# Modellazione di un generatore sincrono e controllo della tensione in una rete elettrica multi-macchina



## Introduzione

#### Passi fondamentali

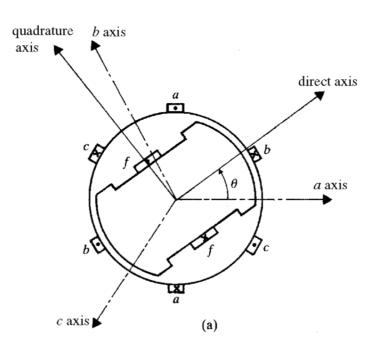
- Si procederà con la modellazione della macchina sincrona in un contesto isolato per comprendere le leggi fisiche che ne permettono il funzionamento
- Si inserirà la macchina in una rete elettrica di potenza e se ne deriverà un modello adatto per la Small Signal Analysis
- Ci si concentrerà su un controllo della tensione effettuato attraverso un controllore classico

## Prerequisiti matematici

#### La trasformata di Park

- Tre assi d,q,o che ruotano a velocità angolare omega
- Trasforma grandezze di un sistema trifase dipendenti dal tempo in valori costanti rispetto al nuovo riferimento

$$P = \sqrt{\frac{2}{3}} \begin{bmatrix} \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} & \frac{1}{\sqrt{2}} \\ \cos(\omega t) & \cos(\omega t - \frac{2}{3}\pi) & \cos(\omega t + \frac{2}{3}\pi) \\ \sin(\omega t) & \sin(\omega t - \frac{2}{3}\pi) & \sin(\omega t + \frac{2}{3}\pi) \end{bmatrix}$$

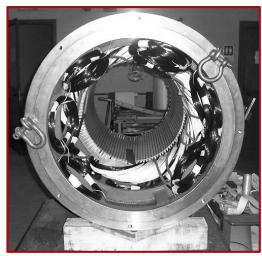


#### La struttura della macchina: il rotore e lo statore

- Viene fatto ruotare dall' azione di una coppia motrice generata da una turbina
- Viene modellato elettricamente da due circuiti
- Un circuito di field (f) in diretta, uno di damping (Q) in quadratura

- Vengono alloggiati i circuiti in direzione longitudinale, a formare tre fasi sfasate di 120° fra loro
- Sono la sede delle forze elettromotrici che generano la corrente elettrica



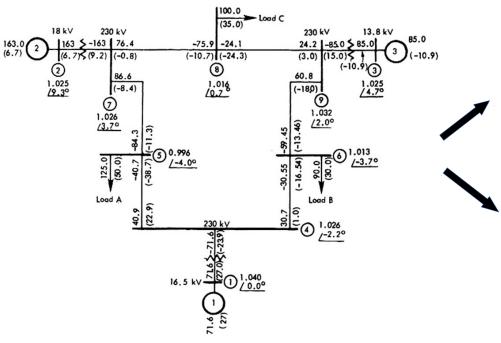


## Derivazione del modello con lo spazio di stato Modello a due assi

- Vengono trascurati i fenomeni non lineari delle parti magnetiche (saturazioni, isteresi)
- Viene assunto che la macchina lavori su carico bilanciato
- Le variabili del sistema si intendono normalizzate rispetto a delle variabili di base

$$\begin{cases} \tau'_{q0} \dot{E}'_{d} = -E'_{d} - (x_{q} - x'_{q})I_{q} \\ \tau'_{d0} \dot{E}'_{q} = E_{FD} - E'_{q} + (x_{d} - x'_{d})I_{d} \\ \tau_{j} \dot{\omega} = C_{m} - D\omega - E'_{d}I_{d} + E'_{q}I_{q} - (x'_{q} - x'_{d})I_{q}I_{d} \\ \dot{\delta} = \omega - 1 \end{cases}$$

## **Inserimento nella rete WSCC-9**



| $\begin{bmatrix} I_{q1\Delta} \\ I_{d1\Delta} \\ I_{q2\Delta} \\ I_{d2\Delta} \\ I_{q3\Delta} \\ I_{d3\Delta} \end{bmatrix} =$ | $\begin{bmatrix} -1.1458 \\ 1.0288 \\ 0.4200 \\ -2.7239 \\ 0.0800 \\ 1.1058 \end{bmatrix}$ | -1.1458 $2.7239$ $0.4200$ $-1.1058$ | 0.9216<br>0.3434<br>1.0541<br>0.2770 | -0.8347 $-1.0541$ $0.3434$ $2.3681$ | 1.6062<br>0.1891<br>-1.1484<br>2.4914<br>0.8160<br>-0.8305 | 1.2642 ]<br>0.0265<br>0.5805<br>-0.9666<br>-1.4414 | $\begin{bmatrix} E'_{q2\Delta} \\ E'_{d2\Delta} \\ E'_{q3\Delta} \\ E'_{d3\Delta} \\ \delta_{12\Delta} \\ \delta_{12\Delta} \end{bmatrix}$ |
|--|--|-------------------------------------|--------------------------------------|-------------------------------------|--|--|--|
| $\lfloor I_{d3\Delta} \rfloor$   | 1.1058   | 0.0800                              | -2.3681                              | 0.2770                              | -0.8305  | 1.9859   | $\left[\delta_{13\Delta}\right]$   |

$$\begin{cases} \tau'_{q0}\dot{E}'_{d} = -E'_{d} - (x_{q} - x'_{q})I_{q} \\ \tau'_{d0}\dot{E}'_{q} = E_{FD} - E'_{q} + (x_{d} - x'_{d})I_{d} \\ \tau_{j}\dot{\omega} = C_{m} - D\omega - I_{d0}E'_{d} - I_{q0}E'_{q} - E'_{d0}I_{d} - E'_{q0}I_{q} \\ \dot{\delta} = \omega \end{cases}$$

- La power flow analysis studia i flussi di potenza nei nodi quando la rete è a regime, al fine di soddisfare le domande di potenza dei carichi
- Serve a determinare quindi il punto di lavoro intorno al quale verrà linearizzato il sistema

## Modello con lo spazio di stato

- La macchina 1 è presa come slack, quindi come riferimento ed è rappresentata in maniera classica
- Gli sfasamenti dei load angle delle altre macchine sono riferiti ad essa

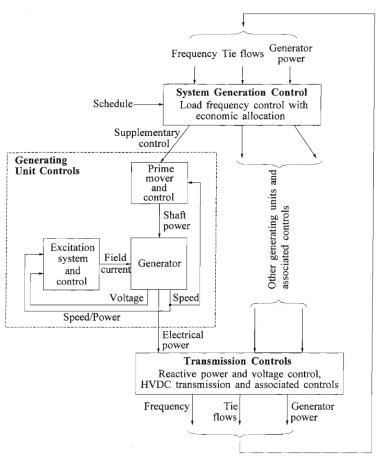
$$+10^{-4} \begin{bmatrix} 0.5610C_{m1} \\ 4.4210E_{FD2} \\ 0 \\ 2.0723C_{m2} \\ 4.5035E_{FD3} \\ 0 \\ 4.4063C_{m3} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

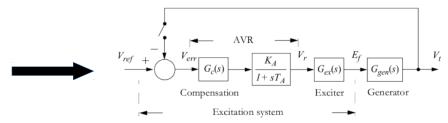
$$u = \begin{bmatrix} C_{m1} & E_{fd2} & C_{m2} & E_{fd3} & C_{m3} \end{bmatrix}$$

#### Vettore di stato

$$x = [\omega_1 \quad E'_{q2} \quad E'_{d2} \quad \omega_2 \quad E'_{q3} \quad E'_{d3} \quad \omega_3 \quad \delta_{12} \quad \delta_{13}]$$

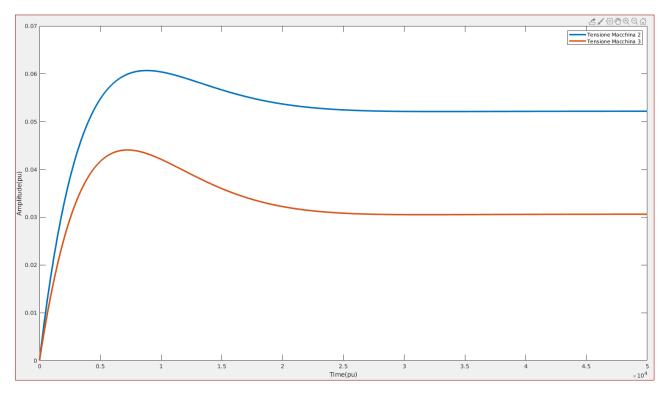
## Individuazione del contesto di controllo





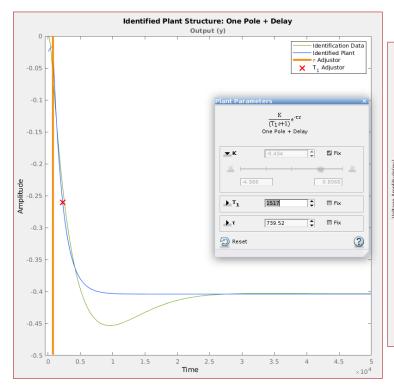
- In un power system vi sono molti livelli di controllo
- Approcci moderni al tuning del controllore prevedono l' uso di benchmark per l' apprendimento da parte di algoritmi intelligenti o reti neurali
- Controllo di un sistema MIMO attraverso un approccio SISO
- Catena aperta composta da un blocco di compensazione
   (PID), da un amplificatore, il sistema d'eccitazione e il plant

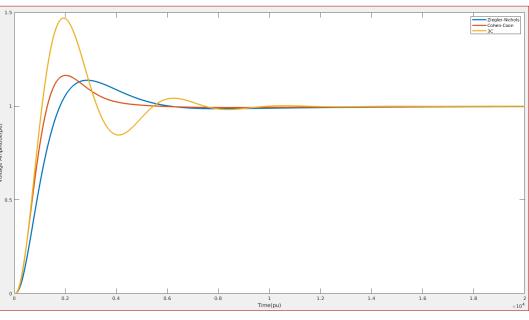
## Il sistema non controllato



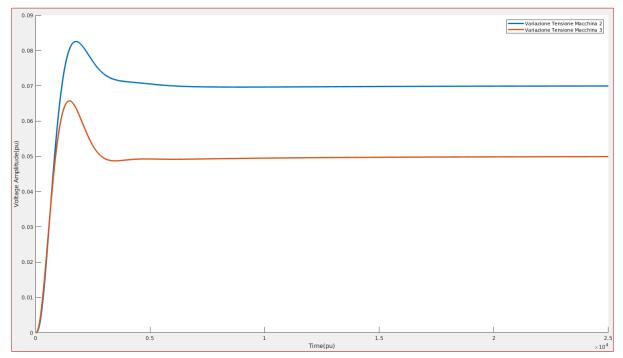
|               | Macchina 2            | Macchina3             |
|---------------|-----------------------|-----------------------|
| Rise Time     | 3290.5  pu = 8.72  s  | 2061.7  pu = 5.47  s  |
| Settling Time | 21323  pu = 56.55  s  | 22836  pu = 60.57  s  |
| Overshoot     | 16.31                 | 43.88                 |
| Undershoot    | 0                     | 0                     |
| Peak          | 0.0607                | 0.0441                |
| Peak Time     | 8831.5  pu = 23.42  s | 7229.5  pu = 19.18  s |

- Diminuire il tempo d' assestamento
- Mantenere una sovraelongazione limitata
- Margine di fase maggiore di 40°



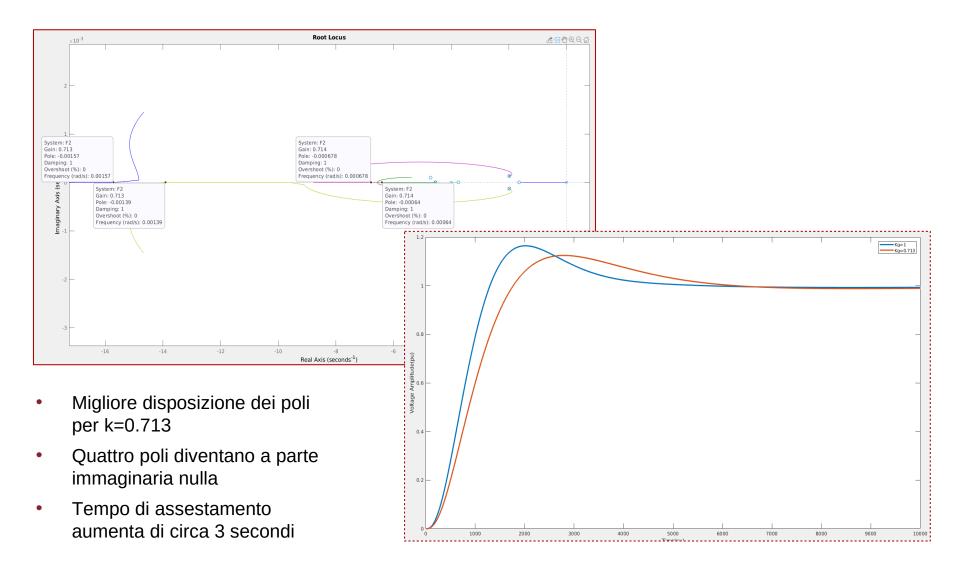


- Stima del processo e identificazione
- Viene stimato come un sistema con un polo e un ritardo
- Scelta del metodo di tuning migliore
- Il PID tarato con le regole di Cohen-Coon presenta un tempo d' assestamento minore

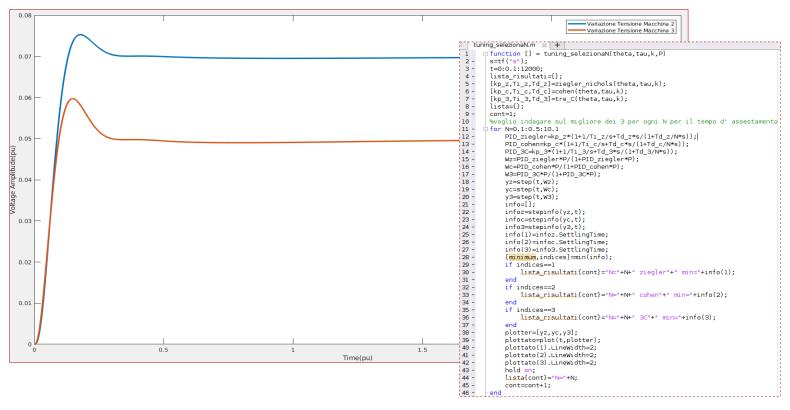


|               | Macchina 2             | Macchina3             |
|---------------|------------------------|-----------------------|
| Rise Time     | 735.0136  pu = 1.94  s | 569.5282  pu = 1.5  s |
| Settling Time | 3703  pu = 9.82  s     | 4012.7  pu = 10.64  s |
| Overshoot     | 17.9591                | 31.4618               |
| Undershoot    | 0                      | 0                     |
| Peak          | 0.0826                 | 0.0657                |
| Peak Time     | 1775  pu = 4.7  s      | 1483  pu = 3.93  s    |

- Simulazione del sistema multimacchina dopo l' inserimento dei PID nel sistema di controllo delle macchine 2 e 3
- Sovraelongazione ancora elevata
- E' possibile una migliore disposizione dei poli?



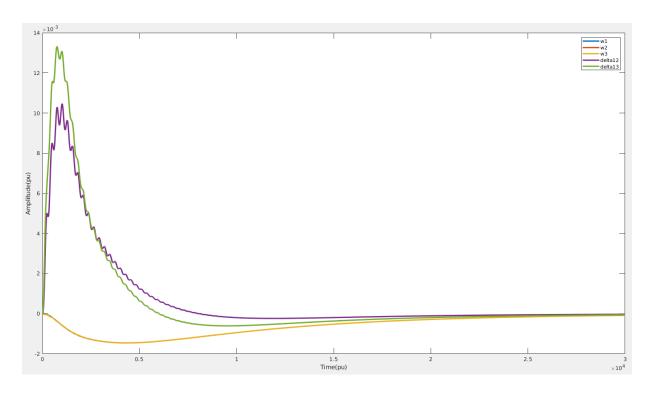
## Il sistema controllato



|                   | Macchina 2             | Macchina3             |
|-------------------|------------------------|-----------------------|
| Rise Time         | 819.9211  pu = 2.17  s | 620.4016  pu = 1.6  s |
| Settling Time     | 2650.9  pu = 7  s      | 2640  pu = 7  s       |
| Overshoot         | 7.5534                 | 19.46                 |
| ${f Under shoot}$ | 0                      | 0                     |
| Peak              | 0.0753                 | 0.0597                |
| Peak Time         | 1792.5  pu = 4.75  s   | 1485.5  pu = 3.9  s   |

- Tempo d' assestamento diminuito di circa due secondi
- Sovraelongazione diminuita di circa il 10 percento

## Conclusioni



- Il problema di un approccio di tipo SISO a un sistema MIMO
- L' effetto che hanno le variabili lasciate incontrollate sui tempi di assestamento
- I problemi principali sono la mancanza di comunicazione tra i controllori (si pensi all' introduzione del PSS) e la mancanza di previsione

# Grazie dell' attenzione!