Пояснительная записка

Вычислительные техники решения задач линейного программирования в частично-целочисленной постановке и приемы работы с решателем SCIP

Подвойский А.О., Глазунова Е.В.

Содержание

1	Ключевые термины и определения							
2	Вы	явленные баги SCI	Р и тонкости процедуры поиска решения	2				
	2.1	Недопустимое решег	ние для релаксированной постановки задачи	2				
	2.2	Неединственность р	елаксированного решения	2				
3	Общие сведения							
	3.1	Замечание о стабили	ьности работы решателя SCIP на различных операционных си-					
		стемах		2				
4	Прі	иемы поиска решен	ния	3				
	4.1	Прием фиксации би	нарно-целочисленных переменных в релаксированном решении	3				
	4.2	Прием подавления п	подгруппы первичных эвристик низкой эффективности	3				
	4.3	Прием подбора поро	ога бинаризации для бинарных переменных в релаксированном					
		решении		4				
5	Описание вычислительных экспериментов на сценариях группы ИКП							
	5.1 Общие замечания по процедуре поиска решения на сценариях без бинарных пере-							
				6				
	5.2							
				6				
			ВСВЕАО с бинарными переменными	8				
			AC4231 с бинарными переменными	9				
			197DF7 с бинарными переменными	10				
		5.2.4 Сценарий F3 9	98266В с бинарными переменными	11				
6	Опі	исание вычислител	ьных экспериментов на сценариях группы МВО	18				
7	Опі	исание вычислител	ъных экспериментов					
	на	сценариях MIPLIB	2017	18				
Cı	писо	к иллюстраций		19				
Cı	писо	к таблиц		19				
Cı	писо	к литературы	Список литературы					

1. Ключевые термины и определения

Задача линейного программирования (LP-задача) – это ...

Задача линейного программирования в частично-целочисленной постановке (MILP-задача) — это ...

2. Выявленные баги SCIP и тонкости процедуры поиска решения

2.1. Недопустимое решение для релаксированной постановки задачи

По состоянию на 18.06.2022 г. решатель SCIP версии 8.0.0 с оберткой PySCIPOpt версий 4.0.0 и 4.2.0 для операционной системы Windows 10 релаксированную постановку задачи (т.е. при снятых ограничениях на целочисленность переменных) оценивает как неспособную привести к допустимому решению.

SCIP версии 7.0.3 (PySCIPOpt 3.4.0) как на операционной системе Windows 10, так и на Unix-подобных операционных системах (в частности, MacOS Monterey 12.1 и Linux Centos 7) решает задачу в релаксированной постановке корректно.

2.2. Неединственность релаксированного решения

Если эвристические приемы строятся на базе релаксированного решения задачи, важно помнить, что релаксированные решения, полученные с помощью различных решателей с точки зрения распределения значений переменных могут существенно различаться¹, не смотря на то, что во всех случах зазор будет нулевым и целевая функция будет имееть одно и тоже значение (с оговоркой на допуск точности решателя).

3. Общие сведения

3.1. Замечание о стабильности работы решателя SCIP на различных операционных системах

- Вычислительные эксперименты проводились на трех версиях решателя SCIP (7.0.0, 7.0.3, 8.0.0) и трех платформах: Windows 10, MacOS (Monterey 12), Linux (Centos 7). Разброс времени поиска решения для каждой конфигурации решателя оценивается минимум по 3 запускам сценария
- На текущий момент наиболее стабильные и наиболее адекватные результаты получаются
 - для ОС Linux (Centos 7) и ОС MacOS (Monterey12) на решателе SCIP версии 7.0.3 (обертка PySCIPOpt 3.4.0) и платформе Ecole версии 0.7.3, собранных для однопоточной реализации
 - для ОС Windows 10 на решателе SCIP версии 8.0.0 (обертка PySCIPOpt 4.0.0), собранном для однопоточной реализации
- Последняя доступная версия решателя SCIP 8.0.0 (PySCIPOpt 4.1.0) на MacOS (Monterey 12.1) и Linux (Centos 7) при тех же настройках, что и для SCIP версии 7.0.3, как правило, работает значительно медленнее (2.5-2.85 раза) и в большинстве случаев либо не успевает найти решение за отведенное время, либо «просаживает» целевую функцию

 $^{^{1}}$ Потому как гиперплоскость целевой функции может касаться политопа не в вершине, а по грани

4. Приемы поиска решения

4.1. Прием фиксации бинарно-целочисленных переменных в релаксированном решении

Часто фиксация целочисленных переменных² в релаксированном решении приводит к приемлемому допустимому целочисленному решению, которое потом можно использовать как «теплый старат» или как базовое решение для других схем фиксации.

```
ZERO = 0.0
relax_sol: pd.Series = read_relax_sol(path_to_relax_sol)
model = pyscipopt.Model()
model.readProblem(path_to_lp_file)
model.readParams(path_to_set_file)
all_vars: t.List[pyscipopt.scip.Variable] = model.getVars()
bin_vars: t.List[pyscipopt.scip.Variable] = extract_vars_set_type(all_vars, BINARY)
int_vars: t.List[pyscipopt.scip.Variable] = extract_vars_set_type(all_vars, INTEGER)
all_zero_bin_vars: t.List[
 pyscipopt.scip.Variable
] = extract_from_relax_sol_zero_vars(
 relax_sol,
 sub_group_vars=bin_vars,
all_zero_int_vars: t.List[
 pyscipopt.scip.Variable
] = extract_from_relax_sol_zero_vars(
 relax_sol,
 sub_group_vars=int_vars,
for var in all_zero_bin_vars + all_zero_int_vars:
 model.fixVar(var, ZERO)
model.optimize()
```

4.2. Прием подавления подгруппы первичных эвристик низкой эффективности

В некоторых случаях отдельные первичные эвристики могут оказаться не способными справится со своей задачей, не оказывая никакого влияния на процедуру поиска решения, и все же потреблять предоставленные ресурсы.

Такие эвристики – условимся их называть первичными эвристиками низкой эффективности (ПЭНЭ) – можно выявить путем анализа статистической сводки stat-файла в разделе Primal Heuristics

Фрагмент файла статистической сводки 337 bin default.stat

1						
Primal Heuristics	:	ExecTime	SetupTime	Calls	Found	Best
LP solutions	:	0.00	-	_	0	0
relax solutions	:	0.00	_	-	0	0

 $^{^{2}}$ Вообще говоря, фиксировать можно не только бинарные и целочисленные переменные

0.00 0.00 0.00	0.00 0.00 0.00	0 0	0	0	
0.00	0.00		-	-	
0.00		0	0	^	
	0.00		9	0	
	0.00	0	0	0	
0.00	0.00	0	0	0	
0.00	0.00	0	0	0	
2032.89	0.00	1	0	O # <- NB	
882.12	0.00	1	0	O # <- NB	
0.00	0.00	0	0	0	
0.00	0.00	0	0	0	
52.99	0.00	1	1	1	
	2032.89 882.12 0.00	0.00 0.00 2032.89 0.00 882.12 0.00 0.00 0.00	0.00 0.00 0 2032.89 0.00 1 882.12 0.00 1 0.00 0.00 0 0.00 0.00 0	0.00 0.00 0 0 2032.89 0.00 1 0 882.12 0.00 1 0 0.00 0.00 0 0 0.00 0.00 0 0	0.00 0.00 0 0 2032.89 0.00 1 0 0 # <- NB

В данном случае ПЭНЭ являются farkasdiving и feaspump. Чтобы подавить эти эвристики при следующем запуске SCIP, достаточно включить следующие строки в конфигурационный файл $scip.set^3$

scip.set

```
heuristics/farkasdiving/freq = -1
heuristics/feaspump/freq = -1
...
```

Доступ к статистической сводке можно получить либо в сессии SCIP, либо через одну из оберток над решателем (например, с помощью PySCIPOpt)

Фрагмент сессии scip. Получение статистической сводки

```
...
SCIP> read file.lp
SCIP> opt
SCIP> display stat
```

Получение статистической сводки через обертку PySCIPOpt

```
import pyscipopt

model = pyscipopt.Model()
model.readProblem("...")
model.readParams("...")
model.optimize()

model.printStatistics()
```

4.3. Прием подбора порога бинаризации для бинарных переменных в релаксированном решении

Условимся ϕ иксацией называть стратегию инициализации подгруппы переменных x_k (вещественных, бинарных или целочисленных), значения которых задаются на основе каких-либо эврестических соображений, например, касающихся специальных свойств матрицы ограничений, и

 $^{^3}$ При запуске интерактивной сесии через утилиту командной строки scip, решатель ищет этот файл в текущей директории и, если находит, автоматически вычитывает. При работе через PySCIPOpt требуется явно передавать путь до файла методу модели readParams()

способных в результате привести к такой постановке задачи, которую, используя механизмы первичных эвристик, сепараторов, пропагаторов и пр. можно развить в *допустимое целочисленное решение*.

Базовая идея построения ϕ иксации на бинарных переменных заключается в том, чтобы значения бинарных переменных в релаксированном решении 4 $\{{}^rx_k^{(b)}\}_{k=1,...}$ интерпретировать как ставить в единицу.

Если значение k-ой бинарной переменной ${}^{r}x_{k}^{(b)}$ превосходит некоторый $nopos\ \theta$, то переменная выставляется в единицу, в противном случае – в ноль. Порог подбирается итерационно, начиная с некоторого нижнего значения θ_{l} (по умолчанию $\theta_{l}=0$), увеличивая текущее значение порога на величину шага $\Delta\theta$ и заканчивая верхним значением порога θ_{u} (по умолчанию $\theta_{u}=1$).

Для практических целей достаточно остановится на наименьшем значении порога θ , который отвечает такой фиксации, которую решатель SCIP не отклоняет как неспособную привести к допустимому целочисленному решению.

Фрагмент лога решателя SCIP для случая фиксации, которую невозможно развить в допустимое целочисленное решение

После того как порог θ подобран, бинарные переменные разбиваются на две подгруппы: подгруппу бинарных переменных, выставленных в ноль $\{x_k^{(b_0)}\}$, и подгруппу бинарных переменных, выставленных в единицу $\{x_k^{(b_1)}\}$. Долю бинарных переменных, выставленных в ноль обозначим через δ_{b_0} , долю бинарных переменных, выставленных в единицу – через δ_{b_1} , а целевую функцию, найденную при заданных долях – через $f_{\theta}(\delta_{b_0}, \delta_{b_1})$.

В результате получаем исследовательский инструмент, который дает возможность управлять решением через подбор долей δ_{b_0} и δ_{b_1} при найденном пороге θ . Часто оказывается эффективным прием управления решением через подбор доли нулевых бинарных переменных δ_{b_0} .

Целевая функция, вычисленная при единичной доле нулевых бинарных переменных $f_{\theta}(\delta_{b_0}=1)$, как правило, значительно уступает целевой функции релаксированного решения f_r . Но тем неменее это решение может быть улучшено, сокращением доли δ_{b_0} (см. рис. 1 и рис. 2).

Как видно из графиков, на кривой изменения верхней границы решения существует точка с наименьшим значением целевой функции $f_{\theta}(\delta_{b_0})$ допустимого целочисленного решения. Эта точка и будет «оптимальной» для рассматриваемого сценария.

 $^{^4}$ Верхний левый индекс «r» указывает на релаксированное значение, а верхний правый «(b)» — на то, что речь идет о бинарной переменной

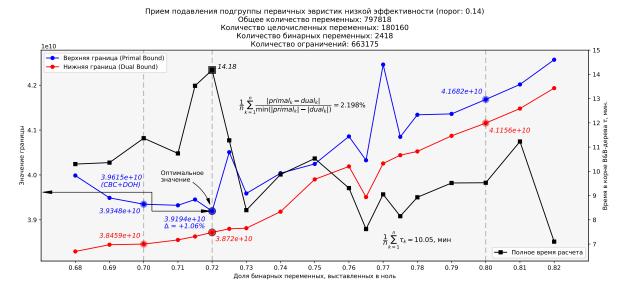


Рис. 1. Зависимость верхней границы решения от доли бинарных переменных, выставленных в ноль. Сценарий a78cbead

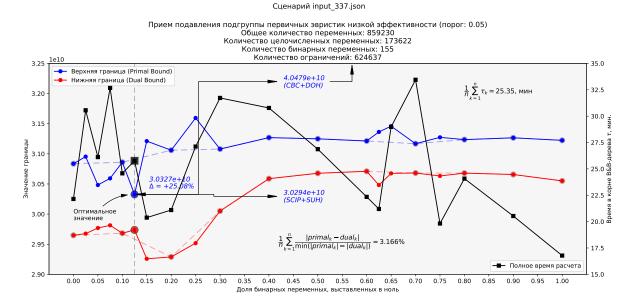


Рис. 2. Зависимость верхней границы решения от доли бинарных переменных, выставленных в ноль. Сценарий **337**

5. Описание вычислительных экспериментов на сценариях группы ИКП

5.1. Общие замечания по процедуре поиска решения на сценариях *без* бинарных переменных

5.2. Общие замечания по процедуре поиска решения на сценариях c бинарными переменными

На ранних стадиях изучения проблемы высокоразмерных сценариев с бинарными переменными, поиск решения осуществлялся в семь шагов:

1. Подавить подгруппу первичных эвристик низкой эффективности (см. раздел 4.2),

- 2. При разрешении конфликтов и ветвлении⁵ отдавать предпочтение бинарным переменным,
- 3. Найти релаксированное решение задачи,
- 4. Подобрать порог бинаризации на релаксированном решении для бинарных переменных (см. раздел 4.3),
- 5. Зафиксировать *нулевые* 0-bin и *единичные* 1-bin *бинарные переменные*; подать фиксацию решателю,
- 6. В решении, найденном на предыдущей итерации, зафиксировать *нулевые целочисленные* 0-int и *единичные бинарные* 1-bin *переменные*; полученную фиксацию подать на вход решателю.
- 7. В решении, полученном на предыдущей итерации, зафиксировать *нулевые бинарные* 0-bin и *целочисленные* 0-int *переменные*; фиксацию подать на вход решателю.

Описанная процедура поиска оказалась чувствительной к параметру autorestartnodes. Графическая интерпретация результатов вычислительных экспериментов с разверткой процедуры поиска верхней границы решения во времени приведена на рис. 3, 4, 5 и 6.

Позже описанную процедуру удалось упростить и свести к следующей метаконфигурации⁶ FZBIVSUHPB (Fixed Zero Binary and Integer Variables, Suppress Useless Heuristics, Prefer Binary):

- 1. Подавить подгруппу первичных эвристик низкой эффективности,
- 2. При разрешении конфликтов и ветвлении отдавать предпочтение бинарным переменным,
- 3. Зафиксировать *нулевые бинарные* 0-bin и *нулевые целочисленные* 0-int *переменные* в релаксированном решении (см. раздел 4.1).

Конфигурация решателя SCIP для всех сценариев группы ИКП имеет вид

scip.set

```
# критерии останова и перезапуска
limits/time = 7200
limits/autorestartnodes = -1
limits/gap = 0.02 # решение останавливается при зазоре <= 2%

# управление стратегиями анализа конфликтов и ветвления
conflict/preferbinary = True
branching/preferbinary = True

# подавление подгруппы первичных эвристик низкой эффективности
heuristics/farkasdiving/freq = -1
heuristics/faspump/freq = -1
heuristics/shiftandpropagate/freq = -1
heuristics/shiftandpropagate/freq = -1
heuristics/shifting/freq = -1
```

Все эксперименты проводились на виртуальной машине Linux (Centos 7) Intel Core[™] i7 (8 CPUs), $3.6 \mathrm{GHz}$, RAM $16 \mathrm{Gb}$.

Сводка результатов вычислительных экспериментов доступна по ссылке https://docs.google.com/document/d/1V9fZLT9cXkbVQ5BvMCwzKrAiASZ2v4-01Z68jVBZUBU/edit?usp=sharing.

Кодовая база решения доступна по ссылке https://github.com/LeorFinkelberg/research_tool_wrapper_SCIP.git

 $^{^5}$ К сожалению, на сценариях группы ИКП с бинарными переменными решателю SCIP не удается найти решение в корне дерева

 $^{^{6}}$ Под метаконфигурацией понимается конфигурация решателя и набор эвристических приемов

5.2.1. Сценарий А78СВЕАО с бинарными переменными

Статистика

Общее количество переменных: 797818

Количество целочисленных переменных: 180160

Количество бинарных переменных: 2418

Количество ограничений: 663175

lp-файл: https://disk.yandex.ru/d/JbT3KR5Yi1ZomQ

Анализ решения

Пул решений задачи был найден с помощью следующих первичных эвристик:

- DISTRIBUTIOINDIVING.
- o ONEOPT,
- o GINS.

Фргамент лога сессии SCIP

```
time | node | left | LP iter|LP it/n|mem/heur|mdpt | vars | cons | rows | cuts | sepa|confs|strbr|
                | primalbound | gap
    dualbound
                                      | compl.
d1790s| 1881 | 1668 | 1010k| 296.9 |distribu| 93 | 50k| 43k| 43k|
                                                                       0 | 1 | 385 | 3585 |
   3.757279e+10 | 3.894342e+10 |
                                 3.65%1
                                          7.70%
d1790s| 1881 | 1668 | 1010k| 296.9 |distribu| 93 | 50k| 43k| 43k|
                                                                       0 | 1 | 385 | 3585 |
   3.757279e+10 | 3.894341e+10 | 3.65%|
                                          7.70%
                                                          43k|
                                                                43k|8612 | 0 | 385 |3585 |
i1792s| 1882 | 1667 | 1011k| 297.0 | oneopt| 93 |
                                                    50k|
   3.757279e+10 | 3.893993e+10 |
                                 3.64%|
                                          7.70%
1796s| 1900 | 1687 | 1016k| 297.0 | 3669M | 93 | 50k| 43k| 43k|8644 | 1 | 387 | 3585 |
   3.757279e+10 | 3.893993e+10 |
                                 3.64%|
                                          2.82%
                                        gins| 93 | 50k| 43k| 43k|8935 | 1 | 398 |3590 |
L1902s| 1982 | 1769 | 1090k| 313.4 |
   3.757279e+10 | 3.875897e+10 | 3.16%|
                                          2.83%
L1912s | 1982 | 1769 | 1090k | 313.4 |
                                        gins| 93 | 50k|
                                                          43k| 43k|8935 | 1 | 398 |3590 |
   3.757279e+10 | 3.864257e+10 |
                                 2.85%|
                                          2.83%
i1920s| 1982 | 1769 | 1099k| 316.2 | oneopt| 93 | 50k|
                                                          43k| 43k|8935 | 1 | 398 |3590 |
                                          2.83%
   3.757279e+10 | 3.864241e+10 | 2.85%|
1954s | 2000 | 1787 | 1133k | 325.5 | 3731M | 93 | 50k |
                                                         43k| 43k|9004 | 1 | 398 |3591 |
   3.757279e+10 | 3.864241e+10 |
                                  2.85%
                                          2.83%
```

Файл решения задачи доступен по ссылке https://disk.yandex.ru/d/6FPE-S5VupA6iw
Файл статистической сводки доступен по ссылке https://disk.yandex.ru/d/9G-v54ywEK1TJA

Вывод по сценарию: описанная выше метаконфигурация приводит к решению задачи, которое оказывается по отношению к результату на доменно-ориентированных эвристиках для последнего решения из пула допустимых целочисленных решений на 2.46% лучше в смысле целевой функции и на 19.64% — в смысле временных издержек (табл. 1).

В табл. 1 через SCIP+MC (a) обозначается решение, построенное на метаконфигурации SCIP, отвечающее *первому* допустимому целочисленному решению, верхняя граница которого не превышает верхнюю границу решения на доменно-ориентированных эвристиках, а через SCIP+MC (b) – решение, отвечающее *последнему* допустимому целочисленному решению в наборе полученных.

Синим цветом обозначен выигрыш в процентах.

Таблица 1. Сводка результатов анализа эффективности метаконфигурации FZBIVSUHPB. Сценарий a78cbead с бинарными переменными

$Cnoco\delta$	Полное время рас-	Верхняя граница
	чета, мин	$peшeния, \times 10^{10}$
CBC+DOH	39.82	3.961502
$\overline{\text{SCIP+MC}(a)}$	29.83 + 25.09%	3.894342 +1.70%
$\overline{\text{SCIP+MC}(b)}$	32.00 +19.64%	3.864241 + 2.46%

5.2.2. Сценарий 7FAC4231 с бинарными переменными

Статистика

Общее количество переменных: 740251

Количество целочисленных переменных: 147789

Количество бинарных переменных: 2666

Количество ограничений: 545350

lp-файл: https://disk.yandex.ru/d/3NbbjfLW5zhejQ

Анализ решения

Пул решений задачи был найден с помощью следующих первичных эвристик:

- INTSHIFTING,
- ONEOPT,
- o GINS,
- CROSSOVER,
- o ALNS.

Фрагмент лога сессии SCIP

```
time | node | left | LP iter|LP it/n|mem/heur|mdpt | vars | cons | rows | cuts | sepa|confs|strbr|
                | primalbound | gap
                                       | compl.
     dualbound
                 341 | 91171 | 102.3 | intshift | 309 | 41k | 33k |
                                                                  34k|2788 | 5 | 57 |3711 |
         372 |
    1.053077e+10 | 1.309195e+10 | 24.32%|
                                            0.78%
                 340 | 91171 | 102.0 | oneopt | 309 | 41k
                                                                  34k|2788 | 0 | 57 |3711 |
i 454sl
         373 l
                                                            33k|
   1.053077e+10 | 1.308634e+10 | 24.27%|
                                            0.78%
               369 | 93623 | 101.3 | 2493M | 309 | 41k| 33k|
                                                                34k|2950 | 1 | 57 |3761 |
   1.053077e+10 | 1.308634e+10 | 24.27%|
                                            0.29%
         473 |
                442 | 106991 | 113.9 |
                                          gins | 309 | 41k | 33k |
                                                                  34k|3084 | 1 | 57 |3813 |
L 507sl
    1.053077e+10 | 1.297515e+10 | 23.21%|
                                            0.29%
                                          gins| 309 | 41k|
L 512s|
         473 |
                442 | 106991 | 113.9 |
                                                            33k|
                                                                  34k|3084 | 1 | 57 |3813 |
    1.053077e+10 | 1.292548e+10 | 22.74%|
                                           0.29%
L 522s|
         473 |
                442 | 106991 | 113.9 |
                                          gins| 309 |
                                                      41k|
                                                             33k|
                                                                  34k|3084 | 1 | 57 |3813 |
    1.053077e+10 | 1.289283e+10 | 22.43%|
                                            0.29%
                442 | 106991 | 113.9 |
                                                            33k|
         473 |
                                          gins| 309 |
                                                      41k|
                                                                  34k|3084 | 1 | 57 |3813 |
L 525sl
    1.053077e+10 | 1.286340e+10 | 22.15%|
                                            0.29%
                442 | 112279 | 125.1 | oneopt | 309 |
                                                             33k|
                                                                  34k|3084 | 1 | 57 |3813 |
i 529s|
         473 |
                                                      41k|
    1.053077e+10 | 1.285668e+10 | 22.09%|
                                            0.29%
                                                                  34k|3084 | 1 | 58 |3813 |
                 443 |120630 | 142.5 |intshift| 309 |
                                                            33k|
r 531sl
         474 l
                                                      41k|
    1.053077e+10 | 1.197786e+10 | 13.74%|
                                            0.29%
         474 l
                 373 | 124926 | 151.6 | oneopt | 309 | 41k | 33k | 34k | 3084 | 1 | 58 | 3813 |
i 532sl
    1.053077e+10 | 1.197230e+10 | 13.69%|
                                            0.29%
       500 |
             399 | 126496 | 146.9 | 2579M | 309 | 41k| 33k| 34k|3181 | 1 | 58 | 3822 |
536sl
    1.053077e+10 | 1.197230e+10 | 13.69%|
                                            0.29%
              499 | 158520 | 175.8 | 2613M | 309 | 41k | 33k | 34k | 3641 | 1 | 60 | 3933 |
    1.053095e+10 | 1.197230e+10 | 13.69%|
                                          0.29%
```

```
L 739sl
         659 l
                554 | 189783 | 207.6 |
                                        gins | 309 | 41k | 33k | 34k | 4060 | 1 | 62 | 3978 |
   1.053095e+10 | 1.191898e+10 | 13.18%| 0.29%
i 741s| 660 | 555 | 198453 | 220.4 | oneopt| 309 | 41k| 33k| 34k|4060 | 1 | 62 | 3981 |
   1.053095e+10 | 1.191889e+10 | 13.18%|
                                         0.30%
794sl
      700 | 595 | 236166 | 261.7 | 2689M | 309 | 41k| 33k| 34k|4418 | 1 | 62 | 4010 |
   1.053095e+10 | 1.191889e+10 | 13.18%|
                                        0.32%
836s| 800 | 695 | 277232 | 280.4 | 2728M | 309 | 41k| 33k| 34k|4757 | 1 | 64 | 4027 |
   1.053219e+10 | 1.191889e+10 | 13.17%|
                                         0.32%
L 967s | 860 | 693 | 295017 | 281.5 | crossove | 309 | 41k | 33k | 34k | 5000 | 1 | 64 | 4059 |
   1.053219e+10 | 1.154287e+10 | 9.60%|
                                          0.32%
i 968s | 860 | 693 | 300734 | 288.1 | oneopt | 309 | 41k | 33k | 34k | 5000 | 1 | 64 | 4059 |
   1.053219e+10 | 1.154284e+10 | 9.60%| 0.32%
       900 | 733 |312921 | 288.9 | 2793M | 309 | 41k | 33k | 34k | 5288 | 1 | 64 |4139 |
   1.053219e+10 | 1.154284e+10 |
                                 9.60%| 0.33%
1042s| 1000 | 823 | 346085 | 293.2 | 2816M | 309 | 41k| 33k| 34k|5725 | 1 | 65 | 4281 |
   1.053219e+10 | 1.154284e+10 | 9.60%| 0.33%
L1083s| 1003 | 826 |347173 | 293.4 | alns| 309 | 41k| 33k| 34k|5747 | 2 | 65 |4284 |
   1.053219e+10 | 1.153273e+10 | 9.50%|
                                          0.33%
i1084s| 1004 | 827 |352908 | 298.8 | oneopt| 309 | 41k| 33k| 34k|5747 | 1 | 65 |4284 |
   1.053219e+10 | 1.118743e+10 | 6.22%
                                          0.33%
1113s| 1100 | 699 | 373504 | 291.4 | 2860M | 309 | 41k| 33k| 34k|6055 | 3 | 65 | 4323 |
   1.053219e+10 | 1.118743e+10 | 6.22%|
                                          0.44%
                                - | 3039M | 0 | 41k| 34k| 34k|
                                                                     0 | 0 | 65 | 4323 |
1140s| 1 |
               0 |419115 |
   1.053219e+10 | 1.118743e+10 |
                                 6.22% unknown
```

Файл решения задачи доступен по ссылке https://disk.yandex.ru/d/TmA6hqFV87eGTg
Файл статистической сводки доступен по ссылке https://disk.yandex.ru/d/CsGV_oal40Tx0Q

Вывод по сценарию: описанная выше метаконфигурация приводит к решению задачи, которое оказывается по отношению к результату на доменно-ориентированных эвристиках для последнего решения из пула допустимых целочисленных решений на 3.38% лучше в смысле целевой функции и на 33.07% — в смысле временных издержек (табл. 2).

В табл. 2 через SCIP+MC (a) обозначается решение, построенное на метаконфигурации SCIP, отвечающее nepвomy допустимому целочисленному решению, верхняя граница которого не превышает верхнюю границу решения на доменно-ориентированных эвристиках, а через SCIP+MC (b) – решение, отвечающее nocnednemy допустимому целочисленному решению в наборе полученных.

Синим цветом обозначен выигрыш в процентах.

Таблица 2. Сводка результатов анализа эффективности метаконфигурации FZBIVSUHPB. Сценарий 7fac4231 с бинарными переменными

$Cnoco\delta$	Полное время рас-	Верхняя граница
	чета, мин	$peшения, \times 10^{10}$
CBC+DOH	27.00	1.157865
SCIP+MC (a)	18.05 +33.15%	1.153273 +0.40%
$\overline{\text{SCIP+MC}(b)}$	18.07 + 33.07%	1.118743 + 3.38%

5.2.3. Сценарий 50197DF7 с бинарными переменными

Статистика

Общее количество переменных: 720954

Количество целочисленных переменных: 159332

Количество бинарных переменных: 2490

Количество ограничений: 600777

lp-файл: https://disk.yandex.ru/d/qWeSKb2WEs6kQA

Анализ решения

Пул решений задачи был найден с помощью следующих первичных эвристик:

- INTSHIFTING.
- ONEOPT,
- o GINS.

Фрагмент лога сессии SCIP

```
time | node | left | LP iter|LP it/n|mem/heur|mdpt | vars | cons | rows | cuts | sepa|confs|strbr|
               | primalbound | gap
                                       | compl.
                 948 | 155676 | 53.5 | intshift | 409 | 41k | 34k |
r 836s|
         963 |
                                                                 35k|4367 | 1 | 69 |7354 |
   3.554610e+10 | 3.676991e+10 |
                                  3.44% | unknown
                947 | 155676 | 53.5 | oneopt | 409 | 41k | 34k | 35k | 4367 | 0 | 69 | 7354 |
i 836s|
         964 |
   3.554610e+10 | 3.676497e+10 |
                                  3.43% | unknown
846s | 1000 | 985 | 157559 | 53.4 | 2577M | 409 | 41k | 34k | 35k | 4396 | 1 | 69 | 7444 |
   3.554610e+10 | 3.676497e+10 | 3.43% | unknown
                                                                 35k|4397 | 1 | 69 |7484 |
L 885s | 1064 | 1049 | 157869 | 50.5 |
                                         gins | 409 | 41k | 34k |
   3.554610e+10 | 3.659894e+10 | 2.96% | unknown
L 931s | 1064 | 1049 | 157869 | 50.5 |
                                                                 35k|4397 | 1 | 69 |7484 |
                                                           34k|
                                         gins | 409 | 41k|
   3.554610e+10 | 3.656967e+10 |
                                  2.88% | unknown
i 962s| 1064 | 1049 | 161589 | 54.0 | oneopt| 409 | 41k| 34k| 35k|4397 | 1 | 69 | 7484 |
   3.554610e+10 | 3.656967e+10 |
                                  2.88% | unknown
969s| 1100 | 1085 | 161769 | 52.4 | 2620M | 409 | 41k| 34k| 35k|4397 | 1 | 69 | 7532 |
   3.554610e+10 | 3.656967e+10 | 2.88% unknown
L 988s| 1164 | 1149 |161992 | 49.7 |
                                         gins| 409 |
                                                     41k| 34k| 35k|4397 | 1 | 69 |7557 |
   3.554610e+10 | 3.630031e+10 | 2.12% unknown
L 993s | 1164 | 1149 | 161992 | 49.7 |
                                         gins| 409 |
                                                      41k|
                                                           34k|
                                                                 35k|4397 | 1 | 69 |7557 |
   3.554610e+10 | 3.625804e+10 | 2.00% | unknown
                                                           34k | 35k | 4397 | 1 | 69 | 7557 |
L1000s| 1164 | 1149 | 161992 | 49.7 |
                                         gins| 409 |
                                                      41k|
   3.554610e+10 | 3.623675e+10 |
                                  1.94%| unknown
```

Файл решения задачи доступен по ссылке https://disk.yandex.ru/d/2_FDqS70q0UBqA Файл статистической сводки доступен по ссылке https://disk.yandex.ru/d/SkRLoRYzQDI-Aw

Вывод по сценарию: описанная выше метаконфигурация приводит к решению задачи, которое оказывается по отношению к результату на доменно-ориентированных эвристиках для последнего решения из пула допустимых целочисленных решений на 2.87% лучше в смысле целевой функции и на 36.08% – в смысле временных издержек (табл. 3).

В табл. 3 через SCIP+MC (a) обозначается решение, построенное на метаконфигурации SCIP, отвечающее nepsomy допустимому целочисленному решению, верхняя граница которого не превышает верхнюю границу решения на доменно-ориентированных эвристиках, а через SCIP+MC (b) – решение, отвечающее nocnednemy допустимому целочисленному решению в наборе полученных. Синим цветом обозначен выигрыш в процентах.

5.2.4. Сценарий F398266В с бинарными переменными

Статистика

Общее количество переменных: 777271

Количество целочисленных переменных: 172449

Таблица 3. Сводка результатов анализа эффективности метаконфигурации FZBIVSUHPB. Сценарий 50197df7 с бинарными переменными

$Cnoco\delta$	Полное время рас-	Верхняя граница
	чета, мин	$peшeния, \times 10^{10}$
CBC+DOH	28.27	3.730552
SCIP+MC (a)	13.93 +50.73%	3.676991 + 1.44%
$\overline{\text{SCIP+MC}(b)}$	18.07 + 36.08%	3.623675 + 2.87%

Количество бинарных переменных: 2370

Количество ограничений: 655003

lp-файл: https://disk.yandex.ru/d/4YFYJSB1I1wsmQ

Анализ решения

Пул решений задачи был найден с помощью следующих первичных эвристик:

- DISTRIBUTIOINDIVING,
- ONEOPT,
- CROSSOVER.

Фрагмент лога сессии SCIP

	eft LP iter LP it/n mem/heur mdpt vars cons rows cuts sepa confs strbr
l .	primalbound gap compl.
	434 462507 790.8 distribu 51 59k 48k 49k 0 1 17 1387
	6.054807e+10 3.36% unknown
	434 462644 791.1 distribu 51 59k 48k 49k 0 1 17 1387
	6.054779e+10 3.36% unknown
	434 462746 791.3 distribu 51 59k 48k 49k 0 1 17 1387
	6.054778e+10 3.36% unknown
	434 462780 791.4 distribu 51 59k 48k 49k 0 1 17 1387
	6.054776e+10 3.36% unknown
	434 462801 791.4 distribu 51 59k 48k 49k 0 1 17 1387
	6.054776e+10 3.36% unknown
	434 462836 791.5 distribu 51 59k 48k 49k 0 1 17 1387
	6.054776e+10 3.36% unknown
	434 462856 791.6 distribu 51 59k 48k 49k 0 1 17 1387
	6.054774e+10 3.36% unknown
	433 463020 790.1 oneopt 51 59k 48k 49k 4333 0 17 1387
	6.053918e+10 3.35% unknown
	501 531180 822.2 3321M 51 59k 48k 49k 4529 1 26 1402
	6.053918e+10 3.35% unknown 601 663342 905.6 3398M 51 59k 48k 49k 5175 1 36 1426
	6.053918e+10 3.35% unknown
	635 704819 922.5 crossove 55 59k 48k 49k 5448 2 41 1433
	6.021605e+10 2.79% unknown
	635 715376 939.1 oneopt 55 59k 48k 49k 5448 2 41 1433
	6.021603e+10 2.79% unknown
1	701 770566 929.4 3457M 63 59k 48k 49k 5644 1 50 1442
	6.021603e+10 2.79% unknown
1	801 879949 950.0 3489M 65 59k 48k 49k 5964 1 62 1476
	6.021603e+10 2.79% unknown
<u></u>	

Файл решения задачи доступен по ссылке https://disk.yandex.ru/d/KXzdrUx6TZbXEw

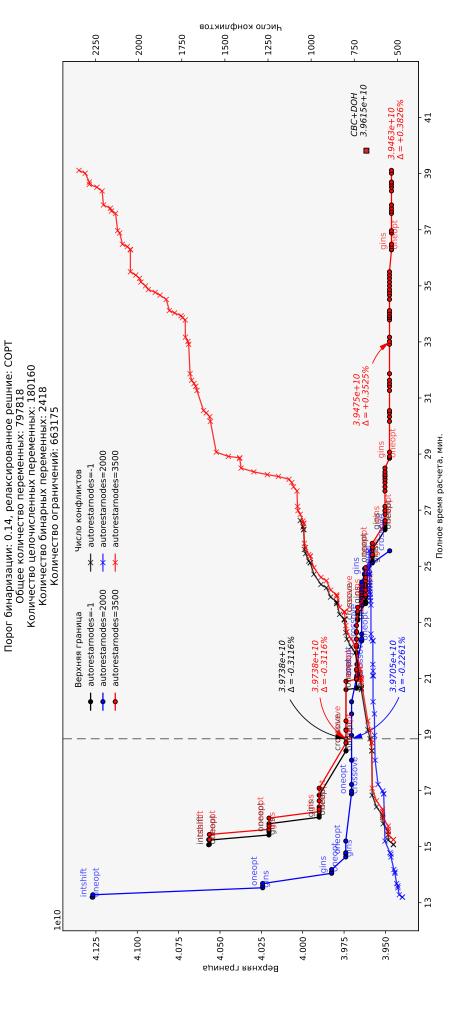
Вывод по сценарию: описанная выше метаконфигурация приводит к решению задачи, которое оказывается по отношению к результату на доменно-ориентированных эвристиках для последнего решения из пула допустимых целочисленных решений на 0.97% лучше в смысле целевой функции и на 56.24% — в смысле временных издержек (табл. 4).

В табл. 4 через SCIP+MC (a) обозначается решение, построенное на метаконфигурации SCIP, отвечающее nepвomy допустимому целочисленному решению, верхняя граница которого не превышает верхнюю границу решения на доменно-ориентированных эвристиках, а через SCIP+MC (b) – решение, отвечающее nocnednemy допустимому целочисленному решению в наборе полученных. Синим цветом обозначен выигрыш в процентах.

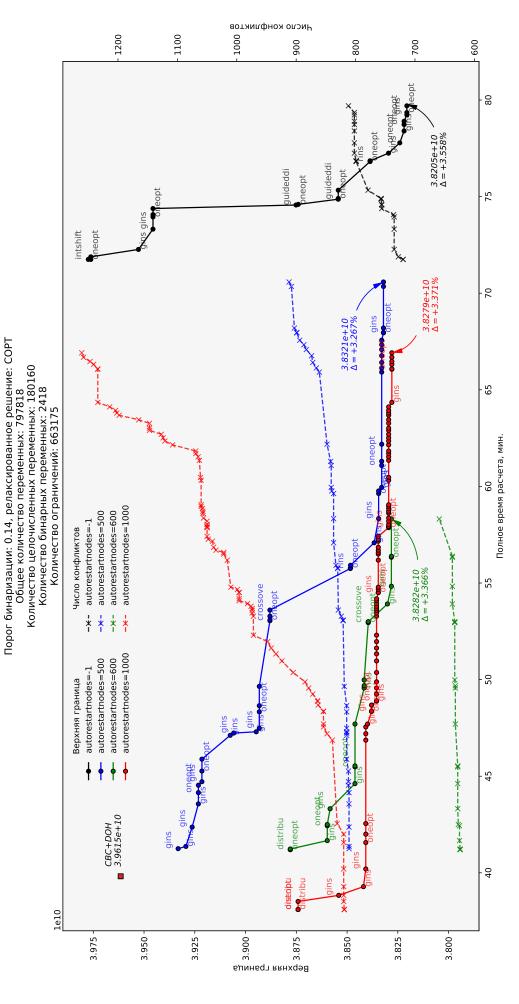
Таблица 4. Сводка результатов анализа эффективности метаконфигурации FZBIVSUHPB. Сценарий f398266b с бинарными переменными

$Cnoco\delta$	Полное время рас-	Верхняя граница
	чета, мин	$peшeния, \times 10^{10}$
CBC+DOH	72.17	6.080841
$\overline{\text{SCIP+MC }(a)}$	19.38 + 73.15%	6.054807 + 0.43%
$\overline{\text{SCIP+MC}(b)}$	31.58 + 56.24%	6.021603 + 0.97%



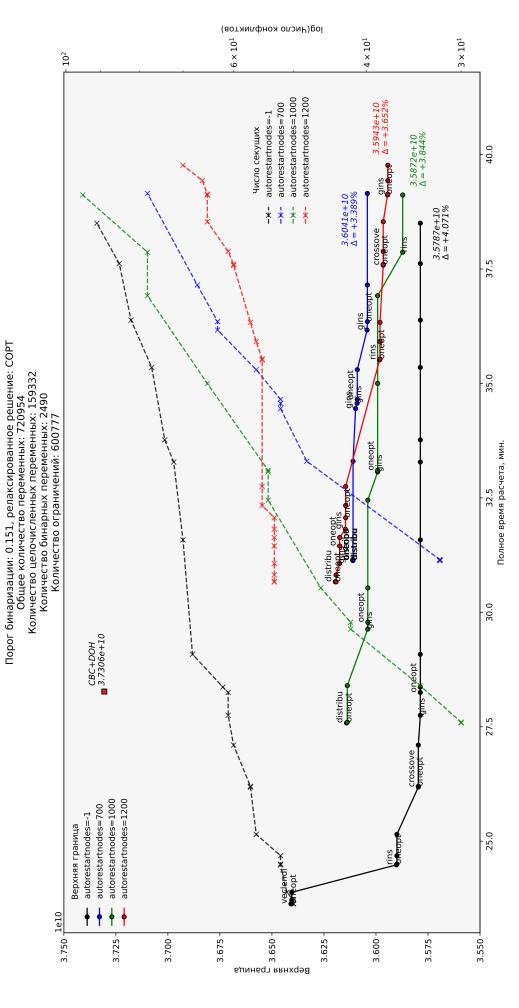


от значения параметра autorestartnodes. Сценарий input_a78cbead. Первая и вторая фазы поиска решения Рис. 3. Динамика изменения верхней границы решения и числа конфликтов во времени в зависимости



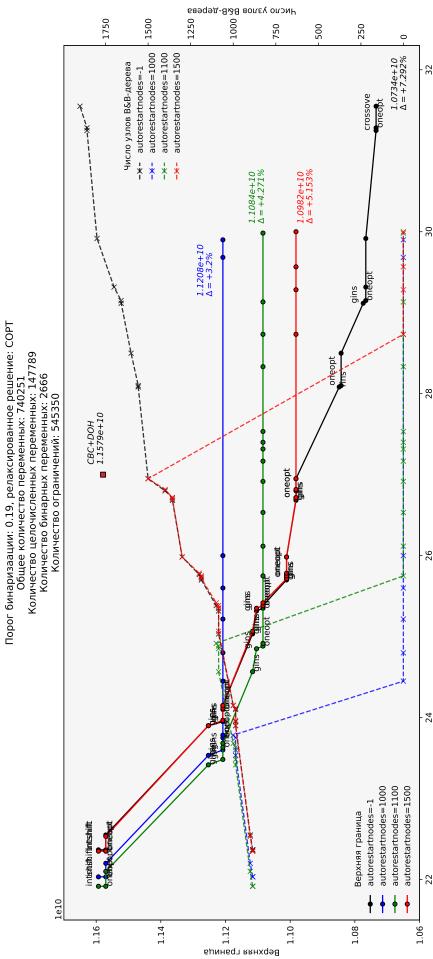
Сценарий input_a78cbead-073b-ec11-a2d4-005056a5ee74.json (3-ья фаза поиска решения)

Рис. 4. Динамика изменения верхней границы решения и числа конфликтов во времени в зависимости от значения параметра autorestartnodes. Сценарий a78cbead. Третья фаза поиска решения



Сценарий input_50197df7-ff50-ec11-a2d7-005056a5ee74.json (3-ья фаза поиска решения)

Рис. 5. Динамика изменения верхней границы решения и числа конфликтов во времени в зависимости от значения параметра autorestartnodes. Сценарий 50197df7. Третья фаза поиска решения



Сценарий input_7fac4231-5951-ес11-a2d7-005056a5ee74.json (3-ья фаза поиска решения)

Рис. 6. Динамика изменения верхней границы решения и числа конфликтов во времени в зависимости 30 28 Полное время расчета, мин. 24

от значения параметра autorestartnodes. Сценарий 7fac4231. Третья фаза поиска решения

- 6. Описание вычислительных экспериментов на сценариях группы MBO
- 7. Описание вычислительных экспериментов на сценариях MIPLIB 2017

Список иллюстраций

1	Зависимость верхней границы решения от доли бинарных переменных, выставлен-	
	ных в ноль. Сценарий a78cbead	6
2	Зависимость верхней границы решения от доли бинарных переменных, выставлен-	
	ных в ноль. Сценарий 337	6
3	Динамика изменения верхней границы решения и числа конфликтов во времени в	
	зависимости от значения параметра autorestartnodes. Сценарий input_a78cbead.	
	Первая и вторая фазы поиска решения	14
4	Динамика изменения верхней границы решения и числа конфликтов во времени в	
	зависимости от значения параметра autorestartnodes. Сценарий a78cbead. Третья	
	фаза поиска решения	15
5	Динамика изменения верхней границы решения и числа конфликтов во времени в	
	зависимости от значения параметра autorestartnodes. Сценарий 50197df7. Третья	
	фаза поиска решения	16
6	Динамика изменения верхней границы решения и числа конфликтов во времени в	
	зависимости от значения параметра autorestartnodes. Сценарий 7fac4231. Третья	
	фаза поиска решения	17
Спи	сок таблиц	
1	Сводка результатов анализа эффективности метаконфигурации FZBIVSUHPB. Сце-	
	нарий a78cbead c бинарными переменными	9
2	Сводка результатов анализа эффективности метаконфигурации FZBIVSUHPB. Сце-	
	нарий 7fac4231 с бинарными переменными	10
3	Сводка результатов анализа эффективности метаконфигурации FZBIVSUHPB. Сце-	
	нарий 50197df7 с бинарными переменными	12
4	Сводка результатов анализа эффективности метаконфигурации FZBIVSUHPB. Сце-	
	нарий f398266b с бинарными переменными	13

Список литературы

1. Иванов Конспект по обучению с подкреплением, 2022