Пояснительная записка

к модулю подбора метаконфигурации решателя SCIP для MILP-проблем с «короткой итерацией»

Подвойский А.О

Содержание

| 1 | Вводные замечания | 1 |
|----|---|---|
| 2 | Предложения по формированию пространства гиперпараметров решателя | 2 |
| Cı | писок иллюстраций | 9 |
| Cı | писок литературы | 9 |

1. Вводные замечания

Подбор стратегии поиска решения и гиперпараметров решателя имеет смысл только для МІLР-проблем с «короткой итерацией», то есть для проблем, у которых полное время поиска решения не превосходит некоторого порога времени, считающегося приемлемым временем ожидания (например, 30 секунд).

Запуск решателя SCIP с различными комбинациями параметров выполняется параллельно. Результаты сводятся в таблицу со следующими полями:

- 1. наименование проблемы (problem_name, <string>),
- 2. наименование стратегии поиска решения (strategy_name, <string>),
- 3. количество бинарных переменных до пресолвинга (n_bin_vars_before_presolving, <int>),
- 4. количество целочисленных переменных до пресолвинга (n_int_vars_before_presolving, <int>),
- 5. количество вещественных переменных до пресолвинга (n_cont_vars_before_presolving, <int>),
- 6. количество ограничений до пресолвинга (n_conss_before_presolving, <int>),
- 7. количество бинарных переменных после пресолвинга (n_bin_vars_after_presolving, <int>),
- 8. количество целочисленных переменных после пресолвинга (n_int_vars_after_presolving, <int>),
- 9. количество вещественных переменных после пресолвинга (n_cont_vars_after_presolving, <int>),
- 10. количество ограничений после пресолвинга (n_conss_after_presolving, <int>),
- 11. группа гиперпараметров снижения размерности задачи (group_presolving, <string>); допустимые значения default, aggressive и fast,
- 12. группа гиперпараметров решения проблемы в релаксированной постановке (group_relax_method, <string>); допустимые значения simplex, primal_simplex, dual_simplex, barrier,
- 13. группа гиперпараметров ветвления и разрешения конфликтов по бинарным переменным (group_preferbinary, <bool>); допустмые значения: TRUE или FALSE,

- 14. группа гиперпараметров адаптации проблемы (group_adaptation_problem, <string>); допустимые значения: easycip, feasibility, optimality, hardlp, numerics, off,
- 15. группа гиперпараметров снижения точности решения (group_reduced_tol, <bool>); допустимые значения: TRUE или FALSE,
- 16. полное время расчета (total_time, <float>),
- 17. значение целевой функции (objective, <float>),
- 18. значение зазора (gap, <float>).

Таким образом, получается 288 комбинаций значений гиперпараметров для одной стратегии поиска решения (для машины с 4 физическими ядрами, одной стратегии поиска решения и средней продолжительности работы решателя на одной проблеме 1 минута, время работы модуля составляет 72 минуты).

На базе получившейся сводной таблицы можно собрать финальную метаконфигурацию решателя и применить ее к другим проблемам рассматриваемого семейства.

2. Предложения по формированию пространства гиперпараметров решателя

Решатель SCIP 8.0.3 в общей сложности поддерживает 2729 параметров. Рассмотреть все возможные комбинации параметров вычислительно не осуществимо. Кроме того не все гиперпараметры решателя следует подбирать «изолировано». К примеру, следующий набор гиперпараметров с указанными значениями имеет смысл только для агрессивного пресолвинга

```
presolving/restartfac = 0.0125
presolving/restartminred = 0.06
constraints/setppc/cliquelifting = TRUE
presolving/boundshift/maxrounds = -1
presolving/qpkktref/maxrounds = -1
presolving/stuffing/maxrounds = -1
presolving/tworowbnd/maxrounds = -1
presolving/dualinfer/maxrounds = -1
presolving/dualagg/maxrounds = -1
presolving/dualagg/maxrounds = -1
presolving/redvub/maxrounds = -1
propagating/probing/maxuseless = 1500
propagating/probing/maxtotaluseless = 75
```

Таким образом, предлагается выделить следующие группы гиперпараметров решателя, объединенные по целевому контексту:

- 1. Группа гиперпараметров снижения размерности задачи (presolving):
 - ∘ По умолчанию (DEFAULT)

```
# PySCIPOpt
model.setPresolve(pyscipopt.SCIP_PARAMSETTING.DEFAULT)
```

• Агрессивное (AGGRESSIVE)

```
# PySCIPOpt
model.setPresolve(pyscipopt.SCIP_PARAMSETTING.AGGRESSIVE)
```

```
# 3HAYEHUЯ ПАРАМЕТРОВ НЕ ИЗМЕНЯЮТСЯ

# SCIP> set presolving emphasis aggr

presolving/restartfac = 0.0125
```

```
presolving/restartminred = 0.06
constraints/setppc/cliquelifting = TRUE
presolving/boundshift/maxrounds = -1
presolving/qpkktref/maxrounds = -1
presolving/stuffing/maxrounds = -1
presolving/tworowbnd/maxrounds = -1
presolving/dualinfer/maxrounds = -1
presolving/dualagg/maxrounds = -1
presolving/redvub/maxrounds = -1
presolving/redvub/maxrounds = -1
propagating/probing/maxuseless = 1500
propagating/probing/maxtotaluseless = 75
```

Быстрое (FAST)

```
# PySCIPOpt
model.setPresolve(pyscipopt.SCIP_PARAMSETTING.FAST)
```

```
# ЗНАЧЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ НЕ ИЗМЕНЯЮТСЯ
# SCIP> set presolving emphasis fast
constraints/varbound/presolpairwise = FALSE
constraints/knapsack/presolpairwise = FALSE
constraints/setppc/presolpairwise = FALSE
constraints/and/presolpairwise = FALSE
constraints/xor/presolpairwise = FALSE
constraints/linear/presolpairwise = FALSE
constraints/logicor/presolpairwise = FALSE
constraints/cumulative/presolpairwise = FALSE
presolving/maxrestarts = 0
propagating/probing/maxprerounds = 0
constraints/components/maxprerounds = 0
presolving/domcol/maxrounds = 0
presolving/gateextraction/maxrounds = 0
presolving/sparsify/maxrounds = 0
presolving/dualsparsify/maxrounds = 0
constraints/logicor/implications = FALSE
```

2. Группа гиперпараметров решения проблемы в релаксированной постановке

3. Группа гиперпараметров ветвления и разрешения конфликтов по бинарным переменным

```
# Эти параметры <<eключаются>> и <<eыключаются>> только в паре
conflict/preferbinary = TRUE | FALSE
branching/preferbinary = TRUE | FALSE
```

- 4. Группа гиперпараметров адаптации проблемы
 - o easycip

```
# 3HAVEHUS NAPAMETPOB HE USMEHSHOTCS

# PySCIPOpt: model.setEmphasis(pyscipopt.SCIP_PARAMEMPHASIS.EASYCIP)

# SCIP> set emph easycip

# predefined parameter settings for easy problems

heuristics/clique/freq = -1

heuristics/completesol/freq = -1
```

```
heuristics/crossover/freq = -1
heuristics/gins/freq = -1
heuristics/locks/freq = -1
heuristics/lpface/freq = -1
heuristics/alns/freq = -1
heuristics/multistart/freq = -1
heuristics/mpec/freq = -1
heuristics/ofins/freq = -1
heuristics/padm/freq = -1
heuristics/rens/freq = -1
heuristics/rins/freq = -1
heuristics/undercover/freq = -1
heuristics/vbounds/freq = -1
heuristics/distributiondiving/freq = -1
heuristics/feaspump/freq = -1
heuristics/fracdiving/freq = -1
heuristics/guideddiving/freq = -1
heuristics/linesearchdiving/freq = -1
heuristics/nlpdiving/freq = -1
heuristics/subnlp/freq = -1
heuristics/objpscostdiving/freq = -1
heuristics/pscostdiving/freq = -1
heuristics/rootsoldiving/freq = -1
heuristics/veclendiving/freq = -1
constraints/varbound/presolpairwise = FALSE
constraints/knapsack/presolpairwise = FALSE
constraints/setppc/presolpairwise = FALSE
constraints/and/presolpairwise = FALSE
constraints/xor/presolpairwise = FALSE
constraints/linear/presolpairwise = FALSE
constraints/logicor/presolpairwise = FALSE
constraints/cumulative/presolpairwise = FALSE
presolving/maxrestarts = 0
propagating/probing/maxprerounds = 0
constraints/components/maxprerounds = 0
presolving/domcol/maxrounds = 0
presolving/gateextraction/maxrounds = 0
presolving/sparsify/maxrounds = 0
presolving/dualsparsify/maxrounds = 0
constraints/logicor/implications = FALSE
separating/maxbounddist = 0
constraints/and/sepafreq = 0
separating/aggregation/maxroundsroot = 5
separating/aggregation/maxtriesroot = 100
separating/aggregation/maxaggrsroot = 3
separating/aggregation/maxsepacutsroot = 200
separating/zerohalf/maxsepacutsroot = 200
separating/zerohalf/maxroundsroot = 5
separating/gomory/maxroundsroot = 20
separating/mcf/freq = -1
```

\circ feasibility

```
# 3HAYEHUA MAPAMETPOB HE U3MEHAWICA

# PySCIPOpt: model.setEmphasis(pyscipopt.SCIP_PARAMEMPHASIS.FEASIBILITY)

# SCIP> set emph feas

# predefined parameter settings for feasibility problems
heuristics/actconsdiving/freq = 20
heuristics/adaptivediving/freq = 3
heuristics/adaptivediving/maxlpiterquot = 0.15
```

```
heuristics/bound/freq = 20
heuristics/clique/freq = 20
heuristics/coefdiving/freq = 20
heuristics/completesol/freq = 20
heuristics/conflictdiving/freq = 5
heuristics/conflictdiving/maxlpiterofs = 1500
heuristics/conflictdiving/maxlpiterquot = 0.225
heuristics/crossover/freq = 15
heuristics/dins/freq = 20
heuristics/distributiondiving/freq = 5
heuristics/distributiondiving/maxlpiterofs = 1500
heuristics/distributiondiving/maxlpiterquot = 0.075
heuristics/dps/freq = 20
heuristics/farkasdiving/freq = 5
heuristics/farkasdiving/maxlpiterofs = 1500
heuristics/farkasdiving/maxlpiterquot = 0.075
heuristics/feaspump/freq = 10
heuristics/feaspump/maxlpiterofs = 1500
heuristics/feaspump/maxlpiterquot = 0.015
heuristics/fixandinfer/freq = 20
heuristics/fracdiving/freq = 5
heuristics/fracdiving/maxlpiterofs = 1500
heuristics/fracdiving/maxlpiterquot = 0.075
heuristics/gins/freq = 10
heuristics/guideddiving/freq = 5
heuristics/guideddiving/maxlpiterofs = 1500
heuristics/guideddiving/maxlpiterquot = 0.075
heuristics/zeroobj/freq = 20
heuristics/intdiving/freq = 20
heuristics/intshifting/freq = 5
heuristics/linesearchdiving/freq = 5
heuristics/linesearchdiving/maxlpiterofs = 1500
heuristics/linesearchdiving/maxlpiterquot = 0.075
heuristics/localbranching/freq = 20
heuristics/locks/freq = 20
heuristics/lpface/freq = 8
heuristics/alns/freq = 10
heuristics/nlpdiving/freq = 5
heuristics/mutation/freq = 20
heuristics/multistart/freq = 20
heuristics/mpec/freq = 25
heuristics/objpscostdiving/freq = 10
heuristics/objpscostdiving/maxlpiterofs = 1500
heuristics/objpscostdiving/maxlpiterquot = 0.015
heuristics/octane/freq = 20
heuristics/ofins/freq = 20
heuristics/padm/freq = 20
heuristics/proximity/freq = 20
heuristics/pscostdiving/freq = 5
heuristics/pscostdiving/maxlpiterofs = 1500
heuristics/pscostdiving/maxlpiterquot = 0.075
heuristics/randrounding/freq = 10
heuristics/rens/freq = 20
heuristics/reoptsols/freq = 20
heuristics/repair/freq = 20
heuristics/rins/freq = 13
heuristics/rootsoldiving/freq = 10
heuristics/rootsoldiving/maxlpiterofs = 1500
heuristics/rootsoldiving/maxlpiterquot = 0.015
heuristics/shiftandpropagate/freq = 20
```

```
heuristics/shifting/freq = 5
heuristics/trivial/freq = 20
heuristics/trivialnegation/freq = 20
heuristics/trustregion/freq = 20
heuristics/twoopt/freq = 20
heuristics/undercover/freq = 20
heuristics/vbounds/freq = 20
heuristics/veclendiving/freq = 5
heuristics/veclendiving/maxlpiterofs = 1500
heuristics/veclendiving/maxlpiterquot = 0.075
heuristics/rens/nodesofs = 2000
heuristics/rens/minfixingrate = 0.3
heuristics/crossover/nwaitingnodes = 20
heuristics/crossover/dontwaitatroot = TRUE
heuristics/crossover/nodesquot = 0.15
heuristics/crossover/minfixingrate = 0.5
heuristics/alns/trustregion/active = TRUE
heuristics/alns/nodesquot = 0.2
heuristics/alns/nodesofs = 2000
separating/maxrounds = 1
separating/maxroundsroot = 5
separating/aggregation/freq = -1
separating/mcf/freq = -1
nodeselection/restartdfs/stdpriority = 536870911
```

o optimality

```
# ЗНАЧЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ НЕ ИЗМЕНЯЮТСЯ
# PySCIPOpt: model.setEmphasis(pyscipopt.SCIP_PARAMEMPHASIS.OPTIMALITY)
# SCIP> set emph opt
# predefined parameter settings for proving optimality fast
separating/closecuts/freq = 0
separating/rlt/freq = 20
separating/rlt/maxroundsroot = 15
separating/disjunctive/freq = 20
separating/disjunctive/maxroundsroot = 150
separating/gauge/freq = 0
separating/interminor/freq = 0
separating/convexproj/freq = 0
separating/gomory/maxroundsroot = 15
separating/gomory/maxsepacutsroot = 400
separating/aggregation/maxsepacutsroot = 1000
separating/clique/freq = 20
separating/zerohalf/maxroundsroot = 30
separating/zerohalf/maxsepacutsroot = 200
separating/mcf/freq = 20
separating/mcf/maxsepacutsroot = 400
separating/eccuts/freq = 0
separating/eccuts/maxroundsroot = 375
separating/eccuts/maxsepacutsroot = 100
separating/oddcycle/freq = 0
separating/oddcycle/maxroundsroot = 15
separating/oddcycle/maxsepacutsroot = 10000
constraints/benderslp/sepafreq = 0
constraints/integral/sepafreq = 0
constraints/SOS2/sepafreq = 10
constraints/varbound/sepafreq = 10
constraints/knapsack/sepafreq = 10
constraints/knapsack/maxsepacutsroot = 500
constraints/setppc/sepafreq = 10
```

```
constraints/or/sepafreq = 10
constraints/xor/sepafreq = 10
constraints/conjunction/sepafreq = 0
constraints/disjunction/sepafreq = 0
constraints/linear/sepafreq = 10
constraints/linear/maxsepacutsroot = 500
constraints/orbitope/sepafreq = 0
constraints/logicor/sepafreq = 10
constraints/bounddisjunction/sepafreq = 0
constraints/benders/sepafreq = 0
constraints/pseudoboolean/sepafreq = 0
constraints/superindicator/sepafreq = 0
constraints/countsols/sepafreq = 0
constraints/components/sepafreq = 0
cutselection/hybrid/minorthoroot = 0.1
separating/maxroundsrootsubrun = 5
separating/maxaddrounds = 5
separating/maxcutsroot = 5000
constraints/linear/separateall = TRUE
separating/aggregation/maxfailsroot = 200
separating/mcf/maxtestdelta = -1
separating/mcf/trynegscaling = TRUE
branching/fullstrong/maxdepth = 10
branching/fullstrong/priority = 536870911
branching/fullstrong/maxbounddist = 0
branching/relpscost/sbiterquot = 1
branching/relpscost/sbiterofs = 1000000
branching/relpscost/maxreliable = 10
branching/relpscost/usehyptestforreliability = TRUE
```

o hardlp

```
# ЗНАЧЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ НЕ ИЗМЕНЯЮТСЯ
{\tt\#PySCIPOpt:model.setEmphasis(pyscipopt.SCIP\_PARAMEMPHASIS.HARDLP)}
# SCIP> set emph hardlp
# predefined parameter settings for problems with a hard LP
heuristics/clique/freq = -1
heuristics/completesol/freq = -1
heuristics/crossover/freq = -1
heuristics/gins/freq = -1
heuristics/locks/freq = -1
heuristics/lpface/freq = -1
heuristics/alns/freq = -1
heuristics/multistart/freq = -1
heuristics/mpec/freq = -1
heuristics/ofins/freq = -1
heuristics/padm/freq = -1
heuristics/rens/freq = -1
heuristics/rins/freq = -1
heuristics/undercover/freq = -1
heuristics/vbounds/freq = -1
heuristics/distributiondiving/freq = -1
heuristics/feaspump/freq = -1
heuristics/fracdiving/freq = -1
heuristics/guideddiving/freq = -1
heuristics/linesearchdiving/freq = -1
heuristics/nlpdiving/freq = -1
heuristics/subnlp/freq = -1
heuristics/objpscostdiving/freq = -1
heuristics/pscostdiving/freq = -1
```

```
heuristics/rootsoldiving/freq = -1
heuristics/veclendiving/freq = -1
constraints/varbound/presolpairwise = FALSE
constraints/knapsack/presolpairwise = FALSE
constraints/setppc/presolpairwise = FALSE
constraints/and/presolpairwise = FALSE
constraints/xor/presolpairwise = FALSE
constraints/linear/presolpairwise = FALSE
constraints/logicor/presolpairwise = FALSE
constraints/cumulative/presolpairwise = FALSE
presolving/maxrestarts = 0
propagating/probing/maxprerounds = 0
constraints/components/maxprerounds = 0
presolving/domcol/maxrounds = 0
presolving/gateextraction/maxrounds = 0
presolving/sparsify/maxrounds = 0
presolving/dualsparsify/maxrounds = 0
constraints/logicor/implications = FALSE
branching/relpscost/maxreliable = 1
branching/relpscost/inititer = 10
separating/maxrounds = 1
separating/maxroundsroot = 5
```

o numerics

5. Группа гиперпараметров точности решения (для численно нестабильных проблем)

```
numerics/feastol = 1e-05
numerics/dualfeastol = 1e-06
numerics/epsilon = 1e-07
numerics/sumepsilon = 1e-05
```

Замечание

Как показывают вычислительные эксперименты на проблемах с «короткой итерацией» поиск подгруппы первичных эвристик низкой эффективности не дает ощутмого прироста, а в большинстве случаев значительно снижает производительность. По этой причине первичные эвристики не принимают участи в подборе метаконфигурации решателя

Список иллюстраций

Список литературы

- 1. Жерон, О. Прикладное машинное обучение с помощью Scikit-Learn и TensorFlow: концепции, инструменты и техники для создания интеллектуальных систем. СПб.: ООО «Альфакнига», 2018.-688 с.
- 2. Soenen J. etc. The Effect of Hyperparameter Tuning on the Comparative Evaluation of Unsupervised Anomaly Detection Methods, 2021