MLP-Multi-Layer-Perceptron (MNIST)

By Leon Davis.

Este proyecto implementa una red neuronal perceptrón multicapa (MLP) entrenada para reconocer dígitos del 0 al 9 utilizando el dataset MNIST. Se ha desarrollado en C++ usando CMake como sistema de construcción y OpenCV para el manejo de imágenes.

Requisitos

- CMake >= 3.10
- OpenCV >= 4.0

Asegúrate de tener instalados los requisitos antes de compilar.

🚀 Instalación

Clona el repositorio y entra en la carpeta del proyecto:

```
git clone https://github.com/LeonDavisCoropuna/MLP-Multi-Layer-Perceptron.git
cd MLP-Multi-Layer-Perceptron
```

Dale permisos de ejecución al script principal:

```
chmod +x run.sh
```

Ejecuta el script para compilar y correr:

```
./run.sh
```

Estructura del proyecto

```
tree --dirsfirst -I 'mnist data|build|venv'
 — images
   — and_tanh_sigmoid_console.png
   ├─ or tanh sigmoid console.png
   result_minst_20_epochs.png
   ├─ result_minst_30_epochs.png
   ├─ xor relu relu console.png
   ├─ xor relu relu.png
    xor_sigmoid_sigmoid_console.png
   ├─ xor sigmoid sigmoid.png
   ├─ xor tanh sigmoid console.png
   ├─ xor tanh sigmoid.png
   math tanh_console.png
   └─ xor_tanh_tanh.png
 — models
   ├─ MLP.hpp
```

```
├─ perceptron.hpp
   - numbers
   ├─ Captura desde 2025-05-19 16-56-22.png
  ├── Captura desde 2025-05-19 16-58-38.png
   ├─ Captura desde 2025-05-19 17-06-35.png
   ├ ...
  — convert.py
 — save_models
   ├─ minst test.txt
   ├─ minst weights.txt
├─ utils
   ├─ activations.hpp
  ├─ load dataset.hpp
  ├─ loss.hpp
  ├─ optimizer.hpp
  └─ test image.hpp
├─ mnist_data
   ├─ train
   <del>-</del> 1
     └ ...
     test
       <u></u> 1
       └ ...
├─ CMakeLists.txt
├─ Lab3 MLP Leon Davis.pdf
├─ LICENSE
├─ main.cpp
- README.md
- README XOR.md
├─ run.sh
├─ test.cpp
— training outputs.txt
└─ xor.cpp
5 directories, 43 files
```

Nota: La carpeta mnist_data contiene dos subcarpetas (train y test) con las imágenes del dataset MNIST organizadas por dígito.

Funcionalidades útiles

Cargar pesos preentrenados

Puedes cargar pesos guardados previamente utilizando:

```
mlp.load_model_weights("save_models/minst_weights.txt");
```

Predecir a partir de una imagen

Para predecir un dígito a partir de una imagen personalizada:

```
flatten_image_to_vector_and_predict("numbers/cinco_5.png", mlp);
```

Esto cargará la imagen cinco 5.png, la preprocesará y mostrará la predicción del modelo MLP entrenado.

Claro, continuemos con la sección **## Implementación** explicando el código del MLP (Multi-Layer Perceptron) paso a paso.

X Implementación

A continuación, se presenta una clase MLP que representa una red neuronal multicapa (Multi-Layer Perceptron) en C++. Esta implementación se basa en la clase SingleLayerPerceptron y proporciona funcionalidades para entrenamiento, evaluación, predicción y guardado/carga de pesos del modelo.

Atributos principales

```
float learning_rate;
vector<int> num_layers;
int num_inputs;
vector<SingleLayerPerceptron *> layers;
vector<vector<float>> output_layers;
vector<ActivationFunction *> activations;
Loss *loss_function;
int last_output_size = -1;
Optimizer *optimizer;
```

- learning rate : tasa de aprendizaje usada en la actualización de pesos.
- num_layers: vector que define la cantidad de neuronas por capa.
- layers: cada elemento representa una capa | SingleLayerPerceptron |.
- activations : funciones de activación por capa.
- loss function : función de pérdida (e.g. MSE, CrossEntropy).
- optimizer: permite usar distintos optimizadores (SGD, Adam, etc.).
- last output size : usado para conectar capas dinámicamente.
- output layers : almacena las salidas de cada capa tras un forward .

Constructores

Constructor con arquitectura definida:

```
MLP(float _learning_rate, vector<int> _num_layers,
    vector<ActivationFunction *> _activations, Loss *_loss_function)
```

- Define la arquitectura completa de entrada.
- Instancia cada SingleLayerPerceptron con su función de activación correspondiente.

Constructor dinámico:

```
MLP(float _learning_rate, Optimizer *_optimizer)
```

• Permite construir la red dinámicamente usando add_input_layer y add_layer.

+ Métodos de construcción

Añadir capa de entrada:

```
void add_input_layer(int input_size, int num_neurons, ActivationFunction *activationFunction)
```

• Inicializa la red con la capa de entrada.

Añadir capas ocultas:

```
void add_layer(int num_neurons, ActivationFunction *activationFunction)
```

• Añade una capa oculta o de salida, usando la salida previa como entrada.

Predicción

int predict(const vector<float> &input)

- Aplica un forward y devuelve la clase predicha:
 - Binario: si solo hay una salida, umbral de 0.5.
 - Multiclase: índice de la salida con valor más alto.

🔁 Forward propagation

```
vector<float> forward(vector<float> batch inputs)
```

• Calcula la salida de la red hacia adelante, almacenando cada salida intermedia.

Entrenamiento

```
void train(int num epochs, const vector<vector<float>> &X, const vector<float> &Y)
```

- Entrena la red:
 - 1. Para cada epoch, se recorre todo el dataset.
 - 2. Se realiza forward para cada muestra.
 - 3. Se calcula la pérdida (loss).
 - 4. Se realiza backpropagation:
 - Se propaga el error desde la última capa (backward_output_layer) hacia las ocultas (backward_hidden_layer).
 - Se actualizan los pesos (update weights).
 - 5. Imprime la pérdida y precisión por epoch.

📊 Evaluación

float evaluate(const vector<vector<float>> &X_test, const vector<float> &Y_test)

- Evalúa la red sobre datos de prueba.
- Calcula e imprime la precisión final.

💾 Guardado de pesos

void save model weights(const std::string &filename)

- Guarda los pesos de cada neurona en un archivo de texto plano.
- Formato legible, útil para análisis o reproducibilidad.

📂 Carga de pesos

void load model weights(const std::string &filename)

- Carga los pesos desde un archivo previamente guardado.
- Verifica consistencia en cantidad de capas y neuronas.

Destructor

~MLP()

· Libera memoria reservada dinámicamente para las capas, funciones de activación y pérdida.

Utilidades

Clases de Funciones de Activación

Cada clase hereda de ActivationFunction , una interfaz base que define el comportamiento general de las funciones de activación: activate() , derivative() , initialize_weights() y activate_vector() (opcional).

- ReLU (Rectified Linear Unit)
 - activate(x) : devuelve x si es positivo, 0 si es negativo.
 - derivative(x): devuelve 1 si x > 0, 0 en otro caso.
- initialize_weights() : inicializa los pesos con distribución uniforme escalada con sqrt(2 / num_inputs) (He initialization).
- Tanh
 - activate(x): retorna tanh(x), que transforma el valor a un rango entre -1 y 1.
 - derivative(x): 1 tanh(x)^2, que es la derivada de tanh.
 - initialize_weights() : usa una distribución uniforme escalada por sqrt(1 / num_inputs) (Xavier initialization).
- Sigmoid
 - activate(x): función logística: 1 / (1 + exp(-x)), salida entre 0 y 1.
 - derivative(x) : sigmoid(x) * (1 sigmoid(x)).
 - initialize_weights(): igual que Tanh, usa Xavier initialization.

Softmax

- Se usa generalmente en la capa de salida para clasificación multiclase.
- activate(x): no aplica individualmente a un escalar. Aquí solo está por compatibilidad.
- activate_vector(vector) : aplica softmax al vector completo:
 - 1. Resta el valor máximo (estabilidad numérica).
 - 2. Aplica exp.
 - 3. Normaliza dividiendo entre la suma.
- derivative(x) : no se usa directamente.
- requires_special_output_gradient() : devuelve | true |, indicando que debe manejarse especialmente (como en cross-entropy + softmax).

Carga de Dataset: load_dataset()

Esta función carga un conjunto de imágenes PNG en escala de grises desde una carpeta:

- 1. **Detecta etiquetas** en el nombre del archivo con regex (label N.png).
- 2. Lee imágenes con OpenCV (cv::imread).
- 3. **Normaliza** cada píxel a rango [0, 1].
- 4. Aplana la imagen a un vector 1D.
- 5. Devuelve un pair : lista de imágenes (X) y etiquetas (Y).

Predicción desde Imagen: flatten_image_to_vector_and_predict()

Función útil para probar el modelo con una imagen individual.

- 1. Lee la imagen en escala de grises.
- 2. La redimensiona a 28×28 (como MNIST).
- 3. La binariza (blanco y negro) con un **umbral** de 128.
- 4. Muestra la matriz 28×28 por consola.
- 5. Aplana y normaliza la imagen.
- 6. Llama al método predict() del MLP y muestra el resultado.

🌞 Optimizadores: SGD y Adam

Ambos heredan de la clase abstracta Optimizer.

• SGD (Stochastic Gradient Descent)

• Actualiza los pesos con la fórmula estándar:

```
\ w_i = w_i - \det \cdot \frac{L}{\langle u_i \ w_i \ }
```

Adam (Adaptive Moment Estimation)

- Mantiene **promedios móviles** de los gradientes y sus cuadrados:
 - m weights: primer momento (media).
 - v_weights : segundo momento (varianza).
- Usa corrección de sesgo (bias correction) para ajustar m hat y v hat.
- Mejora la estabilidad del entrenamiento especialmente con tasas de aprendizaje más grandes.

Entrenamiento

Este programa en C++ carga un modelo de red neuronal multicapa (MLP) para clasificar imágenes del conjunto de datos MNIST. A continuación se explica paso a paso cada parte del código:

1. Inclusión de cabeceras

```
#include "models/MLP.hpp"
#include "utils/load_dataset.hpp"
#include <chrono>
```

Se incluyen:

- El modelo MLP (una red neuronal feedforward).
- La utilidad load_dataset.hpp para cargar datos de imagen.
- <chrono> para medir el tiempo de entrenamiento.

2. Inicialización del generador aleatorio

```
mt19937 Perceptron::gen(32);
```

Se inicializa un generador de números aleatorios con semilla 32, usado probablemente en la inicialización de pesos en la clase Perceptron .

3. Función principal main()

Carga de los datos

```
auto train_data = load_dataset("mnist_data/saved_images/train");
auto test_data = load_dataset("mnist_data/saved_images/test");
```

- Se cargan las imágenes de entrenamiento y prueba desde las carpetas locales.
- train data y test data son pares std::pair<vector, vector> con imágenes y etiquetas.

```
std::cout << "Cargadas " << train_data.first.size() << " imágenes de entrenamiento." << std::endl;
std::cout << "Cargadas " << test_data.first.size() << " imágenes de prueba." << std::endl;</pre>
```

Se imprime cuántas imágenes se han cargado.

4. Configuración del modelo MLP

```
float learning_rate = 0.001f;
Optimizer *sgd = new SGD(learning_rate);
MLP mlp(learning_rate, sgd);
```

- Se define la tasa de aprendizaje.
- Se instancia un optimizador SGD .
- Se crea un modelo MLP con ese optimizador.

```
mlp.add_input_layer(784, 128, new ReLU());
mlp.add_layer(64, new ReLU());
mlp.add_layer(10, new Softmax());
mlp.set_loss(new CrossEntropyLoss());
```

- Se define la arquitectura de la red:
 - Capa de entrada: 784 neuronas (28x28 px), 128 de salida con activación ReLU.
 - Capa oculta: 64 neuronas con ReLU.
 - Capa de salida: 10 neuronas (dígitos del 0 al 9) con Softmax.
- Se define la función de pérdida como entropía cruzada.

5. Medición del tiempo de entrenamiento

```
auto start_time = std::chrono::high_resolution_clock::now();
```

Se inicia el conteo del tiempo.

```
mlp.train(30, train_data.first, train_data.second);
//mlp.load_model_weights("save_models/minst_weights.txt");
```

- En el entrenamiento se indican las epocas (30) junto con los datos de entrenamiento y evaluacion
- En caso de haber entrenado el modelo anteriormente ya no es necesario entrenar desde cero, se cargan pesos preentrenados.

```
auto end_time = std::chrono::high_resolution_clock::now();
std::chrono::duration<double> duration = end_time - start_time;
std::cout << "Tiempo total de entrenamiento: " << duration.count() << " segundos" << std::endl;</pre>
```

Se calcula e imprime el tiempo total que tomó cargar el modelo (o entrenarlo, si se usa la línea comentada). Luego se prueba el modelo en el conjunto de evaluación y se imprime el accuracy.

• Ejemplo de salida en el entrenamiento

```
🚀 Ejecutando el programa...
Cargadas 60000 imágenes de entrenamiento.
Cargadas 10000 imágenes de prueba.
Epoch 1, Loss: 0.367716, Accuracy: 89.4567%
Epoch 2, Loss: 0.176962, Accuracy: 94.8083%
Epoch 3, Loss: 0.130999, Accuracy: 96.1583%
Epoch 4, Loss: 0.10431, Accuracy: 96.96%
Epoch 5, Loss: 0.0862045, Accuracy: 97.51%
Epoch 6, Loss: 0.0728901, Accuracy: 97.885%
Epoch 7, Loss: 0.0625226, Accuracy: 98.2117%
Epoch 8, Loss: 0.0540862, Accuracy: 98.5067%
Epoch 9, Loss: 0.0470896, Accuracy: 98.7167%
Epoch 10, Loss: 0.0411038, Accuracy: 98.945%
Epoch 11, Loss: 0.0360036, Accuracy: 99.0967%
Epoch 12, Loss: 0.0315348, Accuracy: 99.26%
Epoch 13, Loss: 0.0276894, Accuracy: 99.3767%
Epoch 14, Loss: 0.0243102, Accuracy: 99.4933%
Epoch 15, Loss: 0.0213317, Accuracy: 99.58%
Epoch 16, Loss: 0.0187413, Accuracy: 99.65%
Epoch 17, Loss: 0.0165007, Accuracy: 99.7283%
Epoch 18, Loss: 0.0145453, Accuracy: 99.7817%
Epoch 19, Loss: 0.0128502, Accuracy: 99.8283%
Epoch 20, Loss: 0.0113212, Accuracy: 99.8567%
Epoch 21, Loss: 0.0100573, Accuracy: 99.8933%
Epoch 22, Loss: 0.00889634, Accuracy: 99.9217%
Epoch 23, Loss: 0.00795643, Accuracy: 99.9433%
Epoch 24, Loss: 0.00709002, Accuracy: 99.9567%
Epoch 25, Loss: 0.00636622, Accuracy: 99.9667%
Epoch 26, Loss: 0.00573744, Accuracy: 99.975%
Epoch 27, Loss: 0.00519832, Accuracy: 99.9817%
Epoch 28, Loss: 0.00471145, Accuracy: 99.9817%
Epoch 29, Loss: 0.0042833, Accuracy: 99.985%
Epoch 30, Loss: 0.00391197, Accuracy: 99.9867%
Tiempo total de entrenamiento: 2999.45 segundos
=== Evaluación sobre 10 muestras de test ===
Muestra 0 — Verdadero: 5, Predicción: 5
Muestra 1 — Verdadero: 5, Predicción: 5
Muestra 2 — Verdadero: 6, Predicción: 6
Muestra 3 — Verdadero: 1, Predicción: 1
Muestra 4 — Verdadero: 2, Predicción: 2
Muestra 5 — Verdadero: 2, Predicción: 2
Muestra 6 — Verdadero: 4, Predicción: 4
Muestra 7 — Verdadero: 7, Predicción: 7
Muestra 8 - Verdadero: 2, Predicción: 2
Muestra 9 — Verdadero: 4, Predicción: 4
Evaluation Results:
 - Test samples: 10000
 - Correct predictions: 9779
 - Accuracy: 97.79%
```

Notas adicionales

También se muestran líneas comentadas para:

- · Entrenar el modelo.
- Evaluar todo el conjunto de prueba.
- Guardar los pesos del modelo entrenado.

Estas funcionalidades están disponibles y pueden activarse fácilmente.

Ejemplos de salidas

```
Consolidate compiler generated dependencies of target test
[100%] Built target test
🚀 Ejecutando el programa...
Advertencia: número de capas en el archivo (0) no coincide con el modelo (3).
Pesos del modelo cargados desde: save models/minst weights.txt
Matriz de píxeles (28x28) en blanco y negro:
Predicción del MLP: 2
```

```
[100%] Linking CXX executable test
[100%] Built target test
🚀 Ejecutando el programa...
Advertencia: número de capas en el archivo (0) no coincide con el modelo (3).
Pesos del modelo cargados desde: save models/minst weights.txt
Matriz de píxeles (28x28) en blanco y negro:
Predicción del MLP: 3
```

```
[100%] Linking CXX executable test
[100%] Built target test
🚀 Ejecutando el programa...
Advertencia: número de capas en el archivo (0) no coincide con el modelo (3).
Pesos del modelo cargados desde: save models/minst weights.txt
Matriz de píxeles (28x28) en blanco y negro:
Predicción del MLP: 7
```

Prueba en conjunto de mnist45.zip

```
Pesos del modelo cargados desde: /home/leon/Documentos/UNSA/TOPICOS IA/ML
[Error multiclase] Index: 0, Predicho: 8, Verdadero: 1
[Error multiclase] Index: 1, Predicho: 9, Verdadero: 1
[Error multiclase] Index: 2, Predicho: 0, Verdadero: 2
[Error multiclase] Index: 3, Predicho: 7, Verdadero: 2
[Error multiclase] Index: 4, Predicho: 9, Verdadero: 5
[Error multiclase] Index: 6, Predicho: 5, Verdadero: 6
[Error multiclase] Index: 8, Predicho: 3, Verdadero: 8
[Error multiclase] Index: 10, Predicho: 6, Verdadero: 9
[Error multiclase] Index: 13, Predicho: 0, Verdadero: 5
[Error multiclase] Index: 14, Predicho: 5, Verdadero: 1
[Error multiclase] Index: 15, Predicho: 6, Verdadero: 1
[Error multiclase] Index: 17, Predicho: 4, Verdadero: 1
[Error multiclase] Index: 18, Predicho: 0, Verdadero: 2
[Error multiclase] Index: 19, Predicho: 9, Verdadero: 2
[Error multiclase] Index: 21, Predicho: 2, Verdadero: 8
[Error multiclase] Index: 23, Predicho: 5, Verdadero: 2
[Error multiclase] Index: 24, Predicho: 7, Verdadero: 8
[Error multiclase] Index: 27, Predicho: 7, Verdadero: 2
[Error multiclase] Index: 33, Predicho: 3, Verdadero: 1
[Error multiclase] Index: 34, Predicho: 3, Verdadero: 2
[Error multiclase] Index: 35, Predicho: 7, Verdadero: 2
[Error multiclase] Index: 36, Predicho: 8, Verdadero: 6
[Error multiclase] Index: 38, Predicho: 6, Verdadero: 4
Evaluation Results:
 - Test samples: 40

    Correct predictions: 17

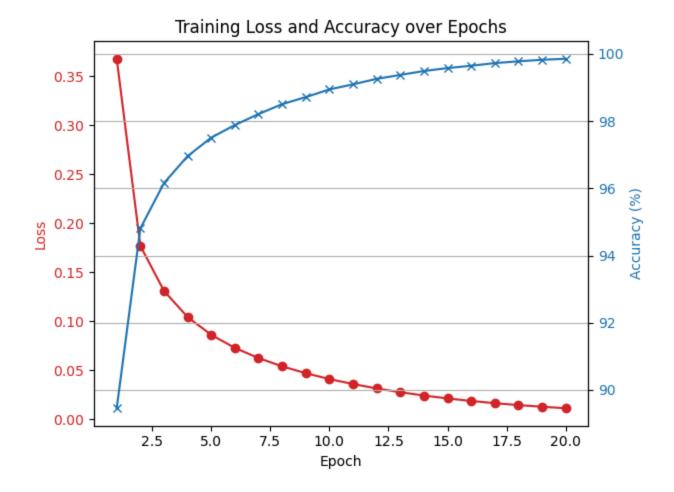
 - Accuracy: 42.5%
```

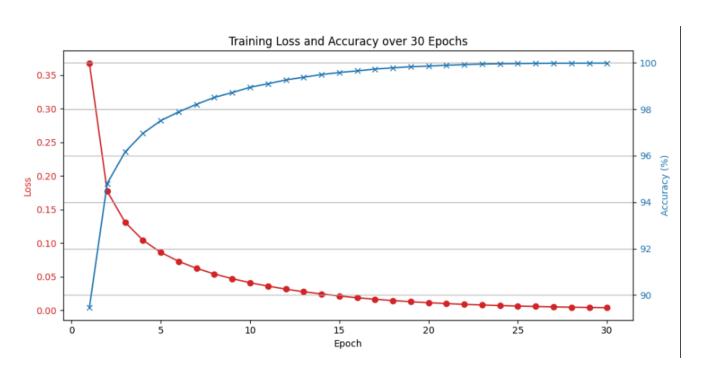
El bajo rendimiento del modelo (42.5% de precisión) al clasificar dígitos con rotaciones se debe a que fue entrenado únicamente con imágenes centradas y alineadas, como las del dataset MNIST original. Esto demuestra que el modelo no es robusto frente a transformaciones espaciales que no fueron consideradas en el entrenamiento.

Para mejorar el desempeño, sería interesante aplicar data augmentation, generando manualmente versiones rotadas y desplazadas de las imágenes originales. Esto permitiría que el modelo aprenda a reconocer los dígitos sin depender de su orientación o posición.

Preguntas de laboratorio

3. Curvas de pérdida y presición





Tanto con 20 como con 30 épocas, el modelo muestra una buena convergencia. Sin embargo, a partir de la época 22, la mejora en la precisión es mínima, lo que sugiere que continuar el entrenamiento más allá de ese punto no aporta beneficios significativos y podría aumentar el riesgo de sobreajuste. Aun así, en este caso particular, no se observa evidencia de sobreajuste, ya que al evaluar el modelo sobre el conjunto de prueba se obtienen precisiones de 97.57% y 97.79% para los entrenamientos de 20 y 30 épocas, respectivamente.

4. ¿Qué precisión se puede alcanzar con la mitad de épocas?

La mitad de 30 épocas corresponde a 15 épocas:

- Precisión en la época 15: 99.58%
- Pérdida en la época 15: 0.0213317 Esto muestra que incluso con la mitad de las épocas, el modelo ya alcanza una precisión muy alta (casi 99.6%), lo cual es suficiente para muchas tareas prácticas de clasificación.

5. ¿Qué ocurre si se entrena con el doble de épocas del modelo óptimo?

El modelo óptimo se alcanzó aproximadamente en la época 20, por lo que entrenar durante el doble (40 épocas) implicaría realizar 20 épocas adicionales. Se tiene lo siguiente:

- La pérdida continúa disminuyendo, pero a un ritmo mucho más lento.
- · La precisión mejora muy ligeramente: de 99.85% en época 20 a 99.98% en época 30.

Este comportamiento sugiere que el modelo sigue mejorando, pero las ganancias son marginales y podrían no justificar el costo computacional adicional de entrenar 10 o 20 épocas más. Además, entrenar muchas más épocas puede conllevar el riesgo de sobreajuste, dependiendo de la validación externa.

Código

```
//MLP.hpp
#include "singleLayerPerceptron.hpp"
#include "../utils/loss.hpp"
class MLP
private:
 float learning rate;
 vector<int> num layers;
 int num inputs;
 vector<SingleLayerPerceptron *> layers;
 vector<vector<float>> output layers;
 vector<ActivationFunction *> activations;
 Loss *loss function;
 int last output size = -1;
 Optimizer *optimizer;
public:
 MLP(float learning rate, vector<int> num layers,
     vector<ActivationFunction *> activations, Loss * loss function)
  {
   learning rate = learning rate;
   num_layers = _num_layers;
   num inputs = num layers[0];
   activations = activations;
   loss_function = _loss_function;
```

```
int input size = num inputs;
   for (size t i = 0; i < num layers.size(); i++)</pre>
      SingleLayerPerceptron *layer = new SingleLayerPerceptron(num layers[i], input size,
activations[i], learning rate, optimizer);
     layers.push back(layer);
     input size = num layers[i];
   }
 }
 MLP(float learning rate, Optimizer * optimizer)
   learning rate = learning rate;
   optimizer = optimizer;
 void add layer(int num neurons, ActivationFunction *activationFunction)
   if (last_output_size == -1)
     throw std::logic error("Debes añadir una capa de entrada primero o especificar el tamaño
inicial");
   SingleLayerPerceptron *layer = new SingleLayerPerceptron(num neurons, last output size,
activationFunction, learning rate, optimizer);
   layers.push back(layer);
   last output size = num neurons;
 }
 void add input layer(int input size, int num neurons, ActivationFunction *activationFunction)
   SingleLayerPerceptron *layer = new SingleLayerPerceptron(num neurons, input size,
activationFunction, learning rate, optimizer);
   layers.push back(layer);
   last output size = num neurons;
 void set loss(Loss * loss function)
   loss function = loss function;
 int predict(const vector<float> &input)
   vector<float> out = forward(input);
   if (out.size() == 1)
   { // Caso binario
     return out[0];
   }
   else
   { // Caso multiclase
      return static cast<int>(std::distance(out.begin(),
                                            std::max element(out.begin(), out.end())));
   }
 }
```

```
vector<float> forward(vector<float> batch inputs)
  output layers.clear();
  vector<float> current_input = batch_inputs;
  for (auto &layer : layers)
    current input = layer->forward(current input);
    output_layers.push_back(current_input);
  }
  return current input;
}
void train(int num epochs, const vector<vector<float>> &X, const vector<float> &Y)
  bool is binary = (layers.back()->list perceptrons.size() == 1); // Verifica si es binaria
  for (int epoch = 0; epoch < num_epochs; epoch++)</pre>
    float total_loss = 0.0f;
    int correct predictions = 0;
    for (size t i = 0; i < X.size(); i++)</pre>
      vector<float> outputs = forward(X[i]);
      float y_true = Y[i];
      // Manejo de predicciones según tipo de problema
      int predicted class;
      if (is binary)
        // Clasificación binaria: umbral 0.5
        predicted class = (outputs[0] > 0.5f) ? 1 : 0;
      }
      else
      {
        predicted class = static cast<int>(std::distance(
            outputs.begin(),
            std::max element(outputs.begin(), outputs.end())));
      }
      if (is binary)
        if (predicted class == static cast<int>(y true))
          correct predictions++;
        }
      }
      else
        if (predicted class == static cast<int>(y true))
        {
```

```
correct predictions++;
       }
      }
      // Preparar target vector según el tipo de problema
      vector<float> target vec;
      if (is binary)
        target_vec = {y_true}; // Solo un valor para BCELoss
      }
      else
        target vec.assign(layers.back()->list perceptrons.size(), 0.0f);
        target_vec[static_cast<int>(y_true)] = 1.0f; // One-hot encoding
      }
      // Cálculo de pérdida
      total_loss += loss_function->compute(outputs, target_vec);
      // Backpropagation
      layers.back()->backward output layer(target vec);
      for (int l = layers.size() - 2; l >= 0; l--)
      {
        layers[l]->backward hidden layer(layers[l + 1]);
      }
      for (auto &layer : layers)
        layer->update weights();
      }
    }
    // Cálculo de métricas
    float avg loss = total loss / X.size();
    float accuracy = static cast<float>(correct predictions) / X.size() * 100.0f;
    std::cout << "Epoch " << epoch + 1
              << ", Loss: " << avg loss
              << ", Accuracy: " << accuracy << "%" << std::endl;
  }
}
float evaluate(const vector<vector<float>> &X_test, const vector<float> &Y_test)
  int correct predictions = 0;
  for (size t i = 0; i < X test.size(); i++)</pre>
  {
    vector<float> out = forward(X_test[i]);
    int predicted class;
    float true_class = Y_test[i];
    if (out.size() == 1)
    { // Binario
```

```
predicted class = out[0] > 0.5f ? 1 : 0;
        if (predicted_class == static_cast<int>(true_class))
          correct_predictions++;
        }
        else
          std::cerr << "[Error binario] Index: " << i</pre>
                    << ", Predicho: " << predicted class
                    << ", Verdadero: " << static_cast<int>(true_class)
                    << std::endl;
        }
      }
      else
      { // Multiclase
        predicted class = static cast<int>(std::distance(out.begin(), std::max element(out.begin(),
out.end()));
        if (predicted_class == static_cast<int>(true_class))
        {
          correct predictions++;
        }
        else
        {
          std::cerr << "[Error multiclase] Index: " << i</pre>
                    << ", Predicho: " << predicted class
                    << ", Verdadero: " << static cast<int>(true class)
                    << std::endl;
       }
      }
    }
    float accuracy = static cast<float>(correct predictions) / X test.size() * 100.0f;
    std::cout << "Evaluation Results:" << std::endl;</pre>
    std::cout << " - Test samples: " << X test.size() << std::endl;</pre>
    std::cout << " - Correct predictions: " << correct predictions << std::endl;</pre>
    std::cout << " - Accuracy: " << accuracy << "%" << std::endl;</pre>
    return accuracy;
 }
 ~MLP()
    for (auto *layer : layers)
     delete layer;
    }
    for (auto *act : activations)
      delete act;
    }
```

```
delete loss function;
}
void save model weights(const std::string &filename)
  std::ofstream out(filename);
 if (!out.is open())
   std::cerr << "No se pudo abrir el archivo para guardar el modelo." << std::endl;</pre>
   return;
  }
  out << "MLP Model Weights\n";</pre>
  out << "Learning Rate: " << learning rate << "\n";</pre>
  out << "Num Layers: " << num_layers.size() << "\n";</pre>
  for (size t layer idx = 0; layer idx < layers.size(); ++layer idx)</pre>
  {
   const auto *layer = layers[layer idx];
    out << "Layer " << layer_idx + 1 << "\n";
    out << " - Neurons: " << layer->list perceptrons.size() << "\n";</pre>
    out << " - Learning Rate: " << layer->learning rate << "\n";</pre>
    for (size_t p_idx = 0; p_idx < layer->list_perceptrons.size(); ++p_idx)
      const auto *p = layer->list perceptrons[p idx];
      out << " Neuron " << p idx + 1 << "\n";
      out << " - Bias: " << p->bias << "\n";
      out << " - Weights: ";
      for (float w : p->weights)
       out << w << " ";
      }
      out << "\n";
    }
  }
  out.close();
  std::cout << "Pesos del modelo guardados en: " << filename << std::endl;</pre>
void load_model_weights(const std::string &filename)
  std::ifstream in(filename);
 if (!in.is_open())
    std::cerr << "No se pudo abrir el archivo para cargar el modelo." << std::endl;</pre>
    return;
  }
  std::string line;
  // 1) Saltar la cabecera
```

```
std::getline(in, line); // "MLP Model Weights"
// 2) Leer learning rate global (opcional usar o ignorar si ya está en memoria)
std::getline(in, line);
  std::istringstream ss(line);
 std::string tmp;
                     // "Learning" "Rate:"
  ss >> tmp >> tmp;
 ss >> learning_rate; // valor
}
// 3) Leer número de capas (para validación)
std::getline(in, line);
  std::istringstream ss(line);
  std::string tmp;
  int file num layers;
  ss >> tmp >> tmp >> file_num_layers; // "Num" "Layers:" N
  if (file num layers != static cast<int>(layers.size()))
    std::cerr << "Advertencia: número de capas en el archivo ("</pre>
              << file_num_layers << ") no coincide con el modelo ("</pre>
              << layers.size() << ")." << std::endl;
 }
}
// 4) Iterar por cada capa
for (size t layer idx = 0; layer idx < layers.size(); ++layer idx)</pre>
  // Leer "Layer N"
  std::getline(in, line);
  // Leer "- Neurons: M" (validar)
  std::getline(in, line);
  int file neurons = 0;
  {
   std::istringstream ss(line);
    std::string tmp;
   ss >> tmp >> tmp >> file_neurons; // "-" "Neurons:" M
   if (file neurons != static cast<int>(layers[layer idx]->list perceptrons.size()))
    {
      std::cerr << "Advertencia: neuronas en capa " << layer idx + 1</pre>
                << " en archivo (" << file neurons << ") difiere de modelo ("
                << layers[layer idx]->list perceptrons.size() << ")." << std::endl;</pre>
   }
  }
  // Leer "- Learning Rate: lr layer"
  std::getline(in, line);
    std::istringstream ss(line);
    std::string tmp;
```

```
float lr layer;
        ss >> tmp >> tmp >> lr layer; // "-" "Learning" "Rate:" lr
        layers[layer_idx]->learning_rate = lr_layer;
      }
      // 5) Iterar perceptrones de la capa
      for (size t p idx = 0; p idx < layers[layer idx]->list perceptrons.size(); ++p idx)
        // Leer "Neuron K"
        std::getline(in, line);
        // Leer " - Bias: value"
        std::getline(in, line);
          std::istringstream ss(line);
          std::string tmp;
          float bias val;
          ss >> tmp >> tmp >> bias_val; // "-" "Bias:" val
          layers[layer_idx]->list_perceptrons[p_idx]->bias = bias_val;
        }
        // Leer " - Weights: w1 w2 w3 ..."
        std::getline(in, line);
          std::istringstream ss(line);
          std::string tmp;
          ss >> tmp >> tmp; // "-" "Weights:"
          std::vector<float> wts;
          float w;
          while (ss >> w)
           wts.push_back(w);
          layers[layer idx]->list perceptrons[p idx]->weights = std::move(wts);
        }
      }
    }
   in.close();
    std::cout << "Pesos del modelo cargados desde: " << filename << std::endl;</pre>
 }
};
//SingleLayerPerceptorn.hpp
#include "perceptron.hpp"
#include "../utils/optimizer.hpp"
class SingleLayerPerceptron
{
public:
 vector<Perceptron *> list perceptrons;
  ActivationFunction *activation;
```

```
float learning rate;
 vector<float> outputs layer;
 vector<float> inputs_layer;
 Optimizer *optimizer;
public:
 SingleLayerPerceptron(int num neurons, int num inputs,
                        ActivationFunction * activation,
                        float _learning_rate, Optimizer *_optimizer)
 {
   optimizer = _optimizer;
   list perceptrons.resize(num neurons);
   learning rate = learning rate;
   for (int i = 0; i < num neurons; i++)</pre>
      Perceptron *p = new Perceptron(num inputs, learning rate);
      list perceptrons[i] = p;
   activation = _activation;
 }
 vector<float> forward(vector<float> batch inputs)
   inputs layer = batch inputs;
   outputs layer.clear();
   vector<float> pre activations;
   for (auto &perceptron : list perceptrons)
      float z = perceptron->forward(batch inputs);
      perceptron->output = z;
      pre activations.push back(z);
   }
   if (dynamic cast<Softmax *>(activation))
   {
      outputs layer = activation->activate vector(pre activations);
   }
   else
      for (float z : pre_activations)
        outputs layer.push back(activation->activate(z));
      }
   }
   for (size t i = 0; i < list perceptrons.size(); ++i)</pre>
      list perceptrons[i]->output = outputs layer[i];
   }
   return outputs layer;
```

```
}
 // Capa de salida
 void backward output layer(const vector<float> &targets)
   for (int i = 0; i < list perceptrons.size(); i++)</pre>
      float output = list perceptrons[i]->output;
      float error = output - targets[i];
      float delta;
      if (dynamic cast<Softmax *>(activation))
        // Caso Cross-Entropy + Softmax: gradiente = (output - target)
        delta = error; // ¡Sin multiplicar por derivative()!
      }
      else
      {
        // Caso MSE + Sigmoid/Lineal: gradiente = (output - target) * derivative(output)
        delta = error * activation->derivative(output);
      }
      list perceptrons[i]->set delta(delta);
   }
 }
 // Capa oculta
 void backward hidden layer(SingleLayerPerceptron *next layer)
   const int current size = list perceptrons.size();
   const int next_size = next_layer->list_perceptrons.size();
   std::vector<float> next deltas(next size);
   for (int j = 0; j < next size; ++j)
      next_deltas[j] = next_layer->list_perceptrons[j]->get_delta();
   }
#pragma omp parallel for
   for (int i = 0; i < current size; ++i)</pre>
      float sum = 0.0f;
      for (int j = 0; j < next size; ++j)
       sum += next_layer->list_perceptrons[j]->weights[i] * next_deltas[j];
      float output = list perceptrons[i]->output;
      list perceptrons[i]->set delta(sum * activation->derivative(output));
   }
 }
 void update weights()
```

```
{
    const float clip_value = 1.0f;
#pragma omp parallel for
    for (auto &neuron : list_perceptrons)
      float gradient = neuron->get delta();
      std::vector<float> gradients weights;
      for (size_t i = 0; i < neuron->weights.size(); ++i)
        gradients_weights.push_back(gradient * inputs_layer[i]);
      }
      float gradient bias = gradient;
      optimizer->update(neuron->weights, gradients weights, neuron->bias, gradient bias);
   }
  void zero_grad()
    for (auto &perceptron : list_perceptrons)
      perceptron->set delta(0.0f);
    }
 }
};
//perceptron.hpp
#include <iostream>
#include <vector>
#include <random>
#include "../utils/activations.hpp"
#include <sstream>
#include <fstream>
using namespace std;
class Perceptron
public:
  float bias;
 vector<float> weights;
 float learning rate;
 static mt19937 gen;
 float output;
 // gradiente local
  float delta;
  vector<float> grad_w; // - Aquí almacenas los gradientes acumulados
public:
  float forward(const vector<float> &inputs)
    float z = bias;
```

```
for (size t i = 0; i < weights.size(); i++)</pre>
    z += weights[i] * inputs[i];
 return z;
}
Perceptron(int num inputs, float learning rate)
  uniform_real_distribution<float> dist(-1.0f, 1.0f);
  learning_rate = _learning_rate;
  weights.resize(num inputs);
  float stddev = sqrt(2.0f / num_inputs);
  for (auto &w : weights)
   w = normal_distribution<float>(0.0f, stddev)(gen);
  bias = 0.01f;
  delta = 0.0f;
void print_weights()
  cout << "Pesos: ";</pre>
  for (const auto &w : weights)
   cout << w << "\t";
 cout << endl
      << "Bias: " << bias << endl;
}
void set_delta(float d)
{
 delta = d;
float get delta() const
 return delta;
float get_output() const
 return output;
vector<float> getWeights()
  return weights;
}
void serialize(std::ofstream &file) const
```

```
{
   size t num weights = weights.size();
   file.write(reinterpret_cast<const char *>(&num_weights), sizeof(num_weights));
   file.write(reinterpret cast<const char *>(weights.data()),
               num_weights * sizeof(float));
   file.write(reinterpret cast<const char *>(&bias), sizeof(bias));
 }
 void deserialize(std::ifstream &file)
   size t num weights;
   file.read(reinterpret cast<char *>(&num weights), sizeof(num weights));
   weights.resize(num weights);
   file.read(reinterpret cast<char *>(weights.data()),
              num_weights * sizeof(float));
   file.read(reinterpret_cast<char *>(&bias), sizeof(bias));
 }
};
//funciones de activacion (activations.hpp)
#include <vector>
#include <cmath>
#include <algorithm>
#include <vector>
#include <random> // Para std::uniform real distribution y mt19937
using namespace std;
class ActivationFunction
{
public:
 virtual float activate(float x) const = 0;
 virtual float derivative(float x) const = 0;
 virtual void initialize weights(vector<float> &weights, int num inputs, mt19937 gen) const = 0;
 virtual vector<float> activate vector(const vector<float> &x) const
   throw runtime error("activate vector no implementado para esta función de activación");
 virtual bool requires special output gradient() const { return false; } // Por defecto, no
requiere tratamiento especial
};
// ReLU
class ReLU : public ActivationFunction
public:
 float activate(float x) const override
```

```
return (x > 0) ? x : 0;
 }
 float derivative(float x) const override
   return (x > 0) ? 1.0f : 0.0f;
 }
 void initialize_weights(vector<float> &weights, int num_inputs, mt19937 gen) const override
   uniform_real_distribution<float> dist(-sqrt(2.0 / num_inputs)), sqrt(2.0 / num_inputs));
   for (auto &w : weights)
     w = dist(gen);
   }
 }
};
// Tanh
class Tanh : public ActivationFunction
public:
 float activate(float x) const override
   return tanh(x);
 }
 float derivative(float x) const override
   return 1.0f - tanh(x) * tanh(x); // Derivada de tanh(x)
 }
 void initialize weights(vector<float> &weights, int num inputs, mt19937 gen) const override
   uniform real distribution<float> dist(-sqrt(1.0 / num inputs), sqrt(1.0 / num inputs));
   for (auto &w : weights)
     w = dist(gen);
   }
 }
};
// Sigmoid
class Sigmoid : public ActivationFunction
public:
 float activate(float x) const override
   return 1.0f / (1.0f + exp(-x));
```

```
}
 float derivative(float x) const override
   float sig = activate(x);
   return sig * (1 - sig);
 void initialize_weights(vector<float> &weights, int num_inputs, mt19937 gen) const override
   uniform real distribution<float> dist(-sqrt(1.0 / num inputs), sqrt(1.0 / num inputs));
   for (auto &w : weights)
     w = dist(gen);
   }
 }
};
// Softmax
class Softmax : public ActivationFunction
{
public:
 // Esta función no tiene sentido para softmax, pero debe estar por contrato
 float activate(float x) const override
   return x; // No aplica softmax escalar
 }
 float derivative(float x) const override
   return 1.0f; // No usada directamente (softmax se trata diferente con cross entropy)
 }
 void initialize weights(vector<float> &weights, int num inputs, mt19937 gen) const override
   uniform real distribution<float> dist(-sqrt(1.0 / num inputs), sqrt(1.0 / num inputs));
   for (auto &w : weights)
     w = dist(gen);
   }
 }
 bool requires special output gradient() const override { return true; } // ¡Softmax necesita
tratamiento especial!
 // Softmax se aplica a un vector de pre-activaciones
 vector<float> activate vector(const vector<float> &z) const
   vector<float> result(z.size());
   // Estabilización numérica: restar el máximo antes de exponenciar
   float max val = *max element(z.begin(), z.end());
```

```
float sum exp = 0.0f;
    for (size t i = 0; i < z.size(); ++i)
     result[i] = exp(z[i] - max_val);
     sum_exp += result[i];
    for (size t i = 0; i < z.size(); ++i)
     result[i] /= sum exp;
    }
   return result;
 }
};
//funciones de perdida (loss.hpp)
#include <vector>
#include <cmath>
                    // Para log(), pow(), etc.
#include <stdexcept> // Para manejar errores
class Loss
public:
  // Método virtual puro para calcular la pérdida
  virtual float compute(const std::vector<float> &predictions, const std::vector<float> &targets) =
0:
 // Método virtual puro para calcular el gradiente (derivada de la pérdida)
  virtual std::vector<float> gradient(const std::vector<float> &predictions, const
std::vector<float> &targets) = 0;
 // Destructor virtual para evitar memory leaks
 virtual ~Loss() = default;
};
class MSELoss : public Loss
{
public:
  float compute(const std::vector<float> &predictions, const std::vector<float> &targets) override
   float loss = 0.0f;
   for (size t i = 0; i < predictions.size(); ++i)</pre>
     loss += 0.5f * std::pow(targets[i] - predictions[i], 2);
    }
    return loss;
  }
  std::vector<float> gradient(const std::vector<float> &predictions, const std::vector<float>
&targets) override
```

```
std::vector<float> grad(predictions.size());
   for (size t i = 0; i < predictions.size(); ++i)</pre>
      grad[i] = predictions[i] - targets[i]; // Derivada de MSE: (y_pred - y_true)
   return grad;
};
class CrossEntropyLoss : public Loss
public:
 float compute(const std::vector<float> &predictions, const std::vector<float> &targets) override
   float loss = 0.0f;
   for (size t i = 0; i < predictions.size(); ++i)</pre>
      // Evitar log(0) con un pequeño epsilon (1e-10)
     loss += -targets[i] * std::log(predictions[i] + 1e-10f);
   }
   return loss;
 }
 std::vector<float> gradient(const std::vector<float> &predictions, const std::vector<float>
&targets) override
   // Asume que la última capa usa Softmax (el gradiente es y pred - y true)
   std::vector<float> grad(predictions.size());
   for (size t i = 0; i < predictions.size(); ++i)</pre>
      grad[i] = predictions[i] - targets[i];
   }
   return grad;
 }
};
class BCELoss : public Loss {
 public:
     float compute(const std::vector<float>& predictions, const std::vector<float>& targets)
override {
          float loss = 0.0f;
          for (size t i = 0; i < predictions.size(); ++i) {</pre>
              // Evitar overflow numérico (clip predictions entre [epsilon, 1-epsilon])
              float y pred = std::max(1e-10f, std::min(1.0f - 1e-10f, predictions[i]));
              float y true = targets[i];
              loss += - (y_true * log(y_pred) + (1.0f - y_true) * log(1.0f - y_pred));
          return loss / predictions.size(); // Pérdida promedio
      }
      std::vector<float> gradient(const std::vector<float>& predictions, const std::vector<float>&
```

```
targets) override {
          std::vector<float> grad(predictions.size());
          for (size_t i = 0; i < predictions.size(); ++i) {</pre>
              float y pred = predictions[i];
              float y true = targets[i];
              // Gradiente de BCE: (y_pred - y_true) / (y_pred * (1 - y_pred))
              grad[i] = (y pred - y true) / (y pred * (1.0f - y pred) + 1e-10f); // +epsilon para
estabilidad
          return grad;
      }
 };
//optimizadores (optimizer.hpp)
#include <vector>
#include <cmath> // Para log(), pow(), etc.
#include <vector>
class Optimizer
{
public:
 virtual ~Optimizer() = default;
 virtual void update(std::vector<float> &weights, std::vector<float> &gradients_weights,
                      float &bias, float gradient bias) = 0;
};
class SGD : public Optimizer
private:
  float learning rate;
public:
 explicit SGD(float lr) : learning_rate(lr) {}
  void update(std::vector<float> &weights, std::vector<float> &gradients weights,
              float &bias, float gradient bias) override
   for (size t i = 0; i < weights.size(); ++i)</pre>
     weights[i] -= learning_rate * gradients_weights[i];
    bias -= learning_rate * gradient_bias;
  }
};
class Adam : public Optimizer
private:
 float learning_rate;
 float beta1;
  float beta2;
```

```
float epsilon;
 std::vector<float> m weights; // Primer momento (media)
 std::vector<float> v weights; // Segundo momento (varianza)
 float m bias;
 float v bias;
 int t; // Paso de tiempo
public:
 explicit Adam(float lr = 0.001f, float b1 = 0.9f, float b2 = 0.999f, float eps = 1e-8f)
      : learning rate(lr), beta1(b1), beta2(b2), epsilon(eps), t(0) {}
 void update(std::vector<float> &weights, std::vector<float> &gradients weights,
              float &bias, float gradient bias) override
   // Inicializar momentos en la primera iteración
   if (m weights.empty())
     m_weights.resize(weights.size(), 0.0f);
     v weights.resize(weights.size(), 0.0f);
     m bias = 0.0f;
      v bias = 0.0f;
   t++;
   // Actualizar pesos
   for (size t i = 0; i < weights.size(); ++i)</pre>
     m_weights[i] = beta1 * m_weights[i] + (1 - beta1) * gradients_weights[i];
     v weights[i] = beta2 * v weights[i] + (1 - beta2) * gradients weights[i] *
gradients weights[i];
     // Corrección de bias
     float m hat = m weights[i] / (1 - std::pow(beta1, t));
     float v_hat = v_weights[i] / (1 - std::pow(beta2, t));
     weights[i] -= learning rate * m hat / (std::sqrt(v hat) + epsilon);
   }
   // Actualizar bias
   m bias = beta1 * m bias + (1 - beta1) * gradient bias;
   v bias = beta2 * v bias + (1 - beta2) * gradient bias * gradient bias;
   float m hat bias = m bias / (1 - std::pow(beta1, t));
   float v hat bias = v_bias / (1 - std::pow(beta2, t));
   bias -= learning rate * m hat bias / (std::sqrt(v hat bias) + epsilon);
 }
};
//load dataset.hpp
#include <opencv2/opencv.hpp>
```

```
#include <filesystem>
#include <vector>
#include <regex>
#include <string>
#include <iostream>
namespace fs = std::filesystem;
std::pair<std::vector<std::vector<float>>, std::vector<float>> load dataset(const std::string
&folder path)
 std::vector<std::vector<float>> X;
 std::vector<float> Y;
 std::regex label regex(".*?(\\d+)\\.png$");
 // 1. Recolectar archivos en un vector
 std::vector<fs::directory_entry> entries;
 for (const auto &entry : fs::directory iterator(folder path))
 {
   if (entry.is regular file())
     entries.push back(entry);
 }
 // 2. Ordenar alfabéticamente por nombre de archivo
  std::sort(entries.begin(), entries.end(), [](const fs::directory entry &a, const
fs::directory entry &b)
            { return a.path().filename() < b.path().filename(); });</pre>
 // 3. Procesar los archivos ordenados
 for (const auto &entry : entries)
   std::string filename = entry.path().filename().string();
   std::smatch match;
   if (std::regex match(filename, match, label regex))
     int label = std::stoi(match[1]);
     cv::Mat img = cv::imread(entry.path().string(), cv::IMREAD GRAYSCALE);
     if (!img.empty())
        std::vector<float> flattened;
        flattened.reserve(img.total());
        for (int i = 0; i < img.rows; ++i)
         for (int j = 0; j < img.cols; ++j)
           flattened.push back(static cast<float>(img.at<uchar>(i, j)) / 255.0f);
         }
        }
```

```
X.push back(flattened);
        Y.push back(static cast<float>(label));
      }
     else
        std::cerr << "No se pudo cargar la imagen: " << entry.path() << std::endl;</pre>
    }
    else
      std::cerr << "Nombre no coincide con regex: " << filename << std::endl;</pre>
 }
 return {X, Y};
}
void flatten image to vector and predict(const std::string &image path, MLP &mlp)
 // 1) Leer imagen en escala de grises
 cv::Mat img = cv::imread(image path, cv::IMREAD GRAYSCALE);
 if (img.empty())
    std::cerr << "No se pudo cargar la imagen: " << image path << std::endl;</pre>
    return;
 }
 // 2) Redimensionar a 28x28 con interpolación Lanczos4 (similar a PIL.LANCZOS)
 cv::Mat resized img;
 cv::resize(img, resized img, cv::Size(28, 28), 0, 0, cv::INTER LANCZOS4);
 // 3) Convertir a blanco y negro con umbral (threshold binario)
 cv::Mat bw img;
 int umbral = 128; // umbral como en Python
 cv::threshold(resized img, bw img, umbral, 255, cv::THRESH BINARY);
 // 4) Imprimir matriz de píxeles
 std::cout << "Matriz de píxeles (28x28) en blanco y negro:\n";</pre>
 for (int i = 0; i < bw img.rows; ++i)
 {
    for (int j = 0; j < bw img.cols; ++j)
      std::cout << static cast<int>(bw img.at<uchar>(i, j)) << ' ';</pre>
    std::cout << '\n';</pre>
 }
 // 5) Aplanar y normalizar a [0,1]
 std::vector<float> flattened;
 flattened.reserve(bw img.total());
 for (int i = 0; i < bw img.rows; ++i)
```

```
for (int j = 0; j < bw_img.cols; ++j)
{
    float norm = bw_img.at<uchar>(i, j) / 255.0f; // 0 o 1
    flattened.push_back(norm);
}

// 6) Predecir con el MLP y mostrar resultado
float pred = mlp.predict(flattened);
std::cout << "Predicción del MLP: " << pred << std::endl;
}</pre>
```