\n")
} else {
 cat(n, "no es una potencia de 2\n")
# Número perfecto
n <- as.integer(readline('Introduce entero positivo: '))</pre>
suma <- 0
for (d in 1:(n-1)) {
 if (n %% d == 0) suma <- suma + d
if (suma == n) {
 cat(n, "es un número perfecto\n")
} else {
  cat(n, "no es un número perfecto\n")
# versión vectorizada
d \leftarrow 1:(n-1)
if (sum(d[n \% d == 0]) == n) {
 cat(n, "es un número perfecto\n")
} else {
  cat(n, "no es un número perfecto\n")
# 4 primeros números perfectos
numeros_perfectos <- 0 # cantidad de números perfectos calculados
candidato <- 2
while (numeros_perfectos < 4) {</pre>
  suma <- 0
 for (d in 1:(candidato-1)) {
    if (candidato %% d == 0) suma <- suma + d
 if (suma == candidato) {
    print(candidato)
   numeros_perfectos <- numeros_perfectos + 1</pre>
  }
 candidato <- candidato + 1
```

```
# Muestra los elementos de un vector en orden inverso
v <- sample(10)</pre>
cat("Del primero al último: ", v, "\n")
cat("En orden inverso:\n")
ind <- length(v)</pre>
while (ind \geq 1) {
  cat(v[ind], "\n")
 ind <- ind - 1
}
# Primer elemento de un vector que es mayor a su predecesor
set.seed(4)
v <- sample(10)
ind <- 2
encontrado <- FALSE
while (!encontrado && ind <= length(v)) {
 if (v[ind] > v[ind-1]) {
    encontrado <- TRUE
    sol <- v[ind]</pre>
 } else {
    ind <- ind + 1
  }
}
if (encontrado) {
 cat(sol, "es el primer número mayor que su predecesor\n")
  cat("No existe ningún elemento en el vector mayor a su predecesor\n")
# Primer elemento de la segunda fila mayor que el elemento de la
# misma columna de la primera fila
set.seed(8)
m <- matrix(sample(20), nrow = 2)</pre>
col <- 1
encontrado <- FALSE
while (!encontrado && col <= ncol(m)) {
 if (m[2, col] > m[1, col]) {
   encontrado <- TRUE
sol <- m[2, col]
```

```
} else {
   col <- col + 1
}

if (encontrado) {
   cat(sol, "\n")
} else {
   cat("Ningún elemento verifica la condición\n")
}</pre>
```

Chapter 11

Funciones

Una función permite escribir un fragmento de código parametrizado. De esta forma, es posible escribir un bloque de código y ejecutarlo para distintos datos. Una función puede considerarse un subprograma que resuelve una subtarea. Un motivo para utilizar funciones es que permiten estructurar u organizar el código de un programa. Cuando hay que resolver un problema complejo, en lugar de intentar solucionarlo mediante un programa muy extenso es mejor descomponerlo en subproblemas. Los subproblemas deben tener una complejidad moderada, de forma que sean resueltos por subprogramas (como las funciones) sencillos. Así, en lugar de utilizar un programa muy grande para resolver un problema complejo se emplean distintos subprogramas que resuelven tareas sencillas y que se combinan para producir una solución final más simple.

En temas previos ya hemos usado muchas funciones de R, en este tema vamos a aprender a crear nuestras propias funciones.

11.1 Creación de funciones

Vamos a empezar a estudiar las funciones creando una función que calcula el máximo de sus dos argumentos:

```
maximo <- function(a, b) {
  if (a > b) {
    m <- a
  } else {
    m <- b
  }
  m
}</pre>
```

```
maximo(6, 2)

## [1] 6

y <- 18

maximo(20, y + 7)

## [1] 25
```

Para crear una función se usa la palabra reservada function. A continuación se enumeran los parámetros formales de la función separados por comas y encerrados entre paréntesis (en el ejemplo los parámetros formales son a y b). Después viene el código de la función. Puesto que el código del ejemplo tiene más de una instrucción, hay que encerrarlo entre llaves. Con esto se crea un objeto función que se asigna a la variable maximo.

Una vez creado el objeto función y haber sido asignado a maximo, en el ejemplo aparecen dos invocaciones a la función. En la primera se usan los parámetros reales 6 y 2, y en la segunda 20 y la expresión y + 7. Al invocar a una función se evalúan las expresiones que conforman los parámetros reales y se emparejan con los parámetros formales, es decir, a cada parámetro formal se le asigna el resultado de evaluar la expresión usada como parámetro real. Los parámetros formales son variables que reciben la información de entrada de la función (en el ejemplo, a y b). Una vez emparejados parámetros reales con formales se ejecutan las instrucciones de la función. Una función devuelve como salida el resultado de evaluar la última instrucción que ejecuta. En el ejemplo, la última instrucción ejecutada es m, que es una expresión que produce el máximo de los dos valores de entrada de la función (almacenados en a y b). Veamos otros ejemplos de invocación a la función maximo:

```
m <- maximo(2, 3) # se asigna la salida de la función a m
2 + maximo(4, 5.2) # la invocación a la función forma parte de una expresión
## [1] 7.2</pre>
```

11.2 La función return

En la sección anterior hemos comentado que una función devuelve el resultado de evaluar la última instrucción que ejecuta. Esto es cierto si el código de la función no invoca a la función return. La función return tiene un parámetro y produce el siguiente efecto: termina la ejecución de la función en la que se ejecuta y el valor devuelto por la función es el parámetro con que es invocada return. Por ejemplo, la función maximo previa puede codificarse así:

```
maximo <- function(a, b) {
  if (a > b) {
    m <- a</pre>
```

```
} else {
    m <- b
}
return(m)
}
maximo(6, 2)
## [1] 6</pre>
```

Otra posibilidad es:

```
maximo <- function(a, b) {
   if (a > b) {
      return(a)
   } else {
      return(b)
   }
}
maximo(6, 7)
## [1] 7
```

O incluso:

```
maximo <- function(a, b) {
   if (a > b) {
      return(a)
   }
   return(b)
}
maximo(6, 2)
## [1] 6
```

En este último ejemplo, la instrucción return(b) se ejecuta sólamente si a no es mayor que b. Si a fuera mayor que b entonces se ejecutaría return(a), lo que terminaría la ejecución de la función e impediría que se ejecutara cualquier instrucción tras el if.

11.3 Variables locales

Una función puede realizar cálculos complejos, por lo que a veces necesita usar variables para almacenar los resultados intermedios de sus cálculos. Por ejemplo, la siguiente función calcula la suma de los elementos de un vector:

```
# Función que suma los elementos de un vector (recibido en v)
suma <- function(v) {
    s <- 0
    for (x in v) {
        s <- s + x
    }
    s
}
suma(c(2, 5, -3))
## [1] 4</pre>
```

Las variables creadas en una función se llaman variables locales. En el ejemplo, la variable s es una variable local que se usa para acumular los elementos del vector. Las variables locales, junto con los parámetros formales, se crean al ejecutarse la función y desaparecen al terminar su ejecución. Las variables locales y parámetros formales son independientes de otras variables que puedan existir fuera de la función con el mismo nombre. Por ejemplo:

```
v <- 5
s <- 10
suma <- function(v) {
    s <- 0
    for (x in v) {
        s <- s + x
    }
    s
}
suma(c(2, 5, -3))
## [1] 4
v
## [1] 5
s
## [1] 10</pre>
```

Observa que el parámetro formal v y la variable local s coinciden en nombre con otras variables externas a la función. Al invocar a la función suma se crean las variables locales v y s y al terminar su ejecución desaparecen, siendo independientes de las variables v y s que conservan sus valores.

11.4 Variables globales

Una variable global de un programa es aquella que se ha creado o definido fuera del cuerpo de cualquier función. Una función también puede usar variables globales. Por ejemplo:

```
w <- 10
f <- function(x) {
   x + w
}
f(4)
## [1] 14</pre>
```

La función f usa el valor de la variable w que no es una variable local, sino que es global a la función (ha sido creada fuera). En general, el uso de variables globales no es considerada una buena práctica de programación, por lo que no las usaremos. No obstante, es conveniente saber de su existencia, pues hay muchos programas en R que las utilizan.

El operador de superasignación: <<-, permite modificar variables globales:

```
W <- 10
f <- function() {
    w <<- w + 2
}

w  ## [1] 10
f()
w  ## [1] 12</pre>
```

Puesto que nosotros no usaremos variables globales, no usaremos este operador.

11.5 Funciones que devuelven varios valores

Las funciones que hemos implementado hasta ahora devuelven un escalar. No obstante, algunas funciones tienen que devolver más de una valor. Sin embargo, las funciones de R sólo pueden devolver un objeto, resultado de evaluar una expresión. Por lo tanto, cuando queramos devolver más de un dato habrá que devolver un objeto que almacene una colección de datos, como un vector, factor, matriz, lista o data frame. Habrá que elegir el tipo de objeto que creamos que sea más adecuado a nuestros cálculos. Por ejemplo, la función range devuelve el mínimo y el máximo de los elementos de un vector. Vamos a implementar nuestra propia versión:

```
# rango de los valores de un vector
# Parámetro de entrada: v, el vector
rango <- function(v) {
  c(min(v), max(v))</pre>
```

```
}
(v <- sample(10, 4))
## [1] 7 8 3 10
rango(v)
## [1] 3 10
range(v) # para comparar si funciona igual que range
## [1] 3 10
</pre>
```

Hemos decidido devolver un vector con dos elementos: el mínimo y el máximo. Sin embargo, también podíamos haber optado por devolver una lista con el mínimo y el máximo:

```
# rango de los valores de un vector
rango2 <- function(v) {
   list(minimo = min(v), maximo = max(v))
}
rango2(v)
## $minimo
## [1] 3
##
## $maximo
## [1] 10
range(v)
## [1] 3 10</pre>
```

En general, las funciones que devuelven datos de distinto tipo usan una lista como valor de retorno, pues las listas permiten incluir datos de distintos tipos.

11.6 Parámetros por defecto e invocación por nombre

En el tema de variables y expresiones ya comentamos que las funciones pueden tener parámetros por defecto. Un parámetro por defecto es un parámetro formal que se define terminándolo con un igual y una expresión. Vamos a ver su utilidad con un ejemplo. La siguiente función sirve para calcular la distancia euclídea entre dos puntos en un espacio bidimensional y no usa parámetros por defecto:

```
# distancia entre los puntos (x1, y1) y (x2, y2)
distancia_eu <- function(x1, y1, x2, y2) {
   sqrt((x1 - x2)^2 + (y1 - y2)^2)
}
distancia_eu(1, 1, 2, 2) # distancia entre (1, 1) y (2, 2)
## [1] 1.414214</pre>
```

Como es muy común calcular la distancia de un punto al origen, se decide que el segundo punto sea, por defecto, el origen:

```
# distancia entre los puntos (x1, y1) y (x2, y2)
distancia_eu2 <- function(x1, y1, x2 = 0, y2 = 0) {
    sqrt((x1 - x2)^2 + (y1 - y2)^2)
}
distancia_eu2(1, 1, 2, 2) # distancia entre (1, 1) y (2, 2)
## [1] 1.414214
distancia_eu2(4, 4) # distancia entre (4, 4) y (0, 0)
## [1] 5.656854
distancia_eu2(4, 4, 0, 0) # igual efecto que la llamada anterior
## [1] 5.656854</pre>
```

En esta versión de la función con parámetros por defecto, cuando un punto sea el origen no es preciso especificarlo al invocar a la función. El efecto de un parámetro por defecto es que, si no se especifica al ser invocada la función, el parámetro formal toma el valor por defecto, es decir, el especificado tras el operador igual en la definición de la función.

En todas las invocaciones a funciones realizadas hasta ahora en este tema se ha usado la invocación posicional, es decir, parámetros reales y formales se emparejan según su posición (el primer parámetro real se empareja con el primer parámetro formal, el segundo con el segundo, ...). Recordemos que al invocar una función en R los parámetros también se pueden especificar por nombre:

```
# Invocación posicional: distancia entre (1, 1) y (2, 2)
distancia_eu2(1, 1, 2, 2)
## [1] 1.414214
# Invocación por nombre: distancia entre (1, 1) y (2, 2)
distancia_eu2(x1 = 1, x2 = 2, y1 = 1, y2 = 2)
## [1] 1.414214
```

11.7 Las funciones son objetos

En R una función es un objeto más, como un vector o un data frame. Esto implica que se puede operar con funciones como con otros tipos de objetos. En el siguiente ejemplo, se asigna una función:

```
f <- function(x) {
   x^2
}
f(8)
## [1] 64</pre>
```

```
g <- f # se asigna a g la función asociada a f
g(3) # invocamos a la función a través de g
## [1] 9
```

Otro ejemplo es crear una lista cuyos elementos son funciones:

```
suma <- function(a, b) a + b
resta <- function(a, b) a - b
operaciones <- list(s = suma, r = resta)
operaciones[[1]](2, 4)
## [1] 6
operaciones[[2]](2, 4)
## [1] -2
operaciones$s(5, 6)
## [1] 11</pre>
```

Una función también puede ser el parámetro de otra función. Ya hemos visto ejemplos de esto en funciones como apply o lapply. Vamos a crear nuestra versión simplificada de lapply. Recordemos que esta función aplica una función, recibida como parámetro, a los elementos de una lista y devuelve una lista con el resultado.

```
# Aplica una función a los elementos de una lista
# Parámetros de entrada:
# - l, la lista
# - f, la función a aplicar a los elementos de l
# Parámetros de salida: una lista con el resultado de aplicar f
                          a los elementos de l
mi_lapply <- function(1, f) {</pre>
  salida <- list()</pre>
  for (ind in seq_along(1)) {
    salida[[ind]] <- f(l[[ind]])</pre>
  }
  return(salida)
}
1 \leftarrow list(1, 2, 3)
f <- function(x) x<sup>3</sup>
mi_lapply(1, f)
## [[1]]
## [1] 1
##
## [[2]]
## [1] 8
##
## [[3]]
```

```
## [1] 27
lapply(l, f)
## [[1]]
## [1] 1
##
## [[2]]
## [1] 8
##
## [[3]]
## [1] 27
```

Aunque todo esto es bastante útil, especialmente los parámetros de tipo función, en este libro no vamos a profundizar en su uso.

11.8 Funciones anónimas

Hasta ahora, al definir las funciones siempre hemos asignado el objeto función creado a un identificador. Una función anónima es aquella que no tiene un identificador asociado. En R hay ocasiones en que sólo necesitamos una función temporalmente y podemos evitarnos el darle un nombre si usamos una función anónima. Por ejemplo, vamos a usar sapply para ver cuántos elementos distintos tiene cada variable (columna) del data frame mtcars:

```
f <- function(variable) {
  length(unique(variable))
}
sapply(mtcars, f)
## mpg cyl disp hp drat wt qsec vs am gear carb
## 25 3 27 22 22 29 30 2 2 3 6</pre>
```

Si observas la salida verás que sólo hay tres valores de cilindros distintos (variable cyl). La función f calcula el número de valores distintos de un vector. Para ello usa la función unique que elimina repetidos y después cuenta cuántos elementos (sin repetidos) hay. Si la función f sólo es usada para este cálculo con sapply, podemos evitarnos el darle un nombre:

```
# usando una función anónima
sapply(mtcars, function(x) length(unique(x)))
## mpg cyl disp hp drat wt qsec vs am gear carb
## 25 3 27 22 22 29 30 2 2 3 6
```

Las funciones anónimas suelen ser funciones cortas que se pueden escribir en una única línea. Como segundo ejemplo de función anónima vamos a usar la función

integrate, que integra a la función que le pasemos como primer parámetro en el intervalo especificado con los siguientes dos parámetros. Por ejemplo, una aproximación a la integral de $2x^2 + 7$ en el intervalo [0, 5] es:

```
f <- function(x) {
   2*x^2 + 7
}
integrate(f, 0, 5)
## 118.3333 with absolute error < 1.3e-12</pre>
```

De nuevo, podemos evitar dar nombre a la función si no la precisamos para otros cálculos:

```
integrate(function(x) 2*x^2 + 7, 0, 5)
## 118.3333 with absolute error < 1.3e-12</pre>
```

Otro ejemplo en el que se podría usar las funciones anónimas es en el código previo en el que se creaba una lista de funciones, éstas pueden ser anónimas:

Ejercicio. Dada la matriz:

```
set.seed(5)
(m <- matrix(sample(1000, size = 30), nrow = 3))
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9]
                                                        [,10]
## [1,]
              207
                   809
                          71
                              387
                                   943
                                         528
                                              539
## [2,]
              715
                   725
                              806
                                                    85
                                                          819
         875
                         503
                                   821
                                         922
                                              457
## [3,] 697
              889
                   222
                         403
                              826
                                   844
                                         128
                                              732
                                                   122
                                                          625
```

genera un vector que indique cuántos elementos de cada fila son mayores que la media de la fila. Usa una función anónima con la función apply: apply(m, 1, function(f) ...). La función anónima recibirá una fila (vector) de la matriz y debe devolver cuántos elementos de la fila (vector) son mayores que la media.

```
# Solución
apply(m, 1, function(f) sum(f > mean(f)))
## [1] 4 7 6
```

11.9 Funciones con un número variable de parámetros

Hay funciones, como sum, que toman un número variable de parámetros. En concreto, sum suma todos los valores que le pasemos:

```
sum(1, 2)
## [1] 3
sum(1, 2, 3)
## [1] 6
sum(1, c(3, 8))
## [1] 12
```

Para implementar funciones con un número variable de parámetros hay que usar un parámetro especial que viene dado por tres puntos. Dentro del código de la función podemos utilizar list(...) para obtener una lista con los parámetros con que se ha invocado la función. Vamos a implementar una versión simplificada de sum que sólo suma escalares:

```
# Función que suma un número variable de escalares
suma <- function(...) {
    1 <- list(...)
    s <- 0
    for (x in 1) {
        s <- s + x
    }
    return(s)
}
suma(1, 2)
## [1] 3
suma(1, 2, 3)
## [1] 6</pre>
```

11.10 Ejercicios

 Realiza una función que reciba como parámetro un número y devuelva su valor absoluto. Nota: en R existe una versión más general de esta función llamada abs.

- 2. Escribe una función que reciba un vector de números y devuelva una lista con los elementos positivos y los elementos negativos del vector.
- 3. Realiza una versión de la función sign. Esta función recibe un vector numérico y devuelve un vector del mismo tamaño que el vector original, pero con los valores 1 (valores positivos), 0 (valores 0) y -1 (valores negativos). Por ejemplo, sign(c(-4, 2, 0, 3)) devuelve el vector c(-1, 1, 0, 1).
- 4. La función choose permite calcular un número combinatorio. Por ejemplo, choose (5, 2) calcula $\binom{5}{2}$. Escribe una versión de choose. En la implementación puedes usar la función factorial.

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

- 5. Realiza una versión de la función any que recibe como parámetro un vector de valores lógicos y devuelve un valor lógico indicando si al menos uno de los elementos del vector es TRUE.
- 6. R contiene una serie de funciones que implementan las operaciones entre conjuntos: unión, intersección, diferencia e igualdad:

```
x \leftarrow c(1, 2, 5)
y \leftarrow c(5, 6, 1, 3)
union(x, y)
                  # unión
## [1] 1 2 5 6 3
intersect(x, y) # intersección
## [1] 1 5
setdiff(x, y)
                  # Diferencia: elementos de x que no están en y
## [1] 2
setdiff(y, x)
## [1] 6 3
setequal(x, y)
                  # igualdad
## [1] FALSE
setequal(x, c(5, 2, 1))
## [1] TRUE
```

Implementa versiones de estas funciones. En la implementación puedes usar el operador %in% que comprueba si un elemento está en un vector:

```
2 %in% x

## [1] TRUE
c(2, 4) %in% x

## [1] TRUE FALSE
```

- 175
- 7. Siguiendo con el ejercicio previo, implementa una función que calcule si un conjunto es un subconjunto de otro y una función que calcule la diferencia simétrica, es decir, aquellos elementos que pertenecen a uno de los conjuntos, pero no a ambos a la vez.
- 8. Escribe una función que devuelva el valor asociado a una función matemática definida por intervalos (mira la solución para ver una representación gráfica de la función):

$$f(x) = \left\{ \begin{array}{ll} x^2 & \text{si } x < 0 \\ seno(x) & \text{si } x \in [0, 2\pi] \\ x - 2\pi & \text{si } x > 2\pi \end{array} \right.$$

9. Escribe una función que dada una matriz permute sus filas. Es decir, la primera fila se debe intercambiar con la última, la segunda fila con al penúltima y así sucesivamente. Como ejemplo, dada la matriz:

$$\left(\begin{array}{ccc}
1 & 2 & 3 \\
4 & 5 & 6 \\
7 & 8 & 9
\end{array}\right)$$

se debe devolver la matriz:

$$\left(\begin{array}{ccc}
7 & 8 & 9 \\
4 & 5 & 6 \\
1 & 2 & 3
\end{array}\right)$$

- 10. Escribe una función que dado un valor y un vector devuelva cuántas veces se encuentra el valor en el vector.
- 11. Realiza una función que dado un vector de cadenas de caracteres devuelva la cadena más larga y la más corta (si hay varias igual de largas o cortas se puede elegir cualquiera). Para resolver este ejercicio pueden resultar útiles las funciones which.max y which.min. La función nchar devuelve el número de caracteres de una cadena de caracteres.
- 12. Una matriz es simétrica si es cuadrada y es igual a su traspuesta. Escribe una función que devuelva un valor lógico indicando si una matriz es simétrica.
- 13. Realiza una función que dado un vector numérico indique si existe algún elemento del vector que es igual a la suma del resto de elementos del vector.
- 14. Una función recibe como parámetro una matriz. La matriz representa los tiempos empleados por un ciclista en varias etapas. Cada fila representa una etapa. La primera columna de la matriz almacena el número de horas,

la segunda columna el número de minutos y la tercera columna el número de segundos que tardó en completar la etapa. Por ejemplo, si se recibe:

$$\left(\begin{array}{ccc} 2 & 30 & 50 \\ 1 & 55 & 20 \end{array}\right)$$

El ciclista ha completado dos etapas. En la primera etapa ha tardado 2 horas, 30 minutos y 50 segundos. La función debe devolver una lista con el número total de horas, minutos y segundos empleados por el ciclista en cubrir el total de etapas. Para los datos de ejemplo se devolvería 4 horas, 26 minutos y 10 segundos.

15. Realiza una función que reciba como parámetro una matriz y devuelva las posiciones de los elementos que sean a la vez mínimos de su columna y máximos de su fila. Por ejemplo, dada la matriz:

$$\left(\begin{array}{ccc}
7 & 8 & 9 \\
4 & 5 & 6 \\
1 & 2 & 3
\end{array}\right)$$

devolvería la posición (3, 3).

- 16. Realiza un programa que permita gestionar las reservas de una sala de cine para una sesión. La sala tiene 9 filas con 9 asientos por fila. Los asientos se numeran del 11 al 19 para la primera fila, del 21 al 29 para la segunda fila y así sucesivamente. La sala puede representarse como una matriz. Crea las siguientes funciones:
 - Función que inicie la matriz. Inicialmente todos los asientos deben estar libres.
 - Función que muestre en la pantalla la ocupación de la sala.
 - Función que devuelva cuántos asientos libres hay en la sala.
 - Función que dado un número de entradas devuelva un vector con los números de las filas en que existe, como mínimo, ese número de asientos libres.
 - Función que dado un número de fila y un entero positivo n reserve n asientos en la fila especificada. Devuelve un vector con los números de los asientos reservados. Puedes suponer que el número de fila es correcto y que la fila contiene esa cantidad de asientos libres.
 - Función que dado un entero positivo n reserve n asientos en la sala. Si no existen n asientos en la sala no se debe reservar ninguno. Devuelve un vector con los números de los asientos reservados.

Escribe un programa que solicite cantidades de entradas. Si la cantidad de entradas es mayor a la cantidad de asientos libres indíquelo en la pantalla. Si es menor o igual reserve esas entradas. Proceda solicitando cantidades de entradas y reservando hasta que no haya entradas libres en la sala o

se introduzca una cantidad de entradas negativa. Reserve entradas de la siguiente forma:

- Si es posible albergar todas las entradas en la misma fila, reserve la fila de mayor numeración con capacidad para albergar el número de entradas solicitadas.
- En otro caso obtenga los asientos de cualquier lugar disponible.

Cada vez que se reserven entradas muestre los números de entradas reservadas y la ocupación global de la sala. Por ejemplo:

```
1: L L L L L L L L L
2: L L L L L L L L L
3: LLLLLLLLL
4: L L L L L L L L L
5: L L L L L L L L L
6: LLLLLLLLL
7: L L L L L L L L L
8: LLLLLLLLL
9: L L L L L L L L L
Cantidad de entradas: 8 Asientos reservados: [91, 92, 93, 94, 95, 96, 97,
98]
1: L L L L L L L L L
2: L L L L L L L L L
3: LLLLLLLLL
4: L L L L L L L L L
5: LLLLLLLLL
6: LLLLLLLLL
7: L L L L L L L L L
8: L L L L L L L L L
9: 0 0 0 0 0 0 0 L
Cantidad de entradas: 11 Asientos reservados: [99, 81, 82, 83, 84, 85, 86,
87, 88, 89, 71]
1: LLLLLLLLL
```

Cantidad de entradas:

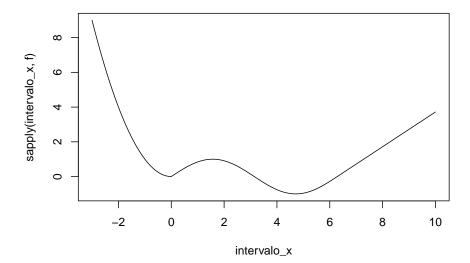
11.11 Soluciones a los ejercicios

```
# Función valor absoluto
absoluto <- function(x) {</pre>
  if (x < 0) {
    x <- -x
 х
}
absoluto(-3)
## [1] 3
absoluto(7.5)
## [1] 7.5
# Dividir elementos positivos y negativos de un vector
posNeg <- function(v) {</pre>
 list(positivos = v[v > 0], negativos = v[v < 0])
}
(v <- rnorm(10))
## [1] -1.86417944 -0.03216801 0.24779384 -0.26155985 -0.72183242 0.08401044
## [7] 0.12514274 -1.48698214 0.33928752 0.16689248
1 <- posNeg(v)
1$positivos
## [1] 0.24779384 0.08401044 0.12514274 0.33928752 0.16689248
1$negativos
## [1] -1.86417944 -0.03216801 -0.26155985 -0.72183242 -1.48698214
# Función signo
signo <- function(v) {</pre>
  for (ind in seq_along(v)) {
    if (v[ind] > 0) {
      v[ind] \leftarrow 1
    } else if (v[ind] < 0) {</pre>
      v[ind] \leftarrow -1
  }
  v
}
v \leftarrow c(2, -2, 0, 0, 3.9)
signo(v)
## [1] 1 -1 0 0 1
# Versión usando la función ifelse
```

```
signo2 <- function(v) {</pre>
  v \leftarrow ifelse(v > 0, 1, v)
  ifelse(v < 0, -1, v)
signo2(v)
## [1] 1 -1 0 0 1
# Versión de choose (número combinatorio)
nc <- function(n, k) {</pre>
  factorial(n) / (factorial(k) * factorial(n-k))
nc(5, 2)
## [1] 10
choose(5, 2)
## [1] 10
# Versión más eficiente
nc2 <- function(n, k) {</pre>
  prod((n-k):n) / factorial(n-k)
nc2(5, 2)
## [1] 10
# Versión de la función any
cualquiera <- function (v) {</pre>
  for (x in v)
    if (x)
                     # equivale a if (x == TRUE)
      return(TRUE)
  return(FALSE)
}
cualquiera(1:5 > 2)
## [1] TRUE
cualquiera(1:5 < 0)</pre>
## [1] FALSE
# Operaciones con conjuntos
mi_union <- function(x, y) c(x, y[!(y %in% x)])</pre>
mi_union2 <- function(x, y) {</pre>
  r <- x
  for (v in y) {
    if (!(v %in% x)) {
      r \leftarrow c(r, v)
```

```
}
  r
}
interseccion <- function(x, y) x[x %in% y]</pre>
diferencia <- function(x, y) x[!(x %in% y)]</pre>
igual <- function(x, y) length(x) == length(y) && all(sort(x) == sort(y))</pre>
x \leftarrow c(1, 2, 5)
y \leftarrow c(5, 6, 1, 3)
mi_union(x, y)
## [1] 1 2 5 6 3
mi union2(x, y)
## [1] 1 2 5 6 3
interseccion(x, y)
## [1] 1 5
diferencia(x, y)
## [1] 2
diferencia(y, x)
## [1] 6 3
igual(x, y)
## [1] FALSE
igual(x, c(5, 2, 1))
## [1] TRUE
# Subconjunto y diferencia simétrica
subconjunto <- function(x, y) all(x %in% y)</pre>
diferencia_simetrica <- function(x, y) c(setdiff(x, y), setdiff(y, x))</pre>
subconjunto(1:3, 2:4)
## [1] FALSE
subconjunto(1:3, 1:4)
## [1] TRUE
x \leftarrow c(1, 2, 5)
y \leftarrow c(5, 6, 1, 3)
diferencia_simetrica(x, y)
## [1] 2 6 3
# Función definida por intervalos
f <- function(x) {</pre>
  if (x < 0) {
    return(x<sup>2</sup>)
  if (x <= 2*pi) {
    return(sin(x))
```

```
return(x - 2*pi)
}
intervalo_x <- seq(-3, 10, by = 0.1)
plot(intervalo_x, sapply(intervalo_x, f), type = 'l')</pre>
```



```
# Permuta las filas de una matriz
permuta_filas <- function(m) m[nrow(m):1,]</pre>
(m <- matrix(1:9, nrow = 3, byrow = TRUE))</pre>
    [,1] [,2] [,3]
## [1,] 1 2 3
         4 5
## [2,]
## [3,]
        7
              8
permuta_filas(m)
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 7 8
       4
## [2,]
              5
                   6
## [3,]
       1
```

```
# Cuenta ocurrencias de un valor en un vector (v)
n_ocurrencias <- function(valor, v) sum(valor == v)
# versión con ciclos
n_ocurrencias2 <- function(valor, v) {
   ocu <- 0</pre>
```

[1] FALSE

```
for (x in v) {
   if (x == valor) {
     ocu <- ocu + 1
    }
 }
  ocu
n_ocurrencias("la", c("oh", "la", "la"))
## [1] 2
n_ocurrencias2("la", c("oh", "la", "la"))
## [1] 2
# Cadena más corta y más larga
corta_larga <- function(v) {</pre>
 long <- sapply(v, nchar)</pre>
  list(corta = v[which.min(long)],
       larga = v[which.max(long)]
}
corta_larga(c('A', 'Pepe', 'le', 'gustan', 'la', 'paella'))
## $corta
## [1] "A"
##
## $larga
## [1] "gustan"
# Matriz simétrica
simetrica <- function(m) {</pre>
 nrow(m) == ncol(m) && all(m == t(m))
(m \leftarrow matrix(c(9, 2, 4, 2, 6, 1, 4, 1, -2), nrow = 3))
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] 9 2
## [2,] 2 6 1
## [3,]
        4 1 -2
simetrica(m)
## [1] TRUE
m[2, 1] \leftarrow 100
simetrica(m)
## [1] FALSE
simetrica(matrix(0, nrow = 2, ncol = 3))
```

```
# Elemento del vector igual a la suma del resto
propiedad <- function(v) {</pre>
 s <- sum(v)
 for (x in v) {
    if (x == s-x)
      return(TRUE)
 }
 return(FALSE)
propiedad(c(1, 2, 6, 3))
## [1] TRUE
propiedad(1:5)
## [1] FALSE
# Ciclista
tiempo_total <- function(m) {</pre>
 total <- colSums(m)</pre>
 seg <- total[3] %% 60
 min <- total[2] + total[3] %/% 60
 hor <- total[1] + min %/% 60
 min <- min %% 60
 list(horas = hor, minutos = min, segundos = seg)
tiempos \leftarrow matrix(c(2, 30, 50, 1, 55, 20), nrow = 2, byrow = TRUE)
tiempo_total(tiempos)
## $horas
## [1] 4
##
## $minutos
## [1] 26
##
## $segundos
## [1] 10
# Mínimo de su columna y máximo de su fila
# Devuelve una lista de pares fila, columna
minc_maxf <- function(m) {</pre>
 r <- list()
 for (f in 1:nrow(m)) {
    maxf <- max(m[f, ])</pre>
   for (c in 1:ncol(m)) {
      minc <- min(m[, c])
      if (m[f, c] == maxf && m[f, c] == minc) {
```

```
r[[length(r) + 1]] \leftarrow c(f, c)
      }
   }
 }
 r
}
(m \leftarrow matrix(c(7, 4, 1, 8, 5, 2, 9, 6, 3), nrow = 3))
## [,1] [,2] [,3]
        7
## [1,]
              8 9
## [2,]
        4
                5
                   6
## [3,]
                2
          1
minc_maxf(m)
## [[1]]
## [1] 3 3
```

```
# Sala de cine
# Inicia la sala de cine
inicia_matriz <- function() matrix(0, nrow = 9, ncol = 9)</pre>
# Muestra en la pantalla la ocupación de la sala
muestra <- function(m) {</pre>
  for (f in 1:nrow(m)) {
    cat(f, ": ", sep = "")
    for (c in 1:ncol(m)) {
      cat(ifelse(m[f, c] == 0, "L ", "0 "))
    }
    cat("\n")
  }
}
# Número de asientos libres
libres <- function(m) sum(m == 0)</pre>
# Posibles filas para reservar un número de asientos
posibles_filas <- function(m, n) {</pre>
  filas <- numeric()</pre>
  for (f in 9:1) {
    if (sum(m[f, ] == 0) >= n) filas[length(filas) + 1] <- f
  }
  filas
# Reserva asientos en fila
```

```
reserva_en_fila <- function(m, f, n) {</pre>
  r <- numeric()
  reservados <- 0
  col <- 1
  while (reservados < n) {</pre>
    if (m[f, col] == 0) {
      m[f, col] <- 1
      reservados <- reservados + 1
      r \leftarrow c(r, f*10 + col)
    }
    col <- col + 1
  }
  list(reservados = r, cine = m)
# Reserva asientos en la sala
reserva <- function(m, n) {</pre>
  r <- numeric()
  if (n > libres(m)) {
    return(list(reservados = r, cine = m))
  }
  reservados <- 0
  col <- 1
  fila <- 9
  while (reservados < n) {</pre>
    if (m[fila, col] == 0) {
     m[fila, col] <- 1
     reservados <- reservados + 1
      r \leftarrow c(r, fila*10 + col)
    if (col < 9) {
      col <- col + 1
    } else {
      fila <- fila - 1
      col <- 1
    }
  list(reservados = r, cine = m)
cine <- inicia_matriz()</pre>
muestra(cine)
n <- as.integer(readline('Número de entradas: '))</pre>
while (n > 0 && libres(cine) > 0) {
  filas <- posibles_filas(cine, n)</pre>
```

```
if (length(filas) > 0) {
    r <- reserva_en_fila(cine, filas[1], n)</pre>
    cine <- r$cine</pre>
    cat("Asientos reservados: ")
   print(r$reservados)
  } else {
    r <- reserva(cine, n)
    if (length(r$reservados) > 0) {
      cine <- r$cine
      cat("Asientos reservados: ")
      print(r$reservados)
    }
  }
  muestra(cine)
 if (libres(cine) > 0) {
   n <- as.integer(readline('Número de entradas: '))</pre>
  }
}
```

Chapter 12

Graficos

En este tema se bosquejan las posibilidades gráficas de R. En concreto vamos a describir algunas de las funciones que incluye el núcleo de R para trabajar con gráficos. Las funciones gráficas de R suelen ser genéricas y tienen un gran número de opciones. Por lo tanto, aquí nos limitaremos a comentar sus usos más comunes. Si estás interesado en conocer de manera exhaustiva el funcionamiento de alguna función consulta su ayuda.

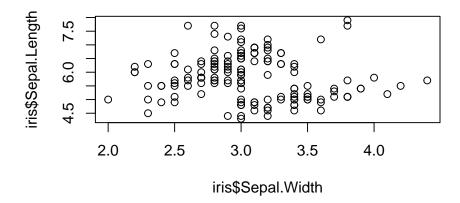
12.1 La función plot

La función plot es una de las funciones más usadas para generar gráficos en R. Se trata de una función genérica, por lo que puede ser invocada para representar gráficamente distintos tipos de datos. La función plot es de nivel alto, es decir, genera un nuevo gráfico al ser invocada (las funciones de nivel bajo añaden información a un gráfico ya existente). En las siguientes secciones vamos a analizar algunas posibilidades de esta función.

12.1.1 Diagrama de dispersión

La función plot permite generar un diagrama de dispersión (scatter plot). Veamos un ejemplo:

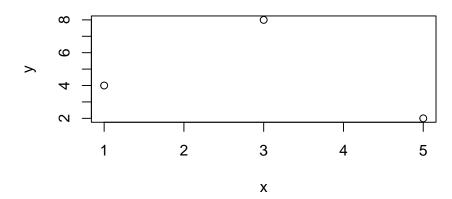
plot(iris\$Sepal.Width, iris\$Sepal.Length)



En este caso se muestra la longitud de sépalo frente a la anchura de sépalo de las flores del $data\ frame\ iris$. Se han usado dos vectores para especificar los datos, pero también se permite especificar los datos mediante una lista con componentes x e y o mediante una matriz con dos columnas.

Veamos otro ejemplo en el que se crean los puntos (datos) a visualizar:

```
x <- c(1, 5, 3)
y <- c(4, 2, 8)
plot(x, y)
```



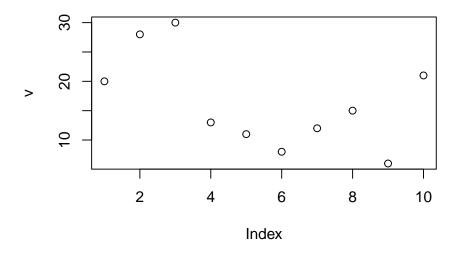
En este último ejemplo se visualizan los puntos (1,4), (5, 2) y (3, 8).

Si usamos un vector como fuente de datos, se muestra los valores del vector frente a sus índices:

```
(v <- sample(30, size = 10))

## [1] 20 28 30 13 11 8 12 15 6 21

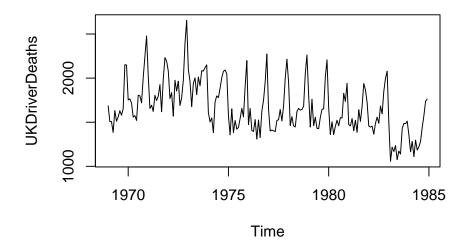
plot(v)
```



12.1.2 Serie temporal

Una serie temporal es una secuencia de datos medidos en determinados momentos, generalmente equidistantes en el tiempo, y ordenados cronológicamente. plot nos permite visualizar una serie temporal:

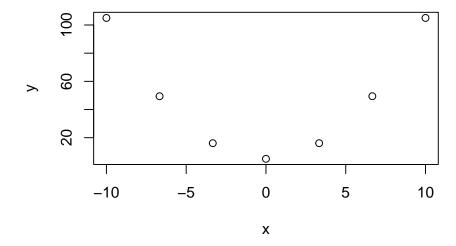
plot(UKDriverDeaths)



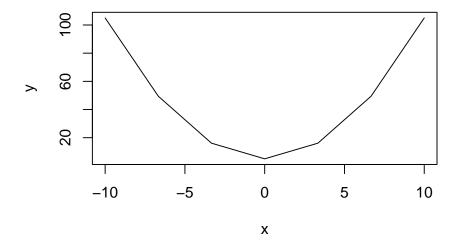
12.1.3 Visualizar una función

Podemos visualizar los valores de una función real de variable real si almacenamos en un vector una serie de valores de x (en orden creciente) y en otro vector sus correspondientes valores de y para la función. Por ejemplo, vamos a visualizar la función $y=x^2+5$ para 7 valores equidistantes de x en el intervalo [-10, 10]:

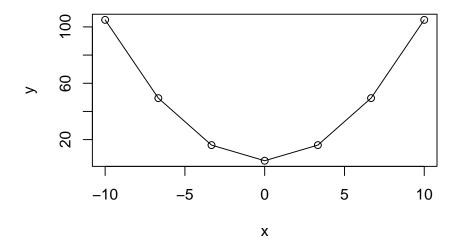
```
x <- seq(-10, 10, length.out = 7)
y <- x^2 + 5
plot(x, y)</pre>
```



El parámetro type de plot permite visualizar los datos de distintas formas. Por defecto, este parámetro vale "p" y dibuja los puntos especificados, pero también se puede dibujar las líneas que unen los puntos, con "l", o líneas y puntos con "b" (hay más posibilidades):



plot(x, y, "o") # líneas y puntos superpuestos

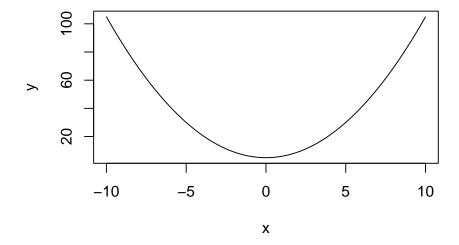


Para visualizar una función con más precisión basta con especificar más puntos de la función:

```
x \leftarrow seq(-10, 10, length.out = 100)

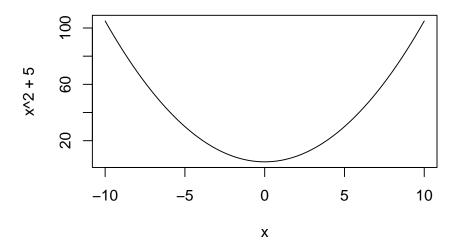
y \leftarrow x^2 + 5

plot(x, y, type = "l")
```



La función curve es una alternativa a plot para visualizar la curva asociada a una función. Consulta su ayuda para ver todas las posibilidades:

```
curve(x^2 + 5, from = -10, to = 10)
```



12.1.4 Factores y diagramas de caja

En el caso de que le pasemos a plot un factor obtendremos un diagrama de barras con las frecuencias de las distintas categorías:

plot(iris\$Species)



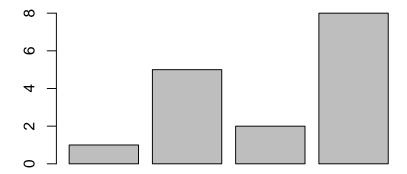
Podemos observar que existen 50 datos de las tres especies de lirio del conjunto de datos iris. Podríamos obtener un resultado similar con la función barplot:

barplot(table(iris\$Species))



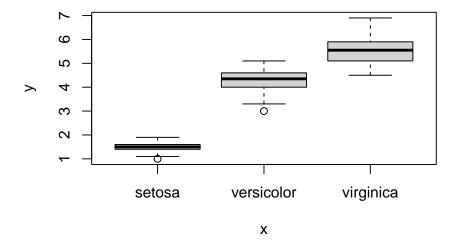
La función barplot también funciona con vectores:

```
barplot(c(1, 5, 2, 8))
```



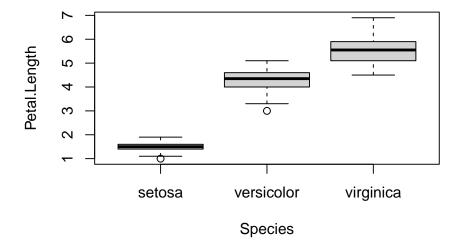
Si usamos un factor y un vector numérico, se obtiene un diagrama de cajas (o de cajas y bigotes o box plot) por cada categoría del factor. Por ejemplo, veamos la distribución de la longitud de pétalo para las distintas categorías de lirios:

```
plot(iris$Species, iris$Petal.Length)
```



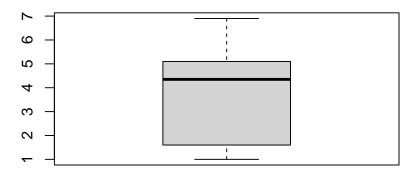
La función boxplot es una alternativa a plot para visualizar diagramas de cajas:

boxplot(Petal.Length ~ Species, data = iris)



boxplot también permite generar un diagrama de cajas con los elementos de un vector. Por ejemplo, veamos el diagrama de cajas de la longitud de pétalo de todas las flores de iris:

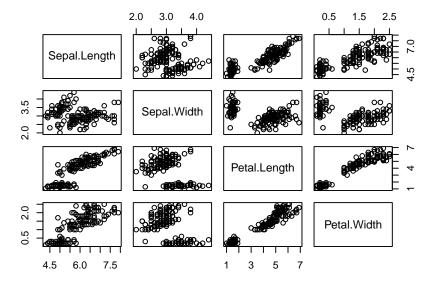
boxplot(iris\$Petal.Length)



12.1.5 Diagramas de dispersión emparejados

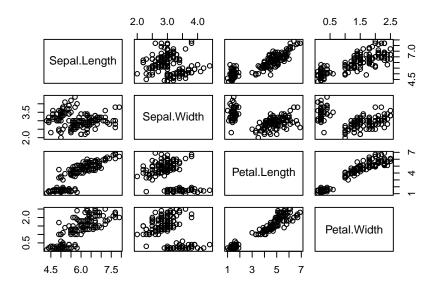
Cuando plot recibe como parámetro un data frame genera diagramas de dispersión para todos los pares de variables en el data frame:

plot(iris[-5]) # se elimina de iris el factor con el tipo de flor



Viendo el gráfico parece que la correlación lineal entre longitud y anchura de pétalo es alta. La función pairs es similar a este último uso de plot.

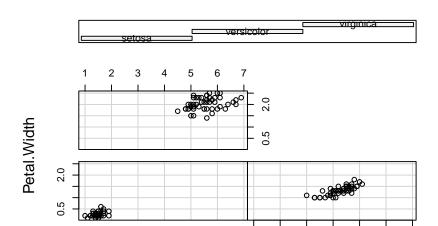
pairs(iris[-5])



La función coplot permite generar distintos diagramas de dispersión en función de un factor:

```
coplot(Petal.Width ~ Petal.Length | Species, iris)
```

Given: Species



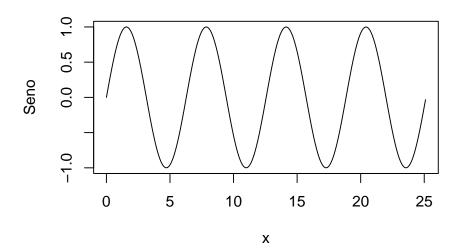
12.2 Personalización de un gráfico

Existen muchas posibilidades para configurar el aspecto de un gráfico. En esta sección vamos a ver algunas. Observa este ejemplo:

Petal.Length

```
x <- seq(0, 8*pi, by = 0.1)
plot(x, sin(x), type = "l", xlab = "x", ylab = "Seno",
    main = "Función seno")</pre>
```

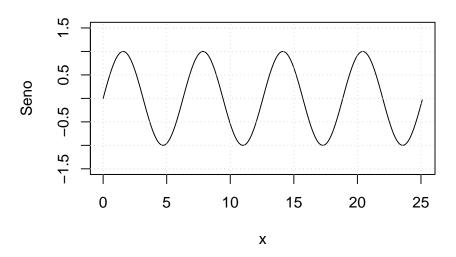
Función seno



En este ejemplo se han usado textos para etiquetar los ejes del gráfico y se ha indicado un título. Es posible indicar el tipo de fuente y el color en que aparecen los textos.

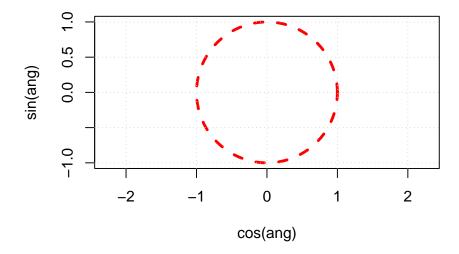
Se puede especificar los límites de los ejes con los parámetros ${\tt xlim}$ e ${\tt ylim}$ y una malla de fondo con la función ${\tt grid}$:





12.2.1 Tipos de línea, puntos y colores

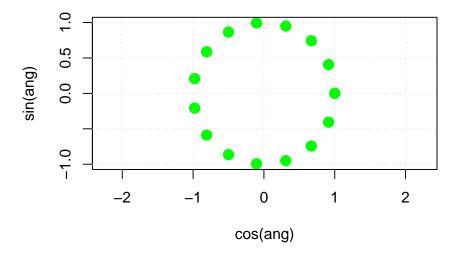
Existen opciones para especificar los colores con los que se dibuja o los tipos de puntos y líneas. Veamos algún ejemplo:



En el ejemplo se ha dibujado una circunferencia de color rojo (parámetro col), con líneas discontinuas (lty es el estilo de línea) y con una anchura de 3 unidades (parámetro lwd). El parámetro asp sirve para gestionar la proporción entre las distancias en los ejes x e y, si no se hubiera utilizado la circunferencia hubiera aparecido achatada.

Vamos a ver otro ejemplo con el estilo de los puntos:

```
ang <- seq(0, 2*pi, length.out = 16)
plot(cos(ang), sin(ang), col = "green", pch = 19, cex = 1.5, asp = 1)
grid()</pre>
```



En este caso el parámetro pch indica el tipo de punto y cex su tamaño (1.5 veces el tamaño por defecto).

La función colors devuelve un vector con los colores disponibles. El siguiente gráfico muestra los distintos tipos de punto que se pueden usar con el parámetro pch.

$$\bigcirc$$
 1 \triangle 2 $+$ 3 \times 4 \bigcirc 5 ∇ 6 \boxtimes 7 $*$ 8 \bigcirc 9 \bigcirc 10 \boxtimes 11 \bigcirc 12 \boxtimes 13 \bigcirc 14 \bigcirc 15 \bigcirc 16 \bigcirc 17 \bigcirc 18 \bigcirc 19 \bigcirc 20 \bigcirc 21 \bigcirc 22 \bigcirc 23

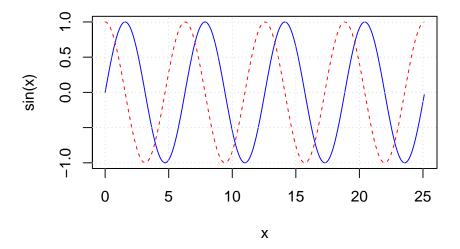
12.3 Funciones de nivel bajo

Las funciones de nivel bajo sirven para añadir información a un gráfico existente creado con una función de nivel alto, como plot. Vamos a estudiar alguna de ellas.

12.3.1 Funciones points y lines

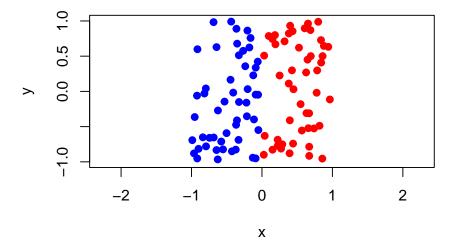
points(x, y) y lines(x, y) añaden puntos o líneas conectadas, respectivamente, al gráfico actual. En estas funciones se puede usar el argumento type de plot, siendo su valor por defecto "p" para points y "l" para lines.

```
x <- seq(0, 8*pi, by = 0.1)
plot(x, sin(x), type = "l", col = "blue")
lines(x, cos(x), col = "red", lty = "dashed") # añade líneas con coseno
grid()</pre>
```



Veamos ahora un uso de points. Vamos a generar puntos aleatorios en el cuadrado de esquinas (-1, -1) y (1, 1) y vamos a dibujar con distinto color a los puntos a la izquierda y derecha del eje de ordenadas:

```
x <- runif(100, min = -1, max = 1)
y <- runif(100, min = -1, max = 1)
plot(x[x <= 0], y[x <= 0], pch = 19, col = "blue", xlim = c(-1, 1),
    ylim = c(-1, 1), xlab = "x", ylab = "y", asp = 1)
points(x[x > 0], y[x > 0], pch = 19, col = "red")
```



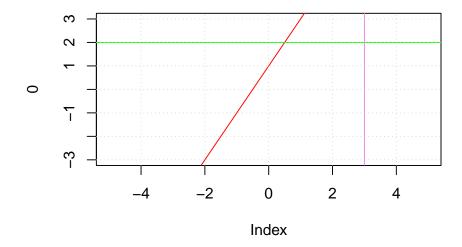
12.3.2 Función abline

La función abline sirve para añadir una línea a un gráfico. Esta función tiene varios parametros con nombre, que sirven para especificar de forma sencilla distintos tipos de líneas:

- abline(a, b): línea de pendiente b y ordenada en el origen a
- abline(h=y): línea horizontal
- abline(v=x): línea vertical

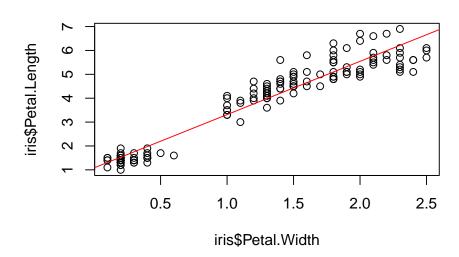
Veamos un ejemplo:

```
# El siguiente plot crea un gráfico sin dibujar nada (type = "n") plot(0, xlim = c(-5, 5), ylim = c(-3, 3), type = "n") abline(1, 2, col = "red") # línea y = 2x + 1 abline(h = 2, col = "green") # línea y = 2 abline(v = 3, col = "violet") # línea x = 3 grid()
```

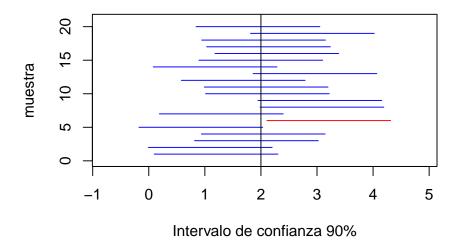


La función abline también permite dibujar la recta de regresión asociada a un modelo lineal:

```
plot(iris$Petal.Width, iris$Petal.Length)
modelo <- lm(Petal.Length ~ Petal.Width, data = iris)
abline(modelo, col = "red")</pre>
```



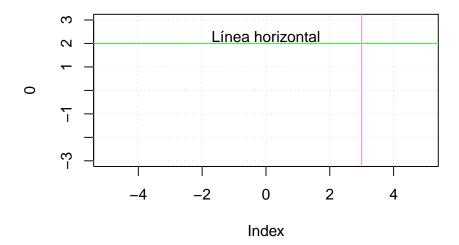
Como ejemplo adicional vamos a generar 20 muestras de tamaño 100 de una $\mathcal{N}(2,3)$ y vamos a visualizar los intervalos de confianza del 90% de la media de acuerdo a las muestras.



12.3.3 Función text

Esta función permite escribir texto en el gráfico:

```
# El siguiente plot crea un gráfico sin dibujar nada (type = "n") plot(0, xlim = c(-5, 5), ylim = c(-3, 3), type = "n") abline(h = 2, col = "green") # línea y = 2 abline(v = 3, col = "violet") # línea x = 3 grid() text(0, 2.3, "Línea horizontal")
```

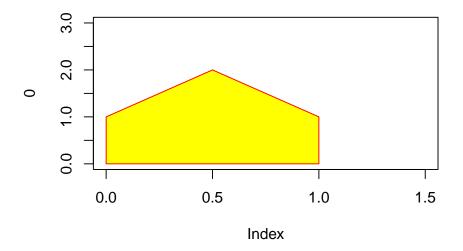


La función text tiene parámetros para especificar el tipo de letra, justificación del texto, tamaño, etcétera.

12.3.4 Función polygon

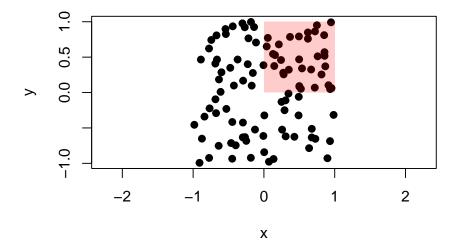
Esta función dibuja un polígono, que puede ser rellenado con color y/o líneas opcionalmente:

```
plot(0, xlim = c(0, 1.5), ylim = c(0, 3), type = "n")
x <- c(0, 1, 1, 0.5, 0)
y <- c(0, 0, 1, 2, 1)
polygon(x, y, col = "yellow", border = "red")</pre>
```



La función **polygon** puede utilizarse para destacar una zona de dibujo. Por ejemplo, en el siguiente gráfico se dibujan 100 puntos aletorios uniformemente distribuidos en el cuadrado de esquinas (-1, -1) y (1, 1) y se usa la función **polygon** para destacar el primer cuadrante:

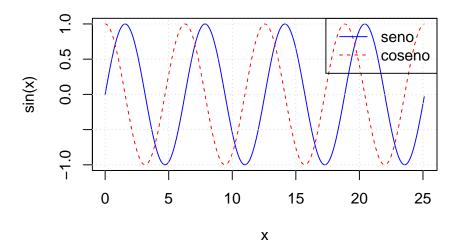
```
x <- runif(100, min = -1, max = 1)
y <- runif(100, min = -1, max = 1)
plot(x, y, pch = 19, asp = 1)
x <- c(0, 1, 1, 0)
y <- c(0, 0, 1, 1)
polygon(x, y, col = rgb(1, 0, 0, 0.2), border = NA)</pre>
```



Observa que para especificar el color del polígono se ha usado la función rgb, que permite especificar un color como una combinación de los colores red, green, blue, con el valor de cada color especificado como un valor real en el rango [0, 1], siendo 0 que no se usa y 1 que se usa totalmente. El último parámetro de rgb, que vale 0.2 en el ejemplo, es el nivel de transparencia. También hay que especificarlo en el rango [0, 1], significando 1 totalmente opaco.

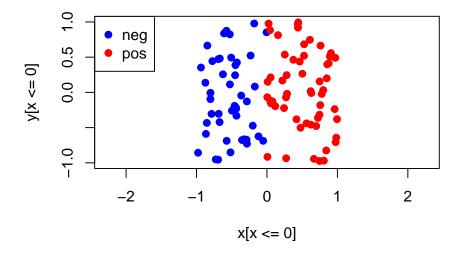
12.3.5 Función legend

La función **legend** añade una leyenda al gráfico actual en un determinado lugar. Vamos a ver algún ejemplo:



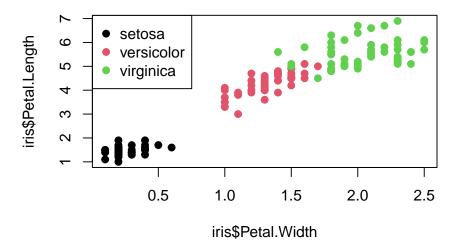
Veamos otro ejemplo con un gráfico previo:

```
x <- runif(100, min = -1, max = 1)
y <- runif(100, min = -1, max = 1)
plot(x[x <= 0], y[x <= 0], pch = 19, col = "blue", xlim = c(-1, 1),
    ylim = c(-1, 1), asp = 1)
points(x[x > 0], y[x > 0], pch = 19, col = "red")
legend("topleft", legend = c("neg", "pos"), col = c("blue", "red"),
    pch = c(19, 19))
```



En un último ejemplo, más avanzado, mostramos un diagrama de dispersión de la longitud de pétalo, frente a su anchura para las flores del $data\ frame\ iris.$ Los puntos se colorean según el factor Species.

```
plot(iris$Petal.Width, iris$Petal.Length, col = iris$Species, pch = 19)
legend("topleft", legend = levels(iris$Species), col = 1:3, pch = 19)
```

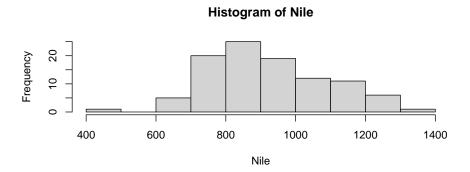


Los colores elegidos para dibujar los factores aparecen por orden en la salida de la función palette.

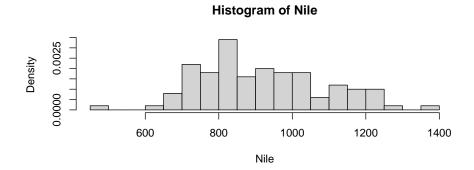
12.4 Histogramas: la función hist

La función hist produce un histograma del vector numérico que recibe como parámetro. El número de clases es seleccionado automáticamente, pero puede ser especificado, así como los límites de las clases. Por defecto se muestran las frecuencias, pero se puede seleccionar ver las frecuencias relativas.

hist(Nile)



Veamos ahora un histograma con 15 clases y frecuencias relativas:



12.5 Diagramas de sectores: pie

Hemos visto que con barplot se puede obtener un gráfico de barras de los valores de una variable cualitativa. Con la función pie se puede obtener un diagrama de sectores.

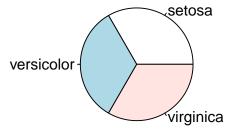
barplot(table(iris\$Species), main = "Distribución de tipos de lirios")

Distribución de tipos de lirios



pie(table(iris\$Species), main = "Distribución de tipos de lirios")

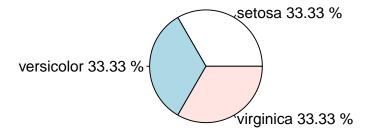
Distribución de tipos de lirios



Es posible etiquetar cada sector. Por ejemplo, vamos a etiquetar cada tipo de lirio con su porcentaje de ocurrencias.

```
tabla <- prop.table(table(iris$Species))
pie(tabla,
    main = "Distribución de tipos de lirios",
    labels = paste(names(tabla), round(tabla*100, 2), "%")
)</pre>
```

Distribución de tipos de lirios



12.6 Función locator y par

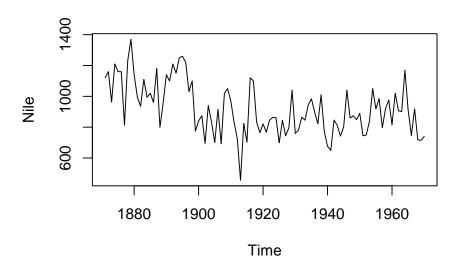
En esta sección se comentan dos funciones que pueden resultar útiles. La primera es la función locator. Esta función sirve para obtener las coordenadas de ciertos puntos en el gráfico. Al ejecutarla usaremos el ratón para posicionar el cursor en las coordenadas que nos interesan y pulsaremos el botón izquierdo tantas veces como coordenadas queramos obtener. Esta función resulta útil para saber aproximadamente qué coordenadas usar en una llamada a funciones como text o legend en las que podemos especificar una posición del gráfico donde ubicar un elemento. Como ejemplo, prueba lo siguiente en la consola:

```
plot(0, xlim = c(0, 2), ylim = c(0, 2), type = "n")
locator(1)
```

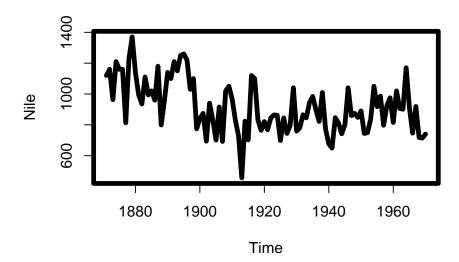
A continuación sitúate en un punto del gráfico y pulsa el botón izquierdo del ratón.

La otra función es par, que sirve para especificar una serie de parámetros gráficos que se usan por defecto. Por ejemplo:

plot(Nile)

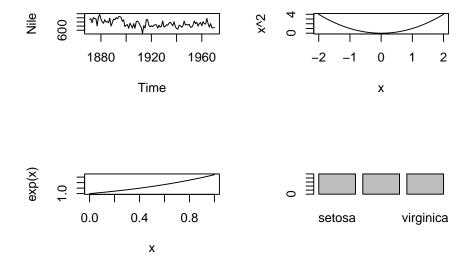


par(lwd = 5) # a partir de ahora el ancho de línea es 5 por defecto
plot(Nile)



Si se usa sin parámetros, par devuelve una lista con los valores actuales de los parámetros por defecto. Un uso muy común es hacer que varios gráficos aparezcan en la misma pantalla:

```
par(mfrow = c(2, 2))
plot(Nile)
curve(x^2, -2, 2)
curve(exp(x), 0, 1)
plot(iris$Species)
```

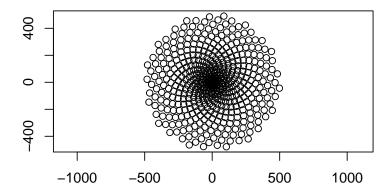


Si queremos restaurar el valor por defecto habrá que escribir par(mfrow = c(1, 1)).

12.7 Ejercicios

1. La disposición de las pepitas de un girasol sigue un modelo matemático. La n-ésima semilla tiene coordenadas polares $r=\sqrt{n}$ y $\alpha=\frac{137.51\pi n}{180}$. Escribe un programa que solicite el número de pepitas y las dibuje como círculos.

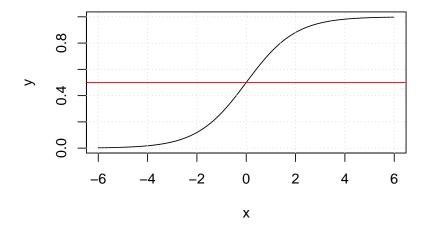
500 pepitas de girasol



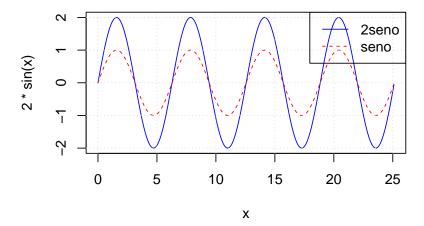
2. Representa la función logística simple:

$$P(t) = \frac{1}{1+e^{-t}}$$

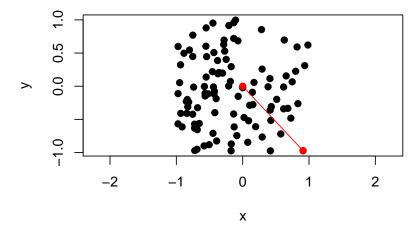
en el intervalo [-6, 6].



3. Representa las funciones $\sin(x)$ y $2\sin(x)$ en un mismo gráfico, etiquetando cada una de las funciones.



4. Genera 100 puntos aleatorios uniformemente distribuidos en el cuadrado de esquinas (-1, -1) y (1, 1). Dibuja los puntos de color negro. Dibuja de color rojo el punto más lejano al origen y une el origen y el punto con una línea roja. La distancia de un punto (x,y) al origen se calcula como $\sqrt{x^2+y^2}$.

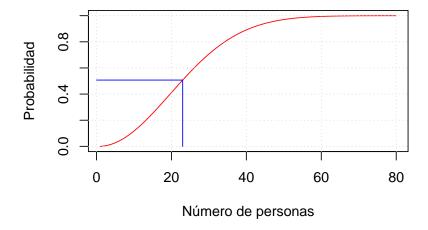


5. Supongamos que en una habitación se reunen n personas al azar, con $n \leq 365$, y ninguna de ellas ha nacido el 29 de febrero, ni hay gemelos ni mellizos. La probabilidad de que al menos dos personas cumplan años el mismo día es:

$$1 - \frac{365}{365} \times \frac{364}{365} \times \frac{363}{365} \times \ldots \times \frac{365 - n + 1}{365}$$

Realiza una función que dado n devuelva la citada probabilidad. Como dato de prueba con 23 personas la probabilidad es 0.507. Haz un gráfico en el que se muestre cómo evoluciona la probabilidad en función del número de personas que haya en la habitación. Destaca en el gráfico la probabilidad para n=23 (ver siguiente gráfico).

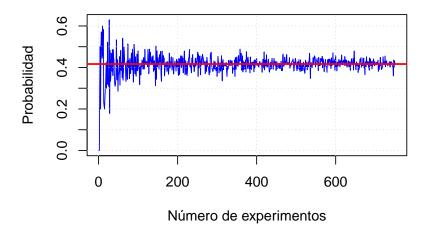
Probabilidad del mismo día de nacimiento



6. Supongamos que se lanzan dos dados, uno negro y otro verde, ¿Cuál es la probabilidad de que el dado negro tenga un valor mayor que el verde? En este caso la respuesta es sencilla: $\frac{15}{36}$, porque hay 36 posibles combinaciones de los valores de los dos dados y en 15 de ellas el dado negro es mayor que el verde. Sin embargo, hay situaciones en las que no es posible o fácil hacer estos cálculos. En dichas situaciones se puede recurrir a una simulación en la que se repite N veces el experimento aleatorio y se calcula la proporción de veces en la que el experimento tiene éxito (en nuestro caso el éxito equivale a que el dado negro vale más que el verde). Esa proporción es una aproximación a la probabilidad buscada. Cuanto mayor sea N mayor confianza tenemos en el valor de la aproximación. De hecho, cuando $N \to \infty$ se obtiene la solución exacta. Haz una función que calcule una aproximación a la probabilidad de que el dado negro sea mayor que

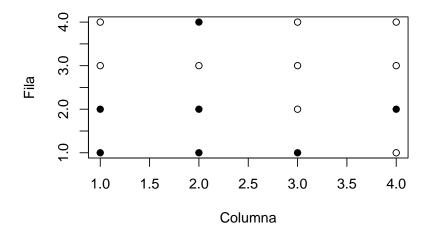
el verde. Se puede escribir una función vectorizada que no use ciclos. El parámetro de la función es el valor de N. Haz una gráfica en la que se refleje cómo la simulación converge a $\frac{15}{36}$.

Convergencia de la simulación



7. Genera una matriz aleatoria con valores de 0 y 1. Por ejemplo:

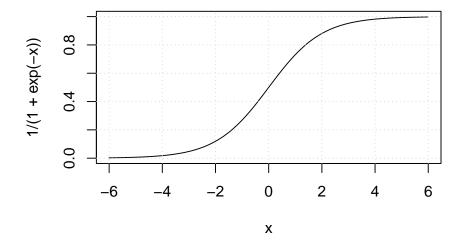
Representa la matriz gráficamente con distintos símbolos para el 0 y el 1. Por ejemplo:



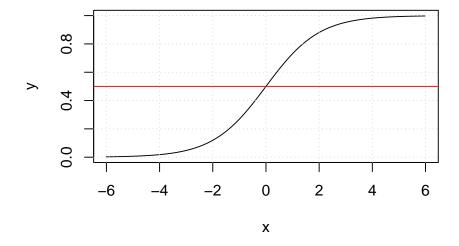
12.8 Soluciones a los ejercicios

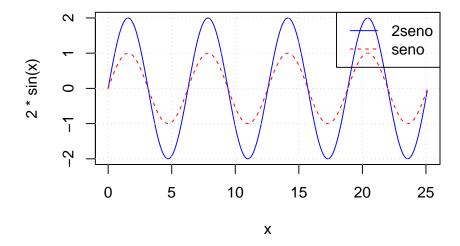
```
# Semillas de girasoles
n <- as.integer(readline("Número de semillas: "))
radio <- 1:n
angulos <- 137.51 * pi * 1:n / 180
x <- cos(angulos) * radio
y <- sin(angulos) * radio
plot(x, y, asp = 1)</pre>
```

```
# Función logística simple
curve(1 / (1 + exp(-x)), -6, 6)
grid()
```

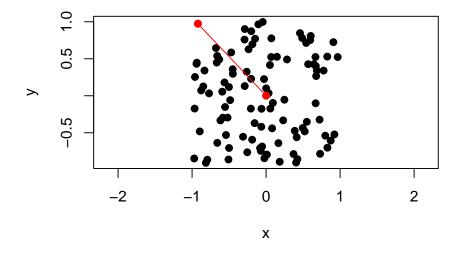


```
# Función logística simple
t <- seq(-6, 6, length.out = 100)
plot(t, 1 / (1 + exp(-t)), type = "l", xlab = "x", ylab = "y")
abline(h = 0.5, col = "red")
grid()</pre>
```

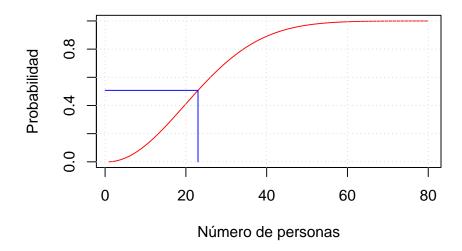




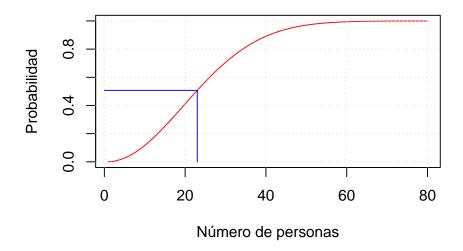
```
# Punto más lejano al origen
n <- 100
x <- runif(n, min = -1, max = 1)
y <- runif(n, min = -1, max = 1)
p_index <- which.max(x^2 + y^2)
plot(x, y, pch = 19, asp = 1)
points(c(0, x[p_index]), c(0, y[p_index]), pch = 19, col = "red")
lines(c(0, x[p_index]), c(0, y[p_index]), pch = 19, col = "red")</pre>
```



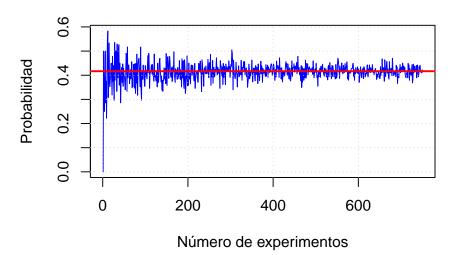
Probabilidad del mismo día de nacimiento



Probabilidad del mismo día de nacimiento



Convergencia de la simulación



Representación gráfica de una matriz de ceros y unos
set.seed(10)
m <- matrix(sample(0:1, size = 16, replace = TRUE), nrow = 4)
plot(1:ncol(m), 1:nrow(m), type = "n", xlab = "Columna", ylab = "Fila")
for (f in 1:nrow(m)) {
 if (m[f, c] == 1) {
 points(c, nrow(m)+1-f, pch = 19)
 } else {
 points(c, nrow(m)+1-f, pch = 1)
 }
}</pre>

