### I - Généralités

**Définition** Un algorithme est une suite finie d'instructions permettant la résolution systématique d'un problème donné.

Un algorithme peut-être utilisé pour

- <u>décrire</u> par une suite d'instructions ou de procédures la marche complète à suivre pour résoudre un problème;
- <u>automatiser</u> une tâche complexe; on sait déjà dans ce cas résoudre le problème posé et on cherche à tirer parti de moyens informatiques pour effectuer automatiquement toutes les étapes et tous les calculs intermédiaires qui permettent d'aboutir au résultat;
- <u>chercher</u> la solution d'un problème; on ne sait pas a priori résoudre le problème posé mais on peut tirer parti d'un système informatisé pour explorer l'ensemble des possibilités, et ainsi tenter de trouver la solution, ou du moins une bonne approximation de celle-ci.

### Un exemple courant : notice d'utilisation ou mode d'emploi

Voici la notice d'utilisation d'une huile teck, imprimée au dos du flacon d'huile :

### Mode d'application

- 1. Vérifier que la surface est bien du teck ou un bois exotique
- 2. Bien agiter avant emploi
- 3. Imprégner le bois généreusement
- 4. 20 minutes après, essuyer l'excédent à l'aide d'un chiffon
- 5. Laisser sécher 6 heures
- 6. Recommencer à partir de l'étape 2
- 7 Laisser couler quelques gouttes d'eau sur la surface traitée Si les gouttes perlent à la surface,

Alors le bois est correctement huilé et imperméabilisé Sinon, recommencer à l'étape 2.

**Définition** Un langage de programmation est un ensemble d'instructions et de règles syntaxiques compréhensibles par un système automatisé (calculatrice, ordinateur, puce électronique,...).

Un *programme* est la traduction d'un algorithme dans un langage de programmation particulier.

Il existe de très nombreux langages de programmation tels que, parmi bien d'autres, Basic, Fortran, Python, C, C++, Matlab, assembleur..., ainsi que ceux implantés dans les calculatrices (alors dites "programmables"...).

### II - Premiers exemples : calcul du pgcd de deux nombres

1) Algorithme d'Euclide: Automatisation du calcul du pgcd de deux entiers.

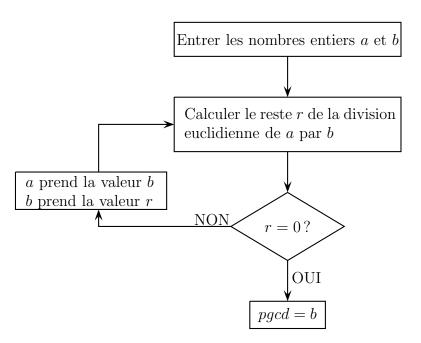
Par exemple, pour les entiers a = 462 et b = 60:

$$462 = 60 \times 7 + 42$$

$$60 = 42 \times 1 + 18$$

$$42 = 18 \times 2 + 6$$

$$18 = 6 \times 3 + 0$$



### Algorithme

Lire a et b

(reste division de a par b)  $\rightarrow$  r

Tant que  $r\neq 0$  faire  $b\rightarrow a$   $r\rightarrow b$ (reste division de a par b)  $\rightarrow$  r

Fin tant que

### Exercice 1

- a) Déterminer le pgcd de a = 140 et b = 42.
- b) Déterminer le pgcd de a = 1500 et b = 2310.

### 2) Algorithme des différences

Cet autre algorithme permettant de calculer le pgcd de deux nombres a et b s'exécute de la manière suivante : on soustrait le plus petit des deux nombres a et b au plus grand, on obtient le nombre positif d; puis on recommence de même avec les deux plus petits nombres parmi les trois précédents, et ainsi de suite... 14-6=8

Par exemple, avec a = 14 et b = 6:

$$8 - 6 = 2$$

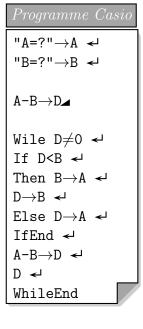
$$6 - 2 = 4$$

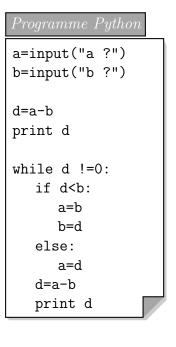
$$4 - 2 = 2$$

$$2 - 2 = \underline{\underline{0}}$$

Algorithme
Lire a
Lire b
a-b→d
Afficher d
militation d
Tant que d≠0
Si d <b< td=""></b<>
b→a
d→b
Sinon
d→a
Fin Si
a-b→d
Afficher d
Fin Tant que

# Programme TI Prompt A Prompt B A-B→D Disp D Wile D≠0 If D<B Then B→A D→B Else D→A End A-B→D Disp D End





### III - Variables

**Définition** On appelle variable tout emplacement de la mémoire dans lequel une information peutêtre stockée. Une variable est constituée de :

- un nom qui permet à l'ordinateur de la localiser dans sa mémoire (en général une lettre : A, B, ..., X, ...)
- une valeur : l'information (souvent un nombre) qu'elle contient.

La valeur d'une variable peut changer au cours de l'exécution de l'algorithme. Une affectation consiste à attribuer une valeur à une variable, ou à en modifier la valeur.

 $val \rightarrow var$ 

### IV - Structures dans les algorithmes

### 1) Boucles itératives

Une boucle permet de répéter un ensemble d'instructions un nombre fixé de fois.

```
Pour variable de début à
Fin
instructions 1
instructions 2
...
Fin Pour
```

### Exercice 2

- a) Ecrire un algorithme qui calcule et affiche la suite des carrés des nombres entiers de 1 à 10.
- b) Modifier cet algorithme pour qu'il calcule et affiche la somme des carrés des entiers de 1 à 10.

### 2) Tests et instructions conditionnelles

Un test est une comparaison entre la valeur d'une variable et une valeur donnée, ou entre les valeurs de deux variables.

Un test a deux résultats possibles : 0 (faux), ou 1 (vrai). Dans une structure conditionnelle, les instructions ne sont effectuées que si le test indiqué est vrai.

```
Si test
instructions 1
instructions 2
...
Fin Si
```

Exercice 3 Ecrire un algorithme qui demande un nombre à l'utilisateur et affiche en résultat si le nombre est positif ou négatif.

### 3) Boucles conditionnelles

Une boucle conditionnelle permet de répéter une série d'instructions sans connaître a priori le nombre d'itérations.

La boucle est répété tant que le test indiqué est vrai.

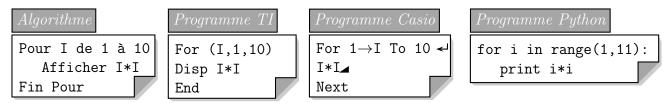
Tant que test
instructions 1
instructions 2
...
Fin Tant que

**Exercice** 4 Ecrire un algorithme qui demande un nombre entier à l'utilisateur et compte à rebours jusqu'à 0.

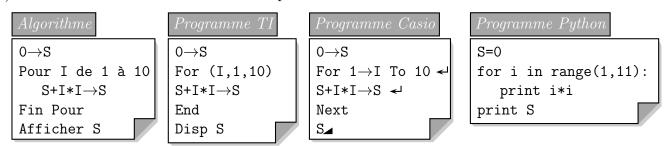
### V - Corrigés : Algorithmes et programmes des exercices

### Exercice 2

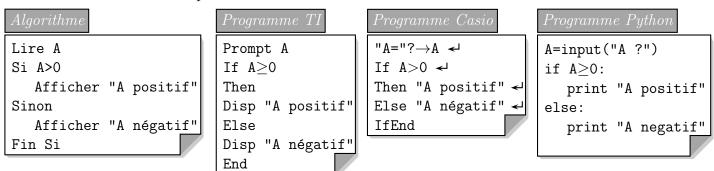
a) Affichage des 10 premiers entiers:



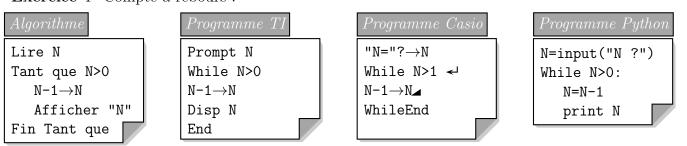
b) Calcul de la somme des carrés des 10 premiers entiers :



Exercice 3 Test: nombre positif?



Exercice 4 Compte à rebours :



### VI - Jeu du nombre mystérieux

Ce jeu se joue à deux personnes de la manière suivante.

Un des deux joueurs choisit un nombre entier au hasard compris entre 1 et 100. Le but du deuxième joueur est de trouver ce nombre. Pour cela il propose un nombre au premier joueur qui lui fournit une des trois réponses :

- Gagné, si le nombre proposé est le bon;
- Trop grand, si le nombre proposé est plus grand que le nombre mystérieux;
- *Trop petit*, si le nombre proposé est plus petit que le nombre mystérieux;

Si le nombre proposé n'est pas le bon, le deuxième joueur propose un autre nombre, et le jeu se poursuit jusqu'à ce qu'il trouve le nombre exact.

Le but du jeu est de trouver le nombre mystérieux avec le moins de tentatives possible.

### 1) L'ordinateur fait deviner

Le programme dans lequel l'ordinateur est le joueur choisissant un nombre au hasard compris entre 1 et 100, et l'utilisateur est le joueur qui doit trouver ce nombre.

Le programme doit aussi afficher le nombre de tentatives utilisées.

Lire attentivement l'algorithme suivant (ou un des programmes), bien suivre et comprendre la succession d'instruction, et indiquer le rôle de chacune des variables M, C, N.

## M prend une valeur aléatoire entre 0 et 100 C prend la valeur 1 Afficher "Entrer un nombre" Lire N Tant que N≠M Si N<M alors Afficher "Trop petit" Sinon Afficher "Trop grand" Fin Si C prend la valeur C+1 Afficher "Entrer un nombre" Lire N Fin Tant que Afficher "Gagne en",C," coups"

```
randInt(0,100)→M

1→C

Prompt N

while N≠M

if N<M

Then

Disp "Trop petit"

Else

Disp "Trop grand"

End

C+1→C

Prompt N

End

Disp "Gagne en",C," coups"
```

### Int(100×Ran#+1)→M ← 1→C ← "N="?→N ← While N≠M ← If N<M ← Then "Trop petit" ← Else "Trop grand" ← IfEnd ← C+1→C ← "N="?→N ← WhileEnd ← "Gagne" ← "Nombre de coups=" ← C.4

```
import random

M=random.randint(0,100)
N=input('Entrer un nombre: ')

C=0
while N!=M:
    N=input('Entrer un nombre: ')
    if N<M:
        print "Trop petit"
    else
        print "Trop grand"
    C=C+1
print "Gagne en ",C," coups"</pre>
```

### 2) L'ordinateur doit deviner

Ecrire un programme pour ce jeu avec les rôles inversés : vous pensez à un nombre entier compris entre 1 et 100, et l'ordinateur doit le trouver.

Essayer de trouver une stratégie pour que l'ordinateur trouve ce nombre avec le moins de coups possible.

### VII - Exercices

Exercice 5 La population d'une ville augmente de 4% par an.

Ecrire un algorithme qui permet de déterminer le nombre d'années au bout desquelles la population aura doublé.

**Exercice** 6 Ecrire un algorithme qui demande trois nombres a, b et c à l'utilisateur et calcule et affiche les solutions de l'équation du second degré  $ax^2 + bx + c = 0$ .

**Exercice** 7 Ecrire un algorithme qui demande à l'utilisateur un nombre entier n et calcule et affiche les sommes  $S_n = 1 + 2 + 3 + \cdots + n$  et  $T_n = 1^3 + 2^3 + \cdots + n^3$ .

Quelle conjecture peut-on faire? Démontrer cette conjecture.

**Exercice** 8 Soit la suite  $(u_n)$  définie par  $u_0 = 1$  et, pour tout entier n,  $u_{n+1} = 2u_n + 3$ .

- a) Ecrire un algorithme qui permet de calculer et d'afficher les N premiers termes de la suite  $(u_n)$ .
- b) Ecrire un algorithme qui permet de calculer et d'afficher la somme S des N premiers termes de la suite  $(u_n)$ ,  $S = u_0 + u_1 + u_2 + \cdots + u_{N-1}$ .

**Exercice** 9 Ecrire un algorithme qui demande à l'utilisateur un nombre entier n, et calcule et affiche le nombre n!.

Exercice 10 Ecrire un algorithme qui demande un nombre entier à l'utilisateur et indique si ce nombre est pair ou impair.

### Exercice 11 Distributeur de billets

Ecrire un algorithme qui demande un montant N en euros (un nombre entier multiple de 5) et qui calcule et affiche le nombre minimal de billets de 20 euros, de 10 euros et de 5 euros à fournir pour faire le montant N.

Exercice 12 Ecrire un algorithme qui demande une suite de valeurs à l'utilisateur, et qui calcule et affiche la moyenne de ces nombres.

On pourra écrire ce programme de deux manières :

- on demande à l'utilisateur les valeurs les unes après les autre, et on considère que la saisie est terminée lorsque l'utilisateur entre la valeur 0 (par exemple).
- on demande tout d'abord à l'utilisateur le nombre de valeurs qu'il souhaite entrer, et ensuite on lui demande de saisir ces valeurs.

Modifier ensuite cet algorithme pour qu'il calcule et affiche aussi la variance et l'écart-type de la suite de valeurs.