O campo eléctrico criado por um dipolo finito de comprimento *l* colocado ao longo do eixo
 OZ é dado por:

$$E_{\theta} \approx j\eta \frac{I_0 e^{-jKr}}{2\pi r} \left[\frac{\cos\left(\frac{Kl}{2}\cos\theta\right) - \cos\left(\frac{Kl}{2}\right)}{\sin\theta} \right] \qquad H_{\phi} = \frac{E_{\theta}}{\eta}$$

Suponha que uma antena deste tipo com 2 m de comprimento está a servir uma emissora de rádio com uma portadora de 300 MHz.

- a) Esboce justificando a distribuição de corrente sobre a antena.
- b) Considere a antena colocada horizontalmente ao longo do eixo OX e esboce o diagrama de radiação no plano x-z(y-z).
- c) Determine a gama de variação do comprimento da antena para que o seu diagrama de radiação apresente uma forma pentalobular(tribular).
- d) Mostre que para uma antena deste tipo os zeros do diagrama de radiação no plano y-z são dados por $\theta = \arccos\left(\pm 1 \pm \frac{2n\lambda}{l}\right)$.
- e) Qual o comprimento de antena que garante que o seu diagrama de radiação apresente um zero para a direção $\theta=\pi/4$, e um diagrama de radiação tribular no plano x-z.
- f) Considere agora a mesma antena colocada horizontalmente ao longo do eixo OX e determine nestas condições a expressão do campo eléctrico criado pela antena.
- g) Considere agora a antena colocada a uma um altura *h* de um plano condutor perfeito e infinito. Determine nestas condições o campo eléctrico criado por este sistema.
- h) Compare a densidade de potência média irradiada pelo sistema com e sem plano condutor.
 Em sua opinião o plano condutor reforça ou atenua a potência irradiada pela antena?
 Justifique.
- i) Explique sucintamente o valor do coeficiente de reflexão horizontal.
- j) Determine a gama de alturas a que deve ser colocada a antena de 2m para que o seu diagrama de radiação apresente uma forma pentalobular no plano superior.
- k) Determine a altura a que deve ser colocada a antena de 2m para que o seu diagrama de radiação apresente um zero para a direcção θ=0.
- l) Determine a altura a que deve ser colocada a antena para que o seu diagrama de radiação apresente uma forma hexalobular com um zero na direcção $\theta=\pi/6$.
- m) Determine a altura a que deve ser colocada a antena para que o seu diagrama de radiação apresente uma forma trilobular com um zero na direcção $\theta = \pi/6$.

- n) Determine a altura a que deve ser colocada a antena de 2m para que o seu diagrama de radiação apresente um zero para a direcção θ =0.
- o) Determine a altura a que deve ser colocada a antena para que o seu diagrama de radiação apresente uma forma hexalobular com um zero na direcção $\theta=\pi/6$.
- p) Determine a altura a que deve ser colocada a antena nas condições da alínea anterior para que o seu diagrama de radiação apresente um zero na direcção vertical (θ =0). Represente nestas condições o diagrama de radiação completo do sistema.