物理学 B 8 章演習

机の上に綿密度 ρ , 長さLの一様な鎖がひとかたまりにして置いてある。この鎖の一端をつまんで鉛直上方へ力fで引き上げる。ただし鎖の全長Lは引き上げる部分の長さyに比べ充分長いので、鎖の一部は机の上に残っているものとする。引き上げられている部分の速さをvとする。重力加速度の大きさをgとする。

- (1) 引き上げた長さが yになった時の, 鎖全体についての運動方程式を次の手順で求めなさい.
 - (a) 鎖全体の運動量 Pを求めなさい.
 - (b) 鎖に働く外力は何か (3種の力がある). それぞれの力は、どのような式で表されるか.
 - (c) (a),(b)より、鎖全体に対する運動方程式を書きなさい.
- (2) 一定の速さ v_0 で引き上げる場合、引き上げた長さがyになった時には、どれだけの力で引っ張らなければならないか。
- (3) 一定の力 f_0 で引き上げる場合、yだけ引き上げたときの速さはどれだけか. [ヒント:運動方程式の両辺に yvを掛けると両辺とも積分できる形になる.]
- (4) (2), (3) それぞれの場合について、鎖の得た力学的エネルギーと、手のした仕事を計算し、 両者の大小を比較しなさい、等しくないのはなぜか、その理由を考えなさい。

発展問題

- (1) (3)の場合に、時間の関数として高さyを求めなさい。 f_0 と重力 ρyg が釣り合う高さ $f_0/\rho g$ 以上まで引き上げることができるのはなぜか。
- (2) 鎖が最上点に達した後で鎖が下がる場合は、どのような運動方程式で表されるか.