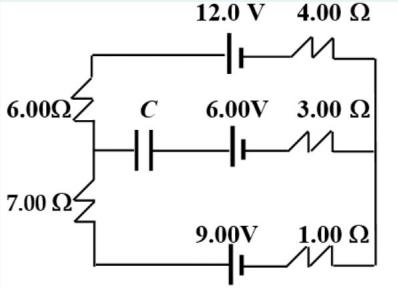


**Examen Final  
Física 2  
1er Semestre 2023**

## Problema 1.

En el circuito que se muestra el capacitor tiene un valor de  $5.50 \mu\text{F}$  y esta inicialmente descargado.

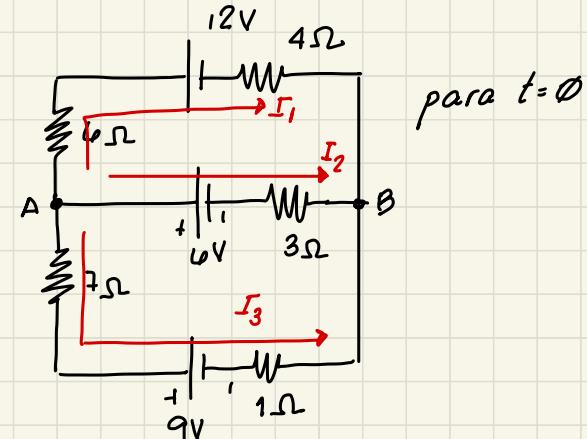


a) Calcular en  $t = 0$  s la corriente (en mA) que suministra al circuito la fem de 12.0 V (**8 puntos**)

Respuesta:

b) Calcular la carga máxima que adquiere el capacitor (en  $\mu\text{C}$ ) (**7 puntos**)

Respuesta:



$$\frac{V_a - 12}{10} + \frac{V_a - 6}{3} + \frac{V_a - 9}{8} = 0$$

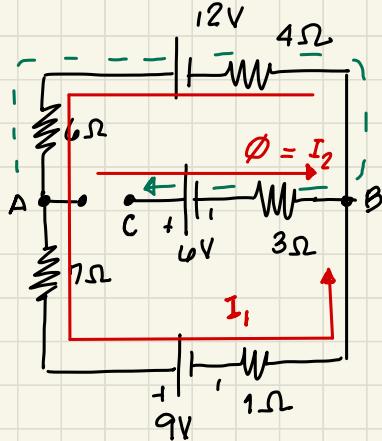
$$\frac{V_a}{10} - 1.2 + \frac{V_a}{3} - 2 + \frac{V_a}{8} - \frac{9}{8} = 0$$

$$V_a = \frac{\frac{173}{40}}{\frac{67}{120}} = 7.746 \text{ V}$$

$$I_1 = \frac{7.746 - 12}{10} = -0.4253 \text{ A}$$

425mA

Problema 1.



malla externa

$$-4I_1 + 12 - 6I_1 - 7I_1 - 9 - I_1 = \emptyset$$

$$-18I_1 + 3 = \emptyset$$

$$I_1 = \frac{3}{18} = \frac{1}{6} A$$

Voltaje del capacitor  $V_{AC}$

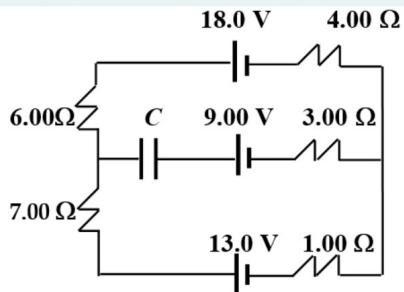
$$V_A - 7I_1 - 9 - I_1 + 6 = V_C$$

$$V_{AC} = 8I_1 + 9 - 6 = \frac{13}{3} V$$

$$Q = V_{AC} C = \underline{23.8 \mu C}$$

## Problema 1.

En el circuito que se muestra el capacitor tiene un valor de  $7.00 \mu\text{F}$  y esta inicialmente descargado.

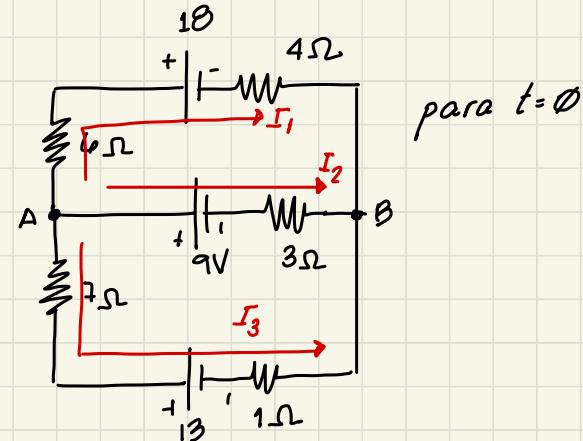


- a) Calcular en  $t = 0$  s la corriente (en mA) que suministra al circuito la fem de 13.0 V **(8 puntos)**

Respuesta: 187

- b) Calcular la carga máxima que adquiere el capacitor (en  $\mu\text{C}$ ) **(7 puntos)**

Respuesta: 43.6



$$\frac{V_a - 18}{10} + \frac{V_a - 9}{3} + \frac{V_a - 13}{8} = 0$$

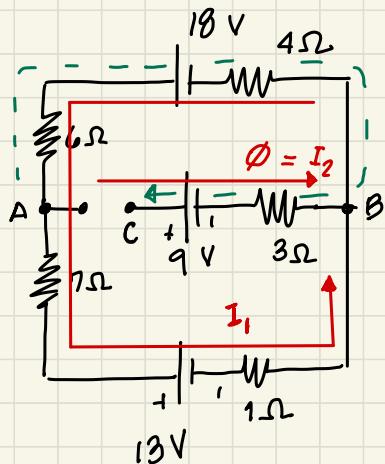
$$\frac{V_a}{10} - 1.8 + \frac{V_a - 9}{3} + \frac{V_a - 13}{8} = 0$$

$$V_a = \frac{+6.425}{67/120} = 11.507 \text{ V}$$

$$I_3 = \frac{11.507 - 13}{8} = -0.1864$$

187 mA

## Problema 1.



## malla externa

$$-4I_1 + 18 - 6I_1 - 7I_1 - 13 - I_1 = \emptyset$$

$$-10I_1 + 5 = \emptyset$$

$$I_1 = \frac{5}{10} A$$

Voltaje del capacitor  $V_{AC}$

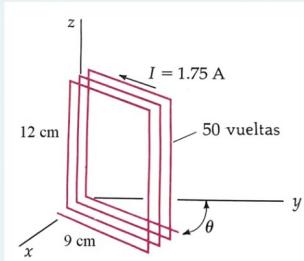
$$V_A - 7I_1 - 13 - I_1 + 9 = V_C$$

$$V_{AC} = 8I_1 + 4 = 6.22 \text{ V}$$

$$Q = V_{AC} C = 43.6 \mu C$$

## Problema 2.

Una bobina rectangular de 50 vueltas tiene lados de 12.0 y 9.00 cm y transporta una corriente de 1.75 A. Está orientada como lo muestra la figura y pivota alrededor del eje "z". Debe dejar constancia en cada inciso de los respectivos diagramas vectoriales.

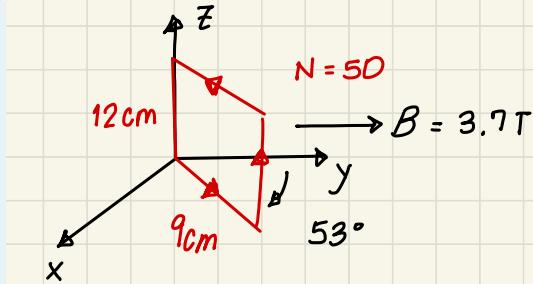


- a) Si la bobina está situada en el plano  $xy$ , forma un ángulo de  $53^\circ$  con el eje "y" como se indica, calcular el momento magnético de la bobina (en  $\text{Am}^2$ )

Respuesta: =

- b) Determinar el momento del par que actúa sobre la espira (en unidades SI), cuando se sitúa en un campo magnético uniforme  $B = 3.70 \text{ T}$  ( $j$ )

Respuesta: =

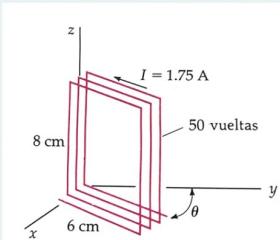


$$\begin{aligned} |\vec{\mu}| &= NI \\ &= (50)(1.75)(0.12 \times 0.09) \\ &= \underline{\underline{0.945 \text{ A} \cdot \text{m}^2}} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \vec{\mu} &\quad \text{Normal vector to the coil plane} \\ \vec{B} &= 3.7 \text{ T} \quad \text{Magnetic field} \\ \Gamma &= \mu B \sin \phi \\ \Gamma &= 0.945 (3.7) \sin 143^\circ \\ \vec{\Gamma} &= \underline{\underline{2.10 \text{ N} \cdot \text{m} (\hat{k})}} \end{aligned}$$

## Problema 2.

Una bobina rectangular de 50 vueltas tiene lados de 8.00 y 6.00 cm y transporta una corriente de 1.75 A. Está orientada como lo muestra la figura y pivota alrededor del eje "z". Debe dejar constancia en cada inciso de los respectivos diagramas vectoriales.

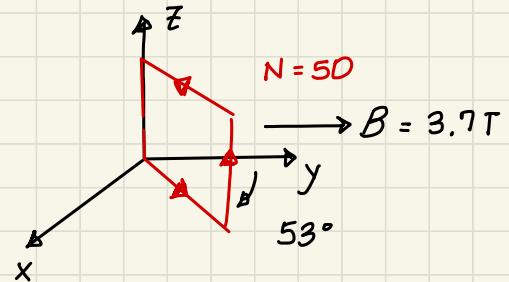


- a) Si la bobina está situada en el plano  $xy$ , forma un ángulo de  $37^\circ$  con el eje "y" como se indica, calcular el momento magnético de la bobina (en  $\text{Am}^2$ )

Respuesta: =

- b) Determinar el momento del par que actúa sobre la espira (en unidades SI), cuando se sitúa en un campo magnético uniforme  $B = 1.5 \text{ T}$  ( $j$ )

Respuesta: =

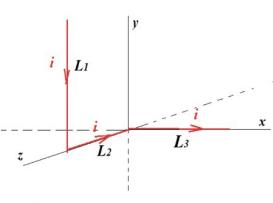


$$\begin{aligned}
 |\vec{\mu}| &= NIA \\
 &= (50)(1.75)(0.08 \times 0.06) \\
 &= \underline{\underline{0.42 \text{ A} \cdot \text{m}^2}}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \vec{\mu} &= \mu B \sin \phi \\
 \vec{\tau} &= \mu B \sin \phi \\
 \tau &= 0.42 (1.5) \sin (90 + 37) \\
 |\vec{\tau}| &= \underline{\underline{0.503 \text{ N} \cdot \text{m}}}
 \end{aligned}$$

### Problema 3.

La figura muestra un alambre largo que consta de 3 segmentos  $L_1 = 6.60 \text{ m}$ ,  $L_2 = 1.50 \text{ m}$ ,  $L_3 = 4.20 \text{ m}$  transporta una corriente de  $3.00 \text{ A}$ . El alambre está en un campo magnético  $B = (6.50 \hat{i} + 0 \hat{j} - 4.80 \hat{k}) \text{ mT}$ . Para cada caso realice un diagrama vectorial y calcule:



a) Calcular la magnitud fuerza  $F_1$  (en mN) sobre el segmento del alambre de longitud  $L_1$

Respuesta: 160 (05 puntos)

b) Calcular la magnitud fuerza  $F_2$  (en mN) sobre el segmento del alambre de longitud  $L_2$

Respuesta: 29.3 (05 puntos)

c) Calcular la magnitud fuerza Resultante (en mN) sobre todo el alambre

Respuesta: 163 (10 puntos)

$$I = 3 \text{ A}$$

$$\vec{B} = (6.5, 0, -4.8) \text{ mT}$$

$$L_1 = 6.6 \text{ m } (-\hat{j})$$

$$F_1 = I \vec{L}_1 \times \vec{B}$$

$$\begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 0 & -6.6 & 0 \\ 4.5 & 0 & -4.8 \end{vmatrix}$$

$$\vec{L}_1 \times \vec{B} = (31.68 \hat{i} + 0 \hat{j} + 42.9 \hat{k}) \times 10^{-3}$$

$$\vec{F}_1 = (95.04, 0, 128.7) \text{ mN}$$

$$|F_1| = 159.99 \text{ mN}$$

$$L_3 = 4.2 \text{ m } \hat{i}$$

$$\begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 4.2 & 0 & 0 \\ 4.5 & 0 & -4.8 \end{vmatrix}$$

$$\vec{L}_3 \times \vec{B} = (-20.16) \times 10^{-3} \hat{j}$$

$$\vec{F}_3 = +60.48 \times 10^{-3} \text{ N } \hat{j}$$

$$\vec{F}_R = (95.04, 31.23, 128.7) \text{ mN}$$

$$|F_R| = \underline{163 \text{ mN}}$$

$$\vec{F}_2 = I \vec{L}_2 \times \vec{B}$$

$$L_2 = -1.5 \hat{k} \text{ m}$$

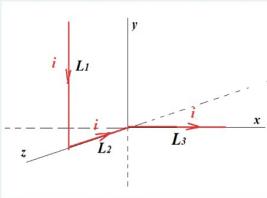
$$\begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 0 & 0 & -1.5 \\ 4.5 & 0 & -4.8 \end{vmatrix}$$

$$\vec{L}_2 \times \vec{B} = -(9.75) \times 10^{-3} \hat{j}$$

$$\vec{F}_2 = -29.25 \text{ mN } \hat{j}$$

### Problema 3.

La figura muestra un alambre largo que consta de 3 segmentos  $L_1=5.50\text{ m}$ ,  $L_2=1.25\text{ m}$ ,  $L_3=3.50\text{ m}$  transporta una corriente de  $3.00\text{ A}$ . El alambre está en un campo magnético  $B=(6.50\hat{i}+4.80\hat{k})\text{ mT}$ . Para cada caso realice un diagrama vectorial y calcule:



a) Calcular la magnitud fuerza  $F_1$  (en mN) sobre el segmento del alambre de longitud  $L_1$

Respuesta: 133 (05 puntos)

b) Calcular la magnitud fuerza  $F_2$  (en mN) sobre el segmento del alambre de longitud  $L_2$

Respuesta: 24.4 (05 puntos)

c) Calcular la magnitud fuerza  $F$  resultante (en mN) sobre todo el alambre

Respuesta: 136 (10 puntos)

$$I = 3\text{ A}$$

$$\vec{B} = \langle 6.5, 0, -4.8 \rangle \text{ mT}$$

$$L_1 = 5.5\text{ m} (-\hat{j})$$

$$F_1 = I \vec{L}_1 \times \vec{B}$$

$$\begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 0 & -5.5 & 0 \\ 6.5 & 0 & -4.8 \end{vmatrix} \quad \vec{L}_1 \times \vec{B} = (26.4\hat{i} + 0\hat{j} + 35.75\hat{k}) \times 10^{-3}$$

$$\vec{F}_1 = \langle 79.2, 0, 107.25 \rangle \text{ mN}$$

$$|F_1| = \underline{133.3 \text{ mN}}$$

$$\vec{F}_2 = I \vec{L}_2 \times \vec{B}$$

$$L_2 = -1.25\hat{k}\text{ m}$$

$$\begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 0 & 0 & -1.25 \\ 6.5 & 0 & -4.8 \end{vmatrix}$$

$$\vec{L}_2 \times \vec{B} = -(8.13) \times 10^{-3} \hat{j}$$

$$\vec{F}_2 = - \underline{24.38 \text{ mN}} \hat{j}$$

$$L_3 = 3.5\text{ m} \hat{i}$$

$$\begin{vmatrix} \hat{i} & \hat{j} & \hat{k} \\ 3.5 & 0 & 0 \\ 6.5 & 0 & -4.8 \end{vmatrix}$$

$$\vec{L}_3 \times \vec{B} = -(-14.8) \times 10^{-3} \hat{j}$$

$$\vec{F}_3 = + \underline{50.4 \times 10^{-3} \text{ N}} \hat{j}$$

$$\vec{F}_R = \langle 79.2, 26, 107.25 \rangle \text{ mN}$$

$$|\vec{F}_R| = \underline{135.8 \text{ mN}}$$

Un electrón de energía cinética de 58.0 keV se mueve en una órbita circular perpendicular a un campo magnético 0.487 V. Calcular:

### Problema 4

a) El radio (en mm) de la órbita (**05 puntos**)

Respuesta: **1.67**

b) La frecuencia del movimiento (en MHz) (**05 puntos**)

Respuesta: **13626**

$$K = 58 \times 10^3 \text{ eV} \times \frac{1.6 \times 10^{-19} \text{ J}}{1 \text{ eV}} = 9.28 \times 10^{-15} \text{ J}$$

$$\frac{1}{2} m_e v^2 = 9.28 \times 10^{-15} \rightarrow v = \sqrt{\frac{9.28 \times 10^{-15} \times 2}{9.1 \times 10^{-31}}} = 142.8 \times 10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\sum F_R = m \frac{v^2}{R}$$

$$q \mathbf{B} = m \frac{v^2}{R}$$

$$R = \frac{mv}{qB} = \frac{(9.1 \times 10^{-31})(142.8 \times 10^6)}{(1.6 \times 10^{-19})(0.487)} = \underline{\underline{1.67 \times 10^{-3} \text{ m}}}$$

$$v = \frac{2\pi R}{T} = 2\pi R f \quad f = \frac{v}{2\pi R} = \underline{\underline{13626 \text{ Hz}}}$$

## Problema 4

Un electrón de energía cinética de 45.0 keV se mueve en una órbita circular perpendicular a un campo magnético 0.325 V. Calcular:

a) El radio (en mm) de la órbita (**05 puntos**)

Respuesta: 2.2

b) La frecuencia del movimiento (en MHz) (**05 puntos**)

Respuesta: 9085

$$K = 45 \times 10^3 \text{ eV} \times \frac{1.6 \times 10^{-19} \text{ J}}{1 \text{ eV}} = 7.2 \times 10^{-15} \text{ J}$$

$$\frac{1}{2} m_e v^2 = 7.2 \times 10^{-15} \rightarrow v = \sqrt{\frac{7.2 \times 10^{-15} \times 2}{9.1 \times 10^{-31}}} = 125.79 \times 10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$\sum F_R = m \frac{v^2}{R}$$

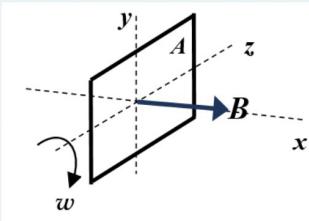
$$q \mathbf{B} = m \frac{v^2}{R}$$

$$R = \frac{mv}{qB} = \frac{(9.1 \times 10^{-31}) / (125.79 \times 10^6)}{(1.6 \times 10^{-19})(0.325)} = 2.20 \text{ mm}$$

$$v = \frac{2\pi R}{T} = 2\pi R f \quad f = \frac{v}{2\pi R} = 9,094 \text{ MHz}$$

Suponga que inicialmente se hace girar la espira de 20 vueltas, como lo muestra la figura en torno al eje "z", si  $A = 600 \text{ cm}^2$ , en una región de campo magnético  $B_x = 0.45 \text{ T}$ ,  $B_y = 0.00 \text{ T}$  y  $B_z = 0.00 \text{ T}$ , gira con una frecuencia de 340 rpm, utilizando la Ley de Faraday y dejando constancia:

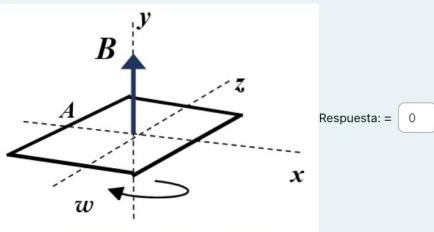
## Problema 5



a) ¿Cuál es la fem inducida máxima? (en V)

Respuesta: = 19.2

b) Si ahora la misma espira de área  $A$  se coloca sobre los ejes "x" y "z" y su plano es perpendicular al eje "y", gira en forma horizontal como lo muestra la figura, con la misma frecuencia, pero en una nueva región de campo magnético  $B_x = 0.00 \text{ T}$ ,  $B_y = 0.60 \text{ T}$  y  $B_z = 0.00 \text{ T}$  ¿Cuál es la nueva fem inducida máxima? (en V)



Respuesta: = 0

b)  $E_{MAX} = \underline{0}$

No hay variación de flujo.

$$N = 20$$

$$A = 600 \text{ cm}^2$$

$$\theta = \omega t$$

$$B_x = 0.45 \text{ T}$$

$$\omega = 340 \text{ rpm} = \frac{34}{3} \pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$E_{IND} = -N \frac{d\Phi}{dt} = -N \frac{d(BA \cos \theta)}{dt}$$

$$E_{IND} = +NBA\omega \sin \omega t$$

$$E_{IND_{MAX}} = NBA\omega$$

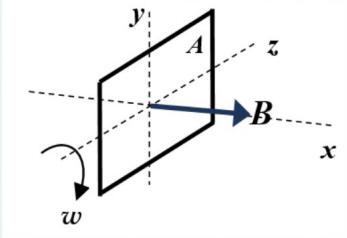
$$= (20)(0.45)(600 \times 10^{-4}) / \left( \frac{34\pi}{3} \right)$$

$$= 19.23 \text{ Volts.}$$


---

Suponga que inicialmente se hace girar la espira de 15 vueltas, como lo muestra la figura en torno al eje "z", si  $A = 450 \text{ cm}^2$ , en una región de campo magnético  $B_x = 0.60 \text{ T}$ ,  $B_y = 0.00 \text{ T}$  y  $B_z = 0.00 \text{ T}$ , gira con una frecuencia de 225 rpm, utilizando la Ley de Faraday y dejando constancia :

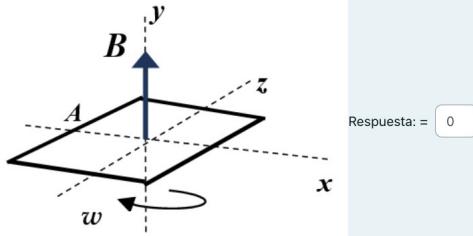
## Problema 5



a) ¿Cuál es la fem inducida máxima? (en V)

Respuesta: =

b) Si ahora la misma espira de área  $A$  se coloca sobre los ejes "x" y "z" y su plano es perpendicular al eje "y", gira en forma horizontal, como lo muestra la figura, con la misma frecuencia, pero en una nueva región de campo magnético  $B_x = 0.00 \text{ T}$ ,  $B_y = 0.85 \text{ T}$  y  $B_z = 0.00 \text{ T}$ . ¿Cuál es la nueva fem inducida máxima? (en V)



Respuesta: =

$$b) E_{\text{MAX}} = \underline{\underline{0}}$$

$$\frac{d\phi_B}{dt} = \underline{\underline{\phi}}$$

$$N = 15$$

$$A = 450 \text{ cm}^2$$

$$\theta = wt$$

$$B_x = 0.60 \text{ T}$$

$$w = 225 \text{ rpm} = \frac{15}{2} \pi \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

$$E_{\text{IND}} = -N \frac{d\phi}{dt} = -N \frac{d(BA \cos \theta)}{dt}$$

$$E_{\text{IND}} = +NBAw \sin wt$$

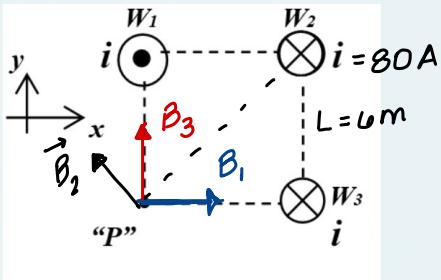
$$E_{\text{IND, MAX}} = NBAw$$

$$E_{\text{IND, MAX}} = (15)(10.6)(450 \times 10^{-4}) \left(\frac{15}{2}\pi\right)$$

$$= \underline{\underline{9.543 \text{ V.}}}$$

## Problema 6

En la figura se muestran tres conductores paralelos, perpendiculares a la página, en la esquina de un cuadrado de lado 6.00 m, con  $i = 80.0 \text{ A}$  en la dirección mostrada.



a) ¿Cuál es la magnitud del campo magnético resultante (en  $\mu\text{T}$ ) en el punto "P", producido por los conductores  $W_1$ ,  $W_2$  y  $W_3$ ? (Debe realizar el diagrama vectorial de campo magnético en ese punto.)

Respuesta =

b) ¿Cuál es la magnitud de la fuerza magnética por unidad de longitud (en  $\mu\text{N/m}$ ), sobre el conductor  $W_2$ ? (Debe realizar el diagrama vectorial de fuerzas magnéticas en ese punto.)

Respuesta =

$$|B_1| = |B_3| = \frac{\mu_0 I}{2\pi L} = \frac{4\pi \times 10^{-7} (80)}{2\pi (6)} = 2.647 \mu\text{T}$$

$$\vec{B}_2 = \frac{\mu_0 I}{2\pi \sqrt{2} L} (-\cos 45 \hat{i} + \sin 45 \hat{j})$$

$$\vec{B}_2 = 1.33 \mu\text{T} (-\hat{i}) + 1.33 \mu\text{T} \hat{j}$$

$$\vec{B}_p = (2.647 - 1.33) \mu\text{T} \hat{i} + (2.647 + 1.33) \mu\text{T} \hat{j} = 1.33 \mu\text{T} \hat{i} + 4 \mu\text{T} \hat{j}$$

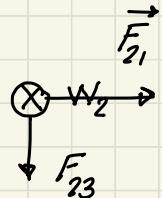
$$|B_p| = \underline{4.215 \mu\text{T}}$$

$$\frac{\vec{F}_2}{L_2} = \frac{\vec{F}_{21}}{L_2} + \frac{\vec{F}_{23}}{L_2}$$

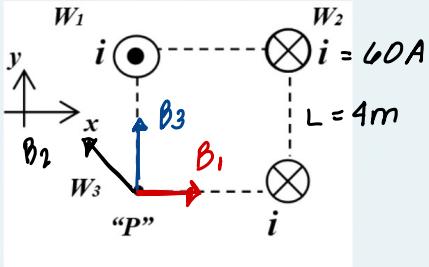
$$\frac{\vec{F}_{21}}{L_2} = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi L} = 213.33 \frac{\mu\text{N}}{\text{m}} \hat{i}$$

$$\frac{\vec{F}_{23}}{L_2} = 213.33 \frac{\mu\text{N}}{\text{m}} (-\hat{j})$$

$$\left| \frac{\vec{F}_2}{L_2} \right| = 301.7 \frac{\mu\text{N}}{\text{m}}$$



En la figura se muestran tres conductores paralelos, perpendiculares a la página, en la esquina de un cuadrado de lado 4.00 m, con  $i = 60.0$  A en la dirección mostrada.



a) ¿Cuál es la magnitud del campo magnético resultante (en  $\mu\text{T}$ ) en el punto "P", producido por los conductores  $W_1$ ,  $W_2$  y  $W_3$ ? (Debe realizar el diagrama vectorial de campo magnético en ese punto.)

Respuesta = 4.74

b) ¿Cuál es la magnitud de la fuerza magnética por unidad de longitud (en  $\mu\text{N/m}$ ), sobre el conductor  $W_2$ ? (Debe realizar el diagrama vectorial de fuerzas magnéticas en ese punto.)

Respuesta = 255

$$|B_1| = |B_3| = \frac{\mu_0 I}{2\pi L} = \frac{4\pi \times 10^{-7} (60)}{2\pi (4)} = 3 \mu\text{T}$$

$$\vec{B}_2 = \frac{\mu_0 I}{2\pi \sqrt{2} L} (-\cos 45 \hat{i} + \sin 45 \hat{j})$$

$$\vec{B}_2 = -1.5 \mu\text{T} \hat{i} + 1.5 \mu\text{T} \hat{j}$$

$$\vec{B}_p = (3 \mu\text{T} - 1.5 \mu\text{T}) \hat{i} + (3 \mu\text{T} + 1.5 \mu\text{T}) \hat{j}$$

$$\vec{B}_p = 1.5 \mu\text{T} \hat{i} + 4.5 \mu\text{T} \hat{j} \quad |B_p| = \underline{4.74 \mu\text{T}}$$

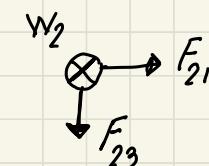
## Problema 6

$$\frac{\vec{F}_{21}}{L_2} = \frac{\mu_0 I_1 I_2}{2\pi L} =$$

$$= \frac{4\pi \times 10^{-7} \times (60)^2}{2\pi (4)}$$

$$\frac{\vec{F}_{21}}{L_2} = 180 \frac{\mu\text{N}}{\text{m}} \hat{i}$$

$$\frac{\vec{F}_{23}}{L_2} = 180 \frac{\mu\text{N}}{\text{m}} (-\hat{j})$$

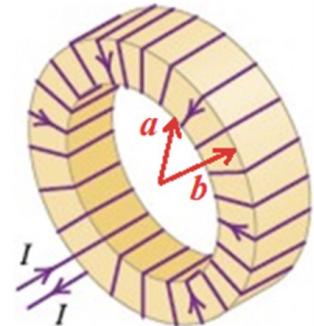


$$\frac{\vec{F}_2}{L_2} = 180 \frac{\mu\text{N}}{\text{m}} \hat{i} - 180 \frac{\mu\text{N}}{\text{m}} \hat{j}$$

$$|\frac{\vec{F}_2}{L_2}| = 254.6 \frac{\mu\text{N}}{\text{m}} \hat{j}$$

En la figura se muestra un toroide de 275 vueltas y que transporta una corriente  $i = (4.00 t^2 + 4.00 t + 3.00)$  Amperios, donde  $t$  está en segundos, los radios son medidos a partir del centro sobre el eje del toroide, el radio interno es  $a = 10.0$  cm y el radio externo  $b = 15.0$  cm.

## Problema 7



$$N = 275$$

$$i = 4t^2 + 4t + 3$$

$$a = 10 \text{ cm}$$

$$b = 15 \text{ cm}$$

$$\frac{di}{dt} = 8t + 4$$

$$\frac{dI}{dt} = +$$

$$\theta = 180^\circ$$

a) Utilizando la Ley de Ampere, calcular el campo magnético (en mT) producido en el centro del toroide para un tiempo  $t = 6.00$  s (06 puntos)

Respuesta = 75.2

b) Si el área de la sección del toroide fuera de  $0.153 \text{ m}^2$ , utilizando la Ley de Faraday, calcular la fem inducida (en mV) producida en el centro del toroide en un tiempo  $t = 6.00$  s (09 puntos)

Respuesta = 963

$$a) B = \frac{\mu_0 NI}{2\pi r} = \frac{\mu_0 (275)}{2\pi (0.125)} * [4(6)^2 + 4(6) + 3] = 0.075 T \rightarrow \underline{75.2 \text{ mT}}$$

$$b) E_{IND} = -Nd\Phi_B = -N d(B \cos \theta) = -N A \cos \theta \frac{dB}{dt} = -N A \cos \theta \frac{d}{dt} \frac{\mu_0 NI}{2\pi r} = -\frac{N A \cos \theta \mu_0 N}{2\pi r} \frac{di}{dt}$$

$$= -\frac{(275)(0.153) \cos 0^\circ}{2\pi (0.125)} \mu_0 (8(6) + 4) = 0.9627 \text{ V} \rightarrow \underline{962.7 \text{ mV}}$$

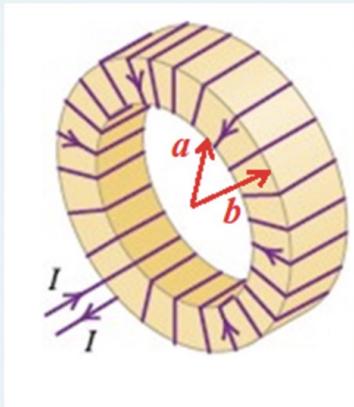
En la figura se muestra un toroide de 220 vueltas y que transporta una corriente  $i = (5.00 t^2 + 5.00 t + 2.00)$  Amperios, donde  $t$  está en segundos, los radios son medidos a partir del centro sobre el eje del toroide, el radio interno es  $a = 10.0$  cm y el radio externo  $b = 15.0$  cm.

$$N = 220$$

$$a = 10\text{cm}$$

$$b = 15\text{cm}$$

$$A = 0.189\text{ m}^2$$



$$i = 5t^2 + 5t + 2$$

$$\frac{di}{dt} = 10t + 5 \quad \frac{di}{dt} = + \Rightarrow \theta = 180$$

$$i(t=4\text{s}) = 5*4^2 + 5(4) + 2 \\ = 102\text{A}$$

a) Utilizando la Ley de Ampere, calcular el campo magnético (en mT) producido en el centro del toroide para un tiempo  $t = 4.00$  s (06 puntos)

Respuesta = 36

b) Si el área de la sección del toroide fuera de  $0.189\text{ m}^2$ , utilizando la Ley de Faraday, calcular la fem inducida (en mV) producida en el centro del toroide en un tiempo  $t = 4.00$  s (09 puntos)

Respuesta = 659

$$a) B = \frac{\mu_0 NI}{2\pi r} = \frac{4\pi \times 10^{-7}(220)(102)}{2\pi (0.125)} = 0.0359\text{ T} \rightarrow \underline{36\text{ mT}}$$

$$b) E_{IND} = -N \frac{d\Phi_B}{dt} = -N \frac{d(BA \cos \theta)}{dt} = -N A \cos \theta \frac{dB}{dt} = -N A \cos \theta \frac{d}{dt} \frac{\mu_0 NI}{2\pi r} = -\frac{N A \cos \theta \mu_0 N}{2\pi r} \frac{di}{dt}$$

$$= - (220)^2 (0.189) \cos 180 \times 4\pi \times 10^{-7} \times (10*4 + 5) = 0.4586\text{ V} \rightarrow \underline{659\text{ mV}}$$

## Problema 7