

Misura della carica dell'elettrone

Laboratorio di Ottica, Elettronica e Fisica Moderna

C.d.L. in Fisica, a.a. 2023-2024

Università degli Studi di Milano

Lucrezia Bioni, Leonardo Cerasi, Giulia Federica Bianca Coppi

Matricole: 13655A, 11410A, 11823A

26 ottobre 2023

1 Introduzione

1.1 Scopo

Utilizzando l'apparato sperimentale di Millikan, si vuole misurare la carica elementare dell'elettrone. Tale grandezza viene ottenuta mediante la misurazione della velocità di sedimentazione delle gocce elettricamente cariche all'interno dell'apparato.

1.2 Metodo

All'interno della camera di Millikan, vengono spruzzate delle goccioline di olio che - elettrificate a causa dello strofinio con altre goccioline - si muovono di moto rettilineo uniforme, sia in assenza che in presenza di un campo elettrico esterno E .

La descrizione del moto delle goccioline è dato alle seguenti equazioni, rispettivamente in assenza e in presenza di campo elettrico:

$$\frac{4\pi}{3}r^3(\rho_o - \rho_a)g - 6\pi\eta r v_o = 0 \quad (1.2.1)$$

$$\frac{4\pi}{3}r^3(\rho_o - \rho_a)g - 6\pi\eta r v_o + qE = 0 \quad (1.2.2)$$

dove r è il raggio della goccia, ρ_o la densità della goccia di olio, ρ_a la densità dell'aria, g l'accelerazione di gravità, η la viscosità dell'aria, v_o la velocità limite in assenza di campo elettrico E e v la velocità limite in presenza del campo elettrico E .

La carica goccia presa in esame viene determinata attraverso un'ulteriore analisi qualitativa riguardante il verso del suo moto: quando la goccia scende prevalgono forze dirette verso il basso, mentre quando sale prevalgono forze dirette verso l'alto. Si può ricavare la seguente espressione per la carica della goccia:

$$q = -\frac{4\pi}{3}r^3(\rho_o - \rho_a)\frac{g}{E}\left(1 - \frac{v}{v_o}\right) \quad (1.2.3)$$

Dunque la determinazione della carica della gocciolina d'olio elettrificata richiede la misura della sua velocità limite nelle tre situazioni ($E = 0$, $v < 0$, $v > 0$) e del suo raggio. Quest'ultima grandezza influenza la viscosità effettiva dell'aria secondo la relazione studiata da Millikan

$$\eta_{\text{eff}} = \frac{\eta}{1 + \frac{b}{pr}} \quad (1.2.4)$$

dove $\eta = [1.800 + (T - 15)4.765 \cdot 10^{-3}] \cdot 10^{-5} \text{ N s m}^{-2}$ è la viscosità dell'aria, t è la temperatura (in gradi Celsius), p la pressione dell'aria presente nella camera di Millikan e b una costante dei gas che per l'aria vale $b = 8.2 \cdot 10^{-3} \text{ Pa m}$.

Si ricava quindi che il raggio della gocciolina di olio è

$$r = \sqrt{\left(\frac{b}{2p}\right)^2 + \frac{9\eta v_o}{2g(\rho_o - \rho_a)}} - \frac{b}{2p} \quad (1.2.5)$$

2 Misure

2.1 Misure preliminari

Innanzitutto si prendono 6 misure - mediante l'utilizzo di un calibro di sensibilità 0.01 mm - dello spessore d del distanziale della camera di Millikan

$d\text{ [mm]}$
7,65
7,64
7,63
7,64
7,64
7,63

Tab. 1: Misure dello spessore del distanziale

Viene quindi attribuito come valore finale a d la sua media con la relativa incertezza strumentale:

$$d = (7.64 \pm 0.01)\text{ mm} \quad (2.1.6)$$

Per ciascun set di misure, si è misurata la temperatura della cameretta in cui avviene il moto delle gocce di olio. In particolare, mediante multitmetro, si è misurata la resistenza elettrica di un termistore. Attraverso una apposita tabella di conversione, poi, si è determinato il valore della temperatura sulla base di quello della resistenza. L'incertezza attribuita alla temperatura è la semiampiezza del minimo intervallo risolubile dalla tabella utilizzata, ovvero 5°C . La temperatura relativa a ciascuna goccia è riportata nella caption della tabella ad essa corrispondente in Appendice.

2.2 Costanti

Le seguenti quantità, che saranno necessarie per la determinazione della grandezza in esame, vengono assunte costanti:

- accelerazione di gravità $g = 9.806\text{ m s}^{-2}$;
- densità dell'olio $\rho_o = 860\text{ kg m}^{-3}$;
- densità dell'aria $\rho_a = 1.293\text{ kg m}^{-3}$;
- pressione atmosferica $p = 101325\text{ Pa}$;
- costante legata alla viscosità dell'aria $b = 0.0082\text{ Pa m}$;
- distanza delle righe del reticolo $\Delta z = 0.5\text{ mm}$;

2.3 Misure effettive

Si scelgono 10 gocce di cui registrare il moto nelle due condizioni: in assenza e in presenza di campo elettrico E . In presenza del campo, a seconda del segno della forza elettrica agente sulla goccia $F_e = qE$, si osserva, attraverso microscopio, un moto ascendente o discendente. Si misura quindi la differenza di potenziale applicata e il tempo che ogni goccia impiega a percorrere $\Delta z = 0.5\text{ mm}$. La porzione di spazio percorsa viene considerata priva di errore. A tali grandezze si corredano ulteriori informazioni: il verso del moto - se sale o se scende - e dati qualitativi come eventuale presenza di rumore e comportamenti anomali.

Tutti i dati vengono riportati nelle tabelle in Appendice.

La misura del tempo di volo è stata effettuata mediante un cronometro digitale di risoluzione 0.01 s : l'incertezza attribuita alle misure, però, è 0.5 s , per tenere conto del tempo di reazione dello sperimentatore. La misurazione della differenza di potenziale ΔV è stata effettuata mediante un multimetro digitale a cui viene attribuita come incertezza 1 V .

3 Analisi Dati

3.1 Misura del raggio delle gocce

Nella configurazione di assenza di campo, si determina il raggio delle gocce di olio osservate. Una volta raggiunta la velocità limite nel mezzo v_0 , il moto della goccia risulta essere rettilineo uniforme. Dunque, dallo studio del moto della goccia, si determina la sua velocità di caduta, cui si attribuisce incertezza mediante propagazione degli errori sull'intervallo di tempo t . I valori di velocità così ottenuti sono riportati nelle tabelle in Appendice.

Ai fini della determinazione del raggio della goccia, è inoltre necessario stimare il coefficiente di viscosità del mezzo:

$$\eta(T) = [1.800 + 4.765 \cdot 10^{-3} \text{ } ^\circ\text{C}^{-1} (T - 15^\circ\text{C})] 10^{-5} \text{ N s m}^{-2} \quad (3.1.7)$$

A tale valore è stata attribuita un'incertezza mediante propagazione degli errori:

$$\sigma_\eta = 4.765 \cdot 10^{-8} \text{ N s m}^{-2} \quad (3.1.8)$$

Grazie ai valori di η e di v_0 ottenuti è possibile determinare il raggio di ciascuna goccia attraverso la seguente relazione:

$$r = \sqrt{\left(\frac{b}{2p}\right)^2 + \frac{9\eta v_0}{2g(\rho_o - \rho_a)}} - \frac{b}{2p} \quad (3.1.9)$$

dove p , g , ρ_o e ρ_a sono costanti riportate in Par. 2.2, b è un parametro empirico per correggere η , pari a $8.2 \cdot 10^{-3} \text{ Pa m}$. Tale correzione è necessaria poiché il libero cammino medio di una molecola di aria, dell'ordine di 10^{-6} m , è confrontabile con il raggio delle gocce di olio osservate al microscopio, dell'ordine di 10^{-7} m . A ciascun valore di raggio r è stata attribuita incertezza mediante propagazione degli errori sulle grandezze t ed T , la cui dipendenza è situata in v_0 ed η :

$$\sigma_r = \frac{9\eta}{4g\Delta t(\rho_o - \rho_a)\left(r + \frac{b}{2p}\right)} \sqrt{(v\sigma_t)^2 + \left(\frac{\Delta z}{\eta}\sigma_\eta\sigma_T\right)^2} \quad (3.1.10)$$

I valori ottenuti sono riportati nelle tabelle in Appendice.

3.2 Misura della carica delle gocce

In presenza di campo elettrico $E = \frac{\Delta V}{d}$, si determina la velocità v_E limite delle medesime gocce di cui si è determinato il raggio r , attraverso la relazione per un moto rettilineo uniforme, cui si attribuisce un segno in base al verso del moto (positivo se verso il basso, negativo se verso l'alto). A tali valori di velocità è stata attribuita incertezza mediante propagazione degli errori sulla grandezza t .

Le misure effettuate sono riportate nelle tabelle in Appendice.

Si determina poi la carica Q di ciascuna goccia di olio attraverso la seguente relazione:

$$Q = -\frac{4}{3}\pi r^3(\rho_o - \rho_a) \frac{gd}{\Delta V} \left(1 - \frac{v_E}{v_r}\right) \quad (3.2.11)$$

dove r è il raggio della goccia osservata precedentemente determinato, v_E è la velocità limite della goccia in presenza di campo elettrico E e v_r è la media delle velocità limite della goccia registrate in assenza di campo elettrico. I valori così calcolati sono riportati nelle tabelle in Appendice: i valori contrassegnati da asterisco * sono stati rigettati poiché non coerenti con il dataset. L'incertezza associata a ciascuna misura di Q è stata determinata mediante propagazione degli errori nella 3.2.11 sulle grandezze r , d , ΔV , t (tramite v_E) e v_r . L'incertezza su v_r è stata attribuita mediante deviazione standard.

$$\sigma_Q = |Q| \sqrt{\left(3\frac{\sigma_r}{r}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_d}{d}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_{\Delta V}}{\Delta V}\right)^2 + \frac{1}{(v_r - v_E)^2} \left(\left(\frac{v_E}{t}\sigma_t\right)^2 + \left(\frac{v_E}{v_r}\sigma_{v_r}\right)^2\right)} \quad (3.2.12)$$

3.3 Misura della carica elementare

Una buona stima della carica elementare q_e si può trovare come punto di minimo della funzione:

$$S(q) = \sum_{n=1}^N \left(\frac{Q_i}{k_i(q)} - q \right)^2 \quad (3.3.13)$$

dove Q_i sono i valori di carica delle gocce di olio ricavati come da Par. 3.2, N è il numero dei dati di carica elettronica misurati e $k_i(q) = \lfloor \frac{Q_i}{q} + 0.5 \rfloor$. Il grafico della funzione $S(q)$ nell'intorno del valore aspettato è:

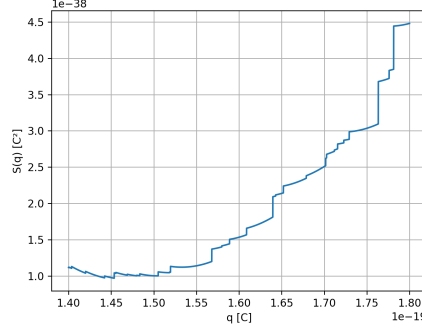


Fig. 1: Grafico della funzione $S(q)$.

L'espressione analitica di q_e risulta dunque essere:

$$q_e = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N \frac{Q_i}{k_i} \quad (3.3.14)$$

Al valore di q_e sono state attribuite due componenti di errore: una statistica σ_{stat} e una sistematica σ_{sist} . La componente statistica è stata determinata mediante deviazione standard della media dei valori ottenuti tramite la 3.3.14:

$$\sigma_{\text{stat}} = \sqrt{\frac{S(q_e)}{N(N-1)}} = 0.02 \cdot 10^{-19} \text{ C} \quad (3.3.15)$$

La componente sistematica dell'errore è stata determinata mediante propagazione degli errori sulle Q_i nella 3.3.14:

$$\sigma_{\text{sist}} = \frac{1}{N} \sqrt{\sum_{n=1}^N \left(\frac{\sigma_{Q_i}}{k_i} \right)^2} = 0.06 \cdot 10^{-19} \text{ C} \quad (3.3.16)$$

Dalla somma in quadratura delle due componenti di errore, si ottiene l'incertezza su q_e .

4 Conclusioni

Il valore finale per la carica dell'elettrone ottenuto è:

$$q_e = (1.45 \pm 0.06) \cdot 10^{-19} \text{ C} \quad (4.17)$$

Tale valore è situato entro 2.4σ dal valore atteso $e = 1.602176634 \cdot 10^{-19} \text{ C}$. Il forte discostamento del valore ottenuto dal valore atteso è principalmente determinato dalla poco oculata scelta delle gocce osservate: in particolare, si sono scelte gocce con tempi di caduta eccessivamente ridotti, e/o interagenti con altre gocce. Il primo fattore ha influito sulle misurazioni degli intervalli di tempo t , poiché con tempi di caduta minori l'errore percentuale diventa maggiore. Il secondo fattore, invece, può aver provocato scambi di cariche tra gocce o confusione nello sperimentatore, il quale può aver effettuato misure su gocce differenti.

Nonostante alcuni valori evidentemente incoerenti con il dataset siano stati rigettati, non si è riusciti a migliorare la stima di q_e .

Appendice

$t \pm \sigma_t$ [s]	v_0 [$\mu\text{m/s}$]	$r \pm \sigma_r$ [μm]
61.4 ± 0.5	8.14	0.245 ± 0.001
64.3 ± 0.5	7.78	0.238 ± 0.001
48.0 ± 0.5	1.04	0.281 ± 0.002
53.3 ± 0.5	9.38	0.265 ± 0.001
81.6 ± 0.5	6.13	0.208 ± 0.008
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
1.4 ± 0.5	357	3.6 ± 1.3
1.0 ± 0.5	500	$5.1 \pm 2.6 *$
1.3 ± 0.5	385	3.9 ± 1.5
1.3 ± 0.5	385	3.9 ± 1.5
1.2 ± 0.5	417	4.3 ± 1.8
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
3.3 ± 0.5	152	$1.7 \pm 0.3 *$
1.0 ± 0.5	500	$5.3 \pm 2.7 *$
0.9 ± 0.5	556	5.9 ± 3.3
1.3 ± 0.5	385	$4.1 \pm 1.6 *$
1.1 ± 0.5	455	4.8 ± 2.2

Tab. 2: Goccia 1 ($T = 21.5^\circ\text{C}$) con $\Delta V = 0, +394, -394 \text{ V}$.

$t \pm \sigma_t$ [s]	v_0 [$\mu\text{m/s}$]	$r \pm \sigma_r$ [μm]
20.4 ± 0.5	24.5	0.451 ± 0.006
23.6 ± 0.5	21.2	0.417 ± 0.005
22.2 ± 0.5	22.5	0.431 ± 0.005
24.5 ± 0.5	20.4	0.408 ± 0.005
19.5 ± 0.5	25.6	0.462 ± 0.006
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
6.0 ± 0.5	83	$1.4 \pm 0.2 *$
5.5 ± 0.5	91	1.6 ± 0.2
5.5 ± 0.5	91	1.6 ± 0.2
5.5 ± 0.5	91	1.6 ± 0.2
5.6 ± 0.5	89	1.6 ± 0.2
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
9.7 ± 0.5	52	1.7 ± 0.2
9.8 ± 0.5	51	1.7 ± 0.2
10.6 ± 0.5	47	$1.6 \pm 0.2 *$
12.3 ± 0.5	41	$1.5 \pm 0.1 *$
10.1 ± 0.5	50	1.7 ± 0.2

Tab. 3: Goccia 2 ($T = 21.5^\circ\text{C}$) con $\Delta V = 0, +395, -395 \text{ V}$.

$t \pm \sigma_t$ [s]	v_0 [$\mu\text{m/s}$]	$r \pm \sigma_r$ [μm]
37.4 ± 0.5	13.4	0.323 ± 0.002
44.3 ± 0.5	11.3	0.294 ± 0.002
41.1 ± 0.5	12.2	0.307 ± 0.002
38.8 ± 0.5	12.9	0.317 ± 0.002
38.6 ± 0.5	13.0	0.318 ± 0.002
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
1.3 ± 0.5	385	6.0 ± 2.4
1.2 ± 0.5	417	6.5 ± 2.8
1.9 ± 0.5	263	$4.1 \pm 1.1 *$
1.6 ± 0.5	313	$4.9 \pm 1.6 *$
1.5 ± 0.5	333	$5.2 \pm 1.8 *$
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
1.1 ± 0.5	455	$7.6 \pm 3.5 *$
1.5 ± 0.5	333	$5.6 \pm 1.9 *$
1.7 ± 0.5	294	5.0 ± 1.5
1.6 ± 0.5	313	5.3 ± 1.7
1.6 ± 0.5	313	5.3 ± 1.7

Tab. 4: Goccia 3 ($T = 21.5^\circ\text{C}$) con $\Delta V = 0, +395, -395 \text{ V}$.

$t \pm \sigma_t$ [s]	v_0 [$\mu\text{m/s}$]	$r \pm \sigma_r$ [μm]
48.5 ± 0.5	10.3	0.280 ± 0.002
65.0 ± 0.5	7.69	0.237 ± 0.001
69.5 ± 0.5	7.19	0.228 ± 0.001
39.1 ± 0.5	12.8	0.316 ± 0.002
46.4 ± 0.5	10.8	0.287 ± 0.002
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
1.3 ± 0.5	385	4.1 ± 1.6
1.1 ± 0.5	455	$4.9 \pm 2.3 *$
1.4 ± 0.5	357	3.8 ± 1.4
1.3 ± 0.5	385	4.1 ± 1.6
1.3 ± 0.5	385	4.1 ± 1.6
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
1.2 ± 0.5	417	$4.7 \pm 2.0 *$
1.3 ± 0.5	385	4.3 ± 1.7
1.0 ± 0.5	500	$5.6 \pm 2.9 *$
1.4 ± 0.5	357	4.0 ± 1.5
1.2 ± 0.5	417	$4.7 \pm 2.0 *$

Tab. 5: Goccia 4 ($T = 22.0^\circ\text{C}$) con $\Delta V = 0, +396, -396 \text{ V}$.

$t \pm \sigma_t$ [s]	v_0 [$\mu\text{m/s}$]	$r \pm \sigma_r$ [μm]
59.2 ± 0.5	8.45	0.250 ± 0.001
40.9 ± 0.5	12.2	0.308 ± 0.002
59.8 ± 0.5	8.36	0.249 ± 0.001
59.9 ± 0.5	8.35	0.248 ± 0.001
55.3 ± 0.5	9.04	0.260 ± 0.001
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
2.0 ± 0.5	250	3.0 ± 0.8
1.9 ± 0.5	263	3.1 ± 0.8
2.1 ± 0.5	238	2.8 ± 0.7
1.7 ± 0.5	294	$3.5 \pm 1.1 *$
2.2 ± 0.5	227	2.7 ± 0.6
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
2.1 ± 0.5	238	3.0 ± 0.8
2.0 ± 0.5	250	3.2 ± 0.8
2.3 ± 0.5	217	2.8 ± 0.6
1.8 ± 0.5	278	$3.5 \pm 1.0 *$
2.1 ± 0.5	238	3.0 ± 0.8

Tab. 6: Goccia 5 ($T = 22.0^\circ\text{C}$) con $\Delta V = 0, +396, -396\text{ V}$.

$t \pm \sigma_t$ [s]	v_0 [$\mu\text{m/s}$]	$r \pm \sigma_r$ [μm]
53.6 ± 0.5	9.33	0.265 ± 0.001
52.4 ± 0.5	9.54	0.268 ± 0.001
48.0 ± 0.5	10.4	0.282 ± 0.002
49.2 ± 0.5	10.2	0.278 ± 0.002
50.8 ± 0.5	9.84	0.273 ± 0.002
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
2.3 ± 0.5	217	2.9 ± 0.7
2.7 ± 0.5	185	$2.4 \pm 0.5 *$
2.5 ± 0.5	200	2.6 ± 0.6
2.4 ± 0.5	208	2.8 ± 0.6
2.4 ± 0.5	208	2.8 ± 0.6
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
2.2 ± 0.5	227	3.3 ± 0.8
2.4 ± 0.5	208	3.0 ± 0.7
2.3 ± 0.5	217	3.2 ± 0.7
2.5 ± 0.5	200	$2.9 \pm 0.6 *$
2.4 ± 0.5	208	3.0 ± 0.7

Tab. 7: Goccia 6 ($T = 22.0^\circ\text{C}$) con $\Delta V = 0, +396, -396\text{ V}$.

$t \pm \sigma_t$ [s]	v_0 [$\mu\text{m/s}$]	$r \pm \sigma_r$ [μm]
50.2 ± 0.5	9.96	0.275 ± 0.002
61.0 ± 0.5	8.20	0.246 ± 0.001
69.0 ± 0.5	7.25	0.229 ± 0.001
71.8 ± 0.5	6.96	0.224 ± 0.001
61.4 ± 0.5	8.14	0.245 ± 0.001
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
1.2 ± 0.5	417	4.6 ± 2.0
1.0 ± 0.5	500	5.6 ± 2.8
0.9 ± 0.5	556	$6.2 \pm 3.5 *$
1.1 ± 0.5	455	5.0 ± 2.3
1.0 ± 0.5	500	5.6 ± 2.8
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
1.3 ± 0.5	385	4.4 ± 1.7
1.4 ± 0.5	357	4.1 ± 1.5
1.2 ± 0.5	417	4.8 ± 2.0
0.9 ± 0.5	556	$6.4 \pm 3.6 *$
1.0 ± 0.5	500	$5.7 \pm 2.9 *$

Tab. 8: Goccia 7 ($T = 22.0^\circ\text{C}$) con $\Delta V = 0, +396, -396\text{ V}$.

$t \pm \sigma_t$ [s]	v_0 [$\mu\text{m/s}$]	$r \pm \sigma_r$ [μm]
15.9 ± 0.5	31.4	0.516 ± 0.009
15.4 ± 0.5	32.5	0.525 ± 0.009
17.3 ± 0.5	28.9	0.493 ± 0.008
16.0 ± 0.5	31.3	0.514 ± 0.009
17.8 ± 0.5	28.1	0.486 ± 0.007
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
1.9 ± 0.5	263	6.7 ± 2.0
1.9 ± 0.5	263	6.7 ± 2.0
1.7 ± 0.5	294	$7.6 \pm 2.5 *$
1.7 ± 0.5	294	$7.6 \pm 2.5 *$
1.5 ± 0.5	333	$8.7 \pm 3.2 *$
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
2.0 ± 0.5	250	$8.0 \pm 2.3 *$
2.3 ± 0.5	217	7.1 ± 1.8
2.1 ± 0.5	238	7.7 ± 2.1
2.5 ± 0.5	200	6.6 ± 1.6
2.2 ± 0.5	227	7.4 ± 1.9

Tab. 9: Goccia 8 ($T = 22.0^\circ\text{C}$) con $\Delta V = 0, +396, -396\text{ V}$.

$t \pm \sigma_t$ [s]	v_0 [$\mu\text{m/s}$]	$r \pm \sigma_r$ [μm]
32.7 ± 0.5	15.3	0.349 ± 0.003
37.3 ± 0.5	13.4	0.324 ± 0.002
31.1 ± 0.5	16.1	0.358 ± 0.003
37.8 ± 0.5	13.2	0.322 ± 0.002
32.1 ± 0.5	15.6	0.352 ± 0.003
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
5.0 ± 0.5	100	$1.5 \pm 0.2 *$
5.2 ± 0.5	96.2	$1.4 \pm 0.2 *$
5.1 ± 0.5	98.0	$1.5 \pm 0.2 *$
5.2 ± 0.5	96.2	$1.4 \pm 0.2 *$
5.1 ± 0.5	98.0	$1.5 \pm 0.2 *$
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
8.2 ± 0.5	61.0	$1.3 \pm 0.1 *$
7.8 ± 0.5	64.1	$1.4 \pm 0.1 *$
7.6 ± 0.5	65.8	$1.4 \pm 0.1 *$
7.5 ± 0.5	66.7	$1.4 \pm 0.1 *$
7.5 ± 0.5	66.7	$1.4 \pm 0.1 *$

Tab. 10: Goccia 9 ($T = 22.0^\circ\text{C}$) con $\Delta V = 0, +396, -396 \text{ V}$.

$t \pm \sigma_t$ [s]	v_0 [$\mu\text{m/s}$]	$r \pm \sigma_r$ [μm]
22.5 ± 0.5	22.2	0.428 ± 0.005
23.2 ± 0.5	21.6	0.421 ± 0.005
23.5 ± 0.5	21.3	0.418 ± 0.005
25.2 ± 0.5	19.8	0.402 ± 0.004
24.6 ± 0.5	20.3	0.408 ± 0.005
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
1.4 ± 0.5	357	7.7 ± 2.9
1.3 ± 0.5	385	8.4 ± 3.4
1.4 ± 0.5	357	7.7 ± 2.9
1.4 ± 0.5	357	7.7 ± 2.9
1.4 ± 0.5	357	7.7 ± 2.9
$t \pm \sigma_t$ [s]	v_E [$\mu\text{m/s}$]	$Q \pm \sigma_Q$ [$\cdot 10^{-19}\text{C}$]
1.8 ± 0.5	278	$6.9 \pm 2.1 *$
1.6 ± 0.5	313	7.7 ± 2.6
1.6 ± 0.5	313	7.7 ± 2.6
1.5 ± 0.5	333	8.1 ± 2.9
1.6 ± 0.5	313	7.7 ± 2.6

Tab. 11: Goccia 10 ($T = 22.0^\circ\text{C}$) con $\Delta V = 0, +396, -396 \text{ V}$.