Solucionario 20 Examen Parcial

1er Semestre 2023

Problema 1.

Una carga de 10.0 nC está distribuida uniformemente a lo largo del eje "x" a partir de x= – 2.00 m a x= + 3.00 m. Calcular el potencial eléctrico en el punto x= + 5.00 m (considere el potencial cero en el infinito).

$$x = 3m$$

$$x = 3m$$

$$x = 5m$$

$$V = k \lambda \left(-\ln (5-x) \right)^{3}$$

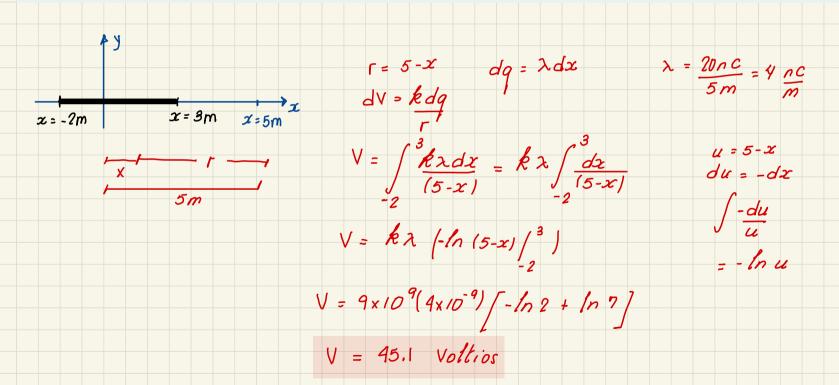
$$V = 9 \times 10^{9} (2 \times 10^{-9}) \left[-\ln 2 + \ln 7 \right]$$

V = 22.55 Voltios

$$\begin{array}{c}
\sqrt{5m} = 7 \\
\sqrt{5m} = 7$$

Problema 1.

Una carga de 20.0 nC está distribuida uniformemente a lo largo del eje "x" a partir de x= - 2.00 m a x= + 3.00 m. Calcular el potencial eléctrico en el punto x= + 5.00 m (considere el potencial cero en el infinito).



Problema 2.

En cierto lugar del espacio el potencial eléctrico está determinado por $V = (x^3 - 2x^2y + xz)$, donde V está en Voltios, y las variables x, y, z en metros.

a) Calcular la componente del campo eléctrico en dirección "x" (en V/m) en el punto (x, y, z) = (2, -2, 1) m

Respuesta: -29 (05 puntos)

b) Calcular la magnitud del campo eléctrico resultante (en N/C) en el punto (x, y, z) = (2, -2, 1) m.

Respuesta: 30.2 (05 puntos)

$$V = x^3 - 2x^2y + xz$$

$$V = \chi - 2\chi y + 2\chi$$

$$V = x^{3} - 2x^{2}y + xz$$
a)
$$E(x) = -\frac{\partial V}{\partial x} = -(3x^{2} - 4xy + z) = (-3x^{2} + 4xy - z) \hat{1}$$

$$E(x) = -3(2)^2 + 4(2)(-2) - (1) = -12 - 16 - 1 = -29 \frac{V}{m}$$

$$E_{z} = -\frac{\partial V}{\partial z} = -x$$

$$E_{y} = -\frac{\partial V}{\partial y} = -(-2x^{2}) = 2x^{2} \hat{j}$$

$$E(z) = -2 \frac{V}{m} \hat{k}$$

$$E_{y} = 2(2)^{2} = 8 \frac{V}{m} \hat{j}$$

$$E(z) = -2 \frac{V}{m} \hat{k}$$
 $E_y = 2(2)^2 = 8 \frac{V}{m}$

$$|\vec{E}'(2,-2,1)| = \sqrt{(-29)^2 + 8^2 + (-2)^2} = 30.15 \text{ V}$$

Problema 2.

En cierto lugar del espacio el potencial eléctrico está determinado por $V = (x^3 - 4x^2y + 2xz)$, donde V está en Voltios, y las variables x, y, z en metros.

a) Calcular la componente del campo eléctrico en dirección "x" (en V/m) en el punto (x, y, z) = (2, -2, 1) m

b) Calcular la magnitud del campo eléctrico resultante (en N/C) en el punto (x, y, z) = (2, -2, 1) m. 48.9 (05 puntos)

$$V = x^{3} - 4/x^{2}y + 2x^{2}$$

$$E_{x} = -2V \hat{x} \qquad (2x^{2} - 2x) \qquad (2x^{2} -$$

$$E_{x} = -\frac{\partial V}{\partial x} \hat{i} = -(3x^{2} - 8xy + 2z) \hat{i} = -(3(2)^{2} - 8(2)(-2) + 2(1)) \hat{i}$$

$$= -46 \hat{i} \quad \frac{V}{m}$$

$$\bar{m}$$

$$E_y = \frac{\partial V}{\partial y} \hat{j} = -4x^2 \hat{j} = -16\hat{j}$$

$$E_{z} = -\frac{\partial V}{\partial y} \hat{j} = -4x^{2} \hat{j} = -10 \hat{j}$$

$$E_{z} = -\frac{\partial V}{\partial z} = -2x = -4 \hat{k}$$

$$\vec{E}(2, -2, 1) = -40 \hat{i} - 10 \hat{j} - 4 \hat{k}$$

$$I\vec{E}(2, -2, 1) = 48.9 \text{ V}$$

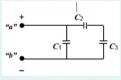
$$\frac{3.9 \text{ V}}{m}$$

Problema 3.

Capacitor C₁

a) El capacitor C_1 que se muestra la figura, tiene un área de 0.40 m² y una distancia de separación de placas de 1.00 x 10⁻⁶ m. Se introduce un dieléctrico de constante 1.50 y se encuentra justo a la mitad del capacitor. En la otra mitad tiene aire, y cuya constante dieléctrica se asume es 1.00. ¿Cuál es la nueva capacitancia de C_1 ? (en μ F)

Respuesta: 4.43 (08 puntos)



Ahora el capacitor C_1 se coloca en el circuito que se muestra. Los capacitores inicialmente están descargados, y se tienen los siguientes valores C_3 = 5.00 μ F, el capacitor C_2 tiene una constante dieléctrica de 2.50, una distancia de separación de placas de 2 x 10 $^{-7}$ m y área de placas de 0.02 m^2 . Usar para el capacitor C_1 = 6.50 μ F

b) Calcular la capacitancia equivalente del circuito (en μ F)

Respuesta: a (07 puntos)

C) Se aptica un voltaje de 244 entre los puntos "a" y "b" (Cuánta energia (en m.l) almacena el sistema de capacitores?

Respuesta: 2.31 (05 puntos)

$$A = 0.4 \text{ m}^2$$

$$d = 1 \times 10^{-6} \text{ m}$$

$$K = 1.5$$

$$C_a = \frac{E_b A/2}{d} = 1.77 \text{ m}F$$

$$C_2 = (2.5)\frac{E_b [0.02]}{2 \times 10^{-7}}$$

$$C_3 = 5 \text{ m}F$$

$$C_2 = (2.5)\frac{E_b [0.02]}{2 \times 10^{-7}}$$

$$C_4 = \frac{1}{2} C_{eq} V^2$$

$$C_5 = 2.2125 \text{ m}F$$

$$C_6 = \frac{1}{2} (8 \times 10^{-6})(24)^2$$

$$C_7 = C_8 + C_8 = 4.43 \text{ m}F$$

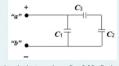
$$C_{eq} = C_1 + C_{23} = 8.0 \text{ m}F$$

Problema 3.

k₁ aire

a) El capacitor C_1 que se muestra la figura, tiene un área de 0.50 m² y una distancia de separación de placas de 1.00 x 10 - 6 m. Se introduce un dieléctrico de constante 2.25 y se encuentra justo a la mitad del capacitor. En la otra mitad tiene aire, y cuya constante dieléctrica se asume es 1.00. ¿Cuál es la nueva capacitancia de C_1 ? (en μ F)

Respuesta: 7.19 (08 puntos)



Ahora el capacitor C_1 se coloca en el circuito que se muestra. Los capacitores inicialmente están descargados, y se tienen los siguientes valores C_3 = 6.00 μ F, el capacitor C_2 tiene una constante dieléctrica de 3.10, una distancia de separación de placas de 2 x 10 $^{-7}$ m y área de placas de 0.02 m². Usar para el capacitor C_1 = 8.75 μ F

b) Calcular la capacitancia equivalente del circuito (en μ F)

 $A = 0.5 \, \text{m}^2$

Respuesta: 10.6 (07 puntos)

c) Se aplica un voltaje de 18.0 V entre los puntos "a" y "b" ¿Cuánta energía (en mJ) almacena el sistema de capacitores?

Respuesta: 1.72 (05 punto

 $d = 1 \times 10^{-6} m$ K = 2, 25 $C_{a} = \frac{\mathcal{E}_{b} A/2}{d} = 2.22 \, \mu F$ $C_{a} = \frac{C_{b} A/2}{d} = 2.22 \, \mu F$ $C_{b} = \frac{K_{1} \mathcal{E}_{b} A/2}{d} = 4.90 \, \mu F$ $C_{1} = C_{a} + C_{b} = 7.20 \, \mu F$

$$C_1 = 8.75 \mu F$$
 $C_2 = 3.1 \, \ell_0 \, (0.02)$
 2×10^{-7}

$$C_{23} = \left(\frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3}\right)^{-1} = 1.88 \mu F$$

$$C_{1} = \frac{1}{2} C_{23}$$

$$C_{23}$$

$$C_{$$

Problema 4.

En una casa de habitación, con un voltaje residencial de 220 V, se conectan en paralelo varios dispositivos: un calentador de 1.80 kW durante 3 horas al día, cuatro focos de 100 W durante 6 horas al día, una estufa eléctrica de 3000 J/s durante 2.5 horas al día, y otros dispositivos que suman 2.5 kW conectados 1.5 horas al día.

a) Calcular la energía total consumida (en kWh) por los dispositivos indicados, en un mes de 30 días

Respuesta: 572 (05 puntos)

b) ¿Cuánto se paga en el recibo de energía eléctrica en US\$ en un mes de 30 días? si la tarifa por consumo tiene un precio de US\$ 0.14 / kWh.

Respuesta: 80 (05 puntos)

∆V = 220 V			Potencia kw	tiempoh 1	Energia kw.h	
calentador 1.0kw		calentador	1.8	90	162	
4 focos 100 W c/u	6h/dia	4 focos	0.4	180	72	
estufa 3000 W	2.5 % día	estufa	3	75	225	
Otros 2.5 kW	1.5 h/día	Otros	2.5	45	112.5	
			'		571.5 kw.h	

Problema 4.

En una casa de habitación, con un voltaje residencial de 220 V, se conectan en paralelo varios dispositivos: un calentador de 2.70 kW durante 3.00 horas al día, cuatro focos de 150 W durante 6.00 horas al día, una estufa eléctrica de 4500 J/s durante 2.50 horas al día, y otros dispositivos que suman 3.20 kW conectados 1.50 horas al día.

a) Calcular la energía total consumida (en kWh) por los dispositivos indicados, en un mes de 30 días

Respuesta: 833 (05 puntos)

b) ¿Cuánto se paga en el recibo de energía eléctrica (en US\$) en un mes de 30 días? si la tarifa por consumo tiene un precio de US\$ 0.14 / kWh.

Respuesta: 117 (05 puntos)

calentador 2.7 kw		calentador	Potenoia kw 2.7	tiempo h	Energía kw.h
4 focos 150 W Yu estufa 4500 W	2.5 / día E)	4 focos estufa	0.6	180 75	108
	1.5 h/día	Otros	3.2	45	144
6) Precio = 832	.5 × 0,14 = 116	.6 US\$			832.5 kw.h

En el circuito que se muestra la corriente I= 30.0 mA

 $250 \Omega_{\Lambda}$ 250 Ω ₹ 15.0V 10.0V 30.0V + 800 Ω 800Ω a) Calcular la corriente (en mA) que proporciona la fem de 30.0 V

b) ¿Cuál es valor de la resistencia R (en Ω)?

654

Respuesta:

Problema 5.

c) Calcular la potencia (en W) que se suministra al circuito

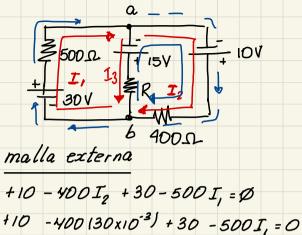
2.37

Respuesta:

d) ¿Cuál es la diferencia de potencial entre los puntos "a" y "b" (Va - Vb) del circuito mostrado?

Respuesta:

C) Todas las fuentes suminitran energía Potencia = 30(56×103) + 15(26×103)+10(30×103)



$$I_{1} = \frac{-28}{-500} = 56 \, \text{mA}$$

$$Nodos A$$

$$+ I_3 R - 15 + 10 - 400 I_2 = 0$$

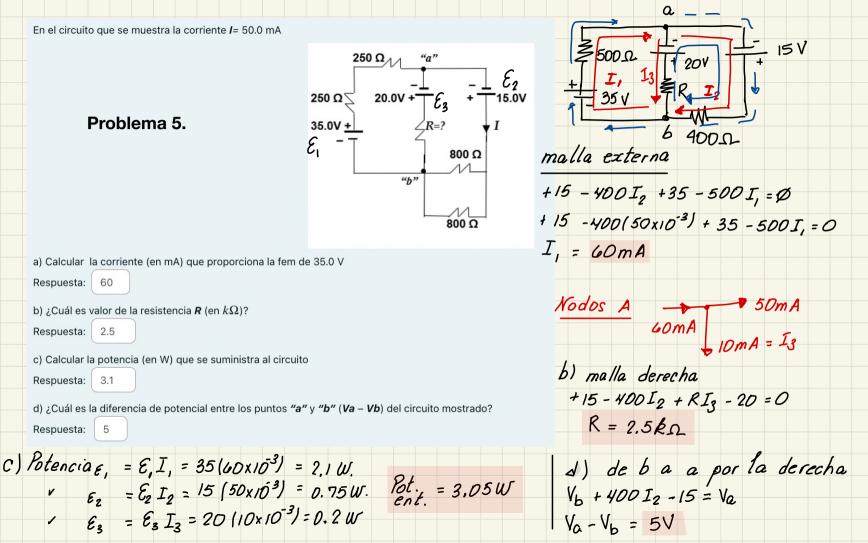
$$R = 400 (30 \times 10^{-3}) + 5 = 653.85 \Omega$$

$$26 \times 10^{-3}$$

d) de b a a por la izg.

$$V_b + 30 - 500 I_1 = V_a$$

 $V_a - V_b = -500 (56 \times 10^{-3}) + 30 = 2V$



Respuesta: 1.6

L = 1000 m

$$L = 1000 m$$

$$P = 1.7 \times 10^{-8} \text{ s.m.}$$

$$I = 30 A$$

$$AV = 40 V$$

$$R = \frac{V}{I}$$

$$A \mid V = IR$$

$$R = \frac{V}{I} = \frac{1}{2}$$

$$R = \frac{V}{I} = \frac{40}{30} = 1.33 \Omega$$

R = R. [1+ ~ (T-T.)] = 1.33 [1+(4x10-3)(50)]

$$R = \frac{PL}{A}$$

$$A = \frac{PL}{R} = 1.\frac{7 \times 10^{-8} (1000)}{1.33} = 12.75 \times 10^{6} m^{2}$$

= 1.652







Problema 6.

Un alambre de cobre de longitud 1000 metros y resistividad 1.70 x 10 $^{-8}$ Ω .m, transporta una corriente de 30.0 A . En los extremos del alambre se aplica una diferencia de potencial de 60.0 V .

- a) Calcular el área (en 10^{-6} m²) de sección circular deberá tener el alambre para que soporte este potencial
- Respuesta: 8.5 (05 puntos)
- b) Si el alambre inicia su uso a 20° C y después de varias horas de utilizarlo, su temperatura es 80° C, cuál será el nuevo valor de resistencia (en Ω), usar el coeficiente térmico de resistividad en el cobre de 4 x 10 $^{-3}$ /° C

$$L = 1000 \, m$$

$$P = 1.7 \times 10^{-8} \, \Omega \cdot m$$

$$I = 30 \, A$$

$$\Delta V = 40 \, V$$

$$R = \frac{V}{I} = \frac{40}{30} = 2 \, \Omega$$

$$A = \frac{PL}{R} = \frac{1.7 \times 10^{-8} (1000)}{2} = 8.5 \times 10^{-6} \, m^{2}$$

$$B = \frac{R_{0} \, \Gamma_{0}}{2} = 20^{\circ} \, C$$

$$R = \frac{R_{0} \, \Gamma_{0}}{2} = 2 \, \Gamma_{0} + (4 \times 10^{-3}) (40) \, \Gamma_{0}$$

$$\frac{C}{\sqrt{C^{-3}}} = 2.48 \Omega$$

En el circuito de la figura, en t = 0 s, el interruptor S se conecta en el punto A para iniciar el proceso de carga. Después de un tiempo suficientemente largo para suponer que el capacitor C está completamente cargado, el interruptor se conecta al punto B, iniciándose un proceso de descarga del capacitor C.

Switch. "S"

El valor de los elementos del circuito es:

$$R_1$$
 = 10.0 kΩ, R_2 = 10.00 kΩ, R_3 = 20.00 kΩ, C = 10.0 μF y V_0 = 15.0 V

Respuesta:

Respuesta: 208

a) $I_0 = \frac{V_0}{R_2 + R_1} = \frac{15}{20000} = \frac{750 \mu A}{R_2 + R_1}$ para t = 0

b) $Q(t) = C \in [1 - e^{-t}(R_1 + R_2)C]$ $Q(t \rightarrow \infty) = C \in$

10€ = &E [1-e-t/0.2] → t= 81.1 ms

$$\Upsilon = (R_1 + R_2)C = 0.25$$

0.50 = Q e - t/2

Proceso carga

0 (t → 0) = Va

() = 1.125 mJ

descarga

7=0.3

T= (R2+R2)C

 $U = \frac{1}{2}CV_0^2 =$

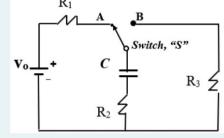
 $Q(t) = Q_0 e^{-t/q}$

ln 0.5 = -t

t = 207.9 ms

En el circuito de la figura, en t = 0 s, el interruptor S se conecta en el punto A para iniciar el proceso de carga. Después de un tiempo suficientemente largo para suponer que el capacitor C está completamente cargado, el interruptor se conecta al punto B, iniciándose un proceso de descarga del capacitor C.

Problema 7.



Respuesta: 833

$$R_1$$
 = 15.0 kΩ, R_2 = 15.00 kΩ, R_3 = 25.00 kΩ, C = 15.0 μF y V_0 = 25.0 V

a) Calcular el valor de la máxima corriente (en µA) por el circuito, durante el proceso de carga del capacitor

b) ¿Cuál es el tiempo (en ms) para el cual el capacitor alcanza un tercio de su carga total?

Respuesta: 183

c) Calcular la energía total almacenada en el capacitor (en mJ)

Respuesta: 4.69

d) Durante el proceso de descarga, calcular el tiempo (en ms) en el cual gueda la mitad de la carga del capacitor

Respuesta: 416

$$R_2$$
 ζ C = 15.0 μ F y v_o = 25.0 V (en μ A) por el circuito, durante el proceso de carga del capaci

a)
$$I_0 = \frac{V_0}{R_1 + R_2} = \frac{25}{30,000} = 833.33 \mu A$$
 $t = \emptyset$ $\Upsilon = (R_1 + R_2)C = 0.45$

Proceso carga

Vr (t→0) = V0

 $U = \frac{1}{2}CV_0^2 =$

() = 4.109 mJ

descarga

7 = 0.65

0.50 = Q, e

T= (Re+Rg)C

 $Q(t) = Q_0 e^{-t/\gamma}$

b)
$$\frac{1}{3} \& \mathcal{E} = \& \mathcal{E} \left[1 - e^{-t/r} \right] \quad t \to \infty \quad \mathcal{Q}(t \to \infty) = C\mathcal{E}$$

$$t = 182 \text{ ms}$$

$$t = 415.9 ms$$