在科研中,无量纲数对于理论求解,实验研究和数值计算都有指导意义。这里整理了常用的无量纲数。

### 1. 雷诺数 Reynolds number

$$Re=rac{uL}{
u}$$

其中L是特征长度,其选取要依据具体研究问题而言,也取决于科研人员的主观选择。 **少** 是运动粘度。雷诺数反应了惯性力和粘性力的比,是判断流场处于湍流还是层流的的一个值。

### 2. 努塞尔数 Nusselt number

$$Nu = rac{hL}{\lambda}$$

其中L是特征长度,h是对流换热系数, $\lambda$ 是导热率。Nu是对流传热与导热的比。在传热实验和CFD计算中,Nu数是反映对流换热能力的一个重要无量纲数。

### 3. 普朗特数 Prandtl number

$$Pr=rac{
u}{lpha}=rac{C_p\mu}{\lambda}$$

其中 $\alpha$ 是热扩散率。Pr数是动量扩散率与热扩散率的比值。

### 4. 湍流普朗特数 Turbulent Prandtl number

$$Pr_t = rac{
u_t}{lpha_t}$$

简单的说就是湍流所贡献的动量扩散率和热扩散率的比值。

#### 5. 佩克莱数 Peclet Number

$$Pe = rac{uL}{lpha}$$

表示对流与扩散的比。对于传热问题,  $\alpha$  是热扩散率。

### 6. 斯坦顿数 Stanton

$$St = rac{h}{
ho u C_p} = rac{Nu}{Re \cdot Pr}$$

表示传递到流体的热量与流体热容量的比。

# 7. 马赫数 Mach number

运动速度与当地声速的比值。

### 8. 毕渥数 Biot number

$$Bi = rac{h_f L_s}{\lambda_s}$$

当固体内部的导热与外部的对流传热相耦合时,表示内部热阻与外部对流传热热阻的比值。

#### 9. 格拉晓夫数 Grashof number

$$Gr=rac{geta\Delta TL^3}{
u^2}$$

为浮升力与粘性力的比值。在自然对流研究中非常关键。

# 10. 瑞利数 Rayleigh number

$$Ra = Gr \cdot Pr$$

自然对流与热扩散, 动量扩散的比。

#### 11. 傅立叶数 Fourier number

$$Fo = rac{lpha t}{L^2}$$

在传热领域,表示非稳态传热速率与热存储速率的比值。

# 12. 施密特数 Schmidt number

$$Sc = \frac{\nu}{D}$$

其中D为质量扩散率。表示动量扩散率与质量扩散率的比值。

### 13. 舍伍德数 Sherwood number

$$Sh = \frac{h'L}{D}$$

其中h'为传质系数。表示对流传质与扩散传质的比值。

### 14. 韦伯数 Weber number

$$We = rac{
ho u^2 L}{\sigma}$$

惯性力与表面张力之比,在气泡动力学里使用非常多。 $\sigma$ 为表面张力系数。

### 15. 库朗数 Courant number

$$Cr=rac{u\Delta t}{\Delta X}$$

在计算流体力学中常用的数。无论是欧拉体系还是粒子法的拉格朗日体系,都要考虑最大速度与网格间距或粒子间距,以及时间步长的关系。

### 16. 斯特劳哈尔数 Strouhal number

$$St = \frac{fL}{u}$$

非定常流动中常用的数,表示流动周期性。f为漩涡发生频率。

# 17. 弗劳德数 Froude number

$$Fr=rac{u}{\sqrt{gL}}$$

这里u是特征速度,g是外力场。为惯性力与外力的比值。

# 18. 克努森数 Knudsen number

$$\mathit{Kn} = rac{\lambda}{L}$$

这里 $\lambda$ 是分子的平均自由程。当Kn小于0.01时,流体可认为是连续介质。

### 19. 邦德数 Bond number

$$Bd=rac{
ho gr^2}{\sigma}$$

其中g是微重力加速度,r是液滴半径。Bd是航天领域会用到的一个无量纲数。

# 20. 理查森数 Richardson number

$$Ri = rac{g
abla
ho}{
ho(
abla u)^2}$$

表示浮升力项与流剪切项的比。当密度差较小时,用 $\operatorname{reduced}$  gravity  $\operatorname{\textbf{\textit{g}}}'$  替代  $\operatorname{\textbf{\textit{g}}}$  ,具体参考Boussinesq假设。