

---

# Vision logique de RDFS

HAI824 – Traitement sémantique des données  
ML Mugnier

# CONTENU

---

## ○ Rappels de RDF(S)

- **Graphe RDF(S)** : comporte à la fois des triplets « factuels » et des triplets « ontologiques »
- **Règles d'inférence** RDF (« RDF entailment rules »)
- **Saturation** d'un graphe avec les règles d'inférence
- **Interrogation** d'un graphe RDF saturé avec une requête SPARQL  
( la sous-classe des **Basic Graph Pattern Queries** correspond aux CQ)

## ○ Deux traductions RDFS → logique

qui produisent toutes deux une base de connaissances  
composée d'une base de **faits** et d'une base de règles **Datalog**

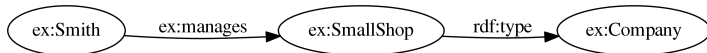
An *RDF graph*  $G$  is a set of triples  $(s, p, o)$  where

- ▶  $s$  is the subject (IRI or Blank)
- ▶  $p$  is the property (IRI)
- ▶  $o$  is the object (IRI, Blank or Literal)

## Example



$G =$

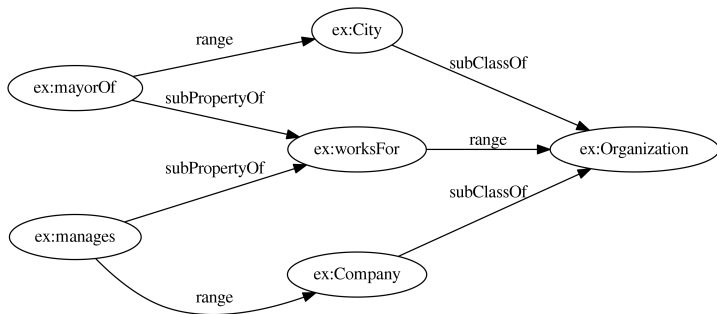


# RDFS Ontology (RDF Schema)

An *RDFS ontology* declares **semantic constraints** between classes and properties using built-in properties:

- ▶ `rdfs:subClassOf` inclusion between classes
- ▶ `rdfs:subPropertyOf` inclusion between properties
- ▶ `rdfs:domain` class of the subject of a property
- ▶ `rdfs:range` class of the object of a property

## Ontology Example



O =

# Main RDF Entailment Rules

In the rules below, a rule body defines a "pattern" that has to be found to apply the rule

The letters p, o and s have to be replaced by values

The words subclass, subproperty, domain and range are prefixed by "rdfs:"

$$\begin{aligned} & (p, \text{domain}, o), (s_1, p, o_1) \rightarrow (s_1, \text{type}, o) \\ & (p, \text{range}, o), (s_1, p, o_1) \rightarrow (o_1, \text{type}, o) \\ & (p_1, \text{subproperty}, p_2), (p_2, \text{subproperty}, p_3) \rightarrow (p_1, \text{subproperty}, p_3) \\ & (p_1, \text{subproperty}, p_2), (s, p_1, o) \rightarrow (s, p_2, o) \\ & (s, \text{subclass}, o), (s_1, \text{type}, s) \rightarrow (s_1, \text{type}, o) \\ & (s, \text{subclass}, o), (o, \text{subclass}, o_1) \rightarrow (s, \text{subclass}, o_1) \\ & (p, \text{domain}, o), (o, \text{subclass}, o_1) \rightarrow (p, \text{domain}, o_1) \\ & (p, \text{range}, o), (o, \text{subclass}, o_1) \rightarrow (p, \text{range}, o_1) \\ & (p, \text{subproperty}, p_1), (p_1, \text{domain}, o) \rightarrow (p, \text{domain}, o) \\ & (p, \text{subproperty}, p_1), (p_1, \text{range}, o) \rightarrow (p, \text{range}, o) \end{aligned}$$

These rules are not expressed in logic

but a similar notion of homomorphism is defined to apply rules

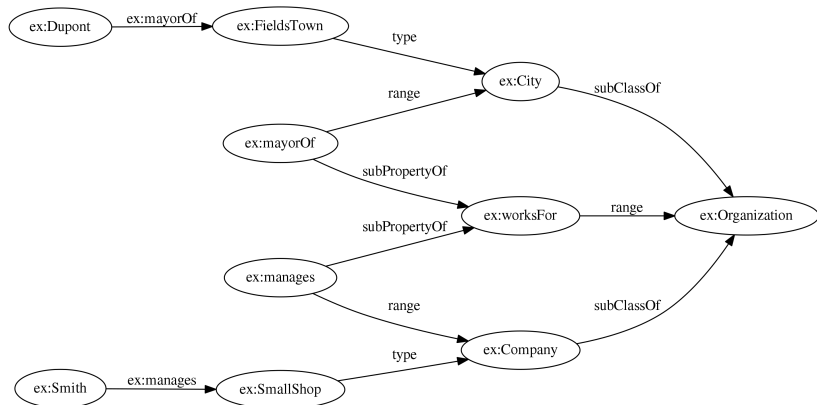
# RDF Entailment Rules (Sample)

Let  $\mathcal{R}$  contain the following RDF entailment rules:

1.  $(p_1, \text{rdfs:subPropertyOf}, p_2), (s, p_1, o) \rightarrow (s, p_2, o)$
2.  $(p, \text{rdfs:range}, o), (s_1, p, o_1) \rightarrow (o_1, \text{rdf:type}, o)$
3.  $(p, \text{rdfs:range}, o), (o, \text{rdfs:subClassOf}, o_1) \rightarrow (p, \text{rdfs:range}, o_1)$

## Saturation Example

$G \cup O =$



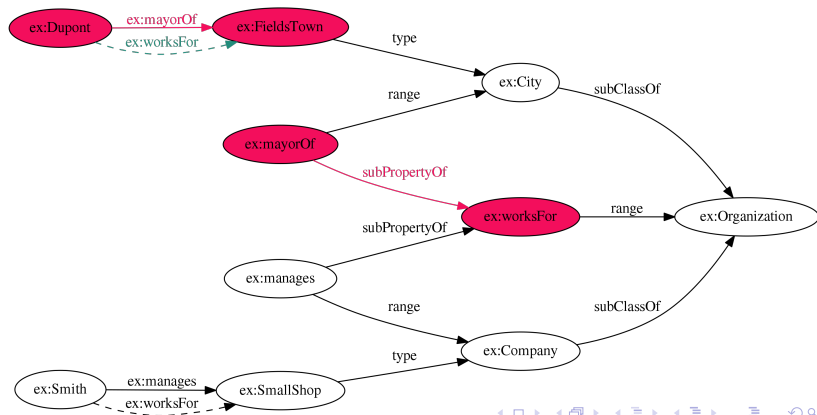
# RDF Entailment Rules

$\mathcal{R}$  contains the following RDF entailment rules:

1.  $(p_1, \text{rdfs:subPropertyOf}, p_2), (s, p_1, o) \rightarrow (s, p_2, o)$
2.  $(p, \text{rdfs:range}, o), (s_1, p, o_1) \rightarrow (o_1, \text{rdf:type}, o)$
3.  $(p, \text{rdfs:range}, o), (o, \text{rdfs:subClassOf}, o_1) \rightarrow (p, \text{rdfs:range}, o_1)$

## Saturation Example

$(G \cup O)^{\mathcal{R}} =$



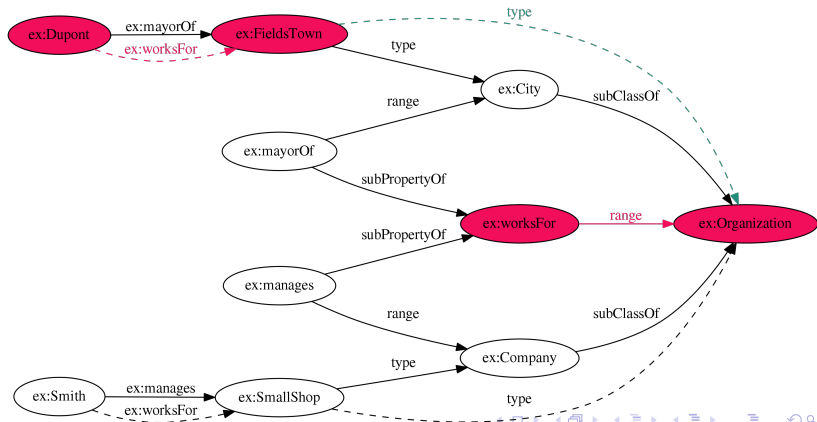
# RDF Entailment Rules

$\mathcal{R}$  contains the following RDF entailment rules:

1.  $(p_1, \text{rdfs:subPropertyOf}, p_2), (s, p_1, o) \rightarrow (s, p_2, o)$
2.  $(p, \text{rdfs:range}, o), (s_1, p, o_1) \rightarrow (o_1, \text{rdf:type}, o)$
3.  $(p, \text{rdfs:range}, o), (o, \text{rdfs:subClassOf}, o_1) \rightarrow (p, \text{rdfs:range}, o_1)$

## Saturation Example

$(G \cup O)^{\mathcal{R}} =$





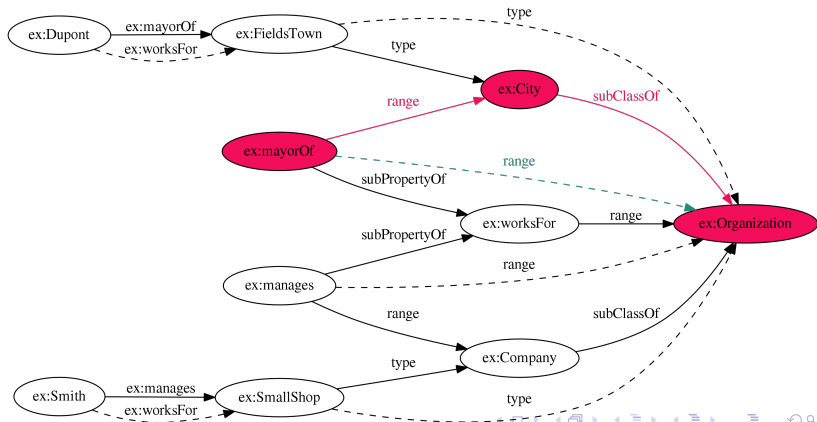
# RDF Entailment Rules (we may also have non-standard RDF entailment rules)

$\mathcal{R}$  contains the following RDF entailment rules:

1.  $(p_1, \text{rdfs:subPropertyOf}, p_2), (s, p_1, o) \rightarrow (s, p_2, o)$
2.  $(p, \text{rdfs:range}, o), (s_1, p, o_1) \rightarrow (o_1, \text{rdf:type}, o)$
3.  $(p, \text{rdfs:range}, o), (o, \text{rdfs:subClassOf}, o_1) \rightarrow (p, \text{rdfs:range}, o_1)$

## Saturation Example

$(G \cup O)^{\mathcal{R}} =$



# Basic Graph Pattern Query

A *Basic Graph Pattern query* is a **conjunctive query** on RDF triples.

## Example

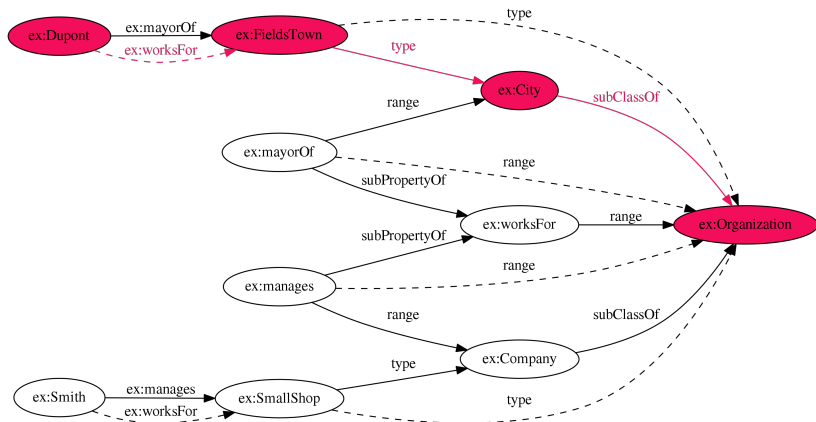
$$\begin{aligned} q(pers, orgClass) \leftarrow & (pers, ex:worksFor, org), \\ & (org, rdf:type, orgClass), \\ & (orgClass, rdfs:subClassOf, ex:Organization) \end{aligned}$$

## SPARQL Syntax

```
SELECT ?pers ?orgClass
WHERE {
  ?pers ex:worksFor ?org.
  ?org rdf:type ?orgClass.
  ?orgClass rdfs:subClassOf ex:Organization.
}
```

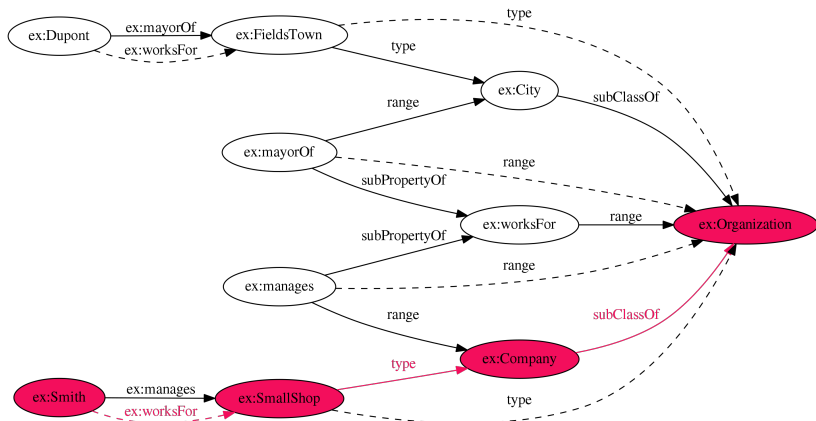
# Query Answering Example

$q(pers, orgClass) \leftarrow (pers, ex:worksFor, org),$   
 $(org, rdf:type, orgClass),$   
 $(orgClass, rdfs:subClassOf, ex:Organization)$



# Query Answering Example

$q(pers, orgClass) \leftarrow (pers, ex:worksFor, org),$   
 $(org, rdf:type, orgClass),$   
 $(orgClass, rdfs:subClassOf, ex:Organization)$



# EN RDFS TOUT EST « TRIPLET »

---

- Triplets **factuels** (data)

(s rdf:type o) // s instance, o classe

(s p o) où p est une propriété « utilisateur » // s et o instances

- Triplets **ontologiques**

- (s p o) où  $p \in \{ \text{rdfs:subClassOf}, \text{rdfs:subPropertyOf}, \text{rdfs:domain}, \text{rdfs:range} \}$

// s et o sont des classes ou des propriétés selon le cas

# EN RDFS TOUT EST « TRIPLET »

---

- Triplets **factuels** (data)

(s rdf:type o) // s instance, o classe

(s p o) où p est une propriété « utilisateur » // s et o instances

- Triplets **ontologiques**

- (s p o) où  $p \in \{ \text{rdfs:subClassOf}, \text{rdfs:subPropertyOf}, \text{rdfs:domain}, \text{rdfs:range} \}$

// s et o sont des classes ou des propriétés selon le cas

- Une entité peut être à la fois une instance, une classe et une propriété

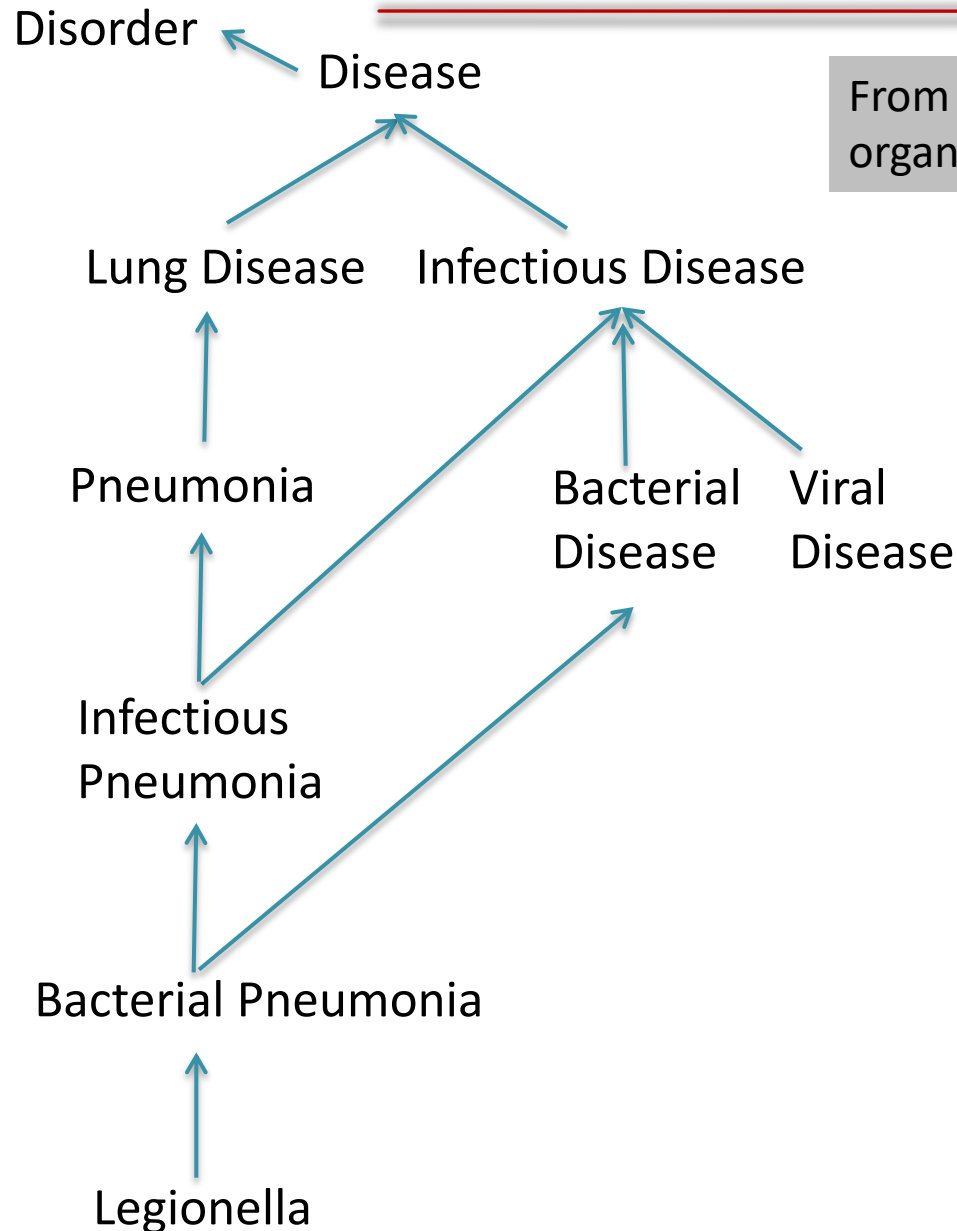
(Dupont, mayorOf, FieldsTown), (FieldsTown, rdf:type, City)

(City, rdf:type, TypeOfHabitation)

(Dupont, mayorOf, FieldsTown), (Dupont, rdf:type, mayorOf)

(rdf:type rdf:type rdf:type) // triplet légal !

# EXEMPLE : CLASSE UTILISÉE COMME L'UNE DE SES INSTANCES



From SNOMED CT: hierarchy of concepts organized by specialization (subclass)

# EXEMPLE : CLASSE UTILISÉE COMME L'UNE DE SES INSTANCES

Disorder

Disease

From SNOMED CT: hierarchy of concepts organized by specialization (subclass)

Lung Disease

Infectious Disease

Pneumonia

Bacterial

Viral

Disease

Disease

Infectious

Pneumonia

Bacterial Pneumonia

Legionella

(P affectedBy **Legionella**)  
(**Legionella** subClassOf BacterialPneumonia)

*versus*

(P affectedBy **\_:b**) (**\_:b** type **Legionella**)  
(**Legionella** subClassOf BacterialPneumonia)



# PREMIÈRE TRADUCTION LOGIQUE DE RDFS

On suit une approche classique de représentation des connaissances :

séparation stricte entre classes / propriétés / instances de concept

classe  $\leadsto$  prédicat unaire (concept)  
propriété utilisateur  $\leadsto$  prédicat binaire (relation)  
instance (IRI, blank, littéral)  $\leadsto$  constante (instance)

On pourrait traduire les blanks par des variables existentielles mais on a supposé qu'on n'en avait pas dans nos bases de faits

(Dupont, mayorOf, FieldsTown)  
(FieldsTown, type, City)  
(City subClassOf Organization)  
(mayorOf, subPropertyOf, worksFor)  
(mayorOf, range, City)  
(worksFor, range, Organization)

**Prédicats :**

City/1

Organization/1

mayorOf/2

worksFor/2

**Constantes :** Dupont, FieldsTown

# PREMIÈRE TRADUCTION LOGIQUE DE RDFS

On suit une approche classique de représentation des connaissances :

séparation stricte entre classes / propriétés / instances de concept

classe  $\leadsto$  prédicat unaire (concept)  
propriété utilisateur  $\leadsto$  prédicat binaire (relation)  
instance (IRI, blank, littéral)  $\leadsto$  constante (instance)

On pourrait traduire les blanks par des variables existentielles mais on a supposé qu'on n'en avait pas dans nos bases de faits

(Dupont, mayorOf, FieldsTown)  
(FieldsTown, type, City)  
(City subClassOf Organization)  
(mayorOf, subPropertyOf, worksFor)  
(mayorOf, range, City)  
(worksFor, range, Organization)

**Prédicats :**

City/1

Organization/1

mayorOf/2

worksFor/2

**Constantes :** Dupont, FieldsTown

Remarque : on ne peut pas traduire le fait qu'une même appellation apparaisse à la fois comme classe/propriété/instance.

ex : (Dupont, mayorOf, City), (Dupont, type, mayorOf)

# PREMIÈRE TRADUCTION LOGIQUE DE RDFS

---

## Triplet factuel

(s type C)

(s p o)    p utilisateur

$\leadsto$

$\leadsto$

$\leadsto$

## fait

C(s)

p(s,o)

## Triplet ontologique

(A subClassOf B)

(r subPropertyOf s)

(r domain A)

(r range B)

$\leadsto$

## règle Datalog

$\forall x (A(x) \rightarrow B(x))$

$\forall x \forall y (r(x,y) \rightarrow s(x,y))$

$\forall x \forall y (r(x,y) \rightarrow A(x))$

$\forall x \forall y (r(x,y) \rightarrow B(y))$

Les triplets factuels fournissent une base de faits que l'on sature avec la base de règles provenant des triplets ontologiques => on ne peut donc pas requêter « l'ontologie »

# EXAMPLE

(Dupont, mayorOf, FieldsTown)  
(FieldsTown, type, City)  
(City subClassOf Organization)  
(mayorOf, subPropertyOf, worksFor)  
(mayorOf, range, City)  
(worksFor, range, Organization)

## Prédicats :

City/1	concept
Organization/1	concept
mayorOf/2	propriété
worksFor/2	propriété

$F = \{ \text{mayorOf}(\text{Dupont}, \text{Fieldstown}), \text{City}(\text{FieldsTown}) \}$   
 $\mathcal{R} = \{$   
     $\text{City}(x) \rightarrow \text{Organization}(x)$   
     $\text{mayorOf}(x,y) \rightarrow \text{worksFor}(x,y)$   
     $\text{mayorOf}(x,y) \rightarrow \text{City}(y)$   
     $\text{worksFor}(x,y) \rightarrow \text{Organization}(y)$   
     $\}$

$F^* = \{$      $\text{mayorOf}(\text{Dupont}, \text{Fieldstown}), \text{City}(\text{FieldsTown}),$   
           $\text{Organization}(\text{FieldsTown}),$   
           $\text{worksFor}(\text{Dupont}, \text{Fieldstown})$   
     $\}$

# DEUXIÈME TRADUCTION LOGIQUE DE RDFS

---

On suit l'approche RDF : on n'a que des triplets, la **sémantique** des triplets avec une propriété rdfs est donnée par les **règles d'inférence RDFS**

IRI, literal, blank  $\leadsto$  constante  
1 seul prédicat (ternaire) : triple

(là aussi, on pourrait vouloir traduire un blank par une variable)

Traduction des triplets :  $(s, p, o) \leadsto \text{triple}(s,p,o)$

Le raisonnement est basé sur les règles d'inférence **RDF(S)**

Ex:  $(s, \text{type}, C1), (C1, \text{subClassOf}, C2) \rightarrow (s, \text{type}, C2)$

$$\forall s \forall C1 \forall C2 (\text{triple}(s, \text{type}, C1) \wedge \text{triple}(C1, \text{subclass}, C2) \rightarrow \text{triple}(s, \text{type}, C2))$$

Là aussi, on obtient une base de faits et un ensemble de règles Datalog

# EXEMPLE

(Dupont, mayorOf, FieldsTown)  
(FieldsTown, type, City)  
(City subClassOf Organization)  
(mayorOf, subPropertyOf, worksFor)  
(mayorOf, range, City)  
(worksFor, range, Organization)

Prédicats : {triple/3}

$F = \{ \text{triple}(\text{Dupont}, \text{mayorOf}, \text{FieldsTown}), \dots, \text{triple}(\text{worksFor}, \text{range}, \text{Organization}) \}$

$\mathcal{R}$  = ensemble des règles d'inférence RDFS

$F^* = F \cup \{ \text{triple}(\text{Dupont}, \text{worksFor}, \text{FieldsTown}), \text{triple}(\text{FieldsTown}, \text{type}, \text{Organization}) \}$   
 $\text{triple}(\text{mayorOf}, \text{range}, \text{Organization}) \}$

Le dernier triplet est obtenu en appliquant la règle RDFS

$(p, \text{range}, o), (o, \text{subclass}, o_1) \rightarrow (p, \text{range}, o_1)$

# COMPARAISON SUR UN EXEMPLE

---

C1 sous-classe de C2 ... sous-classe de Cn  
A a pour type C1

# COMPARAISON SUR UN EXEMPLE

---

C1 sous-classe de C2 ... sous-classe de Cn

A a pour type C1

## Traduction 1

$F = \{ C1(A) \}$

$\mathcal{R} = \{ C1(x) \rightarrow C2(x),$

...

$C_{n-1}(x) \rightarrow C_n(x)$



# COMPARAISON SUR UN EXEMPLE

C1 sous-classe de C2 ... sous-classe de Cn

A a pour type C1

## Traduction 1

$$F = \{ C1(A) \}$$

$$\mathcal{R} = \{ C1(x) \rightarrow C2(x),$$

...

$$C_{n-1}(x) \rightarrow C_n(x)$$

$$|F| = 1$$

$$|\mathcal{R}| = n-1$$

$$|F^*| = n$$

# COMPARAISON SUR UN EXEMPLE

C1 sous-classe de C2 ... sous-classe de Cn  
A a pour type C1

## Traduction 1

$F = \{ C1(A) \}$

$\mathcal{R} = \{ C1(x) \rightarrow C2(x),$

...

$C_{n-1}(x) \rightarrow C_n(x)$

$|F| = 1$

$|\mathcal{R}| = n-1$

$|F^*| = n$

## Traduction 2

$F = \{ \text{triple}(A, \text{type}, C1), \text{triple}(C1, \text{subClassOf}, C2), \dots (C_{n-1} \text{ subClassOf } C_n) \}$

$R = \{$   
     $\text{triple}(s, \text{subClass}, o), \text{triple}(s1, \text{type}, s) \rightarrow \text{triple}(s1, \text{type}, o)$   
     $\text{triple}(s, \text{subClass}, o), \text{triple}(o, \text{subClass}, o1) \rightarrow \text{triple}(s, \text{subClass}, o1)$   
     $\}$

en ne prenant que  
les 2 règles RDFS utiles

# COMPARAISON SUR UN EXEMPLE

C1 sous-classe de C2 ... sous-classe de Cn

A a pour type C1

## Traduction 1

$F = \{ C1(A) \}$

$\mathcal{R} = \{ C1(x) \rightarrow C2(x),$

...

$C_{n-1}(x) \rightarrow C_n(x)$

$|F| = 1$

$|\mathcal{R}| = n-1$

$|F^*| = n$

## Traduction 2

$F = \{ \text{triple}(A, \text{type}, C1), \text{triple}(C1, \text{subClassOf}, C2), \dots (C_{n-1} \text{ subClassOf } C_n) \}$

$R = \{$   
     $\text{triple}(s, \text{subClass}, o), \text{triple}(s1, \text{type}, s) \rightarrow \text{triple}(s1, \text{type}, o)$   
     $\text{triple}(s, \text{subClass}, o), \text{triple}(o, \text{subClass}, o1) \rightarrow \text{triple}(s, \text{subClass}, o1)$   
     $\}$

en ne prenant que  
les 2 règles RDFS utiles

$|F| = n$

$|\mathcal{R}| = 2$

$|F^*| = n + n \times (n-1)/2$  même nombre d'atomes « factuels »  
explosion (qui reste polynomiale) des atomes « ontologiques »

# INTÉRÊT DE LA TRADUCTION 2 POUR LE REQUÊTAGE

---

$q1(rel) \leftarrow (Dupont, rel, FieldsTown)$

$q2(pers, orgClass) \leftarrow (pers, worksFor, org), (org, type, orgClass),$   
 $(orgClass, subClassOf, Organization)$

# INTÉRÊT DE LA TRADUCTION 2 POUR LE REQUÊTAGE

---

$q1(rel) \leftarrow (Dupont, rel, FieldsTown)$

$q2(pers, orgClass) \leftarrow (pers, worksFor, org), (org, type, orgClass),$   
 $(orgClass, subClassOf, Organization)$

**Traduction 1** : on ne peut pas traduire vraiment ces requêtes

$q11() \leftarrow mayorOf(Dupont, FieldsTown)$  // on peut juste demander si Dupont a  
// une certaine relation avec FieldsTown

$q12() \leftarrow worksFor(Dupont, FieldsTown)$

$q2(pers) \leftarrow worksFor(pers, org)$  // Organization(org) sera inféré par une règle

# INTÉRÊT DE LA TRADUCTION 2 POUR LE REQUÊTAGE

---

$q1(rel) \leftarrow (Dupont, rel, FieldsTown)$

$q2(pers, orgClass) \leftarrow (pers, worksFor, org), (org, type, orgClass),$   
 $(orgClass, subClassOf, Organization)$

**Traduction 1** : on ne peut pas traduire vraiment ces requêtes

$q11() \leftarrow mayorOf(Dupont, FieldsTown)$  // on peut juste demander si Dupont a  
// une certaine relation avec FiedsTown

$q12() \leftarrow worksFor(Dupont, FieldsTown)$

$q2(pers) \leftarrow worksFor(pers, org)$  // Organization(org) sera inféré par une règle

**Traduction 2** :

$q2(rel) \leftarrow triple(Dupont, rel, FieldsTown)$

$q2(pers, orgClass) \leftarrow triple(pers, worksFor, org),$   
 $triple(org, type, orgClass),$   
 $triple(orgClass, subClassOf, ex:Organization)$

# CONCLUSION

---

Les deux traductions produisent une base de faits et une base de règles Datalog

## Traduction 1 :

- (+) On suit une approche « représentation de connaissances » qui distingue **clairement** la partie ontologique de la partie factuelle
- (-) On ne peut donc pas traduire n'importe quel ensemble de triplets en gardant sa sémantique
- (-) On ne peut interroger que les faits provenant des triplets factuels et de leur saturation

## Traduction 2 :

- Tous les triplets deviennent des faits
- La base de règles est indépendante d'une base RDFS particulière
- (-) Il y a un grand nombre de triplets ontologiques inférés
- (+) On peut faire du « méta-raisonnement » : raisonner sur les classes et les propriétés
- (+) On peut « **tout** » interroger, y compris avec des requêtes portant à la fois sur les « vrais » faits et sur l'ontologie