

Zadaci za vježbu za 2. međuispit

Algoritmi sortiranja

Zadatak 1.

Zadan je niz brojeva: **5, 4, 9, 1, 7, 10, 8, 2, 3, 6**. Ilustrirati sortiranje zadanog niza brojeva postupkom **quicksort** tako da se kao stože odabire:

- a) prvi element u polju
- b) zadnji element u polju

Obavezno ispisati sadržaj polja nakon svake zamjene dvaju elemenata. Nije dopušteno koristiti drugi algoritam za polja manja od neke zadane veličine (*cutoff*, npr. 3 ili 5).

Zadatak 2.

Ilustrirati korake **uzlaznog quicksorta** za podatke: **9, 10, 8, 6, 1, 4, 3, 5, 2, 7**. Stožer odabrati metodom **medijana**. Ispisati izgled polja nakon svake zamjene dvaju elemenata polja.

Zadatak 3.

Zadano je polje brojeva s elementima: **6, 1, 10, 3, 2, 8, 4, 7, 9, 5**. Ilustrirati (ispisati polje nakon svake promjene) sortiranje zadanog niza brojeva algoritmom **shellsort** za niz koraka

- a) {4, 3, 1}
- b) {3, 2, 1}

Zadatak 4.

Napisati funkciju koja će zadano polje cijelih brojeva (**int**) sortirati algoritmom **bubble sort** (bilo kojom varijantom algoritma). Funkcija treba imati prototip:

```
void bubble(int *polje, int N);
```

Zadatak 5.

Napisati funkciju koja će od dva zadana **sortirana** niza cijelih brojeva, napraviti treći **sortirani** niz koji sadrži sve elemente iz prva dva niza. Dva zadana niza moraju ostati nepromijenjena. Memoriju za treći niz potrebno je zauzeti u funkciji i preko imena (**return**) vratiti u glavni program. Funkcija treba imati prototip:

```
int *merge(int *niz1, int N1, int *niz2, int N2, int *NMerge);
```

Preko argumenta *NMerge*, u glavni program treba vratiti broj elemenata trećeg niza ($N1 + N2$).

Primjer: Neka je prvi niz: 1, 3, 5, 6, a drugi niz: 2, 4, 5, 7. Treći niz mora biti: 1, 2, 3, 4, 5, 5, 6, 7 i preko varijable NMerge treba vratiti vrijednost 8.

Stog – objektno orijentirana implementacija¹

Zajednički dio za sve zadatke sa objektno orijentirano implementiranim stogom :

Za spremanje cijelih brojeva na stog definirana je klasa `Stog` koja ima jedan konstruktor i tri javne funkcije:

```
Stog::Stog();  
void Stog::Stavi(int element);  
void Stog::Skini(int *element);  
int Stog::Prazan();
```

Funkcija `Prazan` vraća 1 ukoliko je stog prazan, a 0 inače. Za klasu `Stog` nije definiran copy konstruktor, a možete pretpostaviti da u svakom objektu klase `Stog` ima dovoljno mjesta za dodavanje novih elemenata za stog. Pokušaj skidanja elementa iz praznog stoga, dovest će do pogreške. Ukoliko drugačije nije navedeno, smijete koristiti pomoćne stogove, ali ne i dodatna polja.

Zadatak 1:

Napisati funkciju koja će napraviti i vratiti duplikat zadanog stoga (isti takav stog, isti elementi koji imaju isti redoslijed). Zadani stog mora na kraju ostati nepromijenjen. Funkcija mora imati prototip:

```
Stog *duplikat(Stog *zadani);
```

Zadatak 2:

Napisati funkciju koja će iz stoga izbaciti sve parne brojeve. Međusobni redoslijed neparnih brojeva mora ostati nepromijenjen. Funkcija vraća broj izbačenih brojeva te ima sljedeći prototip:

```
int izbaci_parne(Stog *stog);
```

Zadatak 3:

Napisati funkciju koja će stvoriti novi stog koji će sadržavati sve one brojeve iz zadanog stoga za koje funkcija čiji je prototip `int provjeri(int n)` vrati istinu. Poredak prostih brojeva u novom stogu nije bitan. Zadani stog mora na kraju ostati nepromijenjen. Funkcija mora imati prototip:

```
Stog *kopiraj_provjerene(Stog *zadani);
```

Zadatak 4:

Napisati funkciju koja će na osnovu ulaznih stogova `stog1` i `stog2` stvoriti novi stog koristeći pritom sljedeće pravilo da se za novi element u novom stogu uvijek odabere manji od elemenata na vrhu stogova `stog1` i `stog2`. Ukoliko se jedan od stogova isprazni, onda uzeti preostale elemente iz drugog.

Ulazni stogovi moraju nakon završetka funkcije ostati nepromijenjeni. Funkcija mora imati prototip:

```
Stog *spoji(Stog *stog1, Stog *stog2);
```

¹ Implementacija stoga može biti i drugačija pri čemu se rješenja djelomično mijenjaju. Vidi napomenu iza rješenja zadataka sa stogom.

Zadatak 5*:

Napisati funkciju koja će iz stoga izbaciti sve one brojeve koji se pojavljuju dva ili više puta. Funkcija ima sljedeći prototip:

```
void izbaci_duple(Stog *stog);
```

Zadatak 6:

Napisati funkciju koja će iz stoga izbaciti sva pojavljivanja broja n. Funkcija, mora u novi stog, koji je inicijalno prazan, ubaciti brojeve koji predstavljaju koliko je broj bio udaljen od originalnog vrha stoga. Funkcija ima sljedeći prototip:

```
void izbaci_broj(Stog *stog, int n, Stog *novi);
```

Primjer: Ukoliko je ulazni stog bio (vrh je naveden krajnje desno) bio:

8 1 4 9 9 2 5 9 6 7 9

i ukoliko je funkcija pozvana s `izbaci_broj(stog, 9, novi)`

nakon završetka funkcije, početni stog će biti

8 1 4 2 5 6 7

a novi stog će imati vrijednosti 0 3 6 7 (može i 7 6 3 0)

Rješenja

Algoritmi sortiranja

Zadatak 1

a) **5** – stožer
5 – element koji se zamjenjuje

5 4 9 1 7 10 8 2 **3** 6
5 4 3 1 7 10 8 2 9 6
5 4 3 1 2 10 8 7 9 6
2 4 3 1 5 10 8 7 9 6
2 1 3 4 5 10 8 7 9 6
1 2 3 4 5 **10** 8 7 9 6
1 2 3 4 5 6 **8** 7 9 10
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

b) **5** – stožer
5 – element koji se zamjenjuje

5 4 9 1 7 10 8 2 **3** **6**
5 4 3 1 7 10 8 2 9 **6**
5 4 3 1 2 10 8 7 9 **6**
5 4 3 1 **2** 6 8 7 9 10
1 4 3 5 **2** 6 8 7 9 10
1 2 3 5 **4** 6 8 7 9 10
1 2 3 4 5 6 8 **7** 9 10
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

Zadatak 2.

5 – element kandidat za stožer
5 – stožer
5 – element koji se zamjenjuje

9 10 8 6 **1** 4 3 5 2 **7**
1 10 8 6 **7** 4 3 5 2 **9**
1 10 8 6 2 4 3 5 **7** 9
1 5 8 6 2 4 3 10 **7** 9
1 5 3 6 2 4 8 10 **7** 9
1 5 **3** 6 2 **4** 7 10 8 9
1 5 2 6 **3** 4 7 10 8 9
1 2 5 6 **3** 4 7 10 8 9
1 2 3 **6** **5** **4** 7 10 8 9
1 2 3 4 5 6 7 **10** **8** **9**
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

Zadatak 3.a) 6 – element koji se zamjenjuje6 1 10 3 2 8 4 7 9 5 k=42 1 10 3 6 8 4 7 9 52 1 4 3 6 8 10 7 9 52 1 4 3 6 5 10 7 9 8 k=32 1 4 3 6 5 8 7 9 10 k=11 2 4 3 6 5 8 7 9 101 2 3 4 6 5 8 7 9 101 2 3 4 5 6 8 7 9 10

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

b) 6 – element koji se zamjenjuje6 1 10 3 2 8 4 7 9 5 k=33 1 10 6 2 8 4 7 9 53 1 8 6 2 10 4 7 9 53 1 8 4 2 10 6 7 9 53 1 8 4 2 9 6 7 10 53 1 8 4 2 9 5 7 10 6 k=23 1 2 4 8 9 5 7 10 62 1 3 4 8 9 5 7 10 62 1 3 4 5 9 8 7 10 62 1 3 4 5 7 8 9 10 62 1 3 4 5 7 8 6 10 92 1 3 4 5 6 8 7 10 9 k=11 2 3 4 5 6 8 7 10 91 2 3 4 5 6 7 8 10 9

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

Zadatak 4.

```
void bubble(int *polje, int N){
    int i, j;
    int pom;
    for (i = 0; i < N-1; i++) {
        for (j = 0; j < N-1-i; j++) {
            if (polje[j+1] < polje[j]){
                pom = polje[j];
                polje[j] = polje[j+1];
                polje[j+1] = pom;
            }
        }
    }
}
```

Zadatak 5.

```
int *merge(int *niz1, int N1, int *niz2, int N2, int *NMerge) {
    int i,j,k;
    int *niz3;

    i = j = k = 0;
    *NMerge = N1 + N2;

    niz3 = (int *)malloc(*NMerge * sizeof(int));
    if (niz3 == NULL) return NULL;

    while (i<N1 && j<N2) {
        if (niz1[i] < niz2[j]) {
            niz3[k] = niz1[i];
            i++;
            k++;
        }
        else {
            niz3[k] = niz2[j];
            j++;
            k++;
        }
    }
    while (i<N1) {
        niz3[k] = niz1[i];
        i++;
        k++;
    }
    while (j<N2) {
        niz3[k] = niz2[j];
        j++;
        k++;
    }

    return N1+N2;
}
```

Stog

Zadatak 1:

```
Stog *duplikat(Stog *zadani){
    Stog *novi = new Stog();
    Stog pomocni;int element;
    while(!zadani->Prazan()){
        zadani->Skini(&element);
        pomocni.Stavi(element);
    }
    while(!pomocni.Prazan()){
        pomocni.Skini(&element);
        zadani->Stavi(element);
        novi->Stavi(element);
    }
    return novi;
}
```

Zadatak 2:

```
int izbaci_parne(Stog *stog){
    Stog pomocni;int element, br=0;
    while(!stog->Prazan()){
        stog->Skini(&element);
        if (element % 2)
            pomocni.Stavi(element);
        else
            br++;
    }
    while(!pomocni.Prazan()){
        pomocni.Skini(&element);
        stog->Stavi(element);
    }
    return br;
}
```

Zadatak 3:

```
Stog *kopiraj_provjerene(Stog *zadani){
    Stog *novi = new Stog();
    Stog pomocni;int element;
    while(!zadani->Prazan()){
        zadani->Skini(&element);
        pomocni.Stavi(element);
    }
    while(!pomocni.Prazan()){
        pomocni.Skini(&element);
        zadani->Stavi(element);
        if (provjeri(element))
            novi->Stavi(element);
    }
    return novi;
}
```

Zadatak 4:

```
Stog *spoji(Stog *stog1, Stog *stog2){
    int el1, el2;
    Stog pom1, pom2, *novi;
    novi = new Stog();
    while(!stog1->Prazan() && !stog2->Prazan()){
        stog1->Skini(&el1);
        stog2->Skini(&el2);
        if (el1 < el2){
            novi->Stavi(el1);
            pom1.Stavi(el1);
            //vrati većeg(neiskorištenog) na njegov stog,
            //tako da opet bude na vrhu
            stog2->Stavi(el2);
        }
        else{
            novi->Stavi(el2);
            pom2.Stavi(el2);
            stog1->Stavi(el1);
        }
    }
    while(!stog1->Prazan()){
        stog1->Skini(&el1);
        novi->Stavi(el1);
        pom1.Stavi(el1);
    }
    while(!stog2->Prazan()){
        stog2->Skini(&el2);
        novi->Stavi(el2);
        pom2.Stavi(el2);
    }
    while(!pom1.Prazan()){
        pom1.Skini(&el1);
        stog1->Stavi(el1);
    }
    while(!pom2.Prazan()){
        pom2.Skini(&el2);
        stog2->Stavi(el2);
    }
    return novi;
}
```

Zadatak 5*:

Ideja: Uzeti prvi element na stogu i spremiti ga u x. Zatim ga uspoređivati sa preostalim elementima u stogu. Ukoliko pojedini element nije jednak x sačuvati ga privremeno u pomoćnom stogu pom1. Ukoliko je taj element jednak x, onda označiti da x ima duplikate i taj broj odbaciti (ne čuvati ga u pomoćnom stogu). Nakon prolaska kroz sve elemente stoga, vrijednost duplikat će označavati da li x ima duplikata ili ne. Ako nije imao duplikata, onda x sačuvati premještanje u pomoćni stog pom2. Sve elemente iz pom1 vratiti u originalni stog i ponoviti postupak. Nakon što postupak bude gotov, tj. na

originalnom stogu više ne bude nikakvih elemenata, na stogu pom2 će se nalaziti samo oni elementi koji nisu imali duplikata u stogu te ih treba vratiti na originalni stog.

```
void izbaci_duple(Stog *stog){
    Stog pom1, pom2; int duplikat=1, x, element;
    while(!stog->Prazan()){
        stog->Skini(&x);
        duplikat = 0;
        while(!stog->Prazan()){
            stog->Skini(&element);
            if (x == element)
                duplikat = 1;
            else
                pom1.Stavi(element);
        }
        if (!duplikat)
            pom2.Stavi(x);
        while(!pom1.Prazan()){
            pom1.Skini(&element);
            stog->Stavi(element);
        }
    }
    while(!pom2.Prazan()){
        pom2.Skini(&element);
        stog->Stavi(element);
    }
}
```

Zadatak 6:

```
void izbaci_broj(Stog *stog, int n, Stog *novi){
    Stog pom; int element, udaljenost=0;
    while(!stog->Prazan()){
        stog->Skini(&element);
        if (element == n)
            novi->Stavi(udaljenost);
        else
            pom.Stavi(element);
        udaljenost++;
    }
    while(!pom.Prazan()){
        pom.Skini(&element);
        stog->Stavi(element);
    }
}
```

Napomena:

Implementacija stoga je mogla biti ponešto drugačija. Primjerice, mogla je izgledati ovako:

```
Stog::Stog();  
int Stog::Stavi(int element);  
int Stog::Skini(int *element);
```

pri čemu bi funkcija Skini vraćala 1 ukoliko je skidanje elementa sa stoga uspjelo, a 0 ako skidanje nije uspjelo (npr. iz razloga jer je stog bio prazan)

U tom slučaju rješenja zadatka bi bila ponešto drugačija, pa bi primjerice zadatak 6. imao sljedeće rješenje:

```
void izbaci_broj(Stog *stog, int n, Stog *novi){  
    Stog pom;int element, udaljenost=0;  
    while(stog->Skini(&element)){  
        if (element == n)  
            novi->Stavi(udaljenost);  
        else  
            pom.Stavi(element);  
        udaljenost++;  
    }  
    while(pom.Skini(&element)){  
        stog->Stavi(element);  
    }  
}
```