

# Pilhas Encadeadas

Prof.: Leonardo Tórtoro Pereira  
[leonardop@usp.br](mailto:leonardop@usp.br)

Baseado nos slides do Prof. Rudinei Goularte

# Métodos de implementação de Pilha

# Organização vs. alocação de memória

1. **Sequencial** e **estática**: Uso de arrays
2. **Encadeada** e **estática**: Array simulando Mem. Princ.
3. **Sequencial** e **dinâmica**: Alocação dinâmica de Array
4. **Encadeada** e **dinâmica**: Uso de ponteiros

		Organização da memória:	
		Sequencial	Encadeada
Alocação da memória	Estática	1	2
	Dinâmica	3	4

# Implementando um TAD de Pilha

# TAD Pilhas

## → Operações auxiliares

- ◆ criar(P): cria uma pilha P vazia
- ◆ apagar(P): apaga a pilha P da memória
- ◆ topo(P): retorna o elemento do topo de P, sem remover
- ◆ tamanho(P): retorna o número de elementos em P
- ◆ vazia(P): indica se a pilha P está vazia
- ◆ cheia(P): indica se a pilha P está cheia (útil para implementações sequenciais).

# Definição da Interface das Operações

- `PILHA *pilha_criar(void);`
- `void pilha_apagar(PILHA **pilha);`
- `int pilha_vazia(PILHA *pilha);`
- `int pilha_cheia(PILHA *pilha);`
- `int pilha_tamanho(PILHA *pilha);`
- `ITEM *pilha_topo(PILHA *pilha);`
- `int pilha_empilhar(PILHA *pilha, ITEM *item);`
- `ITEM *pilha_desempilhar(PILHA *pilha);`
- `void pilha_print(PILHA *p);`
- `void pilha_inverter(PILHA *p);`

# Aplicação de Pilhas

- Avaliação de expressões aritméticas
  - ◆ Notação infixa é ambígua
    - $A + B * C = ?$
    - Necessidade de precedência de operadores ou utilização de parênteses
- Entretanto existem outras notações...

# Aplicação de Pilhas

- Notação polonesa (prefixa)
  - ◆ Operadores precedem os operandos
  - ◆ Dispensa o uso de parênteses
  - ◆  $- * AB/CD = (A * B) - (C/D)$
- Notação polonesa reversa (posfixa)
  - ◆ Operadores sucedem os operandos
  - ◆ Dispensa o uso de parênteses
  - ◆  $AB * CD/- = (A * B) - (C/D)$



# Aplicação de Pilhas

- Expressões na notação posfixa podem ser avaliadas utilizando uma pilha
  - ◆ A expressão é avaliada de esquerda para a direita
  - ◆ Os operandos são empilhados
  - ◆ Os operadores fazem com que: dois operandos sejam desempilhados, o cálculo seja realizado e o resultado empilhado

# Aplicação de Pilhas

→ Por exemplo:  $6\ 2\ /\ 3\ 4\ *\ +\ 3\ -\ =\ 6\ /\ 2\ +\ 3\ *\ 4\ -\ 3$

Símbolo	Ação	Pilha
6	empilhar	P[6]
2	empilhar	P[2, 6]
/	desempilhar, aplicar operador e empilhar	$P[(6/2)] = P[3]$
3	empilhar	P[3, 3]
4	empilhar	P[4, 3, 3]
*	desempilhar, aplicar operador e empilhar	$P[(3*4), 3] = P[12, 3]$
+	desempilhar, aplicar operador e empilhar	$P[3 + 12] = P[15]$
3	empilhar	P[3, 15]
-	desempilhar, aplicar operador e empilhar	$P[(15 - 3)] = P[12]$
	final, resultado no topo da pilha	P[12]

## Aplicação de Pilhas

Considere o problema de decidir se uma dada sequência de parênteses e chaves é bem formada. Por exemplo, a sequência abaixo:

( ( ) { ( ) } )

é bem-formada, enquanto a sequência

( { } )

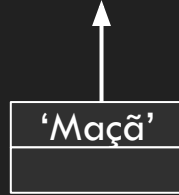
é malformada.

## Aplicação de Pilhas

Suponha que a sequência de parênteses e chaves está armazenada em uma cadeia de caracteres `s`. Escreva uma função `bem_formada()` que receba a cadeia de caracteres `s` e devolva 1 se `s` contém uma sequência bem-formada de parênteses e chaves e devolva 0 se a sequência está malformada.

# Implementação Dinâmica Encadeada

- Ponteiros podem ser usados para construir estruturas, tais como Pilhas, a partir de componentes simples chamados nós

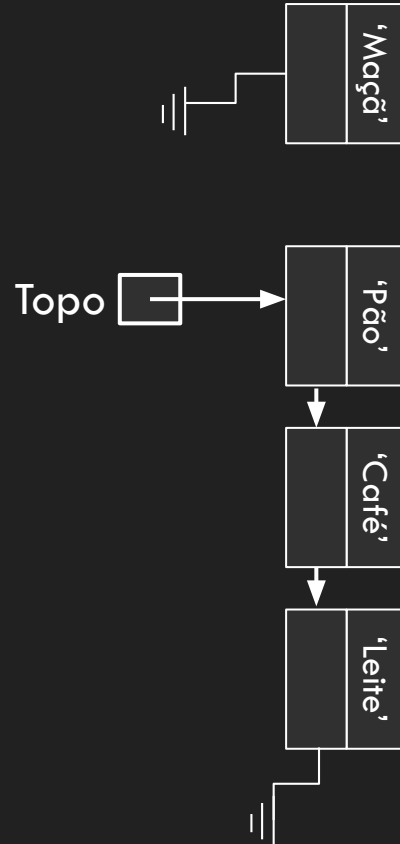


# Implementação Dinâmica Encadeada

- Encadeamentos são úteis pois podem ser utilizadas para implementar o TAD pilha
- Uma vantagem é o fato de não ser necessário informar o número de elementos em tempo de compilação

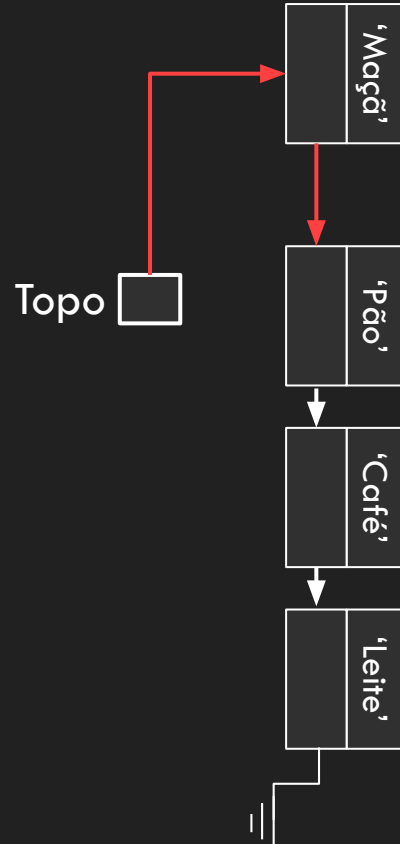
# Discussão Intuitiva

- Por exemplo, uma operação de **empilhar** pode ser feita da seguinte maneira



## Discussão Intuitiva

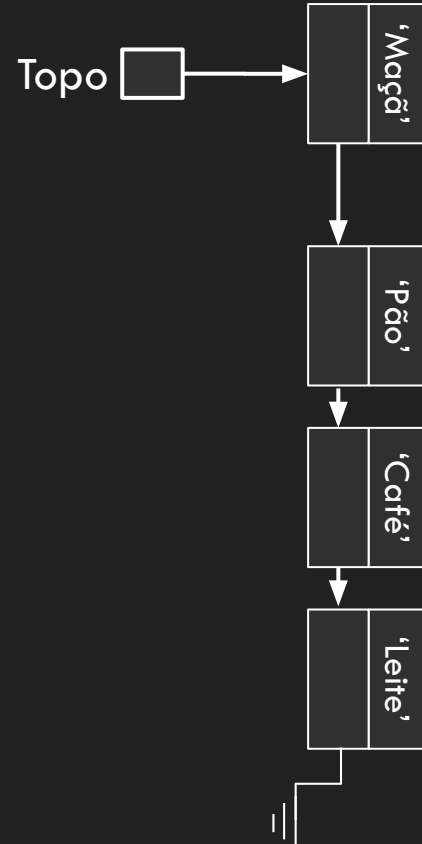
- Por exemplo, uma operação de **empilhar** pode ser feita da seguinte maneira





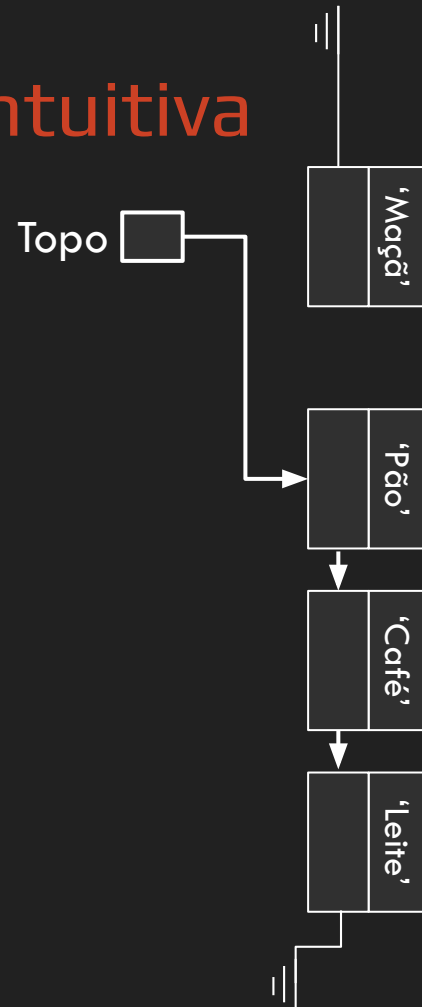
## Discussão Intuitiva

- Por exemplo, uma operação de **desempilhar** pode ser feita da seguinte maneira



## Discussão Intuitiva

- Por exemplo, uma operação de **desempilhar** pode ser feita da seguinte maneira



# Implementação Dinâmica Encadeada

- O topo é o início
- \* Pode-se implementar as operações utilizando a abordagem de lista ligada simples
- Utilizando o TAD Pilha, a interface e o programa cliente não mudam, apenas a implementação (Pilha.c) muda!!!
- ◆ \* Problema do ovo e da galinha! Optamos por estudar Pilhas primeiro.

# Definição de Tipos

```
// interface (arquivo pilha.h)
1 typedef struct pilha PILHA;
2 #define TAM 100
3 #define ERRO -32000
...
// implementação (arquivo pilha.c)
2 #include "Pilha.h"
3 typedef struct no NO;
4 struct no {
5     ITEM* item;
6     NO* anterior;
7 };
9 struct pilha {
10     NO* topo;
11     int tamanho;
12 };
...
```

# Implementação Dinâmica Encadeada

```
PILHA* pilha_criar() {  
    PILHA* pilha = (PILHA *) malloc(sizeof (PILHA));  
    if (pilha != NULL) {  
        pilha->topo = NULL;  
        pilha->tamanho = 0;  
    }  
    return (pilha);  
}
```

# Implementação Dinâmica Encadeada

```
void pilha_apagar(PILHA** pilha) {  
    NO* paux;  
    if ( ((*pilha) != NULL) && (!pilha_vazia(*pilha)) ) {  
  
        while (pilha->topo != NULL) {  
            paux = (*pilha)->topo;  
            (*pilha)->topo = (*pilha)->topo->anterior;  
            item_apagar(&paux->item);  
            paux->anterior = NULL;  
            free(paux); paux = NULL;  
        }  
    }  
    free(*pilha);  
    *pilha = NULL;  
}
```

# Implementação Dinâmica Encadeada

```
1 int pilha_vazia(PILHA* pilha) {
2     return ((pilha != NULL) ? pilha->tamanho == 0 : ERRO);
3 }
4
5 int pilha_tamanho(PILHA* pilha) {
6     return ((pilha != NULL) ? pilha->tamanho : ERRO);
7 }
8
9 ITEM* pilha_topo(PILHA* pilha) {
10     if ((pilha != NULL) && (!pilha_vazia(pilha)) ){
11         return (pilha->topo->item);
12     }
13     return (NULL);
14 }
```

# Implementação Dinâmica Encadeada

```
int pilha_empilhar(PILHA* pilha, ITEM* item) {  
    NO* pnovo = (aNO *) malloc(sizeof (NO));  
    if (pnovo != NULL) {  
        pnovo->item = item;  
        pnovo->anterior = pilha->topo;  
        pilha->topo = pnovo;  
        pilha->tamanho++;  
        return (1);  
    }  
    return (ERRO);  
}
```



# Implementação Dinâmica Encadeada

```
ITEM* pilha_desempilhar(PILHA* pilha) {  
    if ((pilha != NULL) && (!pilha_vazia(pilha)) ){  
        NO* pno = pilha->topo;  
        ITEM* item = pilha->topo->item;  
        pilha->topo = pilha->topo->anterior;  
        pno->anterior=NULL;  
        free(pno);  
        pno=NULL;  
        pilha->tamanho--;  
        return (item);  
    }  
    return (NULL);  
}
```

# Sequencial versus Encadeada

Operação	Sequencial	Encadeada
Criar	$O(1)$	$O(1)$
Apagar	$O(n)^*$	$O(n)$
Empilhar	$O(1)$	$O(1)$
Desempilhar	$O(1)$	$O(1)$
Topo	$O(1)$	$O(1)$
Vazia	$O(1)$	$O(1)$
Tamanho	$O(1)$	$O(1)$ (com contador)

\* Do modo como foi implementado, o TAD pilha é um array de ponteiros para TADs ITEM. Isto é, cada posição do array aponta para um item, o qual, por sua vez, foi alocado dinamicamente. Assim, ao apagar a pilha é necessário percorrer o array usando as referências (ponteiros) para desalocar (free) os itens!!  $\Rightarrow O(n)$ .

# Sequencial versus Encadeada

## → Sequencial

- ◆ Implementação simples
- ◆ Tamanho da pilha definido *a priori*

## → Encadeada

- ◆ Alocação dinâmica permite gerenciar melhor estruturas cujo tamanho não é conhecido *a priori* ou que variam muito de tamanho

# Referências

- ZIVIANI, N. Projeto de Algoritmos, Thomson, 2a. Edição, 2004.