章 末 問 題

1. 半径 a の導体のリングがある。リングと中心が共通でリングの面に垂直なソレノイドに I=ct の電流を流す。c は定数で,t は時間である。(1) リングを貫く磁束はいくらか。(2) リングの中に発生する起電力はいくらか。ソレノイドは単位長さあたり n 回巻きで,その半径は b (a>b) とする。

$$\left\{ \stackrel{\text{\ensuremath{\Delta}}}{=} \left(2 \right) \pi \mu_0 c n b^2 \right\}$$

2. 磁束密度が

$$B = \frac{B_0}{a^2} \{ 2xze_x + 2yze_y + (x^2 + y^2 - 2z^2)e_z \}$$

であるとする。ここで, B_0 , a は定数である。(1) 磁束密度に関するガウスの法則が成り立つことを証明しなさい。(2) 原点を中心とし,xy 面上にある半径 a の一巻きコイルを貫く磁束を求めなさい。

$$\left\{ \stackrel{\textstyle \leftarrow}{\text{2}} \qquad (2) \frac{1}{2} \pi a^2 B_0 \quad \right\}$$

3. 半径 $r=0.1\,\mathrm{m}$,長さ $l=2\,\mathrm{m}$,総巻き数 $N=4000\,\mathrm{のソレノイド c}$ 電流 $I=N_{\rm spi}$ A を流すとき,蓄えられる磁界のエネルギーはいくらか.ただし,端での磁界の減衰や漏洩は無視できるものとする.(まず磁界の全エネルギーが $U_B=\pi\mu_0N^2I^2r^2/2l$ であることを導き,その後数値を代入せよ.)