Complementos de Análise Matemática B/C

Teste 3 + Teste 4

LEIA COM ATENÇÃO ANTES DE INICIAR A SUA PROVA

Esta prova de avaliação integra os Testes 3 e 4, tendo a duração total de 1h45m

O Teste 3 corresponde aos exercícios 1, 2 e 3; o Teste 4 corresponde aos exercícios 4, 5 e 6. Não é necessário realizar os testes em folhas distintas, nem respeitar a ordem das perguntas, sendo apenas necessário indicar de forma clara qual o exercício que está a ser resolvido.

Material permitido: Material habitual de escrita

Tabelas de primitivas e Formulário da UC sem anotações

Esta prova é **estritamente individual**, devendo a **identificação do aluno** ser colocada em cima da respectiva mesa, de forma visível, durante toda a prova

Qualquer tentativa de fraude implicará, no mínimo, a anulação da prova

Esta folha deve ser entregue no final da prova, juntamente com a respectiva resolução. No topo das folhas de teste que entregar deve escrever "**Teste A**"

Nome:	 	 	
Número:			
Curso:			

(1.75)

(1.75)

Complementos de Análise Matemática B/C

Teste 3 (4 valores)

1. Determine, usando a função de Heaviside, a transformada de Laplace da função: (1.75)

$$f(t) = \begin{cases} 1, & 0 < t \le 2, \\ -1, & 2 < t \le 4, \\ (t-2)^2 e^{3t}, & t > 4. \end{cases}$$

2. Determine, usando a transformada de Laplace, a solução do PVI:

$$\frac{d^2 y}{dt^2} + \frac{dy}{dt} = h(t), \quad y(0) = 1, \quad \frac{dy}{dt}(0) = -1,$$
onde $L\{h(t)\} = \frac{s}{s^2 - 1}e^{-2s}$. (1.75)

3. A respeito das funções f(t), g(t) e h(t) sabe-se que todas admitem transformada de Laplace e que (0.50) têm as seguintes propriedades:

 $g(t) = e^{3t}$, $h(t) = te^{2t}$, h(t) = f(t) * g(t), onde * representa a convolução de funções.

Determine f(t).

Teste 4 (4 valores)

4. Determine os valores próprios e as funções próprias do PVF:

$$\frac{d^2y}{dx^2} + \lambda y = 0$$
, $\frac{dy}{dx}(0) = 0$, $y(\pi) = 0$.

5. Determine a solução do seguinte problema:

$$u = u(x, y)$$
: $y^2 \frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial u}{\partial y}$, $u(x, 1) = 5e^{-2x} - 2e^{5x}$.

6. Escreva a forma mais geral de uma EDP linear de 2^a ordem onde a incógnita é u = u(x, y, z). (0.50)