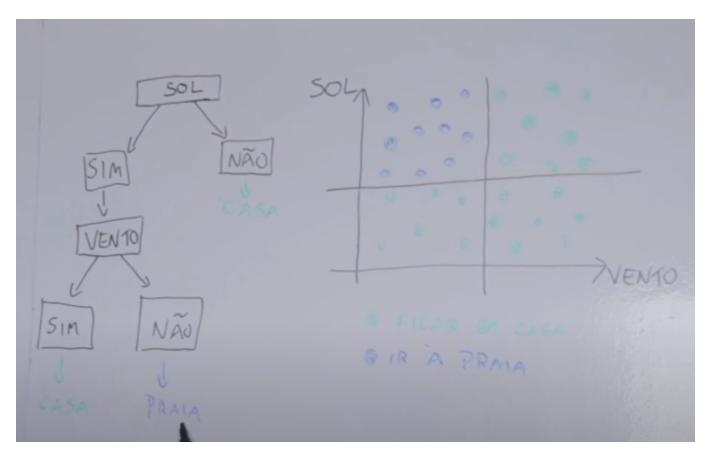
Entropia para classificação

Exemplo simples de uma árvore de decisão:



O problema acima é uma árvore de decisão baseada em momentos que as pessoas vão para a praia ou ficam em casa. Dividindo os pontos em 4 quadrantes, podemos ver que quando tem muito sol, e pouco vento, as pessoas tendem mais a ir para a praia. Podemos então montar uma árvore de decisão para esse problema. Se não há sol, normalmente ficam em casa, se há sol, temos que olhar a variável vento. Caso tenha muito vento as pessoas ficam em casa, e caso não tenha vão à praia. A árvore é dividida em nós e raízes, os nós são as variáveis e as raízes o resultado final encontrado.

Outro exemplo para árvore de decisão utilizando números como condicionais para os nós, seria o caso abaixo:



Podemos olhar os km que uma pessoa corre em 12 minutos e a quantidade de abdominais para definir se ela está ou não em forma. É possível observar que com 3 retas foi possível dividir os dados de forma que consigamos prever as classes com facilidade apenas caminhando nas condicionais da árvore.

Ganho de informação

Entropia

Utilizando as fórmulas na prática:

Dataset abaixo se deve a decisão final de aceitar o emprego ou não, baseado nas features:

Salário	Localização	Função	Decisão
alto	longe	interessante	SIM
baixo	perto	desinteressante	NÃO
baixo	longe	interessante	SIM
alto	longe	desinteressante	NÃO
alto	perto	interessante	SIM
baixo	longe	desinteressante	NÃO

Podemos calcular a entropia primeiro encontrando as probabilidades de cada decisão do dataset, no caso de Sim ou Não.

Pnão = 3 / 6 = 1 / 2

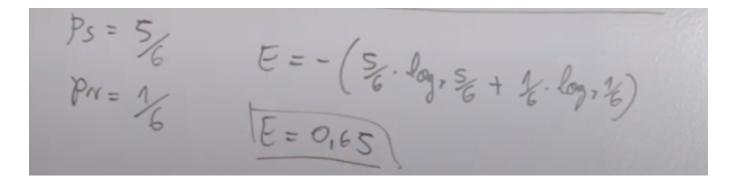
Agora basta inserir na fórmula do somatório que resulta na entropia:

Entropia = $-(1/2 \log 2 1/2 + 1/2 \log 2 1/2)$

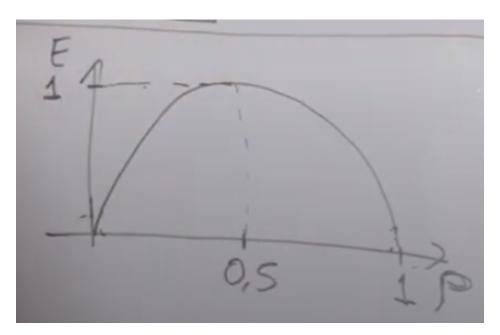
Entropia = -(1/2(-1) + 1/2(-1))

Entropia = 1

Outro exemplo, considerando que temos 5 decisões Sim e apenas 1 sendo não:

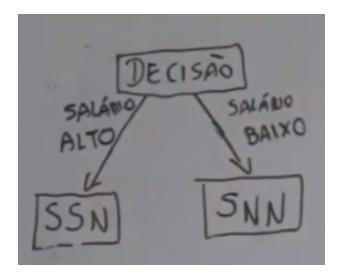


É importante salientar que quanto mais balanceado estiver os dados de decisão, maior a entropia, chegando no ponto 1. Caso os dados estejam desbalanceados a entropia tende a 0. Quanto mais desordenação nos dados (balanceamento), ou seja, difícil de dividir os dados, maior será a entropia, e quanto mais desbalanceado, ou seja, ordenados, a entropia é menor. Podemos ver isso no gráfico abaixo:



Calculando o ganho de informação para a variável salário

Observando somente a variável salário, temos o seguinte:



Se o salário for Alto, temos 2 decisões sim e uma não, e para o salário baixo, apenas uma Sim e 2 não.

A partir disso devemos voltar para a fórmula do ganho de informação:

Devemos calcular a entropia do pai, que seria a raíz da árvore, no caso a variável salário, e também a entropia dos filhos (Salário Alto e Baixo).

Portanto utilizando a fórmula de entropia nos dois casos:

Com a entropia dos filhos calculada, basta calcular o peso de cada um dos filhos com a seguinte fórmula:

Portanto o ganho de informação da variável Salário é:

Após isso temos que calcular o ganho de informação de todas as outras variáveis, e a qual tiver mais ganho, deverá ser escolhida para ser a raiz da árvore que irá separar os dados iniciais.

Calcular ganho de informação para Localização:

GANHO INFORMAÇÃO = ENTROPIA
$$g_{A1}$$
 - \sum PESO • ENTROPIA g_{A1} - \sum PESO • ENTROPIA g_{A1} - \sum PILHO ENTROPIA = \sum Pi log₂ Pi | Peso = $\frac{N^2 AMO JARAS}{N^2 AMOJARAS}$ PAI

PAMO LONGE:

PS = $\frac{1}{24}$ = $\frac{1}{22}$

E = 1

RAMO PERTO:

PS = $\frac{1}{2}$

PESO = $\frac{1}{2}$

GI = 1 - $(\frac{1}{4} \cdot 1 + \frac{1}{2} \cdot 1)$

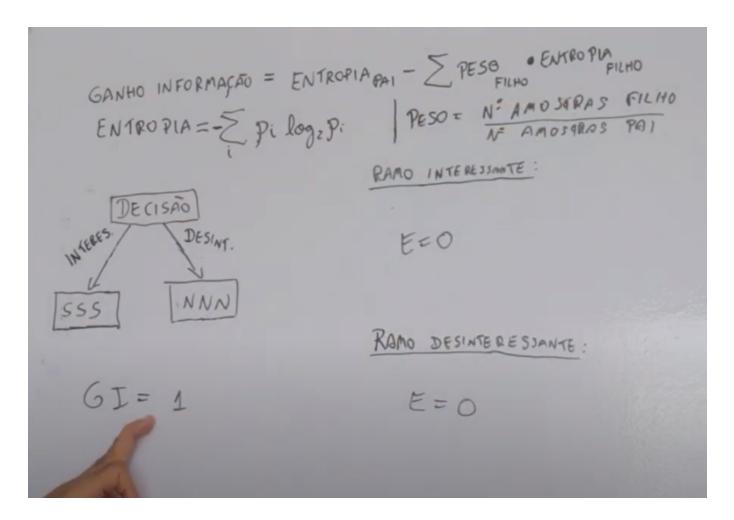
Pr = $\frac{1}{2}$

Pr = $\frac{1}{2}$

Pr = $\frac{1}{2}$

FESO = $\frac{1}{2}$

Calcular ganho de informação para Função:



Interessante observar que como não tem divisão de classes entre Interessado e Desinteressado, a entropia acaba sendo 0 e zerando o somatório dos filhos, o que garante que há 100% de ganho de informação. Portanto essa variável será a escolhida para ser a raiz da árvore por ter o maior ganho.

Outra observação é que só com essa variável já é possível definir se a decisão será sim ou não, pois ela divide igualmente as decisões de sim e não, ou seja, a árvore de decisão já está pronta.

Em um outro exemplo, onde as decisões não são 100% divididas já nos primeiros nós, a lógica é continuar executando o cálculo de entropia do pai e filho, porém os novos nós são considerados os pais e os filhos serão calculados posteriormente, recursivamente até um ponto de parada da árvore.