

Relatório de

Laboratórios de Comunicações 1

- Momento 2 -



Ricardo Maciel, nº 50037
ricardomcl@yahoo.com



Ângelo Alves, nº 48320
angeloalves@netcabo.pt



Joana Silva, nº 50027
a50027@alunos.uminho.pt

Grupo
204



Índice

Introdução	2
Algoritmo Não Refinado	4
Algoritmo Refinado	5
Descrição do Algoritmo	8
Fluxograma	12
Análise Crítica	16
Conclusão	17



Introdução

Este projecto visa o desenvolvimento de um programa para análise de circuitos de corrente contínua que, a partir de uma descrição do circuito, permita obter as tensões nos nós.

Neste segundo momento temos presentes três etapas principais: algoritmo não refinado, algoritmo refinado e fluxograma do algoritmo refinado.

O algoritmo não refinado está escrito numa linguagem natural e serviu de base à elaboração do algoritmo refinado. Neste algoritmo estão presentes os passos mais gerais e os caminhos que decidimos escolher.

O algoritmo refinado está escrito numa linguagem natural, já muito próxima da linguagem de programação com o objectivo de mais tarde, quando for para implementar em linguagem C seja mais fácil e rápida essa passagem e assim pouparmos muito tempo.

O fluxograma é a representação gráfica do algoritmo refinado., onde todos os passos estão descritos esquematicamente.

É de notar que compreendemos por algoritmo, como um procedimento computacional bem definido que toma como parâmetro de entrada um valor (ou um conjunto de valores). Ou seja, é uma sequência de passos computacionais que transformam um input (valor ou valores de entrada) num output (valor ou valores de saída).

Este algoritmo é ser capaz de efectuar a leitura de um ficheiro com a descrição de um circuito e obter a o sistema de equações na forma matricial.

Depois de devidamente estruturado, o algoritmo será resolver as equações lineares, obtendo assim, as equações dos nós.

Para a resolução deste problema, deveremos ter conhecimentos, previamente obtidos em várias unidades curriculares. Nomeadamente:



– 25 de Novembro de 2006 –

- a unidade curricular de Análise de Circuitos, para obtenção e resolução das equações lineares, através do método das tensões nodais;
- a unidade curricular de Álgebra linear, para a obtenção das equações lineares sob a forma matricial;
- a unidade curricular de Métodos de Programação para a elaboração do algoritmo e futura implementação em código C da solução final.



Algoritmo não refinado

1. Ler Ficheiro
 - 1.1. Filtrar do ficheiro netlist apenas as linhas que interessam: UR, R, I
 - 1.2. Guardar dados de cada componente numa estrutura de apoio
2. Criar matriz dos coeficientes e termos independentes
 - 2.1. Calcular nº de nós do circuito
 - 2.2. Passar valores dos variados componentes para a matriz
3. Calcular os valores das tensões nos nós
 - 3.1. Passar a matriz para a forma em escada
 - 3.2. Passar a matriz resultante para a forma em escada reduzida
4. Apresentar resultados



Algoritmo Refinado

```
[INICIO]
1. [abrir ficheiro]
  1.1. Ler nome de ficheiro
  1.2. Verificar se o ficheiro existe
  1.3. Enquanto ficheiro não existir Fazer
    Pedir nome de ficheiro
  FimEnquanto
2. [carregar dados do ficheiro para estrutura de apoio]
  2.1. [iniciar variável contadora de componentes]
    2.1.1. ncomp ← 1
  2.2. [percorrer o ficheiro linha a linha]
    2.2.1. Enquanto não chegar ao fim do ficheiro Fazer
      Ler test_str
      Caso test_str Seja
        "UR" Fazer: ncomp ← ncomp + 1
                    netlist[ncomp].c ← test_str
                    Ler netlist[ncomp].r, netlist[ncomp].n1, netlist[ncomp].n2, netlist[ncomp].v1,
netlist[ncomp].v2
                    "R" Fazer: ncomp ← ncomp + 1
                                netlist[ncomp].c ← test_str
                                Ler netlist[ncomp].r, netlist[ncomp].n1, netlist[ncomp].n2, netlist[ncomp].v1
                    "I" Fazer: ncomp ← ncomp + 1
                                netlist[ncomp].c ← test_str
                                Ler netlist[ncomp].r, netlist[ncomp].n1, netlist[ncomp].n2, netlist[ncomp].v1
                    "/" Fazer: Mudar para a linha seguinte
      Outra coisa qualquer Fazer: Apresentar mensagem de erro e Terminar
      FimCaso
      Se test_str <> "/" Fazer
        Se netlist[ncomp].n1 = 0 Fazer
          Apresentar mensagem de erro e Terminar
        FimSe
      FimSe
    FimEnquanto
  2.3. Fechar ficheiro
3. [calcular número de nós]
  3.1. num_nodes ← 0;
  3.2. Para count ← 1, 2, ... até ncomp Fazer
    Se netlist[count].n1 > num_nodes Fazer
      num_nodes ← netlist[count].n1
    FimSe
    Se netlist[count].n2 > num_nodes Fazer
      num_nodes ← netlist[count].n2
    FimSe
  FimPara
4. [enviar dados para a matriz final]
  4.1 Para count ← 1, 2, ... até ncomp Fazer
    Caso netlist[count].c Seja
      "UR" Fazer: Se netlist[count].n2 <> 0 Fazer
        matrix[netlist[count].n1][netlist[count].n1] ← matrix[netlist[count].n1][netlist[count].n1]
+ (1/[netlist[count].v2)
        matrix[netlist[count].n2][netlist[count].n2] ← matrix[netlist[count].n2][netlist[count].n2]
+ (1/[netlist[count].v2)
        matrix[netlist[count].n1][netlist[count].n2] ← matrix[netlist[count].n1][netlist[count].n2]
- (1/[netlist[count].v2)
        matrix[netlist[count].n2][netlist[count].n1] ← matrix[netlist[count].n2][netlist[count].n1]
- (1/[netlist[count].v2)
        matrix[netlist[count].n1][num_nodes+1] ← matrix[netlist[count].n1][num_nodes+1] +
(netlist[count].v1/netlist[count].v2)
        matrix[netlist[count].n2][num_nodes+1] ← matrix[netlist[count].n2][num_nodes+1] -
(netlist[count].v1/netlist[count].v2)
      Senão
        matrix[netlist[count].n1][netlist[count].n1] ← matrix[netlist[count].n1][netlist[count].n1] +
(1/netlist[count].v2)
        matrix[netlist[count].n1][num_nodes+1] ← matrix[netlist[count].n1][num_nodes+1] +
(netlist[count].v1/netlist[count].v2)
      FimSe
    "R" Fazer: Se netlist[count].n2 <> 0 Fazer
      matrix[netlist[count].n1][netlist[count].n1] ← matrix[netlist[count].n1][netlist[count].n1]
+ (1/[netlist[count].v1]
```



- 25 de Novembro de 2006 -

```
matrix[netlist[count].n2][netlist[count].n2] ← matrix[netlist[count].n2][netlist[count].n2]
+ (1/[netlist[count].v1]
matrix[netlist[count].n1][netlist[count].n2] ← matrix[netlist[count].n1][netlist[count].n2]
- (1/[netlist[count].v1]
matrix[netlist[count].n2][netlist[count].n1] ← matrix[netlist[count].n2][netlist[count].n1]
- (1/[netlist[count].v1]
Senão
matrix[netlist[count].n1][netlist[count].n1] ← matrix[netlist[cont].n1][netlist[count].n1] +
(1/netlist[count].v1)
FimSe
"I" Fazer: Se (netlist[count].n1 <> 0) ^ (netlist[count].n2 <> 0) Fazer
matrix[netlist[count].n1][num_nodes+1] ← matrix[netlist[count].n1][num_nodes+1] +
netlist[count].v1
matrix[netlist[count].n2][num_nodes+1] ← matrix[netlist[count].n2][num_nodes+1] -
netlist[count].v1
Senão
matrix[netlist[count].n1][num_nodes+1] ← matrix[netlist[count].n1][num_nodes+1] +
netlist[count].v1
FimSe
FimCaso

5. [colocar matriz em escada]
5.1. i ← 1
5.2. [descobrir o índice do valor não nulo mais à esquerda da matriz]
5.2.1. Para j ← 1,2,... até num_nodes+1 Fazer
Para l ← 1,2,... até num_nodes Fazer
Se matrix[l][j] <> 0 Fazer
Ir para o passo 5.3
FimSe
FimPara
FimPara
5.3. [selecionar o pivot]
5.3.1. Se matrix[i][j] = 0 Fazer
aux ← matrix[i]
matrix[i] ← matrix[q]
matrix[q] ← aux
Fim Se
5.4. [anular elementos abaixo do pivot]
5.4.1. Para p ← i+1,i+2,... até num_nodes Fazer
matrix[p] ← matrix[p] - (matrix[p][j]/matrix[i][j])*matrix[i]
FimPara
5.5. [está em escada?]
5.5.1. Para l ← 1,2,... até num_nodes Fazer
nzeros[l] = 0
c ← 1
Enquanto (matrix[l][c] = 0) ^ (c <= num_nodes) Fazer
c ← c + 1
nzeros[l] ← nzeros[l] + 1
FimEnquanto
Se l <> 1 Fazer
Se nzeros[l] <= nzero[l-1] Fazer
Ir para o passo 5.5.3
FimSe
FimSe
FimPara
5.5.2. Ir para o passo 6
5.5.3. i ← i + 1
5.5.4. Para j ← 1,2,... até num_nodes+1 Fazer
Para l ← i,i+1,... até num_nodes Fazer
Se matrix[l][j] <> 0 Fazer
Ir para o passo 5.3
FimSe
FimPara
FimPara

6. [colocar matriz em escada reduzida]
6.1. [encontrar pivot]
Para i ← num_nodes, num_nodes-1,... até 1 Fazer
Para j ← 1,2,... até num_nodes Fazer
Se matrix[i][j] <> 0 Fazer
Ir para o passo 6.2
FimSe
FimPara
```



- 25 de Novembro de 2006 -

```
FimPara
6.2. Se matrix[i][j] <> 1 Fazer
    matrix[i] ← (1/matrix[i][j])*matrix[i]
FimSe
6.3. Para p ← 1,2,... até i-1 Fazer
    matrix[p] ← matrix[p] - (matrix[p][j] * matrix[i])
FimPara
6.4. [está em escada reduzida?]
6.4.1. Para l ← i-1,i-2,... até 1 Fazer
    Para c ← 1,2,... até j Fazer
        Se matrix[l][c] <> 0 Fazer
            Se matrix[l][c] = 1 Fazer
                Para l2 ← l-1,l-2,... até 1 Fazer
                    Se matrix[l2][c] <> 0 Fazer
                        Ir para o passo 6.4.3
                FimSe
            FimPara
        Senão
            Ir para o passo 6.4.3
        FimSe
    FimSe
    FimPara
6.4.2. Ir para o passo 7
6.4.3. i ← 1
6.4.4. j ← c
6.4.5. Ir para o passo 6.2
7. [Apresentar resultados]
7.1 Para a ← 1,2,... num_nodes Fazer
    Escrever no ecrã: "U", a, " = ", matrix[a][num_nodes+1]
    Mudar de linha
FimPara
[FIM]
```




Descrição do algoritmo

Este algoritmo utiliza como memória de apoio para os dados lidos a partir do ficheiro *netlist*, uma estrutura de variáveis associadas a um vector. Cada elemento desse vector (que é chamado de *netlist*), tem associadas 5 variáveis que vão guardar os dados relativos a cada componente. Essas variáveis são, para cada elemento do vector *netlist*, as seguintes:

- *c*, para o tipo de componente: UR, R ou I;
- *n1* e *n2* para os nós entre os quais o componente está ligado;
- *v1* para o valor do componente, para o caso das resistências (R) e fontes de corrente (I);
- *v2* que guarda o valor da resistência, para o caso das fontes de tensão em série com uma resistência (UR).

Para calcular os valores das tensões nos nós, que é o resultado pretendido, utilizamos apenas uma matriz, a matriz das equações, a qual é referenciada por *matrix* no nosso algoritmo. Nela serão guardados, através de um método explicado mais à frente, os valores dos coeficientes e dos termos independentes. Aqui, cada linha corresponderá às equações de cada nó e cada coluna guarda os coeficientes de cada incógnita (U_1 , U_2 , U_3 , etc...). Consideramos que com este método, os resultados pretendidos seriam obtidos de uma maneira mais simples e eficaz, pois iremos manipular apenas uma matriz, utilizando os métodos aprendidos nas aulas de Álgebra Linear B.

A leitura do ficheiro *netlist* foi feita com uma abordagem linha a linha, ou seja, em cada passo lemos todos os valores relativos a um componente, para as variáveis da estrutura mencionada acima. A variável *test_str* guarda apenas a primeira expressão de cada linha, de modo a que se possa depois decidir que operações vão ser executadas. No caso de *test_str* ser igual a *"/"* o resto é ignorado, passando para a linha seguinte. pois para cada componente existe pelo menos uma operação que difere entre eles, que é a atribuição da variável *c* (que guarda os caracteres "UR", "R" ou "I", conforme o caso). A variável *ncomp* é incrementada sempre que são lidos os valores de um componente. O seu objectivo é contar o número de componentes lidos, dado esse que nos vai ser útil finda a leitura deste ficheiro, pois será usada finda a leitura do ficheiro. Este consiste na determinação do número de nós, recorrendo, para o efeito, a uma variável *num_nodes* (inicializada a zero) e a um ciclo limitado pela variável *ncomp*. Dentro deste ciclo, em cada iteração,



– 25 de Novembro de 2006 –

num_nodes tomará o valor de *n1* ou *n2* caso estes tenham valores numericamente maiores que *num_nodes*.

Em seguida passamos os dados guardados na estrutura *netlist* para a matriz das equações. Para isso usamos o ciclo que incrementa a variável *count* até ao valor de *ncomp* (nº de componentes guardados na estrutura), e percorre toda a estrutura, linha a linha. Dentro é efectuado o teste com a variável *c* (tipo de componente), de modo a decidir que operações efectuar, operações essas que consistem na utilização de *n1* e *n2* como índices da matriz das equações, ou seja, as posições dos *v1* e *v2* nessa matriz. O método utilizado para esse posicionamento é o seguinte:

- Para o caso das fontes de tensão (UR), se *n2* for diferente de 0, são usados os dois nós (*n1* e *n2*) da seguinte forma: o inverso do valor da resistência ($1/v2$) é colocado nas posições (*n1,n1*) e (*n2,n2*) somando ao que já lá existir, e nas posições (*n1,n2*) e (*n2,n1*) subtraindo ao que já lá existir. Para a coluna dos termos independentes (*num_nodes+1*) vai o resultado de $v1/v2$, na linha *n1*, a somar, ou na linha *n2*, a subtrair. Se *n2* for 0 é apenas usado *n1*, ou seja, o inverso de *v2* vai ser somado ao valor que se encontrar na posição (*n1,n1*) e na posição (*num_nodes+1,n1*) (isto é, na coluna dos termos independentes, na linha *n1*);
- Para o caso das resistências (R), é usado o mesmo raciocínio só que não vai ser utilizada a coluna dos termos independentes, ou seja, não vai haver posicionamento na coluna *num_nodes+1* e em vez de *v2* será apenas usado *v1*, como é óbvio.
- Para o caso das fontes de tensão (I), se *n1* for diferente de 0, o seu valor (*v1*) será somado ao valor que existir na linha *n1* da coluna dos termos independentes, ou seja, vai para a posição (*num_nodes+1,n1*) e será subtraído ao que existir na linha *n2* da mesma coluna.

Este método surgiu da análise de variados circuitos de exemplo.

O passo seguinte consiste na adaptação dos algoritmos que nos foram apresentados nas aulas de Álgebra Linear B, os quais descrevem as operações a ser usadas para a obtenção da forma em escada reduzida da matriz das equações. A coluna *num_nodes+1* dessa matriz resultante vai conter os valores das tensões dos vários nós.



– 25 de Novembro de 2006 –

Primeiramente inicializamos a 1 a variável i , que nesta fase vai corresponder ao índice da linha 1 da matriz. Em seguida, para descobrir o índice do valor não nulo, mais à esquerda da matriz, recorreremos a dois ciclos. Um para incrementar c (que corresponde ao índice das colunas) e outro para l (linhas). Ambos os ciclos usam a variável $ncomp$ como limite, com a diferença de no ciclo de l , esta ser somada de 1. Isto quer dizer que, como $ncomp$ é o número de nós, ou seja, o número de incógnitas, isso implica que as colunas usadas para guardar os coeficientes são limitadas por $ncomp$, sendo $ncomp+1$ a coluna dos termos independentes. E esta é a vantagem em usarmos uma só matriz para ambos os tipos de dados (coeficientes e termos independentes). Voltando agora à explicação do ciclo em questão, este vai percorrer todas as linhas, coluna a coluna, ficando este interrompido quando for encontrado um valor diferente de zero. Ficam assim guardados os índices da linha (l) e da coluna (j) onde foi encontrado esse valor. Seguidamente testamos se o valor da primeira linha dessa coluna j é igual a zero. Se for, trocamos a linha i com a linha l , com a ajuda do vector aux . Depois, para anularmos (passar a zero) todos os elementos da coluna j abaixo da linha i , usamos outro ciclo que incrementa a variável p desde $i+1$ (a linha abaixo) até num_nodes (a última linha) e efectua a operação indicada, isto é, subtrai a todos os elementos da linha p , o produto dos elementos da linha i , pela divisão entre o elemento que queremos anular (elemento da linha p , coluna j) e o pivot (elemento da linha i , coluna j). Concluído o ciclo, é altura de verificar se a matriz que resultou destas operações, já está na forma em escada. Para isso utilizamos a definição, que diz que para uma matriz estar na forma em escada, o número de elementos nulos que precedem o pivot aumenta de linha para linha até que, possivelmente, sobrem apenas linhas nulas. E é isso que é feito no passo seguinte. Aqui é usado um vector ($nzeros$) que vai guardando para cada linha o número de zeros que encontra, até ao primeiro valor não nulo dessa linha. Em cada iteração do ciclo que incrementa o índice da linha (l), é efectuada uma comparação entre o número de zeros de duas linhas adjacentes (l e $l-1$). Se o número de zeros da linha acima ($l-1$) for superior ou igual ao da linha actual (l), o ciclo acaba e fica determinado que a matriz ainda não se encontra na forma em escada. Nesse caso a variável i é incrementada, é utilizado o método já descrito acima, para descobrir o índice não nulo mais à esquerda da matriz, mas desta vez partindo da linha i . Caso contrário o ciclo



– 25 de Novembro de 2006 –

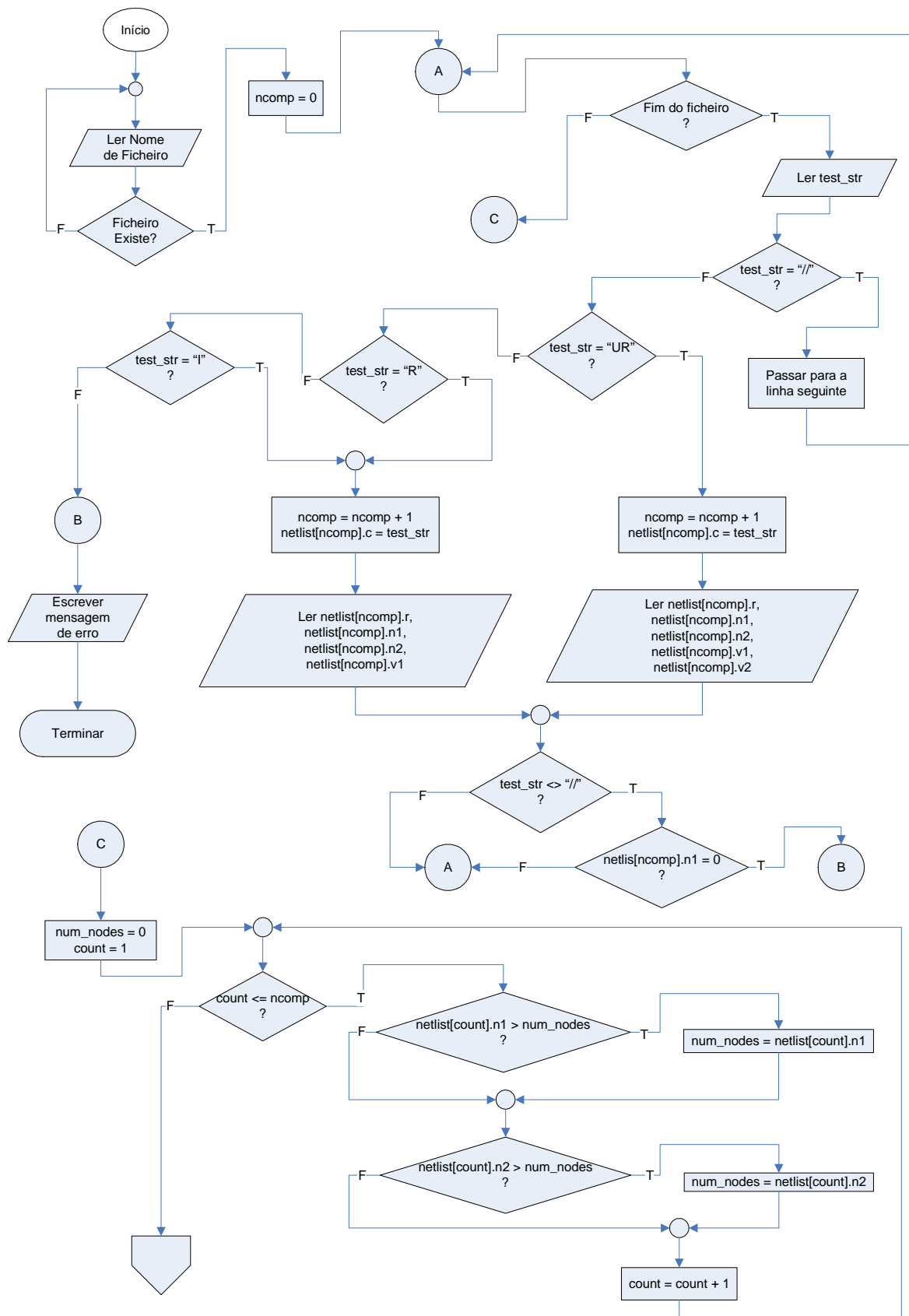
continua e se, quando i atingir *num_nodes* (for atingida a última linha), a condição se mantiver falsa, a matriz está na forma em escada, sendo agora necessário transformá-la na forma em escada reduzida.

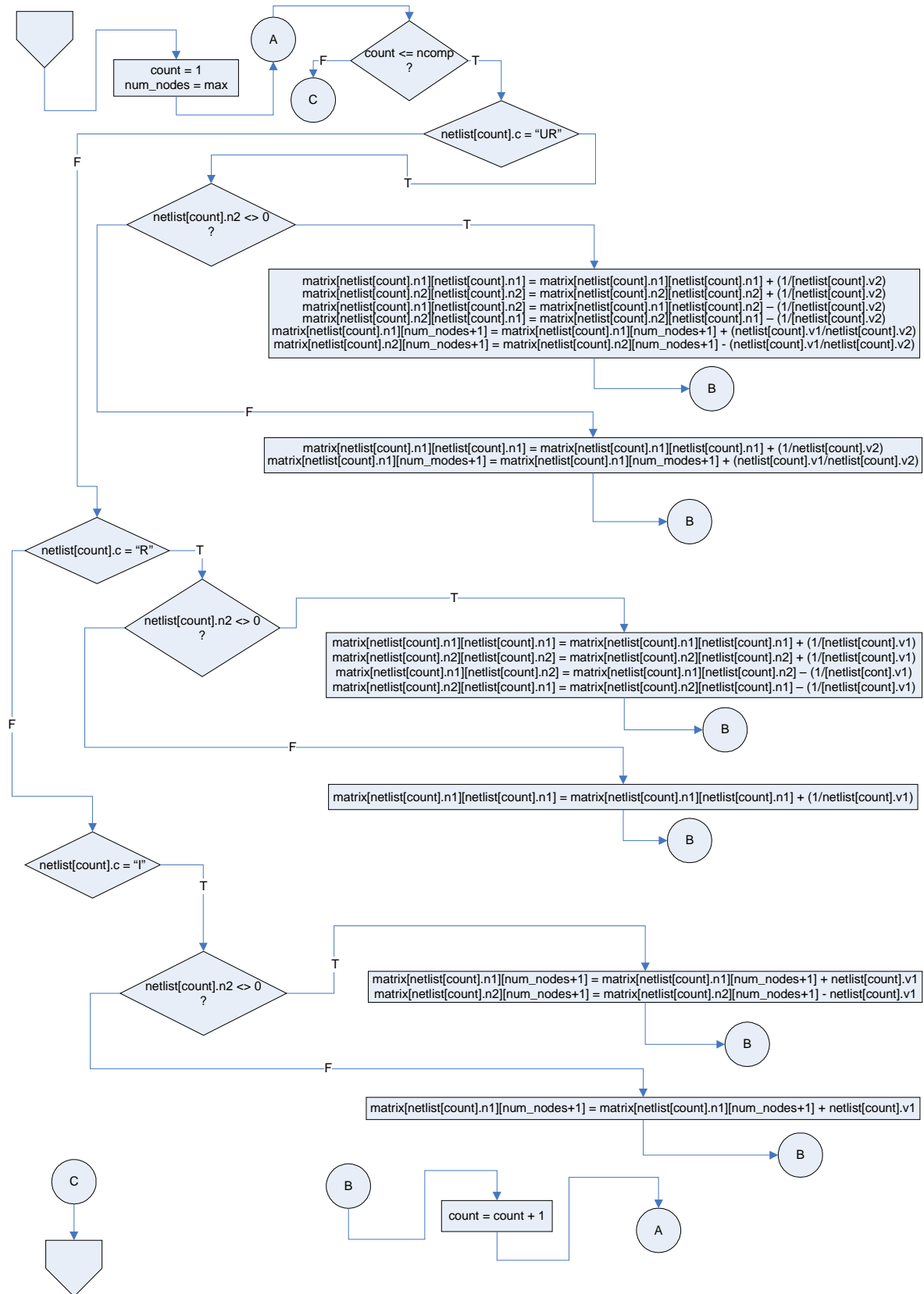
Vamos agora percorrer a matriz de baixo para cima, no ciclo que se segue, para encontrar o elemento pivot. Para isso percorremos linha a linha todos os elementos até encontrar um que seja diferente de zero. Isso acontecendo, passamos para o passo seguinte, que consiste na verificação desse elemento. Se for diferente de 1 (um) teremos de multiplicar todos os elementos dessa linha (neste caso é indicada pela variável i), pelo seu inverso, de modo a que esse elemento ($matrix[i][j]$) passe também a ser 1 (um). Em seguida anulamos todos os elementos acima do pivot, recorrendo mais uma vez a um ciclo que percorra as linhas, de cima até a linha anterior. Em cada iteração do ciclo efectuamos para cada elemento de cada linha, a sua subtracção com o produto do elemento que queremos anular (dado por $matrix[p][j]$) pelo elemento pivot, que agora é 1 (um). Findo o ciclo, está na altura de verificar se a matriz já se encontra na forma em escada reduzida. A definição diz que todos os elementos pivot tem de ser iguais a 1 (um) e todos elementos acima desses pivots têm de ser nulos (diferentes de zero). Para isso usamos, mais uma vez, dois ciclos. Um que percorre as linhas e outro as colunas. Quando encontrar um elemento diferente de zero ($matrix[i][c] \neq 0$), testa também se é igual a 1 (um). Se não for, os ciclos são interrompidos, i toma o valor de i , j toma o valor de c e o programa continua a execução em 6.2. Se for igual a 1 (um), vai verificar com a ajuda de outro ciclo que percorre com $i/2$, a coluna em questão (c), de baixo para cima (a começar na linha acima), a existência de algum elemento diferente de zero. Se não encontrar, o ciclo continua. Quando i atinge o valor 1 (a linha superior da matriz), o ciclo acaba, e se elemento pivot dessa linha for igual a 1 (um), considera-se também que a matriz está em escada reduzida.

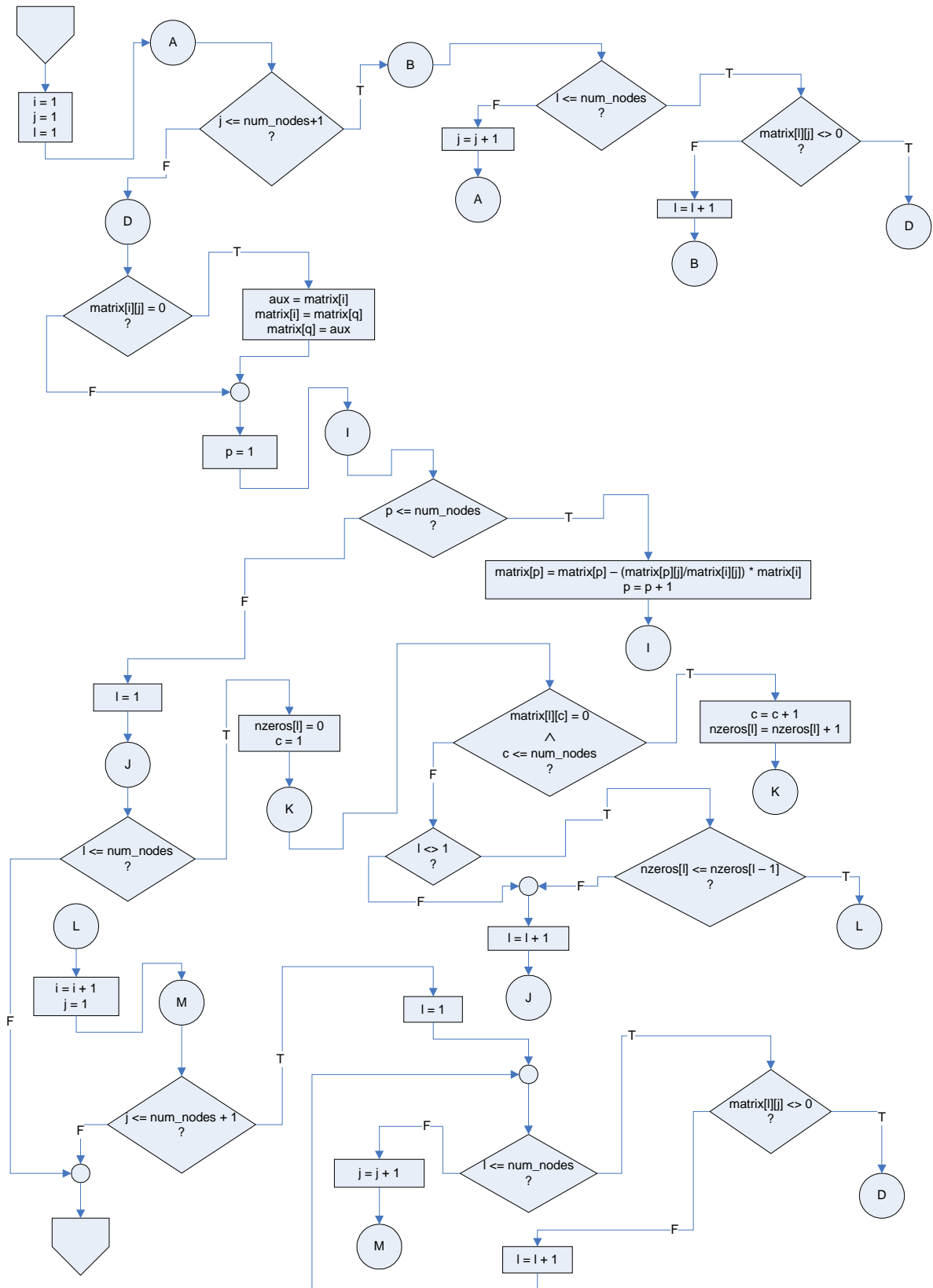
Posto isto, resta apresentar os resultados que se encontram na coluna *num_nodes+1*, usando para o efeito, mais um ciclo que percorre as linhas dessa coluna com a variável a .

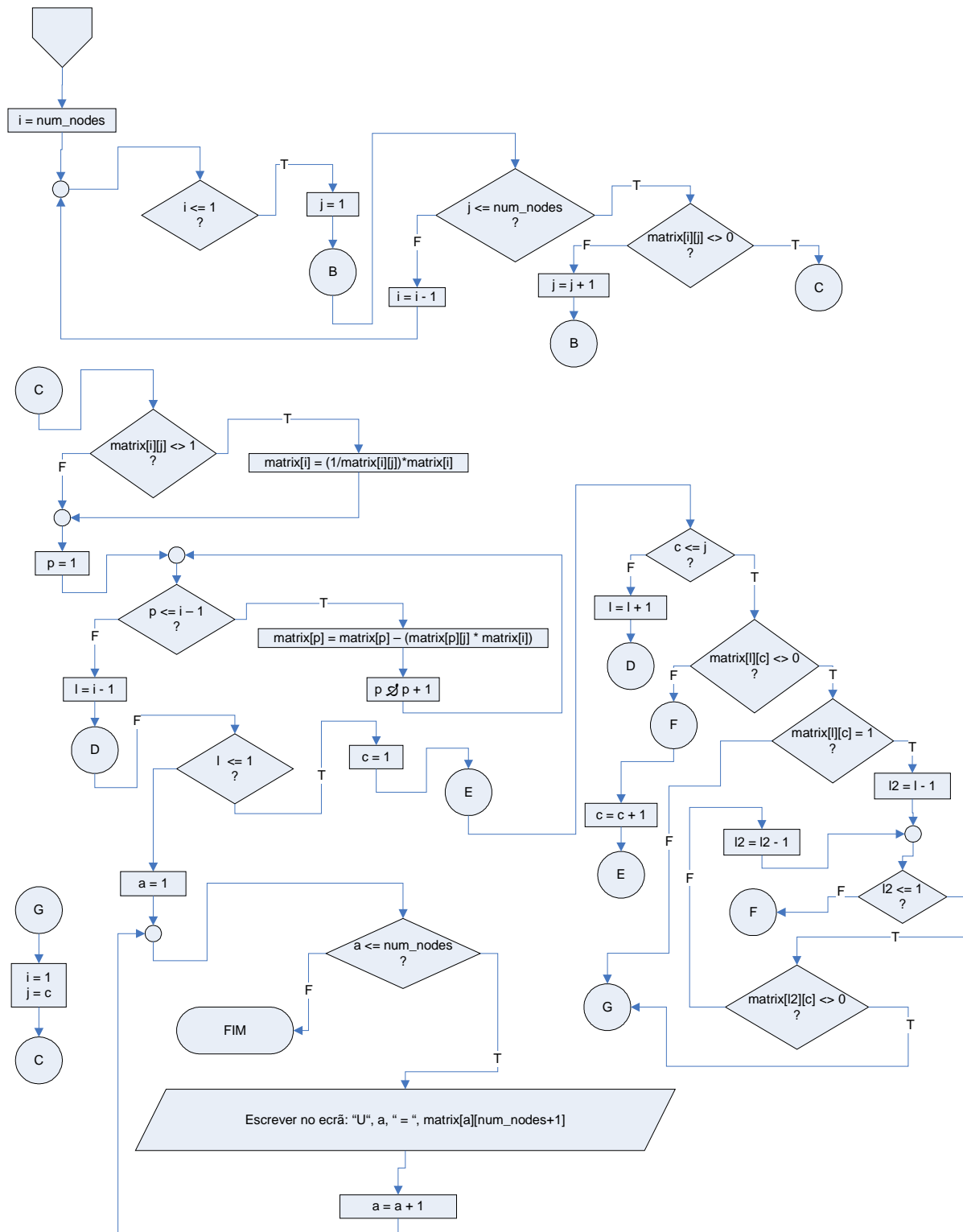


Fluxograma











Análise Crítica

Durante a elaboração deste relatório deparámo-nos com algumas dificuldades, nomeadamente com a obtenção das tensões nos nós do circuito pelo método das tensões nodais, visto esta parte da matéria não estar bem cimentada.

No início do processo estávamos a pensar percorrer o ficheiro *netlist*, tratando-o como se fosse uma matriz, mas como reparámos que assim seria mais complicado e mais trabalhoso, decidimos optar por outra estratégia, decidindo assim tratar o ficheiro linha a linha, ou melhor dizendo, componente a componente, carregando para a memória de uma só vez, todos os parâmetros relativos a cada componente.

Optámos também por fazer um algoritmo num nível de refinamento já bastante elevado para ser mais fácil a sua implementação em linguagem C.

Para a resolução da matriz e assim obter os valores das tensões dos nós tínhamos dois métodos: o método de Gauss e o método de Gauss-Jordan. O método que decidimos adoptar foi o segundo, pois, embora seja um método mais complicado que o primeiro, estamos mais familiarizados com esta técnica, fruto das aulas de Álgebra Linear B. Para além disso, em termos de raciocínio algorítmico é mais simples e tínhamos mais informações sobre este método.



Conclusão

Analizando todos os caminhos percorridos para a realização deste relatório, podemos concluir que será possível a sua implementação em linguagem C e que o programa conseguirá calcular as tensões dos nós, qualquer que seja o circuito apresentado. Para que tal fosse possível, tivemos o apoio de vários métodos, que foram cima descritos. Foi também com base nestes métodos, que concluímos que esta seria a melhor forma de elaboração do algoritmo.

O nosso algoritmo apresenta um nível de refinamento bastante elevado, pois entendemos que esta seria a melhor maneira para depois podermos efectuar a sua implementação em linguagem C.